

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + Make non-commercial use of the files We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + Maintain attribution The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + Keep it legal Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



Über dieses Buch

Dies ist ein digitales Exemplar eines Buches, das seit Generationen in den Regalen der Bibliotheken aufbewahrt wurde, bevor es von Google im Rahmen eines Projekts, mit dem die Bücher dieser Welt online verfügbar gemacht werden sollen, sorgfältig gescannt wurde.

Das Buch hat das Urheberrecht überdauert und kann nun öffentlich zugänglich gemacht werden. Ein öffentlich zugängliches Buch ist ein Buch, das niemals Urheberrechten unterlag oder bei dem die Schutzfrist des Urheberrechts abgelaufen ist. Ob ein Buch öffentlich zugänglich ist, kann von Land zu Land unterschiedlich sein. Öffentlich zugängliche Bücher sind unser Tor zur Vergangenheit und stellen ein geschichtliches, kulturelles und wissenschaftliches Vermögen dar, das häufig nur schwierig zu entdecken ist.

Gebrauchsspuren, Anmerkungen und andere Randbemerkungen, die im Originalband enthalten sind, finden sich auch in dieser Datei – eine Erinnerung an die lange Reise, die das Buch vom Verleger zu einer Bibliothek und weiter zu Ihnen hinter sich gebracht hat.

Nutzungsrichtlinien

Google ist stolz, mit Bibliotheken in partnerschaftlicher Zusammenarbeit öffentlich zugängliches Material zu digitalisieren und einer breiten Masse zugänglich zu machen. Öffentlich zugängliche Bücher gehören der Öffentlichkeit, und wir sind nur ihre Hüter. Nichtsdestotrotz ist diese Arbeit kostspielig. Um diese Ressource weiterhin zur Verfügung stellen zu können, haben wir Schritte unternommen, um den Missbrauch durch kommerzielle Parteien zu verhindern. Dazu gehören technische Einschränkungen für automatisierte Abfragen.

Wir bitten Sie um Einhaltung folgender Richtlinien:

- Nutzung der Dateien zu nichtkommerziellen Zwecken Wir haben Google Buchsuche für Endanwender konzipiert und möchten, dass Sie diese Dateien nur für persönliche, nichtkommerzielle Zwecke verwenden.
- + Keine automatisierten Abfragen Senden Sie keine automatisierten Abfragen irgendwelcher Art an das Google-System. Wenn Sie Recherchen über maschinelle Übersetzung, optische Zeichenerkennung oder andere Bereiche durchführen, in denen der Zugang zu Text in großen Mengen nützlich ist, wenden Sie sich bitte an uns. Wir fördern die Nutzung des öffentlich zugänglichen Materials für diese Zwecke und können Ihnen unter Umständen helfen.
- + Beibehaltung von Google-Markenelementen Das "Wasserzeichen" von Google, das Sie in jeder Datei finden, ist wichtig zur Information über dieses Projekt und hilft den Anwendern weiteres Material über Google Buchsuche zu finden. Bitte entfernen Sie das Wasserzeichen nicht.
- + Bewegen Sie sich innerhalb der Legalität Unabhängig von Ihrem Verwendungszweck müssen Sie sich Ihrer Verantwortung bewusst sein, sicherzustellen, dass Ihre Nutzung legal ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass ein Buch, das nach unserem Dafürhalten für Nutzer in den USA öffentlich zugänglich ist, auch für Nutzer in anderen Ländern öffentlich zugänglich ist. Ob ein Buch noch dem Urheberrecht unterliegt, ist von Land zu Land verschieden. Wir können keine Beratung leisten, ob eine bestimmte Nutzung eines bestimmten Buches gesetzlich zulässig ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass das Erscheinen eines Buchs in Google Buchsuche bedeutet, dass es in jeder Form und überall auf der Welt verwendet werden kann. Eine Urheberrechtsverletzung kann schwerwiegende Folgen haben.

Über Google Buchsuche

Das Ziel von Google besteht darin, die weltweiten Informationen zu organisieren und allgemein nutzbar und zugänglich zu machen. Google Buchsuche hilft Lesern dabei, die Bücher dieser Welt zu entdecken, und unterstützt Autoren und Verleger dabei, neue Zielgruppen zu erreichen. Den gesamten Buchtext können Sie im Internet unter http://books.google.com/durchsuchen.

Th 以到,3

JP

HARVARD POREST

RETURNED TO J. P. MARCH, 1967,

Forst = Mathematik

in den Grenzen wirthschaftlicher Anwendung,

nebst

gülfstaßeln

für die Forstschätzung und den täglichen Forstdienst,

ven

Dr. G. König,

Großberzogl. Sächfichem Oberforstrathe, Forstarations Commissarius, Direktor ber Forsts lebranstalt zu Gisenach, Mitgliede mehrer forsts und landwirthschaftlichen Bereine, Komthur des Großberzogl. Sächsichen Hausordens vom weißen Falken, Ritter des Herzogl. Sachsens Grnestinischen Hausordens und des Herzogl. Anbaltschen Ordens Albrecht des Bären, Inhaber der goldenen Medaille der Kaiserlich Russsschaft und Gesellschaft zur Beförderung der Forstwirthschaft u. s. w.

Vierte Ausgabe,

burchgesehen und erweitert

von

Dr. Carl Grebe,

Großherzogl. Sächsischem Oberforstrathe zc.

Gotha,

Becter's che Buchhanblung. 1854. Jan. 1908 17424

•

.

Vorworte.

Bur erften Ausgabe.

Bur Bearbeitung ber Forftwiffenschaft fur ben Forftbienft glaubt ber Berfaffer fich vorzüglich berufen. Cotta's erfter Unterricht mit Stelt's belehrender Unterweifung, Die meitere Ginubung, theils in bem untern Revierbienfte, theils bei ber fruhern preußischen Forfttaration, die Birthschafts= führung in großen, lehrreichen Balbungen, die Forftbetriebe-Einrichtung bes Großherzogthums Cachfen, bas Deutsch= lands Forfiverhaltniffe mannigfach barbietet, baneben bie unausgefeste Untercichtung in bem Forftbienfte - bies 21les giebt ihm reichlichen Stoff bagu. Gine folche, mehr als vierzigjahrige, vielfeitige Birtfamteit burfte ihn fogar verpflichten, feine Beobachtungen und Erfahrungen in georbneter Berbindung auch fdriftlich mitzutheilen. Doch tann und foll bies nur gefchehen ber Musubung gum Beirathe, teinesweges aber gur Erweiterung ber Forftwiffenschaft an fich.

Der ausübende Forstmann braucht ohnehin ein Buch, bas ihn über alle Gegenstände seines Wirkens auf die leiche teste, angemessenste Beise belehrt und ihm nur das zum Dienste Erforderliche, der Natur und Erfahrung gemäß,

recht anwendbar darbietet, ohne alle rein wissenschaftlichen Weiterungen. Ein solches Lehrbuch dürfte dann auch dem angehenden Forstwirthe zum ersten Unterrichte dienen.

Mochte es dem Verfasser gelingen, diesem Bedürfnisse nach seinen Wünschen abzuhelfen, und mochte es ihm glüschen, auch auf solche Weise zur Erhaltung der ihm lieb geswordenen Wälder beizutragen!

Die vorliegende erste Hauptabtheilung, die Forst= Mathematik, verdient des Forstmannes vorzügliche Be= achtung. Die ganze Forstkunde besteht mehr oder weniger in einer Anwendung der Größenlehre auf der Balder rich= tigen Gebrauch. Dhne diese Hulfswissenschaft kann kaum ein einziges Forstgeschäft punktlich und zweckmäßig voll-Wie ware man anders im Stande, der führt werden. Forste Vermögen zu wurdigen und zu ordnen, der Holzbe= stande Stellung und Wachsthum, Abtrieb und Anbau rich= tig und sicher zu handhaben, der Walder hochste Rugbar= keit zu erhalten und alle Walderzeugnisse recht auszuben= ten? Zudem gewährt die Erlernung der Mathematik mit Ubung im Messen und Planzeichnen dem jungen Forstmanne eine ganz vorzügliche Brauchbarkeit und Anstelligkeit. fordert ihn leicht über den gemeinen Revierdienst hinauf; sie verhilft ihm zu anständigen Zwischendiensten bei Forst= vermessungen und Abschätzungen; sie verschafft ihm auch wohl ein anderweitiges Unterkommen. Und braucht das Vaterland einmal Vertheidiger, so eröffnet ihm diese Ge= schicklichkeit ein hohes Ziel, wogegen er ohne dieselbe nur als gemeiner Jäger bienen kann. — Die Mathematik ist ohne allen Zweifel dem Forstmanne am nothwendigsten und forderlichsten, und der Zeitpunkt naht heran, wo in dem Forstdienste Niemand eine Anstellung erhalt, der sich ohne forstmathematische Kenntnisse und Fertigkeiten sinden läßt.

Wenngleich die reine Mathematik mehr dem allgemeisnen Unterrichte angehört: so erschien es dem Verfasser doch zweckmäßiger, hier die wesentlichen Grundlehren der Arithmetik, Planimetrie und Stereometrie mit einzureihen, um dieser forstwissenschaftlichen Abtheilung eine gewisse Selbsständigkeit zu geben, dem weniger Unterrichteten gleich mit einzuhelsen und selbst dem Kundigern das Wiederholen zu erleichtern. Mathematik kann überhaupt kaum zu viel geslehrt, gelernt und geübt werden.

Nicht nur wegen der großen Nüßlichkeit dieser Wissenschaft, sondern auch wegen ihrer fast noch allgemeinen Bernachlässigung in den Vorschulen und wegen des Manzgels an Zeit und Gelegenheit zum spätern Nachholen müßte die Mathematik ein Hauptgegenstand des Unterrichtes jeder Forstlehranstalt sein. Um so mehr könnte dieses Lehrbuch der Forstmathematik, das dem Lehrer überall noch weitere Zusäte und besondere Anwendungen gestattet, einen Gesbrauch dabei sinden. Des Verfassers Unterricht, wobei zusvörderst die allgemeine Mathematik und dann erst die Forstmathematik vorgetragen, daneben aber in jeder Anwendung tüchtig unterwiesen wird, hat sich seit vielen Sahren durch guten Erfolg bewährt.

Sollte dies Buch, seinen weitern Bestimmungen gesmäß, auch in der vorübenden Försterlehre, wenn nur zu Aufgaben, gebraucht werden: so mag jeder Lehrherr das für die Vorkenntnisse und Fähigkeiten seiner Lehrlinge eben Geseignete auswählen. Es versteht sich von selbst, daß die schwerern Gegenstände dieser Vorbereitung weniger angeshören.

Der Berfasser darf zuversichtlich hoffen, man werde wenigstens sein Bemühen nicht verkennen und nicht unberücksichtigt lassen, daß es dem ausübenden Forstmanne bei

dem so bewegten Leben und Wirken gar nicht leicht ist, je= nen anhaltenden Ruhestand zu gewinnen, den die umfäng= liche Ausarbeitung eines mathematischen Gegenstandes er= fordert. Die Literatur dieses forstlichen Lehrzweiges kann übrigens beweisen, daß die vorliegende Leistung manches Eigene darbietet und aus erprobter Anwendung und Sich= tung hervorging.

Te erfahrner der Forstmann wird im Lehren und Ausüben, um so nothwendiger erscheint ihm ein Bereinfachen und Erleichtern des Unterrichtes für den Forstdienst. Wenige unter denen, die das Forstsach erwählen, zeichnen sich durch größere Reigung zur Bissenschaft aus. Bielen hält es schwer, nur das Nothwendige auszusassen. Der Fähigere trachtet aber von selbst nach dem Höhern und Beitern, sobald sein Blick das Besen der Bälder tieser durchdringt. Daher blied hier auch dassenige der Nathematik underührt, was der Forstwirth als solcher nicht eigentlich braucht. Dhnehin ist uns ja Tüchtigkeit in der Ausübung viel nothiger, als ausgebreitete Gelehrsamkeit.

Eisenach, im September 1835.

Bur zweiten Ausgabe.

Die erste Ausgabe dieses Lehrbuches von 1835, welche seit langer als einem Jahre vergriffen ist, war eigentlich mehr zum Leitsaden meines Unterrichtes in der forstlichen Mathematik bestimmt. Durch die unverhofft beisällige Aufenahme, die sich sogar die St. Petersburg erstreckt, wo diese Schrift — nach einem Beschlusse des hohen Vereisnes zur Ausmunterung der Forstwirthschaft Rußlands —

in's Russische übersetzt wurde, fand ich mich zu vorliegen= der, dem größern Kreise mehr geeigneter Bearbeitung dank= bar veranlaßt. Vor Allem habe ich gesucht, die Lehren der Forsttaxation zu erweitern und mit den besten Hulfs= mitteln zu versehen. Mehr als 100 Paragraphen und 80 Tafeln sind neu hinzugekommen. Man findet die Holz= sorten = und Baldmassen=Schäßung bereichert, der Walder Ertragsvermögen näher bestimmt, die verschiedenen Mittel und Bege zur Einzelertrags = Schätzung ausführlicher bar= gelegt, die Massen = und Werthserwachs = und Ertrags= Berhaltnisse der Holzbestande an sich und der Wirthschafts= walder im Ganzen entwickelt, dazu auch die Benutzungsal= ter, Rachhauungsrückstande und Waldreserven naher erörtert. Beiter ist ausführlicher gelehrt, wie man zum Behufe der Baldertrage = Abschätzung den Berthögehalt aufnimmt und den Betriebsplan aufstellt, dann worauf die verschiedenen Abschätzungsmethoden im Wesentlichen beruhen, wo und wie sie anzuwenden und durchzuführen sind, und was jede der Gegenwart und Zukunft eigentlich leisten mußte. wurde der Baldwerthschätzung, mit Bezugnahme auf die gar verschiedenen, noch minder beachteten Nugungszwecke, eine mehr praktische Bedeutung gegeben. Dabei sind viele irrigen Ansichten berichtiget, auch jene gemeinschablichen Lehrsatze gehoben, womit sich die gefeiertsten Forstmanner bis daher trugen: daß es nämlich für den Baldeigenthumer stets gewinnbringend sei, seine Waldung abzutreiben und alle weitere Holzerziehung einzustellen! Die hier niedergelegten Elemente der Forstmatheniatik greifen so berichtigend in alle Theile der Waldwirthschaft ein und machen sich da= durch so tringend für das Gemeinwohl, daß zu deren grund= lichen Berbreitung jede Forstlehranstalt verpflichtet sein sollte; moge sie auch dies Lehrbuch, das seinen minder gebilligten

Titel wohl nun genügend rechtfertigt, dabei gebrauchen, oder nicht.

Es ist für den Forstmann keine leichte Aufgabe, ansstatt genuß = und lehrreiche Wälder forschend zu durchstreisfen, auf den düstern Wegen der Mathematik sich mit starren Zahlen und Formeln abzumühen. Doch auch dies Opfer muß der Wissenschaft gebracht werden. Noch fansden sich Wenige dazu bereit. Nur mit tief in das Wesen der Wälder eindringendem, erfahrungskundigem Blicke und mit unverwandter Hinsicht auf alle forstlichen Zwecke ist man im Stande, die Mathematik für den Forstwirth zu bearbeiten und dabei weder in eine unpraktische Phantasieslehre, noch in ein untheoretisches Regelwerk zu verfallen.

Vermeint auch der in seiner mathematischen Methode befangene Theoretiker, dem vorliegenden Werke Mangel nachsagen zu dürfen, besonders wegen des rein mathemati= schen Theiles: so entspringt dies meist aus Unbekanntschaft mit unserm Bedurfniß. Diese vorausgeschickten Sage sol= len ja, wie schon gesagt, keinesweges ein kunstgerechtes Lehr= gebäude bilden, sondern bloß dem Lernenden zur einleiten= den Wiederholung und dem Ganzen einigermaßen zur selb= ständigen Begründung dienen. Dazu mußten sie durchaus ein mehr praktisches Geprage bekommen; zudem will ja der wahre Forstmann stets kurz zur Sache. Übrigens ist es auch noch unentschieden, ob nicht überhaupt ein solcher kunstloser Anfangsunterricht für jeden Gewerbsmann weit zweckmäßiger ware. Den eigentlichen Werth dieser, mehr für den Dienst im Balde bestimmten Schrift sollte man ohnehin nur in ihrem angewandten Theile suchen, von wel= chem in Wahrheit versichert werden kann: daß jedes darin gelehrte Berfahren und jedes gegebene Hulfsmittel sich zu= vor im prüfenden Gebrauche theoretisch und praktisch be= währte. Es möge nicht übersehen werden, daß der Bersfasser die Forstmathematik erst zum Druck bearbeitete, nachsem er deren Gegenstände während einer langen Reihe von Jahren genügend geübt, geprüft und gelehrt hatte.

Gegen den Ausspruch, wir wollten die Mathematik auf Kosten der Naturkunde heben, läßt sich überzeugungs= voll behaupten: es ist ein Fehler, daß dies nicht in allen Forstlehranstalten bis zu gewissem Maße geschieht. Forstmanne dringt ja das ganze Berufsleben ein fortwah= rendes Studium ber Natur auf. Wie Biele unter uns find nicht noch im höhern Alter tüchtige Naturforscher ge= Aber das in der Mathematik Berfaumte holt wenigstens der ausübende Forstmann nie wieder nach. Und wie tonnte der Forstwirth die so verborgenen Ertragstrafte der Ratur gründlich erforschen und leiten ohne Mathema= tit? Daß ich aber weber für das Forstwesen, noch für meine Person die Naturkunde mißachte, beweist schon der Inhalt dieses Lehrbuches. Wer kann sich ruhmen, mit Halfe der Mathematik fleißiger und tiefer in der Natur der Balber geschöpft zu haben?

Ich beende nun diese, das Leben gleichsam vertrocknende, mathematische Schriftstellerei, wahrscheinlich auf immer, in der bescheidenen Meinung, eine sehr fühlbare Lücke
des forstlichen Unterrichtes damit ausgefüllt zu haben, und
in der frohen Hossnung, meine Mußestunden von nun an
der erhabenen Natur wieder mehr widmen und die Bearbeitung der Forstnaturkunde, eben auch in rein
wirthschaftlicher Beziehung, ungestört vollenden zu
können. Dieses unerschöpsliche Feld bietet unserer Wissenschaft eine nicht minder reiche Berichtigung.

Eisenach, im August 1841.

Bur dritten Ausgabe.

Diese neue Ausgabe der Forstmathematik habe ich, so viel mir möglich, verbessert und erweitert. Man wird darin mehr Deutlichkeit des Vortrags und manche neuen Lehren sinden, besonders über die Schätzung der Entschädigungs=werthe enteigneter Bäume und Gehölze. Expropriation ist ja eine Lebensfrage unserer Zeit, an der auch der Forstmann mit Theil nehmen muß. — Kaum wüßte ich nun noch einen Gegenstand aus dem Forstdienste hereinzuziehen.

Die fortgesetzte Nachfrage nach diesem Buche beweiset, daß die darin gelehrte forstliche Anwendung der Mathema= tik, ungeachtet ihrer schwierigen Einführung, immer mehr Möchte doch jeder Forstwirthschafts= Beifall gewinnt. Beamte, der sich mit dem Anfangsunterrichte junger Forst= leute beschäftigt, diese auch in dem forstlichen Rechnen, Messen, Schätzen und Zeichnen recht fleißig vorüben, wozu es den eigentlichen Forstlehranstalten durchaus an Zeit man= gelt, und mochten doch recht Biele, schon zu ihrer eigenen Erhebung über die dustere Region des untern Forstdienstes, sich dem Worbereitungs-Unterrichte in der forstlichen Praxis widmen und diesen, neuerlich fast ganz verlassenen Boden, auf welchem die forstliche Theorie nur allein feste Wurzel fassen kann, mit dem alten Fleiße wieder bearbeiten! terbleibt dies noch langer, so werden im Forstwesen die be= triebsfesten Meister und die forstgerechten Lehrer immer seltener.

Gifenach, im September 1845.

Der Verfasser.

Bur vierten Ausgabe.

Bei Durchsicht der Forstmathematik, Behufs der nothig gewordenen neuen Ausgabe, mußte vor Allem die Erwägung maßgebend sein, daß diese Schrift sich in ihrer seitherigen Form und Bearbeitung eines entschiedenen Beifalls zu erfreuen und anerkannt als eins unserer vortresslichsten forstlichen Lehrbücher bewährt hatte.

Der Unterzeichnete, welcher diese Durchsicht auf den Bunsch des Herrn Verlegers übernahm, fand daher weder Beranlassung noch Berechtigung zu einer tief eingreifenden Umarbeitung, sondern erkannte seine wesentliche Aufgabe darin: die vorgetragenen Lehren, so weit es, ohne die Gi= genthumlichkeit des Buches zu gefährden, möglich und no= thig erschien, deutlicher und zugänglicher zu machen, — sei es durch übersichtlichere Anordnung des Stoffes, durch Beigabe erläuternder Beispiele ober durch ausführlichere Bearbeitung einzelner Gegenstände, wie z. B. der Zinsrechnung, der forstlichen Geometrie, der Holzmassen= und Zuwachs= schätzung, der Ertrags = und Wertheschätzung u. s. w. Frei= lich fand letteres in dem von dem 1849 verstorbenen Berfasser wohlbemessenen Umfange dieses Lehrbuches seine Schranke, und man hatte in der That fürchten muffen, die bier schon ziemlich weit gezogenen Grenzen einer Forst= mathematik zu überschreiten, hatte man sich auf eine noch weitere Entwickelung, namentlich der forsttaratorischen Abtheilung einlassen wollen, so wunschenswerth für ein bes= serständniß dies auch Manchem scheinen mag. Dhne= hin ist diese für eine tiefere, denkende Auffassung des forst= lichen Berufes hochst interessante, wie es scheint jedoch

noch nicht gehörig gewürdigte Abtheilung der Forstmathes matik nicht für den Anfänger bestimmt; der mehr Vorbestritete wird sich aber auch schon in dem Gegebenen und oft nur Angedeuteten zurecht zu sinden wissen.

Als einen erheblichen Vorzug dieser neuen Ausgabe darf man wohl den betrachten, daß die erläuternden Figueren dem Texte beigedruckt worden sind; auch hofft man, daß die Erweiterung der Maßtafeln mit den in möglichster Vollständigkeit beigegebenen Umrechnungsfaktoren eine nicht ganz unerwünschte Zugabe sei.

Daß troß der typographischen Vervollkommnung und der 6 Druckbogen betragenden Erweiterung des Ganzen dennoch der Herr Verleger den Preis dieser Schrift etwas niedriger als früher gestellt hat, darf gleichfalls wohl noch anerkennend hervorgehoben werden.

Moge auch diese neue Ausgabe sich einer gleich gun= stigen Aufnahme wie die früheren zu erfreuen haben!

Eisenach, im Juli 1854.

The second secon

C. Grebe.

Inhalt der Forstmathematik.

Erfte Abtheilung.

_	Buthing attinuetit.	
Į.		Zeite.
	Recimentunst	. 4
	3abl	4
3	Zahlzeichen	. 4
4	Romische Zissern	4
5	Gemeine Ziffern	. 5
6	Allgemeine Zeichen	5
	Eintheilung ber Rechnenkunft	6
	I. Grundrechnungen mit ganzen Zahlen.	
	. 1. Abdition und Subtraftion.	
*	Abdiren	. 6
9	Subtrahiren	7
	Brebe zur Abdition und Subtraftion	. 8
	2. Multiplikation und Division.	
11	Multipliziren	Δ
		9
	Dividiren	11
	person fin von Distriction und Districti	13
	II. Grundrechnungen mit Brüchen.	
	1. Gemeine Brüche.	
14	Der gemeine Bruch	. 14
E	Gemeine Bruche zu verwandeln	15
	Gemeine Bruche zu heben	16
	Gemeine Brüche gleichnamig zu machen	17
_	Abbiren gemeiner Bruche	19
	Eubtrahiren gemeiner Brude	20
	Multipliziren gemeiner Brude	20
	Dipidiren gemeiner Bruche	22

XIV

4	. 2. Dezimaioruaje.	Seite.
\$ 22	Der Dezimalbruch	. 23
	Dezimalbrüche zu verwandeln	24
	Dezimalbrüche zu abdiren	. 25
	Dezimalbrüche zu subtrahiren	26
	Dezimalbrüche zu multipliziren	. 27
	Dezimalbrüche zu dividiren	27
	III. Grundrechnungen mit benannten und sonst be= zeichneten Zahlen.	
	1. Benannte Zahlen.	
28	Zahlenbenennung	. 28
29	Benannte Zahlen zu abdiren	29
30	Benannte Zahlen zu subtrahiren	. 29
31	Benannte Zahlen zu multipliziren	30
32	Benannte Zahlen zu bivibiren	31
	2. Buchstabenrechnung.	
33	Buchstaben	32
	Entgegengesete Größen	33
	Ginschlußzeichen	34
	Allgemeine Abbition	36
	Allgemeine Subtraktion	37
38	Allgemeine Multiplikation	38
	Allgemeine Division	39
4 0	Gebrochene Buchstabengrößen	39
	TT7 00 - 4 000	
	IV. Potenzen und Wurzeln.	4
	Botenz	41
	Wurzel	43
	Exponenten	44
	Quadrate und Würsel ber Einerzahlen	45
	Quabrate zweitheiliger Wurzeln	46 47
	Ausziehung der Duadratwurzel	49
41	Wurzelausziehung von Brüchen	43
	V. Gleichungen.	
48	Die Gleichung	50
49	Glieber mit $+$ und $-$	51
	Glieber mit × und :	51
51	Sonderung der unbekannten Größe	52
52	Ansatz ber Gleichung	53
58	Einfache Gleichungen mit einer unbekannten Größe	54
	Einfache Gleichungen mit mehr als einer unbefannten Größe	55

$\mathbf{X}\mathbf{V}$

\$.	Zeite.
	57
56 Bermischte quabratische Gleichungen .	57
VI. Proport	innen
1. Die arithmetische	Proportion.
57 Arithmetisches Berhaltniß	58
58 Ein unbefanntes Glieb ber arithmetischen	Proportion zu finden 59
59 Die arithmetische Mittelzahl	59
60 Durchschnitterechnung	
	.
2. Die geometrische	Proportien.
61 Geometrisches Berhältniß	61
62 Beränderungen an Proportionen .	62
63 Ein unbefanntes Glieb ber geometrischen	
64 Regelbetri	
65 Einrichtung bes Regelbetri-Anfațes .	
66 Sebung ber Glieber	
67 Belsche Praktik	
68 Zusammensetzung mehrer Proportionen	
69 Regel mit Fünsen	
70 Regel mit Siebenen, Rennen u. s. w.	
71 Ketteurechnung	73
72 Antheilrechnung	75
73 Einsache Zinsen	77
74 Radwerth mit einfachen Zinsen .	
75 Borwerth zu einfachen Zinsen	78
76 Kapital zu einfachen Zinsen	
77 Zinsfuß zu einfachen Zinsen	
78 Zinszeit zu einfachen Zinsen	79
79 Durchschnittlicher und periodischer Holzzu	· · · · · · 80
80 Zuwachsprozente	•
	81
81 Durchschnittsverhältnisse	83
83 Reduktion der Flächenmaße	85
84 Reduktion der Körpermaße	86
35 Rebuftion ber Holzerträge	87
VII. Progress	ionen.
1. Die arithmetische	
Krithmetische Reihe	
87 Summirung der arithmetischen Reihe .	90
38 Abtriebsformeln	91
29 Ergänzung ber arithmetischen Reihe .	95

XVI

•	2. Die geometrische Progression.	
§. 90	Geometrische Reihe	eite. 98
91	Summirung der geometrischen Reihe	99
,	3. Die Logarithmen.	
92	Logarithmensystem	100
93		101
94		102
		103
		103
		104
		105
		105
100	4. Die Zinseszinsrechnung.	400
101		106
101	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	107
		108
100		108
	· · · ·	109
106		110
		111 111
108		112
2.70		112
	VIII. Waldwerthberechnung.	
109	Grundlagen der Waldwerthberechnung	113
110	Vorbereitung zur Rechnung	114
111	Nachwerth einmaliger Einnahmen	116
112	Verwerth einmaliger Einnahmen	117
113	Kapitalwerth voller Renten	118
114	Kapitalwerth hinterer Rentenstücke	120
		12 2
	·	124
	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	126
		127
		129
		130
		132 - 22
		13 3
		134
	3	13 5
		136
120	Künste angewendete Merthoberechnung.	136

XVII

5 -	46 7 2 1			Selte.
	Jährlich gleiche Terminzahlungen	•	•	137
	Periodisch gleiche Terminzahlungen	•	•	138
129	Beweis für den Gebrauch der Zinseszinsen bei jeder W	aldwer	thbe=	
	rednung	•	•	139
	Bebenken gegen die Anwendung der Zinseszinsen .	•	•	144
_	Bermittelung zwischen einfachen und Zinseszinsen .	•	•	146
132	Bedingungen für die Anwendbarkeit der Zinseszinsen	•	•	151
	3weite Abtheilung.			
	Forftliche Planimetrie.			
133	Flächenmeßkunst	•	•	153
	Bunft	•		153
	Linie	•	•	153
	Fläche	•	•	154
137	Reffen	•	•	154
138	Gintheilung ber Flachenmeßfunft	•	, .	154
	I. Figurenbetrachtung.			
	1. Freie Linien und Winkel.			
	Einzelne Linien	•	•	155
	Zwei gerade Linien, Winkel			
141	Maß der Nebenwinkel	•	•	156
142	Gleichheit der Scheitelwinkel	•	•	157
143	Parallellinien	•	•	158
	2. Drei gerade Linien, Dreiecke.			
144	Das Dreied	•	•	159
	Gesammtmaß ber Winkel im Dreiecke			
146	Kongruenz der Dreiecke	•	•	160
147	Im Dreiede spannen gleiche Seiten gleiche Winkel .	•	•	162
148	Im Dreiecke spannen größere Seiten größere Winkel .	•	•	163
	Berhaltnismäßigkeit ber parallel geschnittenen Dreieckseiten			
150	Ahulichkeit zwischen dem Dreiecke und seinem Abschnitte .	•	•	
151	Ahnlichkeit zwischen Dreiecken überhaupt	•	•	167
	3. Bier gerade Linien, Bierecke.			
152	Das Bierect			168
	Gesammtmaß ber Winkel im Vierecke			
	Diagonale in dem Parallelogramm			
	Gleichheit zwischen Bierecken			
156	Ahnlichfeit zwischen Biereden	•	•	171
	4. Biel gerabe Linien, Bielede.			
157	Das Bielect	•	•	171
158	Gefammtmaß ber Binkel im Bielecke	•	•	172

XVIII

Ş.		Seite.
159		173
160	Gleichheit und Ahnlichkeit zwischen Bielecken	174
	5. Rrumme Linien, Rreise.	
161	Der Kreis	175
	Winkel im Kreise	
	Gleichheit und Ahnlichkeit der Kreise	
	Andere frumme Linien	179
104		160
	6. Größengleichheit verschiedener Figuren.	
165	Parallelogramme auf gleichem Grunde und in gleicher Höhe .	180
		181
167	Quabrate auf den Seiten des rechtwinkeligen Dreieckos	181
	7. Flächeninhalt ber Figuren.	
169	Flächeninhalt der Vier = und Dreiecke	100
		182
109	Flächeninhalt der Polygone	184
	8. Flächenverhältniß der Figuren.	
170	Flächenverhältniß zwischen Dreiecken	185
171	Flächenverhältniß zwischen ähnlichen Figuren	186
	II. Figurenzeichnung.	
	1. Linienzeichnung insbesonbere.	
172	Linienmaße	188
	Gerade Linien zu ziehen	189
	Kreislinien zu ziehen	190
	Senkrechte Linien zu ziehen	190
	Parallellinien zu ziehen	192
	Netzeichnung	194
	Theilung geraber Linion	195
	Einen Fußmaßstab zu fertigen	196
180	Einen verjüngten ober geometrischen Maßstab zu zeichnen	198
	Noniuseinrichtung	200
	Theilung der Kreislinic	201
		201
	2. Winkelzeichnung insbesonbere.	
	Winkelmaße	202
	Gebrauch des Transporteurs	
	Gebrauch des Zirkels zum Zeichnen, Theilen und Meffen der Winkel	203
	Winkel mit Parallelschieben abzuzeichnen	203
	Winkel von der Winkelscheibe aufzutragen	204
188	Winkel von der Gradscheibe aufzutragen	20 5
	3. Zeichnung ganzer Figuren.	
189	Das Figurenzeichnen	206
	Dreiecke aufzutragen	207

XIX

	Sette
191 Bierecke aufzutragen	. 208
192 Gemeine Bielecke aufzutragen	. 208
198 Regelmäßige Polygone zu zeichnen	. 210
194 Kreissiguren zu zeichnen	. 210
195 Langkreise zu zeichnen	. 211
196 Andere vielectige und krummlinige Figuren aufzutragen	. 212
197 Figuren abzuzeichnen	. 212
198 Bom Umzeichnen der Figuren überhaupt	. 213
199 Zusammengesetzte Figuren umzuzeichnen	
200 Sicherung der Zeichnung vor mancherlei Unrichtigkeiten	. 216
III. Figurenberechnung.	
1. Ausrechnung ber Fläche.	
201 Flächenmaße	. 217
202 Grundsormen ber Figuren	. 218
203 Die Fläche des Rechteckes auszurechnen	. 218
204 Die Fläche des schiefen Parallelogrammes auszurechnen	. 220
205 Die Fläche des Trapezes auszurechnen	. 220
206 Die Fläche des Dreieckes auszurechen	. 221
207 Die Fläche bes gemeinen Biereckes auszurechnen	. 221
208 Die Flache unregelmäßiger Bielecke auszurechnen	222
209 Bereinfachung der Figuren	. 223
210 Roch einige Regeln zur Flächenberechnung	. 225
211 Die Fläche des Polygons auszurechnen	. 227
212 Die Fläche bes Kreises auszurechnen	
213 Die Fläche von Kreisstücken auszurechnen	. 231
214 Die Dreiecksstäche aus ben brei Seiten zu berechnen	. 232
215 Länge und Breite zu gegebenem Flächeninhalte	
216 Umfänge gleich großer Figuren	. 234
2. Theilung ber Figuren.	00=
217 Theilung der Grundsiguren	. 235
218 Abtheilung eines Dreieckes, ober eines Parallelogrammes .	. 236
219 Abtheilung eines Trapezes	. 237
220 Theilung vielseitiger Figuren	. 238
221 Eine Fläche von verschiedenem Werthe zu theilen	. 241
IV. Linienmessung.	
1. Absteden der Linien.	
222 Linien auf der Erdoberfläche	. 243
223 Linienbestimmung	. 244
224 Eine gerade Linie im Freien abzustecken	. 245
225 Eine gerade Linie aus der Mitte abzustecken	. 246
226 Eine sentrechte Linie abzustecken	. 247
227 Parallellinien abzustecken	. 248
228 Geordnete frumme Linien abzustecken	. 249

XX

	2. Längenmessung.	
§ .		Seite 07.
	Entfernungen	250
	Gebrauch des Fußstabes	253
		252
	·	252
	Gebrauch ber Meßschnur	254
	Allgemeine Fehler beim Längenmessen	25
233	Ungefähre Längenbestimmung	256
	3. Winkelmessung.	
236	Winkel auf ber Erbobersläche	257
237	Der Meßtisch	258
238	Winkelaufnahme mit dem Meßtische	259
239	Die Meßscheibe	261
240	Winkelaufnahme mit der Meßscheibe	265
241	Winkelauftragen von der Meßscheibe	264
242	Die Bouffole	263
243	Winkelaufnahme mit der Boussole	266
244	Winkelauftragen von der Boussole	267
245	Das Meßbrettden	268
246	Winkelaufnahme mit bem Degbrettchen	269
247	Der Winkelspiegel	270
24 8	Allgemeine Fehler beim Winkelmeffen	272
249	Abstecken gegebener Winkel	278
	4. Zusammengesette Linien aufzunehmen.	
OKO		278
200		210
051	5. Einige andere hierher gehörige Aufgaben.	
251	Eine gerade Linie durch Gehölz abzustecken, wenn mehre Richtpunkte	077
010	U i i i i i i i i i i i i i i i i i i i	277
	, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	277
205	Eine lange gerade Linke durch den Wald zu stecken vermittelst eines	070
or A	Meßzuges	278
	Gerade Linien im Forste abzustecken nach dem Grundrisse	279
		280
		281
		282
		283
259	Die Länge bes bei einer früheren Messung gebrauchten, nicht mehr	00.
000		284
260	Die Mittagelinie abzustecken	285
	6. Bobenabwägung.	
261	Wagrechte Bobenlinien abzustecken	286
	Den Kall bes Robens abzumägen (Ninelliren)	287

XXI

S.		Seite.
263 Die Bodenneigung ober Bergboschung zu meffen	•	. 291
264 Bestimmte schiefe Linien auf den Boden hin abzustecken .	•	292
265 Mittelbare Göhenmessung an Berghängen	•	. 292
V. Flächenmessung.		
i. Ausmessung einzelner Forftfücke.		
266 Grundstäckschaft	•	. 293
267 Ein Grundstud mittels schieswinkeliger Dreiede auszumessen	•	. 294
268 Ein Grundftud mittels rechtwinkeliger Grundfiguren auszum	effen	295
269 Ein Grundstück nach bem Umfange auszumessen	•	. 296
2. Abmessung bestimmter Flächen.		
270 Studweise Abmeffung verlangter Flachen	•	. 299
271 Studweise Bertheilung einer gegebenen Flache in Barallelftre	ifen .	. 300
272 Abmeffung der Biebs : und anderer Forstflächentheile .	•	. 301
273 Theilung der hiebs = und anderer Forstbetriebssiguren		. 302
274 Die Reihenform der Waldpflanzung	•	. 303
275 Eine Reihenpflanzung abzustecken		. 304
276 Die Geviertform ber Waldpflanzung (Quabratpflanzung)	•	. 305
277 Eine Onabratpflanzung abzustecken		306
278 Die Gebrittsorm der Waldpflanzung (Verbandpflanzung)	•	. 307
279 Gine Berbandpflanzung abzustecken		. 810
280 Die Strahlenform zur Waldpflanzung		. 311
281 Gine Strahlenpflanzung abzustecken	•	. 312
VI Canthamatana		
VI. Forstvermessung.		
1. Eigentliche Forstvermessung.		040
292 Gegenstände der Forstvermessung	•	. 313
283 Werkzeuge und Hülfsmittel	•	315
284 Bermeffungsplan	•	. 815
285 Festlegung der Meßzüge (bas Stationiren)	•	. 316 . 317
and and the standing	•	318
200 M . F		. 320
289 Nachmeffung ber Grenzlinien	•	321
290 Entwurf des Grundrisses		. 321
291 Flächenberechnung	•	. 323
	-	- 454
2. Forst flächentheilung.		
292 Bon der Forststächentheilung überhaupt	•	324
293 Parallele Ortsabtheilung für die Ebene.	•	. 825
294 Gebrochene Orisabtheilung für Berge	•	325
25 Schlageintheilung	•	. 326

. XXII

Ş.	3. Obthiattengerwang.	Seite.
_	Von den Forstfarten überhaupt	328
297		. 330
298	Grundrifzeichnung	332
299	Grenzrifzeichnung	. 335
300	Zeichnung ber Bestandeskarte	335
3 01	Zeichnung ber Betriebsfarte	. 336
302	Übung im Kartenzeichnen	339
303	Verfahren beim Kartenzeichnen	. 342
	Dritte Abtheilung.	
	Forstliche Stereometrie.	
304	Körpermeßtunst	346
305	Körperraum	. 346
306	Körpermeffung	346
307	Eintheilung der Körpermeßkunst	347
	I. Körperbetrachtung.	
	1. Größengleichheit verschiebener Rörperformen.	
308	Forstliche Hülfekörper	. 347
	Gleichheit ber Vollfäulen	348
	Gleichheit ber Spitsäulen	. 349
	Die Spipsäule ist z ber Vollsäule	350
	2. Körperinhalt ber Säulenformen.	
312	Körperinhalt ganzer Bollsäulen und Spitsäulen	. 351
	Körperinhalt besonderer Säulenstücke	352
	3. Rörperverhältniß ber Säulenformen.	
214	Körperverhältniß der Säulenformen überhaupt	. 353
	Körperverhältniß ähnlicher Säulen	
010	overteroughtens again,	007
	11. Körperberechnung.	
	1. Ausrechnung bes Körperinhaltes.	
316	Körpermaß	. 355
	Körperansrechnung überhaupt	
	Berechnung bes Prisma	
	Walzenberechnung	357
	Berechnung der Pyramide	. 363
321	Regelberechnung	364
	Rugelberechnung	. 367
323	Berechnung mittels ähnlicher Körper	368

IIIXX

s. Aheilung der Gaulenformen.	@aila
A Theilung der Bollsäulen	Seite. • 369
L Theilung der Spipsäulen	. 371
	. 0.1
III. Körpermessung.	
1. Ausmessung ber Erbarbeiten.	
	970
327 Lämme, Hügel und Füllungen	. 372
328 Bergwege	. 374
2. Ausmessung der Holzstücke.	
329 Werkzeuge	. 375
330 Grundform der rohen Holzkörper	
331 Stärke und Länge ber runden Baumtheile	
332 Ausmessung runder Holzstücke	. 378
333 Ausmessung ganzer Baumschäfte	
334 Ausmessung der Holzringe	
335 Ausmeffung gespaltener Holzstücke	
336 Ausmessung vierseitiger Gölzer	. 383
337 Ausmessung unförmlicher Polzstücke	. 384
3. Ausmessung ber Holzmaße.	
338 Ranminhalt ber Füllmaße	. 385
389 Massengehalt ber Füllmaße	. 386
340 Studmaße für Runbhölzer	. 387
341 Stückmaße für zugerichtete Gölzer	. 391
221 / 22/2 /	
Vierte Abtheilung.	
Forstliche Taration.	
342 Jubegriff	. 392
I. Baumschätzung.	
1. Allgemeine Grunblagen ber Baumschätzung	_
343 Gehaltsfaktoren ber Holzstämme	. 392
344 Ermittelung der Gehaltsfaktoren an Probestämmen	. 397
345 Fortschung	. 398
	. 000
• 2. Schätzung stehender Bäume.	
346 Stärfenmeffung	. 400
347 Söhenmessung	. 401
348 Formschätzung	. 403
349 Ermittelung des gesammten Massengehaltes	. 405
350 Shahung des Massengehaltes nach Stamm = und Massentafeln	. 407

XXIV

§ .	Seite.
351 Ermittelung des Schaftholzgehaltes	. 409
352 Ermittelung bes Knüppel = und Reisholz=Gehaltes	. 411
353 Ermittelung bes Stockholzgehaltes	412
354 Ermittelung des Spaltholzgehaltes	. 413
355 Ermittelung bes Rinbengehaltes	413
356 Ungefähre Baumschätzung	. 414
3. Zuwacheschätzung.	
357 Allgemeine Vorbegriffe	415
358 Ermittelung bes periodischen Zuwachses	. 418
359 Ermittelung bes laufenden Zuwachses	419
360 Wachsthumsgang nach den Jahrringen	. 425
361 Zuwachsverhältnisse an ben Holzwüchsen überhaupt	427
II. Holzbestandes = Schätzung.	
1. Bemessung bes Balbschlusses.	
362 Stammgrundstächensumme	. 429
363 Stanbraum ber Stämme	430
364 Abstand ber Stämme	. 431
365 Abstandsmessung	432
366 Allgemeiner Gebrauch bes Abstandes	. 434
367 Abstand auf die Holzanlagen angewendet	436
368 Abstand auf die Durchforstungen angewendet	. 438
369 Abstand auf die Schlagstellungen angewendet	43 9
2. Schätzung ber Bestanbesgüte.	
370 Schätzungsmethoben	. 441
371 Gehaltsfaktoren ber Holzbestände	442
A. Die Bestanbesauszählung.	
a. Von ber genauen Bestanbesauszählung.	
372 Überhaupt	. 445
373 Zählung ber Stämme nach ber Stärke	445
374 Durchschnittliche Göhen = Form = und Zuwachsbestimmung.	. 447
375 Ausrechnung ber Bestandesgüte	448
376 Anwendung der Stamm = ober Massentaseln statt der Gehaltshöhen	5
tafeln	. 450
377 Schätzung nach Mittelstämmen	451
b. Von ber ungefähren Bestanbesauszählung.	
378 Auszählung nach bem unmittelbar geschätzten Klaftergehalte .	. 452
379 Ausgählung nach Größenklaffen und Größenverhaltnissen	
B. Die Probenschung.	
380 Überhaupt	454

$\mathbf{X}\mathbf{X}\mathbf{V}$

C. Die Massenschätzung.

	a. Anagagung nadi Waldmapentajeln.	æ.i.
\$- 381	Einrichtung der Waldmassentafeln	Seite. 457
	Anwendung der Waldmassentaseln	. 462
300	anvensung vet abatomulientaletn	. 402
	b. Massenschätzung nach Erfahrungstafeln.	
383	überhaupt	46 6
	c. Okulare Maffenschähung.	
384	Überhaupt	. 467
385	Belläusige Zuwachsschätzungen an Holzbeständen	468
	Abtheilung bestimmter Massen von einem Holzbestande	. 471
	Abweichungen der Holzbestandesschähungen	· 471
ω.	montelyangen bet Polsbestanbeolagabungen	411
	III. Walbertragsschätzung.	
	1. Allgemeine Grundbegriffe.	
	Bem Ertragsvermögen ber Walbung überhaupt	. 473
	Drisertragsfähigkeit	474
	Balbertragsamkeit	. 476
	Mahenvorrath	477
	Massen = oder Holzzuwachs	478
393	Ertragsgüte. Ertragsklassen	479
	9 900 ittal und 100 ann ban Gentus ad fit ät und	
204	2. Mittel und Wege ber Ertragsschätzung. Lüberhaupt	480
337	ttorigants	400
	a. Ertragebestimmung nach Erfahrungstafeln.	
395	Balbertragstafeln im Allgemeinen	481
396	Forftmäßige Stammgrunbstäche	482
397	Forfimaßige Bestandeshöhe	483
39 8	Forftmäßige Stammform	484
399	Ertrags = Kurven	484
400	Ertragsentwickelung ber gleichwüchstigen Bestände	486
4 01	Ertragsentwickelung ber ungleichwüchsigen Bestände	488
402	Rormalertragstafeln für Gochwald	489
408	Rermalertragstafeln für Mittelwalb	494
404	Rormalertragstafeln für Nieberwald	497
406	Rormalertragetafeln für Planterwald	498
406	Lofalertragstafeln	500
407	Balbmehrungstafeln	501
408	Durchschnitts-Ertragstafeln	504
409	Gebrauch ber Waldmaffentafeln zur Ertraasbestimmuna	508

XXVI

	b. Ertragsbestimmung nach gegebener Vorbestandes = und Zuwachsmasse.	
§ .	937 Y	Seite.
410	Überhaupt	510
411	Anwendung der verschiedenen Ertragsschätzungs-Methoden	512
	3. Allgemeine mathematische Gesetze und Ber- hältnisse bes Holzertrages.	
	a. Ertragsverhältnisse einzelner Holzbestände.	
412	Borläufige Darstellung des Holzmassen = und Werthserwachses	514
	Massenzuwachs-Verhältnisse im Holzbestande	516
	Werthszunahme=Verhältniffe im Golzbestande	517
	Zeitpunkte ber größten Ergiebigkeit und Einträglichkeit im Golzbes	
	stande	519
416	Ermittelung bes einträglichsten Benutzungsalters eines jeden Holzbes	
	standes an sich	519
417	Ermittelung bes rohen Werthszunahme = Prozentes vom Holzbe=	
	stanbe	520
418	Ermittelung des bobenrentefreien Werthszunahme = Prozentes vom	
***	Holzbestande	522
<i>A</i> 19	Ermittelung des ganz reinen Werthszunahme-Prozentes vom Solz-	
410	bestande	524
490	Ermittelung der rohen und reinen Werthszunahme = Prozente, so wie	
320	ber Bobenrente von Walbgrunbstücken	525
491	Zwei Einträglichkeitsfragen in Betreff einzelner Waldstücke	526
	Berschiedenheit des Wachsthumsganges normaler Holzbestände .	528
	Gegensätze des Massenerwachses normaler Holzbestände	530
	Gegensäße des Werthserwachses normaler Holzbestände	531
425		532
	Allgemeines Verhalten bes Massenerwachses normaler Holzbestände	535
427		
428		539
	Allgemeines Verhalten bes Werthserwachses normaler Holzbestände .	
	Allgem. Verhalten ber Werthserwachs:Prozente normaler Holzbestände	
400		UZZ
	b. Ertragsverhältnisse ber normalen Birthschafts=	
	mälber.	
431	Regelrechter Waldzustand	548
232	Gegensätze bes Massenertrages normaler Wirthschaftswälber	546
433	Gegenfaße des Werthsertrages normaler Wirthschaftswälder	547
434	Erläuterungen zu ber Maffenertrage:Darstellung	548
435	Allgemeines Berhalten bes Maffenertrages im normalen Birthschafts:	
	malbe	551
436	Bergleichung bes Altersburchschnitte:Erwachses mit bem laufenben Jah:	
	reserwachse im Wirthschaftswalde	553

XXVII

5.	
	Lergleichung der Borerträge mit dem Hauptertrage im normalen Birthschaftswalde
	(Ugemeines Berhalten ber Holznuhungs-Prozente im normalen Wirth- schaftswalde
439 C	rlänterungen zu der Werthsertrags=Darstellung
440 श	Ugemeines Berhalten des Werthsertrages im normalen Wirthschafts= walde
441 श	Ugemeines Berhalten der Werthsnutzungsprozente im normalen Wirth-
442 G	rtragsverhältniffe ungleichwüchsiger Waldungen
443 R	ormale Ertragsverhältnisse, angewendet auf unregelmäßige Wal-
	ermaler Nachhieberückstand im Besamungswalde
	egeln zur Ginhaltung der normalen Angrisselinie im Besamungs:
	malbe
446 A	nwendung des Waldwerth = Nuhungsprozentes, dem Bestandeswerth=
	Zunahmeprozente gegenüber
4 1 7 %	ormale Um triebszeit
448 9	Kalbreferven
	4. Ertragsabschähung.
449 2	wecke der Ertragsabschähung
_	legenstände der Ertragsabschährig
451 9 0	a. Borarbeiten.
	lorerörterurigen
	lesondere Ginschätzungen
	kydubete Empangangen
	derechnung bes vorgefundenen Stammvermögens
~~ ~	b. Betriebsordnung.
es e	Ugemeine Betriebsanordnungen
	ufftellung des Betriebsplanes
-v- 7	
120 =	c. Ertragsabschähung insbesondere.
100 \$	(bschätzungsmethoden
	Summarische Abschähung.
139 T	darstellung eines normalen Wirthschaftswaldes zu weiteren Erläutes
160 €	Summarische Abschätzung nach bem Nutzungszuwachse
_	Enmmarische Abschätzung nach bem Nutzungsprozente
	Summarische Abschätzung nach allgemeinen Durchschnitisnutzungen
	Facwertsabschähung.
AC3 2	
	jachwerksabschätzung nach Genberen Durchschnittserträgen
202	fachwerfsabschätzung nach Sonbererträgen

XXVIII

S .		Seite.
465	Vorzüge der Fachwerksabschätzung	611
466	Mängel ber Fachwerksabschätzung	612
467	Flächen-Kontrole	615
46 8	Flächeneintheilung nach ber Ortsertragsfähigkeit für den einstigen Mor= malzustand	618
469	Summarische Regelung des Massenvorrathes	619
470	Erzielung bes Waldnormal-Zustandes	624
471		628
472		626
	Unerläßliche Leistungen einer jeden Waldtaration	627
	Hauptregeln für jebe Waldtaxation an sich	627
	IV. Waldwerthschätzung.	
475	Zwecke der Waldwerthsschätzung	629
110	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	U24
	1. Waldwerth schätzung im engern Sinne.	
476	Grundlagen der Waldwerthschätzung	629
	a. Werthsfaktoren.	
477		630
478		631
479		631
	Absatzerhältnisse	632
481		632
	Berwerthungszinsfuß	632
483	•	634
484	Waldnutzungekosten	638
	b. Werthsobjecte.	
	Im Allgemeinen	638
	•	636
487		638
488		638
489		689
490		640
491	Werthsverhältnisse hinsichtlich des Werthsnutzungs-Prozentes	641
	e. Waldnutungsplan.	
	Überhaupt	643
	Waldzerschlagungs-Werth	644
	Waldverzinsungs-Werth	644
495	Waldschungswerth	64
	d. Werthoberechnung.	
496		646
497	Feststellung des Geldertrages	640
498		647
499	, , ,	64
MM	Werthsperanschlagung	649

XXIX

e. Summarische Waldwerthschätzungen.	
	Ceil
501 Überhaupt	64
502 Eummarische Waldwerthschätzung auf dem Grunde einer zusammen	
gefaßten Abnuhung	65
503 Summarische Waldwerthschätzung auf dem Grunde einer mehr geson=	,
berten Abnuhung	65
2. Berthichatungen behufe ber Erpropriation.	
504 überhaupt	65
505 Schätzung bes Entschäbigungswerthes von enteigneten Obstbäumen	65
506 Schätzung bes Entschädigungswerthes von enteigneten Ropf = und	
Echneidelbaumen	6 5
507 Schähung bes Entschädigungswerthes von enteigneten Wilbbaumen	66
508 Schätzung bes Entschädigungswerthes von enteigneten Junghölzern	66
509 Schähung des Entschäbigungswerthes von enteigneten Althölzern .	66
510 Schähung des Entschädigungswerthes von enteigneten Mittelhölzern	66
511 Schätzung des Entschädigungswerthes von enteigneten Ausschlags:	
heljungen	66
3. Schätzung bes Schabensersatzes bei Holzent=	
wendungen und Beschäbigungen.	
512 Schätzung bes Schabensersates bei Stammholzentwendungen .	66
513 Schähung des Schadensersates bei Holzbeschäbigungen	. 66
514 Schätzung bes Schabensersates wegen holzverwüstungen	67
4. Werthschätzung von Jagben.	
515 Überhaupt	67
5. Schätzung bes Wilbschabens.	
516 Schätzungen bes an Holzungen verübten Wilbschabens überhaupt .	67
517 Wildschabensersatz in Betreff junger Holzwüchse	. 67
518 Bildschabensersat in Betreff stärkerer Holzauswüchse	67
519 Wildschabensersatz in Betreff ausgeschafteter Junghölzer	67
520 Shang wiederholter Wildschäden	67
- 	
521 Eding	. 68
The white the term of the term	, ''

$\mathbf{X}\mathbf{X}\mathbf{X}$

Hülfstafeln.

		Seite.
1.	Walzeninhalts-Tafeln	1 - 64
11.	Erfahrungstafeln über ben Massengehalt ber Walbbaume .	65 - 72
	Erfahrungstafeln über ben Sortengehalt ber Walbbaume .	73 - 86
IV.	Holzzuwachs-Tafeln	87-102
V.	Abstandstafeln	103 - 106
VI.	Waldmaffen-Tafeln	107—116
VII.	Forstliche Berhältniß-Tafeln	117—124
VIII.	Bergleichenbe Abersicht ber wichtigsten beutschen Walb = unb	
	Samenmaße	125-132
IX.	Waldwerth = Berechnungs=Tafeln	133-142

Forst=Mathematik.

I.

Die Dathematit beschäftigt sich mit ben Größen, ober mit benjenigen Berhältnissen und Formen ber Dinge, welche ei= ver Bermehrung ober Berminderung fähig find; sie lehrt insbe=. sondere, aus bekannten Größen andere unbekannte, die mit jenen in einer gewiffen Berbinbung fteben, zu bestimmen. - Der Forst= mann braucht biefe Biffenschaft zum Berechnen feiner mannig= fachen Birthschaftsgegenstände, jum Ausmessen ber Grenzen, Bege und anderer Einien, der Abtriebs =, Anbau = und anderer Flachen, ber Holzmaße, Holzstüde und anderer Körper; ferner jum Schäten ber Baume, Holzbestände und ganzer Balber nach ihrem Holzgehalte und Zuwachse, Ertrage und Geldwerthe; auch findet er in ihr die Grunde ju dem zwedmäßigften Berfahren bei ben vielerlei forstlichen Anlagen und Bauwer-Diese vortreffliche Wissenschaft befähigt ihn also, die Balber aufzunehmen, zu ordnen, einzutheilen, nachhaltig und höchst einträglich zu benuten, kurz alle forstlichen Unternehmungen plan= maßig zu betreiben. Dhue sie kann furwahr ber Forstwirth sich über bas Gemeine nicht erheben.

П.

Der Forstbetrieb bedarf aller Zweige der allgemeinen Mathematik, der Arithmetik, Planimetrie und Stereometrie. Die Arithmetik oder die Lehre von den Zahlengrößen dient zur Berechnung forstwirthschaftlicher Segenstände; die Planimetrie ober die Lehre von den Längen = und Flächengrößen dient zu den forstlichen Messungen von Grund und Boden und anderen Außsbehnungen; die Stereometrie ober die Lehre von den Körper=

größen dient zur Messung der verschiedenen Forstkörper, behufs ihrer Bearbeitung, Verwendung und Verwerthung. Eine weitere Unwendung dieser Lehren, die Forst Zaration, bildet die masthematische Grundlage zur Gehalts =, Ertrags = und Werthschätzung der Bäume, Holzbestände und Waldwüchse.

Nach diesen vier verschiedenen Zweigen zerfällt die Forstmasthematik in die forstliche Arithmetik, Planimetrie, Stesreometrie und Taration. Sie entlehnt ihre Grundlehren von der reinen Mathematik und wendet dieselben auf die forstwirthschaftlichen Größen und Verrichtungen besonders an. Dasher ist ihr Unterricht ein aus reiner und angewandter Mathemastik gemischter, wobei wir weniger auf wissenschaftliche Strenge, als auf wirkliche Brauchbarkeit sehen. Dennoch dürfte kein Satzangenommen werden ohne Erklärung und Veweis, aber auch kein Versahren ohne genügenden Grund und zureichende Senauigkeit.

Ш.

In der Mathematik hat man allgemein eingeführt:

- 1) Dinge heißen gleich, sofern sie einerlei Größe haben. Man setzt das Zeichen zwischen das Gleiche; z. B. I I heißt: 1 ist gleich I.
- 2) Die Ungleichheit bezeichnet man mit dem Zeichen >, dessen Deffnung dem Größern zugekehrt wird. II > I heißt: II ist größer als I; II < III heißt: II ist kleiner als III.
- 3) Dinge heißen ähnlich, sofern sie in allen entsprechenden Theilen dasselbe Verhältniß zu einander behalten, also in ihrer Gestalt übereinstimmen. Das Zeichen der Ühnlichkeit ist v; z. B. Pap heißt: Pist ähnlich p. Nur ausgedehnte Größen (Flächen, Körper) können einander ähnlich sein.
- 4) Solche Größen, die gleich und ähnlich sind, heißen gleich ähnlich oder congruent. Das Zeichen der Congruenz ist T. So heißt PTP: P ist congruent P. Der Ausbruck gleichähnlich wird selten angewandt, gewöhnlich gebraucht man congruent, setzt bafür auch wohl nur das kürzere: gleich und spricht dann, um alle Unbestimmtheit zu vermeiden, bei bloßer Größengleichheit: gleich groß.

IV.

Auf folgende allgemeinen Grundfätze stützt sich beinahe die ganze Mathematik:

- 1) Das Ganze ist allen seinen Theilen zusammengenommen gleich und also größer als ein einzelner bieser Theile.
- 2) Eine jede Größe ist sich selbst gleich.
- 3) Bon gleichen Größen kann eine anstatt ber anbern gesetzt werben.
- 4) Ist von zwei Größen jede einer britten gleich, ober ähnlich: so find auch beibe gleich, ober ähnlich.
- 5) Berden gleiche Größen gleich viel vermehrt, ober vermindert: so ift das, was herauskommt, ebenfalls gleich.
- 6) Berben gleiche Größen ungleich behandelt, ober ungleiche gleich: so ist bas, was herauskommt, ungleich.
- 7) Eine Größe, welche größer ober kleiner ist, als eine von zwei gleichen Größen, ist auch größer ober kleiner, als die andere.

Erste Abtheilung.

Forstliche Arithmetik.

§. 1. Rechnenkunft.

Die Rechnenkunst beschäftigt sich mit den Zahlen (§.2.); sie erklärt deren Eigenschaften und leitet hiervon Regeln ab, nach welchen aus einigen gegebenen Zahlen andere gesuchte bestimmt werden können.

§. 2. 3ahl.

Jede Menge oder Bielheit gleich zu achtender Dinge wird 3ahl genannt, und jedes einzelne dieser gleichartigen Dinge heißt Einheit. Ein voller Inbegriff von gleichen Einheiten heißt eine ganze Zahl; ein bestimmter Inbegriff von gleichen Theilen des Ganzen, eine gebrochene Zahl oder ein Bruch. Ist die Art der Einheit bestimmt, so heißt die Zahl benannt, außerdem, unbenannt.

§. 3. Bahlzeichen.

Man gebraucht anstatt ber bekannten Zahlwörter folgende gemeinen (arabischen) und römischen Zahlzeichen ober Zif=. fern:

0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10...50...100...1000... I, II, III, IV, V, VI, VII, VIII, IX, X...L...C...M...

§. 4. Römische Biffern.

Die römischen Ziffern scheinen von 1 bis X ber Hand nach= gebildet worden zu sein. Ihr Gebrauch zum Rechnen ist zu schwerfällig; dagegen gewähren sie bei niedern Jahlen viel An= schaulichkeit ihrer Bedeutung und sind daher als Ordnungszahlen bei Eintheilungen u. s. w. beliebt. Man hat im Eesen und Schreiben derselben zu beobachten, bas I vor V oder X, und X vor L oder C stehend, vermindernd wirken. XL bedeutet X weniger als L oder XXXX.

Jede einzelne Ziffer, die hinter sich keine größere hat, gilt vermehrend, z. B. die Jahrzahl:

MDCCCLIV.

§. 5. Gemeine Biffern.

Mit den wenigen gemeinen Ziffern: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 und 0, von denen die ersteren (1 bis 9) geltende (bedeutsliche) im Gegensatz zu der bloß stellvertretenden 0 genannt werden, kann man jede Zahl darstellen. Hierbei haben die Zifsfern doppelten Werth, nämlich den an sich, den Zifferwerth, und den, welchen die Stelle ihren Einheiten mittheilt, den Stellen werth.

Bon ber rechten Hand an enthält die erste Stelle einfache Einheiten oder Einer, die zweite Stelle zehnfache Einheiten oder Zehner, die dritte hundertsache Einheiten oder Hunderter, die vierte Tausender, die fünste Zehntausender, die sechste Hunderttausender, die siebente Millioner, und so folgen Zehnmillioner, Hundertmillioner Billiozer Trillioner u. s. w.

Jede Ziffer bekommt somit in jeder Stelle oder Ordnung weiter links einen zehnmal höhern, weiter rechts aber einen zehns mal niedrern Werth. Die Rull zeigt bloß an, daß von derselben Ordnung keine Zahl vorhanden ist.

Die Jahl 8'375'024 wird ausgesprochen: acht million, breis hundert fünf und siedzig tausend, vier und zwanzig. Hierzu theilt man wohl Ordnungen mit je drei Jiffern ab, um die Stelskenwerthe leichter zu erkennen.

§. 6. Allgemeine Beichen.

Um Bahlen ober andere Größen ohne Rücksicht auf die Menge ihrer Einheiten auszudrücken, bedient man sich gewöhnlich der keinen lateinischen Buchstaben: a, b, c, d x, y, z, und erhält dadurch allgemeine Ausdrücke für eine einfache, übersichtliche Darstellung der Rechnungsregeln.

5. 7. Eintheilung ber Rechnenkunft.

Mit den Zahlen mussen mancherlei Veränderungen und Versgleichungen vorgenommen werden, um aus bekannten unbekannte zu finden.

Man kann eine Zahl vermehren, indem man ihr zuzählt, ober sie mehrmal nimmt, und vermindern, wenn man von ihr abzieht, ober sie mehrfach theilt. Diese vier Beränderungen begründen die Abdition, Subtraktion, Multiplikation und Division. Dabei hat man es mit ganzen Bahlen, mit Brüchen, ober mit benannten und sonst (allgemein) bezeichneten Zahlen zu thun. Auch läßt sich eine Zahl burch sich selbst ver= mehren und dadurch auf einen gewissen Werth (Rang) erheben und umgekehrt aus letterem wieder die Grundzahl aufsuchen, mas zu den Potenzen und Wurzeln führt. Weiter geben zwei verschiedene Bahlenausbrude von gleichem Werthe eine Gleich ung, von benen uns die gemeinen Gleichungen und die Ber= hältnißgleichungen ober Proportionen beschäftigen. Endlich kann man mehre Bahlen nach einem bestimmten Gesetze zusammenreihen. Dies führt zu ben Progressionen, worauf die Waldwerthberechnungen sich gründen. Hiervon gehen nun die acht Abtheilungen ber forstlichen Arithmetik aus.

I. Grundrechnungen mit ganzen Zahlen.

1. Abdition und Subtraktion.

§. 8. Abbiren.

1) Abbiren heißt: eine Zahl suchen, die so viel Einheiten enthält, als zwei oder mehre gegebene (Summanden, Possten) zusammengenommen. Den Gesammtwerth nennt man die Summe. Das Zeichen des Abbirens ist + (plus, mehr, unb). 4+3 bedeutet: man soll zu 4 hinzuzählen 3; die Summe ist 7.

2) Beim Abbiren kleiner Zahlen werden die Einheiten un= mittelbar zusammengezählt.

3+5+9=17.

3) Größere Zahlen sett man nach ihren gleichartigen Ordnungen unter einander, zieht unter dieselben einen Absonderungsstrich, abdirt alsdann von der rechten Seite die Einheiten jeder Ordnung und schreibt die einzelnen Summen der Einer, Zehner u. s. w. in die zugehörige Stelle darunter.

4) Findet sich die besondere Summe einer Ordnung größer als 9, so setzt man davon nur die niedrigste Stelle unter und zählt die höhere zu der nächsten Ordnung, der sie angehört. Diesser Übertrag kann mit kleinen, abgetrennten Zissern, oder mit Punkten geschehen.

§. 9. Subtrahiren,

- 1) Subtrahiren heißt: eine Zahl suchen, die, zu einer gegebenen (Subtrahend) abdirt, eine andere gegebene (Minuend) zur Summe giebt. Diese Zahl nennt man Rest (Differenz, Unterschied). Das Zeichen des Subtrahirens ist (minus, weniger). 7—3 bedeutet: man soll von 7 abziehen 3; der Rest ist 4.
- 2) Beim Subtrahiren einer kleinen Zahl werden die Einheisten unmittelbar von dem Minuenden abgezogen.

$$17 - 9 = 8$$
.

3) Bei größeren Zahlen schreibt man den Subtrahenden unster den Minuenden, nach den gleichartigen Ordnungen, zieht eismen Absonderungsstrich, subtrahirt alsdann von der rechten Hand die Einheiten einer jeden Ordnung besonders und schreibt den gestundenen Rest gerade darunter.

7 3 5 6 9 Minuend.
4 1 3 6 8 Subtrahend.
3 2 2 0 1 Rest.

4) Findet sich in dem Minuenden eine Ziffer nicht groß ge= nug, so nimmt man zu ihr eine Einheit aus der folgenden Ord= nung und vermehrt dadurch ihren Werth um zehn. Über die ver= minderte Ziffer kommt ein Punkt, um nicht zu übersehen, daß dieselbe eine ihrer Einheiten abgegeben hat.

 $\begin{array}{r} 5\ 3\ 7\ 1\ 4\ 6 \\ 2\ 4\ 8\ 7\ 2\ 8 \\ \hline 2\ 8\ 8\ 4\ 1\ 8 \end{array}$

5) Trifft man beim Leihen auf Nullen, so geht man darüber hin zu der ersten geltenden Ziffer und vermindert diese um 1. Die dadurch anstatt der nächsten Null erhaltene 10 vermindert man wieder um 1, so daß daselbst 9 bleibt, und fährt so fort, bis zu der Ziffer, an der das Subtrahiren steht, welcher man, wie oben, 10 zulegt. Die dabei vorgegangene Verwandlung jeder 0 in 9 wird ebensalls mit einem Punkte bezeichnet.

 $\frac{300075006301}{107894534100}$ $\overline{192180472201}$

- §. 10. Probe zur Abbition und Subtraktion.
- 1) Um die verrichtete Abdition zu prüfen, summirt man jede Ordnung ein Mal aufwärts und das andere Mal abwärts. Die arithmetische Probe, alle Posten nach und nach wieder aus der Summe zu ziehen, ist zu umständlich.
- 2) Die verrichtete Subtraktion wird geprüft, indem man den gefundenen Rest zu dem Subtrahenden addirt, wodurch der Mi=nuend wieder herauskommen muß (§. 9. 1.). 7—3—4; 4+3—7.
- 3) Abdition und Subtraktion sind einander entgegengesetzt. Die Abdition legt Summanden hinzu; die Subtraktion nimmt sie als Subtrahenden eben so wieder hinweg, und so umgeskehrt.

2. Multiplikation und Division.

§. 11. Multipliziren.

- 1) Multipliziren heißt: eine gegebene Zahl (Multiplizand) so viel Mal nehmen, als eine andere gegebene Zahl (Multiplikator) anzeigt. Das Ergebniß nennt man Prozdukt oder Faktum. Das Zeichen zu diesem Vervielfachen ist ein liegendes Kreuz (x), oder ein Punkt (.) und wird gelesen: multiplizirt mit, mal. 4×2 bedeutet: 4 soll man 2mal nehmen; das Produkt ist 8. Multiplikand und Multiplikator können verzwechselt werden, das Produkt bleibt dasselbe, z. $2 \times 4 \times 2 = 2 \times 4$; daher nennt man auch beide, ohne Unterschied, Faktoren.
- 2) Bei dem Multipliziren kleiner Zahlen nimmt man den Multiplikanden ohne Weiteres so viel Mal, als der Multiplikator anzeigt.

$$5 \times 4 = 20.$$

3) Soll eine größere Zahl mit einer Einerzahl multiplizirt werben, so schreibt man ben Multiplikator unter die Einerstelle des Multiplikanden und zieht darunter einen Strich. Nun verzvielfacht man mit dem einfachen Multiplikator zuerst die Einer, dann die Zehner, dann die Hunderter u. s. w. und setzt das Produkt der Einer unter die Einer, das der Zehner unter die Zehner, das der Hunderter unter die Zehner, das der Hunderter unter die Junderter u. s. w.

4) Übersteigt hierbei ein Vielfaches der Einer, Zehner, Huns derter u. s. w. die Zahl 9, so wird davon nur die hintere Ziffer untergesetzt, und die vordere, zehnmal höhere, der folgenden Stelle im Produkte zugerechnet.

5) Soll mit besondern Zehnern, Hundertern, Tausendern multiplizirt werden, so verfährt man wie mit den Einern, nur

daß an das Produkt noch eben so viele Nullen kommen, als die Multiplikatorzisser hinter sich führt. Denn es ist klar, daß ein Produkt von Zehnern zehnmal, von Hundertern hundertmal, von Tausendern tausendmal größer wird, als von Einern.

724	724
40	300
28960	217200

6) Enthält der Multiplikator mehre geltende Ziffern, so könnte man mit der höchsten zuerst und dann mit jeder darauf folgen= den, niedrigern multipliziren. Zedes besondere Produkt nähme seinen Anfang unter der Stelle seiner Multiplikatorziffer, so daß die gleichnamigen Ordnungen unter einander zu stehen kämen. Endlich würden alle Produktsheile abbirt.

$$\begin{array}{r}
724 \\
346 \\
\hline
2172... = 724 \times 300 \\
2896. = 724 \times 40 \\
4344 = 724 \times 6 \\
\hline
250504 = 724 \times 346
\end{array}$$

7) Gewöhnlich multiplizirt man zuerst mit ben Einern, bann mit ben Zehnern, Hundertern u. s. w.

8) Sind Nullen in den Faktoren, so hat man sich vorzu= sehen, daß die Produkttheile richtig untergesetzt werden, und daß in dem Produkte keine Stelle verloren gehe.

72400 46	fürzer:	72400 46
434400		4344
289600		2896
3330400		3330400

72400 4060	fürzer:	72400 4060
00000 434400 00000 289600		4344 2896.
		293944000
293944000		

9) Bortheile bei bem Multipliziren: Man lernt vorder das Einmaleins recht geläusig und zwar vor und rüdswärts. Bon den beiden Faktoren nimmt man denjenigen zum Multiplikator, welcher die wenigsten Jahlstellen hat, oder mit dessen Jissern am leichtesten zu multipliziren ist. So läßt sich z. B. 9832 offenbar leichter mit 112, als umgekehrt 112 mit 9832 multipliziren. Rommt in dem Multiplikator eine Jahl mehrmal vor, so schreibt man den schon einmal berechneten Produkttheil unmittelbar ab. Ist eine Multiplikatorzisser halb oder doppelt so groß, als eine andere, deren Produkt schon daskeht: so kannman von diesem oft bequemer die Hälfte, oder das Doppelte nehmen. Für das Produkt des Multiplikators 5 kann man die Hälfte des Multiplikanden nehmen und eine Stelle weiter vorstüden; denn das Künffache ist das halbe Zehnsache. 8424 × 5 = 8424 × $\frac{10}{2}$ = $\frac{8424}{2}$ × 10 = 4212 × 10 = 42120.

§. 12. Dividiren.

- 1) Dividiren heißt: eine Zahl suchen, die, mit einer gesgebenen (Divisor) multiplizirt, eine andere gegebene (Dividend) jum Produkte giebt. Diese Zahl heißt Quotient, und das Zeichen zu diesem Theilen ist der Doppelpunkt (:) oder ein Querstrich zwischen Dividend und Divisor und wird gelesen: dividirt durch. 8:2 oder ½ bedeutet, man soll 8 theilen durch 2; der Quotient ist 4.
- 2) Beim Dividiren kleiner Zahlen durchläuft man das .1=, 2=, 3= und Mehrfache des Divisors dis zu dem Produkte, das dem Dividenden gleicht. Der dabei gefundene andere Faktor ist der gesuchte Quotient.

3) Beim Dividiren größerer Zahlen setzt man ben Divisor am füglichsten hinter ben Dividenden. Ift nun der Divisor eine Einerzahl, so nimmt man zuerst die hochste Ordnung, ober wenn die Zahl derselben kleiner sein sollte, als der Divisor, die beiden höchsten Ordnungen zusammen vor, schreibt den dazu gesuchten Quotienten hinter, ober unter ben Divisor, multiplizirt beibe und zieht bas Produkt von dem eben vorgenommenen Theile des Di= videnden ab. Hiernachst setzt man die Zahl der folgenden Ord= nung herunter hinter den etwa gebliebenen Rest und verfährt wieder auf dieselbe Weise. Findet sich die eben zu theilende Zahl kleiner, als der Divisor, so setzt man in die zugehörige Stelle des Quotienten eine Null und zieht die folgende Ordnung her= Rein Rest barf größer sein, als der Divisor. In dem Quotienten werben bie gefundenen Zahlen ordnungsweise hinter einander geschrieben, wie sie aus dem Dividenden hervorgeben.

4) Hat der Divisor mehre Zahlstellen, so nimmt man zuserst links von dem Dividenden auch eben so viele Ordnungen, oder wenn diese nicht zureichen, noch eine mehr, und sucht zu diesen den Quotienten; gewöhnlich läßt sich dieser schon nach den vordern Zahlen des Divisors beurtheilen. Nun multiplizirt man Quotienten und Divisor, subtrahirt das Produkt von dem vorgenommenen Theile des Dividenden, nimmt die folgende Ordnung zum Reste herunter und theilt so weiter eine Ordnung nach der andern dis zu Ende. Bleibt zuletzt ein Rest, so wird die weitere Division in dem Quotienten nur angezeigt.

5) Kommen Nullen vor im Divisor oder Dividend, so hat man sich vorzusehen, daß der Quotient die richtigen Ordnungen erhalte.

6) Wenn man Dividend und Divisor gleich vielmal verkleinert oder vergrößert: so bleibt der Quotient unverändert.

$$96 \times 1000 : 6 \times 1000 = 16.$$

 $96 : 6 = 16.$

7) Bortheile bei dem Dividiren: Von größern ober öfters zu gebrauchenden Divisoren könnte man sich das Zweis bis Reunsache vorher ansetzen; ein schon vorgekommenes Mehrsfaches läßt sich unmittelbar abschreiben, auch wohl, indem man es durch 2, 3 theilt, oder vermehrt, die Rechnung etwas verseinsachen.

§. 13. Probe zu der Multiplikation und Divisiom

1) Die verrichtete Multiplikation wird geprüft, indem man des erhaltene Produkt durch einen der Faktoren dividirt. Das durch geht der andere Faktor als Quotient wieder hervor (§. 12. 1.). $4 \times 2 = 8$; 8:2=4.

- 2) Die verrichtete Division wird geprüft, indem man den gefundenen Quotienten mit dem Divisor multiplizirt und den etwaigen Rest hinzuzählt. Dadurch muß der Dividend wieder hervorgehen (§. 12. 1.). 28: 7 = 4; 7 × 4 = 28.
- 3) Multiplikation und Division sind einander entgegengesett. Was die Multiplikation zusammenfügt, theilt die Division, und was diese theilt, fügt jene eben so wieder zusammen.

II. Grundrechnungen mit Brüchen.

1. Gemeine Bruche.

§. 14. Der gemeine Bruch.

1) Denkt man sich von einem Ganzen, das in mehre gleiche Theile zerlegt ist, eine bestimmte Anzahl solcher Theile: so entssteht ein Bruch, z. B. &. Dieser Bruch, drei Viertel, enthält drei von vier gleichen Theilen eines Ganzen. & bedeutet acht solcher Viertel oder zwei Ganze; dies ist eben so viel, als 8:4. Daraus ersieht man, daß der Bruchausdruck nichts Ansberes ist, als eine bloß angezeigte Division. Die obere Zahl heißt der Zähler und hat gleiche Bedeutung mit dem Divisbenden; die untere, der Nenner, hat gleiche Bedeutung mit dem Divisbem Divisor.

$$\frac{12}{3} = 12:3 = 4.$$

- 2) In dem eigentlichen oder echten Bruche ist der Bähler kleiner, als der Nenner, wie z. B. 4, 4, 4; daher ist der Werth desselben kleiner, als das Ganze.
- 3) In dem uneigentlichen oder unechten Bruche ist der Zähler entweder so groß, oder größer, als der Nenner, wie z, z', -16, und sein Werth ist daher auch so groß, oder größer, als das Ganze. Theilt der Nenner den Zähler ohne Rest, so ist der Werth eine ganze Zahl; z. B. § = 2. Bleibt aber ein Rest, so ist der Werth des uneigentlichen Bruches eine ganze Zahl mit einem angehängten Bruche, oder eine gemischte Zahl. z = 2z.

- §. 15. Gemeine Bruche zu vermanbeln.
- 1) Eine ganze Zahl läßt sich leicht in einen uneigentlichen Bruch verwandeln. Man multiplizirt sie mit dem gegebenen Renner und setzt denselben unter das Produkt. Die Zahl 2, in Drittel verwandelt, giebt $\frac{2\times 3}{3}=\frac{6}{3}$. Der Werth bleibt dersselbe; denn die erfolgte Multiplikation wird durch die angedeuztete Division wieder gehoben.
- 2) Eine gemischte Zahl wird in einen uneigentlichen Bruch verwandelt, wenn man die ganze Zahl mit dem Nenner ihres Bruches multiplizirt, dazu dessen Zähler addirt und dann den Nenner unterset; z. B. $2\frac{1}{3} = \frac{2 \times 3}{3} + \frac{1}{3} = \frac{7}{3}$.
- 3) Bon $\frac{1}{4}$ ist das Doppelte $\frac{1\times 2}{4}$, das Dreifache $\frac{1\times 3}{4}$, das Bierfache $\frac{1\times 4}{4}$ u. s. w. Seder Bruch wird mithin in dem Maße größer, als sein Zähler zunimmt. Bon $\frac{1}{2}$ ist die Hälfte $\frac{1}{2\times 2}$, das Drittel $\frac{1}{2\times 3}$, das Biertel $\frac{1}{2\times 4}$ u. s. w. Daher wird jeder Bruch in dem Maße kleiner, als sein Nenner zunimmt. Umzgekehrt, muß der Werth eines Bruches sallen mit abnehmendem Zähler und steigen mit abnehmendem Nenner; z. B. $\frac{4}{4}$, $\frac{7}{4}$; $\frac{4}{4}$, $\frac{4}{4}$, $\frac{4}{4}$.
- 4) Multiplizirt man eines Bruches Zähler und Renner mit einerlei Zahl, so ändert dies den Werth desselben nicht. Die Brüche $\frac{1}{2}$, $\frac{1 \times 2}{2 \times 2}$, $\frac{1 \times 3}{2 \times 3}$, $\frac{1 \times n}{2 \times n}$ haben alle gleichen Werth. Denn wie durch ihre wachsenden Zähler die Anzahl der Theile um das Zwei=, Drei= und Mehrsache zunimmt, so nimmt durch ihre ebenmäßig wachsenden Nenner die Größe der Theile wieder um das Sleiche ab.
- 5) Dividirt man eines Bruches Zähler und Nenner durch einerlei Zahl, so bleibt ebenfalls der Werth desselben unverändert. $\frac{8}{16} = \frac{8:2}{16:2} = \frac{8:4}{16:4} = \frac{8:n}{16:n}.$ Denn wie dadurch die neuen Ausdrücke an der Anzahl ihrer Theile verlieren, so gewinnen sie wieder an der Größe derfelben.

6) Der Werth eines Bruches bleibt ungeändert, wenn man zu Jähler und Nenner zwei Jahlen addirt oder bavon subtrahirt, die sich wie Jähler und Nenner verhalten. In dem Bruch \S verzhält sich der Jähler (6) zum Nenner (8) wie z. B. die Jahl 3 zu 4; $\frac{6+3}{8+4} = \frac{9}{12} = \frac{6}{8}$; $\frac{6-3}{8-4} = \frac{3}{4} = \frac{6}{8}$.

Werden Zähler und Nenner um eine gleiche Zahl vergrößert ober verkleinert: so ändert sich der Werth des Bruches, je nacht bem er ein eigentlicher oder uneigentlicher ist. Vergrößert man z. B. die Brüche & und & im Zähler und Nenner um 3, so ers giebt sich:

$$\frac{6+3}{8+3} = \frac{9}{11} \operatorname{unb} \frac{9}{11} > \frac{6}{8}; \quad \frac{8+3}{6+3} = \frac{11}{9} \operatorname{unb} \frac{11}{9} < \frac{8}{6}.$$

§. 16. Gemeine Bruche zu heben.

- 1) Ein Bruch wird gehoben, d. i. unbeschabet seines Werthes durch kleinere Zahlen ausgebrückt, wenn man Zähler und Nenner durch ein und dieselbe Zahl ohne Rest dividirt. $\frac{8}{16} = \frac{8:8}{16:8} = \frac{1}{2} \text{ (§. 15. 5.)}.$
- 2) Es giebt gewisse, hierbei brauchbare Kennzeichen der Theilbarkeit mehrzifferiger Zahlen, nämlich:

Durch 2 ist eine Zahl ohne Rest theilbar, wenn die Endzahl gerade ist; benn die Ordnungen von 10 und darüber sind an sich schon durch 2 theilbar.

Durch 3, wenn die Quersumme aller Ziffern durch 3 theils bar ift. Die Zahl 543 besteht aus

also theils aus mehren Vielfachen von 9, die an sich durch 9 und 3 aufgehen, theils aus der Quersumme.

Durch 4, wenn die von den zwei hintersten Stellen gebils dete Jahl durch 4 aufgeht; denn die höheren Ordnungen von 100 und darüber sind schon als solche durch 4 theilbar, z. \S. 5732.

Durch 5, wenn die Endzahl 5 ober 0 ist; alle höheren Ord= nungen sind fünffach, z. B. 745 ober 740.

Durch 6, wenn die Endzahl gerade und zugleich bie Querfumme durch 3 theilbar ist; wenn also in der gegebenen Jahl 2 und 3 aufgehen, z. B. 762.

Durch 8, wenn die von den drei hintersten Stellen gebildete Jahl durch 8 aufgeht; denn die höheren Ordnungen von 1000 und darüber sind von selbst durch 8 theilbar, z. B. 143128.

Durch 9, wenn die Quersumme durch 9 theilbar ist; aus bemselben Grunde, wie bei 3, z. B. 738.

Durch 10, wenn die Endzahl 0 ift, was sich von selbst versteht.

Man kann Zähler und Nenner durch solche gemeinschaftlischen Theiler so lange zu heben suchen, als es angeht; z. B. $\frac{34}{204}$ zuerft durch 4, dann durch 3; nämlich $\frac{84:4}{204:4} = \frac{21:3}{51:3} = \frac{7}{17}$.

3) Um den größten gemeinschaftlichen Theiler von Zähler und Renner sogleich zu finden, dividirt man von beiden Zahlen die größere durch die kleinere, dann den eben gebrauchten Divissor wieder durch den Rest und so fort, bis die Division aufgeht, oder 1 zum Reste bleibt.

Geht die Division auf, so ist der letzte Divisor der größte gemeinschaftliche Theiler. Im obigen Bruche 34 ist es 12.

Denn da hier 36 durch 12 aufgeht, so ist auch 84=2×36+12 und eben so 204=2×84+36 durch 12 theilbar. Der gemein=schaftliche Theiler kann offenbar nicht größer sein, als der letzte Rest 12. Bleibt 1 zum Reste, so läßt sich der Bruch nicht wei=ter heben.

§. 17. Gemeine Bruche gleichnamig zu machen.

1) Wenn man Brüche so umgestaltet, daß sie einerlei Nenner bekommen: so werden sie gleichnamig. Die gemeinsten Brüche der gewöhnlichen Rechnungen mit den Nennern 2, 4, 8 und 16 können ohne Weiteres auf gleiche Benennung gebracht werben durch geeignete Multiplikation ihres Zählers und Nensners mit 8, 4 ober 2, z. B.

$$\frac{1}{2} = \frac{1 \times 8}{2 \times 8} = \frac{8}{16} \text{ (§. 15. 4.)}$$

$$\frac{3}{4} = \frac{3 \times 4}{4 \times 4} = \frac{12}{16}$$

$$\frac{5}{8} = \frac{5 \times 2}{8 \times 2} = \frac{10}{16}$$

$$\frac{7}{16} = \frac{7}{16} = \frac{7}{16}$$

Hier gehen in dem größten Nenner selbst alle anderen Nenner auf, und es sindet sich daher zu jedem ein Faktor, der mit ihm den gemeinschaftlichen Nenner giebt, nämlich: 8 zu 2, 4 zu 4 und 2 zu 8.

2) Um weniger fügsame Brüche gleichnamig zu machen, sucht man ebenfalls eine Zahl, in der alle Nenner aufgehen, als ge= meinschaftlichen oder Generalnenner. Eine solche Zahl ist unbedingt das Produkt aller Nenner, z. B.

$$\frac{5}{4} = \frac{5 \times 6 \times 3}{4 \times 6 \times 3} = \frac{90}{72} \text{ (§. 15. 4.)}$$

$$\frac{1}{6} = \frac{1 \times 4 \times 3}{6 \times 4 \times 3} = \frac{12}{72}$$

$$\frac{2}{3} = \frac{2 \times 4 \times 6}{3 \times 4 \times 6} = \frac{48}{72}$$

Auf diese Weise sindet man aber nicht den kleinsten Ge= neralnenner, im Fall einige der gegebenen Nenner gemeinschaft= liche Theiler haben.

3) Um den kleinsten Generalnenner zu suchen, hebt man die gegebenen Nenner unter sich mit ihren gemeinschaftlichen Theiziern auf, so viel es geht, sett jedes Mal den gebrauchten Divisor dahinter, die Quotienten und was sich von den Nennern eben nicht ohne Rest dividiren läßt, darunter und multiplizirt endlich alle übrig gebliebenen Zahlen und die Divisoren mit einander, z. B.

$$\frac{\frac{1}{2} \quad \frac{1}{3} \quad \frac{3}{2}}{2 \quad 1 \quad 1 \quad 3} \\
2 \times 1 \times 1 \times 2 \times 3 = 2 \times 2 \times 3 = 12.$$

Der Grund dieses Berfahrens leuchtet ein, wenn man betrachtet:

Die Menner
$$\begin{cases} 4 = 2 \times 2 \\ 6 = 2 \times 3 \\ 3 = 3 \end{cases}$$

Das Probuft $4 \times 6 \times 3 = (2 \times 2) \times (2 \times 3) \times 3$.

Run braucht man zu einer Zahl, die durch 4, 6 und 3 theilbar sein soll, nicht jenes ganze Produkt, sondern nur ein solzches, das die Faktoren von 4, 6 und 3 eben in sich faßt, nämzlich $2 \times 2 \times 3$, und was davon weiter vorkommt, wie die übrizen 2 und 3, wird auf solche Weise gleich ausgeschieden.

Den gefundenen kleinsten Generalnenner dividirt man durch jeden einzelnen Nenner und multiplizirt mit dem Quotienten den dezu gehörigen Zähler, wie folgt:

$$\frac{5}{4} = \frac{5 \times 3}{4 \times 3} = \frac{15}{12} \text{ fürger: } \frac{5}{4} \mid 3 \mid 15$$

$$\frac{1}{6} = \frac{1 \times 2}{6 \times 2} = \frac{2}{12} \quad , \quad \frac{1}{6} \mid 2 \mid 2$$
Reue Bähler.
$$\frac{2}{3} = \frac{2 \times 4}{3 \times 4} = \frac{8}{12} \quad , \quad \frac{2}{3} \mid 4 \mid 8$$

§. 18. Abbiren gemeiner Bruche.

Um Brüche zu abbiren, macht man sie gleichnamig, wenn sie es nicht schon sind, und abbirt ihre Zähler. Die Summe giebt den Zähler zu dem gemeinschaftlichen Nenner, der hierbei bloß als Namen der Bruchtheile anzusehen ist.

$$\frac{1}{2} + \frac{3}{4} = \frac{2}{4} + \frac{3}{4} = \frac{5}{4} = 1\frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{8} + \frac{7}{9} + \frac{5}{6} + \frac{2}{3} + \frac{4}{15} + \frac{8}{25}$$

$$\frac{8}{8} \cdot \frac{9}{9} \cdot \frac{6}{6} \cdot \frac{3}{3} \cdot \frac{15}{15} \cdot \frac{25}{25} \cdot \frac{3}{25} \cdot \frac{3}{25} \cdot \frac{2}{35} \cdot \frac{3}{25} \cdot \frac{2}{35} \cdot \frac{3}{35} \cdot \frac{2}{35} \cdot \frac{3}{35} \cdot \frac{2}{35} \cdot \frac{3}{35} \cdot \frac{3}{35}$$

1800		
1/8	225	225
7	200	1400
5	300	1500
2	600	1200
4 15	120	480
8 25	72	576
Summe: $\frac{638}{1800} = 2\frac{1781}{1800}$.		

Gehören die Brüche zu ganzen Zahlen, so wird in diesen, wie schon bekannt, weiter summirt.

§. 19. Subtrahiren gemeiner Bruche.

1) Sollen Brüche subtrahirt werden, so bringt man sie auf gleiche Benennung, wenn sie dieselbe nicht schon haben, und zieht dann Zähler von Zähler ab.

$$\frac{4}{5} - \frac{2}{3} = \frac{12}{15} - \frac{11}{15} = \frac{2}{15}.$$

$$\frac{56}{5}$$

$$\frac{7}{8} \mid 8 \mid 40$$

$$\frac{1}{8} \mid \frac{7}{21} = \frac{21}{861: \frac{12}{56}}$$

2) Ist ein Bruch von einer ganzen Jahl abzuziehen, so leiht man von derselben einen Einer, verwandelt diesen in einen gleichsnamigen Bruch und subtrahirt. Der Rest wird zu dem übrigen Theile der ganzen Jahl geschrieben.

$$7-\frac{1}{5}=6\frac{1}{5}-\frac{1}{5}=6\frac{1}{5}$$
.

3) Bei gemischten Zahlen macht man die angehängten Brüche gleichnamig und leiht sogleich, wo es nöthig ist, von der ganzen Zahl.

$$23\frac{1}{9} = 22\frac{1}{9}$$

$$9\frac{7}{9} = 9\frac{7}{9}$$

$$\Re eft: 13\frac{8}{12} = 13\frac{2}{3}.$$

- §. 20. Multipliziren gemeiner Bruche.
- 1) Einen Bruch mit einer ganzen Bahl zu mul= tipliziren: Man multiplizire ben Zähler mit ber ganzen Zahl und lasse ben Nenner ungeanbert.

$$\frac{3}{4} \times 2 = \frac{3}{4} + \frac{3}{4} = \frac{3 \times 2}{4} = \frac{6}{4} = 1\frac{1}{2}.$$

$$\frac{5}{9} \times 3 = \frac{5 \times 3}{9} = \frac{15}{9} = \frac{5}{3} = 1\frac{2}{3}.$$

Hierbei wird die Anzahl der Theile vervielfältigt; man kann aber auch die Theile selbst um so viel vergrößern, nämlich den Renner durch den Multiplikator dividiren, wenn die Division eben aufgeht.

$$\frac{5}{9} \times 3 = \frac{5}{9:3} = \frac{5}{3} = 1\frac{2}{3}$$
 (§. 15. 3.).

2) Zwei ober mehre Brüche zu multipliziren: Ran multiplizire sowohl die Zähler, als auch die Nenner mit einander. Das erste Produkt giebt den neuen Zähler, das andere den neuen Nenner, z. B.

$$\frac{4}{5} \times \frac{2}{3} = \frac{4 \times 2}{5 \times 3} = \frac{8}{15}.$$

Hier bedingt nämlich der Multiplikator $\frac{3}{3}$, daß $\frac{1}{3}$ des Multiplikanden 2 mal genommen werden soll; den dritten Theil von $\frac{4}{5}$, also $\frac{4}{5\times 3}$, noch mit 2 multiplizirt, giebt $\frac{4}{5\times 3} \times 2 = \frac{4\times 2}{5\times 3} = \frac{8}{15}$ (§. 15. 3.).

Die Faktoren in Zähler und Nenner können oft gegen ein= ander aufgehoben werden (§. 16.).

$$\frac{3}{8} \times \frac{4}{5} \times \frac{2}{3} = \frac{\cancel{3} \times \cancel{4} \times \cancel{2}}{\cancel{8} \times 5 \times \cancel{3}} = \frac{1}{5}$$

3) Semischte Zahlen verwandelt man gewöhnlich vor= ber in Bruche.

$$2\frac{3}{4} \times 3 = \frac{11}{4} \times 3 = \frac{33}{4} = 8\frac{1}{4}.$$

Man könnte auch mit ben Ganzen und ben Bruchen besonbers multipliziren.

$$21 \times 3 = 2 \times 3 + 1 \times 3 = 6 + 21 = 81.$$

 $21 \times 31 = 21 \times 3 + 21 \times 1 = 81 + 11 = 91.$

Wenn der Multiplikator ein eigenklicher Bruch ist, so muß das Produkt begreislicher Weise kleiner sein, als der Multipli=kand (§. 11. 1.).

$$\frac{1}{9} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$$
.

9. 21. Dividiren gemeiner Bruche.

1) Einen Bruch durch eine ganze Bahl zu divis diren: Man multiplizire den Nenner mit der ganzen Bahl und lasse ben Zähler ungeandert.

$$\frac{1}{2}: 2 = \frac{1}{2 \times 2} = \frac{1}{4} (\S. 15. 8.).$$

$$\frac{6}{4}: 2 = \frac{6}{4 \times 2} = \frac{6}{8} = \frac{3}{4}.$$

Hierbei wird die Größe der Theile verkleinert; man kann dafür auch die Anzahl der Theile verkleinern, indem man den Zähler durch den Divisor dividirt, wenn die Division eben aufzgeht.

$$\frac{6}{4}:2=\frac{6:2}{4}=\frac{3}{4}.$$

2) Eine ganze Zahl burch einen Bruch zu bivibiren: Man multiplizire ben Dividenden mit dem umgekehr= ten Divisor, z. B.

$$6: \frac{4}{2} = 6 \times \frac{2}{4} = \frac{6 \times 2}{4} = 3.$$

Der gesuchte Quotient soll hier $\frac{4}{2}$ mal in 6 enthalten sein (§. 12. 1.); er ist also 2 mal so groß, als der, welchen man durch die Division mit 4 erhält. Nun giebt $6:4=\frac{4}{4}$, noch mit 2 multiplizirt, $\frac{6\times 2}{4}=6\times \frac{2}{4}=3$.

3) Einen Bruch durch einen Bruch zu dividiren: Man multiplizire den Dividenden aus gleichem Grunde mit dem umgekehrten Divisor, z. B.

$$\frac{8}{10}: \frac{4}{9} = \frac{8}{10} \times \frac{2}{4} = \frac{16}{10} = \frac{9}{5}.$$

Hier wird $\frac{8}{10}$ burch 4 bividirt $=\frac{8}{10\times 4}$, und dies 2 mal genommen, giebt $\frac{8\times 2}{10\times 4}$. Man könnte auch Zähler burch Zäh=

ler und Renner burch Renner bividiren; doch gehen diese Divisionen selten auf.

$$\frac{8}{10}:\frac{4}{2}=\frac{8:4}{10:2}=\frac{2}{5}.$$

4) Gemischte Zahlen werden zur Division vorher in Brüche verwandelt, z. B.

$$3\frac{1}{2}:1\frac{1}{4}=\frac{7}{2}:\frac{5}{4}=\frac{7\times 4}{2\times 5}=\frac{28}{10}=2\frac{4}{5}.$$

5) Ist der Divisor ein eigentlicher Bruch, so muß der Quotient größer sein, als der Dividend.

$$\frac{3}{4}: \frac{1}{2} = \frac{3 \times 2}{4 \times 1} = \frac{6}{4} = 1\frac{1}{2}.$$

6) Wird die Division von Brüchen in Bruchsorm angesetzt, so entstehen sogenannte unreine oder Doppelbrüche. Diese können in reine Brüche verwandelt werden, wenn man Zähler und Renner des Doppelbruchs mit den eingeschobenen Nennern aushebend multiplizirt (§. 15. 4.), z. B.

$$\frac{\frac{6}{4}}{\frac{2}{2}} = \frac{\frac{6}{4} \times \frac{4}{4}}{2 \times 4} = \frac{6}{8} = \frac{3}{4}.$$

$$\frac{6}{\frac{4}{2}} = \frac{\frac{6}{4} \times \frac{2}{4}}{\frac{4}{2} \times 2} = \frac{12}{4} = 3.$$

$$\frac{\frac{8}{10}}{\frac{4}{2}} = \frac{\frac{8}{10} \times 10 \times 2}{\frac{4}{2} \times 2 \times 10} = \frac{16}{40} = \frac{2}{5}.$$

$$\frac{3^{1}/2}{1^{1}/4} = \frac{\frac{7}{2} \times 2 \times 4}{\frac{5}{4} \times 4 \times 2} = \frac{28}{10} = 2\frac{4}{5}.$$

2. Dezimalbruche.

§. 22. Der Dezimalbruch.

Diejenigen Brüche, beren Renner 10, 100, 1000 u. s. w. ift, nennt man Dezimalbrüche und schreibt sie, mit Weglass sung der Renner, folgender Gestalt:

Die Rull vor dem Zähler tritt an die Stelle der ganzen Zahl, wenn eben keine vorhanden ist. Das Komma trennt die Einerstelle der ganzen Zahl von dem Zähler des Bruches, der wohl durch kleinere Ziffern kenntlicher gemacht wird, und dessen

Nenner eine 1 ift, die man sich unter bem Komma denkt, mit so viel Nullen, als Zahlstellen oder Dezimalen in dem Zähler sind.

Hinter dem Komma enthält die erste Stelle Zehntheile, die zweite Hunderttheile, die dritte Tausendtheile u. s. w., also jede folgende Stelle einen zehnmal kleineren Theil der Einheit, nach denselben Gesehen, wie bei ganzen Zahlen. Die obigen Beispiele bedeuten demnach

 $0.3 = \frac{3}{10}$; $3.42 = 3\frac{42}{100}$; $17.4507 = 17\frac{4507}{10000}$

und die Versetzung des Komma bewirkt folglich mit jeder Stelle eine zehnfache Veränderung der Stellenwerthe, so daß, wenn der Werth 10, 100, 1000 . . . mal größer wird, auch das Komma um 1, 2, 3 . . . Stellen hinterrückt, und so umgekehrt. 3. B.

 $5,372 \times 10 = 53,72$; $63,51 \times 1000 = 63510$. 537,2 : 10 = 53,72; 2,456 : 1000 = 0,002456.

§. 23. Dezimalbruche zu verwandeln.

1) Einen Dezimalbruch in einen gemeinen Bruch mit bestimmtem Nenner zu verwandeln: Man multi= plizire ben Dezimalbruch mit bem bestimmten Nenner und nehme bas Produkt als neuen Zähler zu diesem Nenner.

Soll z. B. 0.75 verwandelt werden in Viertel, so multiplizirt man 0.75 mit 4, was $\frac{300}{100}$ oder 3 giebt, und sett diese 4 wieder als Nenner unter; dadurch erhält man den gegebenen Werth in Vierteln, nämlich: $\frac{0.75\times4}{4} = \frac{3}{4}$. Um 0.56 in 3wölfztel zu verwandeln, sett man $\frac{0.56\times12}{12} = \frac{6.72}{12}$, und erhält einen unreinen Bruch.

2) Einen gemeinen Bruch in einen Dezimal= bruch zu verwandeln: Man hänge dem Jähler rechts belie= big Nullen an, dividire ihn durch den Nenner und schneide nach= her im Quotienten wieder eben so viel Dezimalstellen ab, als ber Dividendus Nullen erhalten hat.

Wird der Bruch $\frac{1}{4}$ multiplizirt mit 100, und wird die durch seinen Nenner ausgedrückte Division verrichtet: so giebt dies zu= vörderst $\frac{3 \times 100}{4} = \frac{300}{4} = 75$; wird nun dieses Ergebniß

wieder dividirt durch den vorigen Multiplikator 100, so entsteht 15 = 0,75 der Werth von 2 in einem Dezimalbruche.

$$\frac{5}{16} = \frac{5 \times 10000}{16} : 10000 = 0.3125,$$

3) Öfters geht die Division durch den Nenner nicht auf, und der gemeine Bruch läßt sich in diesem Falle nicht genau in einen Dezimalbruch verwandeln. Hier kann man, wie dei jeder Division, wo ein Rest übrig bleibt, das Dividiren so lange fortseten, die der bleibende Rest ganz unerheblich wird. An solche abgebrochenen Dezimalbrüche fügt man noch einige Punkte, als Beichen weggelassener Dezimalen.

$$\frac{4}{7} = 0.5714..; \frac{9}{11} = 0.818181..$$

4) Bisweilen erscheinen bei fortgesetzter Division gleich die ersten Zahlen in derselben Ordnung wieder. Zeigt sich eine folche periodische Wiederkehr, so kann man, ohne noch weiter zu dividizen, ben Dezimalbruch nach Gefallen erweitern, z. B.

$$\frac{26}{33} = 0.787878...$$

5) Hat der Bruch mehr Dezimalen, als die Genauigkeit der Rechnung erfordert, so läßt man die überflüssigen weg. Dabei wird gewöhnlich die hintere der beibehaltenen Dezimalen um 1 ershöhet, wenn die nächste der weggelassenen 5 oder mehr beträgt, damit der Bruch seinem wahren Werthe näher bleibe. Sollte z. B. der vorige Bruch 0,787878.. nur drei Dezimalen behalzten, so verwandelte man ihn in 0,788.

§. 24. Dezimalbruche zu abdiren,

Man schreibe die gegebenen Zahlen so unter einander, daß Lomma unter Komma steht. Dadurch kommen die Ganzen, die Zehntheile, die Hunderttheile u. s. w. ordnungsweise unter einander. Run addire man, wie es bei ganzen Zahlen geschieht (§. 8.).

§. 25. Dezimalbruche zu subtrahiren.

Die gegebenen Brüche werden unter einander geschrieben, Komma unter Komma, Zehntheile unter Zehntheile, u. s. w. und dann subtrahirt, wie ganze Zahlen (§. 9.). Finden sich in dem Minuenden oder Subtrahenden weniger Dezimalen, so verfährt man, als ständen Nullen in den offenen Stellen, z. B.

§. 26. Dezimalbruche zu multipliziren.

Man schreibe die Brüche unter einander und multiplizire sie, wie ganze Zahlen, schneide alsdann im Produkte von der Rechten so viel Dezimalen ab, als beide Faktoren zusammen enthalten. Hat das Produkt nicht so viel Stellen, als ihm abgeschnitten werden mussen, so werden die fehlenden durch vorangesetzte Nullen ergänzt, und außerdem wird noch eine Null statt der Ganzen gesetzt.

Soll z. B. 1,3 multiplizirt werden mit 0,7, und man behandelte diese Faktoren als gemeine Brüche: so müßte man Zähler mit Zähler und Nenner mit Nenner multipliziren (§. 20. 2.).
Das Nennerprodukt wäre aber eine 1 mit allen Nullen der beiden Nenner, wofür beim Dezimalbruche im Zählerprodukte ohne
Weiteres so viel Stellen abgeschnitten werden. Es ist nämlich

$$\begin{array}{r}
 1,3 \times 0,7 = \frac{13}{10} \times \frac{7}{10} = \frac{13 \times 7}{10 \times 10} = \frac{91}{100} = 0.91. \\
 \frac{43.72}{15} = \frac{0,0345}{0,028} \\
 \frac{21860}{4372} = \frac{1035}{655.80} = \frac{690}{0,0007935}
 \end{array}$$

Gewähren die vorderen Dezimalen des Produktes schon hinlängliche Genauigkeit, so bedient man sich der abgekürzten Multiplikation. Man multiplizirt nämlich zuerst mit den Zehntheilen, hierauf mit den Hunderttheilen, Tausendtheilen, u. s. w. und läßt jedes Mal von dem Multiplikanden rechts eine Stelle mehr weg, so daß alle Produkttheile in einer und derselben Reihe anfangen, z. B.

3,7 2 4 2	unabgefürzt: 3,7 2 4 2
0,8721	0,8721
2,97936 Anfang 8 × 2 26068 Anfang 7 × 4	297936
26068 Anfang 7 × 4	260694
744 Anfang 2 × 2	74484
37 Anfang 1 × 7	37242
3,2 4 7 8 5	3,24787482

Wo das Komma stehen muß, bestimmt man sogleich bei dem ersten Produktheile durch Abzählung der eben gebrauchten Dezismalen. Wegen der im Multiplikandus weggelassenen Stellen fällt öfters das Produkt etwas zu niedrig aus.

§. 27. Dezimalbruche zu bivibiren.

Man dividire wie mit ganzen Zahlen, füge aber zuvörderst dem Dividenden nöthigenfalls so viel Nullen an, daß er mindestens eben so viel Dezimalstellen enthält als der Divisor, und schneide endlich im Quotienten so viel Dezimalen (es versteht sich, von der Rechten zur Einken) ab, als der gebrauchte Dividend deren mehr wie der Divisor hat.

Soll z. B. 2.24 bividirt werden durch 0.4, und man verführe wie bei gemeinen Brüchen: so würde Zähler durch Zähler und Nenner durch Nenner dividirt (§. 21. 3.), nämlich $\frac{224:4}{100:10} = \frac{56}{10} = 5,6$. Der Quotient beider Nenner ist aber eine 1 mit den im Dividenden besindlichen überzähligen Nullen, wofür man beim Dezimalbruche gleich in dem Zählerquotienten so viel Stellen abschneidet.

29,4: 0,49 =
$$\frac{294}{10}$$
: $\frac{49}{100}$ = $\frac{2940:49}{100:100}$ = 60.

Man wendet bei den Dezimalbrüchen auch eine abge= kürzte Division an. Dividend und Divisor werden mit gleich vielen Dezimalstellen angesetzt, und bei dem fortgesetzten Dividiren wird jedes Mal von dem Divisor die letztere Dezimale weggelassen. In dem hier folgenden Beispiele steht jeder beson= dere Divisor, was beim Rechnen überslüssig ist.

```
\begin{array}{r}
26,73050 : 1,42857 = 18,71143 \\
\underline{142857} \\
1244480 : 1,42857 \\
\underline{1142856} \\
101624 : 1.4285 \\
\underline{99995} \\
1629 : 1,428 \\
\underline{1428} \\
201 : 1,42 \\
\underline{142} \\
\underline{59} : 1,4 \\
\underline{56} \\
3 : 1 \\
\underline{3} \\
0
\end{array}
```

Die Stelle des Komma im Quotienten ergiebt sich schon aus den ersten Divisions = Ansätzen. Da bei der abgekürzten Di= vision der Divisor allmählich verkleinert wird, so muß der Quo= tient etwas zu groß ausfallen.

III. Grundrechnungen mit benannten und sonst bezeichneten Zahlen.

1. Benannte Zahlen.

§. 28. Bahlenbenennung.

Bei benannten Zahlen ist die Art der Einheit besstimmt. Der zählbaren Dinge giebt es sehr vielerlei; am meissten beschäftigen uns davon die Münzen, die Maße und Gewichte, die Zeit u. s. w. Sie haben in sich besondere Ords

nungen mit eigner Eintheilung und Größe, die man theils aus Rachweisungen, theils aus angestellten Untersuchungen kennen lernt.

Eine benannte Bahl ist einfach, wenn sie nur Einheiten einerlei Art enthält, ober zusammengesetzt, wenn sie aus verschiedenen, einander untergeordneten Arten von Einheiten ober Sorten besteht, z. B. 3 Thir. 4 Gr. 6 Pf.

Benannte Zahlen mussen öfters reduzirt werden, indem man sie durch Multiplikation und Division mit ihrer Eintheis lungszahl auf einen kleinern ober größern Namen bringt, z. B.

3 Thir. =
$$3 \times 24$$
 gGr. = $3 \times 24 \times 12$ Pf. = 864 Pf.
365 Xr. = $\frac{365}{60}$ Fl. = $6\frac{1}{12}$ Fl. = 6 Fl. 5 Xr.

§. 29. Benannte Bahlen zu abbiren.

Man schreibe die Zahlen von einerlei Benennung reihenweise unter einander, zähle sie dann zusammen, die niedrigsten Einheisten zuerst, darauf die nächst höheren u. s. w. Jede besondere Summe wird auf der Stelle reduzirt. Die darin gefundenen Einheiten der höheren Sorte kommen vor zu dieser, und die übrig bleibenden Einheisen der eben zusammengezählten Sorte werden untergesetzt.

§. 30. Benannte Bahlen zu subtrahiren.

Man setze ebenfalls die Zahlen von jeder Sorte, ihrer Folge nach, unter einander und ziehe sie ab. Oft hat man eine Einsteit der höheren Sorte zu leihen und dadurch die niedere so viel wermehren, als von ihr Einheiten auf die höhere Sorte gehen.

Denn um 12 Thir. 18 gGr. 9 Pf. subtrahiren zu können, muß man den Minuend sich folgendermaßen umgestaltet denken:

- §. 31. Benannte Bahlen zu multipliziren.
- 1) Man setze ben Multiplikator gehörig unter und vervielfache damit den Multiplikanden von der niedrigsten Sorte an. Jedes besondere Produkt, das eine höhere Einheit voll enthält, wird sozgleich reduzirt. Die darin besindlichen Einheiten einer höheren Sorte kommen hinüber zum gleichnamigen Produkte, und der Rest wird untergesetzt.

2) Oft kann man den Multiplikator zerlegen in Faktoren oder Summanden und dann leichter theilweise multipliziren, z. 23. 24 = 6 × 4; 17 = 4 × 4 + 1.

Oft erleichtert es aber auch die Rechnung, den Multiplikan= ben vorher auf seine niedrigsten Einheiten zu reduziren.

3) Der Multiplikator kann eigentlich keine benannte Zahl sein, weil er nur angiebt, wie oft ber Multiplikand zu sich selbst abdirt werben muß, damit aus ihm das Produkt entstehe. Bringt es der Sang einer Rechnung mit sich, daß eine benannte Zahl als Multiplikator erscheint: so kommt bloß die Zahl an sich, keineswegs aber die Benennung mit in Rechnung. Enthält ein solcher benannter Multiplikator mehrerlei Sorten, so reduzirt man denselben vorher auf einerlei Einheit, eigentlich auf die Verhält=nißzahl.

Wenn z. B. der Acker Holzland zu 9 Thlr. 8 gGr. verkauft würde, wie theuer käme ein Stück von 3 Acker 40 Ruthen? Sält der Acker 140 Ruthen, so sind 3 Ar. 40 Rthn. $= 3\frac{40}{140} = 3$? Ar.

Hier können nun wohl die 9 Thlr. 8 gGr. 37 mal genom= wen werden, so viel es Acker sind, aber nicht 37 Acker mal.

- §. 32. Benannte Zahlen zu bivibiren.
- 1) Ist der Divisor unbenannt, so theilt man damit ohne Beiteres im Dividenden die Zahlen jeder Sorte für sich, bei der böchsten anfangend. Bleibt irgendwo ein Rest, so wird derselbe sogleich zu der nächst niederen Sorte genommen und dann in dieser mit getheilt.

Öfters ist es erleichternb, wenn man zuvor den ganzen Dis videnden auf einerlei Sorte reduzirt.

2) Ist der Divisor eine benannte Zahl, so reduzirt man den= selben auf einerlei Einheit, auf die Verhältnißzahl, ohne die Sorte weiter zu berücksichtigen, als zu etwaiger Verwendung bes Quotienten.

Sollten z. B. 124 Pfd. Kiefernsamen gesäet werden auf 15 Morgen 90 Ruthen, den Morgen zu 180 Ruthen gerechnet: so theilte man den gegebenen Samen in $15_{180}^{\circ} = 15.5$ Theile, nämlich 124 Pfd.: 15.5, und es kämen 8 Pfd. auf jeden Morgen. Der Divisor wird hierbei als unbenannte Jahl gebraucht; denn es ist klar, daß Pfunde und Morgen an sich nicht durch einander dividirt werden können, so wenig als multiplizirt. Von gleichartigen Größen werden Dividend und Divisor auf einerlei Sorte gebracht; sie geben zum Quotienten eine unbenannte Jahl.

2. Buchstabenrechnung.

§. 33. Buchftaben.

Man kann mit Buchstaben jedes Rechnungsversahren auf eine allgemeine Weise entwickeln und so die Regel oder die Formel, wonach eine gesuchte Größe zu sinden ist, kurz und bestimmt ausdrücken. Unter der allgemeinen Bezeichnung at kann man sich z. B. jeden beliebigen Bruch, unter a oder b, c zc. jede beliebige ganze Jahl vorstellen, und die § 20. 1. und §. 21. 1 angegebenen Regeln zur Multiplikation oder Division eines Bruchs mit einer ganzen Jahl würden sich demnach (gewissermaßen als

allgemeine Formel für derartige Rechnungen) übersichtlich so barstellen lassen:

$$\frac{x}{n} \times a = \frac{x \times a}{n};$$

$$\frac{x}{n} : a = \frac{x}{n \times a}.$$

Die Buchstaben dienen hierbei als allgemeine Zeichen der fraglichen Größen, und zwar pflegt man sich gewöhnlich der Ansfangsbuchstaben des kleinen lateinischen Alphabets a. b. c. d.... zur Bezeichnung bekannter, gegebener, der Endbuchstaben x. y. z aber statt der unbekannten, zu suchenden Zahlen zu bedienen. Oft wählt man auch, um dem Gedächtniß zu Hülfe zu kommen, die Anfangsbuchstaben der vorzustellenden Größen, z. B. u für Umfang, d für Durchmesser, s für Summe u. s. f. f. Ein Buchstabe kann also jede Zahl bedeuten; doch bleibt in einer und dersselben Rechnung seine Werthbedeutung dieselbe.

Man bedient sich in der Buchstabenrechnung aller schon bestannten Rechnungszeichen; nur wird zwischen Faktoren das Zeischen der Multiplikation gewöhnlich weggelassen. Hiernach drückt a + b die Summe, a — b die Differenz, ab das Produkt und a: b oder a den Quotienten irgend zweier Zahlen aus.

Kommen bestimmte Zahlen zu den Buchstaben als Faktoren, so werden sie den Buchstaben vorgesetzt; z. B. == a, 7ab. Man neunt sie Koefsicienten (Mitwirker). Der Koefsicient 1 wird ge= wöhnlich weggelassen.

§. 34. Entgegengesette Größen.

Wenn zwei Größen gegenfeitig in einer solchen Beziehung kehen, daß sie, zu einander gethan, sich entweder ganz, oder theilweise ausheben: so heißen sie entgegengesett. 3. B. 30 Schritte vorwärts und 10 Schritte auf demselben Wege rud: warts; 100 Thaler Einnahme und 100 Thaler Ausgabe.

Bei der Rechnung mit bestimmten Zahlen läßt sich die Wirskung zweier entgegengesetzten Größen aufeinander ohne Weiteres in einen Ausdruck zusammenfassen, z. B. 100 Thlr. Vermögen mit 50 Thlr. Schulden zusammengethan, geben 50 Thlr. Ver-

mögen. In der Buchstabenrechnung kann man dies jedoch in der Regel nur andeuten und muß daher die entgegengesetten Größen genau unterscheiden; zu dem Ende nennt man die eine Art positiv, bejahend, die andere negativ, verneinend, und bezeichnet jene mit +, diese mit —. Wo eben der Gebrauch nichts bestimmt hat, ist es willkürlich, welche von den beiden entzgegengesetzen Zahlen man als positiv, oder negativ bezeichnet. Werden solche Größen noch mit Rechnungszeichen verbunden, so kommen die Zeichen des Positiven und Negativen mit der zu ihnen gehörigen Zahl selbst in Klammern. Voranstehenden possitiven Größen pslegt man kein Vorzeichen zu geben. Kommen z. B. zu + 30s*) — 10s, so drückt man dies aus: 30s + (— 10s) = 20s, b. h. + 20s.

§. 35. Ginfolugzeichen.

Bezieht sich irgend ein Rechnungszeichen zugleich auf mehre Glieder eines arithmetischen Ansases, so muß man dieselben in eine Parenthese zusammenklammern. Dieser Einschluß kann auf zweierlei Weise gelöst werden. Entweder rechnet man die einzgeschlossenen Glieder alle zusammen und behandelt sie als eine einzige Größe, was aber bloß bei bestimmten Jahlen anwendbar ist, oder man verwendet dieselben einzeln nach Maßgabe ihrer Rechnungszeichen. Eigentlich braucht man die Parenthese nur bei allgemeinen Jahlzeichen oder Buchstaben, und die Beispiele mit bestimmten Jahlen dienen uns mehr, die Beziehung der Klammer anschaulich zu machen.

1) Das Abditionszeichen bedarf an und für sich keines Einschlusses. 3. B.

6+(2+3)=6+2+3=11; 5+(4-3)=5+4-3=6.

Andere Rechnungszeichen können, ohne Klammer, ihre Bebeutung keineswegs über bas + hin erstrecken. 3. B.

 $6 \times 3 + 4 : 2 = 18 + 2 = 20$; $6 \times (3 + 4 : 2) = 6 \times (3 + \frac{1}{2}) = 30$.

2) Das Subtraktionszeichen braucht den Ginschluß

[&]quot;) Unter + s mag man etwa Schritte vorwärts, und unter - s, Schritte in berselben Richtung rückwärts sich vorstellen.

nigentlich nur hinter sich für mehrgliederige Subtrahenden. Solzen da die Einschlußzeichen entfernt, oder sollen einige Glieder aft zusammengeschlossen werden: so bekommen die mit + und - entgegengesetzt Beziehung.

$$18 - (5 + 2) = 18 - 7 = 11,$$
ober = $18 - 5 - 2 = 11.$
 $15 - (11 - 9 + 5) = 15 - 7 = 8,$
ober = $15 - 11 + 9 - 5 = 8.$
 $20 - 9 + 6 = 20 - (9 - 6) = 20 - 3 = 17.$

Andere Rechnungszeichen sind ebenfalls ohne Klammer über das — hinweg unwirksam. 3. B.

$$10:4-3\times\frac{1}{2}=2\frac{1}{2}-1\frac{1}{2}=1; \ 10:(4-3\times\frac{1}{2})=10:(4-1\frac{1}{2})=4.$$

3) Das Multiplikationszeichen braucht balb vor, balb hinter sich Einschließungen sur Multiplikand und Multiplistator. Beim Böfen ber Parenthese können beiberseits die Glieder vereinzelt multiplizirt werden.

$$(5+3) \times 4 = 8 \times 4 = 32,$$

$$ober = 5 \times 4 + 3 \times 4 = 20 + 12 = 32.$$

$$(5-3) \times (2+4) = 2 \times 6 = 12,$$

$$ober = 5 \times (2+4) - 3 \times (2+4) = 12,$$

$$= (10+20) - (6+12) = 12.$$

$$3 \times (7-5) = 3 \times 7 - 3 \times 5 = 6.$$

4) Das Divisionszeichen braucht Einschließungen vor mb hinter sich für Dividend und Divisor. Die Glieder bes Divisors dürfen aber in keinem Falle vereinzelt werden.

$$(10-4): 2 = 6: 2 = 3,$$

$$ober = 10: 2 - 4: 2 = 5 - 2 = 3.$$

$$(11+7-3): (5-2) = 15: 3 = 5,$$

$$ober = \frac{11}{5-2} + \frac{7}{5-2} - \frac{3}{5-2} = \frac{15}{3} = 5.$$

$$\frac{12}{4+2} - \frac{9}{4+2} + \frac{3}{4+2} = (12-9+3): (4+2) = 6: 6 = 1.$$

Bollte man im letzteren Beispiele den Divisor vereinzeln, bergäbe das etwas ganz Anderes, nämlich:

$$\frac{12-9+3}{4} + \frac{12-9+3}{2} = 6:4+6:2 = 41.$$

Ist jedoch ein Divisor aus Faktoren zusammengesetzt, so barf man diese gewissermaßen als einzelne Divisoren gebrauchen. 3. B.

$$48: (2 \times 3) = 48: 6 = 8,$$

ober = $(48: 2): 3 = 24: 3 = 8.$

Die Bruchform bedarf der Parenthese weniger, weil ber Strich an sich schon die zusammengehörigen Glieder verbindet.

Zuweilen ist Einschluß in Einschluß erforderlich; auch bebient man sich wohl eines über die zusammengehörigen Glieder
hin gezogenen Striches anstatt der Einschlußzeichen.

§. 36. Allgemeine Abbition.

1) Sollen einerlei Größen abbirt werden von entgegensgesetzter Beziehung: so nimmt man sowohl die positiven, als auch die negativen besonders, zieht dann die kleinere Summe von der größeren ab, um das Entgegengesetzte aufzuheben, und giebt dem Bleibenden das Vorzeichen des Größeren.

Ju 30 Schritten vorwärts
10 Schritte rückwärts
giebt 20 Schritte vorwärts.

2) Sind verschiebenerlei Größen zu'abbiren, so ordnet man die gleichartigen Glieber zusammen in besondere Reihen und summirt alsdann von jeder Reihe die Koefficienten.

$$\begin{array}{rrrrr}
+ 8a & - & 2b & + 3c \\
- & a & + & 11b & - & 2c \\
- & 5a & + & 3b & - & 4c \\
\hline
2a & + & 12b & - & 3c.
\end{array}$$

In einem frischgefallenen Spurschnee kreiseten zwei Jäger ein Jagdrevier ab und bemerkten sich die Eingänge mit + und die Auszgänge mit —. Um das erste Jagen spürte man auf dem Gestelle

The second secon

§. 37. Allgemeine Subtraftion.

1) Sollen einerlei Größen mit positiver und negativer Beziehung subtrahirt werden, so verwandelt man das Zeichen des Subtrahenden in das entgegengesetzte und abbirt beide Größen.

Die Richtigkeit dieses Verfahrens ergiebt sich einfach aus solgender Betrachtung:

$$+8a = +5a + 3a$$
 $+8a = +13a - 5a$
 $ab + 5a = +5a$ $ab - 5a = -5a$
 $bleibt + 3a$; $bleibt + 13a$.

Auch sieht man eben so leicht ein, daß berjenige, dem man Bermögen (+) entzieht, um so viel ärmer, und der, welchem man Schulden (—) abnimmt, um so viel reicher werden muß (§. 35. 2.).

2) Sind verschiedenerlei Größen gegeben, so ordnet man vom Minuend und Subtrahend zuerst die gleichartigen zusammen und subtrahirt ihre Koefficienten. Die übrigen einzelnen Glieder wers den behandelt, als hätten sie unter, oder über sich O.

$$+ 9a - 13b + 7c - 3x$$
, ,
 $+ 2a - 15b - 9c$, , $+ 5d$
 $+ 7a + 2b + 16c - 3x - 5d$,

Bei der Nachweisung des Waldmassenangriffs wendet man Gubtraktion und Addition mit entgegengesetzten Größen an. 3. B.

Starke Abweichungen können im Sollangriff eben auch nes gative Zahlen zur Folge haben. §. 38. Allgemeine Multiplikation.

1) Durch Buchstaben kann bloß angezeigt werden, daß die Multiplikation geschehen soll, z. B. a mit n giebt an, noch mit p, giebt anp. Die Koefficienten werden für sich multiplizirt, z. B. 3a × 2b == 6ab.

Was die Zeichen betrifft, so geben gleiche Zeichen ein positives und ungleiche ein negatives Produkt.

Denn das Produkt muß eben so (in demselben Sinne) aus dem Multiplikand hervorgehen, wie der Multiplikator aus der (stets positiv oder + gedachten) Einheit entskanden ist. Ist der Multiplikator nun +, also in demselben Sinne wie die Einheit gegeben, so muß auch das Produkt in demselben Sinne wie der Multiplikand erscheinen; und so umgekehrt, wenn der Multiplikkator —, also in dem von der Einheit entgegengesetzen Sinne gegeben ist, kann auch das Produkt nicht anders als in der vom Multiplikand entgegengesetzen Beziehung genommen werden. Übrigens sieht man auch ein, daß eine positive Größe bejahend genommen, so wie eine negative verneinend, ein positives Prozdukt geben, daß dagegen eine positive Größe verneint, oder eine negative Größe bejahet, zu einem negativen Ergebnisse sühren muß.

2) Bei zusammengesetzten Faktoren multiplizirt man mit jedem Gliede des einen Faktors alle Glieder des andern und adbirt darauf die Produkttheile so viel als thulich.

$$\begin{array}{r}
5 + 3a \\
2 + a \\
\hline
10 + 6a \\
+ 5a + 3aa \\
\hline
10 + 11a + 3aa \\
\hline
5x + 7 + bb - \frac{1}{2}x \\
cf - 5y \\
\hline
5cfx + 7cf + bbcf - \frac{1}{2}cfs - 25xy - 35y - 5bby + 2\frac{1}{2}yz.
\end{array}$$

^{*)} Aus diesem Beispiele ergiebt sich, daß von zwei Zahlen das Produkt ihrer Summe mit ihrer Differenz eben so groß ift, als die Differenz ihrer Selbstprodukte.

§. 39. Allgemeine Division.

1) Die Division burch Buchstaben kann nur angebeutet werben. a durch b giebt a:b oder $\frac{a}{b}$. Sedoch lassen sich gleiche Buchstaben im Divisor und Dividend gegenseitig heben: $\frac{ab}{bn} = \frac{a}{b}$ (§. 16.). Eben so auch Koefficienten: $\frac{10a}{5b} = \frac{2a}{b}$. Übrigens geben gleich e Zeichen dem Quotienten + und ungleiche -, weil das Produkt des Quotienten und Divisors nicht anders dem Dividenden gleich werden könnte (§. 12. 1.).

$$\frac{-3ab}{-6aa} = + \frac{b}{2a}; \frac{+24abc}{-6c} = -4ab.$$

2) Die Division mit zusammengesetzten Größen macht ebenfalls keine Schwierigkeit.

$$\begin{array}{r}
(aa - bb) : (a + b) = + a - b. \\
\underline{aa + ab} \\
\hline
- ab - bb \\
\hline
- ab - bb \\
\hline
0
\\
(4cg + 8mc - 3c) : 4c \\
\underline{4cg} \qquad g + 2m - \frac{3}{4}. \\
\hline
+ 8mc \\
\hline
- 3c \\
- \frac{19}{4}c \\
\hline
0
\end{array}$$

§. 40. Gebrochene Buchftabengrößen.

Die Rechnung mit gebrochenen Buchstabengrößen findet ganz nach ben für die gewöhnlichen Zahlenbrüche gegebenen Regeln fatt.

1) Wenn a, b, c drei ganze Jahlen vorstellen und c > b, so bebeutet $\frac{b}{c}$ einen echten, $\frac{c}{b}$ einen unechten und a $+\frac{b}{c}$ einen gemischten Bruch.

- 2) Den gemischten Bruch richtet man ein, nach §. 15.2.; $\mathbf{a} + \frac{\mathbf{b}}{\mathbf{c}}$ ist daher $= \frac{\mathbf{ac} + \mathbf{b}}{\mathbf{c}}$, und eben so läßt sich jede ganze Buchstabengröße nach §. 15. 1. in einen Bruch von beliebigem Nenner verwandeln; z. B. ef $= \frac{\mathbf{efy}}{\mathbf{y}} = \frac{\mathbf{ef}(\mathbf{g} + \mathbf{h})}{\mathbf{g} + \mathbf{h}}$.
- 3) Brüche von verschiedener Benennung macht man nach \S . 17. gleich namig, indem man jedes Bruches Zähler und Nenner mit den Nennern der übrigen multiplizirt; \S . B. $\frac{b}{2c} + \frac{4}{g} + \frac{d}{2b} = \frac{2bgh}{4cgh} + \frac{16ch}{4cgh} + \frac{2cgd}{4cgh}$. Finden sich unter den Nennern gleiche Faktoren, so kann man diese ausscheiden und badurch den kleinsten Generalnen ner bestimmen; \S . B. von den Brüchen $\frac{7a}{4x} \frac{5}{12z} + \frac{b}{9} \frac{c}{8z} + \frac{1}{xz} \frac{2f}{3x}$ ist der kleinste Generalnenner 72xz, denn

- 4) Aus solchen Brüchen, welche im Zähler und Nenner gleiche Faktoren haben, kann man diese, unbeschadet ihres Werzthes, herauswerfen und den Brüchen dadurch eine einsachere Gesstalt geben; ${}_{5}$. B. $\frac{6aac}{3ag} = \frac{2ac \times 3a}{g \times 3a} = \frac{2ac}{g}$; $\frac{ab+ac}{bf+cf} = \frac{(b+c) \times a}{(b+c) \times f} = \frac{a}{f}$. So stellt auch die letzte Divisionsaufgabe ${}_{5}$. 39. 2. die Hebung der Brüche sehr anschaulich dar: $(4cg+8mc-3c): 4c = \frac{4cg}{4c} + \frac{8mc}{4c} \frac{3c}{4c} = g + 2m \frac{3}{4}$.
- 5) Das Abbiren kann nur bei gleichnamigen Brüchen geschehen; man setzt ber Summe ihrer Zähler ben gemeinschaft= lichen Nenner unter; ungleichnamige Brüche müssen zuvor nach 3. auf gleiche Benennung gebracht werden.

$$\frac{3a}{2e} + \frac{4b}{2e} - \frac{5c}{2e} = \frac{3a+4b-5c}{2e}; \quad \frac{b}{4} - a + \frac{2c}{3x} - \frac{ff}{12h} + \frac{x}{4h} = \frac{3bhx}{12hx} - \frac{12ahx}{12hx} + \frac{8ch}{12hx} - \frac{ffx}{12hx} + \frac{3xx}{12hx} - \frac{3bhx-12ahx+8ch-ffx+3xx}{12hx} = \frac{x(3bh-12ah-ff+3x)+8ch}{12hx}$$

6) Eben so kann auch die Subtraktion nur bei gleich= namigen Brüchen bewerkstelligt werden, indem man die Zähler subtrahirt und dem Reste den gemeinschaftlichen Nenner untersetzt.

$$\frac{7ab}{4x} - \frac{3ab}{4x} = \frac{4ab}{4x} = \frac{ab}{x}; \quad \frac{4h}{c} - \left(5c - \frac{f}{2h}\right) = \frac{4h}{c} - \frac{5c}{1} + \frac{f}{2h} = \frac{8hh}{2ch} - \frac{10cch}{2ch} + \frac{cf}{2ch} = \frac{8hh-10cch+cf}{2ch} = \frac{2h(4h-5cc)+cf}{2ch}.$$

7) Die Multiplikation geschieht, indem man Zähler mit Zähler und Renner mit Nenner multiplizirt.

$$\frac{3a}{b} \times \frac{4b}{5k} = \frac{12ab}{5hk}; \quad \left(a + \frac{3c}{g}\right) \times \left(6h - \frac{7a}{d}\right) = 6ah + \frac{18ch}{g} \\
- \frac{7aa}{d} - \frac{21ac}{gd} = a\left(6h - \frac{7a}{d} - \frac{21c}{gd}\right) + \frac{18ch}{g}; \quad \frac{a}{b} \times \frac{2c}{a} \\
\times \frac{3b}{c} = \frac{6ahc}{abc} = 6.$$

8) Bei der Division kehrt man den Divisor um und multiplizirt sodann Zähler mit Zähler und Nenner mit Nenner.

$$\frac{8c}{d}: \frac{2c}{e} = \frac{8c}{d} \times \frac{e}{2c} = \frac{8ce}{2cd} = \frac{4e}{d}; \frac{27x}{5e}: -6h = \frac{27x}{5e}$$

$$\times -\frac{1}{6h} = -\frac{9x}{10eh}; x: \frac{1}{3} = x \times \frac{3}{1} = 3x; \left(6cd - \frac{2f}{g}\right)$$

$$: 3cf = \left(\frac{6cdg}{g} - \frac{2f}{g}\right): \frac{3cf}{1} = \left(\frac{6cdg}{g} - \frac{2f}{g}\right) \times \frac{1}{3cf} = \frac{6cdg - 2f}{3cfg}.$$

IV. Potenzen und Wurzeln.

§. 41. Potenz.

1) Ein Produkt von gleichen Faktoren heißt Potenz.
9 ist die Potenz von 3×3 1000 * * * * 10 × 10 × 10

Die Potenzen nennt man nach der Anzahl ihrer Faktoren: Quadrat oder zweite Potenz, Kubus oder dritte Potenz, vierte, fünfte u. s. w. Potenz.

Daß eine Zahl auf eine gewisse Potenz erhoben werden soll, zeigt man an durch eine rechts darüber gesetzte kleine Zisser, den Exponenten oder Anzeiger bes Potenzgrabes.

$$3^2 = 3 \times 3 = 9.$$
 $10^3 = 10 \times 10 \times 10 = 1000.$
 $a^4 = aaaa.$

2) Man erhebt eine Zahl zu einer gewissen Potenz, wenn man sie so viel mal nimmt und mit sich selbst multiplizirt, als es der Exponent anzeigt.

$$7^3 = 7 \times 7 \times 7 = 343.$$

e⁵ = eeeee.

3) Die Potenz eines Bruches hat zu ihrem Zähler dieselbe Potenz des Zählers und zu ihrem Nenner dieselbe Potenz des Nenners.

4) Die Potenz eines Produktes findet man auch in bem Produkte aller von den einzelnen Faktoren erhobenen Potenzen.

$$10^{2} = (2 \times 5) \times (2 \times 5) = 2^{3} \times 5^{2} = 100.$$

$$(ab)^{2} = aabb = a^{2} \times b^{2}.$$

5) Hat man Potenzen von einerlei Zahl mit einan= ber zu multipliziren, so abdirt man nur ihre Exponenten. Die Grundzahl bleibt unverändert.

$$10^{2} \times 10^{3} = (10 \times 10) \times (10 \times 10 \times 10) = 10^{2+3} = 10^{5}$$
.
 $a^{3} \times a^{4} = aaa \times aaaa = a^{7}$.

Augemein ift:

$$a^m \times a^n = a^{m+n}$$

6) Um Potenzen von einerlei Zahl durch einander zu divistiem, braucht man bloß den Exponenten des Divisors von dem des Dividenden abzuziehen:

$$\frac{10^{5}}{10^{3}} = \frac{10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10}{10 \times 10 \times 10} = 10^{5-3} = 10^{3}.$$

$$\frac{a^{4}}{a^{2}} = \frac{aaaa}{aa} = a^{4-3} = a^{2}.$$

Mgemein ift:

$$\frac{a^{n}}{a^{n}} = a^{n-n}$$
; also aud) $\frac{a^{n}}{a^{n}} = a^{n-n} = a^{0} = 1$.

7) Soll die Potenz einer Zahl nochmals auf eine gewisse Potenz erhoben werden, so multiplizirt man nur den Exponen= ten mit dem gegebenen Grade der neuen Potenz.

$$(3^{2})^{3} = 3^{3} \times 3^{3} \times 3^{3} = 3^{2 \times 3} = 3^{6}.$$

 $(a^{2})^{3} = a^{2} \times a^{2} \times a^{2} = a^{2 \times 5}.$

Allgemein ist:

$$(a^m)^n = a^{mn}$$
.

8) Wenn Potenzen von einerlei Exponenten mul= tiplizirt ober dividirt werben, so läßt man den Exponenten un= geindert und rechnet bloß mit den Grundzahlen.

$$3^{2} \times 4^{3} = (3 \times 4)^{2} = 12^{3} = 144.$$
 $a^{2} \times b^{3} = aa \times bb = ab \times ab = (ab)^{3}.$
 $12^{2} : 4^{2} = (12 : 4)^{3} = 3^{2}.$
 $(ab)^{2} : a^{2} = \frac{aa \times bb}{aa} = bb = b^{2}.$

Allgemein ift:

$$a^n \times b^n = (ab)^n \text{ unb } \frac{(ab)^n}{a^n} = b^n$$
.

§. 42. Burgel,

1) Der Faktor, aus welchem eine Potenz entstanden ist, heißt Burzel, und nachdem die Potenz aus zwei, drei, vier oder wehr solcher Faktoren besteht: Wurzel vom zweiten Grade oder Audikabratwurzel, Wurzel vom britten Grade oder Kubikaurzel, Wurzel vom vierten, fünften u. s. w. Grade.

Benn aus einer Zahl eine gewisse Wurzel gezogen werden soll, so setzt man vor dieselbe das Zeichen V mit dem Wurzel=

erponenten oder Wurzelgrade. 3. B. $\sqrt[3]{27}$, $\sqrt[2]{16}$, bei ber Quadratwurzel auch bloß $\sqrt{16}$.

2) Man zieht aus einer gegebenen Zahl eine gewisse Wurzel, indem man den Faktor sucht, von dem die Zahl als Potenz gleiches Grades entstanden ist.

$$\sqrt[3]{343} = 7$$
; benn $7 \times 7 \times 7 = 343$.
 $\sqrt[4]{aaaa} = a$.

3) Die Wurzel eines Bruches hat zu ihrem Zähler bieselbe Wurzel des Zählers, und zu ihrem Nenner dieselbe Wurzel des Nenners.

$$\sqrt[3]{\frac{27}{64}} = \frac{\sqrt[3]{27}}{\sqrt[3]{64}} = \frac{3}{4}; \text{ benn } \frac{3}{4} \times \frac{3}{4} \times \frac{3}{4} = \frac{27}{64}.$$

$$\sqrt{\left(\frac{a}{b}\right)^2} = \frac{\sqrt[3]{a^2}}{\sqrt[3]{b^2}} = \frac{a}{b}; \text{ benn } \frac{a}{b} \times \frac{a}{b} = \left(\frac{a}{b}\right)^2.$$

4) Die Wurzel eines Produktes erscheint auch in dem Produkte aller aus den einzelnen Faktoren gezogenen Wurzeln.

$$\checkmark (4 \times 25) = \checkmark 4 \times \checkmark 25 = 2 \times 5 = 10,$$

$$\checkmark (ab)^2 = \checkmark aabb = \checkmark a^2 \times \checkmark b^2 = a \times b.$$

5) Soll aus einer Potenz eine gewisse Wurzel gezogen wer: ben, so bividirt man den Potenzerponenten nur durch den gegesbenen Wurzelerponenten.

$$\sqrt[n]{a^m = a^n}$$
; also $\sqrt[n]{a}$ ober $\sqrt[n]{a^1 = a^1}$.
§. 43. Exponenten.

Wird eine Potenz durch ihre Wurzel dividirt, so mindert sich deren Exponent jedes Mal um 1, und so umgekehrt. Es ist $\frac{a^3}{a} = a^2$, $\frac{a^2}{a} = a^1$, $\frac{a^1}{a} = a^0 = 1$, $\frac{1}{a} = a^{-1}$, $\frac{1}{aa} = a^{-2}$, $\frac{1}{aaa} = a^{-3}$ u. s. w.

*) Denn
$$\frac{1}{a} = \frac{a}{aa} = \frac{a^1}{a^2} = a^{1-2} = a^{-1}$$
.

Mithin ift ... 1000, 160, 16, 1, 10, 100, 1000 gleich ... 10⁻³, 10⁻², 10⁻¹, 10⁰, 10⁺¹, 10⁺², 10⁺³ Hieraus ergiebt sich:

- 1) Man hat auch negative Exponenten; zwischen biesen und ben positiven steht 0 mitten inne.
- 2) Der Exponent 0 ertheilt jeder Zahl den Werth von 1 (vergl. auch §. 41. 6.).
- 3) Der negative Exponent zeigt an, durch welche Potenz ber Burzel die Eins dividirt, und der positive, mit wel= her Potenz der Wurzel die Eins multiplizirt wer= den soll.

$$10^{+3} = 10^{3} \times 1 = 1000; 10^{-3} = \frac{1}{10^{3}} = \frac{1}{1000}.$$

4) Ist die Wurzel größer als 1, so sind alle Potenzen mit positiven Exponenten größer, und mit negativen kleiner als 1.

$$2^{+3}, 2^{+2}, 2^{+1}, 2^{0}, 2^{-1}, 2^{-2}, 2^{-3}$$
= 8, 4, 2, 1, $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{8}$.

5) Ist die Wurzel ein eigentlicher Bruch, so sind die Poten= 1en mit positiven Exponenten kleiner, und die mit negativen grö= 1en als 1.

$$(\frac{1}{3})^{+3}$$
, $(\frac{1}{3})^{+2}$, $(\frac{1}{3})^{+1}$, $(\frac{1}{3})^{0}$, $(\frac{1}{3})^{-1}$, $(\frac{1}{3})^{-2}$, $(\frac{1}{3})^{-3}$
= $\frac{1}{47}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{3}{3}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{3}{3}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{1$

§. 44. Quadrate und Burfel ber Ginerzahlen.

Berden die Einerzahlen zweimal, z. B. 2×2, und dreimal, z. B. 2×2×2, genommen und mit sich selbst multiplizirt: so erstält man davon die Quadrate und die Würfel, nämlich:

- 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9.
- 1. 4. 9. 16. 25. 36. 49. 64. 81.
- 1. 8. 27. 64. 125. 216. 343. 512. 729.

Hieraus leuchtet ein, daß von den meisten Zahlen keine Wurs sein vorhanden sind, die-sich durch ganze Zahlen allein ausbrücken ließen. Solche Zahlen, deren Wurzeln man nur durch Näherung bestimmen kann, nennt man unvollkommene Quadrat = ober

[&]quot;) Denn $(\frac{1}{4})^{-\frac{1}{4}} = 1 : (\frac{1}{4})^{+1} = 1 \times \frac{3}{4} = 3$.

Rubikzahlen und ihre Wurzeln heißen Irrationalzahlen, z. B. V 10=3,1622776.. Dagegen ist die Zahl 512 ein voll= kommener Würfel und ihre Wurzel 8 insofern eine Rationalzahl.

Von jeder einzifferigen Wurzel kann das Quadrat höchstens zwei und der Kubus höchstens drei Zahlstellen haben; denn die niedrigste dreizisserige Zahl (100) ist das Quadrat, und die niedrigste vierzisserige Zahl (1000) ist der Kubus der niedrigssten zweizisserigen Wurzel (10). Daher kommen auf jede einzelne Zahlstelle der Wurzel in dem Quadrate höchstens zwei und in dem Kubus höchstens drei Zissern. 3. B.

$$9^2 = 81;$$
 $99^2 = 9801;$ $999^2 = 998001.$
 $9^3 = 729;$ $99^3 = 970299;$ $999^3 = 997002999.$

§. 45. Quabrate zweitheiliger Burgeln.

1) Enthält die Wurzel zwei Ziffern oder überhaupt zwei Theile, wofür man den allgemeinen Ausdruck a = b angenommen hat: so ist auch ihr Quadrat mehrfach zusammengesetzt. Erheben wir a + b, oder a — b zum Quadrate, nämlich:

so ersehen wir daraus, daß das Quadrat einer zweitheiligen Wurzel besteht: aus dem Quadrate des ersten Theiles (a²), dem doppelten Produkte des ersten Theiles mit dem zweiten (2ab) und dem Quadrate des zweiten Theiles (b²).

3

Wir quadriren banach die Zahl 34 zur Probe als zwei= theilig:

Dieser Ansatz giebt zu ersehen, daß das Quadrat der Zehner in der Stelle der Hunderter, das doppelte Produkt der Zehner mit den Einern in der Stelle der Zehner, und das Quadrat der Einer in der Stelle der Einer eigentlich zu suchen ist.

2) Da $(a + b) (a - b) = a^2 - b^2$ (Anmerk, §. 38.) so if auch $(a + b) (a - b) + b^2 = a^2$.

Daraus ergiebt sich folgende einfache Regel für has Quabeinen einer zweizisserigen Zahl (a): Man vermehrt einerseits und vermindert anderseits die gegebene Zahl (a) um so viel Einheiten (b), daß bei der einen oder anderen der beiden dadurch entstehenz den Zahlen (bei a + b, oder a — b) am Ende eine Null erzisseint; diese beiden neuen Zahlen (a + b und a — b) werden multipliziert und zum Produkt das Quadrat der einzisserigen Zahl b abbirt. 3. 23.

$$27^{2} = (27+3)(27-3)+3^{2} = 30 \times 24+9=729,$$

shor = $(27-7)(27+7)+7^{2} = 20 \times 34+49=729.$

Die Multiplikation ist, weil eine der Zahlen eine Null am Ende hat, sehr einfach und kann leicht im Kopfe ausgeführt werden.

§. 46. Ausziehung ber Quabratwurzel.

1) Beiß man nun, wie aus der zweitheiligen Wurzel das Quadrat entsteht: so ist man auch leicht im Stande, aus einem solchen Quadrate die Wurzel zu ziehen.

V 1156 = 34

3uerst sucht man für die Hunderter und etwa vorhandenen Tausender die nächste Duadratzahl (a²) und zieht diese ab. Die (6) = 2a Wurzel davon (a) kommt, als erster Theil der Duadratwurzel, in die sonstige Stelle des Divisors.

Nun zieht man zu dem Reste die Zehner herunter und bekommt dadurch diesemige Zahl, in welcher das doppelte Produkt der Zehner mit den Einern enthalten ist. Aus dieser sucht man den zweiten Theil (b) der Burzel, durch Division mit dem doppelten ersten Theile (2a), schreibt denselben hinter den ersten Wurzeltheil, multiplizirt bamit den gebrauchten Divisor und zieht bas Produkt (2ab) ab.

Zu dem Reste nimmt man noch die Einer des gegebenen Quadrates herunter. Beide zusammen mussen endlich das Quas drat der Einer (b²) enthalten. Bleibt kein Rest, so ist die ges fundene Zahl genau die gesuchte Quadratwurzel.

2) Ist aus einer größern Jahl die Quadratwurzel zu ziehen: so theilt man zuvor dieselbe rechts herein in Klassen von je zwei Ziffern; denn zu einer Ziffer in der Wurzel gehören zwei Stellen im Quadrate.

$$\begin{array}{r}
\checkmark 23 | 56 | 15 = 485,4. \\
16 = a^{2} \\
\hline
756 \\
(8)8 = 2a + b \\
704 = 2ab + b^{2} \\
\hline
5215 \\
(96)5 \\
4825 \\
\hline
39000 \\
(970)4 \\
\underline{38816} \\
\hline
184
\end{array}$$

Nun nimmt man die Jahl klassensweise vor und zieht zuerst von den beiden vordern Klassen für sich die Wurzel aus, wie vorhin. Man sucht nämlich zur vordern Klasse, welche bei ganzen Jahlen auch nur aus einer Zisser bestehen kann, die nächste Quas bratzahl (a²), zieht diese ab und setzt zu dem Reste die folgende Klasse. Darunter kommt zuvörderst (2a) der doppelte, vorläusige erste Wurzeltheil, so daß rechts eine Stelle frei bleibt,

für den nun vermittelst dieses Divisors gesuchten, vorläufigen zweiten Wurzeltheil (b). Beide Zahlen (2a + b) multiplizirt man mit diesem zweiten Wurzeltheile (b) und zieht dann das Produkt (2ab + b²) zusammen ab.

Hierauf setzt man zu dem Reste die nächste Klasse herunter, nimmt die so weit erhaltene Wurzel nunmehr als ersten Theil der weiter zu suchenden Wurzel an, und fährt so sort bis zu Ende.

Bleibt zulett ein Rest, so hat die gegebene Zahl keine genaue Quadratwurzel, und man kann sich derselben nur annähern durch sortgesetzte Rechnung. Es werden nämlich dem Reste noch Rulslenpaare angesügt; dadurch bekommt die Wurzel noch Zehntheile, Hunderttheile u. s. w. — Die gefundene Wurzel mit sich selbst multiplizirt und um den etwaigen Rest vermehrt, muß natürlich

wieder die Zahl geben; es dient dies als Probe für die Richtigstit ber Rechnung.

Ms weiteres Beispiel biene folgende Aufgabe:

In einer Heide sollen 666 Morgen quadratförmig abgesteckt werden zu einer Balbanlage. Wie viel Ruthen beträgt jede Seite, ben Morgen zu 180 Quadratruthen gerechnet?

666 Morgen =
$$666 \times 180 = 119880$$
 D. Ruthen;
 $V = 11|98|80 = 346,2...$ Ruthen.
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 = 100$
 $0 =$

§. 47. Burgelausziehung von Bruchen.

2556 u. s. w.

Semeine Brüche verwandelt man zum Wurzelausziehen gewöhnlich in Dezimalbrüche, um die verlangte Wurzel nur aus
dem Zähler berechnen zu mussen. Denn die Quadratwurzel
aus dem Renner eines Dezimalbruches ergiebt sich von selbst;
se ist nämlich eine 1 mit halb so viel Nullen, als derselbe Dezimalen hat. 3. B.

$$0.81 = \frac{81}{100}; \sqrt{\frac{81}{100}} = \frac{9}{10}; \sqrt{0.81} = 0.9.$$

$$0.1296 = \frac{1296}{10000}; \sqrt{\frac{1296}{10000}} = \frac{36}{100}; \sqrt{0.1296} = 0.36.$$

Die Anzahl ber Dezimalen muß baher beim Ausziehen ber Ausdratwurzel eine gerabe sein, ober nöthigenfalls durch Hinzussung einer O zu einer geraden gemacht werden, und wird in ellen Fällen von dem Komma nach der rechten Hand zu getheilt. Die Quadratwurzel von $\frac{2}{3}$ == 0,75 ist 0,866025.

Diese Burzel aus 4, die man füglich zu 0,866 annehmen bet, wird unter anderm bei ber Gedrittpstanzung gebraucht.

Hier bekommt nämlich jeder Pflänzling zu seinem Standraume ein doppeltes gleichseitiges Dreieck. Ist dessen Seite oder die Pflanzweite a, so findet man dessen Flächeninhalt durch die Formel: $\sqrt{(a^2-(\frac{1}{2}a)^2)}\times a$, was die Geometrie näher nachweiset.

Hieraus läßt sich folgende Formel entwickeln:

$$\begin{array}{l}
\checkmark (a^{2} - (\frac{1}{2}a)^{2}) \times a &= \checkmark (a^{2} - (\frac{1}{2})^{2} \times a^{2}) \times a \\
&= \checkmark (a^{2} - (\frac{1}{4}a^{2}) \times a \\
&= \checkmark (\frac{1}{4}a^{2}) \times a \\
&= \checkmark (\frac{3}{4}) \times \checkmark a^{2} \times a \\
&= 0,866 \times a \times a \\
&= 0,866 \times a^{2}.
\end{array}$$

Um nun den Flächenraum zu sinden, der in der Gedrittspstanzung jedem Pslänzlinge zukommt, multiplizirt man die gesgebene Pslanzweite a mit sich selbst und noch mit 0,866.. Dies nur zum Beispiel, wie uns die Buchstabenrechnung Wege zeigt, sehr weitläusige Zahlenrechnungen unglaublich abzukürzen und zu erleichtern.

Übrigens könnte man auch die Kubikwurzel und noch ans bere Wurzeln unmittelbar ausziehen; doch ist dies viel zu mühsam gegen das weit leichtere Verfahren mit Hülfe ber Logarithmen.

V. Gleichungen.

§. 48. Die Gleichung.

Zwei gleichbedeutende Zahlenausdrücke für eine und dieselbe Größe, durch das Gleichzeichen mit einander verbunden, nennt man eine Gleichung. Die Gleichung besteht also aus zwei Theilen von gleichem Werthe; jeder Theil kann aus mehren Gliesbern zusammengesetzt sein und sowohl bekannte als unbekannte. Größen enthalten. 3. B.

$$2x = 1 + 5$$
.

Man bedient sich der Gleichungen, um den Werth unbekanns ter Größen aus ihren Verbindungen mit bekannten Größen auf: pusinden, und nennt dieses Aufsuchen: die Gleichung auflösen. Die Austösung der Gleichungen geht von dem Grundsate aus: Gleiches gleichviel vermehrt, oder vermindert, giebt wieder Gleiches. Dem gemäß ändert man die beiden Theile der Gleichung so lange, bis die unbekannte Größe allein und der Werth davon in bekannten Größen auch allein zu stehen kommt. Wird z. B. obige Gleichung auf beiden Seiten dividirt durch 2, so erhält man

$$\frac{2x}{2} = \frac{1+5}{2}$$

$$x = 3$$

§. 49. Glieber mit + unb -.

Sind in einer aufzulösenden Gleichung bekannte und unbekunte Größen durch + und — mit einander verbunden: so kunn man beiderseits das Abdirte subtrahiren und das Subtrahirte addiren.

3.28.
$$x + 3 = 12$$
 $x - 3 = 6$ subtrahirt $3 = 3$ abbirt $3 = 3$ $x = 6 + 3$.

Hieraus ergiebt sich die Regel: Jedes mit + oder — frei verbundene Slied kann ohne Weiteres mit dem entgegengesetzten Zeichen auf die andere Seite gesetzt werden. Führt die unbestannte Größe das negative Vorzeichen, so ist sie vor allem hinsiber zu bringen als positiv.

§. 50. Glieber mit × unb:.

Ist das Unbekannte durch Multiplikation mit dem Bekannten verbunden, so dividirt man beiderseits durch den bekannten Faktor; if aber das Unbekannte durch Bekanntes dividirt, so multiplizirt man mit dem Divisor. Zuvor werden die mit + und - angesten bekannten Größen auf die andere Seite gebracht. 3. B.

$$7x+14 = 85$$

 $7x = 35 - 14$
 $x = 9$
 $x = \frac{b}{a-1}$

$$\frac{x}{2a-b} + 2b = 6a.$$

$$\frac{x}{2a-b} = 6a - 2b.$$

$$x = (6a-2b) \times (2a-b).$$

$$x = 12a^{3} - 10ab + 2b^{3}.$$

Faktoren der einen Seite können sonach als Divisoren der andern übergetragen werden, und so umgekehrt.

§. 51. Sonberung ber unbekannten Größe.

Die unbekannte Größe ist so weit zu sondern, daß sie weder als Divisor, noch in Parenthese, noch unter einem Wurzelzeichen, noch in mehren Gliedern zugleich verbleibt.

1) Findet sich dieselbe als Divisor, so schafft man den ganzen Divisor weg, indem man alle Glieder der Gleichung das mit multiplizirt. 3. B.

$$\frac{3a}{nx} = b.$$

$$3a = bnx.$$

$$\frac{3a}{bn} = x.$$

- 2) Ist die unbekannte Größe mit anderen eingeschlossen, so lös't man die Parenthese auf (§. 35.), macht z. B. aus b × (nx d) ben Ausdruck bnx bd.
- 3) Führt die unbekannte Größe ein Wurzelzeichen, so erhebt man beide Theile auf diejenige Potenz, welche das Wurzzelzeichen aufhebt. Dasselbe muß jedoch zuvor auf eine Seite der Gleichung allein gebracht werden. 3. B.

$$a + \sqrt{x} = b$$

 $\sqrt{x} = b - a$
 $x = (b - a)^2 = b^2 - 2ba + a^2$

4) Besindet sich die unbekannte Größe in mehren Gliedern der Gleichung, so bringt man dieselben alle zusammen auf eine Geite und verschmilzt sie dann gleichsam in Eins, achtet aber darauf, daß die unbekannte Größe einen positiven Werth behält. 3. B.

$$8x - 12 = 7x - 4$$

$$8x - 7x = 12 - 4$$

$$x = 8,$$

$$x + \frac{1}{2}x + \frac{1}{3}x = 44$$

$$\frac{6x}{6} + \frac{3x}{6} + \frac{2x}{6} = 44$$

$$\frac{11}{6}x = 44 \times 6$$

$$x = \frac{44 \times 6}{11} = 24.$$

Erscheint die unbekannte Größe negativ, so multiplizirt man die ganze Gleichung mit — 1, oder verwandelt durchgängig — in + und + in — (§. 38.). 3. B.

§. 52. Unfat ber Gleichung.

Eine Aufgabe als Gleichung zu bilben, suche man die als gleich gegebenen, bekannten und unbekannten Größen hers und seite fie in der bestimmten Verbindung einander gegensiber. Die Beschaffenheit der so erhaltenen Gleichung muß dann ausweisen, in welcher Ordnung und auf welche Weise Verändes tungen anzubringen sind, die zur Auslösung führen.

Enthält die Aufgabe mehre unbekannte Größen, so muß sie anch eben so viele verschiedenen Gleichungen geben, jede mit densklben unbekannten Größen, sonst bleiben die gesuchten Werthe webestimmt. Wäre z. B. x + y = 10 gegeben, so wäre weder den Werth von x = 10 — y, noch der von y = 10 — x beskimmt. Nur durch eine andere Gleichung, z. B. x — y = 4, winde es erst möglich, die Werthe von x und y aufzusinden. Ins dieser entwickelte man nämlich für x noch einen anderen

Ausbruck, x = 4 + y, und hilbete bann aus beiden Werthen von x eine britte Gleichung bloß mit y; z. B.

$$x = 10 - y$$

$$x = 4 + y$$

$$10 - y = 4 + y$$

Daraus folgt 10-4=2y und $y=\frac{10-4}{2}=3$. Sett man diesen Werth in eine der beiden Gleichungen für x, so fins

bet sich x = 10 - 3 ober 4 + 3.

Die unbekannte Größe kann übrigens vorkommen in der ersten, zweiten oder einer höheren Potenz, und danach unterscheidet man ein fache, quabratische und höhere Gleischungen. Wir brauchen nur die leichteren einfachen und quadratischen, wovon hier noch einige Anwendungen folgen.

- §. 53. Einfache Gleichungen mit einer unbekannten Größe.
- 1) Es kauft Jemand 100 Klaftern, theils buchenes, theils eichenes Scheitholz für 450 Thlr.; die Klafter Buchenholz kostet 5 Thlr., die Klafter Eichenholz 3 Thlr.; wie viel ist von jeder Sorte gekauft?

Nennt man die Anzahl der Buchenklaftern x, so ist die Anzahl der Eichenklaftern 100 - x und der Geldbetrag für das Buchenholz $x \times 5$ Thir., der für das Eichenholz $(100 - x) \times 3$ Thir. Daraus entwickelt sich die Gleichung:

$$x \times 5 + (100 - x) \times 3 \stackrel{\longrightarrow}{=} 450.$$

Hierin wird zuerst bie Parenthese gelöst,

$$x \times 5 + 300 - 3x = 450;$$

bann x von bem Bekannten gesondert,

$$5x - 3x = 450 - 300$$

 $2x = 150$
 $x = \frac{150}{2} = 75$

Man findet also:

75 Klftr. Buchenholz zu 5 Thir, für 375 Thir.

25 Klftr. Eichenholz zu 3 Thlr. für 75 Thlr.

450 Thir.

2) Ein Waldertrag x ware unter A, B und C zu theilen, und es erhielte:

A die Hälfte weniger 95 Thlr., also 4x - 95 Thlr.,

B ein Drittel weniger 75 Thk., also $\frac{1}{3}x$ — 75 Thkr.,

C ein Biertel weniger 30 Thlr., also 1x — 30 Thlr.

Hieraus ergiebt sich: $x = \frac{13}{12}x - 200$.

Mit 12 multiplizirt: 12x == 13x - 2400.

2400 abbirt: 12x+2400 = 13x.

12x subtrahirt: 2400 = x.

Der Walbertrag war also: 2400 Thir.

Davon erhielte A: 1105 Thlr.

B: 725 Thir.

C: 570 Thir.

§. 54. Einfache Gleichungen mit mehr als einer unbekannten Größe.

Man kauft 6 Klaftr. Buchenholz und 10 Klaftr. Eichenholz für 76 Thlr., und wieder 7 Klaftr. Buchenholz und 15 Klaftr. Sichenholz für 102 Thlr. Wie theuer kommt die Klafter jeder Art?

Diese Aufgabe läßt sich in breifach verschiedener Beise lösen:

1) Rennt man den Preis der Buchenklafter x und den der Eichenklafter y, so ist:

6x + 10y = 76, und 7x + 15y = 102.

hier sucht man zuvörderst zwei Werthe von x:

$$6x = 76 - 10y$$
, also $x = \frac{76 - 10y}{6}$,

$$7x = 102 - 15y$$
, also $x = \frac{102 - 15y}{7}$.

Beibe Berthe von x geben eine neue Gleichung:

$$\frac{76-10y}{6} = \frac{102-15y}{7},$$

aus welchen sich y leicht entwickeln läßt:

$$(76 - 10y) \times 7 = (102 - 15y) \times 6,$$

 $532 - 70y = 612 - 90y$
 $90y - 70y = 612 - 532$

$$20y = 80$$

$$y = \frac{20}{20} = 4.$$

Weiß man erst, daß y = 4 ift, so kann man auch leicht sinden, daß x = 6 ist.

2) Man könnte auch von jenen gegebenen Gleichungen

$$6x + 10y = 76$$

 $7x + 15y = 102$

bie erste mit 3 und die zweite mit 2 multipliziren und alsdann eine von der andern abziehen, nämlich:

bon

$$18x + 30y = 228$$

 ab
 $14x + 30y = 204$

 bleibt:
 $4x = 24$
 $x = 6$

3) Endlich könnte man auch aus einer ber gegebenen Gleichuns gen den Werth von x (oder y) suchen, diesen in die zweite Gleischung substituiren, dadurch die eine unbekannte Größe wegschafsen und dann den Werth der zweiten unbekannten Größe in gewöhnlicher Weise entwickeln. 3. B.

$$6x + 10y = 76$$

$$6x = 76 - 10y$$

$$x = \frac{76 - 10y}{6}$$

Diesen Werth in die zweite Gleichung 7x + 15y == 102 für x substituirt, ergiebt:

$$7\left(\frac{78-10y}{6}\right) + 15y = 102$$

$$7\left(76-10y\right) + 90y = 612$$

$$532-70y + 90y = 612$$

$$20y = 612 - 532$$

$$20y = 80$$

$$y = 4.$$

Hat man aber y = 4 gefunden, so ergiebt sich leicht, daß x = 6 ift.

Die Auflösung dieser Aufgabe erfolgte also im ersten Fall burch Entwickelung gleicher Werthe, im zweiten durch Subtraktion der zuvor so umgeformten Gleichungen, daß dadurch eine der unbekannten Größen weggeschafft wurde *), im

^{*)} Oft lassen sich auch die Gleichungen so umgestalten, daß durch Abbition derselben eine der unbekannten Größen entsernt wird.

britten Fall burch Substitution. Nach Beschaffenheit ber Aufs
gebe wendet man bald diese, bald jene Methode an.

§. 55. Reine quabratische Gleichungen.

In der reinen quadratischen Gleichung findet sich die unbekannte Größe nur allein als Quadrat. Dies erfordert noch die Ausziehung der Quadratwurzel.

1) Auf einen Morgen von 180 Q.Ruthen, zu 12 × 12 D.Fuß, sollen 1200 Pflänzlinge in Geviertform gepflanzt werden; man fragt nach dem Abstande x.

Der Standraum für jeben Stamm ift x2, also

$$x^{2} \times 1200 = 180 \times 12 \times 12$$

$$x^{2} = \frac{180 \times 12 \times 12}{1200}$$

$$x = \sqrt{\frac{180 \times 12}{100}} = 4,65 \text{ Sub}.$$

2) In einer Reihenpstanzung soll der Reihenabstand y-viers mal so groß, als die Pstanzweite x sein, und der Standraum y x x soll 36 Quadratfuß enthalten:

$$y \times x = 36$$
 und $y = 4x$
 $y = 36$: $x = 4x$
 36 : $4 = x^2 = 9$
 $x = \sqrt{9} = 3$ guß,

 $y = 4 \times 3 = 12$ guß,

 $x = 3 \times 12 = 36$ D. guß.

§. 56. Bermischte quabratische Gleichungen.

In der vermischten quadratischen Gleichung sindet sich die mbekannte Größe nicht nur als Quadrat, sondern auch als erste Votenz.

Diese beiben Glieber muß man ergänzen zum vollständigen Duadrate einer zweitheiligen Wurzel nach der Form x³ ± 2bx + b² = (x ± b)² (§. 45.). 3. B. Der Platz zu einer Pflanzschule von 600 Quadratruthen wäre 10 Ruthen länger, als die Breite x beträgt. Wie breit ift derselbe?

Gegeben: $x \times (x + 10) = 600$.

Die Parenthese aufgelöst:

$$x^2 + 10x = 600;$$

den vordern Theil zu einem vollständigen Quadrate ergänzt, nach obiger Form,

mit
$$5^2 = 25$$

 $x^2 + 2 \times 5x + 5^2 = 625$,

Aus beiden Theilen die Wurzel gezogen:

$$x + 5 = \sqrt{625} = 25$$

 $x = 25 - 5 = 20$ Ruthen.
Die Länge ist: $20 + 10 = 30$ Ruthen.

Der Inhalt ist: $20 \times 30 = 600$ D. Ruthen.

VI. Proportionen.

1. Die arithmetische Proportion.

§. 57. Arithmetisches Werhältniß.

Das Verhältniß zweier Zahlen hinsichtlich ihrer Differenz heißt arithmetisch und wird mit dem Subtraktionszeichen angedeutet, z. B. 8—6. Arithmetische Verhältnisse mit gleicher Differenz sind gleich, und zwei gleiche arithmetische Verhältnisse, verbunden durch das Gleichzeichen, bilden eine sogenannte arith= metische Proportion, eigentlich eine Differenzgleichung. 3. B.

$$8-6=5-3$$
.

Die vier Größen einer Proportion heißen Glieber, und man unterscheidet, in Beziehung auf die einzelnen Verhältnisse, Vorder= und Hinterglieder, in Beziehung auf die ganze Proportion, außere und mittlere Glieder. Sind die mittlern Glieder gleich, so heißt die Proportion stetig, z. B. 10-7=7-4. Diese wird auch wohl geschrieben 10-7-4.

Bezeichnen wir die Differenz mit d, so ist der allgemeine Ausdruck für jede arithmetische Proportion:

$$(\mathbf{a} \pm \mathbf{d}) - \mathbf{a} = (\mathbf{b} \pm \mathbf{d}) - \mathbf{b}$$

Daraus ergiebt fich, daß in jedem Falle die Summen der außern und mittlern Glieder gleich sind; denn ste bestehen aus gleichen Summanden,

namlich
$$a + d + b = a + b + d$$
,

ober $a - d + b = a + b - d$.

Daher nennt man die beiden äußern, so wie die beiden mitt= lem Glieder zusammengehörige.

§. 58. Ein unbekanntes Glied der arithmetischen Proportion zu finden.

Jedes unbekannte vierte Glied einer arithmetischen Proporstion wird gefunden, wenn man von der Summe der beiden bestamten, zusammengehörigen Glieder das dritte bekannte Glied abzieht.

Denn wenn
$$x - 6 = 5 - 3$$

so ist auch $x + 3 = 6 + 5$ (§. 57.)
und daher $x = (6 + 5) - 3 = 8$ (§. 49.).
Ober wenn $8 - 6 = y - 3$
so ist auch $8 + 3 = 6 + y$
und deshald $8 + 3 - 6 = y = 5$.
In der stetigen Proportion
$$4 - 7 = 7 - z$$

$$ist 4 + z = 7 + 7 = 2 \times 7$$

$$und z = (2 \times 7) - 4 = 10$$

§. 59. Die arithmetische Mittelzahl.

In der stetigen arithmetischen Proportion heißt das mittlere Slied das arithmetische Mittel der beiden äußern Glieder. Diese Zahl wird gefunden, wenn man die Summe der beiden üßern Glieder halbirt.

$$3n 4 - x = x - 10$$
iff $4 + 10 = 2x$
und $\frac{4+10}{2} = x$.

Seset, es koste die Klaster Buchenholz 3 Xhlr. und die Klaster Eichenholz 2 Thlr. 6 Sgr. und man fragte nach dem Preise einer Klaster, die aus gleichen Theilen beider Holzarten zusammengesetzt ist: so macht man den Ansat: 3 Thlr. — x=x-2Thlr. 6 Sgr. und sindet zum Mittelpreise x = \frac{3 Thlr. + 2 Thlr. 6 Sgr.}{2} = 2 Thlr. 18 Sgr.

§. 60. Durchschnittsrechnung.

Die Mittel= ober Durchschnittszahl kann auch aus brei, vier und mehr Größen berechnet werden, indem man deren Summe nach Umständen entweder durch die Anzahl der gezgebenen Posten, oder durch die Summe der gebrauchten Hülfssfaktoren dividirt. Im erstern Falle ist es ein bloßer Postendurchschnitt, im andern ein Faktorendurchschnitt.

1) Postendurchschnitt. Die Summe gegebener Possten wird durch die Postenanzahl dividirt. 3. B. Man probt eine Flinte mit einer gewissen Schrotsorte und schießt in derselben Entfernung auf einen Bogen Papier:

von bem 1. Schusse 16 Körner

 n
 n
 24
 n

 n
 3.
 n
 19
 n

 n
 n
 4.
 n
 13
 n

Bon allen vier Schussen 72 Körner,

also von einem Schusse im Durchschnitt

72: 4 = 18 Körner.

Dies ift bas eigentliche arithmetische Mittel.

2) Faktorenburchschnitt. hier werden summarische Produkte durch einen Faktorenbetrag dividirt. Fänden sich z. B. an einem Eichenschafte

56 K.Fuß Bauholz, zu 2 Gr. Nutwerth, beträgt 112 Gr.,

16 " Brennholz, zu & Gr. Brennwerth, betr. 8 "

72 K.Fuß Massengehalt für 120 Gr., so wäre im Durchschnitt ber K.Fuß

120:72 = 13 Gr. werth.

Diese Durchschnittszahl nennt man neuerlich die geometrische.

3) Hätten vier, einer Bestandesabtheilung entnommene Jah= neschläge folgenden Ertrag gegeben:

ber 1. auf 5 Mg. 18500 K. Fuß,

2. 7 • 19600

3. 6 7 19740

4. 6 7 17760 2

zusammen auf 24 Mg. 75600 K. Fuß,

so ware bas arithmetische Mittel ober ber Durchschnittsertrag von jedem Jahre

75600:4 == 18900 K.Fuß.

Dagegen betrüge der sogenannte geometrische Durchschnitt oder ber Durchschnittsertrag pr. Morgen

75600:24 == 3150 R.=Fuß.

Solche Durchschnittsrechnungen hat der Forstwirth vielfältig enzwenden.

2. Die geometrische Proportion.

. §. 61. Geometrisches Berhältniß,

Das Berhältniß zweier Jahlen hinsichtlich ihres Quotienten beift geometrisch und wird mit dem Divisionszeichen angezbentet, z. B. 8:6. Das geometrische ist das eigentliche Verhältzniß und nichts anderes, als eine Divisionsausgabe oder ein Bruch; denn 8:6 = ½ = 1½. Werden daher beide Glieder des Berhältnisses, wie in dem Bruche Zähler und Nenner (§. 15.), mit einer und derselben Zahl multiplizirt, oder dividirt: so bleibt der Quotient oder Werth desselben unverändert, z. B. 8:6 = (8×3): (6×3) = (8:2): (6:2) = 1½. Der Quotient beißt bei dem geometrischen Verhältnisse auch noch Exponent.

Geometrische Verhältnisse mit gleichen Quotienten sind gleich, und zwei gleiche- geometrische Verhältnisse, verbunden durch das Cleichzeichen, bilden eine sogenannte geometrische Proportion, eine eigentliche Verhältnißgleichung. 3. B.

$$8:6=4:3.$$

Die Glieder derselben heißen, wie in der arithmetischen Proportion: vordere und hintere, äußere und mittlere, auch zusammengehörige. In der stetigen Proportion sind die mittlern Glieder gleich, z. B. 4:8 = 8:16; dies schreibt man auch wohl 4:8:16.

Bezeichnen wir den Quotienten mit q, so ist der allgemeine Ausdruck für jede geometrische Proportion:

$$aq: a = bq: b$$
,

worin q ebensowohl eine ganze, als eine gebrochene Zahl bebeuten kann.

Daraus ergiebt sich, baß in jedem Falle die Produkte ber äußern und der mittlern, oder der zusammens gehörigen Glieder, gleich sind. Denn sie bestehen aus gleichen Faktoren, nämlich:

$$aqb = abq.$$

In der stetigen geometrischen Proportion ist sonach das Produkt der äußern Glieder gleich dem Quadrate eines der mittlern Glieder.

§. 62. Beränderungen an Proportionen.

Mit den Gliedern geometrischer Proportionen können manscherlei Veränderungen vorgenommen werden, zur Gestaltung neuer Proportionen. Bleibt das Produkt der äußern Glieder dem der mittlern gleich: so ist auch jede neue Proportion wieder eine geosmetrische.

1) Man kann bie zusammengehörigen Glieber verseten:

2) Man kann die beiden Glieber eines Berhältnisses mit ei= nerlei Zahl multipliziren ober bividiren.

When
$$aq : a = bq : b \text{ ober } 2 : 4 = 6 : 12$$
 fo ist: $aq \times n : a \times n = bq : b$ $2 \times 3 : 4 \times 3 = 6 : 12;$ and $aq : a = \frac{bq}{n} : \frac{b}{n}$ $2 : 4 = \frac{6}{3} : \frac{12}{3}.$

3) Man kann in einer Proportion die entsprechenden Glies ber beider Berhaltnisse addiren, oder subtrahiren.

Benn aq: a = bq: b ober 2: 4 = 6: 12

so ist: aq + a: a = bq + b: b 2+4: 4=6+12: 12;

auch aq - a: a = bq - b: b 2-4: 4=6-12: 12.

Eben so verhalten sich die Summen der ersten und zweiten Glies der von zwei und mehr gleichen Proportionen, wie die Glieder eines der Hinterverhältnisse:

4) Man kann die vier Glieber einer geometrischen Proportion mit den vier gleichnamigen einer andern, dritten u. s. w. multipliziren, oder dividiren.

5) Man kann ebensowohl die vier Glieder auf eine gewisse Potenz erheben, oder aus denselben eine gewisse Wurzel ziehen.

Benn aq : a = bq : b ober 4 : 9 = 16 : 36 if: $(aq)^2 : a^2 = (bq)^2 : b^2$ $4^2 : 9^2 = 16^2 : 36^2 ;$ and $\sqrt{(aq) : \sqrt{a}} = \sqrt{(bq) : \sqrt{b}}$ $\sqrt{4 : \sqrt{9}} = \sqrt{16 : \sqrt{36}}.$

- §. 63. Ein unbekanntes Glieb ber geometrischen Proportion zu finden.
- 1) Jedes unbekannte vierte Glied einer geometrischen Prowrtion wird gesunden, wenn man das Produkt der beiden bekannten, zusammengehörigen Glieder durch das dritte bekannte Glied bividirt. In der Proportion

$$8:4=6:x$$

iff $8 \times x = 4 \times 6$ (§. 61.),

mb werden beide gleichen Produkte durch 8 bividirt: so entsteht

$$x = \frac{4 \times 6}{8} = 3.$$

In der Proportion

$$24:6 = x:2$$
iff $x \times 6 = 24 \times 2$
unb $x = \frac{24 \times 2}{6} = 8$.

2) Das mittlere Glieb einer stetigen geometrischen Proporztion ober die mittlere geometrische Proportionalzahl wird gefunden, wenn man aus dem Produkte der beiden äußern Glieder die Quadratwurzel zieht. 3. B.

$$4 : x = x : 16$$

 $4 \times 16 = x \times x$
 $\sqrt{(4 \times 16)} = x = 8$.

Diese eigentliche geometrische Mittelzahl ist nicht mit ber sogenannten geometrischen Durchschnittszahl (§. 60. 2.) zu ver- wechseln.

§. 64. Regelbetri.

Die Regelbetri ist nichts anderes, als eine angewandte Proportionsrechnung, und lehrt, zu drei benannten Proportionalzahlen die vierte durch Rechnung sinden. Diese vier Zahlen bilzben zwei gleiche Verhältnisse verschiedenartiger Dinge, z. B. von Waaren und Preisen, von Arbeit und Lohn, von Kapitalien und Zinsen. Das eine Verhältniß, dessen beiden Glieder bekannt sind, heißt das Hülfsverhältniß, das andere, nach dessen under kanntem Gliede gefragt wird, das Frageverhältniß; gewöhnslich setzt man jenes zuerst, dieses zuletzt und nimmt die undekannte Größe zum vierten Gliede. Dabei ist es von besonderer Wichtigkeit, darauf zu achten, ob die beiden Verhältnisse in gera der oder verkehrter Beziehung zu einander stehen.

1) Gerade Verhältnisse sind solche, die in gleichem Maße steigen oder fallen, z. B.

1 Klftr. Holz verhält sich zu 10 Klftrn., wie 5 Thlr. zu 50 Thlrn.

In allen Fällen, wo das Kleinere zum Kleineren, oder das Größere zum Größeren führt, oder wo man sagen kann: je weniger des einen, desto weniger des anderen, oder je mehr des einen, besto mehr des anderen, hat man es mit geraden Verhältnissen

pu thun; z. B. je mehr Waare, desto mehr Geld; je weniger Baare, desto weniger Geld; je mehr Kapital, desto mehr Zinsen; je weniger Kapital, desto weniger Zinsen u. s. w.

2) Bei verkehrten Verhältnissen steigt das eine, wie das andere fällt. 3. B. wenn 24 Arbeiter eine gewisse Arbeit in 4 Wochen vollenden, so werden 12 Arbeiter dazu 8 Wochen gebrauchen; Jahl der Arbeiter und Arbeitszeit stehen demnach im umgekehrten Verhältniß, oder

24 Arbeiter: 12 Arbeitern = 4 Wochen: 8 Wochen.

In allen Fällen also, wo das Kleinere zum Größeren oder das Größere zum Kleinern führt, oder wo man sagen kann: je mehr dest einen, desto weniger des andern, und je weniger des einen, desto mehr des andern, hat man es mit verkehrten Versbältnissen zu thun, welche daher auch den umgekehrten Regeldetris Insak fordern. 3. B. je höher der Preis einer Waare ist, eine um so geringere Menge derselben wird man für gleiches Geld echalten; je größer ein Fußmaß ist, um so weniger dieser Juße werden in einer bestimmten Länge enthalten sein; je mehr Arbeiter, desto weniger Zeit gebrauchen dieselben zu einer gewissen Arbeit u. s. w.

Aus der Natur der Sache ist leicht zu erkennen, ob die Aufsgebe gerade oder verkehrte Verhältnisse enthält, und darnach setzt man das Borderverhältnis in jedem Falle an. Die Rechnung selbst wird verrichtet, wie mit unbenannten Zahlen.

Wenn 3 Klftr. zu 7 Thlr. verkauft werden, wie viel kosten 50 Klftr.? Man hat es hier offenbar mit einem geraden Verhält= wis zu thun, und setzt demnach an:

und findet, ohne bei der Berechnung weiter zu berücksichtigen, was 3, 50 und 7 bedeuten,

$$x = \frac{50 \times 7}{3} = 116^{2};$$

de gefundene Zahl kann begreiflich nur Thaler bedeuten.

Man könnte auch die mittlern Glieber verwechseln und wie die Alten setzen:

3 Klftr. kosten 7 Thlr., 50 Klftr. kosten x Thlr., wenn babei nur die zusammengehörigen Glieder, hier 50 und 7 nicht getrennt werden (§. 62. 1.).

Als ein Beispiel für die verkehrte Regeldetri diene folgende Aufgabe:

Wenn 12 Mann eine Holzpflanzung in 21 Tagen vollenden, wie viel Tage werden 18 Arbeiter an derselben Arbeit zubringen? Te mehr Arbeiter, besto weniger Zeit werden sie gebrauchen; hier führt also die Aufgabe von einer größern Zeit zu einer kleinern, und es muß in dem Hülfsverhältnisse das größere Glied zuerst stehen, nämlich:

Mann Mann Tage Tage

$$18 : 12 = 21 : x$$

 $x = \frac{12 \times 21}{18} = 14.$

§. 65. Einrichtung bes Regelbetri=Unsages.

Finden sich in den Gliedern des Hülfsverhältnisses verschies dene Sorten, so werden sie vorher auf einerlei Einheiten gebracht, damit man das reine Verhältnis bekommt; das dritte Glied wird in solchen Einheiten angesetzt, in welchen die unbekannte Größe am leichtesten zu berechnen ist.

Rostete z. B., wie im Jahre 1840, eine Sendung von 3 Ctnr. 74 Hb Earchsamen 130 Fl. 54 Ar., und man fragte, wie theuer 1 Ctnr. 28 Hb dieses Samens sei: so ware zu verwans deln:

und bann zu setzen:

$$374 \text{ Hz} : 128 \text{ Hz} = 130.9 \text{ Hz} : x \text{ Hz}$$

 $x = \frac{128 \times 130.9}{374} = 44.8 \text{ Hz} = 44 \text{ Hz}$

Zuweilen ist die Auslösung leichter, wenn man bei dem Sleichnamigmachen ganze Jahlen in Brüche höherer Gorten ver= wandelt. 3. B.

§. 66. Sebung ber Glieber.

Man kann in dem Regeldetri-Ansatze das vordere und ein mittleres Glied gegen einander heben, oder doch zur Rechnung geschickter machen.

Mus a : b = c : x folgt

$$x = \frac{b \times c}{a} = \frac{b}{a} \times c = b \times \frac{c}{a} = \frac{bc : n}{a : n} = \frac{be \times n}{a \times n}.$$

In diesen verschiedenen Formen liegt der Grund mancher anzuwendenden Rechnungsvortheile.

1) Man kann sogleich mit dem Vordergliede in eines der mittlern Glieder dividiren und dann den Quotienten mit dem anderre Mittelgliede multipliziren.

3. 28. in 3 : 9 = 8 :
$$x$$

iff $x = \frac{9}{3} \times 8 = 24$.

2) Kommt ein gewisses Hülfsverhältniß öfter vor, so brückt man seinen Exponenten durch einen ständigen Dezimalsbruch aus, merkt sich denselben und multiplizirt damit ohne Beiteres die dazu gegebene Fragezahl. Z. B. Der weimarische Fuß hält 125 parifer Linien, der preußische 139,13. Beide Srößen ergäben für die Verwandlung einer Anzahl weimarischer Fuße w in preußische Fuße x:

139,18: 125 = w: x

oder
$$\frac{125}{139,18}$$
 × w = x

oder 0,8984.. × w = x,

wo für auch 0,9 × w = x

bei minderer Genauigkeit diente. Darnach wäre z. B. eine Stammlänge von 80 weimarischen Fußen (80 × 0,9) = 72 preußischen Fußen. Man nennt diesen ständigen Dezimalbruch: den Reduktionsfaktor.

3) Man kann das Borderglied, als Nenner, und eines ber mittlern Glieder, als Zähler betrachtet, mit dem größten gemeinschaftlichen Theiler heben und daburch die Rechnung abkürzen.

3. 28. 21:8 = 35: x
bivibirt burdy 7 = 7
$$3:8 = 5:x$$

4) Zur Erleichterung des weitern Rechnens dürfte auch das bekannte Vorderglied und eines der mittlern Glieder mit einer geeigneten Zahl multiplizirt werden. Ist das Vorderglied ein Bruch, so multiplizirt man mit dem Nenner; ist es ein Theiler von 10, 100, 1000 ..., mit einem Faktor, der zum Produkte 10, 100, 1000 ... giebt. 3. B.

$$1\frac{1}{4}$$
: $36 = 3\frac{1}{2}$: x

 multiplizirt mit $4 = 4$
 $5:36 = 14:x$
 $25:113 = 5\frac{1}{2}:x$

 multiplizirt mit $4 = 4$
 $100:113 = 22:x$

5) Enthalten das Vorderglied und ein Mittelglied Brüche, so bringt man sie unter einerlei Benennung und braucht dann bloß die Zähler. Z. B.

$$\frac{2}{3}$$
 Ctnr. : $3\frac{1}{3}$ Ctnr. = 72 Fl. : x Fl. $\frac{2}{3}$ " : $\frac{42}{3}$ " = 72 " : x " 9 " : 40 " = 72 " : x "

§. 67. Beliche Prattit.

Die sogenannte welsche Praktik besteht in vortheilhafter Zerfällung der benannten Zahlen eines der mittlern Glieder zur stückweisen Multiplikation (§. 31. 2.). Beispiele können dies am deutlichsten machen. Es sei die Frage: 1 Hb koste 25 Sgr., was 36 Hb? Hier setzt man

Dabei wurden die 25 Sgr. zerfällt in 20 + 5 oder in 3 Thlr. und in 4 von den 3 Thlrn. — 4 Thlr., und so kosten die 36 kb

Beil diese Rechnungsvortheile so leicht sind, werden sie im bürgerlichen Leben gar vielfältig gebraucht.

§. 68. Zusammensetzung mehrer Proportionen.

Berden von mehren Proportionen die ersten, zweiten, dritzten und vierten Glieder mit einander multiplizirt, so entsteht eine neue, zu sammengesetzte Proportion (§. 62. 4.). Sind diese Proportionen von der Beschaffenheit, daß jedes Mal das solgende dritte Glied dem vorhergehenden vierten gleich ist: so verhält sich das Produkt aller ersten Glieder zu dem Produkte aller zweiten Glieder, wie das dritte Glied der ersten Proportion zu dem vierten Gliede der letzten Proportion. Denn in dem hinztem Berhältnisse der zusammengesetzten Proportion lassen sich die gleichen Faktoren gegen einander heben. 3. B.

Diese Zusammensetzung mehrer Proportionen giebt den Grund zur Regel mit Fünfen, Siebenen u. s. w.

§. 69. Regel mit Fünfen.

Die Regel mit Fünfen lehrt, zu fünf gegebenen benannten Jahlen die sechste finden, unter der Bedingung, daß das Verhältniß der fünften zur sechsten das zusammengesetzte der vier erstern ist. 3. B.

1) Man handelte im Jahre 1841 das 24 Kiefernsamen für 18 Sgr.; wie viel Fl. rheinisch kostete der Etr. zu 108 24, wenn 30 Sgr. = 13 Gulden sind?

1
$$\frac{1}{108} \cdot \frac{1}{108} \cdot \frac{$$

2) Säete man an dem hannöverischen Harze in den Fichtenspflanzschulen pr. Kalenberger Mg. 200 45 Samen, und es sollte im badischen Schwarzwalde eine gleiche Aussaat versucht werden: so wäre nach Taf. 126 und 132 anzusehen:

1,369 falb. Mg.: 1,410 bab. Mg. = 200 hanv. Hb: x

500 bab. Hb:
$$467.7$$
 hanv. Hb = x: y bab. Hb

684.5: 659.46×200

y = $\frac{659.46 \times 200}{684.5}$ = 192.7 bab. Hb.

3) Wollte man in Baben die Kiefernzapfensaat aus veröbetem Kalkboben versuchen nach der in Preußen üblichen Aussaat, pr. Mg. 12 Scheffel, so rechnete man nach Tafel 126 ober 128 und 131:

1 pr. Mg.: 1,41 bad. Mg. = 12 pr. Schl.: x

7561 bad. Mltr.: 2770 pr. Schl. = x

1,41 × 2770 = 12

y =
$$\frac{1,41 \times 2770 \times 12}{7561}$$
 = 6,2 bad. Mltr.

4) Wenn 10 Acker Waldgrund für 3 Stück Wieh auf 4 Tage Weide geben können; wie viel Tage weiden 6 Stück auf 25 Acker von gleicher Beschaffenheit? Erstens: Haben 3 Stück 4 Tage zu weiden, so werden 6 Stück x Tage Weide sinden. Leicht begreislich sindet hier ein umgekehrtes Verhältniß statt, weil die größere Anzahl Wieh um so kürzere Zeit Nahrung sindet; das Vorderverhältniß muß also fallend werden, nämlich 6:3=4:x. Zweitens: 10 Acker geben für das fragliche Bieh x Tage Weide, 25 Acker geben y Tage. Das Verhältniß ist hier offenbar ein gerades.

Busammengesett:

6 Stud : 3 Stud = 4 Tage : x Tage

10 Ader : 25 Ader = x Tage : y Tage

6 × 10 :
$$3 \times 25 = 4$$
 : y

$$y = \frac{3 \times 25 \times 4}{6 \times 10} = 5 \text{ Tage}.$$

3u heben burch 3. 5. 2. 2.

§. 70. Regeln mit Siebenen, Neunen u. f. w.

Diese Regeln lehren zu 7, 9 und mehr Zahlen, in zusams wengesetzter Proportion, die 8., 10. u. s. w. finden; sie verbins den drei, vier und mehr RegeldetrisAnsätze. 3. B.

1) Wenn 20 Holzhauer im Herbste 4 Wochen lang täglich 8 Stunden arbeiten und 300 Klftr. Stockholz fertigen, wie viel Bochen werden 16 Holzhauer, die während des Frühlings tägslich 12 Stunden arbeiten, an 400 Klaftern zubringen?

Diese Aufgabe zerfällt in brei einfache Proportionen, nämlich:

Die erste, mit dem Berhältnisse der Holzhauer zu dem der Arbeitszeit; diese beiden Berhältnisse stehen in umgekehrter Bezuchung, denn je weniger Holzhauer, desto mehr Zeit ist erforzeitich, also:

16 Holzhauer: 20 Holzhauer = 4 Wochen: x Wochen.

Die zweite, mit dem Verhältnisse der Arbeitsdauer (Stunden) zu dem der Arbeitszeit (Wochen); gleichfalls verkehrt, denn bei längerer Tagearbeit sind um so weniger Wochen erforderlich, also:

12 Stunden: 8 Stunden = x Wochen: y Wochen.

Die dritte, mit dem geraden Verhältnisse der Klaftern zu dem der Arbeitszeit, da die Vermehrung der Klaftern auch die Bermehrung der Wochen nach sich zieht, also:

300 Klaftern: 400 Klaftern = y Wochen: z Wochen.

Busammengesett:

 $z = \frac{20 \times 8 \times 400 \times 4}{16 \times 12 \times 300} = 45$ Wochen.

Bu heben burch 100. 16. 4.

2) Wem es bei solchen Aufgaben schwer fällt, ohne lange Überlegung den Ansatz zu machen, der schreibe sich vorläufig nach ber sogenannten Reesischen Regel bie gegebenen Benennungen hin, die gesuchte zulett, barunter die Zahlen für den bekannten und dann die für den unbekannten Fall, ziehe darunter einen ho= rizontalen und von biefem abwärts einen vertikalen Strich, neben ben man ohne Weiteres x auf die linke, und die darüber stehenbe gleichnamige Bahl auf die rechte Seite sett. Nun beurtheilt man alle im unbekannten Falle stehenden Bahlen (Fragezahlen), ob sie in Bezug auf bie zu suchenbe, unbekannte Größe x in geradem oder verkehrtem Berhältniffe stehen; im ersten Falle kommt die unten stehende (Frage =) Bahl rechts und die darüber stehende gleichnamige Zahl links zu stehen; im zweiten Falle aber umgekehrt, die Fragezahl links und die barüber stehende gleichnamige rechts bes Strichs. Der Quotient aus bem Produkt aller Zahlen rechts des Strichs, dividirt burch bas Probukt aller Zahlen links bes Striches, ist der Werth von x. Hier= nach gestaltet sich die Rechnung für das vorige Beispiel wie folgt:

	Holzhauer.	Stunb	en.	Klaftern.	Wochen.
Bekannter Fall	20	8		300	4
Unbekannter Fau	16	12		400	x
		x 4			
	16 20 (verkehrtes Berh				Berhältniß)
		12 8	3 (6	esgl.)	
		300 400) (g	erades Be	erhältniß)
	Y ===	4 × 20 >	× 8	× 400	44 Wochen.
	A	18 × 1			To would.

Diese zusammengesetzten Aufgaben könnte man auch stücks weise durch einfache Regelbetri = Ansätze auflösen; nur wird die Rechnung weitläufiger.

§. 71. Rettenrechnung.

Die Kettenrechnung ist eine zusammengesetzte Regelde: mi mit etwas abgekurztem Ansate, Kettensatz.

1) Burde z. B. gefragt: wie viel Dukaten wären zu zahlen anstatt 314 Thir. 8 Sgr. — 9428 Sgr., wenn 2 Sgr. — 7 Kr. rhn., 24 Kr. rhn. — 20 Kr. östr., 60 Kr. östr. — 1 Sld. C.R., und 55 Sld. C.-R. eben — 12 Dukaten sind?

Rach ber Regel mit Reunen setzte man ausführlich:

```
2 Sgr. : 7 \text{ Ar. rhn.} = 9428 \text{ Sgr.} : x \text{ Ar. rhn.}
24 Fr. rhn. : 20 \text{ Ar. offr.} = x \text{ Ar. rhn.} : y \text{ Ar. offr.}
60 Fr. offr. : 1 \text{ Sib. C. M.} = y \text{ Ar. offr.} : z \text{ Sib. C. M.}
55 Sib. C. M. : 12 \text{ Dulaten} = z \text{ Sib. C. M.} : w \text{ Dulaten}
\frac{55 \text{ Sib. C. M.}}{2 \times 24 \times 60 \times 55} : 7 \times 20 \times 12 = 9428 : w \text{ Dulaten}
15 mb erhielte für w = \frac{7 \times 20 \times 12 \times 9428}{2 \times 24 \times 60 \times 55} = 99 \text{ Dul. 4 Sib. 33 Ar.}
```

Rach dem Kettensaße ordnet man aber ohne Weiteres das dritte Glied zu den zweiten Gliedern, womit dasselbe nachher boch multiplizirt werden muß, nämlich:

```
w Dukaten = 9428 Sgr.

2 Sgr. = 7 Ær. rhn.

24 Ær. rhn. = 20 Ær. öftr.

60 Ær. öftr. = 1 Slb. C.≥M.

55 Slb. C.≥M. = 12 Dukaten

w×2×24×60×55 = 12×20×7×9428
```

und verfährt übrigens wie oben, oder behandelt die Aufgabe als Gleichung.

2) Daraus ergiebt sich die Regel zur Kettenrechnung: Man iche das gesuchte unbekannte Glied (Frageglied) zuerst an und rechts daneben den dafür gleichgeltenden Werth. Hiernächst suche wan aus der Aufgabe ein Glied, das die zuletzt gebrauchte Besummung hat, setze es links unter das Frageglied und daneben

wieder den gleichgeltenden Werth u. s. w., bis man rechts das letzte Glied mit der Benennung des Fragegliedes bekommt. Dann ist der Kettensatz fertig, worin alle Glieder kettenförmig zusam=menhängen. Jedes Glied darf nur eine Benennung haben, und gemischte Zahlen sind als uneigentliche Brüche anzusetzen.

In diesem Ansatze werden nun zuvörderst die Nenner aller Brüche auf die andere Seite gesetzt, was so viel ist, als würden beide Seiten mit dem Nenner multiplizirt. Dann werden beide Sliederreihen gegen einander gehoben. Endlich multiplizirt man die übrigen Faktoren jeder Seite für sich und dividirt das Produkt der Seite rechts durch das der Seite links. Der Quotient bekommt die Benennung des Fragegliedes.

Als weitere Beispiele für die Kettenrechnung mögen folgende bienen:

Wenn man zu einer Eichen-Bollsaat für das Baierische Tagewerk 2½ Bair. Schessel Eicheln gebraucht, wie viel Weimarische Schessel sind dann auf 1 Weim. Acker erforderlich?

```
x Weim. Scheffel = 1 Weim. Acter

1 Weim. Acter = 140 Weim. q°

1 Weim. q° = 16² q′

1 Weim. q° = 125² q′′ par.

129,38² q′′′ par. = 1 Bair. q°

10² Bair. q° = 1 Bair. q°

400 Bair. q° = 1 Bair. Tagewert

1 Bair. Tagewert = 2½ Bair. Scheffel

1 Bair. Scheffel = 11209,6 par. c′′

3880 par. c′′ = 1 Weim. Scheffel

x = \frac{140 \times 16² \times 125² \times 2,5 \times 11209,6}{129,38² \times 10² \times 400 \times 3880} = 6 Weim. Scheffel.
```

Wie viel wiegt eine Klafter Buchenholz, wenn sich dem Gewichte nach das Buchenholz zum Eichenholz wie 9: 10, das Eichenholz zum Ahornholz wie 29: 27, das Ahornholz zum Erstenholz wie 6: 5 und das Erlenholz zum Fichtenholz wie 23: 22 verhält, und wenn das Gewicht einer Klafter Fichtenholz 3200 Pfund beträgt?

x	抬	=	1 Klafter Buchenholz
10	Buchen	==	9 Cichen
27	Eichen	==	29 Ahorn
5	Ahorn	==	6 Erlen
22	Erlen	=	23 Fichten
1	Klafter Fichten	==	3200 抬
Y	$\frac{3 \times 3200}{1000} = 3880,7 \text{ Hb.}$		
_	10×27	$\times 5$	× 22

§. 72. Antheilrechnung (Repartitionsrechnung).

Oft sind verschiedene Antheile nach gegebenen Verhältnissen zu berechnen.

1) Drei Personen kausen eine Holzung für 4000 Ahlr.; A giebt dazu 2000, B, 1400 und C, 600. Der erste Holzschlag wirst 1500 Ahlr. ab; wie viel trägt es jedem Theilhaber das von?

Die Kaufsumme verhält sich hier zu dem ganzen Gewinne, wie eines Jeden Einlage zu dessen Gewinnantheil, oder wie 4000: 1500. Also

A, 4000: 1500 = 2000: 750 Thir.

B, 4000:1500=1400:525

C, 4000:1500 = 600:225

Da sich 4000: 1500 auch verhält wie 8: 3, so beträgt der Sewinn z von der Einlage, und man kann demnach kürzer uchnen:

A,
$$\frac{2}{8} \times 2000 = 750$$
 Thir.
B, $\frac{2}{8} \times 1400 = 525$ "
C, $\frac{2}{8} \times 600 = 225$ "

Summe: 1500 Thir.

2) Drei Ortschaften haben zu ihrem nächsten Brennholzbes barf verlangt:

A, 500 Klaftern

B, 700

C, 300

Zusammen: 1500 Klaftern.

Nun ertrage aber ber für diese Ortschaften angelegte Schlag nur 1200 Klaftern; es kann bemnach jeder Ort nur 1288 = 13 = 0,8 seines angeblichen Bedarfs erhalten, nämlich:

A, 0,8 × 500 = 400 Klastern

B. 0,8 × 700 = 560

C, 0,8 × 300 = 240

Jusammen: 1200 Klastern.

3) Zu 1 46 gutem Schießpulver nimmt man 12 46 Salpeter, 75 46 Kohle und 75 46 Schwefel. Sollen nun 400 46 Schießpulver gemacht werden, so brauchte man bazu von den genannten Bestandtheilen:

Salpeter $400 \times \frac{12}{16} = 300 \text{ lb}$ Kohle $400 \times \frac{1}{16} = 75 \text{ lb}$ Schwefel $400 \times \frac{1}{16} = 25 \text{ lb}$ Zusammen: 400 lb.

4) Zu einem gemeinschaftlichen Holzhandel gab A 2000 Thlr. auf 1½ Jahre, B 1500 Thlr. auf 2¼ Jahre her; der Gewinn besträgt 600 Thlr.; wie viel erhält hiervon ein Jeder?

Die Gewinnantheile verhalten sich, wie die Produkte aus der Größe und Dauer der Einlage:

2000 × 1\frac{3}{4} = 3500 1500 × 2\frac{1}{2} = 3375 A, 6875 : 3500 = 600 : 305,5 Thir, B, 6875 : 3375 = 600 : 294,5 "

3usammen: 600 Thir.

5) Eine strittige Waldsläche von 28 Acker soll an die 3 Anslieger im umgekehrten Verhältnisse ihres anstoßenden Grundbessitzes vertheilt werden. Nun grenzt A mit 110 Acker, B mit 40 Acker und C mit 18 Acker an; wie viel erträgt es Jedem?

A:B=40:110=4:11=36:99 A:C=18:110=9:55=36:220.

Demnach verhalten sich die Flächenantheile von A: B: C = 36: 99: 220.

36 99 220 A, 355: 36 = 28: 2,84 Ader B, 355: 99 = 28: 7,81 " C, 355: 220 = 28: 17,35 " Summe: 28 Ader.

Die Summe bient hier allemal zur Probe.

§. 73. Einfache Binfen.

Bon dem ausgeliehenen Kapitale bekommt der Darleiher gewisse Zinsen, auf Hundert jährlich 3, 4, 5 . . . , was man Zinssuß, Prozente nennt und mit pCt. oder ? bezeichnet. Einsache Zinsen sind an sich nicht wieder zinstragend; sie werden dem Kapitale nur allein zugerechnet.

Da Kapitale und Zinsen bei gleichem Zinsfuße und gleicher Zinszeit in gleichem Berhältnisse stehen, so gebraucht die einfache Imsrechnung in allen Fällen folgende Grundverhältnisse:

100 wird mit 5 pCt. in 1 Jahre 100 + (5 × 1),
100 * " 4 " " 2 " 100 + (4 × 2),
100 * " p " " n " 100 + (p × n),
und umgekehrt:

Danach berechnet man den Nachwerth sammt den Zin=
sen, den Vorwerth nebst dem Rabatt, das Kapital, den Zinsfuß und endlich die Zinszeit.

§. 74. Nachwerth mit einfachen Binsen.

Den Nachwerth eines Kapitales K ober den spätern Berth einschließlich der einfachen Zinsen K + z ergiebt die Proportion

$$100:100+(p\times n)=K:K+z.$$

Bird z. B. gefragt: wie hoch wächst ein Kapital von 3600 kl. mit 4 pCt. Zinsen in 12 Jahren an? so setzt man:

$$100: 100 + (4 \times 12) = 3600: K + z$$
und findet $K + z = \frac{100 + (4 \times 12)}{100} \times 3600 = 5328$ Fl.

Die Zinsen hiervon sind der Unterschied des anfänglichen Kapitals von dem Nachwerthe, 5328 - 3600 = 1728 Fl.; sie könnten auch für sich berechnet werden durch den Ansatz:

$$100: 4 \times 12 = 3600: z.$$
 $z = \frac{4 \times 12}{100} \times 3600 = 1728 \text{ M}.$

Die Zinsen von 4680 Fl. zu 5 pCt. auf 1 Monat ober 3. Jahr betragen:

$$100: 5 \times \frac{1}{12} = 4680: z.$$

$$z = \frac{5 \times 4680}{100 \times 12} = 19 \text{ ft. } 30 \text{ ft.}$$

§. 75. Borwerth zu einfachen Binfen.

Den Vorwerth einer Summe K + z oder den frühern Werth ausschließlich des einfachen Rabattes = findet man durch die Proportion

$$100 + (p \times n) : 100 = K + z : K$$

Wird z. B. gefragt: wie groß war die Summe von 392 Fl. mit 4 pCt. vor 10 Jahren bei einsachen Zinsen? so setzt man:

$$100 + (4 \times 10) : 100 = 392 : K$$

und findet $K = \frac{100}{100 + (4 \times 10)} \times 392 = 280 \text{ Fl.}$

Der Rabatt hiervon ist ber Unterschied des Worwerthes von der spätern Summe, nämlich 392 — 280 — 112 Fl. Dersselbe könnte auch für sich berechnet werden nach der Proportion

$$100 + (p \times n) : p \times n = K + z : z,$$

Sollten z. B. 4000 Fl., zahlbar in 1½ Jahren, jetzt abgestragen werden mit 4 pCt. einfachem Rabatt, so sindet man den Abzug nach der Proportion

$$100 + (4 \times 1\frac{1}{2}) : 4 \times 1\frac{1}{2} = 4000 : z,$$

$$z = \frac{4 \times 1\frac{1}{2}}{100 + (4 \times 1\frac{1}{2})} \times 4000 = 226,42 \text{ ft.}$$

Jur Probe bringt man die Zahlung 4000 — 226,42 = 3773,58 Fl. wieder auf ihren Nachwerth mit 4 pCt. nach 1½ Jahren. Derfelbe ist (§. 74.)

$$\frac{100 + (4 \times 1\frac{1}{2})}{100} \times 3773,58 = 4000 \%1.,$$

also genau, was bem Darleiher in jener Zeit zustände.

§. 76. Rapital zu einfachen Binfen.

1) Der Kapitalwerth K zu einjährigen Zinsen z solgt aus

$$p: 100 = z: K,$$

$$unb \frac{100}{p} \times z = K.$$

Gesetzt, es sei der Zinsfuß 4 pCt. und die einfache Zinspost 2 = 30 Fl.: so ist

$$K = \frac{100}{4} \times 30 = 750 \, \%$$

Zum Behuf der Kapitalisirung wird der Ausdruck 100 ober das Einheitskapital oft gleich anstatt des Zinsfußes gegesben, z. B. in Ablösungs-Gesetzen u. s. w.

2) Das Kapital K zu mehrjährigen Zinsennzergiebt sich aus

$$p \times n : 100 = nz : K,$$

$$unb \frac{100}{p \times n} \times nz = K.$$

Hiernach ist ein Kapital, das mit 3½ pCt. in 5 Jahren 35 Fl. Zinsen abwirft,

$$= \frac{100}{3\frac{1}{2} \times 5} \times 385 = 2200 \text{ fi.}$$

Das Kapital sammt Zinsen beträgt 2200 + 385 == 2585 kl.; dies ergäbe auch die Proportion

$$3\frac{1}{2} \times 5 : 100 + (3\frac{1}{2} \times 5) = 385 : K + nz.$$

§. 77. Binsfuß zu einfachen Binfen.

Die Prozente p findet man aus dem Kapitale K und dem einjährigen Zinsenbetrage z durch die Proportion

$$K:z=100:p.$$

Haben d. B. 2400 Fl. in einem Jahre 108 Fl. abgeworfen, so ist

$$2400:108 = 100: p,$$
unb $p = \frac{108 \times 100}{2400} = \frac{108}{24} = 4\frac{1}{2}.$

Hätte jenes Kapital in 5 Jahren zusammen 540 Fl. an Zinsen eingebracht, so setzte man, nach $K:\frac{5\pi}{5}=100:p$,

$$2400: \frac{540}{5} = 100: p.$$

§. 78. Zinszeit zu einfachen Zinsen.

Bei bem Grundkapitale 100 betragen die Iprozentigen Zinsen für 1 Jahr = 1 Thir.

 n
 2
 n
 =
 2
 n

 n
 3
 n
 =
 3
 n

und es stimmen also die 1 prozentigen Zinsen genau mit ber Zahl ber Zinsjahre überein. Erstere aber ergeben sich aus dem Ausbruck =; benn statt 80 Thir. Zinsen, bei einem Zinsfuß von 40 erlangt, wurde man bei bem Zinsfuß von 10 nur 🛂 = 20 Thir. erhalten haben.

Die Zinszeit n findet man also mittels des Grundkapitals 100 nach Verhältniß bes ausgeliehenen Kapitales K zu ben vorher berechneten 1prozentigen Zinsen =, und die allgemeine Proportion hierzu ist

$$K: \frac{\pi}{p} = 100: n,$$

Hätten z. B. 5475 Fl. bei 4 pCt. in n Jahren 1752 Fl. einfache Zinsen eingebracht, so wären bavon bie 1prozentigen Zinsen 17,59 Fl., und es verhielte fich:

5475: 17252 = 100: n Jahren.

Daher wäre $n = \frac{1752 \times 100}{4 \times 5475} = 8$.

§. 79. Durchschnittlicher und periodischer Holz- , zuwachs.

Die an dem wachsenden Holzstamme und Holzbestande erstolgende Massenzunahme nennt man Holzzuwachs, und wird bieser sur einzelne Jahre bestimmt, so heißt er Jahreszuwachs. Dividirt man den ganzen Massengehalt eines Stammes oder Bestandes durch die Jahl der Altersjahre, so ergiebt sich der durchschnittliche Jahreszuwachs oder Durchschnittszuwachs; theilt man aber die gesammte Massenzunahme einer gewissen Altersperiode durch deren Jahresanzahl, so geht der entsprechende periodische Jahreszuwachs hervor.

Halt, so ist sein 140jähriger Baum 80 Körpersuß Massenges halt, so ist sein durchschnittlicher Jahreszuwachs ${}_{1}^{3,0} = \frac{4}{7}$ K.= Fuß; hätte dieser Baum in seinem 130. Jahre 75 K. Fuß entshalten, sich also in den letztern 10 Jahren um 80 — 75 — 5 K. Fuß vergrößert, so wäre der Jahreszuwachs dieser Zwischenzeit $\frac{1}{1} = \frac{1}{2}$ K. Fuß.

Wachs für die Flächenmaßeinheit, den Morgen oder Acker, bestimmt. Fänden sich z. B. von einem Morgen Kiefernbestand in Sosährigem Alter an vorauserhaltener Durchforstung 2400 K. Fuß und an noch vorhandenem Hauptbestande 4000 K. Fuß: fo betrüge der durchschnittliche Jahreszuwachs $\frac{2400+4000}{80}$ = 30 + 50 K. Fuß.

Hätte dieser Kiefernbestand im 100jährigen Alter ohne weistere Zwischennutzung zum Hauptbestande 5000 K.Fuß: so wäre der periodische Jahreszuwachs zwischen dem 80. und 100. Jahre

$$\frac{5000-4000}{20}=50$$
 K.Fuß.

§. 80. Buwachsprozente.

Bisweilen gewinnt die Holzertragsberechnung, oder man verschafft sich brauchbare Vergleichungsgrößen zur Holzertrags: schätzung, wenn man das gefundene Verhältniß eines anfängli: den Holzgehaltes zu seinem jährlichen Zuwachse in Prozenten ausdrückt. Das letztere Beispiel von einem Kiefernbestande ent:

hält in dem 80. Jahre 4000 K. Fuß Holzgehalt mit 50 K. Fuß Jahreszuwachs; dies giebt 1½ pCt. Zuwachs, denn 4000: 50 == 100: 1½ (§. 77.).

Davon ergiebt sich als Nachwerth nach 20 Jahren (§. 74.)

$$\frac{100 + (11 \times 20)}{100} \times 4000 = 5000 \text{ A.Fuß,}$$

jener Massengehalt im 100jährigen Alter.

Überhaupt können die oben über einfache Zinsen angestellten Betrachtungen sämmtlich bei der forstlichen Zuwachsberechnung ihre Anwendung sinden. Nur bieten die Zuwachsprozente wenizger Stätigkeit, als der Zinsfuß. Die Wachsthumsverhältnisse müssen ergeben, wie lange ein jährlich gleicher Zuwachs statthaft ist. Ze älter und voller ein Holzbestand wird, um so mehr minzdern sich dessen Zuwachsprozente; alle forstmäßigen Zwischenhauzungen dienen zur Wiedererhöhung derselben.

Schätzt man von etwa 356800 K. Fuß Holzvorrath den künftigen Jahreszuwachs z zu 2 pCt., so beträgt derselbe nach dem Ansatz:

$$100:2 = 356800:z$$
,
 $100 \times 356800 = 7136 \text{ R.Fuß}$.

Der nächste 10jährige Zuwachs 10= ist nach:

$$100: (2 \times 10) = 356800: x,$$

= $\frac{2 \times 10}{100} \times 356800 = 71360$ K.Fuß.

Der Holzvorrath sammt Zuwachs am Ende bes 10. Jahres beträgt:

$$\frac{100 + (2 \times 10)}{100} \times 356800 = 428160 \text{ A.Fuß}.$$

Die Natur des Holzzuwachses sowohl, als die Art und Weise, wie der Jahreszuwachs ausgemittelt wird, so wie die bei forstlichen Zuwachsberechnungen unerläßliche Vorsicht bedingen durchaus die ein fache Zuwachsberechnungen ung. Denn alle die je nigen Holzsbestände, für welche besondere Zuwachsberechnungen angelegt werden, nämlich die mehr erwachsenen, haben erfahrungsmäßig entweder einen ziemlich gleichen Zuwachs, oder eher einem ab z

als zunehmenden; auch ist der ermittelte wirkliche Zuwachs, wovon die Schlusse auf den kunftigen gemacht werden, meist ein durchschnittlicher, also ein einfacher.

§. 81. Durchschnittsverhältniffe.

Das Verhältniß verschiedener Theile oder Sorten, die zussammen ein gewisses Ganze ausmachen, wird oft nach dem gesmeinschaftlichen Werthe oder Naße ausgedrückt zu weiterem Gesbrauche.

Fänden sich z. B. als Ertrag eines Holzschlages:

8 Klftr. Werkholz zu 90 c.' = 720 K.Fuß.

52 Klftr. Scheitbrennholz zu 70 c.' = 3640

24 Schock Wellenholz zu 50 c.' = 1200

840 K. Fuß an einzelnen Stücken = 840

Zusammen: 6400 K. Fuß,

und man wollte diese Sortenverhältnisse weiter anwenden: so würden alle einzelnen Posten auf Prozente der Summe gerechenet, wie folgt:

6400: 720 = 100: 11,2 pCt. Werkhold;

6400: 3640 = 100: 56,9 pCt. Scheitbrennholz;

6400: 1200 == 100: 18,8 pCt. Wellenholz;

6400: 840 = 100: 13,1 pct. einzelne Stude.

Bon 100 Gesammtertrag.

Es versteht sich von selbst, daß hierbei die Dezimalen abgestürzt und ausgeglichen werden mussen, bamit gerade 100 als Summe herauskommt, was auch zur Probe dient.

Solche Durchschnittsverhältnisse pflegt man auch in Theilen ber Einheit auszuhrücken. Go ist angenommen worden, 1 Buchenholz bestehe aus:

0,5145 Kohlenstoff, 0,0582 Wasserstoff, 0,4273 Sauerstoff.

§. 82. Reduktion der gangenmaße.

Die Bermandlung ber Maße erfordert vor allem eine gename Kenntniß ber Magverhältnisse. Man bestimmt bie känge aller bekannten Fußmaße nach dem alten pariser Fuße zu 144 Linien und bekommt badurch Verhältnißzahlen der verschiedenen Längenmaße.

Der württemberger Längenfuß enthält z. B. 127 und der hessendarmstädter neue Dezimal-Längenfuß 110,824 pariser Linien. Sollten nun 100 württemberger Fuße in hessendarmstädter Fuße, verwandelt werden, so müßte man das Hülfsverhältniß verkehrt ansehen; denn je weniger par. Linien der darmstädter Fuß enthält (je kleiner er an sich ist), um so mehr werden dieser Fuße in einer gegebenen Länge enthalten sein, also:

und
$$x = \frac{127 \times 100}{110.824} = 114.6$$
; daher

100 württemberger Fuß == 114,6 barmstädter Fuß.

Am wenigsten irrt man bei berartigen Reduktionsrechnungen, wenn man sie nach bem Kettensatze ausführt, z. B.

x barmst. Fuß = 100 württemb. Fuß

1 württemb. Fuß = 127 par. Ein.

110,824 par. E. = 1 barmst. Fuß.

x =
$$\frac{100 \times 127}{110,824}$$
 = 114,6 wie oben.

Sollte der Reduktionsfaktor (§. 66. 2.) berechnet werden, mit welchem man württemberger Fuße zu multipliziren hätte, um darmskädter Fuße zu finden, so setzte man in gleicher Weise an:

Es hält ferner die weimarische Ruthe 16 Werkfuße zu 125 pariser Linien, die preußische Ruthe 12 rheinländische Fuße zu 139,18 pariser Linien. Jene verhält sich also zu dieser, wie 16 × 125: 12 × 139,13. Singen nun auf die deutsche Meile 1975z preußische Ruthen, so könnte man durch die Proportion

16 × 125 : 12 × 139,13 == 1975,83...: x ober nach dem Kettensatze:

x weimar. Ruth. = 1 deutsche Meile

1 deutsche Meile = 1975,83 pr. Ruthen

1 preuß, Ruthe = 12 pr. Fuß

1 preuß. Fuß == 139,13 par, Linien

125 par. Linien = 1 weimar. Fuß

16 weim. Fuß = 1 weimar. Ruthe

finden, daß $x = \frac{1975.88 \times 12 \times 139,18}{125 \times 16} = 1649$ weimar. Ruthen einer deutschen Meile gleich sind.

§. 83. Reduktion ber Flächenmaße.

Die Flächenmaße verhalten sich zu einander, wie die Quastate ihrer Längenmaße. So verhält sich der preußische Quastatsuß zu dem weimarischen Quadratsuße, wie 139,13°: 125°; die preußische Quadratruthe zu der weimarischen, wie (12×139,13)°: (16×125)°. Da nun der preußische Morgen 180 Quadratruthen anhält und der weimarische Acker 140: so verhält sich jener zu diesem, wie

$$180 \times (12 \times 139,13)^2 : 140 \times (16 \times 125)^2$$
.

Bollte man berechnen, wie viel eine Fläche von 100 preußischen Morgen an weimarischen Ackern enthielte, so müßte man anch hier obiges Verhältniß umkehren, weil, je größer der weismarische Acker an sich ist, um so weniger davon in einer gegebesmen Fläche enthalten sein können; man setzte also an:

$$140 \times (16 \times 125)^2 : 180 \times (12 \times 139,13)^2 = 100 : x.$$

hiernach wäre:

$$\mathbf{x} = \frac{180 \times 12 \times 12 \times 139, 18 \times 139, 18 \times 100}{140 \times 16 \times 16 \times 125 \times 125}$$

durch 10. 2. 4. 4. 4. 25. 100. gehoben,

$$=\frac{15679,297}{175} = 89,5959 \dots;$$

4 100 preußische Morgen = 89,5959 ... weimar. Acker.

Übersichtlicher und darum weniger der Irrung unterworfen, sechieht die Berechnung nach dem Kettensate, nämlich:

In derselben Weise berechnet man auch die Flächen-Reduktionsfaktoren. 3. B. man soll den Reduktionsfaktor suchen, mit welchem gegebene preuß. Morgen in königl. sächs. Acker verwandelt werden.

d. h. 1 preuß. Morgen = 0,461 königl, sächs. Ackern; 235 preuß. Morgen sind demnach 235 × 0,461 = 108,34., königl. sächs. Acker.

§. 84. Reduktion ber Körpermaße.

Die Körpermaße verhalten sich, wie die Würfel ihrer Längenmaße. So verhält sich ber weimarische Körpersuß zu dem preußischen, wie 1253: 139,183.

Die Reduktion geschieht auch hier, aus schon bekanntem Grunde, mit umgekehrtem Hülfsverhältniß; z. B. wie viel bas dische Körpersuße sind 110 weimarische?

$$132,99^3:125^3=110:x$$
 $x=-\frac{125^3\times 110}{132\,99^3}=91,341$ bab. K.Fuße.

Den Reduktionsfaktor zur Umwandlung von weim. K. Fußen in badische findet man in gleicher Weise durch $\frac{125^2 \times 1}{132,99^3} = 0,83037$.

Bei der Reduktion der Holzmaße ist die Größe der Fuße an sich und die verschiedene Fußzahl jeder Maßausdehnung in Rechenung zu stellen. 3. B.

Die kasseler Klafter hat in Fußen zu 127,536 pariser Linien: 6 Fuß Scheitlänge, 5 Fuß Weite und 5 Fuß Höhe (ober 150 K.Fuß). — Der darmstädter Stecken hat in Fußen zu 110,824 pariser Linien: 5 Fuß Scheitlänge, 4 Fuß Weite und 5 Fuß Höhe (ober 100 K.Fuß).

Die kasseler Klafter verhält sich also zu dem barmstädter Stecken, wie

 $\begin{array}{l} \text{und 100 fass. } 5 \times 127,586 \times 5 \times 127,586) : (5 \times 110,824 \times 4 \times 110,824 \times 5 \times 110,824) \\ \text{und 100 fass. } \mathcal{R} \text{lftr.} = \frac{6 \times 5 \times 5 \times 127,586^3 \times 100}{5 \times 4 \times 5 \times 110,824^3} \\ = 228,6 \text{ barmft. Steefen.} \end{array}$

Nach dem Kettensatze stellte sich die Auflösung übersichtlicher, wie folgt:

x barmst. Steden = 100 kassel. Klastern

1 kassel. Klaster = 150 kassel. c'

1 kassel. c' = 127,5363 par. c'''

110,8243 par. c''' = 1 barmst. c'

100 barmst. c' = 1 barmst. Steden

x = \frac{100 \times 150 \times 127,5363}{110,8243 \times 100} = 228,6.

§. 85. Reduktion ber Holzerträge.

Roch ist hier die Reduktion der in fremdem Körpermaße und sur fremdes Flächenmaß gegebenen Holzerträge in andere Maße zu betrachten, eine Rechnungsaufgabe, die bei Benutzung und Answendung fremder Holzertragstafeln auf das eigene Maß vorliegt. Es kommen dabei zwei Verhältnisse in Ansatz.

1) Das Verhältniß der Flächenmaße, ein gerades: denn je größer (oder kleiner) bas Flächenmaß ist, für welches die Reduktion vorgenommen wird, um so größer (oder kleiner) muß auch der Ertrag dafür ausfallen.

2) Das Verhältniß der Körpermaße, ein verkehrtes: benn je größer (oder kleiner) das Körpermaß ist, worauf reduzirt wird, um so weniger (oder mehr) dieser Körpereinheiten sind im Ertrage enthalten.

Aufgabe: Die Buchenwaldungen bei Eisenach, in Um= wandlung begriffene Mittelwälder, ertragen auf dem weimari= schen Acker im Durchschnitt etwa 42 weim. K. Fuß jährlich; wie viel würde das betragen auf dem preußischen Morgen in preuß. K. Fußen? Hier setze man:

meimar. Ader preuß. Morgen w. Ertr.

140×16×16×125×125: 180×12×12×139,13×139.13 = 42: y
preuß. A.Huß preuß. A.Huß pr. Ertr.

139.13×139.13×139.13: 125×125×125 = y: x

gehob.: 7×4×4×139,13: 9×3×3×125 = 42: x

$$\mathbf{x} = \frac{9 \times 3 \times 3 \times 125}{7 \times 4 \times 4 \times 139,18} \times 42 = 27,29$$
 preuß. A.Fuß.

Auch für diese Reduktionen ist der Kettensatz viel empfehlenswerther:

x preuß. K.Fuß = 1 preuß. Morgen

1 preuß. Morgen = 180 preuß. q°

1 preuß. q° = 12° preuß, q'

1 preuß. q' = 139,13° par. q'''

125° par. q'" = 1 weimar, q'

16° weimar. q' = 1 weimar. q°

140 weimar. q° == 1 weimar. Acker

1 weimar. Acker = 42 weimar. K.Fuß

1 weimar. K. Fuß. = 1253 par. c'''

139,133 par. c''' == 1 preuß. K.Fuß

$$\mathbf{x} = \frac{180 \times 12^{2} \times 139,_{18}^{2} \times 42 \times 125^{3}}{125^{2} \times 16^{2} \times 140 \times 139,_{18}^{3}} = \frac{9 \times 3 \times 3 \times 125 \times 42}{7 \times 4 \times 4 \times 139,_{18}} = 27.29.$$

Den Reduktionsfaktor sindet man mittels derselben Rech= nung, nur wird statt der bestimmten Anzahl K.Fuße (oben also statt 42 weimarisch. K.Fuß) 1 K.Fuß angeset; die Rechnung wäre dann

$$\frac{9 \times 3 \times 3 \times 125}{7 \times 4 \times 4 \times 139.18} = 0.64976..., beinahe 0.65,$$

und dieser Faktor diente, um weimarischen Forskertrag in preuß. Maß zu verwandeln. —

Zur Erleichterung könnte man sich auch wohl eine eigene Umrechnungstafel, wenigstens für die Zahlen 1 bis 9, aufsetzen, 3. B.

1 weim. Ertrag = 0,65 preuß. Ertrag 2 " = 1,3 " "

3 • = 1,95 •

4 " = 2,60 "

u. s. w.

Danach wären obige

40 weim. Ertrag = 26,0 preuß. Ertrag

2 " = 1,3 "

42 weim. Ertrag = 27,3 K. Fuß preuß. Ertrag.

Auf Tafel 126 und 127 findet man hierzu die gewöhnlichen Raßverhältnisse und in den Taf. 128 und 129 die am meisten vorkommenden Umrechnungsfaktoren.

Wären die Forstertrags-Angaben nicht in Körperfußen, sondern in gebräuchlichen Holzmaßen (Klaftern 2c.) ausgebrückt: so verwandelte man sich dieselben vorher in Körperfuße, wobei zugleich weiter anzuwendende Sortenverhältnisse gewonnen würden.

VII. Progressionen.

1. Die arithmetische Progression.

§. 86. Arithmetische Reihe.

Eine Zahlenreihe, worin die auf einander folgenden Glieder gleiche Differenz haben, heißt eine arithmetische Progression ober Reihe. 3. B.

3, 5, 7, 9, 11 ober

13, 10, 7, 4, 1.

Die arithmetische Reihe ist eine fortgesetzte stetige arithmeti= sche Proportion (§. 57.).

$$3-5=5-7=7-9...$$

Der allgemeine Ausbruck für die arithmetische Progression ist: a, a ± d, a ± 2d, a ± 3d, a ± 4d, a ± 5d ... Daraus ergiebt sich zuvörderst: Jede Reihe ist nach ber einen Seite steigend und nach der andern fallend; jedes Glied besteht in der steigenden Reihe aus dem vorhergehenden Gliede sammt der Differenz, in der fallenden aus dem vorhergehenden weniger der Differenz.

§. 87. Summirung ber arithmetischen Reihe.

Aus obigem allgemeinen Ausdrucke der arithmetischen Pros gression folgt weiter:

1) Die Summen des ersten und letzten Gliedes, des zweisten und vorletzten Gliedes, überhaupt je zweier Glieder, von welchen das eine so weit vom Anfange als das andere vom Ende absteht, gleichen einander. Sie sind hier durchgängig 2a ±5d, oder in einem Zahlenbeispiel:

- 2) Die Summe der ganzen arithmetischen Reihe gleicht also der Summe des ersten und letzten Gliedes, multiplizirt mit der halben Anzahl der Glieder; in obigem allgemeinen Ausdrucke $(2a \pm 5d) \times \frac{5}{2}$, und in dem letzten Zahlenbeispiel $(2+16) \times \frac{5}{2} = 72$.
- 3) Bezeichnet man von der arithmetischen Progression die Summe mit S, das erste Glied mit a, das letzte mit t und die Anzahl der Glieder mit n: so ist

$$S = (a + t) \times \frac{n}{2} = \frac{a+t}{2} \times n = \frac{(a+t)n}{2}.$$

4) Die Summe einer jeden arithmetischen Reihe wird daher gefunden, in dem man die Summe des ersten und letzten Gliedes mit der halben Anzahl aller Glieder multiplizirt. So ist die Summe der Zahlen von 1 bis 100:

$$(1 + 100) \times \frac{100}{2} = 101 \times 50 = 5050$$
, was auch auß $\frac{101}{2} \times 100$ ober $\frac{101 \times 100}{2}$ hervorgeht.

5) Wenn eine arithmetische Reihe von dem Nullpunkte aus: geht und n die Anzahl ber wirklichen Glieder bedeutet, z. B.

0, d, 2d, 3d, nd,
so iff
$$S = (0 + nd) \times \frac{n+1}{2}$$
,
= nd $\times \frac{n+1}{2}$.

6) Der obige allgemeine Werth von S führt zu folgenden Gleichungen, nach welchen man das erste und letzte Glied so= wohl, als die Anzahl der Glieder sinden kann:

$$S: \frac{n}{2} = a + t; S: \frac{n}{2} - t = a; S: \frac{n}{2} - a = t; \frac{2S}{a + t} = n.$$

§. 88. Abtriebsformeln.

1) Bestandes=Abtrieb. Die Regel, wonach man den gleichmäßigen Abtrieb eines Waldbestandes oder Waldtheiles berechnet, gründet sich auf Summisung der arithmetischen Progression. Sollte z. B. ein Holzbestand, der im Jahre vor dem Angriff 50000 K. Fuß Holzvorrath mit 2 pCt. Zuwachs hat, während der nächsten 10 Jahre gleichsmäßig abgetrieben werden, und man rechnete vorläusig für jedes Jahr den 10. Theil des vorhandenen Holzvorrathes besonders ab, nämlich solow: so wäre noch an Zuwachs zu erwarten von dem allmählich abnehmenden Holzbestande:

Im Schätzungsjahre, v. 50000 c. Holzvorrath, 1000 c. - 1. Abtriebsjahre, - 45000 c. 900 c.' » 40000 c.' 2, 800 c. » 35000 c.′ **.** 3. 700 c.′ » 80000 c.′ 600 c.′ 4. [»] 25000 c.′ **5.** 500 c.′ ⁷ 20000 c.′ **.** 6. 400 c.′ ["] 15000 c.' 300 c. - 7. " 10000 c.' 200 c.′ 8. 5000 c.′ 100 c.′ 9. · 10. 0 c.' 0 c.′

Die Summe dieser Zuwachsreihe ift

$$1000 \times \frac{10+1}{2} = 5500 \text{ R.Fuß (§. 87. 5.)}.$$

Theilte man nun dieselbe in die 10 Abtriebsjahre mit ein, so käme davon auf jedes noch $\frac{5}{1}$ $^{0.0}_{0.0}$ = 550 K. Fuß, und die ganze jährliche Abtriebsmasse wäre:

$$\frac{\frac{50000}{10} \text{ R.Fuß von dem anfänglichen Holzvorrathe,}}{\frac{1000 \times \frac{10+1}{2}}{10} \text{ R.Fuß v. dem Holzuw. während der Abtriebszeit.}}$$

$$\frac{50000+1000 \times \frac{10+1}{2}}{10} = 5550 \text{ R.Fuß zusammen.}$$

Indessen würde bei dem so berechneten Angrisse der Holzbesselland nicht ausreichen, weil man den Zuwachstheil nicht abgessondert von dem Holzvorrathe ganz für sich nehmen könnte, wie die Zinsen von dem Kapitale, sondern deßhalb in dem Holzvorrathe vorgreisen und dadurch den Zuwachs verkürzen müßte. Der ersten Hauung trüge es nämlich von dem Holzvorrathe doch eigentlich nur 5000 KHuß mit dem daran besindlichen eigenen Zuwachse von 2 pCt. oder 100 KHuß, und es sehlten dem Zuwachstheile noch 450 KHuß, welche dem Holzvorrathe vorgrisse weise entnommen werden müßten. Bei der zweiten Hauung hätzten die 5000 KHuß des Holzvorrathes an sich erst 200 KHuß Zuwachs, und es sehlten abermals 350 KHuß. Späterhin gliche sich das zwar in Etwas wieder aus; aber am Ende reichte der Bestand doch nicht ganz zu.

Da nun ohnedies keine einzige Zuwachsschätzung wegen ihres mindern Genauigkeitsgrades einer so scharfen Rechnung entspricht: so nimmt man von obiger Zuwachsreihe ein Glied wenisger, nämlich:

$$1000 \times \frac{10}{2} = 5000 \text{ s.Fub},$$

und der jährliche Angriffssatz wäre

$$\frac{50000+1000\times 5}{10}=5500$$
 R.Fuß.

Die allgemeine Regel, nach welcher ber Gesammtertrag eines Holzbestandes berechnet wird zu gleichmäßigem Abtriebe während einer gewissen Zeit, ist also:

Man multiplizire den vollen einjährigen Buwachs mit der halben Jahl der Abtriebsjahre, und addire das Produkt zu dem im Jahre vor der ersten hauung vorhandenen Holzvorrathe; ober:

Ran rechne zu dem anfänglichen Holzvorrathe den vollen Zuwachs bis zur Mitte der Abtriebspez tiebe, gerade so, als würde der Holzbestand zu dieser Zeit auf ein Ral abgetrieben.

a) Soll dann der jährliche Ertrag noch ausgeworfen werden, so theilt man den Gesammtertrag durch die Zahl der Abstriedsjahre. Hätte z. B. ein Holzbestand gegenwärtig 4350 Klftr. mit 125 Klftr. jährlichem Zuwachse, und sollte derselbe nach Verslauf von 10 Jahren in 10 auf einander folgenden Jahren gleichs mäßig abgetrieben werden: so rechnete man

4350 Klftr. anfänglichen Holzvorrath,
1250 » Zuwachs der ersten 10 Jahre,
625 » Zuwachs auf die halbe Abtriebszeit;

6225 Klftr. zusammen.

Davon wäre ber jährliche Angriffsfat :

$$\frac{6225}{10} = 622\frac{1}{2}$$
 Klftr.

Hierbei hatte man ben Zuwachs auch gleich auf alle 15 Jahre zusammenfassen können, nämlich:

$$\frac{4350 + 125 \times 15}{10} = 622,5 \text{ fiftr.}$$

b) Erfolgte nun der Abtried zu einer andern Zeit, etwa in dem 8., 9., 10. und 11. Jahre mit ziemlich gleichen Hauungen, und ergäbe derselbe 5700 Klftr.: so könnte wohl gefragt werden, wiesern dieser wirkliche Ertrag von der Schätzung eigentlich abzewichen sei. Hier hätte man nur zu berechnen, wie viel der Bestand zur Mitte dieser veränderten Abtriedszeit den geschätzten Brundlagen gemäß abwerfen sollte, nämlich:

4350 Klftr. anfänglichen Holzvorrath,

1125 " Zuwachs auf 9 Jahre;

5475 Klftr. zusammen.

Es wäre also an Ertrag gegen die Schätzung gewonnen worden 5700 — 5475 — 225 Klftr. Diese können eben sozwohl bei der Ertragsschätzung in dem anfänglichen Holzvorrathe, oder in dem Zuwachse, oder in beiden zugleich übersehen, als bei der Ertragsentnehmung durch mindere Füllung der Holzmaße ersübrigt worden sein, was sich nicht bestimmt nachweisen ließe.

2) Baldabtrieb. Hätten bie Bestände eines Baldver= bandes durch alle Altersstufen hindurch einen sich durchaus gleich= bleibenden Jahreszuwachs d, und wären in ersterem alle Alters= klassen vom ljährigen Schlage bis zum Abtriebsalter n gleich= mäßig vertreten: so bildeten diese Bestände eine arithmetische Progression,

Die Summe des ganzen Holzvorrathes ware bemnach

$$S = nd \times \frac{n+1}{2}$$
 (§. 87. 5.)

und der älteste Schlagbestand wäre:

$$nd = S: \frac{n+1}{2}.$$

Dieser älteste Schlagbestand ift aber gleich dem jährlichen Abtriebsertrage, welcher sich mithin ergiebt, wenn man ben gefundenen Holzvorrath durch die Hälfte der mit 1 vermehrten Glieberzahl oder Umtriebszeit dividirt.

Wäre S=6000 Massenklastern und n=24 Jahre, so trüge es unter obiger Voraussetzung zum jährlichen Abtriebe $6000:\frac{24+1}{2}=480$ Mklftr. Diese Berechnungsart könnte freislich nur unter ber angenommenen Voraussetzung zu einem trefsenden Ergebnisse sühren, daß nämlich die Bestandsmassen durch alle Altersstusen ganz progressiv stiegen. Sie wird indeß bei der

Forstabschätzung nicht selten mit gebraucht und bildet insbesonbere bie mathematische Grundlage ber sogenannten Östreichischen Lameraltaration.

§. 89. Ergänzung ber arithmetischen Reihe.

Bon dem obigen allgemeinen Ausdrucke der arithmetischen Reihe

a,
$$a + d$$
, $a + 2d$, $a + 3d$, $a + 4d$, $a + 5d$...
läßt sich leicht ableiten, wie man mit Hülse der Differenz seh: lende Zwischenglieder zu suchen und abweichende zu berichtigen dat. Wäre das erste Glied a und das sechste $a + 5d$, so wäre die einsache Differenz $\frac{(a + 5d) - a}{5} = d$. Diese legte man nur

jum ersten Gliebe 1, 2, 3, 4 mal und bekäme badurch das 2., 3, 4. und 5. Glieb.

1) Hätte man z. B. gefunden, daß ein Waldverband wähznend des I. Jahrzwanzigts 4750 Klftr. abwerfen könne, und wäre ein stetiges Steigen des Ertrags vorauszusetzen dis zum VI. Jahrzwanzigt, wo der Vollertrag mit 5800 Klftr. einträte: so betrüge die Differenz, von Periode zu Periode gerechnet,

$$\frac{5800-4750}{5} = 210,$$

und die Ertragsreihe selbst:

I. Jahrzwanzigt 4750 Klftr.

		210	
11.	"	4960	"
		210	
m.	*	5170	"
		210	
IV.	#	5380	"
		210	
V.	n	5590	77
		210	
VI.	"	5800	n

2) Bei der örtlich und zeitlich sondernden Holzertrage=Ub=

denerträge zuvor summarisch ausgeglichen werden, ehe man die Versetzung der verschieblichen Ortserträge vornimmt. Ergäbe z. B. eine Ertrags=Zusammenstellung für

bas I. Jahrzwanzigt 2000 Klftr.,

» II. » 1900 »

" III. " 2500 "

" IV. " 2700 " "

so bestimmte man zuvörderst eine, den Umständen ziemlich ents sprechende Ertragsreihe und versuchte nun, wie sich dieselbe aus den gesundenen Periodensummen, nach Maßgabe eines durchsschnittlich angenommenen Massenzuwachs Prozentes, herstellen ließe; denn jede Versetzung in eine andere Abtriebszeit ändert auch die Ertragsmasse. Gesetz, man bevorzugte folgende Ertragszeihe:

$$2000 - 2100 - 2300 - 2500$$
.

Bei beren Einrichtung bliebe das I. Glieb unverändert. Das II. müßte von dem III. 2100 - 1900 = 200 Klftr. bekommen. Betrüge nun der jährliche Zuwachs von der Mitte des II. dis zur Mitte des III. Jahrzwanzigts 3 pCt.: so setzte man $100:100 + (3 \times 20) = 200: x$ (§. 88. §. 74.) und sände, daß dem III. 320 Klftr. zu entnehmen wären, um den Ertragszaussfall des II. von 200 Klastern zu decken. Dem III. blieben 2500 - 320 = 2180 und es brauchte noch zur Ergänzung 120 Klftr. Diese würden dem IV. mit $\frac{(100+3\times 20)\times 120}{100} = 192$ abgenommen, welches nun 2700 - 192 = 2508 Klftr. des hielte, was vorläusig genügte. Ebenso schiebt man Ertragsmassen sien mit ihrem um den Zuwachs vermehrten Nachwerth hinter (§. 74.).

3) Ähnliche Ergänzungen sind bei manchen Normalertrags= Aufstellungen nöthig, wie sie z. B. in nachstehender Tabelle über= sichtlich dargestellt sind.

Wier.	Borgefuns bene Bestandess masse.	Periodis fcer Zahress zuwachs.	Inters polation L	Diffe im peri Zahreszu	odischen	Naturgemäß aufgereihes ter Zahreßs zuwachs.	Inters polation II.
1. 40 41 42 43 44 45 46 47 48 49 50 51 52 53	2. 800 1125 1500	8. 65 65 65 65 75 75 75 75 85 85 85	4. 800 865 930 995 1060 1125 1200 1275 1350 1425 1500 1585 1670 1755	* 65 * 75	2	7. 61 63 65 67 69 71 73 75 77 79 81 83 85	8. 800 861 924 989 1056 1125 1196 1269 1344 1421 1500 1581 1664 1749
54 55	1925	85	1840 1925			89	1836 - 1925

Man habe nämlich durch wirkliche Ermittlungen gefunden, daß ein Holzbestand in seinem

40 45 50 55jährigen Alter 800 1125 1500 1925 Kfß. Massengehalt habe, und wolle banach, Behufs Aufstellung einer Ertragstafel, den Rassengehalt für die zwischenliegenden Jahre interpoliren.

Der periodische Jahreszuwachs (Spalte 3.) ist:

bon 40 zu 45 =
$$\frac{1125-800}{5}$$
 = 65;
bon 45 zu 50 = $\frac{1500-1125}{5}$ = 75;
bon 50 zu 55 = $\frac{1925-1500}{5}$ = 85.

Danach könnte man nun die jährliche Steigung bes Holz-

gehaltes unmittelbar ausrechnen, wie es Spalte 4. geschen ift. Es ergabe sich nämlich:

Die hierbei untergestellte Zuwachsreihe (Spalte 3.) zeigt jestoch im 45. und 50. Jahre ganz naturwidrige Sprünge von 65 auf 75, und von 75 auf 85, während der wirkliche Jahreszuwachs sich von allen solchen periodischen Absätzen frei hält. Um denselzben geeigneter aufzureihen, stellt man den periodischen Jahreszuwachs bloß auf die Mitte seiner Periode (Spalte 5.) und verztheilt die Differenz von einem dieser Hauptglieder zum andern auf alle Zwischenglieder. Eine solche rückzund vorwärts anschließende Reihung ließe sich hier z. B. mittels $\frac{75-65}{5} = 2$ und eben somittels $\frac{85-75}{5} = 2$ bewirken; diese sührte zu dem in Spalte 7. mehr naturgemäß ausgereiheten Jahreszuwachse, woraus sich dann der jährlich sortschreitende Massengehalt (Spalte 8.) ergiebt,

Eine noch gesuchtere Aufreihung wäre mindestens für die Genauigkeit solcher Grundlagen überflüssig; denn schon hier erscheinen die Unterschiede beider Interpolations-Methoden ganz unerheblich.

2. Die geometrische Progression.

§. 90. Geometrische Reihe.

Eine Zahlenreihe, in welcher die auf einander folgenden Glies der gleiche Quotienten haben, heißt eine geometrische Pros gression oder Reihe. 3. B.

Die geometrische Reihe ist eine fortgesetzte stetige geometrissche Proportion (§. 61.).

$$81:27=27:9=9:3...$$

Der allgemeine Ausbruck für bie geometrische Progression ist: a, aq, aq2, aq4, aq5 . . .

Hierin kann der Quotient q, wie bei der Proportion, grözker, oder kleiner sein als 1; im ersten Falle ist die Reihe steigend, im zweiten fallend. Daraus ergiebt sich, daß in jedem Falle das folgende Glied der geometrischen Reihe aus dem Produkte des vorhergehenden Gliedes mit dem Quotienten besteht, und daß dagegen jedes vorhergehende Glied gefunden wird, wenn man das solgende durch den Quotienten dividirt.

§. 91. Summirung ber geometrischen Reihe.

Rimmt man irgend eine steigende geometrische Reihe an mb nennt ihre Summe 8, 3. B.

a + aq + aq² + aq² + aq⁴ + aq⁵ == 8, multiplizirt bann alle Theile bieser Gleichung mit dem Quotien: ten q, wie folgt:

aq + aq³ + aq³ + aq⁴ + aq⁵ + aq⁶ = Sq, und zieht die erste Gleichung von der andern ab, so bleibt:

$$aq^6-a=8q-8,$$

ober $(aq^5 \times q) - a = S \times (q - 1)$, und wird auf beiden Seiten durch q - 1 bividirt, so ergiebt sich die Formel

$$\frac{(aq^5 \times q) - a}{q - 1} = S.$$

Die Summe der steigenden geometrischen Reihe wird also gefunden, wenn man das höchste Glied mit dem Quotienten multiplizirt, davon das nies brigste Glied abzieht, und ben Rest durch den um 1 verminderten Quotienten bividirt.

Ist die Reihe fallend und mithin der Quotient ein eigentlischer Bruch, so kehrt man denselben um und nimmt die Reihe marts. 3. B. in

ist der Quotient &, und für die rückwärts genommene Reihe } == 3; baher die Summe

$$= \frac{(162 \times 3) - 2}{3 - 1} = 242.$$

3. Die Logarithmen.

§. 92. Logarithmensnstem.

In einer geometrischen Progression, beren erstes Glieb 1 ist, z. B. 1. 10. 100. 1000. 10000. 100000. 1000000. . . ober 10° 10¹ 10² 10³ 10⁴ 10⁵ 10⁶ . . ., wie wir sie schon in §. 43. kennen gelernt haben, sind alle Glies ber Potenzen, beren Erponenten 0, 1, 2, 3, 4, 5 . . in arithe metischer Progression mit fortlaufen, als Faktorenzeiger jedes zugehörigen Gliedes in der Potenzenreihe.

In einer solchen Potenzenreihe findet man die Stelle des Produktes und die des Quotienten zweier Glieder mitztels der Summe oder der Differenz ihrer beiden Exponenzten (§. 41. 5. 6.), nämlich:

$$100 \times 1000 = 100000; 100000 : 1000 = 100.$$

 $2 + 3 = 5; 5 - 3 = 2.$

Eben so ergiebt sich die Stelle einer neuen Pote'nz, ober einer neuen Wurzel von irgend einem Gliede durch das Prostutt, oder den Quotienten seines Exponenten mit dem gegebenen Grade (§. 41. 7. §. 42. 5.). 3. B.

$$1000^{2} = 1000000; \sqrt[3]{1000000} = 100.$$

 $3 \times 2 = 6 ; 6 : 3 = 2.$

Zwei ausführliche Zahlenreihen solcher Art gewähren bei weits läufigen Rechnungen bie großen Vortheile, daß man

> die Multiplikation durch Abdition, die Division durch Subtraktion, die Potenzerhebung durch Multiplikation, die Wurzelausziehung durch Division

der stellvertretenden Erponenten leicht verrichten kann.

Man nennt eine solche Zusammenstellung zweier Zahlenreihen

Logarithmensystem, ben Quotienten in der geometrischen oder Potenzenreihe Grundzahl und die Zahlen der arithmetisschen oder Exponentenreihe Logarithmen. Das Logarithmenssystem mit der Grundzahl 10 (das sogen. Briggische Logarithmen-System) ist zu unferer Zählweise am paßlichsten; es beruht auf folgender Grundlage:

Zahlen.	Logarithmen.	
1	n	0
10	"	1
100	N N	2
1000	*	3
10000	*	4
100000	17	5
1000000	*	6
10000000	*	7
100000000		8
1000000000	n	9
10000000000		10
u. s. w.		

Zur Ergänzung bieses Ansatzes berechnete man immersort zwischen den Gliedern der Zahlenreihe neue mittlere Proportio= nalzahlen (§. 63. 2.), wenn auch nur näherungsweise, und zwi= schen den Gliedern der Logarithmen die entsprechenden arithmeti= schen Mittelzahlen (§. 59.), und erhielt somit zu allen ganzen Zahlen die Logarithmen.

§. 93. 3ahl. — Logarithme.

Der Logarithme von 1 ist 0; die Logarithmen aller Zahlen iber 1 sind positiv, aller Zahlen unter 1 negativ (§. 43.). Nur die Logarithmen der ursprünglichen Potenzen 10, 100, 1000, 10000 u. s. w., wie auch von $\frac{1}{10}$, $\frac{1}{100}$, $\frac{1}{1000}$ u. s. w., sind ohne Brücke. Die Logarithmen aller Zwischenzahlen haben Brücke, die man der Bequemlichkeit wegen in Dezimalbrüchen ausgestrückt hat.

Die Logarithmen ber Zahlen

von 1 bis 9 haben 0 Einer, von 10 bis 99 haben 1 Einer, von 100 bis 999 haben 2 Einer, von 1000 bis 9999 haben 3 Einer,

zur ganzen Zahl.

An der Anzahl von Einern im Logarithmen erkennt man daher, aus welcher Ordnung die dazu gehörige Zahl ist. Hat z. B. der Logarithme 3 Einer, so reicht dessen Zahl in die Tausender oder in die vierte Stelle. Deshalb nennt man die ganze Zahl des Logarithmen auch Kennziffer oder Charaks teristik; die Dezimalen desselben heißen Zusat oder Mantisse.

Nach der Ordnung der Zahl bestimmt man wiederum die Charakteristik, die in vielen Logarithmentaseln ganz weggelassen ist. Es hat nämlich die ganze Zahl immer eine Stelle mehr, als die Charakteristik ihres Logarithmen positive Einer enthält.

§. 94. Logarithme einer gegebenen Bahl.

In den gewöhnlichen, z. B. den bekannten Bega'schen & garithmentaseln sindet man die Logarithmen aller ganzen Jahlen von 1 bis 100999. Ju den voran stehenden Jahlen gehören die obern Jissern noch als Einer. Dahinter und darunter solgen die Logarithmen abtheilungsweise mit gemeinschaftlichen Borderzissen, die dis dahin gelten, wo die Hinterzissen wieder mit 0 ansangen und zugleich ein Sternchen das Gebiet der nächsten Borderzissern anzeigt. Soll der Logarithme zu einer größern Jahl gesucht werden, etwa zu 5638254: so nimmt man zuvörderst den Logarithmen von so vielen Borderzissern der gegebenen Jahl, als die Taseln unmittelbar enthalten, hier nämlich den log. von 56382 — 4,7511405, vermehrt nun die Charakteristik desselben mit so viel Einern, als Jahlstellen zurückgestellt wurden, und erzgänzt die Mantisse noch mit dem Proportionaltheile, welchet diesem Jahlenreste zukommt. Die hier in Frage stehende, zu der

Bahlen = Differenz 1 gehörige Logarithmen = Differenz ist (. 482 — . 405 —) 77 und sindet sich mit ihren Zehnteln in den Tafeln (unter P. P. d. i. partes proportionales) hinten angefügt. Davon kommt auf 54, den zurückgestellten Zahlenrest, als 0,54 der Zah-len-Differenz 1:

für 0,5, binter 5, der Proportionaltheil 39, für 0,04, hinter 4, der Proportionaltheil 3.1. Zusammen 42.1.

Es käme also zu jenem Logarithmen 4,7511405 noch die Ergänzung 2 und 42,1 Daher log. von 5638254 = 6,7511447...

§. 95. Bahl zu einem gegebenen Logarithmen.

Ift ein gegebener Logarithme, wozu eben bie Zahl gesucht werden soll, nicht genau in den Tafeln enthalten: so nimmt man den nächst kleinern Logarithmen, zieht ihn von dem gegebenen ab, sucht wie vorhin zu dem Logarithmenreste den Proportionaltheil der Zahl und addirt denselben zu der Zahl vom nächst kleinern Logarithmen.

2,4978325 sei ber gegebene Logarithme.

2-4978277 ist der Logarithme von . . 314,65 . .

Zu dem Reste 48 gehört der Proportionaltheil 35

Die gesuchte Zahl ist also: 314,6535.

Die Charakteristik 2 verlangt nur 3 Stellen in ganzen Zahlen. Wäre sie vielleicht 8 gewesen, so hätte man noch 2 Nullen anhängen mussen, um 9 Stellen in ganzen Zahlen zu bekommen, nämlich: 314653500.

Wird die Zahl mit 10, 100, 1000 u. s. w. multiplizirt, oder dividirt, so ändert dies an ihrem Logarithmen nur allein die Chazakteristik.

6. 96. Logarithme eines Dezimalbruches.

Den Logarithmen eines Dezimalbruches nimmt man eben so, wie für eine ganze Zahl, und bestimmt zulest nur die Charakteristik nach dem Stande des Komma. 3. B. Der log. von 314,6535 ist 2,4978325

- » » 3,1,46535 » 0,4978325
- » » 0,3 1 4 6 5 3 5 » 0,4978325 1
- n 0,003146535 n 0,4978325 3
- » 0,000003146535 » 0,4978325 6.

Es verursachte in der Rechnung manche Unbequemlichkeit, wenn die Logarithmen der Jahlen unter 1, oder die der eigentslichen Brüche an sich negativ ausgedrückt würden. Daher beshält man bei denselben, wie so eben geschehen, die positive Mantisse bei und setzt dahinter mit einem Minuszeichen die Einer, um welche der Logarithme zu groß ist. Rückt nämlich in der Jahl das Komma um 1, 2, 3... Stellen vor, so nimmt auch ihr Logarithme um 1, 2, 3... Einer ab. Kann nun diese Abnahme nicht wirklich Statt sinden, so hängt man ohne Weiteres eine negative Charakteristik zur Rechten der Mantisse an, bis im Lause der Rechnung dieser Anhang wieder zu heben ist.

Wir haben daher folgende Bedeutung dieser angehängten negativen Charakteristik für Dezimalbruche zu merken:

bei — 1 enthält die höchste Stelle Zehntel,

- " 2 " " " Hunderttel,
- " 3 " " " Zausendtel,
- 4 " " Behntausendtel,

u. f. w.

Es bezeichnet also die negative Charakteristik allemal diejenige Stelle des Dezimalbruches, worin dessen erste zählende Ziffer von dem Komma aus stehen muß.

§. 97. Logarithme eines gemeinen Bruches.

Den Logarithmen eines gemeinen Bruches sucht man, wie ben eines Quotienten. Man zieht nämlich von dem Logarithmen des Jählers' den Logarithmen des Nenners ab (§. 92.).

Der Eogarithme von $\frac{1.17}{1221} = \log$. 117 — \log . 1221.

 \log von 117 = 2,0681859 = 4,0681859 - 2

log. von 1221 = 3,0867157

 $\log \ \text{von} \ \frac{117}{1221} = 0,9814702 - 2.$

Hier mußte die Charakteristik des Logarithmen von 117 um 2 vermehrt werden, damit man einen positiven Rest bekam; diesser erhielt deßhalb, weil er dadurch wirklich um 2 zu groß wurde, — 2 zum Anhange.

Zu obigem Logarithmen 0,9814702 — 2 findet man den Dezimalbruch 0,095823..; es könnten also auch mit Hülfe der Lozgarithmen gemeine Brüche in Dezimalbrüche verwandelt werden.

§. 98. Potenzerhebung und Wurzelausziehung.

Man erhebt eine Zahl zur Potenz durch Multiplikation ih= res Logarithmen mit dem Exponenten der gegebenen Potenz, und zieht umgekehrt aus einer Zahl die Wurzel, indem man ihren Logarithmen durch den Wurzelexponenten dividirt (§. 92.).

•

3. 28. 1)
$$37^4 = 37 \times 37 \times 37 \times 37$$
, also $\log 37^4 = 4 \log 37$. $\log 37 = 1,5682017$

 $\log. 37^4 = 6,2728068.$

Die Zahl dazu ist: 1874161.

2)
$$\log_{\bullet} \sqrt[3]{45325} = \frac{\log_{\bullet} 45325}{3} = \frac{4,6563378}{3} = 1,5521126.$$

Die Zahl dazu ist: 35,65436...

Da die Dezimalen der Logarithmen abgebrochen sind, so weichen, besonders bei Potenzen, die hintersten Stellen manchmal ab; diese Abweichung ist jedoch, zumal für den Genauigkeitsgrad forstlicher Berechnungen, ganz unerheblich.

§. 99. Proportionsrechnung mit Logarithmen.

Um Proportions aufgaben mit Logarithmen auszurech= nen, abdirt man die Logarithmen der beiden mittlern Glieder und zieht von dieser Summe den Logarithmen des Vordergliedes ab. Die Rechnung in §. 85. sührte zu $x = \frac{9 \times 3 \times 3 \times 125 \times 42}{7 \times 4 \times 4 \times 139,13}$. Darin könnten die kleinern Faktoren erst vereinigt werden in $\frac{81 \times 125 \times 42}{112 \times 139,13}$. Mun ware log. von 81 = 1,9084850 log. von 125 = 2,0969100

 \log . bon 42 = 1,6282498

 $\log. (81 \times 125 \times 42) = 5,6286443.$

Davon ab: log. von 112 = 2,0492180

und \log von 139,13 = 2,1434208

 $log. (112 \times 139,13) = 4,1926888$ Bliebe log. von x = 1,4360055.

Die Zahl dazu ist 27,29, wie oben.

Würde der Logarithme des Reduktionsfaktors besonders gesucht, nämlich

von bem log. (81×125) = 4,0053950 ab berlog. (112×139,13) = 4,1926388 fo erhielte man in 0,8127562 - 1

ben beständigen Logarithmen, mit welchem hernach jeder in weimarischem Maße gegebene Forstertrag in preußisches Maß verwandelt werden könnte. Solche beständigen Logarithmen merkt man sich an zu weiterm Gebrauche (§. 66. 2.).

4. Die Binseszinsrechnung.

§. 100. Grundverhältniffe ber Binfeszinfen.

Werben die Zinsen jährlich zu dem Kapitale geschlagen und als zinstragend mit berechnet: so nennt man dies Zinseszins= oder zufammengesetzte Zinsrechnung.

Das Kapital 1 wächst zu 4 Prozent mit Zinseszinsen:

in 1 Jahre auf (104)1;

benn 100: 104 = 1: x

unb $x = \frac{104}{100} \times 1 = (\frac{104}{100})^1$;

in 2 Jahren auf (104)2;

benn $100:104=(\frac{104}{100})^1:y$

und $y = \frac{104}{100} \times \frac{104}{100} = (\frac{184}{100})^2$;

in 3 Jahren auf (104)3;

benn $100:104=(\frac{104}{100})^2:z$

und $z = \frac{104}{100} \times (\frac{104}{100})^2 = (\frac{104}{100})^3$;

in 4 Jahren auf (104)4;

in n Jahren auf (188), u. s. w.

1 wird also mit p pCt. in n Jahren $\left(\frac{100 + p}{100}\right)^n *)$, und $\left(\frac{100 + p}{100}\right)^n$ war mit p pCt. vor n\tag{3ahren 1.}

Rach diesen allgemeinen Zinseszinsverhältnissen berechnet man den Rachwerth und die Zinseszinsen, den Vorwerth und den Rabatt, das Kapital, den Zinssuß und die Zinszeit, auch Rentenwerthe.

§. 101. Nachwerth mit Binfeszinfen.

Der Nachwerth eines Kapitales K mit Zinses= zinsen = entspringt aus der Proportion:

1:
$$\left(\frac{100+p}{100}\right)^{n} = K : K + z^{n}$$
.
Daher
 $K + z^{n} = \left(\frac{100+p}{100}\right)^{n} \times K$.

Ein Kapital von 3600 Fl. steigt hiernach mit 4 pCt. Zin= setzinsen in 12 Jahren auf

K + z" =
$$(\frac{104}{000})^{12} \times 3600 = 5763,7$$
 Fl.

Berechnung:

von log. $104 = 2,0170333$
ab log. $100 = 2,0000000$
bleibt log. $\frac{104}{100} = 0,0170333$
Diesen multiplizirt mit

12

340666

170338

giebt log. $(\frac{104}{100})^{12} = 0,2043996$
Dazu log. $3600 = 3,5563025$

Also log. $[(\frac{104}{100})^{12} \times 3600] = 3,7607021$.

Dessen 3ahl = 5763,7 wie oben.

Die Zinsedzinsen betragen

5763,7 - 3600 = 2163,7 %[.

^{*)} Da $\frac{100+p}{100}=1+\frac{p}{100}$, so kann man bafür, der leichtern Schreibart we: gen, auch $1_{.0p}$ seken; der obige Ausbruck wäre demnach auch $=(1_{.0p})^n$, oder bei $3\frac{o}{o}=(1,00)^n$, bei $3\frac{o}{o}=(1,00)^n$.

§. 102, Binfeszinfen.

Die Zinsekzinsen z" können auch für sich berechnet werben burch die Proportion:

$$1: \left(\frac{100+p}{100}\right)^n - 1^*) = K: z^*,$$

nach welcher

$$\mathbf{z}^{n} = \left[\left(\frac{100 + \mathbf{p}}{100} \right)^{n} - 1 \right] \times \mathbf{K}.$$

Dbige Zinseszinsen von 3600 Fl. bei 4 pCt. in 12 Jahren betragen mithin:

z' =
$$[(\frac{104}{100})^{12} - 1] \times 3600 = 2163,7 \text{ Fl.}$$

Denn log. $(\frac{104}{100})^{12} = 0,2043996$
Die Jahl dazu ist = 1,60103
 $2150 (\frac{104}{100})^{12} - 1 = 0,60103$
und $0,60103 \times 3600 = 2163,7$.

Wenn man beim Gebrauche der Logarithmen auf Glieder mit + oder — stößt, so muß zum Logarithmen jedes einzelnen Gliedes die zugehörige Zahl gesucht werden, weil man die Zahlen mittels der Logarithmen weder addiren, noch subtrahiren kann. Deßhalb ist diese abgesonderte Zinsenberechnung auch schwerfälliger.

§. 103. Borwerth zu Binseszinfen.

Den Vorwerth Keiner Summe oder den Werth derselben nach Abzug des Zinsezins=Rabattes z' findet man durch die Proportion:

$$\left(\frac{100+p}{100}\right)^n: 1 = K + z^n: K,$$

aus welcher folgt:

$$K = \frac{K + z''}{(\frac{100 + p}{100})^n} = (K + z') \times (\frac{100}{100 + p})^n$$
 (§. 21. 2.).

Wird z. B. gefragt: wie groß ist die Summe von 4000 Fl. mit 4 pCt. Zinseszinsen vor 10 Jahren gewesen? so antwortet man

^{*)} Da $\left(\frac{100+p}{100}\right)^n$ das Kapital 1 sammt Zinseszinsen ausbrückt, so ift $\left(\frac{100+p}{100}\right)^n-1$ der Ausbruck für die Zinseszinsen allein.

$$K = 4000 : (\frac{104}{100})^{10} = 2702,26 \%1.$$

Denn log. 4000 = 3,6020600

ab log. $(\frac{104}{100})^{10} = 0.1703330$

bleibt log. $[4000 : (\frac{104}{100})^{10}] = 3,4317270$.

Dessen Zahl ist 2702,26.

Anstatt 4000: $\left(\frac{104}{100}\right)^{10}$ könnte man auch, um sich der

Division zu überheben, setzen

$$4000 \times \left(\frac{100}{104}\right)^{10}$$
, nămlich:

$$\log 100 = 2,0000000 = 3,0000000 - 1$$

9,8296670 - 10 = 0,8296670 - 1

10

log.
$$(\frac{100}{104})^{10}$$
 also = 0,8296670 - 1

 $\log.4000 = 3,6020600$

$$\log 4000 \times (\frac{100}{100})^{10} = 3,4317270$$

und bessen Zahl = 2702,26.

Der Rabatt betruge:

$$4000 - 2702,26 = 1297,74 \%(, *).$$

§. 104. Binfeszins=Rabatt.

Der Zinseszins=Rabatt z" könnte auch für sich be= rechnet werden nach der Proportion:

$$\left(\frac{100+p}{100}\right)^n:\left(\frac{100+p}{100}\right)^n-1=K+z^n:z^n,$$

welche ergiebt:

$$z' = \frac{\left[\left(\frac{100+p}{100}\right)^{n}-1\right] \times (K+z'')}{\left(\frac{100+p}{100}\right)^{n}}.$$

Sollten z. B. 4000 Fl., zahlbar in 10 Jahren, jetzt abge= tragen werden, und der Schuldner dürfte Zinseszins-Rabatt mit 4 pCt. in Abzug bringen, so berechnete sich:

[&]quot;) Dieses Borwerthberechnen heißt im Handel "Discontiren".

$$z^* = \frac{[(\frac{184}{186})^{10} - 1] \times 4000}{(\frac{194}{106})^{10}} = 1297,74 \text{ H.}$$

$$\text{Denn log.} \quad (\frac{104}{106})^{10} = 0,1703330$$

$$\text{Die 3ahl bazu ist} = 1,480243$$

$$\text{also } (\frac{104}{106})^{10} - 1 = 0,480243$$

$$\text{log.} \quad [(\frac{104}{100})^{10} - 1] = 0,6814610 - 1$$

$$\text{log.} \quad 4000 = 3,6020600$$

$$\text{log.} \quad ([(\frac{104}{100})^{10} - 1] \times 4000) = 3,2835210$$

$$\text{log.} \quad (\frac{104}{100})^{10} = 0,1703330$$

$$\text{log.} \quad \frac{[(\frac{194}{100})^{10} - 1] \times 4000}{(\frac{184}{100})^{10}} = 3,1131880$$

$$\text{Die 3ahl bazu ist } 1297,74.$$

§. 105. Rapital zu Zinseszinsen.

Das Kapital K ergiebt sich aus den Zinseszinsen z' durch folgende Proportion:

$$\left(\frac{100+p}{100}\right)^n - 1:1 = z^*: K,$$
 in dem Werthe: $K = \frac{z^*}{\left(\frac{100+p}{100}\right)^n - 1}$.

Hiernach ist ein Kapital, das mit 4½ pCt. in 3 Jahren 1500 Fl. Zinseszinsen abwirft:

K =
$$1500 : \left[\left(\frac{104,5}{100} \right)^3 - 1 \right] = 10625,48 \text{ H.}$$

Denn log. $\left(\frac{104,5}{100} \right)^3 = 0,0573489$

Die Bahl bazu = 1,14117

also $\left(\frac{104,5}{100} \right)^3 - 1 = 0,14117$

log. 1500 = 3,1760913

log. $\left[\left(\frac{104,5}{100} \right)^3 - 1 \right] = 0,1497424 - 1$

log. $1500 : \left[\left(\frac{104,5}{100} \right)^3 - 1 \right] = 4,0263489$

Die Bahl bazu ist 10625,48.

§. 106. Binsfuß zu Binseszinfen.

Die Prozente p berechnet man nach dem Kapitale, dessen Rachwerth K+=" und ber Zinszeit n mittels ber Proportion:

$$K : K + z^n = 1 : \left(\frac{100+p}{100}\right)^n$$

Aus dieser geht hervor:

$$\frac{\left(\frac{100+p}{100}\right)^{n} = \frac{K+z''}{K}}{\frac{100+p}{100} = \sqrt[n]{\frac{K+z''}{K}}}$$

$$100+p = \sqrt[n]{\frac{K+z''}{K}} \times 100$$

$$p = \sqrt[n]{\frac{K+z''}{K}} \times 100 - 100.$$

Wäre ein Kapital von 800 Fl. im Verlauf von 6 Jahren mit Zinseszinsen zu 1080 Fl. angewachsen, so betrüge:

$$p = \sqrt[6]{\frac{1080}{800}} \times 100 - 100 = 5{,}13 \text{ pGt},$$

§. 107. Binszeit zu Binseszinsen.

Die Zinszeit n läßt sich ebenfalls aus bem Kapitale, bessen Rachwerth K+z" und den Prozenten p mittels der Proportion:

$$K: K + z^n = 1: \left(\frac{100+p}{100}\right)^n$$

entziffern, namlich:

$$\frac{\left(\frac{100+p}{100}\right)^{n} = \frac{K+z''}{K}}{\log \cdot \left(\frac{100+p}{100}\right)^{n} = \log \cdot \frac{K+z''}{K}}$$

$$\ln \log \cdot \frac{100+p}{100} = \log \cdot \frac{K+z''}{K}$$

$$\ln \frac{\log \cdot \frac{K+z''}{K}}{\log \cdot \frac{100+p}{100}}$$

Würde nach der Zeit gefragt, in welcher 3000 Fl. mit 5 pEt. zu 5500 Fl. anwachsen, so antwortete man:

$$n = \frac{\log \cdot \frac{5500}{3500}}{\log \cdot \frac{105}{105}} = \frac{0,9632414}{0,0211898} = 12,422$$
 Jahre = 123.5 Mon. 2 Tage.

§. 108. Rentenrechnung.

Renten sind jährlich erfolgende, gleiche Einnahmen. Die vollkommene Rente geht immerwährend von Jahr zu Jahr ein, und gleicht somit den Zinsen eines feststehenden Kapitales. 600 Fl. jährliche Einkunfte haben bei 4 pCt. nach der Proportion:

$$4:100=600:K$$

zum Kapitalwerth $\frac{100}{4} \times 600 = 15000$ Fl.

Nennen wir von einer solchen immerwährenden Rente die jährliche Rentenpost r, so ist das Rentenkapital, nach der allge= meinen Proportion

$$p : 100 = r : K,$$
 $K = \frac{100}{p} \times r,$

das Produkt des Einheitskapitales $\frac{100}{P}$ mit der Rentenpost r (§. 76. 1.).

Führen wir nun einmal, gleichsam zur Probe, alle einzelnen Rentenposten, wie sie der Zeit nach eingehen, für sich auf ihren Jehtwerth, so erhalten wir (n. §. 103.) sur die im

1. 2. 3... n Jahre nach w langer Zeit fal-

$$1. = \left(\frac{100}{100 + p}\right) \times r$$

$$2. = \left(\frac{100}{100 + p}\right)^{2} \times r$$

$$3. = \left(\frac{100}{100 + p}\right)^{3} \times r$$

$$\vdots$$

$$n_{n} = \left(\frac{100}{100 + p}\right)^{n} \times r$$

$$\vdots$$

$$\infty = \left(\frac{100}{100 + p}\right)^{\infty} \times r$$

Die Summe dieser sämmtlichen Jetztwerthe aller Rentenpossten ist bemnach:

 $\left[\left(\frac{100}{100+P} \right)^{1} + \left(\frac{100}{100+P} \right)^{2} + \left(\frac{100}{100+P} \right)^{3} + \dots \left(\frac{100}{100+P} \right)^{\infty} \right] \times r.$ Die Klammergrößen bilden eine fallende geometrische Reihe, deren höchstes Glied $\frac{100}{100+P}$, deren Quotient $\frac{100+P}{100}$ und deren niedrigskes Glied, als unendlich hohe Potenz eines eigentlichen Bruches, $\left(\frac{100}{100+P} \right)^{\infty} = 0$ ist. Nach der Formel für die Summirung

geometrischer Reihen §. 91. ergiebt sich also:

$$\frac{\left(\frac{100}{100+P} \times \frac{100+P}{100}\right) - \left(\frac{100}{100+P}\right)^{\infty}}{\frac{100+P}{100} - 1} \times r = \frac{1-0}{\frac{100}{100} + \frac{P}{100} - 1} \times r = \frac{1-0}{\frac{1-0}{100}} \times r = \left[1 : \frac{P}{100}\right] \times r = 1 \times \frac{100}{P} \times r = \frac{100}{P} \times r, \text{ folglidy}$$

wieder der obige Kapitalwerth von der ganzen Rente. Dies bes gründet ein weiteres Verfahren, wie man auch einzelne Rentensposten und Rentenstücke für sich kapitalisiren kann; es versteht sich aber, nur vermittelst der Zinseszinsrechnung.

VIII. Walbwerthberechnung.

§. 109. Grundlagen ber Balbwerthberechnung.

Der Geldwerth einer Waldung, oder eines Waldstückes, so wie der wahrscheinliche Sewinn von einer Holzanlage, wird bes wonet nach den davon zu erwartenden Einnahmen und Ausstehen und nach dem geeigneten Zinsfuße.

Die Einnahmen werden gewonnen von allen verkäufli= den Holz = und andern Nugungen. Die Ausgaben bestehen

^{°)} Der eigentliche Quotient ist $\frac{100}{100+p}$, also ein ächter Bruch; dieser aber wird (nach §. 91.) bei Summirung fallender- geometrischer Reihen umgekehrt, ift also $=\frac{100+p}{100}$.

in Berwaltungskosten, etwaigen Abgaben, Unterhaltungskosten, Bereitungskosten u. dgl. m. Den Zinsfußzur Verwandlung der künftigen Einnahmen und Ausgaben in ihren gegenwärtigen Kapitalwerth bestimmt man nach den eben herrschenden Zinsvershältnissen und nach besondern Absichten und Zwecken der Bestheiligten.

Hier kann weder vom Eigenwerthe des Bodens und des Holzvorrathes, noch von einer Umsetzung des letztern in einträgzlicheres Geldkapital, noch von Thulichkeit der aussetzenden oder nachhaltigen Benutzung, oder von gänzlicher Waldzerschlagung gehandelt werden, auch nicht von Ersparung in der Verwaltung und Unterhaltung, oder von andern Mitteln und Wegen zur Bezstimmung und Erhöhung des Reinertrags. Das Alles ist Gegenzstand der Forstabschätzung, aber nicht der Werthberechnung.

Wir sehen hier alle Einnahme = und Ausgabeposten, so wie den Zinssuß als unbedingt gegeben an, mittels gründlicher Erswägung aller bezüglichen Verhältnisse, und berechnen danach den Waldwerth mit strenger Beobachtung des Grundsases: Der gesuchte Geldwerth muß dem gegenüber gegebenen Reinertrage aller Zeiten gleichen, oder der Verkäusfer mit seinem Kapitaleinkommen muß dem Käufer mit seinem Forsteinkommen durchaus gleich stehen.

§. 110. Vorbereitung zur Rechnung.

Bei einem ganzen Waldverbande mit Nachhaltsbe=
trieb erfolgen die Einnahmen und Ausgaben ununterbrochen
von Jahr zu Jahr. Man ordnet die Erträge gewöhnlich zwischen
gleiche Zeitabschnitte, in Jahrfünfte, Jahrzehnde oder Jahrzwan=
zigte, dis dahin, wo die ständige Nutung eintritt. In der Re=
gel sindet während eines jeden solchen Zeitraumes ein gleichmäßiger
Betrieb, also auch ein jährlich gleicher Ertrag Statt. Die da=
durch erhaltenen Rechnungsposten haben daher die Beschaffenheit
ordentlicher Kenten, die wenigstens von einem Zeitabschnitte zum
andern jährlich gleich stehen.

Die einzelnen Walbstücke ober Holzanlagen sind einem aussehenden Betriebe unterworfen; denn es kann darin nicht alljährlich gewirthschaftet werden. Die Einnahme = und Ausgabeposten derselben ergeben sich daher mehr vereinzelt, sind indes oft auch periodisch wiederkehrend.

Zum Ansatze der Werthberechnung werden alle geschätzten Raturalerträge in Geld ausgeworfen. Dabei gleicht man schon manche Ausgaben gegen Einnahmen aus, zieht nämlich ständige holzabgaben von dem Holzertrage, Bereitungskosten von dem Berkaufspreise ab, u. s. w. Hiernächst werden die gleichzeitigen Gelderträge und Geldausgaben, so viel als thulich, gegen einanz der ausgehoben und so zusammengereiht, wie es zur leichtern Rechnung eben dienlich ist.

Wir nehmen in der Regel die Verfallzeit jeder Einnahmes und Ausgabepost zu Ende des dabei genannten Jahres an, und zählen daher Alles, was ganz zu Anfang des ersten Jahres besonders eingeht, oder ausgegeben werden muß, für sich mit auf. In jedem Rechnungsfalle bestimmen wir zuvörderst das allgemeine Werthverhältniß, oder den fraglichen Werth von 1, und multipliziren diesen mit der gegebenen Post. Die gewöhnslich vorkommenden Werthe von der in Frage stehenden Einheit sinden sich in den anliegenden Werthtafeln A, B, C, D und E, S. 134 bis 142.; wo diese nicht zureichen, gebraucht man kogarithmen.

In unsern Formeln sind folgende allgemeinen Bezeichnungen und Ausdrücke beibehalten:

p für die Prozente,

für das Einheitskapital,

100+p für den spätern Werth von 1 nach einem Jahre,

100 für den frühern Werth von 1 vor einem Jahre,

n' für die volle Jahreszahl der Zinseszinszeit. Dahei sind die assahanen Kölle durch hildliche De

Dabei sind die gegebenen Fälle durch bildliche Darstellung ihrer Zeitfolge mehr verfinnlicht.

§. 111. Nachwerth einmaliger Einnahmen. Taf. A.

$$1 \cdots \frac{n}{\left(\frac{100+p}{100}\right)}$$

Der spätere Werth von Einnahmen ober Aussgaben kommt vorzüglich bei Holzanlagen in Betracht und ist nichts anderes, als der Nachwerth. Zur Berechnung besselben bient ber allgemeine Sat:

1 giebt
$$\left(\frac{100+p}{100}\right)^n$$
,

nämlich: 1 wird in n Jahren mit p Prozent Zinseszinsen $\left(\frac{100+p}{100}\right)^n$ (§. 101.).

Würde z. B. ein Morgen Land jetzt für 5 Thlr. mit Erlen bepflanzt, und man fragte, wie hoch diese Ausgabe zu 4 pCt. Zinseszinsen in 20 Jahren anwächst: so würde 1 zu (184)²⁰ und 5 zu 5 × (184)²⁰ hinaufsteigen.

Dieser Erwartungswerth von 1, nämlich $(\frac{1}{1},\frac{3}{4})^{20}$, könnte, wie oben geschehen, durch Logarithmen ausgemittelt werden; kürzer nimmt man ihn jedoch unmittelbar aus der hier angesügzten Nachwerthtasel A, 134 und 135., welche $\left(\frac{100+p}{100}\right)^n$ für alle uns vorkommenden Fälle in bestimmten Jahlen enthält. Hierin steht unter 4 Prozent und hinter der Jahreszahl 20, als Nachwerth von 1, die Jahl 2,19112 $= (\frac{1}{1},\frac{1}{2})^{20}$. Danach ist der gesuchte Werth

5×2,19112 = 10,9556 Thir. = 10 Thir. 28 Ggr. 8 Pf.

Bur Berechnung des Nachwerthes einer einzelnen Einnahmes oder Ausgabepost haben wir also die Regel: Man multipliszire die gegebene Post mit der Werthzahl von 1 aus der Nachwerthtafel A bei gleichen Prozenten und gleicher Zeit.

Der Nachwerth von 25 Thlr. in 18 Jahren mit 34 Prozent Zinseszinsen würde berechnet:

1,8 5 7 4 9 Werthzahl von 1.

× 2 5 Gegebene Zahl.

9 2 8 7 4 5

3 7 1 4 9 8

4 6,4 3 7 2 5 Thir. Nachwerth von 25.

Der Nachwerth mehrmaliger Einnahmen ober Ausgaben aus der Bergangenheit kann eben auch mittels Taf. A posten= weise berechnet werden.

Der Jetztwerth einer von 20, 15 und 10 Jahren erfolgten Einnahme von je 120 Thlr. ist bei 4 Prozent:

§. 112. Vorwerth einmaliger Einnahmen. Taf. B.

$$\underbrace{\left(\underbrace{\frac{100}{100+p}\right)^{n}}_{n}}$$

Der frühere Werth einer Einnahme ober der Vor= verth ist zu finden mittels des allgemeinen Sates:

1 giebt
$$\left(\frac{100}{100+p}\right)^n$$
,

nämlich: 1 ist n Jahre früher bei p pCt. Zinseszinsen $\left(\frac{100}{100+p}\right)^n$ (§. 103.).

Wirft z. B. ein Holzbestand am Ende des 20. Jahres 10 Thr. 28 Sgr. 8 Pf. ober 10,9556 Thir. ab, und man fragte: wie viel ist diese Einnahme jetzt werth zu 4 pCt. Zinseszinsen? würde 1 zu (\frac{184}{184})^{20}, und 10,9556 zu 10,9556 × (\frac{184}{184})^{20} her= mtergehen.

Diesen Vorwerth von 1, nämlich ($\frac{182}{182}$)20, nimmt man uns mittelbar aus der Vorwerthtafel B,, 136 und 137., welche $\left(\frac{100}{100+10}\right)^n$ für alle vorkommenden Fälle in bestimmten Zahlen

₹

enthält. Hierin steht unter 4 Prozent und hinter der Jahres= zahl 20, als Vorwerth von 1, die Zahl 0,45639 == (102)20. Danach wäre der gesuchte Jetztwerth

 $10,9556 \times 0,45639 = 5$ Thir.

Bur Berechnung des Vorwerthes einer einzelnen Einnahmes oder Ausgabepost nehmen wir nun die Regel an: Man muktiplizire die gegebene Post mit der Werthzahl von 1 aus der Vorwerthtafel Bunter gleichen Prozensten und hinter gleicher Zeit.

Der Vorwerth einer nach 15 Jahren fälligen Einnahmepost von 30 Thir, mit 4½ pCt. Zinseszinsen würde berechnet:

0,5 1 6 7 2 Werthzahl von 1.

×30 Einnahmepost.

15,50160 Thir. Vorwerth von 30.

Übrigens läßt sich auch der Vorwerth mittels der Nachwerth= tafel und der Nachwerth mittels der Vorwerthtafel berechnen, wenn man die unbequeme Division nicht vermeiden will;

benn
$$1 \times \left(\frac{100+p}{100}\right)^n = 1 : \left(\frac{100}{100+p}\right)^n$$

unb $1 \times \left(\frac{100}{100+p}\right)^n = 1 : \left(\frac{100+p}{100}\right)^n$ (§. 21.).

Die hier bargestellte, von jetzt an immerwähzend wiederkehrende, jährlich gleiche Einnahme ist eine vollkommene Rente; ihr Werth gleicht, wie bekannt, einem Kapitale, das ganz dieselben Zinsen abwirst. Ist die jährliche Rentenpost $\mathbf{r}=1$, so beträgt der Rentenwerth im eigentlichen Ansangs= oder 0=Punkte der Rente, ein Jahr vor Eingang der ersten Rentenpost, $\frac{100}{P}$ (§. 108.). Zur Berechnung des vollen Rentenwerthes dient also das Einheitskapital, in dem Ansatz:

1 giebt $\frac{100}{P}$.

Eine alljährliche Einnahme von 600 Ahlr., die sogleich mit Ende des ersten Jahres ersolgt, hat demnach zu ihrem Jetztwerthe dei 5 Prozent: $600 \times \frac{190}{5} = 600 \times 20 = 12000$ Ahlr., dei 3 Prozent: $600 \times \frac{190}{5} = 600 \times 33\frac{1}{5} = 20000$ Ahlr.

Die fortlaufenden Ausgaben behandelt man als nesgative Einnahmen. Fände sich z. B. neben jener Einnahme eine jährliche Ausgabe von 50 Thlr., so betrüge ihr Werth bei 5 Prosent: $50 \times 20 = 1000$ Thlr. und der reine Einnahmewerth wäre 12000 - 1000 = 11000 Thlr.

Kürzer ist es jedoch, sogleich die reine Einnahme auszuwersen. Diese ist hier 600-50=550 Thlr. und mit 5 pCt. tapitalisirt, $550\times 20=11000$ Thlr.

Fände sich am Anfange des ersten Jahres zufällig noch eine Einnahme oder Ausgabe, die eigentlich der Rente nicht mehr ansgehört, in letzterm Falle z. B. 50 Thlr. Einnahme für noch vorsbandene Hölzer: so würde dieselbe dem gefundenen Werthkapistale besonders zugerechnet, nämlich 11000 + 50 == 11050 Thlr.

Übrigens ist aus obigen Ansähen ersichtlich, welchen wichtis gen Einfluß der Zinsfuß auf die Ergebnisse der Waldwerths berechnung hat, und daß man, schon wegen der in ihm beruhens den großen Werthunterschiede, die hintern Dezimalen mancher Faktoren sehr wohl vernachlässigen darf.

Die Regel zur Berechnung des Kapitalwerthes einer voll= kommenen Rente ist also: Man multiplizire die jährliche Einnahme mit dem Einheitskapitale $\frac{100}{100}$.

Diese vollen Kapitalwerthe von 1 sind:

3u 3 Projent
$$\frac{100}{3}$$
 = 33,33338...

3u 3½ Projent $\frac{100}{3,5}$ = 28,57143

3u 4 Projent $\frac{100}{4}$ = 25.

3u 4½ Projent $\frac{100}{4,5}$ = 22,22222...

3u 5 Projent $\frac{100}{5}$ = 20.

Man sindet sie auf der Rentenwerthatfel C, 138., hinter dem Null-Punkte der Rente.

Hiernach würde der Kapitalwerth einer alljährlichen Einnahme von 80 Thlr. mit 31 pCt. berechnet:

28,5 7 1 4 3 Boller Rentenwerth zu 1.

×80 Jährliche Einnahme.

2285,7 1 4 4 Kapitalwerth zu 80.

§. 114. Kapitalwerth hinterer Rentenstücke. Tafel C.

Beginnt eine fortwährende, jährliche Einnahme erst nach Verlauf einer gewissen Zeit, wie in der Darsstellung B, so muß von ihrem vollen Rentenwerthe jener Zeit, als einmalige Einnahme angesehen, der jetige Vorwerth berecht net werden. Die jährliche Einnahme 1 hat (nach \S . 113.) zum vollen Rentenwerthe $\frac{100}{p}$; wird diese Rente aber erst nach n Jahren gangbar oder nach n+1 Jahren zum ersten Male fällig: so ist (n. \S . 112.) der gegenwärtige Werth davon $\frac{100}{p} \times (\frac{100}{100+p})^n$. Daraus entspringt zur Werthberechnung eines jeden hintern Renztensstücks die allgemeine Formel:

1 giebt
$$\frac{100}{P} \times \left(\frac{100}{100+P}\right)^n$$
.

Würde nun z. B. eine solche Rente von 600 Thlr. erst nach dem 10. Jahre gangbar, ober am Ende des 11. Jahres zum ersten Male fällig: so wäre ihr voller Kapitalwerth am Ende des 10. Jahres bei 4 pCt.

und davon der gegenwärtige Vorwerth, 15000 × (184)10, nach der Vorwerthtafel,

15000 × 0,67556 == 10133,4 Thir.

Diese 10133,4 Ahlr. wachsen in 10 Jahren mit Zinseszinsen pu jenem bleibenden Kapitale von 15000 Ahlr. an, das alsdann, mit Ende des 11. Jahres anfangend, fortwährend die 600 Ahlr. jährlich abwirft.

Der gegenwärtige Werth eines hintern Rentenstückes von der jährlichen Einnahme 1 ist unmittelbar in der Renten wert h= Tafel C, 138 und 139., zu sinden, welche $\frac{100}{p} \times \left(\frac{100}{100+p}\right)^n$ sir die vorkommenden Fälle in bestimmten Jahlen enthält. Hier= aus nimmt man für unsere Aufgabe unter 4 Prozent und hin= tor der Jahreszahl 10, als Rentenwerth von 1, die Jahl 16,88912 = $\frac{120}{p} \times \left(\frac{100}{100+p}\right)^{10}$ ohne Weiteres, und multiplizirt sie mit 600, was obige 10133,4 Thlr. giebt.

Bir haben somit die kurze Regel zur Berechnung des ges gemärtigen Werthes von einer später eintretenden Rente:

Ran multiplizire die gegebene jährliche Eins nahme mit der Werthzahl von 1 aus der Rentens werth=Tasel Cunter gleichen Prozenten und hins ter gleicher Zeit.

Hiernach würde die jährliche Einnahme von 50 Thlr., welche nach 10 Jahren eintritt, mit 3½ pCt. Zinseszinsen für die gegen= wärtige Zeit kapitalisirt:

20,25485 Rentenwerth zu 1. × 50 Jährliche Einnahme.

1012,7425 Thir. Gesuchter Rentenwerth von 50.

Bu bemerken ist noch, daß bei allen Berechnungen der Kaspitalwerthe von Renten die jenige Jahreszahl gebraucht wird, welche dem Eintritte der ersten Rentenpost vorangeht, weil das Kapital erst ein Jahr liegen muß, ehe to die Zinsen abwirft. Für eine Rente, deren erste Post am Ende des 11. Jahres eingeht, wird also der 10jährige Borwerth gessucht. Die Ausdrücke: nach dem 10. Jahre... von dem 11. Jahre an ... sind hier gleichbedeutend; doch ist der erstere überseinstimmig mit der, die Rechnung bestimmenden Jahreszahl.

§. 115. Kapitalwerth vorberer Rentenstücke. Taf. C.

$$\underbrace{\frac{100}{p} - \frac{100}{p} \times \left(\frac{100}{100 + p}\right)^{n}}_{n}$$

Eine fogleich beginnenbe, jährliche Einnahme, die, wie hinter C bargestellt, nach einiger Zeit ganz aufhört, ist anzusehen als das vordere Stück einer vollen, im übrigen ganz gleichen Rente A, und wird gefunden, wenn man von dieser das hintere Rentenstück B abzieht, das mit dem Aufhören des gegebenen beginnt. Der Werth einer vollen Rente A von 1 ist, wie bekannt, $\frac{100}{P}$, und der Zehtwerth eines hintern Rentenstückes B von 1, das erst nach n Jahren beginnt, ist $\frac{100}{P} \times \left(\frac{100}{100+P}\right)^n$; folglich beträgt der Sehtwerth des vordern Rentenstückes C oder der jährlichen Einnahme 1, die sogleich beginnt und dis in das n. Jahr dauert, $\frac{100}{P} - \frac{100}{P} \times \left(\frac{100}{100+P}\right)^n$. Das vordere Rentenstück berechnen wir also nach der allgemeinen Formel:

1 giebt
$$\frac{100}{p} - \frac{100}{p} \times \left(\frac{100}{100+p}\right)^n$$
.

Gingen z. 28. 600 Thir. die nächsten 10 Jahre hinter eins ander jährlich ein, und man fragte nach dem gegenwärtigen Werthe bavon bei 4 pCt.: so würde folgendermaßen gerechnet:

A) Eine immerwährende Rente von 600 Thlr. ist, mit 4 pCt. kapitalisirt, gegenwärtig werth:

$$600 \times \frac{100}{4} = 600 \times 25 = 15000$$
 Thir.

Übertrag: 15000 Thir.

B) Ein nach dem 10. Jahre beginnendes, forts dauerndes Rentenstück von 600 Thir. mit 4 pCt. ift gegenwärtig werth (n. §. 114.):

$$600 \times \frac{190}{104} \times (\frac{100}{104})^{10} = 600 \times 16,8891 = 10133,4 \text{ Thir.}$$

C) Das vordere Rentenstück von 600 Thir. jährlicher Einnahme während der ersten 10 Jahre

hat also zum Jetztwerthe: 15000—10133,4 == 4866,6 Thlr.

Betrachten wir die Theile dieser Rechnung näher, so findet sich: $600 \times 25 - 600 \times 16,8891 = (600 \times 25 - 16,8891)$.

Daraus ergiebt sich folgende abgekürzte Regel sur die Werthsberechnung der vordern Rentenstücke: Man ziehe die aus der Rentenwerth=Tafel C genommene Werthzahl der Hinterrente von dem zu I gehörigen vollen Renstenwerthe ab und multiplizire den Rest mit der jährlichen Rentenpost.

Der Werth einer sogleich beginnenden, 15 Jahre dauernden, jährlichen Einnahme von 70 Thlr. mit 4½ pCt. Zinseszinsen würde also berechnet:

22,2222 Voller Rentenwerth zu 1.

- 11,48267 Hinterrentenwerth zu 1.

10,7 8 9 5 5 Vorderrentenwerth zu 1.

× 70 Jährliche Rentenpost.

751,7685 Gesuchter Rentenwerth von 70.

Der obige allgemeine Ausbruck $\frac{100}{p} - \frac{100}{p} \times \left(\frac{100}{100+p}\right)^n$ läßt sich verwandeln in $\frac{100}{p} \times \left[1 - \left(\frac{100}{100+p}\right)^n\right]$, und dies giebt eine Formel zur Berechnung des gleichen Werthes vermittelst der Borwerthtasel, nämlich:

$$\frac{100}{4,5} \times \left[1 - \left(\frac{100}{104,5}\right)^{16}\right] \times 70 = 22,22222 \times (1 - 0,51672) \times 70.$$

Man könnte auch nach s. 112. von den gegebenen Einnahme= wosten die Jetztwerthe einzeln berechnen mittels der Formel

$$70 \times \left[\left(\frac{100}{104,5} \right)^{1} + \left(\frac{100}{104,5} \right)^{2} + \left(\frac{100}{104,5} \right)^{3} \dots \left(\frac{100}{104,5} \right)^{1.5} \right].$$

Hierzu würden die 15 Werthzahlen in der Vorwerthtafel unmitztelbar abdirt, und man erhielte 10,78954 × 70.

§. 116. Kapitalwerth mittlerer Rentenstücke. Zaf. C.

$$\underbrace{\frac{100}{P} \times \left(\frac{100}{100+P}\right)^{n}}_{p}$$

$$\underbrace{\frac{B' \cdot 0 \cdot \dots \cdot m}{100} \times \left(\frac{100}{100+p}\right)^{m}}_{\mathbf{p}}$$

$$\underbrace{\frac{100}{p} \times \left(\frac{100}{100+p}\right)^{n} - \frac{100}{p} \times \left(\frac{100}{100+p}\right)^{m}}_{}$$

Eine jährliche Rente, die wie in der Reihe D nach gewisser Zeit erst beginnt und dann nach einiger Zeit wieder aufhört, ist als Unterschied zweier hintern, übrizgens gleichen Rentenstücke B—B' anzusehen, von benen das eine mit dem gegebenen Anfange n und das andere mit dem gegebenen Ende m eintritt.

B, das früher nach n Jahren eintretende Rentenstück, ist (n. g. 114.) für die Ein=

nahme 1
$$= \frac{100}{P} \times \left(\frac{100}{100+P}\right)^{n}$$

B', das später nach m Jahren eintre= $= \frac{100}{p} \times \left(\frac{100}{100+p}\right)^{m}$

D, ber Werth bes gesuchten mittlern Rentenstückes, der Un= terschied von beiden, wird also berechnet nach der allgemeinen Formel:

1 giebt
$$\frac{100}{p} \times \left(\frac{100}{100+p}\right)^n - \frac{100}{p} \times \left(\frac{100}{100+p}\right)^m$$
.

Sollte z. B. der gegenwärtige Werth einer von dem 11. bis in das 20. Jahr dauernden jährlichen Rente von 500 Thlr. mit 3 pCt. Zinseszinsen berechnet werden: so suchte man erstlich (n. g. 114.) den Werth eines solchen, eben auch nach 10 Jahren eintretenden, aber fortwährenden Rentenstückes

$$500 \times \frac{190}{5} \times (\frac{190}{193})^{10} = 500 \times 24,80314 = 12401,5$$
 Thir.

Dieser Werth ist jedoch um bas, nach dem 20. Jahre absfallende, hintere Rentenstück zu groß, nämlich um:

$$500 \times \frac{190}{3} \times (\frac{199}{100})^{20} = 500 \times 18,45588 = 9227,9$$
 Thir.

Das gesuchte Wiährige Rentenstück, vom 11. bis zum 20. Jahre bauernd, ist mithin gegenwärtig werth:

Erwägen wir, daß

500×24,80314—500×18,45588—500×(24,80314—18,45588): fo bietet sich uns eine oben schon gebrauchte Abkürzung wieder dar mit folgender Regel zur Berechnung des gegenwärtigen Berthes von einem Rentenstücke aus mittler Zeit: Man subztrahire zuvor die beiden Faktoren aus der Renztenwerthtafel Cund multiplizire nachher den Rest mit der Rentenpost. 3. 28.

6,3 4 7 2 6 Mittler Rentenwerth zu 1. × 500 Jährliche Rentenpost.

3173,630 Thir. Gesuchter Kapitalwerth zu 500.

Obiger allgemeine Ausbruck
$$\frac{100}{P} \times \left(\frac{100 \cdot p}{100 + p}\right)^n - \frac{100}{P} \times \frac{100}{P}$$

$$\left(\frac{100}{100+p}\right)^m$$
 ist gleich $\frac{100}{p} \times \left[\left(\frac{100}{100+p}\right)^n - \left(\frac{100}{100+p}\right)^m\right]$. Diese

Formel dient uns, denselben Werth vermittelst der bloßen Vor= werthtafel zu berechnen, nämlich durch

$$\frac{190}{3}$$
 × $[(\frac{100}{103})^{10} - (\frac{100}{103})^{20}]$ × 500 = 33,83333 × (0,74409 - 0,55368) × 500.

Auch besteht ber fragliche Werth aus

$$500 \times [(\frac{1}{1}\frac{9}{9})^{11} + (\frac{1}{1}\frac{9}{9})^{12} + (\frac{1}{1}\frac{9}{9})^{15} + \dots + (\frac{1}{1}\frac{9}{9})^{20}].$$

Danach abbirt man sogleich in der Vorwerthtafel alle Werthzahlen, hier von 11 bis 20, und multiplizirt die Summe mit 500, nämlich: 6,34728 × 500.

§. 117. Kapitalwerth der Bergangenheitsrenten, Taf. E.

Die jährliche Rente 1, welche in der Vergangenheit, vor n Jahren begonnen hat, erlangt im nächsten Jahre nach der letze ten Zahlung den Werth von

$$\left(\frac{100+p}{100}\right)^{1} + \left(\frac{100+p}{100}\right)^{3} + \left(\frac{100+p}{100}\right)^{3} + \cdots + \left(\frac{100+p}{100}\right)^{n}$$

Diese einzelnen Werthsposten bilden eine steigende geometrissche Progression, mit dem ersten Gliede $\frac{100+p}{100}$, dem höchsten Gliede $\left(\frac{100+p}{100}\right)^n$ und dem Quotienten $\frac{100+p}{100}$; deren Summe, oder der Bergangenheitsrentenwerth ist folglich (nach §. 91.)

$$= \left[\left(\frac{100+p}{100} \right)^{n+1} - \frac{100+p}{100} \right] : \left(\frac{100+p}{100} - 1 \right).$$

Wären nun z. B. an irgend ein Walbstück während der letze tern fünf vollen Jahre jährlich 30 Thlr. Anbaukosten gewendet worden, und hätte man für das Jahr danach den Werth dieses Kostenauswandes mit 4 pCt. zu kapitalisiren, so rechnete man:

1 giebt
$$[(\frac{104}{106})^6 - \frac{104}{106}] : (\frac{104}{106} - 1),$$

= $(1.26532 - 1.04) : 0.04 = 5.633;$

30 Thir. geben 5,638 × 30 = 168,99 Thir.

Diese Nachwerthe der seit n Jahren jährlich entfallenen Ein= heiten sindet man zum Behuf der Waldwerthberechnung unmit= telbar auf Taf. E, S. 142. so z. B. unter 4 pCt. und hinter 5 obigen Werthfaktor 5.633. Wäre eine solche rentenartige Jahlung schon früher eingestellt worden, so müßte man zu diesem Gesammtwerthe, als einmaligen Betrag angesehen, mittels Taf. A noch den jehigen Nachwerth berechnen.

§. 118. Kapitalwerth periodischer Renten im Beginn ihrer Zwischenzeit, Taf. D.

$$\underbrace{\frac{E.\ 0......1}{\frac{1}{(\frac{100+p}{100})^n}-1}}_{n} \underbrace{\frac{n}{1}.....1}_{n} \underbrace{\frac{n}{1}.....1}_{n}$$

Seht eine gewisse Einnahme R immerwährend erst nach Verlauf einer ausgesetzten gleichen Reihe von Jahren wieder ein, wie in obiger Darstellung E: so besteht ihr gesammter Werth zu Anfang'ieder Zwischenzieit in einem Kapitale, bessen Zinseszinsen während deß der Einnahme gleichkommen. Das auf immer angelegte Kapital 1 würde (n. §. 111.) mit Zinseszinsen in n Jahren zu $\left(\frac{100+p}{100}\right)^n$ amwachsen und dann jedes Mal $\left(\frac{100+p}{100}\right)^n-1$ als periodische Rente abwersen *). Es verhält sich baher

$$\left(\frac{100+p}{100}\right)^n - 1:1 = R:K,$$

und der zu
$$\mathbb{R}$$
 gesuchte Kapitalwerth \mathbb{K} ist $\frac{\mathbb{R}}{\left(\frac{100+p}{100}\right)^n-1}$.

Setzen wir nun die Periodeneinnahme R = 1, so erhalten wir zur Berechnung ihres Werthes im Beginn der Zwischenzeit die allgemeine Formel:

Offenbar hat also ein Kapital von 100 Thlr. benselben Werth, als eine von jest an alle 12 Jahre erfolgende Einnahme von 60 Thlrn.

^{*)} Zur besseren Werbeutlichung möge folgendes Jahlenbeispiel dienen: 100 Thlr. wachsen bei 4% Zinseszins innerhalb 12 Jahren auf 160 Thlr. an; nimmt man davon den Zinsenabwurf mit 60 Thlr. ab, so bleiben 100 Thlr. übrig; diese aber wachsen in den nächsten 12 Jahren wieder auf 160 Thlr. an, woven zum zweiten Male 60 Thlr. abzunehmen sind, und dennoch bleibt das usprüngliche Kapital von 100 Thlr. übrig, das in den weiter folgenden 12 Jahren einen gleichen Zinsenabwurf liesert, u. s. f. nach solgendem Schema:

1 giebt
$$\frac{1}{\left(\frac{100+p}{100}\right)^n-1}$$
.

Wirft z. B. ein eben abgetriebener Niederwaldschlag von jetzt nach jedem 20. Jahre 600 Thlr. ab: so ist bei 5 pCt. der Kapitalwerth dieser periodischen Rente

 $600 \times \frac{1}{(\frac{105}{60})^{20}-1} = 600 \times 0,60485 = 362,9 \text{ Thir.}$

Der Jetztwerth solcher Periodeneinnahmen von 1 wird uns mittelbar gefunden in der Periodenrenten = Tafel D, 140 und 141., welche $\frac{1}{\left(\frac{100+p}{100}\right)^n-1}$ für alle vorkommenden Fälle

in bestimmten Zahlen enthält. Hieraus nimmt man für obige Aufgabe unter 5 Prozent und hinter der Jahreszahl 20, als Kapitalwerth von 1, die Zahl 0,60485 $=\frac{1}{(\frac{1}{2}\frac{5}{6})^{20}-1}$. Wir bestimmt kan Capitalwerth isten werirbischen Nacht im State

rechnen somit den Kapitalwerth jeder periodischen Rente im Beginn ihrer Zwischenzeit nach folgender leichten Regel: Man multiplizire die gegebene Periodenpost mit der Werthzahl von 1 aus der Periodenrenten Zasfel Dunter gleichen Prozenten und hinter gleicher Zwischenzeit. 3. B.

Eine periodische Rente von 250 Thlr., die in dem je 30. Jahre erfolgt, bei 3½ Prozent:

0,5 5 3 4 7 Perioden=Rentenwerth zu 1.

×250 Einnahmepost.

2767350

110694

138,36750 Gesuchter Perioden=Rentenwerth zu 250.

Der obige allgemeine Ausbruck $\frac{1}{\left(\frac{100+p}{100}\right)^n-1}$ ist gleich

1: $\left[\left(\frac{100+p}{100}\right)^n - 1\right]$. Nach dieser Formel könnte der gleische Werth auch vermittelst der bloßen Nachwerthtafel berechnet werden, nämlich durch 250: $\left[\left(\frac{103,s}{100}\right)^{s0} - 1\right] = 250$: (2,80678 - 1).

§. 119. Kapitalwerth periodischer Renten im Laufe ihrer Zwischenzeit. Taf. D.

Arate obige 20jährige Periodenrente von 600 Ihlr. das erste Mal früher als nach Verlauf ihrer vollen Zwischenzeit ein, wie die Reihe F darstellt, von jett an etwa schon am Ende des 6. Jahres: so wäre zuvörderst beren Werth auszumitteln für den Beginn der nächsten vollen Zwischenzeit, nämlich wie oben:

$$600 \times \frac{1}{(\frac{185}{186})^{20} - 1} = 600 \times 0,60485 = 362,9$$
 Thir. und bazu noch die am Ende des 6. Jahres

den fällige Ginnahme

= 600 Thir.

Dieser Gesammtbetrag = 962,9 Thir, yu Ende des 6. Jahres wäre endlich (n. h. 112.) als einmalige Einsahme auf seinen gegenwärtigen Vorwerth zu führen. Derselbe ist $962,9 \times (\frac{100}{100})^6 = 962,9 \times 0,74621 = 718,5$ Thir.

Unsere Regel zur Werthberechnung der Periodenrenten für ein jedes im Laufe ihrer Zwischenzeit gegebene Jahr ist mithin: Man multiplizire die Periodenrenten=Post mit der Werthzahl aus der Periodenrenten=Lafel D, addire dazu noch die vordere Einnahmepost, multiplizire dann die Summe mit der zur Einnahmez zeit gehörigen Werthzahl aus der Vorwerthtafel B.

3. B. die nach 6 Jahren zuerst eingehende, 20jährige Periokmeinnahme von 600 Thlr. mit 5 pCt.:

0,60485 Perioden=Rentenwerth zu 1. × 600 Rentenpost.

^ 000	Stellienpojt.		
362,91000 +600	Einmalige Einnahme.		
9 6 2,9 1 × 0,7 4 6 2 1	Perioden=Rentenwerth Vorwerth von 1.	nach	6 Jahren.
674,087 38.516 5,772 192			•

Man könnte auch eine solche Periodenrente verwandeln in eine andere, deren Zwischenzeit von jetzt an beginnt. Obige 600 Thlr., fällig in jedem 6. Jahre der sogleich beginnenden 26sahrisgen Periode, wären unter den übrigen Bedingungen am Ende des je 20. Jahres, also 20 — 6 — 14 Jahre später (n. §. 111.) werth:

 $600 \times (\frac{105}{100})^{14} = 600 \times 1,97993 = 1188$ Thir.

Diese 20jährige Periodeneinnahme von 1188 Thlr., deren Zwischenzeit sogleich beginnt, hat ebenfalls zum Werthe (n. §. 118.): 1188 × 0,60485 = 718,5 Thlr.

Sollte die Periodenrente später erst beginnen, so berechnet man von ihrem vollen Eintrittwerthe den jetzigen Vorwerth. Sollte sie aushören, so wird, wie bei Jahresrenten, der Werth des hintern abfallenden Stückes von dem Ganzen abgezogen, oder man berechnet von allen einzelnen Posten den Vorwerth besonders.

§. 120. Kapitalwerth zusammengesetzter Periodens renten. Taf. D und E.

- 1) Eine solche Periodeneinnahme kann auch rentenartig mehre Jahre hinter einander Statt sinden und dann wieder gewisse Zeit außsetzen. Gewährten z. B., wie in der Darstellung G, fünf Niederwaldschläge von jetzt an alle 20 Jahre, in dem je 8., 9., 10., 11., 12. Jahre, jährlich 50 Thir. reinen Ertrag, und sollte davon der gegenwärtige Kapitalwerth zu 4 pCt. gesucht werden: so brauchte man diese zusammengesetzte Periodenrente nur in eine einfache zu verwandeln und dann wie oben zu kapitalisiren.
- a) Fünf solche jährlichen Einnahmen für sich sind als eine Vergangenheitsrente zu Ende ihres 6. Jahres werth, nach Taf. E: $50 \times 5,633 = 281,65$ Thir. (§. 111.).

Dieser, in das Ende jedes 13. Periodenjahres fallende Gesammtwerth beträgt 7 Jahre später am Periodenschlusse, nach Taf. A:

281,65 × 1,316 == 370,65 Thir. (§. 111.).

Die auf solche Weise gebildete vollständige Periodenrente but zu Anfang ihrer Zwischenzeit an Kapitalwerth, nach Tas. D: 370,65 × 0,83955 == 311,2 Thlr. (§. 118.).

b) Man könnte auch jede fünf zusammenfallenden Einnah= men als ein mittleres Rentenstück ansehen und davon (n. §. 116.) den Rentenwerth zu Anfang jeder Zwischenzeit suchen, nämlich:

 $50 \times (18,99796 - 15,61494) = 169,15$ Thir.;

nun zu der fo gestellten 20jährigen Perioden= rente (n. S. 118.) den Kapitalwerth berech=

nen: 169,15 × 0,83955 == 142,01 Thir.,

endlich dazu noch die erste Einnahme zählen; dies gäbe denfelben Kapitalwerth:

142,01 + 169,15 == 311,2 Thir.

2) Es können auch verschiedene Periodeneinnahmen mit glei= hen Zwischenzeiten neben einander bestehen. Würde z. B. alle 20 Jahre eingenommen:

im 3., 4. und 5. Jahre, jährlich 50 Thlr.,

im 12. Jahre . * 80 Thst.,

im 19. und 20. Jahre, 30 Thlr.,

so berechnete man zuvörderst den Nachwerth aller einzelnen Einzuhmen zu Ende des je 20. Jahres. Derselbe wäre mit 5 Prozent:

50 vom 3. Sahre werben
$$50 \times (\frac{105}{100})^{17}$$
 $= 50 \times (\frac{2}{100})^{17}$ $= 50 \times (\frac{105}{100})^{16}$ $= 50 \times (\frac{2}{18287})^{16}$ $= 10 \times (\frac{2}{18287})^{16}$ $= \frac{1}{18287}$ $= \frac{1}{18287}$

Busammen: 507,38.

Eine solche einfache, 20jährige Periodeneinnahme, beren 3wi= schenzeit so eben beginnt, hat (n. §. 118.) zum Werthe

 $507,38 \times \frac{1}{(\frac{195}{20})^{20}-1} = 507,88 \times 0,60485 = 306,9$ Thir.

Auf gleiche Weise konnte auch der vorige Fall behandelt werden. Überhaupt gestatten alle diese Aufgaben mehre Aufslösungen; der geübte Rechner wählt sich davon die leichteste und geläusigste aus.

- §. 121. Kapitalwerth alljährlich steigender und fallender Einnahmen. Zaf. C.
- 1) Immerwährend steigend. Nähme ein Forstertrag, etwa in Folge der Forstverbesserung und der steigenden Preise, alljährlich um ein Gleiches zu; wäre derselbe z. B. in dem 1. Jahre 1000 Thlr., in dem 2. Jahre 1000 + 20, in dem 3. Jahre 1000 + 2 × 20 u. s. w., also in dem

5. u. s. w. Jahre: 1. 2. 3. 4. 1000 1000 **A**: 1000 1000 1000 k =**B**: 20 20 20 20 $\mathbf{k} =$ 20 **20** 20 k == 20 20 k =20

so bestände der etwa mit 5 Prozent zu berechnende Einnahmes werth aus zwei verschiedenen Theilen.

Der erste A ist der Kapitalwerth einer vollkommenen Kente von 1000 Thir. = $1000 \times \frac{100}{100} = 20000$ Thir.

Der andere Theil B ist der Kapitalwerth von der Rentenzusnahme. Diese bildet nach obigem Schema von Jahr zu Jahr eine neu hinzutretende Rentenreihe, wovon jede in dem Jahre vor ihrem Eintritte den besondern Stammwerth

$$k = 20 \times \frac{100}{5} = 400$$
 Thir.

hat, und wofür also dem Jetztwerthe noch alljährlich 400 Thlr. zugerechnet werden müssen, oder sogleich an Kapital $400 \times \frac{100}{5} = 8000$ Thlr.

Der ganze Forstertrag ware also gegenwärtig werth:

- A. Wegen der Hauptrente von 1000 Thir. 20000 Thir.
- B. Wegen der Nebenrente von 400 Thir. 8000 Thir. Jusammen: 28000 Thir.
- 2) Nur eine Zeit lang steigend. Dauerte jene jähr: liche Zunahme von 20 Thir., mithin auch die durch ihre

Stammwerthe gebildete Nebenrente B von 400 Thir. nicht im: mer fort, sondern nur etwa 30 Jahre: so berechnete man de: ren Werth als ein vorderes 30jähriges Rentenstück von 400 Thir. jährlichem Betrage (n. §. 115.) zu

$$400 \times \left[\frac{100}{5} - \frac{100}{5} \times \left(\frac{100}{105}\right)^{30}\right] = 6149 \text{ Thir.}$$

Der gesuchte ganze Einnahmewerth ware bann:

A = 20000 Thir. B = 6149 Thir. Zusammen: 26149 Thir.

3) Fallende Einnahmen. Hier behandelt man die Unahme als negative Nebenrente. Wäre die so eben der Hauptzente von 1000 Thlr. zugerechnete, 30 Jahre dauernde, jährliche Innahme von 20 Thlr. eine Abnahme: so müßte auch deren Betrag vom Werthe der Hauptrente abgezogen werden, und es bliebe an Einnahmewerth:

Dauerte diese jährliche Abnahme von 20 Thlr. bis zur gänzlichen Erschöpfung jener Hauptrente von 1000 Thlr., also $\frac{1000}{20} = 50$ Jahre: so rechnete man dem Werthe der Hauptstente, $= 1000 \times \frac{100}{5} = 20000$ Thlr., eine 50jährige Nebenrente

von jährlich $20 imes \frac{100}{5} = 400$ Thir, ab. Diese beträgt

$$400 \times \left[\frac{100}{5} - \frac{100}{5} \times \left(\frac{100}{105}\right)^{50}\right] = 7302 \text{ Thir.}$$

und der jetzige Kapitalwerth stellte sich somit auf 20000 - 7302 = 12698 Thir.

§. 122. Erfte angewenbete Werthberechnung.

Ein Niederwald mit 30jähriger Umtriebszeit ertrage jähr= lich: In der ersten Umtriebszeit 300, in der zweiten 350 und nachmals ständig 400 Thlr.; er erfordere dabei während des er= sten Umtriebs 50 Thlr. Verbesserungskosten und zu allen Zeiten 40 Thlr. für die Aussicht und 10 Thlr. an Steuern.

Der jährliche Reinertrag hiervon ist also:

```
In den ersten 30 Jahren: 300 — (50 + 40 + 10) = 200 Ahlr.
In ben zweiten 30 Jahren: 350 — (40+10) = 300 -
                         400 - (40 + 10) = 350
In der Folge:
    Davon beträgt ber gegenwärtige Werth bei 4 pCt.:
1) Wegen bes vorbern Rentenftuces
                     200 \times (25 - 7,70799) = 3458,4
     (n. §. 115.)
2) Wegen bes mittlern Rentenstückes
     (n. §. 116.) 300 \times (7,70799 - 2,37652) = 1599,4
3) Wegen bes hintern Rentenftuckes
     (n. §. 114.)
                             350 \times 2,37652 = 831,8
                                   In Summe: 5889,6 Thir.
    Diese drei Rentenstücke sind auch gleich:
a) Einer immerwährenden Einnahme von
                   200 Thir. = 200 \times \frac{100}{4} = 5000
                                                       Thir.
b) Einer nach 30 Jahren eintretenden von
                100 Thir. = 100 \times 7,70799 = 770,8
c) Einer nach 60 Jahren eintretenden von
                  50 \, \mathfrak{Thir} = 50 \times 2,37652 =
                                                 118,8
                             Summe wie oben: 5889,6 Thlr.
   §. 123. 3 weite angewendete Berthberechnung.
    Won einem Nabelwalde sei folgender Reinertrag geschätt
und mit 4 pCt. zu kapitalisiren:
           Im 1. Jahrzehnd jährlich 800 Thlr.
               2.
```

 " 2. "
 " 700 "

 " 3. "
 " 900 "

 " 4. 5. "
 " 1000 "

 Nachher alljährlich
 1200 "

Werthberechnung:

1. Jahrzehnd:	800	X	(25 -	-16,88912)	=6488,7	Thir.
2. Jahrzehnd:	700	X	(16,88912 -	-11,40969)	== 383 5,6	n
3. Jahrzehnd:	900	X	(11,40969 -	- 7 ,70799)	== 3331, 5	*
4.5. Jahrzehnd:	1000	X	(7,70799 -	- 3,51788)	== 4190,2	77
Nachher:	1200	X	3,51783		== 4221,4	•
				Busammen	: 22067,4	Thir.

3u 3: Davon, wegen der jährlichen Ausgabe von

4 Thlr., = $4 \times 20 = 80$ Thlr.

Bleibt der reine Kapitalwerth: 289.8 Thlr.

§. 125. Bierte angewendete Berthberechnung.

Ein Niederwaldstück, das aus einem Schlagverbande versäußert werden soll, hätte im Durchschnitte alle 24 Jahre in dem je 4., 5., 6., 7., 8. und 9. Jahre jährlich 300 Thir. ertragen, und auf seinen Antheil alle Jahre 15 Thir. Aufwand erfordert. Jest sollte dessen gegenwärtiger Kapitalwerth für den Forst berechnet werden mit 4 Prozent.

Dieser 6jährige Ertragswerth ist zu Ende jeder Umtriebszeit von dem

4. Sahre
$$300 \times (\frac{104}{100})^{20} = 300 \times 2,19112$$

· 5. " $300 \times (\frac{104}{100})^{19} = 300 \times 2,10685$
6. " $300 \times (\frac{104}{100})^{18} = 300 \times 2,02581$

7. "
$$300 \times (\frac{104}{100})^{17} = 300 \times 1,94790$$

8. "
$$300 \times (\frac{101}{100})^{16} = 300 \times 1.87298$$

9. "
$$300 \times (\frac{104}{100})^{15} = 300 \times 1,80094$$

Busammen: 300 × 1 1,9 4 5 6 0 = 3583,68 Thlr.

Diese gesammte 24jährige Periodenrente ist gegenwärtig werth (n. §. 118.)

 $3583,68 \times 0,63967 = 2292,4$ Thir.

Davon ab das Ausgabekapital $15 \times \frac{100}{4} = 375$ » Bleibt an reinem Kapitalwerthe: 1917,4 Thlr.

§. 126. Fünfte angewendete Werthberechnung.

Bei einer Waldanlage koste der Morgen wüstes Land 5 Thir, Kaufgeld, 3 Thir. zu Kiefernansaat und jährlich 9 Sgr., oder bei 3½ pCt. sogleich 8,57 Thir. für Steuern u. dergl.; zussammen also

16,57 Thir. Ausgabe.

Davon stehe fortwährend alle 100 Jahre an Einnahme zu erwarten: 20 Thlr. im 40.; 40 Thlr. im 60.; 60 Thlr. im 80. und 200 Thlr. im 100. Jahre.

Der Werth dieses Ertrages ift bei 3} pCt.

1) Um Ende eines jeben Jahrhunderts:

vom 40. Jahre 20 Thlr., um 60 J. später 20 × 7,87808 == 157,5606

= 60. = 40 $= 40 \times 3.95924 = 158,3696$

 \sim 80. \sim 60 \sim \sim 20 \sim 60 \times 1,98978 \Longrightarrow 119,3868

- 100. - 200 Thir, zu bemf. Zeitp. 200 × 1 = 200

Busammen: 635,3170

2) Segenwärtig, als 100jährige Periodenrente 635,317×0,03312 = 21,04 Thir.

Hiernach verspräche dies Unternehmen von dem Morgen 21,04 Thlr. — 16,57 Thlr. = 4,47 Thlr., also 27 pCt. Gewinn (benn 16,57: 4,47 = 100: 27).

9. 127. Jährlich gleiche Terminzahlungen.

Jemand kauft eine Holzung für 4000 Thlr. und verspricht wegen Zahlung des Kaufgeldes: während der ersten 10 Jahre die Zinsen jedes Mal in der Verfallzeit dar zu entrichten; in den zweiten 10 Jahren die Kaufsumme mit jährlich gleichen Zahlunzen sammt Zinseszinsen abzutragen. Man ist über 4 pCt. überzeingekommen und fragt nun nach dem Betrage der Zahlunzen.

- 1) Die jährlich zu zahlenden Zinsen innerhalb der ersten 10 Jahre betragen: $\frac{1}{100} \times 4000 = 160$ Thir.
- 2) Die jährliche Terminzahlung x während der zweiten 10 Jahre wird folgendermaßen gefunden. Alle 10 Jahlungen sind zu Anfang des Jahres, mit dem sie zahlbar werden, als das Borderstück einer Rente anzusehen, und betragen zu dieser Zeit (n. §. 115.)

$$x \times \left[\frac{100}{p} - \frac{100}{p} \times \left(\frac{100}{100+p}\right)^n\right] = 4000.$$

Setzen wir in diesen Ausbruck die oben bestimmten Prozent= und Zeitzahlen, bann das Einheitskapital und die Werthzahl der Rentenwerthtafel: so ist

$$x \times (\frac{100}{4} - \frac{100}{4} \times (\frac{100}{104})^{10}) = 4000;$$

 $x \times (25 - 16,8891) = 4000;$
 $x = \frac{4000}{8,1109} = 493,2$ Thir.

Berth von allen ihm gebotenen Zahlungen berechnen, etwa als ein 10jähriges vorderes Rentenstück,

jährlich zu 160 Thlr. $= 160 \times (25-16,88912) = 1298$ Thlr, und noch als ein nach 10 Jahren eintretendes mittleres Rentenstück,

jährl. zu 493,2 Thir. = 493,2×(16,88912 — 11,40969) = 2702 Thir. Probe: 4000 Thir.

§. 128. Periodisch gleiche Terminzahlungen.

Ein Käufer erbietet sich, das Kaufgeld von 3000 Thlr. in drei gleichen Terminzahlungen abzutragen, und zwar am Schlusse des 4., 8. und 12. Jahres; wie viel wird er dann terminlich zu zahlen haben bei 4 pCt. Zinseszinsen?

Für den Verkäufer sind die drei Terminzahlungen Periodenseinnahmen mit 4jähriger Zwischenzeit. Wären sie fortbauernd, so betrüge ihr gegenwärtiger Werth (n. §. 118.)

$$x \times \frac{1}{(\frac{194}{5})^4 - 1} = x \times 5,88780,$$

Aber sie hören mit dem 12. Jahre auf, und daher geht ein nach 12 Jahren gleich großer Werth für den hintern Theil der Periodeneinnahme ab, der (n. §. 112.) gegenwärtig zum Borwerthe hat

$$x \times 5,88780 \times 0,62460$$
.

Folglich ist:

$$x \times 5,88730 - (x \times 5,88730 \times 0,62460) = 3000$$

 $x \times 5,8873 \times (1 - 0,6246) = 3000$
 $x = \frac{3000}{5,8873 \times 0,3754} = \frac{3000}{2,21009} = 1357,42 htr.$

Man könnte auch ohne Weiteres die Vorwerthe der einzelnen Zahlungen in die Gleichung setzen, nämlich:

Sten so sollte man jede Waldwerthberechnung mit einer anders angelegten Probe bewähren. Übrigens stellt die Theorie noch viele sehr verwickelte Waldwerthberechnungen auf. Mit solchen hat jedoch die wirkliche Waldwerthschätzung nichts zu thun; diese erleichtert und vereinfacht im Gegentheile die Rech=nung durch Annahme gleicher, mindestens aus Jahrsünsten zussammengesetzter Zeitabschnitte mit gleichem jährlichen Ertrage. Deshalb dürften auch unsere kleinen Werthtaseln vollkommen zureichen.

§. 129. Beweis für den Gebrauch der Zinseszinsen bei jeder Waldwerthberechnung.

Es ist hin und wieder in Zweisel gezogen worden, ob und wiesern bei der Waldwerthberechnung einfache oder zusammenge= setze Zinsen gebraucht werden dürften. Folgende Betrachtungen können diese Zweisel heben:

Jum ersten steht unbedingt fest: In der Rechnung muß der Berkäufer mit seinem Kapitaleinkommen dem Käufer mit seinem Forsteinkommen gleichge= kellt werden. Dies gestattet aber die einfache Zinsrechnung keineswegs.

Gesetzt, ein Forstertrag von 7000 Thir. könne erst nach 10 Jahren zusammen erfolgen, und der Verkäufer bekäme in Ge= maßheit ber ein fach en Zinsrechnung mit 4 pCt. dafür sogleich

$$\frac{100}{100+(4\times10)}$$
 × 7000 = 5000 Thir. (§. 75.):

b könnte berselbe die davon einlaufenden Zinsen, jährlich 200 Wir., durch alle 10 Jahre werbend nuten.

Der Käufer aber, als nunmehriger Waldbesitzer, hätte gesen dieses frühere Zinseinkommen durchaus keine Vergütung; denn er bekäme seine 10×200 Thlr. erst nach 10 Jahren in dem Forstertrage aufgesammelt. Wollte sich inzwischen der Forstsinhaber dem Kapitalinhaber gleichstellen, so müßte er jene 200 Thlr. mährend der 10 Jahre jährlich leihen. Diese würde ihm irdoch Riemand vorschießen, ohne Zinsen und wieder Zinsen zu verlangen. Also leiht der Käuser nicht nur jährlich 200 Thlr.,

sondern auch die Zinsen, und dazu wieder Zinsen; dadurch zieht er sich am Ende des 10. Jahres (n. §. 111.) eine Schuld zu von:

```
200 \times 1,04^{9} = 200 \times 1,42831
200 \times 1,04^{8} = 200 \times 1,36857
200 \times 1,04^{7} = 200 \times 1,31593
200 \times 1,04^{6} = 200 \times 1,26582
200 \times 1,04^{5} = 200 \times 1,21665
200 \times 1,04^{4} = 200 \times 1,16986
200 \times 1,04^{3} = 200 \times 1,12486
200 \times 1,04^{2} = 200 \times 1,08160
200 \times 1,04^{1} = 200 \times 1,04 \dots
200 \times 1 = 200 \times 1,\dots
200 \times 1,04^{1} = 200 \times 1,\dots
```

Der Käufer müßte somit am Ende des 10. Jahres zusetzen, die Bruchtheile nicht gerechnet:

$$2401 - 2000 = 401$$
 Thir.

Man darf daher dem Verkäufer nur einen solchen Kaufpreis anrechnen, dessen lojährige Zinsen und Zwischenzinsen dem Käufer durch den nachmaligen Gesammtertrag eben auch zu Theil werden, und dies ist der Vorwerth jeder 7000 Thlr., mit Zinseszinsen berechnet, (n. §. 112.) nämlich:

 $7000 \times (\frac{100}{104})^{10} = 7000 \times 0,67556 = 4729$ Thir.

Dieser Kaufpreis trägt dem Verkäufer jährlich 160 × 4729 = 189,16 Thlr. Zinsen.

Wollte der Käufer eine gleiche Einnahme von Jahr zu Jahr leihen: so würde das ganze Anlehen am Ende des 10. Jahres

 $189,16 \times 12,0061 = 2271$ Thir.

ausmachen, was er dann von den ihm eingehenden 7000 Thlr. abtragen könnte, und es blieben ihm genau die 4729 Thlr. übrig, welche er als Kaufgeld angelegt hat.

Die Zinseszinsrechnung ift also zur Gleichstelz lung früherer und späterer Einnahmen zwischen Berkäufer und Käufer durchaus nothwendig. Rei= nesfalls wurde sie wegen solcher gegenseitigen Ausgleichungen ver= boten, sondern um dem wucherlichen Dißbrauch verzinslicher Darleben zu steuern.

Jum zweiten: Das Ganze muß allen seinen Theis len zusammen gleich sein. Dieses Grundgesetz der Mathematik bedingt in der Waldwerthberechnung durchaus die Annahme von Zinseszinsen.

Die Walderträge sind wiederkehrend, also rentenartig. Eine immerwährende, jährliche Einnahme r hat zu ihrem Kapitalwerthe $\frac{100}{P} \times r$. Das bezweifelt Niemand. Nun ist aber (n. §. 108.) dieser Werth

$$\frac{100}{P} \times \mathbf{r} = \left(\frac{100}{100+P}\right) \times \mathbf{r} + \left(\frac{100}{100+P}\right)^2 \times \mathbf{r} + \left(\frac{100}{100+P}\right)^3 \times \mathbf{r} + \left(\frac{100}{100+P}\right)^3 \times \mathbf{r} + \left(\frac{100}{100+P}\right)^3 \times \mathbf{r}$$

Diese Gleichung, nach welcher das Rentenkapital aus den mit Zinseszinsen vorgeführten Zetzwerthen aller Rentenpopiten besteht, ist unbedingt die Grundlage zur ganzen Waldwerthsberechnung; wer ihren Gesammtwerth als richtig annimmt, muß auch ihre Theile als richtig anerkennen, und es kann daher auf keine Weise eine Einnahmepost anders auf ihren frühern, ober spätern Werth gebracht werden, als vermittelst der Zinseszinses zinse ch nung.

Die einfache Zinsrechnung nimmt nun zwar von obiger Gleichung die linke Seite als richtig an zur Rentenberechnung im Ganzen; sie giebt aber die Richtigkeit der andern Seite zur Berthberechnung der Theile nicht zu, sondern substituirt dafür irrigerweise ihre viel größeren Theile. Es soll nämlich:

$$\frac{100}{P} \times r \text{ bestehen auß } \frac{100}{100+P} \times r + \frac{100}{100+P \times 2} \times r + \frac{100}{100+P \times 3} \times r + \frac{100}{100+P \times 3} \times r + \frac{100}{100+P \times 3} \times r.$$

Sie geräth dadurch in ein ungewisses Berfahren und gestraucht Theile, die zusammen größer sind, als das angenommene Ganze.

Bergleichen wir nämlich die Glieberwerthe dieser Reihen mit einander, so finden sich nur die beiden vordersten gleich; alle

übrigen hat die einfache Zinsrechnung größer. 3. B. im 10. Gliebe wären:

$$(\frac{100}{100})^{10} = 0.6139 \dots \text{ unb } \frac{100}{100+5\times10} = 0.6666 \dots;$$
im 100. Sliebe:
$$(\frac{100}{100})^{100} = 0.0076 \dots \text{ unb } \frac{100}{100+5\times100} = 0.1666 \dots$$

Dieser Unterschied tritt um so bedeutender hervor, je weiter man in den Reihen fort geht; er steigt dermaßen, daß schon die vermeintlichen Jetztwerthe von den 40 ersten einfachen Gliedern zusammen weit größer sind, als das Rentenkapital selbst. Darin liegt auch der Grund, warum die einfachen Zinsrechner mit den spätern Einnahmen nie recht in's Klare kommen konnten und sich mit einem steigenden Zinssuße zu behelfen suchten.

Wir sehen also, die einfache Zinsrechnung führt bei der Werthberechnung einzelner Einnahmen und Rententheile gewissermaßen zu dem irrigen Grundsate: daß die gesammten Theile größer sein müssen, als das Ganze. Gerade so, als wenn man annähme: der Werth einer ganzen Größe von 3 × 4 bestehe nicht aus 4 + 4 + 4, sondern aus 4 + 5 + 6. Man suchte sogar eine solche mathematische Fehlerhaftigkeit bei gerichtlichen Waldschäzungen gesetzlich zu machen; wie dürfte aber z. B. in den Rechten gelten, daß 3 × 4 == 15 wäre!

Endlich drittens: Jede Waldwerthberechnung kann eben sowohl im Ganzen, als theilweise vollführt werden; in beiden Fällen müssen gleiche Ergebnisse hervorgehen. Das finden wir aber nur beim Gebrauche der Zinseszinsen ganz uns bedingt.

Die einfache Zinsrechnung bringt bei verschiedener Stellung bekfelben Falles öfters ganz verschiedene Ergebnisse hervor. So z. W. wäre nach ihr der gegenwärtige Werth einer, das dritte Jahrzehnd hindurch dauernden, jährlichen Einnahme von 700 Thlr. mit 5 pCt.

1) Zusammen als mittleres Rentenstück, b. h. als Differenz zweier hinteren Renten (§. 116.), berechnet:

$$700\times\left(\frac{100}{5}\times\frac{100}{100+5\times20}-\frac{100}{5}\times\frac{100}{100+5\times30}\right)=700\times(10-8)=\left\{\frac{1400}{20}\right\}$$

2) Nach den einzelnen auf ihren Vorwerth zurückgeführten Vosten berechnet aber:

21.
$$\Im ahr$$
: $700 \times \frac{100}{100+5\times21} = 700 \times 0.48780$

22. $\Im ahr$: $700 \times \frac{100}{100+5\times22} = 700 \times 0.47619$

23. $\Im ahr$: $700 \times \frac{100}{100+5\times23} = 700 \times 0.46512$

24. $\Im ahr$: $700 \times \frac{100}{100+5\times24} = 700 \times 0.45455$

25. $\Im ahr$: $700 \times \frac{100}{100+5\times25} = 700 \times 0.44444$

26. $\Im ahr$: $700 \times \frac{100}{100+5\times26} = 700 \times 0.43478$

27. $\Im ahr$: $700 \times \frac{100}{100+5\times27} = 700 \times 0.42558$

28. $\Im ahr$: $700 \times \frac{100}{100+5\times28} = 700 \times 0.41667$

29. $\Im ahr$: $700 \times \frac{100}{100+5\times28} = 700 \times 0.40816$

30. $\Im ahr$: $700 \times \frac{100}{100+5\times29} = 700 \times 0.40000$

Busammen: 700 × 4,41324 = 3089 Thir.

Wer könnte bei biesen höchst ungleichen Ergebnissen von 1400 und 3089 für einen und denselben Werth nur noch zweisseln an der Undrauchbarkeit einfacher Zinsen in der Waldwerthbes wehnung? Der Grund dieser Ungleichheit liegt darin, daß die einsache Zinsrechnung allen abgesonderten, spätern Rechnungsposken, wie schon bekannt, einen zu hohen Zettwerth beilegt. Dasher wird in der gesammten Berechnung aushörender Renten für das hintere Rentenstück eine zu groß angenommene Werthzahl abgezogen; es bleibt also ein zu kleiner Rest, wie hier 1400. Berechnet man dagegen alle Einnahmeposten für sich und mulstwizirt sie durchgängig mit den zu großen Faktoren: so sällt wieder die Summe, wie 3089, zu groß aus. Auf solche Beise entstehen diese Abweichungen sowohl unter sich, als von dem richtigen Werthe, welcher (n. §. 116.) mit Zinseszinsen

700 × 2,91024 = 2037 Thir.

beträgt, man mag ihn zusammen ober postenweise ausrech: nen.

Es ist also hierdurch genugsam bewiesen, daß die Balds werthberechnung durchaus volle Zinseszinsen gesbrauchen muß, und daß dabei die einfachen Zinsen ganz unstatthaft sind, weil diese den Käufer und Berkäusfer nicht gleichstellen können, eine mathematische Grundlage nicht haben, daher für einen und denselben Fall öfters ganz verschies dene und allemal bald zu kleine, bald zu große Werthe ergeben.

§. 130. Bebenken gegen bie Anwendung ber Zinses-Zinsen.

So wenig auch der eben geführte Beweis dafür, daß nur die Zinszins=Rechnung auf richtiger mathematischer Basis ruhe, vom Standpunkt der Theorie angefochten werden kann, so haben sich in der Praxis dagegen boch manche Bedenken erhoben.

1) Es sei im gewöhnlichen Verkehr nicht wohl möglich, volle Zinseszinsen, wie sie die Rechnung voraussetze, zu realisiren; benn dies bedinge, daß das Kaus-Kapital rechtzeistig eingezahlt und sofort ausgeliehen werde, daß pünktlichst am Schlusse des Jahres die Zinsen eingingen, diese aber augenblickslich wieder werdend angelegt und so fort, ohne den mindessten Zeit-, Zinsen und Kapital-Verlust, Zinsen auf Zinsen gehäuft würden. —

Obschon diese Behauptung nicht unbedingt zuzugeben ist, ins sofern es jetzt fast überall Sparkassen giebt, welche volle Zinseszinsen vergüten, überdies auch diejenigen Kausgelder, welche zu Guts-Meliorationen, Fabrikanlagen, im Handel u. s. f. nütlich angelegt ober zur Tilgung anderer verzinslicher Schulden verwenz det werden, als Zinszins tragend zu betrachten sind: so läßt sich anderseits doch nicht verkennen, daß im gewöhnlichen Leben gar oft, zumal wo es sich um sehr große Kapitalien, oder auch umzgekehrt um geringe Summen eingehender Zinsen handelt, diese nicht sofort ohne allen Zeit= und Zinsen-Berlust ausgeliehen oder sonst werdend angelegt werden können. Auch ist nicht zu überssehen, daß Sparkassen die Zinsen immer nur nach einem niedrigern

als dem laufenden Zinsfuß zu vergüten, auch keine Kapitalien sider einen Maximalbetrag anzunehmen pflegen; daß säumige Zinszahler gerichtlich nicht zur Zahlung von Zinszinsen anzuhalsten sind und daß endlich das Natural-Einkommen aus Walduns gen im Allgemeinen eine größere Sicherheit bietet, als werbend angelegte Geldkapitalien.

2) Zudem pflege sich der wirkliche Kaufpreis von Baldgrundstücken in der That höher zu stellen, als er sich mitztels der Zinszinsrechnung entziffere. —

Auch diese Thatsache kann in vielen Fällen nicht geläugnet werden und sindet in dem erfahrungsmäßig begründeten Umstande ihre Erklärung, daß Käufer, welche es überhaupt ihren Verhältznissen, Wünschen und Interessen angemessen sinden, spät eingeshende Nutzungen zu acquiriren, in der Regel niemals die Vergüstung voller Zinseszinsen in Anspruch nehmen.

3) Endlich führe die Zinszinsberechnung in nicht ganz seltenen Fällen zu einem negativen Waldwerthe, d. h. zu dem Ressultate, daß die erst in späterer Zeit eingehenden Forstnutzungen keineswegs im Stande seien, den sofort oder in nächster Zeit nöthigen Auswand für Kulturen, Steuern u. s. f. sammt der in geometrischer Progression steigenden Zinszinsen an sammlung davon bis zum Zeitpunkt der Nutzung zu ersetzen *).

[&]quot;Im dies näher zu belegen, hat man folgendes Beispiel gegeben: Ein Acker leerer Waldboden steuert jährlich 8 g.Gr., wird jest für 9 Thlr. wit Kiefern angesäet und verspricht, ohne weitere Andaukosten, allemal nach 300 Ihlr. zu ertragen; wie viel ist sein Jestwerth mit 5 pCt. Zinsseszinsen?

Der gegenwärtige Werth biefer Periodenrente ift:

^{300 × 0,02059 = 6,177} Thlr.

Der gegenwärtige Ausgabewerth beträgt:

An Steuern jährlich $\frac{1}{3}$ Thir., als Kapital $\frac{1}{8}^{\Omega} \times \frac{7}{3} = 6,666$ Thir. An einmaligem Kulturaufwande 9,000 "

Zusammen: 15,666 Thir.

Hier werden wir auf einen negativen Werth geführt. — Übrigens ist dies Beispiel nicht sonderlich glücklich gewählt. Denn es ist nicht nur ein unver-

Allerdings läßt sich in einem solchen Falle sagen, daß die Rechnung eben nichts anderes beweise, als daß die Holzzucht hier nicht lohnend erscheine und der Waldgrund daher räthlicher zu anderen Zwecken — etwa als Weidegrund — liegen bleibe, oder daß, wenn in der That keine anderen Nutzungsverhältnisse möglich seien, solcher Waldboden mit der Forderung, ihn undebingt zur Holzzucht benutzen zu müssen, selbst geschenkt zu theuer sei. — Indeß kann doch auch die Thatsache nicht bestritzten werden, daß auch solchem geringeren Waldboden im Verkehr immer noch ein gewisser Werth beigelegt wird, daß sich dazu in der Regel noch Käuser sinden und daß fortwährend Kulturen gemacht werden, von denen es allerdings zweiselhaft bleibt, ob ihr künstiger Ertrag den jezigen Auswand mit dem Zinszinsserwachs zu becken im Stande ist.

§. 131. Bermittlung zwischen einfachen und Binseszinsen.

Wenn nun die eben angestellten Betrachtungen ergeben, daß die Zinszinsrechnung, dem Interesse des Verkäufers zuwider, auf ein Minimum des Kauspreises führt, so bedarf es anderseits doch auch keines Beweises, daß durch Anwendung bloß einfacher Zinssen der Käuser noch viel empsindlicher verletzt werden würde, da sich Niemand dazu entschließen wird, sein Kapital nur zu einsfachen Zinsen anzulegen, also lange Zeit auf Benutzung der Zinssen zu verzichten und sich damit zu begnügen, erst nach vielen Iahren durch die Forstnutzung das Kapital mit zugeschlages nen ein fachen Zinsen einfachen Zinsen einfachen Zinsen restituirt zu erhalten.

Die Wissenschaft hat es daher nicht an Versuchen sehlen lassen, passende Mittelwege aufzusinden. Diese lassen sich, dem Prinzip nach, wesentlich zurücksühren auf Modifikation des

hältnismäßig hoher Kulturauswand, der sich wohl durch zweckmäßigen Andau hätte mindern lassen, und ein, für derartigen geringen Waldboden, aussallend hoher Steuersat angenommen, auch der Zinssuß weit über den gewerblichen hinausgestellt, sondern es ist anderseits auch der Ertrag ohne alle Zwischen, nutungen und für einen Umtried berechnet, der für solchen Waldboden offenbar zu hoch steht.

Zinssußes, auf Anwenbung von Mittelzinsen und auf periodischen Zinsenzuschlag.

- 1) Modifikationen bes Binsfußes.
- a) G. E. Hartig *) will die einfachen Zinsen beibehalten haben, den Nachtheil des Käusers aber, daß er für so lange Zeit auf die Benutzung der Zinsen verzichten muß, dadurch ausgleichen, daß er nicht nur überhaupt einen hohen (für damalige Zeiten um 1% erhöheten) Zinssuß annimmt, sondern diesen auch von 20 zu 20 Jahren um ½ pCt. steigen läßt, so daß z. B. für die in den nächsten 20 Jahren eingehenden Nutzungen 6 pCt., sür die in den folgenden 6½ pCt. u. s. f. gerechnet werden sollen.

Hiernach würde z. B. eine Einnahme von 100 Thir. jetzt werth sein:

nach 20 40 60 80 100 Jahren eingehend, 45 27,8 19,2 16,6 11,1 Ehlr.,

während solche bei 5 pCt.

einfachen Zirtsen 50 33,3 25 20 16,6 Thir., Zinseszinsen 37,7 14,2 5,4 2,0 0,7 "

ergeben haben wurde.

b) Andere (Pernissch, Reber 1c.) haben den entgegengesetzten Beg vorgeschlagen, daß man nämlich die Zinszinsrechnung zwar beibehalten, den dem Berkäufer daraus erwachsenden Nachtheil aber durch Herabsetzung des Zinsfußes (je nach Umständen, um 1, 1½ bis 2 pCt.) ausgleichen solle.

hiernach wurde sich für die Einnahme von 100 Thir. bei Prozentiger Berzinsung ergeben:

nach 5 20 50 100 Jahren eingehenb, 86,3 55,4 22,8 5,2 Thir.,

wihrend die Aprozentige Berginsung:

bei einfachen Zinsen 83,3 55,5 33,3 20 Thir.,

bei Zinseszinsen 82,2 45,6 14,1 2 »

als Jetztwerthe herausstellte.

Für bald eingehende Nutzungen kann bies Verfahren also zu

^{*)} Anleitung zur Berechung des Geldwerthes schon taxirter Forste. Ber lin 1812. S. 3.

einem noch günstigeren Resultate führen, wie die einfache Zins= rechnung; für lange Diskontirungszeiträume nähert es sich wieber den Resultaten der Zinszinsrechnung, ohne alle innere Folgeriche tigkeit!

- 2) Anwendung von Mittelzinsen.
- a) Arithmetisch mittlere Zinsen. H. Cotta *) meint, daß, da das Resultat der einfachen Zinsrechnung den Käuser, jenes der Zinszinsrechnung den Berkäuser verletze, so müsse die Wahrheit nothwendig zwischen jenen beiden Ertremen liegen. Wo? sei allerdings nicht mit Bestimmtheit anzugeben; da jedoch kein Grund vorliege, anzunehmen, daß der wahre Kauspreis dem einen Ertrem näher liege als dem anderen, so würde das praktisch brauchbarste Resultat dadurch erlangt werden, daß man zwischen beiden das Mittel nehme. Er verlangt daher die Anwendung arithmetisch mittlerer Zinsen.
- b) Geometrisch mittlere Binsen. v. Gehren **) stellt die Ansicht auf, daß ber mahre Kaufpreis nur der sein konne, bei welchem die Zinsen so berechnet würden, daß sie in der That auch erhoben und wieder kapitalifirt werben könnten. Es komme also nur barauf an, baß man allgemein etwas Bestimmtes für ben durch das Erheben und Ausleihen entstehenden Binsenverlust feststelle. Dies aber musse so geschehen, bag es mit ben größeren ober kleineren Zeitperioden im Berhaltniß stehe, d. h. die wirklich zur Erhebung zu bringenden Binfen mußten sich um fo mehr ben vollen Zinseszinsen nähern, je größer ber Zeitraum sei, weil in gleichem Berhältniß die Möglichkeit supponirt werden burfe, die eingegangenen Zinsen wieder werbend anzulegen. Dieser Anfors berung entsprächen aber, was allerdings nicht in Abrebe zu stel= len ift, bie geometrisch mittleren Binfen und es sei biesen darum der Borzug vor den Cotta'schen arithmetisch mittleren Bin= sen einzuräumen.
 - 3) Periobischer Binfenzuschlag. Bon anberer Seite

^{*)} Entwurf einer Anweisung zur Waldwerthberechnung. Dresden 1819 S. 56—59.

^{**)} Lehrbuch der Arithmetik und Waldwerthberechnung. Kaffel 1835. S. 139.

her ist der alte Vorschlag in neuester Zeit wiederholt worden, die Zinsen jedesmal erst nach einer Reihe von Jahren, je nachdem mehr oder minder sicher auf deren Eingehen und Wiederanlegen gerechnet werden könne, etwa nach 5, nach 10 oder 15 Jahren wieder zum Kapital zu schlagen.

Um die Einwirkung dieser verschiedenen Rechnungsweisen vers
gleichend beurtheilen zu können, ist in nachstehender Tabelle der Jehtwerth eines Kapitales von 100 Ahlr. bei 4prozentiger Verzinsung neben einander gestellt:

Eingehend nach Sahren.	Einfache Zinsen.	Arithmetische mittlere Zinsen.	Geometrische mittlere Zinsen.	10jähriger Zinsen: Zuschlag.	Binfes: Bins.
10	71,4	69,5	69,5	71,4	67,6
20	55,6	50,6	50,3	51,0	45,6
30	45,5	38,1	37,5	36,4	30,8
40	38,5	29,6	28,2	26,0	20,8
50	33,8	23,7	21,7	18,6	14,1
60	29,4	19,5	16,7	13,3	9,5
70	26.3	16,4	13,0	9,5	6,4
80	23,8	14,1	10,2	6, 8	4,3
90	21,7	12,3	8,0	4,8	2,9
100	20,0	11,0	6,3	3,5	2,0

Diese Zusammenstellung zeigt zunächst, daß die arithmetisch mittleren Zinsen, ohne alle Rücksicht auf Zeitdauer, das einsache Mittel zwischen einsachen und Zinseszinsen halten, daß dagegen die geometrisch mittleren Zinsen den oben hervorgehobenen Vorzug in der That haben, sich nämlich im Verhältniß der Zeitdauer den Zinseszinsen nähern; daß endlich der periodische Zinsenzuschlag für kurze Zeiten den einsachen Zinsen gleich oder sehr nahe sieht, während er für längere wieder den Zinseszinsen sich so außersotentlich nähert *), daß es auch dieser Methode an Folgerichtigsteit gebricht.

[&]quot;) In viel auffallenberm Maße ware bies ber Fall, wenn man den Bins senzuschlag von 5 zu 5 Jahren supponirt hatte.

Mue biefe vorgeschlagenen Mittelwege entbehren ber ftreng mathematischen Bafis, theilen wenigstens die g. 129. nachgewiesenen Mangel und Inkonsequenzen ber einfachen Binsrechnung in höherem ober geringerem Grabe. Es sind Versuche, der Bahrheit näher zu kommen; Bersuche, welche burchweg von mehr ober weniger will= tührlichen Boraussetzungen ausgehen, deren wirkliches Gintreffen in keinem Falle nachgewiesen zu werden vermag. Wer wollte z. B. zu behaupten magen, daß gerade eine alle 20 Jahre stattfindende Erhöhung bes Binsfußes um & pCt. die Nachtheile ber einfachen Binerechnung ausgleiche; ober baß ber Binefuß genau um 1 ober 14 ober 2 pCt. ermäßigt werben muffe, um bas Ergebniß ber Binezinerechnung praktisch brauchbar zu machen; ober gar, baß eben alle 5 ober 10 Jahre die Zinsen wieder zum Kapital ge= schlagen werben mußten; warum nicht alle 8 ober 12 Jahre? u. s. w. Man sagt zwar, daß diese Modifikationen des Zinsfußes ober der periodische Zinsenzuschlag nach den obwaltenden Berhältnissen beurtheilt und wo möglich nach wirklich erlangten Kaufpreisen bemessen werden musse; wer es jedoch viel mit solchen Berech= nungen für das praktische Bedürfniß zu thun gehabt hat, über= zeugt sich bald, daß solche Vergleiche höchst mißlich sind, und daß fast bei jedem Berkauf von Waldgrundstücken der Preis we= fentlich mit von anderen, außerhalb aller Rechnung liegenden Mo= menten bestimmt wird, die gerade nur für diesen besonderen Fall passen, auf einen anderen baher nicht wohl angewendet werden können. Eben so ergiebt sich leicht, daß jene Modifikationen bes Zinsfußes ober ber periodische Zinsenzuschlag ganz verschieden ge= stellt werden mußten, je nachdem es sich um die Diskontirung früher ober später eingehender Rugungen handelt, und baß ba= durch das ganze Berechnungsprinzip mit sich in inneren Biber= spruch geräth.

Was aber die Anwendung der Mittelzinsen betrifft, so ist die Cotta'sche Voraussetzung: es liege die Wahrheit in der Mitte, eben auch nur eine Annahme, die durch nichts als zutreffend be= wiesen werden kann. Die geometrischen Mittelzinsen gehen zwar von einer Voraussetzung aus, welche den Vorzug hat, daß sie sich noch am besten der Natur der Sache anschließt und mehr

innere Folgerichtigkeit besitzt, daß auch ihre Ergebnisse erfahrungs= mäßig den wirklich erlangten Kauspreisen sich verhältnismäßig am meisten annähern *); indeß bleibt doch auch diese Woraus= setzung eine willkührliche, und nicht mit Unrecht hat man endlich noch hervorgehoben, daß Mittelzinsen überhaupt bloß in der Idee, keineswegs aber im wirklichen Geschäftsleben eristiren, daher auch in gerichtlichen Werthschätzungen nicht wohl Anerkennung sinden können.

§. 132. Bedingungen für die Unwendbarkeit der Zinseszinsen.

Diese Betrachtungen sühren uns immer wieder auf die Zinszinsrechnung zurück; sie zeigen aber auch, daß, wenn deren Erzebnisse wirklich praktisch benuthar werden sollen, Folgendes nicht übersehen werden darf:

1) Die Zinszinsrechnung zieht bie werbende Eigenschaft bes Belbes in vollestem Dage in Betracht und berechnet ben Gewinn, welcher bavon unter ben gunftigsten Boraussehungen zu erzielen ift. Dies bedingt, daß auf der anderen Seite aber auch alle ir= gend mahrscheinlichen Nutzungen des Waldgrundstücks in Rechming gestellt werben. Daß in Wirklichkeit bie burch Zinszins= rechnung ermittelten Werthe so oft hinter ben wirklichen Werkaufs= preisen zurückgeblieben sind, hat seinen Grund wesentlich mit barin, daß die Schätzer seither bei Weranschlagung der Natural= Ruhungen — in der hergebrachten Wirthschaftsweise befangen nur zu sehr gewohnt waren, eine minder einträgliche Nutzung zu Grunde zu legen, für Rifiko einen bebeutenden Abzug zu machen, die Ausgaben höher als nothig zu stellen, kurz, daß man das Ratural-Einkommen zu vorsichtig berechnete, manche mittelbare Rutung ganz außer Acht ließ, auch wohl überhaupt von einem an sich unzwedmäßigen und ungeeigneten Nutungsplane aus=

[&]quot;) Es unterliegt keinem Zweisel, daß, wenn überhaupt ein Mittelweg bei Baldwerthberechnungen eingeschlagen werden sollte, die geometrisch mittleren unbedingt den Borzug vor der arithmetisch mittleren verdienen, und es beruhet auf einer Berkennung des Sachverhaltes, wenn man den Unterschied zwischen beiden als ganz unwesentlich hingestellt hat.

- ging während der Käufer durch spekulative Ausnutzung einen höheren Gewinn zu schaffen wußte. Die fehlerhafte Ertrags= schätzung suchte man dann durch die Art der Werthsberechnung einigermaßen wieder zu heben.
- 2) Die Rechnung kann keine andere Aufgabe haben, als ben Jettwerth aller von dem Waldgrundstud erwartbaren Einnahmen zu berechnen; nichtsbestoweniger giebt es aber noch eine Reihe von Momenten (die Konkurrenz von Käufern; die Noth, verkausfen zu müssen; der Wunsch, Kapitalien in Waldgrund anzulezgen; die Belegenheit des Waldgrundes zu anderen Besitzungen; besondere Vorliebe des Käufers; gesetzliche Beschränkungen des Waldeigenthums; politische Konjunkturen u. s. f.), welche nicht numerisch zu siriren sind und dennoch in hohem Grade auf den Kauspreis einwirken. Es ist daher an sich schon eine unzulässige Forderung, daß bei wirklichen Waldverkäusen der ber ech nete Rauspreis mit dem erlangten Waldverkäusen ber ber ech nete Kauspreis mit dem erlangten Unbasterinstimmen solle, es kann jener vielmehr nur dazu dienen, einen passenden Anhalt für das ganze Handelsgeschäft abzugeben.
- 3) Soll dieser Anhalt aber ausreichen, so barf sich bie Berthsberechnung nicht mit ber Aufstellung eines einseitigen Waldwerthes begnügen. Dieser ift, wie bekannt, durch den kunf= tigen Betrieb bedingt, und je nachdem der strenge Nachhaltsbe= trieb ober ber höchste Ausnutzungs = (Spekulations =) Betrieb sup= ponirt wird und werden darf, ergeben sich auch höchst abweichende Baldwerthe, zwischen denen noch manche Zwischenstufen benkbar Der nach Zinseszinsen berechnete strenge Nachhaltswerth barf unbedenklich als Minimum des Raufpreises, b. h. als er= stes Angebot - ber Spekulationswerth dagegen in ber Regel als Marimum des Kaufpreises betrachtet werden; die Aufstellung beider äußersten Grenzen gemährt bem ganzen Sandel eine sichere Grunblage und den nothigen Spielraum für die Geltendmachung der übrigen, außer aller Rechnung liegenden Berkaufs-Momente. Die weitere Ausführung dieser vorläufigen Andeutungen im IV. Abschnitte ber vierten Abtheilung.

Zweite Abtheilung.

Forfiliche Planimetrie.

§. 133. Flächenmeßtunft.

Die Flächenmeßkunst hat zu ihrem hauptsächlichen Gesgenstande die Ausbehnungen der Erdoberfläche; sie erstlätt die Eigenschaften aller Ausdehnungen in der Ebene und lehrt, wie die Linien und Flächen gemessen und sonst bestimmt werden.

§. 134. Puntt.

Der Anfang aller Ausbehnung ist der Punkt. Dieser hat an sich keine Größe. Die sogenannten Punkte, die man mit der Spitze eines Werkzeugs macht, sind nur Bilder, in deren Mitte man sich den eigentlichen Punkt, die eben zu bezeichnende Stelle denkt.

§. 135. Binie.

Stellt man sich die Fortbewegung eines Punktes vor, so bekommt man den Begriff von einer Linie. Diese kann keine andere Ausdehnung haben, als die Länge; ihre Grenzen sind zwei Punkte. Die sogenannten Linien, die man mit der Spitze eines Werkzeugs zieht, sind nur Bilder; je feiner sie gezogen werden, um so mehr nähern sie sich der eigentlichen Linie.

Saben in einer Linie alle willkührlich angenommenen Punkte eine und dieselbe Richtung, so heißt sie eine gerade Linie ober eine Gerade. Diejenige Linie, worin jene gleiche Richtung aller Punkte nicht Statt findet, heißt krumm. Man kann jedoch sehr kleine Theile krummer Linien gewissermaßen als gerade annehmen.

§. 136. Flace.

Stellt man sich eine Seitenbewegung der Linie vor, so bekommt man den Begriff von einer Fläche. Diese hat zwei Ausbehnungen, nämlich diejenige, welche die Linie vor der Beswegung hatte, die Länge, und diejenige, welche durch Bewesgung der Linie erzeugt wurde, die Breite. Die Grenzen der Fläche sind Linien.

Können innerhalb einer Fläche nach allen Richtungen hin gerade Linien liegen, so heißt dieselbe eine ebene Fläche, Ebene. Diejenige Fläche, worin jene allseitige Geradheit nicht Statt findet, heißt uneben, krumm. Auch von der krums men Fläche darf man ganz kleine Theile als eben ansehen. Die von Linien bestimmt umgrenzte Ebene heißt Figur.

§. 137. Messen.

Messen heißt: die Größe der gegebenen Ausbehnung nach einem gleichartigen, zur Einheit angenommenen Maße ermitteln, theilen und darstellen, oder sonst bestimmen.

Wenige Ausbehnungen können unmittelbar gemessen werben; nur zugängliche Linien gestatten dies, wie etwa die Länge eines Weges. Meist muß man die gesuchten Ausdehnuns gen, wie die Grundsläche eines Holzbestandes, erst aus gewissen, damit verbundenen Linien durch Zeichnung und Rechnung mitstelbar bestimmen.

Weber in der Messung, noch in der Zeichnung ist eine eizgentlich mathematische Schärfe erreichbar. Die Unvollsommens heit aller Begrenzungen und die Mangelhaftigkeit unserer Sinne und unserer Hülfsmittel verursachen manche unvermeiblichen Abweichungen. Der Meßkundige muß diese Abweichungen nach Maßgabe ihres Betrags und des erforderlichen Genauigskeitsgrades so viel als möglich beseitigen und gegen sie, so wie auch gegen die vermeiblichen Fehler, welche aus Unachtssamkeit und bergl. entstehen, sich allerwärts zu sichern suchen.

g. 138. Eintheilung der Flächenmeßkunst. Die forstwirthschaftliche Meßkunst kann ohne hinlangliche Grundkenntniß nicht richtig und sicher ausgeübt werden. Daher betrachten wir zuvörderst die allgemeinen Eigenschaften und Berhältnisse der planimetrischen Hülfösiguren überhaupt. Hiernächst beschäftigen wir uns mit der Zeichnung und Berechnung näher bestimmter Figuren auf dem Papiere. Alsdann wenden wir alles das auf die Ausmessung, Theilung, Darstellung und sonstige Bestimmung von Linien, Winkeln und Flächen des Forstlandes an. Die forstliche Planimetrie zerfällt demnach in sechs Abtheis lungen, nämlich: in die Betrachtung, Zeichnung und Bez technung der Figuren, in die Liniens und Flächens messung und endlich in die Forst vermessung.

I. Figurenbetrachtung.

1. Freie Linien und Bintel.

§. 139. Einzelne Linien. Fig. 1.

Fig. 1. Bon einem Punkte A zu einem andern B können vielerlei Linien Statt sinden, wie ACB, ADB, AFB u. s. w. Stellt man sich vor, die Fläche, worin diese Linien liegen, drehe sich um die sesten Punkte A und B: so bewegen sich die außer der Richtung von A zu B gelegenen Punkte C, D der ungeraden Linien mit herum, während die zu A und B gerichteten Punkte E, F, G der geraden Linie unverrückt bleiben.

Die gerabe Linie kann also zwischen zwei Punkten nur ime einzige Lage haben und ist daher durch zwei Punkte bestimms bar; auch kann von einem Punkte zum andern nur eine einzige Berade Statt sinden, welche zugleich den kurzesten Weg vorzichnet.

Die krumme Linie, wie ADB, kann zwischen zwei sesten Punkten unzählige Lagen haben; sie ist der Umweg. Eben so die zusammengesetzte Linie, wie ACB.

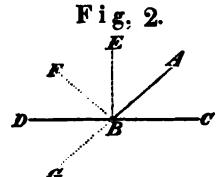
Sowohl gerade als krumme Linien können zusammengesett werben und zwar zu gerablinigen, krummlinigen ober

gemischtlinigen Figuren. Bei allen folgenden Betrachtungen denkt man sich die Liniengestalten in einer und derselben Ebene gelegen.

§. 140. 3wei gerabe Linien, Winkel. Fig. 2.

Zwei gerade Einien können keine Fläche einschließen; in der Ebene sind sie ihrer Richtung nach entweder gleichlau= fend, ober zu einander geneigt. Die geneigten durchschneiden sich irgendwo in einem gemeinschaftlichen Punkte.

Der unbegrenzte Raum zwischen zwei Linien, die sich in einem Punkte durchschneiden, heißt Winkel. Die beiden Linien selbst, welche ihn bilden, sind seine Schenkel; die Größe des Win=kels hängt nicht ab von der Länge der beiden Schenkel, son= dern von der Größe ihrer beiderseitigen Juneigung. Man bezeichnet die Winkel entweder mit einem einzigen Buchstaben an der Spike, oder mit drei Buchstaben, wovon der an der Spike inmitten genannt wird, und gebraucht dafür das Zeichen X.



Eigentlich ist die Neigung zweier geraden Linien AB und DC eine zweifache. Die beiderseitigen Winkel ABD und ABC heißen Neben= winkel gleich, wie EBD und EBC, so nennt

man sie rechte Binkel und ihren gemeinschaftlichen Schenkel EB eine Senkrechte auf der Geraden DC. Alle rechten Winkel sind unter sich gleich; sie dienen uns hiernächst zur Vergleichung der übrigen Winkel. Handwerker nennen den Rechtwinkel schlechthin Winkel; wir sprechen oft nur Rechter und gebrauchen dafür R. Ist ein Winkel kleiner als der rechte, so heißt er spikig; ist er größer, stumps. Beide heißen auch wohl schiefe Winkel.

§. 141. Maß der Nebenwinkel. Fig. 2.

Die Summe zweier Nebenwinkel beträgt immer zwei Rechtwinkel. Stellen DBA und ABC zwei Nebenwin= kel und EB eine Senkrechte vor, so ist

$$\angle ABD = R + \angle ABE$$

 $\angle ABC = R - \angle ABE$
 $\angle ABD + ABC = 2R$.

hieraus folgt:

- 1) Da jeder Nebenwinkel wieder aus mehren Winkeln bestehen kann, so mussen auch drei, vier und mehr über eisner Geraben zusammenliegende Winkel, wie DBF, FBE, EBA und ABC, das Maß von 2R haben.
- 2) Da auch die Winkel unter der Linie, wie DBG nnd GBC, so groß als 2R sind: so haben alle Winkel um einen Punkt herum das Maß von 4R.
- 3) Durch einen von zwei Nebenwinkeln ift auch ber andere gegeben.

$$\simeq$$
 ABC = 2R - \simeq ABD.

§. 142. Gleichheit ber Scheitelwinkel. Fig. 3.

Brade Linien bilben gegenseitiggleische Winkel, Scheitelwinkel ober Bertikalwinkel genannt. Durchsschneiben sich AC und BD, so entstehen die Scheitelwinkel mund n, p und q.

Davon find
$$m + q = 2R$$
 (als Nebenwinkel).

Solglich $m + q = n + q$;
abgezogen $q = q$,
bleibt $m = n$.

Eben so sind $p + n = q + n = 2R$;
abgezogen $n = n$,
bleibt $p = q$.

Ift von vier zusammengehörigen Scheitelwinkeln einer gegesben, etwa m, so sindet man mit Hülfe seines Nebenwinkels die übrigen.

Denn m = n; 2R - m = p = q.

§. 143. Parallellinien. Fig. 4.

Fig. 4. $A \xrightarrow{E} B$ $C \xrightarrow{n} D$

Sleichlaufenbe Einien ober

Parallelen bilden mit einer ges

raden Durchschneibungslinie mans
cherlei Winkel; davon sind sos

wohl die Gegenwinkel, wier und
n, als auch die Wechselwinkel, wie

m und n, unter sich gleich, und je zwei Innenwinkel, wie p und n, zusammen so groß als zwei Rechte.

Stellt man sich vor, die Parallelen AB und CD rückten in stets gleichlaufender Richtung zusammen: so sielen sie mit allen ihren Theilen zu gleich in einander, und es deckte der Winkel r den Winkel n, der Winkel p den Winkel q. Daher ist jeder in= nere Winkel seinem äußern Segenwinkel gleich, wie n == r.

Ist aber n = r, beßgleichen m = r (§. 142.), so muß auch n = m sein.

Daher sind die Wechselwinkel, wie n und m, gleich.

Wird nun zu n = m abbirt p == p,

so ist endlich n + p = m + p = 2R (§. 141.). Daher sind die beiden Innenwinkel, wie n + p, so groß als 2R.

- 1) Folglich mussen auch Linien parallel sein, wenn die von einer Durchschneidungslinie gebils beten Gegenwinkel, ober Wechselwinkel unter sich, ober je zwei Innenwinkel zusammen zwei Rechten gleich sind. Finden diese Bedingungen nicht Statt, so neigen sich die Linien zu einander und schneiden sich irgendwo.
- 2) Wenn Parallelen von einer Geraden sent= recht durchschnitten werden, so sind alle inneren und äußeren Winkel rechte und daher gleich.
- 3) Auch muffen alle auf einer Geraben errich= teten Senfrechten parallel fein.
- 4) Wenn zwei, drei und mehr gerade Linien mit einer einzigen parallel laufen, so sind sie uns

ter sich auch parallel; benn sie haben alle gleiche Reigung zu einer gemeinschaftlichen Durchschneidungslinie.

2. Drei gerabe Linien, Dreiede.

§. 144. Das Dreied.

Durchschneiden sich drei gerade Linien in drei Punkten, so bilden sie das geradlinige Dreieck mit 3 Seiten, 3 Winkeln und der Fläche, welche lettere wir vorläusig noch außer Acht lassen.

Den Seiten nach giebt es drei Arten von Dreiecken: gleichseitige, worin alle Seiten gleich sind; gleichschen= kelige, mit zwei gleichen Seiten, die man Schenkel nennt, und ungleichseitige.

Den Winkeln nach sind die Dreiede: rechtwinkelig, mit einem rechten Winkel, stumpfwinkelig, mit einem stumpfen Winkel, und spikwinkelig, mit lauter spikigen Winkeln. Im rechtwinkeligen Dreiede nennt man die dem Rechtwinkel gesgenüber liegende Seite Sppotenuse und die beiden andern, Latheten.

Jede Seite, die wegen ihrer Entfernung von dem gegensiber liegenden Echpunkte zur Frage kommt, gilt insofern als Grundlinie. Der ihr gegenüber liegende Echpunkt heißt Spike, und eine Senkrechte aus der Spike auf die Grundslimie ober deren Verlängerung heißt Höhe des Dreieckes ober Abstand der Spike von der Grundlinie.

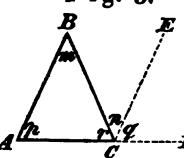
Rachte man im stumpswinkeligen Dreiecke einen Schenkel bes stumpsen Winkels zur Grundlinie, so siele die Höhenlinie außerhalb des Dreieckes auf die deshalb zu verlängernde Grundslinie. Um dies zu vermeiden, nimmt man wo möglich die längste Beite des Dreieckes zur Grundlinie. Eine bloße Ansicht ergiebt schon, daß in dem Dreiecke zwei Seiten zusammen größer sein wassen, als die dritte, sonst könnten die beiden kürzern sich nicht in dem dritten Punkte erreichen.

Die Dreiecke werben mit ihren drei Echuchstaben benannt, vor welche man noch das Zeichen Δ setzt, wenn eine Verwechsestung mit Winkeln entstehen könnte.

§. 145. Gesammtmaß ber Binkel im Dreiede. Fig. 5.

In jedem Dreiecke sind alle brei Winkel zusam= men so groß als zwei Rechtwinkel.

Fig. 5.



Denkt man sich in einem Dreiecke ABC eine beliebige Seite, z. B. AC nach D, verlängert, alsbann aus bem Punkte C mit AB die Parallelle CE so ist:

Winkel p = q, Gegenwinkel (§. 143.), auch m = n, Wechselwinkel (§. 143.), endlich r = r, sich felbst.

3ufammen p + m + r = q + n + r

Da nun $q + n + r = 2R (\S. 141. 1.),$ so if auch p + m + r = 2R.

Hieraus folgt:

- 1) In bem Dreiede fann nur Gin Binkel ein rechter, ober stumpfer fein, und es befinden sich darin menigstens zwei spigige Winkel, sonft wären alle brei Winkel zusammen größer, als 2R, was unmöglich ift.
- 2) Auf eine Gerade fann von einem außerhalb derselben liegenden Punkte nur eine einzige Senk= rechte gefällt werben; benn zwei bilbeten ein Dreieck mit zwei Rechtwinkeln, was nicht sein kann.
- 3) Der äußere Winkel an einer verlängerten Seite des Dreieckes ift so groß, als bie beiden innern ent= gegenliegenben Winkel zusammengenommen.

$$\simeq p + m = \simeq q + n = \simeq BCD$$
.

4) Mit ber Größe zweier Winkel eines Dreieckes ist auch die des britten gegeben; und sind zwei Bin= tel eines Dreieckes zwei Winkeln eines andern gleich, fo muffen auch bie beiben britten einander gleich fein.

§. 146. Kongruenz ber Dreiede.

3wei Dreiede sind kongruent:

1) Fig. 6. Wenn zwei Seiten und der Zwischen=

winkel bes einen Dreieds benfelben Studen bes ander ren gleich find.

Fig. 6.

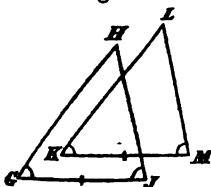
In den Dreiecken ABC und DEF sei AC = DF, BC = EF und C = F. Stellt man sich nun beide in einander vor, C genau in F: so müßte, wegen der Gleichheit dieser Winkel und ihrer wechselseitigen Schenkel, CA

in FD und CB in FE, A in D und B in E, also auch AB in DE sallen (§. 139.). Hieraus folgt, daß nicht nur das britte Seitenpaar AB und DE und die zwei Paar übrigen Winkel A und D, B und E, sondern auch die ganzen Dreiecke einander gleich sind.

Ein Dreieck ift baher auch burch zwei Seiten und ben Zwischenwinkel genau bestimmt.

2) Fig. 7. Wenn zwei Winkel und die Zwischen= seite des einen Dreieckes eben so groß sind, als die= selben Stucke bes andern.

Fig. 7.



In den Dreiecken GIII und KLM sei G = K, I = M und GI = KM. Man stelle sich beide so in einander vor, daß GI genau in KM liege. Da nun die Winkel I und M gleich sind, so müßte IH in ML fallen; eben so GH in KL wegen der

Gleichheit von G und K; mithin der Punkt H in L. Hier= aus folgt die Gleichheit der übrigen Seiten IH und ML, GH und KL, der Winkel H und L und endlich der ganzen Dreiecke.

Ein Dreieck ist baber auch burch zwei Winkel und deren Zwisch enseite genau bestimmt. Es bursten übrigens m einer Seite zwei beliebige Winkel gegeben sein, weil zwei Winztel ben britten bebingen (§. 145. 4.).

3) Fig. 8. Wenn die drei Seiten des einen Dreistes den drei Seiten des andern einzeln genommen gleich sind.

Fig. 8.

In den Dreiecken NOP und QRS
sei NP — QS, NO — QR und OP —
RS. Man stelle sich die Dreiecke NOP
und QRS so in einander vor, daß N in
Q und P in S liege. Nun ist O so

weit von N und von P, als R von Q und von S; daher muß O in R fallen, und die Dreiecke mussen sich nach dem Sprach: gebrauche decken. Hieraus folgt die Gleichheit der Dreiecke selbst und der gleichliegenden Winkel.

Ein Dreieck ift also burch die brei Seiten genau bestimmt.

§. 147. Im Dreiede spannen gleiche Seiten gleiche Winkel. Fig. 9.

Fig. 9.

In jedem Dreiede liegen gleichen Seiten gleiche Winkel gegenüber, und so umgekehrt, gleichen Winkeln gleische Seiten.

Soll umgekehrt aus der Gleichheit der Winkel A und C die Gleichheit der Seiten AB und BC dargethan werden: so nimmt man BD als eine Senkrechte zu Hülfe und beweist mittels §. 146. 2. die Gleichheit der Seiten AB und BC.

Aus biesem folgt weiter:

1) Die Linie BD, welche zwischen zwei gleichen Seiten, ober Winkeln eines Dreieckes aus der Spite senkrecht herabfällt auf die Grundlinie AC, theilt diese und das ganze Dreieck in zwei gleiche Theile

- (§. 146. 2.). Trifft sie die Mitte ber Grundlinie, so fieht sie auch sentrecht darauf (§. 146. 3.).
- 2) Gleichschenkelige Dreiede haben zwei gleiche Binkel an der Grundlinie, und Dreiede mit zwei gleichen Binkeln sind gleichschenkelig. Ift also in dem gleichschenkeligen Dreiede ein Winkel bekannt, so sind es auch die übrigen, und zur Bestimmung des gleichschenkeligen Dreiedes braucht man nur einen Schenkel und die Grundlinie, oder eine Seite und einen Winkel.
- 3) Gleichseitige Dreiecke haben drei gleiche Winkel, und Dreiecke mit drei gleichen Winkeln sind gleichseiztig. Denn sie sind in jeder Lage gleichschenkelig, und was oben nur von A und C bargethan ist, gilt auch hier von B mit A, ober mit C. In dem gleichseitigen Dreiecke ist jeder Winkel zR, und zur Bestimmung des gleichseitigen Dreieckes braucht man nur eine Seite.
 - §. 148. Im Dreiede spannen größere Seiten größere Binkel. Fig. 10. 11.

In jedem Dreiecke liegt der größeren Seite auch der größere Winkel gegenüber und so umgekehrt, dem größeren Winkel die größere Seite.

Fig. 10.

B

(§. 147. 2.).

Fig. 10. In dem Dreieck ABC sei AC größer als BC. Um nun zu besweisen, daß auch B>A, denke man sich CD = CB, die Hülfslinie BD und das gleichschenkelige Dreieck BCD, worin

Run ift m, als äußerer Winkel, gleich ben beiben innern entgegenliegenden A + r (§. 145. 3.) und daher größer, als der eine A; folglich ist auch der ihm gleiche Winkel n größer als A, und num so mehr ift n + r oder B größer als A. Da also der größeren Seite der größere Winkel gegenüber liegen muß: so kunn nicht dem größeren Winkel zugleich auch eine kleinere Seite gegenüber liegen.

Hieraus folgt:

1) Daß in allen rechtwinkeligen und ftumpfwinzteligen Dreieden diejenige Seite die größte ift, welche dem rechten ober stumpfen Winkel gegenüber liegt (§. 145. 1.).

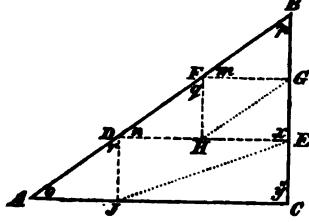
Fig. 11. 2) Fig. 11. Die von einem gegebenen F Punkte A auf die Gerade BE gefällte Senkrechte AB ist die kürzeste aller mögslichen Lichen Linien von A nach BE. Denn die Bilden mit AB und der Grundlinie rechtwinkelige Dreiecke, worin sie als Hypotenusen alle größer sind, als die Kathete AB. Diese kürzeste Linie AB heißt der Abstand des Punktes A von der Linie BE.

Liegt A in einer Parallele zu BE, so ist AB eine kurzeste Zwischenlinie oder die Abstandslinie beider Parallelen. Denn ist AB zu BE senkrecht, so ist sie es auch zu AF (§. 143.), und dann ist sie die kurzeste Entsernung eines Punktes A der Linie AF von BE und eines Punktes B der Linie BE von AF.

§. 149. Berhältnismäßigkeit der parallel geschnittenen Dreieckseiten. Fig. 12.

Durchschneibet man bas Dreied parallel zu einer ber brei Seiten: so werben bie beiden andern Seiten verhältnißmäßig getheilt.

Fig. 12.



In dem Dreiede ABC benke man sich BF = FD = DA = \frac{1}{2}AB; ferner aus F und D die Linien FG und DE parallel mit AC, zugleich E FH und DI parallel mit BC, dann noch zwei besondere Hülfslinien GH c und El.

Daraus ergiebt sich zuvörderst, daß die Linien BG, FH und DI gleich sind; benn

BF = FD = DA, nach ber Boraussetzung,

Am = An = Aof als Gegenwinkel je zweier Pa=

xp = **xq** = **xr** rallelen (§. 143.).

 $\triangle BFG = \triangle FDH = \triangle DAI$ (§. 146, 2.).

BG = FH = DI.

Beiter find die Linien FH und GE gleich, benn

HG = HG, gemeinschaftlich,

XFHG = XHGE) Wechselwinkel (§. 143.).

 Δ FHG = Δ EGH (§. 146. 2.)

 $\mathbf{FH} = \mathbf{GE}.$

Aus benselben Gründen sind die Dreiecke DIE und CEI, mithin auch ihre gleichliegenden Seiten DI und EC gleich.

If nun BG = FH = DI unb FH = GE, DI = EC, so if and $BG = GE = EC = \frac{1}{2}BC$.

Bas hier von drei Theilen erwiesen wurde, gilt von seber andern Anzahl.

Hieraus folgt nun:

1) Es verhält sich nicht nur:

BF: BG == BD: BE == BA: BC; benn

 $\frac{1}{2}BA : \frac{1}{2}BC = \frac{2}{2}BA : \frac{2}{2}BC = BA : BC (§, 61.);$

sondern auch:

BF: FA = BG: GC; benn

 $\frac{1}{3}BA : \frac{2}{3}BA = \frac{1}{3}BC : \frac{2}{3}BC (\S. 61.);$

und durch Verwechselung der mittlern Glieder:

BF : BG = FA : GC (§. 62, 1.).

2) Wird DI als ein solcher Parallelschnitt angesehen, so verhalt sich ebenfalls:

AD : AI = DB : IC,

und durch Versetzung der Verhältnisse:

DB : IC = AD : AI.

Da aber IC - DE wegen Gleichheit ber Dreiede ICE unb Dei, so ift auch:

DB : DE = AD : AI.

Wird nun zu diesem lettern Verhältnisse jenes erstere DB: 1C abbirt, so ist:

DB: DE = AD + DB: AI + IC = AB: AC (§. 62. 3.). Auch ist aus bemselben Grunde

 $BE : ED \longrightarrow BC : CA$.

- 3) Wenn also zwei Seiten eines Dreieckes zur britten parallel burchschnitten werden, so sind die abzgeschnittenen Stücke und ihre Ganzen nicht allein unzter sich, sondern auch mit den beiden Parallellinien proportionirt. Schneibet aber eine Linie zwei Dreieckseiten in proportionirte Stücke, so muß sie zur dritten Seite parallel sein.
 - §. 150. Ahnlichkeit zwischen bem Dreiede und seis nem Abschnitte. Fig. 12.

Fig. 12.

Jebe gerade Linie, welche durch das Dreieck mit einer Seite parallel geht, schneibet ein, dem Ganzen ähnliches Stück ab.

Ist DE parallel mit AC, so sind in den Dreieden BDE und BAC alle Seiten der Reihe nach proportio=

nirt; benn

meil BD : BE = BA : BC (§. 149. 1.),

fo ift BD : BA = BE : BC (§. 62. 1.);

und weil BE : ED = BC : CA (§. 149. 2.),

fo ift auch BE : BC = ED : CA (§. 62. 1.).

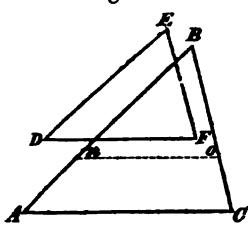
Folglich BD: BA = BE: BC = ED: CA.

Zudem sind wegen des Parallelismus von DK und AC (§. 143.) alle Winkel der Reihe nach gleich, nämlich: n = 0, x = y und p = p.

Die Dreiecke BDE und BAC mussen also einander ähnlich sein; benn die Ähnlickkeit der Figuren beruht auf Verhältnismäßigkeit der Seiten und Gleichheit der Winkel.

§. 151. Ahnlichkeit zwischen Dreieden überhaupt. Fig. 13.

Fig. 13.



Dreiede sind in folgenden 3 Rällen ähnlich:

1) Wenn je zwei ihrer Win= kel sich wechselsweise gleichen.

In den beiden Dreieden ABC und DEF sollen die gleichliegenden Winkel D und A, E und B gleich sein, also

and F == C (§. 145. 4.).

Man stelle sich das Dreieck DEF mit dem Winkel E in den Winkel B gelegt vor, und es falle D in n und F in o; dann ist:

Es muß also zufolge bes vorigen Lehrsatzes das Dreieck Bro, mithin auch das ihm gleiche EDF, dem Dreiecke BAC ähnlich sein.

2) Wenn je zwei verhältnismäßige Seiten gleiche Zwischenwinkel haben.

In den beiden Dreiecken ABC und DEF seien ED: EF = BA: BC und KE = KB.

Man stelle sich die Dreiecke wieder in einander vor, ZE in ZB, ED in BA und EF in BC, und das Dreieck Bno = EDF. Da nun der Voraussetzung nach ED: EF = BA: BC: so ist auch Bn: Bo = BA: BC; mithin no patalelel AC (§. 149. 8.); folglich das Dreieck Bno, so wie das ihm gleiche EDF, ähnlich dem Dreiecke BAC.

3) Wenn alle brei Seiten verhältnismäßig (proportional) sind.

In ben beiben Dreiecken ABC und DEF sei ED : BA = KF : BC == DF : AC.

Man nehme hier Bn — ED und ziehe no parallel zu AC, so ist das Dreieck Bno ähnlich dem Dreiecke BAC, und nach §. 150:

Bn: BA = Bo: BC = no: AC, aber auch

ED : BA = EF : BC = DF : AC, Boraussetzung.

Weil nun hier die Vorderglieder Bn und ED der beiden ersten Verhältnisse gleich sind: so mussen es auch die der übrigen Verhältnisse sein, wegen Gleichheit der Hinterglieder; es ist also Bo = EF, no = DF und Bn = ED, mithin auch Δ Bno = Δ EDF. Letteres muß daher, wie ersteres, dem Dreiede ABC ähnlich sein.

3. Bier gerade Linien, Bierede.

§. 152. Das Biered.

Werben vier gerade Linien in vier besondern Durchsschneidungspunkten mit einander verbunden, so erhält man ein Viereck, eine Figur von vier Seiten und eben so vielen Winskeln.

Die Vierecke werben nach der Lage ihrer Seiten eingetheilt: in Parallelogramme, worin alle Seiten parallel sind, in Trapeze, worin nur zwei Seiten parallel sind, auch Parals leltrapeze genannt, und in gemeine Vierecke ober Traspezoide.

Die Parallelogramme theilt man wieder ein nach den Seisten: in gleichseitige, welche lauter gleiche Seiten haben, und in längliche, worin das eine Seitenpaar länger ist; nach den Winkeln: in Rechtecke, worin alle Winkel rechte sind, und in schiese Parallelogramme, mit lauter schiesen Winsteln. Das gleichseitige Rechteck heißt Quadrat, das längliche, Oblongum; das verschobene Quadrat wird Raute (Rhomsbus) und das verschobene Oblongum Rhomboid genannt.

Beim Parallelogramm heißt die Seite, von welcher aus die Entfernung der Gegenseite bestimmt wird, die Grundlinie und der Abstand der Grundlinie von der Gegenseite, die Höhe. Des Trapez ift schiefwinkelig, ober rechtwänkelig. In letterm stehen bie Parallelseiten senkrecht auf einer der Nebenseiten, die dann gewöhnlich als Grundlinie angenommen wird. Eine Serade aus einer Winkelspite zu der schräg gegenüberlies genden andern heißt Diagonale ober Schräglinie. Öfters benennt man Vierecke nur mit zwei Buchstaben gegenüberliegens der Eden.

§. 153. Gesammtmaß ber Winkel im Vierede. Fig. 14.

Alle Winkel eines gerablinigen Viereckes gleichen zusammen 4 Rechten.

Fig. 14.

Jedes Viereck, z. B. AC, zerfällt mittels einer Diagonale BD in zwei Dreisecke ABD und BDC, deren Winkel zusammen die Winkel des Viereckes ausmachen. Nun hat jedes Dreieck zur Summe seiner

Binkel 2R (§. 145.); es haben also beide Dreiecke zusammen 4R, und dies ist die beständige Summe aller Winkel im Vierecke.

Sind BC und AD parallel, wie im Parallelogramm und Trapez, so enthält jedes Paar der an einer Nebenseite liegenden Binkel A + B, oder C + D, das Maß von 2R (§. 143.). Ift also einer davon ein Rechter, so muß es auch der andere sein. Da die innern Winkel eines Viereckes 4R enthalten, so mussen die dazu gehörigen äußern 12R betragen; denn die innern und äußern zusammen haben das Maß von 4 × 4R (§. 141. 2.).

Bei den vier= und mehrseitigen Figuren können auch ein= wärtsgehende Winkel Statt sinden, solche, die nach innen grö= fer sind, als 2R, was beim Dreiecke nicht möglich ist.

§. 154. Diagonale in bem Parallelogramm. Fig. 14.

Jebes Parallelogramm wird burch eine Diagonale in zwei gleiche Dreiecke getheilt.

Fig. 14.

Man benke sich irgend ein Parallelo= gramm AC mit der Diagonale BD. Dar= in ist

BD = BD, gemeinschaftlich,

 $\Delta ABD = \Delta CDB$ (§. 146. 2.).

Hieraus folgt weiter:

- 1) In jedem Parallelogramm ift jedes durch eine Diagonale abgetheilte Dreied die Hälfte bes Parallelogramms.
- 2) In jedem Parallelogramm sind die gegenüberliegenden Seiten und die schräg gegenüberliegenden Winkel gleich.
- 3) Parallelen zwischen Parallelen sind gleich. Also auch alle Abstandslinien zweier Parallelen, weil sie senkrecht auf diesen und somit unter sich parallel sind (§. 148. 2.)
- 4) zwei Gerade AD und BC, welche zwei gleiche Parallelen AB und DC verbinden, sind gleich. Ist namslich AB = DC, BD = BD, m = n, und daher das ΔABD = ΔCDB: so ist auch AD = BC.
- 5) Eine Vergleichung der beiden Diagonalen im Parallelos gramm ergiebt, daß dieselben im Rechtecke gleich, im schiefen Vierecke aber ungleich sind.

§. 155. Gleichheit zwischen Biereden.

Unter ben Biereden findet sich völlige Gleichheit:

- 1) In allen Quadraten auf gleichen Seiten wegen ber Seiten = und Winkelgleichheit in jedem.
- 2) Alle länglichen Rechtecke sind gleich, worin zwei an einander liegende Seiten wechselweise sich gleichen. Da in jedem die gegenüberliegenden Seiten eben so groß und die Winkel rechte sind, so mussen sich die Figuren uns ter dieser Bedingung decken.

- 3) Alle schiefen Parallelogramme find gleich, wenn in ihnen je zwei an einander liegende Seiten und die Zwischenwinkel sich gleichen; denn in diesem Falle sind auch die übrigen Theile einander gleich.
- 4) Trapeze und gemeine Bierecke sind gleich, wenn sie aus gleichen gleichliegenden Dreiecken zusammen= gesett sind.
- 5) Man bestimmt bas Quabrat burch eine einzige Seite; bas längliche Rechted burch zwei an einander liegende Seiten; die andern Parallelogramme durch zwei an einander liegende Seiten und den Zwischenswinkel; die Trapeze und überhaupt alle Bierecke auch nach Oreiecken.

§. 156. Uhnlichkeit zwischen Biereden.

- 1) Alle Quabrate sind einander ähnlich; denn ihre Seiten haben ein und dasselbe Berhältniß zu einander und ihre Binkel sind gleich.
- 2) Bur Ähnlichkeit länglicher Rechtecke ist nur ers forderlich, daß zwei an einander liegende Seiten prosportionirt sind; weil sie eben auch lauter rechte Winkel has ben und das andere Seitenpaar in demselben Verhältnisse steht.
- 3) Schiefe Parallelogramme sind ähnlich, wenn barin je zwei an einander liegende Seiten proportionirt und die Zwischenwinkel gleich sind; benn unter diesen Bedingungen mussen auch die übrigen Linien proportionirt und die gleichliegenden Winkel gleich sein.
- 4) Trapeze und alle andern Vierecke sind ähnlich, wenn sie sich durch Diagonalen in ähnliche gleichliez gende Dreiecke zertheilen lassen.

4. Biel gerade Linien, Bielede.

§. 157. Das Bieled.

Fünf, sechs, sieben und mehr gerade Einien, in eben so viel besondern Durchschneidungspunkten mit einander verbun=

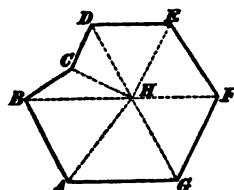
den, bilden das Fünfeck, Sechseck, Siebeneck u. s. wels che alle unter dem Namen Vielecke oder Polygone begriffen werden.

Die Bielecke theilt man in regelmäßige und gemeine. An den erstern sind alle Seiten (Polygonseiten) und alle Winkel (Polygonwinkel) gleich. Auch in den Vielecken heißt die von einer Winkelspitze zur andern schräg hindurch gezogene Gerade eine Diagonale.

§. 158. Gesammtmaß der Winkel im Bielecke. Fig. 15.

Alle Winkel eines gerablinigen Bieleckes betras gen zusammen zweimal so viel Rechte, als basselbe Seiten hat, weniger 4R.

Fig. 15.



Man stelle sich in einem beliebigen Biels ecke, etwa ABCDEFG, von einem innern Punkte H nach allen Umfangspunkten ges rade Linien vor, so zerfällt baburch bas Vieleck in eben so viele Dreiecke, als es Seiten hat, hier in sieben. Die Winkel

dieser Dreiecke enthalten zusammen alle Umfangswinkel bes Bielseckes und noch die 4R (§. 141.) um ihren gemeinschaftlichen Bestührungspunkt. Daher mussen alle Umfangswinkel des Bieleckes zusammen um 4R kleiner sein, als die Winkel aller Dreiecke zusammen, oder, was dasselbe ist: sie betragen zwei mal so viel Rechte, als das Vieleck Seiten hat, weniger 4R.

Das Siebeneck hat $7 \times 2R - 4R = 10R$.

Das Neuneck hat $9 \times 2R - 4R = 14R$.

Das n-Ed hat $n \times 2R - 4R = (n-2) \times 2R$.

Betragen aber im n=Eck die innern Winkel n × 2R-4R, so müssen die Außenwinkel enthalten n × 4R weniger n×2R-4R, nämlich n × 4R — (n×2R — 4R)

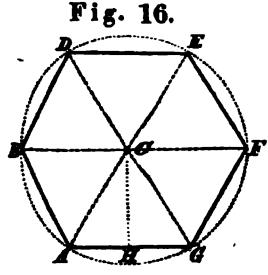
 $= n \times 4R - n \times 2R + 4R$

 $= n \times (4R - 2R) + 4R$

 $= n \times 2R + 4R.$

§. 159. Regelmäßiges Polygon. Fig. 16.

Das regelmäßige Polygon ift aus so vielen gleis den gleichen keligen Dreieden zusammengesetzt, als es Seiten hat, und diese Dreiede stoßen mit ihren Spiten in einem gemeinschaftlichen Punkte zusamsmen.



Man denke sich in einem beliebigen regelmäßigen Polygon ABDEFG aus allen Echpunkten A, B, D u. s. w. durch die Mitte aller Polygon=winkel gerade Linien nach dem In=nern. Diese müssen irgendwo einander schneiden und Dreiecke bilden, weil die beiden an jeder Polygonseite AB,

BD u. s. w. liegenden halben Polygonwinkel zusammen kleiner sind als 2R (§. 143. 1.).

Die daraus entstandenen Dreiecke ABC, BDC u. s. w. ha= ben die gleichen Polygonseiten zu ihren Grundlinien und an die= sen die Hälften der gleichen Polygonwinkel zu anliegenden Win= keln; sie sind daher gleich und gleichschenkelig (§. 146. 2. 147. 2.). Auch müssen ihre Spiken wegen der gemeinschaftlichen gleichen Schenkel je zweier Dreiecke, nämlich AC — BC, BC — DC u. s. w., in einem einzigen Punkte, dem Mittelpunkte, zusammenfallen.

Hieraus folgt:

1) Alle Linien AC, BC... von den Echunkten nach dem Mittelpunkte des Polygons (in gewisser Beziestung Hang Halbmesser genannt) und eben so auch alle Abstände der Polygonseiten von dem Mittelpunkte, wie CH..., sind gleich. Denn die Abstandslinie ist eine Senkrechte von Cauf die Polygonseite, wie CH auf AG; sie theilt jedes Polygonsteieck wieder in zwei gleiche Dreiecke, wie AHC und GHC u.s. w. (J. 147. 1.), die alle einander gleichen, und in diesen sind die Ussandslinien gleichliegende Seiten.

- 2) Alle Dreieckswinkel am Mittelpunkte, wie GCA, ACB, BCD u. s. w., ihre Hch, wie ACH, Hch u. f w., ihre Zweifachen GCB, BCE u. s. w. sind unter sich gleich. Nicht minder ihre entgegenliegen: ben Seiten GA = AB = BD, auch Halbseiten GH = HA u. s. w., auch Doppelseiten GA + AB = BD + DE u. s. weil sie zu gleichen Dreiecken, oder zu gleichen Polyzgonausschnitten gehören.
- 3) Unter allen Polygonen ist das Sechseck am rezgelmäßigsten gestaltet. Jedes seiner sechs Polygondreiecke hat zum Spikenwinkel $C = \frac{4R}{6} = \frac{2}{3}R$; also enthalten die beiden Winkel an der Grundlinie $2R \frac{2}{3}R = \frac{4}{3}R$ und jez der einzelne enthält $\frac{2}{3}R$. Die Polygondreiecke des Sechseckes sind demnach gleichwinkelig und gleichseitig (9. 147. 3.). Im regelmäßigen Sechsecke müssen also Halbmesser und Polygonseite gleich sein.
- 4) Je mehr ein Polygon Seiten hat, bei einem und demselben Halbmesser, um so kleiner wird jede Seite, um so näher kommt der Seitenabstand dem Halbmesser, um so stumpfer werden die Ecken und um so mehr rundet sich das Polygon ab zu einem Kreise.
- §. 160. Gleichheit und Ahnlichkeit zwischen Bieleden. Fig. 17.

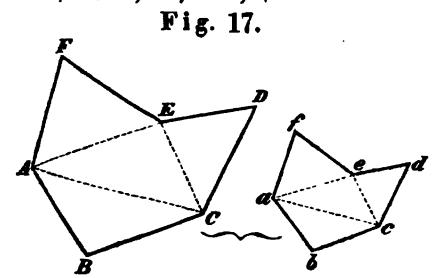
Wegen Gleichheit und Ahnlichkeit der Bielecke haben wir Folgendes zu bemerken.

- 1) Bielede sind gleich, wenn sie sich durch Diagonalen in gleich viele Dreiede zertheilen lassen, wovon jedes der einen Figur dem gleichliegenden der andern völlig gleich ift. Denn wenn die Theile in einer und berselben Ordnung gleich sind, so mussen es auch die Ganzen sein.
- 2) Regelmäßige Polygone sind schon gleich, wenn sie bei gleicher Seitenzahl ein gleiches Seiten ober Linienpaar haben, und alfo aus lauter gegenseitig gleichen

Dreieden bestehen. Auf ebendemselben Grunde beruht die Gleich= heit gleichmäßiger Ausschnitte von gleichen Polygonen.

Durch die Anzahl der Seiten und durch die Größe einer Seite, oder eines Halbmessers, ist das regelmästige Polygon genau bestimmt.

3) Fig. 17. Bielede sind ähnlich, wenn sie sich in gleichviele Dreiede zerlegen lassen, die einander ber Reihe nach ähnlich sind.



So sind z. B. die Sechsecke abcdef und ABCDEF einander ähnzlich, wenn die Dreiecke abc NABC, ace NACE, cde NCDE und aef NAEF und überdies alle übereinstimmig an einz

amber liegen. Denn hieraus folgt die Gleichheit aller gleichlies genden Winkel a = A, b = B, c = C u. s. w., und die Proportionalität der gleichliegenden Diagonalen und Seiten, als ac: AC = ce: CE = ae: AE; ferner ab: AB = bc: BC = cd: CD = de: DE = ef: EF = fa: FA = (ab + bc + cd + de + ef + fa): (AB + BC + CD + DE + EF + FA) (§. 62. 8.). Hieraus ergiebt sich noch: In allen ähnlichen Figuren sind die ganzen Umfänge den gleichliegenden Seiten und Diagonalen proportioznirt.

- 4) Regelmäßige Polygone sind einander schon ähnlich, wenn sie gleichviele Seiten haben; denn bann sind die Seiten verhältnismäßig und die Winkel gleich.
- 5) Gleichmäßige Ausschnitte ähnlicher Polygone sind eben auch ähnlich.
 - 5. Rrumme Linien, Rreise.
 - §. 161. Der Kreis. Fig. 16. 19.

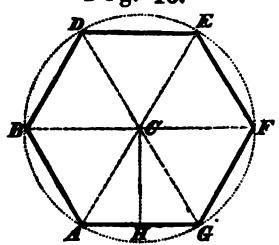
Unter allen frummen Linien finden wir die Rreisli=

nie am regelmäßigsten. Sie ist eine in sich selbst zurückehrende krumme Linie, welche von einem gewissen Punkte, dem sogenannten Mittelpunkte, überall gleich weit absteht; man nennt sie Umfang, Umkreis, Peripherie.

Jebe Gerade, die won dem Mittelpunkte zu dem Umfang geht, heißt Halbmesser, Radius, und zwei Halbmesser in gerader Einie bilden einen Durchmesser, Diameter, des Kreisses. Die Halbmesser eines Kreises sind unter sich gleich, weil der Umfang von dem Mittelpunkte gleichweit absteht; also mussen auch die Durchmesser unter sich gleich sein. Diese gehen durch den Mittelpunkt.

Serade Linien von einem Punkte des Umkreises zu dem ans bern, die nicht durch den Mittelpunkt gehen, nennt man Sehen, und den Theil des Umkreises, den sie abschneiden, Bogen. Derjenige Theil der Kreissläche, welcher durch die Sehne abgeschnitten wird, heißt Abschnitt, und der von zwei Halbmessern ausgeschnittene Theil, Ausschnitt des Kreises. Zwei Kreise mit gemeinschaftlichem Mittelpunkte heißen concentrisch.

Fig. 16.



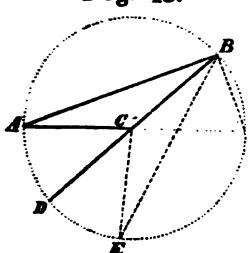
Da in dem regelmäßigen Polygone alle Edpunkte eben so, wie die Kreislisnie, gleichweit von ihrem Mittelpunkte abstehen (§. 159. 1.): so berühren sich in einem Polygone und einem Kreise, von gemeinschaftlichem Mittelpunkte C und gleichem Halbmesser CA, CB u. s. w., die Polygonecken und der Umkreis. In

biesem Falle sagt man, das Polygon sei in den Kreis, ober Kreis sei um das Polygon beschrieben. Der Kreis ist dagegen in das Polygon beschrieben, wenn derselbe die Polygonseiten von innen berührt und den Seitenabstand des Polygons CH zum Halbmesser hat.

Da im regelmäßigen Sechsecke die Seite so groß als der Halbmesser ist (§. 159. 8): so kann in jedem Umkreise der Halbs messer sechs mal als Sehne herum getragen werden.

§. 162. Bintel im Rreife, Fig. 18.

Fig. 18.



In jedem Kreise ist der Winkel am Umfange halb so groß, als der Winkelam Mittelpunkte, wenn beide mit ihren Schenkeln auf demselben Bogen stehen.

Ist der Winkel ABD ein Winkel am Umfange und der Winkel ACD der am Mittelpunkte auf gleichem Bogen AD:

fo find ABD + CAB = ACD (§. 145. 8.), aber ABD = CAB (§. 147. 2.).

Folglich: ABD = ½ ACD,

Eben so: ABE = ½ ACE,

Busammen: ABE = ½ ACE,

Auch ist ABE = ½ ACE,

Davon ADBE = ½ ACE,

Bleibt: AEBF = ½ ACE,

Es ist also:

 \simeq ABD = $\frac{1}{2} \simeq$ ACD

 $\angle DBE = \frac{1}{2} \angle DCE$

 \simeq EBF = $\frac{1}{2} \simeq$ ECF

Dies führt uns zu ber nühlichen Folgerung: daß alle Wintel im Halbfreise, wie ABF, die mit ihrer Spihe den Umtreis und mit ihren Schenkeln beide Enden bes Durchmessers berühren, Rechtwinkel sein mussen. Jeber enthält nämlich die Hälfte von allen Winkeln unterhalb der Geraden ACF, welche zusammen 2R betragen (§. 141. 1.).

§. 163. Gleichheit und Thnlichkeit der Rreise. Fig. 19.

Der Kreis ift als ein regelmäßiges Bieleck anzussehen. Man kann sich nämlich vorstellen, ber Umfang bestehe

aus unzählig vielen kleinen, gleichen Seiten, und ber ganze Kreis sei aus eben so viel schmalen, gleichen Polygondreieckhen zusammengesetzt, sei also ein Polygon von unzählig vielen Ecken. Es muß daher auch alles von dem regelmäßigen Polygon Erwiesene auf den Kreis angewendet werden können, nämlich:

- 1) Alle Halbmesser und Durchmesser eines Kreisses sind unter sich gleich, wie in den Polygonen (§. 159. 1.).
- 2) In jedem Kreise haben gleiche Winkel am Mittelpunkte gleiche Bogen, und gleiche Bogen gleiche Mittelpunktwinkel. Denn sie gehören zu einer gleichen Anzahl gleicher Polygondreieckhen (§. 159. 2.).
- 3) Alle Ausschnitte desselben Kreises mit gleischen Mittelpunktwinkeln ober mit gleichen Bogen sind gleich, weil sie aus einer gleichen Anzahl gleicher Polysgondreieschen bestehen (§. 159. 2.).
- 4) Daher sind auch die vierrechtwinkeligen Ausschnitte am Mittelpunkte, die man Quadranten zu nennen pflegt, einander gleich und Biertel des Kreises.
- 5) Da auf jeder Seite des Durchmessers zwei solcher Viertelkreise liegen: so muß auch der Durchmesser den Kreis in zwei Halbkreise theilen.
- 6) Kreise von gleichen Halbmessern, gleichen Durchmessern, ober gleichen Umfängen sind gleich. Seder Kreis wird durch eine dieser Linien genaubestimmt.
- 7) In gleichen Kreisen haben gleiche Bogen auch gleiche Winkel am Mittelpunkte, und so ums gekehrt.
- 8) Ausschnitte gleicher Kreise sind gleich, wenn sie gleiche Mittelpunktwinkel ober gleiche Bogen haben.

Fig. 19.

To the second se

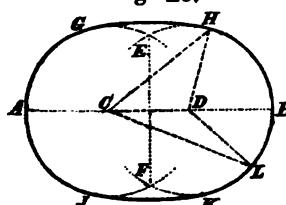
von gleich vielen Seiten angesehen, einander ähnlich. Daher müssen nicht allein ihre Halbmesser, Durchmesser und Umfänge, sondern auch ihre Bozgen, welche zu gleichen Mittelpunktzwinkeln gehören, proportionirt sein. Nennt man in zwei Kreisen K und k die Halbzmesser R und r, die Durchmesser D und d, die Umfänge U und u, die Bogen gleicher Mittelzpunktwinkel B und d, so ist:

R : r = D : d = U : u = B : b.

§. 164. Andere frummen Linien. Fig. 20. 21.

Die übrigen krummen Linien sind von unendlicher Berschiesbenheit; nur wenige krummen sich nach solchen Gesetzen, daß sie einen Gegenstand allgemeiner Betrachtungen abgeben können, und biese werben in der Forstwirthschaft eigentlich nicht gebraucht.

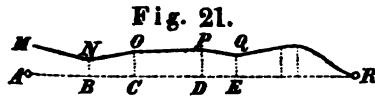
Fig. 20.



Zu einer Anwendung als bloße Fiz gur eignete sich etwa die Ellipse Fig. 20. Diese ist ein Langkreis AKBG, worin die beiden als Halbmesser dienenden Linien CL und LD, oder CH und HD, welche aus irgend einem Umfangs= punkte, wie L, H, nach den beiden

bestimmten Durchmesserpunkten C und D gehen, zusammengenom= men bem langen Durchmesser AB gleich sind.

Werben überhaupt dadurch bestimmt, daß man ihre Abstände von einer Geraden angiebt. Lettere nennt der Mathematiker Abscissenlinie und die Abstände Ordinaten. Wir gebrauchen dafür die Namen: Standlinie und Abstände, denken uns die vorkommende krumme Linie,



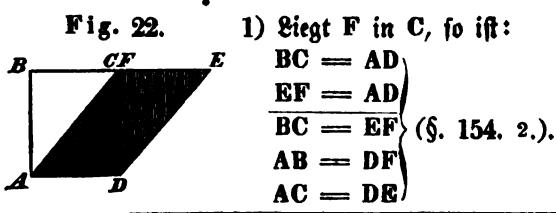
z. B. Fig. 21. MPR, aus kleinen Geraben MN, NO, OP u. s. w. zusammengesetzt

und bestimmen die dadurch zugleich mit angenommenen Schunkte N, O, P, Q u. s. w. von den Richtpunkten B, C, D, E der Standlinie AR aus, nach den besondern Längen AB, AC, AD durch die senkrechten Abstände oder Breiten BN, CO, DP u. s. w.

- 6. Größengleichheit verschiedener Ziguren.
- §. 165. Parallelogramme auf gleichem Grunde und in gleicher Sohe. Fig. 22. 23. 24.

Parallelogramme von gleichen Grundlinien und Söhen haben gleichen Flächeninhalt.

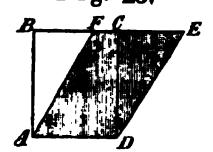
Man nehme zwei solcher Parallelogramme ABCD und AFED auf einer gemeinschaftlichen Grundlinie AD an: so besinden sich die Oberseiten wegen der gleichen Höhe in einer und derselben Parallele BE zur Grundlinie. F liegt nun entweder in C, oder in BC, oder außerhalb BC.



Mithin: $\triangle ABC = \triangle DFE$ (§. 146. 3.).

Dazu \triangle ACD = \triangle AFD.

Fig. 23.



2) Liegt F in BC, so ist

wie oben BC = EF.

Davon FC = FC,

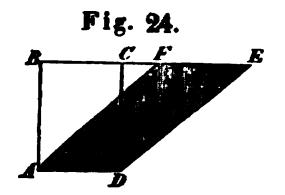
bleibt: BF = EC.

Es ist aber auch AB = DC | (§. 154. 2.).

Mithin: \triangle ABF = \triangle DCE (§. 146. 3.).

Hierzu Trapez AFCD = Trapez AFCD.

Folglich: Prigr. AC = Prigr. AE.



3) Liegt F außer BC, so ist wie oben BC = EF,

Dazu CF = CF,

giebt: BF = CE.

Mun ist auch AB = DC und AF = DE (§. 154. 2.).

 $\widehat{\mathfrak{M}ithin}: \ \Delta \ ABF = \Delta \ DCE(\S. 146, 3.).$

Davon \triangle GCF = \triangle GCF,

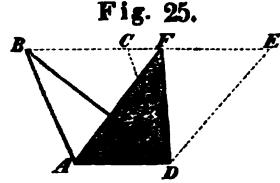
bleibt: Trap. ABCG = Trap. DGFE,

Dazu $\triangle AGD = \triangle AGD$.

Folglich: Prigr. AC = Prigr. AE.

§. 166. Dreiede auf gleichem Grunde und in gleicher Höhe. Fig. 25.

Dreiede von gleichen Grundlinien und gleichen boben haben gleichen Flächeninhalt.



Man benke sich zwei solcher Dreiede 'ABD und AFD auf bemselben Grunde AD; bann durch ihre Spiken eine Gezrabe BF, die wegen der gleichen Dreizeckshöhen zur Grundlinie gleichlaufend

sein muß; endlich noch DC parallel zu AB und DE parallel zu AF: so ist

Parallelogr. ABCD = Parallelogr. AFED;

folglich auch & Prigr. ABCD = & Prigr. AFED,

ober $\triangle ABD = \triangle AFD$ (§. 154. 1.).

Demnach ist ein Dreieck auch halb so groß, als jedes andere Parallelogramm von ebenderselben Grundlinie und Höhe.

 \triangle ABD = $\frac{1}{2}$ Prigr. AC = $\frac{1}{2}$ Prigr. AE.

9. 167. Quadrate auf den Seiten des rechtwinkelisgen Dreieckes. (Pythagorischer Lehrsatz.) Fig. 26.

In jedem rechtwinkeligen Dreiede ift das Quadrat der Hypothenuse so groß, als die beiden Quabrate der Katheten. Fig. 26.

Man bente fich CE als bas Quabrat ber Sppothenuse, CH und BG als die Quabrate beider Ka=theten; ferner die Gerade AL pa=rallel mit CD und BE, und einst=weilen nur die beiden Hülfslinien AD und BJ: so ist

erstlich ZDCB = ZJCA = R.

Dazu: ZACB = ZACB,

giebt: ZDCA = ZJCB,

Da auch CD = CB als Quabratseiten:

und CA = CJ als Quabratseiten:

fo folgt: \(\DCA = \DCA = \DCK = \frac{1}{2} \Drightarrow \text{Torg.} \)

Therefore \(\DCA = \DCK = \frac{1}{2} \Drightarrow \text{Torg.} \)

where \(\DCA = \DCK = \frac{1}{2} \Drightarrow \text{Torg.} \)

Therefore \(\DCA = \DCK = \frac{1}{2} \Drightarrow \text{Torg.} \)

Therefore \(\DCA = \DCK = \frac{1}{2} \Drightarrow \text{Torg.} \)

Therefore \(\DCA = \DCK = \frac{1}{2} \Drightarrow \text{Torg.} \)

Therefore \(\DCA = \DCK = \frac{1}{2} \Drightarrow \text{Torg.} \)

Therefore \(\DCA = \DCK = \frac{1}{2} \Drightarrow \text{Torg.} \)

Therefore \(\DCA = \DCK = \Drightarrow \text{Torg.} \)

Therefore \(\DCA = \DCK = \Drightarrow \text{Torg.} \)

Therefore \(\DCA = \DCK = \Drightarrow \text{Torg.} \)

Therefore \(\DCA = \DCK = \Drightarrow \text{Torg.} \)

Therefore \(\DCA = \DCK = \Drightarrow \text{Torg.} \)

Therefore \(\DCA =

Eben fo läßt fich beweisen, daß Prigr. BL - Qubrt. BG ift.

Beibe Gleichungen abbirt, giebt

CL + BL = CH + BG

ober BC == CA + AB2;

auch BC2 - CA2 - AB2, ober BC2 - AB3 - CA2,

Ein Dreied', bessen Seiten sich verhalten wie 3, 4 und 5, ist also rechtwinkelig, weil 3° + 4° = 5°.

7. Flacheninhalt ber Figuren.

§. 168. Flaceninhalt ber Bier: u. Dreiede. Fig. 27.

Jedes Rechted enthält fo viele Quabrateinheisten, als das Produkt aus ber gangenzahl seines Grundes mit ber gangenzahl feiner Seite ober Sobe beträgt.

Fig. 27.

Es sei AC ein Rechteck, bessen Flächen=
c inhalt bestimmt werden soll, und ac ein
zur Flächeneinheit dienendes Quadrat=
chen. Dieses Flächenmaß ginge inner=
halb des Rechteckes so viel mal auf die
D Grundlinie AD, als diese ad in sich
Anzahl AF fände in dem ganzen Recht=
ab == ad == AE in der Höhe AB enthal=

enthält, und eine solche Anzahl AF fände in dem ganzen Recht= ede so viel mal Platz, als ab = ad = AE in der Höhe AB enthal= ten ist.

Mäße z. B. die Grundlinie AD 4 und die Seite AB 3 Längeneinheiten, so gingen in dem Rechtecke AC vier Quadratzeinheiten drei mal über einander. Man sieht also ein, daß dessen Flächeninhalt $4 \times 3 = 12$ ist.

Daher muß die gesuchte Anzahl der im Rechtecke befindlichen Quadrateinheiten herauskommen, wenn man die Längenzahl der Grundlinie AD mit der Längenzahl der Seite AB, oder schlechthin, die Grundlinie mit der Höhe multiplizirt. Dadurch wird zugleich deutlich, was gemeint ift, wenn Linien mit Linien multiplizirt werden sollen.

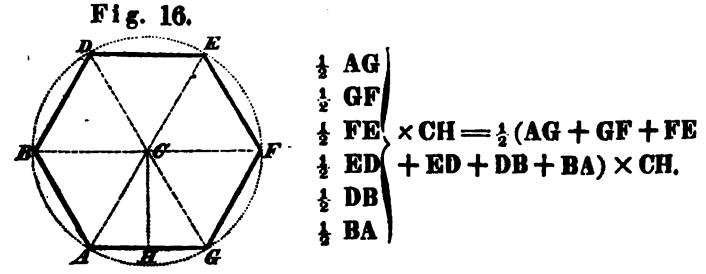
Aus diesem folgt weiter:

- 1) Der Inhalt des Quadrates ist das Produkt seiner Seite mit sich selbst, weil die Höhe der Grundlimie gleich ist. Hätte eine Quadratseite 10 oder 12 zum Maße, so enthielte das Quadrat $10 \times 10 = 10^2 = 100$, oder $12 \times 12 = 12^2 = 144$ Flächeneinheiten. Der Inhalt des Quadrates ist also die Quadratzahl der Seite, und die Seite des Quadrates ist die Quadratwurzel aus dem gegebenen Inhalte. Deßz halb nennt man auch in der Rechenkunst die zweite Potenz Quadrat.
- 2) Das schiefe Parallelogramm besteht aus so vielen Flächeneinheiten, als bas Produkt seiner Grundlinie mit der Höhe beträgt; denn es ist (§. 165.) so groß als ein Rechteck von derselben Grundlinie und Höhe. hielte in Fig. 24. die Grundlinie AD 8 und die Höhe DC 11, so ware der Inhalt von dem schiefen Parallelogramme AE so wohl, als von dem Rechtecke AC = 8 × 11 = 88 Flächeneinheiten.

- 8) Überhaupt wird der Flächeninhalt eines jesten Parallelogramms gefunden, wenn die Längenzahlen der Grundlinie und Höhe mit einander multiplizirt werden. Bezeichnet man jene mit G und diese mit H und den Flächeninhalt mit F, so ist in jedem Parallelogramm F = G × H,
- 4) Der Flächeninhalt bes Dreiedes besteht aus halb so viel Flächeneinheiten, als das Produkt der Grundlinie mit der Höhe beträgt; benn das Dreied ist die Hälfte des Parallelogramms von derselben Grundlinie und Höhe (§. 166.). In jedem Dreiede ist daher nach der vorigen Bezeichnung $\mathbf{F} = \frac{1}{2}$ ($\mathbf{G} \times \mathbf{H}$).
- 5) Jebe andere Figur enthält so viele Flächenseinheiten, als alle ihre burch Diagonalen abgetheilten Dreiecke ober andern Berechnungstheile zusammengenommen.
 - §. 169. Flächeninhalt ber Polygone. Fig. 16.

Zedes regelmäßige Polygon ist so groß als ein Dreieck, das dessen Umfang zur Grundlinie und bessen Mittelpunktabstand zur Höhe hat.

Von dem regulären Sechsecke ist der Inhalt nach den einzelnen Dreiecken, die alle gleiche Grundlinien und gleiche Höhen haben (§. 159.):



Rennen wir im Allgemeinen die Polygonseite s, die Anzahl der Seiten n und den Mittelpunktabstand r: so ist von jedem Polygon der Flächeninhalt

$$\mathbf{F} = \frac{1}{2} (\mathbf{s} \times \mathbf{n} \times \mathbf{r}).$$

hieraus folgt:

1) Der Flächeninhalt eines Kreises ist eben auch dem eines Dreiedes gleich, bas dessen Umfangszur Srundlinie und dessen Halbmesser zur Höhe hat (h. 163.). Bezeichnet man den Umfang mit u anstatt s × n, den Halbmesser oder Mittelpunktabstand mit r: so ist von jedem Polygon und Kreise der Flächeninhalt

$$\mathbf{F} = \frac{1}{2} (\mathbf{u} \times \mathbf{r}).$$

- 2) Zeder Polygon= und Kreisausschnitt ift | so groß als ein Dreieck, das zur Grundlinie den ent= sprechenden Theil des Umfangs und zur Höhe den Mittelpunktabstand ober Halbmesser hat. Bezeich= net b in einem solchen Ausschnitte den Umfangtheil, so ist F = \frac{1}{2} (b \times r).
 - 8. Flachenverhaltniß der Figuren.

§. 170. Flächenverhältniß zwischen Dreieden.

Alle Dreiecke verhalten sich ihrer Fläche nach, wie die Produkte ihrer Grundlinien und Höhen. Bezeichnet man von zwei Dreiecken die Grundlinien mit G und g, die Höhen mit H und h, die Flächeninhalte mit F und f, denn ist:

$$F = \frac{1}{2} G \times H$$

$$f = \frac{1}{2} G \times h$$
(§. 168. 4.).

Daher $F: f = \frac{1}{2} G \times H: \frac{1}{2} g \times h$

und $\mathbf{F} : \mathbf{f} = \mathbf{G} \times \mathbf{H} : \mathbf{g} \times \mathbf{h} (\S. 61.).$

hierans folgt:

1) Zwei Dreiede von gleichem Grunde verhalten sich wie ihre Sohen.

If namlich $F: f = G \times H: g \times h$ und

nach der Voraussetzung G = g

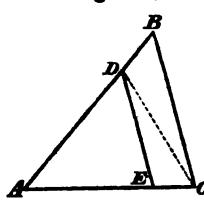
so ift auch F : f = H : h (§. 61.).

2) Bei gleichen Höhen verhalten sich bie Dreis ede wie ihre Grundlinien. Ift nämlich H == h, so vers halt sich auch

$$G \times H : g \times h = G : g.$$

- 3) Da die Dreiecke Hälften sind von Parallelogrammen, und die Sanzen sich verhalten, wie ihre Hälften: so finden alle diese Berhältnisse auch bei Parallelogrammen Statt.
- 9. 171. Flächenverhältniß zwischen ähnlichen Figurent Fig. 28, 29, 17.

Fig. 28.



1) Ähnliche Dreiecke verhalten sich zu einander, wie die Quadrateihrer gleichliegenden Seiten. Man lege zwei ähnliche Dreiecke ABC und ADE zusammen und ziehe die Hülfslinie DC, so ist

 \triangle ADE : \triangle ADC = AE : AC (§. 170. 2.).

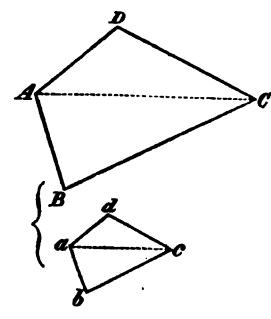
 \triangle ADC : \triangle ABC = AE : AC (= AD : AB, §. 149.).

Folglich \triangle ADE: \triangle ABC = AE²: AC² (§. 62, 4, 2.)

 $=AD^3:AB^3$

 $= DE^2 : BC^2.$

Fig. 29.



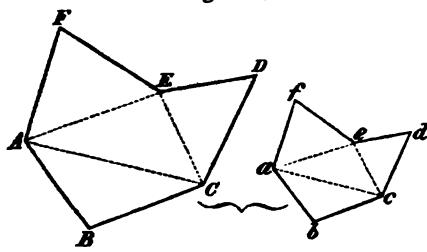
2) Ühnliche Vierecke verhalten sich, wie die Quabrate ihrer gleichliegenden Seiten ober Diasgonalen. In den beiden ähnlichen Vierecken ABCD und abcd verhält sich

 \triangle ABC: \triangle abc == AC²: ac² == AB²: ab² u. f. m.

 \triangle ACD: \triangle acd = AC²: ac² = AD²: ad² u. f. w.,

mithin ABCD: $abcd = AC^2$: $ac^2 = AB^2$: ab^2 u. f. w. (§. 62. 3.).

Fig. 17.



3) Eben so verhalten sich ähnliche Biele ede, wie die Quastrate ihrer gleichlies genden Linien. In den beiden ähnlichen Bieleden ABCDEF und abcdef ist nämlich:

 $\triangle ABC: \triangle abc = AB^2: ab^2$ $\triangle CDE: \triangle cde = AB^2: ab^2$

 \triangle CEA: \triangle cea = AB²: ab²

 \triangle EFA: \triangle efa = AB²: ab²

wegen Proportionalität aller Seiten (§. 160. 8.).

2

Within ABCDEF: abcdef = AB²: ab² = BC²: bc² u. f. w.

4) Kreise verhalten sich ihrer Flächenach, wie die Anabrate ihrer Halbmesser, Durchmesser und Umsfänge. Denn alle Kreise sind als ähnliche Bielecke von einer gleichen Anzahl Seiten anzusehen, und ihre Halbmesser, Durchsmesser und Umfänge als gleichliegende Linien. Bezeichnen K und k zwei Kreise, R und r ihre Halbmesser, D und d ihre Durchsmesser, U und u ihre Umfänge: so ist

$$K: k = R^s: r^s = D^s: d^s = U^s: u^s$$

5) Fig. 17. Gleichliegende Linien ähnlicher Figuren verhalten sich wie die Quadratwurzeln aus den Zahlen, welche die Flächenverhältnisse der Figuren ausbrücken.

If ABCDEF: abcdef = AB²: ab², so iff auch \(\subseteq ABCDEF: \(\subseteq abcdef = AB: ab. \)

Aus \(K: k = D^2: d^2 = U^2: u^2 \)

folgt \(\subseteq K: \subseteq k = D: d = U: u. \)

II. Figurenzeichnung.

1. Linienzeichnung insbesondere.

§. 172. ginienmaße.

Die Linien = ober Rißzeichnung stellt gemessene Gegen: stände, Grundstücke, Wege, Bauwerke u. dergl. in verjüngtem Maße dar. Zu diesen Darstellungen mussen wir zuvörderst das Linien = oder Längenmaß kennen.

Als Grundmaß zum Längenmessen dient der gemeine oder Werkfuß, dessen Größe gewöhnlich in Linien des alten pariser Fußmaßes bestimmt und der an sich wieder in 12 Zolle zu 12 Linien eingetheilt wird; daher auch die Bezeichnung zwölfstheiliges oder Duodezimalmaß. —

Mehre Werkfuße zusammengenommen, gewöhnlich 10, 12 bis 16, bilden eine Ruthe; theilt man diese nach dem Dezimals System, so erhält man das geometrische, auch zehntheilige oder Dezimals malmaß, dessen Theile geometrische oder Dezimals Fuße, Zolle heißen.

Der weimarische Werkfuß z. B. hat 125 par. Linien, die weimarische Ruthe aber 16 weimar. Werkfuße; also

Im Handel und Gewerbe geht man nicht gern von dem ges meinen oder Berkfuße ab, da die seiner Eintheilung zu Grunde liegende Zahl 12 leichter theilbar ist. Für geometrische Zwecke bedient man sich jedoch ausschließlich nur des geometrischen Naßes.

Man bezeichnet die Authen mit °, die Fuße mit ', die Zolle mit ", die Linien mit " rechts oben an der zu benennenden Zahl; z. B. 3° 7' 6". Wenn übrigens, ohne Bemerkung des Maßes, in einer angegebenen Länge Authen mit genannt sind: so verssteht man darunter geometrisches Maß, besonders wo von Grundsstückmessungen die Rede ist. Kommen dagegen nur Fuße und

Bolle vor, und betrifft die Maßangabe Höhen, Tiefen, Körper= ausdehnungen und dergleichen: so ist auf Werkmaß zu schließen.

Begenstände in ihrer Wirklichkeit sind, um so mehr mussen die natürlichen Maße verkleinert aufgetragen werden, und testo gröster sind dann die unvermeiblichen Zeichnungssehler (§. 137.). Um sich überhaupt der größten Genauigkeit in Anwendung der Linienmaße zu besteißigen, ist jeder Punkt und jede Linie so sein wie möglich darzustellen, stets die sicherste Verzeichnungsart zu wählen, aus dem Großen in das Kleine zu arbeiten und nur von entschieden richtigen Punkten weiter zu gehen, damit die an sich zwar unmerklichen, zusammen aber sehr beträchtlichen Absweichungen in den engsten Schranken bleiben. Überdies muß die Richtigkeit jeder vollführten Zeichnung so viel als möglich geprüft werden.

§. 173. Gerabe Linien zu ziehen.

Gerade Linien zieht man am vollkantigen Lineale von Stahl oder von altem, hartem, ganz gerabspaltigem Holze. Die bölzernen Lineale find öfter zu prüfen, von Zeit zu Zeit neu abzuziehen und wohl in Acht zu nehmen.

Ein richtiges Eineal muß folgende Prüfung bestehen: Man zieht auf einer völligen Ebene an der zu prüfenden ganzen Seite bin eine scharfe Linie, schlägt nun das Lineal über diese Linie und paßt dieselbe Seite wieder von drüben an. Findet sich hier nicht die geringste Abweichung, so ist die gebrauchte Seite richtig. Eben so wird die andere Seite geprüft. Ist ein richtiges Lineal bei der Hand, vielleicht ein gut zugerichtetes stählernes, denn hölzerne verziehen sich leicht: so kann man das zu prüsende nur zegen das Licht daran halten und zusehen, ob es an das richtige genau anschließt. Der Grund dieser Prüsung liegt in den Sizemschaften gerader und krummer Linien (§. 139.).

Jum Linienziehen selbst bedient man sich außer der Zirkelsspike, womit die sogenannten blinden Linien gerissen wersden, des Bleistiftes, oder der Reißfeder. Die Bleistifte werden zum Ziehen einerseits bis an das Blei abgespalten, breit

geschnitten und weiter auf rauhem Papiere geschärft. Die Reißs feber muß gleich starke und gleich lange, gut zusammen passende Schnäbel haben, die des bessern Reinigens wegen mit einem Sewinde zum Öffnen versehen und vor Tinte in Acht zu nehmen sind. Sanz spizig geschnittene Schreibsedern dienen wohl auch zum Linienziehen, aber ohne Sicherheit.

Das Ziehen richtiger, gerader Linien erfordert eine geübte, stete Hand. Das Lineal muß an die gegebenen Punkte sest ans liegen, und zwar so, daß die Linie ganz genau die Mitte ihrer Richtpunkte schneidet; man zieht letztere aber nur bis vor die Endpunkte, um diese frei und sichtbar zu erhalten. Drei, vier, ober mehr Anhaltepunkte dienen zum sicherern Ziehen.

§. 174. Rreislinien zu ziehen.

Kreislinien werden in bekannter Weise mit dem Zirkel gezogen, der übrigens hauptsächlich zum Abgreifen der Längen dient. Man führt gewöhnlich Handzirkel und nur zu größern, genauern Arbeiten Stangenzirkel.

Am Handzirkel verlangt man ganz gleiche Schenkel mit geraden, runden Spiken, weder zu stumpf, noch zu spikig, ganz stete gehend und dicht an einander schließend; dazu noch eine Reißseder und eine Bleistifthülse zum Einsetzen; daher der Name Stückzirkel.

Der Stangenzirkel ist am brauchbarsten, wenn die Spitzen und das etwa nöthige Einsetzeug auch an einen langen, steten Stab befestigt werden können. Er wird hauptsächlich beim genauen Abgreisen größerer Längen gebraucht, wozu der Handzirkel nicht ausreicht und ohnehin wegen der unvermeidlich schiesen Stellung der Schenkel sich weniger eignet.

Andere Birkel sind überstüssig, bis auf den Feberzirkel zu genauern Eintheilungen.

§. 175. Sentrechte Linien zu ziehen. Fig. 30. 31.

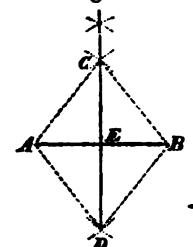
Senkrechte Linien errichtet und fällt man vermittelst bes fogenannten Winkels, ober bes Birkels.

1) Der Winkel, ein rechtminkeliges Dreied von Holz, wird

gewöhnlich mit einem passenden Lineale zusammen gebraucht. Seine Seiten müssen wie beim Lineale völlig gerade und der rechte Winzkel muß richtig sein. Um letzteren zu prüsen, legt man denselz ben an eine gerade Linie und zieht an dem aufrechten Schenkel bin die angenommene Senkrechte; alsdann schlägt man das Werkzeug um und past es auf der andern Seite in den Nebenwinkel. Füllt es diesen genau aus, so sind beide damit gemachten Nebenzwinkel gleich und recht (§. 141.). Auch legt man den Winkel mit einem andern schon geprüsten zusammen, setzt beide auf ein richtiges Lineal und sieht zu, ob er den eben gemachten Forderunzgen entspricht.

Hinkels eine Senkrechte gezogen wird. Man legt an die gegebene Linie ein Lineal, stellt den Winkel mit einer Kathete barauf und schiebt diesen bis an den in oder außer der Linie gezebenen Richtpunkt, durch welchen man nun die Senkrechte an der andern Kathete hinzieht. Dies ginge auch ohne Mitgebrauch des Lineales, aber beschwerlicher und weniger sicher.

Fig. 30.



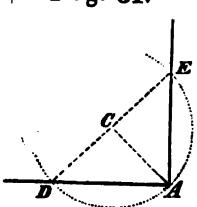
2) Genauer ist die Auflösung vermittelst des Stangenzirkels. Mit beliebiger und gleicher Zirkelöffnung reißt man
von beiden Endpunkten der gegebenen Linie AB
oberhalb und unterhalb derselben Bogen und
zieht durch beide Bogendurchschnitte C und D
eine gerade Linie. Diese ist senkrecht auf AB
und geht zugleich durch deren Mitte.

Bate dazu der Punkt E in der Linie bestimmt gewesen, so batte man A und B gleichweit von E annehmen und übrigens eben so versahren müssen. Wäre aber von einem außerhalb der Linie gegebenen Punkte C eine Senkrechte auf die Linie zu fälzlen: so hätte man den Zirkel zuerst in C einzusetzen und CA = CB, alsdann von A und B aus AD = BD abzureißen, endzlich die Senkrechte CD zu ziehen.

Die Richtigkeit dieser Auslösungen beruht auf der Gleichheit der Dreiecke und Winkel AEC und BEC. Es ist nämlich

ΔACD = ΔBCD, weil AC = BC, AD = BD und DC = DC; daher auch ACD = BCD (§. 146. 8.). Nun ist in ben Dreieden AEC und BEC nicht allein ACE = BCE, sondern auch AC = BC und CE gemeinschaftlich. Daraus folgt: ΔAEC = ΔBEC (§. 146. 1.) und AEC = BEC = BEC = R, also CE sentrecht (§. 140.).

Fig. 31.



3) Soll etwa die Senkrechte am Rande des Papieres gezogen wers den, z. B. aus A, so nimmt man über AD unweit A einen Punkt C willkührlich an, bessieht mit CA aus C einen Halbkreis DAE, zieht vom Durchschnittspunkte D über C ben Durchmesser DE und alsbann aus E die Senks

rechte EA. Denn EAD ist ein Winkel im Halbkreise auf bem Durchmesser ED, also ein Rechter (§. 162.).

Ist die Senkrechte aus einem seitwärts gegebenen Punkte E auf AD zu fällen: so zieht man eine willkührlich schräge Linie ED, halbirt sie in C, beschreibt aus C mit CD den Halbkreis DAE und fällt endlich EA herab als Senkrechte.

Daß jenes Senkrechtziehen mit dem Winkel nur so weit genau ist, als dessen Seite reicht und dessen Ecke angepaßt wers ben kann, leuchtet von selbst ein. Beim Gebrauche des Zirkelskönnte man mit größern Zirkelösfnungen für die verlangte Senkrechte noch weitere Versicherungspunkte bestimmen.

§. 176. Parallellinien zu ziehen. Fig. 32.

Parallellinien zieht man mit Eineal und Winstel, ober vermittelst aufgetragener Abstände.

1) Parallelziehen mit Lineal und Winkel: Man legt den Winkel mit einer Seite an die gegebene Linie, das Lisneal an die andere Seite des Winkels, schiebt nun den Winkel an dem fest aufgedrückten Lineale leicht fort, dis zur bestimmten Stelle und zieht da die Gleichlaufende. Beide Linien haben dies selbe Neigung zur Linealseite, sie sind daher parallel (§. 143. 1.). Dabei müßte der Winkel eben kein rechter sein, und es könnte

auch die schiefe Seite desselben gebraucht werden. Beim Anlesgen der Werkzeuge richtet man sich nach der Stelle, wohin die Parallele kommen soll. Reicht das Lineal nicht zu, so wird unsterwegs auch dieses wieder am festgehaltenen Winkel fortgezrückt.

Hierbei kann leicht ein Verrücken des Lineales oder des Winzkels vorgehen, wenn man nicht geübt ist. Doch hat dieses sogenannte Parallelschieben bei geometrischen Zeichnungen große Vorzüge vor dem Gebrauche des eigentlichen Parallelz und des Anschlaglineales.

Fig. 32.

2) Parallelziehen nach Zirzelabmessungen: Auf die vorzehandene Einie AB wird der gegebene Abstand wenigstens zwei mal getrasgen, indem man den einen Zirkelschenkel in die Linie setzt und mit dem andern an der Stelle, wohin die Parallele kommen soll, einen Bogen reißt, wie n, o, p. Durch die höchsten Punkte diezser Bogen zieht man nun die Linie CD, welche zu AB gleichlauzsend sein muß.

Werden zu jeder Lineallänge drei oder mehr Abmessungen gerissen, so wird die Parallele um so genauer; denn das Lineal muß alle Bogen gleichmäßig berühren. Um hierbei unvermeidzliche Mängel des Lineales unschädlicher zu machen, gebraucht man stets eine und dieselbe, vorher bezeichnete Linealseite und dies nach gleicher Richtung.

Errichtete man auf AB senkrechte Linien zu den Abständen, so würde die Auslösung eben so genau; denn daß eine ganz kleine Abweichung von dem senkrechten Stande dieser Hülfslinien keisnen merklichen Fehler verursacht, ist aus der Zeichnung selbst erssichtlich, worin die gezogene Parallele ein beträchtliches Stück des Bogens deckt und ganz dieselbe Lage erhalten hätte, der Abstandspunkt mochte etwas weiter links oder rechts in dem bedeckten Bogenstücke liegen. Lange Parallelen zieht man jeden Falls am genauesten vermittelst des aufgetragenen Abstandes.

§. 177. Detzeichnung. Fig. 33.

Reglinien ober Parallelen, die fich in gleichen Abftans ben fenfrecht burchschneiden, zeichnet man mittels Rahmen, ober Abmeffungen. Beibe Berfahren erforbern eine genaue Prufung.

1) Man legt einen von Metall verfertigten bunnen Rahmen, worin die Endpunkte aller Nethlinien mit fein gebohrten gegeben sind, auf das Zeichenblatt und sticht durch alle Scher die Punkte vor. Der man theilt sich den Rahmen eines Reißbrettes eben so ein und zieht über das dazwischen einges spannte Papier alle Nethlinien von Punkt zu Punkt. Auch könnte man ein schon fertig gezogenes Net auf das untergelegte Zeichens blatt abstechen.

Fig. 33.

2) Ein folches Nehmittels bes
fonderer Abmeffungen zu zeichs
nen, errichtet man in der Mitte des
Beichenblattes auf einer geraden Einie AB
eine sehr genaue Sentrechte CD, wo mögslich mit Bulfe eines weit geöffneten Stans, genzirkels (§. 175. 2.), befigleichen nahe

am Papierrande auf A und B zwei blinde Senkrechte (§, 175. 1. ober 8.), die bloß zum Auftragen der Abstände dienen. Hierz nächst faßt man einen mehrfachen Abstand in den Zirkel, trägt diesen von A, 1 und B aus aufwärts nach E, C und G, dann abwärts nach F, D und H, und zieht die dadurch bestimmten seitwärts gehenden Hauptparallelen mit immer gleicher Lage des Lineales. Dieselbe Zirkelöffnung trägt man nun wieder, von C, I und D aus, sowohl nach G, B und H, als nach E, A und F, und zieht die auswärts gehenden Hauptlinien eben so. Nachmals trägt man die einfachen Abstände für die inneren Netzlinien hinzein und sührt auch diese aus. Wollte man sogleich die einfachen Abstände nach einander auftragen und auch nicht von innen nach außen arbeiten: so pflanzten sich die einzelnen unvermeiblichen Abweichungen zu beträchtlichen Fehlern fort.

3) Diefes Quabratnes bient bei großern geo:

Berechnen der Figuren, als zum Bemessen und Berechnen der Figuren, als zum Bemessen des uns vermeidlichen Papierverziehens. Daher muß dasselbe so genau wie möglich sein und auf folgende Beise geprüft werzben: Man untersucht erst beliebige Quadratseiten an sich, ob sie das rechte Maß haben und gleich sind; eben so auch Diagonalen beider Richtungen; hiernach die Längen zusammengenommerner Seiten und Diagonalen. Endlich zieht man über das Quastratnetz zwei kreuzende Hauptdiagonalen. Diese müssen alle auf ihrem Bege liegenden Schunkte genau durchschneiden und im Ganzen sowohl, als in den Theilen einander gleich sein.

§. 178. Theilung geraber Linien. Fig. 34.

Das Theilen gerader Einien geschieht entweder auf geometrischem Wege, oder burch wiederholte Versuche.

Fig. 34.

1) Soll eine gerade Linie AB auf geozmetrischem Wege in gleiche Theile geztheilt werden, z. B. in zehn: so legt man an A eine Hüsslinie AC in einem beliebizgen, jedoch spitzigen Winkel, trägt auf diese von A aus einen willkührlich angenommenen Theil zehn mal aus, zieht alsdann vom letzten Theilpunkte C eine Gerade nach B und mit dieser von allen Theilpunkten a, b, c, d... Parallelen herüber aus AB. Die Durchsschneidungspunkte 1, 2, 3 sind nach

§. 149. die verlangten Theilpunkte der Linie AB.

Bu größerer Versicherung gereicht es, wenn man noch eine Gerade BD aus B zu AC parallel legt und eben so wie AC theilt, bann alle Theilungen aus AC nicht nur zu CB und AD parallel, sondern auch in die auf BD vorgezeichneten Theilpunkte mit richtet.

Die Theile auf AC sind etwas größer anzunehmen, als die auf AB ausfallen, damit die Theilungslinie ziemlich im rechten Winskel durchschnitten wird. Dieses Verfahren erfordert besondere Vors

sicht und ist bennoch zu genauen Eintheilungen nicht vorzüglich, wegen ber babei unvermeiblichen Zeichnungsfehler.

2) Gewöhnlich theilt man die Linien durch wiederholte Bersuche. Man faßt die wahrscheinliche Größe des gesuchten Theiles in den Zirkel und trägt dieselbe auf der Linie hin. Am Ende zeigt sich ein Unterschied. Diesen theilt man nach dem bloßen Augenmaße und verändert den vorigen Versuchtheil das nach. Zeht trägt man den neuen Theil abermals auf der Linie hin, berichtigt ihn eben so nach Maßgabe des wieder gesundenen Unterschiedes und fährt so fort, die die Theilung genau aufgeht.

Leichter und richtiger macht sich diese Theilung, wenn man die Linie anfänglich in größere Theile abtheilt, je nachdem die Anzahl der verlangten Theile eben theilbar ist. So könnte eine Länge zu 10 Theilen halbirt und dann auf beiden Hälften in 5 getheilt werden. Nimmt man an, daß beim Auftragen eines jeden einzelnen Theiles derselbe unvermeidliche Fehler wieder gemacht wird: so häusen sich diese Fehler um so mehr, je mehr Theile hinter einander aufgetragen werden. Eine vorläusige Abtheilung im Großen hält diese Abweichungen in gemessenen Schranken. Der Zirkel muß hierbei sehr gleichmäßig geführt und darf keinmal stärker eingedrückt werden, sonst fallen die Theile ungleich aus. Die obige geometrische Eintheilung kann oft als Vorarbeit zu dieser unmittelbaren Eintheilung dienen; oder man sucht mit Hülfe eines Maßstabes die beiläusige Größe des verlangten Theisles zum ersten Auftragen.

Die verrichtete Eintheilung irgend einer Linie wird geprüft, indem man gewisse Theile in den Zirkel faßt, diese Größe von Theilstrich zu Theilstrich fortträgt und dadurch die Übereinstim= mung des Einzelnen und Mehrfachen zugleich untersucht.

§. 179. Einen Fußmaßstab zu fertigen. Fig. 35.

Zu ganz genauen Ausmessungen und Zeichnungen nach dem wahren Maße verfertigt man sich einen Maßstab vom landsüblichen Werksuße auf Metall, Holz oder Papier. Die gerade Grundlinie AB, von der Länge eines Fußes, wird bei Zwölftelmaß in 12 Zolle, der vordere Zoll AC wird wieder in

Fig. 85.

12 Einien getheilt. Um nun noch Zehntellinien zu bekommen, errichtet man auf jedem Theils punkte der Bolle eine Senkrechte, trägt auf die beiden äußersten, von A und Baus, zehn gleiche Theile in willführlicher Größe und verbindet diese Theilpunkte mit

Geraben, die zu AB gleichlaufend sind. Hierauf theilt man DE wie AC in die 12 Linien und zieht die schrägen Linien Ca, 1b, 2c u. f. w., schreibt zwischen C und A und B die Zahlen ber Linien und zwischen A und D die der Zehntellinien, so ist der Maßstab fertig. Zwischen C und B sindet man ganze Zolle, deren Linienzahl von C aus unter jedem Theilstriche steht; zwisschen C und A, ganze Linien; zwischen C und D, die Zehntelslinien.

Begreislich enthalten bie Stude ber innern gangenlinien fiber CB gange Bolle und zwischen C11 und aD gange Lisnien; benn es sind Parallelen zwischen je zwei von benselben Maßen ausgehenden Parallelen, und in dem Dreiede CEa bestinden sich die vorn hinauf gezählten Linientheile. Da nämlich CE zehn gleiche Theile und Ea die Größe einer Linie enthält, so ift nach §. 149.: de = 16, fg = 20, hi = 18 Linien u. f. w.; auch zl = zk + kl = 7,4 Linien.

Bum Meffen auf biefem Maßstabe greift man bie gegebene Lange mit bem Birtel ab, sett einen Schenkel besselben in berjes nigen Bollabtheilung an, von welcher aus ber andere die Linienstheilung erreicht, und geht nun mit beiden Schenkeln von Langenlinie zu Langenlinie hinauf, bis ber vordere einen Durchschneisdungspunkt getroffen hat. War bies vielleicht bei m und wer Fall, so hielt die Lange in

L

ml = 1 3oll ober 12 Einien,

zk = 7 Einien,

kl = $\frac{4}{10}$ Einien;

zusammen 1" 7,4" ober 19,4".

Das Abgreifen verlangter Längen auf dem Maßstabe gesschieht auf gleiche Weise. Im Besitze eines solchen Maßstabes von dem alten parifer Fuße kann man nach den bekannten Fußsverhältnissen die Größe eines jeden Fußes abnehmen.

§. 180. Einen verjüngten ober geometrischen Daß= stab zu zeichnen. Fig. 36.

Alle Grundmessungen werden verkleinert auf's Papier getrasgen mittels eines eben so verkleinerten oder verzüngten Maß=stabes. Das Verhältniß desselben zu dem wahren Maße ist meistens vorgeschrieben, bei den Forstvermessungen gewöhnlich vorgeschrieben, bei den Forstvermessungen gewöhnlich bis 4000 der natürlichen Länge, oder die wahre Ruthe enthält 5000 bis 4000 verzüngte Ruthen.

Beim Verfertigen eines verjüngten Maßstabes berechnet man zuvörderst, wie viel der zum Grundmaße dienende Werksuß solcher verjüngten Ruthen enthält, und sucht danach die Größe von 10 verjüngten Ruthen. Auf dem preußischen Forstkartenmaßstabe soll der Dezimalzoll (oder 0,01°) genau 50 verjüngte Ruthen enthalten; demnach:

0,01 wirkl. Ruthe = 50 verjüngte Ruthen, ober 1 " = 5000 " "

1\frac{1}{2}\capp^{\circ} ober 1 preuß. Fuß = \frac{1}{2}\frac{1}{2}\capp^{\circ} = 416,66... verj. Ruthen.

Da nun 3 preuß. Fuß. = 416,66\times 3 = 1250 verj. Ruthen, und \frac{1250}{5\times 5\times 5} = 10: so braucht man die Länge von 3 preuß.

ober rheinl. Fußen nur in 5 Theile, jeden dieser Theile wieder in 5 Theile und lettere je nochmals in 5 Theile zu theilen, um schließlich die Größe von 10 Ruthen für den verjüngten Waßstad zu erhalten. — Der weimarische Forstkartenmaßstad enthält \frac{1}{4060} der natürlichen Länge; auf einen weimarischen Werkfuß gehen also \frac{4120}{20} = 250 verjüngte Ruthen. Dessen Theilung in 5 \times 5 ersgiebt die Größe von 10 Ruthen, die auch 5 pariser Linien gleich ist.

Fig. 36.

Die Eintheilung bes verjüngten Maßtabes muß bem geometrischen Maße entsprechen. Auf ber angesnommenen Grundlinie theilt man zuerst die Stude zu je 10 Ruthen ab, bann bas vorbere in die 10 einzelnen Ruthen und macht bars auf noch die bekannte Parallelzeichs

nung zum Abnehmen ber Zehntelruthen oder Fuße. Der so weit fertige Maßstab wird zum leichten und sichern Gebrauche noch mit ben Maßzahlen versehen; unten an ben Ruthenzehnern mit 10, 20, 30 u. s. w.; unter ben einzelnen Ruthen mit 1, 3, 5, 7, 9; vorn hinauswärts mit ben Fußzahlen 1, 2, 3 9. Auch tann zur Sicherung bes Gebrauches bie mittlere Längenlinie mit Punkten kenntlicher gemacht werben.

Das Meffen und Abnehmen ber gangen auf einem folchen verjungten Mafftabe ift nun leicht. Die Ruthenzehner fteben unter ben Querlinien, bie einzelnen Ruthen unter ben Schraglinien, die Ruge vor ben gangenlinien. Salbe Auße, ober andere Theile ber Kufe merben nach bem Mugenmaße noch zwifchen ben entfprechenben gangenlinien abgenommen. Bon y nach x find 3. 28. 20 Ruthen und 7 Ruthen und 31 gug, gufammen 27' 31 guß. Finbet fich eine ginie , bie großer ift, als ber Dafftab, ober bie auf ein mal nicht mit bem Birtel abgegriffen werben fann: fo nimmt man eine gewiffe gange, vielleicht 50 ober 100 Ruthen ab, tragt biefe fo viel mal auf bie Binie, als es geht, mißt bas übrige, fleinere Stud noch besonbers aus und gablt alles gusammen. ' Je größer bas verjungte Dag ift, befto mehr Raum erforbert bie Beidnung, um fo genauer ift aber auch beffen Gebrauch. Bu fleineren Grunbftuden nimmt man baber ein größeres Dag, bei Felbfluren etwa go'en und bei Gehöften etwa ju'ou ber mabren Bange.

Gelten gerath ein Maßstab ganz genau. Um so nothwendis ger macht sich baber folgende Prufung. Buvörberft burchfieht man bie Eintheilung. Beigt sich da sichtbare Gleichheit in bem Abstande aller Parallelen mit Berhaltnismäßigkeit in ben Einientheilen der beiden Nebendreieckhen: so nimmt man einen ganz feinen Zirkel und untersucht nun die Haupttheile und die einzels nen Ruthen, alsbann zweis, dreis und mehrfache Abstände der Quers, Schrägs und Längenlinien und der Diagonalpunkte, alles mit Hülfe eines Vergrößerungsglases. Ergiebt sich hier überall die genaueste Übereinstimmung in den Theilen, ist auch das Rasverhältniß selbst und die Zahlenbezeichnung richtig: so kann man den Rasstad als brauchbar annehmen.

§. 181. Roniuseinrichtung. Fig. 37.

Bu genauern Abmessungen mittels einer ganz einfach getheilsten Linie (Scala) bient eine Borrichtung, die von ihrem Ersinder Non i us heißt. Dieselbe besteht aus einem auf der Scala besweglich angebrachten Nebenmaße mit einer Eintheilung, die geswöhnlich $\frac{n+1}{n}$ der Maßeinheiten enthält.

Fig. 37.

Soll ein solcher Nonius zur Bestimmung von Behnteln dienen, so mussen darauf 11 Einheiten der Scala zu 10 Theilen des Nonius gemacht werden, so daß jeder Theil I. Einheiten entshält. Reicht nun etwa die zu messende Länge auf der Scala von a dis x, so schiedt man den Nonius mit seinem Anfangspunkte an x, zählt zuerst die vollen Einheiten unmittelbar auf der Scala ab, sieht dann, wo ein Noniusskrich mit einem Scalastrich zusammen trifft, und nimmt die dort auf dem Nonius stehende Zehntelzahl hinzu. Die Länge ax hielte 14,7 Maßeinheiten.

Diese Einrichtung läßt sich leicht erklaren. Wir wollen die Maßeinheiten vorläusig Grade nennen. hier sind 11 Grade zu 10 getheilt; jeder Noniustheil enthält sonach 1 & Grad; mithin enthalten zwei 2%; drei, 3% Grade u. s. w. Trifft nun ber stebente Theilstrich mit einem der Scala zusammen, so beträgt das 7% Grade. Die Ganzen gab schon die Scala selbst, und man brauchte vom Nonius nur die 7 Gradtheile oder die Größe, welche auf der Scala über dem letztern Theilstrich hinaus noch

zu bestimmen war. — Wollte man Zwölftel haben, so müßten 13 Theile in 12 getheilt werden; zu Dreißigsteln, 31 in 30; zu Sechzigsteln, 61 in 60; zu Achteln, 9 in 8 u. s. w.

Man giebt auch dem Noniustheile wohl $\frac{n-1}{m}$ von der Maß= einheit, macht z. B. aus 9 Maßeinheiten 10 Theile und bringt den Ronius auf die andere Seite von x, fo daß die Zahlen auch am Nonius vorwärts gelesen werden können, was nun leicht einzusehen ist.

Oft treffen beim Gebrauche bes Nonius keine zwei Theils striche zusammen, zumal wenn berselbe wenig Theile hat. Man nimmt bann ben zunächst fallenden Theilstrich vom Nonius an und schätt die Abweichung, oder läßt dieselbe ganz außer Acht nach Maßgabe des eben zu beobachtenden Genauigkeitsgrades. Die Noniusvorrichtung findet indeß auf Längenmaße weniger Unwendung, als auf Winkelwerkzeuge.

Bur Prüfung einer solchen Vorrichtung schiebt man den Nonius auf der Maßeintheilung fort und sieht zu, ob beide Endstriche immer zugleich auf zwei Theilstriche der Haupteintheilung treffen, und ob die innern Noniusstriche in jeder Lage eine gewisse vershältnißmäßige Stellung gegen die Maßtheile haben.

§. 182. Theilung der Kreislinie.

Auf dem Papiere theilt man den Kreis durch wiederholte Bersuche. Wie auf der Geraden, so trägt man die angenommene Zirkelöffnung auf dem Bogen fort. Selten ist eine andere Einstheilung des Umkreises im Gebrauche, als die in 360 Grade. Diese wird folgendermaßen bewirkt:

Zuerst trägt man den Halbmesser sechs mal im Kreise herum; halbirt dann diese Sechstel und erhält & R oder 30 Grade; hals birt diese wieder zu 15. Graden; theilt diese in 3 Theile, zu 5 Graden, welche endlich einzeln abgetheilt werden. Nach diesen Theilen des Kreises bestimmt man das Maß der Winkel.

2. Binkelzeichnung insbesondere.

§. 183. Wintelmaße.

Der gerablinige Winkel, mit bem wir und beschäftigen, wird entweder unmittelbar durch Einienzeichnung bestimmt, oder nach dem Grabinhalte gemessen. Begreislich muß ein und derselbe Winkel auf allen von seinem Scheitel aus besschriebenen Kreisbogen gleichviel Grade haben; nur fallen diese Bogengrade größer und genauer aus, je größer der Halbmesser des eingetheilten Kreisbogens ist. Man theilt jeden Grad noch in 60 Minuten, jede Minute in 60 Sekunden, und bezeichnet die Grade mit , die Minuten mit und die Sekunden mit , d. B. 73° 38′ 15″. Die unmittelbar, oder nach ihrem Gradinhalte gezgebenen Winkel werden mittels des Transporteurs oder Zirzkels, auch durch Parallelschieben von der Winkelsche oder von der Gradscheibe aufgetragen.

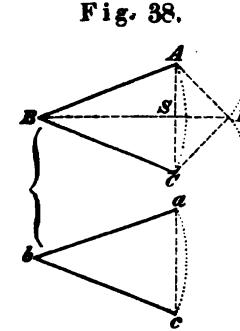
§. 184. Gebrauch bes Transporteurs.

Soll mit bem allgemein bekannten Eransporteur ein Winkel gemessen werben, so legt man bessen innere Seite an ben einen rückwärts verlängerten Schenkel von außen so an, daß der Scheitelpunkt des Winkels genau unter den Mittelpunkt des Transporteurs kommt, und zählt die Grade bis an den andern Schenztel ab. — Auf ähnliche Weise zeichnet man einen gegebenen Winkel mit dem Transporteur. Es wird eine zum Schenkel angenommene Linie mit dem Scheitelpunkte versehen, der Transporteur daran gelegt, der gegebene Gradinhalt abgezählt und abgestochen, und danach aus dem Scheitelpunkte der andere Schenkel gezogen. — Hieraus ist auch zu entnehmen, wie ein Winkel mit dem Transporteur getheilt wird. Man theilt die gegebene Gradzahlt durch Rechnung und zeichnet alsdann einen Winkel in der Größe des verlangten Theiles.

Bur genaueren Winkelzeichnung muß ber Transporteur einen größeren Halbkreis haben und mit Nonius versehen sein; ber kleine Transporteur, wie man ihn öfters in Reißzeugen sindet, kann, weil er keine sichere Anlegung gestattet und seine Eintheis

lung nicht scharf genug ift, nur zu ungefähren Binkelzeichnungen und flüchtigen Überschlägen benutzt werden.

- §. 185. Gebrauch des Zirkels zum Zeichnen, Theilen und Messen ber Winkel. Fig. 38.
 - 1) Der Winkel ABC soll abgezeichnet werben.



Man zieht an die Stelle, wohin die neue Winkelzeichnung kommen soll, eine Linie do und giebt ihr den Scheitelpunkt d, beschreibt nun mit angemessener Zirkelöffnung, zuerst in dem gegebenen Winkel ABC, aus dem Scheitelpunkte B den Bogen CA und dann für den neuen Winkel aus d den gleichen Bogen ca; mißt hierauf die Sehne CA, trägt deren Länge auf den Bogen ca und zieht da: so ist der Winkel abc — ABC;

denn beide haben bei gleichen Halbmesseyn gleiche Sehnen, also auch gleiche Bogen zwischen sich (§. 163. 6. 7.).

2) Soll der Winkel ABC getheilt werden, so macht man wieder BA = BC, beschreibt mit gleicher Zirkelösst nung von A und C über AC Bogen und zieht eine Linie vom Durchschneidungspunkte D zum Scheitelpunkte B. Diese theilt den Winkel ABC in zwei gleiche Theile; denn die beiden Oreiecke ABD und CBD sind gleich wegen der Seitengleichheit *).

§. 186. Winkel mit Parallelschieben abzuzeichnen. Fig. 39.

Wo das unmittelbare Abstechen oder Kopiren der Winkels zeichnung auf ein untergelegtes Blatt nicht statthaft ist, wie etwa beim Zusammensetzen gemessener Umfangswinkel, bedient man sich mit vielem Vortheile des Parallelschiebens. Wäre nämlich

[&]quot;) Es giebt noch eine britte Methobe zum Messen, Auftragen und Theilen ber Winkel, mittels der halben Sehne eines doppelt so großen Winkels, oder des sogenannten Sinus. Diese Aufgabe gehört indeß der Trigonometrie an und muß daher hier übergangen werden.

Fig. 39.

auf dem Zeichenblatte der Winkel schon gegeben, wenn auch nur durch die Rich= tung beider Schenkel, z. B. BA und BC, und derselbe Winkel sollte in b getragen werden: so zoge man da parallel zu BA und de parallel zu BC; dann würde der Winkel abc gleich dem Winkel ABC. Denn

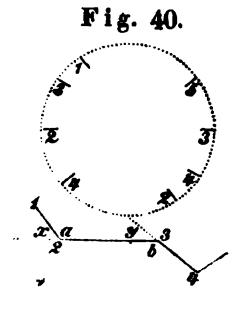
bachte man sich ba verlangert burch BC:

fo wäre
$$\times$$
 b = \times o und auch \times ABC = \times o, als Gegenwinkel (§. 143.). Folglich \times b = \times ABC.

Das Parallelschieben ist besonders beim Auftragen größerer Forstvermessungen daburch nützlich und sichernd, daß jeder neue Schenkel nicht nach dem letztern anliegenden allein, sondern nach dem ganzen Winkelverbande gerichtet wird.

§. 187. Winkel von ver Winkelscheibe aufzutragen. Fig. 40.

Mit dem Parallelschieben werden auch solche Winkel sicher und leicht aufgetragen, die man eben nicht völlig ausgezeichnet vor sich hat, wenn nur die Richtung ihrer Schenkel dies = und jenseit des Scheitelpunktes durch kurze Striche angegeben ist. Ein rundes Blatt, das mehre solche zusammengehörigen Winkel mit gemeinschaftlichem Scheitelpunkte und mit bestimmter Bezeichnung der Schenkelstriche enthält, wie Fig. 40., nennen wir Winkelscheibe.



Auf dieser zum Beispiel dienenden Winstelscheibe sind drei Winkel durch vier Schenztel bestimmt, nämlich: der Winkel a durch die Linien 1 zu 2 und 2 zu 3; der Winkel durch die Linien 2 zu 3 und 3 zu 4 u. s. w. Sollen diese Winkel aufgetragen werden: so befestigt man die Winkelscheibe auf das Zeischenblatt, schiebt nach und nach alle Schenztel parallel ab, und set sie in der gegebenen

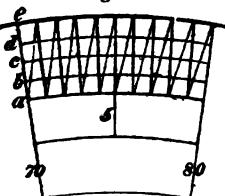
Länge und gehörigen Ordnung an einander, woraus die Winkelszeichnung 1 . . . 4 entsteht.

Aus der Zifferfolge muß die gegenseitige Lage der Schenkel bestimmt zu entnehmen sein, sonst würde man beim Auftragen in den Nebenwinkeln ungewiß und könnte leicht x statt a, oder y statt dannehmen und rückwärts auftragen. Bei richtiger Bezeichnung dürfen sehr viele solcher Winkel auf einer Winkelscheibe zusammen angegeben sein; man sindet sie alle sicher heraus.

§. 188. Winkel von der Gradscheibe aufzutragen. Fig. 41.

Man kann auch Winkel, welche durch die Neigungs= grade ihrer Schenkel gegeben sind, mit Parallelschieben auftragen. Dazu gehört eine auf folgende Weise verfertigte Gradscheibe.

Fig. 41.



Auf ein gutes, wo möglich doppelt und gegenseitig zusammengepapptes, recht eben aufgespanntes Papier reißt man zuvörderst mit dem Stangenzirkel die äußerste, blinde Kreislinie, etwa von einem Fuße im Durch= messer, theilt diese mit dem eben gebrauch= ten Halbmesser in ihre sechs Haupttheile •

und zieht durch zwei dieser Theilpunkte und ben Mittelpunkt eine Gerade, welche nachmals als Hauptdurchmesser dient. Demnächst reißt man die andere Kreislinie für die Gradstriche, ungefähr zoll weiter nach innen, und theilt diese eben auch von dem gemeinschaftlichen Durchmesser aus in ihre Sechstel. Zede vier übereinstimmigen Theilpunkte beider Kreise müssen mit dem Mitztelpunkte in gerader Linie liegen. Diese beiden Kreislinien werzden nunmehr nach §. 182. weiter in einzelne Grade getheilt, doch iede für sich, der Versicherung wegen. Außerdem werden noch eine dritte und vierte Kreislinie tiefer nach innen gezogen, um darauf die je fünsten und zehnten Theilstriche abzusehen. Hierzauf steelt man genau in den Mittelpunkt eine ganz seine Nadel, legt daran das Lineal, so daß es jeden der vier Theilpunkte zuzgleich berührt, und zieht auf beiden Seiten die Gradstriche mit

aller möglichen Schärfe aus. Endlich wird an die je zehnten Theilstriche 10, 20, 30 . . . 360 und an die je fünften 5 gesschrieben; auch werden wohl noch die halben Grade mit Punkten bezeichnet. Hiermit wäre die Gradscheibe zum gewöhnlichen Gesbrauche sertig.

Um noch mehr Genauigkeit zu bekommen, theilt man den Abstand der beiden äußern Kreise in vier gleiche Theile, zieht noch drei rothe concentrische Kreislinien h, c, d durch die drei Theile punkte und legt durch alle Graddreiten rothe Schräglinien, welche auf den innern Kreisen die $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{2}$ und $\frac{3}{4}$ Grade abtheilen. Die Achtele oder Zwölstelgrade werden dazwischen nach dem Augensmaße genommen. Diese Eintheilung setzt freilich voraus, daß die Winkel am Mittelpunkte sich verhalten wie die Theile der Schrägslinien, was jedoch nicht ganz der Fall ist. Verhielte sich nämlich die Länge der Gradstriche zum innern Theile des Halbmessers wie 1: 11: so müßte ab = 0,244, ac = 0,488, ad = 0,733 von ae sein; bei dem Verhältnisse 1: 6 aber: 0,24, 0,48, 0,72. Indessen gewährt obige Gleichtheilung hinlängliche Genauigkeit.

Diese Grabscheibe besestigt man beim Gebrauche auf bas Zeichenblatt, bezeichnet überdies durch einige Nadelstiche die Lage derselben, im Falle sie sich unversehens ablösen sollte, und schiebt alsdann die nach ihren Graden angegebenen Schenkel mit Lineal und Winkel nach einander ab, wie von der Winkelscheibe. Das bei wird das Werkzeug jedes Mal durch den Mittelpunkt nach den beiderseitigen Gradstrichen angelegt, und jede Linie muß da hinaus gezogen werden, wohin die angegebene Gradzisser weiset.

3. Zeichnung ganzer Figuren.

§. 189. Das Figurenzeichnen.

Von der Behandlung einzelner Einien und Winkel gehen wir nun zum Zeichnen ganzer Figuren oder Umrisse über. Diese werden bald aus gegebenen Stücken neu entworfen oder aufgetragen, bald von einem schon vorhandenen Vorbilde in derselben Größe abgezeichnet oder kopirt, kleiner gezeichnet oder verjüngt, größer gezeichnet oder vergrößert. Bei bem Auftragen, Abzeichnen und Umzeichnen kommt hauptsächlich die Reigung und gange ber Linien in Betracht. Erstere muß in der gezeichneten Figur jedes Mal wiesber dieselbe sein, denn andere Binkel geben auch andere Gestalten; lettere muß durchgängig das gegebene Verhältniß haben.

Meist beschäftigen uns hier gerablinig Figuren, indem bei allen geometrischen Aufnahmen die vorkommenden Krümmungen in kurze gerade Linienstücke verwandelt werden. Jum Auftragen solcher Figuren hat man drei Hülfsmittel: bloße Linien zu Oreieden verbunden; rechte Winkel zu Standlinien und Absständen; schiefe Winkel zum Umfang. Wegen der größern Schwierigkeit, schiefe Winkel richtig zu zeichnen, ist das letzetere Versahren am wenigsten genau.

§. 190. Dreiede aufzutragen. Fig. 42.

Fig. 42.

1) Sind dazu die Längen der drei Seiten gegeben, so wird die eine, z. B. AC, als Grundlinie ausgetragen; dann wird mit den beiden andern von A und C aus der dritte Echunkt B mittels Bogenschnittes bestimmt; endlich werden AB und CB gezogen. Je schiefer der Bozgenschnitt ist, um so weniger genau erzscheint der Durchschneibungspunkt. Übriz

gens muß die Lage der Seiten unter sich bestimmt sein; denn für den dritten Punkt B giebt es vier verschiedene Stellen.

- 2) Sind von einem Dreiecke die Grundlinie AC, die Hohe BD und der Richtpunkt D zur Höhenlinie gegeben: so zieht man die Grundlinie AC und mißt darauf AD oder CD ab, errichtet in. D eine Senkrechte von der gegebenen Höhe DB und zieht endlich aus B die beiden andern Seiten AB und BC. Fällt der Richtpunkt D außerhalb des Dreieckes, so muß die Grundzlinie verlängert werden. Dies führt leicht zu Ibweichungen und wird vermieden, wenn man die längste Seite zur Grundlinie anz nimmt.
 - 3) Sind zu einem Dreiede zwei Seiten und ber 3mi=

schenwinkel gegeben, z. B. AC, AB und A: so trägt man zuerst die längere Seite AC als Grundlinie auf, sett daran die andere Seite AB in der gegebenen Neigung A (§. 185.) und schließt das Dreieck mit BC. Wären zur Seite AC die beiden anliegenden Winkel A und C gegeben, so kämen an die aufgeztragene Seite beide Winkel, und die Schenkel durchschnitten sich in B.

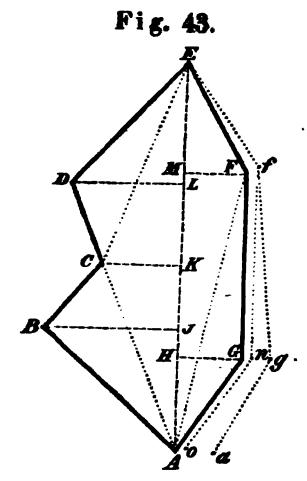
Die Fehler, welche bei diesen Dreieckzeichnungen vorgehen können, entspringen aus dem Abnehmen und Auftragen der Eansgen und aus der Winkelzeichnung. Je mehr sich das Oreieck dem gleichseitigen nähert, um so sicherer ist das erstere Verfahren; bei den stumpfwinkeligen, niedrigen Oreiecken hat das zweite Vorzüge; das Auftragen mittels der Winkel sucht man in allen Fällen so viel als möglich zu vermeiben.

§. 191. Bierede aufzutragen.

- 1) Bu Rechtecken errichtet man auf den Endpunkten der gegebenen Grundlinie die Seitenlinien senkrecht und schließt diese mit der obern Seite; oder man setzt an die Grundlinie erst eine Seite und zieht zu beiden die gegenüberliegenden Seiten parallel oder gleichlang. Die Rechtecksform ergiebt sich aus der Gleichs heit beider Diagonalen.
- 2) Zum schiefen Parallelogramm zeichnet man bas erste Dreieck nach ben bazu gegebenen Stücken und setzt bas ans bere mittels paralleler ober gleicher Linien noch baran.
- 3) Hat ein Trapez zu den zwei Parallelen eine senkrechte Rebenseite: so nimmt man diese als Grundlinie, errichtet darauf die beiden Parallelen senkrecht und zieht zuletzt die schiefe Seite. Sind aber beide Nebenseiten schief zu den Parallelen, so wird dasselbe, wie das gemeine Viereck, aus seinen zwei Dreiecken zus sammengesetzt.

§. 192. Gemeine Bielecke aufzutragen. Fig. 43. 15.

1) Mit Diagonalen: Man sett die Figur aus ihren Dreieden zusammen, 3. B. Fig. 43. das Siebened ABCDEFG



aus AEC, ACB, CED, AEF und AKG. Um sich dabei mehr vor Zeichensehlern zu sichern, fängt man mit der längsten Diagonale und den Mitteldreiecken an und arbeitet nach außen. Dennoch ist die Zusammensetzung vieler, zumal schiesfer Dreiecke manchen unvermeiblichen Abweichungen unterworfen.

Hat das Vieleck mehr Rundung, wie Fig. 15. (§. 158.), so legt man wohl auch die Hülfsbreiecke mit den Spitzen im Innern zusammen und trägt eins nach dem andern dem Umfange entlang auf. Schließt hierbei das letzte Dreieck ge=

nau an den Anfang, so ist die Figur richtig aufgetragen. Dieser Schluß dient zur Probe.

- 2) Mit Senkrechten Fig. 43.: Man zieht eine Standstinie AE, errichtet von den darin bestimmten Richtpunkten H, J, K, L und M die Abstandslinien HG, JB, KC, LD und MF zu den Eckpunkten G, B, C, D und F und verbindet diese mit den Umfangslinien. Dabei muß man die Standlinie so legen, daß die Abstände nie zu lang werden, weil jeder durch Abweischung von dem senkrechten Stande verursachte Fehler mit der Länge des Abstandes zunimmt. Deshalb prüft man zulest noch die Längen der Umfangslinien an sich. Öfters kann diese Traspezeichnung mit Dreiecken vortheilhaft ergänzt werden.
- 3) Aus dem Umfange Fig. 43,: Man trägt mit der gegebenen Neigung Seite an Seite, bis der Umfang geschlossen ift. So wird z. B. an AB die Seite BC mit dem Winkel ABC gesetzt, an C die Seite CD mit dem Winkel BCD, an D die Seite DE und so fort, bis wieder zu A.

Wäre dieses Verfahren ganz sehlerfrei, so dürste, von dem letztern Punkte G aus, die Seite GA ohne Weiteres gezogen wers den. Allein es entstehen öfters Abweichungen, die sich mit fortstragen und erst am Schlusse wahrnehmen lassen. Daher muß

man nicht nur den letztern Winkel FGA, sondern auch die letzte Seite GA noch fürksich auftragen. Selten schließt bei einer Um= fangszeichnung die Figur ganz vollkommen.

Diese Schlußmängel entspringen aus Unrichtigkeit der Längen und Winkel. Die Längensehler sind weniger erheblich, als die Winkelsehler, im Fall diese die Fortsetzung der Figur ganz verdrehen können. Wäre z. B. in dem Winkel E um FEf gessehlt worden, und es würde auch in der Fortsetzung Efg=EFG, fga=FGA: so verdrehte dies doch den Seitenzug von E nach a durchgängig.

Dieses Verdrehen der Figur vermeidet man, wenn die Umsfangslinien von einer befestigten Winkels oder Gradscheibe pasrallel abgeschoben werden, weil dann die Fortsetzung nicht nach der sehlerhaften Neigung Ef, sondern nach dem ganzen Winkelsverbande sich richtet und somit in n und o trifft, wobei der Fehsler Ao — Gn — Ff wenigstens nicht fortwächst. Es können übrigens die entstandenen Fehler einander auch ausheben, und dadurch kann selbst ein Schluß zufällig erfolgen, ohne daß eben die Figur richtig ist.

§. 193. Regelmäßige Polygone zu zeichnen.

Man beschreibt mit dem gegebenen Halbmesser einen Kreis und theilt diesen in die bestimmte Anzahl der Polygonseiten, die alsdann von Theilpunkt zu Theilpunkt gezogen werden.

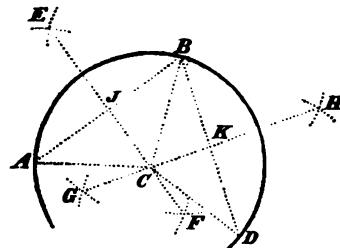
Beim Sechsecke ist, wie bekannt, der Halbmesser selbst die Polygonseite. Bei andern Vielecken könnte man sich das Einztheilen des Kreises durch vorläufige Zeichnung des Mittelpunkts winkels erleichtern. Derselbe ist nämlich

in dem Fünseck
$$\frac{4R}{5} = 72^{\circ}$$
, in dem Siebeneck $\frac{4R}{7} = 51^{\circ}$ 25,7' u. s. w.

§. 194. Rreisfiguren zu zeichnen. Fig. 44.

Hunkte A, B, D eines Umkreises ohne den Mittelpunkt gegeben

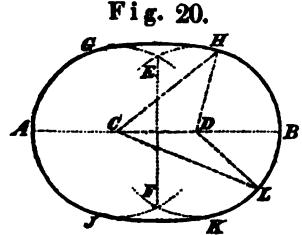
Fig. 44.



sind. Man benkt sich bie beiben Sehnen AB und BD und ver= zeichnet burch beren Mitte, nach §. 175. 2., die Sentrechten EF und GH. Diese schneiben sich in dem Mittelpunkte C, aus welchem ber Kreis mit CA - CB = CD beschrieben werden kann. Daß CA = CB = CD, folgt

aus der Gleichheit der rechtwinkeligen Dreiecke CJA und CJB, so auch CKB und CKD. In jenen ist CA = CB und in diesen $CB = CD (\S. 175. 2.).$

§. 195. Langkreise zu zeichnen. Fig. 20.

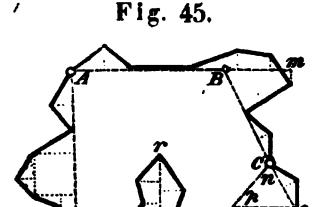


1) Man zieht eine Gerade AB als längeren Durchmesser, macht AC-BD und beschreibt damit aus C und D die beiben äußern Kreise, welche sich in E und F schneiden. Auf der Gera= ben EF, die senkrecht durch die Mitte von AB geht, sett man nun den Bir=

kel in ober unfern F ein, öffnet benselben bis an die Höhe G bes einen Kreises und erfüllt ben Umfreis oben burch ben Bogen GH. Dasselbe geschieht aus gleicher Stelle von oben herab durch ben Bogen JK. — Je weiter man die Punkte C und D auseinander= legt, um so länglicher wird die Ellipse und umgekehrt.

2) Ein anderes Verfahren ist ganz mechanisch und von der Ellipse abgeleitet. Man steckt in die auf dem längern Durchmes= fer angenommenen zwei Punkte C und D, die vorhin als Mittelpunkte gebraucht wurden, ganz feine Nabeln, schlägt darüber einen, in der gange von 2 AD ober 2 CB zusammengebundenen Faden, halt in benfelben einen Bleistift L und zieht mit diesem rund um C und D bei immer gleicher Anspannung die verlangte Ellipse LBHGAJK (g. 164.). Je näher C und D an A und B gelegt werben, um so schmaler wird auch hier die Ellipse.

§. 196. Unbere vielectige und krummlinige Figuren aufzutragen. Fig: 45.



Die vielectigen und krummlinigen Umfänge, wie sie zumal bei Wald= messungen öfters vorkommen, werden vermittelst geradlinier Hülfs= figuren, z. B. ABCDE, aufgetra= gen, deren Seiten so nahe wie thu= lich an dem Umfange liegen. Die Hülfssigur wird erst zum richtigen

Schlusse gebracht; dann werden von den Standlinien die Hauptspunkte der Krümmen durch Abmessungen bestimmt. Zu diesen Abmessungen gebraucht man die senkrechten Abstände (§. 164.) entweder von der Standlinie selbst, wie an AB, oder von einer Verlängerung derselben, wie Bm, oder von ansgesetzen Dreiecken, wie nop, oder von errichteten Senkrechten, wie qr, oder auch von angesetzen Rechtecken, Trapezen, schiefen Hülfslinien u. dgl. Solche Hülfslinien und Abstände auszutragen, lehrt das Vorhergehende. Den Umfang zieht man gewöhnlich mit kleinen geraden kinien aus und rundet dabei, wo wirkliche Krümmen dargestellt werden müssen, die hervortretenden Ecken etwas ab.

§. 197. Figuren abzuzeichnen.

Die hier abgehandelten Verzeichnungen sind meistens nur beim Entwerfen noch nicht gezeichneter Figuren brauchbar. Sie könnten nun wohl zum Abzeichnen einfacher Figuren angewendet werden, zumal beim Mitgebrauche eines Quadratnehes, das als Anhalt auf das Zeichenblatt, wie auf die Vorzeichnung gezogen würde. Beim eigentlichen Abzeichnen geometrischer Figuren bedient man sich indeß eines völlig handwerksmäßigen Mittels, das in der Ausübung weit sicherer und leichter ist.

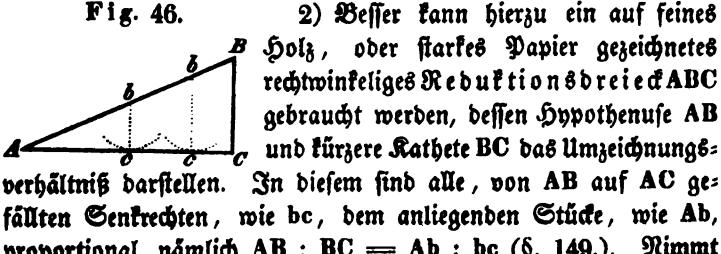
Man legt das Papier mit der abzuzeichnenden Figur fest auf das Zeichenblatt, sticht mit einer ganz seinen, an einem Stiele befestigten Nadel (Kopirnadel) alle Punkte der Reihe nach durch und führt hierauf von Punkt zu Punkt die neue Zeichnung aus. Dieses Berfahren (Kopiren) gewährt beim Abzeichnen viel mehr Genauigkeit, als das theilweise Zusammensetzen der Figur mit bem Birkel, wobei in ber Richtung und Lange ber Linien mehr oder weniger gefehlt wird. Nur muß die Borzeich= nung platt, fest und unverrückt ausliegen, weßhalb man sie zwed= mäßig mit handlichen Bleiplatten beschwert, die jedoch, um das Abschmuten zu verhüten, mit Papier zu überziehen sind; ferner muß die Nadel fein, gerade und mit einem langen Stiele verseben sein, die Zeichentafel aber eine gleichmäßig weiche Holzmasse has ben und jeder Punkt ganz genau und senkrecht abgestochen werden.

§. 198. Bom Umzeichnen ber Figuren überhaupt. Fig. 46.

Das Zeichnen einer ähnlichen Figur bedingt gleiche Binkel und gleiches Seitenverhältniß. Dabei werden alfo nur die gangen verändert. Bum Auffinden der verhältniß= mäßigen neuen gangen giebt es mehre Mittel.

1) Man hat Doppelzirkel mit rudwärts verlängerten Schenkeln, die fich oben und unten zu ihren Schenkellängen proportionirt öffnen, auch eigentliche Proportionalzirkel, für alle Verhältnisse brauchbar; aber beibe sind nicht zu em= pfehlen.

Fig. 46.



proportional, nămlich AB : BC = Ab : bc (§. 149.). man baher von ber vorgegebenen Zeichnung eine gange, trägt sie von A nach b, läßt ben einen Schenkel bes Birkels in b stehen und faßt mit dem andern den Abstand bes Punktes b von AC: so ist be die gesuchte Proportionallinie. Solche leicht zu ge= brauchenden Dreiecke erneuert man sich, wenn sie abgenutt sind.

3) Auch könnte man bie gangen mit Hulse eines verjung=

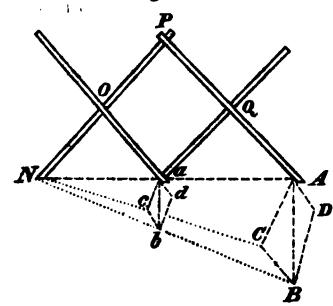
ten Maßstabes durch Rechnung verändern, oder auf einem ans bern, verhältnißmäßig kleinern, oder größern Maßstabe wieder abgreisen. Beides wäre freilich etwas beschwerlich, aber bei et waiger Vergrößerung der Figur noch am ersten zu wählen. Die zur Umzeichnung gegebene Figur würde zerlegt durch Diagonaslen oder Senkrechte. Dann würde ein Stück nach dem andern mittels eines dieser Versahren in die neue Größe verwandelt und zu der Umzeichnung verwendet. Diese Verzeichnung ist jedoch mühsam und nur bei einfachen Figuren anwendbar.

§. 199. Zusammengesette Figuren umzuzeichnen. Fig. 47.

Beim Umzeichnen mehr zusammengesetzter Figuren gebraucht man entweber bas Quabratnet, ober ben Storchschnabel.

1) Mittels des Quabratnetes: Zuerst wird über das Vorbild ein Quadratnete gelegt, dessen Linienabstände so gewählt sind, daß alle Zeichnungen innerhalb eines jeden Quadrates leicht und richtig danach abgenommen werden können. Hierauf kommt über das Zeichenblatt ein ähnliches Quadratnete in dem gegebenen Umzeichnungsverhältnisse. Nun trägt man die Zeichnung aus jedem Quadrate im Vorbilde herüber in das gleichliegende der Umzeichnung theils mit den bekannten Hülssmitteln, theils nach dem bloßen Augenmaße. Dieses Versahren erfordert eine genaue Netzeichnung und ist nur da brauchbar, wo es auf grössere Genauigkeit der Echpunkte eben nicht ankommt; denn scharfe Ecken können dabei nicht gut bestimmt werden.

Fig. 47.



2) Mit dem Storchschnabel geht diese Größenveränderung gezradliniger Figuren, wie die der Grundrisse, viel schneller, leichter und genauer von Statten. Der Storchschnabel besteht aus vier gleichen Holz = oder Messingstäben zu drei dis vier Fuß Länge, nach Figur 47. parallel zusammengesett, so daß NO: NP — Na: NA das

eben bestimmte Umzeichnungsverhältniß abgiebt. Daran ist NO = Oa = PQ und OP = aQ = QA, ferner NaA eine gerabe Linie und $\triangle NOa \sim \triangle NPA$ (§. 150.).

In N vient ein Loch zur Befestigung am Rande des Zeischentisches. In a ist eine Kopirnadel; darunter kommt das Zeischenblatt. In A besindet sich ein Stift zum Führen des Storchsschnabels auf der darunter befestigten Vorzeichnung. Diesen setzt man mit der einen Hand auf jeden Punkt des Vorbildes, z. B. A, B, C, und sticht zu gleicher Zeit mit der andern die entspreschenden Punkte a, d, c für die Kleinzeichnung, welche stückweise mit dem Bleististe weiter entworsen und nachher abgenommen und ausgeführt wird.

Der geometrische Grund dieses Versahrens ist leicht einzuses ben. Das Umzeichnungs Werhältniß Na: NA sindet in allen Lagen des Storchschnabels Statt. Denn kommt der Stift A weiter nach B, C oder D, so trifft die Nadel a gleichzeitig in b, c oder d, und es ist Na: NA — Nb: NB — Nc: NC u. s. w., woraus Na: NA — ab: AB — bc: BC — ca: CA, also die Ähnlichkeit beider Figuren folgt (§. 149. 151.).

Diese Verjüngung kann noch durch ein Quadratnet versichert werden, welches man vorher auf das Vorbild zieht und hernach mit dem Storchschnabel durch alle Netzpunkte auf die Kleinzeichenung mit überträgt. Wenn dieses verjüngte Netz nachmals die Prüfung mit Lineal und Zirkel in allen Punkten aushält: so sind gewiß auch die eben so aufgetragenen Punkte der Figur selbst richtig. Soll die Zeichnung vergrößert werden, so kommt die Nabel in A und das Vorbild unter a.

Das Zeichnen ähnlicher Figuren ist viel mehr Fehlern unterworfen, als das der gleichen, weil man dabei alle Längen verändern muß. Große Genauigkeit können solche in einen andern Maßstad umgezeichneten Figuren nie erlangen; sie verlieren jedes Wal gegen die Borzeichnung. Besonders tritt dieser Fall bei Vergrößerungen ein. hier werden nicht allein die Fehler des Vorbildes, die im kleinen Maßstade beinahe verschwunden waren, durch den größern Maßstad vergrößert aufgetragen, sondern es häusen sich auch die mit der Größe des Maßstades wachsenden Umzeichnungssehler.

§. 200. Sicherung ber Zeichnung vor mancherlei Un= richtigkeiten.

Über das Zeichnen der Figuren wird noch nachträglich besmerkt: Man hat bei allen Aufgaben daszenige Verfahren zu wählen, das am wenigsten fehlt, dabei aber am einfachsten und leichtesten ist. Längen lassen sich allezeit richtiger auftragen, als Winkel; wenige lange Linien richtiger, als viele kurze; rechte Winkel richtiger, als schiefe. Sehr viel kommt auf die Genauigsteit der Werkzeuge und die Übung im Handhaben derselben an.

Nächst dem muß aber auch das Zeichnungsblatt völlig eben und möglichst stete sein. Ist das Papier uneben, sledweise kurzer und weiter, wie slüchtig zusammengehängte Bogen mit unbesschnittenem Rande: so kann darauf unmöglich eine richtige Zeichsnung gemacht werden. Kein Papier hat eine stete gleichbleibende Ausdehnung; jedes verzieht sich bei Veränderung des Trockenzgrades, und zwar auf einem Flecke mehr als auf dem andern, so daß schon dadurch die Zeichnung beträchtlich unrichtig werden kann; am veränderlichsten ist aber das mit Leinwand unterzozgene Papier.

Steter hält sich bas Papier, wenn man es auf der Rudsseite mit ganz dunnem Leimwasser oder mit geschlagenem Eiweiße tränkt und ganz gleichmäßig auf ein Reißbrett spannt, dann nach allmählichem Abtrocknen wieder abnimmt und längere Zeit in geswöhnlicher Zimmerwärme eben liegend aufbewahrt. Beim Zeichenen selbst ist darauf zu sehen, daß das Blatt nicht einseitig von der Sonne oder von der Dfenwärme berührt wird, noch weniger vom Fenster oder von der Wand her Feuchtigkeit anzieht.

Um später das ganz unvermeidliche Verziehen wenigstens bemessen zu können, versieht man die Blätter zu genauen Grundrissen vorher mit einer Netzeichnung, und schreibt an diese zur
Zeit des Auftragens die Abweichung jeder Quadratseite von
der ihr eigentlich zukommenden Größe mit + oder —. Dadurch
läßt sich zu allen Zeiten die ursprüngliche Größe jedes Theiles
vom Grundrisse leicht wieder bestimmen. Es giebt kein besseres
Sicherungsmittel gegen diesen Übelstand aller Papiere.

III. Figurenberechnung.

1. Ausrechnung der Flache.

§. 201. Flächenmaße.

Als Grundmaß zur Bestimmung des Flächeninhaltes erswählte man das Quadrat, die einfachste und fügbarste aller Figuren. Bur Seite einer solchen Flächeneinheit dient die Länsgeneinheit. Man hat für die Fläche ebenfalls zweierlei Maße, geometrisches und Werkmaß.

In dem geometrischen Maße ist die Quadratruthe ein Quadrat, dessen Seite 10 geometrische Fuße mißt; sie besteht also aus $10 \times 10 = 100$ geometrischen Quadratsußen zu 100 Quadratzollen. Eine gewisse Anzahl Quadratruthen dient als Morgen, Acker u. s. w. zur eigentlichen Flächenmaßeinheit der Landmessungen.

Die geometrische Quadratruthe enthält auch, je nachdem die Längenruthe aus 12, 16, oder überhaupt aus 'n Werksußen zussammengesetzt ist, $12 \times 12 = 144$, oder $16 \times 16 = 256$, oder $n \times n$ Quadrat-Werksuße.

Der Quabrat=Werkfuß hat zur Seite 12 Werkzolle, besteht also aus 12 × 12 = 144 Quadrat=Werkzollen zu 144 Quadratlinien. Der Grund dieser Maßeintheilung ergiebt sich aus §. 168. 1.

Das geometrische Flächenmaß gewährt durch seine Eintheis lung in Hundertel erhebliche Rechnungsvortheile. Man ist nicht nur bei allen Verwandlungen in niedere oder höhere Einheiten des Multiplizirens und Dividirens überhoben, indem man Zahls stellen paarweise hinzusügen oder abschneiden kann, sondern braucht auch nur einerlei Maßeinheit zu nennen, weil daraus jede andere sich unmittelbar ergiebt. So könnten z. B. 3567 Quadratsus, durch Division mit 100, unmittelbar in 35 Quadratruthen, 67 Quadratsuß oder als 35,67 Quadratruthen ausgedrückt werden. Die Flächenmaße nennt man, vorzüglich in ber Anwendung, auch Flächenruthen, Flächenfuße u. s. w. und bezeichnet sie übrigens eben so, wie die Längenmaße, setzt aber zur Untersscheidung noch ein q oder hinzu. So bedeutet 35 q° 67 q' oder 35,67 q° den obigen Flächeninhalt. 5158 Quadrat=Werkzolle sind $\frac{51}{4}$ $\frac{51}{4}$ q' = 35 q' 118 q" Werkmaß.

Die von Grundstückmessungen herrührenden Flächenangaben, wobei gewöhnlich Morgen oder Acker, wenigstens Ruthen vorkom= men, beziehen sich auf geometrisches Waß, und man drückt diese Flächenzahlen, zur Bermeidung etwaiger Irrung, in keiner klei= nern Benennung, als in Ruthen aus. Die Flächenangaben von anderen Gegenständen, besonders von Bodenabwägungen und Bauwerken, beziehen sich meist auf Fuße und Zolle des Werk= maßes.

§. 202. Grundformen ber Figuren.

Die Flächenausdehnung läßt sich nicht unmittelbar mefsen; benn das Aufs und Fortlegen eines Flächenmaßes wäre nicht nur schwierig und ungewiß, sondern in den meisten Fällen auch unthulich. Daher sucht man zum Behufe der Flächenmesssung bloß Länge und Breite und berechnet danach die Größe der Fläche.

Doch kann diese Flächenmessung nach Länge und Breite nur bei den einfachen Grund formen der Figuren geschehen, nämzlich beim Parallelogramm, Trapeze und Dreiecke, welche wir in dieser Beziehung Grund figuren nennen. Die mehr zussammengesetzen, unregelmäßigen Figuren mussen worher in solche Grundsiguren zerlegt und somit stückweise berechnet werden. Die Längen und Breiten dieser Berechnungssiguren braucht man eben nicht allemal wirklich zu messen; öfters lassen sie sich aus andern bekannten Verhältnissen ermitteln. In der Zeichnung nimmt man sie gewöhnlich mit dem Zirkel und sucht ihr Maß auf dem verzingten Maßstabe.

§. 203. Die Fläche des Rechtedes auszurechnen.

Man messe die Grundlinie, als Länge, und die Höhe, als Breite, brucke beide Ausbehnungen nach einerlei Längen:

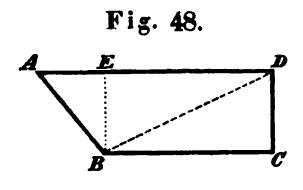
maßeinheit aus und multiplizire biese Zahlen. Das Produkt giebt den Flächeninhalt in der gleichnamigen Flächenmaßeinheit (§. 168.).

- 1) Hätte die Grundlinie 35° und die Höhe 22°, so wäre der Flächeninhalt 35 × 22 = 770 q°. In preußischem Maße würde die Anzahl der Quadratruthen noch durch 180 dividirt, und man erhielte II Mg. = 4 Mg. 50 q°; in weimarischem Maße dividirte man durch 140 und erhielte 5 Ar. 70 q°.
- 2) Hätte in einem Rechtecke die eine Seite 2°7', die andere 3°, so würden beide Faktoren mit gleicher Benennung angesetzt, nämlich: $27' \times 30' = 810$ q' oder 8 q° 10 q'; im geometrisschen Maße sind nämlich 100 q' = 1 q°. Bei diesem Maße könnten die Faktoren eben sowohl in Ruthen ausgedrückt werzen: $2,7^{\circ} \times 3^{\circ} = 8,1$ q°.
- 3) Enthielt die eine Rechteckseite 360 und die andere 150 Werkfuße, so wäre der Flächeninhalt $360 \times 150 = 54000 \text{ g}'$ Werkmaß. Wären dies rheinländische Fuße, so könnte man sie durch 144 in preußische Quadratruthen verwandeln, weil eine solche $12 \times 12 = 144$ Quadrat-Werkfuße enthält. 54000 rheinl. \mathbf{q}' sind $\frac{54340}{114} = 375 \mathbf{q}' = 2$ Worgen $15 \mathbf{q}'$ preußisch. Wärren es dagegen weimarische Werkfuße, so verwandelte man sie durch $16 \times 16 = 256$ in $\frac{54360}{256} = 210.9$ $\mathbf{q} = 1$ Ar. 70.9 \mathbf{q}' weimarisch.
- 4) Hielt in Werkmaß die eine Seite 2' 8" und die andere 2': so wäre der Inhalt (beide Faktoren auf gleiche Benennung gebracht) $32'' \times 24'' = 768$ q'' oder II q' = 5 q' 48 q'', weil der Quadrat-Werkfuß 144 q'' hat. Man könnte hier auch die 2' 8" in Fußen ausdrücken durch 2\frac{2}{3}' und so die Rechnung abkürzen in $2\frac{2}{3}' \times 2' = 5\frac{1}{3}$ q'.
- 5) Bei dem Quadrate findet, wie bekannt, dasselbe Versahzren Statt, nur daß die Seiten gleich sind. Ein Quadrat, das 3' 5" ober 41" Werkmaß zur Seite hat, enthält 41 × 41 = 1681 q". Diese würden beim Werkmaße durch 144 verwandelt in 44 = 11,67 q'.

§. 204. Die Fläche des schiefen Parallelogramms auszurechnen.

Die Fläche des schiefen Parallelogramms ergiebt sich, wenn man die Maße der Grundlinie und der Höhe multiplizirt (§. 168. 2.). Das Produkt ist der Inhalt in gleichnamigen Quadrateinheiten.

- 1) Hielte die Grundlinie 12° 7_{2}^{1} oder $12,75^{\circ}$ und die Höhe 7° 9' oder $7,9^{\circ}$: so wäre der Flächeninhalt $12,75^{\circ}$ × $7,9^{\circ}$ = 100,725 q' oder 100 q' 72 q' 50 q''.
- 2) Hierbei ist zu beobachten, daß man wo möglich eine der längern Seiten zur Grundlinie annimmt und die Höhe mehr mitten in der Figur mißt. Die Höhenlinie selbst zieht man nicht, sondern setzt den Zirkel in der Oberlinie ein und öffnet densselben so weit, dis der andere Schenkel die Grundlinie mit dem Bogen bestreicht (§. 148. 2.).
 - §. 205. Die Fläche bes Trapezes auszurechnen. Fig. 48.



Man multiplizirt von beiden Parallelen das arithmetische Mittel $\frac{AD+BC}{2}$ mit ihrem Abstande BE.

$$\mathfrak{Denn} \ \Delta ABD = \frac{AD}{2} \times BE \ (\S, 168. \ 4.),$$

$$\Delta BCD = \frac{BC}{2} \times BE;$$
also Trap. $ABCD = \frac{AD + BC}{2} \times BE.$

Wären AD und BC senkrecht zu DC, so diente die Seite DC selbst als Höhe oder Breite, und der Inhalt wäre $\frac{AD+BC}{2} \times DC$.

Mäße eine Parallele 35° , die andere 25° und ihr Abstand 16° , so enthielte das Trapez $\frac{35+25}{2}\times 16=(35+25)\times \frac{16}{2}$ $=\frac{(35+25)\times 16}{2}=480$ q°. Hieraus ist zugleich ersichtlich, daß eben sowohl der andere Faktor oder das Produkt halbirt werden dürsen.

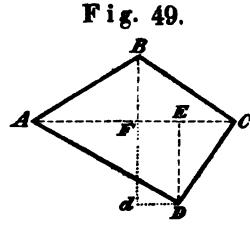
§. 206. Die Fläche bes Dreieds auszurechnen.

Man sucht das halbe Produkt der Grundlinie mit der Höhe (§. 168. 4.). Wäre die Grundlinie 50° und die Höhe 28° , so enthielte das Dreieck $\frac{50\times28}{2}=700$ q°.

Das Halbiren kann schon bei einem von den Faktoren geschehen. Denn $\frac{50\times28}{2}=\frac{50}{2}\times28=50\times\frac{28}{2}=700$. Die Theilbarkeit der Zahlen und die Leichtigkeit im Multipliciren entscheiden bei der Auswahl. Im anhaltenden Rechnen behält man jedoch lieber ein gleichförmiges Halbiren bei, um weniger zu irren.

Man nimmt in dem Dreiecke wo möglich die längste Seite zur Grundlinie an, setzt zum Höhenmessen den Zirkel in die gezgenüberliegende Spitze ein und öffnet denselben so weit, daß der andere Schenkel die Grundlinie bestreicht.

§. 207. Die Fläche des gemeinen Biereces auszurechnen. Fig. 49.



Man theilt das Viereck in zwei Dreis ecke durch eine Diagonale AC, multiplis zirt diese als gemeinschaftliche Grundlinie mit der Summe beis der Dreieckhöhen BF + DE und halbirt das Produkt. Denn

$$\Delta ABC = \frac{1}{2} AC \times BF,$$

$$\Delta ADC = \frac{1}{2} AC \times DE.$$
Siered ABCD = $\frac{1}{2} AC \times (BF + DE).$

Bare AC = 39°, BF = 15° und DE = 17°, so ent= hielte das Bierect $\frac{39 \times (15+17)}{2} = \frac{39}{2} \times (15 + 17) = 39 \times \frac{15+17}{2} = 624 \text{ q}^\circ$.

Zieht man zu der Diagonale AC aus D oder B eine Parallele und verlängert die andere Höhenlinie bis an diese: so ist Bd = BF + DE, und man kann die beiden Dreieckhöhen an einem Stücke nehmen.

Noch bequemer ist es, erst die eine Höhe BF auf die gemeinschaftliche Grundlinie zu übertragen, daran die zweite Höhe DE zu setzen, und nun beide Höhen BF + DE gleich zusammen abzugreifen. — Man wählt daher für diese Berechnung auch gern die längste der beiden Diagonalen als gemeinsame Grundlinie.

Je näher die Richtpunkte E und F zusammen liegen, um so mehr gleichen sich diejenigen Höhensehler aus, die von Unrich= tigkeit der Diagonale herrühren. Können beide Höhen nicht in= nerhalb der Figur genommen werden, so thut man besser, jedes Dreieck mit besonderer Grundlinie einzeln auszurechnen.

§. 208. Die Fläche unregelmäßiger Bielede auszurechnen.

Um den Flächeninhalt des unregelmäßigen Bielecks auszusrechnen, theilt man dasselbe in geeignete Grundfiguren, sucht von jeder den Inhalt besonders und adhirt dann alle Berechsnungsstücke zusammen. Diese werden nummerirt, in der Rechsnung wie in der Zeichnung.

- 1) Wird bas Vieleck in Dreiecke zerlegt, so mussen die Dias gonalen vortheilhaft angeordnet werden, daß keines davon zu schief und spikig ausfällt, und daß so viel als thulich je zwei mit gemeinschaftlicher Grundlinie geeignet zusammen kommen.
- 2) Wird die Figur mittels senkrechter Linien in rechtwinkelige Dreiecke und Trapeze zerlegt: so braucht man vorzugsweise die Stücke der Längenlinie mit zur Berechnung. Hierbei führt man wohl den Maßstab gleich an den Vorderseiten von Lineal

und Winkel und nimmt damit beim Fortschieben bie gangen ber Berechnungelinien unmittelbar ab.

- 3) Ganz große Figuren, wie die Forstgrundrisse, rechnet man mit Huse des mehrerwähnten Quadratnetzes aus. Die vollen Quadrate werden nur abgezählt, ihr Inhalt ist bekannt; die Quadratstücke werden noch in weitere Grundsiguren zerlegt und theilweise ausgerechnet.
- 4) Hat man beim Auftragen des Grundrisses den damaligen Stand der Papierausdehnung an jeder Quadratseite bemerkt, so wird auch der Inhalt hiernach berichtigt. Gesetzt, es sollte jede Quadratseite 50°, das ganze Quadrat also 2500 q° messen, und es stände an einer Seite 1½' und an der gegenüberliegenden 2½', die beiden andern Seiten fänden sich aber unverändert: so wäre dieses Quadrat um ein Trapez von 50° lang, einerseits 1½ Fuß und andrerseits 2½ Fuß breit, zu klein, weßwegen 500' × $\frac{11}{2} + \frac{21}{2}$ 10 q° von dem vollen Quadratinhalte abgezogen werz den müßten; für jeden beiderseits mangelnden Fuß 5 q°.

Wo die Seitenpaare zu groß waren, wird auf gleiche Weise hinzugelegt. Weicht auch das andere Seitenpaar ab, so nimmt man die Berichtigung eben so vor, gebraucht aber dabei die Rebenseiten unverkürzt, denn der Unterschied ist ganz unerheblich für die Rechnung. Stand z. B. an dem andern Seitenpaare $-\frac{1}{2}$ und $-\frac{1}{2}$, so entgingen dem Quadrate dafür wieder $\frac{1\frac{1}{2}\times\frac{1}{2}}{2}\times500'=5\,q^\circ$, und man erhielt für das Sanze: $2500-10-5=2485\,p^\circ$.

§. 209. Bereinfachung ber Figuren. Fig. 50.

Oft besteht ber Umfang einer auszurechnenden Figur aus vielen kurzen Einien, was eine große Anzahl von Berechnungsssiguren nöthig macht. Um diese zu vermindern, sucht man die kleinen Ecken durch längere Linien auszugleichen, so daß die Fisgur vereinfacht wird, ihr Flächeninhalt aber unverändert bleibt. Diese Verwandlung geschieht nach dem bloßen Augenmaße ober durch Parallelschieben.

1) Die Verwandlung bes Umfanges nach bem bloßen Augenmaße, indem man kleine Eden und Krummen burch gerade Linien ungefähr ausgleicht, ift mehr innerhalb ber Figur brauchbat, wo ber Inhalt einzelner Abtheilungen noch besonders ausgemittelt werden muß. Denn das Augenmaß bleibt immer fehr ungewiß.

Fig. 50.

2) Die Vermanblung bes Umfanges burch Pastallelschieben beruht auf Berlegung äußerer Dreiede. Wir wollen zur Erläuterung bes Verfahrens das Sechseck ABCDEF zu einem Dreiede vereinfachen. hierzu wird die Grundlinie AF auf beiben

Seiten verlängert, bann wird CA und bazu parallel Bb entwors fen, und nun die Linie Cb als erfte Ausgleichungslinie gezogen, wegen CB1. Das Dreied CBA ift nämlich gleich bem Dreiede CbA, weil beibe auf bemselben Grunde zwischen Parallelen fteshen, also auch gleiche Sohe haben (§. 166.).

If aber $\triangle CBA = \triangle CbA$, $unb \triangle CxA = \triangle CxA$, fo ist auch $\triangle CBx = \triangle Abx$;

es tann nun jenes abgenommen und bafur biefes angesetzt wers ben. Das gegebene Sechseck ift baburch in ein gleichgroßes Fünfeck bCDEF verwandelt.

Man bringt nun auf ber anbern Seite bie einwarts gehende Ede E weg, schiebt nämlich DF parallel hinüber burch E ju e und zieht bie Ausgleichungslinie De. Das Dreied DEF ift gleich bem Dreiede DeF und DEy — Fey. Dies für jenes vertauscht, macht bas vorige Fünfed nun zu einem gleichgroßen Vierede bCDe.

Wollte man die Bermandlung noch weiter fortsetzen, so würde mit Ce die Parallele Dd und von C nach d die neue und letzte Ausgleichungslinie gezogen. Durch diese ware bas

Dreieck CDz abgeschnitten, gegen bas gleich große edz, und bas vorige Viereck endlich in ein gleich großes Dreieck bCd verwans belt worben.

Bei dieser Ausgleichung muffen eben nicht alle Hulfslinien ausgezogen werden. Mit etwas Übung kann man ihre Ausfühzung unterlassen und nur die Durchschnittspunkte bemerken. Doch ist dabei in verwickelten Grenzsiguren Behutsamkeit erforderlich, damit nicht schon gebrauchte Schnitte unrichtig wieder angenommen werden.

Die Verwandlung kann freilich beträchtlichen Abweichungen unterliegen und erfordert eine sehr fertige Hand. Doch sinden sich bei der weitläusigen Ausrechnung aller sehr kleinen Stücke eben auch manche Abmessungs = und Rechnungssehler ein, wenn nicht große Vorsicht angewendet wird.

§. 210. Noch einige Regeln zur Flächenberechnung.

Für die Ausmittelung des Flächeninhaltes gezeichneter Figuren ift hier Einiges nachträglich zu bemerken.

- 1) Dieses Geschäft erfordert erstlich sehr gute Werkzeuge. Ein unrichtiger Maßstab oder ein schlechter Zirkel würden die abgemessenen Längen unrichtig geben; eine krummes Lineal verzursachte krumme Grundlinien und dadurch unrichtige Höhen. Auch mussen die Hülfslinien mitten auf ihre Bestimmungspunkte und recht scharf gezogen werden, entweder mit einem sehr scharfen Bleistifte oder mit der Zirkelspise.
- 2) Bas die Bahl der Grundsiguren betrifft: so geben genaue Quadratnete, innerhalb deren rechtwinkelige Trapeze und Dreiecke als Berechnungssiguren gebraucht werden, die schärsten Resultate und gestatten die sicherste Prüfung für die Richtigkeit der Rechenung. Da diese Art der Flächenberechnung indeß meistens sehr viele Berechnungssiguren nöthig macht und daher etwas umsständlich ist, so behilft man sich auch wohl ohne Quadratnet und ist dann in der Wahl der Berechnungssiguren weniger gebunden.

Je kleiner übrigens die Berechnungsfiguren sind, um so bfter muß man Zirkel und Maßstab gebrauchen und rechnen, um so mehr Fehler schleichen sich baher mit ein. Die zu großen Be-

rechnungsstücke haben bagegen das Nachtheilige, daß zu ihrer Ausmessung Zirkel und Maßstab nicht zureichen, und daß übershaupt die Mängel der Werkzeuge und der Behandlung zwar nicht so viel, aber desto größere Fehler verursachen, welche sich weniger leicht heben.

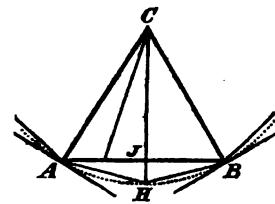
- 3) Kann man wirklich gemessene Längen, z. B. Standlinien und Abstände, zur Flächenberechnung benutzen, so sind sie den auf dem Papiere erst abgegriffenen vorzuziehen; und setzt man rechtwinkelige Berechnungssiguren auf eine Linie von bekannter Größe: so sind die davon zu Grundlinien gebrauchten Theile zussammen mit der ganzen Länge erst zu vergleichen.
- 4) Die Berechnung selbst muß mit größter Genauigkeit und baher in der Regel zweimal ausgeführt werden; zur Bermeidung von Irrungen benutt man immer dieselbe Maßeinheit (gewöhn= lich Ruthen mit Dezimalen), hält stets denselben Sang der Rech= nung ein und führt in einem besondern Berechnungsbuche alle Rechnungen mit genauer Bezeichnung ihrer Stücke in übersicht= licher Ordnung durch.
- 5) Nach beenbigter Ausrechnung ber abgetheilten Flächensstücke muß der gefundene Inhalt noch geprüft werden; bediente man sich des Quadratnetzes, so mussen die einzelnen Berechnungsstücke eines Quadrates mit dessen Sesammtinhalt übereinstimmen; außerdem prüft man wenigstens vergleichend, wegen etwaiger größerer Fehler, den gefundenen Inhalt mit dem Augenmaße oder durch eine slüchtige Überschlagrechnung.
- 6) Bu solchen flüchtigen Ausmittelungen bes Flächeninhaltes gebraucht man zuweilen das verjüngte Maßnetz, ein Quadratnetz von Fäben in Rahmen, ober auf Glas, dessen Quadrate einen bekannten Inhalt haben. Dieses bient, auf die Figur gelegt, zum Auszählen der Fläche, wo eben eine größere Schärfe nicht verlangt wird; es versteht sich, daß ein solches Netz nur für einen gewissen Maßstab unmittelbar passen kann, und daß die innerhalb der Quadrate vorkommenden Flächenstücke geschätzt werden müssen*).

^{*)} Jur Erleichterung der Flächenberechnung hat man mancherlei Borrichs tungen, sogenannte Planimeter, erfunden. Unter biesen verhient besonders

§. 211. Die Fläche bes Polygons auszurechnen. Fig. 51.

Um regelmäßige Bielecke auszurechnen, bedarf man keiner Zeichnung, eben weil sie regelmäßig sind. Man multiplizirt den Umfang mit dem Mittelpunktabstande und halbirt bas Produkt (§. 169.).

Fig. 51.



Ist in diesem regelmäßigen Sechsecke die Seite AB = 1 Fuß und der Mitztelpunktabstand CI = 0.866: so mißt der ganze Umfang $6 \times 1 = 6'$ und der Flächeninhalt ist $\frac{6 \times 0.868}{2} = 2.598$ g'.

6. 212. Die Fläche des Kreises auszurechnen. Fig. 51.

Die Kreikfläche auszurechnen, multiplizire man ben Umfang mit dem Halbmesser ober halben Durchs messer und halbire das Produkt; denn $F = \frac{1}{2} u \times r$ (§. 169. 1.). Hierzu gebrauchen wir jedoch den Halbmesser wes niger, als den nehmbaren Durchmesser ober Umfang.

1) Um zuvörderst nach dem Durchmesser ben Umfang, ober nach diesem jenen zu bestimmen, muß das zwischen beiden Statt sindende, allgemeine Verhältniß bekannt sein, was unter andern auf folgende Weise berechnet wurde:

Man ging in einem Kreise zuerst von dem darin beschries benen Sechsecke aus und nahm den Halbmesser CA Fig. 51. sowohl, als die ihm gleiche Sechseckseite AB zu 1 an, dachte sich aus dem Mittelpunkte durch die Mitte von AB eine Senkrechte CH (§. 147. 1.) und berechnete aus CA=1, Al=½ die Kathete CI des rechtwinkeligen Dreieckes CAI nach der Gleichung CA²— Al²= Cl² (§. 167.). Aus den dadurch bekannt gewordenen Größen AI=½ AB, IH=CH—CI suchte man

verben. — Bergl. Die Planimeter von Dr. Bauernfeind. München 1853.

nun weiter von bem rechtwinkeligen Dreiecke AlH die Hypotenuse AH, nach Al2 + IH2 = AH2, und erhielt somit die Seite des regelmäßigen Zwölfeckes in demselben Kreise.

Eben so suchte man weiter die Seiten und Umfänge des resgelmäßigen Vierundzwanzigeckes, 48=Eckes, 96=Eckes, 192=Eckes . . . und näherte sich auf diesem Wege dem Areise so, daß man den Umfang eines letztern innern Polygons schon dem Areise gleichsehen durfte.

Damit begnügte man sich jedoch nicht, sondern berechnete für denselben Kreis, eben so fortschreitend, auch die Umfänge der äus gern Polygone von gleicher Seitenzahl, dis endlich die beiden Umfänge eines letztern innern und eines letztern äußern Polygons dis auf hundert und mehr Dezimalen übereinstimmten.

Dadurch kam man auf ein Verhältniß des Halbmessers zum Umfang r: u = 1:6,28818580... oder des Durchmessers zum Umfang, d: u = 1:3,14159265*)... von der allerschärfsten Genauigkeit. Gewöhnlich brauchen wir davon nur das abgekürzte Verhältniß:

$$d: u = 1:3,14$$

und zur Begründung allgemeiner Faktoren für Formeln:

$$d: u = 1:3,1416.$$

Hiernach enthält ber Umfang etwas mehr, als brei Durchmesser. Für ungefähre Bestimmungen dürfte berselbe gerade drei mal so groß angenommen werden. Nach diesen Bershältnissen kann man nun nicht allein aus dem gegebenen Durchsmesser ben Umfang, sondern auch aus dem gegebenen Umfange den Durchmesser für jeden Kreis sinden, so genau es nur irgend erforderlich ist.

2) Bare die Fläche eines Kreises auszurechnen nach dem gegebenen Durchmesser d, etwa von 18": so suchte man zuvörderst den Umfang u durch folgenden Ansat:

$$1:3,14=18:u$$

unb u = $18 \times 3,14 = 56,52$ ".

^{*)} Diese Verhältnißzahl 3,1415 . . . ist unter bem Namen der Lubolf'schen Zahl bekannt und wird in Formeln gewöhnlich allgemein mit z (pi) bezeichnet.

Run ift bekanntlich die Kreisfläche —

$$\frac{1}{2} \mathbf{u} \times \mathbf{r} = \mathbf{u} \times \frac{1}{2} \mathbf{r}$$

$$= \mathbf{u} \times \frac{1}{2} \mathbf{d} \text{ (weil } \frac{1}{2} \mathbf{r} = \frac{1}{2} \mathbf{d} \text{)}$$

$$= \mathbf{u} \times \frac{\mathbf{d}}{4}$$

$$= \frac{\mathbf{u}}{4} \times \mathbf{d}$$

$$= \frac{\mathbf{u} \times \mathbf{d}}{4}.$$

Daraus folgt, daß die Kreisssäche eben auch hervorgeht, wenn man den Umsang mit $\frac{1}{4}$ Durchmesser, oder $\frac{1}{4}$ Umsang mit dem ganzen Durchmesser multiplizirt, oder von dem Produkte des Umsangs mit dem Durchmesser das Viertel nimmt. Hiernach gäbe $56,52 \times \frac{13}{4} = \frac{56,52}{4} \times 18 = \frac{56,52 \times 18}{4}$ die verlangte Kreisssäche, nämlich 254,34 q" = 1 q' 10,34 q", oder beinahe 1,76 q' in Werkmaß.

Wäre aber die Kreisssäche nach dem Umfange u, etwa zu 60", auszurechnen: so suchte man dazu den Durchmesser mitztels der Proportion 3.14:1=60:d und fände $d=\frac{60}{3.14}=19.1$ ". Aus diesem und dem Viertel des Umfanges erhielte man zur Kreissläche $19.1 \times 9=286.5$ q" =1.98 q' =1 q' 142.5 q" Werkmaß.

3) Um nicht erst aus dem Durchmesser den Umfang, oder aus dem Umfange den Durchmesser besonders suchen zu mussen, drückt man gleich den Umfang als ein Produkt des Durch= messers, oder den Durchmesser als ein Produkt des Um= fanges aus. In Anwendung des genauern Kreisverhältnisses

$$1:3,1416 = d:u$$

ift ber Umfang $u = 3,1416 \times d$; und eben so ist nach 3,1416 : 1 = u : d

ber Durchmesser $d = \frac{1}{3,1416} \times u$.

Setzt man nun diese Werthe von u und d in den obigen Aus: bruck für die Kreissläche

$$k = \frac{1}{4} u \times d = \frac{1}{4} \times 3,1416 \times d \times d = 0,7854 d^{2};$$
 $k = \frac{1}{4} d \times u = \frac{1}{4} \times \frac{1}{3,1416} \times u \times u = 0,07958 u^{2},$

so ergiebt sich folgende Regel zum Ausrechnen der Areissläche: Man multiplizire die Bahl des Durchmessers mit sich selbst und dieses Quadrat wieder mit 0,7854, oder man multiplizire das Quadrat des Umfanges mit 0,07958.

Bei obigem Durchmesser von 18" rechnet man nun 18 × 18 × 0,7854 und erhält zur Kreisstäche 254,46 q". Bei obigem Umfange von 60" erhält man durch 60 × 60 × 0,07958 zur Kreisstäche 286,48 q". Der unerhebliche Unterschied in dem Erzgednisse beider Ausrechnungen rührt von der verschiedenen Geznauigkeit im gebrauchten Kreisverhältnisse her. Zeigen auch die beiden letztern Formeln in den angeführten Fällen eben noch keine große Erleichterung: so werden wir ihren besondern Rutzen bei der Körperberechnung schon näher kennen lernen.

4) Gewöhnlich ist der Durchmesser oder Umfang in Zollen gegeben; will man also die Kreissläche in Quadratsußen sinden, so muß man noch mit 144 dividiren und erhält dann für obige Formeln

$$k = d^2 \times \frac{0,7854}{144} = d^2 \times 0,005451$$
, annähernd $d^2 \times 0,0055$, $k = u^2 \times \frac{0,07958}{144} = u^2 \times 0,0005526$, annähernd $u^2 \times 0,00055$.

Daraus läßt sich eine einfache, im Kopfe leicht auszuführenbe Regel ableiten, aus dem in Zollen gegebenen Durchmesser ober Umfang, die Kreissläche in Quadratfußen zu finden.

1

Da năm(ich) d², 0,0055 = d, d,
$$\frac{5}{10000}$$

= d, d, $\frac{5}{10}$, $\frac{1}{100}$, $\frac{11}{100}$
= $\frac{d \cdot \frac{1}{10}}{10} \times \frac{11}{100}$,

und eben so
$$u^2$$
. 0,00055 = $\frac{u \times \frac{1}{2}u}{10} \times \frac{11}{1000}$:

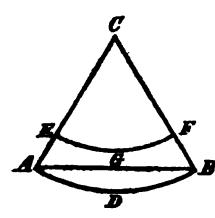
so sindet man die Kreissläche, wenn man die Durchmesser zober Umfangzolle mit ihrer Hälfte multiplizirt, eine Dezimale abschneis det und wegwirft, das Verbleibende mit 11 multiplizirt und vom

Produkte beim Gebrauch des Durchmessers zwei, beim Gebrauch des Umfangs aber drei Dezimalen abschneidet; z. B.

bei 18" Durchmesser ist die Kreissläche = 18 × 9 = 162 : 10=16,(2) × 11 = 176: 100=1,76 q', wie oben; bei 60" Umfang = 60 × 30 = 1800: 10 = 180 × 11 = 1980: 1000 = 1,98 q', wie oben.

§. 213. Die Fläche von Kreisstuden auszurechnen. Fig. 52.

Fig. 52.



1) Ein Kreisring wird begrenzt von zwei in einander liegenden Kreisen; sein In= halt ist also der Unterschied beider Kreisslä= chen K — k.

Nun ift K = $U^2 \times 0.07958 =$ $D^2 \times 0.7854$ Davon k = $u^2 \times 0.07958 =$ $d^2 \times 0.7854$

Bleibt $K - k = (U^2 - u^2) \times 0,07958 = (D^2 - d^2) \times 0,7854$

Rach biefer Gleichung kann ber Kreisring ausgerechnet wers ben, im Fall man nicht jeden Kreisinhalt besonders suchen und ben kleinern von dem größern abziehen will.

Man könnte sich auch den Ring, welchen zwei Kreise in Mittelpunktgemeinschaft bilden, aus schmalen Trapezen zusammensgesetzt vorstellen und deren Gesammtinhalt sinden, wenn man die halbe Summe beider Parallelkreise mit ihrem Abstande multiplizirte, nach der Formel $\frac{U+u}{2} \times (R-r)$, welche voraussetzt, daß beide Umfänge und die Ringbreite bekannt sind.

2) Von einem Kreisausschnitte müssen zur Ausrechnung bekannt sein der Halbmesser r und der Bogen B. Der Inhalt ist $\frac{1}{2}$ (B × r) nach $\frac{1}{2}$. 169. 2.

Könnte ber Bogen nicht unmittelbar gemessen werden, so berechnete man benselben nach dem Winkel am Mittelpunkte. Es ist nämlich 360°: ACB — U:-Bg. ADB; benn

die Winkel am Mittelpunkte verhalten sich wie ihre Bogen (§. 163.).

Übrigens ergäben auch bie Proportionen:

$$360^{\circ}: \angle ACB = K: x,$$
oder $U: ADB = K: x$

den Flächeninhalt des Kreisausschnittes unmittelbar, wenn die Kreissläche K bekannt wäre.

3) Der Ringausschnitt AEFBD ist, als Trapezzusam= mensetzung betrachtet,

$$= \frac{EGF + ADB}{2} \times AE.$$

4) Der Kreisabschnitt ABD wird zwar gefunden, wenn man von dem ganzen Kreisausschnitte ADBC das Dreieck ABC abzieht; meist können aber nur die Sehne AB, die Höhe GD und etwa der Bogen ADB unmittelbar gemessen werden, und hiernach ist die Ausrechnung von AC, ADBC und ABC viel zu umständ=lich für die gemeinen Messungen. Da ohnedies solche Abschnitte bei ihrem wirklichen Vorkommen selten ganz kreissörmig sind: so theilt man lieber ihre Fläche von der Sehne senkrecht in Grundsiguren und berechnet diese einzeln.

Bei weniger Genauigkeit reichte auch für die Fläche des Abschnittes das Produkt der Sehne AB mit der Höhe GD und mit 0,7 aus, zumal wenn die Höhe des Abschnittes nicht unter zund nicht über z der Sehne ist.

§. 214. Die Dreiecksfläche aus ben brei Seiten zu berechnen.

Ein Dreieck unmittelbar aus seinen brei Seiten zu berechnen, dient folgende Formel, worin a, d und c die drei Seiten und S ihre Summe bezeichnen:

$$\sqrt{\frac{1}{2}} S \times (\frac{1}{2} S - a) \times (\frac{1}{2} S - b) \times (\frac{1}{2} S - c)$$
].

In Worten: Man multiplizire die halbe Summe der drei Seiten mit ihrem Unterschiede von der einen Seite, dies wieder mit ihrem Unterschiede von der andern Seite, dies endlich mit ihrem Unterschiede von ber britten Seite und ziehe aus dem letten Produkte bie Quabratwurzel; dieses giebt den Flächeninhalt des Oreieckes.

Hätte z. B. in einem Dreiecke a = 5°, b = 5° und c = 6°, und ware somit S die Summe der Seiten = 16°, ½8 = 8°, ½8 - a = 3°, ½8 - b = 3° und ½8 - c = 2°: so betrüge der Inhalt

$$\sqrt{(8 \times 3 \times 3 \times 2)} = \sqrt{144} = 12 \text{ q}^{\circ}.$$

Bu diesem Beispiele diente ein gleichschenkeliges Dreieck. Dessen Inhalt ließe sich aus der Grundlinie — 6 und aus der Höhe — $\sqrt{(5^2 - 3^2)}$ berechnen (nach §. 147. 1. und 167.), nämlich:

$$\sqrt{(5^2-3^2)} \times \frac{6}{2} = 12 q^{\circ}$$
.

Dies burfte wenigstens als Probe für obige Formel bienen, indem ein Beweis hier zu weit führen wurde.

§. 215. genge und Breite zu gegebenem Flächen= inhalte.

Aus dem bekannten Flächeninhalte F jeder Grundsfigur läßt sich ihre gange, so wie ihre Breite wieder heraus rechnen.

- 1) In dem Quadrate ist jede Seite a die Quadratwurzel aus der Flächenzahl F; denn F = a × a und VF = a.
- 2) In jedem länglichen Rechtecke findet man die eine Seite a ober b, wenn man F durch die andere Seite dividirt; benn $F = a \times b$ und $\frac{F}{b} = a$, so wie $\frac{F}{a} = b$.
- 3) Für das schiefe Parallelogramm wird die Grundzlinie g, so wie die Breite h gefunden, wenn man den Flächeninzhalt durch eine oder die andere dividirt. $F = g \times h$, daher $\frac{F}{h} = h$ und $\frac{F}{h} = g$.
- 4) Aus dem Flächeninhalte eines Trapezes und den beis den Parallelen a und c läßt sich beren Abstand b berechnen.

$$F = \frac{a+c}{2} \times b$$
, also $F : \frac{a+c}{2} = \frac{2F}{a+c} = b$.

Auch sindet man nach $\frac{\mathbf{F}}{\mathbf{b}} = \frac{\mathbf{a} + \mathbf{c}}{2}$ das arithmetische Mittel m beider Parallelen. Bezeichnet d deren Differenz, so ist die größere $\mathbf{a} = \mathbf{m} + \frac{1}{2}\mathbf{d}$, die kleinere $\mathbf{c} = \mathbf{m} - \frac{1}{2}\mathbf{d}$ und daher eine aus der andern bestimmbar.

5) Für das Dreieck findet man die Grundlinie g ober die Höhe h, wenn man den Flächeninhalt durch die Hälfte einer dieser Größen dividirt; denn $\mathbf{F} = \frac{\mathbf{g} \times \mathbf{h}}{2} = \frac{1}{2}\mathbf{g} \times \mathbf{h} = \mathbf{g} \times \frac{1}{2}\mathbf{h}$, also

$$F: \frac{1}{2}g = \frac{2F}{g} = h$$
, ober $F: \frac{1}{2}h = \frac{2F}{h} = g$.

6) Aus der gegebenen Kreisfläche können Durchmesser und Umfang berechnet werden. Nach §. 212. 3. ist

$$K = 0.7854 d^2 = 0.07958 u^2$$
, also ift $d = \sqrt{\frac{K}{0.7854}}$ und $u = \sqrt{\frac{K}{0.07958}}$.

Dividirt man daher die Kreisstäche durch 0,7854 ober durch 0.07958 und zieht daraus die Quadratwurzel: so erhält man im erstern Falle den Durchmesser und im andern den Umfang.

§. 216. Umfänge gleich großer Figuren.

Unter allen Figuren von gleicher Fläche hat der Kreis den kleinsten Umfang, das Quadrat aber einen kleinern, als alle andern Bierecke und alle Dreiecke.

Um dieses zu beweisen, entwickeln wir zuerst für den Areis u² × 0,07958 und ein gleich großes Quadrat 2 das beiderseitige Umfangsverhältniß:

$$0.07958 \times u^2 = a^2$$
, Boraussetsung;
 $\sqrt{0.07958} \times \sqrt{u^2} = \sqrt{a^2}$;
 $0.282 \times u = a$;
 $4 \times 0.282 \times u = 4a$;
 $1.128 \quad u = 4a$;
 $1 + 0.128 \quad u = 4a$.

Hieraus ergiebt sich, daß ber Quadratumfang 42 um 0,128 u größer ist, als ber Kreisumfang u. Run halt ein Rechteck mit der Grundlinie a + n und der Höhe a-n, dessen Umfang also auch 4a ist, (a+n) × (a-n) == a^2-n^2, folglich n² weniger als odiges Quadrat von eben so großem Umsfange. Das gleich große längliche Rechteck hat daher wies der einen größeren Umfang, als das Quadrat.

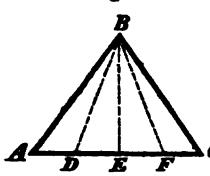
Übrigens ergiebt die fortgesetzte Untersuchung, daß bei gleischer Fläche: der Umfang des Rechtecks mit größerem Seitenunterschiede auch um so größer, der des schiefen Parallelos gramms und Dreieckes mit ebenderselben Grundlinie aber noch größer ift.

2. Theilung der Figuren.

§. 217. Theilung ber Grunbfiguren. Fig. 53, 54. 55, 56.

Alle Dreiede und die Bierede mit Parallelseiten, überhaupt die Grundfiguren, können unmittelbar in ben Seiten getheilt werben.

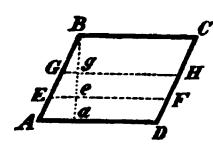
Fig. 53.



1) Theilt man in einem Dreiecke ABC die Grundlinie und zieht von der Spitze B gerade Linien in die Theilpunkte D, E u. s. w.: so wird badurch das Dreieck in dems selben Verhältnisse getheilt, wie die Grundslinie. Denn alle diese Theile sind Dreiecke

von einerlei Höhe; sie verhalten sich also wie ihre Grundlinien AD, DE u. s. w. (§. 170. 2.).

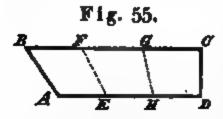
Fig. 54.



2) Theilt man zwei gegenüberliegende Seiten AB und DC eines Parallelogramms AC gleichmäßig und verbindet die entspreschenden Theilpunkte E und F, G und H mit Geraden: so wird dadurch das Paralles logramm in demselben Verhältnisse getheilt.

Denn da AE = DF, EG = FII und GB = HC, auch AB und DC parallel sind, so mussen nicht minder AD, EF, GH und BC gleich und parallel sein (§. 154. 4.), und die dadurch gebil:

beten Parallelogramme fich verhalten wie ihre Sohen (§. 170. 3.) ae : eg : gB und diese wieder wie die besondern Seitentheile AE : EG : GB (§. 149.).



3) Theilt man die beiben Parallelen eines Trapezes ABCD nach gleichem Berhältnisse, und verbindet die entsprechenden Theilpunkte F und E, G und H mit Geraden: so wird

baburch bas Trapez in bemfelben Berhaltniffe getheilt.

Ware 3. B. BF = 3BC und AE = 3AD und die gemeinsschaftliche Höhe h, so ist ABFE = $\frac{1BC+1AD}{2}$ × h. Nun ist

ABCD = $\frac{BC+AD}{2} \times h$; es verhält sich also

ABFE: ABCD =
$$\frac{\frac{1}{1}BC + \frac{1}{1}AD}{2} \times h$$
: $\frac{BC + AD}{2} \times h$
= $\frac{1}{8}BC + \frac{1}{8}AD$: $BC + AD$
= $\frac{1}{8}(BC + AD)$: $BC + AD$
= $\frac{1}{8}$: 1.

Diese Auflösung findet auch Statt, wenn die Parallelen BC und AD gleichmäßig gefrummt find, wie die Bogen concentrisscher Kreise.

Fig. 56.

- 4) Sind die Parallelen gerade und die schies fen Seiten krumm, wie in IKLM die Seiten IK und LM, so theilt man nicht nur die beiden Pas rallelen KL und IM, sondern auch mehre mit diesen parallel gelegte Querlinien vw. xy, und bieht alsdann die Theilungen abed und elgh.
- §. 218. Abtheilung eines Dreiedes, ober eines Paral-

Bill man eine gemiffe Flachengröße von irgend einer Figur als Dreied abichneiben und ift baju eine Fig. 57.

Grundlinie AD und an dieser auch eine Seite AB gegeben, so sucht man die Höhe des Dreieckes, nach §. 215. 5., durch $\frac{F}{\frac{1}{4}AD}$ — h, faßt diese in den Zirkel, sett denselben mit einer Spite in der Seite AB fort, dis zu dem Punkte B, von wel-

chem aus die andere Zirkelspitze mit ihrem Bogen den Grund AD bestreicht, und zieht endlich von diesem Punkte aus die Abschnitts= linie BD.

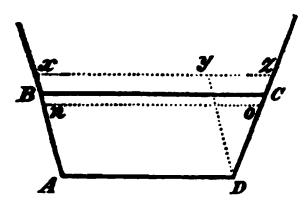
Man könnte auch den Abstand des Punktes D von AB, als Höhe h, messen und AB durch $\frac{F}{\frac{1}{2}h}$ als Grundlinie suchen und abtheilen.

Soll eine verlangte Fläche als Parallelogramm abgeschnitten werden: so sucht man nach §. 215. 8, zu ber gegebenen Grundlinie AD des Parallelogramms Höhe, steckt diese von A und D senkrecht ab und zieht BC.

§. 219. Abtheilung eines Trapezes. Fig. 58.

Ift eine gewisse Fläche von ixgend einer Figur als Trapez abzutheilen, und bazu die Grundlinie und die Reigung der beiden anliegenden Seiten gegeben, so schneidet man ein vorläufiges Trapez ab, nur ungefähr so groß, als der verlangte Theil, und berichtigt dasselbe noch vermittelst eines befondern Ausgleichungstrapezes.

Fig. 58.



Geset, das über AD=20° abzuthei= lende Trapez sollte 250 q° groß wer= ben: Man benke sich zuvörderst nach Maßgabe des verlangten Flächenthei= les und der gegebenen Grundlinie in der Höhe des gleich großen Parallelo= grammes, ²⁶⁰ = 12,5°, mit AD eine

erste Parallele xz, welche ein Trapez abschneibet, bas um Dyz zu groß, ober zu klein ausfällt, je nachdem xz größer, ober kleiner als AD ist. Diesen eingebildeten Anfangsschnitt berichtige man

nun der Abweichung Dyz gemäß zuvörderst bloß nach dem Ausgenmaße, etwa durch die Parallele no: so ergiebt sich ein vorsläusiger Abschnitt Anod.

Bur Berichtigung dieses vorläusig abgeschnittenen Trapezes AnoD wird dessen Höhe, etwa 9.8° , und die obere Länge no, etwa 29° , gemessen, der Inhalt, $\frac{20+29}{2} \times 9.8 = 240.1$ q° , bestehnet und seine Differenz von dem verlangten Abschnitte 250-240.1 = 9.9 q° gesucht. Der gefundene, meist ganz kleine Mansgel oder Überschuß ist dann noch von no aus, hier oberhalb in der Höhe $\frac{9.9}{29} = 0.34^{\circ}$, als Parallelogramm, mittels BC weiter abzuschneiden. Die gesuchte ganze Höhe betrüge also $9.8+0.34 = 10.14^{\circ}$. Die abgetheilte Fläche könnte zur Probe, nachdem die Abschnittslinie BC gezogen, wieder im Sanzen berechnet und, wenn es nöthig erschiene, auch nochmals berichtigt werden.

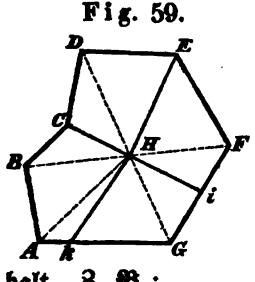
Bei biesem Verfahren weicht bas letztere, als Parallelogramm angenommene Ausgleichungstrapez nBCo um ein kleines Nebenstreiecken ab. Dieses fällt besto größer aus, je größer die Aussgleichungshöhe und der Unterschied beider Parallelen ist. Je mehr überhaupt die beiden Parallelen AD und BC sich gleichen, um so leichter trifft man die genauere Theilung. Die anderen Versfahrungsarten, mittels bloßer Rechnung oder Zeichnung, sind für den Gebrauch offenbar zu umständlich.

Sollte die Theilung mit einer gebrochenen ober krummen Linie gleichlaufen, wie in Fig. 56. (§. 217.) abcd mit Kvxl, so wäre leicht begreislich Kvxl als die gegebene Grundlinie anzusehen und übrigens auf dieselbe Weise zu verfahren.

§. 220. Theilung vielseitiger Figuren. Fig. 59. 60. 61.

Jum Theilen gemeiner Bielecke bestimmt man vermittelst der entsprechend gelegten Berechnungssiguren vorläusige Theile und berichtigt diese noch durch Ausgleichungsstücke, die gewöhnlich als Dreiecke, oder als Trapeze abgenommen, oder ans gesetzt werden. Die Theilung kann entweder zufällig, oder

aleichlaufend, ober nach bestimmter Reigung gerich= tet sein.



1) Das Siebened ABEG foll mit zufällig geneigten ginien in vier gleiche Stude getheilt werben, et= wa von einem innerhalb ber Figur befindlichen Punkte H aus. Man legt die Berechnungslinien von diesem ge= meinschaftlichen Theilpunkte H zu den Umfangspunkten und sucht zuerst den In=

halt. 3. B.:

CHED halte 356 q°,

EHF **250**

FHG 242,5 »

GHA 263,8 »

AHCB 311,4 »

bas Sanze halte 1423,2 q°,

ber vierte Theil 355,8 q°.

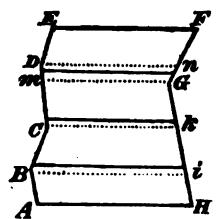
Ift nun CH ber Anfang zur Theilung, so nimmt man CHED und vergleicht deffen Fläche mit ber Größe eines Vier= Hier findet sich zufällig der verlangte Inhalt mit dem tels. unbebeutenden Übermaße von 0,2 q°. HE wird daher die zweite Abtheilung.

Das Dreieck EHF ift zu klein, und zwar um 355,8 — 250 = 105,8 q°. Diese muffen burch Hi noch hinzugetheilt werben, indem man nach g. 218. aus bem Inhalte und ber Grundlinie ober Hohe bes noch fehlenden Dreieckes den Theilpunkt i beflimmt.

Das von FHG übrige Stud halt 242,5 — 105,8 == 136,7 q°; bazu GHA mit 263,3 qo, giebt zusammen 400 qo, was um 44,2 qo zu groß ift und von AH aus durch das Dreieck AHk berichtigt werben muß.

Für den vierten Theil hat man nun noch das Dreieck AHk von 44,2 qo und bas Biered AHCB von 311,4 qo, jusammen 355,6 q°. Bleibt dem letten Theile der richtige Inhalt, so kann die Theilung auch als richtig angenommen werben. Dies dient zur Probe. Hier fehlten 0,2 q°, die ber erste Theil zu viel bekom= men hatte, und die noch an HC herüber getheilt werden könnten.

Fig. 60.



2) Soll die Figur AEFH mit den Parallelseiten EF und AH gleichlausfend in vier gleiche Stücke getheilt werden: so legt man alle Linien zur Bestechnung in diese Parallelrichtung und erhält badurch folgende Trapeze:

DEFn zu 346,8 qo,

mDnG " 86,2 "

CmGk » 347,8 »

BCki . 416,5 .

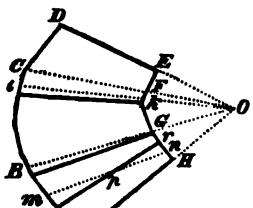
ABiH " 291,2 "

Das Ganze enthält 1488 qo

Das Viertel bekommt 372 q°.

Zu dem ersten Theile nimmt man nun vorläusig DEFn von 346,8 q° und theilt die daran sehlenden 25,2 q° an Dn von mDnG nach §. 219, als Trapez noch hinzu. Für den zweiten Theil hat man von mDnG den Rest und CmGk, zusammen 408,3 q°, also 36,3 q° zu viel, die an Ck von CmGk als Trapez herunter zu theilen sind. Dieses übrige Stück und BCki geben den dritten Theil, nachdem man das Zuviel von 80,8 q° an Bi davon genommen hat. Als vierter Theil bleiben die letztern 80,8 q° und ABiH von 291,2 q°, zusammen 372 q°, was zutrisst.

Fig. 61.



3) Wären zwei gegenüberlies gende Seiten, wie AH und DE, einander zugeneigt, und sollten alle Theilungen die Zwischenneisgung bekommen, so würde folgendes Verfahren am zweckmäßigsten sein:

Man verlängert AH und DE, bis sie sich in O durchschneiben, zieht nun von

O aus nach Sutdünken die vorläusigen Theilungen, z. B. OC und OB, und berechnet die so gemachten Theile. Findet sich nun

einer bavon viel zu groß, ober zu klein, so wird eine andere nähere Theilung aus O herübergezogen. Endlich wird der letzte kleine Unterschied durch ein Trapez gehoben.

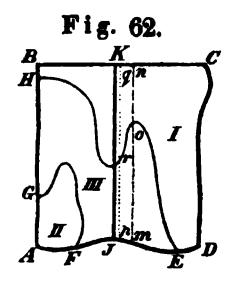
Higur, 1671 q°, so müßte jedes Drittel 557 q° erhalten, und hatte man für den ersten vorläusig angenommenen Theil CDEF nur 424 q° gefunden: so fehlten daran noch 133 q°. Man zieht deßhalb aus O eine neue Linie Oi und berechnet iCFk zu 115 q°; es fehlten daher nur noch 18 q°, die nun an ik als Trapez hinzugetheilt werden können. Für den zweiten Theil versahre man bei BG eben so. Zur Prüfung würde der letztere Theil noch ausgerechnet. Hierdurch werden alle Theile ziemlich ähnlich.

Sollte eine etwas anders gelegte Theilungslinie, z. B. mn, eben auch auf O gerichtet werben, so würde nur durch die Mitte p berselben aus O eine Gerade rq gezogen und diese dafür angesnommen. Denn das Dreieck map ist dem Dreiecke nrp gleich zu setzen, wenn die beiden Seiten ma und nr kurz sind und ziemlich gleichlaufend. Eben so könnte man die letztern Seiten aller Ausgleichungstrapeze noch nach O einrichten. Meist ist jesdoch diese Verbesserung überstüssig.

Das Theilen nach gegebenen Verhältnissen ist nicht schwerer. Dat man erst den ganzen Inhalt berechnet und wie viel der erste, zweite, dritte und jeder weitere Theil bekommen muß, so wird jedes der verlangten Stücke nach seinem verhältnismäßigen Flächeninhalt eben so abgetheilt.

§. 221. Eine Fläche von verschiedenem Werthe zu theilen. Fig. 62.

Man bruckt den Grundwerth vom Boden durch Zahlen aus. So könnte, z. B. Fig. 62. ABCD, die Bodengüte in BHEC — Iw, in HGE — IIIw und in GAF — IIw sein, ober die gleiche Flächeneinheit enthielt oben I, inmitten III und unten II Wertheinheiten, die man sich in der Figur als ein =, zwei = und dreisache Papierlagen denken könnte. Hier nimmt man eben auch vorläusige Theile an, rechnet aber den darin befindlichen Werth= gehalt aus, und berichtigt dann diesen in Gemäßheit der Aufgabe.



Geset, die Figur ABCD solle in zwei gleiche Werththeile getheilt werden, und zwar mittelst einer zu AB und CD ziem= lich gleichlausenden Theilung. Hierzu be= rechnete man erstlich die Fläche der besondern Werthabtheilungen und danach den gesamm= ten Werthgehalt.

HEC	enthalte	2000	\mathbf{q}_{0}	zu	Iw,	giebt	2000	w;
HGE	"	1600	n	"	III »		4800	27
GAF	20	400	70	*	II »	27	800	n ,
Das G	anze ==	4000	qo	mit			7600	w.
Davon beträgt bie Hälfte							3800	W.

Nun würde eine vorläufige Theilung mn ungefähr angenom= men und der Werth von dem einen Theile mnCD ausgerechnet. Dieser enthalte

Es fehlten daran also 700 w,

die nach BA noch hin genommen werden müßten.

Jest suchte man den Werth, welchen die vorläusige Theilung mn durchschneidet, oder vielmehr denjenigen, den ein ruthenbreiter Streisen an mn hin hat. Es messe no 20° und om 30°; so= nach haben jene 20° bei ihrem einfachen Werthe 20×1=20 w, und diese 30° bei ihrem dreisachen Werthe 30 × III = 90 w, zusammen also 20 + 90 = 110 w. Hiermit dividirte man die noch mangelnden 700 w; der Quotient $\frac{118}{118}$ = 6,36° ist die Breite eines vorläusig noch hinzuzutheilenden Ausgleichungstrapez zes mnap, dessen Seite pa nun gezogen würde.

In pq finde sich aber die Länge qr zu 26° , rp zu 24° , und also der ganze Werth von $26 \times 1 + 24 \times 111 = 98$ w. Danach enthielt das Ausgleichungstrapez mnqp nur $\frac{98+110}{2}$ \times 6.36 = 661.44 an Werth, und es mangelten daran noch 700—

661,44 = 38,56 w. Zu dieser Ergänzung ist an pq eine Breite erforderlich von $\frac{38,56}{98}$ = 0,39°, welche endlich von p und q aus, oder mit obigen 9,36° zusammen von m und n aus, als Abstand für die Theilung IK abgesteckt würde. Zur Prüfung berechnet man den Werthgehalt des übrigen Theiles.

Es kann nun nicht schwer fallen, auch andere und verswickeltere Aufgaben über die Theilung der Figuren von verschies benem Werthe aufzulösen. Dieser Gegenstand der Meßkunst sins bet jedoch selten eine Anwendung, weil jedes einzelne Grundstuck gewöhnlich nach seiner mittlern Bobengüte überhaupt ges schätt wird.

IV. Linienmessung.

1. Absteden ber ginien.

§. 222. Linien auf ber Erboberfläche.

Wir beschäftigten uns bisher bloß mit Linien und Figuren auf der ebenen Zeichenstäche. Im Freien kommt nun noch beren Lage oder Neigung zur Erde in Betracht. In dieser Hinsicht unterscheidet man:

- 1) Lothrechte ober vertikale Linien, d. i. solche, die wie die Halbmesser der Erdkugel nach deren Mittelpunkt gerichtet sind. Der mit einem Lothe beschwerte, freihängende Faden ist die Richtschnur der Lothlinie.
- 2) Bagrechte ober horizontale Linien; sie gehen von der lothrechten Linie senkrecht aus, sind daher gewissermaßen als äußere Polygonseite eines Erdkreises zu betrachten. Ein auf kehendem Wasser ausgespannter Faden wurde die Horizontallinie vorstellen.
- 3) Schiefe Linien, die weder lothrecht, noch wagerecht liegen. Der am Bergabhange hinauf gespannte Faden stellt eine schiefe Linie bar.

- 4) Eben so giebt es lothrechte Ebenen ober Berstikal=Ebenen, wie die ebene Außenfläche eines Hauses; was gerechte Ebenen oder Horizontal=Ebenen, wie die ebene Oberfläche stillstehender Gewässer; schiefe Flächen, wie die Bergabhänge. In einer Vertikal=Ebene können lothrechte, wagerechte und schiefe Linien Statt finden; in einer Horizontal=Ebene, nur wagerechte Linien; in einer schiefen Fläche, wagerechte und schiefe Linien.
- 5) Diese Linien werben auf der ebenen Zeichenstäche als Grundriß, oder als Aufriß dargestellt. Der Grundriß ist die aufgetragene Figur von wagerecht gemessenen Grundstück= linien. Der Aufriß ist eine Figur aus lothrechten Ebenen.
- 6) Zur Ausmessung von Linien und Figuren der Erd=
 stäche giebt es sehr verschiedene Mittel und Wege. In jedem Falle haben wir den Zweck der Messung wohl zu beachten, nach hinlänglicher Genauigkeit zu streben und dabei das leichteste und einfachste Verfahren zu wählen. Vornehmlich mussen wir überall die unvermeidlichen Abweichungen zu beschränken und die Rich=
 tigkeit der Ergebnisse zu prüsen suchen, nach denselben Grund=
 sähen, wie bei der Zeichnung.

§. 223. Linienbestimmung.

- 1) Die lothrechte Linie ist vorzugsweise nur bei Hohenbestimmungen Gegenstand der Messung, dient aber außerdem
 zur Begrenzung wagerechter Längen. Sie wird nach dem soge=
 nannten Lothe bestimmt, einem freihängenden Faden mit Sen=
 tel, das, zur Ruhe gekommen, die Lothlinie angiebt. Der Ge=
 brauch des Lothes ist leicht und sindet nur dei windigem Wetter
 einige Hindernisse. Bei den Vermessungen mussen oft Stäbe
 lothrecht ausgesteckt werden; dies geschieht zwar in der Regel
 nach dem bloßen Augenmaße, sicherer jedoch mittels eines oben an
 den Stab gehaltenen Lothes.
- 2) Nach wagrechten Einien werden die bei Grundstücks: messungen vorkommenden Längen bestimmt, und ihre Lage für diesen Zweck gleichfalls fast immer nach dem Augenmaße bezurtheilt.

Kommt es auf größere Genauigkeit an, wie etwa beim Nis velliren, oder bei magerechter Aufstellung ber Winkelmerkzeuge, so bedient man sich der Setwagen und Libellen, — Die Setwage ist ein an seinem Grunde abgeglichenes Dreieck mit einem an bet Spite befestigten Lothe, bessen Faben in magerech= ter Stellung die Lothlinie becken muß. Man pruft und berich= tigt dieselbe durch entgegengesetztes Aufstellen auf einer richtigen Linealseite. Ist diese eben wagerecht, so muß das goth in beiden Stellungen die Bothlinie beden, außerbem auf beiden Seiten gang gleiche Abweichung zeigen. Sie wird vorzüglich nur von Hand= werkern gebraucht und ist für geometrische 3wede weniger geeignet, als die fog. Libelle, ein dosen = ober röhrenförmiges, gläsernes Be= halter, das mit Fluffigkeit bis auf einen kleinen Luftraum angefüllt ift, bessen Stelle ben wagerechten Stand nach Richtlinien angiebt. Der gewöhnlich messingene Fuß solcher Libellen läßt eine berich= tigende Stellung zu und wird ebenfalls durch entgegengesetztes Aufstellen geprüft,

3) Zum - Abstecken gerader Linien im Freien dienen Abstecke = ober Richtstäbe; sie mussen mit eisernen Spiken versehen, gleichstark, gleichlang (meist 5 dc. Fuß l.) und ganz gestade sein. Damit man sie in größerer Entsernung deutlich erkenne, werden sie suswechselnd mit leuchtenden Farben (z. B. roth und weiß) angestrichen, auch wohl mit Fähnchen versehen. Solche Stäbe kommen gewöhnlich auf die entserntern Punkte. — Zur vorläusig dauerhafteren Bezeichnung der gemessenen Linien dienen kurze, sest eingeschlagene Pfähle.

S. 224. Eine gerade Linie im Freien abzusteden. Fig. 63.

nach weg, bezeichnet ihre Punkte mit Pfählen und gebraucht sie weiter.

Man bleibt auch wohl in dem Anfangspunkte A stehen und läßt von einem Gehülfen die Zwischenstäbe B, C, D, E u. s. w. nach rechts oder links gegebenen Winken in der ganzen Richtung AN einstecken; denn jenes, nur allein nach BA fortgesetzte Richten kann von dem hinter sich genommenen Punkte N leicht absweichen.

Hierbei mussen alle Stäbe lothrecht stehen, wenigstens durs fen sie aus der abzustedenden lothrechten Ebene nicht weichen, also nicht seitwärts hängen. Eigentlich wären nur zwei ausgestedte Stäbe erforderlich, um sich danach einzurichten; doch sichert eine größere Anzahl mehr vor Abweichungen. Entferntere Richt: punkte geben die Richtung genauer; zu dichte Stellung der Richtsstäbe macht die Fortsetung unsicher. Das Auge darf beim Einzichten dem Stabe nicht zu nahe kommen und muß von beiden Seiten des Stabes aus richten, weßhalb die Stäbe alle gleiche Stärke haben sollten. Den eben eingerichteten Stab prüft man im Weitergeben, selbst noch beim Richten des nächsten Punktes.

Man richtet gewöhnlich ben Stab frei in der Hand hänsgend ein und stedt benselben auf der somit gefundenen Stelle sest, wozu Übung gehört. Geben solche Linien am Berge hin, so senken sie sich leicht abwärts, je nachdem die Stäbe beim Einsstoßen weichen. Fällt das Sonnenlicht seitwärts ein, so neigt sich die Linie leicht nach der beleuchteten Seite. Das beste Licht ist das gerade in dem Rücken einfallende. Bei großen Entsernungen bedient man sich mit Bortheil eines Fernrohres.

§. 225. Eine gerade Linie aus ber Mitte abzusteden. Fig. 64, 65.

Fig. 64.

1) Ist eben kein brauchbarer Gehülse A B C N zu haben, so steckt man selbst den Stab

B zwischen A und N ungefähr ein,
z. B. in 1, und dann auch den Stab

C in die Richtung AB. Zeht begiebt man sich wieder an B und sieht zu, wiesern C auch in der Einie BN steht, rückt nun B näher

an die Linie, etwa in 2, und steckt C abermals in die Richtung AB, visirt wieder von B über C nach N und fährt so fort, dis BC sowohl auf A, als auf N gerichtet ist.

Man könnte hierbei mit einem geraden Stabe vorarbeiten, ben man wie die Versuchslinie BC legt und nach und nach so an= und einrückt, daß bessen beiderseitige Verlängerung in A und N trifft. Anstatt des Stabes wäre auch ein Lineal mit Abssehen, oder ein bloßes Holzstück mit geradem Einschnitte zu gesbrauchen.

Fig. 65.

2) Hat man bei diesem Einrichten Neinen Gehülfen, so geht es schneller.

B stellt sich aus, etwa in 1, und richtet C in die Linie BN; C richtet nun wieder B in die Linie CA; B im 2. Stande richtet von neuem C nach N; so wird wechselsweise

fortgefahren, bis CBA und BCN eins sind.

§. 226. Eine fentrechte Linie abzusteden. Fig. 66.

- 2) Mit einem rechtwinkeligen Dreiecke: Man setzt ein Dreieck abc zusammen, dessen Seiten sich verhalten, wie 3:4:5, bringt die eine Kathete ab in die Standlinie und giebt nach der andern de die verlangte senkrechte Richtung an (§. 167.).
- 3) Mit einem Kreuzmaße: Eine Halbkugel ober ein Brettstück mit senkrechten Kreuzschnitten wird in dem gegebenen Punkte aufgesteckt und mit dem einen Schnitte in die Standlinie gerichtet. Durch den andern Schnitt visirt man dann die verlangte Senkrechte ab. Anstatt des Kreuzmaßes bedient man

sich auch des Meßbrettes (§. 245.) oder des leichtern, viel genauern Winkelspiegels (§. 247.).

Fig. 31.

4) Auch kann man sich, zumal wo am Ende einer Linie eine Senkrechte errichtet werden soll, des §. 175. 3. angegebenen Verfahrens bediesnen. Man nimmt beliebig über der Linie DA, etwa 2° von A entfernt, den Punkt C an, schneibet mit dem Halbmesser AC (vermittelst der Kette) von C aus die Linie AD bei D,

stedt hier einen Stab auf, wendet sich nun nach Ehin und visirt rückwärts mit demselben Halbmesser den Punkt E nach der Richt tung CD ein. E steht dann senkrecht zu DA. — Weniger praktisch und nur bei hinlänglicher Freiheit anwendbar ist das §. 175. unter 2. angegebene Verfahren zum Absteden rechter Winkel im Freien.

5) Liegt ber gegebene Punkt D Fig. 66. außer= halb ber Linie, so errichtet man auf dieser erst eine Senkrechte zur Probe und rückt damit fort bis zum Ziele. Hierbei ist der Winkelspiegel besonders brauchbar (§. 247.).

§. 227. Parallellinien abzusteden. Fig. 67.

Fig. 67. Hierzu muß eine Linie AN wind der Abstand gegeben sein.

A B C D E V Diesen mißt man von AN rechtsund N, sondern auch aus mehren Zwischenpunkten B, C, D, E; denn bei jeder dieser Abstandsmessungen wird etwas gesehlt, und je mehr Punkte der Parallele abgesteckt sind, um so mehr heben sich darin die kleinen Abweichungen.

- 1) Um einen Stellweg gleichbreit zu machen, wird erst die Mittellinie AN abgesteckt; von dieser werden beiderseits die halben Breiten An, Bb, Cc u. s. w. senkrecht abgemessen; endlich wird das Gestell nach den Seitenlinien ab, de, cd u. s. w. aufgehauen oder bepflanzt.
- 2) Trifft man beim Abstecken einer geraden Einie auf einen Baum, ober auf einen andern undurchsichtigen Gegen=

stand, ber nicht weggeräumt werden darf: so steckt man von etz lichen Richtpunkten, z. B. von A, B, C aus, eine Parallele abc ab, führt diese neben dem Hindernisse vorbei durch d, e, n und steckt nun von da, mit demselben Abstande, die Parallele DEN wieder hinüber, als gerade Fortsetzung von ABC. Hierbei muß man nur die Hülfslinie lang und die Abstände genau genug nehmen. Zwei Hülfslinien auf beiden Seiten gewähren mehr Sicherheit.

§. 228. Geordnete krumme Linien abzustecken. Fig. 68.

Kreise und Ellipsen werden im Freien ganz so verzeichnet, wie auf dem Papiere, nur daß man anstatt des Zirkels eine Hastenstange, Meßkette oder Meßschnur an den zum Mittelpunkte eingeschlagenen Pfahl anlegt und, im Fall der Platz noch beswachsen ist, mittels der gegebenen Halbmesser vorher die zur Aufstumung nöthigen Umfangspunkte bestimmt.

Fig. 68.

Andere Krümmen ordnet man vermittelst gleicher Sehnen und angemessener Bogenhöhen, was sich nur an Ort und Stelle bemessen läßt. Man stedt z. B. zu der Linie ABC . . . G zuerst

veit aus, geht nun von einem zum andern, visirt von jedem auf den dritten vor sich und bemist den Abstand des mittlern, nämlich Bb von AC, Cc von BD, Dd von CE . . . So wird fortgerichtet, bis nicht nur alle Abstände Bb, Cc, Dd . . . vershältnism äßig sind, sondern auch die Linie, bei einer gefälligen Krümmung, der Bodenform und den andern Erfordernissen entspricht. Sewöhnlich mißt man die Entsernung der Richtstäbe mit Schritten ab, beurtheilt die Abstände nach dem Augenmaße und führt endlich die Krümmen AB, BC, CD mit besonderen Absteckstäben noch näher aus.

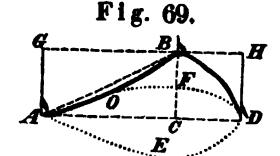
Diese Aufgabe dient öfters zu einer geeignetern Verlegung der Waldwege, so wie bei Umgrenzung der Holzanlagen, zumal

im Gebirge; sie gereicht ganz vorzüglich zur Ordnung und Berschönerung ber Wälber.

2. gangenmessung.

§. 229. Entfernungen. Fig. 69.

1) Die Längenmessung hat es mit Bestimmung ber gerabs linigen Entfernung zweier Punkte zu thun. Diese kann nun sein: die wahre, die wagrechte, ober die lothrechte.



Denkt man sich durch die beiden Punkte

H A und B eine lothrechte Ebene GD ge=

legt und darin BC und AG lothrecht,

AC und BG wagrecht: so ist AB die

wahre, BG == AC die wagrechte und

- AG = BC die lothrechte Entfernung. Liegen die beiden Punkte wagrecht, so haben sie nur wagrechte Entfernung; liegen sie lothrecht, nur lothrechte *).
- 2) Der Erbboben ist selten so gleich, daß man ganz eigents lich gerade Linien darauf hinziehen und messen kann. Auf unsebenem Terrain muß man daher uneigentlich gerade Linien zu Hülfe nehmen, die zwar auf = und abwärts gehen, aber wester rechts, noch links abweichen und also in der Vertikal = Ebene ihrer beiden Endpunkte bleiben. Die uneigentlich gerade Linie von A nach D geht in der Vertikal=Ebene GD über O und B, der auf = und absteigenden Entsernung nach.
- 3) Eben so sucht man bei allen Grundstückmessungen nur die wagrechte Entfernung in jener uneigentlich geraden Linie; denn eine andere Länge könnte im Grundrisse nicht zum Schlusse gebracht werden. Die wahre Länge der über die Höhe eines Hügels geführten Linie ABD würde z. B. niemals in den um den Fuß herum gemessen, wagrechten Umfang AEDF einpas=

^{*)} Man könnte auf unebenem Boben auch noch eine steigende und eine wegsame Entfernung unterscheiben, die indeß für geometrische Zwecke nicht weiter in Betracht kommen. Die steigende Entfernung wäre die in der Bertikals Ebene auf der Bodenoberstäche hinziehende Linie, also zwischen A und D die Linie AOBD; die wegsame ist der bequemste Weg von einem Orte zum andern, der aber aus der Vertikalsebene GD weicht und seine eigene, wagrechte Länge hat.

sen, sondern immer zu lang ausfallen. Ohnehin ift der Ertrags= werth von Berghängen nach der wagrechten Grundsläche richti= ger zu bemessen.

4) Bur unmittelbaren Bemessung ber geradlinigen Entfernuns gen, ober zum sogenannten Längenmessen bienen ber Fußstab, bie Meßstange, bie Meßkette ober bie Meßschnur.

§. 230. Gebrauch des Fußstabes. Fig. 70. 71.

Der Fußstab, zum Messen kurzer Abstände, ist von leichstem Holze bunn ausgespalten, von handlicher, meist halber Ruthenstänge, in Dezimalsuße abgetheilt und an beiden Enden beschlasgen. Auf wagrechtem Boden legt man diesen Fußstab an den Anfangspunkt der zu messenden Linie, richtet denselben ein und bezeichnet das Ende der ersten Länge, legt nun da wieder an, und fährt so fort, die zum Ende der Linie, wo noch der Rest besonders ausgemessen und zur gefundenen Anzahl der Maßlängen gezählt wird. Der Feldmesser bedient sich auch einer an beiden Enden unterwärts mit senkrechten Spigen versehenen Latte, die in der Mitte einen 3 Fuß hohen Griff hat.

Fig. 70.

Auf abhängigem Bogen, wie Fig. 70. AN, hält man den Fußstab wags recht. Bei dieser sogenannten Staffels messung wird an der freiliegenden Seite des Meßstabes ein zweiter, dunner Vors

setstab lothrecht angestellt, so daß dessen Spitze den Endpunkt des Fußstades auf dem Boden bezeichnet. Besindet sich die Spitze dieses Vorsetstades nicht vorn, sondern unter der Mitte: so sehlt man dei jeder Maßlänge um die halbe Stabstärke, was jedoch leicht berichtigt werden kann. Daß übrigens AB + CD = ab + bN = der wagrechten Entsernung von A zu N ist, folgt aus §. 154. 2.

Beim Abmessen mit dem Fußstabe werden vielerlei Fehler begangen. Manche Messer fassen denselben nach Fig. 71. in der Mitte an b, setzen das eine Ende auf a, senken den Stab etwas, ohne sich genug zu bücken, schla=

gen das obere Ende cauf d nieder und nehmen ad für die Länge des Meßstades an; es ist aber ad < ab + bd, also auch kleiner als ab + bc. Andere fassen den Stad an einem Ende e, halten denselben beiläusig über den Anfangspunkt a und schlagen das andere Ende schief nieder auf d, was beinahe eben so fehlershaft ist.

Der Gebrauch des Fußstabes gewährt überhaupt keine sons derliche Genauigkeit. Man verfehlt leicht die Richtung, bezeichnet die Maßgrenze nicht scharf genug und kann am Abhange nicht gut wagrecht messen. Zudem ist das öftere Bücken unbequem. Daher wendet man dieses Werkzeug nur bei ganz kurzen Abmesssungen an.

§. 231. Gebrauch ber Meßstange.

Die Meßstange bient öfter im Forste zur Aus = und Abmessung kleiner Stücke. Sie ist von ausgespaltenem Holze, gestade, steif, leicht, eine Ruthe lang und in Zehntelsuße getheilt. Man gebraucht dieses Längenwerkzeug wie den Fußstab. Auf der Ebene wird eine Maßlänge nach der andern angelegt; am Abhange wird die Meßstange wagrecht an einen Vorsetstab geshalten.

Bu genauern Messungen ist die Meßstange an beiden Enden beschlagen und der Vorsetstab an der Stellseite dis zum untern Ende gehörig abgeglichen. Dabei führt man noch eine Hängeswage zum Stellen, auch wohl zwei Holzscheiben mit doppelten Spitzen, die in den Boden eingedrückt werden, um darauf das Ende der Meßstange genauer abzeichnen und wieder anlegen zu können. Eine solche Vorrichtung gestattet die größte Genauigsteit. Daher gebraucht der Forstvermesser an starken Bergabhansgen vorzugsweise die Meßstange zur Staffelmessung, anstatt der Meßkette.

§. 232. Gebrauch ber Deffette.

Das gewöhnlichste Werkzeug zum Längenmessen ist die Meß: kette, von starkem Drahte, bei größerem Ruthenmaße und im Gebirge nur vier Ruthen lang, sonst wohl fünf oder sechs. Zes bes Glied ist einen geometrischen Fuß lang und durch einen kleisnen Ring abgesondert. Die halben Ruthen unterscheidet ein Ring von mittlerer Größe; die ganzen Ruthen werden von einem grössern und länglichen Ringe mit Querriegel getrennt. Zeder Maßstheil reicht dis zur Mitte des Ringes. An den beiden Enden und in der Mitte sind größere Ringe zu den Kettenstäben.

Die beiden Kettenstäbe haben unten ranbförmige Halter, worauf sich der äußere Kettenring festlegt, dessen Mitte, als der Unfang des Kettenmaßes, dann gerade über der Spitze des Stasbes befindlich ist. Dabei braucht man 5 bis 10 Zähler, starke Drahtstifte mit Öhren zum Anfassen und Tragen am Finger, des leichtern Aufsindens wegen mit rothen Tuchstücken versehen.

Eine Hängewage, womit die Kette wagrecht und der un= tere Kettenstab lothrecht gerichtet wird, kann aus zwei rechtwin= keligen Schenkeln bestehen, wovon der eine Haken hat zum An= hängen an die Kette und der andere die Lothlinie mit dem Lothe.

Beim Messen wird die Kette an zwei Kettenstäben von zwei Rettenziehern geführt. Der vordere nimmt die sammtlichen Bah= ler und zieht die Rette aus; der hintere setzt seinen Stab in den Unfangspunkt der Linie und richtet den vordern entweder durch Worte, ober durch Zeichen mit ber Hand, rechts ober links nach dem ausgesteckten Richtstabe. Der vordere Kettenzieher hält mäh= rend des Richtens den Stab mit nicht ganz angezogener Rette in der rechten Hand lothrecht, steht auf der linken Seite der Li= nie und sieht über die Schulter weg nach dem hintern. Sobald eingerichtet ift, faßt er mit ber linken Sand ben Stab oben fest und greift mit der rechten an demselben hinunter, setzt die rechte Fußspitze auf die vorläufig eingerichtete Stelle des Kettenstabes, schnellt die Rette aufwärts und zieht sie babei zum richtigen Biebereinsetzen bes Stabes scharf an. In diesen Endpunkt ber Rettenlänge kommt ein Zähler und bann wird weiter gezogen. Der hintere Rettenzieher setzt in benfelben Punkt genau wieder ein, hebt ben Zähler auf und richtet von neuem. Um Ende zählt man die Kettenzüge nach den aufgehobenen Bahlern zusammen und rechnet bazu noch bas lettere Rettenftud.

Auf abhängigem Boben muß ber untere Kettenzieher die Kette so weit am Stabe auscheben, daß sie wagrecht liegt, babei aber seinen Kettenstab genau lothrecht stellen, beides mittels der Hängewage. An sehr starkem Abhange mißt man mit abgekurzeter Kettenlänge, wozu im Innern der offene Ring bestimmt ist. Das beschwerliche Anziehen der Kette und die leicht vorkommende einseitige Niederneigung von der wagrechten Lage verursachen beträchtliche Längenabweichungen. Beim Anziehen hat der hintere Kettenzieher sich vorzusehen, daß sein Stab nicht von der Stelle gezogen wird, und erforderlichen Falls den Fuß vorzusehen. Der vordere Kettenzieher kann öfters einen weiteren Richtpunkt in's Auge sassen und sich schon von selbst näher einrichten.

Der Gebrauch der Meßkette verbindet den Vortheil, daß das Messen schnell von Statten geht, nicht von dem Vermesser selbst verrichtet zu werden braucht, und die Kette sich weniger verzieht. Daher ist auch die Meßkette am vorzüglichsten, der Boben mußte denn zu abhängig sein.

Jede Kette leibet beim Gebrauche und muß daher von Zeit zu Zeit geprüft werden. Man spannt sie auf ganz ebenem Boz den aus und legt eine gut eingetheilte, genaue Meßstange daran, oder man zeichnet auf einen Sang, auf eine Mauer, oder auf ein langes Zimmerholz die Länge der ganzen Kette mit allen ihz ren Theilen genau vor und zieht dann die Kette zu Zeiten darzüber. Haben sich die Ringe verbogen, so ist leichter nachzuhelsen, als wenn sie sleckweise ausgelaufen sind. Krumme Fußtheile, entstehend von unvorsichtigen kurzen Wendungen mit der Kette, biegt man sogleich wieder gerade. Auch ist beständig darauf Acht zu geben, daß sich kein Gelenk verschlinge.

§. 233. Gebrauch ber Meßschnur.

Die Meßschnur hat eine, der Kette gleiche Länge und Eintheilung, ist von Hanf gut gedreht und gegen die Rässe mit Dl und Wachs getränkt. An den Enden sind Ringe, und im Innern sind die Theile mittels Knoten oder eingebundener Bäns der abgetheilt.

Obgleich die Meßschnur wegen ihrer Leichtigkeit einige Mänsgel der Kette nicht theilt, so verursacht sie doch durch ihre Versänderlichkeit die größten Abweichungen beim Messen. Schon ein ungleichmäßiges Anziehen giebt verschiedene Längen; im Trocknen dehnt sie sich immer mehr; naß geworden, geht sie auf der Stelle ein. Daher muß man sie beim Gebrauche oft untersuchen und gegen Feuchtigkeit bewahren, zu Hause aber ausgespannt halten in der richtigen Länge, in die sie durch geeignetes Ausdehnen ober Anfeuchten wieder zu bringen ist.

Das Messen mit der Meßschnur geschieht wie mit der Kette und ist am leichtesten, aber nur bei kleinen, weniger genauen Ausmessungen von Holzschlägen, Anbauslächen und bergleichen rathsam.

§. 234. Allgemeine Fehler beim Eangenmessen. Fig. 72. 73.

Reine gangenmessung ist ganz freivon Fehlern. Diese mussen wir naher kennen, um die wirklich nachtheiligen zu vermeiden und der unerheblichen wegen nicht Zeit und Mühe zu verlieren. Bon den besondern Mängeln der verschiedenen gangen= werkzeuge wurde schon gehandelt. Zett wären noch die allgemeinen Fehler zu betrachten.

- 1) Ein gewöhnlicher Fehler bei der Längenmessung entsteht aus Unrichtigkeit des Maßes; dieser wird um so größer, je mehr mal man das unrichtige Maß gebraucht.
- 2) Ein zweiter Fehler wird baburch veranlaßt, daß man die Endpunkte der Maßlängen auf dem rauhen Boden we= niger scharf abzeichnen kann. Hiergegen sichern die dunn: sten Zähler nicht ganz; doch heben sich diese Abweichungen mehr ober weniger.
- 3) Ein britter und größerer Fehler entsteht, wenn am Abshange der untere Stellstab nicht lothrecht gestellt und dadurch die Waßlänge zu kurz, oder zu lang abgezeichnet wird, was sich eben auch gegenseitig ausgleichen kann.

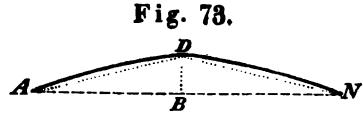
Fig. 72.

4) Wird bas Eängenmaß nicht ganz wagrecht gehoben, so entsteht Fig. 72. über demselben am untern Stells stabe ein rechtwinkeliges Dreieck, worin AC

die Maßlänge, AE die wagrechte Lage und EC die Abweichung am Stellstabe ist, und von dem sich für eine Kettenlänge zu 4 Ruthen berechnen läßt, daß, wenn

> EC = 1' ift, so mist AE nur 39,988' = 2' " " " 39,95' = 3' " " " 39,89'.

Wir sehen hieraus, daß, wenn die Kette sogar 2 bis 3 Dezimalfuß am Kettenstade von der wagrechten Lage abweicht: so kann der begangene Längensehler kaum $\frac{1}{10}$ Fuß erreichen. Diese Fehler heben sich übrigens nicht und verursachen eine größere Längenzahl, als die wirkliche. Daher können im Grundrisse die um einen Berg herum gemessenen Linien genau schließen, und die innerhalb über den Berg hin gemessenen leicht zu lang ausfallen.



5) Beicht der Meßzug von der geraden Einie et=

N was ab, d. B. Fig. 73. von A über D nach N, anstatt von

A gerade nach N: so ist der Längenfehler weniger beträchtlich, als es scheint. Wäre AN 100 Fuß und die Abweichung

BD = 1 Fuß, so betrüge AD + DN 100,02', = 3 Fuß, " " " 100,18', = 5 Fuß, " " " 100,50'.

AD + DN gleichen übrigens dem Bogen ADN ziemlich. Wo freilich von einer solchen Linie aus noch Seitenabstände zu messen sind, da haben diese Abweichungen einen anderen und sehr nachtheiligen Einfluß.

§. 235. Ungefähre gangenbestimmung.

Buweilen ist die Bestimmung einer Länge nach Schritten schon hinreichend. Hierzu übt man sich im gleich= mäßigen Schreiten, wo möglich so, daß jeder Schritt in wagrechter Linie zwei Dezimalfußen, ober fünf einer Längenruthe gleich=

könnnen, was nur burch öfteres Abschreiten zuvor gemessener Längen erlangt werben kann. Aus den abgeschrittenen Längen läßt sich dann leicht deren Ruthen = und Fußzahl berechnen.

Dabei ist indeß zu beachten, daß die Schritte bergauf und bergab, je nach der Böschung, kleiner ausfallen, als in der Ebene. Ungefähr mag man annehmen, daß die Anzahl Schritte

bei einer Boschung bergauf bergab

von	50	mit	0,95	0,97
77	10°	37	0,88	0,92
, x	15°	29	0,80	0,87
*	20°	,,	0,72	0,75

multiplizirt werden musse, um sie auf den Horizont zu reduziren, daß also z. B. bei einer Bergneigung von 10° 500 Schritte bergauf nur $500 \times 0.88 = 440$ und bergab nur $500 \times 0.92 = 460$ Schritte in der Horizontal-Ebene sein wurden.

3. Binkelmessung.

§. 236. Binkel auf ber Erdoberflache.

Die von dem geradlinigen Winkel gebildete Winkelebene kann im Freien (§. 222.) eine lothrechte oder wagrechte sein; die lothrechten Winkel dienen zu Höhenmessungen, die wagrechten aber zu Grundmessungen. Die zu messenden Grundstückten aber du Grundmessungen. Die zu messenden Grundstücktwinkel bestimmt man bloß durch drei Punkte, den Scheikelpunkt und die beiden Schenkelpunkte. Letztere werden zum Behuf der Aufnahme noch mit Richtstäben bezeichnet.

Auf freiem Felde könnte man Winkel mit bloßen Längenswerkzeugen nach den Sehnen messen, theilen und abstecken, wie auf dem Papiere mit dem Zirkel (§. 185.). Dieses Versahren ist jedoch unbehülflich und in der Holzung, wenigstens zu größes ren Vermessungen, unthulich. Daher führen wir eigene Winkelswerkzeuge, wovon der Meßtisch, die Meßscheibe, die Boufssole und das Meßbrettchen im Forste am anwendbarsten

Die Binkelebene könnte auch schiefgelegen sein, boch kommt solche für unsern Zweck nicht in Betracht.

find. Die andern Gradwerkzeuge eignen sich alle nicht zum leichten, einfachen und sichern Verzeichnen der aufgenommenen Forstsiguren.

§. 237. Der Megtisch.

Der Meßtisch dient zur unmittelbaren Aufnahme des Grund= risses an Ort und Stelle und besteht aus dem Gestelle, Tischblatte, Absehlineal und dem übrigen Zubehör.

1) Das Gestell muß leicht wagrecht gestellt werden können und dann, besonders für den Meßtisch, fest genug stehen. Es besteht gewöhnlich aus einer starken Platte, an welcher brei derbe bewegliche Beine angebracht sind und außerdem drei oder vier aufrechtstehende Schrauben zum Wagrechtstellen des obern Theiles, worauf man das Tischblatt drehen und befestigen kann.

Der Meßtisch erfordert das stärkste Gestell, weil derauf aussführlich gezeichnet wird. Zur Prüfung desselben schraubt oder stellt man die Beine fest an und untersucht, ob diese nicht nachsgeben; dann bewirkt man die wagrechte Stellung, welche sanft gehen muß und nicht wanken darf.

- 2) Das Tisch blatt ist von weichem, gleichbichtem, nach des Stammes Halbmesser ausgespaltenem Holze, gegen das Wersen mehrsach zusammen geleimt, ohne Rahmen. An der untern Fläche besindet sich wohl noch eine besondere Vorrichtung zum genauern Herbeischieben des Tischblattes über den Standpunkt, wenn dies in dem Gestelle selbst nicht hewirkbar ist. Die Oberssäche muß vollkommen eben sein, was sich ergiebt, wenn eine richtige Linealseite allerwärts darauf paßt. Weiter muß sich das ausgestellte Tischchen in gleicher Ebene drehen, und daher muß eine, bei wagrechter Stellung ausgesetzte Wasserwage, während des Umdrehens, sich unverändert verhalten. An der Feststellung darf übrigens kein Mangel sein.
- 3) Das sogenannte Diopterlineal hat gewöhnlich zwei ganz senkrecht stehende Absehen, eine mit dem durchgehenden Schlitze, die andere mit dem Haare, beide etwas höher, als die halbe Länge des Lineals, wenn dasselbe in Bergen gebraucht werden soll. Die rechte Seite vom Lineale muß vollkommen gezade und wo möglich parallel mit der Absehlinie sein. Zur Prüs

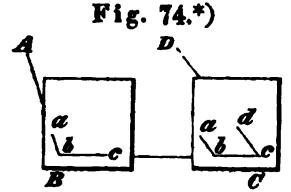
fung wird diese Seite nach f. 173. untersucht, dann das Eineal auf das wagrecht gestellte Tischen aufgelegt und damit nach einem langen, frei hängenden Lothfaden visirt, den das Haar durch alle Punkte des Schliges decken muß. Man führt wohl auch eine Kippregel mit Fernrohr, was umständlicher und beschwer- licher, zu größern Entfernungen aber vorzüglicher ist.

4) Außerdem erfordert der Meßtisch noch: Eine Bassers
oder Setwage zum Wagrechtstellen; ein sog. Loth, um den Binkelpunkt auf dem Tische über den Standpunkt lothrecht zu stellen; die Orientirboussole, ein schmales, geradseitiges Kästchen mit einer Magnetnadel, die einige Grade Freiheit hat, zum versichernden Einrichten; eine Wachstuch de de und einen Schirm gegen Regen und Sonne.

Bum Gebrauche wird das Tischen mit ganz gleichem, feis nem und festem Papiere überzogen, das man gegen die Feuchtigs keit und das Berziehen auf der untern Seite vorher mit geschlas genem Eiweiße nett.

§. 238. Winkelaufnahme mit bem Meßtische. Fig. 74. 75, 76.

Um mit dem Meßtische Winkel aufzunehmen, stellt man denselben so auf, daß der entsprechende Scheitelpunkt der Zeichnung lothrecht über den Standpunkt kommt, und zugleich der vorher gezeichnete Schenkel genau in der Richtung seiner Einie liegt, bei übrigens wagrechter und fester Stellung, Fig. 74. Man



bringt nämlich mittels des Lothes den Scheitelpunkt b über B, legt dann das Absehlineal an den schon gezeichneten Schenkel da und richtet da in BA. Ist Alles sest geschraubt, so legt man das Lineal links an b, dreht es in die Rich=

tung BC und zieht rechts baran hin die Linie bc, alsbann ift abe ber Winkel ABC. Die Länge ber Linie wird auf bem ver-

[&]quot;) Die Buchstaben B und C in Fig. 74. stehen nicht ganz richtig; sie mussen lothrecht unter b und c gedacht werben.

jungten Maßstabe abgegriffen und aufgetragen. Run bringt man das Werkzeug weiter mit c über C und cb in CB, visirt und längt die Linie cd ab u. s. f. Auf solche Art werden mehre Winkel mit ihren abgemessenen Schenkeln an einander gesetzt. Dabei visirt man durch die ganze Länge der Augenabsehe, um hier keinen Fehler zu begehen, zieht auch die Linie auf dem Tischechen möglich lang, oder erweitert ihre Richtung auf dem Rande zum sicherern Wiederanlegen.

Von dem Absehlineale gebraucht man nur eine Seite, gewöhnlich die rechte. Dadurch heben sich alle Fehler, die entstehen, wenn die Linealseite nicht in der Absehlinie liegt. Hätte

hen, wenn die Linealseite nicht in der Absehlinie liegt. Hätte Fig. 75. man z. B. in Fig. 75. zur Aufnahme des Winstells ABC ein Lineal mit schiefer Absehlinie und richtete sich damit, anstatt in BA, nach Ba ein, zeichnete mithin, anstatt der Richtung BC, die Richtung BC: so würde aBC aBC ABC, denn die Abweichungen aBA und cBC sind gleich. Wäre die Linealseite mit der Absehlinie parallel und man gebrauchte diese

Fig. 76. Seite zum Einrichten und Weiter = Visiren: so würde, wie in Fig. 76., der Winkel abc dem Winstel ABC gleich, weil die Schenkel parallel sind.

Eine große Unannehmlichkeit des Meß=

tisches ist das beschwerliche Beischieben des Zeichenso punktes über den Standpunkt. Daher begnügt man sich öfters wohl mit einer weniger genauen Ausstellung, woraus ein Fehler erwächst, dessen Größe von dieser Abweichung und von der Länge des Schenkels abhängt. Es giebt jedoch Hülfsmittel, jenes beschwerliche Beischieben ganz zu vermeiden. Man stellt nämlich das Werkzeug ohne Weiteres mit seiner Mitte über den Standpunkt und richtet die entworsene Linie vorläusig ein, mißt nun oben darauf, wie viel Zolle diese Linie seitwärts liegt, und läßt, nach rechts, oder links gegebenen, wie beim Rinzgelschießen gedräuchlichen Zählzeichen, den Richtstab um so viele Zolle rechts, oder links stecken. Wäre, in Fig. 76., B der Standpunkt und b der Zeichenpunkt, so müßte der Stab von A um dx

herüber in a kommen; ba müßte parallel mit BA und eben so be parallel mit BC werben. Man könnte auch wohl Richttäfels chen von gewisser Breite führen und ungefähr so viel neben den Stab auf die halbe Tafel visiren, als die Abweichung beträgt.

Außerdem hat der Meßtisch für den Forstvermesser auch manche nicht unerheblichen Rängel. Das unmittelbare Austragen im Walde erfordert nämlich zu viel Zeit, muß in zu gezwungener Stellung geschehen und strengt die Augen sehr an. Bei den andern Winkelwerkzeugen verrichtet man diese Arbeit im trocknen, hellen Zimmer auf dem geräumigen Tische, mehr sitzend, also bequemer, gelegener und gehauer. Die Arbeit auf Papier ist im Freien zu sehr der Luftseuchtigkeit unterworfen; öfters muß man unverrichteter Sache wieder nach Hause gehen, und endlich leidet die Zeichnung dennoch durch das Verziehen beim Abschneisden. Ein Mittel zum Messen des etwa verlangten Gradinhaltes, z. B. von Grenzwinkeln, gewährt der Meßtisch ebenfalls nicht.

Überdies gestattet die beschränkte Größe des Tischblattes nicht das ganze Auftragen eines größern Umfangs. Nimmt man auch ein Quadratnetz zu Hülfe und setzt die Meßzüge darauf ab: so veranlaßt dies wieder neue Mängel, und man ist keinesweges im Stande, auf einen recht sichern Schluß hinzuarbeiten. Daher dürfte der Meßtisch weniger zu den großen Umfangsmessungen im Walde passen, als auf das freie Feld, wo mit einmaligem Ausstellen rundherum viele Gegenstände leicht und sicher geschnitten werden können. Übrigens gewährt ein leichter Meßtisch im Forste zu kleinen Aus zund Abmessungen, welche sogleich an Ort und Stelle gefertigt werden müssen, ganz vorzügliche Dienste.

§. 239. Die Deffcheibe.

Die Meßscheibe unterscheibet sich von dem Meßtische das burch, daß man stets aus dem Mittelpunkte nur die Richtung der Linien anzeichnet und zugleich nach Graden bestimmt.

Das Gestell bazu barf leichter sein, als am Meßtische. Die Scheibe selbst ist von Holz gut zusammengesetzt, oder von Messing, rund, am obern Rande mit einem in Grade eingetheilsten Messingringe versehen, der zugleich das Papier hält; in der

Ritte besindet sich ein Regel mit Schraubenmutter zu dem Abssehline ale. Dieses ist auf der rechten Seite so ausgeschnitten, daß die Lineallinie in der Absehlinie liegt und die Mitte des Kezgels und der Scheibe schneidet; an beiden Enden gehen Ronien von der Absehlinie aus. Die Absehen sind zu Messungen in Bergen etwas länger, als das halbe Lineal, und zum Bor= und Rückwärts=Visiren eingerichtet; jede hat nämlich Durchsichten und Haare zugleich. Die Kippregel ist auch hierbei beschwerlicher und nur zum Fernrohre erforderlich. Weiter draucht man noch eine Wasserwage, eine Orientiedoussols und eine Decke gegen die Rässe. Die Scheibe selbst wird mit dünnem, sestem, vorher mit geschlagenem Ciweise genetztem Papiere überzogen.

Man prüft bie Meßscheibe, nachdem man sich zuvor von ber Brauchbarkeit bes Gestelles überzeugt hat, beinahe wie den Meßtisch. Zuerst wird vermittelst eines Lineales die Ebenheit und durch eine aufgestellte Wasserwage die Horizontalbewegung der Obersläche untersucht. Alsdann wird, bei wagrechter Stellung, das Lineal auf einen etwas entfernt davon angebrachten Lothsfaden gerichtet und an der entgegengesetzen Seite ein anderer Lothsaden in dieselbe Absehlinie gehängt, was mit drei oben zussammengebundenen Stangen leicht thulich ist. Beide Lothsaden müssen durch alle Punkte der Absehen gänzlich geschnitten werden und mit den Absehen selbst in gerader Linie sein; eben so auch, wenn man die Absehen umdreht. Zieht man am Lineale, bevor dasselbe abgerückt wurde, eine Linie, so muß es in der umgedrehsten Stellung genau wieder an diese schließen. Beim Festschrausben darf sich das Lineal nicht verziehen.

Die Richtigkeit der Gradeintheilung zu prüfen, führt man die Nonien darüber weg und untersucht, ob beide in allen Stelslungen die Grade gleichmäßig bemessen und den Gradring ganz genau theilen. Auch könnte man das Maß eines ausgesteckten Probewinkels mehrfach in dem Kreise fortsassen, dann aus der Summe die Durchschnittsgröße suchen und diese mit den einzeln gefundenen Inhaltsgrößen vergleichen, wie hiernächst gezeigt wers den wird.

§. 240. Winkelaufnahme mit ber Meßscheibe. Fig. 77.

Fig. 77.

um mit der Meßscheibe Winkel aufzus nehmen, stellt man das Werkzeug gerade über den Scheitels oder Standpunkt B wagrecht auf, wendet die Scheibe mit dem auf den Anfangschenkel ab sestgestellten Lineale nach dem entsprechenden Richts punkte A hin und befestigt sie in dieser Stellung, dreht nun das Lineal für sich nach dem anderen

Richtpunkte C und schraubt es bier wieder fest. In dieser Richstung zieht man den zweiten Schenkel von b nach c und nimmt die Grade desselben ab. Gewöhnlich werden die Richtungen der Schenkel durch zwei kleine Striche nahe am Papierrande angezeichnet und mit der Bezeichnung der Standpunkte versehen. Sben so wird der Winkel in dem folgenden Punkte C aufgenommen. Man stellt nämlich das Werkzeug auf C, richtet es mit dem noch an d und c liegenden Lineale nach dem Standpunkte B fest ein, dreht dann das Lineal nach D und zieht die Striche c zu d u. s. w.

Beim versichernden Gebrauche der Drientirboussole, die im Laufe größerer Umfangsmessungen jede beträchtliche Verdrehung des Winkelverbandes zu erkennen giebt, richtet man gleich ansfänglich den Nullpunkt vom Gradringe in die magnetische Nordelinie. Dann muß auf jedem Standpunkte die nach der letztern Standlinie rückwärts eingerichtete Scheibenstellung der zur Probe wieder angelegten Drientirboussole entsprechen.

Werlangt man die Größe eines Winkels ABC nach Graben, so wird die Scheibe auf den Scheitelpunkt B gestellt, mit dem Rullpunkte auf den einen Schenkel BA gerichtet und befestigt; hierauf dreht man das Lineal in den andern Schenkel BC und nimmt vorn am Gradringe die Winkelgrade ab. Wird nun abermals die Scheibe mit dem hier befestigten Lineale auf BA gerichtet und dann das Lineal wieder nach BC gedreht: so bestommt man den doppelten Winkel. Mittels dieser sogenannten Multiplikations-Methode läßt sich die Gradsumme des dreis, viers

und mehrfachen Winkels zusammenfassen, von der bie Durch= schnittsgröße viel genauer ist.

Bei ben gewöhnlichen Scheibenmessungen nimmt man nicht die besondern Winkelgrade, sondern nur die Neigungsgrade jeder Seite zu der in den Nullpunkt gerichteten Nordlinie, Daraus läßt sich aber ber Winkelinhalt leicht berechnen. Hatte z. B. bie Linie BA 175° 15' und BC 308° 35': so ware ber Winkel ABC $=308^{\circ} 35' - 175^{\circ} 15' = 133^{\circ} 20'.$ Freilich muß babei beachtet werben, von welcher Seite die Grabe abgenommen find, sonst bekommt man leicht ben Nebenwinkel. Überhaupt hat man beim Gebrauche ber Meßscheibe eine gewisse Gleichförmigkeit im Aufzeichnen zu beobachten, um nachmals bie Lage ber Schenkel sicher wieder bestimmen zu konnen. Das Lineal muß beim Weiter=Bisiren allemal so genommen werben, daß die Absehlinie rech= ter Hand offen ist', und bie Bezeichnungen mussen an beiden Richtstrichen in berselben Folge stehen, wie an ben Standpunkten. Die Grabe werben an der, bem Richtpunkte zugekehrten Seite abgenommen. Eben so richtet man auch bas Werkzeug beim Bieberaufftellen.

§. 241. Bintelauftragen von ber Deficheibe.

Jum Auftragen ber Scheiben messung schneibet man die fertige Winkelscheibe los, befestigt dieselbe auf das Zeichensblatt und schiebt nach §. 187. die Linien der Folge nach ab und zusammen. Zeichnet man vorher auf das Innere der Winkelsscheibe die Gradzehner vom Gradringe, so dient dies zum leichstern Auffinden der Linien, wenn die Grade jeder Linie im Verzmessungsbuche bemerkt sind; wird zugleich jedes Strickelchen der Winkelscheibe vorher mit einem seinen Nadelstiche versehen, so läßt sich auch die Richtung sicherer abnehmen.

Hat man die Grade jeder Einie aufgeschrieben, so könnte wohl erst zu Hause die Winkelscheibe danach gemacht, oder, wie in §. 188. zu ersehen, gleich nach einer Gradscheibe aufgetragen werden.

Die Meßscheibe gestattet bei den Umfangsmessungen viel schnellere und leichtere Arbeit, als der Meßtisch; die Richtung der

Einien kann genauer und auf doppelte Art, durch Zeichnung und Sradeintheilung, bestimmt werden; die Messung ist weniger von der Witterung abhängig und gewährt durch den bei Grenzen öfzters verlangten Gradinhalt ein Mittel mehr, die Schlußmängel zu berichtigen. Daher eignet sich dieses Werkzeug ganz besonders zu Forstvermessungen und ersetzt bei solcher Einrichtung die Stelle des gewöhnlichen Aftrolabiums ober Theodolits vollkommen.

§. 242. Die Boussole.

Dieses Winkelwerkzeug bemißt die Abweichung jeder Standslinie vom magnetischen Meridian, d. h. von der Richtung der frei schwebenden Magnetnadel; letztere ist auf einem Stiste inmitten eines runden, mit Glas bedeckten Behältnisses aufgehängt und bewegt sich an einem Gradringe hin, worauf die Grade gewöhnslich links herum dis zu 360 fortlaufend gezählt sind. Ein Schiesber dient dazu, die Nadel von außen hebend zu sperren. Außerhalb des Sehäuses, in der Nichtung von 180 zu 360°, stehen auf einer linealförmigen Verlängerung der untern Platte zwei hohe Absehen, zum Rücks und Vorwärts Wistren eingerichtet. Das Sestell dazu darf leicht sein, und an das ganze Werkzeug darf außer der Nadel kein Eisen kommen, während des Gebrauches nicht einmal in die Rähe.

Die Boussole wird auf folgende Art geprüft: Man unterssucht zuerst die Stetigkeit des Gestelles, und ob die Boussole selbst die wagrecht gegebene Stellung beim Umdrehen behält; dann auch die Senauigkeit der Absehen vermittelst zweier Lothsaden, wie bei der Meßscheibe. Was die Nadel betrifft, so muß diese in sester, horizontaler Stellung der Boussole ganz wagrecht hängen; in allen Richtungen den Gradring genau theilen; mit Eisen aus ihrer Richtung gebracht, allmählich in gleichmäßig abnehmenden Schwingungen auf demselben Punkte wieder einspielen, auch nach zwei-, drei- und mehrmaligem Versuche; bei sanstem Umdrehen des Sehäuses nicht mit fortgehen und, wenn somit die Absehen verwendet in die erste Richtung kommen, mit ihrer Sübseite genau den Gradpunkt wieder einnehmen, den vorher die Nordseite schnitt; endlich muß sie von der Sperrung ohne Schwanken sich

niederthun, und in das Sehäuse darf weder Wind noch Feuchtigsteit eindringen. Selten sindet man eine Boussole, die solche Prüsfung gänzlich besteht; öfters verliert auch die Nadel ihre magneztische Kraft mit der Zeit mehr ober weniger.

§. 243. Winkelaufnahme mit ber Bouffole.

Beim Messen mit der Boussole breht sich der ganze Gradring mit der Absehlinie, und von der in Ruhe gekommenen Nadel wird die Richtung am Gradringe angegeben. Man stellt das Werkzeug über den Standpunkt wagrecht auf, visirt nach dem einen Richtpunkte, läßt die Nadel zur Ruhe kommen und bemerkt sich das Gradmaß an der Nordseite. Hierauf dreht man die Boussole nach dem andern Richtpunkte, visirt und nimmt hier wieder die von der Nordseite geschnittene Gradzahl ab. So wie die Stellung hierbei nicht wagrecht ist, hängt die Nadel seitwärts und zeigt unrichtig.

Um beim Auftragen auch ohne Handzeichnung gewiß zu sein, welche Richtung jede Linie von ihrem Anfangspunkte aus hat, nimmt man beständig eine gewisse Seite der Boussole voraus, gewöhnlich die mit dem Nullpunkte, und schreibt dann immer nur die Grade der Nordseite auf. Dazu muß aber die Bezeichnung der Linien im Vermessungsbuche genau passen. 3. B. 4 zu 3 bezeichnet, daß der Nullpunkt nach 3 zu gerichtet war. Die Boussole konnte ebensowohl auf 4, als auf 3 stehen. Es ist einleuchtend, daß man im Laufe der Umfangsmessung mit der Boussole den je zweiten Standpunkt überspringen kann. Dieses nennt man mit Springskänden winkeln.

Was das Abnehmen der Grade betrifft, so mussen die kleis nern Gradtheile unter & freilich nach dem Augenmaße bestimmt werden. Es ist dabei am sichersten, nur $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{4}$ und $\frac{3}{4}$ anzusetzen und die weiter geschätzten Theile noch mit angehängtem + oder —, völlig oder kaum zureichend anzudeuten. 3. B.

$$30\frac{1}{15}$$
 = 30° 15'
 $30\frac{1}{15}$ + = 30° 20'
 $30\frac{1}{15}$ - = 30° 25'
 $30\frac{1}{15}$ = 30° 30' u. f. w.

Die Bortheile dieser einsachern Bestimmung werden sich beim Sebrauche bewähren.

§. 244. Bintelauftragen von der Bouffole.

Das Auftragen der Boussolenmessung geschieht am leichtesten und sichersten vermittelst der §. 188. beschriebenen Gradzscheibe, worauf aber die Grade nach der entgegengesetzten Richtung gezählt sein mussen, also rechts herum, wenn die Zahlen auf der Boussole links herum gehen, weil an der Boussole der Gradring um die Nadel, auf der Gradscheibe aber das Lineal um den Gradkreis gedreht wird. Hat man dei der Messung den Nullzpunkt immer vorn gehabt und die Grade stets an der Nordseite genommen: so ist deim Auftragen diesenige Seite vorn, wohin die zugehörige Zahl auf der Gradscheibe weis't.

Auch kann das Auftragen mit der Boussole selbst geschehen, welche zu diesem Zwecke auf ein Brettchen befestigt wird, dessen Längsseiten mit der Visitlinie, d. h. mit der Richtung von 180 zu 360°, parallel laufen. Bei großen Boussolen ist dies Verfahzren unbehülflich, für kleinere aber, deren Nadeln bald zur Ruhe kommen, sehr rasch fördernd. — Endlich könnte man auch eine Winkelscheibe nach der Boussolen Messung auf der Messcheibe fertigen und danach auftragen.

Obgleich die Boussole zur Aufnahme einzelner Winkel und kleiner Figuren in großem Maßstabe, so wie zu Feldmessungen keinesweges genügen kann: so gewährt sie doch bei ausgedehnten Umfangsmessungen, die in kleinerm Maßstabe aufgetragen werzben, unter sonst günstigen Umständen, die besten Schlüsse, weil die Richtung jeder Linie ganz für sich nach der allgemeinen Magnetlinie bestimmt wird, also ein sehlerhaftes Verdrehen ganzer Meßzüge (§. 192. 8.) nicht entstehen kann. Daher gebraucht man auch die Drientirboussole zur Versicherung bei dem Meßtische und der Scheibe; ja man richtet diese Werkzeuge ganz allein danach, wo eine Abirrung der Magnetnadel eben nicht zu besorgen ist, und winkelt dann gleichfalls mit Springständen.

Die leichte und schnelle, von feuchter Witterung weit wenis ger abhängige Arbeit mit der Bouffole wurde dieses Werkzeug ohne Ausnahme zu bem vorzüglichsten für Forstvermessungen erhesben, wenn ber Magnetnadel nicht manche, selbst noch unbekannten Mängel und Schwächen beiwohnten, so daß dieselbe ihre guten Dienste öfters versagt. Sie wird nämlich im richtigen Einspielen durch nahe gebrachtes Eisen, durch Reiben des Glases, ja selbst vom Sonnenscheine gestört; sie wird unstet und träge bei anhalstendem Gebrauche, zumal in Gewitterluft; sie irrt auf gewissen eisenhaltigen Gebirgsarten, wie namentlich auf Basalt, Grünstein, eisenreichem Granit u. s. w., zumal an großen Bergmassen, besträchtlich ab. Auch ist zu berücksichtigen, daß im Laufe der Zeit die Abweichung der Magnetnadel vom geographischen Meridian (die Deklination) sich ändert, und daß jede Magnetnadel ihre eigene Abweichung hat.

Daher ist die Boussole nur in den Forsten der Ebene und des niedrigen Hügellandes bei gehöriger Borsicht sicher zu gesbrauchen, im Gebirge aber weniger zuverlässig. Hier verbindet man sie als Drientirboussole mit der Meßscheibe und sindet dabei eine sehr gute Gelegenheit, ihren Mängeln mehr auf die Spur zu kommen.

§. 245. Das Megbrettchen.

Dieses, einem jeden unterrichteten Forstmanne unentbehrliche Taschenwerkzeug dient bald zum Absteden wagrechter und gegesbener schieser Linien und Winkel, bald zum Messen der Schläge, der Blößen und anderer kleinen Forststücke, bald zum Bestimsmen der Bodenneigung, der Baumhöhen u. dgl. m. Ein gutes, trockenes Brettstück, ungefähr 5 bis 6 Joll im Geviert und 1 Joll stark, ist mit einer Messingtasel belegt; darauf besindet sich ein genaues Quadratnetz, dessen Außenseiten 20 gleiche Theile haben, die mit beiberseits übereinstimmigen Jissen 10, 20, 30 u. s. w. dis 100 bezeichnet sind. Von derzenigen Quadratecke, wo die Jahlen beider Seiten ihren Unfang nehmen, ist ein Bierstelkreis durch die zwei nächsten Ecken gerissen und in ganze und halbe Grade getheilt, welche mit den nöthigen Jissen versehen sind. Durch jene Hauptecke geht ein Loch, worin vermittelst eis nes eingepaßten Japsens entweder ein Lothsaden, oder ein kleis

nes Absehlineal mit Nonius befestigt wird, wie es eben der Ges brauch erfordert. An einer Nebenseite des Brettes dient ein Loch zum Unterbringen des Lothes. Auf der Rückseite befinden sich, etwa einen Boll vom Rande ab, vier gerade, senkrecht auf bie Brettfläche und parallel mit bem Quabratnete gerichtete Sage: schnitte, bis über die Hälfte des Brettes eingesenkt; in der Mitte ift ein vierectiges Zapfenloch zum Befestigen bes Megbrettchens an ober auf einen Stellstab, was mit einem holzernen, einerseits vieredigen, andrerseits runden Zapfen geschieht. Der Stellstab hat zwei Zapfenlöcher, eines oben für die horizontale und das andere seitwärts dicht darunter für die vertikale Aufstellung; durch bie Achsen bieser Zapfenlöcher geht ein gemeinschaftlicher Spalt, welcher mit einer Klemmichraube gespannt werben kann. Stab bient zugleich als Zollstab und als Klaftermaß. Statt seiner kann man fich auch eines ganz leichten Stativs bedienen.

Bur Prufung dieses Degbrettchens wird zuvörderft bas Quabratnet (§. 177. 3.) untersucht und die Grabeintheilung durchgesehen, besonders, ob die Grade von beiden Seiten her gleichen Abstand haben zu dem Quadratnete. hierauf nimmt man bas Werkzeug in's Freie, stedt es wagrecht auf und lagt nach allen vier Richtungen ber Ginschnitte Richtstäbe ausstecken. Hier muffen je zwei Parallelschnitte auf einen und benselben Stab hinweisen, so weit es ihr Abstand erlaubt; eben so muß auch das oben aufgesetzte Absehlineal, genau an die Außenseiten bes Qua= drates angelegt, die Stäbe vor = und ruckwärts schneiben. Daraus ergiebt sich, daß die Einschnitte und die Netzlinien gleichlaufend find. Dreht man nun bas Berkzeug weiter auf jeden andern Richtstab, so muffen die Einschnitte und das Absehlineal alle vier Richtstäbe wieder rechtwinkelig treffen. Eben so werden alle an: bern, jum Absteden von Rechtwinkeln bienenben Werkzeuge mit= tels ber gleichen Nebenwinkel geprüft.

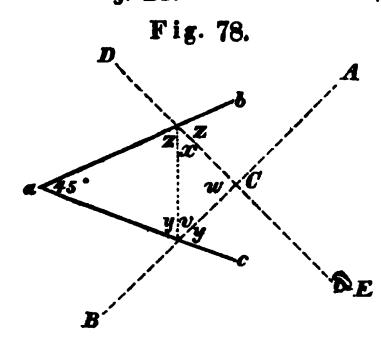
§. 246, Binkelaufnahme mit bem Degbrettchen.

Der uns hier eben vorliegende Gebrauch des Meßbrettchens besteht im Messen wagrechter Winkel mit dem Viertelkreise, wo= mit sich auch jeder größere Winkel durch seinen Nebenwinkel be=

stimmen läßt. Man stedt bas Absehlineal auf, welches zum Rück = und Borwärts-Visiren eingerichtet sein muß, sett bas Brettchen auf den lothrecht und sest in den Scheitelpunkt eingesstedten Stellstad, richtet dasselbe mit dem auf dem Nullpunkte liegenden Lineale nach dem einen Richtstade und klemmt den Japfen sest ein; nun dreht man das Lineal nach dem andern Richtstade, versichert sich durch den untern Einschnitt, ob das Brettschen noch in der ersten Richtung steht, und nimmt alsdann die Grade des Winkels ab. Ist ein stumpfer Winkel zu messen, so kommt das Neßbrettchen in den Nebenwinkel. Die Summe der gefundenen Umfangswinkel prüft man nach §. 158.

Das Auftragen ber nun nach ihrem Gradinhalte bekannten Winkel geschieht vermittelst eines großen Transporteurs (§. 184.), ober vermittelst der Sehnen (§. 185.), die sich auf dem Meß=brettchen auch unmittelbar abnehmen ließen. Bei etwas größern Figuren könnte man eine Gradscheibe gebrauchen, oder ein Win=kelblatt auf der Meßscheibe dazu entwerfen. Es würde jedoch zu viel verlangt sein, wenn dieses einfache, zum täglichen Gebrauche des Forstwirthes geeignete Werkzeug auch zu größeren Vermesssungen dienen sollte.

6. 247. Der Wintelspiegel *). Fig. 78.



Der Reichenbach'sche Winkelsspiegel besteht im Wesentlichen aus zwei kleinen Planspiegeln, welche — einander zugekehrt — so verbunden sind, daß ihre Vertikalschenen ab und ac eisnen Winkel von 45° bilden. Sie sind an zwei etwas größesren Messingplatten befestigt, welsche unter den Spiegeln länglis

[&]quot;) Obschon nicht zu den eigentlichen Winkelwerfzeugen gehörig, verdient bennoch der wegen seiner bequemen Führung beliebte und allgemein bekannte Winkelspiegel hier eine nähere Erwähnung.

che Einschnitte haben, übrigens oben und unten, des bessern Halstes wegen, mit gleichen horizontalen Messingplatten geschlossen sind, während die Vertikal-Seite de offen bleibt. An der untern Horizontalplatte ist eine Handhabe angebracht und mittels einiger kleinen Schrauben lassen sich die beiden Spiegel entweder mehr nähern oder entfernen und dadurch das Instrument nöthigen Falls justiren.

Der Winkelspiegel wird vorzüglich gebraucht, um in einer geraden Linie AB (z. B. in einer Standlinie) ben Punkt C zu finden, von welchem aus eine Senkrechte (z. B. die Abstands= linie) ben außerhalb AB gelegenen Punkt D trifft. Bu bem Enbe werden zwei Stäbe in A und D ausgesteckt, der Winkelspiegel aber wird beiläufig in der Gegend von C an der Sandhabe mög= lichst senkrecht über die Linie AB gehalten, und zwar so, daß das Auge E des Beobachters durch die Offnung unter dem Spiegel ab hindurch den Stab Dunmittelbar sehen, zugleich aber auch auf dem darüber befindlichen Spiegel das Spiegelbild des Stabes A erblicken kann, welches lettere, zuerst auf bem Spiegel ac einfallend, von da nach bem Spiegel ab und von biesem in das Auge des Beobachters reflektirt wird. Der Beob= achter ruckt nun so lange in der Linie AB auf ober ab, bis das wirkliche Bild des Stabes D und das restektirte des Stabes A in einer fenkrechten Linie übereinander erscheinen, und er hat bann ben Puntt C erreicht, über welchem D fentrecht auf AB Rebt. Denn

> zy = zy) (ba der Lichtstrahl unter dem Einfalls= z= z') winkel wieder restektirt wird);

ferner

$$2 \times 1 + 2 \times y = 135^{\circ} \times 2 = 270^{\circ}$$

Da nun

$$2 \times s + \times x + 2 \times y + \times v = 360^{\circ}$$

$$2 \times s + \times x + 2 \times y + \times v = 360^{\circ}$$

$$2 \times s + \times x + 2 \times y + \times v = 360^{\circ}$$

$$4 \times x + 2 \times y + \times v = 360^{\circ}$$

$$5 \times x + 2 \times y + \times v = 360^{\circ}$$

$$6 \times x + 2 \times y + \times v = 360^{\circ}$$

$$7 \times x + 2 \times y + \times v = 360^{\circ}$$

$$8 \times x + 2 \times y + \times v = 360^{\circ}$$

$$8 \times x + 2 \times y + \times v = 360^{\circ}$$

$$8 \times x + 2 \times y + \times v = 360^{\circ}$$

$$9 \times x + 2 \times y + \times v = 360^{\circ}$$

$$1 \times x + 2 \times y + \times v = 360^{\circ}$$

$$1 \times x + 2 \times y + \times v = 360^{\circ}$$

$$1 \times x + 2 \times y + \times v = 360^{\circ}$$

$$1 \times x + 2 \times y + \times v = 360^{\circ}$$

$$1 \times x + 2 \times y + \times v = 360^{\circ}$$

$$1 \times x + 2 \times y + \times v = 360^{\circ}$$

$$1 \times x + 2 \times y + \times v = 360^{\circ}$$

$$1 \times x + 2 \times y + \times v = 360^{\circ}$$

und ba überdies auch

$$2v + 2x + 2w = 180^{\circ},$$

$$2v + 2x = 90^{\circ},$$

$$6 \text{ muß } 2w = 90^{\circ}$$

und folglich CD senkrecht zu AB sein.

§. 248. Allgemeine Fehler beim Binkelmessen.

Wegen der allgemeinen Fehler, welche bei der Winkel= messung vorkommen, wäre hier Folgendes zu bemerken:

- 1) Zuvörderst entspringen Winkelsehler aus der schiefen Stellung des Werkzeuges. Neigt sich die Winkelebene des Werkzeugs mit beiden Schenkeln gleichmäßig unter oder über die Horizontal:Ebene: so wird der Winkel kleiner. Ist diese Neigung ungleichmäßig, mit einem Schenkel höher und mit dem andern tieser: so kann der Winkel größer ausfallen, je mehr die Abweichung beträgt. Trigonometrische Berechnungen ergeben, daß eine schiefe Stellung von 1° kaum 10", von 2° kaum 36", von 3° kaum 1' 20" und von 4° etwa 2½ Minuten gegen den wagsrechten Winkel sehlt. Hiernach ist die nöthige Genauigkeit im Wagrechtstellen unserer Winkelmesser leicht erreichbar, indem schon eine mittelmäßige Wasserwage kaum um 10' abweicht.
- 2) Bei ben Winkelwerkzeugen, welche rückwärts eingerichtet und bann festgestellt werden, entsteht leicht ein Verdrehen, wenn die Stellung mit dem Umdrehen des Absehlineales nachzgiebt. Dieses ist der gewöhnlichste und größte Fehler in Folge eines mangelhaften Gestelles, oder vernachlässigter Befestigung. Bei dem Meßtische kommt derselbe am leichtesten vor, weil darauf mehr außerhalb der Mitte gearbeitet werden muß. Bei der Meßscheibe sucht man ihn durch wechselweises Umdrehen des Lieneales zu heben. Bei dem Meßbrettchen wird dieser Fehler durch die untern, versichernden Absehen vermieden. Bei der Boussole kann ein solcher gar nicht Statt sinden; die Nadel behält ihre eigene unabhängige Richtung und macht somit auch das Verdreben anderer Werkzeuge bemerklich. Überhaupt muß dieser Fehler

immer in mäßigen Grenzen bleiben, wenn das Gestell tuchtig und der Vermesser vorsichtig ist.

3) Die Ercentricität ober das Abweichen des Kreisrinzges aus dem Mittelpunkte giebt sich in Vollkreisen leicht zu erzennen, wenn der Gradring von dem Absehlineale, oder von der Radel nicht allerwärts gleich getheilt wird. Dieser Fehler ist bei den neueren Winkelmessern sehr selten. Übrigens entsteht auch bei dem Restische und der Scheibe ein ähnlicher Fehler, wenn die Linealseite von der Visirlinie abweicht; hier wird derselbe, wie schon bekannt, durch den Gebrauch einer einzigen Linealseite vermieden.

§. 249. Abfteden gegebener Bintel.

Das Abstecken bestimmter Winkel ist nun eine leicht zu lösende Aufgabe. Dazu hat man im Freien den Scheitels punkt und eine zur Richtung dienende Linie als Schenkel, wo eben nicht nach der Magnetnadel gerichtet wird, auf dem Werkzzeuge aber den Winkel entweder in Graden, oder vermittelst Zeichnung. Man stellt den Winkelmesser auf den Scheitels punkt, richtet denselben nach der Bestimmung ein und visirt damit den verlangten andern Schenkel ab. Mit der Boussole geht das am kürzesten; diese wird sogleich nach den bestimmten Grasden gerichtet.

- 4. Busammengesette Linien aufzunehmen.
 - §. 250. Umfangs: und Grenzmessungen. Fig. 79, 80, 81, 82, 83, 84.

Die bei allen Vermeffungen am häufigsten vorkommende Aufnahme vielectiger und krummer Linienzüge (Umfänge, Grenzen) geschieht durch Abmessung der Abstände von angenommenen Standlinien, welche letztere zu einfachen Hülfssiguren verbunden werden (§. 196.).

Die Winkelpunkte der angenommenen Hülfssigur ober mit anderen Worten die Standlinien bezeichnet man zunächst im Freien mit Standpfählen, welche mit Ziffern versehen sind. Die gegenseitige Reigung ber Stanblinien wird nun durch geeigenete Winkelmessung festgelegt; es werden hierauf von denselben die nothigen Abmessungen rechts und links bewirkt und babei schließlich auch die ganze Länge der Standlinien bestimmt. Die Ergebnisse dieser Ressungen werden entweder in einer sauber und sorgfältig geführten Handzeichnung (Brouillon) aufgezeichnet oder, was vorzuziehen ist, in einem besondern Vermessungsbuche, etwa nach solgendem Schema, genau notirt:

1-2. 174 8 111 1	0 130	bei 34' bch. — b. 72' l. ein, bis 93' in d. Gr. — bei 93' r. ab.
		b. 38' l. 5' Gzer. — b. 52' l. 11' an b. Ede, bann in b. Gr. fort, 27' i. b. Ede. — b. 87' l. 14' bc.
		u. 24' an b. Ede u. f. w.
3-4, 149 35 IV 8	1684	b. 85' l, eine Senkrechte ab ab; bavon bei 30' r, 13', — b, 38' l, 12' r, 15' — bei 84' l, 25' u, f. w,

Bon jeder Standlinie wird im Bermeffungebuche bie Bezeichnung, ber Bintel, die gange und die bavon gemachte Abmeffung niedergeschrieben. Die Standlinie bezeichnet man gleich vorn mit ben Biffern ihrer beiden Standpfahle, und zwar in berjenigen Folge, in welcher gemeffen wird, damit weber über rechts und links, noch sonft ein Zweisel entstehe; ihs ren Bintel trägt man als Neigung zur Nordlinie, ober zu ber vorliegenden Seite ein, und ihre gange schreibt man ficherer auf

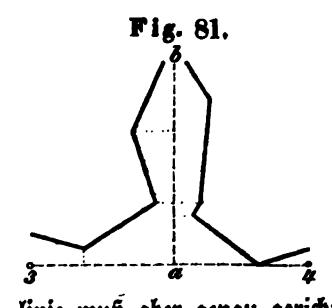
^{*)} Die Kettenlänge ift hier zu 4 Ruthen angenommen; ein gabler entspelcht also 40 der und III gabler == 120 der.

in der gefundenen Anzahl ganzer Kettenzüge (nach Bahlern) mit dem übrigen Kettenstüde. Dahinter kommen die von jeder Standlinie gemachten Abmessung en, wobei man alle gebrauchten Hulfspunkte mit kleinen Buchstaben andeutet, die einfachern Abmessungen bloß mit bestimmten und leichten Abkürzungen niesberschreibt und nur von den verwickelteren eine Figur slüchtig beizzeichnet. Um Irrungen in der Jahlenbedeutung zu vermeiben, drückt man alle Längengrößen in Fußen aus und schreibt die Jiffern der Standpunkte größer, als die der genommenen Maße. Die mancherlei Krümmen und Ecken der zu messenden Linien werden auf folgende Weise bestimmt:

Fig. 79.

1) Mittels der Standlinie selbst, wo diese die Grenzlinie durchschneidet, in sie einfällt, oder von ihr ausställt. Hier heißt es z. B. in dem Vermessungsbuche hinter der Bezeichnung 1 zu 2: bei 34' dch. (durch die Grenze) — b. 72' l. (links) ein, bis 93' in der Gr. — b. 93' r. (rechts) ab.

2) Gewöhnlich bestimmt man die Grenzpunkte von der Standlinie aus durch kurze Abstandsmessungen; die langen weichen, wie bekannt, leicht ab und verruden den Grenzpunkt seitwärts. Hierbei ift die gange der Standlinie bis zu dem Richtpunkte nebst dem Abstande auf= juzeichnen. 3. B. von 2 zu 3: b. 38' l. 5' Gzgr. (Grenzgras So einfach bleiben aber die Abstandsmessungen nicht im= Es kann bie Abstandslinie an eine Ede treffen und in der Grenzlinie fortlaufen, bis in eine andere Ede: b. 52' I. 11' an b. Ede, alsbann in ber Gr. fort, 27' in ber Ede. Dber es fann Die Abstandslinie die Grenze durchschneiben und jenseits eine Ede treffen: b. 87' l. 14' dch. u. 24' an b. Ecte. Weiterhin bestimmt man dann die innere Ede. Auch kann die Abstandslinie eine Ede treffen, bann in ber Grenze bis zur andern Ede fortlaufen und jenseits die Grenze nochmals durchschneiden: b. 184' l. 6' an d. Ede, bann in d. Gr. fort, 16' von d. Ede ab und 28' an b. Gr. — u. s. w.



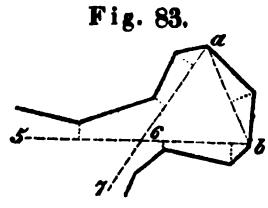
3) Bisweilen mißt man von ei= ner Genfrechten aus wieder befons bere Abstände. 3. B. von 3 zu 4: b. 85' eine Senkrechte ab 1. ab; ba= von: b. 30' r. 13' — b. 38' l. 12' t. 15' - b. 84' l. 25' - b. 101'r. 22' — b. 132' l. 3' r. 3' Ende u. Wgmt. (Wegmitte). Diese Hülfs= linie muß aber genau gerichtet sein; es kann bazu auch ein schie=

Fig. 82.

fer Winkel bienen.

4) Öfters können die Standlinien über einen Standpunkt hinaus verlan= gert werben, z. B. von 4 zu 5: . . . D. vl. &. hinter 5: b. 35' L 16' —

b. 40' r. 11' - b. 46' l. 18' - b. 61' Grft. (Grenzstein) N. 73.



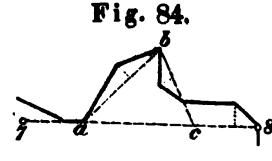
5) Eben so können zwei Stanblinien verlängert und in diesen Berlängerun= gen wieder mit einer Nebenlinie verbunden werben. 3. B.

Won 5 zu 6: . . . D. vl. E. hinter 6: b. 13' r. 7' — b. 56' r. 13' — b.

67' Gr. Ede und b.

Bon 6 zu 7: . . . D. vl. & hinter 6: b. 29' l. 6' — b. 59' l. 12' - 73' Gr. und a.

Bon a au b: 70' — b. 39' l. 15'.



6) Auch können an die Standlinie selbst Bulfsbreiede gesetzt werben. Bier zeichnet man z. B. bie gängen von 7 2 3u a und von 7 zu c, von ab und von Die Abmessungen von solchen be auf.

Nebenlinien sondert man in dem Bermessungsbuche ab, um sie nicht mit benen ber Stanblinie zu verwechseln. Auf gleiche Beise könnte auch ein rechtwinkeliges Trapez angesetzt werben.

Richt selten krummen sich die auszumessenden Linien so, daß

du ihrer ganz genauen Bestimmung unzählige Abmessungen nöthig waren. In solchen Fällen gleicht man die Krümmen etwas aus, so weit es der erforderliche Genauigkeitsgrad und vornehmlich die Größe des Maßstabes gestatten.

- 5. Einige andere hierher gehörige Aufgaben.
- §. 251. Eine gerade Linie durch Gehölz abzusteden, wenn mehre Richtpunkte bazu erforderlich sind.
 Fig. 85.

Fig. 85.

Soll z. B. eine Schlaglinie burchgesteckt werden, so tritt man auf den einen Endpunkt A und läst auf dem andern N Zeichenruse thun, um zuerst eine ungestähre Richtung zu bekommen. Nun stellt man die Sehülsen, etwa Holzhauer, dem erhaltenen Ruse nach dis an N, und zwar so, daß einem jeden die darauf solgenden zwei sichtbar sind. A muß nämlich B und C, B muß C und D, C muß D und E sehen u. s. w. Zetz richtet A den Mann B in die Richtung AC, hierauf B den Mann C in BD, C den Mann D in CE, endlich E den Mann F in die Richtung EN. Während deß fängt dassselbe Richten von A aus wieder an, und dies wird so lange sortzgesetz, die Alles in die Gerade AN eingerückt ist.

Wird mehr Genauigkeit erfordert, oder fehlt es an Leuten: so schafft man sich die nöthigen Stäbe bei, stedt diese eben so aus, geht selbst von Stab zu Stab und richtet den je nächsten Stab durch einen einzigen mit fortrückenden Gehülfen, bis Alles gerade ist.

§. 252. Eine gerade Linie durch Gehölz abzusteden vermittelst einer Probelinie. Fig. 86.

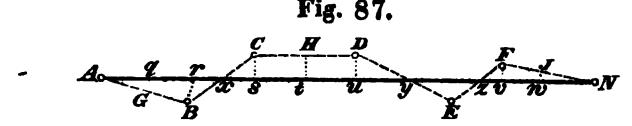
Fig. 86. Bon dem gegebenen Anfange A

b c d n stedt man nach dem aus N erhals
tenen Zeichenrufe in ungefährer
N Richtung ohne Weiteres gerade
fort bis neben den Endpunkt N, mißt diese Probelinie An und

den senkrechten Abstand nN, schlägt auch von A aus in gewissen Entsernungen, etwa alle 10 Ruthen, in b, c, d . . . Pfähle. In dem dadurch aufgenommenen rechtwinkeligen Dreiecke AnN, in welchem die Katheten An und nN bekannt sind, können nun alle Senkrechten, die sich aus den bezeichneten Punkten d, c, d hinsüber zu AN ziehen lassen, berechnet werden, als Parallelen mit nN (§. 149.). Es ist nämlich

An: nN = Ab: bB = AC: cC = Ad: dD, ...; baher $bB = Ab \times \frac{nN}{An}$, $cC = Ac \times \frac{nN}{An}$, $dD = Ad \times \frac{nN}{An}$ u. f. w. Wäre $nN = 1^{\circ}$ 5' und $An = 60^{\circ}$ und $Ab = bc = cd = 10^{\circ}$: fo ware $bB = 100' \times \frac{15'}{600'} = 2\frac{1}{2}'$, cC = 5', $dD = 7\frac{1}{2}$ u. f. w. Diese Zwischenabstände mißt man nun von An auß b, c, d. ... senkrecht hinüber und bestimmt damit die innern Punkte B, C, D. ... der Graden AN, die danach weiter außgeführt wird.

§. 253. Eine lange gerade Linie durch ben Wald zu fteden vermittelft eines Megzugs.



Man stedt von dem Anfange A zu dem Ende N durch die mehr offenen Stellen einen aus kürzern Standlinien zusammen= gesetzten Meßzug ABC...N, der die verlangte gerade Linie mehrmals trifft, mißt die Standlinien AB, BC, CD..., hier= auf die Winkel ABC, BCD... und trägt das Sanze auf. In dem dadurch erhaltenen Grundrisse zieht man die Gerade von A nach N, nimmt mit Hülfe des gebrauchten verzüngten Maßstades die Längen Bx, Dy, Ez und die von den Standlinien ausgehen= den Abstände, wie Gq und Br, von AB, Cs, Ht und Du von CD, Fv und lw von FN ab.

Mit diesen Raßen begiebt man sich wieder zur Stelle und stedt die Punkte x, y, z . . . q, r, s . . . nebst dem Anfangs= winkel BAN aus. Dadurch ist die Richtung der verlangten Linie

von außen und innen gegeben. Nun nimmt man das Abstecken sethst vor und berichtigt die dabei erschienenen kleinen Abweichunzen einzelner Punkte so gut als thulich, dis die Aufgabe dem Iwecke gemäß gelöft ist. Mit dem Meßtische läßt sich diese Arzbeit gleich auf der Stelle vollsschren.

§. 254. Gerade Linien im Forfte abzusteden nach bem Grunbriffe.

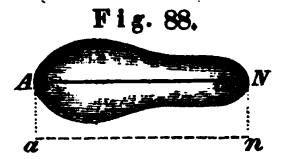
Bum Absteden gerader Schlaglinien oder Stellswege in einem vermessenen Forste sind bie beiden Endspunkte gegeben und gewöhnlich der Winkel, den die Linie mit einem Hauptgestelle, einer Stands oder Grenzlinie macht. Man stellt den Winkelmesser sogleich auf den Anfangspunkt, giebt das mit die Richtung an und stedt in derselben fort dis zu Ende. Trifft etwa die abgestedte Linie den Endpunkt nicht sogleich: so ist nach Maßgabe der gefundenen Abweichung von vorn herein etwas beizurichten, oder die erste Linie nur als Probe zu gebrauchen, nach §. 252.; es müßte denn eine weniger gerade Linie eben genügen.

Hier und da durchschneibet wohl die abzusteckende Linie einen ober den andern schon festgelegten Meßzug, dann können die Durchschnittspunkte und selbst die Durchschnittswinkel auf den noch vorhandenen Standlinien im Voraus abgesteckt werden, um mehr Anhalt zu gewinnen.

Ist die Linie nach Boussolen : Graden bestimmt, und man verlangt mehr Genauigkeit in der Richtung, als die Boussole an sich gewähren kann: so wird die mittels der Drientirboussole aufzgestellte Messcheibe gebraucht, von der sich die Gradtheile genauer abnehmen lassen. Doch ist die besondere Abweichung der vorhanz denen Boussole zu berücksichtigen, im Falle dieselbe nicht so eben zur Vermessung gedient hat.

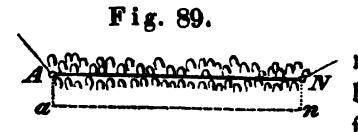
Sehr lange Linien sichert man gegen das allmähliche Abweichen durch den Mitgebrauch einer Boussole, nach der man die abgesteckte Richtung öfters prüft. Nicht selten wird die Linie im Sanzen genauer, wenn man von Stück zu Stück die Fortsetzung nach der Boussole wieder von neuem richtet. Die dadurch ent= stehenden, sich wieder ausgleichenden unmerklichen Wendungen verschwinden beim Aushauen gänzlich, wogegen eine einzige durch= gängige Krümme nachher erst recht sichtbar wird.

§. 255. Unzugängliche Entfernungen mittelbar zu bestimmen. Fig. 88. 89. 90. 91.



1) Ist eine übersehbare Länge AN auszumitteln, so steckt man aus A und N gleich lange Senkrechte An und Nn herüber auf eine meßbare Strecke und mißt nun an anstatt AN. Als gegen=

überliegende Seiten eines Parallelogrammes sind beide Linien gleich.

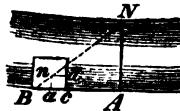


2) Geht die Linie AN in ei= nem Waldsaume hin, wie öfters bei verwachsenen Forstgrenzen: so steckt man von A und N die glei=

chen Abstände An und Nn vorläusig herüber auf's Freie, so daß von a nach n gesehen und gemessen werden kann. Nun berichtigt man a und n, indem man mittels der Linie an die Abstände aA und nN genauer richtet und abgleicht. Dann wird an statt der gleichen Länge AN gemessen.

Trägt man denselben Abstand aA mehrmal von der Einie an hinein, so ergiebt sich auch die Grenzlinie AN, wofern noch ein Durchhieb gemacht werden sollte.

Fig. 90.



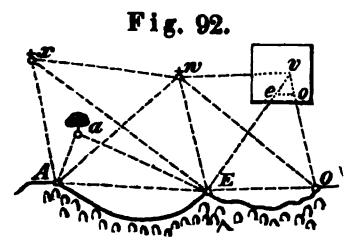
3) Die Breite AN einer unzugänglichen Fläche mit dem Meßbrettchen auszumitteln, setzt man an A eine Senkrechte AB und mißt sie ab, stellt das Brettchen auf B, richtet den einen Schnitt nach A und visitt mit dem Fa=

ben oder Lineale nach N. Nun zählt man auf der Seite Bo bis Ba so viele Maßeinheiten ab, als die Linie BA wirklich mißt, geht won a rechtwinkelig hinein bis an die Bisirlinie Bn und von da wieder heraus an die andere Seite; die dort an d stehende Zahl benennt die Entsernung AN in dem zur Einheit gebrauchten Maße. Denn Ban auf dem Meßbrettchen und BAN auf dem Boden sind ähnliche Dreiede; Ba enthält die Zahlen des Maßes von BA und an, oder cd die von AN.

von AN ermittelt. Ober man steckt sogleich an Ort und Stelle ein dem Ganzen

Ober man steckt sogleich an Ort und Stelle ein dem Ganzen ähnliches Dreieck Ban mit zwei verhältnismäßigen Seiten und gleichem Zwischenwinkel ab, mißt an und berechnet AN nach der Proportion Bn: BN = an: AN (§. 151.).

§. 256. Ein Dreiednet aufzunehmen in ber Forst: umgebung. Fig. 92.



Von je zwei freien Standpunkten des gemessenen Forstumsanges, z. B. A und E, visirt man nach den davor gelegenen auszunehmenden Außenpunkten, wie a, w, x, und bestimmt dadurch die Dreiecke AEa, AEw, AEx. Hieraus erge-

ben sich in der Zeichnung die Punkte a, w, x. Weiter schneibet man von einem dritten, vierten . . . Umfangspunkte, z. B. O, nicht nur schon bestimmte Außenpunkte, wie w, zur Versicherung, sondern auch andere neue Segenstände. Von den festgelegten Aussenpunkten erweitert man dann die Oreieckaufnahme immer mehr, so daß alle ausgezeichneten Punkte der Forstumgebung, als Thurmsspissen, einzelne Gebäude, Bäume, Kreuzwege und dergleichen, von dem Forstumsange aus richtig verzeichnet werden können.

Das danach aufgetragene Ret wird nachmals auf einzelne Megtischblätter vertheilt, zur nähern Aufnahme der dazwischen gelege= nen Wohnplate, Bege, Gewäffer, Gehölze u. s. w.

Ift ein solches Netftuck auf bem Megtischblatte mit ber Rord= linie orientirt, so läßt sich an Ort und Stelle jeder beliebige Punkt, &. B. v, nachtragen. Über bemfelben ftellt man bas Tischen in die Nordlinie gerichtet auf, also eo mit EO pa= rallel, visirt von e nach E und zieht ev, eben so ov nach O und o. Der Durchschnittspunkt v ist der verlangte weitere Respunkt.

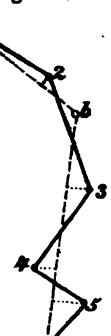
§. 257. Bestimmte Punkte, Linien und Figuren von neuem wieder fest zu legen. Fig. 93. 94.

Hierbei wird vorausgesett, daß die Maße bekannt find und an Ort und Stelle eine sichere Anbindung nicht mangelt.

Fig. 93.

- 1) Ift burch einen wegzunehmenden Pfahl x der Puntt für einen Pflänzling ober einen Grenza--- & stein gegeben: so zieht man mit einer Schnur zwei über x sich kreuzende Linien und bezeichnet ihre Richtung mit den Punkten a und b, c und
- d. Dann kann ber Pfahl ausgehoben, bas Loch gemacht und ber Gegenstand, mittels ber wieber angelegten Schnur, richtig in den Kreuzpunkt x gesetzt werden.
- 2) Sind im Balbe gerade Stellwege verwachsen, ober bei neuen Anlagen wieder herzustellen: so sucht man auf ihrer größten übersehbaren gange die Richtung der alten Mittellinie, ver= längert diese nach beiden Enden und stedt davon die mangelnden Seitenlinien ab; boch muß zuvor die Mitte burchgangig berich= tigt sein. Bisweilen finden sich seitwärts feste Punkte, beren Abstand von dem Grundrisse abgenommen und angemessen werben kann. Die Linienpflänzlinge rudt man übrigens noch fo viel hinaus, als ihre einstige halbe Stammstärke beträgt.
- 3) Berlorne Punkte zu Schlägen und andern Abtheilungen find wieder bestimmbar nach den nächsten Abtheilungssteinen, oder sonsti= gen feften Punkten. Bon biesen aus fteckt man bie auf der Karte genommenen Richtungen und Entfernungen ab, fo gut als eben thulich

Fig. 94.



4) Berlorne Grenzpunkte sindet man wieder durch Abmessung ber in der Grenzzeichnung nachgewiessenen Längen und Winkel. Wäre z. B. der Grenzspunkt Nr. 5. wieder aufzusuchen, so würde man die Grenzlinien von 6 zu 5 und von 4 zu 5 absmessen und etwa den Winkel dei 4 mit zu Hülfe nehmen. Eben so würde versahren, wenn mehre Grenzpunkte an einander sehlten. Doch sollte die Wiederherstellung der Grenzen nie so lange aussgesetzt bleiben, daß inzwischen Grenzpunkte ganz spurlos verloren gehen könnten.

standlinien, wie ab und bc, die entweder von der Bermessung ber im Grundrißentwurse und im Bermessungsbuche noch zu sins den oder auf dem Grundrisse von neuem anzunehmen sind. Diese steckt man nebst den Abständen von einem noch vorsindlichen sessen Punkte dis wieder zu einem andern ab, wie von Nr. 1. zu Nr. 6. Dabei ist freilich ein ganz genaues Eintressen nicht zu erwarten.

6. 258. Einen verloren gegangenen Maßstab wieber zu bestimmen.

Dies kann auf verschiedene Beise geschehen:

Erstes Berfahren. Man mißt eine auf der Karte sest= liegende und im Freien gut meßbare Linie mit einem beliebigen, z. B. dem landesüblichen Längenmaße genau aus, sie sei == 160°; und greift dann diese Linie auf der Karte ab, sie ergebe 4 Dezimalzoll des gebrauchten Längenmaßes. Es verhält sich dem= nach die wirkliche Länge zu der verjüngten auf der Karte wie

160°: 4" = 16000": 4" = 4000: 1

oder der verloren gegangene Maßstab war = $\frac{1}{400}$. — Hätte man nun z. B. weimar. Maß, bei welchem 1 Dezimalzoll = $\frac{125 \times 16}{400}$ = 20 par. Einien (§. 172.), so wären

160° im Freien $= 4 \times 20 = 80$ par. Linien auf der Karte, ober 10° , , , $= \frac{80}{18}$ = 5 ,, ,, ,, ,, und barnach könnte, mittels eines pariser Fußstabes, der neue Naßstab leicht angesertigt werden.

Iweites Verfahren. Man suche im Walde zwei auf der Karte deutlich bezeichnete Grenzpunkte und messe ihre Entfernung so genau als möglich mit dem gebräuchlichen Längenmaß; die Entfernung betrage 100°. Alsdann greife man auf dem Risse die correspondirende Länge auf einem beliebigen, z. B. dem gewöhnlich gebrauchten Maßstabe ab; sie ergebe 80°.

Demnach verhält fich:

$$100:80=10:8$$

d. h. 8° des eben gebrauchten Maßstabes sind — 10° des verloren gegangenen alten Maßstabes.

Drittes Berfahren (aus der Fläche). Man berechne eine scharf begrenzte und nach ihrem Flächeninhalt bekannte Fläsche mittels eines beliebigen Maßstabes. Ist nun z. B. die Fläche 100 Ar. groß, hätte aber die neue Berechnung einen Flächenges halt von 81 Ar. ergeben: so verhält sich (nach §. 171. 5.)

$$\sqrt{100}: \sqrt{81} = 10: x$$

 $x = 9,$

b. h. 9 Ruthen des bei der eben ausgeführten Berechnung ges brauchten Maßstades sind — 10° des verloren gegangenen.

§. 259. Die Eänge des bei einer früheren Messung gebrauchten, nicht mehr bekannten Dezimalfußes zu ermitteln.

Dies kann nur geschehen, wenn wenigstens der alte Maßstab noch vorhanden ist. Man mißt eine gerade Linie im Freien mit einem beliebigen, z. B. dem landesüblichen Lägenmaße; sie sei = 1334,5 dc'. Nun greife man dieselbe Linie auf dem noch vorhanzenen alten Maßstabe ab; sie ergebe 1000'.

Es verhält sich also:

$$1000: 1334,5 = 1:x.$$

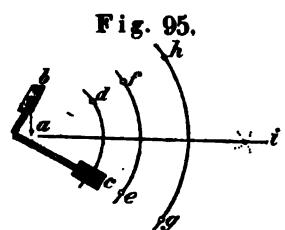
$$x = \frac{1334,5}{1000} = 1,3345,$$

d. h. 1,3345 des eben gebrauchten bekannten Dezimalfußes == 1 Dezimalfuß des früher gebrauchten, unbekannten.

War nun z. B. ber eben gebrauchte Dezimalfuß ber weismarische = 200 par. Linien: so enthielt ber verloren gegangene 200 × 1,3345 = 266,9 par. Linien,

oder mit anderen Woten: es ware dies der preußische Dezimals fuß gewesen, denn dieser $=\frac{139,18\times12}{10}=266,9$ par. Einien.

§. 260. Die Mittagslinie abzusteden, Fig. 95.



1) Erstes Verfahren: Auf eisnem ebenen freien Platze schlägt man einen Pfahl schräg ein und befestigt oben daran eine hinlänglich große Tasfel. In diese kommt eine mit Blech wieder verschlossene Öffnung und durch dasselbe ein kleines kreisförmiges Loch

b, in das man einen Lothfaben da mit spitzigem Senkel zieht und banach dessen Lothpunkt a auf dem Boben bezeichnet.

Bon diesem Punkte a aus werden mehre scharfe Kreisbogen, ed, ef, gh, beschrieben, und wo dann um die Mittagszeit, beim Fortrücken des Schattens, der durch das Loch d fallende Lichtzstrahl einen Bogen trifft, wird der Punkt genau bezeichnet, einerzseits am Bormittage, andrerseits am Nachmittage. Dann halz birt man auf der Stelle die von den beiderseitigen Punkten abzgeschnittenen Bogen, macht auch wohl über g und h einen Halzbirungsschnitt i. Die Gerade von i durch alle Theilpunkte zu aist die gesuchte Mittagslinie, welche nun noch zu verlängern und mit sesten Punkten zu bezeichnen ist.

Man kann hierzu Tags vorher erst proben und auf den Stellen, wo Punkte hinkommen, Pfähle ober Brettstücken besestigen und sich dann die Punkte mit eingeschlagenen Stiften schärfer bezeichnen.

2) Zweites Berfahren: Auf einem Meßtische reißt man mehre concentrische Halbkreise, ruckt ein Gestell mit einem ähnlichen Lichtloche senkrecht über ben angenommenen Mittel= punkt und verzeichnet übrigens Alles so auf dem Papiere, wie bort auf dem Boben.

3) Drittes Verfahren: Man visirt beim Eintritte ber Abendbammerung die Nordlinie unmittelbar nach dem Polarssterne ab, der sich etwa 50° über dem Horizonte, ziemlich in der Richtung der beiden Hinterräder vom großen Wagen, vor der Spitze des kleinen Wagens sindet.

Jedes dieser geometrischen Berfahren ist wenigstens genügend, um die Abweichungen der Boussolen zu ermitteln und die Forstkarten zu orientiren.

6. Bobenabmagung.

§. 261. Bagrechte Bobenlinien abzusteden. Fig. 96. 97. 98.

Oft hat man an Bergen zum Anlegen geeigneterer Bege, Saatstreifen u. bergl. wagrechte Linien auf dem Boden hinzuziehen. Dies geschieht:

Fig. 96.

1) Mit dem Meßbrettchen: Manstedt dasselbe in dem gegebenen Ansangspunkte A so auf, daß der Lothsaden die äußere Quadratsseite beckt, und richtet die Brettsläche erst ungefähr in die wagrecht fortlausende Bodenlinie. Ein Sehülse geht voraus mit dem Ausssteckstade, woran in der Höhe des ausgestellten Meßbrettchens ein Zeichen, etwa ein angebundenes Papier, oder ein angestecktes Tässelchen, ist, und setzt denselben dort ebenfalls ungefähr auf. Nun richtet man durch den wagrechten Schnitt des Meßbrettchens den Zeichenstad auf eine paßliche, mit dem Standpunkte gleich hoch gelegene Stelle B, wo nun ein Psahl eingeschlagen und dann das Meßbrettchen wieder ausgesteckt wird. So setzt man die Arsbeit fort bis zu Ende.

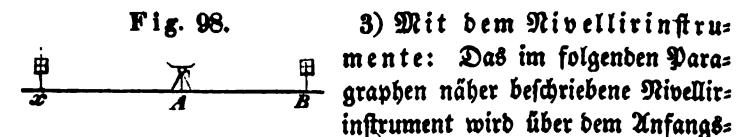
Fig. 97.

2) Mit der Setlatte:

Gine, lange, ganz gerade Latte,

mit einer großen Setwage zus
sammengerichtet, nach §. 223. 2., wird von dem Anfangspunkte A

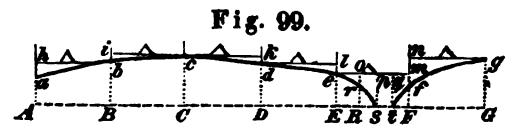
ous wagrecht aufgelegt bis zu B, und zwar auf eingeschlagene Pfähle von gleicher äußerer Höhe; eben so von B zu C, von C zu D u. s. w., wobei man den vordern Pfahl immer nach dem nächst hinteren richtet. Wird das Werkzeug bei jeder neuen Fortsfehung verwendet, so heben sich manche Fehler.



punkte A genau wagrecht aufgestellt, an dem Nivellirstade aber das Täfelchen in gleiche Höhe mit dem Absehen gebracht und vermittelst desselben die wagrechte Stelle B gesucht, welche man mit einem eingeschlagenen, oben abgeglichenen Pfahle, eben so wie den Anfangspunkt, bezeichnet.

5. 262. Den Fall des Bobens abzuwägen (Nivel= liren). Fig. 99. 100.

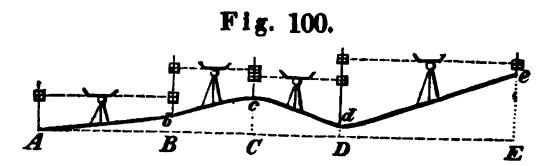
Nivelliren heißt den Fall des Bodens abwägen, oder den reslativen Höhenunterschied zweier Punkte bestimmen: eine Aufgabe, die bei Wegeanlagen, Entwässerungen u. s. w. vorliegt. Bei kleinerem Nivellement kurzer Strecken bedient man sich der Setlatte, zu größeren, ausgedehnten Bodenabwägungen aber gebraucht man das Nivellirinstrument.



1) Mit der Setlatte: Auf der abzuwägenden Linie hin schlägt man, nach der Länge der Setlatte, Pfähle, wie a, b, c, d . . ., die alle gleich hoch über den Boden hervorragen, und untersucht alsbann, wie viel von je zwei Pfählen der eine niedriger steht, als der andere.

Man geht nämlich an a und b, legt auf den obern Pfahl b die Sehlatte mit dem einen Ende, stellt auf den andern a eis nen genauen Zollstab, halt daran das andere Ende der Sehlatte in wagrechter Eage, was nach der aufgestellten Setwage beurztheilt wird, und zählt nun die Zolle von a dis h ab. Eben so verfährt man zwischen b und c; hier ist c wieder um di höher als d, oder um di + ah höher als a. Zwischen c und d wird die Setzlatte auf c gelegt und der Fall dk gefunden; eben so auch el zwischen d und e; k liegt wieder um km tiefer als e. Da der Boden auf dieser Station stückweise verschiedenen Fall hat, so mißt man noch besonders die Höhen or, ps, qt und bezwerkt sich dabei die Längen eo, ep, eq. Weiter sindet man den Pfahl g um kn höher als k. Hierbei werden ebenfalls die in dem Werkzeuge liegenden Fehler mehr gehoben, wenn man daszselbe in jeder neuen Ausstellung verwendet.

Man könnte auch zu dieser Messung einen Aufriß entwersen vermittelst eines versüngten Maßstabes, der aber Iwölsteleintheis lung haben muß, wo mit solchem Maße gemessen wird. An der tiessten Stelle fängt man an, hier an St, was etwa die Oberssäche eines sließenden Wassers sein könnte, und trägt auf eine allgemeine Grundlinie AG die Senkrechten Sp und tq, dann eis nerseits Rr = Sp - ro; Ee = Sp; Dd = Ee + el; Cc = Dd + dk; Bb = Cc - bi u. s. Diese Höhen sind alle bestimmt, und es ist nun leicht daraus zu berechnen, wie viel ein Punkt, z. B. a, b ober c . . . höher liegt als St.



2) Mit der Wasserwage oder einem Nivellirin=
strumente: Die Wasserwage besteht aus einer blechernen, •
an beiden Enden auswärts gekrümmten Röhre, an welcher beider=
seits gläserne Hohl=Cylinder eingekittet sind. Die Röhre wird
etwa bis zur Hälfte der Glascylinder mit (gefärbter) Flüssigkeit
gefüllt und das ganze Instrument auf einem einsachen Stativ
oder Stock aufgestellt. Nach dem Gesetz communicirender Röhren
muß eine das Niveau der beiden Wasserslächen in den Glas-

röhren berührende Bifirlinie mit der Horizontalen parallel gehen.— Die Wasserwagen sind bei windigem Wetter unsicher und wegen leichten Aussließens der Flüssigkeit aus der Röhre unbequem. Die Glascylinder dürfen nicht zu eng sein, weil sonst die Wölzbung der Wasseroberstäche störend einwirkt.

Das Nivellirinstrument ist eine größere Röhrenlibelle (§. 223.), die mit einem Fernrohre so verbunden wird, daß dessen Achse mit jener der Libelle parallel läuft. Sobald die Lustzblase in der Libelle den höchsten Punkt erreicht, muß auch die Achse des Fernrohres in der Horizontalen liegen; zum genauen Abvisiren ist letzteres mit einem Kreuzfaden im Objektivglase verssehen. Statt des Fernrohres bedient man sich auch wohl nur einfacher Dioptern mit Querfäden. Das ganze Instrument wird auf ein gewöhnliches Stativ gesetzt.

Jum Nivelliren gebraucht man außerdem zwei Nivellirstatten, die mit weißer Delfarbe angestrichen und genau in Fuße und Zolle eingetheilt sind. An jeder Latte läßt sich eine vierectige blecherne oder hölzerne Tafel auf = und abschieben, deren vordere, dem Instrument zugekehrte Seite mit fernenden Farben so angesstrichen ist, daß sich die Mittellinie genau abvisiren läßt. Dazu geshören nochzwei eiserne, mit Spizen versehene Untersäze, die man auf den Boden steckt, um die Visirlatten darauf stellen zu können und so einen sicheren Anfangspunkt für die Höhenmessung zu haben.

Bur Prüfung des Nivellirinstruments werden zu beiden Seiten besselben die Täfelchen an den Nivellirstäben nach den Absehen in gleiche wagrechte Höhe gerichtet; wird nun die Wasserwage herzumgewendet, so mussen deren Absehen beide Tafeln eben so wieder schneiden.

Beim Nivelliren kommt das Instrument jedes Mal zwischen die beiden Nivellirstäbe zu stehen und schneidet an diesen eine wagrechte Linie ab, welche durch die Tafeln sixirt wird; der Unsterschied beider Tafelhöhen ist der zwischen beiden Punkten Statt sindende Bodenfall.

Gesetzt, es sollte die Linie As abgewogen werden, so läßt man einen Stab in A aufsetzen und einen andern in b, nicht

weiter von A, als es der Abfall des Bogens und die Sicherheit des Abvisirens gestattet; die Entsernung betrage 80°. Zwischen beiden stellt man das Wertzeug auf, richtet es wagrecht, visirt nach dem Stade in A und läßt die daran besindliche Tasel nach Maßgabe gegebener Zeichen in die Bisir-höhe rücken, solche sests stellen, und die Höhe des Täselchens über dem Boden ablesen oder abmessen; sie ergebe 50°. Dasselbe geschieht auch nach d; man sinde 23°. Zur Versicherung kann man das Instrument verwens den und nochmals visiren. Der Unterschied beider Taselhöhen = 50 – 23° = 27° ist die Erhöhung des Punktes die über A.

Der Stab von A wird nun in c aufgesetzt und die Wasserwage ober das Nivellirinstrument zwischen b' und c u. s. f. dis zur letten Station. Ueber die gefundenen Ergebnisse auf den einzelnen Stationspunkten wird ein genaues Manual geführt, welches etwa folgende Einrichtung haben kann:

Sta= tions= Punfte.	Abgele= fene Höhe.			Ganzer Höhen=	Entfers nung berSta	Ganze Entfer=	
		Fall.	Stei= gung.	Unter= schieb.	tionen.	nung.	Bemerfungen.
	Boll.	Boll.	Boa.	Zoa.	Bus.	Tus.	
A b	50 28	} -	27	27	80	80	
b c	63 40	}	23	50	47	127	
c d	31 62	81		19	53	180	
d e	84 18	-	66	85	100	280	
А—е	-	31	116	-	280		

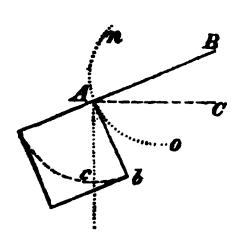
Das ganze Nivellement trägt man auch wohl nach einem verjüngten Maßstabe über einer Linie AE auf und bringt einen solchen Aufriß öfters unter dem Grundrisse des Nivellir-Juges in anschaulicher Beziehung an.

Ift die beim Nivelliren gebrauchte Wasserwage nicht zu kurz,

werkzeug gehörig berichtiget: so kann man bei einer vorsichtigen Behandlung auch mit jenen einfacheren Instrumenten ziemlich gesnaue Ergebnisse bekommen, wenigstens so genau sie ber Forstwirth nöthig hat. Wo freilich große Nivellements vorgenommen werden mussen, da sind nicht allein die genaueren, mit Fernröheren versehenen Werkzeuge erforderlich, sondern man muß auch manches Andere, namentlich die Abrundung der Erdoberstäche und die Strahlenbrechung berücksichtigen. Diese Arbeit liegt jes doch nicht im Bereiche der Forstgeschäfte.

§. 263. Die Bobenneigung ober Bergböschung zu messen. Fig. 101.

Fig. 101.

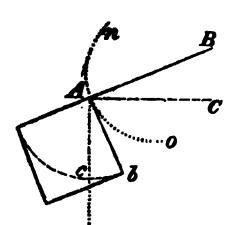


Der Abhangswinkel BAC liegt in einer lothrechten Sbene mit seinem untern Schen=kel AC wagrecht und mit dem obern AB im höchsten Ansteigen des Bodens. Diese Böschungslinie AB ist übrigens senkrecht auf der in der Bergsläche durch A gehenden wagrechten Linie no.

Man stedt das Meßbrettchen in A auf und richtet dasselbe mit seiner obern Seite dem Abhange AB gleich, läßt nun das Soth in Ruhe kommen und zählt die Grade des dem Berge zusgekehrten Bogens de ab; dies ist das Maß der Böschung BAC.

Der Abhang muß eben nicht unten an A, oder oben an B gemessen werden; man kann auch von einem seitwärts gelegenen Standpunkte die Oberseite des Meßbrettchens mit dem äußern Umrisse des Berges in gleiche Neigung richten. Übrigens haben kuch viele Gradwerkzeuge eine Vorrichtung, sogenannte Kipps regel, zum Messen lothrechter Winkel, wie BAC. §. 264. Bestimmte schiefe Linien auf dem Boden bin abzustecken. Fig. 101. 102.

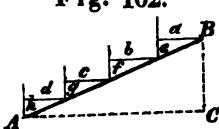
Fig. 101.



1) Man stellt zuerst das Meßbrettchen auf den Anfangspunkt A, mit seiner Fläche ungefähr in den Zug der Linie, so daß das Loth die gegebenen Grade des Ansteigens in ch abschneidet, und richtet damit den vorzausgehenden Gehülfen in B ein, an dessen Aussteckstab ein gleich hohes Zeichen angesbracht ist, wie beim Abstecken der wagrechten

Linie. Alsdann kommt das Meßbrettchen auf den Punkt B zu stehen, und der Gehülfe rückt wieder ein Stück vor. So geht es fort bis zu Ende.

Fig. 102.

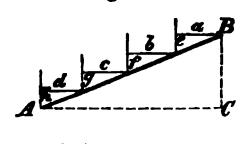


2) Beim Wegeabsteden ist gewöhnlich die Steigung zu einer gewissen wagrechten Länge gegeben, ober das Verhältniß h: d. Wäre dies z. B. ½: 10, so wurde die Steigung h = ½ Fuß in A senkrecht auf=

gerichtet und von da die Länge d == 10 Fuß wagrecht hinüber auf den Boden gelegt und somit der Punkt g bestimmt; von hier eben so c u. s. w.

§. 265. Mittelbare Höhenmessung an Berghängen. Fig. 102.

Fig. 102.



Man mißt den Abhangswinkel BAC und die Abhangslinie BA und ermittelt dann in dem rechtwinkeligen Dreiecke BAC die Berghöhe CB durch Zeichnung. Siche= rer ist noch die Berechnung auf trigono=

metrischem Wege.

Manche wollen auf solche Art auch die wagrechte Entfer= nung von A und B genauer finden, nämlich AC; aber selten ift man im Stande, die Bobenlinie AB wegen Unebenheit der Bo= denstäche ganz gerade zu messen; auch hat die Messung des Elevations = Winkels ihre Schwierigkeit; es schleichen sich in der Berechnung Fehler ein, und man macht sich mehr Arbeit. Bei der gewiß richtigeren und leichtern Staffelmessung wäre außer AC = a + b + c + d auch BC = e + f + g + h leicht zu ermitteln.

V. Flächenmessung.

1. Ausmessung einzelner Forfiftude.

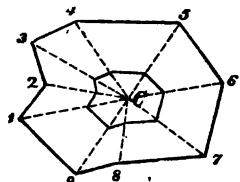
§. 266. Grunbftudflache.

Die wirkliche Bodenfläche ist selten wagrecht eben. Ein Berband geneigter Flächen kann aber mit seinen wahren Ausdehnungen eben so wenig unmittelbar zu einer Grundebene zusammengesett werden, als schiefe Linien zu einem Grundrisse.
Daher bemißt man die Grundstücke auch nur nach ihrer wagrechten Grundsläche und giebt, wo es etwa zur nähern Bestimmung ihres Grundwerthes nöthig erscheint, die Neigung des Bodens noch besonders an.

Nur in wenigen Fällen ist es bei Forstgrundstücken thulich, die auszumessende Fläche gleich auf der Stelle in Dreie de oder andere recht win kelige Grundsiguren zu zerlegen und den Flächengehalt nach wirklich gemessenen Linien ohne Weiteres auszurechnen. Gewöhnlich trägt man erst nach einer besonderen Um fangsmessung den Umriß auf Papier, und rechnet dann die Fläche des geschlossenen Grundrisses vermittelst des zum Ausztragen gebrauchten, verjüngten Maßstades aus. Man erhält so begreissich nur den wagrechten Flächengehalt des Grundstückes, denn der Grundris ist die wagrechte Figur und schließt zugleich die verjüngte Grundstäche ein.

§. 267. Ein Grundstüd mittels schiefwinkeliger Dreiede auszumessen. Fig. 103.

Fig. 108.



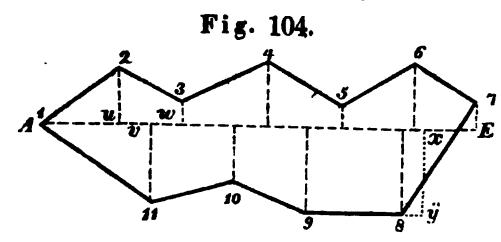
Bei diesem Verfahren theilt man mittels geeigneter Diagonalen die auszu= messende Fläche in lauter Dreiecke, mißt deren Seiten und setzt daraus den Grund=riß zusammen. Dies Verfahren kann also nur angewendet werden bei kleinen, über=sehbaren und zugänglichen Flächen, wie

Schlägen, Blößen und anderen offenen Forststücken. Zuerst umsgeht man das Stück, gleicht davon die Grenzen so viel als thuslich aus und schlägt in die angenommenen Echpunkte nummerirte Standpfähle, entwirft sich auch eine Handzeichnung und bestimmt alsbald die geeignetsten Diagonalen.

- 1) In schmalen Figuren wählt man burchgehende Diagonalen, mißt die Seiten aller badurch abgetheilten Dreiecke und schreibt die Längen unmittelbar in den Handriß. Das Auftragen der Figur ist aus §. 192. bekamt.
- 2) In mehr abgerundeten Figuren, wie Fig. 103., legt man wohl die Dreiecke mit ihren Spitzen in einem innern Punkte C' zusammen und verfährt übrigens auf gleiche Beise; hierbei ist jedoch die größte Genauigkeit erforderlich, sonst paßt das letztere Dreieck nicht recht ein.

Man stellt auch wohl auf den innern Punkt C einen Winzelmesser (der Meßtisch eignet sich dazu am besten), visirt nach allen Eckpunkten 1, 2, 3 . . . die Winkel an C ab, mißt die Diagonalen C1, C2, C3 . . . , trägt diese mit dem verjüngten Maßstade auf und verbindet endlich die in der Zeichnung erhalztenen Schunkte 1, 2, 3 . . . mit ihren Umfangslinien. Ein Schluß muß hierbei immer erfolgen; etwaige Abweichungen lassen sich nur durch Nachmessung der Umfangslinien entdeden. Die Berechnung des Flächengehaltes geschieht entweder nach §. 206. und 207., wozu man im Grundrisse von jedem Dreiecke die Höhe noch abnimmt, oder nach §. 214. mittels der wirklich gesmessenen Seiten.

§. 268. Ein Grundstück mittels rechtwinkeliger Grundfiguren auszumessen. Fig. 104.



Die auszumes=
sende Fläche wird
mittels einer Stand=
E linie und rechtwin=
keliger Abstände in
lauter rechtwinkelige
Grundsiguren zer=-

legt; sie muß also auch hier frei und übersehbar sein. Nach Festzlegung der Umfangspunkte und Aufnahme eines Handrisses wird zunächst durch die ganze Länge der Figur eine gut gewählte Hauptstandlinie AE abgesteckt und gemessen. Dabei bemerkt man sich die Längen von A bis zu den Nichtpunkten u, v, w u. s. w., von welchen die Senkrechten rechts oder links nach den Umfangspunkten ausgehen. Diese Nichtpunkte sind am leichtesten mit dem Winkelspiegel, oder mit einem Kreuzmaß zu bestimmen (§. 226.). Nun werden noch die Abstände der Umfangspunkte u,2, v,11, w,3 u. s. w. gemessen. Die gefundenen Maße schreibt man sich in den entworfenen Handris.

Es ist hierbei wieder zu erinnern, daß lange Abstände durch ihre Abweichungen beträchtliche Fehler veranlassen, und die Nachmessung der Umfangslinien dagegen sichert. Äußere Stücke der Figur könnten auch von Diagonalen aus mit kürzern Abständen angemessen werden. Zu der Hauptstandlinie diente selbst eine lange Seite der Figur, wie etwa die neue Anhiedslinie eines anzulegenden Schlages. Fänden sich Stellen, wo die Durchsicht nach dem Außenpunkte nicht frei wäre, z. B., nach Nr. 8.: so wählte man den Richtpunkt ungefähr, etwa in x, mäße senkrecht hinaus zu y und von da wieder senkrecht herüber auf den Eckpunkt. Um die hier gefundene Abweichung y, 8 würde dann Ax berichtigt; xy wäre zugleich das Waß des gesuchten Abstandes.

Die ganze Figur ist aus rechtwinkeligen Trapezen und Dreisecken zusammengesetzt; ihr Flächengehalt kann baber ohne Beites res nach ben gemessenen Linien schon an Ort und Stelle ganz

leicht berechnet werden. Den Grundriß trüge man nach §. 192. auf. Im täglichen Forstbetriebe verdient dieses einfache Verfah= ren vor jedem andern den Vorzug.

Noch giebt es eine Aufgabe, aus den gemessenen Um= fangswinkeln und Seiten eine Hauptstandlinie AE mit den Abständen u,2, v,,11, w,,3 u. s. w. ohne alle Zeichnung polygonometrisch zu berech nen. Dies umständlichere und müh= samere Verfahren ist jedoch für bloß forstliche Zwecke von über= stüssiger Genauigkeit.

§. 269. Ein Grundstück nach bem Umfange auszu= messen. Fig. 105.

Dies Verfahren stütt sich auf die bereits §. 250. aussührlischer gezeigte Aufnahme zusammengesetzter Linien. Man umgeht das ganze Grundstück, bestimmt und bezeichnet die anzunehmensten Standpunkte der Hülfssigur in oder nahe an dem Umfange, mißt dann die Standlinien mit ihren Winkeln und den etwaigen Abständen und trägt endlich die Figur nach §. 192. 8. und 196. auf. Soll diese nun richtig zum Schlusse gebracht werden, so muß man, um alle möglichen Fehler zu meiden, oder doch zu mindern, folsgende Regeln beobachten:

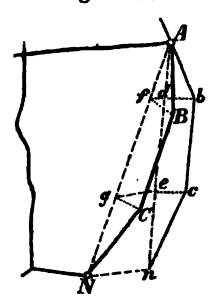
- 1) In die etwa geführte Handzeichnung (Brouillon) ober in das Vermessungsbuch sind alle zu jeder Standlinie gehörisgen Aufnahmen mit den etwa nöthigen Anmerkungen wohl gesordnet, bestimmt und genau einzutragen (§. 250.).
- 2) Das Ausstecken der Standpunkte, das Einiens und Winkelmessen nimmt man bei größeren Umfangsmess sungen getrennt vor, um auf jedes Geschäft die geeignete Zeit und ungetheilte Ausmerksamkeit verwenden zu können.
- 3) Die Standlinien bürfen nicht zu kurz sein, bamit der Winkel nicht zu viele werden, nicht allzu lang, wegen der Unsvollkommenheit unserer Winkelmesser, nicht zu ungleich, weil sich sonst die verschiedenen Abweichungen weniger ausgleichen können; sie müßten frei und gut meßbar sein und der sicherern und bez quemern Abmessung wegen möglich nahe an der Grenze liegen. Bu den Standpunkten wählt man so viel als thulich Grenz-

punkte und Stellen, worauf der Winkelmesser frei und fest genug steht.

- 4) Bei der Linienmessung ist darauf zu sehen, daß an Berghängen recht sorgfältig gemessen, daß kein Zähler übersehen und im Zusammenzählen nicht gefehlt werde. Es ist daher sicherer, die Anzahl der Kettenlängen und das dazu gehörige, immer von dem Zähler aus zu zählende, letztere Kettenstück besonders aufzuzeichnen (§. 250.).
- 5) Bei bem Degtische und ber Degscheibe sichert man sich durch den Mitgebrauch einer guten Drientirboufsole por bem Berdrehen bes Winkelverbandes. Die Richtigkeit ber Winkelaufnahme giebt sich bei beiben burch das Einpassen ber Schlußlinie und bei den Gradwerkzeugen durch die so= genannte Binkelprobe, b. h. aus ber Summe aller Umfangswinkel (§. 158.) schon so ziemlich zu erkennen. Gine Heine, für je einen Binkel burchschnittlich höchstens 2 Minuten betragende Abweichung der Winkelsumme kann unter alle Umfangswinkel gleich vertheilt werben. In ber Regel winkelt man von einem geeigneten Unfangspunkte auf beis ben Seiten hin zu bem gegenüber gelegenen, voraus bestimmten Schlußpunkte, vermeibet babei zu aus= gebehnte Umfangsmessungen und fucht auf gegenüberliegende Standpunkte Querlinien zu visiren, ober burchzumeffen, um nahern Unhalt zu bekommen und die unvermeidlichen Fehler mehr in Schranken zu halten. Gben so wird auch die Figur aufgetragen.
- 6) Wenn beim Auftragen die Figur nicht schließt, so sucht und berichtigt man zuvörderst die etwaigen Fehler. Borstüglich läßt sich aus der Stellung beider Schlußpunkte auf den Sitz einzelner Hauptsehler schließen. Läuft nämlich die zuletzt aufgetragene Standlinie mit den beiden Schlußpunkten parallel, oder trifft gar ihre Verlängerung in den einen Schlußpunkt, so liegt wahrscheinlich ein Längense ih ler vor, und beträgt gar der Schlußmangel die ein z oder mehrmalige Kettenlänge, so ist in der letzen Stand oder einer ihr ziemlich gleichlaufenden Linie wahrscheinlich ein Zählsehler, der sich meist schon durch Abschreis

statt, so hat man mehr auf einen Winkelfehler zu schließen, der schon schwieriger aufzusinden ist, und noch weniger leicht lassen sich zwei etwa vorkommende Fehler entdeden, wenn man nicht vielleicht wegen des einen schon Ruthmaßung hat. Nach dieser denkt man sich die wahrscheinliche Veränderung des Schlußpunktes und sucht hierzu den etwaigen Sitz des andern Fehlers. Weist wird man in diesen Fällen aber genöthigt sein, die aufgetragenen Längen und Winkel alle nach der Reihe zu prüsen, und wenn man da den Fehler nicht sindet, die Messung selbst wieder durchzugehen. Dier zeigt sich nicht selten, daß die bergauf oder bergab gehenden Weßzüge im Ganzen zu lang ausgefallen sind, daß die Wagnetsnadel von ihrer Richtung abgeleitet worden ist, daß andere Bers drehungen des Winkelmessers Statt gefunden haben u. dergl. m.

Fig. 105.



7) Berichtigung der unvermeidz lichen Schlußmängel. Hat man durch die Beseitigung der größern vermeidlichen Fehler die Schlußpunkte so ziemlich zusams mengebracht: so darf dennoch mit der letztern Standlinie nicht ohne Weiteres geschloss sen werden, sondern man vertheilt nun die gebliebene Abweichung auf alle Theite, durch die sie entstanden ist, jedoch so, das keine Linie an sich merklich verändert wird. Dies

geschieht nach der mit vergrößerter Abweichung dargestellten Fizgur 105. wie folgt: Wäre Nn der mangelhafte Schluß, N ein von der andern Seite schon festgelegter Schlußpunkt und der Zug den von A auß zu berichtigen: so zieht man die Diagonalen AN und An, die Eins sein sollten, fällt auf letztere die Senktrechten bd und ce, zieht dann zu nN die Parallelen eg und af, errichtet nun auf AN in f und g Senkrechte, macht fB = db, gC = ec und zieht endlich die berichtigten Linien AB, BC und CN. Auf solche Weise werden alle zweiselhasten Linien und Winskel von Aben in ABCN ziemlich gleichmäßig verwandelt und der ganzen Figur angeschlossen. — Wäre die andere Seite der Figur ebenfalls unberichtigt, so nähme man den Schlußpunkt N in der

Mitte der Öffnung an und schlösse die Figur von beiben Seisten herein. Wie nach vollendetem Schlusse der Flächengehalt zu berechnen ist, ergiebt sich aus dem Vorhergehenden.

2. Abmessung bestimmter Blachen.

§. 270. Studweise Abmessung verlangter Flächen.

Oft hat der Forstwirth Probe = ober Arbeit = Stücke von ge = wisser Größe ohne umständliche Messung abzustecken. Hierzu dienen die Grundsiguren, gewöhnlich das Rechteck, das rechts winkelige Trapez und das Dreieck. Diese steckt man in derjenigen Länge und Breite ab, die der verlangte Flächengehalt eben erfordert. Nach Waßgabe der Umstände wird zuvörderst Plat und Umsang ungefähr ausgesucht und die Grundlinie als Länge angenommen; dann wird die Breite (nach §. 215.) durch Theilung der Fläche mit der Grundlinie berechnet und rechtwinz kelig angesetzt, und endlich der Umsang nach den so erhaltenen Echpunkten vollends geschlossen.

- 1) Zu bem Rechtede steckt und mißt man in der Regel von der zuvor angenommenen Grundlinie beide Seitenlinien ab und zieht dann die Oberlinie von einem Endpunkte zum andern. Man könnte auch nur eine Seite abmessen und auf den Endpunkten von dieser und der Grundlinie zwei Senkrechte errichten, die sich im vierten Punkte schneiden müssen. Sollten 35 q° als Rechted abgesteckt werden auf einer Grundlinie von 7°, so wäre die Breite \$\forall = 5'. Zur Prüsung mißt man wohl die letztere Seite nach. Oft ist es geeignet, lange, schmale Probestücke abzustecken; hier wird die Breite von der Längenlinie aus mehrs mal abgemessen, wie etwa beim Anlegen von Stallungen.
- 2) Zum rechtwinkeligen Trapeze werden beide Parallel-Seiten auf die angenommene Grundlinie gesetzt und abgemessen. Die Länge der einen ist zu wählen, die der andern ergiebt sich nach der beiderseitigen Differenz von der Mittelbreite
 (§. 215. 4.). Wäre die Grundlinie 7°, die eine Parallel : Seite
 6° und der verlangte Flächengehalt 35 q°: so betrüge die Mittelbeeite \(= 5 \); mithin ware die gewählte Parallel = Seite von

- 6° um 1° größer, die gesuchte müßte also um so viel kleiner werden, nämlich 5 1 == 4°. Zur Prüfung kann man vom Ende der kürzern Parallel=Seite senkrecht herüber die obere Länge messen; diese muß der Grundlinie gleich sein.
- 3) Zum Dreiecke errichtet man die Höhenlinie entweder vom Ende, oder vom Innern der angenommenen Grundlinie und steckt die Seitenlinien nach den drei Echpunkten ab. Ein Dreieck von $10 \, q^\circ$, dessen Grundlinie 5° dekommt, erfordert $\sqrt[4]{9} \times 2 = 4^\circ$ Höhe. Zur Prüfung dient hier nur das Nach= messen der Grundlinie und Höhe.
- 4) Kann mit der einen Grundfigur die verlangte Fläche nicht ganz gefaßt werden, so setzt man noch eine zweite, dritte u. s. w. paßlich daran, dis das gesammte Stück die rechte Größe hat. Um die zusammengehörigen Längen = und Breitenzahlen nicht erst suchen zu müssen, merkt man sich geeignete Faktoren des Flächenmaßes, z. B. 14 × 10 für den weimarischen Acker, 9 × 10 für den halben preußischen Morgen; denn alle diese Größen werden nach den Faktoren des Rechtecks bemessen.

§. 271. Stückweise Vertheilung einer gegebenen Kläche in Parallel=Streifen.

Buweilen ift ein Schlag, eine Kulturfläche, ober Blöße in kleine Stücke zu vertheilen. Dies geschieht ebenfalls nach Grundsiguren, am besten vermittelst gleich breit absgestedter Parallel=Streifen. Man legt hierzu der gesgebenen Figur entlang eine gerade Hauptstandlinie sest, setzt auf diese in gleichen, paßlichen Entsernungen, etwa alle 4, 5 bis 10 Ruthen, senkrechte Linien und mißt nunzwischen je zwei dieser Parallelen die verlangten Stücke ab, im Insern als Rechtecke, im Äußern als Arapeze und Dreiecke. Wegen der durchgängig gleichen Breite dieser Parallel=Streisen sind die Längen der abzutheilenden Stücke für Sanze und Theile der Flächeneinheit leicht zu bestimmen. Wäre z. B. die Grundbreite 5°, so brauchte man an Länge 4½° zu 22½ q° oder ½ Rg., 9° zu 45 q° oder ½ Mg., 18° zu 90 q° oder ½ Mg. u. s. w. Rur

die außersten Stucke am Umfange haben eine zufällige Größe und werden deßhalb in einzelnen Ruthen verrechnet.

Um Berghange wird die Hauptstandlinie wagrecht gelegt und bei jeder beträchtlichen Bendung gebrochen, so daß die das von ausgehenden Senkrechten ziemlich in die Böschung zu liegen kommen. Die in jeder Wendung sich einschiebenden Dreiecke sind rechtwinkelig, daher leicht zu behandeln. Ist die zu vertheilende Fläche breit, so legt man mehre Hauptstandlinien parallel neben einander. Mit solchen Reben-Parallelen läßt sich auch die Breite der schon abgesteckten Streifen prüfen.

Diese gar einfache und leichte Flächenvertheilung wendet man vorzüglich an, wo der Boden stückweise in Arbeit oder in Nutzung gegeben wird. Läßt man diese Scheidelinien beim Andaue als Waldraine in angemessener Breite offen: so dienen sie bei Verstheilung des Holzsamens oder der Pflänzlinge, bei Bestimmung nothiger Nachbesserung, beim Pflanzenausheben und Durchforsten, beim Jagen, bei Waldbrand u. s. w. zu mannigsach nützlichem Gebrauche.

§. 272. Abmessung der Hiebs= und anderer Forst= flächentheile. Fig. 106.

Fig. 106.

A D M

Hierzu ist entweder ein brauchbarer Forst=
grundriß vorhanden, oder nicht. Werden in dem
Forstgrundrisse die sortschreitenden Schlaghauun=
gen nachgetragen, so sindet man darin den An=
hied AB und die beiden Anwände AM und BO
des schlagbaren Ortes. Dann theilt man sich
die erforderliche Schlagsläche nach §. 220. auf
der Zeichnung durch CD ab, nimmt die Längen
BC einerseits und AN und ND andrerseits von

dem Grundriffe, begiebt sich an Ort und Stelle, bestimmt danach die Punkte C und D und steckt die neue Anhiebslinie CD durch. Es ist dabei Sorge zu tragen, daß die Schlagpunkte, wie A und B, sogleich sest bezeichnet und genau erhalten werden, sonst bestindet man sich über kurz ober lang mit dem Anhiebe im Forste auf einer ganz anderen Stelle, als auf dem Grundrisse. Feste

Punkte in der Anwand selbst und Abmessungen von der entgegen= gesetzten Seite her sichern hiergegen.

Wo man zur Schlagabmessung einen brauchbaren Forstgrundzis nicht vorsindet und der Holzbestand dicht ist, muß an dem Anhiebe ein zureichendes Bestandesstück, etwa MNABO, von den drei offenen Seiten ausgenommen und die Schlagstäche ABCD zuerst in der ausgetragenen Figur, dann an Ort und Stelle das von abgemessen werden. Der Meßtisch eignet sich hierzu am dessten. Ist man einmal an einer solchen Messung, so nimmt man gleich den Bestand für mehre Schläge auf.

Im lichten, durchsichtigen Holze und zu schmalen Schlägen gebraucht man auch das Meßbrettchen und mißt die Schlagsläche vermittelst rechtwinkeliger Grundfiguren ohne Weiteres ab, jedoch so, daß der neue Anhieb wieder gerade wird. Die forstwirths schaftliche Figur und Folge der Schlagslächen ist nicht Gegenstand der Forstmathematik.

§. 273. Theilung ber Hiebs: und anderer Forfibes triebsfiguren. Fig. 107.

Fig. 107.

Hauer verhältnismäßig zu theilen, so ist es eben nicht nöthig, zuvor die Figur aufzunehmen und in derselben die Theilung zu entwerfen. Sezwöhnlich haben die Schlagslächen zwei ziemlich parallel laufende Seiten, wie BC und AD, oder es ist durch Abschneidung äußerer Ecken eine theilbarel Grundsigur leicht herzustellen. Davon theilt man nur die vorher gemessenen Parallels

Seiten. Sollten aber die Nebenseiten BA und CD nicht gerade, voer sehr lang sein, so steckt man noch Mittellinien, wie GH, quer durch und theilt diese in gleichem Verhältnisse. Hierauf werden auch die anfänglich abgeschnittenen, äußeren Ecken, wie FDE, für sich vertheilt, oder als Theile des Ganzen mit eingerechnet. Endzlich steckt man die Theilungen durch.

Wie übrigens eine gemessene Fläche von gleichem, oder von ungleichem Werthe genau zu theilen ift, lehren die §§. 220. und

221., und es wird nun nicht schwer fallen, die auf dem Grundzrisse entworfenen Theile auch auf dem Grundstücke abzustecken, wenn man die Standpunkte noch auffinden kann. Rur mussen die Theilpunkte wo möglich nach den aus der Rechnung wirklich hervorgegangenen Breiten abgemessen werden, weil die mit dem Zirkel wieder abgegriffenen weniger genau sind.

§. 274. Die Reihenform ber Waldpflanzung. Fig. 108.

Fig. 108.

Die Reihenpflanzung stellt die Pflänzelinge in eigene gleich laufen de Reihen; ihre Grundsigur ist ein längliches Rechteck abed, von dem Reihenabstande ab und der Pflanzeweite ad begrenzt. Auf jeden Pflänzling kommt ein solches Rechteck, eigentlich vwxy, als Standeraum. Dieser wird gewöhnlich in Werkfußen

bestimmt.

1) Nennt man den Reihenabstand a und die Entfernung der Pstanzen in den Reihen e, so ist also der Standraum des einzelnen Pstänzlings = a × e. Wird außerdem die zu bepftanzende Fläche mit F und die gesammte Pstanzenzahl mit St bezeichnet, so ist

F = a · e · St.

Folglich St =
$$\frac{F}{a \cdot e}$$
;

a · e = $\frac{F}{St \cdot e}$;

a = $\frac{F}{St \cdot e}$ unb

e = $\frac{F}{St \cdot a}$.

2) Nach dem Reihenabstande, etwa zu 8', und der Pflanzweite, etwa zu 2', kann hiernach der Standraum und die auf
bas Flächenmaß erforderliche Anzahl von Pflänzlingen leicht berechnet werden. Das Produkt des Abstandes mit der Pflanzweite
giebt den Flächenantheil eines jeden Pflänzlings, nämlich 8 × 2

— 16 q', und mit diesem wird der Inhalt der Flächenmaßeinbeit an Werkfußen dividirt. Da die weimarische Quadratruthe

16 × 16 q' und also der Acker zu 140 q°, 16 × 16 × 140 == 35840 q' Werkmaß enthält: so gingen bei dieser Stellung auf den Acker 35840 = 2240 Pflanzlinge.

- 3) Ift die Pflanzenzahl, der Reihenabstand und die Pflanz= weite gegeben, so giebt beren Produkt den erforderlichen Pflanz= raum. 1000 Pflänzlinge, in den Reihen 3' entfernt stehend mit 10' Reihenabstand, bedürfen 1000 × 3 × 10 = 30000 q' = 117 q° 48 q' weim.
- 4) Ist dagegen die Anzahl der auf den Acker kommenden Pflänzlinge bestimmt, etwa 1000, und man foll ben Standraum eines jeden ermitteln: so wird die Flächenzahl des Ackers durch bie Pflanzenzahl dividirt, nämlich: $\frac{5.5840}{1000} = 35.84 q'$, wofür 36 q' angenommen werden kann, zu welcher Fläche bie Seiten 9×4 ober 10×3.6 ober 12×3 ober 18×2 paßten.
- 5) Bare zugleich bas Seitenverhaltniß bestimmt, z. B. 1:4, so könnten, aus biefem und aus dem Stanbraume 36, die beiden Seiten mittels einer Gleichung gesucht werben. Nennt man nam= lich die kurzere Seite (die Pflanzweite) x, so ist die längere (der Reihenabstand) 4x, also

$$4x \times x \text{ ober } 4x^2 = 36$$

$$x^2 = \frac{36}{4} = 9$$

$$x = \sqrt{9} = 3$$

$$\text{unb } 4x = 4 \times 3 = 12.$$

§. 275. Eine Reihenpflanzung abzusteden. Fig. 109.

Fig. 109. D

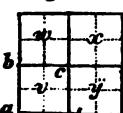
Zuvörderst steckt man die erste Reihe AN ab und von dieser mittels des ge= R gebenen Reihenabstandes die zweite BO, de die britte CP u. s. w., wozu man so= gleich von AN aus durchgehende Senk= rechte ab, cd, ef errichten und mit ben erforderlichen Richtstäben besetzen kann.

Die so ausgesteckten ersten Richtstäbe jeder Reihe werden unter sich wieder berichtigt und bleiben stehen, bis die Linie bepflanzt ift. Von der abgeglichenen Vorderseite der Pflanzung, z. B.

von AF ausgehend, mißt man nun auf jeder Einie die Pflanzweiten ab, wobei eine dazu abgetheilte Schnur wohl dienlich ist. Die Pstanzpunkte werden vorläufig mit Pfählchen bezeichnet.

§. 276. Die Geviertform ber Waldpflanzung (Quabratpflanzung). Fig. 110.

Fig. 110.



Die Quabratpflanzung stellt je vier Pstänzlinge in ein Quabrat; ihre Grundsisgur ist abcd, auf deren vier Eden Pstänzlinge stehen, wovon jedem die Fläche eines solchen Quadrastes, eigentlich vwxy, als Standraum zukommt.

Bei diesem Pflanzverbande ist die Pflanzweite zugleich der Abstand je zweier Pflanzlinien. Die Fläche des Standraus mes kann bei der Geviertstellung leicht berechnet werden; sie ist das Quadrat des Abstandes ab. Nennt man die Pflanzenentskernung e und behält sonst die §. 274.1. gebrauchten Bezeichnuns gen bei: so ist der Standraum des einzelnen Pflänzlings — e² und folglich

$$F = e^{2}. St.$$

$$St = \frac{F}{e^{2}}$$

$$e = \sqrt{\frac{F}{St}}.$$

- 1) Bei 6' Abstand (Entfernung) kommt auf jeden Pslänzling 6 × 6 = 36 q'; auf den preußischen Morgen von 12×12 × 180 = 25920 q' Werkmaß gehen also $\frac{25320}{37} = 720$ Pslänzlinge.
- 2) Bare die Pflanzenzahl = 1000 und die Entfernung = 8' gegeben, so ist der erforderliche Pflanzraum 8° × 1000 = 64000 q' = 2 Morg. 84 q° 64 q' pr.
- 3) Sucht man endlich zur gegebenen Pflanzenzahl und Fläche, auf den pr. Morgen etwa = 400 Stück, den Abstand: so bezrechnet man erst den Standraum des einzelnen Pflänzlings durch

 25920 = 64,8 q' und sindet daraus die Entsernung mittels Ausziehung der Duadratwurzel, nämlich V 64,8 = 8,05, kürzer 8 Fuß.

Die Waldbaulehre handelt von einer eignen Fünfpflans zung und setzt mitten in die Seviertsorm noch einen fünften Pflänzling. Man darf aber nur diese vermeintlichen fünften Punkte durch Diagonalen in ein anderes Quadratnetz ziehen: so tritt die Seviertstellung ganz unverkenntlich hervor und die mehr= jährige Täuschung verschwindet. Ein eigentlicher Fünsverband, nämlich eine lückenlose Zusammensetzung von regelmäßigen Fünf= ecken, ist ja unmöglich!

§. 277. Eine Quabratpflanzung abzusteden. Fig. 111.

Fig. 111. $C \neq D = E$ $c \cdot d = G$ $A = B \neq A$ $C \cdot d = B$

Man nimmt eine gewisse Anzahl der gegebenen Pflanzweiten zusammen, so viel eben auf das vorhandene Längenmaß gehen, trägt diese Länge Ak auf die vordere, ganz gerade Pflanzlinie AN von Anfang dis zu Ende, stedt nun von den beiden Außen= punkten Aund N, so wie von einem mitt= N leren Theilpunkte B, senkrechte Linien über

ben Pflanzplat und trägt auch auf diese jene gange Ak.

Eben so theilt man GF und GH, DC und DE und versichert sich zugleich, daß diese Linien, bei richtiger Länge, auch gerade und zu BD senkrecht sind; wo nicht, so muß diese Hauptsigur noch berichtigt werden.

Hierauf steckt man die inneren Punkte a, b, c, d u. s. w. des so vorgerichteten Hauptnetzes nach den beiderseits zu sindens den Richtungen ab; a liegt nämlich im Durchschnitte der Linien hg und se und wird noch versichert von k über e und f, so wie von i über g und h. Ist das Hauptnetz fertig, so müssen alle Punkte sowohl in die Netzrichtungen, als in die Diagonal-Richtungen passen, und es darf kein Stab aus seinen Linien weichen.

Endlich werden noch in den so erhaltenen Hauptquadraten die Pflanzpunkte abgesteckt. Man theilt hierzu zwei gegenüber= liegende Seiten, wie Ai und ka, in ihre Pflanzahstände, spannt die Pflanzschnur nach und nach von den Theilpunkten auf Ai zu

ben gleichliegenden auf ka und bezeichnet alle Pflanzpunkte das zwischen mit Pfählchen. Diese sind in jedem Hauptquadrate ebenfalls zu versichern, daß sie nach allen Seiten gehörig in Linie stehen.

Öfters ist es nicht thulich, die Hauptsigur sogleich bis an das Ende des Pflanzplatzes zu legen. Wie man dann ein solches Netz noch erweitert, ergiebt sich nun von selbst. Auf ungleichem Boden mussen die Abmessungen alle wagerecht gemacht werden. Dies verursacht manche Schwierigkeit. Genauer, als die dehn=bare Pflanzschnur, ist eine Meßkette, oder eine Meßstange. — Man stedt wohl auch, von Linie zu Linie fortrückend, einen Pflanzpunkt nach dem andern ab, mittels eines aus vier Lattensstücken zusammengesetzen Quadrates, dessen Seite der Pflanzweite gleich ist. Dies ist jedoch nur bei geringerem Abstande answendbar.

§. 278. Die Gedrittform der Baldpflanzung (Verbandpflanzung). Fig. 112.

Pig. 112. Die Berbandpflanzung stellt je brei Pstänzlinge gleich weit von einander; deren Grundfigur ist also das gleichseitige Dreieck abd, auf dessen brei Ecken Pstänzlinge stehen, wovon jedem die Fläche eines gleichseitisgen, zu & R verschobenen Viereckes abcd, oder eigentlich vwxy, als Standraum zukommt.

In bem gleichseitigen Dreiecke abd steht bie Höhenlinie be fenkrecht auf ber Mitte von ad (g. 147.); also ift

be³ = ab³ -
$$(\frac{1}{2} \text{ ad})^3$$
 (§. 167.)
und be = $\sqrt{[ad^3 - (\frac{1}{2} \text{ ad})^2]}$ (benn ab = ad).
Which nun ad = 1 angenommen, so ift
be = $\sqrt{[1 - (\frac{1}{2})^2]}$
= $\sqrt{(1 - \frac{1}{4})}$
= $\sqrt{\frac{3}{4}}$ = 0,866 (§. 47.).

Es verhält sich also in dem Vierecke der Berbandpflanzung die Grundlinie ad zu der Höhe be wie 1: 0,866 und in demselben

Verhältniß steht folglich auch der Standraum bei gleicher Entzfernung. Bei 6' Pflanzenentfernung ist der Standraum
für die Quadratpflanzung = 6×6 = 6² = 36 q',
für die Verbandpflanzung = 6×6×0,866 = 6²×0,866 = 36×0,866
= 31,176 q'.

Es ergiebt sich daraus, daß man zur Berechnung des Standraus mes (des verschobenen Vierecks) für die Verbandpflanzung nur das Quadrat der Pflanzweite mit 0,866 zu multipliziren habe. Daraus folgt dann (nach §. 276.) weiter für die Verbandpflanzung:

$$F = e^{2}$$
 . 0,866 . St
 $St = \frac{F}{e^{2} \cdot 0,866}$
 $e = \sqrt{\frac{F}{St \cdot 0.866}}$

1) Ist die Pflanzweite für eine Berbandpflanzung gegesben, etwa zu 6', und es soll die auf den preußischen Morgen ersforderliche Pflanzenzahl berechnet werden: so dividirt man mit dem Standraume 6 × 6 × 0.866 in das fragliche Flächensmaß, nämlich:

$$\frac{25920}{6 \times 6 \times 0,866} = \frac{25920}{6 \times 6} : 0,866 = 720 : 0,866 = 831 \text{ Stud.}$$

Hieraus ist ersichtlich, daß man die Pflanzenzahl der Quas bratpslanzung in gleicher Pflanzweite nur durch 0,866 zu dividiz ren brauche. Bei gleichen Pflanzweiten verhält sich also die Pflanzenzahl der Quadratpslanzung zur Pflanzenzahl der Verbandpslanzung wie 1: $\frac{1}{0,866} = 1:1,155$. Daher kann man auch zur Ausschlung dieser Aufgabe die gefundene Pflanzenzahl der Quas dratpslanzung mit 1,155 multipliziren, was leichter ist. 3. B. die 720 Stück (§. 276.) mit 1,155 multiplizirt, gäbe 831 Stück.

2) Die Stammzahl ergiebt sich bei gegebenem Flächen= raum z. B. 1 weim. Ar. = 35840 q' und ber Pflanzweite, etwa 5 Fuß aus:

$$\frac{35840}{5^2 \times 0,866} = 1655.$$

3) Die Pflanzweite endlich findet man bei gegebenem Flächenraume z. B. 1 preuß. Morgen = 25920 q' und bekann= ter Pflanzenzahl, etwa 720 nach

$$\sqrt{\frac{25920}{720.0,866}}=6,45'.$$

Einfacher noch läßt sich die Pflanzweite folgendermaßen sins den: Man sucht das Seitenverhältniß eines Quadrates und eis nes verschobenen (Verband) Wierecks von gleicher Fläche; nehmen wir die Seite des Quadrats zu 1 an und die des gleich großen verschobenen (Verband) Vierecks zu x, so ist der Inhalt von jenem = 1 × 1 und von diesem = x × x × 0,866, und

$$\begin{array}{r}
 1 \times 1 = x^2 \times 0,866 \\
 \frac{1}{0,866} = x^2 \\
 \sqrt{\frac{1}{0,866}} = x = 1,075.
 \end{array}$$

Es verhält sich also die Seite des Quadrates zur Seite des gleich großen verschobenen (Verband =) Viereckes wie 1: 1,075. Daher multiplizirt man den gefundenen Abstand der Quadrat= stellung auf gleichem Standraume nur mit 1,075.

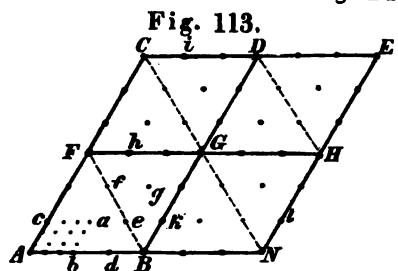
Sollen auf einen preußischen Morgen 720 Pflänzlinge in Verbandsorm gesetzt werden, so erhält jeder zu seinem Raume $\frac{25920}{728} = 36 \, q'$; davon ist die Quadratseite 6' und die gesuchte Verbandweite $6 \times 1,075 = 6,45'$, wie oben.

Zur Probe könnte man hiervon den Standraum suchen, $6,45 \times 6,45 \times 0,866$, und damit in das Flächenmaß dividiren; dann kommt $\frac{25920}{6,45 \times 6,45 \times 0,866} = 720$, die gegebene Pflanzen= zahl wieder heraus.

Die Formeln für die Berbandpflanzung sind demnach:

$$F = e^{2} \cdot 0.0866 \cdot St;$$
 $St = \sqrt{\frac{F}{e^{2} \cdot 0.866}} \text{ ober } \sqrt{\frac{F}{e^{2}}} \times 1.155;$
 $e = \sqrt{\frac{F}{St \cdot 0.866}} \text{ ober } \sqrt{\frac{F}{St}} \times 1.075.$

§. 279. Eine Berbandpflanzung abzusteden. Fig. 113.



Man theilt die angenom=
mene vordere Pflanzlinie
ebenfalls mit einer gewissen Anzahlbergegebenen Pflanz=
weiten und errichtet zuerst
von A und einem geeigne=
ten Theilpunkte B ein großes
gleichseitiges Dreieck ABF.

Dazu können an A und B kleine gleichseitige Hülfsdreiecke Abc und Bde gelegt und davon die Seiten Ac und Be verlängert werden, bis sie in F sich schneiden. AF und BF sind zu messen, erforderlichen Falls zu berichtigen und wie AB einzutheilen. Hieran setzt man nun auf gleiche Weise die Dreiecke BFG, BNG, NGH, FGC, GCD u. s. w., beren Richtigkeit sich durch die einpassende Richtung aller Echpunkte bestätigt.

Die innern Punkte des so vorgerichteten Hauptnetzes bestimmt man durch Einvisiren ganz wie zu der Quadratpstanzung; nämlich a kommt in den Durchschnittspunkt von hi und kl und wird von b und c aus versichert. Die Punkte auf den abgesteckten Diagonalen, wie s und f, sind überdies schon abgemessen. In dem fertigen Hauptnetze mussen alle Punkte in alle Richtunzen passen, keiner darf aus seinen Linien weichen.

Endlich werden die einzelnen Pflanzpunkte wie bei der Quadratpflanzung abgesteckt, nur mit dem Unterschiede, daß die Pflanzschnur zwischen den Parallelen nicht senkrecht fortrückt, sondern
nach einem Winkel von 60°. Beim Abstecken der großen Oreiecke könnte ein Winkel-Instrument anstatt der ersten kleinen Hülfsdreiecke gebraucht werden. Zum einzelnen Abstecken der Pflanzpunkte mit geringer Entfernung diente auch ein gleichseitiges
Oreieck, oder das gleichseitige, zu 60° verschobene Viereck des
Gedrittverbandes; doch ist letzteres minder bequem.

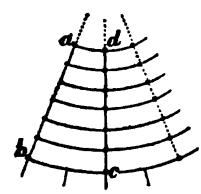
Sollen größere Stämme in größere Entfernung gepflanzt werben, so nimmt man ganz gerade und gleich starke Baumpfähle,

stelle des weggenommenen Pfählchens gepflanzt.

§. 280. Die Strahlenform zur Waldpflanzung. Fig. 114.

Die Strahlenpflanzung stellt die Pslänzlinge in Reihen, die alle von einem gemeinschaftlichen Strahlpunkte aus gerichtet sind und je zwischen einem größten Strahlenabsstande eintreten; ihre Grund figur ist der Ausschnitt eines Ereisringes, den man jedoch als Trapez annehmen kann. Diese Trapeze sind von gleicher Breite, aber von verschiedener Bänge, mithin auch von verschiedener Fläche. Der äußere Reihensabstand be ist in allen Fällen doppelt so groß, als der innere ad.

Fig. 114.



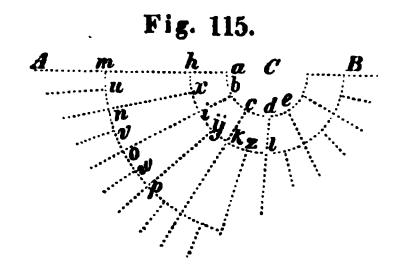
Die mittlere Standraum fläche wird bei dieser Stellung gefunden, wenn man die Gesammtsläche einer solchen Trapez-Reihe abcd durch die Anzahl der in ab befindlichen Pflanz-weiten dividirt. Wenn ad = 6', bc = 12' und ab = 24', mithin abcd $= \frac{6+12}{2} \times 24$

= 216 q' ist, und auf ab 12 Pflanzweiten zu 2' gehen: so kommen auf jeden Pflanzling im Durchschnitte 216 = 18 q'.

Soll die Pflanzweite innerhalb der Reihe nach einem gegebenen durchschnittlichen Standraume von etwa 24 q' berechenet werden: so dividirt man mit letterem in die Fläche der Traspez-Reihe abcd, hier 216 q', und findet, in $\frac{216}{24} = 9$, die Anzahl der Pflanzweiten; durch diese theilt man die Länge ab von 24 Fuß, was $\frac{24}{3} = 2\frac{2}{3}$ zur Pflanzweite giebt. Hierbei wäre ungefähr der innere, kleinere Standraum $2\frac{2}{3} \times 6 = 16$ und der

äußere, größere 23 × 12 == 32 q'. Diese Berschiedenheit könnte einst zu recht nützlichen Erfahrungen über die zweckmäßigere Stellung der Holzanlagen führen.

§. 281. Eine Strahlenpflanzung abzusteden. Fig. 115.



Man nimmt einen Punkt C zur Mitte des Sternes an, reißt von diesem mit dem ge= gebenen Haldmesser Ca den Um= kreis zum offen bleibenden Rund= plate, theilt diesen Umfang in die gegebenen vorderen Reihen= abstände ab, bc, cd . . . und

bezeichnet jeden Theilpunkt a, b, c, d . . . als Anfang der ersten Strahlen.

Hierauf reißt man mit 2 Ca ober Ch von C aus einen weiteren Kreis und verlängert Ca, Cb, Cc . . . bis in denselben zu h, i, k . . . , mißt nun die Sehnen hi, ik, kl . . . , berich= tigt die etwaigen Abweichungen noch zeitig und halbirt diese Bo= gen in x, y, z . . . Dies giebt die Anfangspunkte der zweiten Strahlen mit dem vordern Abstande hx = ab.

Beiter müßte man mit 2 Ch = Cm aus C einen britten Kreis abreißen, was aber nunmehr wegen der unbehülslichern Halbmessergröße nicht wohl anginge. Daher sett man alle die angefangenen Strahlen in der Richtung Ch, Cx, Ci, Cy, Ck... fort, giebt jeder dieser Fortsetzungen Ch oder hm zur Länge und bekommt dadurch die Kreispunkte m, n, o, p . . . in gleichen Abständen = 2 ab. Deren Mitte u, v, w . . . ist wieder der Ansang neuer Zwischenstrahlen.

Der vierte Strahlenanfang träte bei 2 Cm ein. Hier müßte man die Geraden von m, u, n, v, o... um Cm fortsetzen und dort wieder die Abstände theilen. So ginge das Abstecken fort bis zu Ende.

Leicht begreislich ist ah: hi = Ca: Ch; soll hi zweimal so groß werden als ah, so muß auch Ch = 2 Ca sein. Weiter

ist hx: mn = Ch: Cm und mn = 2 hx; folglich Cm = 2 Ch und hm = Ch.

Der eben gebrauchte Halbmesser muß also allemal zu der Stelle führen, wo wieder neue Strahlen einfallen. Die Strahlen werden daher von Stud zu Stud mehr gleichlaufend.

Bepflanzt man die Strahlen dicht, so macht sich diese Anzlage, zumal auf der Ebene und von einer gerahstämmigen Holzart ausnehmend gut. Bon dem Mittelpunkte aus durchsieht man man dann das ganze Dickicht, wenn der vordere Strahlenabstand nicht zu eng ist. Die Strahlen selbst können dabei so dicht bespstanzt werden, daß an Holzertrag nichts verloren geht. Zur Mitte paßte ein Ruheplatz, oder Jagdschirm, eine Wildsterung, oder Salzlecke, auch wohl ein seltener Baum. Auf einem Wildzwechsel wurde diese Strahlenpflanzung den Jagdsreund ganz bessonders erfreuen. Soll ein breiterer Geradweg über den Rundplatz geführt werden, so läßt sich nur der halbe Stern mit ACB gut andringen, sonst könnten nicht an beide Seiten des Weges volle Baumreihen zu stehen kommen.

VI. Forstvermessung.

- 1. Eigentliche Forstvermessung.
- §. 282. Gegenstände der Forstvermessung.

Der Forstvermesser hat vorzüglich aufzunehmen:

- 1) Die Grenzen des Forstgrundeigenthums und der über Grund und Boben sich ausdehnenden Forstgerechtsamen und Forststensteiten, mit allen durch Steine, Säulen, Bäume, Hügel, oder Gruben bezeichneten Grenzpunkten und allen nach Hecken, Steinwällen oder Gräben, Rainen, Wegen, Wasserriffen, Flüssen, oder Bergkanten bestimmten Grenzlinien.
- 2) Alle andern festen Linien und Punkte innerhalb des Forstes, die entweder zu öffentlichem Gebrauche, oder zu forstli= chen Iwecken, oder zu geometrischem Anhalte dienen, als: schmale

- Trift*, Holz*, Fuß: und Stellwege; scharf eingeschnittene Schluchten, Wasserrisse und Bäche; scharfe Bergkanten und Fels: spihen, Quellen, Salzlecken, ausgezeichnete Steine, Bäume, etz maige Bauwerke u. bgl.
- 3) Die Stanborts verschiedenheiten, so weit biese durch die äußere Bodengestalt (Bergrücken, Abhänge, Thäler, Schluchten u. s. w.), oder die innere Bodenbeschaffenheit (auffallende Berschiedenheit in der Bodengüte, Sumpf, Steinfeld u. s. w.) entschieden hervortreten, hauptsächlich zum Behuse der künftigen Ortsabtheilung *).
- 4) Die Holzbestanbesverschiebenheiten, nach Holzund Betriebsart, Alter, Wuchs und Schluß, nebst den Räumden und Blößen über einer bestimmten Größe, zur Bestandesabtheis lung **).
- 5) Die Nebengrundstücke des Forstes, als: Gehöfte und Särten, Acker und Wiesen, offene Huten und Triften, Holzlagerund Kohlplätze, breite Wege, Stein= und Mergelbrüche, Thon= und Lehmgruben, Teich= und andere Wasserstächen, so wie allen andern zur Holzzucht nicht geeigneten Boden, wie Felsen, Sümpfe u. s. w.
- 6) In den Forstumgebungen: An der Forstgrenze hin, die ausgezeichneten festen Punkte und Linien mit den ablausens den Flurgrenzen. Weiter, die Abfahr = und Triftwege, die näch=sten Wohnorte mit ihren Fluren und Gehölzen, wenigstens im Bereiche bes Jagdrevieres (?).

Am genauesten sind die Grenzen und festen Wirthschaftslinien nebst den Anhaltpunkten zu vermessen; weniger genau brauchen die Verschiedenheiten der Lage und des Bodens, des Holzbestans des und der sonstigen Benutzungsart aufgenommen zu werden; von der Umgegend des Forstgrundes ist eine bildliche Darstellung schon hinreichend.

^{*)} Die Standortsverschiebenheiten fallen meift mit ben, außerlich mehr hers vortretenden, Bestandesverschiebenheiten mehr ober weniger zusammen.

Die Grundsate im Speziellen, nach welchen ber Forstgeometer die so wichtige Bestandesabtheilung zu bilben hat, lehrt die Forstbetriebseinrichtung.

§. 283. Bertzeuge und Sulfsmittel.

Bum Absteden und Messen der Linien und Winkel im Forste und zum Auftragen und Zeichnen der Forskarten braucht der Forstvermesser mancherlei Werkzeuge und Mittel, als:

- 1) Etwa sechs gute Richtstäbe, um damit längere Stand= linien vorzurichten, auch später die Abtheilungen abzustecken.
- 2) Zwei wohl abgeglichene Meßketten mit Zubehör, um immer eine ganz brauchbare vorräthig zu haben; dabei eine Wesstange zum wagerechten Messen sehr steiler Linien und einen Fußstab.
- 3) Ein gutes Winkelwerkzeug mit Zubehör. In Bergforsken ist die Meßscheibe und in Landforsten die Boussole vorzüglich. Daneben kann ein leichter Meßtisch oder eine kleine Boussole zu den Zwischenaufnahmen gebraucht werden.
- 4) Geeignetes Papier, Lineal und Winkel, Maß: fab, Zirkel und sonstigen Zeichenbedarf, eine ebene, hinlangs lich große Tafel und ein helles Zimmer, zum Auftragen der Messung.

Zwei tüchtige Kettenzieher und noch ein britter Handarbeiter dienen zum Aufräumen und Abstecken der Standlinien, zum Einsschlagen der Standpfähle, zum Längenmessen, zum Tragen und Aufstellen der Winkelwerkzeuge, zum Ausstecken der Richtstäbe u. s. w.

§. 284. Bermeffungsplan.

In Ermangelung einer vorhandenen Karte nimmt sich ber Vermesser zuvörderst eine flüchtige Handzeichnung von dem ganzen Forste auf, zur Entwerfung des Vermessung bplanes, der im Allgemeinen folgender Ordnung unterliegt:

Von der Mitte des Forstes ausgehen und von Stud zu Stud nach außen fortschreiten. Bur Grundlage der ganzen Vermessung sind geeignete hauptmeßzuge durch den ganzen Forstzu legen und mit Nebenmeßzugen netförmigzu verbinden. Diese Netzüge mussen auf gut meßbaren, hinlänglich offenen Streden (Hauptwegen, Wiesengrunden, Bergruden u. s. w.) hingehen und wo möglich schon der künftigen Abtheilung entsprechen. In Berg= und Hügelforsten sind gerade durchgehende Linien hierzu weniger gesnau und anwendbar, als gebrochene Linien auf gleichem Boden. In der Ebene können wohl, zumal durch lichten Wald, lange kreuzende Hülfölinien zu einer solchen Grundlage gebraucht wersden, so weit man im Stande ist, sie ganz gerade abzustecken. Dieses Netz wird nach außen durch die Grenzzüge geschlossen und durchgängig mittels der Zwischenmessung ausgefüllt. Die Hauptsiguren besselben dürfen nicht zu schief ausfallen; ihre Größe muß der Forstausdehnung, der Bodengestalt und dem Gesnauigkeitsgrade entsprechen.

Gebraucht man ein Winkelwerkzeug, das rückwärts eingerichtet wird, wobei, wie aus §. 248. 2. bekannt, jeder Winkelfehler ben ganzen weitern Meßzug verdreht: so ist voraus zu
bestimmen, in welcher Folge und Verbindung das
Messen und Auftragen dieses Netzes von innen nach
außen vorgenommen und wohin jeder Schluß gebracht werden musse.

Endlich wählt man auch zur Verbindung der abgesondert gelegenen Forststücke geeignete Meßzüge und bestimmt sich die Mittel und Wege zur Aufnahme etwaiger anderer Vermessungs-Gegenstände, welche außerhalb des Forstzusammenhanges liegen.

§. 285. Festlegung ber Megzüge (bas Stationiren).

Die Mekzüge werben in derselben Folge festgelegt, wie nachher das Messen und Auftragen vor sich gehen soll. Ist ein erster Standpunkt bestimmt, so steckt man einen Richtstab darauf,
geht in die Gegend des zweiten und wählt nun diesen, sogleich
mit Hinsicht auf Zweckmäßigkeit für den dritten, vierten u. s. w.,
und läßt zugleich die Standlinie aufräumen. Dabei sucht man
den Mekzug so zu legen, daß alle Anmessungen leicht und zweckmäßig geschehen können, vermeidet auch, so viel als thulich, seine
Standpunkte auf gangbaren Wegen, oder fremden Grundstücken
zu nehmen.

In jeden Standpunkt kommt ein Pfahl, so tief, daß er Riemandem anftößig wird. Derselbe erhält oben am Kopfe eine

kleine Platte mit der Standnummer, welche dahin weisen muß, wohin die Nummerfolge weiter geht. Die nächste Nummer schreibt man schon voraus bei dem letztern Standpunkte an den vorräthigen Pfahl; überdies sichert man den Punkt noch durch ein vorher gemachtes Loch, oder durch einen um denselben in den Boden eingehackten Kreis, oder durch zwei im Pfahlpunkt sich kreuzende Gräbchen, und durch eine an den nächsten Stamm anz gebrachte, nach dem Standpunkte hinweisende Platte mit der Nummer und der Entfernung in Fußen.

In den Hauptmeßtügen, die man als Hauptgrundlinien am genauesten mißt, bekommen die Standpunkte zur Auszeichnung römische Zissern. In den weiter zur Netverdindung dienenden Rebenmeßtügen gebraucht man gemeine Zissern und setzt deren Rummerfolge nach den Hauptforsttheilen ab. Die Standpunkte zu den Zwischenmessungen werden mit kleinen lateinischen Buchsstaden bezeichnet und gewöhnlich erst bei der Linienmessung bestimmt.

§. 286. Linienmessung.

Man mißt die Längen der Stand = und Seitenlinien wo möglich in derjenigen Folge und Berbindung, wie sie aufgetrasgen werden mussen, schon um diese Linien in dem Vermessungs buche nach der Reihe wieder zu sinden. In der Regel gebraucht man dazu die Meßtette. Alle, zur Hauptgrundlage des Sanzen dienenden Meßzüge werden mit mehr Senauigkeit und doppelt gemessen; die darin vorkommenden steileren Linien mißt man zu anderer Zeit mit der Weßstange nochmals nach. Von den Standslinien aus werden, wie bekannt, die wirklichen Waldlinien, die Grenz = und festen Anhaltpunkte angemessen.

Die Bestandesverschiedenheiten, Schläge, Blößen, Wiesen, Acker und bergleichen Grundstücke nimmt man nach ihrer wirklischen Figur auf. Für die ziemlich gleich breiten Wege und Flüsse bestimmt man nur die Mittellinie nebst der Mittelbreite. Abgeslegene Waldstücke mißt man für sich und bringt sie durch besons dere Weßzüge mit dem Hauptkörper in Verbindung.

Die gemeffenen Linien find bestimmt und genau in bas

Vermessungsbuch zu tragen (n. §. 250.). In die vordere Spalte kommt die Bezeichnung, die nächste bleibt noch offen für die Winztel, in die dritte werden die Längen gesetzt und dann folgen die gemachten Abmessungen, theils schriftlich, theils durch Handzeichsnung dargestellt, mit den etwaigen Anmerkungen wegen Grundsstücksart, Holzbestand, Unterbenennungen u. dergl. Jede Blattsseite wird mit dem Namen des Waldortes überschrieben.

§. 287. Winkelmessung.

Wenn die Richtung jeder einzelnen Linie nicht unmittelbar nach der Magnetnadel bestimmt wird, sondern hauptsächlich nach der vorliegenden Standlinie: so ist die Winkelmessung burchaus in derselben Folge vorzunehmen, in der man nachmals aufträgt. Man winkelt nämlich, sowohl mit der Meßscheibe, als mit dem Meßtische, allemal von innen heraus, gegen die Schlußpunkte hin, zuerst den langsten Hauptmeßzug, von biesem aus die Kreuzlinien und an diese wieder die Schlußlinie. Dabei sollte man nie ben Schluß= punkt bes eben zu messenben Umfanges in ben Ruden nehmen, wenn gleich daburch mancher Rudweg nothig wirb. Die Aufnahme jeder neuen Binkelreihe muß von eis nem icon vorber aufgenommenen, richtigen Punkte wieber ausgehen; wo man einen mangelhaften Binkelschluß bekommt, wird von derselben Stelle nicht weiter, sondern von einem andern richtigen Punkte wieder barauf hin gearbeitet.

In den Hauptmeßzügen wird die Drientirboussole auf jestem Standpunkte angelegt und die Winkelaufnahme so viel als nur möglich vor dem Berdrehen gesichert. In den Nebenmeßzügen hält man sich mit dem Sebrauche der Drientirboussole wesniger auf; die Zwischensiguren winkelt man lieber mit Springsständen. Wird der Grundriß nach einem kleinen Naßstade aufzgetragen, besindet man sich zugleich im Besitze einer zuverlässigen Drientirboussole und auf einem Terrain, worauf die Nagnetnadel nicht abirrt: so können selbst die Hauptwinkel mit Springständen gemessen werden. Doch wäre es in diesem Falle besser, die Boussols allein zu führen.

1) Beim Gebrauche der Meßscheibe sucht man auf ein Scheisbenblatt so viel Winkel als möglich zu bringen, wenigstens die von einem Haupttheile des Forstes alle zusammen, weil das Bechseln der Scheibenblätter im Auftragen leicht etwas Verschiezdung der Figur zur Folge haben kann. Ein solcher Haupttheil muß einen ziemlich geraden und nicht zu langen Abschnitt haben, der wo möglich ein Hauptmeßzug ist. Dieser Linienzug sollte eigentlich auf dem neuen Scheibenblatte zu der anstoßenden Parztie wieder mit aufgenommen werden; doch kann man denselben zu Hause mittels des Gradringes nachtragen, oder beide Scheisbenblätter neben einander auf das Grundrisblatt heften.

Die Strichelchen, womit die Linien bezeichnet werden, find ganz kurz und scharf zu ziehen und mit den Standnummern zu versehen; die Winkelgrade werden immer an einem und demselzben Ende des Lineales abgezählt. Vor dem Abnehmen des Scheibenblattes werden über dasselbe genau von 0 nach 180° und von 90 nach 270° Kreuzlinien gezogen zur Richtung in die Retlinien des Grundrisblattes.

2) Da das Meßtischblatt für eine ausgedehnte Forstsäche nicht genug Raum verstattet, so trägt der Forstvermesser bloß abgesbrochene Meßzüge darauf und setzt diese mittels eines genauen Quadratnetes in gehörige Verbindung. Von diesem Netze wird eine Seite zur magnetischen Nordlinie angenommen und zur Anslegung der Drientirboussole ausschließlich gebraucht.

Man legt ben ersten Punkt nahe an den Rand, trägt die Linie hineinwärts, und setzt den angefangenen Meßzug mit seisnen Nebenlinien fort, so weit es die Größe des Tischblattes von dort ab eben gestattet; dann bricht man ab und fängt die Fortssetzung mit dem letztern Standpunkte auf der Gegenseite wieder an. Dazu wird die Quadratstelle des verlassenen Punktes genau abgemessen und andrerseits in einem geeigneten Anfangsquadrate eben so wieder genommen. Zu jedem Standpunkte wird die Rummer geschrieben; die Randpunkte, wo ein Meßzug abgebrochen und wieder angefangen ist, werden übereinstimmend mit großen Buchstaben bezeichnet, damit man die Fortsetzung leichter aussinden kann.

Hierbei entstehen freilich sehr verwickelte Linienzeichnungen. Um daher eine deutliche Übersicht seiner Messung zu haben, führt man ein Blatt mit verjüngtem Quadratnetze bei sich und zeichenet darauf jeden Meszug unabgebrochen sogleich von dem Mesztische ab. Eine solche Beizeichnung wächst immer mehr an bis zur Vollendung und leistet nachher beim Auftragen des Grundzisses als Vorbild gute Dienste. Die von den Standlinien aus genommenen Abstände trägt man nicht sogleich auf den Mestisch, sondern sammelt sie wie gewöhnlich erst im Vermessungsbuche, bis die Meszüge alle zum Schlusse gebracht sind.

Kommen auch nur abgebrochene Figuren auf den Meßtisch, so kann man doch die Richtigkeit des Schlusses einer jeden Figur sogleich mit Hülfe des Quadratnetes beurtheilen. Die zusam= mengehörigen Schluspunkte müssen nämlich in den beiberseitigen Quadraten gleiche Abstände von den Netzlinien haben. Dabei wird freilich vorausgesetzt, daß, außer der Messung selbst, auch die Netzeichnung vollkom= men richtig sei, und man jeden neuen Anfangspunkt genau wieder in seine Quadratstelle gelegt habe, was jedoch Alles sehr zweiselhaft ist.

3) Beim Gebrauche der Boussole kehrt man sich an keine gegebene Folge, überspringt auch den je zweiten Standpunkt und nimmt nur die Grade, wie bekannt, so ab, daß bei keinem Linienzuge im Auftragen ein Zweisel bleibt.

§. 288. Außenmessung.

Zunächst mussen alle festen Anhaltpunkte in, ober dicht an den Grenzen, als: Denkmale, ausgezeichnete Bäume, Quellen, Mauer = oder Zaunecken, Kreuzwege, Wegweiser u. dergl., angesmessen wersen.

Eben so hat man nicht nur von den äußern Standpunkten, sondern auch von den, nach entlegenen Forsttheilen gemessenen Berbindungslinien ausgezeichnete Punkte der Umgegend, Kirch=thürme, Häuser, Mühlen, Bäume u. dergl., durch dahin gerichtete Winkelschnitte zu bestimmen (§. 256.).

Weiter muffen die Grenzen ber außern Jagd =, Fischereis

und sonstigen Grundberechtigungen, erforderlichen Falles auch äußere Hauptwege, Flusse und andere ausgezeichneten Linien ihzem Laufe nach aufgenommen werden, um ein vollständiges Net der darzustellenden Umgegend zu bekommen. Je weniger diese Aufnahmen geometrischen Zweck haben, um so weniger Genauigzeit ist dabei erforderlich. Zu bloßen bildlichen Darstellungen mögen die Längen nur abgeschritten werden.

§. 289. Rachmessung ber Grenglinien.

Wo die Forstgrenzen mit Steinen, oder andern festen Punkten bezeichnet sind, die man bloß von den Standlinien aus anzgemessen hat, da mussen die Längen aller Grenzlinien, von einem Grenzpunkte zum andern, noch besonders nachzgemessen werden, theils um sich wegen der Grenzmessung selbst mehr zu versichern, theils auch, um für spätere Grenzsberichtigungen die Entfernung von Punkt zu Punkt genau anzugeben.

Sewöhnlich sinden sich die Grenzlinien aufgehauen und ohne Weiteres meßbar. Wo dies an Waldsaumen nicht der Fall ist und die Aufräumung eben nicht geschehen konnte, wird die Länge der Grenzlinie alsbald auf dem Freien hin mittels einer Paralzlele gemessen, nach §. 255. 2. Übrigens ist allerwärts die anzstoßende Grundstücksart zu vermerken und jeder in der Nähe bessindliche seste Anhaltspunkt mit aufzunehmen. Diese besondere Grenzmessung trägt man im Vermessungsbuche nach und besschließt damit die eigentlichen Meßgeschäfte im Freien.

§. 290. Entwurf bes Grundriffes.

Bei dem zu Forstvermessungen gebräuchlichen Maßstabe von 5000 bis 4000 würde der im Sanzen aufgetragene Forstgrundziß zu groß und unbehülslich. Wo daher das Zusammentragen des Sanzen nicht durchaus erforderlich ist, wie etwa zur Abstektung gerade durchgehender Stellwege, da trägt man den Grundrißentwurf in großen Haupttheilen auf einzelne Blätter. Das Srundrißpapier muß stark, dicht, gut vorbereitet und mit genauem Quadratnese versehen sein.

Die etwas schwierige Anordnung der Figur auf das leere Zeichenblatt richtet sich nach der aufgenommenen Handzeichnung, so wie nach der nun leicht zu ermittelnden Länge und Breite des aufzutragenden Forsttheiles. Das Winkelblatt, sowohl von der Weßscheibe, als von der Boussole, ist mit seinen Areuzlinien ganz genau auf zwei Netzlinien zu befestigen, weil diese der magnetischen Nordlinie entsprechen müssen. Die Meßtischblätter werden dagegen mittels der Netzeichnung frei aufgepaßt und stückweise durchkopirt.

Der Grundrißentwurf muß, gestützt auf die mit größerer Genauigkeit gemessenen Hauptmeßzüge, aus seiner Mitte heraus gearbeitet werden, so daß die unvermeidlichen Schlußmängel alle in die Außentheile kommen und auf keiner Stelle zusammenfallen können. Zeder Grundzug der neu anzusetzenden Partie ist mögslichst fehlerfrei zu halten und auf die unvollkommen ausgefallesnen Schlüsse ist von mehren Seiten beizuarbeiten, um den sehslerhaften Zug zu entdecken.

Wo der Entwurf über das Blatt hinaus fällt, wird ein neues Stück mit fortsetzender Netzeichnung genau angestoßen. Der zum nächsten, abgesonderten Haupttheile mit gehörige Meßzug, wozu man gern eine bleibende Hauptlinie wählt, wird auf dem andern Blatte als Wiederanfang ganz in dieselben Quaz dratstellen getragen, aber durchaus so, daß beide Grundrisabsschilten nicht nur mit ihrer Figur, sondern auch mit ihren Netzelinien vollkommen an einander passen.

Die Aufnahmen der Forstumgebungen von größerer Ausdehnung werden nach dem halben Grundrismaßstabe zusams mengetragen. Man verjüngt auf ein großes Blatt mit einer dem Grundrisse entsprechenden Quadratzeichnung die Außengrenzen des Grundrisses und legt von diesen aus die gemessenen Außenlinien nebst den geschnittenen Außenpunkten in Grund, so daß das dadurch entstehende topographische Netz blattweise abgeszeichnet und an Ort und Stelle weiter ausgefüllt werden kann.

Endlich führt man in dem Grundrißentwurfe alle wirklichen Gegenstände der Vermessung mit schwarzer Feberzeichen nung aus, nämlich: die festen Grenz = und anderen Punkte mits

tels ihrer Zeichen und Nummern; die unveränderlichen Waldlisnien, wie Grenzen, Wege, Sewässer und Anwände von Nebensgrundstücken, ausgezogen; die veränderlichen Bestandesabtheisungen punktirt. Alles, was zu den bloßen Hülfslinien geshört, unterscheidet man dagegen durch hellblaue oder rothe Zeichnung. Die Wege und Bestandesabtheilungen, welche zum Behuse der Ortsabtheilung noch etwas verlegt werden könnten, bleiben einstweilen in Blei; so auch die Benennungen und ansdern Ortsbezeichnungen.

§. 291. Flächenberechnung.

Bur genauen Flächenberechnung bient das schon vorgerichtete Quadratnetz ganz wesentlich. Jedes Quadrat wird bestimmt nach den obenan mit Buchstaben und voran mit Ziffern bezeicheneten Reihen, und in seinem Flächengehalte berichtigt nach der beim Auftragen mit + ober — angeschriebenen Seitenabweichung (§. 200. 208.). Mit dieser Berichtigung muß die gefundene Summe aller einzeln berechneten Theile des Quadrates übereinsstimmen. Bei Außenquadraten wird zur Versicherung das Erzgänzungsstück mit ausgerechnet.

Das Flächenberechnungsbuch enthält auf jeder Seite obenan den Namen des Forstortes, dann Spalten für die Art und Be= zeichnung, die Grundlinie, die Hohe und den Inhalt der Bereche nungsfiguren, hinten noch einen breitern Raum zu ben Rechnun= gen. Bon jedem Netzquadrate sett man zuerst die Bezeichnung und berichtigte Größe an, bann alle bazu gehörigen Theile, und zwar jeden mit seinen Grundfiguren, beren Inhalt nebenan aus= gerechnet wird. Den berichtigten Inhalt jedes Quabrates und jedes darin abgesonderten Theiles schreibt man in den Grundriß und hebt nachher die Flächen ber Quadrattheile wieder aus zur Bilbung des Flächengehaltes der vorläufig abgetheilten Wirth= schaftsfiguren, welcher in das Bermeffungs=Register getragen und fummirt wird. Der so zusammengetragene Flächengehalt aller Abtheilungen muß mit bem Inhalte aller Quabrate übereinstim= men, wenn in ber Flächenausrechnung und Busammenftellung tein Fehler ift. hat man sich bes genauen Quabratneges nicht - zur Flächenberechnung bedient, und ist also die eben angedeutete Prüfung nicht ausführbar, so ist eine wenigstens slüchtige Nach= rechnung, am besten mit einem Planimeter (§. 210.), unerläßlich, um sich vor groben Irrthümern zu schützen.

Findet später eine Ortsabtheilung Statt, so verschiebt man die Flächenberechnung, bis jene vollführt ist, und sollte babei der unsgefähre Flächengehalt zur Frage kommen, so wird derselbe slüchtig ausgezählt. Nur bei fester Schlageintheilung muß die Fläche in voraus genau berechnet werden, und dann wählt man zu den vorläusig anzunehmenden Abtheilungen vorzugsweise bleibende Linien und legt die Berechnungslinien den künftigen Schlaglinien gemäß.

2. Forst flachentheilung.

§. 292. Von der Forst flächentheilung überhaupt.

Jeder Forst wird in ein wohl geordnetes Fachwerk getheilt mittels einer bloßen Ortsabtheilung, oder einer selbststän= bigen Schlageintheilung.

Die Ortsabtheilung vient, als ein feststehendes, die Raumtheile begrenzendes Wirthschaftsnetz, hauptsächlich zu geordeneten Schranken der Hiebs = und Bestandesfolgen; ihre Theile, die eben nicht gleich sein mussen, heißen Forstorte, Jagen, Bezirke, oder überhaupt Ortsabtheilungen. Innerhalb dieser Wirthschaftssiguren sinden sich, nach Art und Zustand des eben vorhandenen Holzbestandes, mehr oder weniger zeitliche Bestanz des abtheilungen. Mehre Ortsabtheilungen werden gewöhnzlich zu einem Betriebs = oder Waldverbande, auch wohl zu einem Aussichtsbezirke, überhaupt zu einer Revierabtheilung verzeinigt.

Die Schlageintheilung soll die jährlichen oder perioz bischen Schritte des Waldangriffes aller Zeiten begrenzen, dabei die Abnutzung planmäßig vertheilen und die künstige Bestandesz ordnung sicherer begründen. Sie nimmt und verbindet von den Ortsabtheilungen so viel Forstsläche zu einem Ganzen, als ein unausgesetzer, gleichartiger Betrieb erfordert, und theilt bieses Betriebsganze auf alle Jahre der Umtriebszeit, entweder bloß in dem Betriebsplane entworfen, oder in dem Forste ausgeführt. Ein solcher Betriebsverband muß nicht eben einen zusam= menhängenden Waldkörper bilben; seine Schläge können gar wohl in mehren Revierabtheilungen umber liegen.

Die Ortsabtheilung ist eine parallele, ober gebrochene; die Schlageintheilung ist beweglich, ober fest.

§. 293. Parallele Ortsabtheilung für die Ebene.

Me Abtheilungslinien gehen gerade und rechtwinkelig durch ben ganzen Forst und bilden Rechtecke von gegebener Größe, bis auf die zufälligen Außenstücke. Diese Art der Ortsabtheilung paßt nur fur die mehr ebenen Landforste, wo die Hiebsfolge ge= radeswegs fortgeben kann. Sier ift sie Regel, und ihre Richtung wird hauptsächlich nach bem herrschenden Windstriche bestimmt. Die Ausführung ist leicht. Man legt burch die Mitte des Grund= rißentwurfs das erste Hauptgestell, auf dieses rechtwinkelig das erste Quergestell, und entwirft bann von beiden Kreuzlinien aus mittels der gegebenen Abstände das ganze Abtheilungsnet (n. §. 177.). Aue biese ginien steckt man im Forste mit Hulfe ber bis bahin sorgfältig zu erhaltenden Standpunkte ab und läßt sie nachher als Gestelle burchhauen. Ist diese Abtheilung im Freien fertig, hat man auch bie babei etwa gefundenen Ab= weichungen in dem Grundrisse berichtigt: so wird nun die Fläche ber baburch entstandenen Forststücke auf dem Grundrißentwurfe berechnet und zur Forsteinrichtung weiter verwendet.

§. 294. Gebrochene Ortsabtheilung für Berge.

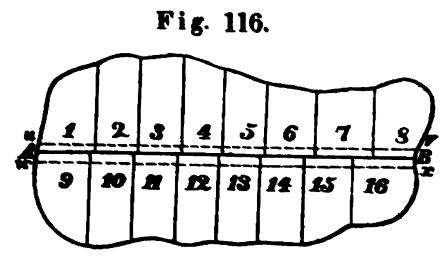
In den Bergforsten, wo der Windstrich, die Holzfällung und Abfahrt sich nach den Thaleinhängen richten, kann auch die Hiebsfolge nicht geradeswegs über Berg und Thal gehen; die Ortsabtheilung muß hier der Bodengestalt angepaßt, also mehr schief und gemischtlinig werden.

Zuvörderst nimmt man die offenen Thäler, diese natürlichen Scheibewände der Hiebsfiguren, zur Abtheilung an. Dann theilt

man von diesen aus den Bergschluchten und scharfen Bergkanten entlang, um weitere sichere Hiebsanwände zu gewinnen. Endlich legt man durch die noch vorsindlichen ausgebreitetern Bergslächen, so viel als thulich gerade, nach dem örtlichen Windsstriche gerichtete und mit jenen natürlichen Scheidelinien verbuns dene Haupt und Quergestelle. Jedoch mussen in jeder Bergspartie die Ortsabtheilungen eben auch reihenweise so vor und nebeneinander liegen, daß jede Hiebsfolge von Ansang dis zu Ende mit ziemlich gleichen Anwänden rechtläusig fortsetzen kann.

Diese Abtheilung nach ber Bobengestalt läßt sich schon bei ber Vermessung in voraus entwerfen. Bur nähern Bestimmung ist jedoch eine Aufnahme der Bergabhänge und der sonstigen Beziehungen nöthig. Sie wird auf dem Grundrißentwurfe nicht eher ausgeführt, die ihre Anlage im Freien fertig ist, weil zuweislen Örtlichkeiten benutt werden mussen, die sich erst beim Abstekten sengtamere Stellen, Wasserrisse u. s. w. Solche Bergabtheilungen können nicht gleich groß ausfallen; doch giebt es dabei auch keine unverhältnismäßig kleinen Außenstücke. Auf die Kreuzpunkte seht man Steine, ober andere feste Beichen, um allezeit einen geometrischen Anhalt zu haben.

§. 295. Schlageintheilung. Fig. 116.



Die Schlageintheilung ist eine bewegliche, ober eine feste. Bei ber erstern bestimmt man bie Größe und Folge ber Schläge jedes angenom= menen Betriebsverbandes bloß in dem Betriebs=

plane, zu Maß und Ziel des Angriffs; die Schlagslächen werden erst im Laufe der Zeit von den sesten Ortsabtheilungen abgemessen. Bei der sesten Schlageintheilung werden die Schläge im Forste selbst bleibend abgetheilt, entweder nach der bloßen Fläsche, oder nach der Ertragsfähigkeit des Standortes

bemessen. Diese Schlagabtheilungen begrenzen die Abtriebssläche von jedem Jahre, oder von je zwei, drei oder mehr Jahren, oder von ganzen Perioden.

Eine solche Eintheilung wird vorher auf dem Grundrisse ganz geometrisch entworfen nach der gegebenen Größe, Folge und Figur der Schläge. Gewöhnlich legt man durch die Revierabteilung eine Hauptlinie, wie AB, und setzt auf derselben rechts und links die Schläge mit senkrechten Schlaglinien ab. Damit aber kein Schlag getheilt auf beide Seiten zu liegen komme, zieht man zu einer vorläusig angenommenen Hauptscheidelinie AB zwei Parallelen uv und wu und setzt an diese rechts und links die weitern Berechnungslinien. Dann verlegt man AB zwischen uv und wu nach Maßgabe des gefundenen Flächeninhaltes so, daß beide Seiten ganze Schläge umfassen, und theilt diese nun einzzeln ab.

Wäre die einzutheilende Fläche schon bekannt, so müßte man bennoch eine neue Berechnung vornehmen, im Fall die früher gebrauchten Berechnungslinien der Theilung nicht entsprechen. Führt diese neue Berechnung zu einem etwas anderen Flächenzergebnisse, so vertheilt man die Abweichung mit auf alle Schläge, setzt aber hernach die ursprüngliche Schlagsläche wieder an.

Mussen dann im Freien auf einer Linie, wie AB, Schlagpunkte abgesteckt werden, so darf das nicht bloß nach der im Grundrisse abgegriffenen Entfernung geschehen, sondern man mißt diese Linie erst im Ganzen, vergleicht die auf dem Grundrisse genommene Länge mit der wirklich gemessenen und berichtigt in diesem Verhältnisse die abzumessenden Entfernungen der Schlagpunkte. Auf solche Weise wird die unvermeidliche Längenabweichung in das Ganze vertheilt.

Wo Viehweide Statt findet, muß man die Schlageintheilung und Folge so ordnen, daß die Hauptlinie mit dem Schlagwechsel auf die Trift stößt, etwa bei A, und daß nun von hier aus die Schläge immer einerseits hutbar, andrerseits schondar sind, wie aus der Nummerfolge zu ersehen. Diese in's Kleine gehende feste Schlageintheilung macht eine weitere Ortsabtheilung überflussig, ohne welche dagegen die bewegliche Schlageintheilung ein sicher gehandhabt werden kann.

3. Forstkartenzeichnung.

§. 296. Bon ben Forstfarten überhaupt.

Die Abbildung der Forste hat zwei ganz verschiedene 3mede, nämlich ge ometrischen Gebrauch und bloße Übersicht; beide lassen sich nicht vereinbaren. Die sogenannten Risse dies nen zum geometrischen Gebrauch und enthalten hauptsächlich die äußere und innere Figur der Forstsläche. Die eigentlichen Kar=ten oder Plane dienen zur Übersicht; sie stellen die Beschaffen=heit und den Zustand des Forstes mehr bildlich dar. Bei dem Forstbetriebe wendet man fünserlei Karten an.

Der Grundriß enthält die aufgemessenen Linien und Punkte des Forstes und dient zu allen Zeiten bei Abmessung der Schlag=, Kultur= und andern Betriebsslächen, beim Ermitteln veränderter Altersklassen=Berhältnisse, bei neuen Theilungen, über= haupt bei allen geometrischen Forstverrichtungen.

Der Grenzriß ist die besondere Zeichnung aller Eigen= thumsgrenzen des Forstes zum Gebrauche bei den Grenzbegängen und Grenzberichtigungen, wo der große Forstgrundriß nicht mit= geführt werden kann.

Die Bestandskarte stellt den eben vorgefundenen Waldsbestand, überhaupt das im Forste Vorhandene mit dem darüber entworfenen Hauungsplane dar.

Die Betriebskarte giebt eine gedrängte Übersicht vom ganzen Forste mit den eingerichteten Betriebsarten und der zu erstrebenden Bestandsvollkommenheit, nebst dem äußern Jagdre-viere (?) und allen mit dem Betrieb in näherer Beziehung steshenden Umgebungen.

In Planen werden größere Forstbereiche abgebildet, bes sondere Ansichten zu vorgeschlagenen Unternehmungen gegeben u. dergl. m. Bobenkarten haben keinen forstwirthschaftlichen Werth; das von dem Boden zur forstlichen Übersicht Erforderliche, die Gestalt, gehört in die eigentlichen Forstkarten.

Die Kartenzeichnung geht von dem allgemeinen Grundsate aus, alle Gegenstände wo möglich so darzustellen, wie sie dem in gewisser Höhe darüber besindlichen Auge erscheinen. Vorzüglich sucht man Beleuchtung, Form und Farbe der Gegensstände nachzubilden, und wo Abweichungen nöthig sind, muß die Bezeichnung der Natur entsprechen und dabei ein leichtes Merkmal haben.

Von oben erscheint der bloße Erdboden auf der Ebene am deutlichsten und hellsten, mit zunehmender Neigung immer uns deutlicher und dunkler; daher bezeichnet man den Bodenabhang um so dunkler, je abschüssiger derselbe ist. Im Sonnenlichte haben erhöhte Gegenstände äußern, vertieste innern Schatten; dies bestimmt den Zeichner, Licht und Schatten anzubringen, wo dadurch die Darstellung gewinnt. Das Licht denkt man sich von der linken Seite einfallend ohne weitere Berücksichtigung des wirklichen Sonnenstandes. Hohe Körper bieten dem Auge mehr Schatten dar; daher hält man Wälder, Wohnpläße, Baumgärzten dunkler, als Wiesen und Felder; Hochwald dunkler, als Nieserwald.

Alle Grundstücksarten werden bis zu ihrer Umgrenzung ausgefüllt, wie sie sich dem Auge im Ganzen darstellen. Einzelne Körper und Gewächse, als Grenzzeichen, Bäume, Grashalme u. bergl., können weder nach ihrer verhältnismäßigen Größe, noch in allen Fällen nach der Ansicht von oben gezeichnet werden. Hier erlaubt man sich eine mäßige Vergrößerung, selbst eine aufrechte Stellung.

Wichtigere Gegenstände werden mehr hervorgehoben; wenig ober gar nicht sichtbare, z. B. Verschiedenheiten von Waldgattunsgen, Betriebsarten, Grundbesits u. s. w., werden mehr willführslich bezeichnet. Die gewählte Bezeichnung muß nur angemessen, bestimmt und leicht sein, auch, wie schon gesagt, ein von dem Gezgenstande hergenommenes, eigenes Merkmal haben. Übrigens muß man sich bemühen, jede Karte, besonders für den Nichtzeichener, in allen Stücken recht anschaulich, brauchbar und im Ganzen auch gefällig darzustellen.

§. 297. Aufnahme ber forftlichen Gegenftande.

Bur weitern Aufnahme ber forftlichen Gegensftanbe verjüngt man ben Grundriffentwurf mit allen Stands, Grenz und andern festen Punkten und Grundlinien stückweise auf die Salfte, begiebt sich hierauf mit biesen kleinern Aufnahs meblättern von Ort zu Ort und zeichnet ein, was durch die Mefsfung noch nicht zu Papier gebracht worden ist.

1) Buerft die Bobengestalt. hierzu legt man die obern und untern Absase der verschiebenen Berghange in Grund, entswirft bazwischen, besonders bei turzen Wendungen der Abhange, ober bei startem Absalle der Bergschluchten, wagrechte Bodenslinien und zeichnet nachmals sentrecht auf diese von oben herab weitläusige Boschungsstriche. Ift diese Anlage fertig, so werden die Zeichen für die gemessenen oder geschähten Boschungsgrabe noch darauf gesetz.

Bu dieser ersten Terrainaufnahme kann man sich etwa der nebenstehenden Scala (Fig. 140.) bedienen; man zeichenet nämlich die Neigungen von 1 bis 5° mit punktirten, die von 6 bis 10° mit ausgezogenen Böschungstlinien, ohne weitere Abzeichen; die von 11 bis 15° noch mit einzelnen und die von 16 bis 20° mit paarweisen Punkten; die von 21 bis 25° mit einzelnen und die von 26 bis 30° mit paarweisen Duerstricheln; die von 31 bis 35° mit einfachen und von 36 bis 40° mit doppelten Duerstrichen; die von 41 bis 45° mit einfachen und von 46 bis 50° mit doppelten, schräg gestreuzten Strichen. Die Abhänge über 50°, die meist felsig sind, bekommen ganz kurze gekreuzte Bogenstris

che, an ben Felsftellen in eins zusammenlaufenb.

Diese mit Bleistift leicht ausführbaren, von ber erften Bosichungsanlage unabhängigen Zeichen haben bestimmtere und beutslichere Unterscheidung und find mahrend ber Aufnahme leichter anzubringen und zu berichtigen, als alle sonst gebrauchlichen; fie mogen übrigens nur zum Entwurfe gebraucht werben.

2) Zugleich zeichnet man die noch nicht aufgenommenen . Grenzen, Wege und Gewässer folgendergestalt:

Die Grenzen im Entwurfe vorläusig mit Strich = oder Rundspunkten. Die Straßen mit doppelten Seitenlinien, Gräben vorsstellend; die Marktwege mit zwei einfach gezogenen Seitenlinien; die Dorf=, Holz = und Feldwege mit einem starken Federstriche und die Fußwege einfach punktirt. Bäche mit einer schwächern oder stärkern geschlängelten Linie; Flüsse mit beiben Ufern und diesen entlang laufenden Wasserstrichen; Teiche und Seen mit wagrechten Wasserstrichen.

- 3) Nächst dem geht es an die Zeichnung des Gewächsstans des. Für den Waldbestand des eigentlichen Forstgrundes bedarf es keiner besonderen Bezeichnung, da sich dieser aus dem Vermesssungsregister ergiebt. Dagegen deutet man den Gewächsstand der Räumden, Nebengrundstücke und des Außengrundes etwa in folsgender Weise an:
 - a) Einzelne Bäume, nach dem Kronenumrisse unterschieden: Eich en bogig rundlich;

Buchen, Ahorne, Eschen, Ulmen — scharf kreisför= mig;

Birken und weiches Laubholz - scharf länglich;

Nabelholz — spikig;

Dbftbaume - bogig breit;

Kopfholz — astig ohne Kronenumriß.

b) Holzung, die Gattung mit der besondern Kronen= form bezeichnend:

Sochwald: dichte und große, aber schaftlose Kronen;

Mittelwald: weniger bichte, große und kleine schaftlose Kronen mit paarweisen Buschen;

Niederwald: bunn und paarweise stehende Busche, Aus-schläge vorstellend;

Planterwald: Bäume von verschiebener Größe mit uns bebeckten Schäften, bazwischen einzelne Busche, bunner gestellt.

c) & anberei:

Dbftgärten: mit reihenweisen Dbstbäumen;

Beingelände: mit reihenweisen Beinftoden;

Grabgärten: beetweise, leicht und eng gestrichelt, im Grös Bern mit regelmäßiger Unlage;

Ader: unausgezeichnet, ober mit weit gestellten, felderweise gleichlaufenden Punktstricheln;

Biesen: paarweise Punkte mit dem untern Kartenrande gleichlaufend:

d) Buffung:

=

Hutrasen: kleine Punktreihen, ebenfalls mit dem untern Rande gleichlaufend;

Seibe: aufrechte Strichelchen in folden Reihen;

Sumpfgemächse: beggleichen und mit überhängenben Salmen;

Sumpf; abgebrochene magrechte Basserstriche zwischen Sumpfgewächsen;

Trift: Rasenzeichnung, aber bem Triftwege entlang, die Biehtritte mit bezeichnend;

Nacter Boben: zerstreute Punkte, die durch geschlängelte Steinzeichnung in Felsen übergehen.

4) Bauwerke werden in den Aufnahmeblättern dargestellt nach ihrem Grund = oder Aufrisse mit den sonst gebräuchlichen Zeichen.

Wo die Aufnahme mit Bleistiftzeichnung nicht scharf genug ober durch mehrmalige Abanderung undeutlich wird, gebraucht man gleich an Ort und Stelle Tinte und Feder. Das Übrige zeichnet man zu Hause erst fertig, jedoch ohne Verzug.

§. 298. Grundrifzeichnung.

Der Reingrundriß wird von dem Grundrißentwurse unmitztelbar kopirt, zu 5000 bis 4000 des wirklichen Maßes, und kommt auf Blätter von der größten Papiersorm, an die nöthigen Falles nur in der Länge etwas angesetzt werden dürste. Das Auskleben auf Leinwand ist durchaus unstatthaft, weil dies die Unstätigkeit des Papieres noch bedeutend vermehrt. Die Vertheilung der Grundrißsigur auf die Grundrißblätter wird mehr nach dem Raume bemessen, als nach den Hauptabtheilungen im Forste; nur darf keine Ortsabtheilung getrennt werden. Abgesondert gez

legene Stücke rückt man zusammen in gleiche Nordrichtung und + versieht bann jedes mit eigener Umfassung.

Die Zeichnungen aller Blätter sind ziemlich gleich zu richz ten; Rorden oben, oder der Sitz des Försters unten; wenigstens nicht mit dem Kopfe einander entgegen stehend. Beim Kopiren legt man, für mehre Abzeichnungen, alle Blätter zugleich unter und sticht die Stücke genau nach ihrer Nummerfolge ab.

Wegen ber Zeichnung selbst ift zu beobachten *):

1) Die Grundeigenthumsgrenzen werden schwarz ausgezogen, wo sie noch unbestimmt oder streitig sind, vorsläusig nur punktirt, und erhalten nach außen eine schmale mennigrothe unverwaschene Pinsellinie. Alle Grenzmale bestommen einen zinnoberrothen Umriß; Grenzsteine, viereckig mit karminrother, Grenzhügel, rund mit grüner, und Grenzsgruben, länglich mit grauer Ausfüllung. Die Ziffern der Grenzzeichen schreibt man zinnoberroth ohne Nr.

Außerhalb der Grenze werden die anstoßenden Wege, Gewässer, Grundstückarten u. s. w. wie in den Aufnahmedlättern gezeichnet, nur ganz leicht und blaßgrau mit dem Pinsel etwas beschattet; auch werden die Namen der anstoßenden Gemarkungen, Berge, Thäler, Gewässer u. s. w. beigeschrieben. Wo die Zeichnung eines Grundrisblattes abgesetzt ist, führt man die Abtheilungslinien noch etwas fort, ohne sie zu schließen, und schreibt die anstoßenden Namen und Nummern an.

2) Das Innere des Grundrisses darf man des leichten Berziehens wegen durchaus nicht mit Farbe anlegen. Die Linien der Ortsabtheilungen werden ausgezogen und mit gelbem Pinsselstriche versehen; die der Bestandesabtheilungen werden gestrischelt, wenn sie mit Wegen oder andern bleibenden Bodenlinien zusammenfallen, außerdem nur punktirt. Wegelinien werden braun, Wasserlinien hellblau, und fällt eine oder die andere mit

Die hier und weiter gegebenen Vorschriften für die Kartenzeichnung beziehen sich auf die bei der Großherzogl. Sächsischen Forstvermessung gebräuchlischen Formen. Sie haben sich durch langjährigen Gebrauch bewährt und sind daher zu empsehlen. Die Farbenwahl ist begreistich eine willkührliche.

einer schwarzen Abtheilungs = ober Grenzlinie zusammen, so wird sie dicht daran gelegt auf die dem unterscheidenden Pinselstriche entgegengesetzte Seite. Breite Wege und Flüsse, die man mit eignem Flächengehalte aufführt, erhalten auch schwarze Einsassungslinien, als eigene Abtheilungen, und bleiben dann weiß, wie aller Forstgrund.

In jede Ortsabtheilung wird der Namen mit größerer Schrift, die Nummer mit größeren und der gesammte Flächengehalt mit schwächeren Ziffern geschrieben. In jede Bestandesabtheilung kommt die Nummer mit dem zugehörigen Buchstaben = und Flächengehalt nebst der etwaigen Untersbenennung. Die Nummern der Ortsabtheilungen laufen durch den ganzen Forst, so viel als thulich der Hiebsfolge gemäß; die Buchstaben der Bestandesabtheilungen fangen in jeder Ortsabtheilung wieder von aan, gehen aber auch der Hiebsfolge nach. Die zu den Schlageintheilungen gehörigen Schlaglinien, Schlagnummern, Schlagssächen und Schlagsteine werden zinnoberroth eingetragen, deßgleichen auch die Ortsabtheilungssteine.

In das Innere des Grundrisses darf keine Einie kommen, die nicht geometrisch aufgenommen ist.

3) Die Grundrisblätter werden nummerirt. Das erste Blatt bekommt den Titel und den Maßstab, zudem die Nachs weisung der auf jedem Blatte besindlichen Forstorte. Auf alle Blätter wird der Namen des Forstes und die Blattnummer oben rechts gesetzt, die magnetische Nordlinie nebst ihrer zeitlichen Abweichung über die Mitte gezogen und an die vier Seiten ein genauer Fuß gezeichnet theils zu etwaigen Nachmessungen, theils um das weitere Berziehen des Papieres danach beurtheilen zu können. Diese Scala ist aber auszustechen, ehe noch die kopirten Blätter auseinander genommen werden, und zwar von einem und demselben Muster. Dazu könnte man auf jede der vier Seiten das im Entwurfsrisse eben Statt gehabte Verhältniß des Papierstandes zur ursprünglichen Figuren Zusdehnung schreiben.

Rommen die Grundrißblätter leicht zusammengerollt in eine Kapsel, so mussen sie gleiche Hohe haben; in einer Mappe aufsbewahrt, auch gleiche Länge. Letteres ist vorzuziehen.

§. 299. Grengrißzeichnung.

Die Grenzrisse werden blattweise von dem Grundrissentwurfe in abgebrochenen Stücken auf die je rechte Seite gewöhnlichen Bogenform kopirt, so daß, der Forstgrund links, der Außengrund rechts liegend, die Folge von unten nach oben geht und auf dem nächsten Blatte wieder fortsett.

Die Zeichnung stellt ben ganzen Grenzzug bar mit allen seinen Biegungen, Winkeln, Malen und beren Nummern, ben Wegen, Bächen und besondern Anhaltspunkten nehst den Umgesbungen und den nöthigen Ortsbezeichnungen, ganz wie im Reins grundrisse. Sie giebt überdies noch die Länge jeder Grenzlinie in Kettenfußen an, schwarz auf die Mitte derselben geschrieben, oder vermittelst eines Pfeiles darauf bezogen.

Jedes Grenzstück wird mit seiner eigenen Nordlinie versehen und durch Großbuchstaben mit der Fortsetzung in Verbindung gebracht. Auf jedem Blatte wird überschriftlich die Gemarkung und Gegend genannt von dem dargestellten Grenzstücke zum leich=. tern Auffinden.

Das Ganze kommt in einen derben Band mit Titelblatt, * worauf ein völlig ausgeführter Maßstab nicht fehlen darf.

§. 300. Zeichnung ber Bestandskarte.

٠,٠

Die Bestandskarte kommt wo möglich auf ein Blatt, ihr Maßstab ist die Hälfte (bei großen Forsten auch wohl ein Bierztel) von dem des Grundrisses, etwa To 1000 bis 8000. Die aus bern und innern Umrisse zu dieser Karte nimmt man vermitztelst des Storchschnabels von dem Grundrissentwurfe und zeichenet alle diese Linien wie in dem Reingrundrisse, nur stärker herzvortretend.

Die Berggehänge werden von den Aufnahmeblättern nur flüchtig mit dem Pinsel, oder mit Blei eingetragen. Bur weiteren Ausfüllung des ganzen Forstgrundes wird Farbe genommen, nämlich: für den vollen Holzbestand voller Farbenton und für alle Räumden und Blößen, deßgleichen für den Nichtholzboden, farbige Federzeichnung auf weißem Grunde.

Jede Holzgattung bekommt eine unterscheibende Farbe. Eischen, gelb; Buchen, braun; Ahorne, Eschen, Ulmen, zinnobersroth; Birken, karminroth; Erlen, blaugrün; Linden, Aspen, Weisden, Haseln u. dergl., gelbgrün; Fichten und Tannen, grüngrau; Kiefern und Lärchen, grau.

Für die bemerkenswerthen Zwischenbestände wird das Vershältnismäßige ausgespart und mit der eignen Farbe angelegt. Die verschiedenen Altersklassen der Waldbestände erhalten mit höherem Alter auch immer stärkeren Farbenton. Vorkommendes Oberholz wird mit den schon angegebenen Baumkronen farbig dargestellt, groß oder klein, dicht oder zerstreut, nach Maßgabe von Größe und Stellung.

Einzeln stehende Bäume werden farbig mit Schäften gezeichnet, Waldblößen mit grünen Rasenpunkten, oder Heidestrischeln. Von den Forstnebengrundstücken: die Gärten grün; die Acker braun; die Wiesen grün; die Wege braun; Sümpfe und Gewässer blau gestrichelt; Alles mit der schon bekannten Federzeichnung.

Die Inschrift ist wie auf bem Grundrisse, nur ohne Flächenzahlen. Der entworfene Hauungsplan wird mit zinnoberrothen Linien eingezeichnet, und zwar: die noch zu eröffnenden Loshiebe punktirt; der beabsichtigte Anhiebskand eines jeden Zeitabschnitztes einfach gezogen; der Angriffstand zu Anfang des zweiten Umtriebs doppelt gezogen. Dabei werden die Hauungsperioden mit römischen Zissern angegeben, woran ein Pfeil die Hiebsfolge anzeigt.

Außerhalb des Forstgrundes ist weiter nichts zu zeichnen, als die nächsten Triften, Wege und Wohnplätze, die Mittagslinie, der herrschende Sturmstrich und etwa eine Zeichenerklärung.

§. 301. Beichnung ber Betriebskarte.

Der Maßstab ist in der Regel ein Viertel (selten und nur bei sehr großen Revieren ein Achtel) von dem des Grundrisses, also etwa $\frac{20000}{100}$ bis $\frac{16000}{1600}$, und die Umrisse werden vermitztelst des Storchschnabels von dem Grundrissentwurfe enknommen. Meist können die abgelegenen Forststücke und das äus

Bere Jagdrevier lagerecht mit angezeichnet werden. Nur bei zu großer Ausbehnung rückt man die einzelnen Stücke an den Hauptkörper mit gleicher Nordrichtung näher an und stellt auf demfelben Blatte das Sanze in einem kleinen Plane zusam= men dar.

Die Bergzeichnung wird grau mit dem Pinsel ausges führt, weil sie sonst die Liniendarstellungen undeutlich machte. Man legt die Pinselstriche in die Böschungslinie und drückt durch ihre Schwärze die Stärke der Böschung aus, kreuzt auch wohl die abschüssigsten Partien.

Der zu vollem Holzbestande bestimmte Waldgrund wird mit Farbe übertragen, welche hier nun die eingerichtete Betriebsart bezeichnet, nämlich:

Hochwald von Eichen gelb, von Buchen braun, von Fichten grünlichgrau und von Kiefern grau; Alles wie die Farbe der Hauptholzarten. Gemischter Hochwald, gewöhnlich von Sichen, Birken, Buchen, Kiefern und Lärchen, graugrün.

Mittel= und Niederwald von Eichen, Birken u. bergl. gelbgrün; von Buchen mittelgrün; von Erlen, Pappeln, Weiden u. bergl. blaugrün.

Wo Dberholz gehalten werden soll, wie im Mittelwalde, zeichnet man farbige Baumkronen ein. Wo ein bleibender 3 wissche nbetrieb von Bedeutung mit eingeordnet ist, bekommt bessen Fläche ihre eigene Farbe, wenn auch eben keine Absondezung durch Linien Statt sindet.

Den zu erstrebenden normalen Waldzustand stellt man durch die verschiedene Stärke des Farbentons dar. Die Bestandesslächen der ersten Zukunftsperiode nach eingetrete: ner Bestandes ordnung erhalten den dunkelsten und die der letzteren den lichtesten Farbenton. Die verschiedenen Übergänge von einem zum andern werden nur mit Bleilinien entworfen.

Aller andere Waldgrund und Forstnebengrund, ber zu Plänterbetrieb oder Einzelholzzucht, oder zu Forst-

nebennutungen bestimmt ist, wird farbig mit ber Feber überzeichnet und mit dem Pinsel etwas nachgearbeitet, wie in der Bestandskarte.

Der ganze Außengrund bleibt, bis auf die Grenzen, farbs los. Man zeichnet ihn wie in den Aufnahmeblättern und so weit hinaus, als es zur Übersicht der nächsten Absahbelegenheit und der außern Jagdbezirke eben erforderlich ist.

Die verschiedenerlei Grenzen erhalten folgende Auszeich= nung:

Landesgrenzen: Eine von Rund = und Strichpunkten zusammengesetzte, starke Linie, auf der äußeren Seite mit einem Karminband. Kreisgrenzen mit violettem, Amtsgrenzen mit hellblauem, Forstreviergrenzen mit grünem Pinselstriche an einer gestrichelten Linie. Bei allen die Farbenbänder etwas breit und verwaschen.

Forst grundeigenthum: an die ausgezogene Linie ein schmaler mennigrother Pinselstrich.

Jagdgrenze: an die gestrichelte Linie bei hoher Jagd eine grüne, bei Niederjagd eine gelbe, bei voller Jagd eine grüne und gelbe Pinsellinie, ganz schmal angelegt und, wie die Grenze vom Forstgrunde, unverwaschen.

An alle Grenzen kommen die Farbenstriche auswärts, und wo die Grenze zweifelhaft oder streitig ist, werden Feder = und Pin= selzug nur punktweise aufgetragen. Die wichtigere Grenzbezeich= nung nimmt immer die minder wichtige mit in sich auf.

Übrigens bekommt diese Karte nächst dem Titel einen einfaschen Maßstab, eine Mittagslinie, mit Sonne und Mond ganz leicht bezeichnet, eine Sturmkinie, mit blauem geschlängelten Pfeile und eine Zeichenerklärung.

Muß die Verbindung der verschiedenen Forsttheile in einem kleinern Plane dargestellt werden, so kann dieser nur die Hauptsgegenstände enthalten, wie eine topographische Karte. Auf solche Weise fertigt man wohl auch Plane von ganzen Oberforsten.

§. 302. Übung im Rartenzeichnen.

Dhne Karten ist weder ein richtiger, planmäßiger Waldbeztrieb, noch eine rechte Wahrung der Forstgrenzen möglich. Der Gebrauch von Karten wird aber nur Demjenigen geläusig, der sich im Kartenzeichnen geübt hat. Daher sollte jeder Forstmann, nicht nur zum Anfertigen, sondern auch zum Gebrauchen der ersforderlichen Karten, das Kartenzeichnen, wenn auch nur einigersmaßen, lernen und üben.

- 1) Zeichenbedarf: Zum Kartenzeichnen schafft man sich die besten Mittel an: Papier, das wenig schmutz, die Farben nicht zu schnell, aber gleichmäßig annimmt und sesthält, auch hinlänglich seine Federzeichnung gestattet; zarte Bleististe, die weder zu hart noch zu weich sind; ausgesuchte Federn und gute, in der Spitze dicht zusammenschließende Pinsel von verschiedenerlei Größe; etliche Stücke seine Tuschfarben und zur Federzeichnung besonders festhaltende, schwarze Tusche.
- 2) Bleiarbeit: Der Bleistift wird zum Zeichnen spitig geschnitten und auf rauhem Papiere geschärft. Das Entwerfen der Linienzeichnung wird oben angefangen und geschieht strich= weise, als wollte man viele kleine Striche zu einem Ganzen an einander hängen. Dabei muß unter der Hand immer ein reines Papier liegen.

Fehlerhaft gemachte Züge streicht man einstweilen durch, ober wischt sie weg und entwirft anders. Überflüssiges Entwerfen und Wiederauswischen ist zu vermeiden; daher giebt man viele Züge bloß mit einzelnen Punkten an und zeichnet die Signaturen gar nicht vor.

Alle innere Bleizeichnung muß vor dem Farbenauftragen weggewischt werden, wosern man sie eben nicht bleibend erhalzten will, weil Nässe die Bleilinien bindet. Man entwirft nicht Alles auf einmal, sondern führt vorzügliche Segenstände erst weizter aus.

3) Feberarbeit: Gute Feberkiele erkennt man an der Reinheit und harte und an der reifen abgestoßenen Spitze; sie

werben zum Zeichnen in reichlichem Vorrathe scharf geschnitten, neuerlich auch durch Stahlsedern mehr oder minder ersett. Die Feber wird mittels eines Tuschpinsels gefüllt und jedes Mal gesprobt, ehe man sie auf der Zeichnung wieder gebraucht. Zu seisneren Zügen führt man sie mit der scharfen Seite und setzt des hutsam Strich an Strick in Eins zusammen. Die Breite der Linien muß immer verhältnismäßig sein und für gleiche Gegenstände gleich. Starke Linien und Stricke werden zwar mit der vollen Feder aufgetragen, aber, nachdem sie trocken sind, so lange mit der scharfen Seite ausgearbeitet, dis sie gehörige Breite und Reinheit haben. Wo Farbenslächen mit stark genäßtem Pinsel angelegt werden, ist die Federzeichnung später zu machen; wo dicke Farbe ausgetragen wird, früher. Schwärze und Reinheit der Federzeichnung erhöht die Schönheit der Karte.

Die Kartenschrift erforbert besondere Auswahl und Schön= heit. Keine Mängel entdeckt das Auge des Beurtheilers leichter, als die der Schrift. Man gebraucht nach der Wichtigkeit und Größe des zu benennenden Segenstandes. lateinische Druckschrift und englische Handschrift, größer und kleiner, stehend und liezgend, voller oder dünner, gesperrter oder gedrängter, und vermeizdet dabei jede überslüssige Zugverlängerung, sowohl bei Buchsstaben, als bei Zisfern. Sleich wichtige Segenstände erhalten durchzgängig gleiche Schriftart und Größe.

Für jede schriftliche Bezeichnung muß ein angemessener Platz gewählt werden. Die Namen von größeren Flächen kommen mitten in dieselben; die von kleinen vollgezeichneten Gegenständen dicht daneben, ohne daß eine Verwechselung vorgehen kann, wo möglich rechts. Wo es angeht, wählt man dazu weniger bedeckte Stellen, nimmt gleich bei der Auszeichnung Rücksicht auf die Schrift und spart besondere Räume einstweilen für sie aus, damit die Schriftzüge frei und rein bleiben. Unnöthige Wörter sind zu vermeiben, noch mehr aber Schreibsehler.

Jede Schrift muß entweder mit dem unteren Kartenrande, oder mit der zu benennenden Linie gleichlaufen; nie darf sie mit dem Kopfe nach unten gekehrt sein. Bur Anlage der Schrift

zieht man sich Parallelen und entwirft die Schriftzüge wohl mit feinem Bleistifte. Die Schrift selbst wird mehr gezeichnet als geschrieben und denen auf gut gestochenen Karten so viel als thulich nachgeahmt.

4) Pinselarbeit: Die Pinsel führt man paarweise an einem Stiele und sengt vorher die einzeln hervorstehenden Haare von der angeseuchteten Spitze ab. Größere Pinsel fassen mehr Farbe und sind daher vorzüglicher. Jum Farbeanreiben nimmt man ein ganz glattes Geschirr mit etwas reinem weichen Wasser und führt das Farbenstück ganz leicht. Jum Mischen reibt man jede Farbe besonders und nimmt dann mit dem Pinsel das Ersforderliche zusammen. Angeriedene Farbe hält sich nicht lange rein. Beim Füllen des Pinsels rührt man die Farbe um, streicht das Überstüssige am Rande wieder ab und probt zum Farbenanlegen den Pinsel vorher erst auf Papier. Der andere Pinsel bleibt immer rein und angeseuchtet.

Bur Bergzeichnung mit dem Pinsel entwirft man zuvörderst die Absäte der Berggehänge mit wagrechten Bodenlinien und einzelnen, senkrecht von diesen ausgehenden Böschungsstrichen. Nach dieser Richtung werden nun die Pinselstriche in gleichmäßiger Breite und Entfernung angelegt. Diese anfänglich etwas blaß gehaltene Anlage wird weiter hin mehrmal überarbeitet und überall, nach einem dazu gemachten Musterblatte, in den, der Stärke jes der Böschung angemessenen Schatten gesetzt. Auf solche Art tresten die Bergzeichnungen nach ihren Böschungsgraden beschattet, natürlich und schön hervor, ohne den andern Darstellungen zu schaden.

Soll eine ganze Fläche mit Farbe übertragen werden, so legt man mit dem hinlänglich gefüllten Pinsel zuerst an die geradeste, schmalste Seite einen Querstrich und führt von diesem die Farbe mit kurzen Pinselstrichen so schnell wie möglich hereinwärts in die Fläche, seitwärts immer etwas voraus, dis zu Ende. Auf eine schon etwas getrocknete Farbensläche darf der Pinsel nicht wieder zurücksommen, und wo eben angelegt wird, darf kein Farbenrand trocknen, bevor man denselben fortsett. Deshalb sucht man jede Stelle gleichmäßig mit Farbe zu übertragen und nach vorn mehr

Rässe zu halten, die aber zuletzt aufgehen muß. In dies eben nicht der Fall, so zieht man hier die überslüssige Farbe mit dem Wasserpinsel ab, mit dem man auch die etwa überfahrnen Flecke zeitig abwäscht.

übrigens mussen die Umgebungen einer anzulegenden Fläche ganz trocken sein, sonst fließt die Farbe hinüber. Ist zu besorzen, daß der Farbenton nicht gleichmäßig ausfällt, so überträgt man die Fläche vorher erst einmal ganz dunn. Die Farbenzeich=nungen zu Grenzen, Wegen, Baumkronen u. dergl. werden mit stärkerer Farbe und weniger angefülltem Pinsel gemacht. Unter allen aufgetragenen Farben muß ein mildes Verhältniß herrschen, und die wichtigeren Gegenstände mussen gradweise hervortreten.

5) Einübung: Die beste Vorübung zum Kartenzeichnen ist langsames, mehr zeichnendes Schreiben der Kartenschriften. Hat man hierin einige Fertigkeit, so geht es an das Linienziehen mit Bleistift und Reißseder und an das freie Linienzeichnen, was Alles am Grundrisse gut eingeübt werden kann. Hiernächst werzben die einfachen Federzeichnungen der Bäume, Wiesen, Acker, Särten und Wüstungen zuerst einzeln und dann partienweise vorgenommen, wovon es zur Zeichnung der Wege, Grenzen, Geswässer, Wohnungen u. dergl. übergeht; immer erst einzeln und dann in Verbindung mit andern Gegenständen, zuerst im großen Maßtabe und dann im kleinen.

Demnächst lernt man auch das Farbenanlegen mit dem Pinssel, zuerst in Flächen mit geraden und dann mit winkeligen Umsrissen, zuerst in einer Farbe und dann mit mehren Farben neben einander und in verschiedenem Tone, zuerst ohne Bäume und dann mit Bäumen. Nun kann man zur eigentlichen Pinselzeichsnung übergehen und das Bergzeichnen sleißig üben. Hat man hierbei stets nach Genauigkeit und Sauberkeit getrachtet und die Handschrift mehr ausgebildet, so können nun erst vollständige Kartenzeichnungen vorgenommen werden.

- §. 303. Berfahren beim Kartenzeichnen.
- 1) Borricht ung: Zu geometrischen Zeichnungen wählt man ganz plattes, altes, völlig ausgetrocknetes, gleichmäßig dichtes und

startes Papier. Dieses halt sich am stetesten. Mussen Blätter zusammengestoßen werben, so schneibet man die mehr ausgebehnsten Ränder ab, reibt die beiden Enden auf der Klebseite mit Bimsstein dunner, spannt sie unter Papierhalter und heftet das obere Blatt mit Mundleim so wenig naß als möglich auf. Nach erfolgter Bindung wendet man das Papier um und leimt den andern Blattrand eben so an. Sind auf beide Blätter Quas bratnetze gezogen, so stedt man sie vorher mit Heftnadeln in den gemeinschaftlichen Durchschnittspunkten genau zusammen und verssährt auf gleiche Weise; dann paßt Netz an Netz.

Bur Planzeichnung nimmt man das geeignete Papier ohne alle weitere Vorbereitung, wählt nur fehlerfreie Bogen aus, die sich gegen das Licht gehalten leicht zu erkennen geben. Bei seinern Arbeiten wird das Zeichenblatt, sobald der erste Entwurf darauf kopirt ist, ganz in Papier geschlagen; dann schneibet man da, wo eben gezeichnet werden soll, eine Öffnung in die Decke und versschließt diese nachher wieder mit untergeschobenem Papiere.

- 2) Entwurf: Für neue Kartenzeichnungen, zumal von einiger Ausdehnung, macht man sich vorher einen slüchtigen Entwurf, um danach alle Anordnungen zweckmäßig treffen zu könznen. Die Figur muß auf das Zeichenblatt paßlich gelegt werden' daß auch für Titel, Maßstab und Zeichenerklärung der angemessene Raum bleibe. Die Richtung nach oben ist nicht gleichgültig. Gewöhnlich soll die Nordseite oben hin kommen; dies paßt aber nicht zur Schattenzeichnung. Besser wäre daher die Vorschrift: Rorden rechts und Westen oben. Dabei gingen auch die Hiebsfolgen mehr nach oben. Der Forstwirth sindet sich am besten in seine Karte, wenn diesenige Seite, von welcher er den Forst gewöhnlich besucht, unten liegt.
- 3) Folge der Arbeiten: Zuvörderst wird mit Blei entworfen, was zur weitern Bearbeitung eben nöthig ist, nämslich die Züge der Grenzen, Abtheilungen, Wege und die sonstigen Farbenumrisse. Alsbann legt man den Farbengrund an und fertigt die Bergzeichnung. Nun werden erst jene Einien, die sich

Raffe zu halten, bie aber zulet aufgeben muß. It bi nicht ber Fall, so zieht man bier bie überfluffige Farbe Bafferpinfel ab, mit bem man auch die etwa überfahre

zeitig abmafct.

übrigens muffen die Umgebungen einer anzulegen ganz trocken sein, sonst fließt die Farbe hinüber. I' gen, daß ber Farbenton nicht gleichmäßig ausfällt, man die Fläche vorher erst einmal ganz dunn. Die nungen zu Grenzen, Wegen, Baumkronen u. dera ftärkerer Farbe und weniger angefülltem Pinsel gallen aufgetragenen Farben muß ein milbes Werhe und die wichtigeren Gegenstände muffen gradweis

5) Einübung: Die befte Borubung gur ift langfames, mehr zeichnenbes Schreiben be

der der dasse: classen was zu Abtrock: Zur leich: leine gleiche is das Ganze it kann. unter bem nassen Pinsel nicht gehalten hätten, mit ber Feber aussgezeichnet.

Hierauf beschreibt man das Innere der Karte, ehe die passenden Stellen dazu mit weitern Zeichnungen verdeckt werden. Dann folgen alle übrigen Federzeichnungen, schwarze und farbige, und endlich noch die starken Pinselzeichnungen. Bei Wegen, Flüssen u. dergl. wird die mit der Feder aufzutragende Farbe stärker genommen. Endlich zeichnet man im Äußern die Nordslinie, den Maßstab, den Titel und die Zeichenerklärung. Von letzterer sind die Rahmen früher zu entwerfen, damit die gebraucheten Farben sogleich mit angelegt werden können.

4) Zeichen fehler: Beim Kartenzeichnen muß man die größte Genauigkeit beobachten. Nie darf ein Fehler in der Karte gelassen werden. Hat man sich mit der Feder verzogen, oder mit dem Pinsel, und kann der sehlerhaste Flecken nicht auf frischer That mit dem Wasserpinsel abgewaschen werden: so muß derselbe stehen bleiben, dis zum Abputzen der Karte; denn das alsbaldige Radiren hat öfters weitere Unannehmlichkeiten zur Folge. Damit aber keiner dieser Fehler übersehen werde, führt man ein Verzeichniß darüber und berichtigt sie nachmals zussammen.

Jeder Fleden wird auf einer geeigneten Unterlage ausradirt; ist er breit, mit einer runden, ist er aber strichsörmig, oder an einem bleibenden Striche befindlich, mit einer spikigen, etwas dicken, scharfen, ganz leicht zu führenden Radirklinge. Das Papier darf dabei nicht aufgekrat und muß mit Gummi nach gleicher Seite abgerieben werden. Die wunde Stelle läßt sich dann mit einer ganz scharfen, wenig gefüllten Feder, oder mit einem schwach angeseuchteten Farbenpinsel wieder in Stand setzen. Die deburch hier und da entstehenden kleinen Unvollkommenheiten der Zeichnung verlieren sich in dem fertigen Ganzen, und man braucht wegen anfänglich gemachter Versehen die Arbeit eben nicht gleich zu verwerfen.

5) Fertigung: Nach Berichtigung der Fehler wird die Karte mit Gummi oder trockner Semmel abgeputzt. Dabei sind

die lichteren Farbenstellen mehr zu schonen, die zu dunkel außsgefallenen Stellen aber stärker anzugreifen. Dann sind die vier Randlinien rechtwinkelig zu ziehen und danach die Seiten zu besschneiben.

Karten, die bloß zur Übersicht dienen, benen also ein Berziehen weniger schadet, zieht man der Dauer wegen nach vollens deter Zeichnung auf Leinwand. Hierzu wird die Rückseite der Zeichnung mit Kleister überstrichen, auf die vorher straff ausgesspannte, trockne Leinwand von einer Seite herein niedergelassen und während des von innen heraus aufgedrückt; ohne etwas zu beschmutzen, oder zu verwischen, alsdann nach erfolgter Abtrocksnung abgenommen, beschnitten und zusammengerollt. Zur leichstern Führung wird die Zeichnung wohl auch in kleine gleiche Rechtecke geschnitten und stückweise aufgezogen, so daß das Sanze hernach in Taschenform zusammengeschlagen werden kann.

Dritte Abtheilung.

Forfiliche Stereometrie.

§. 304. Rörpermeßfunft.

Die Körpermeßkunst hat zu ihrem Gegenstande die Ausdehnung der Körper; sie erklärt die Eigenschaften dieser Ausdehnung überhaupt und lehrt, wie die vorkommenden Körperräume nach gewissen Formen ausgemessen und sonst bestimmt werden.

§. 305. Körperraum.

Stellt man sich eine Auf = ober Niederbewegung der Fläche vor, so bekommt man den Begriff von einem Körperraume. Dieser hat drei Ausdehnungen, nämlich Länge und Breite, welche die Fläche schon hatte, und Höhe oder Tiefe, welche durch die Bewegung der Fläche noch erzeugt wurde. Die Grenzen des Körpers sind Flächen; sie heißen Grund = und Seistenflächen und bilden gegenseitig Kanten und Ecken. Die Höhe wird senkrecht vom Grunde genommen.

§. 306. Körpermessung.

Die Messung ber Körperräume ist nur mittelbar möglich nach ben eben meßbaren äußern Ausbehnungen. Diese sind jedoch öfters so unregelmäßig, oder doch so schwierig und unsicher zu nehmen, daß eine eigentliche Ausmessung gar nicht Statt sinben kann. In solchen Fällen bleibt kein anderes Mittel übrig, als die Körperräume nach wahrscheinlichen Gründen ungefähr zu bestimmen, oder zu schäten. Bei jeder Körperinhaltermittelung hat man den erforderlichen Genauigkeitsgrad wohl zu beachten und sich gegen die unvermeidlichen Abweichungen, so wie gegen die vermeidlichen Fehler genügend zu sichern. §. 307. Eintheilung ber Rörpermegtunft.

Wir betrachten in ber forstwirthschaftlichen Körpermeßkunst zuvörderst die allgemeinen Größenverhältnisse der stereometrischen Hülfskörper an bloßen Darstellungen, leiten davon die Berech: nung derselben ab und wenden diese Grundkenntnisse zur Messung forstlicher Körper an, so weit es die Forstbenutzung zunächst erz fordert. Die forstliche Stereometrie zerfällt bemnach in drei Abztheilungen, nämlich in die Betrachtung, Berechnung und Messung der Körper.

I. Körperbetrachtung.

1. Größengleichheit verschiedener Körperformen.

§. 308. Forftliche Bulfeforper.

Bei dem Forstwesen kommen nur die saulenförmigen Körper, nämlich die Voll- und Spitsaulen in Anwendung.

1) Die Bollfäulen ober prismatischen Körper has ben in ihrer ganzen Höhe gleiche Stärke; ihr Raum könnte ents stehen, wenn die ebene Grundsläche sich in immer gleicher Lage gerade auswärts bewegte; in dieser Form ist stets die obere Grunds stäche der untern gleich.

An dem eigentlichen Prisma oder der Eckfäule ist die Grundsläche eine geradlinige Figur, die mit jeder ihrer Seiten ein Parallelogramm als Seitensläche begründet, und wonach das Prisma dreis, viers oder vielseitig genannt wird.

Hat bas Prisma ein Parallelogramm zur Grundsläche, so heißt es noch besonders Parallelepipebum, Langwürfel; gewöhnlich ist dasselbe rechteckig. Sind die Grund = und Seiten= slächen Quadrate, so wird der Körper Kubus oder Würfel genannt. Dieser hat wegen nothwendiger Gleichheit aller seiner Quadratseiten auch gleiche Länge, Breite und Höhe.

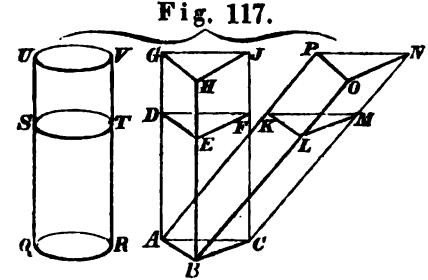
An dem Cylinder oder der Balze ift die Grundstäche

ein Kreis, ber in oben gedachter Aufbewegung mit dem Umfange die krumme Seitenfläche und mit dem Mittelpunkte die Achse durchlief.

- 2) Die Spiksäulen ober Pyramiben endigen sich oben in einer Spike, von der jede Gerade, die zum Umfange der Grundsläche geht, ganz in der Seitenstäche liegt. Die eigentliche Pyramide hat eine geradlinige Grundsläche und dreieckige Seiztenstächen. An dem Regel ist die Grundsläche ein Kreis, die Seitenstäche also krumm, und die Achse geht von der Spike zur Mitte der Grundsläche.
- 3) Alle fäulenförmigen Körper können mit Ausnahme des Würfels auch schief auf ihrem Grunde stehen; doch kommen sie meistens senkrecht in Betracht. Im senkrechten Cylinder und Kegel steht die Achse senkrecht auf der Grundsläche und ist zusgleich die Höhe.
- 4) Bur Bestimmung des Körperinhaltes wählte man den Kubus, den einfachsten und fügbarsten Körperraum, der auch durch Zahlen am bequemsten ausgedrückt werden kann. Man denkt sich zur Einheit des Längenmaßes einen Würfel und nimmt denselben als Körpereinheit an.

§. 309. Gleichheit ber Bollfäulen. Fig. 117.

1) In jeder Bollfäule sind alle mit dem Grunde parallel gelegten Querschnitte unter sich und den

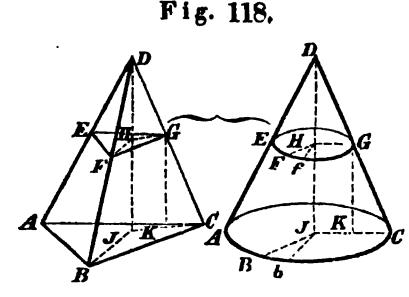


beiben Grund flächen gleich. Denn diese Quersschnitte und die obere Grundsschafte waren einmal, bei ber oben gedachten Entstehung der Bollfäule, die untere Grundsläche selbst. 3. 23. ABC bildete DEF wie GHJ; eben so ist QR — ST — UV

u. s. w.

2) Alle Bollsäulen von gleich großer Grund= fläche und gleicher Höhe sind gleich groß. Denn ba alle, mit dem Grunde parallel gelegten Querschnitte DEF, KLM, ST unter sich und den Grundslächen gleich sind, so müssen auch, wegen der gleichen Höhe, die ganzen Körperräume ABJ, ABN, QRU gleich groß sein. Diese Gleichheit sindet Statt, die Bollssäulen mögen senkrecht, oder schief sein, eine geradlinige Figur, oder einen Kreis zur Grundsläche haben.

§. 310. Gleichheit der Spissäulen. Fig. 118.



1) Zeder durch eine Spitsfäule mit dem Grunde parallel geführte Querschnitt ist ber Grundfläche ähnlich.

In der dreiseitigen Pyras mide ABCD sei EFG parallel mit ABC und mithin jede Seitensläche parallel zu ihrer

Grundlinie durchschnitten;

baher DE: DA = DF: DB = DG: DC also
$$\overline{EF: AB} = \overline{FG: BC} = \overline{EG: AC}$$
 (§. 149. 3.); folglich: $\Delta \overline{EFG} \sim \Delta \overline{ABC}$ (§. 151. 3.).

Daß dieses für alle mehrseitigen Pyramiden und für den Regel gilt, ist leicht einzusehen. Denn auch der Regel ACD kann durch Längenschnitte, wie DJB, DJb, von der Spitze zur Grundsstäche in dreiseitige Pyramiden zerlegt werden, und in diesen sind alle Querschnittdreiecke, wie FHf, zusammen allen Grundslächens dreiecken, wie BJb, zusammen ähnlich.

2) In jeder Spitstäule verhalten sich die mit dem Grunde parallel geführten Querschnitte und die Grundfläche zu einander wie die Quadrate der zugehörigen Seitenkanten oder Höhen.

Denn FG; BC = DG : DC = DH : DJ (§, 149, 8.), unb FG² : BC² = DG² : DC² = DH²: DJ²(§, 62, 5.), also: \triangle EFG : \triangle ABC = DG² : DC² = DH²: DJ²(§, 171, 1.).

3) Spitfäulen auf gleich großen Grundflächen und in gleicher Sohe find gleich groß. Man führe 3. B. burch die Pyramide und burch ben Regel ABCD in gleicher Sohe IH mit dem Grunde parallele Quersschnitte, wie EFG: so sind diese Schnitte gleich groß, weil sie ein und dasselbe Berhältniß zu den gleichen Grundstächen haben, nämlich DJ : DH = ABC : EFG. Sind aber in zwei, oder mehren Spitsaulen alle gleich hohen Querschnitte oder Stärken einander gleich, so können ihre Körperräume nicht ungleich sein.

§. 311. Die Spigfaule ift & ber Bollfaule. Fig. 119.

1) Jebes breiseitige Prisma läßt fich in brei gleich große Pyramiben zerlegen.

Fig. 119. Bon bem breiseitigen Prisma ABCE theilt juvörberst ber Diagonalschnitt ABD eine Pyramibe
ABDC ab, welche bie Grundsläche ABC und bie Höhe bes Prisma bat.

Bon bem Körper ABDEF theilt hiernachst ber Diagonalschnitt EDB eine zweite Pyramibe EDBF ab, welche ebenfalls die Grundstäche DEF und bie Hohe bes Prisma hat, also ber erstern gleich ift.

Die nun noch übrige britte Pyramide ABED, mit ber Grundfläche ABE und der Spige D, ift ber vorigen Pyramide EDBF gleich; benn beibe haben (nun von der Seite betrachtet) gleiche Grundflächen ABE und BEF (§. 154. 1.) und gleiche Sohe, weil sie auch mit ben Spigen in D zusammenliegen.

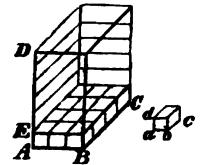
- 2) Bon diesen brei gleich großen Pyramiben hat je eine mit bem Prisma gleiche Grundsläche und Sobe, folglich ift auch jede breiseitige Pyramibe ber britte Theil eines dreis seitigen Prisma von derselben Grundsläche und Sobe.
- 3) Da jede Spihfäule, selbst ber Regel, von ber Spihe aus in breiseitige Pyramiben zerfällt werben kann, und jede ber britte Theil bes zugehörigen Prisma ist: so muffen auch alle diese Pyramiben zusammen ber britte Theil sein, von allen gleich hohen Prismen zusammen, auf derfelben Grundsläche. Es ist

baher jebe Spitsfäule ber britte Theil einer Bolls fäule von gleich großer Grunbfläche und Sohe.

- 2. Körperinhalt der Säulenformen.
- §, 312. Körperinhalt ganzer Bollfäulen und Spitzfäulen. Fig. 120.

Das rechtwinkelige Parallelepipebum besteht aus so vielen Kubikeinheiten, als das Produkt ber Grundflächenzahl mit ber Söhenzahl beträgt.

Fig. 120.



Es sei ABCD ein rechtwinkeliges Parallelepipedum und abcd ein zur Körpereinheit bies
nender kleiner Kubus. Man denke sich zuerst
die Grunbsläche AC mit solchen kleinen Kubiks
maßen völlig besetzt. Davon würden hier so
viele Raum sinden, als das Produkt beiber

Seiten AB × BC ausdrückt, ober, was gleichviel ist, als die Grundssche gleichnamige Quadratmaße enthält. Diese erste Schicht von Kubikmaßen nähme den Raum ABCE ein, und zur Ausfüllung des ganzen Körperraumes würden so viel solcher Schichten erforsberlich sein, als AD das Längenmaß in sich enthält.

Wäre die Grundsläche 4' lang und 3' breit, so würden auf derselben $4 \times 3 = 12$ Kubikfuß stehen können; betrüge nun die Höhe 6', so gingen in das ganze Parallelepipedum jene 12 Kuzbikfuße sechsmal über einander, und der ganze Raum desselben enthielte $12 \times 6 = 72$ Kubikfuße.

Man muß also hier die gesuchte Bahl des Kubitsinhaltes finden, wenn man die Bahl der Grundsfläche mit der Höhenzahl, oder schlechthin die Grundsfläche mit der Höhe multiplizirt. Daraus wird zugleich deutlich, was es heißt, eine Fläche mit einer Einie multipliziren.

Für andere Säulenformen ergiebt fich hiernach:

1) Der Inhalt des Würfels geht hervor, wenn man dessen Seite in die dritte Potenz erhebt; denn berselbe hat ein Quadrat zur Grundsläche und zugleich die Quas bratseite zur Höhe. Ein Würfel, dessen Seite 10, ober 12 Länzgeneinheiten mißt, enthält $10^3 = 1000$, ober $12^3 = 1728$ Rubik-

einheiten. Die unbekannte Seite eines Burfels findet man basgegen in ber Rubikwurzel aus bem gegebenen Burfelinhalte. Daher bie Benennungen Rubikahl und Rubikwurzel.

- 2) Jede Bollfäule, bas Prisma fomohl, als die Balze, sie mag fentrecht, ober schief sein, besteht aus so vielen Rubikeinheiten, als bas Produkt ber Grundfläche mit ber Sohe beträgt. Denn jede ift so groß, als ein rechtwinkeliges Parallelepipedum von berselben Grundsläche und Sohe (§. 309. 2.). Bezeichnet man im Allgemeinen die Grundsläche mit G und die Sohe mit H, so ist der Inhalt jeder Bollfäule G × H.
- 3) Jede Spigfäule, die Pyramide sowohl, als der Regel, besteht aus einem Drittel der Rubikeins heiten von dem Produkte der Grundfläche mit der Hohe (§. 311.); ihr Inhalt ift baher im Allgemeinen $\frac{G \times H}{3}$.

§. 313. Körperinhalt besonderer Gäulenftude. Fig. 121. 122. 123.

Bon den faulenformigen Rorpern haben wir noch einige Stude besonders ju betrachten.

Fig. 121.

1) Die schräg abgeschnittene Walze, 3. B. PQRS, hat zum Inhalte bas Produkt der Grundstäche mit der Mittelhohe mn = $\frac{PR+QS}{2}$. Denn benkt man sich durch die Mitte der schrägen Abschnittss stäche eine wagrechte Querstäche, so ergänzt das oben darüber abgefallene Stuck den barunter befindlichen leeren Raum.

Fig. 122.

2) Der Cylinderring Aadd ober bas Rohrenstud hat, jum Inhalte ben Unterschied des vollen und bes hohlen Walzenraums, nämlich ABCD
— abed,

Fig. 123.

E

D

A

- 3) Die abgestumpfte Spihsaule ABCD entsteht, wenn die Spihe parallel mit der Grundsläche abgeschnitten wird. Der Inhalt des abgestumpsten Stückes ist der Unterschied von dem Ganzen und der abgeschnittenen Spihe, nämlich ABE CDE.
- 3. Körperverhaltniß ber Saulenformen.
- §. 314. Körperverhältniß der Saulenformen überhaupt.

Die Bollfäulen verhalten sich wie bie Produkte aus ihren Grunbflächen und Höhen.

Man bezeichne von zwei Vollsäulen den Inhalt mit M und m, die Grundsläche mit G und g, die Höhe mit H und h, dann ist

$$\begin{array}{ccc}
M &= G \times H \\
m &= g \times h
\end{array}$$
nach §. 312. 2.

Folglich $M: m = G \times H: g \times h$.

hieraus folgt weiter:

1) Zwei Bollfäulen von gleicher Grundfläche verhalten sich wie ihre Höhen.

$$\mathfrak{Ift} \mathbf{M} : \mathbf{m} = \mathbf{G} \times \mathbf{H} : \mathbf{g} \times \mathbf{h}$$

und G = g (nach der Boraussetzung), so ist auch $M : m = H : h (\S. 62. 2.)$.

2) Bei gleichen Höhen verhalten sich die Voll: fäulen wie ihre Grundflächen, und sind diese ähnlich, auch wie die Quadrate gleichliegender Seiten der Grundflächen.

Ist nämlich wie oben M: m = G × H: g × h

und wenn D und d gleichliegende

Einien ähnlicher Grunbflächen

bezeichnen, auch M : m = D2 : d2 (§. 171.).

3) Zwei Balzen m und M von gleicher Hohe verhalten sich daher, wie bie Quabrate ihrer Durch= messer d und D, ober Umfänge u und U; nämlich:

$$u^2: U^2 = m: M.$$

Daraus ergiebt sich auch nach §. 62. 3.

$$u^2: U^2 - u^2 = m: M - m,$$

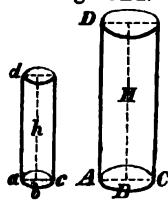
ein Berhältniß ber Zuwachsberechnung.

- 4) Alle Spigfäulen verhalten sich, als die Drittel ber Bollsäulen, eben auch wie diese, nämlich wie die Produkte aus ihren Grundflächen und Höhen, ober,, bei gleichen Grundflächen, wie die Höhen, und, bei gleichen Höhen, wie die Grundflächen.
 - §. 315. Körperverhältniß ähnlicher Säulen. Fig. 124.

Ähnliche Bollfäulen verhalten sich wie die Burfel gleichliegender Linien.

Bur Ahnlichkeit zweier Körper gehört, daß an beiden die Grund und Seitenflächen ähnliche Figuren sind, wobei alle gleichliegenden Seiten und andern Linien gleiche Neigung und einerlei Verhältniß haben.

Fig. 124.



Stellen ABCD und abcd zwei ähnliche Vollsfäulen vor, so verhalten sie sich, ihrem Inhalte nach, wie $G \times H : g \times h$ (§. 314.). Nun ist wegen der Ähnlichkeit beider Grundslächen und der Proportionalität aller Seiten und Linien:

 $G: g = AC^2: ac^2 (\S. 171.),$

H:h = AC:ac.

Mithin $G \times H : g \times h = AC^s : ac^s = H^s : h^s$ (§. 62. 4.) Hieraus folgt:

- 1) Ahnliche Prismen verhalten sich wie die Burfel ihrer Sohen ober gleichliegenben Seiten.
- 2) Ühnliche Walzen verhalten sich wie bie Bur= fel ihrer Durchmesser, Umfänge, Höhen u. s. w. Be=

zeichnet man die Balzen mit m und M, die Umfänge mit u und U, so ist

 $\mathbf{u}^3:\mathbf{U}^3=\mathbf{m}:\mathbf{M},$

und für die Zuwachsberechnung (n. §. 62. 3.)

 $u^3: U^3 - u^3 = m: M - m.$

3) Auch mussen sich ähnliche Pyramiden und ähnsliche Regel verhalten, wie die Würfel ihrer gleichlies genden Linien.

II. Rörperberechnung.

1. Ausrechnung des Körperinhaltes.

§. 316. Rörpermaß.

Das Grundmaß der forstlichen Körper ist der Körpers fuß, auch Kubikfuß genannt, ein Würfel von einfußiger Länzge, Breite und Höhe. Gewöhnlich bestimmt man den Körperinshalt nach Werkmaß.

Der Körperfuß im Werkmaße ist ein Würsel, bessen Seite 12 Längenzolle, bessen Grundsläche 12 × 12 = 144 Quastratzolle und dessen ganzer Raum 12 × 12 × 12 = 1728 Kustitzolle enthält. Eben so besteht jeder Körperzoll dieses Maßes aus 1728 Körperlinien. Bei Zehntelmaß hat die Körperruthe $10^3 = 1000$ Körperfuß, dieser 1000 Körperzoll u. s. w. Die Körperruthe enthält auch, je nachdem die Längenruthe zusammenzgesett ist aus 12, 16 oder n Werksußen, 123, 163, überhaupt n. Körperfuß. Diese Eintheilung folgt aus §. 312. 1.

Zwar gewährte das zehntheilige Körpermaß erhebliche Rech= nungsvortheile; indessen erleichtert man sich den Gebrauch des für den Verkehr viel geeignetern, zwölftheiligen Werkmaßes durch Tafeln, oder durch Formeln, worin alle Faktoren von 12 in voraus gehoben sind.

Das Körpermaß bezeichnet man übrigens eben so, wie das Längenmaß; nur kommt zur Unterscheidung noch ein c hinzu.

53155 Körperzolle im Zwölftelmaße sind 30 c' 1315 c". Wobei einer Körpergröße die Art des Maßes nicht angegeben ist, versteht man immer Werkmaß darunter.

§. 317. Rörperausrechnung überhaupt.

Die rohen, mehr natürlichen Körper, besonders die vom Holzwuchse, sind keinesweges ganz stereometrisch geformt; doch fällt es nicht schwer, ihren Körperinhalt näherungsweise so genau zu bestimmen, als es die wirthschaftlichen Iwede nur irgend erfordern.

Da man zur Ausmittelung des Körperinhaltes in den in=
nern Körperraum eine paßliche Körpereinheit nicht einsetzen kann,
wie wir es uns oben vorstellten: so muß der Inhalt nach äu=
ßern Ausdehnungen, meist nach der Grund fläche und Höhe,
ausgerechnet werden. Bei allen säulenförmigen Körpern
nehmen wir in der Berechnung die mittlere Länge als
Höhe und den durch die Längenlinie des Körpers senkrecht ge=
legten, vollen Querschnitt als Grundsläche an. Biswei=
len ist auch die Körperobersläche mit auszurechnen.

Bur Ausrechnung der Holzkörpergehalte wird gewöhnlich die Stärke in Zollen und die Länge in Fußen ausgedrückt.

§. 318. Berechnung bes Prisma.

Der Körperinhalt bes Prisma wird ausgerechnet, wenn man bie Grundflächenzahl mit ber gleichbenannsten Höhenzahl multiplizirt; das Produkt ift der Inshalt in gleichbenannten Körpereinheiten (§. 312. 2.).

1) Ein Parallelepipebum ober Balkenstück habe zur Grundsläche ein Rechteck von 18 und 14 Zoll in den Seiten und zur Höhe 24 Fuß.

Der Körperinhalt ist im Werkmaße: $\frac{18\times14}{144}\times24=42$ c'. Denn die Grundsläche enthält $18\times14=252$ q''; diese durch 144 in Quadratsuße verwandelt, um sie mit der Höhenzahl in gleiche Benennung zu bringen, giebt $\frac{21}{14}=1.75$ q'. Eben so viel Kubiksuße gehen nun in jede sußhohe Schicht; also enthielt

das ganze Stück $1.75 \times 24 = 42$ c'. Dasselbe müßte heraus: kommen, wenn man nicht anfänglich, sondern zuletzt durch 144 dividirte; denn $\frac{18\times14}{144} \times 24 = \frac{18\times14\times24}{144} = 42$.

Wäre die Höhe in Zollen gegeben, so multiplizirte man so=gleich damit, ohne erst durch 144 zu dividiren. Das Produkt ergäbe Kubikzolle, die durch 12³ = 1728 in Kubiksuße verwan= delt werden könnten.

2) Bei Prismen mit regelmäßig vielediger Grund= fläche braucht man den Umfang, den dazu gehörigen Mittel= punktabstand und die Höhe.

Die Grundsläche sei ein regelmäßiges Sechseck mit dem Um= fange von 72 Zou, das zum Mittelpunktabstande 10,4 Zou hat, und die Höhe betrage 25 Fuß: so ist der Körperinhalt im Werk= maße

 $\frac{\frac{1}{2}(72\times10,4)}{144}\times25=\frac{36\times10,4\times25}{144}=65 \text{ c'}.$

- 3) Ist die Grundfläche ein Dreieck, ober eine mehrseitige unregelmäßige Figur: so mußte sie mittels geeigneter Hulfslinien ausgerechnet und dann mit der Höhenzahl multiplizirt werden.
- 4) Die Ober fläche des obigen 24' oder 24 × 12 = 288" langen Balkenstückes besteht aus den

Man sieht leicht ein, daß die Seitenflächen auch zusammen ausgerechnet werden konnten, wenn man ihre gesammten Grundlinien, nämlich den Umfang der Grundsläche — (18 × 2) + (14 × 2) — 64" mit der in Zollen ausgedrückten Höhe — 288" multiplizirte, also 64 × 288 — 18432 q".

§. 319. Balzenberechnung.

Der Körperinhalt von der Walze wird gefunden, wenn man den Inhalt der Grundfläche mit der Höhe in gleichbenannten Zahlen multiplizirt. Die Grunbfläche ist hier immer ein, die Achse senkrecht durch= schneidender Kreis, zu bessen Ausrechnung wir den Umfang ober den Durchmesser gebrauchen; als Höhe nimmt man die der Achse gleiche Seite.

1) Mißt eine Walze im Durchmesser 18 Zoll und in der Höhe 25 Fuß, so hat dieselbe zum Inhalte, nach Werkmaß gerrechnet:

$$(18 \times 3,14 \times 4^8 : 144) \times 25 = 44 \text{ c}'.$$

Denn die Grundsläche ist (n. §. 212. 2.) $18 \times 3,14 \times \frac{1}{4}$: 144 = 1,76 q'; dies nun mit der Höhenzahl 25 multiplizirt, giebt $1,76 \times 25 = 44$ c'.

Eine andere Walze von 60 Zoll Umfang und 30 Fuß Höhe hätte zur Grundsläche (n. §. 212. 2.) 1,989 q' und zum Inhalte 1,989 × 30 = 59,67 c'.

2) Diese Ausrechnung des Walzeninhaltes wird dadurch absgekürzt, daß man die beständig darin vorkommenden Faktoren in einen einzigen Ausdruck zusammenfaßt, nach den (§. 212. 8.) zur Kreisberechnung gebrauchten Formeln:

$$K = 0,7854 D^2 = 0,07958 U^2$$
.

Bezeichnen wir die Grundsläche mit G statt K, die Höhe mit H und den Inhalt mit M, so ist:

M ober $G \times H = 0,7854$ $D^2 \times H = 0,07958$ $U^2 \times H$, und man müßte das Quadrat des Durchmessers mit der Höhe und mit 0,7854, oder das Quadrat des Umfangs mit der Höhe und mit 0,07958 multipliziren, wenn die gemessenen Längen in gleich benannten Zahlen ausgedrückt sind.

Da man jedoch die Körper gewöhnlich mit Zwölftelmaß mißt und, wie schon bekannt (vgl. §. 212. 4.), den Durchmesser oder Umfang in Zollen, die Höhe aber in Fußen ansetzt: so muß in diesem Falle die Zahl der Grundsläche erst durch 144 dividirt werden, oder man muß diese Division obiger Formel gleich mit einverleiben, und dann ist:

$$M = \frac{0,7854}{144} D^2 \times H = \frac{0,07958}{144} U^2 \times H$$
, ober

M = 0,0054541 D2 × H = 0,0005526 U2 × H. Um also die Körpersuße einer jeden Walze zu sinden, deren Durchmesser= oder Umfangstärke in Werkzollen und beren Höhe in Werksußen gegeben ist: multiplizire man des Durch= messers Quadrat mit 0,0054541, oder des Umfangs Quadrat mit 0,005526 und in jedem Falle noch mit der Höhenzahl.

Obige Walze von 18 Zoll im Durchmesser und 25 Fuß in der Höhe enthielt hiernach: $18^2 \times 25 \times 0{,}0054541 = 44{,}17 \, {\rm c}'$.

Die andere von 60" U und 30' H hätte 60° × 30 × 0,0005526 = 59,68 c'.

Der kleine Unterschied zwischen diesen und den obigen Er=
- gebnissen rührt von verschiedener Genauigkeit des eben angenom=
menen Kreisverhältnisses her.

3) Die letztere Ausrechnung bes Walzeninhaltes kann noch mehr abgekürzt werden. Man könnte zuerst für die beiden besständigen Faktoren 0,0054541 und 0,0005526 nur 0,0055 und 0,00055 gebrauchen, wodurch beide Rechnungen mehr Übereinsstimmung bekämen. Damit rechnete man die letztern Fälle, wie folgt:

18 = D	60 = U
18	60
144	3600
18	30 = H
324	108000
25 = H	55
1620	540000
64 8	540
8100	59,4c'.
55	-
40500	
405	
44,55c'.	

Diese neuen Faktoren 55 sind aber nicht ganz genau, obsschon sie die, dem Gebrauche des Durchmessers und Umfangseigenen Abweichungen einigermaßen heben. Ihre Produkte könsnen jedoch berichtigt werden, wenn man beim erstern das Zuviel

wieder hinwegnimmt und beim andern das Zuwenig noch hinzulegt.

a) Bei dem ersten Faktor, für die Ausrechnung nach dem Durchmesser, schnitt man hinten 541 ab und gab das für der letztern Stelle 1 mehr. Dadurch ist die hintere 5 in dem neuen Faktor um 0,459 ihrer Einheit, also etwa um 0,1 ihres ganzen Werthes zu groß geworden *). Deßhalb muß auch ihr Produktsheil um 0,1 zu groß ausfallen. Dieses kann aber leicht berichtigt werden, wenn man den zehnten Theil davon wieder abzieht.

Vorhin war 4,05 das Produkt der hintern 5, ein Zehntel davon ist 0,405. Man dürfte also nur denselben Produkttheil um eine Stelle weiter rechts darunter setzen und abziehen. Dies brauchte jedoch erst an dem Hauptprodukte zu geschehen, wie solgende berichtigte Stelle aus jener Rechnung zeigt:

8100 <u>55</u> <u>405..</u> <u>405</u> <u>44,5500.</u>

Davon abgezogen 0,405, wegen ber Berichtigung. Bleibt: 44,145 c', als berichtigter Inhalt.

b) Bei dem andern Faktor, für die Ausrechnung nach dem Umfange, schnitt man die hintere 26 ab; dadurch sehlt der letztern 5 etwa 0,25 ihrer Einheit, also ein halbes Zehntel ihres ganzen Werthes**). Deßhalb ist der Produkttheil von ihr um ein halbes Zehntel zu klein. Um denselben zu berichtigen, müßte man das Fehlende dazu legen.

^{*)} Da man nämlich bem Fakter $0.0001 = \frac{10000}{1000}$ zugelegt und ihn nur um $0.0000541 = \frac{410}{1000000}$ vermindert hat, so ist er überhaupt um $\frac{450}{10000000}$ oder nahe $\frac{500000}{1000000}$, d. h. $\frac{1}{10}$ von $\frac{5}{10000}$ oder 0.1 von 0.0005 zu groß.

^{**)} Der Faktor ist hier um 0,0000026 ober nahe 0,0000025 vermindert; von 0,00005 ist $\frac{1}{10} = 0,000005$, und folglich beträgt die Minderung des Faktors überhaupt ein halbes Zehntel von 0,00005.

Oben war 5,4a... dies Produkt der hintern 5. Das halbe Zehntel desselben wird gefunden, wenn man das Komma eine Stelle vorrückt und von dieser Zahl die Hälfte nimmt; es ist 0,27. Man dürfte also zur Berichtigung jenes Produkttheiles nur die Hälfte seiner Zahlen um eine Stelle weiter rechts darunter setzen und hinzuzählen. Dies könnte auch erst, wie in dem folgenden Ansate, am Hauptprodukte geschehen.

Dazu abbirt 0,27, wegen ber Berichtigung. Giebt: 59,67 c', als berichtigten Inhalt.

c) Noch mehr wird diese Rechnung abgekürzt, wenn man das besondere Multipliziren mit 5 ganz vermeidet und dafür bloß den Multiplikanden nach Hinzusetzung einer Null halbirt; denn $5=\frac{10}{2}$ und $108\times 5=\frac{108\times 10}{2}=\frac{1080}{2}=540$.

Verrichtete man diese Multiplikation mit 1,0 gleich anfänglich an einem geeigneten Faktor, so ergäbe schon die Multiplikation der genommenen Walzenmaße jenen Produkttheil einer 5, hier 540. Diese Zahl wäre dann, als Produkttheil der andern 5, um eine Stelle fortgerückt, noch unterzusetzen und zu abdiren.

Die obige Rechnung mittels des Umfangs würde sich hiernach auf folgende Weise vereinfachen lassen:

Man erhielt hier in 540000 unmittelbar das Produkt der einen 5, setzte das der andern 5 um eine Stelle weiter rechts, als wäre von vorn multiplizirt worden, und nahm nun die Berichtigung nach dem untern Produkte der hintern 5 vor.

Die obige Rechnung mit bem Durchmesser gestaltet sich hiernach:

18 Durchmesser.

90, wegen der Multiplikation mit 10

1620

25 Höhe.

8100

324

40500

44,5500

405 Berichtigung.

44,145 c' Inhalt.

Die anfänglich durch das Multipliziren mit 10 hinzukom: mende Null braucht man übrigens gar nicht beizubehalten, wenn am Endprodukte eine Stelle weniger abgeschnitten wird. Auch in der weiteren Rechnung mag man die hintern Nullen vernach= lässigen, weil aus den Maßen der Walze schon zu entnehmen ist, welche Zahlstellen ganze Kubikfuße bedeuten.

Dies giebt uns für bie Ausrechnung bes Walzeninhaltes mit Werkmaß, in Fällen, wo man eben keine Tafeln zur Hand hat, folgende Regel:

Man nehme bes Durchmessers ober bes Umfangs Bollzahl zweimal, bazu ber Länge Fußzahl einmal, und multiplizire biese brei Faktoren, nachbem ber schicklichste bavon halbirt worden ist. Das baburch ers haltene Produkt setze man nochmals, eine Stelle weister rechts gerückt, unter, zähle so beibe zusammen und schneibe von ber Summe beim Gebrauche bes Durchsmessers, und bei bem des Umfangs vier Stellen

rechts ab. Diese Bahl giebt ben Inhalt in Körperfus Ben schon ziemlich genau. — Will man benselben ges nauer haben, so muß die vorlette Bahl (ber schon eins mal fortgesette Produkttheil) noch um eine Stelle rechts gerückt, beim Durchmesser ganz abgezogen, beim Umfange aber halb hinzu gezählt werben.

4) Die Oberfläche der senkrechten Walze besteht aus den zwei gleichen kreisförmigen Grundslächen und der Seitenssläche, welche abgerollt ein Parallelogramm ist, das den Umfang und die Höhe der Walze zum Maße hat.

An einer Walze von 60 Boll ober 5 Fuß Umfang und 30 Fuß Höhe enthält die Oberfläche:

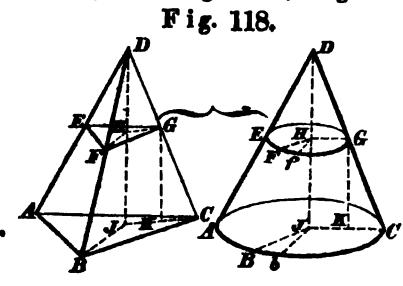
in den beiden Grundslächen: 1,989 × 2 = 3,978 q', in der Seitensläche: 5 × 30 = 150 q'.

Zusammen: 153,978 q'.

§. 320. Berechnung ber Pyramibe. Fig. 118.

Der Körperinhalt der Pyramide wird ausgerech= net, wenn man die Grundfläche mit der Höhe multi= plizirt und von dem Produkte ein Drittel nimmt (§. 312. 3.).

1) Hätte eine Pyramide zur Grundsläche ein Quadrat von $16 \times 16''$ und zur Höhe 60', so enthielt sie $\frac{16 \times 16}{144} \times \frac{60}{3} = 35,55$ c'. Die Grundsläche ist nämlich $16 \times 16 = 256$ q''; diese müßte durch 144 in $\frac{21}{14}$ = 1,77 q' verwandelt und noch mit einem Drittel der Höhe, nämlich mit 9 = 20' multiplizirt werden, was obigen Inhalt giebt.



2) Wäre eine Pyramide mit der Grundfläche parallel abgestumpft, so hätte man zur Inhaltsberechnung zuvörderst die Höhe HD der abgeschnittenen Spite zu suchen. Es sei CID ein senkrechter Eangenschnitt, darin DI und GK fenkrecht zu IC und HG, so verhält sich, weil \triangle CID \sim \triangle CKG \sim \triangle GHD:

$$\frac{CK : GH = KG : HD (§. 149.)}{\text{ober CI} - GH : GH = 1H : HD.}$$

1

Es sei auch der Schnitt BID senkrecht, und somit das $\Delta FHG \sim dem \ \Delta BIC$ (§. 310.), so verhält sich weiter

$$CI - GH : GH = CB - GF : GF;$$
folglich ist: $CB - GF : GF = IH : HD$.

Nach dieser Proportion ergiebt sich das abgeschnittene Höhenstück HD. Nun sucht man die ganze Höhe ID == IH + HD,
berechnet bann, wie schon bekannt, die ganze Pyramide, hierauf
die abgeschnittene Spitze und zieht diese von dem Ganzen ab
(§. 313. 3.).

3) Die Oberfläche der Pyramide besteht aus der Grundschen und aus so vielen Seitendreiecken, als der Grund Seiten hat. An der abgestumpsten Pyramide sind die Seitenssichen Trapeze. Meist sinden sich die Seitenkanten, die Höhen der Seitenslächen und die Pyramidenhöhe nicht erheblich von einander verschieden.

§. 321. Regelberechnung.

Um den Körperinhalt des Regels auszurechnen, muß man die Grundfläche mit der Höhe multiplizi= ren und das Produkt ebenfalls durch 3 theilen (§. 312. 3.).

1) Man berechnet den Inhalt des Regels am bequemsten wie den der Walze und theilt dabei nicht erst das Produkt, son= dern anfänglich gleich einen der Faktoren, sofern einer davon durch 3 theilbar ist. Die Berichtigung bleibt übrigens dieselbe.

Hätte z. B. ein Kegel, A, 24" D und 30' H; ein anderer, B, 84" U und 20' H:

A.
$$24 = D$$
 B. $84 = U$
 $12 = \frac{D}{2}$
 $14 = \frac{U}{2 \times 3}$
 336
 336
 24
 84
 $10 = \frac{H}{3}$
 $20 = H$
 2880
 23520
 2880
 23520
 $31,680$
 $+ 1176$ Berichtigung

 -288 Berichtigung
 $25,9896$ c'.

Wer hiernach nicht rechnen will, der kann den weitläusigern Weg einschlagen und zuerst (n. §. 212 od. 319. 1.) die Grundsläche ausrechnen, die dafür gefundenen Quadratzolle in Fuße verwansbeln, dann mit der Höhe multipliziren und endlich durch 3 disvidiren.

2) Die Inhaltsberechnung des abgestumpften Kegels kann auch, wie die der abgestumpften Pyramide, mit vier besondern Ansähen gemacht werden. Man sucht zuerst das sehlende Höhenstück h, hierauf den Inhalt der sehlenden Regelsspihe, alsdann den ganzen Regelinhalt und zieht endlich von diessem die Spihe ab.

Hierbei können unmittelbar gemessen werden: die Durchmesser D und d oder die Umfänge U und u beider Grundslächen und die Höhe H — h des abgestumpften Regels. Zur Auffinstung des abgeschnittenen Höhenstückes h braucht man ganz diessselben Verhältnisse wieder, wie bei der Pyramide, nämlich:

$$D - d : d ober U - u : u = H - h : h;$$

mit Worten: Es verhält sich der Unterschied des untern und obern Durchmessers zum obern Durchmesser, ober der Unterschied des untern und obern Umfangs zum obern Umfang, wie die Höhe des abgestumpften Regels zu dem fehlenden Höhenstücke. Wir wollen z. B. annehmen, ein abgestumpfter Kegel habe zum untern Umfang 84" und zum obern 21" und sei 15' hoch. Hier wird zuerst die Höhe h der abgeschnittenen Spitze gesucht nach der Proportion:

$$84 - 21 : 21 = 15 : h \text{ unb } h = \frac{21 \times 15}{84 - 21} = 5'.$$

Die ganze Regelhöhe H ist somit 15 + 5 = 20'.

Nun rechnen wir von der fehlenden Spiße und von dem ganzen Kegel den Inhalt nach unserer Regel aus. Die Spiße hat 21" U und 5' h:

Der ganze Kegel von 84" U 20' H hält: 25,989 c'. Die sehlende Spize hält: 0,406 c'. Mithin bleibt für das untere Stück: 25,583 c'.

3) Obgleich diese Ausrechnung des abgestumpsten Regels eben nicht schwer ist, so hat man sich doch vielfältig mit einem leich= tern, aber unrichtigen Verfahren zu behelfen gesucht. Man hat nämlich aus den beiden Durchmesser= oder Umfangstärken das Mittel genommen und hiernach eine gleich hohe Walze berechnet, wie folgt:

Oberer Umfang 21".
Unterer Umfang 84".
Wittelumfang $\frac{1.05}{2} = 52.5$ ".

Eine Walze von diesem Mittelumfang und 15' Höhe halt 22,84 c' und ist gegen den oben gefundenen, richtigen Inhalt des abgestumpften Kegels um 25,58 — 22,84 == 2,74 c' zu klein.

Der Fehler dieses Berfahrens steht in gewissem Berhältnisse

mit den Ausdehnungen des Kegels und kann berichtigt werden. An dem wirklichen Inhalte fehlt nämlich, aus hier zu übergehens den Gründen, ein Kegel, dessen Durchmesser oder Umfang der halbe Unterschied des untern und obern Durchmessers oder Umsfangs und dessen Höhe die des abgekürzten Kegels ist. Diesen Berichtigungskegel, der für das vorige Beispiel zum Umfange $\frac{84-21}{2} = 31,5''$ und zur Höhe 15' hat, könnte man zur Probe ausrechnen; dessen Inhalt 2,74 c' ergänzt genau die fragliche Walze. Hieraus solgt noch eine andere Regel zur Inhaltsberech: nung des abgestumpsten Kegels:

Bu dem Inhalte einer Walze von derselben mitt= lern Stärke und derselben Höhe addire man noch den Inhalt eines Regels, dessen Durchmesser oder Umfang der halbe Unterschied beider Durchmesser oder Um= fänge und dessen Höhe die Höhe des abgekürzten Re= gels ift.

4) Die Dberfläche bes senkrechten Regels besteht aus der Grundsläche und einer krummen Seitensläche, die abgezrollt einem Kreisausschnitte gleicht, dessen Bogen der Umfang und dessen Halbmesser die Seite des Regels ist. An dem abgezkürzten Regel ist die krumme Oberstäche der Ausschnitt eines Kreisringes. Selten sindet sich die Seite des Regels von der eigentlichen Höhe erheblich verschieden.

§. 322. Rugelberechnung.

Die Kugel wird nie ein Segenstand der forstlichen Meßkunst; wir berühren daher ihre Ausrechnung nur wegen ihres, merkwürdigen Verhältnisses zu der Walze und dem Kegel. Der Kugelraum wird gedacht als eine Zusammensehung unzählig kleis ner Pyramiden, die alle mit ihren Spihen im Mittelpunkte der Kugel vereint liegen, deren Grundslächen zusammengenommen die Kugelobersläche ausmachen und deren Höhe der Kugelhalbmesser ist. Die Obersläche der Kugel gleicht aber dem viersachen größten Kugelkreise. Um also eine Augel auszurechnen, sucht man nach ihrem Durchmesser die Fläche des größten Areises, nimmt diesen vier mal, als die Augeloberstäche oder gesammte Grundstäche der ges dachten Pyramiden, die den Augelhalbmesser zur Höhe haben, und multiplizirt diese Grundstäche mit dem Drittel vom Halbsmesser, oder dem Sechstel des Augeldurchmessers.

Bezeichnen wir den Augeldurchmesser mit D, so ist der Ausgelinhalt

$$0.7854 \times D^2 \times 4 \times \frac{D}{6} = 0.7854 \times D^3 \times \frac{2}{5}$$

Vergleichen wir diesen Ausdruck mit dem Inhalte der Walze von einerlei Durchmesser und Höhe, worin also D anstatt H gesetzt werden kann, nämlich:

$$0.7854 \times D^2 \times D = 0.7854 \times D^3;$$

deßgleichen noch mit bem Inhalte eines solchen Regels,

$$0.7854 \times D^2 \times \frac{1}{3}D = 0.7854 \times D^3 \times \frac{1}{3}$$
:

so sinden wir in diesen allgemeinen Inhaltszahlen das Berhälts niß von Walze, Kugel und Regel = 1: \(\frac{3}{3}: \frac{1}{3} \), und ersehen daraus, daß bei einerlei Durchmesser und Höhe die Kugel \(\frac{3}{3} \) und der Regel \(\frac{1}{3} \) von der Walze enthält.

§. 323. Berechnungen mittels ähnlicher Rörper.

Aus dem Seitenverhältnisse zweier ähnlicher Kör= per und dem Inhalte des einen kann der Inhalt des andern gefunden werden.

Beide verhalten sich wie die Würfel ihrer gleichliegenden Eisnien (§. 315.). Bezeichnen z. B. m und M zwei ähnliche Walzen, u und U ihre Umfänge, dann ist

$$u^3: U^3 = m: M.$$

Setzen wir nun von m den Umfang 60", die Höhe 75', also den Inhalt 149,17 c', und von M den Umfang 64", so ist

$$60^{3}:64^{3}=149,17:M$$
 unb

$$M = \frac{149,17 \times 64^3}{60^3} = 181 \text{ c'}.$$

Dasselbe kommt auch heraus, wenn man für die größere Balze M die verhältnismäßige Höhe nach 60: 64 = 75: H sucht (diese ist 80') und dann den Inhalt wie gewöhnlich ausrechnet.

Da fich ferner verhält

$$u^3: U^3 - u^3 = m: M - m (\S, 62, 3.),$$

so könnte hiernach auch der Unterschied M — m gefunden wers ben. Aus dem Ansatze

$$60^3:64^3-60^3=149,17:M-m$$

würde hervorgehen

$$M - m = \frac{64^3 - 60^3}{60^3} \times 149,17 = 32 c'.$$

Eine fehr nutbare Anwendung hiervon macht die Zuwachs= berechnung.

2. Theilung der Saulenformen.

§. 324. Theilung der Bollsäulen. Fig. 125.

Die Theilung forstlicher Prismen = und Walzenkörper gesschieht durch Querschnitte und Längenschnitte. Zene treffen die Achse oder Längenlinie senkrecht, diese sind gleichlaufend mit derselben.

1) Theilung durch Querschnitte: Man theilt nur die Länge der Bestimmung gemäß und legt in jeden Theilpunkt einen Querschnitt. Denn die gleich starken Säulenstücke verhalten sich wie ihre Höhen ober Längen (§. 314, 1.).

Um von einer Vollsäule ein Längenstück abzuschneiben, bessen Inhalt bestimmt ist, dividirt man den verlangten Inhalt durch die Grundsläche und sindet so die Länge des abzuschneidenden Stückes. Denn das Stück M ist gleich $G \times H$ (§. 312. 2.); also $\frac{M}{G} = H$. Eben so wäre, nach $\frac{M}{H} = G$, zu Inhalt und Höhe einer Vollsäule die Grundsläche zu sinden.

Fig. 125.

2) Die Theilung burch Eängenschnitte, eine beim Zerschneiben der Säges und Baubloche vorkommende Aufsgabe, wird auf der Grundsläche vorgezeichsnet, meist rechteckig. Öftees ist die Grundssäche, wie bei den scharftantig beschlagenen Baus und Nutsstücken, schon ein Rechteck, oder es wird zuvor in derselben ein Haupts

rechteck verzeichnet, von bessen Seiten aus man die weitere Thei= lung vornimmt.

Ist die Grundstäche ein Kreis, so muß man bestimmen können, was für Rechtecke barin Statt sinden. Setzt man an den Halbmesser BC als Hypotenuse ein rechtwinkeliges Dreieck ABC, so sind bessen Katheten die Hälsten beider Seiten eines in den Kreis zu beschreibenden Rechteckes. Denn AB = \frac{1}{2}BF = \frac{1}{2}DE und AC = BG = \frac{1}{2}BD = \frac{1}{2}FE.

Die beiben Katheten BA und AC hängen immer von einanster ab; wie die eine abnimmt, wird die andere größer. Keine kann so groß werden, als der Halbmesser, sonst verschwindet die andere. Sind beide gleich, so ist das von ihnen bestimmte Rechtseck BDEF ein im Kreise beschriebenes Quadrat.

Da übrigens $BC^2 = CA^2 + AB^2$ und $BC^2 - AB^2 = CA^2$, so ist bei bekanntem Halbmesser immer eine Seite durch die andere gegeben. Hielte der Halbmesser BC 5" und sollte die Seite AB 4" bekommen, so fände man die dritte AC durch den Ansat:

$$AC^2 = 5^2 - 4^2$$
 (§. 167.) unb
 $AC = \sqrt{(25 - 16)} = \sqrt{9} = 3''$.

Das dadurch bestimmte Rechteck BDEF in einem Kreise von 5" Halbmesser oder 10" Durchmesser hätte zu seinen Seiten 2×4 und 2×3 oder 8" und 6".

Wäre in demselben Kreise AB = AC und BC = 10, also $AB^2 + AC^2 = 10^2$, so ware auch

$$\frac{AB^2 + AC^2}{2} = AB^2 = \frac{10^2}{2} = 50 \text{ unb}$$

$$AB = \sqrt{50} = 7,071,$$

Es verhält sich also der Halbmesser zu der halben, oder der Durchmesser zu der ganzen Seite des in den Kreis beschriebenen Quadrates, wie 10: 7,071 oder 1: 0,7071, und der Umfang, wie 3,14: 0,7071 oder wie 1: 0,225.

££

Diese Betrachtungen könnten noch weiter fortgesett werben, auch über die in dem Kreisabschnitte möglichen Rechtecke, wie mnop; sie sühren aber nicht zu einem praktischen Zwecke, denn bei solchen Theilungen, wie beim Schneiden der Blockhölzer, hilft man sich besser mit unmittelbarer Vorzeichnung. Überhaupt ist hierbei mehr ein zweckmäßiges Verwenden der eben unter die Hand kommenden Stirnsläche erforderlich, als ein scharfes Rechnen.

Auf Taf. 124. sindet man zum Holzbeschlage für jeden Durchmesser und Umfang die scharfkantige und die gebräuchlichste rundkantige Geviertstärke. Hiernach behält also ein Baustück von 16" Durchmesser oder beiläusig 50" Umfang beim scharfkantigen Beschlage 11,8 und beim rundkantigen Beschlage 12,8" Geviertstärke.

Die Zahlen in der letzten Spalte für den rundkantigen Besschlag geben zugleich die Breite des am meisten gedräuchlichen scharfkantigen Ablangbeschlages mit dem Seitenverhältzniß 4:3. Ein Stamm von 20" Durchmesser hat also beim scharfkantigen Ablangbeschlag 16" zur breiten und $\frac{1}{4} \times 16 = 12$ " zur schmalen Seite.

g. 325, Theilung der Spitfäulen.

Das Theilen ber Spits fäulen in bestimmte Theile ist wegen ihrer ungleichen Stärke weniger leicht, als bas der BoU= fäulen, kommt übrigens auch in der Praxis nur wenig vor.

Die Theilung derselben mit Querschnitten könnte auf ähnliche Art bewerkstelligt werden, wie das Theilen der Flä=

chen von verschiedenem Werthe, durch Proben und Raberung (§. 221.).

Die Theilung ber Spitsäulen mit Kängenschnitten, von der Spitse aus nach vorgezeichneten Grundslächentheilen, gabe wieder Spitsäulen und hätte keinen Nuten. Soll aber die Spitsäule in Parallelepipeden getheilt werden, so muß man sie zuvor abstumpfen, alsdann auf dem obern Schnitte, wie bei den Bollsäulen, die Theilung vorzeichnen und danach die Längensschnitte durchführen. Dann fallen rund herum Außenstücke ab, die oben scharf auslaufen; diese könnte man nochmals abstumpfen und aus ihnen wieder Parallelepipeden schneiden u. s. w.

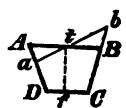
Bu solchen Theilungen nach der Länge eignet sich überhaupt das Parallelepipedum am vortheilhaftesten. Den meisten Abfall haben dagegen die kegelförmigen Spitsäulen.

III. Körpermessung.

1. Ausmessung der Erdarbeiten.

§. 326. Graben und Gruben, Fig. 126.

Fig. 126.



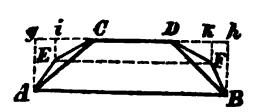
1) Häge= und Entwässerungsgräben sind vierseitige Prismen, der Haltbarkeit wegen oben weiter als unten. Ihr Querschnitt gleicht gewöhnlich einem Trapeze ABCD mit der Tiefe tk,

und dann ist bei der Länge L ihr Körperraum $=\frac{AB+CD}{2}$ \times tf \times L (\S , 205, 318.). Wäre die obere Weite $3\frac{1}{2}$, die untere $2\frac{1}{2}$, die Tiefe 3 und die Länge eine Ruthe zu 16: so hielte das Grabenstück $\frac{3\frac{1}{2}+2\frac{1}{2}}{2}\times 3\times 16=144$ c'.

Bieht der Graben an einem Abhange hin, so wird die vorsdere Wand etwas niedriger, als die hintere, wie im Querschnitte abCD. hier nimmt man aus der Mitte von ab die mittlere Tiefe if lothrecht und die obere Weite BtA wagrecht, was hinslänglich genau ist. Bei bergabziehenden Gräben wird die Länge wagrecht und die Tiefe lothrecht gemessen, wosern die Länge mit dem Grundrisse übereinstimmen muß.

2) Gruben zum Aufbewahren von Eicheln, zu Brunnens anlagen u. s. w. werden mit immer gleicher Grundsläche senksrecht eingetrieben und daher berechnet wie ein Prisma oder eine Walze (§. 318. 319.).

J. 327. Damme, Sügel und Füllungen. Fig. 127. Fig. 127.



1) Dämme sind aufgebaute, liegende Prismen. Gewöhnlich ist die Sohle wagrecht, die Stirn aber platt, oder gewölbt. Am abgeplatteten Damme bildet der Quer-

schnitt ein Trapez ACDB. Wird bessen obere Breite CD wagsrecht verlängert nach g und h bis zu den Lothrechten auf A und B, so gleicht gh der untern Breite, $\frac{CD+gh}{2}$ der mittlern Breite und Ag, oder Bh, der Höhe.

Ist der Damm gewölbt, so errichtet man im Querschnitte auf A und B lothrechte Stäbe, zieht über die Höhe des Dammes eine Schnur gh wagrecht und legt zuvörderst das Rechteck AghB sest. Dann theilt man den Dammbogen in kurze, ziems lich gerade Stücke AE, EC, CD u. s. w., fällt von gh Lothrechte auf die Theilpunkte, mißt die äußeren Hülssssguren AgiE, EiC u. s. w. aus und zieht ihren gesammten Inhalt von dem Rechtsecke AghB ab. Der übrig bleibende Querschnitt AECDFB ist, wie vorhin, mit der Länge zu multipliziren.

2) Bon einem aufgesetzten Hügel ober auch Deiler, bessen Sohle kreisrund ist, bestimmt man auf dieselbe Beise ben

Achsenschnitt AECDFB, theilt sich von biefem aus den ganzen Körper mit parallelen Querschnitten in abgestumpfte Regel, wie AEFB, und berechnet jeden bavon, nach §. 321. 3., als Balze von bem je mittlern Durchmesser, ohne sich auf die weitere Be= richtigung einzulaffen.

3) Der Raum auszufüllender Bertiefungen wird mit loths recht aufgestellten Stäben in parallelepipedische Stücke getheilt und hiernach fluctweise ausgemeffen. Man stedt hierzu am füglichsten ein Quadratnet ab (§. 277.). Bei Ausmessung von Torf= lagern wird unter jedem Netpunkte bie Mächtigkeit mit dem Erd= bohrer gesucht.

§. 328. Bergwege. Fig. 128.

Fig. 128.

An Berggehängen sind öftere lange Wegstreden auszugraben und zu ebenen. hier ist von dem Querschnitte ABC des abzutragenden Raumes die Breite E Cbenung auf festem Grunde BC und bie anzulegende Abböschung nach dem Winkel ACD ober ACB gege= ben. Man stedt zuerst ber gange nach am Berge hin die Richt= punkte B ab, wo möglich in gleicher Entfernung, und bestimmt dann von Stud zu Stud, nach Maßgabe der eben vorfindlichen Bergboschung ABC, mittels einer zu der gegebenen Breite BC und Abböschung BCA voraus entworfenen kleinen Tafel, bie von B aus unmittelbar abzumessende Außenbreite BA und die dazu gehörige Querfläche ABC.

Gewöhnlich wird von B aus wag = und fenkrecht hinein ge= arbeitet bis an C und bann erst von bem Rande so viel abge. nommen, daß die bestimmte Abboschung BCA zu Stande kommt. Den auszugrabenden Erdraum ergeben von jedem Stucke bie beiberseitigen Querschnitte und die besondere Länge. Mit der Füllung würbe ber Rand BE aufgetragen. Gewöhnlich baut sich BE zu g von BC haltbar auf. Nach einem solchen Berhalt= nisse ware die innere Anlage BC bestimmbar, wenn die ganze Breite CE gegeben ift.

2. Ausmessung ber Bolgftude.

§. 329. Bertzeuge.

Bur Ausmessung des gefällten Holzes braucht man ge-

- 1) Den Zollstab, ein in Zolle und Fuße getheiltes Richt= scheit mit einem kurzen Schenkel am Anfange der Eintheilung zum sichrern Anlegen.
- 2) Die Baumkluppe.' Dies bekannte Werkzeug zum Messen des Durchmessers besteht aus einem etwa 4' langen 3oll= kabe, der an dem einen Ende mit einem rechtwinkelig befestigten Arme versehen ist, während ein zweiter Arm sich am Zollstabe hin = und herschieben läßt; letterer muß mit dem seststehenden Arme stets parallel sein.

In neuerer Zeit benutt man auch öfters die Fleisch= mann'sche Kluppe, welche aus zwei Zollstäben von je 2 Fuß Länge besteht, deren jeder an einem Ende mit einem feststehen= den Arme versehen ist. Der eine Zollstab trägt vom Arme aus die Eintheilung von 1 bis 24", der andere von 25 bis 48"; beide Zollstäbe lassen sich mittels einer genau gearbeiteten Nuth vers binden und ergänzen sich somit bis zu Durchmessern von 48 Zoll.

- 3) Das Klaftermaß, ein wohlbeschlagener Holzstab von der Klafterlänge, einerseits mit Fuß = und Zolleintheilung und andrerseits mit den ständigen Längen aller im Forste gebräuchlischen Holzmaße.
- 4) Das Spannmaß (Meßbanb), zehn Fuß lang, von fezstem Bande, einerseits in Fuße und Zolle getheilt, andrerseits in Theile von 3½ Zoll, um die Durchmesserzahl vermittelst des Umsfanges abnehmen zu können, wohl auch, zur alsbaldigen Auszrechnung des Walzeninhaltes, an jedem Umfangstriche mit den Zahlen der Kreissläche versehen. Das Meßband wird mit einem Stammer ißer zusammen gebraucht und ist seiner Unstätigkeit wegen öfters am Klaftermaße zu prüfen.

§. 330. Grundform ber rohen Holzkörper. Fig. 129.

Fig. 129. Die natürliche Gestalt ber Baumtheile nähert Ep sich mehr oder weniger der runden Säulenform, zeigt sich jedoch nach dem Sipfelende zu mehr und mehr anlaufend. Rundung und Anlauf sinden

sich um so ungleicher, je mehr eben die ausgehenden Aste und Wurzeln dem Körper an Masse entzogen

ober aufgebaut haben. Der durch die Achse ge= legte Querschnitt AB, FC ist ein Kreis

nem Querschnitte zum andern gelegte Achsenzitt ABCDEF fällt in der Regel zwischen das auf dem uns

schnitt' ABCDEF fällt in der Regel zwischen das auf dem unstern Durchmesser errichtete Parallelogramm ABH und das zu dem untern und dem obern Durchmesser gehörige Trapez ABDE; es ist also derselbe in den Seiten ausgebaucht. Die Grundsform der rohen Rundholzstücke liegt mithin zwischen der Walze und dem abgestumpsten Regel. Letterer eignet sich jedoch wesniger zur Ausmessung des Rundholzes, weil er die Ausbauchung AEF und BDC nicht mit begreift und schwerfällig zu gebrauchen ist. Die einsacher und leichter zu bestimmende Walze hingegen hat stets eine gewisse Gleichhaltigkeit mit der Rundholzsorm. Es ist nämlich der Inhalt eines jeden Rundholzstückes die zu gewisser Länge dem einer Walze gleich von eben derselben Länge und der wirklichen mittlern Stärke.

Jedes Rundholzstück läßt sich, zum Beweis, in beliebig dunne Scheiben 1, 2, 3 . . . abtheilen, die an sich bei ziemlich gleichen Abschnittsslächen als vollkommene Walzen anzusehen sind. Sucht man nun den ganz unzweiselhaften Walzeninhalt aller dieser Abtheilungen erst einzeln, nimmt nachmals zwei, dann drei, dann vier und immer mehr derselben in Eins zusammen, und ermittelt eben so ihren Gesammtinhalt wieder für sich, nach der je mittleren Stärke und gesammten Länge: so ergiebt die Verzgleichung, daß der Körperinhalt jedes Rundholzstückes bis zu

gewisser Länge ganz genau hervorgeht, wenn man die Stärke FC in der Mitte mißt und nach dieser eine Walze von gleicher Länge berechnet. Daher nehmen wir bei der Ausmesssung des Holzgehaltes aller ungespaltenen Baumstheile die Walze als beständige Grund form an. Übrisgens ist zu bemerken, daß man unter Holzgehalt immer den ganzen Massengehalt, einschließlich ber Rinde, versteht, wo nicht eben vom eigentlichen Holze die Rede ist.

§. 331. Stärke und gange ber runben Baumtheile.

Die zur Ausmessung des Holzgehaltes erforderliche mittslere Stärke der runden Baumtheile ergiebt sich nicht allein wegen der ausgebauchten Form, sondern auch wegen der an dem Stammende und an dem Sipfelende oft ganz unrezgelmäßigen Gestalt in der Mitte des Stückes wirklich gemessen am genauesten. Die nach Maßgabe der beiden Endstärken berechnete Mittelstärke ist nur dann ohne beträchtslichen Fehler anwendbar, wenn beide Endstärken wenig von eins ander abweichen.

Man mißt bie runde Solzstärke nach dem Umfange, ober dem Durchmesser. Die Anwendbarkeit und Ge= nauigkeit beiber Magnahmen ift fehr verschieben. Die Um= fangsmessung hat ben Borzug, daß sie bloß nach ganzen Zollen bestimmt zu werden braucht, nur des bequem zu führens den Meßbandes bedarf und leicht ohne alle hindernisse ausge= führt werden kann, wenn man nur die schweren Baumschäfte, wie es ohnehin der Dronung gemäß ist, auf Unterlagen fällen läßt. Überdies muß jede Umfangsmessung unabanderlich ausfallen, weil der von ihr begriffene Querschnitt nur einen einzigen Umfang hat, und ein richtiges Spannmaß keine Abweichung gestattet, und jebenfalls fällt ihr Ergebniß eher zu groß als zu klein aus, wegen der mit überspannten losen Rindentheile, der Unfreisformigkeit und ber Spannmaßbide. Der Gebrauch bes Durchme f= fers kann bagegen bie lästigen Bolltheile nicht entbehren und bedarf eines unbequemen Stabgestelles, das sich leicht verschiebt und bei langerem Gebrauch madlig wird. Daneben befindet

`\

man fich nicht selten in Ungewißheit wegen ber richtigen Anlegung, wenn die Rundholz = Querfläche mehr ober minder abweichende Durchmesser darbietet. Derselbe kann mithin nie ganz sichere Ergebniffe gewähren und führt deßhalb in den Nachmessungen oft höchst unangenehme Abweichungen herbei. Endlich fällt auch die nach bem Durchmesser ermittelte Stärke an ber laufenben gange meist kleiner aus, weil die losen Rindentheile von den Stäben mehr abgedrückt werden; besonders ist dies an der offenen Abschnittsfläche ber Fall, indem hier die Ranten von der Gage abgerissen find. Daher sollte bei jeber Rundholz=Ausmes= sung, sowohl zur Schätzung, als zur Berwerthung, die sichrere Umfangsmessung als Regel gelten und ber Gebrauch des Durchmessers nur gestattet werden zur Ausmessung von turzen Klögen und Bloden, fo wie zur Annahme von Holzbestellungen *). Man barf zuverlässig behaupten: Der Gebrauch bes Umfangs bringt stets Gewinn mit Ordnung, während der des Durchmessers nie von Berluft und Billführ frei ift.

Die Holzstärke nimmt man immer quer über die Länge, die Länge aber von der Mitte einer Abschnittssläche zur Mitte der andern längs des Stückes, bei Krümmung des Wuchses auf einer der ebenen Seiten.

§. 332. Ausmessung runber Bolgftude.

Me kurzen Rundhölzer mit wenigem und gleichmäßisgem Anlaufe werden nach §. 330. als Walzen an einem Stücke ausgemeffen.

Beim Gebrauche des Spannmaßes zur Messung der Umsfangstärke darf auf der zu umspannenden Stelle weder ein Aft noch ein anderer Auswuchs im Wege sein; kann eine solche Ershöhung nicht vermieden oder abgehauen werden, so setzt man daran ab und bemißt deren Grundbreite für sich. Ist die Runs

^{*)} Indeß hält man in der Praxis die Durchmessermessung mit der Kluppe, Behufs der Massenschätzung stehender Bestände, hier und da für bequemer und rascher fördernd. Es kommt dabei viel auf die Gewohnheit an.

dung überhaupt untreisförmig, so vermindert man ben zu groß ausfallenden Umfang um ein Fünftel von dem Unsterschiede seines kürzesten und längsten Durchmesssers. Der Grund zu dieser einfachen, aber hinlänglich genauen Berichtigung beruht auf wirklichen Ausmessungen solcher untreissförmigen Querschnitte und auf dem Berhältnisse des Rundkreises zu Langkreisen. Wäre z. B. der gemessene Umfang 65", der lange Durchmesser 23", der kurze 18" und der Unterschied beider 23 — 18 = 5": so würde von dem gemessenen Umfange 1 Zoll abgezogen und der berichtigte zu 64" angenommen. Selten ist jedoch der Unterschied beider Durchmesser so groß, und es genügt sast immer, als beständige Berichtigung jedes Wal die einzelnen Zolltheile des Umfanges wegzulassen.

Für die Ermittelung des mittleren Durchmessers ist die Kluppe am sichersten; wendet man statt deren den gewöhns lichen Zollstab an, so ist es wenigstens räthlich, zwei Stäbe gleichs laufend an das Rundholzstück zu stellen und deren Abstand als Durchmesser zu messen. Auf der Abschnittsfläche läßt sich der Zollstab unmittelbar und sicherer anlegen. Sind die Durchsmesser in demselben Querschnitte verschieden, so nimmt man zwei kreuzende, gewöhnlich den längsten und den kürzesten, und berechnet zu beiden den mittlern Durchmesser.

Finden sich die beiden Endstärken wenig abweichend, und man könnte oder wollte die wirkliche Mittelstärke eben nicht mess sen: so berechnet man aus jenen das arithmetische Mittel oder die verglichene Stärke, die jedoch nur bei sehr geringem Stärs kenanlaufe ein brauchbares Inhaltsergebniß gewähren kann.

Die Berechnung bes Walzeninhaltes ist bekannt aus §. 319. Ungeachtet jener Erleichterungen gebraucht man doch lieber Hulfs= mittel, die das Rechnen noch weiter mindern, oder ganz entbehr= lich machen. Bu diesem Iwede giebt man wohl auf dem Meß= bande zu jedem Umfangs = oder Durchmesserzoll die Kreissläche G in Flächenfußen unmittelbar an und multiplizirt diese dann ohne Weiteres mit der gefundenen Längenzahl. — Am brauch= barsten bleiben immer gut eingerichtete Walzen in halttafeln, die gleich den Inhalt angeben zu jedem fraglichen Umfange oder

Durchmesser und zu jeder gewöhnlich vorkommenden gange, wie unsere Hülfstafeln 2 bis 64. Wo diese Tafeln in Stärke ober Bange eben nicht zureichen, sucht man aus den vorfindlichen ver= wandten Größen auf leichtem Bege die weiter verlangten. Für ein Rundholzstück von 7½" Umfang und 10' Länge nimmt man 3. B. den Inhalt zu 75" und 10', nämlich 31,08 c', und schnei= bet davon noch zwei Stellen ab; dies giebt 0,3108 c'. Denn bei gleichen gangen verhalten sich bie Balzen wie die Quabrate ihrer Stärken (§. 314. 2.), hier also wie 752:7,52 = 102:12 = 100:1. Daher muß der Inhalt der 75" starken Balze durch 100 dividirt werden. Auf ähnliche Weise könnte man ben Inhalt einer Balze von 750" Umfangstärke finden. Sie ist 31,08 × 100 = 3108 c'. Noch leichter läßt sich ber Inhalt zu einer anbern gange ermitteln. Ware berselbe bei 35' etwa 108,79 c', so kame auf 3,5' nur der zehnte Theil, 10.879 c', auf 350' aber das Jehnfache -1087.9 c'. Hieraus leuchtet übrigens schon ein, daß solche Ta= feln, die ben Inhalt mit gemeinen Brüchen angeben, zu weitern Berechnungen bei ber Holzschätzung ganz unbrauchbar sind.

§. 333. Ausmessung ganger Baumschäfte.

Ganze Baumschäfte von dem Stammende bis zum Gipfel sind, nach Verschiedenheit der Holzart, des Standortes und des zufälligen Wuchses, so verschieden geformt, daß man eine allgemeine Formel zu ihrer Polzgehalts = Ausrechnung an einem Stücke vergeblich sucht. Wir sind daher meist genöthigt, sie stückweise auszumessen, in kürzeren Formabtheilungen, welche öfsters auch als besondere Werthsabtheilungen dienen.

Die an dem liegenden Schafte mit dem Reißer zu bezeichs nende Grenze jeder Formabtheilung trifft gewöhnlich dahin, wo sich der Abfall merklich ändert, besonders wo der Wurzelanlauf endet, wo ein starker Ast ausgegangen ist und wo das Gipfelsstück anfängt. Geschlossen und astrein erwachsene Schäfte, zus mal von Nabelholz, gestatten die längsten Abtheilungen.

Die Auswahl ber zu dieser theilweisen Ausmessung dienlischen Längen und Stärken erfordert Umsicht und Übung. Berssuche, die nach §. 330. von kurzern Formabtheilungen zu immet

längeren vergleichend fortschreiten, berichtigen das Augenmaß befser, als alle Regeln, und setzen uns in den Stand, die Mittelsstärke zu dem richtigen Gehaltsergebnisse auch selbst an abweischenden Formen, außerhalb der Mitte einer längeren Abtheilung, ausgleichend nehmen zu können.

Berechnet man ben Massengehalt eines Baumschaftes nach ber verglichenen mittlern Stärke, so fehlt man theils gegen die Gesetze des Regels, nach &. 321., theils gegen die ausge= Die Unrichtigkeit solcher Schaftsausmessungen bauchte Form. mag nur ein Beispiel darthun. Ein bis zum Gipfel ausgehalte= ner Eichenschaft von 69' Länge halte am Stammende 40" und am Sipfelende 4" im Durchmeffer. Danach betrüge ber vergli: chene Durchmesser $\frac{40+4}{2} = 22''$ und der vermeintliche Holzgehalt 158,4 Kfß. Ware dieser Schaft in zwei 30' lange Stucke geschnitten worden, und in diesem Schnitte, wie nicht felten, die Durchmesserstärke 32": so hielt das untere Schaftstuck, bei $\frac{40+32}{2}=36"$ verglichenem Durchmesser, allein 212 Körperfuß; der Theil wäre also weit größer, als das Sanze. Diese stereo= metrische Stumperei, wodurch bas Forfteinkommen fo bebeutenb verliert, ift zur stillen Freude der Stammholzkäufer leider hier und ba noch immer im Gebrauche.

§. 334. Ausmessung ber Bolgringe.

Jur Ausmessung eines Holzringes ist nächst der äußern Stärke auch die innere Ausbehnung erforderlich, um den Inhalt des äußern und des innern Walzenraumes auszumitteln. Der Unterschied beider macht den Ringinhalt aus (§. 313. 2.).

Jur Bestimmung des innern Umfangs mißt man die Ringsstärke mit einem Stade, der in $\frac{1}{6,28}$ Jolle (=1,91 Linien) einsgetheilt ist, und zieht für jeden dieser Radiustheile 1 Zoll von dem äußern Umfange ab. Denn auf $\frac{1}{6,28}$ im Halbmesser kommt 1 im Umfange, nach dem Berhältnisse 1: 6,28 (§. 212. 1.). Wo

eben eine Abschnittsstäche nicht offen vorliegt, wird zu dieser Absmessung ber Stamm von außen eingekerbt, und wo die Ringsstärke ungleich ist, wird eine mittlere gesucht. Diese sindet sich in der Regel auf der kreisförmigsten Seite des Querschnittes.

Hätte ein Stammstück von 14' Länge und 60" Umfangstärke zur mittleren Rindenstärke $\frac{5''}{6,28}$, so betrüge die innere Holzstärke

60-5=55'', mithin

der gesammte Massengehalt: 27,85 Kfß., der reine Holzgehalt: 23,40 »
und der Rindengehalt: 4,45 Kfß.

§. 335. Ausmessung gespaltener Solzstücke.

Die wie gewöhnlich aus kurzen Walzen gespaltenen Stücke sind als Vollsäulen anzusehen mit runden und geraden Seiten. Man berechnet ihre Grundfläche und multiplizirt dieselbe mit der Länge.

- 1) Halbe Walzen. Hier mißt man am kürzesten ben vorhandenen halben Umkreis, verdoppelt denselben und sucht daz zu den Inhalt der ganzen Walze, von dem man nun wieder die Hälfte nimmt. Eine halbe Walze, deren Rundseite 43" und dez ren Länge 8' mißt, ist die Hälfte einer gleich langen Walze von $43 \times 2 = 86$ " Umfangstärke; sie enthält also $\frac{32,69}{2} = 16,34$ c' in Werkmaß.
- 2) Kernscheite haben zur Grundsläche einen Kreisausschnitt (§. 213. 2.). Hält z. B. die Rindenseite 12", der Halb=
 messer ober die Spaltseite 10" und die Länge 4': so beträgt die
 Grundsläche $\frac{12 \times 10}{2}$ = 60 q" und der Körperinhalt $\frac{60 \times 4}{144}$ = $1\frac{2}{3}$ c' (§. 318.).
- 3) Ausgekernte Scheite haben zur Grundsläche ben Ausschnitt eines Kreisringes, das Produkt der mittleren Bogen= länge mit der Dicke (§. 213.3.). Hielte die Rindenseite 12", die

Rernseite 8" und die Scheitdicke 5", so betrüge die Grundsläche $\frac{12+8}{2} \times 5 = 50$ q" und der Körperinhalt bei $3\frac{1}{2}$ ' Scheitlänge $\frac{50\times3\frac{1}{4}}{144} = 1,21$ c'.

- 4) Andere Grunbflächen überschlägt man vergleichenb, ober theilt und berechnet sie in Grundsiguren.
 - §. 336. Ausmessung vierseitiger Bolger.

Die zur Abgabe im Balbe behauenen Hölzer mussen eigentzlich alle in ihrem Rundgehalte eingerechnet werden; denn anz bers würde man den wahren Massenertrag vom Forste nicht wohl ausstellen können. Ihren Reingehalt ermittelt ber Forstzwirth etwa nur zur Vergleichung des Gebrauchswerthes, Gewichztes u. s. w.

- 1) Berappte Holzstücke sind an vier Seiten leicht bes hauen, gewöhnlich doppelt so breit, als die gebliebene Rindenstante. Bei solchem Behau ist der Querschnitt an Flächeninhalt einem im Umfang um 0,03 kleinern Kreise gleich. Nach diesem Berhältnisse 100: 97 kann leicht der gemessene Umfang in einen Kreis von gleicher Fläche verwandelt und damit der Körperinshalt als volle Walze ermittelt werden, wenn man nicht vorzieht, den Umfang des Holzstückes unverändert als Umkreis desselben anzunehmen.
- 2) Rundkantige Holzstücke sind bis auf eine schmale Rundkante entweder in's Geviert, oder ablang beschlagen. Ihr Querschnitt gleicht also einem Rechtecke, dem die vier Ecken mansgeln, die zusammen beinahe ein Quadratchen ausmachen, das die als gerade anzunehmende Rundkante zur Seite hat. Ein Balzkenstück von 10" im Seviert und 2" Rundkante hätte (10 × 10) (2 × 2) 96 q" zum Querschnitte. Gewöhnlich wird das rundkantige Holz ohne Abzug als voll berechnet.
- 3) Scharfkantig-beschlagene ober geschnittene Stücke haben ganz volle Rechtecke zum Querschnitte und werben ausgemessen wie ein Parallelepipebum (§. 318.).

§. 337. Ausmessung unförmlicher Holzstüde. Fig. 130.

Viele Holzstücke mit Seitenkrummen und Auswüchsen, so wie auch die Reiser und Wurzeln sind nicht zur wirklichen Ausmessung geeignet; ihr Massengehalt wird erforderlichen Falls nach dem Gewichte näher bestimmt.

Man sucht zuvörderst an meßbaren Holzstücken von gleicher Holzart, gleichem Standorte, gleichem Stammtheile und gleichem Trockengrade, also wo möglich von gleicher Eigenschwere, das mittlere Gewicht eines Körperfußes, und bestimmt hiernach den Körpergehalt des gewogenen, unförmlichen Holzes.

In Ermangelung einer brauchbaren Bage bemißt man bas unförmliche Holz nach bem Gleichgewichte ausgemessener Stucke von ebenderselben Beschaffenheit auf folgende Beise: Zwei starke

Halbwalzen a werben gegen einander aufgestellt, Fig. 130. sund oben darauf wird ein Kernscheit b mit ber Schärfe aufwärts gelegt. Dies bient ber Bagevorrichtung zum Gestelle, bas auch von Pfählen gemacht werben konnte. Dann wird eine hinlanglich starke Stange in der Mitte c etwas breit gehauen und eingekerbt, so daß sie auf b als Wagebalken liegen kann; an beren Enben d und e kommen, gleich weit von c, oben noch zwei Querkerben, in welche man, zum Anbringen ber Lasten, Stricke ober Wieben hängt; endlich wird das dickere schwerere Theil noch so viel schwächer gehauen, daß die ganze Borrichtung auf c in völligem Gleichgewichte schwebt. Nun hangt man an die eine Seite bas auszuwiegende Holz und an die andere so viel meßbares Bal= zenholz, daß beides im Gleichgewichte steht, verwechselt auch wohl die angehängten gaften zur Probe. Beide gaften find bann im Körperinhalte gleich zu rechnen. Giebt es viel zu wiegen, so halt man sich bazu eigene, mit ihrem Inhalte vorher bezeichnete Stucke statt ber Gewichte. — Bei nassem und windigem Better führen

Auf Tafel 123, findet man das für forstliche Zwecke ermitztelte Gewicht ber beutschen Walbhölzer mit Rinde

übrigens diese Gewichtsversuche leicht zu bemerkbaren Abwei=

dungen.

in vier verschiebenen Trockengraben, nämlich: grün, gleich nach ber Fällung; antrocken, einige Zeit nach ber Spaltung; Iufttrocken, ber im Freien, und ausgetrocknet, ber im geheizten Raume erreichbar höchste Grad. Die Sewichtsabweischungen bei jeder Holzart sind aber nach Maßgabe des Standsortes und Stammtheiles, der Wachsthumsumstände, der Altersund Jahreszeit so sehr verschieden*), daß es stets rathsamer bleibt, für jede Untersuchung von Belang an wohlgeformten Stücken ganz entsprechender Beschaffenheit die Eigenschwere bes sonders zu ermitteln.

3. Ausmessung ber Holzmaße.

§. 338. Rauminhalt ber Füllmaße. Fig. 131.

Bum geregelten Holzvertriebe bedient man sich bestimmter Holzmaße, bestehend in abgepaßten Stücken und in Ausfülzlungsräumen. Lettere, die Füllmaße, werden entweder von densben Holzstücken aufgeschichtet oder von dünnern Sorten zussammen gebunden.

Fig. 131.

D

d

B

C

E

A

1) Von den Schichtmaßen (Klaftern, Malter 1c.), in welchen das Derbholz aufgearbeitet wird, bestimmt man die Holzlänge, die Breite und die Höhe, auch wohl ein Übermaß wegen des Schwindens. Der Raum dieser Maße ist ein leicht aufzustellendes Parallelepipedum mit rechteckiger

Srundstäche, dessen Breite wagrecht und dessen Höhe lothrecht abgemessen werden muß. Am Berghange ist also die Klasterbreite von C nach E zu nehmen, dann gleicht die Klaster ABCD am Berge der Klaster ABcd auf der Ebene bei derselben Holzlänge (§. 165.). Wäre die Scheitlänge 3½', die Klasterbreite 6' und die Klasterhöhe 6¼' mit Übermaß, so entzhielt die Klaster 3½ × 6 × 6¼ = 131¼ Körpersuß Rauminhalt (§. 318.).

Fände sich im Legen etwa die Scheitlange ober die ange-

^{*)} Bergl. König's Forftbenutung. §8. 8-11.

fangene Alasterbreite unrichtig, ober würde das Derbholz in einer abweichenden Länge verlangt, so müßte die Alasterhöhe dem verslangten Klasterinhalte gemäß verändert werden; dies ist eine leicht zu lösende Aufgabe. Wäre z. B. an obiger Alaster zufälzlig die Scheitlänge nur 3½' und die Breite 6½', so gehörte dazu die Höhe 131½: (3½ × 6½) == 6' 6½".

2) Bon den Bundmaßen zur Aufarbeitung des Reisholzes bestimmt man känge und Umfang. Der Rauminhalt ist jedoch zur näheren Ermittelung des Holzgehaltes weniger brauchbar, weil er selten die volle Walzenform hat. Man legt die Bunde schock oder hundertweise zusammen.

§. 339. Massengehalt ber Füllmaße.

Der in einem Füllmaße befindliche Massengehalt beträgt nur einen Theil des Rauminhaltes, wegen der leeren Zwischenräume, die sehr verschieden ausfallen können. Man ermittelt denselben an Probemaßen durch Ausmessung oder Auswiegung des dazu erforderlichen Holzes und beachtet dabei die eben vorhandene Stärke, gerade und glatte Form, auch das mehr oder weniger bichte Zusammenfügen.

1) Um den Massen gehalt von Spalt=, Knüppelund Stockholzmaßen auszumitteln, mißt man die Walzen vor dem Spalten ober Einlegen. In der Berechnung kann alles Holz von gleicher Stärke auf seine summarische Länge gebracht werden. Rommen unförmliche Stücke mit vor, wie zu= mal bei dem Stockholze, so bestimmt man ihren Inhalt nach dem Gewichte.

Beim Aufsetzen des Probemaßes ist nicht nur auf die richtige Raumgröße und auf die bestimmten Stärken für Spalt und Knüppelscheite und Stöcke zu sehen, sondern auch darauf, daß der Holzhauer in seiner üblichen Beise arbeite und das Holz nicht dichter einlege, als gewöhnlich. Je mehr man solcher Propen den nimmt, desto richtiger ist der berechnete Mittelgehalt. Dieser sindet sich größer dei stärkern, geradern und glattern Holzstücken und bei den fügsamern kürzeren Holzsängen.

2) Der Massengehalt von Bellen ift nur burch Ab-

wiegen zu ermitteln. Eine sichere, aus mehren Bersuchen hervorzgegangene Eigenschwere und die Abwiegung vieler Wellen, die öfter sehr verschieden, bei ftarkerm und geraderm Reisig viel holzzhaltiger ausfallen, führen zu richtigeren Mittelgrößen.

- 3) Die Ergebnisse vieler Untersuchungen über die Massenschalt igkeit der Holzmaße sind in Tafel 121, hier ansgesügt. Die darin für den Massengehalt angegebenen Theile des Rauminhaltes tressen allemal zu, wo die Zwischenräume nicht unmäßig vermehrt oder vermindert werden. Eine Verschiedens heit der Holzlängen konnte man nur an Spalt und Knüppelsholz berücksichtigen. Beim Gebrauche dieser Tasel wird der wirkzliche Rauminhalt des Maßes mit der geeigneten Holzhaltigkeitszahl multiplizirt. Hätte z. B. eine Klaster von geradem und mittelmäßig gespaltenem Scheitholze mit 0,72 Holzhalztigkeit 4' Holzlänge, 6' Breite, 6' Höhe und z' Übermaß: so wäre ihr Holzgehalt (4 × 6 × 6z) × 0,72 108 Ks. Meist sierstieht man hierbei den Holzgehalt der zugehörigen Stüßen und beigegebenen Unterlagen.
- 4) Bei diesen Gehaltsbestimmungen sowohl, als bei dem Holzvertried überhaupt, ist das von der Fällung dis zur Abgabe
 Statt sindende Schwinden des Holzes nicht unbedeutend.
 Aaf. 122. enthält die Ergebnisse einer großen Reihe von Versuschen über das Schwinden der deutschen Waldhölzer im Durchmesser, im Umfange und im Querschnitte nach Maßgabe der Härte und der Trockengrade (h. 337.). Die angegebenen Schwindungszahlen bezeichnen das Eingehungszuhrsteb zugleich für den ganzen Holzkörper, weil die Holzslänge fast gar nicht eingeht. Hiernach würde z. B. sichtenes Kloßholz in lufttrocknem Zustande nur noch 0,95 seines frühern Körpergehaltes haben, also von der Fällung dis dahin bloß durch's Schwinden 5 pCt. verlieren.
 - §. 340. Studmaße für Rundhölzer. Fig. 132.

Vieles Aundholz wird wiederholt in Studen von bestimmter Größe verlangt. Diese Stude mußten bei ber Verwerthung immer wieder ausgemessen und berechnet werden, wenn man das für nicht ein beständiges Maß in voraus annähme. Ein solches Normalmaß kann freilich nicht allemal für jedes derartige Stück ganz genau passen; giebt dasselbe jedoch einen richtigen Mittelzgehalt, so wird im Ganzen nichts verloren und dabei die Holzabgabe sehr erleichtert. Der Gebrauch solcher Rundholzmaße bedingt für jede Sorte nicht nur eine bestimmte Stärke und Länge, sondern auch eine gleichmäßige Form. Deßhalb wendet man sie mehr bei ausgesuchtem Rundholze an, gewöhnlich zur Ibgabe von Stangensorten, von Blockholz und von ganzen Baustämmen.

- 1) Die ständigen Stangensorten, als Bohnenstanzgen, Hopfenstangen, Baumpfähle, Reistangen, Leiterbäume u. dergl., haben nach Maßgabe ihrer Verwendung eine bestimmte Stärke und Länge in gleicher Form und somit auch einen bezständigen Holzgehalt. Sie werden schock ober hundertweise abzgegeben und in dem Holzsortenansate mit Umfangstärke, Länge und Gesammtinhalte aufgeführt. Finden sich die eben zusammenzgebrachten Stücke einer gleichnamigen Anzahl etwas verschieden in Stärke und Länge, so bemißt man das Ganze nach der darin bezsindlichen Mittelgröße; denn jedes einzelne Stück besonders auszzumessen, wurde viel zu weitläusig sein.
- 2) Die Nabelholzblöcke werden gewöhnlich in einerlei Länge abgegeben, und zwar nur nach der Durchmesser für te am obern Abschnitte, indem für den Käuser der Durchmesser handlicher und die am Stammende übrige Stärke werthlos ist. Dabei muß man aber bennoch den vollen Blockinhalt einrechnen wegen Nachweisung der Massenabgabe.

Um nun den wirklichen Blockholzgehalt zu jeder obern Stärke ohne besondere nähere Ausmessung sogleich bestimmen zu können, mißt man vorher Probeblöcke von mittlerm Stärkensanlaufe genauer aus und stellt sich den gefundenen Mittelgehalt in Tafeln. Es ist dabei eben nicht nöthig, für eine jede Stärke Proben zu nehmen; man sucht nur für jeden besondern Buchs ein mittleres Verhältniß des wirklichen Blockinhaltes zur gleich langen Walze von der obern Blockstärke und setzt danach die

Inhaltszahlen an. Ergäbe sich z. B. an 14fußigen Fichtenblöcken, daß sie 1,1 von jener Walze enthielten, so hätte ein solcher bei 21" Durchmesserstärke 33,64 × 1,1 = 37 c' und bei 22" Durch= messerstärke 36,83 × 1,1 = 40,51 c' wirklichen Massengehalt.

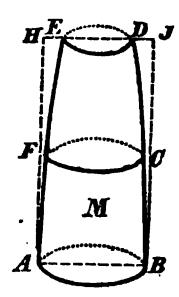
Da der Stärkenanlauf solcher Blöcke bei gleichem Wuchse und bei gleicher Länge ziemlich gleich bleibt, so könnte man auch der gemessenen obern Stärke den halben Unterschied von der vershältnißmäßigen untern Stärke ohne Weiteres zurechnen und nach dieser mittleren Stärke den Blockinhalt auswerfen. Fänden sich z. B. zwischen dem obern und untern Durchmesser gewöhnlich Lunterschied, so würde der obere Durchmesser um 1 Zoll vergrössert und für den 14' langen und oben 21" starken Block nähme man den Inhalt einer eben so langen 21 + lzolligen Walze an, also 36,83 c'.

Wird die Rinde dem Käufer nicht mit zugemessen, so muß auch noch die doppelte Rindenstärke in Anrechnung gebracht wersten, um den ganzen Massengehalt zu bekommen. Wäre z. B. die Rinde zu stark, so hätte ein Block zu 16" im obern rindenslosen Durchmesser noch 1" wegen der Rinde und 1" Ergänzung wegen des Anlauses, also eigentlich 18" im wirklichen mittlern Durchmesser. Auf solche Weise giebt man die Blöcke nach ihrer Sebrauchsstärke ab und rechnet sie nach ihrem durchschnittlichen Massengehalte ein. In den dazu entworfenen Tafeln verwandelt man wohl die Bruchtheile an den Inhaltszahlen in Halbe und Viertel zur Erleichterung des weiteren Einrechnens.

3) Die ganzen Nabelholzschäfte, wie sie gewöhnstich balb im Liegen, balb im Stehen als Jimmerholz abgegesben werden, bemißt man nach der untern Umfangstärke, der Länge und Form.

Die Schaftstärken mit ihren als Schaftgrundstäche anzus nehmenden Querschnitten G ergeben sich am gleichmäßigsten und bequemsten gleich über dem Wurzelanlaufe in Brusthöhe. Die Schaftlängen H können nur genommen werden bis zu eis nem Orittel der untern Stärke, weil der äußerste Gipfel zu Bauholz unbrauchbar, dabei sehr ungleichmäßig und oft gar nicht mehr vorhanden ist. Hielte z. B. der Umfang in Brusthöhe 36", so würde ber Baustamm bei 3 = 12" oberer Umfangstärke entgipfelt.

Fig. 132.



Um die Form = oder Holzhaltigkeit eines Baumschaftes zu bestimmen, gebraucht man das ausgemittelte Normalverhältniß des Schaft= inhaltes ABDE, welcher M heißen mag, zu einer entsprechenden Walze (Scheitelwalze) ABH, von gleicher Grundsläche AB — G und gleicher Höhe AH — H, und drückt damit aus, wie viel der Schaft M von seiner Scheitelwalze G × II enthält. Diese Verhältnißzahl $\frac{M}{G \times H}$ nennen wir

die Formzahl f, wohl auch die Formhaltigkeits = ober Reduktionsz zahl, und es ist stets der Schaftgehalt M — G × H × f.

Bur Ermittelung ber verschiedenen Formhaltigkeiten mißt man viele Probeschäfte im Liegen näher aus, nach \S . 333., bezrechnet von jedem die Formzahl und reiht sich diese Ergebnisse zur weitern Anwendung unter geeignete Formklassen auf Fände man z. B. an einem Nadelholzschafte von 36" Stärke und 65' gehörig entgipfelter Länge 29 c' Massengehalt, wozu die gleich starke und gleich hohe Scheitelwalze 46,55 c' enthält: so wäre die Formzahl $\frac{29}{46,55} = 0,622$.

Im Besitze hinlänglich genauer Formzahlen berechnet man alsbann den Schaftgehalt für alle bei der Zimmerholzabgabe vorstommenden Forms, Stärkens und Längenklassen zu den erforders lichen Zimmerholztafeln in voraus.

Hätte man z. B. für die volleste Schaftform von 48" Umfang und 85' Höhe die Formzahl 0,6, so betrüge der Schaftgehalt 0,6 von der Scheitelwalze zu 48" Umfang und 85' Höhe, nämlich 108,22 × 0,6 = 65 c'. Die hier angefügten Tafeln 77. bis 81. über den Körpergehalt der Nadelholz = Baustämme sind auf diese Weise entstanden und durch vielzährigen Gebrauch bewährt.

Alle sogenannten Erfahrungstafeln über den Massengehalt der Baumschäfte mussen die drei Gehaltssaktoren G × H × f zur Grundlage haben. Dividirt man zur Prufung die Glieder

einer Sehaltsreihe durch G × H, so muß f auch an sich in gesordneter Reihe erscheinen, ober es fehlt ihnen der stereometrische Grund.

§. 341. Studmaße für zugerichtete Sölzer.

Auch zugerichtete Hölzer, wie Felgen, Speichen, Achsfen, Dauben, Latten, Zimmerstücke u. s. w., werden nach gleichbleibenden und fest bestimmten Maßen abgegeben. Den im Forstertrage dafür aufzurechnenden Rohinhalt ermittelt man ebenfalls durch geeignete Proben, und zwar in der Regel vor der Zurichtung; denn nicht alle zugerichteten Stücke tragen die ursprüngliche Ausdehnung noch so unverändert an sich, wie leicht behauene Zimmerhölzer den Durchmesser und die Länge. Meist steht jedoch der Rohinhalt in einem gewissen Berhältnisse mit den Zurichtungsmaßen.

Käme zugleich ber Reininhalt etwa wegen der Preisbestims mung zur Frage, so wird derselbe auf die bekannte Weise nach erfolgter Zurichtung ausgemessen. Behauene Nadelholzschäfte, die bei einem Drittel der Schaftstärke entgipfelt sind, wurden ebensfalls vermittelst obiger Faktoren G × H × f berechnet, wovon aber G die behauene Grundsläche bezeichnet.

Vierte Abtheilung.

Forfiliche Zaration.

§. 342. Inbegriff.

Die Schätzungskunst hat den Sachwerth zu ihrem Gegenstande; sie bestimmt mittels der Arithmetik, Planimetrie und Stereometrie, Natur = und Gewerbkunde die minder megbare Größe, Beschaffenheit und Nutbarkeit und hiernach weiter bas Werthsverhältniß der fraglichen Dinge. Die forstliche Schatung beschäftigt sich hauptsächlich mit bem Gehalte, Ertrage und Werthe der Holzungen und lehrt, wie man den Massengehalt und Zuwachs theils von Bäumen, theils von ganzen Holzbeständen ermittelt, die Balderträge nach natürlichen Gesetzen und wirth= schaftlichen Bedingungen erforscht und hiernach ben Baldwerth weiter bestimmt. Sie zerfällt somit in vier Abtheilungen, nämlich in bie Baumschätzung, Holzbestandesschätzung, Bald= ertragsschätzung und Waldwerthschätzung. Hier kön= nen wir uns jedoch nur auf ben mathematischen Theil, bas Fun= dament der Forsttaxation, einlassen, indem die technische Anwen= dung dieser Behren ber Forsteinrichtung angehört.

I. Baumschätzung.

1. Allgemeine Grundlagen der Baumschätzung.

. §. 343. Gehaltsfaktoren ber holzstämme, Fig. 133.

Die Schätzung bes Massengehaltes stehender Baume und Dolzbestände benutzt als mathematische Grundlage drei beständige

Sehaltsfaktoren, nämlich bie Stammgrunbfläche, Stammhöhe und Stammform.

Fig. 133.

Als Stammgrundfläche G *) dient zu allen Schätungen die Querfläche des Schaftes, welche sich aus der in Brusthöhe, also etwa 5 Fuß über dem Boben, ermittelten Stammstärke ergiebt. — In Brust-höhe ist der Stamm nämlich sast immer schon in die regelmäßige Rundung eingetreten und gestattet somit eine übereinstimmige Stärkenmessung, wozu sich der Fuß des Stammes, wegen des ungleichen Burzel-anlaufs, nicht eignet; über Brusthöhe hinaus läßt sich aberl anl stehenden Stämmen die Stärke gar nicht oder doch nicht mehr bequem messen **).

Die Stammhöhen H werden von dem zur Benutzung kommenden untern Stammende an gerechnet, und zwar: als Schafthöhe bis zur Krone, als ganze Scheitelhöhe bis zum Gipfelende. Eine Walze, die mit dem Stamme gleiche Grundsstäche G und gleiche Höhe H hat, nennen wir die Scheitels walze (auch Idealwalze) des Stammes; ihr Körperraum — G × H ist stets größer als des Stammes Massengehalt und dient und gleichsam als Maß, wonach wir diesen bemessen.

Die Stammform bezeichnet das Verhältniß, in welchem ein Baum — abgesehen von Stärke und Höhe — bloß durch seine Form (Voll= oder Abholzigkeit, Astreichthum u. s. w.) auf den Massengehalt einwirkt; man bestimmt sie, wie schon oben (§. 340. 3.) geschah, nach dem Antheile, welchen des Stammes Massengehalt M von seiner Scheitelwalze G × H beträgt. Wir nennen diesen dritten Faktor, womit man den Inhalt der Schei=

^{*)} Das Wort Stammgrundfläche ist bezeichnender als das auch wohl gebräuchliche Stammfreisfläche; denn jene dient in der Berechnung wirk- lich als Grundsläche des Stammförpers, während Stammfreissläche keinen sterreometrischen Bezug hat, ebensowohl jede andere Stammquersläche bedeuten kann, wovon ohnehin keine einzige eine wirkliche Kreissläche bildet, und auch nicht wohl für ganze Bestände paßt.

^{**)} Vergl, übrigens die Schlußanmerkung zu diesem Paragraphen.

telwasze in den Stammgehalt verwandelt (reduzirt), Formzahl (Reduktionszahl) und bezeichnen denselben allgemein mit L. Es ist also $G \times H \times f = M$, und $f = \frac{M}{G \times H}$.

Denken wir uns den Stammgehalt M in seine Scheitelwalze gleichsam eingegossen, so bildet derselbe eine Walze, die wir Seshaltswalze *) nennen, mit der gleichen Grundsläche G und der besondern Sehaltshöhe h, und es ist $M = G \times h$; daher $\frac{M}{G \times H} = \frac{G \times h}{G \times H} = \frac{h}{H} = f$. Die Formzahl gleicht also auch dem Höhenverhältnisse $\frac{h}{H}$, und es läßt sich mit ihr eine Höhe aus der anderen berechnen; denn aus $f = \frac{h}{H}$ folgt $f \times H$ = h, und $\frac{h}{f} = H$. Nach diesen Gesehen kann sur Schaltshöhe gesucht und zur Sehaltsbestimmung weiter gebraucht werden.

Übrigens sind die brei Faktoren G × H × f die Grundlasgen der ganzen Baum und Bestandesschätzung; sie erscheinen in folgenden Werthen:

Der Stammgehalt $M = G \times H \times f = G \times h$,

Die Scheitelwalze $G \times H = G \times \frac{h}{f}$; denn $H = \frac{h}{f}$.

Die Stammgrunbfläche $G = u^2 \times 0,07958 = d^2 \times 0,7854$.

Die Scheitelhöhe $H = \frac{h}{f}$.

Die Gehaltshöhe $h = H \times f = \frac{M}{G}$.

Die Formzahl $f = \frac{h}{H} = \frac{M}{G \times H}$.

Da die Stammgrundfläche G entweder u² oder d² zum Fakstor hat, und man also die Stammstärke zur Berechnung des Stammgehaltes im Quabrate gebraucht: so muß dieselbe unster allen Gehaltssaktoren am schärfsten bestimmt werden.

^{*)} Aus der 1. Auflage der F.:M. her sind die Ausbrücke Richts Cylins der und Richthöhe, statt Gehaltswalze und Gehaltshöhe, noch viels fach im Gebrauch.

Anmerkung. Segen bas hier gelehrte Versahren zur Bestimmung ber Formzahlen sind von Seiten ber Theorie in neuerer
Zeit manche Einwendungen gemacht. Die wichtigste darunter ist
die zuerst von Smalian und neuerdings von Presler *) aufgestellte. Dieser sagt: "Die Formzahl muß, wenn sie wissenschaftliche und praktische Bedeutung erlangen soll, eine Ziffer sein,
welche die Form des Baumes derartig bezeichnet, daß einer und
derselben Form auch dieselbe Zisser, und einer und derselben Zisser
immer auch dieselbe Form entspricht." Dagegen verstößt aber das
seitherige Versahren, die Stammgrundsläche constant in
Brusthöhe zu nehmen. Es wird dies an einem einsachen Beispiele am deutlichsten werden. Nehmen wir, zur Vereinsachung der
Sache, zwei ähnliche Kegel, also Körper von der selben Form, an;

es habe: Höhe	ber 1. Kegel 80'	der 11. Kegel 40'
Umfang der Grundsläche.	60′′	30′′
fo ist: die Gehaltswalze	159,15 c'	19,89 c'
der Kegelinhalt	53, 05 c'	6,63 c'
die Formzahl	0,33	0,33.

Denken wir uns nun, der Umfang dieser beiden Regel sei in gleicher Höhe, etwa 4' über der Grundfläche, gemeffen und darauf die Formzahl-Berechnung gestützt, so ergiebt sich für

•	den I. Regel	ben II. Regel
die Höhe	. 80'	40′
ber Umfang	. 57".	27"
die Gehaltswalze		16,11
Regelinhalt wie oben .	. 53,05	6,63
Formzahl	• Q ,369	0,411.

Hier ergiebt also bieselbe Form ganz abweichenbe Formzahlen, und soll dieselbe unter allen Umständen für diesselbe Form constant bleiben, so kann dies nur geschehen, wenn sie stets auf eine proportionale Grundstäche bezogen wird, nicht aber, wie in den eben gedachten Fällen, auf eine solche Gehaltswalze,

^{*)} Tharander Jahrbuch. 9r Bb. S. 16.

beren Grundstäche in einem Fall bei $\frac{4}{80} = \frac{1}{20}$ der Scheitelhöhe, im anderen bei $\frac{4}{40} = \frac{1}{10}$ der Scheitelhöhe abgenommen wurde. — Hätte man in dem gegebenen Beispiele die proportionale Grundssiäche etwa bei $\frac{H}{20}$ genommen, so würde solche für den ersten Resgel in 4', für den zweiten nur in 2' Höhe liegen, und die Rechenung ergiebt dann für

					ben I. Regel	ben II. Regel
Höhe	•	•	•	•	80′	40 ′
Umfang .	•	•	•	•	57" (bei 4')	28,5" (bei 2')
Gehaltswalze		•	•	•	143,63 c'	17,954 c'
Regelinhalt		•		6,63		
Formzahl .				_	0,369	0,369.

Wenn die Praxis dennoch das alte Verfahren bevorzugt und empfiehlt *), so findet dies seine Rechtfertigung in Folgendem:

- 1) Nach dem theoretischen Verfahren müßte streng genommen von jedem einzelnen Stamme erst die Höhe geschätzt und darnach der relative Höhenpunkt für die proportionale Grundsläche gessucht werden: ein so beschwerliches Verfahren, daß es bei Auszählungen im Großen geradezu unaussührbar erscheint.
- 2) Die proportionale Grundfläche könnte bei sehr langschäfztigen Beständen, wenn auch nur selten, doch bisweilen in unerreichbarer Höhe liegen; in vielen Fällen aber würde sie so tief fallen, daß man kniend messen und die Wurzelrücken mit umspannen müßte.

Um diese unverkennbaren Übelstände zu umgehen, soll man allerdings die bequeme Messung in Brusthöhe nach dem alten Versfahren beibehalten und die so gefundene Stammgrundsläche auf die proportionale, nach einem, an ausgewählten Probestämmen gestundenen Verhältnisse reduziren. Dadurch kommt aber ein neues Element in die Rechnung, was gewiß nicht zu deren Sicherheit beiträgt, und wie soll man versahren, wenn auch an den Probesstämmen die proportionale Grundsläche im Bereiche des Wurzelsanlaufs liegt?

3) In einem und bemselben Bestande liegen die Höhendifferen= zen selten mehr als 20 bis 40 Fuß auseinander, in einer und ber=

^{*) 3.} B. neuerbinge Burfhardt, Forftliche Gulfetafeln, G. VIII.

klasse für sich liegt also die proportionale Grundstäche nahe in berselben Söhe, und wird für jede derselben die Formzahl mit Zugrundlegung der Brusthöhenstärke besonders bestimmt und nur auf die betreffende Klasse angewendet: so entsprechen zwar die relativen Formzahlen der verschiedenen Auszählklassen nicht ganz genau dem oben aufgestellten wissenschaftlichen Begriffe, aber es bedarf keines Beweises, daß sie dennoch für die Massenschäung ein richtiges Ergebniß liefern müssen. Und darauf kommt es dem Praktiker schließlich doch in der Hauptsache nur an.

§. 344. Ermittelung ber Gehaltsfaktoren an Probestämmen.

Bon den drei Gehaltsfaktoren läßt sich zwar die Stamms grundsläche und Höhe nach unmittelbaren Messungen an stehens den Stämmen ermitteln; für die Formzahl dagegen muß man erst an gefällten Probestämmen die erforderlichen Vergleichsgrößen gewinnen.

An den zu diesem Zweck gefällten Probestämmen bestimmt man zuvörderst den Schaft=, Kronen= und Stockholzgehalt, um daraus den gesammten Massen= und Sortengehalt abzuleiten.

a) Schaftholz. Der Schaft erstreckt sich bis in die Krone, wo das start und ungleich abfallende Gipfelstück anfängt. Man mißt denselben im Liegen gewöhnlich in losusigen Abtheilungen aus, reißt dazu bloß die Mitte eines jeden Längentheiles ab, nämlich bei 5', 15', 25' u. s. w., vom Stammende anfangend, und nimmt die Umfangstärke an jedem Risse. Zu dem letztern Risse gehören die nächsten 5 Fuß; darüber hinaus befindet sich meist noch ein kurzeres Endstück von zufälliger Länge. Nach diessen walzenförmigen Abtheilungen wird der Schaftgehalt ausgesrechnet; auch wird wohl noch zu der Stammstärke und Schaftshöhe die Schaftsormzaht besonders ausgeworfen (n. §. 340. 3.).

Bare der Schaft unförmlich, so mußte man ihn in kurzern Abtheilungen ausmessen, oder spalten und aufklaftern.

b) Kronenholz. Das zur Krone gehörige Gipfel= und . Aftholz bes gefällten Probestammes wird als Spalt=, Knuppel=

und Reisholz klein gemacht und theils stückweise ausgemessen, theils ausgewogen, auch wohl sogleich in die gebräuchlichen Sorztenmaße ausbereitet und danach bemessen. Das Ergebniß von dem Sipfel = und Astholze steht ziemlich im Verhältnisse mit der Stammstärke.

c) Stockholz. Den Stock= und Wurzelholzgehalt von dem Probestamme bestimmt man vermittelst des Gewichtes oder des Stockholzmaßes; derselbe steht ebenfalls mehr mit der Stammstärke in Verhältniß.

Wird bei diesen Bersuchen ein Schichtmaß eben nicht voll, so legt man den Stoß nur in eine gleiche Höhe und bemißt nach dieser den vorhandenen Theil vom Ganzen.

Bei diesen Gehaltsermittlungen ist übrigens die wirklich vorhandene Holzmasse und die der Benutung anheim= fallende wohl zu unterscheiden. Jede Holzausbereitung theilt außer dem unvermeidlichen Hauabfalle an Spänen, Geniste und Ufterholz noch mehr oder weniger Nutungsverlust wegen örtlicher Werthlosigkeit geringer Holzsorten, Überfüllung der Holzmaße und sonstiger Entfremdung.

§. 345. Fortsetung.

Die Ermittlungen an ben Probestämmen führen nun zu folzgenden, weiter benuthbaren Ergebnissen:

- 1) Der gesammte Massengehalt bes Stammes ergiebt sich unmittelbar aus dem gefundenen Schaft=, Kronen= und Stockgehalte.
- 2) Bon ben brei Gehaltsfaktoren sind
 - a) bie Stammgrundfläche G (nach der Stammstärke) und bie Scheitelhöhe Hunmittelbar gemessen worben.
 - b) Die Stammformzahl f aber läßt sich nun leicht nach der Formel $\frac{M}{G \times H}$ oder $\frac{h}{H}$ (§. 343.) berechnen und als Dezimalbruch ausbrücken. Fände sich z. B. an einer Buche von 60" Umfangstärke und 85' Scheitels höhe 101,5 Kfuß Massengehalt, so enthielte die dazu geshörige Formzahl $\frac{101,5}{169,1} = 0,6$. Dieser Stammgehalt von

101,5 Kfuß hätte als Sehaltswalze 51' Sehaltshöhe, welche $\frac{51}{85}'$, ebenfalls =0,6, zur Formzahl ergäbe.

Anmerkung. Bekanntlich hält der Kegel $\frac{1}{3}$ von der Walze (§. 321.). Gebrauchte man nun den Kegel als Grundsorm, so wäre in diesem Beispiele die Formzahl $0.6 \times 3 = 1.8$, und dann könnte die Sehaltshöhe $51 \times 3 = 153'$ nicht am Baume selbst bemessen werden.

Man hat den Regel, wahrscheinlich seiner den Nadelholz-. schäften mehr genäherten Form wegen, hier und da als Hulfs= körper zur Baumschätzung gewählt, anstatt ber Balze. Bei nabe= rer Beurtheilung erscheint jedoch berselbe zu diesem Gebrauche schwerfälliger, weniger paßlich und überhaupt ganz überflussig. Denn begreiflich könnte nur der volle Regel angewendet werden, weil der abgestumpfte ein = für allemal nicht zur allgemeinen Grundform paßt. Aber auch der Gebrauch des vollen Regels bedarf nicht nur einer unbehülflicheren Formzahl, sondern noch obendrein der Walze, die gleich von Anfang für sich gebraucht alle Massengehalt = und Zuwachsermittelungen viel anschaulicher und leichter macht. — Zudem muß ja eine jede Rundholzabgabe nach der Batze berechnet werden, und es verursachte daher eine ganz überflussige Erschwerung des Forstdienstes, wenn man in ben an fich schon überlabenen Schätzungsgeschäften noch eine eigene Grundform einführte.

3) Auch für den Sortengehalt können die Probefällunsgen nebendei mit benutt werden. — Bekanntlich pflegt man die Holzsorten nach der Stärke und sonstigen Paßlichkeit für den Bertrieb überhaupt einzutheilen in Derbs, Knüppels, Reisund Stockholz und rechnet gewöhnlich zum Derbholz alles über aboll im Durchmesser starke Schaft: und Astholz, das theils im Sanzen, theils als Spaltholz abgeht; zum Knüppelholz das von bis 2 Zoll und zum Reisholz das unter 2 Zoll Durchmesserzstärke. Stockholz dürfte eigentlich nur von dem Wurzelstacke gesmacht werden.

Sofern nun die Ausmessungen gefällter Probestämme zur Beurtheilung des Sortenverhaltnisses für den weiteren Gebrauch

dienen sollen, muß man die örtliche Ausbereitung mit berücksichtisen. Hier und da kommt wohl stärkeres Holz zu den Knüppeln, oder zu dem Reisig, oder das Knüppels und Scheitholz kommt zusammen, oder es wird die Rinde für sich genutt, oder man gewinnt mehr Wurzeln, macht wohl auch gar kein Stockholz, oder der Nutzungsverlust betrifft nur eine gewisse Sorte.

Die Sortenergebnisse werden zweckmäßig in Verhältnißzahlen aufgestellt, die den Antheil jeder Sorte vom gesammten Massen=gehalte bezeichnen. An einer Eiche zu 66" U, 80' H, 0,65 f, mithin von 125 c' Masse betrügen z. B. (n. §. 81.)

80 e' Derbholz = 0,64 vom Ganzen,

20 c' Knüppelholz = 0,16 .

15 c' Reisholz == 0,12 .

10 c' Stockholz = 0,08 .

Nach solchen Verhältnißzahlen kann bann ber Sortengehalt von gegebenen Gesammtmassen ziemlich sicher bestimmt werden.

2. Schätzung ftehender Baume.

§. 346. Stärkenmessung. Fig. 134.

Die Stammgrundfläche wird, wie bekannt, nach dem in Brusthöhe gemessenen Umfang oder Durchmesser bestimmt. Öfzters ist die gefundene Stärke noch zu berichtigen, theils wegen Unkreisförmigkeit der Stammgrundsläche (nach §. 332.), theils wegen des Wurzelanlauses, wosern dieser der anzunehmenden Stammform nicht entspricht. Zu diesem Behuse rückt man mit dem Meßbande oder der Kluppe nothigenfalls dis zu 6 Fuß hinzauf oder dis zu 4 Fuß hinunter. Seder Holzschäßer muß sich im Fig. 134. richtigen Ansprechen der Baumstärken üben, um nicht

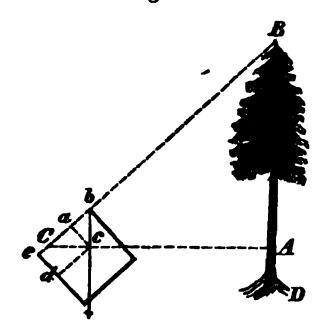
allemal erft meffen zu muffen.

Soll eine obere Schaftstärke ab bestimmt werden, so trägt man sie am thulichsten vermittelst eines Lothfadens herunter auf das Stammende. Man richtet nämlich, von dem Schafte abstehend, am Lothe über a herunter zu c, dann über b zu d und läßt dabei von einem Andern die Breite cd anstatt des obern Durchmessers ab anzeichnen und abmessen. Wo

größere Genauigkeit erforderlich wäre, müßte der Stamm bestiez gen werden, wofern nicht eben kunstliche, aber meist auch kostbare Werkzeuge (Dendrometer) zu Gebote *) stehen, die übrigens für ben täglichen Gebrauch sich weniger eignen.

§. 347. Sohenmessung. Fig. 135, 136, 137, 138.

Fig. 135.



Zur Messung der Schaft = und Scheitelhöhen ist das Meßbrett= chen am geeignetsten. Man steckt ... dasselbe in gewisser Entsernung von dem Stamme A, Fig. 135., auf eine Stelle, wo der abzumessende Höhen= punkt B sichtbar ist, nimmt den Loth= punkt oben hin, visirt nach B und zählt an der Augenseite des Brettes das Maß ed der zuvor wagrecht ge= messenen Grundlinie AC ab, geht

nun auf der Brettsläche von dem Punkte d mit den Netzlinien gleichlaufend hinein bis an den indeß zur Ruhe gekommenen Lothsfaden c und von hier wieder seitwärts heraus nach a. Die bort befindliche Zahl zeigt die Höhe AB an.

Der Lothfaben und ber Stamm sind beide lothrecht, also parallel, mithin ist

$$2 \text{ abc} = 2 \text{ ABC (§. 143.);}$$

$$2 \text{ cab} = 2 \text{ CAB} = R.$$
Folglich Δ abc $\sim \Delta$ ABC (§. 150.),

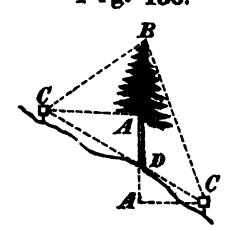
also ac : ab = AC : AB.

ac ist aber gleich ed und somit das verjüngte Maß von AC; folglich ist ab auch die Verjüngung von AB.

Steht das Meßbrettchen nur wenig höher als der Fuß des Stammes, so dreht man nun dasselbe wagrecht, daß der Lothsfaden genau die äußere Quadratseite deckt, zielt so hinüber auf

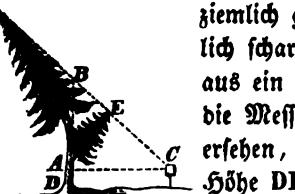
^{*)} Bon den bekannten Dendrometern erwähnen wir hier nur: den Schröster'schen (Berhandlungen der Versammlung deutscher Land und Forstwirthe zu Hannover. S. 450.) und Hartig'schen (Untersuchungen über den Ertrag der Rothbuche. Berlin 1847. S. 38.).

A und läßt während deß einen Andern mit der Hand am Stamme Fig. 136. hinauf ruden und Abezeichnen. AD wird



hinauf rücken und A bezeichnen. AD wird dann unmittelbar gemessen und zu der schon gefundenen Höhe AB gerechnet. Bisweislen muß aber das Meßbrettchen höher über ober auch unter dem Fuße des Stammes aufgestellt werden, Fig. 136.; dann mißt man dieses untere Stück AD auf dieselbe Art, wie AB, und addirt oder subtrahirt es.

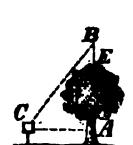
Hierbei ift noch besonders zu beobachten: Der Standpunkt Fig. 137. C muß so genommen werden, daß CA und AB



C muß so genommen werden, daß CA und AB ziemlich gleich sind, damit sich die Linien mögzlich scharf durchschneiden. — CAB muß durchz aus ein rechter Winkel sein, denn sonst würde die Messung sehlerhaft, wie aus Fig. 137. zu ersehen, wo man für DE und DF einerlei Höhe DB fände. An schief stehenden Stäm=

men wählt man daher den Standpunkt so, daß die schiefe Richtung seitwärts fällt, und neigt bann das Meßbrettchen in dieselbe. —

Fig. 138.



Auch muß man sich bei Bäumen mit breiten Kroznen in Acht nehmen, nicht über den Scheitelpunkt E hinweg zu visiren, wie in Fig. 138.; deßhalb nimmt man am Berge seinen Stand wo möglich über dem Fuße des Stammes. Diese, durch des Baumes Neigung und Kronenwölbung entstehenden

Fehler sind ungeachtet aller Vorsicht sehr beträchtlich. Um so mehr barf baher unser kleines Megbrettchen genügen.

Den Anfangspunkt zur Stammhöhe nimmt man in der Resgel um den vierten Theil des Stockdurchmessers über der Bodensobersläche an; wo Stockholz gemacht wird, verhältnismäßig tiefer, wofern man die Stockholzmasse nicht besonders aufrechnen will; wo höhere Stöcke zurückgelassen werden, um so viel höher. Finzbet sich für eine eben geltende Stammform der Gipfel etwas mehr gedrückt, oder mehr hervorragend, so kann die ermittelte Höhenzahl danach leicht ermäßigt werden. Die Übung im freien Anzahl danach leicht ermäßigt werden.

sprechen der Stammhöhen macht sich dem Holzschätzer sehr nützlich, indem er beim Höhenmessen wegen der umständlichern Hülfsmitztel zuweilen wohl fehlt und daher stets eines sichern Urtheils bedarf *).

§. 348. Formschätung.

Die zur Schätzung des Massengehaltes stehender Bäume dienenden Formzahlen ermittelt man, wie bekannt, an gefällten Probestämmen für jede Baumart und Buchsverschiedenheit und wendet sie dann vergleichend wieder an, mit Erwägung des vor Augen besindlichen Buchses, der Statt gehabten Bachset humsverhältnisse und des örtlichen Holzverlustes bei der Ausbereitung.

Nachstehende Formzahlen sind die gewöhnlichen für die Stammgehalte der angeklammerten Holzarten auf mittlerem Standorte und in vollem, hinlänglich räumlichem Bestande erswachsen, jedoch überhaupt ohne Stock und Erdholz, bei den Rasdelhölzern auch ohne Reisig:

Buchen, Eichen, Linden (0,58)

O,56) Eschen, Ahorne;

O,54 Pappeln, Erlen;

O,52) Tannen, Fichten.

Lärchen, Kiefern (0,50)

O,48)

Dabei hat man zu merken: Je kurzer und gebrungener der

Borrichtungen, welche ohne Stativ burch ein Loth den Höhenmessen diesenigen, bessen Tangente für den Haldmesser = 1, mit der horizontalen Entsernung des Auges von der, aus der zu messenden Höhe gefällten Sentrechten multiplizirt, die Höhe über dieser Horizontallinie ergiebt. Auf diesem Prinzip deruhet Sch malfalders Patent-Höhenmesser (vergl. Kühne's militärisches Zeichnen und Aufnehmen, zweite Auslage. Berlin 1835) und der bekannte Smalian'sche Göhenmesser (vergl. Einler'sche Buchhandlung in Stealsund; auch Presser's Messecht, Braunschweig 1852.).

/

Wuchs überhaupt *), je gewölbter, breiter, tiefer und dichter die Krone, je holzvoller der Schaft, je angemessener der Standort, je freier der Wachsthumsraum ist: desto größer sindet sich die Gehaltsformzahl, und so umgekehrt, bei sonst gleichem Ausbereistungsverluste.

Da die Formzahlen aller Stämme von einerlei Wuchsklasse mit zunehmender Scheitelhöhe abnehmen, und daher an sich we= niger leicht zu schäten sind, dieses Abnehmen jedoch stetig fortsschreitet: so ist es zum Behuse ausgedehnter Baumschätzungen viel geeigneter, statt der Formzahlen gewisse Formklassen zu gebrauchen, und mittels dieser die Gehaltshöhen ohne Weiteres zu schäten **).

Die Gehaltshöhe könnte auch wohl am Stamme selbst geschätt werden: Man denkt sich den Stamm in einem auszussuchenden Höhenpunkte ungefähr so eingeknickt, daß die Masse seines Obertheiles herabwärts die entsprechende Gehaltswalze aussfüllte. Die Höhe bis zu diesem Punkte wäre die wirkliche Geshaltshöhe h = H × f (§. 343.). Das bloße Augenmaß trifft sie nach gehöriger Einübung in der Regel mit großer Genauigskeit; ein praktischer Vortheil, den der Kegel keinesweges darbietet.

Östers spricht man auch die Stammstärken und Höhen nach gegebenen Klassen an; weicht nun eine vorfindliche Stärke

Die Ausbreitung der Krone nach dem Durchmesser D bietet in Vergleich zur Scheitelhöhe H ein Ausbreitungs Werhältniß $\frac{D}{H}$, wonach man die Form einigermaßen mit bemessen kann; doch müßte dasselbe bloß unter gleichen Stammsstärken angewendet werden. Denn hätten z. B. zwei Stämme, einer von 6', der andere von 4' U, die gleiche Höhe H = 40' und die gleiche Ausbreitung D = 20': so wäre von beiben das Ausbreitungs Werhältniß $\frac{28}{48} = \frac{1}{4}$; aber die Form des schwächern sände sich gewiß viel voller. Zudem liegt ja auch die Höhe und Dichtheit der Kronen selbst ganz außerm Bereiche eines solchen Aussbreitungs-Verhältnisses.

^{**)} Die Gehaltshöhe, das Produkt der Scheitelhöhe mit der Formzahl, $H \times f$, wird auf diese Weise auch sicherer geschätzt, als die Formzahl allein; denn man knüpft an die gegebene Scheitelhöhe an, und schätzt eigentlich nur die Wuchsklasse, hinsichtlich deren bei einiger Übung wenigstens keine bedeutenden Irrungen vorkommen werben.

ober Höhe von dem festen Klassenmaße etwas ab, so wird die Formzahl oder Formklasse hiernach ermäßigt, damit der Stamm= gehalt aus dem Produkte G × H × f dennoch richtig hervor= gehe *).

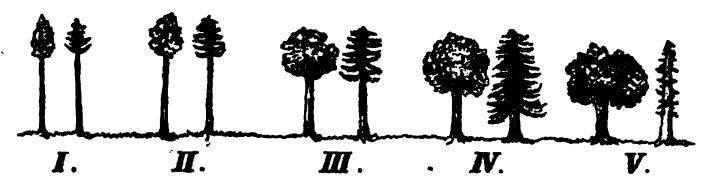
§. 349. Ermittelung bes gesammten Massengehaltes.

Ist an einem Baume die Stammgrunbsläche G vermittelst der Stammstärke gemessen, auch die Scheitelhöhe H, und ist die Formzahl f geschäht: so läßt sich die Gesammt masse desselben leicht sinden nach der Formel G × H × f (§, 343.). G × H, der Inhalt der gleichstarken und gleichhohen Scheitelwalze, kann in den Taseln nach Umfang und Höhe aufgesucht und dann mit der Formzahl f multiplizirt werden. Hätte z. B. eine Buche 41" Stammstärke, 70' Scheitelhöhe und 0,58 zur Formzahl: so enthielte ihre Scheitelwalze, G × H, 65 c', und der Stamm selbst 65 × 0,58 = 37,7 c'.

Ist die Gehaltshöhe h geschätt, oder sonst bekannt, so braucht man nur die Gehaltswalze G × h aufzuschlagen, oder zu berechenen. Die hier angefügten Erfahrungstafeln über den Massengehalt der Waldbäume 65 bis 72 geben die Sehaltshöhen aller Baumarten und Formklassen zu den Scheitelhöhen ohne Weiteres an. Sie fassen nämlich zuerst in sieben Abtheilungen die wichtigeren Baumsgattungen mit gleicher Formhaltigkeit zusammen, nämlich: 1) die Siche in ihrem ganz angemessenen Standorte; 2) die Waldbbuche und Hainduche; 3) die Linde und Esche, den Ahorn und die Ulme; 4) die Aspe, Pappel und Erle; 5) die Tanne und Vichte; 6) die Lärche und Kieser; 7) die Birke. Andere hier nicht genannte Holzarten sind diesen Abtheilungen leicht anzuppassen.

^{*)} Diese Ausgleichungen sind am leichtesten zwischen den Höhens und Formszahlen. Wäre z. B. II = 57 und f = 0,58, so könnte man ohne Fehler 55 H und 0,6 k, oder 60 H und 0,55 k annehmen. Es kommt begreislich nur darauf an, die Zahlen so zu stellen, daß sie dasselbe Produkt wieder geben. Schwieriger läßt sich hierzn die Stärke gebrauchen, weil deren Quadratzahl mit verglichen werden müßte.

Die fünf obenan mit Ziffern bezeichneten Formklassen jeder Abtheilung unterscheidet man nach den Wachsthumsverhälts nissen und dem Wuchse mit Berücksichtigung des zufälligen Aufsbereitungsverlustes auf folgende Weise:



- 1. Klasse: Stämme, mehr gebrängt in die Höhe gestrieben, mit dem wenigsten und schwächsten Astholze, der spizigssten Arone und einem abfälligeren Schafte. Auch solche, die räumlicher stehen zwischen schneller wachsenden Holzarten, oder zwischen Oberbäumen; zumal auf dürftigerem Boden, von Stockausschlag, oder aus früherem, zu lichtem Stande.
- II. Klasse: Stämme, in mäßigem Schlusse erwachsen, gehörig beastet, stumpfer in der Krone, hoch = und vollschaftig, bessonders auf kräftigem Boden und mehr vom Samenanwuchse. Auch welche in räumlichem Stande theils auf dürftigerem Boden, theils von Ausschlag.
- III. Klasse: Stämme, die längere Zeit ganz räumlich gesstanden haben, mit stärkerer Astverbreitung, gewölbter Krone und vollem Schafte, besonders auf kräftigem Boden. Auch dürfztig im freien Stande erwachsene.
- IV. Klasse: Frei erwachsen, mit vielem starken Aftholze, breiter Krone und kürzerem Schafte, besonders auf nicht zu geringem Standorte.
- V. Klasse: Im einzelnen Stande, mit der stärksten Ustverbreitung, der breitesten Krone und dem kürzesten Schafte. Bei dem Nadelholze ist in dieser Formklasse alles Ustholz ausgesschlossen und dadurch im Gegensate zum Laubholze die gehaltlosseste Form gebildet. Dhne Nutzungsverlust gehören die ausgesbreitetsten Nadelholzstämme der IV. Formklasse mit an, indem die Vollsorm dieser Holzgattung eine V. Klasse eigentlich nicht

erreicht. Übrigens sind unter keiner Klasse die Nabelholzzweige mit inbegriffen.

Bu ben mehr vorkommenden Formklassen I. bis III., die gewöhnlich als Mittelgrößen für ganze Waldbestände dienen, sindet
man auch noch Übergangsstusen. Die in den Taseln seitwärts
bezeichneten Scheitelhöhen steigen von der ersten nutharen Stammhöhe um 5 Fuß. Die Inzahlen sind die dazu gehörigen Gehaltshöhen, nehst den wegen etwaiger Nachfrage von 20 zu 20 Fuß
noch eingeschobenen Formzahlen. Beim Gebrauche dieser Taseln
nimmt man unter der geschätzen Formklasse und neben der Scheitelhöhe nur die Gehaltshöhe h = H × f und schlägt zu dieser in
den Walzentaseln den Inhalt der Gehaltswalze G × h sogleich
aus. Eine Buche von 4' Umfangstärke, 70' Scheitelhöhe in II.
Formklasse hätte zur Gehaltshöhe 40,55' und zum Holzgehalte
51,62 Ksuß. Zwischen der I. und II. Formklasse hielte dieser
Baum, bei 38,76 Gehaltshöhe, 49,84 Ksuß.

Sollten die Scheitelhöhen der Tafeln eben nicht zureichen, so berechnet man die fragliche Gehaltshöhe nach der nächsten Seshaltshöhen-Differenz. Eine 130 Fuß hohe Fichte II. Klasse hätte z. B. nach der zwischen 110 und 120 besindlichen Differenz (61,88 — 57,59 — 4,29) zur Sehaltshöhe 61.88 + 4,29 — 66,17. Diese Differenz ist zwar etwas zu groß, weil sie in der Regel von Stufe zu Stufe fallen sollte; zu solchem Gebrauche mag sie indeß genügen. Ebenso läßt sich jede Gehaltshöhe zu einer überssprungenen Scheitelhöhe sinden, z. B. sur 58' Buchenhöhe II. Klasse 32,4 + $\frac{35,18-32,40}{5}$ × 3 = 34,05.

§. 350. Schätzung bes Massengehaltes nach Stamm= und Massentafeln.

Stellt man für die verschiedenen Höhen = und Stärkenklassen gleich das fertige Produkt von G × II × f, d. h. den ersfahrungsmäßigen Normal=Massengehalt auf, so entstehen die sozgenannten Stamm = oder Massentafeln, welche im Vergleich zu den Sehaltshöhentafeln den Vorzug haben, daß sie keine weistere Berechnung erfordern. Diese Stammtafeln können, ähnlich

wie unsere Gehaltshöhentafeln, verschiedene Bollholzigsteits grade unterscheiden *), oder sie stellen nur für die versschiedenen Höhen: und Stärkenklassen den mittleren Massen=gehalt auf, wie die bekannten bairischen Massentaseln **). Die Eigenthümlichkeit der letzteren ergiebt sich aus Folgendem:

- 1) Man ermittelte an einer möglichst großen Zahl gefällter Stämme ber Hauptholzarten, unter den abweichendsten Standorts= verhältnissen erwachsen, Masse und Formzahl.
- 2) Die gewonnenen Formzahlen wurden nach Altersklassen (von 30 zu 30 Jahr, oder nur für haubare und angehend haus bare Bäume), nach Höhenklassen (von 10 zu 10') und Stärkensklassen (von 1 zu 1" Durchmesser) zusammengestellt und von jester Klasse die durchschnittliche Formzahl gesucht.
- 3) Unregelmäßigkeiten, welche sich in der Stufenfolge der so gefundenen mittleren Formzahlen bei ihrer wechselseitigen Verzgleichung ergaben, wurden zunächst auf graphischem ober arithme= tischem Wege ausgeglichen.
- 4) Indem man nun für jede Höhen = und Stärkenklasse nach ihrer mittleren Höhe und der mittleren Stammgrundsläche die Idealwalze berechnete und diese mit der nach 3. corrigirten Formzahl multiplizirte, ergab sich der mittlere Massengehalt, welscher in die Massentasel aufgenommen wurde.

Die Anwendung dieser Tafeln für die Massenschätzung bedarf keiner weiteren Erklärung (vergl. §. 376.). Es ist klar, je größer die Anzahl von Stämmen war, nach welchen man die mittlere Formzahl berechnete, um so genauer ergeben auch die Massentasfeln den wahren Mittelgehalt, und umgekehrt, je größer die Anzahl von Stämmen ist, welche nach Massentaseln geschätzt werden, um so mehr nähert sich das Schätzungsergebnis der Wirklichkeit, da die Abweichung des Einzelstammes von dem Mittelgehalt sich im großen Ganzen mehr ausgleicht. Die Massentaseln sind

^{*)} Eine solche Einrichtung haben z. B. die in H. Burthardts forsts lichen Hülfstafeln (Hannover 1852) Abth. I. S. 43. mitgetheilten Stammstafeln.

^{**)} Massentaseln zur Bestimmung des Inhaltes der vorzüglichsten beutschen Waldbaume. München 1848.

Bestandesschätzung geeignet, scheinen aber für letztgedachten 3weck, nach den bis jetzt gemachten Erfahrungen und Vergleichen, sich zu bewähren und dürfen als eine wesentliche Bereicherung der Hülfsmittel für die forstliche Massenschung angesehen werden *).

§. 351. Ermittelung bes Schaftholzgehaltes.

Der Schaftholzgehalt ergiebt sich im Allgemeinen aus ber zu messenden Stammstärke und Schafthöhe und der zu schähenden Schaftformzahl, nach der Formel G×H×f. Die zur Formschähung nöthigen Vergleichungsgrößen sindet man mittels geeigneter Probemessungen an gefällten Bäumen (§. 344. a.). Aus diesen ist mit Zuverlässigkeit hervorgegangen, daß die Schaftformzahl der von 10 Fuß auswärts steigenden Höhen mit 1 bezinnt und die zu 0.8 fällt, und zwar um so mehr, je höher und beasteter der Schaft ist. Die bloße Schaftsormzahl an sich dietet dem Schäher wenig Anhalt, viel sicherer ist die Schähung nach Schaftsormklassen, zu denen entweder die Sehaltshöshen, oder die Holzgehalte selbst in voraus bestimmt sind.

1) Gewöhnliche Schafthölzer. Diese schätt man am geeignetsten nach den Erfahrungstafeln 74, 75 und 76, welche die Sehaltshöhen aller Baumsch äfte in fünf allgemeinen Formklassen darbieten, denen die vorkommenden Baumarten untergeordnet sind. Zur weitern Auswahl dieser Klassen beurtheilt man vorzüglich den untern und den obern Anslauf des Schaftes, zudem die ganze Länge und Beastung des Stammes, auch ob der Schaft mehr unters oder innerhalb der Krone entgipfelt werden soll. Dabei ist noch zu berücksichtigen: daß ein und derselbe Schaft in verschiedenen Höhen auch versschiedenen Klassen angehören kann; daß starke Schäfte meist in einer etwas niedrigern Klasse stehen als schwache; daß angemessener Standort und räumlicher Schluß auffallend vollere Schaftsformen geben. Die zum Ansprechen dieser Sehaltshöhenklassen

^{*)} Vergl. Massentaseln zur Bestimmung bes Holzgehaltes stehenber Baume von Stahl. Berlin 1852.

erforderliche Übung läßt sich beim Messen der in den Schlägen ausgehaltenen Schäfte gar leicht gewinnen.

In dieser Tasel sindet man zu jeder Holzart unter der geschätzten und obenan stehenden Schaftsormklasse und neben der gemessenen und außen stehenden Schafthöhe die Gehaltshöhe, hinter welcher der Schaftholzgehalt in der Balzentasel unter der an 5 Kuß überm Boden gemessenen Stammstärke aufgesucht wird, ganz wie dei Ermittelung der Gesammtmasse. Hätte z. B. ein Sichenschaft III. Klasse 45" U, 50' H, so wäre sein Holzgeshalt, dei 40,00 Gehaltshöhe, 44,76 Ksuß. An kürzern Schäften könnte man auch die Mittelstärke messen (n. §. 346.) und den Schaftgehalt gleich nach der wirklichen Schafthöhe als Balzesuchen. Deßhalb nehmen die Höhen dieser Taseln auch erst mit 11 Fuß ihren Ansang.

- 2) Nabelholz=Baustämme. Die Zimmerholz=Abgabe bedarf zur Verwerthung liegender und stehender Stämme einer kurzen, eben so handlichen als zuverlässigen Übersicht der dabei in Frage kommenden Schaftgehalte. Ein solches Hüssmittel theilen wir in den besondern Erfahrungstafeln 77 bis 81 mit. Darin stehen obenan die in Brusthöhe gemessenen Umfangssuße und die drei Zimmerstammklassen, mit I, II und III bezeichnet, nämlich:
- I. Klasse, für gewöhnliche Kiefern = und geringhaltigeren Formen in minder voller Schaftform. Die noch geringhaltigeren Formen des freiern Standes werden wenigstens nicht im Ganzen als Zimmerholz verwendet.
- II. Klasse, für die ausnehmend vollschaftig gewachsenen Kiefern und Lärchen, so wie für Fichten und Lannen in ihrer minder vollen Schaftform.
- III. Klasse, für Fichten= und Tannenstämme in ihrer Bollform.

Bei der Klassenbestimmung hat man wohl zu beachten, daß der angemessenere Standort und räumlichere Schluß, worin die Beastung weder zu schwächlich ist, noch zu tief herunter geht, die volleste Schaftsorm hervorbringen.

Die voran in Fußen stehende Schaftlänge erstreckt sich von

bem wirklichen Stammende bis hinauf zu 1/3 ber genommenen Stammstärke (nach §. 340. 8.). Ohne eine solche geregelte Entgipfelung würde die nöthige Ühnlichkeit der Zimmerstammsormen nicht zu ermöglichen sein. Die dadurch gegebenen Höhens punkte bestimmt der Praktiker am stehenden Stamme entweder nach anderwärts in den Schlägen schon gefundenen Längen, oder mittels Fällung einiger Probestämme aus der zur Abgabe bes stimmten Holzung.

Die Inzahlen der Tafeln geben ohne Weiteres den Holzsgehalt (nicht, wie in den seither betrachteten Tafeln, bloß die Sehaltshöhen) an zu Umfang, Länge und Formklasse. Ein Fichstenzimmerstamm von 3' U, III. Klasse, und 70' H enthält 30,9, abgekürzt, 31 Kfuß.

§. 352. Ermittelung des Knüppel= und Reisholz= Gehaltes.

Den Körpergehalt vom Knuppelholze über 2 bis zu 6 Boll, so wie vom Reisholze unter 2 3oll schätzt man, wofern das Augenmaß eben nicht zureicht, in Massensummen am sichersten nach bekannten Berhältnißzahlen, die aus Erfahrungen im Großen abgeleitet find. Wo diese mangeln, und für einzelne Stämme mögen die hier unter 82 bis 85 angefügten Erfahrungs= tafeln Anwendung finden (§. 345. 8.). Diese umfassen den Anüp= pel = und Reisholz = Gehalt für die obenan stehenden Stamm= stärken und die voran stehenden Holzarten in fünf verschie= benen Gehaltsklassen, welche man nach dem Buchse bestimmt mit Berudsichtigung der Statt gehabten Bachsthumsverhältniffe. Erfahrungsmäßig giebt der bessere Standort mehr Kronenholz als ber minder gute, ber freie Stand mehr als der geschlossene. In der Jugend ift das Reisholz, im Alter das Knüppelholz über= wiegend. Gefunde Baume haben mehr Reisholz als krankhafte, lettere dagegen oft mehr Knuppelholz als Reisig. Gewöhnlich geben Stämme mit fehr vielem Knuppelholze verhältnigmäßig weniger Reisholz, und so umgekehrt. Daher erreichen selten beide Holzsorten an einem und bemselben Stamme zugleich ihr höchstes Maß. Die Holzgehaltsklasse von dem Knuppel = und Reisholze entspricht meist auch der Formklasse von dem gesammten Massensgehalte. Die I. Klasse ist für Stämme in regelmäßig geschlosse; nem Bestande; die V. für frei erwachsene in günstigem Standsorte; die Zwischenklassen sind arithmetische Mittelgrößen. Eine Eiche von 5 Fuß Umfangstärke hat in der III. Klasse 14,5 Kfuß Knüppelholz; eine Fichte von 4 Fuß U, in der II. Klasse, 3,9 Ksuß Reisholz.

§. 353. Ermittelung bes Stocholzgehaltes.

Der Körpergehalt des zur Nutzung kommenden Stockholzges hängt nicht nur von der Stammstärke nebst der jeder Holzzart eigenthümlichen und überdies vom Standorte und den Wuchszerhältnissen vielsach modisizirten Wurzelstockform ab, sondern auch von der sehr verschiedenen Ausbringung, ob nämlich der oberirdische Stock bloß abgehauen, oder ob auch das Sewürzel mehr oder minder mit ausgerodet und wie hoch dazu der Baumstumpf gelassen wird. Diese Zufälligkeiten erschweren die Schätzung der Stockholzausbeute um so mehr, als das vorhanz dene Erdholz sich dem Blicke fast ganz entzieht *). Deßhalb sind hierbei die Ergebnisse lokaler Erfahrungen besonders nöthig.

Bu einigem Anhalte mag indeß die Tafel 86 dienen, welche ben Stockholz ehalt ohne besondere Rücksicht auf die Holzart für jede voranstehende Umfangstärke des Stammes, in Brusthöhe gemessen, an Haustockholz und an Robestockholz nachweist. Tede dieser Stockholzabtheilungen umfaßt fünf Ausbeuteklassen in arithmetischer-Stusenfolge, die von der gegebenen Stockhöhe und angewendeten Nutzung, so wie von der nach Holzart, Standort und zufälligem Buchse bedingten Stock und Wurzelhaltigkeit abhängen. Die 1. Klasse setzt niedrigere Stöcke, mindere Bewurzelung und nachlässigere Ausbringung voraus; die V. höhere Stöcke, stärkeres Gewürzel und sleißigere Ausbringung; keine von beiden begreift aber ein Untersteden von weiterem

^{*)} Bei ungestörtem Baumwuchse läßt sich übrigens mit ziemlicher Sicher: heit von ber Beastung auf die Bewurzelung schließen.

Stammholze. So hätte z. B. ein Baum von 5½ Fuß Umfang nach der III. Klasse 6,5 Kfuß Hau= ober 16,71 Kfuß Robe= stockholz.

Wenn auch von einzeln stehenden, kurzen Bäumen auf flachs gründigem Boden und bei sorgfältigerer Rodung eine größere Stockholzausbeute gewonnen werden kann: so ist dies doch in ganzen Schlägen weniger anzunehmen. Für diese giebt überhaupt das durch die Hauungen an Ort und Stelle hervorgegangene Ausbeuteverhältniß (§. 345. 3.) den sichersten Anhalt.

§. 354. Ermittelung bes Spaltholzgehaltes.

Das Spalt= oder eigentliche Scheitholz des stehenden Baumes ergiebt sich, wenn man von der Gesammtmasse die übrisgen vorher geschätzen Holzsorten abzieht, nämlich: das Schaftsholz, im Fall dasselbe für sich abgegeben wird, dann das Knüpspels und Reisholz, endlich auch das Stockholz, wosern dasselbe gleich mit eingeschätzt worden ist.

§. 355. Ermittelung des Rinbengehaltes.

Der Rindengehalt, so weit sich die Lohnutzung gewöhn= lich erstreckt, wird am kurzesten gefunden, wenn man die Diffe= renz der berindeten Stammgrundsläche G und der entrindeten g mit der Gehaltshöhe H × f multiplizirt, also voraussett, daß

ber gesammte Massengehalt =
$$G \times H \times f$$
,
ber entrindete Holzgehalt = $g \times H \times f$;
baher die Rinde an sich = $(G-g) \times H \times f$ sei.

In der Wirklichkeit haben freilich die jüngern schwächern Stammtheile verhältnißmäßig mehr Rinde, als die stärkeren; dagegen wird auch die Rinde, der dünnern Reiser meist nicht mit genutt. Den innern Umfang vom reinen Holze bestimmt man nach §. 334. Fände sich z. B. an einer Eiche von 85 Fuß Höhe, III. Klasse, der äußere Rindenumfang zu 69 und der innere Holzumfang zu 65 Boll: so wäre

ihre Gesammtmasse: 2,63 × 55,53 == 146,04 Kfuß;

ihr Holzgehalt: 2.33 × 55,53 == 129.38 Kfuß;

ihr Rinbengehalt: 0,30 × 55,53 == 16,66 Kfuß.

Auf dieselbe Weise ließe sich auch der nutbare Rindenbetrag von Stangenhölzern annähernd überschlagen. — Bei weitem sicherer wird der Rindenertrag aber nach Verhältnißzahlen bestimmt, die sich als durchschnittliche aus wirklichen Nutzungen ergeben haben.

§. 356. Ungefähre Baumschätzung.

Die Masse stehender Bäume wird nicht selten auch gleich nach ihrem Gesammtgehalt im Ganzen geschätzt. Man spricht dabei gewöhnlich nur das Derb = und Knüppelholz in Klastern ober in dem sonst dafür üblichen Holzmaße an und rechnet dann das Reis = und Stockholz in geeignetem Verhältnisse hinzu. Diese ungefähre Schätzung erfordert ein gutes Augenmaß, das vorzügzlich in den Holzhauereien fortwährend geübt und berichtigt werz den muß. Dennoch gewährt dieselbe wenig Zuverlässigkeit und erreicht nicht entsernt die Schärfe unserer genauern Rassenermitztelung. Zum Beweis nur Folgendes.

Bei diesem ungefähren Ansprechen schätzt man gleich das Produkt $G \times H \times f$ überhaupt; bei der genaueren Rassener: mittelung werden dagegen die Sehaltsfaktoren $G \times H$ durch Ressung bestimmt, und es wird nur allein f geschätzt. Die Sesnauigkeit beider Bestimmungen verhält sich also gewissermaßen wie die beiderseits der bloßen Schätzung unterworfenen Größen, namlich wie $G \times H \times f$ zu f. Bei Schätzung der Formklasse zur Sehaltshöhe beträgt der Fehler, wenn sonst die nöthigen Anshalte durch vorausgegangene Versuche gewonnen sind und die ersforderliche Senauigkeit angewendet wird, erfahrungsmäßig selten über 0,05.

Wegen der leichtern Anwendung macht sich jedoch die ungesfähre Schätzung, in Fällen wo eben weniger Genauigkeit erforberlich ist, und bei einem Personale, das nur auf diese Art von Schätzung eingeübt ist (Holzhauer), allezeit sehr brauchbar, zumal bei Schätzung der Sortenverhältnisse.

3. Zuwachsschätzung.

§. 357. Allgemeine Borbegriffe.

Der wachsende Holzstamm umlegt jährlich alle seine im Wachsthume begriffenen Holztheile mit einem neuen Holzringe und entwickelt zugleich aus den Holzknospen neue Höhen = und Seitentriebe. Dies bewirkt einen Stärkenzuwachs, einen Höhenzuwachs, eine Formveranderung und als Erzgebniß von allen dreien einen Massen: oder Holzzuwachs.

Die Stammstärke nimmt alljährlich um einen sichtbaren Holzeing zu, woran sich das Alter abzählen und der Stärkenzumachs messen läßt. Der neue Jahreing liegt zwar im Innern unter der Rinde; da jedoch die Rinde von Jahr zu Jahr mit fortwächst, so beträgt die gleichzeitige Stärkenzunahme des Stammes auch im Außern mindestens die Stärke der fraglichen Holzeringe. Wir durfen daher annehmen, daß die gefundene innere Stärke des jüngsten Holzzuwachses eben so an der Oberstäche des Baumes Statt gehabt habe. Dabei bleibt stets die gleichzeitige, ohnehin nicht wohl meßbare Rindenzunahme der größeren Sicherheit wegen unberücksichtigt *).

Bur Ermittelung des Stärkenzuwachses meißelt man eine Kerbe auf der kreisförmigsten Stelle des Umfanges ein und mißt entweder nach §. 334. die fragliche Ringstärke gleich in abzurech= nenden Umfangstheilen, oder sucht vermittelst eines Zollstäbchens, wie viel der jüngsten Jahrringe auf einen halben Zoll des Halb= messers gehen.

^{*)} Man hat die Beständigkeit der jüngern Jahrringe und die Zuverlässigsfeit solcher Stärkenzuwachs-Messungen in Zweisel gestellt. Doch bei den Unterssuchungen in Brusthöhe wird sich an dem über 1 Jahr alten Holze wohl schwers lich ein weiteres Zusammenziehen wahrnehmen lassen; erschiene aber zuweilen ein jüngster Jahrring auffallend breiter und wirklich noch unverholzt, so würde dersselbe von der Messung ausgeschlossen. Ein Anderes ist es im Stocke näher am Boden; wer wird aber auch da, wo die Unstetigkeit alles Stärkenwachsthums ihren Sis hat, Zuwachsermittelungen anstellen?

Die Stammhöhe macht jährlich, so lange noch Söhen= wuche Statt findet, einen Höhentrieb, der sich außerlich durch Quirle oder Bulfte, innerlich durch die Jahrringstufen zu erken= Dieser Höhenzuwachs läßt sich nur an gefällten nen giebt. Bäumen seiner wirklichen gange nach meffen, an stehenben bloß schätzen. Bur Erleichterung spricht man letteren baber füglicher nach seinem Verhältniß zu dem vorgefundenen Stärkenzuwachse an, und zwar von bem sicheren Grunde ausgehend: baß bie Scheitelhöhe höchstens mit ber Stammstärke in gleichem Berhältnisse, minbestens aber gar nicht juwächst *). Bezeichnet man bemgemäß den höchsten ober vollen Höhenzuwachs mit 1 und ben ganz fehlenden mit 0, und stellt noch drei arithmetische Mittelglieder zwischen diese zwei äu= Bersten Grenzen des Höhenzuwachses: so bekommt man zu jenem Ansprechen die fünf allgemeinen Höhenzuwachsklassen

$$1 - \frac{1}{2} - \frac{1}{4} - \frac{1}{4} - 0$$

in Bahlen, welche anzeigen, wie viel der wirkliche Höhenzuwachs von dem vollen enthält. Betrüge z. B. an einem 75' hohen Baume die Durchmesserstärke 15" und der fragliche beiderseitige Stärkenzuwachs $\frac{1}{10}$ ": so wäre nach der Proportion $15:\frac{1}{10}=75:x$ der volle Höhenzuwachs $x=\frac{1}{15}\times \frac{75}{15}=0,5$ Kuß=6 Boll und davon kämen auf die fünf Höhenzuwachsklassen dieses Falles 6''-4,5''-3''-1,5''-0. Auf diese Weise bestimmt man nicht nur nach dem gemessenen oder geschähten wirklichen Höhenzuwachse die Höhenzuwachsklasse, sondern auch umgekehrt

^{*)} Diese Voranssehung ist für alle Bäume und Bestände, in benen übers haupt Juwachsermittelungen vorgenommen zu werden psiegen, ersahrungsmäßig begründet. Allerdings machen jüngere, gedrängt stehende, gipfelfreie Stämme, namentlich von Kiefern, Lärchen und Fichten, zuweilen eine Ausnahme; die Höshenzunahme steht hier im überwiegenden Verhältniß zur Stärfenzunahme. Und eben so kann auch bei eingängigen, gipfeldürren Bäumen die Höhe im Abnehmen begriffen sein — ein Fall, der jedoch die Fällung weit rathsamer macht, als irz gend eine Juwachsbestimmung.

nach der geschätzten Höhenzuwachsklasse die gange des Höhen= zuwachses.

Die Form kann sich mit der Zeit ebenfalls ändern, mehr ober weniger massenhaltig werden, indem sie bei zurückleibendem Höhenwuchse durch Kronenwöldung zu =, oder durch neu hervorstretenden Gipfel, durch Astverlust u. dergl. abnimmt. Eine wessentliche Veränderung des Formwuchses kann indeß nur durch veränderte Stellung oder von außerordentlichem Verluste hervorzgebracht werden. Erstere wirkt sehr allmählich, letzterer ist zusfällig. Man nimmt daher in der Regel an, daß die einem Baume eben eigene Formzahl innerhalb weniger Jahre ziemlich dieselbe bleibe, und begreift nöthigen Falls eine kleine Formveränzberung in dem Höhenzuwachse mit.

Der Massenzuwachs verliert mehr ober minder durch ben natürlichen Holzabfall. Mit steigender Stammhöhe und Astverbreitung werden nämlich von Jahr zu Jahr mehr und mehr Zweige und Äste verdrängt, gleichwie die unterdrückten Stämme im Holzbestande. Dieser den Formzuwachs stets wieder schmälernde Selbstabfall begründet einen beträchtlichen Unterschied zwischen dem jedes Jahr entstehenden vollen Naturzuwachse und dem verbleibenden Nutzungszuwachse, welscher letztere entweder als laufender Jahreszuwachs, oder als durchschnittlicher von der ganzen Lebenszeit, oder als periodischer aus einer bestimmten Lebensperiode in Betracht kommt.

- 1) Laufenden Zuwachs nennt man den letzten einzicht igen Zuwachs, welchen ein Baum (ober Bestand) zur Zeit der Untersuchung eben wirklich ergiebt. Man drückt ihn entweder unmittelbar in Körpersußen oder mittelbar in Prozenten des Baumgehaltes aus. Hätte eine Siche von 125 c' Massengehalt, 2 c' laufenden Jahreszuwachs, so wäre dieser, in Prozenten auszehrück, = 1,6 Proz., nach der Proportion 125 × 2 = 100:1,6.
- 2) Der Durchschnittszuwachs von ber ganzen Lebenszeit ergiebt sich, wenn man die eben vorhandene Gesammtmasse eines Baumes (ober Bestandes) durch seine Alterszahl theilt.

Eine 150jährige Siche von 125 c' Massengehalt hätte 125 = 0,838 c' Durchschnittszuwachs. Derselbe ist offenbar gegen den wirklichen Jahreszuwachs für frühere Jahre zu groß und für spätere zu klein, weil der Jahreing an dem größeren Baume in Umfang und Höhe weit mehr Ausdehnung hat, als an dem kleisnen Stämmchen; auch befaßt er das unbekannte Abfallholz und bei ganzen Beständen denjenigen Antheil des Massengehaltes nicht, welcher schon durch frühere Fällungen genutt ist, wosern dieser nicht etwa bekannt war und dem eben vorgefundenen Massenzgehalte mit zugerechnet wurde.

3) Periodischer Jahreszuwachs von einer bestimmten Lebensperiode. Zieht man von dem Massengehalte des fraglichen Alters den Massengehalt einer nicht viel früheren Zeit ab, so erzgiebt sich der jährliche Zuwachs dieser Zwischenzeit durch Theilung des Unterschiedes in die dazu gehörigen Jahre, und zwar desto genauer, je kürzer diese Zwischenzeit ist. Hätte z. B. eine 150jährige Eiche 125 c' Masse, und wäre ihr Gehalt für das 140ste Lebensjahr, also für den Zeitpunkt vor 10 Jahren, zu 103 c' gefunden worden, so war ihr periodisch jährlicher Zuwachs für die Lebensperiode vom 140sten bis zum 150sten Jahre = $\frac{125-103}{10}$ = 2,2 c'.

§. 358. Ermittelung bes periodischen Zuwachses.

1) An gefällten Bäumen. Um ben Zuwachs an eisnem liegenden Baume zu ermitteln, läßt man den ganzen Stamm und die stärkeren Äste in Abtheilungen zerschneiden, mißt von jesder eine gewisse Anzahl, etwa 5 (oder 10) der letzten Jahrringe als Cylinderring ab, rechnet den kubischen Gehalt dieser Cylinderringe von allen Abtheilungen zusammen, und sindet dadurch des ren Gesammtzuwachs für die letzten 5 (oder 10) Jahre. Dazu addirt man den ganzen kubischen Inhalt des Gipfelstückes und derzeuigen Äste, welche weniger als 5 (oder 10) Jahrringe zeisgen, so wie der noch geringeren Reiser, da diese lediglich als Zuwachs der letzten 5 (oder 10) Jahren sind.

Dies ältere Verfahren ergiebt also nur den periodischen Zuwachs; es ist äußerst um ständlich und an stehendem Holze völlig unanwendbar; überdies umfaßt es das Abfallholz der Zwischenzeit nicht und ist insofern auch unrichtig.

Sezen wir in Ansehung dieses Irrthums, es wäre M der gegenwärtige Stammgehalt, m der vor 10 Jahren, x das von m inzwischen verloren gegangene Absalholz, mithin m — x der jest noch vorhandene Rest von dem älteren Holze: so betrüge der eigentliche Zuwachs seit 10 Jahren M — m; man rechnete aber dafür M — (m — x), zöge also nicht den früheren wirklischen Baumgehalt von dem gegenwärtigen ab. Ein solches Zuwachsergednis wäre also offendar um das inzwischen entkommene Absalholz x zu groß, und dieser Betrag ist nicht ganz undes deutend.

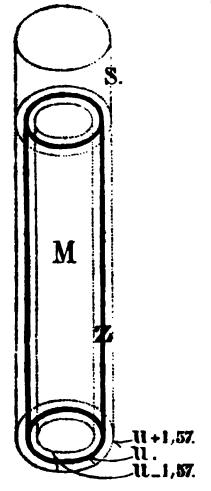
2) An stehenden Bäumen könnte man den periodischen Massenzuwachs in dem Unterschiede des späteren und früheren Stammgehaltes G × H × f sinden, und hätte also für diesen Iwed nur die Stammstärke, die Scheitelhöhe und die Formzahl eines jeden Zeitpunktes zu bestimmen.

Hätte z. B. obige 150jährige Eiche von 66" U, 80' H, 0,65 f und 125 c' Masse vor 10 Jahren 62" U, 77' H und 0,68 f, also 103 c' Masse gehabt: so wäre ihr Zuwachs in ben lettern 10 Jahren 125 — 103 — 22 c' und jährlich 2,2 c' gewesen. — Obgleich diese Zuwachsersorschung bei weitem leichter als die unter 1. angegebene Methode und auch insofern richtiger als diese ist, weil sie das in der Zwischenzeit entkommene Abfalls bolz nicht mitbefast: so ist doch die Ermittelung der Gehaltssfaktoren für den früheren Baumgehalt mit manchen Schwierigskeiten und selbst Unsicherheiten verknüpft. Überdies ist der so ersforschte Zuwachs auch nur das Ergebniß einer Durchschiltsrechs mung und nicht wirklich der laufende Zuwachs des letzten Jahres.

§. 359. Ermittelung bes laufenden Bumachses.

Den laufenden Jahreszuwachs, um welchen sich die Masse des Baumes eben mehrte, bestimmt man am leichtesten gleich in Prozenten des gegenwärtigen Baumgehaltes nach fols

gendem Verfahren *): Man denkt sich die gegenwärtige Masse



eines Baumes gleich als Sehaltswalze M, eben so ben Zuwachs in der Form eines im Umfangsbereiche jener Balze liegenden Außenzringes Z und drückt das Berhältniß von Z zu M in Prozenten des letzteren aus. Nimmt man den Außenring als ständige Größe, z. B. von ½ Zoll Breite an, und bestimmt durch wirkliche Untersuchung, wie viel Jahrringe auf diese Breite von ½ Zoll kommen: so ergiebt sich leicht, wie viel Prozent des Baumgehalztes auf den Jahreszuwachs kommen. Z. B.: Ein Baum habe bei 25" Durchmesser und 40' Sehaltshöhe = 136,35 c' Masse, der Ausgenring Z aber 136,35 - 125,65 = 10,7 c'*): so betrüge der Zuwachs 10,7 × 100 = 7,8 °/0

von M. Wäre nun gefunden, daß der fragliche Baum 5 Jahre gebraucht hätte, um $\frac{1}{2}$ " auf jeder Seite, oder 1" im Sanzen zustunehmen, so wäre der laufende Jahreszuwachs $\frac{7.8}{5} = 1.56^{\circ}/_{\circ}$ des Baumgehaltes. Nach dieser vorläufigen allgemeinen Darstellung wird die folgende weitere Ausführung dieses Verfahrens leicht verständlich sein:

1) Wir nehmen den als beständiges Zuwachsmaß dienenden Außenring Z von halbzolliger (auf dem Durchmesser also 1" und auf dem Umfang 3,14" betragender) Breite an, und setzen voraus, dieser Ring liege theils innerhalb, theils außerhalb der

^{*)} Das hier gelehrte Verfahren machte ber verftorbene Verfasser zuerst in Laurop's Jahrbüchern 1823. III. Geft bekannt.

^{*)} Wir nehmen bei dieser vorläusigen allgemeinen Erläuterung des Berssahrens zur Zuwachsermittelung an, der im Radius zollige, oder im Durchmesser 1" betragende Außenring liege ganz innerhalb des Umfanges. In dem obigen Beispiele ist also der Inhalt des Ringes — dem Unterschiede zwischen einer 25" und 24" starken Walze von 40' Länge. — Ebenso blied vorläusig noch der Höschenzuwachs underücksichtigt.

Gehaltswalze in dem Umfangsbereiche. Sein äußerer Umfang ift also, wenn der des Baumes U genannt wird,

$$= U + \frac{3,14''}{2} = U + 1,57''$$

und fein innerer Umfang

$$= U - \frac{3,14''}{2} = U - 1,57''.$$

- 2) Die Höhe dieses als Zuwachsmaß angenommenen Ausbenringes ist, wie schon (§. 357.) bekannt, mindestens stillstehend, höchstens mit der Stärkenzunahme im Gleichverhältnisse fortwachssend. Für beide Höhengrenzen müßte nun zuvörderst das allgemeine Verhältniß des Baumgehaltes M zu dessen Zuwachsmaße Z bestimmt werden.
- a) Bei fehlendem Höhenzuwachse verhalten sich die beiben, das Zuwachsmäß von außen und innen begrenzenden Walzenräume wegen der gleichen Höhe wie die Quadrate ihrer Umfänge (§. 314. 2.), also wie

$$(U + 1,57'')^2 : (U - 1,57'')^2$$

und die zwischen inne liegende, dem Baumgehalte M gleiche Geshaltswalze verhält sich zu dem Zuwachsmaße Z, wie

$$U^2: (U + 1,57'')^2 - (U - 1,57'')^2$$

wegen ähnlicher Grundfläche und gleicher Höhe ber brei fraglichen Balzen. Es verhalt sich also

$$U^{9}: (U + 1.57'')^{2} - (U - 1.57'')^{2} = M:Z.$$

Folglich ist in biesem niedrigsten Falle bas Zuwachsmaß

$$Z = M \times \frac{(U+1,57'')^2 - (U-1,57'')^2}{U^2}$$

b) Bei vollem Höhenzuwachse verhalten sich die beiden, das Zuwachsmaß bestimmenden Walzenräume wegen ihrer Umfänge (§. 315. 2.), also wie

$$(U + 1,57'')^3 : (U - 1,57'')^3$$

und die zwischen inne liegende, dem Baumgehalte M gleiche Ges haltswalze verhält sich zu dem Zuwachsmaß Z, wie

$$U^s: (U + 1,57'')^s - (U - 1,57'')^s$$

wegen der Ahnlichkeit aller drei Walzen. Es verhält sich also

$$U^{s}: (U + 1.57'')^{3} - (U - 1.57'')^{3} = M:Z.$$

Folglich ift in biefem höchsten Falle bas Buwachsmaß

$$Z = M \times \frac{(U+1,s\tau'') \cdot - (U-1,s\tau'')^3}{U^3}$$

3) Um nun biese beiben allgemeinen Werthe

$$M \times \frac{(U+1,57'')^2 - (U-1,57'')^2}{U^2}$$
 für das niedrigste,

und
$$M \times \frac{(U+1,57'')^3 - (U-1,57'')^3}{U^3}$$
 für das höchste Zuwachsmaß

bei der Baumschätzung anzuwenden und in Prozenten des wirklichen Baumgehaltes darzustellen, nimmt man M = 100 an, sett anstatt U die gebräuchlichen Umfangsmaße (\frac{1}{4}, \frac{1}{4}, \frac{1}{4}

a) bei fehlendem Höhenzuwachs:

$$24''^{2}: 25,57''^{2} - 22,43''^{2} = 100: Z$$

$$Z = \frac{653,8 - 503,1}{576} \times 100 = 26,1;$$

b) bei vollem Höhenzuwachs:

$$24''^3: 25,57''^3 - 22,43''^3 = 100: Z$$

$$Z = \frac{16718,8 - 11284,6}{13824} \times 100 = 39,3;$$

c) für die Mittelstufen:

$$\frac{1}{4} = 26,1 + \frac{39,8 - 26,1}{4} = 29,4;$$

$$\frac{1}{2} = 29,4 + 3,3 = 32,7;$$

$$\frac{3}{4} = 32,7 + 3,8 = 36,0.$$

- - 5) Im Besitze einer solchen Holzzuwachstafel mißt man ben

lettjährigen Stärken = und Höhenzuwachs in der nachstehend gezeigten Weise, sucht die dazu gehörigen Zuwachsprozente unter der Stammstärke auf, muliplizirt damit den auf ganz beliedige Art ermittelten Baumgehalt M und dividirt das Produkt noch durch 100: so ergiedt sich der Massenzuwachs vom lausfenden Jahre. Unser beständiger Außenring Z, wonach wir den laufenden Jahreszuwachs bemessen, dient hierbei mittels seiner haldzolligen Stärke als Stärkenzuwachs maß und mitztels seiner vollen Höhenzunahme Sals Höhenzuwachs maß.

- 6) Die jungfte Sahrringstärke mußte also als Theil des halbzolligen Stärkenzuwachsmaßes bestimmt werben. Hierzu brudt man bieselbe als Bruch aus, bessen Zähler 1 ift und deffen Renner anzeigt, wie viel Mittelftarten bes jungften Jahrringes auf den halben Boll gingen. Um dies leicht zu ermitteln, theilt man am Bollstäbchen (§. 357.) ben vordern & Boll ober 214 Fuß noch in beliebige Untertheile, faßt mehre, dem jungs sten Stärkenzuwachse gleich zu achtende Sahrringe auf einen ober etliche solcher Theile zusammen und überschlägt die bavon auf den halben Boll eben kommende Anzahl. Die jungste Sahrring= ftärke kann zufällig wohl von bem gesuchten mittlern Stärkenzu= wachse abweichen. Den richtigsten Anhalt geben allemal mehre der äußersten Jahrringe von gleicher Stärke; tiefer liegende, leicht abweichende, dürfen eben so wenig mit hinzugezogen wer= ben, als die jüngste noch unausgebildete Holzmasse. durchgängige Gleichförmigkeit der fraglichen Jahrringe zweifelhaft ift, untersucht man beren Stärke auf zwei entgegengesetzten Seiten.
- 7) Den lettiährigen Höhenzuwachs spricht man, wie schon bekannt, in Vergleichung mit dem Stärkenzuwachse an. Derselbe ist nämlich voll ober gleich 1, wenn er sich zur Stamm-höhe verhält, wie der Stärkenzuwachs zur Stammstärke; er ist 0, wo er ganz sehlt; die Zwischenstusen sind ½, ½, ½ (§. 357.). Diese Höhenzuwachsklassen werden am sichersten bestimmt nach dem in Zollen bemessenen jüngsten Höhenzuwachse. Dazu braucht man zuwörderst noch die Höhenzuwachse das dem halbzollisgen Jahrengstärkenmaße eben zukommende ganze Höhenzuwachse

maß in Zollen angeben. Diese Tafeln wurden berechnet nach der Proportion U': 3,14''=H':S'', worin U der Stammumfang, 3,14 das Stärkenzuwachsmaß zum Umfange, H die Scheitelhöhe und S das Höhenzuwachsmaß ist. An einem Stamme von $2\frac{1}{4}$ ' Umfangstärke und 60' Scheitelhöhe wäre daher $S=\frac{60\times3,14}{2\frac{3}{4}}$

= 68". Nähme nun der jüngste ausgebildete Jahrring von dem halbzolligen Stärkenzuwachsmaße $\frac{1}{11}$ ein: so betrüge der zu 68 gehörige volle einjährige Höhenzuwachs $\frac{1}{12}$, etwa 6". Diese Theislung des Höhenzuwachsmaßes durch die dazu gehörige Jahrringsahl ist für die gewöhnlichen Fälle auf Taf. 90 und 91 so weit in voraus geschehen, daß man den vollen einjährigen Höhenzumachs, wenigstens als Mittelzahl, hier z. B. $\frac{6.8+5.6}{2}$ = 6.2,

hinlänglich genau auffinden kann. Hätte man den lettjährigen wirklichen Höhenzuwachs zu 3" angesprochen, so ergäbe das die Hälfte jenes vollen Höhenzuwachses, wonach dann der laufende Holzzuwachs berechnet würde.

Bei einiger Übung kann die Höhenzuwachsklasse auch nach der Wachsbarkeit und den Wachsthumsverhältnissen ohne Weiteres geschätzt werden. Starke Gipfeltriebe, dabei viele jungen Kronenzweige, frisches Grün und glatte Rinde sind Kennzeichen eines vollen Höhenzuwachses, wogegen Gipfelbürre, Kronendürfztigkeit, schwächliche Belaubung, Schaftsprossen und rauhe, schorfige Rinde einen mangelhaften Höhenzuwachs verrathen. Im vorgerückten Alter, in ungewohnter Freistellung, in übergipfeltem Stande und auf seichtgründigem Standorte bleibt der Höhenzuwachs gegen den Stärkenzuwachs beträchtlich zurück. Hat die sichtbare Junahme der Scheitelhöhe auch aufgehört, so kann fortzan doch die Krone sich mehr wölben und somit wenigstens die Gehaltshöhe noch zunehmen.

8) Diese Art der Zuwachsermittelung gewährt nicht nur die größte Genauigkeit und Leichtigkeit, sondern ist auch bei jeder Schätzung des Baumgehaltes anwendbar, für den Holzmassenz gehalt und Holzsortengehalt, für einzelne und für mehre Stämme zusammen; zudem hält sie sich frei von jeder Mitaufrechnung

irgend eines unvermeiblichen Holzabfalles. Hierzu nur folgendes Beispiel:

Ein Stamm von $2\frac{1}{4}$ ' U, 60' H und 24 c' Masse habe zum jüngsten Stärkenzuwachse $\frac{1}{11}$ von dem halbzolligen Jahrringstärzenmaße und dabei 3" ober den halben Höhenzuwachs: so besträgt sein laufender Jahreszuwachs 2,16 Prozent von seinem Massengehalte, also $\frac{24\times2,16}{100}$ = 0,5184 c' *).

§. 360. Bachsthumsgang nach ben Jahrringen.

Der Gang bes an einem Baume von Zeit zu Zeit erfolgten Massen zuwach ses ließe sich auch bloß aus den Jahrringstärsten entzissern, wenn man voraussetzen dürfte, daß bei unveränsterter Form die Höhe im Verhältniß der Stärke zugenommen habe; dann stiege der Massenzuwachs wie der Kubus der Stammsstärken (§. 315. 2.). Unter dieser Voraussetzung mißt man auf

Übrigens ist immerhin angemessene Borsicht bei biesen Zuwachsermittelunsgen zu empsehlen, namentlich wenn die Jahrringstärken bereits im Abnehmen begriffen sind, weil sonst die erlangten Ergebnisse leicht zu hoch ausfallen. Man hat daher auch empsohlen, das ständige Zuwachsmaß von 4" ganz innershalb des Um sangs liegend anzunehmen. Nach dieser Boraussehung sind z. B. die Zuwachstaseln des Obersorstmeisters Schrödter berechnet; da dies selben zugleich auf den Durchmesser (nicht, wie die König'schen, auf den Umssang) bezogen sind, so sud die Formeln zu deren Berechnung solgende:

a) bei fehlenbem Bobenzumache

$$d^{2}: d^{2} - (d - 1)^{2} = 100: Z$$

$$Z = \frac{d^{2} - (d - 1)^{2} \times 100}{d^{2}}$$

$$Z = \underbrace{(2d - 1) \ 100}_{d^{2}}$$

Die bei bem bargestellten Versahren gemachte Voraussetzung, der halbs zollige Außenring liege theils innerhalb, theils außerhalb des Umfanges der Sehaltswalze, hat solgenden Srund: Die Anzahl von Jahrringen, welche auf einen halben Joll kommen, kann nur am Baume selbst, also an einem innershalb des Umfanges liegenden Ringe ermittelt werden; man schließt aber von diesen auf den in der nächsten Zeit stattsindenden, also einen Ring außershalb des Umfanges bildenden Zuwachs. Eine entsprechende Bermittelung sindet also nur unter der obigen Boraussetzung statt.

einem etwa 4 bis 5 Juß über dem Stammende geführten Quersschnitte die Gesammtbreiten von je zehn Jahrringen und berecht net nach diesen den, einer jeden dieser Alterstusen von dem ganzen Baumkörper zukommenden Antheil. Fände sich z. B. an einer Sojährigen Buche, mit einem Massengehalte von 50 c', von innen heraus folgender Stärkenzuwachs:

1)	mod	1. !	dis s	20.	Jahre	einschließlich	
	ber 1	Entfl	tehui	ngsz	eit		2,4 ZoU
2)	mov	21.	bis	30.	Jahre		2 ,,
3)	"	31.	"	40.	"		1,8 "
4)	"	41.	"	50.	"		1,4 ,,
5)	"	51.	"	60.	//		1 "
B)	"	61.	"	70.	"		0,8 ,,
7)	"	71.	"	80.	. 11		0,6 ,,
-	- 8	usan	nmei	1 in	80 3	ahren	10 Zou

so ergabe dies folgenden Bachsthumsgang:

a)
$$2,4^3$$
: $4,4^3$: $6,2^3$: $7,6^5$: $8,6^3$: $9,4^3$: 10^3 ;

b)
$$0.014:0.085:0.238:0.439:0.636:0.830:1;$$

Hinter a finden sich die Kubikzahlen aller Stärken, und hinter b die baburch begründeten Theile des ganzen = 1 gesetzten Baum=

b) bei vollem Sohenzuwachs

$$d^{3}: d^{3} - (d-1)^{3} = 100: Z$$

$$Z = \frac{d^{3} - (d-1)^{3} \times 100}{d^{3}}$$

$$Z = \frac{(3d^{2} - 3d + 1) \cdot 100}{d^{3}}$$

und nennt man n die Anzahl von Jahrringen, welche auf den zolligen Außensting kommen, so ist das lanfende Massenzuwachsprozent:

a) bei fehlendem Sohenzuwachs

$$\frac{(2d-1)\ 100}{d^2 \cdot n}$$

b) bei vollem Sohenzuwachs

$$\frac{(3d^2-3d+1)\,100}{d^3-n}$$

körpers, welche den darüber stehenden Altersjahren zukommen und hinter c auf den gegenwärtigen Massengehalt des Baumes — 50 c angewendet worden sind.

Dbgleich solche Untersuchungen nicht wohl zu weiter anwends baren Ergebnissen führen, weil der Höhenwuchs keinesweges mit dem Stärkenzuwachs so ebenmäßig fortschreitet, wie hier voraussgesetzt werden muß, und weil fast jeder Baum seinen eigenen Wachsthumsgang hat: so ersieht man daraus wenigstens, wie und warum der Durchschnittszuwachs von dem periodischen und dieser wieder von dem laufenden Jahreszuwachse mehr oder minster abweichen muß, ternt auch dabei die Verhältnisse ähnlicher Körper auf den Holzzuwachs, sowie die Darstellung des Baumzgehaltes in Walzenform mehr anwenden. Wer aber nach solchen Ergednissen, die zumal tief unten am Stammende genommen sind, wo sich die Jahrringe stets abnorm verhalten, den weit verzwickeltern natürlichen Wachsthumsgang ganzer Wälder zu entzissern denkt, der ist offendar von der Theorie zu sehr befangen.

§. 361. Zuwachsverhältnisse an den Holzwüchsen überhaupt.

Das in Prozenten ausgebrückte Verhältniß des ganzen Stammgehaltes zu dem laufenden Jahreszuwachse wird hauptsschlich bedingt von dem Stärken zu wach se ohne oder mit Höhen zu wachs; denn die Form verändert sich von einem Ichre zu dem andern nur unbedeutend.

1) Der fortschreitende Massengehalt eines Stammes ohne Höhenzuwachs verhält sich, wie die Quastrate der Stärken. Rennen wir einen früheren Durchmesser d und einen späteren D: so ist das Massenverhältnis d²: D², wie an Walzen von gleicher Höhe und verschiedener Stärke (§. 314. 2.). Der frühere Massengehalt verhält sich also zu dem nächken Zuwachse wie d²: D² — d².

Sehen wir nun für gewisse frühere Stärken bestimmte Jahlen, z. B. 3", 6", 12", mit gleichem Stärkenzuwachse, etwa 1": so ergeben sich die Massenverhältnisse: $3^2: 4^2 = 9: 16 \neq 1:1,77...$ $6^2: 7^2 = 36: 49 = 1:1,36...$ $12^2: 13^2 = 144: 169 = 1:1,17...$

und daraus weiter die Zuwachsverhältnisse an dem

3=zolligen Stamme 1: 0,77...
6 ,, 1: 0,36...
12 ,, 1: 0,17...

Dies beweis't, daß der Holzzuwachs bei gleichem Massengehalte und gleicher Stärkenzunahme, schon ohne Höhenzuwachs, an schwächern Stämmen weit größer ist, als an ftärkern.

2) Der fortschreitende Massengehalt eines Stam= mes mit vollständigem Höhenzuwachse (§. 359.) ver= hält sich wie d. : D., nach dem Gesetze ähnlicher Walzen (§. 315. 2.). Obige Stammstärken ergäben also die Massenver= hältnisse:

 $3^{8}: 4^{3} = 27: 64 = 1:2,37...$ $6^{3}: 7^{3} = 216: 343 = 1:1,58...$ $12^{3}: 13^{3} = 1728: 2197 = 1:1,27...$

und die Zuwachsverhältnisse am

3-zolligen Stamme 1: 1,37...
6 ,, , , 1: 0,58...
12 ,, , , 1: 0,27...

Sonach ist jener Unterschied in dem Massenzuwachse versschiedener Stammstärken, mit Hohen quwachs, noch viel größer.

3) An den gewöhnlichen Holzwüchsen werden nun aber mit zunehmender Stammstärke die Jahrringe und Höhentriebe immer dünner und kürzer. Haben also die jüngern schwächern Stämme an sich schon mehr Stärken = und Höhenzuwachs: so muß auch insofern ihr Massenzumahme = Verhältniß größer sein. Der obige Izollige Stamm mit vollem Höhenzuwachse nimmt, bloß stereoz metrisch betrachtet, 1,87 seines Massengehaltes zu, der Izzollige, ohne Höhenzuwachs, nur 0,17. Diese Vergleichungen eröffnen

dem rechnenden Forstwirthe wichtige Unsichten im Bachsthum ber Wälder und leiten ihn zur Erziehung eines weit größern Holzertrages mittels eines viel kleinern Massenvorrathes.

II. Holzbestandes=Schätzung.

1. Bemessung des Waldschlusses.

§. 362. Stammgrunbflachensumme.

Die Stämme, welche einen Balbbestand bilben, stehen mehr ober weniger bicht zusammen. Dieses von ber Bahl und Stärke der Stämme bedingte Zusammenschließen läßt sich nach ber Sum= me aller Stammgrunbflächen auf einer gewissen Flächenmaßein= Mäße man z. B. bie Stärken aller auf einem beit bemeffen. preußischen Morgen von 12 × 12 × 180 = 25920 q' eben be= findlichen Stämme und fände zur Summe ihrer Stärkenflächen 129,6 q': so verhielte fich des Bestandes Stammgrundsläche zur Bobengrundsläche = 129,6: 25920. Wir nennen erstere bie Stammgrunbflächensumme und lettere die Bestanbs: fläche. Das Berhältniß = 0,005bezeichnet Stammgrundflächen = Antheil von der Bestandsstäche. Die gesammte Stammgrunbfläche in Bezug auf bie gegebene Bestandesstäche ober ben Stammgrundflächen=Untheil ist also bas Mag bes Balbschlusses.

Je größer die Stammgrundflächensumme eines Bestandes ist, um so dichter steht das Holz und um so holzhaltiger muß auch der Bestand sein. Dieselbe würde sich, wenn man gleiche Stammsstärke voraussehen dürfte, ohne Weiteres aus dem Produkte der Stämmezahl mit der Stärkensläche ergeben. Jene Stammgrundsschensumme von 129,6 q' könnte ebensowohl aus 1296 Stämmen zu 0,1 q', als aus 129,6 Stämmen zu 1 q' Stärkensläche zusammengeseht sein. Je stärker also die Stämme sind, um so

weniger braucht man davon zur Bildung eines gewissen Balbe schlusses.

§. 363. Stanbraum ber Stämme.

In jedem vollen Holzbestande finden sich, wenigstens mit höherem Alter, die Standpunkte ber Stämme ungleich vertheilt. Selbst in ben regelmäßig gestellten Unpflanzungen verschwindet allmählich die anfängliche Pflanzform. Manche Stämme haben mehr Wachsthumskraft, ober finden zufällig mehr Nahrung und breiten sich aus, während andere bicht baneben leiben, zurucktom= men und nach und nach eingeben. Bei ber somit entstehenben, scheinbar ungleichen Stellung hat bennoch jeder Stamm einen gewissen Bachsthumsraum ober Antheil an bem Raume, ben ber ganze Bestand einnimmt. Dieser Standraum ift eigents lich ein saulenförmiger Körperraum, bessen Grundfläche in ber Bestandestäche liegt, und bessen Sohe von dem tiefsten Burgelende bis zum höchsten Scheitel reicht. Doch ba man zu ber weitern Anwendung dieses Raumes die Höhe nicht besonders braucht: so bezeichnen wir bloß den, einem Stamme eben zukommenden wagrechten Antheil von der Bestandessläche als bessen Standraum. Bei geschlossenen Kronen verbreitet sich berselbe nicht über die sogenannte Schirmfläche bes Stammes hinaus.

In jedem Holzbestande von gleichmäßigem Buchse verhält sich die Ast = und Wurzelverbreitung eines jeden Stammes stets wie seine Stärke; je stärker der Stamm ist, einen desto ausgesbreitetern Standraum beherrscht derselbe. Auf jeden Stamm kommt mithin ein seiner Stammgrundsläche angesmessener Theil der Bestandessläche. Ständen z. B. auf einem Morgen von 25920 q':

80 Stämme zu 4' U u. 1,98 q' G mit 102,4 q' gef. Stammgrunbfl.,

betrüge die Stammgrundfl.=Summe 128 q', und auf 1 q' Stamme grundsläche käme 4422 = 202,5 q' Bestandessläche. Ieder

Stamm zu 4' U hätte also 1,28 × 202,5 = 259,2 q' und jeder zu 2' U hätte 0,32 × 202,5 = 64,8 q' von der Bestandessläche als Standraum inne.

Wenn die Stämme eines Holzbestandes ihre Bestandsstäche nicht gänzlich einnehmen und nur gleichmäßig von einander abzstehen: so vertheilen wir ebenfalls die ganze Flächenausdehnung verhältnismäßig unter sie, ihren Stammstärken nach, füllt auch eben keiner derselben seinen Standraum aus. Ständen auf jenem Morgen nur 8 Stämme von 4' und 8 von 2' Umfangstärke: so käme auf 1 q' Stammgrundsläche 2025 q' Bestandsstäche.

§. 364. Abstand ber Stämme. Fig. 139.

1) Der Stämme Abstand in einem Holzbestande ist bestingt von der Größe ihrer Standräume. Je größer diese sind, desto weiter stehen die Stämme auseinander. Um den Abstand nach den Standräumen bemessen zu können, muß man diesen eine allgemeine Grundsigur beilegen. Dazu eignet sich vornehmslich das Quadrat, weil dasselbe dem natürlichen Wachsthumssraume am meisten gleichkommt, dabei die ganze Bestandssläche auftheilt und am einfachsten ist.

Fig. 130.

2) Denken wir uns in einem gleichmäßis gen Holzbestande um jeden Stamm seinen Standraum als Quadrat; nehmen wir davon zwei Stämme B und b, und nennen von dem einen, B, die Stammgrundsläche G, die Ums fangstärke U, den Standraum Q und dessen Seite S; von dem andern, b, die nämlichen Größen g, u, q, 8: so ist

G: Q = g: q (§. 363.), G: g = Q: q (§. 62. 1.), U²: u² = S²: s² (§. 171.),

 $U: u = S: s \quad (\S. 62. 5.),$

 $U:S \Longrightarrow u:s$ (§. 62. 1.).

In einem und demselben Holzbestande verhalten sich also die, den Standraumen zukommenden,

Quadratseiten S und s, wie bie Stammftarten Uund u.

- 3) Das in einem Holzbestande eben stattsindende Berhältniß der Stammstärke U zur Standraumseite 8 nennen wir das Absstandsverhältniß, und die auf 1 Fuß Umfangstärke kommende Standraumseite 8 die Abstandszahl a, oder den Absstand; schlechtweg. In dem odigen Beispiele kam auf einen Stamm von 4' U die Bestandssläche 259,2 q', wovon die Quasdratseite $S = \sqrt{259}, 2 = 16,1$ q'. Das Abstandsverhältniß U: S war daher 4: 16,1, etwa 1: 4, und die Abstandszahl a = $\frac{S}{U} = \frac{16,1}{4} = 4$. Aus $\frac{S}{U} = a$ folgt $S = U \times a$ und $U = \frac{S}{a}$.
- 4) Der Stämme Entfernung in einem Holzbestande ergiebt sich aus den Umfangstärken und der Abstandszahl. Grensen nämlich zwei Standräume Q und q ganz nachbarlich zusammen: so stehen die mitten in denselben besindlichen Stämme um ihre beiden halben Standraumseiten $\frac{s}{2} + \frac{s}{2} = \frac{U \times s}{2} + \frac{u \times s}{2} = \frac{U + u}{2} \times s$ außeinander. Bon zwei Nachbarstämmen (Fig. 139.)

 B zu 4' und b zu 3' Umfangstärke wäre in dem Abstande 5 die Entsernung Bo + de $\frac{4 \times 5}{2} + \frac{3 \times 5}{2}$, zusammen $\frac{4+3}{2} \times 5 = 17\frac{1}{2}$.

Die Entfernung zweier Rachbarstämme ergiebt sich mithin, wenn man das arithmetische Mittel ihrer beiden Umfangstärken mit der Abstandszahl multiplizirt.

9. 365. Abftanbemeffung.

1) Bur Ermittelung des Abstandes (a) je zweier Stämme dividirt man deren Entsernung $\left(\frac{U+u}{2}\times a\right)$ burch das arithmetische Mittel ihrer Umsangstärken $\left(\frac{U+u}{2}\right)$. Bäre, wie im lettern Beispiele, die gemessene Ents

fernung $17\frac{1}{4}$ ' und die mittlere Umfangstärke $\frac{4+3}{2} = 3\frac{1}{4}$ ': so betrüge der Abstand $\frac{17\frac{1}{4}}{3\frac{1}{4}} = 5$, also das Fünffache des Wittelz umfangs.

2) Die Auswahl zweier Stämme zur Messung eines mittlern Abstandes erforbert eine sorgfältige Beurtheilung des Standes. Nicht alle Nachbarftämme eines Bestandes sinden sich in solcher Stellung, wie es eine richtige Abstandsmessung bedingt. Oft stehen sie einander zu nahe und haben einen mehr ober minder gemeinschaftlichen Standraum; öfter fteben fie zu entfernt, und es brangt sich ber Bachsthumsraum eines weitern Stammes bazwischen hinein. Stehen sie mehr schräg, wie etwa q gegen B (Fig. 139.), so ware Bp ber richtige Abstand; man muß sich indeß mit der wenig abweichenden Entfernung Bq be= helfen, weil im Freien der eigentliche Abstandspunkt p nicht wohl Die Entfernungen werden wagnäher bestimmt werden fann. recht und eigentlich bis zu ben Mittelpunkten ber beiberseitigen Stammgrunbflächen genommen; nur bei schrägem Stanbe barf man hiervon etwas abgehen; im äußersten Falle mißt man von Umfang zu Umfang.

Bestande aufsuchen, wo die Stämme nicht zu ungleich sind und von Jugend an in mehr gleichmäßiger Vertheilung gestanden haben. In der Regel ist das Mittel aus mehren Abständen zu nehmen. Fände sich z. B. zwischen folgenden Nachbarstämmen von

3	unb	6'	U	bie	Entfernung	g 19',	alfo	die	Abstandszahl	4,2,		
2	"	4'	"	,,	,,	12½',	"	"	"	4,2,		
5	,,	3'	,,	"	"	1511,	"	"	"	3,9,		
41	,,	21'	"	"	"	131',	"	"	"	3,8:		
				so b	etrüge bie	Summe	ber	Ab	tandszahlen	16,1		
		und der durchschnittliche Abstand										

Am genauesten ergiebt sich freilich ber Abstand nach ber gesamms ten Stammgrundstäche (h. 366. 3.).

- §. 366. Allgemeiner Gebrauch des Abstandes.
- 1) Nach dem bekannten Abstand und der gegebenen Stamms stärke eines Baumes ist dessen Standraum $S^2 = (U \times e)^2$ leicht zu berechnen. Man erhebt das Produkt der Absstandszahl mit der Umfangszahl in's Quadrat. Ein Stamm von 4' U hat bei 5fachem Abstande zur Quadratseite seines Standraumes $4 \times 5 = 20'$; denn auf jeden Umfangssußkommen 5 Fuß Standraumseite, und der Standraum selbst bezträgt $20^2 = 400$ q'.
- 2) Nach dem Abstande kann man weiter die Stamms grund flächen summe aller Stämme eines Bestandes aus rechnen. Da die Abstandszahl nämlich anzeigt, wie viel Fuß Entsernung verhältnißmäßig auf 1 Fuß Stammumfang kommen, so muß das Quadrat der Abstandszahl den Standraum bezeichenen, welcher verhältnißmäßig zu der Stammgrundstäche von 1 Fuß Umfang 0,0796, oder abgekürzt 0,08 q' gehört. Das Quadrat der gegebenen Abstandszahl verhält sich daher zu 0,08 q' (d. h. der dazu gehörigen Stammgrundstäche) wie die ganze Bestandesstäche zu der darauf besindlichen, gesammten Stammsgrundstäche. Wäre die Abstandszahl 4, so betrüge die Stammsgrundstächensumme G eines Worgens zu 25920 q', nach der Proportion

$$4^{2}: 0.08 = 25920: G,$$

$$\frac{0.08 \times 25920}{16} = 129.6 \text{ q'}.$$

Das für den 1=fußigen Stamm gefundene Verhältniß der Stammgrundsläche zum Standraume, hier 0,08 : 4^2 , ober $\frac{0,08}{4^2} = 0,005$, bezeichnet zugleich den Antheil, welchen die Stammgrundsläche von der Bestandessläche überhaupt einnimmt (§. 362.).

3) Nach der Stammgrundflächensumme eines Holzbestandes, welche sich weit genauer ergiebt, wenn man die Stärken aller dazu gehörigen Stämme nach einander mißt und deren Stammgrundslächen zusammenzählt, sindet man auf entgegengesetztem Bege den Abstand, und zwar am genauesten. Die Stammgrundslächensumme verhält sich nämlich zu der Bestandessstäche, wie die Stammgrundsläche des 1-fußigen Stammes zu dessen Standraume a. Diese Proportion gestaltet sich mit den Größen vom vorigen Beispiele in

 $129,6:25920=0.08:a^2.$

Die Quadratwurzel aus dem so berechneten Standraume ist der gesuchte Abstand, hier $\sqrt{16} = 4$.

- 4) Bei verschiedenem Abstande verhalteln sich die Stammgrundslächen um gekehrt wie die Quadrate der Abstandszahlen. Zu dem Abstande 4 ist (n. Ziss. 2.) die Stammgrundsläche eines Morgens $\frac{0.08}{4^2}$ × 25920, und zu dem Abstande 7 ist sie $\frac{0.08}{7^2}$ × 25920. Beide Stammgrundslächen verhalten sich also, wie $\frac{0.08}{4^2}$: $\frac{0.08}{7^2}$ = $\frac{0.08 \times 7^2}{4^2 \times 7^2}$: $\frac{0.08 \times 4^2}{7^2 \times 4^2}$ = 7^2 : 4^2 .
- 5) Nach ber gegenwärtigen Abstandszahl und bem nächsten Stärkenzuwachse bes Mittelstammes von einem Bestande kann man die mit zunehmender Stammstärke eintrestende Abstandsveränderung leicht bemessen. Gesetzt, ein Waldbestand habe so eben 4,83=sachen Abstand, 2fußige Stammsstärke und zum nächsten lojährigen Stärkenzuwachs 0,16 Fußim Umfang: so ist die Entsernung der Stämme 2 × 4,33 = 8,66 und mithin der nachherige Abstand, bei 2,16 Fuß Stammsstärke, 8,66: 2,16 = 4. Die Abstandsveränderung steht mit dem Stärkenzuwachse in umgekehrtem Verhältnisse; denn es mußim vorliegenden Falle, bei der gleichbleibenden Entsernung von 8,66, leicht begreislich 2 × 4,83 = 2,16 × 4 sein, sich mithin 2: 2,16 = 4: 4,33 verhalten.
- 6) Zur leichtern Bestimmung der Stammgrundslächensummé nach jeder vorkommenden Abstandszahl, oder umgekehrt, der Abftandszahl nach der Stammgrundsläche, dienen die unter 104

bis 106 angefügten Abstandstafeln, welche zu allen Abständen nicht nur die Stammgrundslächen-Antheile überhaupt, sondern auch die Stammgrundslächen mehrer Forstslächenmaße angeben. Darin sindet man z. B. hinter dem Abstande 3,8 für den preuß. Morgen 142,5 q', für das baierische Tagwert, wie für den badenschen und darmstädt'schen Morgen 220 q', und für den weimarischen Acker 197,1 q' gesammte Stammgrundsläche oder überhaupt 0,0055 von der Bestandessläche. Leicht läßt sich der Betrag jeder andern Forstslächeneinheit zwischen den Abstand und den Stammgrundslächen-Antheil eben so einreihen.

Dbschon die Abstandsmessungen leicht erhebliche Fehlschlüsse im Gefolge haben und baher nur nach vielen Untersuchungen in ben Banben bes unterrichteten Praktikers zu einigermaßen sichern Schätzungeergebniffen führen können, fo bieten diefelben boch me= nigstens ein bequemes Mittel zur ungefähren Bestimmung ber Dichtheit, so wie ber Stammgrundflächensumme aller Bald= wuchse, bei bessen Gebrauche man nichts zu nehmen hat, als etliche Entfernungen richtig stehender Nachbarstämme. Es ift dies für bie flüchtige Bestandesschätzung ein beachtenswerther Gewinn. Die augenblicklich anzusprechenden brei Bestandesfaktoren, die Abstandszahl, Bestandeshöhe und Stammform, gewähren wenig= stens zuverlässigere Ergebnisse, als jede andere aus der Masse heraus gegriffene Schätzung. Gin besonderes Interesse aber gewähren nähere Untersuchungen des Abstandes ober des Stamm= grundflächen = Antheiles in allen Stellungen ber Walbbestände noch baburch, daß sie zu einer tieferen Ginsicht in die Wachsthumsgesetze ber Balber führen. - hier noch einige stereometrische Anwendungen bes Abstandes.

§. 367. Abstand auf die Holzanlagen angewendet.

In den Holzanwüchsen sollte der Stämme Stellung durchaus nicht dem Gerathewohl anheim gegeben sein. Iwar bedarf der junge Anwuchs, theils des förderlichen Schlusses, theils des mögslichen Abganges wegen, zum vollkommenen Gedeihen ein scheins bares Übermaß der Pflanzenzahl. Diese Bedingung der anfängslichen Dichtheit dürfte man aber in der Regel nicht weiter über:

schreiten, als es die einstige Rutbarkeit der überwachsenen Holzstämme gestattet. Das erhebliche Verdrängen dürfte nämlich dann erst eintreten, wenn das eingängige Holz eine absetzbare Stärke erreicht hätte. Nach dieser Stärke ist die anfängliche Stellung hauptsächlich zu bemessen.

Geset, in einem Fichtenbestande könnte sich die Durchsorsstung nicht eher bezahlt machen, dis die Stämme im Durchsschnitte 1½' Umfangkärke erreicht hätten. Wäre nun auf dem fraglichen Standorte die Abstandszahl solcher Fichtenstangen im durchforstbaren Stande 3,6: so betrüge zur Zeit der nächsten, nutbaren Durchforstung von jedem Stamme die Quadratseite seines Standraumes 3,6 × 1½ = 4,5' und der Standraum selbst 4,5² = 20,25 q' (§. 366. 1.). So viel Fläche müßte man nun anfänglich jedem dis dahin bleibenden Stamme ungefähr zutheislen. Diesen Anforderungen entsprächen eine Geviertpstanzung mit 4½', eine Reihenpstanzung mit 3 und 7', oder mit 2 und 10' Pstanzweite, deßgleichen eine noch etwas weiter gestellte, nicht zu dichte TruppsPflanzung, Platten = oder Streisensat.

Nach der Abstandszahl bestimmt man ebenfalls, wiesern die Eucken schon vorhandener Aufwüchse ausgebessert werden müßten. Wäre in einem Buchenbestande dereinst die Abstandszahl 4, und sollten jetzt die Fehlstellen nur für die Hauptnutzung ausgepstanzt werden; wüßte man auch, daß dis dahin jeder Randstamm wesnigstens 3 Fuß Umfangstärke erreichte: so gelangten solche Stämme in der Entsernung von $4 \times 3 = 12'$ noch zu vollem Schlusse (§. 364. 4.), und es dürsten alle unter 12 Fuß breiten Lücken ganz unausgedessert bleiben; auf die dis zu 2×12 Fuß breiten brauchte aber nur je ein Pstänzling zu kommen. Hiernach ergiebt sich auch, daß die Ausbesserung der Fehlstellen weniger nach dem Flächengehalte, als nach der Breite bestimmt werden dürste.

Budem schätt man mittels der Abstandszahl die kunftige Holzhaltigkeit unvollständiger Holzwüchse viel sicherer, als seither; denn es läßt sich danach bemessen, wie die vorsindlichen Lücken mehr und mehr von den Randstämmen eingenommen und wie somit Bestand und Ertrag immer vollständiger werden.

§. 368. Abstand auf die Durchforstungen angewendet.

Die gewöhnliche Bestimmung des Durchforstungsangriffes, nach der Stämmezahl einest jeden Alters, ist sehr irrig, weil die rechte Stammzahl des vollen Bestandes nicht eben von dem Alter, sondern mehr von der zufälligen Stammstärke abhängt. Die Abstandszahl gewährt hierbei einen viel sicherern Anhalt.

Man bestimmt nämlich, welchen Abstand ber Holzwuchs nach Maßgabe ber Holzart, des Standortes, ber Entstehung und Erziehung erreichen barf bis zum Eintritte ber Durchforstung, und auf welchen Abstand berselbe vermittelst ber Durchforstung dann wieder gesetzt werden muß. Bei ber Aushauung bemißt man nun nach den Stammstärken die Entfernungen der bleiben= den Nachbarstämme zu dieser Stellung. Sollte z. B. der Ab= stand eines eben durchforsteten Buchenstangenholzes 4,5 sein, und die bleibenden Stämme hatten im Durchschnitte 2' Umfangstärke: fo ware die herzustellende mittlere Entfernung 4,5 × 2 = 9 Fuß (§. 364. 4.). Freilich ergiebt sich an Ort und Stelle über dem Durchforsten selbst am besten, was eben abkömmlich ist, und es dürfte, eines vorläufig bestimmten Abstandes wegen, der Bestand durchaus nicht verhauen werden. hier handelt es fich auch nur um eine allgemein wissenschaftlich begründete Richtschnur für bas Besen bieser Hauungen.

In dem wachsenden Holzbestande mindert sich, von einer Durchforstung zur andern, der Abstand umsgekehrt, wie die Stammstärke zunimmt (n. §. 366. 5.). War gleich nach vollendeter Durchforstung der Abstand 5, und soll die nächste Durchforstung wieder eintreten bei dem Abstande 4: so ist, wenn u und U die Umfangstärken bezeichnen, $4 \times U = 5 \times u$ und also $4:5 = u:U(\S,62)$. Folglich muß bis dahin

das 1-fußige Holz erft 14 Fuß fark werden,

das 2-fußige ,, ,, 2½ ,, ,, ,,

das 4=fußige " " 5 " u. s. w.

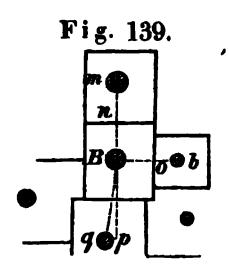
Aus diesen verschiedenen Stärkenzunahmen von einem Aus-

hiebe zum andern leuchtet ein, warum im jüngern, schwächern Holze die Durchforstungen weit öfter wiederkehren müssen und dringender sind, als in dem ältern, stärkern. Denn da dis zur nächsten Durchforstung der Isusige Stamm nur &', der 2fußige aber &' und der 4fußige I' stärker werden muß: so betrüge, wenn man auch den jährlichen Stärkenzuwachs in den verschiedenen Alterstufen nur gleich annimmt, dennoch die Iwischenzeit von einer Durchforstung zu der andern in

dem 1=fußigen Holze ½ von der im- 2=fußigen, 4 von der im 4=fußigen u. s. w.

Wer nicht vermag, dies mathematisch zu beurtheilen, der kann sich keinen Begriff davon machen, wie viel er vernachlässigt und schadet durch das Versäumen der Ausforstungen gedrängter Junghölzer.

§. 369. Abstand auf die Schlagstellungen ans gewendet. Fig. 139.



Endlich können auch die Schlagstelluns gen nach dem Abstande bemessen werden. Ist nämlich die Abstandszahl nach Maßz gabe der Betriebsart und des Standortes gegeben, z. B. 7 für einen Buchenschlag: so braucht man nur (n. §. 364. 4.) von einem eben zum Aushalten bestimmten Stamme B den halben Umfang mit der

Abstandszahl zu multipliziren und die so gefundene halbe Seite seines künftigen Standraumes Bn oder Bo von dem Stamme aus abzumessen, den nächsten Stamm m oder b auszuwählen, dessen halbe Standraumseite daran stößt, und so mit Berücksichtigung aller übrigen Umstände weiter fortzusahren. Dieses Mitztel kann zwar nicht durchgängig angewendet werden, es eignet sich jedoch zu einer bestimmteren Vorschrift, wonach man den Stand der Samen und anderen Oberbäume überhaupt bemesssen kann.

Rach dem verschiedenen Abstande läßt sich auch das Ver=

bis 106 angefügten Abstanbstafeln, welche zu allen Abständen nicht nur die Stammgrundslächen=Antheile überhaupt, sondern auch die Stammgrundslächen mehrer Forstslächenmaße angeben. Darin sindet man z. B. hinter dem Abstande 3,8 sür den preuß. Morgen 142,5 q', für das baierische Tagwerk, wie für den badenschen und darmstädt'schen Morgen 220 q', und sür den weimarischen Acker 197,1 q' gesammte Stammgrundsläche oder überhaupt 0,0055 von der Bestandessläche. Leicht läßt sich der Betrag jeder andern Forstslächeneinheit zwischen den Abstand und den Stammgrundslächen=Antheil eben so einreihen.

Dbschon die Abstandsmessungen leicht erhebliche Fehlschlisse im Gefolge haben und baher nur nach vielen Untersuchungen in den Banden des unterrichteten Praktikers zu einigermaßen sichern Schätzungsergebniffen führen können, so bieten bieselben boch wenigstens ein bequemes Mittel zur ungefähren Bestimmung ber Dichtheit, so wie der Stammgrundflächensumme aller Balb: wuchse, bei bessen Gebrauche man nichts zu nehmen hat, als ets liche Entfernungen richtig stehenber Nachbarstämme. für die flüchtige Bestandesschätzung ein beachtenswerther Gewinn. Die augenblicklich anzusprechenden brei Bestandesfaktoren, bie Abstandszahl, Bestandeshöhe und Stammform, gewähren wenigstens zuverlässigere Ergebnisse, als jede andere aus der Masse heraus gegriffene Schätzung. Ein besonderes Interesse aber gewähren nähere Untersuchungen bes Abstandes ober bes Stamm: grundflächen = Antheiles in allen Stellungen ber Walbbestanbe noch badurch, daß sie zu einer tieferen Ginsicht in die Wachs: thumsgesetze ber Balber führen.— Hier noch einige stereometrische Anwendungen des Abstandes.

§. 367. Abstand auf die Holzanlagen angewendet.

In den Holzanwlichsen sollte der Stämme Stellung durchaus nicht dem Gerathewohl anheim gegeben sein. Iwar bedarf der junge Anwuchs, theils des förderlichen Schlusses, theils des mögslichen Abganges wegen, zum vollkommenen Gedeihen ein scheins bares Übermaß der Pflanzenzahl. Diese Bedingung der anfängslichen Dichtheit dürfte man aber in der Regel nicht weiter übers

In jenem Falle ist 0,367 und in diesem ist 0,277 der Schirm=. flächen=Antheil.

Der Abstand ist das einzige Mittel, durch welches die nattürliche Dichtheit der verschiedenen Waldbestände und die wirthschaftlichen Stellungen der Holzwüchse sicher und anschaulich ohne Bezug auf örtliche Flächenmaße bemessen werden können. Weder Stämmezahl noch Schirmstäche sind hierzu recht brauchsbar, und überdies ohne gegebene Bestandesstäche gar nicht ans wendbar*).

2. Schätzung ber Bestandesgute.

§. 370. Schätzungsmethoben.

Bur Ermittelung des Massengehaltes ganzer Waldbestände giebt es wesentlich drei Verfahrungsarten: die Auszählung aller Stämme, die Probenschätzung und die bloße Massenschafzung.

- 1) Die Bestandes aus zählung geht speziell auf die Massenschätzung des einzelnen Stammes oder zusammengefaßter Stammklassen ein, und wendet dabei, je nach dem 3weck und den Mitteln, entweder ein genaueres oder mehr ungefähres Versfahren an.
- a) Die genaue Bestandesauszählung faßt bie vorfindlichen Stämme nach geeigneten Klassen zusammen, bestimmt von jeder
 - a) entweder die Gehaltsfaktoren G, H und f möglichst genau, um barnach den Massengehalt mit Huse ber Sehaltshöhen= Stamm = ober Massentafeln zu berechnen,
 - β) oder sie wählt Mittelstämme für jede Klasse aus, wels che der Massenberechnung zu Grunde gelegt werden.

^{*)} Der Versasser burfte wohl zuerst die Stammgrundstäche und den Absstand auf die Schätzung und Stellung der Waldbestände angewendet haben. Diesen Gegenstand hatte er schon durch eine große Reihe von Versuchen begrüns det, als er denselben im Jahre 1823 in Laurop's Jahrbüchern der Forstwisssenschaft. I. Hft. 2. S. 108. 117. berührte.

- b) Die ungefähre Bestandesauszählung begnügt sich mit summarischer ober durchschnittlicher Bestimmung der Seshaltsfaktoren, und kann in verschiedener Beise ausgeführt werden:
 - a) durch unmittelbares Ansprechen nach dem Klaftergehalte (Okularschätzung) ober
 - β) durch Ansprechen nach Größenklassen ober Größenverhältz nissen.
- 2) Die Probenschätzung sucht auf kleineren ausgewählten Probestächen den Massengehalt und schließt von diesem, nach Berhältniß der Flächen, auf das Ganze.
- 3) Die bloße Massenschung geht nicht speziell auf Ermittelung ber einzelnen Gehaltsfaktoren ein, sondern faßt gleich summarisch die Masse selbst ins Auge. Sie zerfällt
 - a) in die Abschätzung nach Waldmassentafeln,
 - b) nach Erfahrungstafeln,
 - c) nach bem Augenmaß.

§. 371. Gehaltsfaktoren ber Holzbestände.

Bur wesentlichen Grundlage dieser verschiedenen Schätzungs= methoden dienen immer die Gehaltsfaktoren, die Stammgrundsläche G, die Scheitelhöhe H und die Form f, mögen sie nun unmittelbar oder mittelbar in ihrem Produkte als Massenhaltigkeit M ange= wendet werden. Wir bemerken darüber im Allgemeinen noch Folgendes:

Wenn ein Holzbestand aus n gleichen Stämmen zusammengesetzt wäre, so würde sein Massengehalt M = n × (G × H × f) sein; benn der Gehalt jedes einzelnen Stammes gleicht G × H × f (h. 343). Denkt man sich alle Stämme des Bestanzdes in eine einzige Stammgrundstäche nG zusammengerückt, so erhält man den gleichen Werth nG × H × f. Wären die Stämme auch ungleich, und drückte G anstatt nG ihre gessammt e Stammgrundstäche, H ihre mittlere Scheitelhöhe und f ihre mittlere Form aus: so wäre leicht begreislich G × H × f der gesammte Massengehalt des Bestandes, ebenso wie der des einzelnen Baumes.

Die verständige Anwendung der Faktoren G, H, f bei der Waldbestandesschätzung beseitigt eine Menge Irrthümer und Unsbehülslichkeiten in der Forsttaration, die dadurch veranlaßt wursden, daß man immer nur ihr Produkt aus der Masse unmittels bar aufgriff, und nicht die viel sichrern Faktoren einzeln erforschte und feststellte.

1) Die gesammte Stammgrundfläche G ist der wichstigste Faktor jeder Bestandesschätzung (§. 343.) und der einzige, welcher durch unmittelbare Messung bestimmt werden kann. Ihr Antheil von der Bestandes fläche, der nicht leicht über 0,008 steigt, drückt zugleich die Dichtheit des Bestandes aus und gewährt als Maß des Waldschlusses nicht nur der Holzsschätzung, sondern auch der ganzen Holzerziehung eine ungemeine Gründlichkeit.

Die in einem Bestande vorsindliche mittlere Stams mesgrund fläche entspricht übrigens nicht geradehin auch der mittlern Umfangs: oder Durchmesserstärke (§. 171. 4.); sie geht hervor durch Theilung der Stammgrundslächensumme mit der Stämmezahl.

2) Die Scheitelhöhe H eines Holzbestandes kann we= nigstens mittelbar gemessen werden. Sie ist für die Bestandes= schätzung sehr wichtig, indem sich die Bestandesmassen bei gleicher Stammgrundsläche ziemlich verhalten wie die Bestandeshöhen.

Die Mittelhöhe gleicht nicht dem arithmetischen Mittel zwischen ber höchsten und der niedrigsten Scheitelhöhe im Bestande, sondern sie ist die geometrische Durchschnittszahl, der Quotient

75 größere Stämme von 1,2 G, 80 H und 0,56 f,

25 geringere dazwischen von 0,8 G, 60 H und 0,6 f:

so wäre die mittlere Bestandeshöhe nicht $\frac{80+60}{2}$ = 70, sondern

76,15. Denn

$$75 \times 1.2 \times 80 \times 0.56 = 4032$$

$$25 \times 0.8 \times 60 \times 0.6 = 720$$

$$\times H \times f = 4752 = M.$$

$$75 \times 1,2 \times 0,56 = 50,4$$
 $25 \times 0,8 \times 0,6 = 12$
 $G \times f = 62,4$

Daher $\frac{M}{G \times f} = \frac{4752}{62,4} = 76,15$.

Um also die eigentliche Mittelhöhe eines geschätzten Bestandes auszurechnen, addirt man die Produkte der Stammgrundslächen und Formzahlen aller abgetheilten Stammklassen und dividirt mit dieser Summe G × f in die Bestandesmasse M. Bei gleiche wüchsigen Beständen sindet man diese wirklichen Durchschnittsehöhen H meist an den Stämmen, welche die zweite Höhenklasse bilden.

- 3) Die mittlere Formzahl f eines Holzbestandes ist ebenfalls die geometrische Durchschnittszahl aus allen Stammsklassen, der Quotient $\frac{M}{G \times H}$. In dem vorigen Beispiele wäre die auszumittelnde gemeinschaftliche Formzahl keinesweges $\frac{0.56+0.6}{2}$ = 0.58, sondern 0.5657. Es ist nämlich $G \times H \times f = 4752$ und $G \times H = 8400$, also $f = \frac{4752}{8468} = 0.5657$.
- 4) Des Bestandes Massenhaltigkeit M ober der auf die Forstslächeneinheit kommende, mittlere Massengehalt geht hers vor, wenn man die ganze Bestandesmasse durch die Bestandessläche dividirt. Enthielte z. B. ein 20 Morgen großer Buchenschlag noch 30000 c' Besamungsholz, so betrüge die Massenhaltigkeit seines Bestandes -\frac{1.0000}{200} == 1500 c'.
- 5) Die Bestandesmasse M mit ihrem laufenden Jahs reszuwach es begründet die eigentliche Bestandesgüte. wird entweder gleich nach der Zuwachsmasse selbst, oder erst in Prozenten des Massengehaltes bestimmt. Findet sich der Bestand, wie fast immer, nicht aus gleichen Stämmen zusammengessetz, so sind darin auch die Zuwachsverhältnisse ungleich, und der fragliche gesammte Zuwachs muß speziell von jeder Stammklasse besonders ausgerechnet werden. Der altersdurchschnittslich eind ber periodische Zuwachs kommen hierbei eigentzlich nicht zur Frage.

A. Die Bestanbesauszählung.

a. Bon ber genauen Beftanbesausjählung.

§. 372. Überhaupt.

Bei einer größern Bestandesauszählung ist es nicht wohl thulich, jeden einzelnen Stamm nach Holzgattung, Stärke, Höhe, Form und Zuwachs besonders anzusprechen; es verzursachte dies eine viel zu mühsame Arbeit. Man faßt daher auch bei der genauen Bestandesauszählung die vorsindlichen Stämme in Sattungs und Stärkeklassen zusammen und ermittelt von jeder den wichtigsten Faktor, die Stammgrundsläche G, genau, bestimmt aber die übrigen minder wichtigen Sehaltsfaktoren bloß durchschnittlich.

Buerst trennt man die Holzgattungen, sofern sie verschieden sind an Wuchs und Werth. Dann sondert und mißt man die Stämme nach den Stammstärken, weil diese unter den Gehaltsfaktoren die meiste Genauigkeit erfordern, am leichtessten gemessen und bestimmt werden können, demnächst auch der Sorten und Zuwachsschätzung zum Anhalt dienen und das Einstragen der Stämme mit einfachen Strichen gestatten. Zu den angenommenen Stärkeklassen ermittelt man die Mittelhöhen, und zu diesen wieder die passenden Form und Zuwachsegrößen. In Bestandesabtheilungen mit wechselndem Wuchse scheidet man mittels gezogener Furchen oder gesteckter Zweige diesenigen Untertheile ab, die bei berselben Stammstärke eine andere Höhe haben, und behandelt jedes dieser Bestans des stücke sürgerschnisse und Zuwachsergebnisse ausgerechnet.

§. 373. Bählung ber Stämme nach ber Stärke.

Man mißt alle Stämme, wie sie vorkommen, nach ihrer Stärke und trägt einen jeden unter seine, nach Wuchs und Werth gesonderte Holzgattung. Die Stammstärken werden entweder nach dem Umfange oder nach dem Durchmesser gemessen. Bei Anwendung des Umfanges mißt man nach Fußen,

und zwar unter 3 in Viertelfußen, zwischen 3 und 6 in halben und über 6 in ganzen Fußen abgestuft; die dadurch entstehenden Stärkeklassen oder beständigen, Auszählstärken sind gleich auf dem Spannmaße auszuzeichnen. Die Durchmesserstärken dagegen werden nach Zollen bemessen.

Die vorzurichtenden Auszählzettel bekommen von oben herein Abtheilungen für die darüber zu nennenden Holzgattungen, deren Scheidelinien schräg gezogen werden können, je nachdem die eine Holzgattung mehr in Starkholz besteht, als die andere, und worin man noch die überwachsenen oder sonst abkömmlichen Stämme von den herrschenden sondert. Vorn herunter stehen vor eigenen Querspalten alle Umfangs = oder Durchmesserzahlen der gewöhnlichen Stärkeklassen. Für seltene Stärken und Stämzme, wie etwa einzelne alte Oberbäume, läßt man unten wohl noch einen besondern Raum offen *).

Die Auszählenden gehen immer nach einerlei Richtung und paarweise. Der Eine mißt (n. §. 346.), ruft und reißt an; ber Andere giebt darauf Acht und trägt ein. Bei größerer Auszehnung der Bestandesstücke zählen mehre Paare neben einander, und ein Obmann leitet das ganze Geschäft, überwacht insbesonzere die richtige Zeichnung der ausgezählten Stämme und Breiten. Zeder Stamm, dessen Stärke eben zwischen zwei Stärkeklassen fällt, wird in die nächst höhere oder niedere gesetzt, zu der ihn die beziehliche Bölligkeit seiner Höhe und Form mehr eignen. Beim Eintragen kommen je fünf Stammstriche vermittelst des fünsten, schräg gelegten in Eins (N). Auf solche Weise kann die Stämmezahl jeder Stärkeklasse leicht zusammengezählt und zur weitern Bestandesaufnahme verwendet werden.

^{*)} Bei Anszählungen im Kleinen, die mehr Genauigkeit erfordern und gestatten, nimmt man wohl auch für jede Stärkellasse in voraus mehre Höhensklassen an und setzt dann für jeden Stamm einen Strich hinter die gemessene Stärke und die besonders geschätzte Höhe. Man könnte auch jeden Stamm mittels seiner Höhenzahl eintragen, dann zu jeder Stärkellasse die Höhensumme suchen, mit der durchschnittlichen Formzahl multipliziren und nach der so gesundenen Gehaltshöhensumme gleich den Nassengehalt der ganzen Stammklasse aufschlagen.

§. 374. Durchschnittliche Höhen=, Form= unb Zuwache=Bestimmung.

Für alle Stärkenklassen jeder gesonderten Holzgattung ermitztelt nun der Schätzer an mehren wohl ausgewählten Probestämmen durchschnittliche Höhen, Form und Zuwachsgrößen und trägt sie sogleich in sein Auszählbuch. In dieses kommen voran die von den abgegebenen Auszählzetteln summirten Stämmezahlen und Stärken jeder Holzgattung als Ergednisse der Jählung; dann folgen die Scheitelhöhen und Formen, der Stärken und Höhenzuwachs, alle vier in doppelten Spalten, die eine zu den vorläusigen Untersuchungen, die andere zu den entschieden ausgeworfenen Durchschnittszgrößen.

- 1) Die Scheitelhöhen werden in Höhenstusen von 5 zu 5 Fuß hinter die Stärken gesetzt. Man trägt zuerst die an Probestämmen (n. §. 347.) gemessenen Höhen einzeln ein, wie sie sich wirklich ergeben, gleicht sie dann noch aus, nach allges meiner Beurtheilung der dem Auge sich darbietenden Höhenversschiedenheiten, und bestimmt wo möglich für zwei oder drei Stärsteklassen zusammen eine gemeinschaftliche Höhenklasse, um sich die Bestandesausrechnung so viel als thulich zu erleichtern.
- 2) Die Formzahlen ober die Formklassen werden zus vörderst an denselben Probestämmen (n. g. 348.) geschätzt und einzeln eingetragen, dann nach der im Bestande vorfindlichen allgemeinen Stammsorm für die angenommenen Höhenklassen folgerecht auszaglichen berichtigt und darnach die Formklasse bestimmt.
- 3) Da der Stärkenzuwachs mitunter sehr abweichend erscheint, so ist bei dessen Ausmittelung (nach § §. 357. 359. 6.) nicht nur eine vorsichtigere Auswahl geeigneter Probestämme von verschiedener Stärke, sondern auch eine zahlreichere Untersuchung und sorgfältigere Vergleichung und Berichtigung für alle Höhensklassen erforderlich.
- 4) Der jüngste Höhen zuwachs wird selten unmittelbar an dazu gefällten Probestämmen gemessen, sondern mehr nach dem Augenmaße mit Beurtheilung der Wachsthumsverhältnisse und nach Erfahrungen angesprochen. Man setzt denselben für

jede Höhenklasse zunächst in Ivlen an und bestimmt darnach, auch wohl gleich unmittelbar die zugehörige Höhenzuwachsklasse (§. 359. 7.) *).

Diese !mittleren Scheitelhöhen, Formzahlen, Stärken= und Höhenzuwachsgrößen der verschiedenen Stärkeklassen eines Holzbestandes sind zwar meist aus verschiedenen Wachsthumsverhält=
nissen hervorgegangen; dennoch sinden sie sich fast überall in
ziemlich stetigen, ausgleichbaren Reihen. Es ist indeß nicht leicht,
das Geset dieser Reihen natürlich und mathematisch richtig aufzufassen und danach die erschienenen Abweichungen zu berichtigen.

§. 375. Ausrechnung der Bestandesgüte.

In dem ersten zur Bestandes aufnahme bestimmten Theile des Schätungsbuches werden zuvörderst die Ergebenisse der Auszählung aus dem Auszählbuche unter diesels ben Überschriften getragen, nämlich: Holzgattung, Stämmezahl, Stärke (Uoder D), Scheitelhöhe, Formklasse, Stärkens und Höhenzuwachs. Dahinter kommen dann weiter, als Ergebnisse der Bestandes ausrechnung: die gesammte Stammgrundsläche und Bestandsmasse mit der Zuwachsmasse. Ein hinterer, offener Raum jeder Seite dient zur Rechnung selbst.

1) Die Stammgrundfläche aller Stämme jeder Stärzteklasse in Quadratfußen sindet man am leichtesten mittels der Walzentafeln 2 bis 64. Die 1 Fuß lange Walze hat nämzlich für ihre Stammgrundsläche in q' (= G) und für ihren In-

1	*)		Schema zum Auszählbuch.									
Solz- gat- tung.	n nick butd			Fuß, durch-	Form, Formzahlen.	Form.	Stårfenz wirl- licher.	uwachs, burchs fcnittl.	Pöhenzuwachs, wirklicher. burch- chnitti.			
Buchen.	28 22 20 18 14 8	2 2 ₄	68.70 73.69 65.72 74 80.72 77	70	0,55 . 0,59 0,61 . 0,58 0,57 . 0,59 0,56 0,60 . 0,53 0,58 w.	} 11. } 11.	40 - 44 40 - 44 40 - 40 40 - 40	10 11:	5".5;" 4".5 3".4;" 5" 31,".4;"	*		

halt in c' (= G × 1) ganz gleiche Zahlen; mithin steht in ben Tafeln neben n Fuß ganze auch die Stammgrundslächensumme von n Stämmen derselben Stärke; z. B.

28 Stämme zu 13' U haben zur Stammgrunbfläche 6,82 q',

22		" 2	»	y	n	"	7,00 "
20	19	· 21	n n	"		n	8,05 "
70	n	» 1 3	bis 21	n	*	77	21,87 q'.

Wären diese brei Stärkeklassen für gleiche Beiterbestim= mungen zu einer Höhenklasse zusammen gefaßt, so trüge man ihre gemeinschaftliche Stammgrundstäche mit 21,87 q' ein.

- 2) Die Best andesmasse jeder Höhenklasse ergiebt sich in dem Produkte ihrer Stammgrundsläche mit der Gehaltshöhe aus den Tafeln 66 bis 72. Hätte man zu obiger Höhenklasse, etwa von Buchen, 70' mittlere Scheitelhöhe und die II. Formklasse angenommen: so betrüge die Gehaltshöhe 40,55 und der Massen: gehalt 21,87 × 40,55 = 886,8 c'.
- 3) Die Zuwachsmasse wird nach den in den Holzzuswachstafeln 88 bis 102 aufzusuchenden Zuwachs: Prozenten berechnet. Bei 2,72 pCt. ergäben sich für den vorliegenden Fall $\frac{886,8 \times 2,72}{100} = 24,1$ c' laufender Holzzuwachs. Faßt man mehre

Stärkeklassen in eine Höhenklasse zusammen, so sind die mittles ren Zuwachsprozente nicht eben nach der mittlern Stärke oder gar nach dem arithmetischen Mittel, sondern nach Maßgabe der verschiedenen Stammgrundslächenantheile zu bestimmen. 3. B. Man hätte in eine Höhenklasse zusammengefaßt:

12 St. zu 3' U = 8,59 q' G, mit 76 Stärkez., 2 Höhenz. = 2,18 g
28 " " 3½' " = 27,29 " " " = 1,86 g
40 " " 4' " = 50,92 " " " " = 1,63 g,

so ift das mittlere Zuwachs Prozent nicht 1,86, auch nicht
2,18 + 1,86 + 1,63 = 1,89, sondern:

$$8,59 \times 2,18 = 18,73$$

 $27,29 \times 1,86 = 50,76$
 $50,92 \times 1,68 = 82,99$
 $152,48$, unb $\frac{152,48}{86,7} = 1,75 \frac{9}{6}$.

Um unwachsbaren Solge, bas besonbers ausgerechnet wirb, tommt gar tein Buwachs in Betracht.

4) Bum Schluffe werben von jeber gesonberten Holzgattung und vom Ganzen die Ergebniffe summirt, an Stammgrunds flächen summe, Bestandes und Buwachsmasse. Aus ben beiden lettern berechnet man wohl noch die durchschnittlichen Buswachsprozente. Fänden sich z. B. an 3204 3 c' Bestandesmasse 55,3 c' Buwachs, so ergabe bas 1,72 pEt. Aus ber nun befannsten Gesammtmasse jeder Holzgattung und jeder Stärkellasse samt endlich nach geeigneten Berhältniszahlen und Preisen ber Soretengehalt und Geldwerth ausgeworfen werben *).

f. 376. Anwendung ber Stamm: ober Daffentafeln fatt ber Gehaltsbohentafeln.

Wendet man statt der Gehaltshöhentafel - Stammtafeln (§. 350.) an, so ist das Berfahren ganz dasselbe; nur braucht man nicht erst die Grundstäche, und dann nach dieser und der mittleren Sehaltshöhe die Masse aufzusuchen, sondern entnimmt diese ohne Weiteres pro Stamm aus der Stammtafel, und sins det durch Multiplikation berselben mit der Stammzahl die Ges

*)			Shema jur Bestandes: Aufnahme.							
Colecatiung.										
1 0	28 22 20	21	70	H.	44	ł	21,87	886,8	2,72	24,1
Buden (18 14 8	23	75	п.	*	1	23,00	997,6	2,87	23,6
	110		-	l —		 —	44,96	1884,a	-	47,7
Cichen	3 4	5 51 6	75	111	44	ŧ	22,64	1061,1	0,66	7,0
•1,.) i	9	60	311.	*	0	6,44	258,9	0,54	0,4
	10	-	=	-	_		29,08	1320,0		7,6
Summe	120	I —	 -	I —	1 —	 	74,04	3204,8	1,72	55,8

sammtmasse *). Hat man dabei mehre Stärkeklassen in eine Höhenklasse zusammengefaßt, so sucht man das mittlere Zuwachs: prozent nach Raßgabe der verschiedenen Rassenantheile (vergl. §. 875. 8.).

§. 377. Schätzung nach Mittelftammen.

Man zählt wie bei der genauen Bestandesauszählung die sämmtlichen Stämme eines Bestandes aus, jedoch ohne weitere Höhen = und Formbestimmung; sucht statt dessen aber klassen= weis Mittel = oder Musterstämme, deren Masse als Einheit der betreffenden Klasse in Rechnung gestellt wird. Für die Bestim= mung des Mittelstammes giebt es zwei Methoden:

1) Man bivibirt die gesammte Stammgrundsläche einer Klasse durch die Stammzahl, sindet somit im Quotienten die Grundssäche des Mittelstammes, zu welcher man die Stärke (U od. D) ausschlägt. Nun sucht man derartige Probestämme in mehren Eremplaren im Bestande auf, die zugleich in Höhe und Korm als Musterstämme gelten können, läßt solche fällen, bestimmt deren Masse und legt diese als Einheit der betressenden Klasse zu Grunde. 3. B. 56 Stämme einer Klasse hätten 100 q' Stammsgrundsläche, der Mittelstamm solglich $\frac{100}{56} = 1,77$ q'. Dazu geshören 18" Durchmesser oder nahe 56,5" Umfang. Ergeben nun vier Probestämme von dieser Stärke zusammen 260 c' oder pro Stamm 65 c', so ist die ganze Masse 56 × 65 = 3640 c' **).

Wiche der eine oder andere Probestamm etwas von dem Mittelstamme in der Stärke ab, so berichtigt man seinen Inhalt nach dem Verhältnisse des Quadrats der beiderseitigen Stamms grundslächen. Hätte 3. B. einer jener vier Probestämme nicht

^{*)} Das Schema für die Bestandesaufnahme ändert sich darnach entsprechend ab, und enthält die Rubriken: Golzgattung, Stärke (U od. D), Stammzahl, Höhe; Masseninhalt: eines Stammes — aller Stämme.

Das Shema für die Bestandesaufnahme könnte die Kubriken erhalten: Holzgattung; Joll Durchmesser; Stammzahl; Stammgrundsläche q'; des Midstelskammes: berechneter Durchmesser, Joll —, ermittelter Durchschnittsgehalt c'; Massengehalt aller Stämme c'.

18", sondern 19" Durchmesser mit 72 c' Masse gehabt, so ergiebt sich für den Mittelstamm:

$$19^2:18^2=72:64,6$$
 c'.

2) Man stellt in voraus Stärkeklassen nach den Extremen der vorkommenden Stammstärken, etwa von 4 zu 4 Zoll Durch= messer, sest und nimmt als Mittelstämme für jede Klasse solche an, deren Stärke dem arithmetischen Mittel der zu einer Klasse gehörigen Durchmesser entspricht. Der ermittelte Normalgehalt eines solchen Musterstammes wird dann so viel mal gesetzt, als der Durchmesser desselben in der Summe der gemessenen Durch= messer enthalten ist. 3. B.

4

Für die Klasse von 12 bis 16" Durchmesser hat der Muster= baum $\frac{12+13+14+15+16}{5} = 14$ " Durchmesser. Dessen Normal= gehalt sei zu 40 c' ermittelt. Wären nur in diesen Klasse 80 Stämme mit der Durchmessersumme von 1150" ausgezählt, so werden statt 80 nunmehr $\frac{1150}{14} = 82$ Stämme gesetzt und der gesammte Massengehalt demnach zu $82 \times 40 = 3280$ c' berechnet *).

Te weiter die Stammstärken auseinanderliegen, um so mehr Klassen sind zu bilden und folglich um so mehr Mittelstämme zu unter= suchen; für Bestände von geringer Stärkendisserenz, z. B. in Stanzgen = und Mittelhölzern, genügt auch wohl die Aufstellung eines einzizgen Mittelstammes. Im Allgemeinen liefert die Schätzung nach Mitztelstämmen ziemlich genaue Resultate und empsiehlt sich besonders für gleichwüchsige und jüngere Bestände, da hier weniger Mittelzstämme zu bilden sind und das Fällen weniger Arbeit verursacht.

b. Bon ber ungefähren Bestandesauszählung.

§. 378. Auszählung nach bem unmittelbar geschätten Rlaftergehalte.

Man burchgeht ben ganzen Bestand in Linie und schätzt (n. g. 356.) von jedem Stamme sogleich nach dem Augenmaß

^{*)} Das Schema zur Bestanbesaufnahme wäre etwa zu sormuliren: Holze gattung; Zoll Durchmesser; Stammzahl; des Mittelstammes: mittler Durchse messer, Zoll —, Inhalt c'; — Durchmesser Summe; berechnete Stammzahl; Massengehalt aller Stämme c'.

den Derb= und Anüppelholzgehalt nach Klaftern, ober nach dem sonst dafür gebräuchlichen Holzmaße, und zwar in dem Augenblicke, wo ihn die Linie zu dem mit fortschreitenden Neben= manne trifft. Dabei müssen die Auszählenden gehörig Richtung und Zwischenraum halten und nur nach einer Seite hin sehen. Auf dem Auszählzettel stehen vorn die anzusprechenden Klafterzgehalte, wonach man die Stämme einzeln einträgt. Das dabei vorkommende geringere Holz überschlägt man in zusammengefaßz ten Gruppen und setzt es eben auch klafterweise mit an. Der so geschätzte ganze Klaftergehalt ergiebt sich von selbst. Der wahrscheinliche Sortengehalt ist theils in der gefundenen Klafterzsumme mit begriffen, wie das Nutholz, theils derselben anhänzgend, wie das Stock= und Reisholz, und wird nach geeigneten Berhältnißzahlen ausgeworfen.

Dieses Versahren ist durch das ungefähre Schätzen des Stammgehaltes an sich schon weniger genau (§. 356.), wird aber durch die verschiedenen Entsernungen der Auszählenden von den Stämmen, durch das leicht mögliche Versehlen mancher Stämme noch ungewisser und ist, im Großen angewandt, sehr anstrengend, so daß leicht die unerläßliche Ausmerksamkeit schwindet. Indessen bleibt dasselbe wegen der leichten Aussührbarkeit bei flüchtiger Schätzung zerstreuter Baumhölzer noch immer vorzüglich, zumal für Solche, die mit der genaueren Vestandesschätzung unbekannt sind, wohl aber für die Okularschätzung sich durch vielsache übung einen erfahrenen Blick angeeignet haben. Freilich gewährt es bei schärferen Ertragsschätzungen, besonders mit Zuwachsermittelungen, keinesweges eine so sichere Grundlage, als unsere Sehaltsfaktoren.

- §. 379. Auszählung nach Größenklassen und Größen= verhältnissen.
- 1) Auszählung nach Größenklassen. Man theilt die vorsindlichen Stammgrößen vorher in Klassen und spricht jesten Stamm, ohne weiter die Stärke zu messen, sogleich nach der auf dem Auszählzettel mit I., II., III., IV... vorgezeichneten Größenklasse an. Diese Klassen haben gewöhnlich eine viel zu große Abstufung; dabei irrt auch das Auge sehr leicht in der

bloß auf Vergleichung beruhenden Klassenbestimmung, wo zumal die Auszählung unmerklich in andere Stammgrößen übergeht, was doch öfters der Fall ist. Für jede Stammklasse sucht man ent=weder gleich anfänglich einen Mittelgehalt, oder bestimmt solchen nachträglich an stehenden oder gefällten Bäumen nach beendigter Auszählung. Letteres ist weniger sicher, das ganze Verfahren aber nur bei mehr gleichwüchsigen Beständen, die wenig Klassen erfordern, anwendbar und gewährt überdies eine geringe Sicher=heit, die mit dem unbedeutenden Zeitgewinn, im Vergleich zum genauern Auszählen, in keinem Verhältniß steht.

ŧ

2) Auszählung der bloßen Stämmezahl nebst dem Größenverhältnisse. Man könnte auch die Stämme vorweg bloß zählen, nachher auf einem gut ausgewählten Probesstriche das in der Gesammtzahl Statt sindende Größenverhältniß noch durch eine besondere Nebenzählung suchen und hiernach den Massengehalt der ganzen Anzahl auswersen. Dieses Verfahren erforderte freilich eine große Gleichmäßigkeit in Allem und dürfte selten einen andern Gebrauch sinden, als zur Erweiterung der Theorie. Noch gesuchter erscheint dem Praktiker die neuere Anzweisung: bloß eine Linie durch den Bestand zu messen und nach den von dieser berührten Stämmen das Ganze zu absolviren.

B. Die Probenschätzung.

§. 380. Überhaupt.

Die Schähung ganzer Holzbestände vermittelst genommener Probestücke erfordert zunächst die Kenntniß der Bestandessläche; denn der gesuchte Massengehalt vom Ganzen wird nach der im Probestücke gefundenen Holzhaltigkeit berechnet. Die Bestandessprobe ist das Maß zum ganzen Holzbestande.

Bei Auswahl der Probe hat man den Holzbestand durchsgängig zu besichtigen und nöthigen Falls in gleichmäßigere Besstandesstücke abzutheilen. Bon jeder, als ein Sanzes zu betrachtenden Bestandesabtheilung müßte die Probe eigentlich so genommen werden, daß die Stammgrundflächen, Holzgatztungen, Stammstärken, Scheitelhöhen, Stammsformen und Wachsthumsverhältnisse dem Ganzen

vollkommen entsprechen. Es ist keinesweges leicht, eine so recht passende Probe aufzusinden; je genauer man den Holzbestand im Innern untersucht und vergleicht, desto auffallender erscheinen die darin befindlichen Ungleichheiten. Wo eine genüzgende Gleichheit nicht aufzusinden ist, müssen die zur Probe dienenden Bestandtheile und Größen dem ganzen Westande berichtigend angepaßt werden. Vornehmslich muß die Stammgrundsläche im Ganzen und in ihren Theilen dem Bestande genau entsprechen. Stand, Gruppirung und Versbreitung der Stämme sind daber scharf in's Auge zu fassen. Größere Lücken und Blößen innerhalb des Bestandes überschlägt man und rechnet sie von der einbezirkten Ortssläche gänzlich ab, damit nicht ein verhältnismäßiger Theil davon auch in die Probe gezogen werden muß.

Enthält eine eben abgesonderte Bestandesabtheilung in sich noch verschiedene Gruppen, oder wollte man sogleich für den gansen Bestand eine durchschnittliche Probe ausmitteln: so muß die Probe genau das Flächenverhältniß der Bestandesverschiedenheiten in sich fassen. Hätte z. B. der Bestand a) 60 Mg. zu 1200 c', b) 20 Mg. zu 1800 c', c) 10 Mg. zu 2700 c': so müßten die Theile der Probestäche von a, b und c sich verhalten wie 6, 2 und 1; denn die mittlere Massenhaltigkeit ist

$$(60 \times 1200) + (20 \times 1800) + (10 \times 2700)$$

= $(x \times 1200) + (x \times 1800) + (x \times 2700) = 1500 c'$. Wolte man hier drei gleiche Theile zur Probesläche nehmen, wo die Bestandesverschiedenheiten nicht gleiche Ausdehnung haben: so erhielte man für den Morgen $\frac{1200 + 1800 + 2700}{3} = 1900 c'$, eine ganz unrichtige Durchschnittsgröße.

Solche verhältnismäßigen Proben nimmt man am besten in verschieden einem Stücken, weniger zuverlässig ist es, sie nur an einem Stücke auszuwählen. Je größer die Probestücke sind, und je mehr man die Proben in dem Holzbestande vertheilt, um so größere Genauigkeit ist davon zu erwarten. Besonders wichtig ist dies in alteren und minder gleichförmigen Bestän-

den. Erstrecken sich die Bestandesverschiedenheiten mehr gleich = laufend, wie öfters an Bergwänden, ober liegen sie ganz zerstreut durcheinander, wie nicht selten in der Ebene: so erfaßt man sie am sichersten mittels durchgreifender schmaler Probestriche.

Jur Probestäche nimmt man vorzugsweise ein Rechtect, aus bessen Größe sich die der Flächeneinheit zukommende Massenhalztigkeit des Bestandes leicht herleiten läßt, als $\frac{1}{8}$, $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{2}$, 1, 2. Ader oder Morgen, und bestimmt dazu die Länge beider Seiten, $\frac{1}{8}$. $\frac{1}{8}$. $\frac{1}{9}$. oder $\frac{35}{2}$ du $\frac{1}{2}$ weimarischen Acker, oder $\frac{9}{2}$, oder $\frac{1}{5}$ du $\frac{1}{4}$ preußischen Morgen. Zuerst steckt man eine der langen Seiten ab und setzt dann die Breiten rechtwinkelig an ($\frac{5}{9}$. $\frac{270}{9}$.).

Die Gehaltsermittelung der Bestandesprobe geschieht durch Auszählung oder Fällung. Das stärkere Holz zählt man ge= möhnlich aus (n. §. 373, 374, 375 ober 376.) mit besonders ge= nauer Bestimmung ber Stammgrunbflache; die übrigen Gehalts= faktoren nämlich die Scheitelhohe, die Stammform und den Bu= wachs, nimmt man oft sicherer aus bem ganzen Bestande. Gel= ten findet sich ein Grund, hierbei die ungefähre Auszählung nach bem Stammgehalte (§. 378.) anzuwenden. Das schwache, weni= ger zählbare Holz wird gefällt und in die geeigneten Maße ge= bracht. Dazu bient öfters wieder eine kleinere Probe. In manchen Fällen kann ein Bestandtheil, wie einzelne Oberbaume, burch gänzliche Auszählung und ein anderer, wie das Unterholz, bloß durch Probenschätzung ermittelt werden. Die gefundenen Ergeb= nisse ber Bestandesprobe berechnet man für die Größe der Forst= flächeneinheit, des Ackers ober Morgens, zum wirklichen Massen= gehalts. und Zuwachsmaße. Daraus und aus ber Bestanbesstäche ergiebt sich endlich der gesuchte Massengehalt und Zuwachs des ganzen Bestanbes.

Enthielte z. B. eine Bestandesabtheilung 78 Mg. und man hätte darin 2,5 Mg. als holzleere Fläche gefunden und für die wirklich bestandenen 75,5 Mg. eine Probe von 2 Mg. mit 8000 c' Holzbestand und 96 c' Holzzuwachs genommen: so ergäbe dies 4000 c' Massenhaltigkeit mit 48 c' Zuwachs. Hiermit würde die eigentliche Bestandesssäche von 75,5 Mg. multiplizirt, und

man bekame im Ganzen 302000 c' Bestandesmasse und 3624 c' Zuwachs.

Die Probenschätzung ist zwar wegen ber eben nicht leichten Auswahl, besonders bei unkundiger Aussührung, weniger genau, als die Auszählung des ganzen Bestandes; sie geht aber viel schneller von Statten und macht sich bei großen, gleichmäßigen Beständen, bei schwächeren Holzwüchsen, wo gefällt werden muß, bei Ausmittelung gewisser Bestandtheile, als zu Überhalt, Durchsforstung u. s. w., ganz vorzüglich brauchbar. Läßt man sich dabei nicht auf unbedingte Auswahl einer bloßen Massenprobe ein, hält man sich streng an unsere Gehaltsfaktoren G, H, s, und sucht man vor Allem nur die Stammgrundsläche genau zu erproben, die Bestandeshöhe und Stammform aber mehr durchschnittlich aus dem Ganzen zu nehmen, im Fall eben nicht gefällt wird: so gewährt diese oft verkannte Bestandesschätzung eine ganz vorzügsliche Genauigkeit und Anwendbarkeit.

C. Die Massenschätzung.

a. Abschätzung nach Baldmassentafeln.

§. 381. Einrichtung ber Balbmaffentafeln.

In Waldmassentafeln stellt man (ähnlich wie in ben Stamm = und Massentaseln für ben einzelnen Stamm, §. 350.) gleich für die Flächeneinheit der gewöhnlich vorkom = menden Waldbestände die Massenhaltigkeit nach den ers fahrungsmäßig sestgestellten und erprobten Sehaltsfaktoren G×H×f zusammen; sie gewähren der erleichterten Schätzung ganzer Waldsbestände ein vortressliches Hüssemittel. Behuft ihrer Ausstelz lung wären von jeder Waldgattung die Mittelhöhen, Stammformen und Stammgrundslächen folgenders maßen auszureihen.

1) Die Mittelhöhen H setzt man durchgängig in fünfschißigen Abstufungen an; auf nähere Höhenbestimmung braucht sich wenigstens die Massenschätzung nicht einzulassen. Damit nun die Ausstellung nicht zu weitläusig wird, sind den angenommenen Höhen gleich mittlere Formzahlen f anzureihen. Hierzu

eignen sich die der mäßig geschlossenen Baldbestände am besten. Bekanntlich sinken alle Formzahlen mit steigender Stammhöhe.

- 2) Die Stammgrundfläche G, welche bagegen mit zu= nehmender Bestandeshöhe steigt, wird von einer jeden Höhenstuse gleich für zwölf Schlußverschied en heiten angesetzt. Man nimmt einerseits die von dem dichtesten Volldestande, als den höchsten, andrerseits die von dem dünnsten Lichtbestande, als den niedrigsten Stammgrundslächensatz, und ordnet zu beiden auf jeder Höhenstuse die zehn arithmetischen Zwischenglieder so ein, daß alle zwölf Ansätze von G eine Reihe bilden, deren Differenz in und deren niedrigstes Glied is des höchsten Stammgrundssächenssatz ist. Dies Verhältniß entspricht ersahrungsmäßig den angenommenen Schlußverschiedenheiten und begründet eine eben so natürliche, als stete Aufreihung der Massengehalte jeder Höhensstuse.
- 3) Bur Entzifferung bes Massengehaltes berechnet man hiernächst, nach den drei sestgestellten Faktoren G × H × f, den dichtesten Wollbestand jeder Höhenstuse und zieht dann von diesem Ergebnisse 1\frac{1}{8} für jedes folgende Glied ab, bis zum dünnsten Lichtbestande, welchem der Betrag von 1\frac{7}{8} verbleiben muß. Endelich wird noch zu jeder Massenzahl, anstatt der Stammgrundstäche, die zum Gebrauchszeiger mit dienende Abstandszahl gesetzt.
- 4) Hiermit waren die Materialien fertig zu solchen Tafeln, die den Massengehalt aller eigentlichen Waldbestände zu geeignester Auswahl darlegen. Wir haben auf diese Weise fünf allgemeine Waldmassen Tafeln nach preußischem Maße zussammengesetzt, welche von

ben Buchen= und Eichen=Beständen,
ben Fichten= und Tannen=Beständen,
ben Kiefern= und Lärchen=Beständen,
ben Erlen= und andern, mehr weichen Laubholz=
Beständen, so auch
von den Birken=Beständen

zu jedem Baldschlusse und zu jeder Bestandeshöhe und eben entsprechenden Stammform ben Massengehalt er-

fahrungsmäßig barstellen; man findet sie auf Seite 107 bis 116 der beigegebenen Hulfstafeln.

Die voran stehende Bestandeshöhe ist die eigentlich mittlere (§. 347. 371. 2.) und steigt von 5 zu 5 Zuß. Die hinten angesetze Formzahl (§. 348. 371. 3.) entspricht der Stammbildung in ziemlich vollen Waldbeständen und schließt gleich den gewöhnlichen Hauabfall und Nutzungsverlust aus. Höhe und Form gelten für alle Ansäte derselben Zeile. Anstatt der Stammgrundstäche steht vor jeder Massenzahl die zur leichten Schlußbestimmung geeignetere Abstands ahl (§. 364.); überz dies sind der mehr praktischen Anwendung wegen die zwölf Schlußverschiedenheiten unter vier Schlußklassen, jede zu drei Klassenheiten unter vier Schlußklassen, iede zu drei Klassenheiten unter vier Schlußklassen, iede zu drei Klassenheiten Einweisenden. Für die Birkenbestände schweisenden Ausdrücken bezeichnet. Für die Wirkenbestände schweisenden, von den vier Schlußklassen nur die Mittelzstusen aufzustellen.

Boran stehen die Lichtbestände. Was noch weniger enthält, als die Massenzahlen unter I, a angeben, bildet keinen Walbschluß mehr und gilt als Raumbestand. Hinten in der IV. Schlußzklasse sie bichtesten Waldbestände zusammengefaßt. Ganz ausgesuchte Bestandesstücke können jedoch an 10 pCt. mehr ent halten, als die unter IV, c besindlichen Angaben; man hat sogar außerordentliche Probestücke gefunden von 15 bis 20 pCt. Überzmaß. Die Klassengehalte steigen auf einer und derselben Höhenzstuse hinterwärts in ganz gleichen Differenzen, nämlich um z des niedrigsten oder um z des höchsten Wassengehaltes. Die Klassen wurden steigend angesetz, dem fortschreitenden Wachsthume gemäß, und weil jede vom Kleinern zum Größern gehende Vergleichung weniger zu Überschähungen verleitet.

4.

5) Bemerkungen für den Gebrauch. Um diese Tasfeln der Pracis mehr anzueignen, wurden den Junghölzern, weil diese meist von Anfang weniger dicht stehen, bei der etwaisgen Fällung geringern Holzwerth haben und größern Nutzungswerlust erleiden, ein etwas weiterer Abstand angerechnet, als ausgesuchte Proben gewöhnlich ergeben. Diese Abweichung verschwindet jedoch mit zunehmender Höhe und Nutzbarkeit. —

Der Ausbruck gebrängt ift einmal angenommen; boch durfte dessen eigentliche Bebeutung hier nicht unbedingt gelten. Gar oft befinden sich gefunde Bestände auf kräftigem Boben in die= ser IV. Schlußklasse, ohne eben an Drangung zu leiden; wohl eher gewahrt man auf dürftigem Boben hier und da kummernde Bestände, benen es schon in der III. Schlußklasse an Ernährungs= raum mangelt. — Alle gleichwüchsigen Bollbestände, welche weber burch Stockverkrüppelung und naturwibrige Anbau= weise, noch burch irgend einen Leibenszustand zuruckgekommen, auch nicht verhauen sind und Nahrung genug finden, halten sich stets in ben zwei hintern Schlußklassen. - Die ungleichwüchsigen, besonders die Plänter = und Mittel= waldbestände fallen dagegen in die zwei vordern Rlaffen; und erwachsen diese auch später noch zu scheinbar vollen Beständen, so übersteigen sie doch äußerst selten bie III. Klasse. — Man pflegt allen Beständen mit Unter= wuch 8, besonders wenn berselbe mehr aus sperrigen Stockaus= schlägen besteht und die Oberbäume das Ganze mit breiten Kro= nen beden, einen weit reichlichern Massengehalt bei= zumessen, als sie wirklich haben. — Einmal, um bieser Läu= schung gleich mittels der Tafeln abzuhelfen; zweitens, um auch für den Massengehalt der Buchenschläge einen Maßstab mit zu geben; hauptsächlich aber, um bas mißliche Schäten ber oft überall vertheilten kleinen Bestandeslücken zu umgehen: ist hier die I. Schlußklasse mit ihren drei Unterstufen noch angefügt worden, was nach dem gewöhnlichen Begriffe von Baldschluß eben nicht nöthig schien.

6) Wollte man diese Tafeln zu einem andern Maße ein= richten, so blieben die Abstands = und Formzahlen als absolute, die Höhenzahlen aber als acceptirte unverändert, und nur die Nassenzahlen der höchsten Klassenabtheilung IV, c wären eigent= lich umzurechnen. Dies erforderte ein doppeltes Verhältniß, näm= lich: das des Massenbetrags nach den beiderseitigen Maßen an sich und zudem noch das der verschiedenen Fußgrößen in den beizu= behaltenden Höhenzahlen, welche man beide auf den Taseln 126, 127 und 129 sindet.

Sollte z. B. ber in preußischem Maße angegebene Massen= gehalt M umgerechnet werben in babensches Maß: so setzte man:

1 preuß. Massenbetrag: 1,614 bab. Massenbetrag = M: x.
1 preuß. Fuß: 0,956 bab. Fuß

Daraus ergäbe sich ber allgemeine Umrechnungsfaktor 1,543.
Mit diesem würde jede preußische Massenzahl der Klasse IV. c multiplizirt. Dann zöge man zur weitern Aussührung von einer jeden dieser neuen Massenzahlen 1/8 eilf mal nach einander ab bis zur Klassenabtheilung I, a, für welche 1/8 übrig bleiben muß, was zur Probe dienen kann.

Für den 40 Fuß hohen Buchenbestand ergäbe sich in badensschem Maße zur Klasse IV, c: 1878 × 1,543. — 2898, und als Differenz 2898 : 18 — 161; folglich

 $gu \ IV, \ b : 2898 - 161 = 2737;$ $gu \ IV, \ a : 2737 - 161 = 2576;$ $gu \ III, \ c : 2576 - 161 = 2415 \ u. \ f. \ w.$

7) Wir geben hier einige Umrechnungsfaktoren zu unsern in preußischem Maße aufgestellten Waldmassenzahlen, nämlich für die Maße von

```
H. = Darmstadt 1,543,
Preußen
             1,
             1,543, Medlenburg
                                    1,02,
Baben
             1,543,
                     Osterreich
Baiern
                                    2,222,
Braunschweig 1,580, Sachsen, Kgr.
                                    2,662,
Hannover
                     S.=Weimar
             1,185,
                                    1,382,
H. = Rassel 1,112,
                     Württemberg
                                    1,482.
```

Dabei ist noch zu bemerken, daß die angenommenen Formzahlen eigentlich einem absoluten Höhenmaße angehören, nämlich dem bei den Versuchen gebrauchten Fuße zu 125 par. Linien; daß also beim unmittelbaren Übertragen derselben auf ein anderes Fußmaß in der Theorie kleine Abweichungen entstehen. Diese verschwinden jedoch in der Praxis unter den weit größern Schästungsmängeln, so daß man obige Umrechnungsfaktoren gar wohl als genügend annehmen kann.

§. 382. Unwendung der Baldmassentafeln.

Will man die Baldmassentafeln sicher und leicht für die Massenschätzung gebrauchen, so muß man bas Augenmaß fleißig üben, sowohl im Beurtheilen des Waldschlusses überhaupt, als auch im Unsprechen ber Abstandszahl, ber Sohe und Form im Besondern; zudem muß man die Bestandesfläche kennen, und es versteht sich von selbst, daß hierzu, wie bei der Probenschätzung, die etwa vorfindliche, erhebliche Luckenfläche zu überschlagen und von der ganzen Ortsfläche abzuziehen ift. Unsere somit mehr begrundete Massenschätzung erstreckt sich allerdings vorzugsweise nur auf mehr gleichwüchsige Bestände, in benen die Mittelhobe mit ziemlicher Sicherheit zu bestimmen ist; weniger eignet sie sich zwar für ungleichwüchsige und ungleichartige Be= stände, doch geben wir auch für diese die nöthigen Andeutungen zur Anwendung der Waldmassentafeln. Überdies konnten diesel= ben auch noch zur Bestimmung bes Massenzuwachses mit benutt werden.

- 1) Gleichwüchsige Bestände von einerlei Art.
- a) Man schätt oder mißt die Mittelhöhe, bestimmt die Schlußklasse, gewöhnlich bloß nach dem Augenmaße, jestoch stets mit Erwägung des Abstandes, und nimmt hierzu die Massengehalts = Angabe. Ein 75 Fuß hoher, zur Klasse II, b gehöriger, mehr räumlich stehender Buchenbestand enthielte pr. Mg. 2600 Körperfuß Holzmasse.
- b) Stellte sich die Höhe zwischen zwei Höhenstufen, so müßte der verhältnismäßige Zwischengehalt näher berechnet werden. Ein 102 Fuß hoher Fichtenbestand Klasse IV, a hätte pr. Mg.

 $7284 + \frac{7702 - 7284}{5} \times 2 = 7451$ Kfuß.

c) Eben so verfährt man, wenn ber Abstand zwischen zwei Schlußklassen fällt. Einem 80fußigen, mitten zwischen die Rassen Ill, c und IV, a fallenden Kiefernbestande kamen zu:

$$\frac{4490 + 4209}{2} = 4349$$
 Rfuß.

d) Wiche die Stammform des Bestandes erheblich ab, so bestimmte man dieselbe auch besonders und berichtigte das nach den bezüglichen Massengehalt. Fände sich z. B. an dem obigen Buchenbestande von 75' H und II, b Klasse als mittlere Formzahl nicht 0,57, sondern 0,62, so änderte dies den Massenzgehalt in Verhältniß dieser beiden Faktoren, nämlich:

0,57:0,62 == 2600:2828 **A**fuß.

Man hätte dieses Übermaß der Stammform auch der Höhe aufrechnen und nach 0,57: 0,62 = 75:80 mittels 0,57 f und 80 H ziemlich denselben Massengehalt sinden können (§. 348. Schlußanmerk.).

e) Fiele endlich ber ermittelte Abstand noch unter die I., ober über die IV. Schlußklasse hinaus, ober stimmte berselbe überhaupt mit keinem der bezüglichen Ansase überein: so quadrirte man die wirklich gefundene Abstandszahl und dazu noch eine eben paßliche von derselben Höhenstuse der Tasel und bildete aus beiden um gekehrt anzusesenden Quas draten ein Hülfsverhältniß, das zur Berechnung des gesuchten Massengehaltes nach der durch das Quadrat ihres Abstandes mit zur Vergleichung gezogenen Massenzahl diente (§. 366. 4.). Stände z. B. ein Eichenschlag mit 95 Fuß Mittelhöhe in 10sachem Abstande, und knüpfte man seine Berechnung gleich an die Klasse IV, c mit dem Abstande 4,41: so ergäbe das Verhältniß 10°: 4,41° an Massengehalt pr. Mg.

$$\frac{4,41^2}{10^2} \times 5605 = 1090$$
 Rfuß.

Fände sich zufällig die Hälfte der Abstandszahl in derselben Höschenstufe vor und mithin das leichte Hülfsverhältniß 2°: 1°: so brauchte man nur den vierten Theil des bezüglichen Klassengeshaltes zu nehmen. Der 95fußige Eichenbestand Klasse III, b mit 5fachem Abstande enthält 4359 Kfuß und der gleich hohe mit dem 10fachen Abstande hat wie oben

$$\frac{4359}{4} = 1090$$
 Kfuß.

2) Ungleichwüch sige Bestände von einerlei Art. Man spricht zuerst die Schlußklasse im Ganzen an, sondert sich dann eigene Höhenklassen ab und bestimmt von jeder den ihr zukommenden Antheil an der Bestandessläche. Hiernach nimmt man für eine Höhenklasse nach der andern, in Gemäßheit ihrer besondern Mittelhöhe, aus der gemeinschaftlichen Schlußklasse den verhältnismäßigen Massentheil. Gesett, in einem mehr gezschlossenen Buchenbestande, Klasse III, b, nähme das 50fußige Unterholz 0,8 und das 80fußige Oberholz 0,2 der Bestandessläche ein: so hätte

bas Unterholz 1939 × 0,8 = 1551 Kfuß, bas Oberholz 3592 × 0,2 = 718 ,, beibes zusammen: 2269 Kfuß.

Wiche der Abstand, oder die Höhe, oder die Stammsom von den Ansähen in der Tafel ab, und man wollte die Abweischung nicht mittels der Faktoren gegenseitig ausgleichen: so wären noch die oden unter 1, b, c, d gegebenen Regeln anzuwenden. Weist ist es jedoch am rathsamsten, die Oberbäume nach ihrem besondern Abstande ganz für sich zu schähen, und eben so auch das Unterholz.

3) Ungleichartige Bestände. Wenn verschiedene holzgattungen durch einander stehen, so bestimmt man die gemeinsschaftliche Schlußklasse und zudem von jeder Holzgattung das Verhältniß ihres Antheiles an der Bestandesstäche nebst ihrer bessondern Mittelhöhe und nimmt den Massengehalt aus der, jeder Holzgattung eignen Tafel. Fänden sich z. B. in einem gemischten Bestande 0,7 Kiefern von 70 Fuß und 0,3 Eichen von 60 Fuß Höhe und jede in ihrem Antheile zur Klasse III. c geshörig: so betrüge der Massengehalt von

Kiefern $3572 \times 0.7 = 2500 \text{ Kfuß,}$ Eichen $2633 \times 0.8 = 790$,, Zusammen: 3290 Kfuß.

Genauer, obschon mehr gesucht, wäre das Verfahren, wenn man den Abstand vom Sanzen und etwa auch die Stammform jeder Holzgattung schätzte und bann nach 1, d, e rechnete.

4) Massenzuwachs. Man bestimmt nach bem wirklichen Sohen : und Stärkezuwachse (g. 357.), in welcher Zeit der Be-

stand die nächste Höhenstuse erreichen und wie sich während des der Abstand und Massengehalt stellen würde, dividirt dann den Unterschied des gegenwärtigen Massengehaltes von dem ermittelsten künftigen durch die Zahl der Zwischenjahre: so ergiebt sich der zeitliche Jahreszuwachs. Geset, in einem Buchenbestande mit 60' H, 5,86 Abstand und 2107 Massengehalt verspräche der Probestamm von 60' H und 2,8' U jährlich 0,5' Höhenzuwachs und 0,02' Umfangszuwachs; dann würde der Bestand nach 10 Jahren die nächste Höhenstuse von 65 Fuß und während des die Mittelstärke von 3 Fuß erreichen, sich also (n. §. 366. 5.) auf den $\frac{2,8}{3} \times 5,86 = 5,47$ sachen Abstand stellen. Dasür fände sich die zu erwartende Bestandesmasse zwischen den Klasssenden ist, a und b,

$$\frac{2536+2732}{2} = 2634 \, \text{Rfu}\beta,$$

und als Jahreszuwachs ber Zwischenzeit

$$\frac{2634-2107}{10}=52,7$$
 Rfuß.

Dies Verfahren wäre eben auch anwendbar auf gesonderte Höhenklassen und Holzgattungen mit verschiedenen Stammformen; es kann aber keinesweges die Leichtigkeit und Sicherheit unserer Massenzuwachs-Ermittelungen nach Prozentsätzen (§. 359.) gewähren.

Die Waldmassen-Taseln sollen eigentlich nur als überall bereitwilliger Rechenknecht die fertigen Produkte G × H × f dars bieten. Zu deren sicherm Dienste muß man sich aber erst an Ort und Stelle durch geeignete Proden die eben anzuwendenden Schlußklassen ausmitteln und das Augenmaß recht einüben. Wer in seinem Schätzungsbereiche die höhern Massengehalte dieser Tasseln nicht sindet, — die niedrigern sind leider weniger selten, — der verurtheile ihre Dienste deßhalb doch ja nicht, bevor er die Natur seiner Waldgattung auch anderwärts beobachtet hat. Man vergleiche nur die Kiefernwälder der norddeutschen Sandebenen mit denen der mitteldeutschen untern Keuperlagen.

b. Maffenschähung nach Erfahrungstafeln

§. 383. Überhaupt.

Erfahrungsmäßigen Massengehaltes, welchen die Hauptwaldsgattungen in den verschiedenen Altersstusen auf der Fläscheneinheit erwarten lassen. Sie geben den Massengehalt entweder nur für den normalen Standort und vollen Bestand an, oder sie beziehen ihre Angaben auf gewisse Bonitätsstusen des Standortes und benutzen neben dem Alter auch wohl noch andere Vergleichssmomente, d. B. die Stammzahl, Mittelstärke, Abstandszahl, Stammgrundsläche und Mittelhöhe, zu einer genaueren Bestandescharakteristik.

Dergleichen Ertragstafeln dienen vorzugsweise zur Boraus: bestimmung künftig erwartbarer Erträge, und es wird daher von ihnen und ihrer Anwendung erst später ausführlicher die Rede sein (§. 395 ff.). Sollen sie zur Schätzung der gegenwärtigen Masse benutzt werden, so ist zu ermitteln:

- 1) die Standortsklasse, nach Maßgabe der Bodenbeschaffen= heit, Lage u. s. w., entweder in Theilen (Zehnteln) des norma= len Standortes, oder unmittelbar nach einer derjenigen Klassen, welche die Tafel zur Grundlage hat;
 - 2) das mittlere Bestandesalter;
- 3) der Vollwüchsigkeitsgrad, d. h. inwiefern der Bestand als voll und der Tafel entsprechend oder zum wie vielsten Theile er als vollwüchsig anzusehen ist. Blößen werden dabei am besten von vornherein abgesetzt.
- 3. B.: Eine Ertragstafel gebe für ben vollen Buchenhochwald auf normalem Standorte im 100jährigen Bestandesalter 5000 c' Masse pr. Morgen an; der abzuschätzende 100jährige Bestand von 10 Morgen stehe aber auf einem Standorte, der nur eine Erstragsfähigkeit von 0,8 des normalen habe, und sei überdies nur zu 0,75 des vollen anzusprechen: so würde seine Masse = 5000 × 0,8 × 0,75 × 10 == 30000 c' sein.

Dbichon nun in gut construirten Erfahrungstafeln bie oben angedeuteten Bergleichsmomente einigen Anhalt gewähren: so ift

boch die Bestimmung des wirklichen mittseren Alters schon eine misliche Sache; noch mehr aber liegt die Schähung der Standortsgüte, des ihr zukommenden Bollbestandes und des Fehltheiles außer den Grenzen der wahrscheinlichen Erreichbarskeit, so daß man nach diesem Berfahren den Massengehalt des vor Augen stehen den Holzes nach den verdorgensten und eigentlich nur in der Einbildung schwebenden Größe demist. Bei weitem leichter und sicherer ist die Schähung der Gehaltsfaktoren oder der Massenhaltigkeit selbst. — Solche voraussehen den Bergleichungen auf dem Grunde angenommener Normalbes estände sind nur statthaft dei Bestimmung der einstigen Erträge von Junghölzern, deren weiterer Massenzuwachs dis zur Abstriedszeit dem vorhandenen Holzbestande noch nicht besonders ausgerechnet werden kann.

c. Dfulare Maffenfchagung.

§. 384. Überhaupt.

Um Bestandesmassen noch slüchtiger zu schähen, gebraucht man auch anderwärts gewonnene, paßliche Massenergebnisse, theils von wirklich erfolgten Hauungen, theils von Bestandesauszähzlungen, theils von sonst wo genommenen Proben zur okularen Schähung. Solche zur unmittelbaren Vergleichung brauchbaren Massenhaltigkeiten sammelt man sich mit Bemerkung der Holzart, des Abstandes und der Stärke, der Höhe und der Form, des Alters und der übrigen Bachsthumsverhältnisse, und reiht die zusammengehörigen wohl auch von jeder Waldgattung nach Bezstandesklassen auf, um sie für den zu schähenden Bestand sogleich auswählen zu können. Wo der Holzbestand in seiner Ausdehznung zu verschieden ist, werden darin ebenfalls gleichmäßigere Bestandesstücke abgetheilt und nach ihrer Flächenausdehnung dez messen; auch überschlägt man die etwa vorsindliche Lückensläche und scheidet sie gleich von der Schähung aus.

Diese Massenschätzung geht am leichtesten von Statten; sie ist bei zureichender Sammlung vergleichbarer, zumal aus der Rabe genommener Massenergebnisse am thulichken und in den

Händen eines geübten Schätzers, der seine Bergleichungsgrößen selbst gesammelt hat und immer seine Sehaltsfaktoren G, H, f mit als Maßstad gedraucht, am vorzüglichsten. Die Ergednisse wirklicher Hauungen desselben Forstes beseitigen überdies viele Abweichungen, die dei Ermittelung mancher Bestandtheile, so wie der örtlichen Sortenverhältnisse und Nutzungsverluste sonst unvermeidlich sind. Jeder Forstwirthschafter sollte sich von allen seinen Hauungen den pr. Morgen durchschnittlich erfolgten Sesammtzund Sortenertrag auswerfen. Wo eben ein gänzlicher Abtried nicht Statt gefunden hat, wird zu dem gewonnenen Ertrage noch der zurückgebliedene Bestandtheil geschätzt. Auf solche Weise versschaft man sich, bei fortgesetzter Übung des Augenmaßes, den bezwährtesten Anhalt zur Schätzung aller vorhandenen Bestände.

§. 385. Beiläufige Zuwachsschätzungen an Holzbeständen.

Wir reihen hier an die ungefähre Massenschatzung noch einige Andeutungen über beiläusige Zuwachsschätzungen von Beständen, beren Masse zwar bekannt, deren lausenden Zuwachs man aber eben nicht durch nähere Untersuchungen genau ermitteln, sondern nur im Sanzen ungefähr bestimmen will. Es kann dies gesches hen entweder nach dem Alters = Durchschnittszuwachse, oder nach dem Stärkezuwachse ohne oder mit bes stimmtem Höhenzuwachse.

1) Den Alters = Durchschnittszuwachs ober eigent= lich die Durchschnittsmehrung findet man von dem ganzen Bestande, wie von dem einzelnen Baume (§. 357. 2.), durch Theilung des eben vorhandenen Massengehaltes mit der Alterszahl. Wo in dem Bestande verschiedene Altersklassen unter ein= ander vorkommen, wird jede durch ihr Alter besonders getheilt.—Da jedoch der laufende Bestandestanden auch das mittlere Bestandendern Gesetzen fortschreitet; da zudem auch das mittlere Bestandesalter, so wie der inzwischen entkommene Holzabsall und Borzertrag nie ganz genau zu erforschen sind: so kann der an dem Bestande unmittelbar gesundene Durchschnittszuwachs

weber mit bem wirklichen Jahreszuwachse übereinstimmen, noch sonst einen sichern Schluß auf den weistern Bachsthumsgang begründen.

Anders gestaltet sich bie Sache, wenn man bloß ben einsti= gen Sauptertrag eines Bestandes nach dem wirklich erfolgten Durchschnittserwachse schlagbarer Hölzer erfahrungs= mäßig anspricht. Hierbei ist aber mohl zu erwägen, ob auch ber Schätzungsbestand die Bollkommenheit des Musterbestandes er= reichen werbe. Meist rechnet man zu sicher auf bas Gebeihen feiner Junghölzer. Zudem ift bei diesem Berfahren nicht unberuckfichtigt zu lassen, daß das Alter der Baumholzbestände -aus früherer Zeit selten auf 10 bis 15 Jahre genau bestimmt werden kann, und daß der Schätzer zu oft geneigt ist, von jedem Mu= sterbestande das beste Stuck als Probe zu mählen. Nimmt nun derfelbe z. B. für 140 Jahre nur 125, für 100 Masse aber 110, was beides gar leicht geschehen kann: so rechnet er 118 heraus anstatt 128, und ber Fehler läuft ber Ertragsentnehmung mit 24 pCt. in die Hände.

2) Nach dem Höhenzuwachse allein. Dürste man voraussetzen, daß sich an einem Holzbestande die Stammgrundslächensumme G und die Formzahl f mährend der fraglichen Zuwachszeit nicht veränderten, sondern nur die Scheitelhöhe H zuwüchse,
etwa um s: so stiege die Bestandesmasse von G × f × H zu
G × f × (H + s), also in dem Verhältnisse H: H + s, und
der Holzgehalt verhielte sich zu dem fraglichen Holzzuwachse wie
H: s, d. h. wie die erstere Scheitelhöhe zu dem Höhenzuwachse.

Bei dieser Voraussetzung ließe man freilich benjenigen Massenzuwachs fallen, welchen die ebensowohl zunehmende Stammsgrundsläche begründet. Derselbe ist jedoch in ganz vollen Wüchsen weniger beträchtlich und entgeht dem Bestande wenigstens theilsweise wieder durch den ausgeschiedenen Vorertrag. Überhaupt verhält sich die bleibende Zunahme des Haupterstrags gleichmäßig gehaltener Bestände ziemlich nahe wie die Bestandeshöhe.

3) Rach bem Stärkenzuwachse. Behielte ein Baum bieselbe Form, so wurde sich bessen fortschreitender Dassengehalt

bei vollem Höhenzuwachse wie d. : D., bei sehlendem Höhenzus wachse wie d. : D. verhalten (h. 361.). Zwischen diese zwei Grenzen fällt auch der Massenzuwachs mehrer Bäume zusammen oder ganzer Holzbestände.

Gesetzt nun, ber Mittelstamm eines Bestandes hätte jett 12" und nach 10 Jahren 13" im Durchmesser: so verhielte sich die Bestandesmasse zu dem gesammten Massenzuwachse aller 10 Jahre,

bei vollem Höhenzuwachse wie $12^3:(13^2-12^3)=1:0,27...$ bei sehlendem Höhenzuw. wie $12^2:(13^2-12^2)=1:0,17...$

Hierbei siele der einjährige Zuwachs zwischen 2,7 und 1,7 pCt: Mit einem solchen Zuwachsverhältnisse durfte also nur der bekannte Massengehalt multiplizirt werden.

Erfolgte berselbe Stärkezuwachs an sechszolligen Stämmen, so hätte man die Verhältniffe:

$$6^{3} \cdot (7^{3}-6^{3}) = 1 : 0.58 \dots,$$
 $6^{2} : (7^{2}-6^{2}) = 1 : 0.86 \dots,$

also jährlich zwischen 5,8 und 3,6 pCt., woraus abermals ersicht= lich ist, daß jüngere, schwächere Holzbestände weit besser zuwachsen, als ältere, stärkere.

4) Man könnte ben Stärkenzuwachs auch mit einem bestimmten Höhenzuwachse verbinden. Bei gleichbleiben= ber Form verhält sich die Bestandesmasse zweier Altersstufen

$$= \mathbf{d} \times \mathbf{d} \times \mathbf{h} : \mathbf{D} \times \mathbf{D} \times \mathbf{H},$$

$$= \mathbf{1} : \frac{\mathbf{D}}{\mathbf{d}} \times \frac{\mathbf{D}}{\mathbf{d}} \times \frac{\mathbf{H}}{\mathbf{h}}.$$

Wäre nun wieder d = 6", D = 7", dazu h = 45' und H = 50': so verhielten sich die Massen

$$= 1 : \frac{7}{6} \times \frac{7}{6} \times \frac{50}{45},$$

$$= 1 : 1.5,$$

und man fände für einen 10jährigen Zwischenraum 0,5 Massenzuwachs, ober jährlich 5 pCt.

Diese Arten der Zuwachsberechnung, und besonders die letzte, könnten in Ermangelung von Holzzuwachstafeln angewendet wers den, ersetzen jedoch bei weitem nicht die Leichtigkeit und Sichers heit der letzteren.

§. 386. Abtheilung bestimmter Massen von einem Holzbestanbe.

Um für die laufenden Hauungen oder zur Erfüllung einer weitern Eintheilung bestimmte Hiebsmassen von einem Holzbesstande abzutheilen, nimmt man in der gegebenen Bestandessläche zuvörderst eine vorläusige Abschnittslinie an und schätzt nun den vorgenommenen Theil vermittelst gänzlicher Auszählung, oder nach Proben, oder gleich nach der Masse. Hierbei ergiebt sich ein Überschuß oder Mangel; jener wird wieder abgeschnitten, dieser wird noch hinzugenommen, wie bei der Flächentheilung (§. 220.).

Durschneidet die in der Regel gerade und folgerecht zu les gende Hiebslinie eben Bestandesstücke von ungleicher Massen vober Werthhaltigkeit, so ist das Verfahren, wie bei Theilung der Fläschen, von verschiedenem Grundwerthe (§. 221.).

Soll von dem Holzbestande nur ein gewisser Bestandtheil ausgehauen werden, so schätzt man gewöhntich den ganzen Massengehalt, bestimmt den Überhalt und nimmt den Unterschied als hiebsmasse an. Was ein dabei verlangtes Sortenverhältnis betrifft, so kann dasselbe kein anderes sein, als es derselbe Bestand zu geben vermag. Man erlangt ein solches nur durch zweckmässige Vertheilung des Hiebes in verschiedene Bestände. Wie man sich übrigens bei der Hauung hilft, wenn hier oder da der Erztrag nicht zutrifft, lehrt die Forstbenutzung.

§. 387. Ubweichungen ber Solzbestandesschätzungen.

Von den Schätzungsergebnissen weichen die nachherisgen Rutungsergebnisse mehr oder minder ab. Diese oft nicht unbeträchtlichen Abweichungen erscheinen um so unvermeidelicher, je weniger einerseits die Schätzungsgrößen zu bemessen und sicher zu bestimmen sind, und je mehr andererseits die vorsausgeseite Mehrung und Nutzung unverhergesehenen Zufällen unterliegen; sie entspringen theils aus dem angewendeten Schästungsverschen Schästungsversche schaft und schästungsverschen Schästungsverschen Schäumpsprachen Schästungsverschen Schästungsversche schapten schändlich und schästungsverschen Schästungsve

standesmehrung, theils und hauptsächlich mit aus der nach= herigen Nutungsweise.

- 1) Die anzuwendenden Schätzungsverfahren leisten verschiedene Genauigkeitsgrade, wie schon oben näher angedeu= tet ist.
- a) Die Bestandes aus zählung erhebt ihre Gegenstände einzeln und am sichersten; sie wird vorzugsweise angewendet, wo eine ganz genaue Bestandesaufnahme erforderlich ist, wie etwa bei den in der nächsten Zeit zur Nutzung kommenden Beständen, bei Aufnahme von Probestächen, bei Sammlung von Erfahzungsgrößen, bei Berkäusen auf dem Stamme, Waldwerthschästungen u. s. w., oder wo ein leichteres Versahren eben nicht zurreicht, wie z. B. bei ganz ungleichem Bestande mit zerstreuten Baumhölzern. Die ihr eigenthümlichen Abweichungen sind nur in den dabei anzuwendenden Höhen und Formen der Stämme zu suchen.
- b) Die Probenschätzung ersett die gänzliche Bestandeszauszählung in größern, mehr gleichförmigen Waldmassen. Ihre Leichtigkeit zieht freilich den besondern Mangel nach sich, daß die gesammte Stammgrundsläche nur nach einem kleinen Theile des Sanzen bestimmt wird. Die Höhen und Formen sollte man stets von dem ganzen Bestande abnehmen.
- c) Die Massenschaltsfaktoren und auf Bergleichung mit wirkder verschiedenen Sehaltsfaktoren und auf Vergleichung mit wirklichen Schähungsergebnissen; sie kann wenigstens im gleichwüchsiz gen Bestande die Senauigkeit der Probenschähung ziemlich erreischen, dabei durch Maßnehmung von wirklichen Hauungsergebnissen der örtlichen Nutzungsweise mehr entsprechen.
- d) Die Zuwachsermittelung ist von keinem Schäzungsversahren abhängig; bei jedem kann sie genau oder nur beiläusig angewendet werden. Sofern sie sich der Prozente vom Massengehalte bedient, gehen die Fehler der Massenzahlen auch in die Zuwachszahlen über. Wie schon bekannt, gewährt der laufende Jahreszuwachs mehr Sicherheit als der periodische, und dieser wieder mehr als der altersburchschnittliche.

- 2) Die vorausgesetzte Bestandesmehrung kann bedeustenden Abweichungen unterliegen, theils durch anders erfolgenden Zuwachs, theils durch natürliche Unfälle, so wie durch Entwensdungen und sonstige Mehrungsverluste; auch kann die Durchsorsstung anders betrieben werden und die gänzliche Abnutzung früsher oder später eintreten.
- 3) Die Statt sindende Nugungsweise ist gar oft eine andere, als die vorausgesetzte. Die Hauabfälle und Nugungs-verluste in den Holzhieben fallen abweichend aus; die äußeren Baumtheile, wie das Burzels und Reisholz, werden weniger oder mehr ausgenut; die bestimmten Holzmaße werden völliger oder knapper eingehalten u. dergl. m. So verursacht es in dem Massenertrage einen großen Unterschied, wenn die Klastern mehr mit Unterlagen versehen, dichter gefüllt, in halbe oder ganze Höshen gesetzt, oder wenn die nach dem Umfange geschätzten Hölzer nach dem Durchmesser abgegeben werden.

Man darf wohl annehmen, daß bei sorgfältiger, genauer Schätzung die nicht nachzuweisenden Abweichungen des wirklichen Bestandeszuwachses und der Nutzung mindestens die Hälfte von dem Unterschiede zwischen den Schätzungs und Nutzungsergebenissen betragen.

III. Walbertrags = Schätung.

1. Allgemeine Grundbegriffe.

§. 388. Bom Ertragsvermögen ber Waldung über= haupt.

Der Walbertrag ist das Produkt zweier Faktoren; er geht hervor aus der Ertragsfähigkeit des Standortes und aus der Ertragsamkeit des Waldwuchses. Die Ers tragsfähigkeit des Standortes, bedingt von Boben und Lage, befähigt denselben, Holzwüchse aufzunehmen, zu ernähren und im Bachsthum zu fördern; sie ist die Quelle des ganzen Balbreichthums, deren Ergüsse der gute Forstwirth so viel als möglich gangbar erhält, mehrt und sammelt. Die Ertragsamsteit beruht in der eben vorhandenen Ansammlung von mehr oder minder augemessenen und vollkommenen, jüngeren und älteren, reisen und ertraggebenden Holzwüchsen, die das natürzliche Betriebskapital bilden, womit der Forstwirth die Kräfte des Standortes zur Ertrags-Hervordringung nutt. Dhne Ertrags-fähigkeit würde keine Ertragsamkeit erzeugt, und ohne diese würde jene nicht wirken können; beide zusammen sind der Inbegriff des Ertragsvermögens.

§. 389. Ortsertragsfähigkeit.

Um die Birksamkeit bes Standortes auf das Holzwachsthum näher zu bemessen, muß man das Raß der absoluten Ortsgüte arithmetisch bezeichnen. Bir nehmen hierzu zehn Standortsklassen an und bezeichnen davon die ausgesucht beste mit 1 und die neun niederern mit Zehnteln, so daß diese Jahlen zugleich die absoluten Berhältnisse des Grundwerthes ausdrücken. Somit gilt 0,1 für die niedrigste Güte und ist dem geringsten Standorte eigen, der kaum noch Holzbestand tragen kann; dagegen 1 für die in der Waldung selten und nur stückweise vorkommende höchste Güte und gehört dem ausgesucht besten Standorte an, der unter allen den reichhaltigsten Baldbestand trüge. Weitere Zwischenstusen könnten beliedig durch Hunderttheile ausgedrückt werden.

Diese allgemeinen Bezeichnungs = und Werthszahlen stehen in gleichem Verhältnisse mit der Reichhaltigkeit und Ergiebigkeit des von einem jeden Standorte erzeugten Vollbestandes der ansgemessenen Waldgattung. So würde ein Standort mit 0,7 der besten Ertragsfähigkeit einen ihm angemessenen Holzwuchs von 0,7 der reichsten Ertragsamkeit hervorbringen können.

Diese Bezeichnung der Ortsgüte darf jedoch nicht etwa nur eine lokale Beziehnung haben, sondern muß für den ganzen Verbreitungs-Umfang jeder fraglichen Waldgattung gelten, weil ohne eine solche Allgemeinheit und Übereinstimmigkeit im Anspre-

chen ber Standortsbestandes = und Ertragsgute fremde Beobach = tungen und Erfahrungen über ber Wälber Verhalten, Bestand und Ertrag durchaus nicht benuthar wären.

Mittels dieser arithmetischen Bezeichnung ber Standortsgüte läßt sich leicht die Durchschnittsgüte bestimmen.

Hätte z. B. ein 48 Mg. großer Walbort

so wäre die durchschnittliche Ortsgüte oder der mittlere Grundwerth pr. Mg.

$$\frac{8\times0,6+8\times0,7+32\times0,8}{48}=0,75.$$

Eben so leicht läßt sich für ganze Forste die mittlere Ertragsfähig= keit auf diese Weise berechnen und zur vergleichenden Beurthei= lung bei Bestimmung der Umtriebszeit und Behandlung des Massenvorrathes und Ertrages benutzen. — Zudem können wir damit jede Ortsstäche nach der gegebenen Ortsgüte auf den vollen Grundwerth leicht umrechnen. Obige 48 Mg. haben an ge= sammtem Grundwerth 8 × 0,6 + 8 × 0,7 + 32 × 0,8 — 48 × 0,75 — 36 Vollwerthsmorgen.

Hierin sindet man wohl Grund genug für unsere Abweischung von dem so unarithmetischen Gebrauche, das Beste durch die kleinste und das Geringste durch die größte Verhältniszahl umgekehrt zu bezeichnen, was ganz unvereindar ist mit der Answendung durchschnittlicher Ortsgüten, allgemeiner Grundwerthe und einstiger Volkerträge. Das oft geäußerte Bedenken gegen unsere größere Anzahl Standartöklassen ist seicht gehoben, wenn man erwägen will, daß in einem und demselben Forste von allen zehn Ortsgüten nur einige, östers nur 3, selten über 5 vorskommen. Diese wenigen könnte man nun auch von Forst zu Forst wie gewöhnlich mit I. die V. bezeichnen; doch müsten solzche örtlichen Wod enklassen, sollten die Befangen; beiten im Örtlichen nicht weiter bestehen.

Man sindet übrigens viel Schwierigkeiten im Ansprechen ber Ertragsfähigkeit wegen der oft unerforschlichen Miteinslüsse versssiedener Faktoren der Ortsgüte, was die forstliche Standortskunde näher nachweiset *). Als vergleichender Maßstad dürfte dazu noch am besten die Mittelhöhe des angemessenen, mitztelmäßig gerathenen Waldbestandes dienen, insosern diese mit der Standorts = und Bestandesgüte ziemlich genau in geradem Verhältniß steht. So könnte man etwa für den erwachssenen Buchenhochwald zu

ben. Ortsgüten: 1. 0,9. 0,8. 0,7. 0,6. 0,5,die Mittelhöhen: 100. 90. 80. 70. **60.** 50 Fuß annehmen und die Anwendbarkeit biefes neuen Maßstabes gleich an ben seitherigen Ertragstafeln versuchen. In benselben findet sich ber Buchenhochwald bis auf die geringste Ortsgute hinausgereihet; berselbe kann aber mit einer geringern Sohe als obige nicht wohl bestehen; daher können auch diese Buchenhochwald= Tafeln nicht ber Natur im Allgemeinen entnommen fein.

§. 390. Balbertragfamteit.

In den wachsenden Massen eines Wirthschaftswaldes reisen fort und fort Erträge, theils bestandweise zum verzüngenden Abstriebe, theils stammweise zum vorläusigen Aushiebe. Diese Erstragsamkeit wird hauptsächlich bedingt durch die Waldgatztung und Waldbehandlung.

- 1) Sebe Walbgattung wächst durch alle Altersstufen nach eignen Zuwachs = und Ertragsgesetzen. Ihre Ergiebigkeit ents spricht jedoch nur auf angemessenem Standorte der allgemeinen Orsgüte. Kein einziger Holzwuchs vermag in einem, ihm unangemessenen Standorte den bezüglichen Vollertrag zu gewähren. Manche Baumart wächst nur in den bessern, manche gebeiht mehr in den mittlern, manche begnügt sich auch mit den geringern Standorten, und sebe liebt besondere Gebirgs = und Bodenarten und Ortsbeschaffenheiten.
 - 2) Die Behandlung des Baldes wirkt unglaublich

^{*)} Bergl. Grebe, Gebirgskunde, Bobenkunde und Klimalehre in ihre Anwendung auf Forstwirthschaft. Elsenach 1853. §. 227.

verschieden auf bessen Ertragsamkeit; insbesondere sind die erste Anzucht, die weitere Stellung und Haltung des Bestandes, dessen Abtriedsalter, der gleiche oder ungleiche Buchs in Alter und Größe, so wie der gut gehaltene Bodenzustand wichtige und noch lange nicht genug erkannte Faktoren des Waldertrages. Die Schätzung unterscheidet wesentlich zwischen des Waldes wirklich em und normalem Zustande. Letterer ist das, der Walderziehung zum Ziele hingestellte, mehr ideale Bild des Volldestandes.

3) Die Ertragsamkeit beruht hauptsächlich in bem Massen vorrathe nebst Massenzuwachse und begründet die daraus hervorgehende Ertragsgüte. Auch sie kann vermitztelst der Stammgrundsläche, Bestandeshöhe und Stammsform bemessen werden, da jede Beränderung, welche an dem wachsenden Waldbestande im Ganzen oder theilweise vorgeht oder gedacht werden kann, durch die drei Sehaltsfaktoren G × H × st bestimmbar ist, die nun auch als Ertragsfaktoren weiter zu Diensten stehen. Durch dieses tressliche Mittel befreien wir zusdem die Waldertrags-Schähung von dem gar unbehülslichen Sesbrauche der Stämmezahl.

§. 391. Massenvorrath.

Da jeder Wirthschaftswald alle Jahre schlagbare Wüchse darbieten muß, jeder Waldwuchs aber erst nach mehrjährigem Alter zur Ernte reif wird: so kann auch kein Waldertrag nach= haltig Statt sinden ohne einen stusenweisen Nachwuchs von reisfenden Beständen. Den dadurch gebildeten Massenvorrath beurtheilt man nach dem normalen Waldzustande, welcher seinersseits hauptsächlich von Standort, Waldgattung und Bestandes= alter bedingt wird. Der wirkliche Massenvorrath eines Balz des sindet sich bald größer, bald kleiner, als der normale, und ist meist höchst verschieden, je nachdem die Vergangenheit den Wald hier ärmer gemacht, dort in seinem natürlichen Reichthume noch einigermaßen gelassen hat. Er ist der hauptsächliche Gezgenstand jeder Waldschaftung; denn je reicher eines Waldes Holz-vorräthe sind, um so mehr vermag derselbe abzuwersen.

Wo von dem Massenvorrathe auf den Ertrag geschlossen

wird, hat man ben unvermeidlichen Holzabfall und ben örtlichen Rugungsverlust wohl zu berücksichtigen. Der unvermeidliche Holzabfall umfaßt theils den natürlichen Selbstabfall verdrängter Zweige, Aste und Unterstämmchen, die noch kein Gegenstand wirthschaftlicher Benutung sind und den Leseholzsammlern oder dem Boden anheim fallen, theils den Hauabfall an Spänen und nicht benutharen Broden. Der örtliche Nutungsverlust geht hervor durch Entwendung, Absahmangel und Wirthschaftssehler; er ist sehr verschieden, mitunter bedeutend, betrifft jedoch meist nur geringe Holzsorten von dem Ast und Wurzelholze.

§. 392. Massen= ober Holzzuwachs.

Der Massenzuwachs einer Wirthschaftswaldung sollte den entnommenen Ertrag von Jahr zu Jahr in der Regel wiesder ersehen; ist er größer als dieser, so mehrt sich der ertragzgebende Massenvorrath; im entgegengesetzen Falle sinkt letzterer, und mit ihm der weitere Ertrag, äußersten Falles auf Richts herunter. Der Zuwachs spielt mithin, als ersehender Faktor, bei der Forstschäung eine bedeutende Rolle und zwar in mancherlei Gestalt. Seine Grundsorm in wirthschaftlicher Beziehung ist der von allen Natur= und Nutzungsabfällen freie, eigentliche Massenzuwachs. Dieser tritt in unsern Betrachtungen unter folgenden wesentlichen Abänderungen auf:

- 1) Der wirkliche ober Realzuwachs wird an den Waldsbeständen gleich mit Ausschluß der unvermeidlichen Holzabfälle wirklich ermittelt, wie unser laufender Jahreszuwachs, und als eine der sichersten Grundlagen zur Ertragsabschätzung gedraucht. Er sindet sich nach der Bestandesgüte mehr oder minder vollkommen, verliert auch mitunter durch Jufälligkeiten noch bedeutende Massen. Was davon der Nutzung zu Theil wird, nennen wir wohl auch Nutzungszuwachs, im Gegensatz von Naturzumachs, der alle Holzausscheidungen mit umfast und daher in der Wirklichkeit nie gewinndar ist (§. 357.).
- 2) Der normale Bollzuwachs ist in jedem Betracht vollkommen und baber, außer dem unvermeiblichen Solz=

abfall, ganz frei von allem Nutungsverlufte; aus ihm entsteht ber unbedingte ober normale Bollertrag.

- 3) Der lokale Vollzuwachs ist nur bis auf die man= cherlei örtlichen Nutzungsverluste vollkommen; so auch der aus ihm hervorgehende bedingte oder lokale Vollertrag.
- 4) Mehrungszuwachs ober Bestandesmehrung. Hiermit bezeichnet man, um Begriffsverwirrungen vorzubeugen, recht
 treffend benjenigen Theil des Massenzuwachses, welcher die Bestandesmasse eines jeden fraglichen Zeitpunktes und endlich auch
 den Hauptertrag bildet. Er umfaßt also benjenigen Theil des
 Zuwachses nicht mit, welcher den schon abgefallenen Vorerträgen
 angehört. Die Bestandesmehrung kann gleichfalls als reale,
 normale, lokale und wieder als altersdurchschnittliche,
 periodische und laufende in Betracht kommen.
- 5) Gesammtzuwachs: Fallen vor dem Abtriebe nutbare Worerträge von der Bestandesmasse ab, so reihet sich an diesen Mehrungszuwachs noch ein Zwischenzuwachs und bildet mit diessem den gesammten Nutzungszuwachs, welcher sich somit in Hauptertrags: und Vorertrags=Zuwachs theilt. Man nennt diesen Gesammtzuwachs im Gegensate zur bloßen Mehrung oft auch nur Zuwachs schlechthin, umfast wohl auch diese verschiedenen Bedeutungen in Bezug auf wirklichen Ertrag mit dem Worte Erwachs.

§. 393. Ertragsgüte. Ertragsklassen.

Ertragsgüte nennt man das Maß ber geschätzen ober geswährten Ergiebigkeit eines Wirthschaftswaldes an Masse und Werth, und brückt solche mittels des jährlichen Durchschnittsertrasges von der Flächenmaßeinheit im ergiebigken Schlagbarkeitsalter aus. Sie kann normal oder real sein. Die normale Erztragsgüte bezeichnet und bestimmt man im Allgemeinen ganz wie die Ertragsfähigkeit, mit der sie stets in gleichem Verhältnisse steht. Der ausgesucht beste Ertrag gehört zu 1 und jede der neun folgenden, eigentlichen Ertragsklassen bekommt ihren Theil

davon nach der Bezeichnungszahl. Wäre z. B. der höchste Erstrag vom Buchenhochwalde 65, so ergäbe sich zur Differenz aller zehn Ertragsklassen und zugleich als niedrigstes Glied 6,5, also für jede

der Standortöklassen: 1. 0,9. 0,8. 0,7. 0,6. 0,5,

die Ertragsklassen: 65. 58,5. 52. 45,5. 39. 32,5 Kfuß.

Nach der normalen Ertragsgüte läßt sich der Bollertrag eines Forstortes oder Waldverbandes leicht berechnen, wenn dessen durchschnittliche Ertragsfähigkeit dazu bekannt ist. Oben S. 389. dienten 48 Mg. zu 0,75 durchschnittlicher Ortsgüte als Beispiel. Davon betrüge nun die Ertragsgüte:

$$\frac{45,5+52}{2}=48,75 \text{ Rfu}\beta,$$

und ber jährliche Bollertrag vom Ganzen:

Ebendasselbe hätte sich ergeben, wenn die Berechnung nach jenen gesonderten Ortsgüten angelegt worden wäre, ober auch nach dem vollen Grundwerthe. Die obigen 48 Mg. betragen nämlich: $8 \times 0.6 + 8 \times 0.7 + 32 \times 0.8 = 36$ Vollwerthsmorgen, und gesben also: $36 \times 65 = 2340$ Ksuß Vollertrag.

2. Mittel und Wege zur Ertragsschätzung.

Bur Schätzung und Beurtheilung des einstigen Ertrages forst= mäßig erzogener und gehaltener Wälder bieten sich wesentlich zwei verschiedene Wege dar:

- 1) Die Ertragsbestimmung nach Ertrags = ober sogen. Erfahrungstafeln, welche für jede Baldgattung und Standortsklasse und jedes eben zur Frage kommende Benutzungsalter den erfahrungsmäßigen Ertrag voller Bestände für die Fläscheneinheit nachweisen und damit den Anhalt für die Bemessung des wahrscheinlichen Ertrages anderer, ähnlicher Bestände dars bieten; ober
- 2) die Ertragsbestimmung nach gegebener Borbes standes und Zuwachsmasse.

a. Ertragsbestimmung nach Erfahrungstafeln.

§. 395. Balbertragstafeln im Allgemeinen.

Bur Construktion brauchbarer Erfahrungstafeln erforscht man die erforderlichen Ertragsfaktoren an ausgesuchten, mittels mäßig gerathenen Musterbeständen, prüft und bewährt auch die Ergebnisse so gut als thunlich durch wirkliche Hauungserträge.

Die Auffindung solcher Musterbestände, deren Wachsthumsverhältnisse man bestimmt genug nachweisen kann; die Beurtheis
lung ihres normalen Zustandes und besjenigen, was an dem versmeintlich Vollkommnen einem außerordentlichen Gerathen zuzusechnen ist; die zuverlässige Verwendung des als normal Erkannsten sur die entsprechenden Standortsgüten und Behandlungsweissen; die vergleichende Musterung und berichtigende Zusammensordnung aller Ergebnisse in die Ertragsreihen: dies Alles ist mit unglaublichen Schwierigkeiten und Zweiseln verknüpft, die um so bedeutender hervortreten, je genauer man den Gegenstand beshandelt.

Bei dem Aufbau von Erfahrungstafeln kann man nun, dem Iwecke und der Form nach, verschiedene Richtungen verfolgen, und wir unterscheiden darnach:

- 1) Vollertragstafeln; sie geben für jedes Benutzungsalter den Haupt- und zugleich den etwaigen Vorertrag an, und sind zweisacher Art:
- a) Normalertragstafeln, welche die Vollerträge der normalen Baldzustände ganz allgemein und unbedingt, nur mit Ausschluß des allerwärts unvermeidlichen Selbst = und Hauabsfalles aufstellen. Sie sollen gewissermaßen nur die aus dem Großen gegriffenen unbedingten Grundgesetze des Holzwachsthums und der Ergiebigkeit darstellen, können also keineswegs auf lokale Verhältnisse näher eingehen, die in den Forsten so mannichsfaltig auf deren Ergiebigkeit einwirken, und sind daher auch zur unmittelbaren Abschätzung künftiger Erträge nicht ohne Weiteres benuthbar.

- b) Lokalertragstafeln. Diese geben den Ertrag des normalen Waldzustandes in Gemäßheit der besonderen Forstver= hältnisse und ausschließlich aller örtlichen Nutzungsverluste an.
- 2) Waldmehrungstafeln. Sie stellen bloß die erfahrungsmäßige Massenhaltigkeit der Bestände für die verschiedenen Altersstufen auf, unterscheiden sich also von den vorigen wesentlich badurch, daß sie die Vorerträge nicht mit umfassen.
- 3) Durchschnittsertragstafeln stellen nur den für die Flächeneinheit und pr. Jahr ermittelten Durchschnitts= ertrag innerhalb der Grenzen der gewöhnlichen Benutzungsalter auf.

Die mathematische Grundlage aller Ertragstafeln bilben im= mer die drei Gehalts= und Ertragsfaktoren G, H, f; sie sind die einzig sicheren Maße und Mittel zur Bemessung und Aufreihung der gefundenen Ertragsgrößen.

Bevor wir daher auf die verschiedenen Arten von Erfahrungstafeln näher eingehen, erscheint es zweckbienlich, erst die allgemeinen Wachsthumsgesetze dieser Ertragsfaktoren: die forstmäßige Stammgrundfläche, Bestandeshöhe und Stammform und die daraus folgenden Ertragsentwickelungen, als vorbereitende Einleitung vorauszuschicken.

§. 396. Forstmäßige Stammgrundfläche *).

Die Stammgrundfläche ober Dichtheit forstmäßig zu erziehender Waldbestände darf, wenn kein Ertragsverlust eintreten soll, zwei von Standort, Holzart und Erziehungszweck bedingte Grenzen nicht überschreiten. Den heranwachsenden, vollen Baummalb hält man allezeit zwischen einem forstmäßigen Schlusse und jenem, die Unterdrückung fördernden Drängen, das den Bestand durchforstbar macht. Wird die Stellung mehr geöffnet, so tonnen die Stämme ihren Standraum nicht ganz durchwurzeln und

^{*)} Zum Erfat ber ungeeigneten Stämmezahl.

einander nicht genug beifteben. Dagegen macht eine Überfüllung ben Bestand frankhaft.

Je besser der Standort ist, um so voller machst der Holz= bestand und um so weniger schabet eine etwas bichtere oder bun= nere Stellung. Je geringer ber Stanbort, um so kleiner erscheint darauf die forstmäßige Stammgrundflächensumme, um so enger sind jene Grenzen des haltbaren Abstandes, und besto nachtheili= ger wird jede Uberschreitung des zu dünnen und des zu dichten Standes. Die eine Holzart halt sich in ihrem natürlichen Schlusse merklich voller, als die andere; am dichtesten wachsen gemischte Bestände. Mit zunehmendem Alter gewinnt auch die Stamm= grundfläche des Waldbestandes, und zwar so lange, als die Schei= telhöhe oder doch die Kronenwölbung noch zunimmt; doch hat auch ber am Stamme mehr und mehr heraufsteigende Wurzelans lauf daran beträchtlichen Antheil. Holzwüchse, die früher eine zu starke Seitenverbreitung hatten, ober von Stockausschlag ermach: fen find, so auch die von ungleicher Größe, schließen fich niemals vollkommen bicht; ihre Stammgrundfläche ist allezeit eine niedris gere. Über ein gewisses Daß ber Stammgrundfläche kann kein Bestand sich verdichten (§. 371.).

§. 397. Forstmäßige Bestanbeshöhe.

Die Mittelhöhe eines gleichwüchsigen Balbbesstandes steht der längsten Stammhöhe näher, als der kurzesten, und gleicht meist der zweiten Söhenklasse; sie sindet sich dei gleischem Alter um so größer, je besser der Standort und je forstmäßiger die Erziehung ist. Das Höhenwachsthum fängt mit kleinen Fortschritten an, nimmt dann mehr und mehr zu, bleibt darauf längere Zeit von Jahr zu Jahr gleich, läßt späterhin wieder allsmählich nach und verliert sich vor der natürlichen Haubarkeit mit kaum merklichen Höhentrieden. Der lebhaftere Höhenzuwachs beginnt und endet bei einer Holzart früher, bei der andern später, bei Wiederausschlägen am frühesten. In manchen Verhältznissen ist das Höhenwachsthum dauernder und gleichmäßiger. Seitwärts schützende Gegenstände, als Bergwände, Felsen und

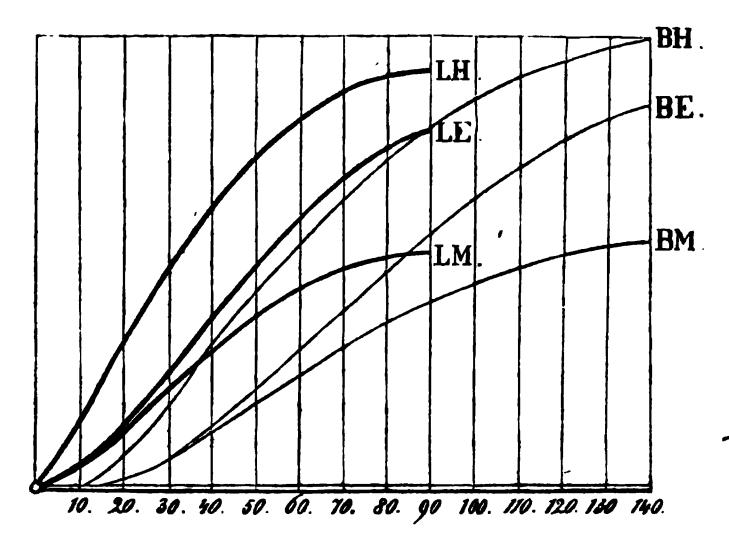
Bäume, begünstigen in gewisser Ferne den Höhenwuchs außeror= bentlich; Beschränkung der nöthigen Seitenfreiheit hält ihn zu= rück; Überschirmung unterdrückt ihn gänzlich. Ein Mangel an Schluß verursacht stärkern Seitentrieb; ein übermäßiges Drängen schwächt die Kronen und Wurzeln, beides auch zum Nachtheil des Höhenwachsthums.

§. 398. Forstmäßige Stammform.

Die mittlere Stammform eines Waldbestandes sindet sich bei jeder Holzart eigenthümlich, und zwar um so holzvoller, je besser der Standort, je freier der Stand, je niedriger die Stammhöhe bei voller Beastung und je kurzer und stacher der Wurzelanlauf eben ist. Unterdrückte, gipfellose Stämme des Besstandes haben eine größere Formzahl als die daneben spindelig in die Höhe getriebenen. Stockausschläge stehen später in Höhe und Form den Samenauswüchsen beträchtlich nach. Bei gleichmäßisger Stellung verliert die Formzahl desselben Bestandes mit zus nehmender Scheitelhöhe einigermaßen und gewinnt dann wieder, wenn sich, nach eingestelltem Höhenzuwachse, der Sipfel mehr wölbt.

§. 399. Ertrage: Rurven.

Die fortschreitende Zunahme der Bestandes Sohen, Massen und Erträge läßt sich in einfacher Weise graphisch recht anschaulich darstellen. Wenn man auf einer zur Grundlinie dienenden Scala die Theilpunkte als Altersstufen des Holzwuchses annimmt und auf einen jeden das gleichzeitige Maß des Erwachses mittels irgend eines Maßstades als senkrechte Linie errichtet, dann von dem Nullpunkte ausgehend alle Werthspunkte der periodischen Zustände mit einer krummen Linie verbindet: so giebt diese Kurve ein solches Bild der Steigung. Die weiter unten §. 423. dargesstellten Wachsthumsgänge der starken und schwachen Entstehung, entnommen von den Lärchen L und Buchen B, bildeten im Höhen wuch se LII und BH, in der Massenmehrung LM und BM und im Gesammtertrage LE und BE die hier folsgenden Ertrags-Kurven.



Diese Kurvenschnitte braucht man hauptsächlich zur Prüfung und Ergänzung entworfener Ertragsreihen. Denn durch die Zügigkeit solcher Linien giebt sich ohne Weiteres zu erkennen, wenn der Steigung einer angesetzen Reihe irgendwo die erforder- liche Stetigkeit mangelt. Fehlen aber, etwa wegen unzureichens der Beobachtungen, Glieder solcher Reihen, oder stimmen die für eine und dieselbe Altersstuse gefundenen Maße nicht recht überzein: so zieht man die Kurve in Gemäßheit der eben mehr entzscheidenden Richtpunkte und greift dann die andern dadurch mit geschnittenen Werthspunkte ohne Weiteres ab, zur Ergänzung und Berichtigung seiner Reihe, deren Differenzen nachher auf arithz metischem Wege schärfer auszugleichen sind.

Hat man eine zahlreiche und zuverlässigere Sammlung solz cher Reihenglieder, so ist es freilich geeigneter, dieselben nach Zeit und Größe unmittelbar in ein Quadratnetz zu ordnen und dann rein arithmetisch einzureihen; überhaupt behilft sich der im Interzpoliren geübtere Schätzer weniger mit solchen graphischen Auszaleichungen.

§. 400. Ertragsentwickelung ber gleichwüchsigen Bestänbe.

Um die gesammte Ergiebigkeit eines im Alter und Wuchse gleichen Waldbestandes durch alle Lebensperioden hindurch alls gemein zu bestimmen, muß man für jedes Alter, das irgend einer Hauung wegen zur Frage kommt, den Massengehalt, das Produkt aus der Stammgrundflächensumme G, der mittsleren Scheitelhöhe H und der mittleren Formzahl f, ermitteln. Derselbe ergiebt an sich den Hauptertrag für die betressende Altersstuse.

Was nun die bereits vorher abgefallenen Vorerträge betrifft, so ist Folgenbes in Betracht zu ziehen. Der heranwach= sende, volle Holzbestand verdichtet und überfüllt sich allmählich, und man muß barin von Beit zu Beit, mittels geeigneter Durch= forstung, die nothige Bachsthumsfreiheit wieder herstellen. Be= zeichnen wir die gefüllte Stammgrundfläche des durchforftbaren Bestandes mit G und ben eben bavon abkömmlichen Durchforstungs= antheil mit g: so ift bie Stammgrunbflache bes forftmäßig geöffneten Schlusses G - g. Hatten G und g immer wieder basselbe Verhältniß: so ware auch allezeit g × H × f, die abfallende Durchforstung, und $(G-g) \times H \times f$, der eben verbleibende Bestand, aus G × H × f zu finden. Bon Altersstufe zu Alters: stufe wird aber die durchforstbar gefüllte Stammgrundstäche G größer und ber bavon abfallende Durchforstungsantheil g in gewissem Berhältnisse kleiner. Für alle Durchforstungszeiten kann nun G erfahrungsmäßig festgestellt und g nach folgenden Grundsäten bestimmt werben.

Die Stammgrund flächen summe eines forstmäßig gehaltenen Holzbestandes wächst von einer Durchs forstung zu der andern, etwa alle zehn Jahre, in demsfelben Verhältnifse zu, wie die einzelne Stamms grund fläche des Mittelstammes. Nun sindet man, daß der Mittelstamm des forstmäßig gehaltenen Hochwaldbestandes, von einem gewissen Zeitpunkte bis über jedes wirthschaftliche Haus barkeitsalter hinaus, alljährlich min bestens einen gleis

chen Stammgrund flächen = Zuwachs anlegt. Den Einstritt dieses Zeitpunktes setzen wir in das Alter, worin jene Stammsgrundsläche eben ihrem nachherigen zehnjährigen Zuwachse gleichssteht. Fände dies wie beim Buchenhochwalde erfahrungsmäßig etwa im 30. Jahre Statt, und setzen wir die Stammgrundsläche des Mittelstammes zu jener Zeit = 1: so ware

die Stammgrundfläche: das Berhältniß der Stammgrundflächen:

Rach solchen Berhältnissen berechnet man nun, wie viel bei jeder Durchforstung von der eben vorhandenen Stammgrundslächenssumme abfallen dürfte.

Müßte z. B. die durchforstbar gefüllte Stammgrundsläche im 70. Jahre G und im 80. Jahre G' sein: so hätte man von der vorgefundenen Stammgrundsläche G so viel stehen zu lassen, daß daraus G' in 10 Jahren wieder erwachsen könnte. Wüchse nun der Mittelstamm von dem 70. dis zu dem 80. Jahre in seiner Stammgrundsläche von 5 zu 6, oder in jedem angenommenen Falle von v zu w: so fände man die im 70. Jahre verbleibende Stammgrundsläche durch die Proportion

Die von G abfallende Stammgrundfläche ware daher allgemein:

$$G - \frac{v}{w} G'$$

Was nun die Höhe der eben auszuforstenden überwachsenen Stämme betrifft, so steht dieselbe unter der derzeitigen Bestandes: höhe; sie gleicht mehr der Mittelhöhe des vorigen Jahrzehndes. Nennen wir die Höhenzunahme der letztern 10 Jahre s, so ist die Höhe des Durchforstungsholzes H—s. Die Formzahl f mag

unverändert bleiben, obwohl dieselbe an den kurzern, unterdruck= ten Stämmen meist etwas größer ift, als die mittlere.

Danach wäre nun die allgemeine Formel zur Berechnung bes Vorertrags von jeder Altersstufe:

$$\left(G - \frac{\mathbf{v}}{\mathbf{w}} G'\right) \times (\mathbf{II} - \mathbf{s}) \times \mathbf{f}$$

Sierin bedeutete:

G, die gefüllte Stammgrundsläche des eben zu durchforsten= ben Bollbestandes;

G', die nach 10 Jahren abermals durchforstbare Stammgrundfläche desselben Bestandes;

w, das Zunahme-Berhältniß ber Stammgrundflächensumme in ber Zwischenzeit;

H — s, die Bestandeshöhe, 10 Jahre vor der Durchforstung; f, die berzeitige Formzahl.

Über die weitere Anwendung dieser Formel siehe §. 402. pos. 5.

§. 401. Ertragsentwickelung der ungleichwüchsigen Bestände.

Der ungleichwüchsige Waldbestand hat entweder gleichwüch=
sige Hauptbestandtheile, oder ist ganz ungleichwüchsig. In keinem
ber beiden Fälle wird der Bestand auf ein Mal ganz abgeschla=
gen, sondern nur ein gewisser Theil desselben.

1) Bei an sich gleich wüchsigen Bestandtheilen, wie in dem Mittelwalde, bestimmt man eines jeden besondern Antheil an der Stammgrundslächensumme, welcher für das Unterholz $\frac{u}{G}$, für das Oberholz $\frac{o}{G}$, $\frac{O}{G}$ betragen mag, nebst der eigenen Mittelhöhe und Mittelsorm zu jeder Abtriebszeit, z. B.

für das Unterholz
$$\frac{\mathbf{u}}{\mathbf{G}} \times \mathbf{H} \times \mathbf{f}$$
, für das jüngere Oberholz $\frac{\mathbf{o}}{\mathbf{G}} \times \mathbf{H}' \times \mathbf{f}'$, für das ältere Oberholz $\frac{\mathbf{o}}{\mathbf{G}} \times \mathbf{H}'' \times \mathbf{f}''$.

Die Produkte dieser Ertragsfaktoren ergeben zusammen den ganzen Massengehalt. Von demselben bleibt jedoch wieder ein gewisser Theil als Überhalt stehen. Diesen ermist man auf diesselbe Weise und zieht dessen Holzgehalt von dem Ganzen ab; in dem Unterschiede ergiebt sich der Holzertrag jeder Schlaghauung. Eigentliche Vorerträge sinden hierbei nicht Statt.

2) Bei gänzlicher Ungleichheit des Wuchses, wie im Plänterwalde, wo nur die größten Stämme einzeln ausgeshauen werden, bestimmt man den jährlichen Zuwachs g von der Stammgrundslächensumme des verbleibenden Bestandes und dazu die Scheitelhöhe H und Formzahl f der ältessten, zum Aushiede kommenden Stämme. Der jährsliche Holzertrag ergiebt sich dann aus g × H × f. Um auch den bleibenden Holzbestand, nach dessen Massengehalt aber wenisger Frage ist, näher zu ermessen, zerfällt man denselben in ziemslich gleichwüchsige Bestandtheile.

§. 402. Mormalertragstafeln fur den Sochwald.

Die Normalertragstafeln für den Hochwald müssen, wenn sie eine geeignete Benutung gestatten sollen, von jeder Waldsgattung und Standortsklasse und von jedem Haubarskeitsalter die mittlere Bestandeshöhe und Bestanz desmasse mit dem Hauptertrage, so wie den etwaigen Vorertrag nebst dem Durchschnittsertrage unter allen Wachsthumsverhältnissen in möglich genauen Mittelzahlen nasturgemäß angeben.

Dergleichen unbedingte Normalertragstafeln wären für den Hochwald sechs erforberlich, nämlich:

- I. Für den Buchenwald, zugleich auch für Eichenbesstände unmittelbar, und für Ahorns, Eschens und Ulmensbestände mittelbar.
- II. Für den Fichtenwald, mittelbar auch für den Tan= nenwald.
- III. Für den Riefernwald, mittelbar auch für die Ear= chenbestände.
 - IV. Für gemischten Hochwald von Nadel = und Laubholz.

V. Für Erlen = und Aspenbestände.

VI. gur Birtenbestände.

In diesen Ertragstafeln ist zu jeder Standortsklasse und zu jedem fraglichen Bestandesalter anzugeben: die mittlere Bessen deshöhe und die volle Bestandesmasse, welche zu ihrer Zeit als Hauptertrag eintritt, der abkömmliche Vorertrag und der Durchschnittsertrag.

- 1) Die 10 all gemeinen, ganz gleich abgestuften Stands ortsklassen können nicht unbedingt auch von einer jeden Waldsgattung den verhältnismäßigen Ertrag hervorbringen. Auf den geringern Standorten kann der Buchenhochwald gar nicht wachsen; auf den bessern steigt die Ertragsgüte der Nadelhölzer sehr bedingt; die Erlenbestände sind an ganz eigene Standorte gebunz den u. s. w.
- 2) Das Best ande salter, für welches der Ertrag ausgestellt wird, braucht man eigentlich nur von dem Zeitpunkte an, wo der Bestand in eine mehr ausgesormte nutbare Stärke tritt, dis zum höchsten Schlagbarkeitsalter. Die Ansähe machen wir in den kürzesten Altersstusen, die besonders zur Frage kommen könnten, etwa in Jahrsünsten. Eine weitere Aussührung verursachte zu viele Weitläusigkeit und erschwerte den Gebrauch. Die Bestanzbesverhältnisse der früheren Jugend und des späteren Alters sinz den sich zu abweichend von den Gesetzen der eigentlichen Wachsthumszeit und zu sehr dem Zusalle unterworfen. Den Buchenzhochwaldertrag stellt man also etwa von dem 40. dis höchstens zu dem 140. Jahre aus.
- 3) Die mittlere Bestandeshöhe wird für jede Altersstufe angesetzt und dient hier als unentbehrlicher Anhalt, nicht nur zur Anwendung der Tafeln selbst, sondern auch zur Beurtheilung der Ertragsfähigkeit und Ertragsamkeit. In dem sorstmäßig gehaltenen altern Hochwaldbestande sindet sich erfahrungsmäßig die Mittelhöhe etwa 5 bis 10 Fuß niedriger, als die der höchsten Stämme, meist an den Stämmen zweiten Ranges.

Ein sehr guter Standort (zu 0,8) erzeugt in dem Buchenhochwalde, bei dem Alter von 40, 50, 60 140 Jah=

ren, etwa folgende Mittelhöhen: 25, 35, 44, 52, 59, 65, 70, 74, 77, 79, 81 preußische Fuße.

4) Die volle Bestandesmasse jeder Alterestufe erfolgt aus dem Produkte H × G × f. Davon ift die mittlere Bestandes: höhe H für sich schon angesett. Was nun G x f betrifft, so muß zuvörderst die Stammgrundsläche für den durchforstbar ge= füllten, der vollkommenen Sochwaldstellung entsprechenden Bestand jeder Altersstufe bestimmt werden. Am sichersten ist es dabei, sie erfahrungsmäßig so zu stellen, daß sich 10 von ihr noch eindrän= gen könnte, im überfülltesten Stande gegen die Schlagbarkeit hin selbst 3. Diese Ermäßigung ist naturgemäß erprobt. Da nun bie Stammgrundfläche bes gleichwüchsigen Hochwaldbestandes bis in ein gewisses Alter mit immer kleinern Differenzen zunimmt und fich späterhin mehr gleich hält, die Formzahl dagegen anfäng= lich sich mindert, dann mehr gleich bleibt und späterhin mit eintretender Kronenwölbung ebenmäßig zunimmt: so ergänzen sich die Faktoren G und f durch alle Altersstufen ziemlichermaßen, und man reiht sie baher gleich im Produkte zusammen auf. Zu obigen 60 =, 70 = und 80jährigen Mittelhöhen im Buchenhochwalde von 44, 52 und 59 Fuß gehören z. B. folgende Produkte von G x f auf 1 preuß. Morgen: 45,45. 47,69. 49,49.

Danach wäre auf 1 Morgen der volle Massengehalt des 70. Jahres, wo H = 52 und $G \times f = 47,69$ ist: $52 \times 47,69 = 2480$ c'. Das Produkt $G \times s$ kommt nicht besonders in die Tafel, wäre aber leicht zu sinden durch Division der Bestandesmasse mit der Höhe.

5) Der am Ende jedes Jahrzehndes von dem gefüllten Holzbestande abfallende Borertrag wird nach \S . 400. mitztels des derzeitigen Verhältnisses $\frac{v}{w}$ im Stammgrundslächenzus wachse des Mittelstammes berechnet *). Wäre dessen Stammgrunds

Der Herausgeber glaubt, um Mißverständnissen vorzubengen, nochmals besonders hervorheben zu müssen, daß es sich hier um die Construktion von Normal-Ertragstafeln im Gegensatz zu den Lokal-Ertragstafeln handelt.

fläche 3. B. in dem 30. Jahre 1, im 40. Jahre 2, im 50. Jahre 3..., im 130. Jahre 11 und im 140. Jahre 12: so brauchte man zu der eben verbleibenden Stammgrundslächensumme im 30. Jahre ½ von der im 40., im 40. Jahre ¾ von der im 50., im 50. Jahre ½ von der im 60..., im 130. Jahre ½ von der im 140., nach Maßgabe der Berhältnisse 1:2:3:4...

11:12. Berbinden wir nun in obiger Borertragsformel $\left(G - \frac{V}{W} - G'\right) \times (H - s) \times f$ die Stammgrundsläche G mit der Formzahl f zu $\left(Gf - \frac{V}{W} - G'\right) \times (H - s)$ und sehen der für unsere eben angenommenen Buchenhochwald Faktoren, so entzissert sich z. B. als Borertrag nach dem 70. Jahre: (47.69 - ½ × 49.49) × (52-8) = 283 Ksuß. Gegen diesen scheinsbar hohen Betrag könnte sich vielleicht ein oder der andere Zweiselei erheben, dem wir im Boraus begegnen müssen.

Bollte man erstens ben Eintritt bes gleichen Stammgrundsstächenzuwachses später annehmen, was ber gewöhnlichen Buchenshochwalderziehung wohl angemessener wäre: bann rückte obige Stärkenzuwachsreihe $1:2:3:4\ldots$ weiter hinter. Ober sette man das größte Steigen des Stammgrundslächenzuwachses voraus, nämlich: $1^2:2^2:3^2:4^2\ldots$, das sich mit gleichbleisbender Jahrringsstärke in licht erwachsenen Baumhölzern ausnahmssweise wohl sindet, das auch durch übernommene Durchforstungen gewissermaßen ermöglicht werden könnte: dann stiegen die Gliesder der Zuwachsreihe mit größeren Differenzen. Mithin mindersten beide Boraussehungen alle gleichzeitigen Berthe von $\frac{\mathbf{v}}{\mathbf{w}}$. Dadurch würde aber die jedes Mal zu belassende Stammgrundsstäche $\frac{\mathbf{v}}{\mathbf{w}}$ G'kleiner, also die abfallende DurchforstungssStammsgrundsschafte G $\frac{\mathbf{v}}{\mathbf{w}}$ G' alle Mal größer.

Zweitens ist nicht zu läugnen, daß jeder voll geschätzte Vorertrag, besonders in den jungern Jahren, bedeutenden Verlust erleiden kann, durch Mangelhaftigkeit in Bestand und Wachsthum, durch Verwahrlosung, Frevel u. dgl. m. Darauf hin ist

aber auch schon von vorn herein das Stärkezuwachsberhältniß sehr gering angenommen worden; benn der Stärkezuwachs besträgt, zumal in dem kräftigen Jugend = und Mittelalter, gerade zur Zeit, wo die Möglichkeit jener Verluste am größten ist, weit mehr, meist das Doppelte. Dhnehin liegen außerordentliche Nutzungsverluste ganz außer dem Bereiche einer Formel für na= turgemäße Normalerträge.

Es giebt also kein Verhältniß in dem Wachsthumsgange des forstmäßig gehaltenen Hochwaldes, für welches der aus unserer Formel hervorgehende normale Vollertrag zu groß aussiele. Auch stimmen ihre Ergebnisse mit gut geführten Durchforstungen der Bollbestände ganz befriedigend überein. Nur im spätern Baumalter weicht diese Formel von der Praris ab und dietet eine stärkere Ertragsentnehmung, als die gewöhnliche, weil man dann die Durchforstungen in der Regel aussetzt zu Gunsten des Hauptertrags.

Hierzu wird noch bemerkt: Zeber dieser Borerträge ift erft zu Ende seines Jahrzehndes fällig und in der gleichzeitig ange= fetten vollen Bestandesmasse mit inbegriffen. Reine Durchforstung bürfte mehr nehmen, als ein Zehntel des vorhandenen Wollbestandes, und betrüge der Ansatz in den Tafeln eben mehr, so mußte man öfter burchforsten. gangere 3wischenraume, als 10 bis 15 Jahre von einer Durchforstung zur andern, find nur in höherm Alter zulässig. Bon den letten Durchforstungen kann man einen gewissen Theil bis zur Haupthauung verschieben und in der Bestandesmasse mit stehen lassen. Dieser Berbleib kann aber zwei Zehntel des eben angesetzten Massengehaltes vom Sauptbestande nicht übersteigen und darf höchstens nur die letten zwei Sahrzehnbe Statt finden. Ein solches Berschieben der letze ten Borerträge bis zum Eintritte bes Borbereitungshiebes ift oftmals vortheilhaft. Ohnedies zeigt sich im erwachsenen ftärkern Baldbestande das Durchforsten nicht mehr von so allgemeiner Wirkung auf ben Zuwachs, indem die bleibenden Stämme die eben erledigten, mehr vereinzelten, größern Offnungen nicht so theilen und alsbald durchwurzeln können: ein mathematischer Grund, warum der eigentliche Hochwald weber ein höheres Alter mit Nuten erreichen, noch zur Erziehung außerordentlich starker Bäume vortheilhaft dienen kann. Überhaupt besindet sich jeder alte Baumholzbestand in ganz andern, viel zufälligeren Bachsthums-Verhältnissen, die durchaus nicht mehr in allgemeine Formeln passen.

6) Der jährliche Durchschnittsertrag kommt ent= weder als bloße Mehrung ohne die Vorerträge, oder mit densel= ben in Betracht, und ergiebt sich durch Theilung des Massener= wachses in die eben erlebten Altersjahre.

Die Alters-Durchschnittsmehrung von der jederzeit vorhandenen Bestandesmasse erscheint größer, wenn dem Bestande die letztern Vorerträge noch nicht entnommen sind. Das Unterlassen früherer Durchforstungen hat dagegen eine Schwächung des Wuchses und gar leicht eine Minderung des Hauptertrags zur Folge.

Den eigentlichen Durchschnittsertrag findet man aus der eben vorhandenen Bestandesmasse als Hauptertrag und der Summe aller schon ausgeschiedenen Vorerträge.

Der obige Buchenbestand hatte im 70. Jahre auf dem Mor= gen an jährlichem Durchschnittsertrage:

35,42 c' Mehrung zu dem vorhandenen Hauptertrage und 45,42 c' von dem Haupt = und Vorertrage zusammen.

Sein höchster Durchschnittsertrag siele ohne Durchforstung mit 36,88 c' in das 90. Jahr, sammt der Durchforstung mit 52,45 c' in das 110. Jahr. Begreislich muß der höchste Gessammt = Durchschnittsertrag später eintreten, weil die Abnahme der laufenden Mehrung durch das Hinzurechnen der Vorerträge weiter hinaus übertragen wird.

§. 403. Normalertragstafeln für ben Mittelwald.

Der eigentliche Mittelwaldbetrieb ist nur statthaft in Buchen= waldung und in gemischter Waldung, worin die Eiche mehr vor= herrscht. Die Ertragstafeln umfassen also

- I. ben Buchenmittelwalb und
- II. ben gemischten Mittelwald.

Jebe hat die Überschriften: Standortsklasse, Umtriebs= zeit, Mittelhöhe, Hiebsmasse, Überhaltsmasse, Durchschnittsertrag.

Der Mittelwaldbestand erscheint bei näherer Untersuchung sehr veränderlich und von vielen Zufälligkeiten abhängig. Es ist kaum möglich, noch weniger aber wirthschaftlich, denselben mehre Umtriedszeiten hindurch gleichmäßig zu erhalten. Nur selten glückt es, seine verwickelten Wachsthums und Ertragsverhältnisse recht aufzusassen und sicher zu handhaben. Daher sindet die Aufsstellung von allgemeinen Ertragstafeln des Mittelwaldes bei weistem größere Schwierigkeiten, als die des Hochwaldes, und es ist dabei um so nöthiger, die Ergebnisse wirklicher Hauungen neben den Ertragsfaktoren H, G und f vorsichtig mit zu gedrauchen. Indessen bleibt man auch dei der Anwendung wirklicher Erträge ungewiß, weil dieselben aus Ansammlungen von frühern Umtriesben mit bestehen, wo ein ganz anderer Überhalt Statt gefunden haben kann. Man kommt dabei nie zu einer reinen Abrechnung.

- 1) Die Standortsklassen können alle 10 von dem Mitztelwalde eingenommen werden; naturgemäßer geben die niedern, im Vergleich zum Hochwald, einen verhältnismäßig reichlichern Ertrag, als die höhern, jedoch mehr an Unterholz.
- 2) Um triebszeit. Die Massen = und Ertragsgrößen des Mittelwaldes in fortschreitenden Altersstusen aufzustellen, ist unzweckmäßig, weil Vorerträge darin nicht in Anschlag kommen und jedes Abtriebsalter seine eignen Oberholz = und Wachsthumsver= hältnisse hat. Die Umtriebszeiten können zwischen 15 bis 45 Jahre fallen, und es ist hinreichend, sie von 5 zu 5 Jahren anzusezen.
- 3) Die Mittelhöhe bes schlagbaren Bestandes bleibt beim Mittelwalbe immerhin einigermaßen zweiselhaft und bietet darum auch einen viel weniger sichern Anhalt als im Hochwalde; sie wäre von dem Unter = und Oberholze besonders anzugeben, wenn man es nicht der Kürze wegen vorzieht, von dem Unter = und Oberholze nur eine gemeinschaftliche Mittelhöhe anzusetzen. Die Unterholzhöhe erhebt sich um so mehr, je mehr dasselbe aus Beichholz und aus frischem Stockausschlage besteht und Freiheit

- 1) Standortsklasse, Für Erlen, Haseln und Weiden sind die drei allgemeinen Standortsgüten gut, mittelmäßig und gering schon zureichend.
- 2) Die Umtriebszeiten werden zu 10 bis 40 Jahren angenommen, von 5 zu 5 steigend.
- 3) Die mittlere Bestandeshöhe steht in Verhältniß mit der Ausschlagsfähigkeit und weitern Wachsbarkeit jeder Niederwaldgattung. Diesen Hauptfaktor des Niederwaldertrags muß man für alle Standortsklassen und Umtriedszeiten an Musterbeständen sorgfältig ausmitteln und aufreihen.
- 4) Die Ertragsansähe werden, wo zumal die Stammsgrundsläche nicht meßbar ist, auf einzelne bewährte Hauungserzträge gegründet. Man dividirt jeden gefundenen Ertrag durch die dazu gehörige mittlere Bestandeshöhe H, setzt den so erzhaltenen Quotienten G × f einstweilen an, ergänzt und berichtigt dann diese vorläusigen Glieder für jede fragliche Ertragsztlasse und multiplizirt endlich alle wieder mit der entsprechenden Höhe H.

Ein gemischter Niederwald in 25jährigem Umtriebe und sehr gutem Standste (0,8) könnte auf dem preuß. Morgen an Holzertrag etwa abwersen, wenn H=26 und $G\times f=30$ ist:

$$26 \times 30 = 780 \text{ c}'.$$

5) Die Division des Holzertrages durch die Umtriedszeit ergiebt den jährlichen Durchschnittsertrag; in diesem Beispiele:

$$\frac{780}{25} = 31,2 \text{ c'}.$$

Werben von einem Umtriebe zu dem andern Standreitel übergehalten, so ändert dies den Holzertrag eben nicht, wofern nur dieselben das ersetzen, was am Ausschlage unterdrückt wird.

§. 405. Normalertrags=Zafeln für Planterwalb.

Der Plänterwaldbetrieb kann nur bei solchen Holzarten Statt finden, die länger Beschirmung ertragen. Daher giebt es eigentlich keinen andern, als

- I. Budenplanterwald.
- II. Tannen= und Sichtenplänterwald.

Die Ertragstafeln dafür brauchen zu jeder Standort 8: klasse bloß die mittlere Höhe der haubaren Stämme und den jährlichen Holzertrag zu enthalten.

- 1) Die Standortsklassen müßten eben nicht alle aufgesstellt werben, sondern nur den erfahrungsmäßigen Standort des Plänterwaldes umfassen.
- 2) Die Mittelhöhen der größern, haubaren Stämme sind als hauptsächliche Ertragssaktoren genau zu bestimmen. In dem eigentlichen Plänterwalde sinden sich selten die Stammhöhen und Stärken beträchtlich.
- 3) Der jährliche Ertrag ober Massenzuwachs bes Planterwaldes läßt sich nicht nach wirklich erfolgten Hauungen Man muß in gut ausgewählten Musterbeständen bestimmen. außer H und f, der Höhen= und Formzahl von den älte= ften Stämmen, die fich meist ben Dberbaumen in bem Mittelwalbe gleichstellen, auch g, ben jährlichen Zuwachs an ber normalen Stammgrunbflächensumme, ermitteln. Das Produkt H × f × g giebt bann ben jährlichen Holzertrag. Denn man haut allezeit so viele ber altesten Baume, als ber Stammgrundslächenzuwachs gestattet. Da indeß der Zustand und die Ergiebigkeit des Planterwaldes von vielen Zufällen und manchen Nebenzwecken abhängt; da auch eine vollkommene Be= handlung besselben selten Statt findet: so muffen eben so, wie bei bem Mittelwalbe, die Erträge zweifach aufgestellt werden, um für jeden Fall eine geeignete Auswahl zu verstatten.

Hätte ein Buchenplänterwald auf sehr gutem Standorte (0,8) zur Mittelhöhe der haubaren Stämme H=65' und pr. Mg. zum Produkte des Stammgrundslächenzuwachses mit der Formzahl $\mathbf{g} \times \mathbf{f} = 0,44$ dis 0,54: so wäre sein jährlicher Holzertrag

 $65 \times 0.44 = 28.6$ bis $65 \times 0.54 = 35.1$ c'.

§. 406. Lokalertrags=Tafeln.

Die allgemeinen Normalertragstafeln sollen nur die unbebingten Grundgesetze der Ergiebigkeit darstellen, keinesweges aber
auf bloß örtliche Berhältnisse näher eingehen. Diese haben jeboch auf den wirklichen Ertrag meist einen sehr erheblichen Einfluß; so wächst das Holz auf manchen Standorten späterhin
stärker, auf anderen früher und mit weniger Ausdauer; hier ist
man genöthigt, eine Holzart in nicht ganz angemessenem Boden
zu erziehen, dort, durch räumlichere Stellung die Schlagbarkeit
zu befördern; anderwärts entziehen Ausbereitung und Frevel bebeutende Massen, oder es sehlt an Absatz für geringere Sorten;
ja selbst die Geschicklichkeit und Thätigkeit der Forstwirthschafter
hat auf das Gerathen und Ausnutzen der Waldbestände großen,
dauernden Einfluß. Fast jeder Forst hat seine eignen Ertragsabweichungen von den Normalzuständen.

Man entwirft sich baher zum besondern Gebrauche der Forstabschätzung noch eigene Lokalertragstafeln, nimmt dazu die eben zur Frage kommenden allgemeinen Grundgrößen aus den Normaltafeln, paßt sie den vorliegenden Forstverhältnissen an und ordnet sie (nach §. 89. 3.) in mehr arithmetische, mit den Ortsgüten ganz gleichmäßig fortschreitende Reihen, was die wenigeren Glieder leicht gestatten.

Bei Aufstellung der Lokalertragstafeln für Hoch= wald ist zunächst die sehr verschiedene Anwachszeit zu berücksichz tigen und das darauf folgende Berhalten des Höhenwachsthums und der Dichtheit. Demnächst sind die den Vorertrag bedingen= den Umstände näher zu erörtern und zu erwägen mit ihren Bez ziehungen auf den Hauptertrag. Mangel an Absat kann noch eine weitere Ermäßigung der erstern Durchforstungen erfordern; ein rascherer Durchforstungsbetrieb kann dagegen den allgemeinen Ansah noch überwähren. Müßten die Durchforstungen übernommen werden, so beförderte dies den Stärkewuchs auf Kosten des Höhenwuchses und Bodenzustandes und machte die Bestände früher schlagbar. Wo ganz und gar nicht durchforstet wird, da sindet man beim Eintritte des Abtriebs oft kaum den normalen Haupt= ertrag. Der Gebrauch von Vorbereitungshieben verschiebt eben auch die Ertragsgrößen in etwas. Länger stehende Samenbäume vermehren den Holzzuwachs für die Gegenwart mitunter wohl auf Kosten des Nachwuchses. Wo ein ganz gleiches Abtriebsalzter durchgängig eingehalten werden kann, ist es geeigneter, in der Lokalertragstafel wenigstens die zwei letztern Durchforstungserträge dem Hauptertrage mit einzuverleiben. In der Normalertragsztafel kann dies der weiteren Aufreihung wegen nicht geschehen.

Der Entwurf genauer Eokalertragstafeln für Mittelswald führt zu unendlichen Berschiedenheiten und Zweiseln, je nachdem man diese oder jene Zwischenholzart begünstigt, stärkeres oder schwächeres, mehr oder weniger Oberholz hält, je nachs dem Strauchwuchs, Stockveralterung oder Bodenverwilderung überhand nehmen und überhaupt der Mittelwald in den angesmessenen Zustand gebracht und erhalten wird, oder nicht, u. s. w.

Die Cokalertragstafeln für Niederwald sind am leichtesten und sichersten nach wirklichen Erträgen zu sertigen. Aber die für Plänterwald allen Ortsverhältnissen gemäß zu stellen, ist noch schwieriger, als bei dem Mittelwalde. Diese beis den Betriebsarten lassen sich nun einmal nicht in ständige Formen passen; darum eben ist es so schwer, ihrer recht Meister zu werden.

Alle Lokalertragstafeln sind vor dem weitern Gebrauche wohl zu prüsen, nicht nur mittels der in Wirklichkeit an Musterbestänz den sich darbietenden Massenhaltigkeit, sondern auch hauptsächlich nach den Ertragsfaktoren (G × f) × H. Bestimmt man nämzlich für jeden Fall G × f so sicher als möglich, und dividirt daz mit in die angesetzte Bestandesmasse: so muß die natürliche Bestandeshöhe in geordneter Reihe hervorgehen. Diese Prüsung besteht selten eine aus bloßen Massengrößen aussummirte Erztragstafel.

§. 407. Waldmehrungstafeln.

1) Die seither mitgetheilten Ertragstafeln stellen bloß die Massenhaltigkeit der Bestände für die verschiedenen Altersstusen auf, ohne die Vorerträge mit zu umfassen; es sind daher eigents

lich nur Mehrungstafeln. Um eine folche aufzustellen, ermittelte man von der fraglichen Baldgattung die Massenhaltig= keit ber reichsten Bestände auf bem besten Standorte für alle eben aufzusindenden Altersklassen, vervollständigte diese Ergebnisse burch Interpolation entweder für alle Altersjahre, oder für zehn= jährige Altersstufen, und berechnete hierzu noch 4 ober 9 Reihen, je nachdem funf ober zehn Standorts = ober Ertragsklassen gebraucht werden sollten, so daß die niedrigste Klasse z oder 10 der höchsten enthielt und zugleich die Seitendifferenz abgab, in welcher alle Klassen neben einander fortschritten. Bu jedem so aufgestellten Massengehalte setzte man noch die zeitliche und die durchschnittliche Mehrung. Erstere (d. h. die Maffendiffe= renz von Jahr zu Jahr, wo die Tafeln alle Altersjahre enthals ten) ergiebt sich mittels Abziehung ber jedesmaligen Borbestan= besmasse, lettere mittels Theilung des Massenansates durch die Alterszahl.

2) Bei dem Jusammendau dieser Mehrungstafeln sehlte es indeß gar oft an einem recht sichern Grunde; die Nichtbeachtung der Borerträge führte zu Zweiseln über die Massenhaltigkeit des bleibenden Hauptbestandes und ließ den Kulminationspunkt des Durchschnittszuwachses nicht sicher erkennen, und die durch nichts begrenzte Aufreihung verstieg sich in viel zu hohe Alter, wobei sich Massen entzisserten, die kein Bestand wohl fassen kann; überbies ist die Ausstellung nach arithmetischen Disserenzen für die 5 oder 10 Standortsklassen nicht naturgemäß. — Daher erfordert ihr Gebrauch viel Borsicht. — Bergeblich fragt man nach der Bestandeshöhe, wo eben die so täuschende Ortsgüte zweiselhaft ist; vergeblich sucht man die Borerträge und eigentlichen Durchschnittserträge zu genauern Bestimmungen und besindet sich nicht einmal im Stande, aus solchen Reihen die rechte Abnutzungszeit zu entzissern.

Prüft man solche Zahlenwerke nach bloßen Massenaufnah= men, so muß man in den Reihen zwischen den höchsten und nie= drigsten Massengehalten sein Ergebniß allemal irgendwo wieder= sinden; daher der gute Glaube, den diese Tafeln bis jetzt gewon= nen haben. Unterwirft sie aber der Kundige einer schärfern Prü= fung und dividirt ihre Massenzahlen M == Gf × H mit dem aus der Wirklichkeit entnommenen Produkte Gf: so treten mit= unter gar wunderliche Höhenversteigungen hervor.

3) Indes ist der vorsichtige Gebrauch dieser Rehrungstaseln in Ermangelung eigentlicher Ertragstaseln doch so verwerslich nicht, und hat man dieselben mittels eigner Aufnahmen selbst gestertigt: so mögen sie auch in den meisten Fällen zur Bestimmung künftiger Ertragsmassen genügen. Will man für diesen Zweck die mangelnden Vorertragszahlen in den Mehrungstaseln ersgänzen, so kann dies durch eine leichte Nebenrechnung annähernd nach dem Grundsatz geschehen: daß die von den normasten Bollbestandes massen naturgemäß abfallenden Durchforstungssetzigen mindestens 0,5, höchstens 0,8 ber gleichzeitigen Durchschnittsmehrung betragen. Dieser Durchsorstungssatz beruht auf folgenden Gründen:

Man barf voraussetzen, baß bie machsenbe Stamm= grundfläche des Bollbestandes von Sahr zu Jahr so viel an sich ausscheibe, als der Durchschnittsantheil des laufen= den Altersjahres beträgt, nämlich im 40. Sahre 30, im 41. 31, überhaupt im n. Jahre $\frac{1}{n}$. So viel scheidet der Bollbestand bei forstmäßiger Stellung und Haltung ganz sicher aus, indem deffen Mittelstamm (n. S. 400 u. 402. 5.), außer der wirklich verbleibenben Stammgrundflächenzunahme, in ber Regel noch mehr zuwächst, als bies 1 seiner Stammgrundfläche. Hiernach ift ber Stammgrundslächen=Abfall in jedem Altersjahre $G \times \frac{1}{n} = \frac{G}{n}$ und mithin die barauf befindliche Borertragsmasse G×h, wenn h die Gehaltshöhe der eben abkömmlichen überwachsenen Stämme bezeichnet (§. 343.). Nehmen wir diese nun erfahrungsmäßig zu 0,5 bis 0,8 der mittlern Gehaltshöhe vom ganzen Bestande an, also zu (0,5 bis 0,8) × H × f: so ergiebt sich für den laufenden Borertrag im Bollbestanbe

$$\frac{\mathbf{G}}{\mathbf{n}} \times (0.5 \text{ bis } 0.8) \times \mathbf{H} \times \mathbf{f} = \frac{\mathbf{G} \times \mathbf{H} \times \mathbf{f}}{\mathbf{n}} \times (0.5 \text{ bis } 0.8).$$

In G×H×f finden wir aber die Durchschnitts=

mehrung des Vollbestandes; diese müßte also bloß mit 0,5 bis 0,8 multiplizirt werden, je nachdem die Zuwachs= und Abkömm=

sichkeitsverhältnisse eben mehr ober weniger versprechen. Hätte also z. B. der 70jährige Vollbestand 2480 c' Masse und dürfte

man den höchsten Durchforstungsfaktor von 0,8 annehmen, so wäre der einjährige Vorertrag für diese Altersstuse $\frac{24.3 \, \text{u}}{7.0} \times 0.8 = 28.3 \, \text{c}'$ oder für die letzten 10 Jahre = 283 c' (vgl. §. 402. 5.).

Die Ergebnisse bieser Durchforstungs-Faktoren passen für alle eigentlichen Durchforstungszeiten der Normalbestände unerwartet genau. Bei beren Unwendung hat man nur zu beobachten, daß 0,5 bis 0,6 den Beständen mit starkem Jugendzuwachs, garchen, Riefern (der sogen. starken Entstehung), 0,7 bis 0,8 aber den Beständen mit geringem Jugendzuwachs, Buchen, Fichten (ber sogenannten schwachen Entstehung (g. 426.) mehr angehören; ferner, daß den jungeren Beständen, vor ganzlich erfolgter Fulund den alten Beständen, worin der vorausgesetzte lung, Stärkezuwachs nicht mehr so sicher erfolgt, stets die mindere Zahl zukommt. Den etwa abzurechnenden örtlichen Nugungsverlust brudt man am füglichsten mittels eines Berhältnißtheiles vom Ganzen aus und mindert gleich unsere normalen Durchfor= stungs = Faktoren banach, etwa zu 0,6 — 0,5 — 0,4 — 0,3. Diese örtlichen Durchforstunge-Faktoren konnen auch solchen Al= tersklassen, beren Nutzungsverlust eben ein anderer ist, besonders angepaßt werden.

§. 408. Durchschnitts = Ertragstafeln.

Die zuverlässige Ausstellung, so wie die sichere Anwendung all gemeiner Waldertrags= Tafeln, welche den natürli= chen Wachsthumsgesetzen und Forstverhältnissen in allen Bezies hungen vollkommen entsprechen, wird wohl Wenigen recht gelin= gen. Ehe man sich aber unzuverlässiger Werke aus unbekannten Gegenden und Händen bedient, ist es weit rathsamer, einfachere Hülfsmittel zu gebrauchen, die sicherer beurtheilt und verwendet werden können. Dazu können gute Durchschnittsertragstaseln

dienen, welche die Bestandesmehrung zum Haupterstrage und die nebenbei nutbaren Vorerträge nachweisen. Beide Ertragsgrößen sind auf Tasel 118 und 119 für alle Waldgattungen zu den ergiebigsten Schlagbarkeitsaltern und ansgemessensten Standorten durchschnittlich aufgestellt, und zwar pr. Morgen und Jahr in Körperfußen des preußischen Maßes *).

1) Einrichtung der Durchschnitts = Ertragstasfeln. Man sindet vorn die Waldgattungen, hinten die Grenzen der ergiedigsten Schlagbarkeits alter, im Innern unter den zehn Ertragsfähigkeits = und Ertragsgüte = Bestimmungen die auf jedes Jahr des Abtriedsalters kommenden normalen Durchschnitts = Erträge, und zwar mit zweisachem Unsahe, als Grenze des Mindesten und Meisten. Diese Doppelansähe haben bei Hochwald noch eine weitere Bedeutung. Der erstere bezieht sich bloß auf einen mäßigen Hauptertrag, der andere umsfaßt die Vorerträge gewissermaßen mit.

Hierzu bemerken wir noch, daß nicht jede Waldgattung in allen zehn Standortsklassen verhältnißmäßige Vollerträge geben kann; denn die eine wächst auf dem geringern Boden nicht, die andere hält sich auf dem bessern weniger ergiedig. Dies verurssacht die unbesetzen Plätze dieser Tafel. Jede Ertragsreihe steigt wie die obenan stehenden absoluten Ertragsfähigkeitszahlen. Die höchste, zu 1 gehörige Ertragsgüte jeder Waldgattung ist das Erzgedniß ganz ausgesuchter Bestandesstücke; sie kann daher für ausgedehnte Waldbestände nur höchst selten als Mittelgröße

Diese Durchschnitts-Ertragsgrößen habe ich der Natur durch vielfältige Proben eigenhändig entnommen. Findet man sie zu abweichend von andern, oder zu wenig scharf bestimmt: so wolle man doch berücksichtigen, welche Grundslagen alle diese Zahlenwerke haben, und daß es ganz unmöglich ist, das so versborgene, unendlich mannigsaltige Wirken der Natur zu erforschen und in Zahslengesetz zu passen. Viele Hunderte der genauesten Bestandesaufuahmen liegen vor mir; ich besinde mich nicht im Stande, sie zu einen; wer seinen Scharssun etwa daran versuchen wollte, dem stehen sie zu Diensten. Mir haben sie weiter nichts genützt, als tiesere Blicke in das Wachsthum der Wälder zu thun und einzusehen, daß seber nähere Gebrauch der Ertragstaseln auf höchst unsichern Gründen beruht.

gelten. Jum Gebrauche biefer Tafel ist es vor allem erforderlich, daß man die Ortsgüten des Forstes bestimmt. Seschieht dies durch örtliche Bodenklassen, so müßten dieselben unsern allgemeinen Standortsklassen bestimmt angepaßt werden *).

2) Kurze Aufstellung der Haupterträge für bestimmte Abtriebsalter. Man wählt nach Maßgabe der Waldgattung und Standortsgüte die eben geeignete durchschnittliche Hauptertragszahl und multiplizirt dieselbe mit der Jahl des bestimmten Abtriebsalters. Weicht dieses nicht aus den nebenan bezeicheneten Umtriebsgrenzen, so bedarf das Ergebniß einer weitern Berichtigung nicht. Eben so lassen sich die Erträge verschiedener Alter zusammenreihen, ganz wie in der Mehrungstafel.

Wäre z. B. der Durchschnittsertrag eines Mittelwaldes 32 Kfuß, und es kämen bei 30jähriger Umtriebszeit 25 = bis 35 = jährige Bestände zum Hiebe: so stellte sich die Ertragsreihe auf $25 \times 32 - 26 \times 32 - 27 \times 32 \dots 35 \times 32$, also auf $800 - 832 - 864 \dots 1120$.

3) Beitere Aufreihung der Bestandesmassen und Haupterträge. Wollte man, etwa bei Hochwald, die Bestanzdesmassen jüngerer Hölzer mit aufreihen, so könnte dies annäs hernd dadurch geschehen, daß man zunächst für die fragliche jüngste Altersstufe die Vollbestandesmasse durch wirkliche Aufnahmen feststellte, dann den Hauptertrag für das angenommene Abtriebsalter nach der Durchschnitts=Ertragstasel berechnete, und nun die Differenz von beiden in die Zwischenjahre geeignet verstheilte. Hätte man zur Ausstellung des sehr guten (0,8) Buchens hochwaldertrags für das 100jährige Abtriebsalter 40 als durch=

[&]quot;) In dieser neuen Bearbeitung habe ich die Ertragsgüte der Ebeltansnen ein etwas höher gestellt, auf dem Grunde weiterer Studien in süblichern Länderstrichen, dagegen die der Riesern etwas niedriger, weil das Selbstsanslichten ihrer Bestände den Meisten als wesentlich erscheinen muß; denn nur Benige haben Gelegenheit, diese Holzart in ihrer reichsten Ertragsamseit vergleischend zu beobachten. Die Eiche und Rieser werden immer verkaunt, weil sie sich zu weit über ihren natürlichen Standort hinaus verbreiten und da ihre Schwächen viel mehr zur Schau tragen.

schnittlichen Hauptertrag, also 4000 als Abtriebsertrag angenommen, für den 40jährigen Vorbestand aber 1000 als Vollbestans desmasse gefunden: so trüge es jedem der folgenden 6 Jahrebehnde an durchschnittlicher Mehrung $\frac{4000-1000}{6}=500$; man bekäme also

für bas 50. Jahr 1500,
,, ,, 60. ,, 2000,
,, ,, 70. ,, 2500,
,, ,, 80. ,, 3000,
,, ,, 100. ,, 4000,

und zwar einschließlich der lettern Vorerträge.

4) Vorertragsschätzung mittels ber Durch= schnitts. Ertragstafeln. In ben höheren Ertragszahlen find die normalen Vorerträge von den Hochwaldungen mit begriffen, in den niederen aber ausgeschlossen; die Borerträge selbst ergeben sich also durch Abziehung der vordern Hauptertragszahl von der hintern Gefammtertragszahl. Findet man z. B. für obigen Buchenhochwald unter 0,8 die Ertragsgüte 40 bis 52: so ist der durchschnittliche Vorertrag 52 — 40 == 12. Umständen kann aber auch mehr oder weniger angenommen wer: ben, was dann bem Hauptertrage abgeht ober zu Gute kommt. Die Borerträge der letzten Altersstufe sind dem Hauptertrage in voraus schon zugerechnet, weil kurz vor dem Abtrieb in der Re= gel nicht mehr durchforstet wird. Dadurch entsteht auch hier jene Abweichung von den ausgeführten Normalertragstafeln, welche sich nicht auf eine besondere Abtriebszeit einlassen können und also die Borerträge durch alle Zeiten fortlaufend aufstellen muffen.

Die im Laufe der Zeit von der Bollbestandsmasse abfallens den Vorerträge dürften bis gegen das angehende Schlagbarkeits: alter mit gleichen Differenzen steigend angereiht werden. Ergäbe von dem angenommenen Buchenbestande das 100jährige Abtriebsalter 52-40=12 zum durchschnittlichen, also $100\times 12=1200$ zum gesammten Borertrage, könnte man zu:

bem die Durchforstung im 40. Jahre beginnen, etwa mit 0,8 ih= res Durchschnittsantheiles, und von 10 zu 10 Jahren bis zum 80. Jahre steigend fortsetzen: so trüge es von den fünf Durchfor= stungen der

im 40. Sabre
$$\frac{1200}{5} \times 0.8^{*}$$
) = 192 c',
,, 50. ,, $\frac{1200}{5} \times 0.9 = 216$,,
,, 60. ,, $\frac{1200}{5} \times 1.0 = 240$,,
,, 70. ,, $\frac{1200}{5} \times 1.1 = 264$,,
,, 80. ,, $\frac{1200}{5} \times 1.2 = 288$,,
=1200 c'.

5) Unsere Durchschnitts = Ertragstafel kann in ihrer Auge= meinheit begreiflich nur unbedingt normale Ertragsfätze barftellen, ohne allen nähern Bezug auf örtliche Wachsthums =, Erziehungs= und Nutungsverhältnisse. Der Schätzer muß biese idealen Bahlen zu jedem weitern Gebrauche noch nach Maßgabe der vorfind= lichen Forstverhältnisse besonders einrichten. Dies kann beim Hauptertrage gleich überhaupt, bei den weit mehr von Ort und Beit bedingten Vorerträgen aber erst in der Aufreihung für die verschiedenen Durchforstungsalter theilweise geschehen. man bei Unwendung dieser Normalsätze wirkliche Lokalerträge und gut gewählte Bestandesaufnahmen zum Anhalt: so hat man Mittel genug zu ber eben erforderlichen Lokalertragstafel, die zum eignen Gebrauche weit mehr genügt, als alle fremden Ertrags= auftafelungen. Wer aber nicht im Stande ift, für jede Ortlichkeit die besondere Ertragstafel selbst zu entwerfen, der enthalte sich lieber aller Forsttapation.

§. 409. Gebrauch ber Baldmassen=Zafeln zur Ertragsbestimmung.

1) Hauptertrags. Schätzung mittels der Waldsmassen Fen = Tafeln. Diese Tafeln mit ihren Gehaltsfaktoren sind ein sehr einfaches und sicheres Hülfsmittel zur Schätzung kunfti=

١

^{*)} Da das erste Glied = 0,8 des mittleren Ertrages 1, die Anzahl der Glieder = 5, und das Mittelglied mit dem mittleren Ertrage 1 das britte ist: so mussen nothwendig die Disserenzen 0,1 betragen.

ger Walberträge. Man bestimmt an Ort und Stelle für jede fragliche Abnutungszeit den Waldschluß und die Bestandeshöhe mit der Stammform und nimmt dann aus der Tafel den zu diesen Extragsfaktoren gehörisgen Massengehalt ohne Weiteres als Hauptertrag an. Nach dem gegenwärtigen Justande und den künftigen Wachsthumsverhältnissen eines Bestandes läßt sich gar wohl beurtheislen, wie derselbe in seinem Massengehalte von Periode zu Periode mit den Schluß und Höhenklassen fortschreiten werde.

2) Borertrags = Schätzung mittels der Waldmaffen=Zafeln. Man bestimmt nach dem erwartbaren Stärkezuswachse zuerst den Eintritt des angehenden Bollbestandes, wie ihn die Durchforstung hinterläßt, dann den Zeitpunkt, in welchem der Bestand die nächste durchforstbare Schlußeklasse erreicht, und nimmt von dieser Zwischenzeit den halben Unterschied des frühern und des spätern, auf gleicher Höhenstuse befindlichen Massenzehaltes als Vorertrag an. Es ist dies der halbe Massenzuwachs ohne weitere Höhenzunahme (§. 361. 385. 3.). Die Gründe hierzu ergeben sich aus folgenden Betrachtungen.

Der Stammgrundflächen-Buwachs eines Bollbestandes fann und barf ber Durchforstung nur zum Theil anheim allen. Einen gewissen Theil davon verbraucht die natürliche Steigung ber verbleibenden Stammgrundfläche; einen andern nehmen die hier und ba noch vorfindlichen Bestandeslücken auf; öftere ift auch zur Erhaltung eines bessern Bobenzustandes und felbst zur Förderung des Waldschlusses, so wie der Bestandeshöhe und Holzgute eine dichtere Haltung erforderlich; zudem mußte den Begeg= nissen der Holzerziehung und Nutung noch ein Antheil zu Gute gerechnet werden. Unter diesen Berücksichtigungen erscheint es am geeignetsten, von bem Stammgrundflächen Buwachse im Bollbestande nur die Sälfte für den abkommlichen Vorertrag anzunehmen, und zwar mit Beibehaltung der eben vor= handenen Bestandeshöhe, also & g x H x f. Diese annä= hernbe Schätzung der Worerträge ift zwar weniger leicht, als jene nach ber Durchschnittsmehrung (§. 407. 3.), doch für Diejenigen,

welche die Waldmassen-Tafeln gebrauchen ober den laufenden Zuswachs gleich mit schätzen, keinesweges schwer und selten ungenüsgend. Biele Ergebnisse guter Durchforstungen stimmen damit ganz befriedigend überein.

- 3) Die Waldmassen Tafeln bienen übrigens in Ermangelung zwerlässiger Normalertrags-Taseln recht gut auch zur Aufreihung besonderer Lokalertrags-Taseln. Man stellt sich mit Hülfe ber allgemeinen Durchschnitts-Ertragstasel und nach örtlichen Aufnahmen und Erfahrungen die Bestanz besmassen und Höhen ber fraglichen Waldgattungen, Nutz-barkeitsalter und Standortsklassen so gut als eben thulich auf, ergänzt und berichtigt dann diese vorläusigen Ansäte nach den entsprechenden Schlußklassen unserer Waldmassen-Taseln und wirft dazu noch die Vorerträge, die Durchschnittsmehrung zum Hauptertrag und den Durchschnitts=Juwachstum Gesammtertrag aus, wosern diese Ertragsgegenstände mit zur Frage kommen. Für die Schätung des später zu erziezhenden Walderwachses lassen solche Ertragstaseln nichts zu wünzschen übrig.
 - b. Ertragsbestimmung nach gegebener Borbestands: und Zu: wachsmasse.

§. 410. Überhaupf.

Hierbei wird der gegenwärtige Massengehalt des Holzbestandes bestimmt und demselben noch der ermittelte Zuswachs bis zu der im Voraus angenommenen Abtriedszeit aufzgerechnet. Der aufgerechnete Zuwachs kann entweder der laufen de oder burchschnittliche sein.

1) Bestimmt man ben kunftigen Ertrag, indem man dem gegenwärtigen Massengehalt den laufenden Jahreszus wachs aufrechnet, so nimmt man in der Regel den eben vorges fundenen Jahreszuwachs auf jedes weitere Lebensjahr als gleichsbleibend an. Ein 70jähriger Fichtenbestand habe z. B. 5000 e' gegenwärtige Masse mit mit 80 c' Zuwachs und sollte nach zehn Jahren zum Abtriebe kommen, so wäre sein Ertrag

 $5000 + 80 \times 10 = 5800 \text{ c}'$

Diese Zuwachsaufrechnung hat jedoch ihre Grenzen; benn der laufende Zuwachs bleibt sich selten längere Zeit gleich; in jüngeren Wüchsen sehen wir ihn steigen, während er in erwachsenen Hölzern mehr und mehr fällt und nur in mitteljährigen und unsgleichwüchsigen Beständen steter fortschreitet. Sollen also solche Zuwachsaufrechnungen nicht zu unnatürlichen Massenanhäufungen führen, so darf man sie keinesweges auf ferne Zeiten erstrecken, und wo hierbei irgend Zweisel obwalten und besonders die Abstriedszeit später hinausfällt, muß der kunstige Zuwachs nach Maßgabe der zu erwartenden Wachsthums und Nuhungsserhältnisse noch näher bestimmt und das erlangte Ergebniß verzgleichend geprüft und berichtigt werden. Dazu können folgende Mittel als Anhalt dienen:

- a) Die Vergleichung mit den Ergebnissen älterer Bestände derselben Form. Diese Vergleichungsbestände gesben ohne Zweisel das sicherste Vorbild; selten mangelt es in einem Forste an solchen älteren Hölzern, von denen man den Masengehalt, den laufenden Zuwachs und die Durchschnittsmehrung für gewisse Nutzungsalter sicher abnehmen kann.
- b) Die Vergleichung des durch Zuwachsaufrechnung geschätzten Zukunstertrages mit vorhandenen Erfahrungstafeln. Diese gewähren einen recht brauchbaren ungefähren Unhalt. Bestimmt man den von Zeit zu Zeit sich ändernden Zuwachs näher und vergleicht dann die darauf basirten Schätzungsergebnisse mit jenen Tafeln: so ist man wenigstens völlig gesichert, daß sich die 3u-wachsaufrechnung nicht in unmäßige Ertragsmassen versteigt.
- c) Die Vergleichung mit Waldmassentafeln. Läßt sich die fortschreitende Zunahme der Ertragsfaktoren einigermaßen sicher bestimmen, so kann darnach der Ertrag mittels der Waldmassen; tafeln angesprochen und dieser zum bewährenden Vergleiche beznutzt werden.
- 2) Die Aufrechnung ber Durchschnittsmehrung besteht barin, daß man statt des laufenden Zuwachses die aus der Bestandesmasse und dem Bestandesalter entzisserte Durchschnitts= mehrung anwendet. Bei dem obigen Fichtenbestande ware die

Durchschnittsmehrung 5900 = 71,4 und der Ertrag nach zehn Jahren bemnach

$$5000 + 71.4 \times 10 = 5714 \text{ c}'$$

Diese Aufrechnung hat bei allen noch unerwachsenen Beständen keinen sichern Grund; benn abgesehen von der Unsicherheit in Bestimmung des Bestandesalters, weicht die Durchschnittsmehrung von dem wirklichen Jahreszuwachse im Laufe der Wachsthumszeit viel zu sehr ab, wie später noch ausführlicher dargelegt wers den wird.

Sanz anders ist es aber mit der Durchschnittsmehrung schon erwachsener Bestände; diese darf in der Ertragsberechnung für die kurze Zwischenzeit bis zum Abtriebe recht füglich als laufenser Jahreszuwachs gelten, wofern man letztern nicht näher ermitteln will.

übrigens gewährt der Vergleich mit der Durchschnitts= mehrung von schlagbaren Musterbeständen ohne Zweifel einen vortrefflichen Anhalt zur Schätzung kunftiger Haupterträge anderer, ähnlicher Bestände. Doch bedarf auch dieser erfahrungs= mäßige Bestandes=Durchschnittsertrag pr. Morgen und Jahr noch mancher Berichtigung, hauptsächlich in Bezug auf das ganz ent= schiedene Bessergerathen und dabei immer einigermaßen zweifel= hafte mittlere Alter aller aus früherer Zeit noch vorhandenen Musterbestände (§. 385. 1.).

§. 411. Anwendung der verschiedenen Ertrags= schätzungs=Methoden.

Die Anwendung der einen oder anderen Methode zur Vorausbestimmung kunftiger Erträge richtet sich vorzugsweise nach Alter und Beschaffenheit der Bestände.

1) Jung = und Mittelwüchse. Der spätere Ertrag res gelmäßiger Jung = und Mittelwüchse wird ohne Zweisel am geeignetsten nach recht angemessenen Lokalertragstafeln bestimmt. In diesen sucht man, nach Maßgabe des Alters, der Bestans beshöhe, des Massengehaltes und auch wohl des Zu: wachses, mit Berücksichtigung der Ortsgüte nur den Anstnüpfungspunkt für den fraglichen Bestand und sindet dann von hier aus in der fortschreitenden Altersfolge, was an Vorsund Hauptertrag von demselben zu erwarten ist. Mitunter sind freilich berichtigende Modisikationen und Seitengriffe in die nächssten Ertragsklassen erforderlich, wenn zumal ein oder der andere Bergleichsmoment dem Anknüpfungspunkte nicht recht entspricht. — Stellvertretend kann auch eine bloße Waldmehrungstasel ges braucht werden. —

Bei unregelmäßigen Jung = und Mittelwuchsen kommt es zunächst barauf an, worin biefe Unregelmäßigkeit besteht. Beruht biese barin, daß größere Blößen unproduktiv find und bis zur Abnugungszeit bleiben werden, ift aber sonst der Bestand re= gelmäßig: so genügt die bloße Abrechnung der Lückenfläche. Beruht solche nur in vorübergehender Mangelhaftigkeit bes Bestan= des, die aller Wahrscheinlichkeit nach wieder-verwächft, so läßt sich ber kunftige Hauptertrag gleichfalls nach Ertragstafeln schägen, und es muß nur eine angemessene Minderung ber Borer= träge eintreten. Ist aber die Unregelmäßigkeit bleibend ober die Ungleichwüchfigkeit an sich sehr bedeutend, so bleibt die Anwen= dung von Ertragstafeln eine gewagte und mißliche Sache. Die fünftige Ertragsbestimmung ift in solchen Fällen schwierig und unsicher und kann sich vorzugsweise nur an den vorgefundenen Massengehalt und wirklichen Zuwachs halten, muß um so mehr aber zu ben im vorigen §. 410. erwähnten Bergleichungen und Bewährungen ihre Zuflucht nehmen.

2) Erwach sene, ältere Bestände können zwar hinssichtlich ihres Ertrages, wenn sie regelmäßig sind und zureichende Anknüpfungspunkte gewähren, gleichfalls nach Lokalertragstaseln bestimmt werden. Indes bieten sie selten das Bild großer Rezgelmäßigkeit; zudem liegt ihre künstige Ertragsmasse in dem berreits vorhandenen Bestande schon zum größeren Theile vor Ausgen und kann darnach sicherer beurtheilt werden; ihr wirklicher Zuwachs läßt sich genauer ermitteln und darf für die nur noch kürzere Lebensdauer dis zum Zeitpunkte der Abnutzung meist als ziemlich gleichbleibend angesehen werden. Die Ertragsbestims

mung älterer, mehr erwachsener Bestände geschieht daher am sichersten durch Aufnahme ihrer gegenwärtigen Massenhaltigkeit und Aufrechnung des wirklichen Zuwachses bis zur Abnutzungszeit, wobei jedoch die im vorigen Paragraphen gedachten Vorsichts= maßregeln nicht außer Acht zu lassen sind. Liegt die Abnuztungszeit näher, ist also nur für kürzere Zeit der Zuwachs aufzurechnen, so kann ganz füglich statt des laufenden auch der Durchschnittszuwachs stellvertretend gebraucht werden.

- 3. Allgemeine mathematische Gesetze und Verhältnisse des Holzertrages.
 - a. Ertrageverhältniffe einzelner Solzbestänbe.
 - §. 412. Borläufige Darstellung des Holzmassen= und Berthe: Erwachses.

In dem aufwachsenden Holzbestande schreiten Massenzuwachs und Werthzunahme von Jahr zu Jahr nach gewissen Verhält= nissen fort. Diesen Gang des Walderwachses kann man zur leichtern Übersicht in kurzen Altersstusen aufstellen und dabei für jede Zwischenzeit ein gleiches Verhalten annehmen, wo nicht eben genauere Zwischengrößen erforderlich sind. Eine solche Darstelzlung enthält den Stoff zu wichtigen Betrachtungen über die einzträglichste Walderziehung, ist sie auch aus den ersten besten Zahzlen zusammengesetzt, wie folgende

Ubersicht bes Massen: und Werths: Erwachses in einem Holzbestande.

Findet	fic in	fo	betråg	gt bi	aven	Gilt	hierzu	fo	ergleb	fich :	an	7
bem Alterejahn	die Bestandesmai	Turig ≥	bie Durchfcnittome	bie periobliche Jahn	bas Beftanbes: Prozen	ber holypreis w	mit dem Preiszu nahme = Prozent	gleichzeitigem Beste bed-Alberthe Mw	A M sundount	× ×	hme-Brogen	unt on Morthan

§. 413. Massenzuwachs = Berhältnisse im Holz= bestande.

Aus dieser kurzen Übersicht, worin der Einfachheit wegen vorläusig weder die im Laufe der Zeit abfallenden Vorerträge, noch die geringe Bestandesmasse des ersten Jahrzehndes mit aufzenommen sind, erheben wir nun folgende allgemeinen, für die Holzabnutzung wichtigen Ertragsverhältnisse.

- 1) Die Durchschnittsmehrung (§. 392.) geht hervorburch Theilung einer jeden Massengehaltsstuse in ihre Altersjahre und tritt zur Abnuhungszeit als durchschnittlicher Hauptertrag auf. Sie steigt mit zunehmendem Alter ziemlich stetig fort bis zu einem Wendepunkte, auf welchem ihr Betrag dem der Jahresmehrung gleichkommt; dann sinkt sie wieder in ziemlich gleichem Schritte. Dieser, vom Steigen und Fallen der Jahresmehrung abhängige Wendepunkt der Durchschnittsmehrung bezeichnet das Bestandesalter, welches den größten jährlichen Hauptertrag abwirft. Die Durchschnittsmehrung hat daher für die Bestimmung des Umstriedsalters eine besondere Bedeutung.
- 2) Jahresmehrung (§. 392.). Der periodische Mehzrungszuwachs ergiebt sich hier, wenn man die Vorbestandesmasse von der Nachbestandesmasse abzieht und den Rest in die 10 Zwisschenjahre theilt. Er ist also z. B. in unserm Falle vom 20. dis zum 30. Jahre = $\frac{300-100}{10}$ = 20. Dadurch stellt man den Zuwachs freilich in jeder Altersstuse jährlich gleich, was in der Wirklichkeit nur selten der Fall ist. Die mehr naturgemäße arithmetische Aufreihung (n. §. 89. 3.), auf alle einzelnen Jahre, würde hier aber nur zu überslüssiger Beitläusigkeit sühren. Das dieser Reihe mehr oder minder eigene Steigen die zu einem gewissen Wende wird, und das nachherige Fallen giebt sich ohnedies schon genugsam zu erkennen. Die Jahresmehrung dient hauptsächlich zur Bestimmung des Mehrungsprozentes.

3) Das Mehrungs=Prozent berechnen wir hier mehr durchschnittlich aus dem Massengehalte am Schlusse eines jeden Jahrzehndes, als Kapital, und ber von ba ab weiter laufenden Es ist also periodischen Sahresmehrung, als Zinsen betrachtet. 3. B. für bie Altersperiode vom 40. zum 50. Jahre = 600:40 = Dasselbe erscheint um so niedriger, je größer ber Massengehalt und je kleiner die Mehrung eben ist; baher bas so Durch förderliche auffallende Sinken mit zunehmendem Alter. Aushiebe wird der Massengehalt gemindert und der Zuwachs ge= mehrt, also bas Mehrungs = Prozent von beiden Seiten gehoben. Dasselbe bruckt bas absolute Mehrungs = Berhältniß aus und bient bem Forstwirthe stets als Zeiger, wo in ber Balbung eben mehr oder minder zu helfen, früher oder später zu nugen ift.

§. 414. Werthezunahme: Verhältnisse im Solzbestande.

Um nun auch die verschiedenen Werthsergebnisse von einem Holzbestande näher beurtheilen zu können, stellten wir der Holzmasse zuvörderst geeignete, mit zunehmender Nutzbarkeit steigende mittlere Preisse unter. Daß in der Wirklichkeit oft eine ganz andere Preissteigung Statt findet, andert nichts an unsern Betrachtungen; denn hier ist es nur um ein zum Beispiel dienendes Werthsverhältniß zu thun. Aus dieser Preisreihe entzisserten wir noch die jährlichen Preiszunahmes Prozente*), welche sehr angelegentlich zur Frage kommen, aber von dem Zeitpunkte an verschwinden, wo das Holz im Preise nicht mehr steigt. Der Holzpreis müßte übrigens re in von allen Bereitungskosten angesetzt sein, sollte er zur Grundslage näherer Werthsbestimmungen dienen. Mittels dieser Preissansähe berechnen sich nun folgende Holzbestandeswerthe:

1) Der am Ende jedes Jahrzehndes vorfindliche Betrag

[&]quot;) Steht ber Holpreis von der Masseneinheit im 20. Jahre zu 1 und im 30. zu $1\frac{1}{4}$: so beträgt inzwischen die gesammte Preiszunahme $1\frac{1}{4}-1=\frac{1}{4}$ und die jährliche $\frac{1}{4}:10=\frac{1}{25}$. Die jährliche Preiszunahme beträgt also 5 pCt. (nach $1:\frac{1}{25}=100:5$).

des Bestandeswerthes, das Produkt des derzeitigen Massen= gehaltes mit dem reinen Holzpreise. Er ist also z. B. im 50. Jahre = 1000 × 2½ = 2500.

- 2) Die Durchschnitts=Berthszunahme, ober der gleichgestellte Antheil eines jeden Altersjahres an dem Bestandes=werthe; sie ist für das 40. Jahr = $\frac{1200}{40}$ = 30 und ergiebt sich zugleich auch aus dem Produkte der Durchschnittsmehrung mit dem Holzpreise, nämlich $15 \times 2 = 30$; daher das stärkere Anssteigen. Ihr Bendepunkt fällt über den der Durchschnittsmehrung hinaus, wenn das Steigen des Holzpreises diesen überschreitet, und giebt das Benutungsalter an, welches den größten jährlichen Gelbertrag durchschnittlich abwirft.
- 3) Die Jahres=Werthszunahme geht ebenso aus dem Bestandeswerthe hervor, wie oben die Jahresmehrung aus der Bestandesmasse. Sie ist also für die Altersperiode vom 20. zum 30. Jahre $=\frac{450-100}{10}=35$. Wo das Steigen der Werthzunahme mit von der Preiszunahme gehoden wird, liegt deren Wendepunkt hinter dem der Jahresmehrung.
- 4) Das Werthszunahme Prozent wird aus dem eben vorhandenen Bestandeswerthe und der weiter lausenden Werthszunahme berechnet, ist also z. B. für die Altersperiode vom 40. bis 50. Jahre = 1200: 130 = 100: 10,83. Es steht bei steigenzdem Holzpreise höher, als das Massenmehrungs Prozent, und sinkt im spätern Alter ebenfalls sehr bedeutend, sofern es nicht von zunehmenden Holzpreisen gehalten wird. Stehen die alten, starken Hölzer nicht viel höher im Preise, als die schwachen, oder hebt die Zeit nicht etwa den Holzpreis: so sinkt ihr Werthszunahmes Prozent mit unglaublich starken Schritten. Dasselbe giebt stets zu erkennen, in welchem Zinssuße der Bestandeben an seinem Werthe zunimmt. Wer die Waldzucht treibt mehr des Geldgewinnes wegen, darf diesen Leiter der Spekulation nie aus dem Blicke verlieren.

•

§. 415. Zeitpunkte der größten Ergiebigkeit und Ein= träglichkeit im Holzbestande.

Dbige Verhältnisse des Massen = und Werthserwachses dienen zum allgemeinen Wegweiser beim Aufsuchen des vortheilhaftesten Zeitpunktes forstlicher Benutungen.

- 1) Verlangt man von einem Holzbestande den größten jährlichen Hauptertrag an Holzmasse, so haut man benselben im Wendepunkte seiner Durchschnittsmehrung. Dieser träte in dem obigen Beispiele mit dem 85. Jahre ein, zur Zeit, wo in den beiden noch zu ergänzenden Mehrungsreihen die Glies bergleichheit Statt sinden wurde.
- 2) Den größten jährlichen Hauptertrag an Geld= werth giebt das Alter, in welchem die Durchschnitts=Werthszu= nahme ihren Wendepunkt erreicht. Das obige Beispiel bezeichnete dazu ebenfalls die Zeit zwischen dem 80. und 90. Jahre.
- 3) Den größten Geldgewinn bietet der Zeitpunkt, in welchem das WerthszunahmesProzent eben unter den gewerblichen Zinsfuß sinkt. Wäre dieser etwa 4 pCt., so würde in unserm Beispiele das 68. Jahr am einträglichsten sein. Mit dessen Schlusse wäre das Holz zu verwerthen und der Erlöß wieder von neuem werbend anzulegen. Bei einer frühern Abnuhung, so lange die Werthszunahme den erforderlichen Zinssuß übersteigt, büßte man den höhern Zinsengewinn ein, welchen das Holz noch bietet *); bei einer spätern, wo das Werthszunahme Prozent immer tieser sinkt, gingen dagegen weiter gewinndare Geldzinsen verloren.
- §. 416. Ermittelung des einträglichsten Benutungs= alters eines jeden Holzbestandes an sich.

Um den-Zeitpunkt zu bestimmen, in welchem ein Holzbestand an sich, nämlich ohne alle Beziehung auf Erzeugungskosten, am einträglichsten genutzt werden kann, mussen die Best andes werthe der zur Frage kommenden Zeiten gegeben sein; bann macht sich folgende Regel geltend: Man führe die ge=

^{*)} Wir laffen babei bie nach ber Abnutzung bes Holzbestandes frei werdende - Bodenrente vorläufig außer Acht. Bergl. S. 418.

gebenen Bestandeswerthe mittels ber erforderlichen Zinseszinsen auf einen beliebigen gleichen Zeitpunkt vor oberzurück; derjenige davon, welcher hier alle andern überbietet, bezeichnet das werthvolleste Benutungsalter.

Bei einer vollständigen Ertragsaufreihung wäre nur der nächste diskontirte Nachwerth jeder fraglichen Altersstufe mit dem gleichzeitigen wirklichen Bestandeswerthe zu vergleichen. Wo beide übereinstimmen, steht die Einträglichkeit auf ihrem höchsten Punkte. So steigen obige Bestandeswerthe des 50., 60. und 70. Jahres auf folgende Aprozentigen Nachwerthe:

Vom 50. zum 60. Jahr: 2500 × 1,48 = 3700, wirklich 4500;

- " 60. " 70. " $: 4500 \times 1{,}48 = 6660$, " 7000;
- " 70. " 80." : $7000 \times 1,48 = 10360$, " 9600.

hiernach fiele die größte Einträglichkeit an bas 70. Altersjahr.

In diesem, wie in jedem andern Falle könnte man auch alle gegebenen Erwartungswerthe auf den Nullpunkt der Ertragsreihe vorführen; dann giebt sich derzienige davon als der einträglichste zu erkennen, welcher den höchsten Vorwerth hat. Mit 4 pct. wäre zum obigen Beispiele

ber 60jährige Vorwerth 4500 × 0,09506 = 427,77;

- $700 \times 0.06422 = 449.54;$
- " 80 " " 9600 × 0,04838 416,45; mithin das 70. Jahr am einträglichsten.

§. 417. Ermittelung des rohen Werthszunahme= Prozentes vom Holzbestande.

Beim Anlegen der Holzhiebe und beim Anweisen der Bäume trifft der denkende Forstwirth seine Auswahl nicht ohne vergleis chende Berücksichtigung der Werthszunahme, in welcher das fragliche Holz eben steht. Um diese wichtige Wirthschaftsfrage gleich an Ort und Stelle auf die leichteste Weise entscheiden zu können, geben wir für gewöhnliche Fälle die kurze Regel: Man nehme von dem Holzzuwachs: und dem Preiszunahme: Prozente ohne Beiteres die Summe als Werths= zunahme=Prozent des laufenden Jahres an.

1) Das Holzzuwachs Prozent läßt sich nach §. 359. ober 385. leicht an Probestämmen ermitteln; das Preiszunahmes Prozent ergiebt sich schon ziemlich aus den Preisen der gegenwärtigen und der nach 10 Jahren zu erwartenden Stammstärke und Brauchbarkeit. Ein Fichtenbestand von 50jährisgem Stangenholze habe z. B. die nächsten 10 Jahre hinter einsander jährlich 5 pCt. Holzzuwachs; der Preis eines Körperstußes steige inzwischen von 2,5 auf 3 Ar., mithin in 10 Jahren um 3—2,5 = 0,5 Ar. ober jährlich 0,05 Ar., und habe folglich nach dem Ansat

$$2.5:0.05 = 100:p$$

eine jährliche Preiszunahme von 2 pCt.: so rechnete man kurzweg für die jährliche Werthszunahme

$$5 + 2 = 7 pCt$$
.

2) Um die Genauigkeit unserer Annäherungsregel zu prüsen, wende man dieselbe nur auf eine Werthssteigung der obigen Überssicht (§. 412.), etwa auf das 50. Altersjahr an. Dort ist zu der Bestandesmasse von 1000 c' und dem Preise von 2½ Ar. der Bestandeswerth 2500 Ar., das nächste Prozent des Massenzuwachsses 5 und der Preiszunahme 2. Wir nehmen mithin 5 + 2 pCt. = 0.05 + 0.02 für die 1jährige, oder 0.5 + 0.2 für die 10jährige Werthszunahme an. Danach würde der vorhandene Bestandeswerth der Einheit vom 50. dis zum 60. Jahre auf 1 + 0.5 + 0.2 steigen, und der von 2500 auf

$$2500 \times (1 + 0.5 + 0.2) = 4250 \ \text{Xr}.$$

Eigentlich ist aber die Steigung von dem 50. zum 60. Jahre: in der Masse = $1000 \times (1+0.05 \times 10) = 1500 \text{ c'}$, in dem Preise = $2\frac{1}{2} \times (1+0.02 \times 10) = 3 \text{ Xr.}$, im Werthe = $2500 \times (1+0.5) \times (1+0.2) = 4500 \text{ Xr.}$ Die Eösung beider Parenthesen dieses Produktes ergiebt:

$$2500 \times [(1 + 0.5 + 0.2) + (0.5 \times 0.2)],$$

also gegen die Faktoren unserer Formel noch einen Zusatz von. 0,5 × 0,2. Dieser kleine, oben unbeachtete lojährige Werthezu=

nahme=Antheil $0.5 \times 0.2 = \frac{5 \times 2}{100} = 5 \times 2$ pCt. beträgt für jedes der 10 Jahre $\frac{5 \times 2}{10}$ pCt. oder das durch 10 getheilte Produkt beider Prozentzahlen.

Demgemäß würde man, zur genauen Bestimmung des jährlichen Werthszunahme=Prozentes, von dem Holzzuwachs= und dem Preiszunahme=Prozente nicht nur die Summe, sondern auch noch ein Zehn=tel des Produktes nehmen müssen. Mittels dieser Kor=rektion ergäbe die Berechnung für den obigen Fall

von dem 50. Jahre ab:
$$5 + 2 + \frac{5 \times 2}{10} = 8 \text{ pCt. *}$$
).

Dies führte genau zu bem wirklichen Bestandeswerthe im 60. Jahre, nämlich:

$$2500 \times [1 + (0.08 \times 10)] = 4500 \text{ fr.}$$

Jenes Zehntel bes Produktes lassen wir aber in der Regel fallen, wo eine größere Schärfe eben nicht erforderlich ist, wie etwa bei vergleichender Auswahl der zur Fällung bereit stehenden Bäume und Bestände; auch wohl um der reinen Werthszunahme gleich etwas näher zu kommen.

§. 418. Ermittelung des bobenrentefreien Werthszunahme=Prozentes vom Holzbestande.

Der Ertrag eines bestandenen Waldortes umfaßt die Kente zweier ganz verschiedenen Kapitalwerthe, nämlich die des Bodenwerthes und des Bestandeswerthes. Die Bodenrente wird zwar meistens durch die jährlich erfolgende Nebennutzung zum kleineren Theile gedeckt; so weit dies jedoch nicht der Fall ist, muß sie vom Holzbestande mit übertragen werden, und trüge der Wald gar keine Nebennutzung, so müßte sich sein Bodenwerth ganz allein durch den Holzbestand mit verzinsen; in diesem Falle ist also nur das, was die Bodenrente von der rohen Werthözunahme des Bestandes übrig läßt, als eigentlicher Abwurf des Bestandes-

^{*)} In der Darstellung S. 412. läßt sich diese Probe auf jedes Werthes zunahmes Prozent anwenden.

werthes anzusehen. Will man also wissen, ob die Werthszunahme eines Waldbestandes an sich, b. h. nach Abzug der Rente, welche dem reinen Bodenwerthe angehört, noch einträglich genug ist *): so muß die Bodenrente von der ganzen Werthszusnahme der Waldung abgezogen werden. Dies geht gegen alle Erwartung leicht, wenn man den zeitlichen Bestansdes werth allemal zu 100 Werthseinheiten anrechenet, dann die vom Bodenwerthe nach dem angemessenen Zinssuse ausgeworfene Bodenrente gleich in solchen Werthsteilen wausdrückt und von der gesammten Werthszunahme abzzieht.

Betrüge z. B. der Bodenwerth 20 solcher Hunderttheile des Bestandeswerthes oder 20 w, und stände der erforderliche Zins= suß zu 4 pCt.: so käme von der gesammten Werthszunahme auf die abgehende Bodenrente $20 \times \frac{4}{100} = 0.8$ w. Wäre nun von dem zu 100 w angenommenen Bestande die rohe Werthszunahme 5 w, so verbliebe als bodenrentesreie Werthszunahme 5 - 0.8 = 4.2 pCt.

Dber in einem concreten Beispiele. Der zeitliche Werth bes Holzbestandes auf einem Morgen sei = 200 Ahlr., dessen laufende Werthszunahme an Holzzuwachs und Preissteigung bestrage 8 Thlr., folglich das rohe Werthszunahmespct. (n. §. 414, 4.) = 4. — Der reine Bodenwerth dieses Morgens Waldgrund sei 20 Thlr., folglich kommen (nach 200 : 20 = 100 : x) auf 100 Werthseinheiten des Bestandes 10 gleiche Werthseinheiten für den Boden. Steht nun der herrschende Zinssuß zu 3,5 &, so würden diese 10 Werthseinheiten eine Bodenrente von (100: 3,5 = 10: x) = 0,35 bedingen; es wäre demnach

von 100 Bestandeswerth die rohe-Werthzunahme . . 4 %,

10 Bobenwerth, zu 3,5 %, die Bobenrente . . 0,35 %, folglich die bobenrentefreie Werthszunahme = 3.65 %.

^{*)} Diese Betrachtung ist für die Beurtheilung der Einträglichkeit unerläß= lich; denn so lange der Holzbestand noch fortwächst, ist an diesen die Boden= rente gebunden; wird er abgetrieben, so wird der Boden zu neuer Produktion, sei es zur Holzzucht oder für landwirthschaftliche Zwecke, wieder frei.

Nicht selten stellt sich bies von der Bodenrente befreiete Berthszunahme Prozent eines Holzbestandes tief unter den gewerblichen Zinssuß; ja es giebt Fälle, wo dasselbe ganz verschwindet, wo selbst die Bestandeswerthszunahme nicht einmal mehr im Stande ist, die Bodenrente zu übertragen. Je niedriger der Bodenwerth und der Zinssuß stehen, um so weniger entziehen beide dem Bestande an seiner Werthszunahme. — Der Bodenwerth kann auch den zeitigen Bestandeswerth übersteigen. Unsere Rechnung bleibt in diesem, wie in jedem andern Falle anwendbar. Fände man z. B. in einem jungen Kiefernorte zu der allgemeinen Annahme von

100 w Bestandeswerth etwa 30 w oder pCt. rohe Werthszun. und 500 w Bodenwerth mit 20 w als 4-prozentige Bodenrente:
so verblieben 10 pCt. als bodenrentesreie Werthszunahme des Bestandes.

Die unerwartete Einfachheit dieser sonst so verwickelten Werths= verhältnisse gestattet uns ein kleiner, nicht zu übersehender Kunst= griff, nämlich die seste Annahme des Bestandeswerthes zu 100 w, wodurch Renten und Prozente in gleichen Zahlen auftreten.

§. 419. Ermittelung des ganz reinen Werthszunahme= Prozentes vom Holzbestande.

Um das reine Werthszunahme=Prozent eines Holzbestandes zu bestimmen, muß man außer der Bodenrente auch
alle Waldnugungskosten, welche an ständigen Entrichtungen, so wie für Verwaltung, Unterhaltung u. a. m. im Durchschnitt jährlich aufgehen, von der Bestandeswerths-Zunahme abrechnen. Dies kann sehr leicht geschehen. Man drückt nur jene Kosten,
welche beim einzelnen Bestande wie beim ganzen Waldverbande
in jährlich gleichem Vetrage fortlausen (die mit eingeschlossenen
Unbaukosten dis zu einer gewissen Abnuhungszeit als jährlich
gleiche Kente dargestellt), ganz wie die Bodenrente in Hunderttheilen des Bestandeswerthes aus.

Betrügen z. B. in dem obigen Beispiele die 'jährlichen Nutzungskosten pr. Morgen 0,66 Thir., so macht dies in Pro-

zenten des Bestandeswerthes (200: 0,66 = 100: x) = 0,33; es ergiebt sich also

rohe Werthszunahme — 4 pCt.

Bobenrente — 0,35,

jährl. Nutungskosten — 0,33.

Also bleiben 3,32

als reines Werthszunahme=Prozent bes Bestanbes.

§. 420. Ermittelung der rohen und reinen Werths= zunahme=Prozente, so wie der Bodenrente von Waldgrundstücken.

Die Frage nach bem rohen und reinen Werthezunah: me=Prozent von einem einzelnen Waldgrundstücke ist leicht zu erledigen, wenn der Werth vom Boden und Bestande und die gesammte Werthezunahme nebst den Waldnutzungekosten in gleichen Werthseinheiten gegeben sind.

1) Rohe Werthszunahme vom Boden und Besstande zusammen. In dem vorigen Beispiele war der Werth vom Boden und Bestande ober das Waldkapital 20 Thlr. + 200 Thlr. und davon die jährliche rohe Werthszunahme 8 Thlr. Diese berechnete sich also vom Ganzen zu 3,636 pCt., nach der Proportion:

$$(20 + 200) : 8 = 100 : p.$$

Dieses gesammte Werthszunahme = Prozent vom Boden und Bestande eines Waldgrundstückes stellt sich um so mehr unter das rohe Werthszunahme = Prozent des bloßen Bestandes, je größer der Bodenwerth gegen den Bestandeswerth ist. Hat dagegen ein Waldboden gar keinen andern Nutzungswerth, so dürste das rohe Werthszunahme = Prozent des Bestandes auch zugleich für das ganze Waldgrundstück überhaupt gelten.

2) Reine Werthszunahme vom Boben und Bestande zusammen. Diese ergiebt sich, wenn man von der rohen Bestandeswerths = Junahme ohne Weiteres die Waldnustungskosten abzieht und den Rest als Kapitalabwurf des gestammten Boden = und Bestandeswerthes anrechnet.

In unserem Beispiele ist das Waldkapital (20 + 200) Thlr. und dessen Werthszunahme, die abgehenden Waldnutzungs: kosten zu 0,66 Thlr. angenommen, 8 — 0,66 — 7,34 Thlr., also das reine zunahme prozent vom Waldwerthe 3,336, nach:

220:7,84=100:p.

3) Um die Waldbodenrente zu berechnen und die Einsträglichkeit der Holzzucht zu beurtheilen, hätte man nur von der Bestandeswerths-Zunahme die erforderlichen Kapitalzinsen des Besstandeswerthes nebst den Waldnutzungskosten abzuziehen. Der Überschuß ist die reine forstliche Bodenrente. Betrüge, wie in unserem obigen Beispiele, der Bestandeswerth 200 Ahlr., so machsten dessen Zinsen zu 3 pCt. = 6 Ahlr.; wäre nun die jährliche Werthszunahme 8 Ahlr. und alle bezüglichen Waldnutzungskosten = 0,66 Ahlr.: so bliebe als Bodenrente 8 — (6+0,66..) = 1,33.. Ahlr. Diese gäbe dem Boden, zu 4 pCt., einen Kaspitalwerth von (3:100 = 1,33:x) = 33,2 Ahlr. *).

§. 421. Zwei Einträglichkeitsfragen in Betreff einzel= ner Balbstücke.

1) Es kann leicht den Anschein gewinnen, als sei es vorstheilhafter, ein Waldstück fort und fort wieder abzuholzen, bevor dessen Werthszunahme-Prozent bis zu dem gewerblichen Zinsfuße niedersinkt, um dadurch einen höhern Zinsenbezug fortwährend zu erzielen. Aber nicht eben auf das Prozent an sich, sondern vielmehr auf den wirklichen Werthserwachs kommt es hier an.

Da beim einzelnen Bestande der Bestandeswerth und die jährliche Werthstaunahme sich fortwährend verändern, so kann durch obige Rechnung keineswegs die wahre, nachhaltige Bodenrente ermittelt, sondern nur die zufällige, durch die gegen wärtige Werthszunahme des Bestandes statistudende Bodennuhung ausgedrückt werden. Bei einem im Nachhaltsbetriebe stehenden Waldcomplex aber, wo der Bestandeswerth, so wie die jährliche Ruhung (statt der Werthszusnahme des einzelnen Bestandes) constante Größen sind, sindet man durch obige Rechnung die wahre, nachhaltige Bodenrente.

Der jungere, werthlosere Bestand mit seinem hohern Werthezunahme = Prozent nimmt an wirklichem Werthe weit weniger zu, als ber ältere werthvollere, wenn beffen Werthszunahme-Berhalts niß auch viel niedriger steht. So truge ber Bestandeswerth von 20 w mit 10 pCt. Zunahme nur 2 w, ber von 100 w mit nur 4 pCt. aber 4 w jährlich ein. In dieser Frage entscheidet ganz allein die wirklich höchste Einträglichkeit, welche nach Abzug des Erzeugungs : Aufwandes mittels ber gleichzeitigen Vorwerthe ge= funden wird (§. 416.). Das Werthszunahme=Prozent soll bloß die absolute Werthesteigung barlegen, damit wir uns vor Zinsenverluft in Acht nehmen. Wird ein Baldftuck abgenutt, wenn beffen Werthezunahme=Pro= zent sich so eben dem gewerblichen Zinssatze gleich stellt: so sam= melt die Waldwirthschaft alle im heranwachsenden Bestande bis dahin Statt gehabten zinsreichern Werthszunahmen, und es wurde bem Einkommen offenbaren Berluft zuziehen, gabe man biefen Gewinn burch frühere Abnutung, wenn auch nur theilweise, auf (§. 415. 3.).

2) Von wirklicher Bedeutung ift aber eine andere Frage, nämlich die nach der größern Abkömmlichkeit unter mehren schlag= baren Beständen eines und desselben Waldverbandes, so weit eben die Walderziehung freie Wahl gestattet und der Unterschied bes Werthszunahme = Prozentes nicht ganz bestimmt entscheibet. Zwei solche schlagbaren Baldstücke können eben noch in ganz gleichem Werthszunahme=Prozent stehen, und bennoch kann bie Abnutzung des einen vortheilhafter sein, als die des andern. Den Ausschlag giebt hierbei der weiter zu erwartende Nutungswerth, welcher sich einstellt, so wie der Boden durch den Abtrieb frei Hätte z. B. bei ganz gleichem Abnuhungsbestande bas eine Stud a 50 Mg. zu 12 Thir. und bas andere b 30 Mg. zu 16 Thlr. Bodenwerth: so wurde für die weitere Nutung, nach Abtrieb des vorhandenen Bestandes, im ersten Falle 50×12 = 600, und im zweiten 30 × 16 = 480 Thlr. Bodenwerth dis: ponible, und die Abtriebsfrage entschiede offenbar für a, wobei die Zukunft an Walbverbesserung gegen b um & gewänne.

Alle diese Ermittelungen und Anwendungen der Werthetus nahme geben der wirthschaftlichen Holzerziehung eine ungemeine Sicherheit und befreien sie von gar manchem Irrthume. Möchte die Leichtigkeit unseres Versahrens diesen denkwürdigen, seither so wenig beachteten Gegenstand der Forstwissenschaft nun auch gemeinnütziger machen, so daß ferner kein Holz gezogen, kein Hieb geführt, kein Baum gefällt wurde, ohne Berücksichtigung der rechten Einträglichkeit. Wann werden wir dies Ziel erzreichen?

§. 422. Berschiedenheit bes Wachsthumsganges nor= maler Holzbestände.

Oben stellten wir nur vorläusig eine leicht übersehbare Fortschreitung der Holzbestandesmassen und Werthe auf, bloß um den Gegenstand erst überhaupt kennen und anwenden zu lernen. Nach dieser Vorbereitung untersuchen wir nun den wirklichen Wachsthumsgang, wie er den Zuständen normaler Wirthschaftswälder eigen ist, mehr um daraus die Erträge ganzer Waldversbände zu entwickeln. Es versteht sich von selbst, daß nur schlagzweis erzogene Holzbestände hier zur Frage kommen können, und unter diesen sind es die gleich wüch sigen, welche uns zunächst und hauptsächlich beschäftigen.

Die Bachsthumsgänge verschiedenartiger Holzbestände sinden sich in Entstehung und Fortschritt bedeutend verschieden. Hinssichtlich dieser Verschiedenheit giebt es eine starke und eine schwache Entstehung. Die starke Entstehung ist diesenige, wo der junge Bestand am raschesten auswächst und seine Rasse sich vom ersten Anfange mit ziemlich gleichem Zuwachs mehrt, wie dies in Niederwaldungen, auch in angepflanzten Erlens, Birkens und Lärchens, mehr oder weniger auch in Riesernbestäns den am meisten Statt sindet. Bei der schwachen Entstehung hebt sich dagegen die Holzmasse anfänglich ganz unbedeutend, schreitet aber weit andauernder mit steigendem Zuwachs fort. Besonders verlieh die Natur den Buchens, Eichens und

Tannenwäldern ein solches, zwar schwach beginnendes, äber sehr aushaltendes Wachsthum. Beide Wachsthumsgänge unterscheizden sich jedoch nicht nur in der Entstehung, sondern auch später noch durch die stärkere oder schwächere Zuwachsabnahme und den Eintritt ihrer Wendepunkte. Die stärkste Entstehung hat stets das früheste und schrossesse Fallen zur Folge; denn Alles, was schnell entsteht, geht auch schnell wieder zurück.

Wir stellen nun die beiden äußersten Gegensätze dieser versschiedenen Wachsthumsgänge gleichsam als die Normalgrenzen aller Massen= und Werthserwachs-Verhältnisse in zwei Übersichten. Zu der ersten I, mit starker Entstehung, dient ein normaler Lärchenbestand und die andere II, mit schwacher Entsstehung, ist das Muster eines normalen Buchenhochwalds Bestandes.

§. 423. Gegensätze bes Massenerwachses normaler Polzbeftänbe.

Bestanbesalter.	B. Bestanbeshöhe.	M. Bestandesmasse.	Bestandesabfälle.	Durchschn Mehr	M+Sa Durchschn. s Zuw.	M' - M 10 Jahrebmebrung.	K'-(K-a) 10 Zahredzuwachs.	M 0 OCt.	guwache . pCt.					
10	I. Starke Entstehung. Lärchenbestand mit 0,8 Ertragegüte.													
				40	40	64	72	16	22,5					
20	26	1040	220	52	56	70	92	6,78	11,23					
30	39	1740	320	58	68	68	100	3,90	7,04					
40	50	2420	860	60,5	76	62	98	2,56	4,75					
50	59	3040	860	60,8	80,4	52	88	1,71	3,28					
60	66	3560	840	59,88	81,66	38	72	1,06	2,23					
70		8940	800	56, 3 8	80,28	20	50	0,50	1,37					
الم	80 74 4140 - 51,7 76,5													
		B u	II. Henbes	dand m	it 0,8	Crenuns Criras	g. Saüte.							
10	1	10	, — İ	1	1 1			4KO	450					
20	6	160	20	8	8	15 36	15 38	150 22,5	150					
30	15	52 0	90	17,88	18	48	57	9,23	27,14					
40	25	1000	150	25	27,75	- 50	65	5	13,25					
50	35	1500	200	30	35,2	50	70		7,64					
60	44	2000	240	33,88	41	48	72	3,33	5,88					
70	52	2480	270	35,42	45,43	44	71	1,77	4,09					
80	59	2920	2 90	36,5	48,92	40	69		3,21					
90	65	3320	300	36,88	50,88	34	64	1,86	2,62					
100	70	8660	270	36,6	52,2	28	55	1,02	2,11					
110	74	3940	240	35,82	52,45	22	46	0,76	1,62					
120	77	4160	210	34,66	51,91	16	37	0,55	1,94					
130	79	4320	180	33,28	50,76	12	30	0,88	0,93					
140	81	4440		31,71	49,28			0,27	0,72					

§. 424. Segenfähe bes Bertheermachfes normaler Dolzbeftanbe.

20 4 4160 880 208 220 454 542 10,91 16,82 30 5 8700 1600 290 327,3 582 742 6,89 10,45 40 6 14529 2160 363 431 676 892 4,86 7,31 50 7 21280 2520 425,6 523,3 720 972 3,88 5,18 60 8 28480 2720 474,8 598 698 970 2,46 3,76 70 9 25460 2700 506,5 651,1 180 IMO 0,80 1,87 80 9 27260 — 485,7 626 IMO 0,80 1,87 II. Schwache Entitehung. Buchenbestand mit 0,8 Ertrag ste. 10 5 50 — 5 5 91 91 182 182 20 6 960 120 48 48 48 268 280 27,91 33,22	Beftanbesalter.	Breiskeigung.	Mw. Bestanbedwerth.	aw. Abjalinecth.	A 2.hfcmBerthem.	Am + Baw Achide. (Berthum von Orjanisments	Mw' Mw 30 Bafert-Merthum. vom Dameireting.	Mw'-(Mw-aw) 10 20derle Bertigen. roen Gefannatering.	Mw 0 Mertigunshmerit. 20se Danpiering.	Gwo			
10 3 1200 240 120 120 296 320 24,66 33,83 320 44,66 33,83 320 5 8700 1600 290 327,3 582 742 6,69 10,45 40 6 14520 2160 363 431 676 892 4,66 7,21 50 7 21280 2520 425,6 523,3 720 972 3,83 5,18 60 8 28480 2720 474,8 598 698 970 2,45 3,76 70 9 35460 2700 506,5 651,1 180 180 0,60 1,37 80 9 87260 — 465,7 626 180 180 0,60 1,37 80 9 87260 — 465,7 626 180 180 0,60 1,37 80 120 48 48 48 268 280 27,91 83,28 125,8 436 499 11,67 16,67 50 9 12500 1800 270 309 650 830 4,81 7,09 60 10 20000 2400 333,8 395,8 728 968 3,64 5,60 70 11 27280 2970 389,7 477,5 776 1073 2,84 4,41 80 12 35040 3480 438 552 812 1160 2,81 3,67 3,66 100 14 51240 3780 512,4 677,4 786 1164 1,53 2,45 110 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 120 120 120 120 120 120 120 120 120	•												
20 4 4160 880 208 220 4546 33,83 30 5 8700 1600 290 327,3 582 742 6,60 10,46 40 6 14520 2160 363 431 676 892 4,66 7,81 50 7 21230 2520 425,6 523,3 720 972 3,83 5,10 60 8 28480 2720 474,8 598 698 970 2,45 3,76 70 9 35460 2700 506,5 651,1 180 1110 0,50 1,87 80 9 37260 — 465,7 626 180 1110 0,50 1,87 80 9 37260 — 485,7 626 180 180 0,50 1,87 80 9 6 960 120 48 48 48 268 280 27,91 33,83 80 7 3640 630 121,2 125,3 436 499 11,67 16,57 10 8 8000 1200 200 218,7 550 670 6,67 9,85 50 9 12500 1806 270 309 650 830 4,81 7,09 60 10 20000 2400 333,8 395,8 728 968 3,64 5,60 70 11 27280 2970 389,7 477,6 776 1073 2,64 4,41 80 12 35040 3480 438 552 812 1160 2,31 3,67 90 13 48160 3900 479,5 619,5 808 1198 1,67 3,05 100 14 51240 3780 512,4 677,4 786 1164 1,53 2,45 110 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34	10	7.01 9. 1900: 940 t 490 1 490 1 1 1 1 1											
30 5 8700 1600 290 327,3 582 742 6,69 10,45 40 6 14529 2160 363 431 676 892 4,68 7,31 50 7 21280 2520 425,6 523,3 720 972 3,38 5,19 60 8 28480 2720 474,8 598 698 970 2,45 3,76 70 9 35460 2700 506,5 651,1 180 1100 0,50 1,37 80 9 37260 — 465,7 626 180 1100 0,50 1,37 80 9 37260 — 465,7 626 180 1100 0,50 1,37 80 9 37260 — 465,7 626 180 180 0,50 1,37 80 9 37260 — 465,7 626 180 180 0,50 1,37 80 9 37260 — 465,7 626 180 180 0,50 1,37 80 9 37260 — 5 5 91 91 182 182 80 7 2640 630 124,3 125,3 436 499 11,97 16,87 80 9 13500 1806 270 309 650 830 4,81 7,09 60 10 20000 2400 333,8 395,8 728 968 3,64 5,50 70 11 27280 2970 389,7 477,6 776 1073 2,84 4,41 80 12 35040 3480 438 552 812 1160 2,31 3,67 90 13 48169 3906 479,5 619,5 808 1198 1,67 3,06 100 14 51240 3786 512,4 677,4 786 1164 1,53 2,45 110 15 59100 3800 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34		3			1		296	. 320	24,66	33,\$8			
40 6 14529 2160 363 431 562 742 5,6 7,21 50 7 21280 2520 425,6 523,2 720 972 3,28 5,18 60 8 28480 2720 474,6 598 698 970 2,45 3,26 70 9 35460 2700 506,5 651,1 180 1M0 0,50 1,37 80 9 37260 — 465,7 626 180 1M0 0,50 1,37 80 9 37260 — 465,7 626 180 1M0 0,50 1,37 80 9 37260 — 465,7 626 180 1M0 0,50 1,37 80 9 37260 — 465,7 626 180 1M0 0,50 1,37 80 180 180 180 180 180 180 180 180 180							454	542	10,91	16,52			
50 7 21280 2520 425,6 523,9 720 972 3,88 5,10 60 8 28480 2720 474,8 598 698 970 2,45 3,76 70 9 35460 2700 506,5 651,1 180 1110 0,50 1,87 80 9 87260 — 465,7 626 1110 0,50 1,87 11. Schwache Entitichung. 23 u herbeitanb mit 0,8 Ertragughte. 10 5 50 — 5 5 91 91 182 182 280 27,91 33,28 20 7 2640 630 121,8 125,8 436 499 11,97 16,67 40 8 8000 1200 200 218,7 550 670 6,97 9,85 50 9 12500 1806 270 309 650 830 4,81 7,09 60 10 20000 2400 333,8 395,8 728 968 3,64 5,60 70 11 27280 2970 389,7 477,6 776 1073 2,86 4,41 80 12 35040 3480 438 552 812 1160 2,31 3,67 90 13 43160 3906 479,5 619,5 808 1198 1,87 3,06 100 14 51240 3780 512,4 677,4 786 1164 1,58 2,45 110 15 59100 2600 597,2 721,6 330 690 0,55 1,34					1		582	742	6,49	10,45			
The state of the	40	6	14520	2 160		431	676	892	4,65	7,21			
60 8 28480 2720 474,8 598 698 970 2,45 3,76 70 9 35460 2700 506,5 651,1 180 180 0,50 1,87 80 9 87269 — 465,7 626 180 0 0,50 1,87 11. Schroache Entitchung. 28 uchenbestand mit 0,8 Ertragsgite. 10 5 50 — 5 5 91 91 182 182 20 6 960 120 48 48 268 268 27,91 33,88 20 7 2640 630 121,8 125,8 436 499 11,97 16,87 10 8 8000 1200 200 218,7 550 670 6,97 9,88 50 9 12500 1800 270 309 650 830 4,81 7,09 60 10 20000 2400 333,8 395,8 728 968 3,64 5,50 70 11 27280 2970 389,7 477,5 776 1073 2,64 4,41 80 12 35040 2480 438 552 812 1160 2,91 3,67 90 13 48169 2906 479,5 619,5 808 1198 1,87 3,06 100 14 51240 3789 512,4 677,4 786 1164 1,58 2,45 110 15 59100 2600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34	50	7	21280	2520	425,6	523,3	720	972	3,28	5,18			
To 9 85460 2700 506,5 651,1 180 180 0,50 1,87	60	8	28480	2720	474,8	598	698	970					
H. Schwache Entstehung. 3 uchenbestand mit 0,8 Ertrag stte. 10 5 50 - 5 5 91 91 182 182 20 6 960 120 48 48 268 280 27,91 33,83 20 7 3640 680 121,8 125,3 436 499 11,97 16,87 10 8 8000 1200 200 218,7 550 670 6,87 9,85 50 9 12500 1806 270 309 650 830 4,81 7,09 60 10 20000 2400 333,8 395,8 728 968 3,64 5,80 70 11 27280 2970 389,7 477,8 776 1073 2,84 4,41 80 12 35040 3480 438 552 812 1160 2,31 3,67 90 13 43169 3906 479,5 619,5 808 1198 1,87 3,06 100 14 51240 8786 512,4 677,4 786 1164 1,53 2,45 110 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34	70	9	\$5460	2700	506,5	651,1	180						
Budyenbestanb mit 0,8 Grtrag ghte. 10 5 30 — 5 5 91 91 182 182 20 6 960 120 48 48 268 280 27,91 33,83 30 7 3640 680 121,8 125,8 436 499 11,97 16,57 40 8 8000 1200 200 218,7 550 670 6,87 9,85 50 9 12500 1806 270 309 650 830 4,81 7,09 60 10 20000 2400 333,8 395,8 728 968 3,64 5,80 70 11 27280 2970 389,7 477,6 776 1073 2,84 4,41 80 12 35040 3480 438 552 812 1160 2,31 3,67 90 13 48160 3906 479,5 619,5 808 1198 1,87 3,06 100 14	80	9	87260		465,7	626							
10 5 50 5 91 91 182 182 20 6 960 120 48 48 268 280 27,91 33,29 30 7 3640 680 121,2 125,3 436 499 11,97 16,87 40 8 8000 1200 200 218,7 550 670 6,87 9,85 50 9 12500 1806 270 309 650 830 4,81 7,09 60 10 20000 2400 333,8 395,8 728 968 3,64 5,50 70 11 27280 2970 389,7 477,5 776 1073 2,84 4,41 80 12 35040 3480 438 552 812 1160 2,81 3,67 90 13 48169 3900 479,5 619,5 808 1198 1,87 3,06 </th <th>·</th> <th colspan="10"></th>	·												
20 6 960 120 48 48 268 280 27,91 33,22 30 7 3640 630 121,2 125,3 436 499 11,67 16,57 40 8 8000 1200 200 218,7 550 670 6,87 9,85 50 9 13500 1806 270 309 650 830 4,81 7,09 60 10 20000 2409 333,8 395,8 728 968 3,64 5,50 70 11 27280 2970 389,7 477,5 776 1073 2,84 4,41 80 12 85040 3480 438 552 812 1160 2,31 3,67 90 13 48169 3906 479,5 619,5 808 1198 1,67 3,06 100 14 51240 3780 512,4 677,4 786 1				uchent			G rtta	g⊪gāte	•				
30 7 3640 680 121,s 125,s 268 280 27,s1 53,ss 40 8 8000 1200 200 218,7 550 670 6,87 9,85 50 9 12500 1806 270 309 650 830 4,61 7,09 60 10 20000 2409 333,s 395,s 728 968 3,64 5,50 70 11 27280 2970 389,7 477,s 776 1073 2,84 4,41 80 12 85040 3480 438 552 812 1160 2,31 3,67 90 13 48160 3900 479,s 619,s 808 1198 1,87 3,05 100 14 51240 8780 512,4 677,4 786 1164 1,53 2,45 110 15 59100 3600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,54 120 15 62400 3150 520 719 330 690 0,55 1,54	10	5				•	91	91	182	182			
40 8 8000 1200 200 218,7 550 670 6,87 9,85 50 9 13500 1800 270 309 650 830 4,81 7,09 60 10 20000 2400 333,8 395,8 728 968 3,64 5,60 70 11 27280 2970 389,7 477,6 776 1073 2,84 4,41 80 12 35040 3480 438 552 812 1160 2,31 3,67 90 13 48169 3906 479,5 619,5 808 1198 1,87 3,06 100 14 51240 8780 512,4 677,4 786 1164 1,53 2,45 110 15 59100 8600 537,2 721,8 330 690 0,55 1,34	20	6	960	120		f	268	280	27,91	83,22			
10 8 8000 1200 200 218,7 550 670 6,67 9,85 50 9 12500 1800 270 309 650 830 4,61 7,09 60 10 20000 2400 333,8 395,8 728 968 3,64 5,60 70 11 27280 2970 389,7 477,6 776 1073 2,84 4,41 80 12 35040 3480 438 552 812 1160 2,31 3,67 90 13 48169 3900 479,5 619,5 808 1198 1,87 3,06 100 14 51240 8780 512,4 677,4 786 1164 1,58 2,45 110 15 59100 3600 537,2 721,6 330 890 0,55 1,34	30	7	2640	680	121,3	125,	436	499	11,07	16,57			
50 9 12500 1800 270 309 650 830 4,61 7,69 60 10 20000 2400 333,8 395,8 728 968 3,64 5,50 70 11 27280 2970 389,7 477,6 776 1073 2,84 4,41 80 12 85040 3480 438 552 812 1160 2,31 3,67 90 13 48169 3900 479,5 619,5 808 1198 1,87 3,06 100 14 51240 8780 512,4 677,4 786 1164 1,58 2,45 110 15 59100 3600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34	40	8	8000	1200	200	218,7	550	670					
60 10 20000 2400 333,8 395,8 728 968 3,64 5,50 70 11 27280 2970 389,7 477,6 776 1073 2,84 4,41 80 12 35040 3480 438 552 812 1160 2,31 3,67 90 13 48160 3900 479,5 619,5 808 1198 1,87 3,06 100 14 51240 8780 512,4 677,4 786 1164 1,58 2,45 110 15 59100 3600 537,2 721,8 330 890 0,55 1,34	50	9	18500	1800	270	309	i						
70 11 27280 2970 389,7 477,6 776 1073 2,84 4,41 80 12 85040 3480 438 552 812 1160 2,31 3,67 90 13 48160 3900 479,5 619,5 808 1198 1,87 3,06 100 14 51240 8780 512,4 677,4 786 1164 1,58 2,45 110 15 59100 3600 537,2 721,8 330 890 0,55 1,34 120 15 62400 3150 530 749 330 890 0,55 1,34	60	10	20000	2400	333,8	395,8	·						
80 12 85040 3480 438 552 812 1160 2,31 3,67 90 13 48160 3900 479,5 619,5 808 1198 1,87 3,05 100 14 51240 3780 512,4 677,4 786 1164 1,58 2,45 110 15 59100 3600 537,2 721,8 330 890 0,55 1,34 120 15 62400 3150 520 749 330 890 0,55 1,34	70	11	27280	2970	389,7	477,6	i						
90 13 48169 3906 479,5 619,5 808 1198 1,87 3,05 100 14 51240 8780 512,4 677,4 786 1164 1,58 2,45 110 15 59100 3600 537,2 721,6 330 890 0,55 1,54 120 15 67400 3150 520 749 330 890 0,55 1,54	80	12	85040	3480	438	552							
100 14 51240 8780 512,4 677,4 786 1164 1,58 2,45 110 15 59100 8600 537,2 721,6 330 690 0,55 1,34 120 15 62400 3150 520 749 330 690 0,55 1,34	90	13	48160	3900	479,5	619,5		'i		· •			
110 15 59100 8600 537,2 721,8 330 690 0,55 1,54	100	14	51240	8780	512,4	677,4		li					
tree 15 62400 2150 520 740	110	15	59100	3600	537,2	721,e							
	120	15	62400	3150	520	719							
15 64800 9700 402 708	II I	15	64800	2700	498,4	706,8		·1		0,93			

§, 425. Erläuterungen zu ber Maffenerwachs Darftellung.

Graphifche Darftellung des Maffenermachfes normaler Solzbestande.

AM, die Bafis der Bestandesmassen, welche sich von Jahr zu Jahr burch die neben einander stehenden Trapeze darstellen. A, 10, 20, 30 bie Altersstufen.

Au; 10 - u; 20 - u; . . . bie Schräglinien, welche bas Unsteigen bes Massenerwachses von 10 zu 10 Jahren anbeuten. M. J. M. II, ber Massengehalt bes je 10. Jahres.

a, die Bestandesabfalle am Schlusse jeder Altersftufe.

Die oben (§. 423.) bargeftellten Maffensteigungen, welche alle Bachsthumsgänge normaler Balbbestände von gleichem Alter begrenzen, find zu bem Mufter ber garchenbestande auf mils bem Behmboben und ber Buchenbestande auf Ralts und

4

Trappboden Mittelbeutschlands; ihre Massenzahlen bezeichnen 0,8 des ganz ausgesuchten Vollertrags in Körperfußen auf 1 Morgen preußischen Maßes. Die Überschriften des Massenerswachses umfassen folgende, meist schon aus §. 412. u. 413. bestannten, auch zum Theil noch durch obige Figuren mehr versinnslichten Fortschreitungsgrößen:

- 1) A, das eben zurückgelegte Schlußjahr einer jeben 10jährigen Altersstufe.
- 2) H, die mittlere Bestandeshöhe desselben Al= ters.
- 3) M, der Betrag an Bestandes masse im voran bezeich= neten Schlußiahre, zu irgend einer frühern oder spätern, einma= ligen Abnutung als Hauptertrag. Die Bestandesmasse bes je nächsten Schlußjahres wird mit M' bezeichnet.
- 4) a, der Bestandes abfall jeder Altersstufe zum Vorertrag, am Schlusse berselben fällig. Dessen Nutzung hinterläßt als verbleibende Bestandesmasse M a; z. B. für I im
 50. Jahre 3040 360 = 2680.
- 5) $\frac{M}{A}$, die Durchschnittsmehrung zum Hauptertrage; für I im 50. Jahre z. B. $\frac{1940}{56}$ = 60,8 c'.
- 6) M+Sa, der Durchschnittszuwachs zum Gesammterstrage, nämlich: die Bestandesmasse M sammt allen die dahin wirklich Statt gehabten Bestandesabfällen Sa, getheilt durch die Alterszahl A. (Der eben fällig werdende Bestandesabfall bessindet sich noch in M.) I hat im 50. Jahre:

$$\frac{3040+80+220+320+360}{50} = 80,4 \text{ c'}.$$

7) M'-M, die Jahresmehrung während jeder laus fenden Altersstufe. In I vom 50. zum 60. Jahre:

$$\frac{3560-3040}{40} = 52 c' *).$$

^{*)} Um diese Jahresmehrung ganz ausführlich aufzureihen, stellt man (nach §. 89. 2.) folgende Grundscala unter:

8) M'-(M-a), ber Jahreszuwuchs im Laufe jeber Al-

tereftufe, 3. 28. in I vom 50. jum 60. Jahre:

$$\frac{3560 - (3040 - 360)}{10} = 88 e'.$$

Durch ben Abgang von 360 Borertrag im 50. Jahre bleiben nur 2680 Borbeftanb, welche jahrlich 88 guwachsen muffen, um bis jum 60. Jahre auf 3560 Nachbestanb zu fteigen ").

A, bie Altereftufen und beren Mitteljahre;

m, die Sauptglieber ber Jahresmehrung als Mittelgahlen jeber Altersftufe;

w, die 3 mifchenglieder als Wechfelgahlen auf jeder Alteres ftufe, jur Formirung ber Dehrungsreihe.

Die Bahlen A und m find gegeben, die zu w werden zwischen die Mittels zahlen so eingereiht, daß sie mit biesen auf jeder Altersstufe in beiderseits gleichen Differenzen (z. B. 22 — 40 — 58; 58 — 64 — 70 u. s. f.) und wo möglich unter sich in geeigneter Reihe stehen. Bezeichnet w die je vordere und w'l hintere Wechselzahl, m die Mittelzahl und d die Olfferenz zu den 10 Gliedern

Allterestufe: fo ift w -- m - w';
$$\frac{w + w'}{2}$$
 = m; (w + w') ×

10 m; je nachbem die Reihe fleigt, $\frac{w'-w}{10} = +d$, ober fällt, $\frac{w-w}{10} = -d$; das iste Glieb, w = 1d; das 2te, w = 1d; das 3te, 121d; d. das 10te, w = 91d; die Summe aller 10 Gliebe 10 m = $(w = 1d + w = 91d) \times 5$.

Siernach reihete man z. B. vom 50sten bis zum 60sten Jahre, mittel. Differenz $\frac{58-46}{10}=1$,s , für bas 51ste Jahr $58-\frac{1}{4}\times 1$,s , das 52ste $58-\frac{1}{4}\times 1$,s u. f. w. auf, wie folgt:

26 — 51 — 52 — 58 — 54 — 55 — 56 — 57 — 58 — 69 — 69 — 68) 57,4 — 56,2 — 38 — 58,2 — 52,8 (52) 51,4 — 50,2 — 49 — 47,6 —46. Enthält die Altersstufe eine gerade Angahl von Jahren, wie hier, so ki weber m noch w oder w' eigentliche Glieber bilben. Bel jedem Wechstersstufe tritt in der Regel eine neue Differenz ein.

*) Bur Berechnung ber Jahreszuwachs Glieber biente folgende Gifcala :

9) Mo, bas Mehrungs=Prozent zum Hauptertrage für alle Jahre ber laufenben Altersstufe, ergiebt sich im Durch= schnitt aus

$$M: \frac{M'-M}{10} = 100: M_0^0;$$

z. B. in 1 vom 50. Jahre ab bis zum 60.:

$$3040:52=100:1,17*).$$

10) Gg, das gleichzeitige Zuwachs-Prozent zum Ge-fammtertrage, wird eben so berechnet, nach:

$$(M-a): \frac{M'-(M-a)}{10} = 100: G_0^a;$$

z. B. in I vom 50. Jahre ab bis zum 60.:

$$(3040 - 360) : 88 = 100 : 3,28 **).$$

Daraus ergeben sich z. B. für die Jahre 50 — 51 — 52 — 58 — 54 — 55 — 56 — 57 — 58 — 59 — 60 die Glieber (94) 98,4 — 92,2 — 91 — 89,8 — 88,6 (88) 87,4 — 86,2 — 85 — 83,8 — 82,6 (82)

*) Das Mehrungs-Prozent eines jeden Jahres berechnet man nach der von Jahr zu Jahr auffummirten Bestandesmasse und der je nächsten Jahresmehrung. 3. B.

```
für die Jahre: 50 — 51 — 52 — 53 — 54 — 55 — 56
Bestandesmasse: 3040 — 3097,4 — 3158,6 — 3208,6 — 3262,4 — 8315 —
Jahresmehrung: — 57,4 — 56,2 — 55 — 58,8 — 52,6 — 51,4
Jahresmehr. * pCt. : — 1,88 — 1,82 — 1,74 — 1,67 — 1,61 — 1,55.
```

Dieses nach den einzelnen Jahren berechnete Mehrungs-Prozent weicht von von dem durchschnittlichen mehr oder minder ab; es ist zu Anfang der Alterssstuse klufe kleiner, wenn- die Jahresmehrung steigt, größer, wenn dieselbe fällt, zu Ende der Altersstuse aber allemal kleiner.

**) Das Zuwachs-Prozent ber einzelnen Jahre wird nach ber jedes Mal verbleibenden Bestandesmasse und dem je nächsten Jahreszuwachse berechnet. Beträgt z. B. die verbleibende Bestandesmasse vom 50sten Jahre 3040 — 360 = 2680, vom 51sten, 2680 + (93,4 vollem Jahreszuwachs — $\frac{840}{10}$ jährlischem Absall) = 2739,4; vom 52sten, 2739,4 + (92,2 — 34) = 2797,6 u. s.: so ergeben sich

§. 426. Alligemeines Berhalten bes Daffenerwachfes normaler Solzbestanbe.

Der Maffenerwachs im Sochwalde ftellt fich Sauptertrag und ale Gefammtertrag bar.

- 1) Der hauptertrag, also ber Ertrag obne bie icon vorher abgefallenen Durchforftungsmaffen, erfolgt von ber gut Abnuhungszeit eben vorhandenen ganzen Bestandesmasse M; et ift aus ber fucceffiven Ansammlung ber Sabresmehrung bers vorgegangen, fein Anfteigen und Berhalten aber fann nur nach ber Durchichnittsmehrung beurtheilt werben (6. 415.).
- a) Die Sahresmehrung (M'-M) ober ber periodisch jahrliche Buwachs vom Sauptertrage, ift bei ber ftarten Entfles hung I, zwischen bem 20. und 30., bei ber schwachen II, zwischen ben to me an arter in miden

D

me

lid

Ð,

230

Œ1

thi

fi

333

ab,

liф

ker anhält. Über das 90. Jahr hinaus versteigt sich ber Wenbepunkt einer Durchschnittsmehrung nur in sehr feltenen Ausnahmen.

- 2) Der Sesammtertrag besteht in der ganzen Ansamm: lung von nuthbarem Jahreszuwachs; er entspringt nicht nur aus der eben erwachsenen Bestandesmasse M, als Hauptertrag, sonz dern auch aus der Summe aller frühern Bestandesabfälle Sa, als Vorertrag, tritt also nur da mit auf, wo Durchforstungen zur Frage kommen. Die §. 423. unter a. dargestellten Durchsforsterträge sind ganz mäßig gehalten und in allen normalen Beständen sicher zu sinden. Beachtungswerth erscheinen folgende, dem Gesammtertrag eigenthümliche Verhältnisse.
- a) Die Borerträge ber farken Entstehung stellen fich nach Zeit und Maß bedeutend anders, als die ber schwachen. Der ftarter heranwachsenbe Bestand unterdrückt früher und mehr, kann babei einen bichtern Schluß weit weniger einhalten und muß baher früher und öfter burchforstet werden. Die baburch brarunbete, anfänglich größere Ergiebigkeit der Borerträge mindert sich jedoch wieder um so früher, je rascher bie Selbstauslichtung über= hand nimmt und somit ber Bestand seiner natürlichen Saubar= keit entgegeneilt. Wenn (§. 407. 3.) bie laufenben Bestandesab= fälle ber starken Entstehung ungefähr zu 0,5 bis 0,6, die ber schwachen aber zu 0,7 bis 0,8 der gleichzeitigen Durchschnitts= mehrung anzunehmen find: fo liegt ber Grund hiervon mehr in bem sehr verschiebenen Unfteigen beiber Durchschnittsmehrungen, als in ben allerdings auch von Natur weniger ergiebigen Berhältnissen ber Bornutzung bei rasch entstehenden Beständen. Konnten sich übrigens in der Praxis die Durchforstungen der Nadel= hölzer mit starker Entstehung minber geltenb machen, als bie ber Laubhölzer mit schwacher Entstehung: so möchte dies auch barin zu suchen sein, daß die Nadelwälder überhaupt rascher unter= bruden, unregelmäßiger verbrangen, fortwährend ausscheiben, ihre Abgange weniger lang halten, babei aber von jeder vorgreifenben Durchforstung mehr leiben, sich also in die gewöhnliche Durchforstungsweise weniger fügen.

§. 425. Erläuterungen zu ber Maffenerwachs Darftellung.

Graphische Darftellung bes Massenerwachses normaler Solzbestände.

AM, bie Basis ber Bestandesmassen, welche sich von Jahr zu Jahr burch die neben einander stehenden Trapeze barftellen. A, 10, 20, 30 bie Altersstufen.

An; 10 - u; 20 - u; . . . bie Schräglinien, welche bas Ansfteigen bes Maffenerwachses von 10 ju 10 Jahren andeuten. MI, MII, ber Maffengehalt bes je 10. Jahres.

n, bie Beftandesabfalle am Schluffe jeder Altersftufe.

Die oben (§. 423.) bargestellten Daffenfteigungen, welche alle Bachsthumsgänge normaler Balbbestände von gleichem Alter begrenzen, find zu dem Mufter ber garchenbest ande auf mils bem Behmboben und ber Buchenbestände auf Rales und

Trappboben Mittelbeutschlands; ihre Massenzahlen bezeichnen 0,8 des ganz ausgesuchten Vollertrags in Körperfußen auf 1 Morgen preußischen Maßes. Die Überschriften des Massenerswachses umfassen folgende, meist schon aus §. 412. u. 413. bestannten, auch zum Theil noch durch obige Figuren mehr versinnslichten Fortschreitungsgrößen:

- 1) A, das eben zurückgelegte Schlußjahr einer jeben 10jährigen Altersstufe.
- 2) H, die mittlere Bestandeshöhe desselben 211= ters.
- 3) M, ber Betrag an Bestandes masse im voran bezeich= neten Schlußjahre, zu irgend einer frühern ober spätern, einmas ligen Abnutung als Hauptertrag. Die Bestandesmasse bes je nächsten Schlußjahres wird mit M' bezeichnet.
- 4) a, der Bestandesabfall jeder Altersstufe zum Vorertrag, am Schlusse berselben fällig. Dessen Rutzung hinterläßt als verbleibende Bestandesmasse M a; z. B. für I im
 50. Jahre 3040 360 = 2680.
- 5) $\frac{M}{A}$, die Durchschnittsmehrung zum Hauptertrage; für 1 im 50. Jahre z. B. $\frac{1940}{50}$ = 60,8 c'.
- 6) M+Sa der Durchschnittszuwachs zum Gesammterstrage, nämlich: die Bestandesmasse M sammt allen bis dahin wirklich Statt gehabten Bestandesabfällen Sa, getheilt durch die Alterszahl A. (Der eben fällig werdende Bestandesabfall bessindet sich noch in M.) I hat im 50. Jahre:

$$\frac{3040+80+220+320+360}{50} = 80,4 \text{ c'}.$$

7) M'-M, die Jahresmehrung während jeder lausfenden Altersstufe. In I vom 50. zum 60. Jahre:

$$\frac{3560-3040}{10} = 52 c' *).$$

7

^{*)} Um diese Jahresmehrung ganz ausführlich aufzureihen, stellt man (nach §. 89. 2.) folgende Grundscala unter:

8) M'-(M-n), ber Jahreszuwuchs im Laufe jeder Alstersstufe, z. B. in I vom 50. zum 60. Jahre:

$$\frac{3560 - (3040 - 360)}{10} = 88 c'.$$

Durch den Abgang von 360 Vorertrag im 50. Jahre bleiben nur 2680 Vorbestand, welche jährlich 88 zuwachsen mussen, um bis zum 60. Jahre auf 3560 Nachbestand zu steigen ").

A, bie Altersftufen und beren Mitteljahre;

m, die Hauptglieder der Jahresmehrung als Mittelzahlen jeder Altersstufe;

w, die Zwischenglieder als Wechselzahlen auf jeder Alters= fluse, zur Formirung der Mehrungsreihe.

Die Jahlen A und m sind gegeben, die zu w werden zwischen die Mittelzahlen so eingereiht, daß sie mit diesen auf jeder Altersstuse in beiderseits gleichen Disseruzen (z. B. 22 — 40 — 58; 58 — 64 — 70 u. s. s.) und wo möglich unter sich in geeigneter Reihe stehen. Bezeichnet w die je vordere und w' die je hintere Wechselzahl, m die Mittelzahl und d die Disserenz zu den 10 Gliedern einer

Altersftuse: so ist
$$w - m - w'$$
; $\frac{w + w'}{2} = m$; $(w + w') \times 5 =$

10 m; je nachbem die Reihe steigt, $\frac{w'-w}{10} = +d$, ober fällt, $\frac{w-w'}{10} = -d$; das 1ste Glied, $w \pm \frac{1}{2}d$; das 2te, $w \pm 1\frac{1}{2}d$; das 3te, $w \pm 21d$.

2½ d; bas 10te, $w \pm 9½$ d; bie Summe aller 10 Glieber zu 10 m = $(w \pm ½ d + w \pm 9½ d) \times 5$.

Hiernach reihete man z. B. vom 50sten bis zum 60sten Jahre, mittels ber Disserenz $\frac{58-46}{10}=1,2$, für bas 51ste Jahr $58-\frac{1}{4}\times 1,2$, für bas 52ste $58-\frac{1}{4}\times 1,2$ n. s. w. auf, wie folgt:

50 — 51 — 52 — 53 — 54 — 55 — 56 — 57 — 58 — 59 — 60 (58) 57,4 — 58,2 — 55 — 53,8 — 52,6 (52) 51,4 — 50,2 — 49 — 47,8 — 46,6 (46) Enthält die Altersstuse eine gerade Anzahl von Jahren, wie hier, so können weder m noch w oder w' eigentliche Glieber bilden. Bei jedem Wechsel der Altersstuse tritt in der Regel eine neue Differenz ein.

*) Bur Berechnung ber Jahreszuwachs : Glieber biente folgende Grund: scala:

9) Mo, das Mehrungs=Prozent zum Hauptertrage für alle Jahre der laufenden Altersstufe, ergiebt sich im Durch=schnitt aus

$$M: \frac{M'-M}{10} = 100: M_0^2;$$

z. B. in I vom 50. Jahre ab bis zum 60.:

$$3040:52=100:1,17*).$$

10) Gg, bas gleichzeitige Zuwachs=Prozent zum Ge-fammtertrage, wird eben so berechnet, nach:

$$(M-a): \frac{M'-(M-a)}{10} = 100: G_0^a;$$

z. B. in I vom 50. Jahre ab bis zum 60.:

$$(3040 - 360) : 88 = 100 : 3,28 **).$$

Daraus ergeben sich z. B. für die Jahre 50 — 51 — 52 — 58 — 54 — 55 — 56 — 57 — 58 — 59 — 60 die Glieder (94) 98,4 — 92,2 — 91 — 89,8 — 88,6 (88) 87,4 — 86,2 — 85 — 83,8 — 82,6 (82)

*) Das Mehrungs-Prozent eines jeden Jahres berechnet man nach der von Jahr zu Jahr auffummirten Bestandesmasse und der je nächsten Jahresmehrung. 3. B.

```
für die Jahre: 50 — 51 — 52 — 53 — 54 — 55 — 56

Bestandesmasse: 3040 — 3097,4 — 3153,6 — 3208,6 — 3262,4 — 8315 —

Jahresmehrung: — 57,4 — 56,2 — 55 — 53,8 — 52,6 — 51,4

Jahresmehr. *pCt.: — 1,88 — 1,82 — 1,74 — 1,67 — 1,61 — 1,55.
```

Dieses nach den einzelnen Jahren berechnete Mehrungs-Prozent weicht von von dem durchschnittlichen mehr oder minder ab; es ist zu Ansang der Alterssstuse steiner, wenn- die Jahresmehrung steigt, größer, wenn dieselbe fällt, zu Ende der Altersstuse aber allemal kleiner.

**) Das Zuwachs: Prozent der einzelnen Jahre wird nach der jedes Mal verbleibenden Bestandesmasse und dem je nächsten Jahreszuwachse berechnet. Beträgt z. B. die verbleibende Bestandesmasse vom 50sten Jahre 3040 — 360 = 2680, vom 51sten, 2680 + (93,4 vollem Jahreszuwachs — $\frac{840}{10}$ jährlischem Absall) = 2739,4; vom 52sten, 2739,4 + (92,2 — 34) = 2797,6 u. s. so ergeben sich

:

§. 426. Alligemeines Verhalten des Massenerwachses normaler Holzbestände.

Der Massenerwachs im Hochwalde stellt sich uns als Hauptertrag und als Gesammtertrag bar.

- 1) Der Hauptertrag, also der Ertrag ohne die schon vorher abgefallenen Durchforstungsmassen, erfolgt von der zur Abnutzungszeit eben vorhandenen ganzen Bestandesmasse M; er ist aus der successiven Ansammlung der Jahresmehrung her= vorgegangen, sein Ansteigen und Verhalten aber kann nur nach der Durchschnittsmehrung beurtheilt werden (§. 415.).
- a) Die Jahresmehrung (M'-M) oder der periodisch jährliche Zuwachs vom Hauptertrage, ist bei der starken Entste= hung I, zwischen dem 20. und 30., bei der schwachen II, zwischen dem 40. und 60. Jahre am größten.
- b) Die Durchschnittsmehrun'g (MA) oder der jährliche Durchschnittszuwachs vom Hauptertrage des normalen Wirthschafts= waldes, erreicht ihren Höhen= (Culminations=) Punkt, einschließ= lich des letztern Vorertrages, welcher in der Regel dem fraglichen Hauptertrage verbleibt, unter
 - I, im 40. Jahre mit 60,5 + $\frac{$20}{40}$ = 68,5 c' *),
 - II, im 90. Jahre mit 36,88 + 300 = 40,1 c'.

Begreislich muß die höchste Durchschnittsmehrung bei der starken Entstehung weit früher erfolgen, als bei der schwachen, deren Wachs= thumsgang ganz allmählich vorschreitet, nachher aber um so stär=

für die Jahre: 56 — 51 — 52 — 53 — 54 — 55 — 56 verbl. Best. Masse: 2680 — 2739,4 — 2797,6 — 2854,6 — 2910,4 — 2965 — Jahreszuwachs: — 98,4 — 92,2 — 91 — 89,8 — 88,6 — 87,4 Jahreszuwachs-pCt.: — 8,48 — 8,36 — 8,25 — 8,14 — 3,04 — 2,94.

Beide Berechnungen des Juwachs-Prozentes weichen unter einander eben so ab, wie die des Mehrungs-Prozentes.

^{*)} Das 50ste Jahr giebt nur $60,8+\frac{360}{50}=68$ c', obgleich die eigentsliche Durchschnittsmehrung größer ist.

ker anhält. Über bas 90. Jahr hinaus versteigt sich ber Wendepunkt einer Durchschnittsmehrung nur in sehr seltenen Ausnahmen.

- 2) Der Sesammtertrag besteht in der ganzen Ansammlung von nuthbarem Jahreszuwachs; er entspringt nicht nur aus der eben erwachsenen Bestandesmasse M, als Hauptertrag, sondern auch aus der Summe aller frühern Bestandesabfälle Sa, als Vorertrag, tritt also nur da mit auf, wo Durchforstungen zur Frage kommen. Die J. 423. unter a. dargestellten Durchforsterträge sind ganz mäßig gehalten und in allen normalen Beständen sicher zu sinden. Beachtungswerth erscheinen solgende, dem Gesammtertrag eigenthümliche Verhältnisse.
- a) Die Borerträge ber starken Entstehung stellen fich nach Beit und Maß bedeutend anders, als die der schwachen. Der ftarter heranwachsenbe Bestand unterdrückt früher und mehr, kann dabei einen bichtern Schluß weit weniger einhalten und muß daher früher und öfter burchforstet werden. Die dadurch brgrün= bete, anfänglich größere Ergiebigkeit der Borerträge mindert sich jedoch wieder um so früher, je rascher die Selbstauslichtung über= hand nimmt und somit der Bestand seiner natürlichen Haubar= teit entgegeneilt. Wenn (§. 407. 8.) bie laufenden Bestandesab= fälle ber starken Entstehung ungefähr zu 0,5 bis 0,6, die ber schwachen aber zu 0,7 bis 0,8 ber gleichzeitigen Durchschnitts= mehrung anzunehmen sind: so liegt der Grund hiervon mehr in bem fehr verschiedenen Ansteigen beider Durchschnittsmehrungen, als in den allerdings auch von Natur weniger ergiebigen Berhältnissen ber Bornutzung bei rasch entstehenden Beständen. Konn= ten sich übrigens in der Praxis die Durchforstungen der Nadel= hölzer mit starker Entstehung minder geltend machen, als die ber Laubhölzer mit schwacher Entstehung: so möchte bies auch barin zu suchen sein, daß die Nadelwälder überhaupt rascher unter= bruden, unregelmäßiger verbrangen, fortwährend ausscheiben, ihre Abgange weniger lang halten, babei aber von jeder vorgreifenden Durchforstung mehr leiden, sich also in die gewöhnliche Durchforstungsweise weniger fügen.

§. 426. Alligemeines Verhalten des Massenerwachses normaler Holzbestände.

Der Massenerwachs im Hochwalde stellt sich uns als Hauptertrag und als Gesammtertrag bar.

- 1) Der Hauptertrag, also der Ertrag ohne die schon vorher abgefallenen Durchforstungsmassen, erfolgt von der zur Abnuhungszeit eben vorhandenen ganzen Bestandesmasse M; er ist aus der successiven Ansammlung der Jahresmehrung herpvorgegangen, sein Ansteigen und Verhalten aber kann nur nach der Durchschnittsmehrung beurtheilt werden (§. 415.).
- a) Die Jahresmehrung (M'-M) ober ber periodisch jährliche Zuwachs vom Hauptertrage, ist bei ber starken Entstehung I, zwischen dem 20. und 30., bei der schwachen II, zwischen dem 40. und 60. Jahre am größten.
- b) Die Durchschnittsmehrun'g (MA) oder der jährliche Durchschnittszuwachs vom Hauptertrage des normalen Wirthschafts: waldes, erreicht ihren Höhen= (Culminations=) Punkt, einschließ= lich des letztern Vorertrages, welcher in der Regel dem fraglichen Hauptertrage verbleibt, unter
 - I, im 40. Jahre mit 60,5 + \frac{\$20}{40} = 68,5 \cdot c' *),
 II, im 90. Jahre mit 36,88 + \frac{20}{20} = 40,1 \cdot c'.

Begreiflich muß die höchste Durchschnittsmehrung bei ber starken Entstehung weit früher erfolgen, als bei der schwachen, beren Wachsthumsgang ganz allmählich vorschreitet, nachher aber um so stär=

für die Jahre: 50 — 51 — 52 — 53 — 54 — 55 — 56 verbl. Best. Masse: 2680 — 2789,4 — 2797,6 — 2854,8 — 2910,4 — 2965 — Jahreszuwachs: — 98,4 — 92,2 — 91 — 89,8 — 88,6 — 87,4 Jahreszuwachs: — 8,48 — 8,86 — 8,25 — 8,14 — 3,04 — 2,94. Beide Berechnungen des Zuwachs=Prozentes weichen unter einander eben so, wie die des Mehrungs=Brozentes.

^{*)} Das 50ste Jahr giebt nur $60.8 + \frac{360}{50} = 68$ c', obgleich die eigente liche Durchschnittsmehrung größer ist.

ker anhält. Über das 90. Jahr hinaus versteigt sich der Wendepunkt einer Durchschnittsmehrung nur in sehr seltenen Ausnahmen.

- 2) Der Gesammtertrag besteht in ber ganzen Ansamm: lung von nutbarem Jahreszuwachs; er entspringt nicht nur aus der eben erwachsenen Bestandesmasse M, als Hauptertrag, son: dern auch aus der Summe aller frühern Bestandesabfälle Sa, als Borertrag, tritt also nur da mit auf, wo Durchforstungen zur Frage kommen. Die §. 423. unter a. dargestellten Durchsforsterträge sind ganz mäßig gehalten und in allen normalen Beständen sicher zu sinden. Beachtungswerth erscheinen folgende, dem Gesammtertrag eigenthümliche Verhältnisse.
- a) Die Vorerträge ber starken Entstehung stellen sich nach Zeit und Maß bebeutend anders, als die der schwachen. Der ftarter heranwachsenbe Bestand unterbrudt fruher und mehr, kann babei einen bichtern Schluß weit weniger einhalten und muß baher früher und öfter burchforstet werden. Die dadurch brgrunbete, anfänglich größere Ergiebigkeit der Borerträge mindert sich jedoch wieder um so früher, je rascher die Selbstauslichtung über= hand nimmt und somit ber Bestand seiner natürlichen Saubar= keit entgegeneilt. Wenn (§. 407. 8.) bie laufenden Bestandesab= fälle ber ftarken Entstehung ungefähr zu 0,5 bis 0,6, bie ber schwachen aber zu 0,7 bis 0,8 ber gleichzeitigen Durchschnitts= mehrung anzunehmen find: so liegt ber Grund hiervon mehr in bem fehr verschiebenen Unfteigen beiber Durchschnittsmehrungen, als in den allerdings auch von Natur weniger ergiebigen Berhältnissen ber Bornutzung bei rasch entstehenben Beständen. Konn= ten sich übrigens in der Praxis die Durchforstungen der Nabelhölzer mit starker Entstehung minder geltend machen, als bie ber Laubhölzer mit schwacher Entstehung: so möchte dies auch barin zu suchen sein, daß die Radelmalber überhaupt rascher unterbruden, unregelmäßiger verbrangen, fortwährend ausscheiben, ihre Abgänge weniger lang halten, babei aber von jeder vorgreifenben Durchforstung mehr leiben, sich also in die gewöhnliche Durchforstungsweise weniger fugen.

b) Der Jahreszuwachs (M'-(M-2)), aus welchem der Gesammtertrag entsteht, und wonach man die fortschreitende Ergiebigkeit des Bestandes überhaupt bestimmt, ist unter

I zwischen dem 30. und 50., Il zwischen dem 50. und 80. Jahre am stärksten.

c) Der Durchschnittszuwachs (M+Sa), woraus die Gesammtergiebigkeit des normalen Wirthschaftswaldes ers wächst, gewinnt seinen höchsten Stand, wenn gehörig durchforstet wird, unter

I im 60. Jahre mit 81,66 c', II im 110. Jahre mit 52,45 c',

nie später. Wir nennen dieses Alter das Massen = Schlag= barkeitsalter. Ze ergiebiger die Vorerträge sind, um so län= gere Zeit übertragen sie den sinkenden Jahreszuwachs, und um so höher steigt der Wendepunkt des Durchschnittszuwachses über den der Durchschnittsmehrung.

- §. 427. Allgemeines Berhalten der Massenerwachs: Prozente normaler Holzbestände.
- 1) Das Mehrungs: Prozent, b. h. das Zuwachs-Prozent vom Hauptertrage allein (Mf), entzissert mittels der Bestans desmasse und Jahresmehrung, sinkt in Folge der starken Entsteshung begreislich weit früher, als in Folge der schwachen. Scala I stellt die Aprozentige Mehrung in das 30. und die Iprozentige in das 38. Jahr; Scala II bietet die gleichen Prozente erst im 45. und 54. Jahre. Daß die schwache Entstehung ihr Mehrungs-Prozent später und allmählicher sinken läßt, liegt in der länger anhaltenden Jahresmehrung und giebt schon vorläusig zu erkenen, warum dieser Wachsthumsgang überhaupt ein höheres Rustungsalter darbietet.
- 2) Das aus der eben durchforsteten Bestandesmasse und bem Jahreszuwachse berechnete Buwachs : Prozent zum Ge-

sammtertrage (Gg) hält sich auffallend besser, als das der bloßen Bestandesmehrung, weil durch den absallenden Vorertrag die bleibende Bestandesmasse (M — a) gemindert, dagegen der Jahreszuwachs $\frac{M'-(M-a)}{10}$ im Vergleich zu der Jahresmehrung $\frac{M'-M}{10}$ gesteigert wird und aus beiden Gründen das Prozent höher aussallen muß. So stellen sich obige 4 und 3 pCt. bei der starken Entstehung erst an das 46. und 55., bei der schwazchen aber erst an das 62. und 74. Jahr. Die höchsten Zuwachsz Prozente werden also gewonnen durch die sleißigste Ausnuhung der Bestandesabsälle, und nur dadurch macht sich ein bedeutend höheres Abnuhungsalter geltend.

§. 428. Erläuterungen zu ber Wertherwachs= Darstellung.

Die in §. 412. und 414. schon vorläufig erörterten und unsten §. 424. in ihren äußersten Gegensätzen dargestellten Werth 8= erwach 8= Berhältnisse normaler Holzbestände entstehen aus dem Massenerwachse unter folgenden Überschriften:

- 1) A, bas Bestandesalter des Massenerwachses.
- 2) w, die angenommene Preissteigung des Holzes; beren Zahlen könnten etwa für Er. gelten.
- 3) Mw, ber Bestandeswerth zum Hauptertrage, bas Produkt ber Bestandesmasse mit dem gleichzeitigen Holzpreise; I im 50. Jahre: 3040 × 7 = 21280.
- 4) aw, ber eben so berechnete Abfallswerth zum Vorerstrage; I im 50. Jahre 360 × 7 = 2520.
- 5) Mw, die Durchschnitts = Werthszunahme vom Hauptertrage ober das Produkt der Durchschnittsmehrung mit dem gleichzeitigen Preise; I im 50. Jahre:

$$\frac{3040 \times 7}{50} = \frac{3040}{50} \times 7 = 60.8 \times 7 = 425.6.$$

6) Mw+Saw, bie Durchschnitts: Werthszunahme

vom Gesammtertrage, nämlich: von dem Bestandeswerthe Mw und von der Summe aller schon vorher eingegangenen Absfallswerthe Saw, getheilt durch die Alterszahl A. 3. B. I im 50. Jahre:

$$\frac{21280+2160+1600+880+240}{50} = 523,2.$$

7) Mw'-Mw

Jauptertrage jeder Altersstuse, bestehend aus der Differenz
des Nach= und Vorbestandeswerthes, getheilt in die einzelnen
Jahre. Für I vom 50. zum 60. Jahre jährlich

$$\frac{28480-21280}{10}=720.$$

8) Mw'—(Mw—aw), die Jahres = Werthszunahme vom Gesammtertrage jeder Altersstuse. Wird von dem Nachbesstandeswerthe Mw' der Vorbestandeswerth Mw, letterer aussschließlich des eben abkömmlichen Abfallwerthes aw, abgezogen und der Rest in alle Jahre der Altersstuse vertheilt: so ergiebt sich die zeitliche Gesammtwerthszunahme. In I vom 50. dis zum 60. Jahre jährlich:

$$\frac{28480 - (21280 - 2520)}{10} = 972.$$

9) Mwo, bas Werthszunahme=Prozent vom Haupt= ertrage jeder Altersstufe, berechnet man nach der Proportion:

$$\mathbf{Mw}: \frac{\mathbf{Mw'} - \mathbf{Mw}}{10} = 100 : \mathbf{Mw_0^0};$$

es ist für I vom 50. Jahre ab bis zum 60. im Durchschnitt: 21280: 720 == 100: 3,38.

10) Gwg, das Werthszunahme = Prozent vom Gesammtertrage jeder Altersstufe, wird entzissert nach

$$(Mw - aw) : \frac{Mw' - (Mw - aw)}{10} = 100 : Gw_0^0$$

und ist für I vom 50. Jahre ab bis zum 60. durchschnittlich: (21280 — 2520): 972 == 100: 5,18.

§. 429. Allgemeines Berhalten des Berthserwachses normaler Holzbestände.

Um die Holzerträge nach ihrem Werthe vergleichen zu können, war es zuvörderst nöthig, für alle Altersstufen durchschnittliche Preise so gut als thulich anzunehmen. Die (§. 424.) unter
w aufgereiheten Verhältnißzahlen eines mit zunehmendem Alter
steigenden Holzpreises, worin das schwächste Reisholz zu ein
Drittel vom ausgewachsenen Baumholze und das Lärchenholz zu
drei Fünftel vom Buchenholze angesetzt ist, dürfte wohl eben nicht
übertrieben erscheinen. Werden hiernach alle Erträge in gleichen
Werthseinheiten ausgeworfen, so ergiebt sich:

- 1) Bon bem Werthe bes Hauptertrages (Mw):
- a) Die Jahres=Werthszunahme (Mw'-Mw) ist bei ber starken Entstehung zwischen dem 50. und 60., bei der schwachen aber zwischen dem 80. und 90. Jahre am stärksten.
- b) Die Durchschnitts:Werthszunahme (Mw) erreicht ihre größte Höhe unter

I im 70. Jahre mit 506,5,

II im 110. Jahre mit 537,2,

in beiden Fällen zur Zeit, wo die Preissteigung aufhört. Ze weiter hinaus die Preise steigen, um so weiter stellen sich die Wendepunkte der Werthszunahme hinter die der bloßen Massen= mehrung, und um so vortheilhafter erscheint die spätere Abnutzung des Bestandes. Dieses Steigen ist meist begrenzt vom Eintritte der begehrtesten Stammstärke.

- 2) Der Gesammtertrag (Mw + Saw) bietet folgende Werthszunahme=Verhältnisse:
- a) Dessen Jahre 8-2Berthszunahme (Mw'-(Mw-aw))
 erreicht ihre größte Höhe unter I zwischen dem 50. und 60., und
 unter II zwischen dem 90. und 100. Jahre.
- b) Am größten ist die Durchschnitts=Werthszunahme (Mw+Saw) unter

I im 70. Jahre mit 651,1, 11 im 110. Jahre mit 721,6;

sehr begreislich wieder am Ende beider Preissteigungen. Zwisschen das 70. und 110. Jahr sielen also bei den angenommenen Preisverhältnissen die äußersten Abnutzungszeiten, oder die Werths=Schlagbarkeitsalter, welche von einem normaslen Hochwald = Bestande den höchsten jährlichen Werthsertrag darbieten.

- §. 430. Allgemeines Berhalten der Bertheerwachs= Prozente normaler Holzbestände.
- 1) Das Werthszunahme Prozent vom Haupterstrage (Mwf) sinkt wegen des steigenden Preises viel weniger, als das von der Massenmehrung. Die starke Entstehung fällt nämlich erst nach dem 44. und 56. Jahre, die schwache aber erst nach dem 55. und 67. Jahre unter die oben angenommenen 4 und 3 Prozent. Würde bloß auf den Hauptertrag und das rohe Werthszunahme-Prozent gesehen, so erschien bei der vorausgessehten Preissteigung, zur Aprozentigen Nutzung, das 45 = bis 55 = jährige, und zur 3prozentigen, das 55 = bis 70jährige Abnustungsalter (§. 415. 3.) am einträglichsten.

Berechnet man hierneben die Vorwerthe aller Haupterträge im Beginn der Entstehung mittels des eben in Anspruch zu nehmenden Nutzungs-Prozentes, d. h. des gewöhnlich üblichen Zinsfußes für Grundstücks-Nutzungen, so muß sich derjenige Hauptertrag, welcher das gleiche Werthszunahme-Prozent darbietet, über alle die andern erheben, und nicht minder als der einträglichste zu erkennen geben (§. 416.)*).

vom 50jährigen Bestande 13500 × 0,228 = 3078,00 " 60 " " 20000 × 0,170 = 3400,00 " 70 " " 27280 × 0,128 = 3437,28 " 80 " " 35040 × 0,094 = 3293,76 " 90 " " 43160 × 0,070 = 3621,20

^{*)} So ist z. B. für ben Buchenbestand, bessen Iprozentige Hauptnutzung in das 70ste Jahr fällt, der Worwerth bei 3 pCt.:

2) Das Werthszunahme=Prozent vom Gesammt= ertrage (Gwf) zu 4 und 3 erscheint bei der starken Entstehung im 60. und 69., bei der schwachen aber erst im 74. u. 91. Jahre. Dies wären die Verzinsungs = Schlagbarkeitsalter zur höchsten Kapitalnutung von den Holzbeständen an sich, wosern eben der in Anspruch zu nehmende Zinssuß und die Preissteigung nicht günstiger stehen.

Wittels ber vergleichenden Vorwerthsberechnung aller in Aussicht gestellten Sesammterträge (nach §. 416.) sindet man den Eintritt des verlangten Nutzungs = Prozentes nicht ganz genau, weil die inbegriffenen Vorerträge mit den Haupterträgen nicht gleiche Zeit halten. Die Abweichung erscheint jedoch meist unde= deutend und läßt sich vermeiden durch abgesonderte Berechnung der Vorertragswerthe, wie in dem unten stehenden Beispiele *).

b. Ertragsverhältniffe ber normalen Birthichaftswälber.

§. 431. Regelrechter Balbzuftanb.

Bis hierher betrachteten wir bloß ben Massen = und Werths= erwachs einzelner Holzbestände an sich. Zest beschäftigen uns

```
Die Borwerthe betragen:
                                120 \times 0.554 = 66.48
von dem Vorertrage im 20sten Jahre
                                630 \times 0.412 = 259.56
                   30sten
                               1200 \times 0.307 =
                                                 368,40(
                   40sten
                                                         = 1887,46
                               1800 \times 0,228 = 410,40
                   50sten "
 "
                               2400 \times 0,170 = 408,40
                   60sten
 "
                               2970 \times 0.126 = 874,22
                   70sten
 "
                               8480 \times 0.54 = 827,12
                   80sten
                   90sten
                               8900 \times 0.070 = 278,00
                              35040 \times 0,094 = 3293,76
von b. Pauptertrage im 80sten "
                " 90sten " 43160 × 0,070 = 8021,20
                              51240 \times 0.052 = 2664.48.
                " 100sten "
    Der Vorwerth des Gesammtertrages ift bemnach
1887,46 + 327,12 + 3021,20 \dots = 5235,78
    ,, 90
                          1887,46 + 327,12 + 273,0 + 2664,48 = 5152,06
    ,, 100 ,,
    Auch hier erhebt sich also correspondirend ber 90jahr. Borwerth am höchsten.
```

^{**)} Für den Buchenbestand fällt z. B. die Iprozentige Werthszunahme in das 90ste (richtiger 91ste) Jahr.

ganze Balbbetriebsverbande, folgerecht zusammengesett aus gleichartigen Normalbeständen nach den Bedingungen des schlagweisen Nachhaltsbetriebes. Um beren Ertragsverhältnisse kurz und leicht zu entwickeln, nehmen wir hier insbesondere an: bag jebe gebachte Normalwaldung bei ganz gleicher Standorts = und Er= tragegute aus so viel gleichen Schlägen bestehe, als bas Um= triebsalter Jahre zählt; daß von diesen in jedem Jahre einer als schlagbar eintrete, baß somit alle Schläge in einer geregelten, von Sahr zu Sahr fortschreitenden Altersfolge sich befinden; daß endlich die Größe jedes Schlages 1 Morgen betrage, mithin die Bahl der Flächenausdehnung der des Umtriebsalters gleich stehe.

Bur Grundlage unserer Betrachtungen dienen die schon bar= gestellten, von ben garchen = und Buchenbeständen entnommenen äußersten Gegenfäte ber starken und ber schwachen Bestandesent= stehung; benn auch die Ertragsverhältnisse ber normalen Wirth= schaftswälder liegen alle zwischen biesen zwei Grenzen, welche dem benkenden Forstordner zur leitenden Richtschnur dienen. Wir ent= ziffern zunächst aus den Wachsthumsgängen obiger Musterbestände (§. 423. und 424.) zwei ausführliche Walbertragstafeln, beren Bahlen sich auf 0,8 Ertragsgüte und preußische Körperfuße beziehen.

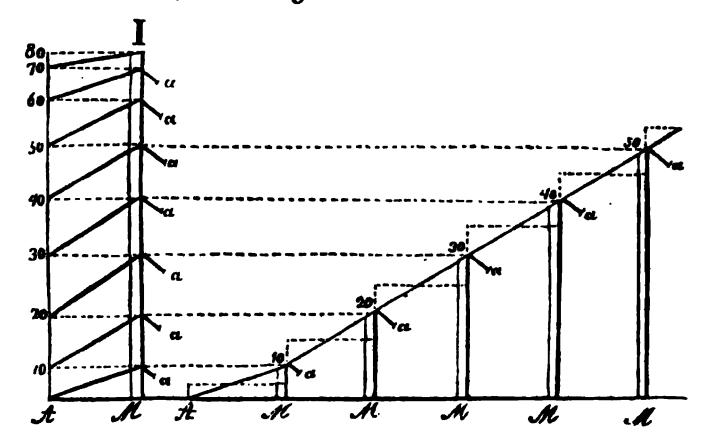
§. 432. Gegenfätze bes Massenertrags normaler Wirthschaftswälder.

A. Amtriebsaiter.	Mv.	My	M.	M A	M + 8a	M+Sa A	Hn o	Gn o							
- 46 - 46 - 47	Massenva	rrath	Haupte	rtrags.	Defamn	tertrag6*	Holanu	sungs-							
iti	im pr.		im 970	affe br.	1m 9R	asse	Prozente an								
g g	Ganzen.	Morgen.	Ganzen.	Morgen.	Ganzen.	Morgen.	ertrag.	Gef., Ertrag.							
	~	-													
		, T	@taul	 	l Sakanaa	l	ŀ	l i							
l. Starke Entstehung. Lärchenwald mit 0,8 Ertragegüte.															
10	2200	220	400	40	400	40	18,18	18,18							
20	9720	486	1040	52	1120	5 6	10,70	11,59							
30	28970	799	1740	58	2040	6 8	7,25	8,51							
40	45110	1127,7	2420	60,5	3040	76	5,86	6,78							
50	72720	1454,4	8040	8,08	402 0	80,4	4,18	5,52							
60	105980	1766,8	8560	59,88	4900	81,66	3,35	4,62							
70	143670	2052,4	8940	56,28	5620	80,28	2,74	3,91							
80	184170	2302,1	4140	51,7	6120	76,5	2,34	3,32							
II. Schwache Entstehung.															
	28	uchenw	albim	it 0,8 Q	ertrag	8güte.									
10	55	5,5	10	1	10	1 1	18,18	18,18							
20	980	49	160	8	160	8	16,32	16,32							
30	4560	152	520	17,33	540	18	11,40	11,84							
40	12400	310	1000	25	1110	27,75	8,06	8,95							
50	25 150	503	1500	30	1760	35,2	5,96	6,99							
60	42900	715	2000	33,33	2460	41	4,66	5,78							
70	65540	936,2	2480	35,42	3180	45,49	3,78	4,85							
80	92760	1159,5	2920	36,5	3890	48,62	3,14	4,19							
90	124160	1379,5	8320	36,88	4580	50,88	2,87	3,68							
100	1 592 30	1592,3	8660	36,6	5220	52,2	2,29	3,27							
110	197870	1794,2	3940	35,82	5770	52,45	1,99	2,92							
120	237980	1983,1	4160	34,66	6 230	51,91	1,74	2,61							
130	280460	2157,8	4320	33,28	6600	50,77	1,54	2,85							
140	824620	2316,5	4440	31,71	6900	49,28	1,86	2,12							

§. 433. Gegenfätze des Werthsertrags normaler Wirthschaftswälder.

A. Umtriebbalter.	Preissteigung.	Mwv. Werth im Ganzen.	Mwv A vorrath pr. Prorgen.	Mw A Hauptertrags. werth pr. Morgen.	Mw + Baw Desammeetrags: werth pr. Morgen.	Hwn o Werthn Proje Haupts ertrag.	Gwn o outungs, nt vom Gef., Grirag.					
		1 @	tarte Eni	stehung	ł							
1. Starke Entstehung. Lärchenwald mit 0,8 Ertragsgüte.												
10	3	6600	660	120	120	18,18	18,18					
20	4	5 6680	1834	208	220	11,84	11,99					
30	5	107930	3597,6	290	327,8	8,06	9,09					
40	6	234770	5869,2	363	431	6,18	7,84					
50	7	428040	8560,8	425,6	523,2	4,97	6,11					
60	8	694120	11568,6	474,6	598	4,10	5,17					
70	9	1033830	14761,8	506,5	651,1	3,43	4,41					
80	9	1397830	17472,8	465,7	626	2,66	3,58					
II. Schwache Entstehung.												
Buchenwald mit 0,8 Ertragsgüte.												
10	5	275	27,5	5	5	18,18	18,18					
20	6	5825	291,2	48	48	16,48	16,48					
30	7	30885	1029,5	121,3	125,3	11,78	12,16					
40	8	93605	2340,1	200	218,7	8,54	9,84					
50	9	208355	4167,1	270	309	6,47	7,41					
60	10	885855	6430,9	333,8	395,8	5,18	6,15					
70	11	684895	9069,9	389,7	477,5	4,29	5,26					
80	12	961535	12019,2	438	552	3,64	4,59					
99	13	1369735	15219,3	479,5	619,5	3,15	4,07					
100	14	1860715	18607,1	512,4	677,4	2,75	3,64					
110	15	2432815	22116,5	537,2	721,6	2,42	3,26					
120	15	8041965	25349,7	520	719	2,08	2,88					
130	15	3679165	28301,2	498,4	706,8	1,76	2,49					
140	15	4337065	30979	475,7	688	1,58	2,22					

- §. 434. Erläuterungen zu der Massenertrags= Darstellung.
- Graphische Darstellung bes Massenertrags normaler Baldverbande ber starken Entstehung, zusammengesett aus bem voranstehenden Bestandesmuster AMI:
- AMM . . , die Basis des Massenvorrathes und der Altersklassen, wie sie sich aus den Altersstufen des Musterbestandes zusammenstellen lassen.
- 10-20-30 ..., die anzunehmenden Perioden und Umtriebs=
 zeiten.
- A50M, der Massenvorrath (Mv) des 50jährigen Waldvers bandes.
- A-10, 10-20, 20-30 . . , die aus je 10 Jahresschlägen zu 1 Mg. bestehenden Altersklassen.
- M 10, M 20, M 30.., der je älteste Schlag, welcher eben in der höchsten Altersklasse den Hauptertrag und in jeder der jüngern einen Vorertrag abwirft.
- a, die Bestandesabfälle oder Vorerträge; neben dem Haupterstrage M50, vom 10=, 20=, 30= und 40jährigen Schlage abfallend; zusammen Sa.
- M+Sa, ber Gesammtertrag.



Vor Allem wäre nun barzulegen, wie die Massengrößen und Erträge aller Altersklassen unserer normalen Waldversbände aus den Altersstusen des entsprechenden Musterbestans des ohne Weiteres zu entwickeln sind. Wir nehmen dazu die leichtern Beispiele von den beiden kurzern Scalen der starken Entstehung §. 423. und 432. I zu Hülfe und versinnlichen unsere Auseinandersetzung durch die hier beigegebene Figur.

- 1) A, das Umtriebsalter, bezeichnet:
- a) das Alter, worin der je alteste Schlag zur Abnutzung kommt;
- b) die Anzahl der 1 Mg. großen Jahresschläge, welche den fraglichen Baldverband bilden sollen; mithin auch
 - c) die Morgenzahl eines jeden ber gedachten Waldverbande.
- 2) Mv, der Massenvorrath jeder Altersklasse, wird nach den gleichen Altersstusen des Musterbestandes berechnet; denn für jeden Jahresschlag gilt der Musterbestand desselben Alters. Unsere Voraussetzung, daß auf jeder Altersstuse ein jährlich gleicher Juwachs Statt sinde, bedingt zugleich, daß auch die Bestände aller Schläge derselben Altersklasse in gleicher Massenabstusung stehen und zusammen eine arithmetische Reihe bilden, deren Summirung ganz leicht ist.

Hat in der jüngsten Altersklasse der einjährige Schlag 1 = 0, der zweijährige 2 = 0. und der 10jährige 10 = 0 der 10 = 0 beträgt die Summe aller 10 = 0 dage von 1 = 0 is 10 jährigem Alter 10 = 0 der 10 = 0 d

Unter g. 432. I berechnete sich somit der Massenvorrath für den 50jährigen Umtrieb von der

```
(40+400)\times 5=2200\,c'
  I. Klasse, 1= bis 10jahr.
                                 (400+64+1040)\times 5 = 7520 c'
II.
          11 ,, 20 ,,
      "
                                (1040+70+1740)\times 5=14250 c'
III.
           21
               " 30 "
                                (1740+68+2420)×5=21140 c',
IV.
          31
               ,, 40 ,,
                                (2420+62+3040)\times 5=27610 c'.
V.
               ,, 50 ,,
          41
                                          Zusammen: 72720c'.
```

- 3) $\frac{Mv}{A}$, Massenvorrath pr. Morgen: Der ganze Holz= vorrath, getheilt durch die Flächenzahl, welche dem Umtriebsalter gleich steht. Obiger 50jährige Umtrieb umfaßte pr. Morgen im Durchschnitt $\frac{72720}{50}$ = 1454,4 c'.
- 4) M, die jährliche Hauptertragsmasse, findet sich unmittelbar in der Bestandesmasse des eben zur Abnutzung kom= menden ältesten Schlages oder des eben so alten Musterbestan= des. §. 423. I, im 50jährigen Alter 3040 c'.
- 5) $\frac{M}{A}$, die jährliche Hauptertragsmasse pr. Morsgen, muß der Durchschnittsmehrung vom Musterbestande gleich sein, weil die Flächenzahl mit der Alterszahl übereinstimmt; zu §. 423. I 50 ist sie: $\frac{3040}{50}$ = 60,8 c'.
- 6) M + Sa, die jährliche Gesammtertragsmasse, be=
 steht aus dem Hauptertrage von dem je ältesten Schlage mit al=
 len Vorerträgen der eben zur Durchforstung gelangenden jüngern
 Schläge, ganz wie der Musterbestand sie an sich zusammen dar=
 stellt; 3. B. §. 423. I im 50jährigen Umtriebe:

Hauptertrag vom 50jährigen Schlage: 3040 c'.

7) M+Su, die jährliche Gesammtertragsmasse pr. Morgen, ist leicht begreislich dem Durchschnitts=Zuwachs vom Musterbestande gleich; im obigen Beispiele:

$$\frac{340+360+320+220+80}{50} = \frac{4020}{50} = 80,4 \text{ c'}.$$

8) Hn &, das Holznutungs=Prozent vom Haupter= trage, ergiebt sich nach bem Verhältnisse des Massenvorrathes zu dem jährlichen Hauptertrage Mv : M = 100 : Hnf;

- es ist §. 432, für den 50jährigen Umtrieb von I = 4,18 f nach: 72720: 3040 == 100: 4,18.
- 9) Gno, das Holznugungs-Prozent vom Gesammtertrage, wird berechnet nach dem Massenvorrathe und dem davon abfallenden Gesammtertrage, mittels der Proportion:

 $Mv : (M + Sa) = 100 : Gn_2^0.$

Für ben 50jährigen kärchenwald &. 432. fände man es = 5,520 nach:

72720:4020=100:5.52.

Auf alle diese Berhältnisse hat der Nachhiebsrückstand im Besa= mungswalde einen andernden Ginfluß, wie g. 444. nachweis't.

§. 435. Allgemeines Berhalten des Massenertrages im normalen Wirthschaftswalde.

Unsere Darstellungen des normalen Waldertrages von der starken und der schwachen Entstehung geben nun den Grund zu folgenden Aufschlüssen, welche wir an die mehr vergleichbaren Durchschnittsbeträge der Forstslächeneinheit knüpfen.

- 1) Der Massenvorrath pr. Morgen $\left(\frac{Mv}{A}\right)$ steigt mit zunehmendem Umtriedsalter. Alle Waldbetriedsverdände der starten Entstehung umfassen wegen ihrer frühern Schlagbarkeit mins der große Holzvorräthe. Die Größe dieser Massenhaltigkeit ist überdies noch bedingt von den nach Ortsgüte und Waldgattung erreichbaren Gehaltsfaktoren $G \times H \times f$.
- 2) Die jährliche Hauptertragsmasse pr. Morgen $\left(\frac{M}{A}\right)$ gleicht bekanntlich der Altersdurchschnittsmehrung vom Musterbestande (§. 426. 1.); denn der in jedem Jahre zur Abnutzung kommende, als Musterbestand geltende älteste Schlag M wird durch die, dem Alter gleiche Morgenzahl A gestheilt. Dieser älteste, eben schlagbare Bestand stellt in der Reihe seiner Jahresmehrung die lausende Rehrung aller Jahressschläge des Waldverbandes zusammen dar. So hat z. B. der

50jährige Waldverband, in Semäßheit des Musterbestandes $\S.$ 423. I unter $\frac{M'-M}{10}$, zur Jahresmehrung für die sämmtl- lichen Schläge

von 1 bis 10 Jahren:
$$40 \times 10 = 400 \text{ c'},$$

" 11 " 20 " $64 \times 10 = 640$ "

" 21 " 30 " $70 \times 10 = 700$ "

" 31 " 40 " $68 \times 10 = 680$ "

" 41 " 50 " $62 \times 10 = 620$ "

Jusammen: $3040 \text{ c'};$

also pr. Mg. $\frac{3040}{50} = 60.8 \text{ c'}.$

Die laufende Massenmehrung sämmtlicher Jahres:
schläge im Normalwalde ist mithin dem jährlichen Hauptertrage gleich und berechnet sich eben so, wie die Massenmehrung aller Jahre im Musterbestande. Dieser Durchschnitts: Hauptertrag erscheint also ebenfalls bei der starken Entstehung im 40. bis 50. und bei der schwachen im 90. Jahre am ergiebigsten.

3) Die jährliche Gesammtertragsmasse pr. Mg. $(\frac{M+8a}{A})$ ist zugleich der Durchschnittszuwachs von dem eben schlagbaren Musterbestande (§. 426. 2.), indem dessen Gesammtertrag dort in eben so viel Jahre zerfällt, als hier in Morgen. Ganz dieselbe Größe giebt auch der laufende Zuwachs sämmtlicher Jahresschläge, getheilt durch die Morgenzahl. So sindet man in §. 423. I unter (M-a)

folgenden Jahreszuwachs für die Schläge

non 1 bis 10 Jahren:
$$40 \times 10 = 400 \text{ c'},$$

" 11 " 20 " 72 × 10 = 720 "

" 21 " 30 " 92 × 10 = 920 "

" 31 " 40 " 100 × 10 = 1000 "

" 41 " 50 " 98 × 10 = 980 "

Jusammen: $4020 \text{ c'};$

also pr. Mg. $\frac{4020}{50} = 80,4 \text{ c'}.$

Dieser Durchschnitts=Gesammtertrag stellt sich bei der starken Entstehung im 60. und bei der schwachen im 110. Jahre am höchsten, bedeutend später, als der Durchschnitts=Hauptertrag allein. Die an Sesammtmasse ergiebigsten Umtriebsalter der Hochwälder sielen daher zwischen das 60. und 110. Jahr, ganz in Übereinstimmung mit dem Massen=Schlagbarkeitsalter ihrer Musterbestände.

§. 436. Bergleichung bes Altersdurchschnittserwachses mit bem laufenden Jahreserwachse im Wirthschafts= walbe.

Bir haben so eben gesehen, daß in einem normalen Bald= verbande von Jahr zu Jahr der Hauptertrag M mit der laus fenden Sahresmehrung, und ebenso der Gesammtertrag M + 8a mit dem laufenden Jahreszuwachse aller Schläge übereinstimmen muß, und wie sich diese Ertragsgrößen ohne Weiteres aus dem Durchschnittserwachse Mund M+Sa bes schlagbaren Mufterbestandes herleiten lassen. Reines= weges kann aber für ben laufenben Sahreserwachs ber Altersburchschnittserwachs aller einzelnen Bestänbe einer ganzen Baldung stellvertretend gebraucht werden; benn dies ist eine ganz andere Größe, was die summarische Berglei= dung ber Durchschnittsmehrungen M mit ben Jahresmehrungen $\frac{\mathbf{M'} - \mathbf{M}}{10}$, so wie der Durchschnittszuwachsbeträge $\frac{\mathbf{M} + \mathbf{Sa}}{\mathbf{A}}$ mit den Jahreszuwachsbeträgen M'-(M-a) im Musterbestande (§. 423.) schon genugsam zu erkennen giebt, wenn bort auch die Reihen bes Durchschnitts = und Jahreserwachses eben nicht ausgeführt find.

Um aber näher zu untersuchen, auf welche Abwege diese Stellvertretung führt, theile man nur den Massengehalt jeder Alstersklasse durch das entsprechende Mittelalter: so ergiebt sich z. B. für den Lärchenwald mit 50jähriger Umtriebszeit (§. 423. 1) als Durchschnittsmehrung:

1. \$\mathref{R}\$1. 10 \$\mathref{M}\$g., 1 = \text{bis 10jahrig,} \frac{(40+400)\times 5}{5,5} = 400 \ \mathref{c}' \ \text{*}\$)

2. " 10 " 11 " 20 "
$$\frac{(400+64+1040)\times 5}{15,5} = 485$$
 "

3. " 10 " 21 " 30 " $\frac{(1040+70+1740)\times 5}{25,5} = 558$ "

4. " 10 " 31 " 40" " $\frac{(1740+68+2420)\times 5}{35,5} = 595$ "

5. " 10 " 41 " 50 " $\frac{(2420+62+3040)\times 5}{45,5} = 607$ "

**Tuf 50 \$\mathref{M}\$g. **Xitersdurchschnittsmehrung: 2645 \mathref{c}'; also \mathref{pr. }\mathref{M}\$g. \$\frac{2645}{50} = 52.9 \ \mathref{c}'.

Die auf alle Jahre einzeln berechnete Durchschnittsmehrung fällt noch etwas niedriger aus **). Dennoch beträgt die der gleichen Umtriedszeit entsprechende Jahresmehrung aller Altersklassen des ganzen Waldverbandes bedeutend mehr, nämlich

$$400+640+700+680+620=3040$$
 c', also pr. Mg. $\frac{3040}{50}=60.8$ c'.

Der Grund dieses Unterschiedes liegt in der geringeren Mehrung der jedes Mal mit zum Durchschnitt gezogenen jugendlichen Ustersperioden; man erkennt ihn bei der klassenweisen Vergleichung am leichtesten. So trüge die 21 = bis 30jährige Altersklasse ihs rerseits an Durchschnittsmehrung nur 558 c' bei, obschon ihr Antheil an der gesammten Jahresmehrung 700 c' ist. Bei der schwachen Entstehung treten diese Abweichungen noch viel stärker hervor, wegen ihrer größern Anzahl minder ergiediger Jugendsiahre. Solche Abweichungen sinden sich auch zwischen dem

^{*)} Das zur Summirung dienende Mittelalter vom 1. die 10. Jahre ist . . $\frac{1+10}{2} = 5,5$; " 11. " 20. " " . . $\frac{11+20}{2} = 15,5$ u. s. w.

^{**)} Sie findet fich in dem §. 459. gegebenen Beispiele vollftandig ausges führt und ergiebt bort nur 2637,9 c'.

Durchschnitte und Jahreszuwachse, und noch weit größer sind die zwischen der Durchschnittsmehrung und dem Jahreszuwachse einer jeden Waldung. Nimmt man die wirkliche Durchschnittsmehrung eines vorgefundenen Massenvorrathes ansstatt des wirklichen Jahreszuwachses an: so kann der Fehler mitzunter dis zu 50 pCt. steigen.

Der Durchschnittserwachs einer Rormalwaldung könnte sich bem Jahreserwachse nur dann gleich stellen, wenn dieser durch alle Lebensjahre ganz gleich ware, oder aber in einem kaum erzreichbaren Überständigkeitsalter sich befände; ersteres ist jedoch nicht natürlich und letzteres nicht wirthschaftlich.

§. 437. Bergleichung ber Borerträge mit bem Haupt= ertrage im normalen Wirthschaftswalbe.

Dben §. 426. 2. haben wir schon mittels ber beiden Rustersbestände gezeigt, daß die laufenden Bestandesabfälle der starken Entstehung sich anders verhalten, als die der schwachen. Bei dem ganzen Waldverbande fragt man nun mehr nach der Summe gewinnbarer Vorerträge in Verhältniß zum Sauptertrage. Darauf ist vor allem das Umtriedsalter von wesentlichem Einsstuß. Je höher dieses steigt, um so mehr Vorerträge sammeln sich aus, und um so besser stellt sich das Verhältniß ihrer Summe zum Hauptertrage. Weniger Unterschied bieten hierin die Gegensäße der Entstehung, indem der Bestandesabsall beiderseits während der gleichnamigen (kurzern oder längern) Lebensperioden ziemlich gleiches Verhältniß zu dem verbleibenden Bestande einshält, was aus den obigen Wachsthumsscalen (§. 423. 1.11.) leicht zu entnehmen ist. Diese geben in

$$\frac{M}{A}: \left(\frac{M+Sa}{A}-\frac{M}{A}\right),$$

also z. B. für I im 50jährigen Umtriebe

$$\left(\frac{3040}{50}:\frac{80+220+320+360+3040}{50}-\frac{3040}{50}\right)$$

$$=60,8:(80,4-60,8)=60,8:19,6$$

das Vorertrags=Verhältniß einer jeden Umtriebszeit, und hiernach darf man annehmen, daß die mehr zur Frage kommende Maffe

aller Vorerträge zusammen sich auf $\frac{1}{4}$ bis $\frac{1}{2}$ ber Hauptertrags= masse belaufe, und daß sich mithin der Hauptertrag zum Ge= sammtertrage verhalte nahe wie

1 zu 1,25 bis 1,5,

je nachdem die Umtriebszeit eine niedrige oder hohe ist und die Walderziehung regelrecht betrieben wird.

§. 438. Allgemeines Berhalten ber Solznugungs= Prozente im normalen Wirthschaftswalbe.

Im normalen Waldverbande sinden sich die Prozente der vom Massenvorrathe jährlich zu erwartenden Holze abnutung nicht nur bedeutend anders, als die Zuwachsprozente des Musterbestandes, sondern unter sich auch sehr verschieden nach Maßgabe der Entstehung, des Umtriebsalters, des Haupt = und Gesammtertrages.

- 1) Die Holznuhungs=Prozente des normalen Bald= verbandes im Ganzen muffen stets viel böher stehen, als die Zu= wachsprozente des Musterbestandes im Einzelnen, wenn Umtriebs= und Bestandesalter beiderseits gleich sind, weil der Normalwald in der ganzen Reihe seiner jungern Klassen weit reichlicher zu= wächst, mithin auch im Ganzen mehr Nutzungsprozente darbieten kann, als der schlagbare Musterbestand an sich allein. Bei Bestimmung der normalen Umtriedszeit darf man dies nicht unde= rücksichtigt lassen.
- 2) Alle Holznutzungs-Prozente sinken mit zunehmens bem Alter und Massenvorrathe in jedem Verhältnisse mehr und mehr; sie stellen sich in gleichem Alter bei der schwachen Entstehung, wo der Massenvorrath minder rasch ansteigt und das her der Zuwachs überwiegender auftritt, bedeutend höher, als bei der starken.
- 3) Das Holznutungs: Prozent vom Hauptertrage (Hnf) sinkt in Folge ber starken Entstehung rascher, sindet sich aber im Zeitpunkte des höchsten Durchschnitts: Hauptertrages (M) dennoch weit besser, hier zu 5,86 f, als in Folge ber

schwachen Entstehung, die ihren höchsten Durchschnitts = Haupter= trag nur bei 2,67 f erreicht (§. 426. 1. b.). In der Lärchen= waldung stellt sich die Aprozentige Hauptnutzung an das 52. und die Iprozentige an das 65. Jahr; in der Buchenwaldung fallen dieselben Prozente an das 67. und 83. Jahr.

4) Das Holznutzungs Prozent vom Gesammterstrage (Gn ?) hält sich bekanntlich besser, als das vom bloßen Hauptertrage. Bei der starken Entstehung bietet es zur Zeit des höchsten durchschnittlichen Gesammtertrages noch eine ganz ansnehmliche Höhe, sosen eben der herrschende Zinssuß entscheidet, nämlich 4,62 ?, wogegen die schwache Entstehung in demselben Zeitpunkte nur 2,92 ? erreicht. Die 4= und Iprozentigen Gesammtnutzungen fallen unter I an das 68. und 85., unter II aber an das 84. und 108. Jahr.

Man kann wohl annehmen, daß die Holznutzungs-Prozente in den normalen Hochwaldungen meist zwischen 3 und 6 schwanken; in unregelmäßigen Waldungen können sie auch durch die seinsten Kunstgriffe auf nachhaltige Weise nicht so hoch geshoben werden. Wer dürfte diesen dringenden Beruf zur regels mäßigen Walderziehung verkennen?

§. 439. Erläuterungen zu der Werthsertrags= Darstellung.

Wir gehen nun auch zu den Werthsertrags = Verhältnissen unserer äußersten Gegensätze normaler Wirthschaftswälder über und erläutern zuvörderst die obige Darstellung (§. 433.) eben= falls mit Beziehung auf Scala I und ein 50jähriges Umtriebs= alter.

- 1) A, das Umtriebsalter, wie schon bekannt, zugleich die Schläge und Morgenzahl.
 - 2) w, die Preissteigung, wie in §. 429.
- 3) Mwv, der ganze Werthsvorrath. Dieser ergiebt sich, indem man den Massenvorrath jeder Altersklasse mit der entspreschenden Werthszahl multiplizirt und die Produkte addirt. Der 50jährige Umtrieb zu I umfaßt in den Schlägen

4) Mwv, der Werthsvorrath pr. Morgen, ist zu der lettern Zahl

$$\frac{428040}{50}$$
 = 8560,8 w.

5) Mw der jährliche Hauptertrags = Werth pr. Morgen, ist (nach §. 424.) bie durchschnittliche Hauptwerths: Zunahme vom Musterbestande, für I 50:

$$\frac{21280}{50} = 425,6$$
 w.

6) Mw+Saw, der jährliche Gesammtertrags=Werth pr. Morgen, besteht in dem eben zur Abnutzung kommenden Bestandeswerthe nebst der Summe aller Absallswerthe der jünsgern Altersklassen, getheilt durch die Morgenzahl; er ist der durchschnittlichen Gesammtwerths=Junahme des Musterbestandes gleich (§. 424.). Für I 50:

$$\frac{21280+2160+1600+880+240}{50} = 523,2 \text{ w.}$$

7) Hwng, das Werthenutzunges Prozent vom Sauptsertrage, ergiebt sich nach dem Verhältnisse des Werthevorrathes pr. Mg. zur Hauptwerthenutzung pr. Mg.:

$$\frac{Mwv}{A}: \frac{Mw}{A} = 100: Hwn \frac{0}{6};$$

für den 50jährigen Umtrieb von 1 = 4,97 \(\frach\) nach: 8560,8 : 425,6 = 100 : 4,97.

8) Gwn 0, bas Werthsnutzungs = Prozent vom Sesammtertrage, ift, nach ber Proportion:

 $\frac{\mathbf{Mwv}}{\mathbf{A}}: \frac{\mathbf{Mw+Saw}}{\mathbf{A}} = 100: \mathbf{Gwn}_{0}^{0},$

für obige 50jährige Lärchenwaldung = 6,11 f nach:

8560,8:523,2=100:6,11.

§. 440. Allgemeines Berhalten des Werthsertrages im normalen Birthschaftswalde.

Die in §. 433, vorangesetzten Holzpreise der verschiedenen Altersklassen führen den Massenergebnissen gegenüber zu folgens den Werthäverhältnissen:

- 1) Der Werthsvorrath (Mwv) einer Normalwaldung wird gegen den Holzvorrath noch durch die Preiszunahme gehosben und stellt sich im einträglichsten Umtriebsalter bei der starken Entstehung bedeutend niedriger, als bei der schwachen. Lettere erfordert daher stets ein weit größeres Bestandeskapital.
- 2) Der Hauptertrags = Werth pr. Morgen (Mw/A)'
 ober auch die Durchschnitts = Werthszunahme vom Hauptertrage
 des Musterbestandes (h. 424.), gleicht nicht minder der verblei=
 benden Werthszunahme aller Jahresschläge des Waldverbandes.
 Die Abweichung im Gange des Hauptswerthsertrages von dem
 des Haupt-Holzertrages wird durch die Preissteigung bedingt.
- 3) Der Gesammtertrags = Werth pr. Morgen (Mw+Saw) ist der Durchschnitts = Werthszunahme vom Gessammtertrage des Musterbestandes gleich (§. 424.), und so auch der laufenden Werthszunahme aller Jahresschläge des Waldversbandes. Derselbe hebt sich ebenfalls mit steigendem Umtriebsalter nach Maßgabe der Preissteigung dis dahin, wo diese aufhört; dann hält er mit dem Gesammt-Holzertrage gleichen Schritt. Das Umtriedsalter zur höchsten Werthsnutzung des Normalwaldes fällt mit dem Werths: Schlagbarkeitsalter des Musterbestandes zussammen, und zwar bei gleichen Holzpreisen stets in das zur höchsten Holznutzung, bei steigen den Preisen aber um so viel später, als dies Steigen noch erheblich genug ist.

- 4) Bedeutend sind die Unterschiede der Werthserträge je nach der starken oder schwachen Entstehung. Die starke gewährt bei dem kurzern Umtriebsalter, die schwache aber bei dem länzern ihren höchsten jährlichen Werthsertrag.
- §. 441. Allgemeines Berhalten ber Berthenutungs= Prozente im normalen Wirthschaftswalde.

Am bedeutungsvollesten für die wirthschaftliche Benutung der Wälder sind endlich die aus dem Werthsvorathe und dem Werthsertrage entwickelten Prozent=Verhält=nisse. Die normalen Werthnutungs=Prozente stellen sich für die Walderziehung weit günstiger, als man bisher gemeint hat. Hier können wir uns jedoch nur erst mit Vergleichung der roshen Werthsverhältnisse unter sich beschäftigen, ohne alle weitere Abrechnung der Bodenrente und Nutungskosten.

- 1) Das Werthsnutzungs=Prozent vom Hauptertrage (Hwn h) sinkt ebenfalls in Folge der starken Entstehung
 rascher, und steht zur Zeit der größten Haupt-Werthsnutzung bei
 dieser auf 3,43 und bei der schwachen auf 2,42. Die 4: und
 Pprozentigen Werthsnutzungen vom Hauptertrage schließen sich in
 der Lärchenwaldung an das 61. und 76., in der Buchenwaldung
 an das 74. und 94. Jahr.
- 2) Werthnutungs Prozent vom Sesammtertrage (Gwn %). Wie überhaupt, so sinkt bei der starken Entstehung das Sesammtwerths Muthungsprozent weit rascher, als dei der schwachen; dennoch stellt sich dasselbe im Zeipunkte ihres früher eintretenden höchsten Sesammtwerths Ertrages bedeutend höher, nämlich zu 4,41 f, wogegen die schwache Entstehung im gleichen Valle nur 3,26 h dietet. Die 4= und 3prozentigen Sesammtswerths Nutungen schließen sich in dem Lärchenwalde an das 75. und 90., im Buchenhochwalde an das 91. und 116. Jahr, nämlich bei der vorausgesetzten Preissteigung. Hierin liegen schon Andeutungen genug, daß auch die Hochwaldzucht recht gut im Stande ist, eine sehr annehmliche Kapitalnutung zu gewähren, indem deren rohe Werthsnutungs Prozente sich auf 4 dis 7 stels len können.

Hieraus entspringen wichtige Andeutungen für den Baldangriff. Derjenige Forstbetrieb, welcher den höchsten durchschnittlichen Werthsertrag gewinnt, ist nicht immer im Stande, auch das Waldsapital gehörig zu verzinsen. Dazu dient das kürzere Umtriebsalter weit mehr, als das längere. Der fleißige Durchforstungsbetrieb ist das Hauptmittel, den Werthsertrag und die Kapitalnuhung des Waldes zu heben und eine höhere Umtriebszeit vortheilhaft zu machen.

§. 442. Ertragsverhältnisse ungleichwüchsiger Walbungen.

Die aus Obers und Unterbestand zusammengesetzten Waldunsgen sügen sich wegen der Mannigsaltigkeit ihrer Formen und Zustände weniger unter allgemeine Erwachs und Ertragsgesetze. Dagegen erleichtern sie unsere Untersuchungen durch die kürzere Umtriebszeit A, die ziemlich gleiche Jahresmehrung und die einssachere Abnuhung. Indessen spielen diese Waldsormen stets eine minder bedeutende Rolle; wir haben hier bloß die Mittelwaldung und die Plänterwaldung zu betrachten.

- 1) In dem Mittelwalde müßte der Tarator den Unterwuchs von dem Oberholze sondern. Der Unterwuchs wäre
 am fürzesten als ein ganz für sich bestehender, gleichwüchsiger Baldtheil anzusehen, dem ein angemessener Flächentheil des Bestandes allein angehörte und der stets mit ziemlich gleicher Jahresmehrung a erwüchse. Das kleinere und größere Oberholz,
 den andern Flächentheil einnehmend, bestände aus der, bei jeder Schlaghauung zurückleibenden Überhaltsmasse B und der
 eben auch ziemlich gleichen Jahresmehrung d.
 - a) Hiernach stiege der einzelne Musterbestand

", A. ", B +
$$(a + b) \times A$$
.

Die ganze Sahresmehrung betrüge a + b, und bas

Mehrungs=Prozent p im A-jährigen Alter ergabe sich aus ber Proportion:

$$(B + (a + b) \times A) : a + b = 100 : p.$$

In einem Mittelwalde mit 20jähriger Umtriebszeit betrage z. B. die Jahresmehrung des Unterwuchses = 20 c', der jestesmalige Überhalt 600 c' und dessen mittlere Jahresmehrung des 15 c': so steigt der Musterbestand

zusammen 20 + 15 = 35 c' beträgt: so ist bas Mehrungsprozent unmittelbar vor dem Abtriebe im 20. Jahre =

$$1300:35 = 100:2,691\frac{0}{0}.$$

b) Der normale Waldverband enthielte an Massenvorrath (Mv) die Summe aller von 1 zum A-jährigen Umtriebsalter aufsteigenden Schläge, nämlich:

$$(B + (a + b) \times 1, + B + (a + b) \times A) \times \frac{A}{2} = Mv.$$

Dessen jährlicher Holzertrag wäre:

$$(a + b) \times A$$

und das Holznugungs=Prozent p ergabe sich mittels ber Proportion:

$$Mv : (a + b) \times A = 100 : p.$$

In unserem Beispiele also ware

ber Massenvorrath
$$Mv = (635 + 1300) \times \frac{20}{2} = 19350 e'$$
,

ber jährliche Holzertrag = (20 + 15) × 20 = 700 c', und bas Holznutzungs:pEt. p = 19350 : 700 = 100 : 3,618 g.

Begreislich sinkt dies Nutungs=Prozent um so mehr, je grös
ßer der ständige Überhalt B und die Stärke der darin befindlis
chen Bäume ist. — Mittels gegebener Preise läßt sich der Werthsvorrath und Werthsertrag nebst dem Werthsnus

hungs-Prozente leicht ermitteln. Letteres erhebt sich wohl selten über das Holznuhungs-Prozent, weil eine erhebliche Preissteigung wegen der mehr beständigen Stammstärken und der kurzen Umtriebszeit nicht leicht Statt sindet. Bei diesen Untersuschungen erscheint überhaupt der gewöhnliche Mittelwald nicht sons derlich zinstragend, indem dessen Bestandeskapital mehr aus werthvollerm Oberholze und dessen Abnuhung mehr aus werthloserm Unterholze besteht.

2) Im Plänterwalde wird auf der ganzen Fläche jedes Jahr genutt; die Umtriedszeit A ist also = 1; die ständige Überhaltsmasse B ist aber auch gleich dem Massenvorrathe oder B = M = Mv; zur Nutung kommt unmittelbar alsbald wiesder die Jahresmehrung b, und das Holznutzungs proszent p ergiebt sich demnach auß B: b = 100: p. Wärez. B. der ständige Überhalt B = 2000 c', die Jahresmehrung oder jährliche Nutung aber 30: so ist p = 2000: 30 = 100: 1,5 g. Dieses wird von dem Werthsnutzungs Prozente bedeutend übertrossen, weil man von dem ganzen Massenvorrathe in der Regel nur die werthvollesten Oberbäume ausnutzt.

§. 443. Normale Ertragsverhältnisse, angewendet auf unregelmäßige Balbungen.

Wollte man die Ertragsverhältnisse unregelmäßiger Walbungen nach Maßgabe normaler Säte regeln, so wäre vor Allem die Bestandesgüte im Einzelnen und das Altersklassen-Verhältniss im Sanzen vergleichend zu beurtheilen. Hierbei ergiebt sich aber, daß die wirklich vorhandenen, mehr oder minder vom Zufall gebildeten Bestände solcher Waldungen keinesweges in dem Maße zuwachsen und ertragen können, wie wir es den normalen Vollsbeständen zumuthen; gewöhnlich ist ihre Erziehung vernachlässigt, ihre Bestandessorm ungeeignet, ihr Schluß minder voll und ihr Wachsthum minder gut. Noch größer ist aber die Ertragsabsweichung, welche aus dem mangelhaften AltersklassensBerhältnisse entspringt. Hier sehlt es an schlagbarem Holze, dort an den ersorderlichen Junghölzern; meist aber macht der Mangel an

tüchtigen Mittelhölzern die fühlbarste Lücke. Daher hat auch eine jede Waldung ihr ganz eigenes Verhältniß des Vorrathes, Erswachses und Ertrages; und daher schwebt auch jeder allgemeine Schluß von den Ertragsverhältnissen idealer Wirthschaftswälder auf die Erträge unserer heutigen Waldungen ohne allen zureischenden Grund im bloßen Ungefähr. Nur durch ganz besondere Aufnahmen können und müssen diese abnormen Ertragsverhältznisse ermittelt und geordnet werden; und dabei darf das Normale nur als Ziel, nie als Maß dienen. Sine ganz gemeine Unkunde, sowohl im wirklichen Wälderzustande, als in der Grössenlehre, würde es verrathen, wollten wir für so höchst undesstimmte Aufgaben allgemeine Formeln ersinnen und unbedingt anwenden.

§. 444. Normaler Nachhiebsrückstand im Besamungs: walbe.

Wo verjüngende Besamungsschläge Statt sinden, wird der ausgehaltene Schlagbestand mit einigem Zuwachsgewinne allmähzlich nachgehauen. Diesen Nachhiebsbestand, welcher sich stets hinter der vorausgehenden Anhiedslinie besindet, nennen wir Nachhiedsrückstand. Dessen Betrag kommt bei der Waldsschaftung dreisach zur Frage, einmal wegen Bestimmung der wirklichen Nachhiedserträge, zweitens wegen Einrichtung der normazlen Angrisslinie und brittens wegen Ermittelung des normalen Massenvorrathes und Ertrages.

1) Nachhiebserträge von den Besamungsschlägen: Der volle Ertrag vom Nachhiebsrücktande eines Musterbestandes nach erfolgter Schlaghauung ist abhängig von der Holzhaltigsteit B und dem Jahreszuwachse z in dem vollen Schlagbesstande, dann von der Nachhiebszeit n und von dem Nachshiebsbetriebe in dieser Zeit. B und z werden an Ort und Stelle geschätzt. Der Nachhiebsbetrieb wird nach Waßgabe der Forstverhältnisse bestimmt, und zwar so, daß die Nachhauungen während der Nachhiebszeit, wie gewöhnlich, in gleichen Zwischenstäumen und gleichen Theilen erfolgen. Der fragliche Nachshiebstheil läßt sich solgendermaßen berechnen:

Fänden d. B. in einem Buchenwalde brei solche Nachhauun= gen Statt, so ware der sammtliche Zuwachs:

in der ersten Zwischenzeit an $B = \frac{1}{3}n \times z$, in der zweiten Zwischenzeit an $\frac{2}{3}B = \frac{1}{3}n \times \frac{2}{3}z$, in der dritten Zwischenzeit an $\frac{1}{3}B = \frac{1}{3}n \times \frac{1}{3}z$. Es betrüge mithin die ganze Nachhiebsmasse: $B + \frac{1}{3}n \times 2z$, $= B + \frac{2}{3}nz$, und davon jeder Nachhiebstheil: $\frac{B + \frac{2}{3}nz}{3}$, $= \frac{1}{3}B + \frac{2}{3}nz$.

Ließe man nun in einem Schlage auf dem Morgen etwa 1500 Kfß. Bestand mit 30 Kfß. Zuwachs stehen und dauerte die Nachliebszeit 15 Jahre: so gewährte ein jeder der drei Nach: hiebstheile

3nz = 500 Kfk. von dem anfänglichen Schlagbestande,
3nz = 100 ,, von dem Zuwachse,
600 Kfk. zusammen.

Der gesammte Schlagbestands-Zuwachs ist gnz = 300 Kff.

Zum Behufe der besondern Ertragsabschätzung können die eben erforderlichen Schlagbestände, Nachhiebszeiten und Nach= hiebstheile voraus bestimmt und der Lokalertragstafel in geeignesten Abstufungen unmittelbar angefügt werden *).

2) Einrichtung der normalen Angriffslinie im Besamungswalde: Betrüge die jährliche Schlagsläche S Morsgen, so müßten in dem ganzen Waldverbande eigentlich zu jeder Zeit nS Morgen mit Samen = und Schirmbäumen bestanden sein, und zwar bei dem oben vorausgesetzten Nachhiebsbetriebe derges

^{*)} Ift der Schlagbestandes : Zuwachs von Ansang jährlich z und während der ganzen Nachhiebszeit (n) zusammen z nz; beträgt z von dem Vorbestandes: Zuwachse Z einen gewissen Theil, etwa 0,6: so ist z nz = (z × 1/2) n × Z, oder der gesammte Schlagbestandes: Zuwachs stellt sich dem Vorbestandes : Zus-wachse von ½ = z der Nachhziebseit gleich. Hiernach könnte man den vom Schlagbestande noch erfolgenden Zuwachs auch gleich als Vorbestandes: Zuwachs mit veranschlagen; ein bedeutender Gewinn für die Fachwertsabschähung.

stalt, daß der einjährige Schlag (B + z) S, der njährige aber eben noch ({B + 3 nz}) S enthielte. Die Bestände aller dazwisschen besindlichen Schläge dürften füglich als Zwischenglieder einer arithmetischen Reihe angenommen werden. Die Summe des normalen Nachhiebsrückstandes betrüge also (n. §. 87. 4.):

$$[(B+z)S+(\frac{1}{3}B+\frac{2}{3}nz)S] \times \frac{n}{2} = (B+z+\frac{1}{3}B+\frac{2}{3}nz) \times \frac{n}{2}S.$$

Man brauchte also nur die Summe der Holzhaltigkeit und des Jahreszuwachses im vollen Schlagbestande und noch eines Nachhiebstheiles mit der halben Nachhiebssläche zu multipliziren. Bezeichnen wir den Nachhiebstheil mit N, so ist die allgemeine Formel

$$(B + z + N) \times \frac{n}{2} S$$

Andere Nachhiebsbetriebe bedingen auch andere Sätze, die in= deß auf gleiche Weise zu entwickeln sind. So ergeben sich fol= genden allgemeine Werthe für die Nachhiebstheile N:

Hätte ein Buchenwald-Verband 800 Morgen Flächengehalt mit einer 100jährigen Umtriebszeit, wäre also S = 8 Mg., zus dem B = 1500 Kfß., z = 30 Kfß., n = 15 Jahre, und ersfolgte die Nachhauung auf 3 Mal: so enthielte dessen normale Nachhiebsstäche nS = 120 Morgen und dessen normale Nach- hiebsmasse

$$(B+z+N) \times \frac{n}{2} S = (1530+600) \times 60 = 127800 \text{ Seff.}$$

Eine Vergleichung dieser normalen Nachhiebsstäche und Nach= hiebsmasse mit der eben wirklich in Verzüngung begriffenen Flä= che und Masse würde nun ergeben, wiesern der Nachhiebsrück= stand etwa berichtigt werden müßte, entweder durch ein einstwei= liges Einstellen der Besamungsschläge mit stärkerm Betriebe der Nachhauungen, oder durch angemessenes Vorrücken des Anhiebes. Dieser gar wichtige Gegenstand ber Forstbetriebs-Regelung wurde bis jett noch sehr wenig beachtet. Man richtete Besamungswälber ein und fragte nicht nach dem Besamungsstande.

3) Normaler Vorrath und Ertrag im Besamungs= walde: Um für einen Besamungswald den normalen Massenvorrath zu bestimmen, muß dem klassenweise ermittelten Massenvorrathe Mv (§. 434. 2.) die normale Nachhiebsmasse $(B + z + N) \times \frac{n}{2}$ S noch zugerechnet werden. Diese ist als zufälliger Bestandtheil der jüngsten Altersklasse anzusehen.

Die aus ben Altersklassen ermittelten jährlichen Massenerträge M, ober M + Su (§. 434. 4. 6.), ergänzt man zu gleichem Behuse durch ben gesammten Schlagbestands-Zuwachs; im obigen Beispiele durch § nu.

Für die Umtriebszeit A ift also:

a) der ständige Massenvorrath pr. Morgen (§. 434. 3.)

$$\frac{Mv + (B + z + N) \times \frac{n}{2} S}{A};$$

b) ber jährliche Hauptertrag pr. Mg. (§. 434. 5.)

M + \frac{2}{3}nz};

Für den normalen Buchenhochwald, wie er \S . 432. II. dars gestellt ist, ein Umtriebszeit A = 100 Jahre, mit anfänglichem Schlagbestande B = 2100 und Juwachs davon z = 30, eine Nachhiebszeit n = 15 Jahre und breimaligen Nachhieb vorausz gesetzt *), ergiebt sich:

^{*)} Die jährliche Schlagstäche 8 ist also = 1 Morgen; der Massenvorrath Mv nach §. 432. II. = 159230; die Hauptertragsmasse M nach §. 423. II. = 3660; die Vorertragsmasse Sa nach §. 423. II. = 20 + 90 + 150 + 200 + 240 + 270 + 290 + 800 = 1560; und der Rachhiebstheil N = ½. 2100 + ½. 15. 30 = 800.

der jährliche Hauptertrag zu

$$\frac{3660+300}{100}=39,6;$$

der jährliche Gesammtertrag pr. Morgen zu $\frac{3660 + 1560 + 300}{100} = 55,2*).$

§. 445. Regeln zur Einhaltung ber normalen Angriffs: linie im Besamungswalde.

Es ist nicht leicht, in einem Befamungswalbe ben Anhieb mit Benutung aller zufälligen Umftande zu leiten und babei bie normale Angriffslinie gehörig einzuhalten. Diejenigen, welche meinen, man brauche die jährliche Berjungungsfläche S nur von Jahr ju Jahr in Besamungeschlag zu stellen, irren nicht minder, als Diejenigen, welche die Flächenfortschritte gar nicht berücksich= tigen und sich beim bloßen Massenangriff nur nach einem nor= malen Unhiebsbestande richten wollen. Der gute Forstwirth sucht fich hier stets in geregelten Berjungungsgrenzen zu bewegen. Diese bestimmt man nach ber Ruhezeit r von einer Besamung zur andern, nach der erforderlichen Borbereitungszeit v und ber Nachhiebszeit n. Alle drei Zeitmaße sind zwar örtlich, sie stehen aber unter sich in übereinstimmigem Berhält. Denn was die Fruchtbarkeit und Bodenempfänglichkeit förbert, begünstigt auch ben Anwuchs und kürzt somit die Nach= hiebszeit. Halt man die, wenn auch nur mittels des Betriebs= planes gegebene, von Jahr zu Jahr als Richtschnur fortschreitenb gebachte, normale Angriffslinie ber Besamungeschläge nicht zeitig ein, so wird bald zu viel, bald zu wenig befamt und die Er= tragsentnehmung kommt in Berlegenheiten. Schreiten bie Bor-

^{*)} Ohne Nachhieberückstand waren diese drei Größen in §. 432. II. ges funden zu 1592,3; 36,6; 52,2.

bereitungen nicht verhältnismäßig vor, so sind die Besamungen unwirksam, oder sie breiten sich hülflos und störend aus u. s. w. Jede eintretende Besamung sollte rS empfängliche Schlagsläche vorsinden, und diese müßte stets v Jahre früher zur Vorbereitung gezogen worden sein.

Die Besamschlagshauung geht ber Besamung voraus; sie dürfte aber in der Regel nicht über ½ rS von der normalen Angriffslinie weichen und müßte dabei so geleitet werden, daß sich bei eintretendem Samenjahre wo möglich ½ rS hinter und ½ rS vor derselben besamen könnte, man also diese Richtlinie ziem=lich in der Mitte seiner Besamung hätte. Nach weiterm Ber-lauf von ½ r Jahren erreichte die normale Angriffslinie wieder den indeß nicht fortgesetzten Anhied, und nun ware während der nächsten ½ r Jahre abermals rS Fläche zu schlagen u. s. w. Die eigentlichen Schlaghauungen sielen somit am geeignetsten in die zweite Hälfte der Ruhezeit.

Die Borbereitungshiebe dürften höchstens v+ ½r Jahre mit (v + ½r) S Fläche vor der normalen Angriffslinie vorauszgehen, im Fall v nicht kleiner ist als r, so daß die Schlaghauung in ihrem größten Borausschreiten einen hinlänglich vorbereiteten Justand sindet. Man erweitert sie am geeignetsten kurz nach der Besamung.

Die ersten Nachhauungen gehören ber zweiten Hälfte ber Ruhezeit mehr an, wofern nicht ber eben erfolgte Anwuchs einer alsbaldigen Lüftung bedarf; die weitern Nachhauungen in hinlänglich befestigtem Anwuchse werden beian betrieben und dienen nebst den Durchforstungen zur einstweiligen Übertragung der in Folge ausbleibender Besamung eben ruhenden Hiebsarten. Bur normalen Nachhiebszeit n könnte füglich die zwei bis dreissache Ruhezeit 2r bis 3r angenommen werden. Bei gleich gustem Gedeihen des Anwuchses ist die längere Nachhiebszeit entsschieden vortheilhafter, als die kürzere. Sie ist naturgemäßer, sichert mehr vor Widerwärtigkeiten aller Art, gewährt der Gegenswart mehr Zuwachs und werthvolleres Starkholz, wenn auch auf Kosten der spätern Zukunft, und bietet mehr Rüchalt in Berlesgenheiten, die ein Mangel an gedeihlicher Besamung herbeisührt.

Die rasche Räumung dient bagegen nur zum eitlen Ruhme bes klagenswerther Umsichtslosigkeit.

§. 446. Unwendung des Waldwerth=Nugungs=Pro= zentes, dem Bestandes=Werth=Zunahme=Prozente gegenüber.

Wor Allem muffen wir hier auf den leicht zu übersehenden Unterschied aufmerksam machen zwischen dem Berthzunahme= Prozente vom einzelnen Holzbestande (g. 424.) und dem Werthnutungs = Prozente vom ganzen Balb= verbande (§. 433.). Das Bestandeswerth = Bunahme = Pro= zent bient uns bekanntlich zur Bestimmung des werthvollsten Schlagbarkeitsalters eines jeben Holzbestandes an sich, daneben zur Beurtheilung der vortheilhafteren Abkömmlichkeit eines oder Das Waldwerth= des andern Bestandes berselben Waldung. Nutungs=Prozent wird dagegen bei Regelung des allge= meinen Umtriebsalters ganzer Balbbetriebs = Berbanbe mit gebraucht. Wir betrachteten dasselbe bis daher nur in feinen roben Berhältnissen, entnommen von bem Berthe der Bald= massen, ohne alle wirthschaftlichen Beziehungen. Bei ber Um= triebsfrage in Bezug auf bas Einkommen muß man es aber ganz rein von allem weitern Erzeugungs = Aufwande barftellen. Dies geschieht am fürzesten, wenn man ohne Beiteres die Balb= nutungskoften nebst ber Bobenrente in Gelb anschlägt, ben jahr= lichen Betrag bavon gleich als Theil ber gegebenen Robeinnahme auswirft und diesen Antheil unmittelbar von dem roben Bald= werth=Nugunge=Prozente abzieht. Ertruge z. B. eine Walbung 12000 Thir. und erforderte die Erzeugung an gleichzeitigem Rostenaufwande (b. h. an Rente bes Bobenkapitals, Berwaltungs= Anbau = und sonstigem Aufwande 3000 Thir, also 4 von der ganzen Robeinnahme, stellte sich zudem bas robe Werthnugungs= Prozent der Waldmasse auf 4: so rechnete man auch hiervon, wegen jener abfallenden Erzeugungskoften, nur bas 4 ab und behielt 4 - 4 × 1 == 3 pCt. als reine Werthsnutung.

Wollte man die Umtriebszeit nach dem Waldwerths-Rugungs-Prozente allein bestimmen, so entsteht die wichtige Gegenfrage: Soll und muß nicht vielmehr bas Werthszunahme-Prozent bes je ältesten, als schlagbar zu erachtenden Bestandes über das Umstriebsalter entscheiden? Wir wollen diese Frage nach unsern obigen Waldertrags Darstellungen I und II näher erörtern und dabei voraussehen: der Eigenthümer verlange einen Aprozentigen Rohertrag von dem Werthe seines stehenden Holzvorrathes. Diese Aprozentige Waldwerthsnuhung an Sesammtertrag (§. 441. 2.) bote der Lärchenwald im 75. und der Buchenwald im 91. Jahre. Sin solches Umtriedsalter würde also jene Ansorderung im Sanzen wohl erfüllen, könnte aber keinesweges die höchste Kapitalnuhung gewähren, indem die zum Abtried gelangenden Jahressschläge, nach der Werthserwachs Darstellung (§. 424. 430. 2.), ihr Bestandeswerths Zunahme Prozent schon von dem 60. und 74. Jahre an unter 4 hinunter sinken ließen, und zwar der Lärzchenwald die zu 3 pCt.

Somit befänden sich in dem Lärchenwalde 15, in dem Bu= chenwalde 17 Jahresschläge vom ältesten Bestande offenbar in überständigem Werthszunahme=Prozent. Dies verursachte aber im Ganzen, besonders bei den stark entstehenden Waldungen, einen gar bedeutenden, von Sahr zu Sahr wiederkehrenden Binsenver= lust, welcher auf keine Beise anders gehoben werden konnte, als burch die Gleichstellung des Umtriebsalters mit bem Werzinsungs=Schlagbarkeitsalter, nämlich bem= jenigen Bestanbesalter, dessen Werthszunahme das verlangte Prozent eben noch gewährt. Nehmen wir im vorliegenden Falle für den Lärchenwald bas 60. und für den Buchenwald, hier nur einigermaßen nachgebend, das 80. Jahr an: so hebt sich baburch die Werthsnutzung im Ganzen von jenem auf 5,17 und von diesem auf 4,59 pCt. Das Waldwerths Nugungs = Prozent tann uns also weniger zur Bestimmung bes einträglichsten Umtriebsalters bienen, als zur Beurtheilung bes Prozentsates, auf den sich die angenommene Umtriebszeit im Ganzen stellt, fo wie zur Bezeichnung der Grenze, über welche hinaus die Umtriebszeit ohne summarischen Zinsenverlust nicht steigen burfte. Jedes kurzere Umtriebsalter, als bas vom ent= sprechenden Berginfungs = Schlagbarkeitsalter bedingte, bote zwar höhere Prozente, minderte aber (n. g. 421. 1.) in der Birklichs keit das Bestandes-Kapital selbst und somit auch das Einkommen.

Hierin finden wir gar wichtige Grunde, die Umtriebsalter dem Zeitpunkte des wirthschaftlichen Werthszunahme = Prozentes vom Musterbestande so viel als möglich anzuschließen und dabei durch rasche Balberziehung die Nutbarkeit der Hölzer einträglich zu fördern. Wir überzeugen uns baneben auch mehr und mehr, daß die schwach entstehenden, aber an Masse und Werth reicheren Baldgattungen, mit höhern Umtriebszeiten, sich für die Bersorgungezwecke des Staates, der Gemeinden und Stiftungen, so wie für große Baldkörper beffer eignen, daß dagegen die fart entstehenden Waldgattungen mit höherem Zinsenabwurf besonders für kleinere Privatbesitzungen weit zweckmäßiger und einträglicher sind. Der stark entstehende, aber an Bestandes : Kapital arme Niederwald macht hiervon öfter eine Ausnahme, obschon er an sich die höchsten Rohnutzungs=Prozente bietet; denn sein minder werthvoller Ertrag wird von der Bodenrente und den Bald= nutungskosten meift wieder erschöpft. Daber ift biese Bald= gattung im Ganzen wohl eher ein Behelf für ben Unbemittelten, ber nicht vermag, zinstragenbes Rapital im Hochwald anzulegen. Indessen finden vielfältig Ausnahmen Statt, welche auch diese Balbgattung einträglicher ober doch nutbarer machen, wie die Lohnutung, der Zwischenfruchtbau u. a. m.

§. 447. Normale Umtriebszeit.

1) Wie wir eben gesehen, sollte das Um triebs alter eines im Normalzustande befindlichen Wirthschaftswaldes in der Regel nicht unter dem Bestandesalter stehen, in welchem das Werthszunahme prozent des eben schlagbaren Bestandes von dem ersforderlichen Zinssusse abfällt, aber wo möglich auch nicht über dem Umtriebsalter mit gleichem Werthsnutzungs prozente vom ganzen Waldverbande (§. 441.). Zwischen diesen Grenzen, nämlich dem Verzinsungs Schlagbarkeits und äußerssten Umtriebs Alter, machen sich solgende Bedingungen mehr oder minder geltend: Erziehung eines größern, werthvollern Holzertrags zu allgemeinen Versorgungszwecken; besondere Verz

bindlichkeiten, Anforderungen und Bedürfnisse; Gefahren der Holzvorräthe durch Entwendung und Unglücksfälle; sichere und leichte Wiederverjüngung mit Erhaltung eines kräftigen Bodenzustandes u. a. m. Dabei kommen noch manche Nebenzwecke und Nebennutzungen mit zur Frage. Sind letztere von erheblischem Werthe, z. B. Lohe, Harz, Streu, Weide, Fruchtbau: so können sie das Umtriedsalter ebensowhl wesentlich mit bedingen. Ja es können auch noch andere Verhältnisse obwalten, welche selbst außerhalb obiger Grenzen entweder einen größern Massenzund Werthsertrag nachhaltig fordern, oder einen kleinern nur in Anspruch nehmen. Nach allen diesen maßgebenden Umständen bestimmt man das wirthschaftliche Schlagbarkeitsaltex und weiter die normale Umtriedsteit.

2) Bei ben allgemeinen Darstellungen ber Erwachs = und Ertrags-Verhältnisse mußten wir der Kurze wegen voraussetzen, daß in jedem Waldverbande nicht nur eine gleiche Ertragsgüte, sondern auch ein durchgängig gleiches Schlagbarkeitsalter Statt sinde. In der Wirklichkeit ist dies aber keinesweges der Fall. Die Güteverschiedenheit der mit einander verbundenen Forstorte bedingt in einer und derselben Waldung hier ein früheres, dort ein späteres Alter der höchsten Nutbarkeit und Einträglichkeit und daher zur normalen Umtriedszeit die geometrische Durchsschnittszahl aller örtlichen Schlagbarkeitsalter.

Wäre z. B. ein Balbbetriebsverband von 2000 Mg. mit folgenden Standorts=Verschiedenheiten gegeben:

```
a) 210 Mg. zu 70jährigem Schlagbarkeitsalter,
```

```
b) 480 " " 80 " " "
```

berechnete sich somit die jährliche Abtriebsfläche von

```
a) 210 : 70 = 3 \mathfrak{Mg}.
```

c) 680 " * 85 " "

d) 630 » » 90 » » »

b) 480 : 80 = 6

c) 680 : 85 = 8

d) 630 : 90 = 7

im Ganzen auf 24 Mg.:

so wäre das durchschnittliche Schlagbarkeitsalter oder die normale Umtriebszeit

$$\frac{2000}{24} = 83\frac{1}{3}$$
 Jahr.

Schlüge man nun, der Theorie nach, alle Jahre in einer jeden Gütenabtheilung ganz für sich nach dem örtlichen Schlagbarkeits: alter: so wären zu Ende des ersten $83\frac{1}{3}$ jährigen Umtriebs von a) $83\frac{1}{3} - 70 = 13\frac{1}{3}$ Schläge, und von b) $83\frac{1}{3} - 80 = 3\frac{1}{3}$ Schläge auf's neue genommen; dagegen aber von c) $85 - 83\frac{1}{3} = 1\frac{2}{3}$ Schläge und von d) $90 - 83\frac{1}{3} = 6\frac{2}{3}$ Schläge noch rückländig für den zweiten Umtrieb.

3) Hieraus wird klar, daß die Umtriebszeit nur ausnahms: weise einen Flächenraum umfassen kann, der während ihrer Dauer in allen seinen Theilen mit ganz gleichem Umlauf abgetrieben und wieder verjüngt würde. Ihre Bestimmung ist vielmehr, als durchschnittliches Schlagbarkeitsalter und gemeinschaftlicher Theiler des Waldverbandes, einen nachhaltigen Angriff zu sichern. Im obigen Beispiele ergäbe die Theilung der ganzen Waldsläche durch die normale Umtriebszeit

$$\frac{2000}{83\frac{1}{4}} = 24 \text{ Mg.}$$

zur jährlichen Abtriebsfläche. Dazu würden wir jedem der vier ersten Jahrzwanzigte $24 \times 20 = 480$ Mg., dem 5. aber die übrigen 80 Mg. vom ersten und noch 400 Mg. vom zweiten Umtried zutheilen u. s. w., ohne diesen Abtriebs-Divisor als sols chen weiter zu berücksichtigen.

4) Man zwängte die Forstbewirthschaftung mit den aus grossen Periodenzahlen willkührlich zusammengesetzten Umtriebszeiten in ganz unnöthig beschwerliche und nicht selten sehr nachtheilige Fachwerke. So lange 30jährige Perioden üblich waren, herrscheten 150 =, 120 = und 90jährige Umtriebszeiten; nachher sührten die 20jährigen Perioden zu 120, 100 und 80. Alles wurde und wird noch jetzt über solche Periodenleisten geschlagen. Wer kann aber beweisen, daß es außer jenen Umtriebsaltern von 30 × n und 20 × n keine zweckmäßigern giebt? Dieser Umtriebszwang wurde auch auf verschiedene, neben einander bestehende Wald:

gattungen ausgebehnt; man verband z. B. 120jährigen Buchenwald mit 90jährigem Nadelwald und 30jährigem Ausschlagmald; und noch dürfte es als Räthsel gelten, die Umtriebszeiten 110, 75 und 24 zusammen einzurichten. Diese Unbehülflichkeiten sind leicht zu vermeiden, wenn man für jeden Waldverband geeignete Betriebs = Perioden annimmt, einer jeden ihren Abtriebsantheil zuschreibt und, wie schon gesagt, die Umtriebszeiten daran hinlaufen läßt, ohne darauf zu beharren, daß die Umtriebswechsel auch genau mit den Periodenwechseln zusammenfallen sollen.

5) Leicht begreiflich kann die normale Umtriebszeit, als das durchschnittliche Schlagbarkeitsalter, nur für den vollkommenen Baldzustand passen, ber burch seine geregelte Altersabstufung auch im Stande ift, unausgesetzt die schlagbaren Bestände gleich= mäßig darzubieten. Reinesweges läßt sich aber jener Begriff auf unregelmäßige Waldungen anwenden. Wie könnte man 3. B. dem zur Umwandlung bestimmten Mittelwalde sogleich ein Hoch= waldsalter anpassen? Wird diesem eine solche Umtriebszeit beigelegt, so ist das bloß eine Maßregel für die Zukunft, zur Herftellung des normalen Altersklaffen = Verhältnisses und zur nach= haltigen Eintheilung der vorhandenen Waldvorrathe. Ja es kann felbst im Normalzustande eines Waldes die Umtriebszeit alle Be= deutung verlieren, wie z. B. in einem Waldverbande, ber wegen seiner ganz verschiebenartigen Ortsbeschaffenheit bie unvereinbar= ften Holzgattungen mit 40 = bis 100jährigen Schlagbarkeitsaltern nahe bei einander in sich fassen muß. Wir werden uns ber ra= tionellen Forstbewirthschaftung viel mehr nähern, wenn von Um= triebszeit viel weniger die Rede ift.

§. 448. Balbreferven.

Beim Waldbetrieb sucht man gewisse Holzvorräthe in Ruckschalt zu stellen für unvorhergesehene Wechselfälle. Der Waldseigenthümer kann wohl ein im Walde zu Rathe gehaltenes Kaspital weiter und besser brauchen; strenge Winter, Brande, Krieg können das Holzbedürfniß ungewöhnlich steigern, oder es ist Wangel an starken Hölzern zu befürchten; Fehler der Ertragssabschätzung, so wie der Wirthschaftsführung können das Walds

vermögen unversehens schwächen; die eben zum Abtried gezogenen Bestände können minder ergiedig ausfallen, oder Mangel an Bessamung kann den Betried der Haupthauung hemmen; man hat wohl auch guten Grund, auf ein allgemeines Steigen der Holzspreise oder Sinken des herrschenden Zinssußes zu rechnen u. s. w. Zwar dieten alle Waldgattungen schon in ihren Massenvorräthen eine gewisse Nothhülse; der Hochwald die meiste, der Niederwald die geringste; allein dies Stammkapital ist minder entbehrlich. Um nun nicht das Unentbehrliche dem Zufall anheim zu geben, legt der sorgsame Forstwirth ganz besondere Waldreserven an.

- 1) Als vorzügliche Mittel und Wege zur Bilbung ber erforderlichen Rückhaltsmassen nich geltend:
- a) Eigene Aushülfsbestände von vollkommenerem Buchse und einträglicherer Werthszunahme, vorzugsweise um Starkholz zu erziehen. Diese kann man während ihres Bestehens als selbste ständige, von jedem Wirthschaftsverbande ausgeschlossene Reserven behandeln.
- b) Angemessene Erhöhung bes Umtriebsalters, so daß im Nothfall einige Jahredschläge ohne Nachtheil des Ganzen zu Hülfe genommen werden können. Dies Mittel ersscheint um so rathsamer, als Niemand im Stande ist, die eineträglichste Umtriebszeit mit gänzlicher Gewißheit zu bestimmen, auch meist ein Steigen der Holzpreise und Sinken des Zinksußes vorauszusehen ist.
- c) Gemäßigte Shätung des Waldvermögens und Erstragssatzes.
- d) Geeigneter Überhalt werthvoller seltener Baume, besonders an Waldrandern, Wegen u. s. w.
- e) Größere Nachhiebsrückstände, selbst in ben Mitztelwaldungen; es versteht sich, innerhalb wirthschaftlicher Grenzen.
- f) Kluge Sparsamkeit durch mäßigern Angriff des Massenvorrathes, mindere Überfüllung der Verkaufsmaße, sleißige Nutzung der geringen, unbeachteten Holzmassen, umsichtige Ausznutzung der werthvollern Hölzer, höhere Verwerthung jeder Sorte, sorgfältige Verhütung der vermeidlichen Nutzungsverluste und ganz

hanptsächlich, durch Steuerung des Holzdiebstahls. Die Übung solcher Sparmittel hebt das Waldvermögen und bezeichnet den tüchtigen Forstwirth vor Allem, sie ist die Frucht einer umsichtigen und emsigen Praris.

- 2) Bei Auswahl dieser Rückhaltsmittel ist haupt= sächlich zu berücksichtigen:
- a) Die Größe der bestimmten Reserveanlage muß dem zu befürchtenden Nothfalle, oder zu erwartenden Bortheile angemeffen sein; nicht minder muß die Art derselben dem Zwecke entssprechen.
- b) Die Ruchaltsmasse muß zu jeder Zeit leicht entnehm= bar sein.
- c) Die Walberziehung barf baburch nicht gehemmt, ober gar gestört werden.
- d) Der Zinsenverlust wegen zurückgestellter Nutzung muß sich in mäßigen Grenzen halten, damit das Opfer nicht größer ist, als der beabsichtigte Nutzen.

Die neuere Zeit hat durch Erfindung, Transportserleichterung und freiern Holzhandel die Nothwendigkeit und Dringlichkeit der Waldreserven um Vieles gemindert und dem ganzen Waldbetriebe zu einem mehr gewerblichen Charakter verholfen; dennoch behält dieser Gegenstand stets eine wichtige Bedeutung in der Forsttaxation.

4. Ertragsabschätzung.

§. 449. 3mede ber Ertragsabichätung.

Die Abschähung des jehigen und kunftigen Waldertrages hat wesentlich zwei Iwede; sie dient entweder zur Einrichtung des Forst betriebs mit Regelung des nach altigen Ertrags, oder als Grundlage zur Werthsbestimmung, sei es von ganzen Waldkörpern, einzelnen Waldstücken oder besondern Ruhungen. Beide Iwede erfordern ganz gleiche Mittel, sowohl in der Erforschung des Waldvermögens, als in der Anordnung des Wirthschaftsbetriebs und in der Schätung des Ertrags aller Orte und Zeiten. Denn auch zur bloßen Forsteinrichtung muß jedes nuthare Erzeugniß des Waldes nach

seiner Abkömmlichkeit und seinem Werthe beurtheilt und nach dem Werthszunahme=Prozente in die Summe des höchsten Einkommens eingestellt werden. Anders ist es gar nicht möglich, den Forstbetrieb nach den Bedingungen eines guten Forsthaushaltes einzurichten.

Man hat zwar ben Bäldern bald nach der vorgefundenen Altereklassen = Ausbehnung, balb nach ihrem gesammten Daffen: vorrathe bestimmte Ertragesate auferlegt, babei bas unerforschliche Leben, Bachsen und Gedeihen derselben hier in farre Formen landüblicher Umtriebszeiten und fester Periodenstallungen eingezwängt, bort nach trüglichen Ertragstafeln und Ctatsformeln gleichsam gesetzlos verurtheilt. Doch ist badurch im Ganzen kann mehr geschen, als daß den Forsten hier diese, bort jene natur: widrige gandesuniform angelegt wurde. Wer hieran zweifelt, der rechtfertige das Gegentheil. Wie läßt es sich aber entschuldigen, daß man noch in ganzen ganbern einerlei Umtriebszeit festhält, 3. B. hier 80, bort 120, während es längst entschieden ift, daß nicht einmal in einem und demselben Forste das Schlagbarkeits: alter burchgängig gleich sein barf; und warum werben noch heute ausgebehnte Walbungen in großen Umtriebsvierteln kunftigen Jahrhunderten vorgeschnitten und badurch alle sinnigen Bestrebungen im bessern Baue ber Balber so handwerksmäßig gefesselt?

§. 450. Gegenstänbe ber Ertragsabichätung.

1

bes künftigen Forst betriebes ist, so ist auch umgekehrt von letzterem ber gegenwärtige und künftige Ertrag wesentlich abhängig; Betrieb und Ertrag bedingen sich gegenseitig, und ohne einen Betriebsplan, mag dieser nur auf die allgemeinsten Feststellungen sich beschränken oder auf die speziellsten Anordnungen einzehen, ist keine Ertragsbestimmung möglich. Gegenstände der Ertragsabschäung sind bemnach: die Votarbeiten, die Betriebs an ord nung und die eigentliche Ertragsberechen ung. — Wir können uns hier jedoch nur mehr mit dem mathematischen Aheile dieser Arbeiten befassen; der sorstliche gehört einer besonderen Lehre (der Forstbetriebseinrichtung) an, und wird hier nur in so weit berührt, als es zum besseren Verständniß nothwendig erscheint.

a. Borarbeiten.

§. 451. Borerörterungen.

Bur zweckmäßigen Einleitung bes Waldertrags=Regelungs= Geschäftes, und insbesondere zur allgemeinen Beurtheilung der maßgebenden Forstverhältnisse dienen hauptsächlich — nach beendeter Forstvermessung — folgende Vorerörterungen:

- 1) Borläufige Balbbesichtigung. Deren 3weck ist: bie Standorts = und Bestandesverhältnisse des Waldes und dessen äußere Beziehungen erst im Allgemeinen kennen zu lernen, seine Behandlung und Benutzung vorläusig zu beurtheilen und wegen des Schätzungs-Verfahrens Maßregeln zu nehmen.
- 2) Bestimmung, ob und wiefern eine genaue Schätzung erforderlich ist; ob diese mehr aussührlich sein muß, oder durch ungefähre Aufnahmen ersetzt werden kann. Maße gebende Umstände sind hierbei hauptsächlich: einerseits die Iwecke und Mittel der Schätzung, andererseits der Waldzustand.
- 3) Borfragen, besonders an den Forstinhaber zu richten: nach Besitstand, äußern Gerechtsamen, innern Dienstbarkeiten und sonstigen Belastungen; nach Absetbarkeit, Dasen und Preisen, forstlicher Betriebsamkeit und Sicherheit der stehenden Holzvorrathe; nach den Eigenthümlichkeiten der naturlichen Lage, des Bodens und der Standortsgute, der Holzarten

und Waldgattungen, wie sich dieselben in der Erfahrung ergaben; nach dem Waldzustande und der Alterkabstusung, den seitherigen Betriebsweisen und, Abtriebsaltern, den etwa nothigen Umformungen oder Umwandlungen; welche Betriebsarten, Wirthschaftsverbände und hiebsfolgen einzurichten, welche Holzgattungen, Sorten und sonstigen Nutzungen zu sondern sein wurden?

- 4) Auswahl und Aufbereitung der etwaigen Probeshauung en zur Untersuchung der Wachsthumsgänge, Sehaltssfaktoren u. A. m., so wie zur Aufnahme der erforderlichen Erstrags = und Nutzungsproben u. s. w. Meist können die eben in Arbeit begriffenen Hauungen hierzu dienen.
- 5) Aufstellung der lettern Forsterträge aus den Rechnungen; eine höchst wichtige Sammlung zur Beurtheilung des seitherigen Angriffs in Massen und Sorten, so wie der Einzträglichkeit an Holz und Seld, der Preise und Löhne, des äußern Bedürfnisses und Verbrauchs.

Nach diesen Vorerörterungen beginnen die eigentlichen Aufnahmen, d. h. die Schätzung der Ertrags = und Bestandesgüsten. — Diese Aufnahmen sind zunächst all gemeine, zur Ersmittelung und Feststellung der Hülfsfaktoren und sonst erforderlischen Anhaltsgrößen; gestützt auf diese folgt dann die besondere Schätzung jedes einzelnen Forstortes. Wir nennen jene die allgemeine Vorschätzung, diese die besondere Einschätzung.

§. 452. Allgemeine Borschätungen.

Die allgemeinen Borermittlungen find:

- 1) Probeuntersuchungen an gefällten Rustersbäumen, aus ben herrschenden Stammklassen, zur Borausbesstimmung ihrer Holzhaltigkeit im Allgemeinen und der anzunehmenden Formzahlen und Formklassen, Zuwachs und Sortenvershältnisse insbesondere; zugleich werden damit die nöthigen Ermitteslungen über die Holzhaltigkeit der gebräuchlichen Maße verbunden, Behufs Umrechnung der geschätzten Massen in Verkaufsmaße re.
- 2) Aufnahme von Probeflächen in den herrschens den Bestandestlassen, die nachher als Anhalt und Bergleichsgrößen dienen. Diese Borschätzung, welche von jeder im Forste

vorkommenden Bestandesform ihre eigenthümlichen Holzhaltigkeitsund Zuwachsgrößen aus dem Ganzen durch angemessene Probestächen heraushebt, wo möglich auch mit Zuziehung von wirklichen Hauungsergebnissen vervollständigt und in Bestandes güteklassen aufstellt, gewährt nicht nur einen gar sichern Maßstab zur besondern Einschätzung der Bestandesgüten, sorstmäßigen Stellung und Haltung der vorhandenen Bestände, sondern giebt auch die erforderliche übung zum Gebrauche der Waldmassentaseln und die sicherste Grundlage zu den Lokalertragstaseln.

- 3) Borläufige Bestimmung ber im Ganzen vorkommenden Ortsgüteklassen, wenigstens der höchsten und niedrigsten, nach Maßgabe der Ortsbeschaffenheit, des Bodenzustandes und der erreichbaren Bestandeshöhe.
- 4) Aufstellung der Lokalertragstafeln für die vors handenen Waldgattungen und Standortsgüten, auf dem Grunde der allgemeinen Bestandesaufnahme und mit Gebrauch der Durchschnittsertrags = und Waldmassentafeln.

§. 453. Besondere Ginschätzungen ...).

Sind die allgemeinen Ermittelungen in den erforderlichen Übersichten gesammelt, so nimmt man von Ort zu Ort gehend die besondere Beschreibung des Standortes und die Schätzung des Bestandes nebst Beurtheilung der etwaigen Nebenznutzungen vor.

- 1) Standortsbeschreibung. Diese begreift von jeder Abtheilung mit besonderer Örtlichkeit: die Beschreibung der Lage und des Bodens, die Schätzung der Ortsgüte und besondern Ertragsfähigkeit in Bezug auf angemessene Holzart und Waldsgattung.
- 2) Holzbestandesschätzung, ober vielmehr die geeignete Aufnahme aller Bestandesverhältnisse einer jeden Abtheilung, nämlich: Bezeichnung und Bestandesfläche nebst etwais ger Euckenfläche; Form, Alter, Stammgröße, Stel-

^{*)} Die befondere Einschähung umfaßt Alles, was man im sogenannten Taxations-Protokolle niederzulegen pflegt.

lung, Bachsthum und Gute bes Bestandes; allgemeine Borschläge zu dessen Behandlung und Benutung. hieran reihet man noch besondere Vorbemerkungen wegen des kunftigen Betriebes, hauptsächlich in Betracht der nugbarsten Holz = und Betriebeart mit dem örtlichen Schlagbarkeitsalter, der kunftigen Alters = und hiebsfolge, der Mittel zum Ausgleichen folgewidriger Altersabstufungen und Zwischenbestände, zum herstellen sturmfester Hiebsanwände u. dergl. m.

Die Bestandes güte ist eigentlich von allen vorkommenden Altersklassen einzuschäten, selbst bis zu den jüngsten herab, nur mehr oder minder genau, je nachdem das Holz älter oder jünger ist und früher oder später zum Abtriebe kommt. In der Regel schätzt man die Bestandesmasse mit ihrem Zuwachse bloß nach den mittels der Borschätzung im Ganzen gefundenen und in Massengehaltsklassen abgetheilten Bestandesgüten (h. 452. 2.) und den allgemeinen Waldmassen = Tafeln mit erwägender Verzgleichung der paßlichen Richtproben und vorsindlichen Gehaltsfaktoren. Reichen diese Mittel eben nicht zu, so nimmt man noch besondere Nachproben; und wo die Ungleichmäßigkeit des Bestandes unübersehdar ist, oder werthvolles Starkholz zerstreut vorzkommt, bedient man sich der stammweisen Auszählung.

3) Rebenschätzung. Diese umfaßt die ausbringbare Nustung an Nebenerzeugnissen, mag diese vom einzelnen Forstorte, oder vom Sanzen zu erwarten sein, oder auch auf eine etwathuliche, anderweite Benutzung des Waldbodens sich beziehen.

§. 454. Mufterung ber eingeschätten Ortes und Bestanbesgüten.

Die Schähungsergebnisse aller Ortsgüten, Massengehalte und Zuwachsbeträge sind je unter sich vergleichend zu berichtigen, ehe sie weiter verwendet werden dursen; benn bei der von Ort zu Ort fortschreitenden Einschähung verliert nicht selten das Auge sein Maß und das Urtheil seine Schärfe. In einer geeigneten übersicht, worin alles Gleichgeschähte unter den angenommenen Güteklassen und hinter den Ortsbezeichnungen zusammengestellt ist, giebt sich dem von Reihe zu Reihe musternden Blicke fast

jede, nur irgend erhebliche Ungleichheit von selbst zu erkennen. hat man mit Zuziehung bes ortskundigen Forstpersonals alle Reihen auf = und abwärts prufend durchgangen und aus jeder das Größere ober Kleinere geschieben und ber angemessenern - Rlasse überwiesen; hat man sich dann noch mit Hulfe der fri= schen Ruderinnerung die gefundenen Gutegrößen von der hochsten jur niedrigsten und wieder von der niedrigsten jur hochsten in Gebanken nochmals aus ber Gesammtheit ausgehoben, mit beren Einreihung verglichen und die etwa gebliebenen 3weifel an Ort und Stelle burch Nachschätzung erledigt: so kann man sich auf die Berhältnismäßigkeit der Gutenaufstellung aller Orte und Be= stände sicher verlassen. Diese vergleichende Musterung berichtigt die genaueste, wie die ungefähre, selbst die mangelhafte Schatung ganz ausnehmend; sie ist ein vortreffliches Mittel, die eingewohnte Bestandeskenntniß und das treffende Augenmaß der Forstdiener= schaft für bie Taration nach Möglichkeit zu nützen.

§. 455. Berechnung bes vorgefundenen Stammvermögens.

Die vollendete Musterung der Orts = und Bestandesgüten bient nun hiernächst als Mittel zur sichern Berechnung des ges sammten Grundwerthes, wirklichen und normalen Massenvorrathes und Massenzuwachses, indem man die Flächensumme einer jeden Güteklasse auswirft, mit der ihr angehörigen Gütezahl multiplizirt und die Beträge summirt.

1) Sefundener Grundwerth (§. 389.) Bon den nach Zehnteln oder Hunderteln abgestuften Ortsgüten, z. B. 0.2 - 0.5 - 0.5. wirft man nun noch die Flächensummen D, E, F... aus und multiplizirt eine jede mit ihrer Sätezahl. Diese Grundwerthszahlen aller Ortsgüteabtheilungen zusammen 0.20 + 0.5E + 0.5F... geben den gesammten Srundswerth, oder die Anzahl von Vollwerthsmorgen. Wird diese wieset mit der ganzen Flächensumme S dividirt: so ergiebt sich die durchschnittliche Ortsgüte vom Ganzen, 0.20 + 0.5E + 0.5F...

jene Zahl, an welche sich so manche Ertrags = und Werthöübers schläge knüpfen lassen.

- 2) Sefundener Massenvorrath (§. 391.). Die Massen: haltigkeit der Bestände g h i . . . stust man zu 100 oder 200 Kfb. ab. Das Produkt der Fläche K L M . . . einer jeden dieser Abtheilungen mit ihrer Massenhaltigkeit giebt nun den Massengehalt derselben, und die Massenbeträge aller Stusen zusammen geden den gesammten Massenbeträge aller Stusen zusammen geden den gesammten Massen vorrath gK + hL + iM . . . Dividirt man diesen mit der ganzen Flächensumme 8, so geht der wirkliche Durchschnitts: Massensumme 8, so geht der wirkliche Durchschnitts: Massensumme bet Massenhaltigkeitszahlen unter abgerundete Gehaltsklassen gewährt zugleich den nicht unerheblichen Rechnungsvortheil, daß dadurch die unmittelbaren Ertragssaktoren bedeutend abgekürzt werden.
- 3) Sefundener Massenzuwachs (h. 392.). Die zu 1 oder 2 Kfß. abgestusten Zuwachsgrößen n o p ... lassen sich auf gleiche Weise nach der, einer jeden Abtheilung zukommenden Fläche Q, R, T ... berechnen und zum gessammten Massenzuwachs aufsummiren, aus welchem sich wieder der wirkliche Durchschnitts = Massenzuwachs pr. Morgen $\frac{nQ + oR + pT ...}{S}$ ergiebt. Das wirkliche Massuwersen.
- 4) Der normale Rassenvorrath im vollkommenen Baldzustande ergiebt sich am kurzesten durch das Produkt der gefundenen Vollwerths = Rorgenzahl 0,aD + 0,bE + 0,cF ... mit dem aus der Lokalertragstafel (n. §. 434. 2. 3.) zu ents zissernden normalen Massenvorrathe vom Rorgen (Mv) der ausgesucht besten Ertragsgüte. Mai könnte denselben auch nach den besondern Flächen der eben vorskommenden Standortsklassen theilweise berechnen. Theilt man den normalen Nassenvorrath vom Sanzen durch die wirkliche

4

Flächenfumme, so ergiebt sich ber normale Durchschnitts: Massenvorrath vom Morgen.

- 5) Den normalen Massenzuwachs findet man zusammen in dem Produkte der Vollwerths = Morgenzahl mit der Durchschnittsmehrung $\left(\frac{M}{A}\right)$, ober mit dem Durchschnittszuwachse (M + Sa) von der ausgesucht besten Ertragsklasse (§. 434. 5. 7.). Die Theilung desselben mittels ber wirklichen Flachenfumme ergiebt ben normalen Durchschnitts=Mas= fenerwachs vom Morgen. Wo die Lokalertragstafel nicht bis zur höchsten Ertrageklasse hinaufreicht, läßt sich die höchste Ertragsgüte leicht nachberechnen. Wären z. B., wie oben, nur 0,8 aufgestellt, so würden jeder Jahl noch & zugesetzt. Bu §. 432. I. betrüge der höchste Durchschnittserwachs pr. Mg. im 50jährigen Umtrieb 75 und 100 Kfg. Übrigens konnte man auch den nor= malen Massenzuwachs theilweise berechnen, nach ber Flächenausbehnung jeber Stanbortsklasse, wie ben normalen Massenvorrath. Nach beiden wird noch das normale Massenzuwachs= Prozent ausgeworfen.
- 6) Bu allen diesen Massengrößen berechnet man in der Regel noch die summarischen Werthsbeträge von den verschies denen Holzgattungen und Altersklassen nach geeigneten Durchsschnittspreisen, nämlich: ben Werthsvorrath im Sanzen und pr. Morgen, die gesammte Werthszunahme mit dem Werthszunahme mit dem

b. Betriebsordnung.

§. 456. Allgemeine Betriebsanordnungen.

Auf bem Grunde der gesammelten nähern Kenntniß von den äußern und innern Forstverhältnissen, so wie von dem gesammten Betrage des wirklich vorhandenen und des annehmbar normalen Massenvorrathes und Zuwachses, nebst den fraglichen Werthen, schreitet der Schätzer nun weiter zu den allgemeinen Betriebsanordnungen. Denn die Art und Weise, durch welche der Waldung eine gewisse höchste Nutbarkeit verschafft und abgewonnen werden kann, ist durchaus erst sestzustellen, bevor man über die Massen = und Werthserträge ein bestimmtes Urtheil sallen darf. Diese Anordnungen können aber in der Regel jest nur noch bedingt getroffen werden, indem die periodische Ertragsberechnung und vergleichende Zusammenstellung erst über ihre Haltsbarkeit entscheiden mussen.

- 1) Bor Allem trifft man Bestimmungen über die kunftigen Balbbetriebsarten und die zu sondernden Betriebsverbande, über die zu erzielende Bestandesord nung und
 die erforderliche Betriebsführung, jedoch vor der Pand
 bioß nach allgemein forstwirthschaftlichen Grundsäten. Sicherer
 läßt sich jetz schon die Zeiteintheilung anordnen, mit folgens
 den Zeitmaßen.
 - 2) Die normale Umtriebszeit ober das durchschnittliche Schlagbarkeitsalter (§. 447.).
 - 3) Das örtliche Schlagbarkeitsalter, in welchem jeder normale Waldbestand seinem Ortsverhältnisse gemäß einen gewissen höchsten Ertrag abwirft, und zwar:
 - a) in dem Massen=Schlagbarkeitsalter, den höchsten Durchschnitts: Massenertrag (§. 426. 2. с.);
 - b) in dem Berths=Schlagbarkeitsalter, den höchsten Durchschnitts=Berthsertrag (§. 429. 2.);
 - c) in dem Berzinsungs=Schlagbarkeitsalter, den höchsten Zinsengewinn (§. 430. 2.).
 - 4) Das Abtriebsalter, ober basjenige Haubarkeitsalter, in welchem ein vorgefundener Waldbestand, nach Maßgabe ber vorwaltenden Bestandesverhältnisse, bald zur Herstellung einer geregelten Bestandesfolge, bald wegen ausgezeichneter ober umgestehrt abnormer, rückgängiger Beschaffenheit, bald wegen Überstusses oder Mangels an schlagbaren Beständen u. s. w. wirklich zum Abtrieb gezogen werden muß, früher oder später, als das örtliche Schlagbarkeitsalter es bedingt *).

^{*)} Hanbarkeit bezeichnet bloß im Allgemeinen ben Zeitpunkt, wenn ein Baum ober Bestand für die Walderziehung am abkömmlichsten, für die Ruhung am ergiebigsten und nach den zufälligen Umständen am verswerthbarken ist. Schlagbarkeits, Umtriebs und Abtriebsalter verbinden daber mehr untergeordnete, aber schärfer bestimmende Begriffe von Saubarkeitsalter.

•

- 5) Der Einrichtung 8=3eitraum erstreckt sich bis zur erzielten Herstellung eines ziemlich normalen Altersklassen=Ber=hältnisses, von welchem Zeitpunkte erst die normale Umtriebszeit in Wirkung tritt. Diesen Zeitraum muß der aufzustellende Bestriebsplan durchaus umfassen.
- 6) Der Abschätzungs-Zeitraum, so weit man die Massensund Werthserträge nach Maßgabe des vorgefundenen Walbstanbes und der äußern Nutzungsverhältnisse naher bestimmt.
- 7) Betriebs=Perioden. Diese bekommt jeder Betriebs= verband ganz für sich; ihre Größe wird gewöhnlich auf 5, 10 oder 20 Jahre gesetzt, so daß die Umtriebszeit deren 3 bis 5 (etwas mehr oder weniger) beiläusig umfaßt. Erleichternd ist es, besonders für die Ertragszusammenstellung, wenn die Betriebs= Perioden der verschiedenen Betriebsverbande eines Forstes in ein= ander aufgehen *).

Schließlich ist nochmals hervorzuheben, daß allen diesen alls gemeinen Betriebsanordnungen unerläßlich eine geregelte Ortsabt eilung vorausgehen muß, die nicht nur jeder Betriebseinsrichtung und Nachberichtigung, sondern auch dem Betriebe aller Zeiten zum sesten Rahmen dient, in welchem der Waldstand nach und nach gleichsam von selbst geordnet, die Hiebe solgerecht und sicher geleitet und die Größen aller Autzungsstächen leicht abgesgriffen werden können. Es ist bedauerlich, daß dies Fachwerk, ohne welches ein geregelter Betried nie bestehen kann, noch so wenig beachtet wurde. Die kostbarsten Vermessungen sind darüber undrauchbar geworden.

9. 457. Aufftellung bes Betriebsplanes.

Wollte man bei den gar sehr verschiebenen, oft ganz unrez gelmäßigen Waldzuständen und bei den noch weit verschiedenern, oft ganz irrigen Wirthschaftsmeinungen den Forstbetrieb einer Ertragsabschätzung ohne alle nähere Andeutung von Ort und Zeit,

^{*)} Die Etats- ober Finanz=Perioden beziehen sich bloß auf das Einkommen und bessen Berwendung; man sollte sie mit dem Forstbetriebe nie vermischen. Mittels einer ganz leichten Rechnung können die ihnen aus den Betriebs-Perioden zukommenden Beträge ausgeworsen und etatistrt werden.

von Maß und Ziel der Ertrags Erzeugung und Entnehmung unterwerfen: so wäre das ein unverantwortlicher Fehlgriff. Tede Waldbehandlungsweise versetzt das Waldvermögen in ganz eigene Wuchsverhältnisse und hat somit auch einen eigenen Ertrag zur Folge. Jede Ertragsabschätzung muß daher auch eine gewisse Art und Weise der Behandlung voraussetzen, einen Betriedsplan unterstellen, wenn ihre Ergebnisse sichern Grund fassen und guten Glauben sinden sollen. Keine Abschätzungs Methode kann und darf sich hiervon freisprechen, und jeder Taxator ist es sich selbstschuldig, genügend darzulegen, auf welche vorausgesetzten Mittel und Wege sein Schätzungsergebniß gegründet ist.

Ein solcher Betriebsplan braucht keinesweges umftändlich und streng bindend zu sein, sich auch als solcher nicht eben mit Ertragsgrößen zu befassen; er muß vielmehr den eingerichteten Betriebsgang einsach, klar und übersichtlich darlegen, und dem Birthschafter als rathender und belehrender Leitfaden dienen. Freilich ist eine nicht gemeine Meisterschaft erforderlich, in demsselben alle Anforderungen der verschiedenen Interessen, so wie der Birthschaft und Wissenschaft für Gegenwart und Zukunft zu ersfüllen. Unser Betriebsplan stellt in Übereinstimmung mit der Bestandeskarte jeden Betriebsverband für sich auf und ordnet theils mit Jahlen, theils mit kurzen Worten, von jeder Orts = und Bestandes-Abtheilung folgende Gegenstände ein:

A. Linke Seite.

- 1) Grund und Boden: Voran die Ortsbezeichnung, bann der gesammte Flächengehalt und die besondere Ertrags fähigkeit.
- 2) Borgefundener Waldbestand: Die abgetheilten Alters = ober Wuchstlassen des Hauptbestandes, die Zwischenbesstände und unbestockten Waldslächen.

B. Rechte Seite.

3) Getroffene Betriebsanordnung: Den Betrieb jeder Periode auf den ganzen Einrichtungs-Zeitraum erstreckt, nur für die eigentliche Abschätzungszeit ausführlicher gehalten. hier: von werden die Schritte der verjungenden Haupthauungen zur kunftigen Bestandesordnung und die des neuen Waldanbaues

mit Flächenzahlen, die Zwischenhauungen, so wie der laufende Wiederanbau aber nur wortlich bezeichnet.

4) Nebenbestimmungen: Wegen Abweichung des Schlagbarkeitsalters, Herstellung der Bestandesfolgen, Berücksichztigung der Nachbarbestände, Vertheilung seltener Hölzer; auch wegen örtlicher Berechtigungen und Ansprüche, Zugänglichkeit in die hutbaren Theile u. s. w.

So eingerichtet erset ber Betriebsplan zugleich bas Bermessungeregister und bie Altereklassentabelle und giebt babei eine Flare Übersicht, wie und wann bes Balbes Normalzustand erzielt wird. Denn alle Berjungungeflächen ber Betriebsperioden ruden ihrer Zeitfolge gemäß vollkommen bestanden in den folgenden Umtrieb über, zur Begrundung einer gang geregelten Altersab= Aufung wohlgeordneter Bestande. Diesen Betriebsplan erkennen wir als den Kern aller-Forstbetriebs = Einrichtungen und Abschä= hungen und als bas Meisterstück aller forstlichen Kunft und Wissenschaft. Rein Wunder also, wenn Forstgelehrte, denen die tie= fere Ginficht in das Besen ber Balber zu fern vom Schreibtische liegt, sich bavon losfagen und mit ben Etatsformeln behelfen, ober wenn man in Befangenheit meint, bem Forstwirthe burften bie Hände nicht gebunden werben! — Eine solche Entzügelung ber Unkunde und Bermahrlosung wurde die Balber immer tiefer in's Berberben führen.

c. Ertragsabschätzung insbesondere.

§. 458. Abicatungs = Dethoben.

Bis hierher beschäftigten wir uns bloß mit den Vorarbeisten zur Begründung und Regelung des Waldbetriebes und der Ertragsentnehmung, welche in jedem gegebenen Falle und zu jestem weitern Behuse mehr oder minder erforderlich sind. Jeht handelt es sich nun um die verschiedene Art und Weise, wie die ermittelten Massen und Werthsgehalte zur wirklichen Ertragsabsschäung verwendet werden können. Zunächst dieten sich uns zwei wesentliche Verschiedenheiten des Versahrens dar, je nachs dem die Forsterträge von einem ganzen Waldverbande zus am-

men oder von jedem einzelnen Baldbestande besonders abgeschätzt werden. Bon beiden Hauptverfahren können wir das erstere die summarische Abschätzung nennen; für das ans dere, mehr das Einzelne in Orts = und Zeitsache ordnende, hat sich Fachwerksabschätzung geltend gemacht.

Die summarische Abschätzung bestimmt ben, von jedem Waldverbande überhaupt zu entnehmenden Massenertrag nach gewissen Rechnungsformeln, welche den vorgefundenen Massenvorrath auf eine oder die andere Weise zum Grund legen. Von diesem kann man den Massenzuwachs, oder einen in Prozenten ausgedrückten Antheil, oder auch gleich einen Durchschnittstheil abnugen. Dies begründet drei verschiedene Bersahrungsarten der summarischen Abschätzung, nämlich: nach dem Nugungszuwachse, dem Nugungszente und ber Durchschnittsnugung.

Die Fachwerksabschätzung erhebt ihre nach Ort und Zeit auszustellenden Rutungsgrößen entweder kurzweg mittels besonderer Durchschnittserträge und gemeinschaftlichen Ertragsberechnung, oder ganz ausführlich aus dem gesondert abgeschätzen Ertragsvermögen eines jeden Bestandes an sich.

Hiernach ergaben sich folgende fünf Abschätzungsmethoben:

- 1) Die summarische Abschätzung nach bem Rustungszuwachse.
- 2) Die summarische Abschätzung nach bem Rustungs=Prozente.
- 3) Die summarische Abschätzung nach allgemeinen Durchschnittsnutungen.
- 4) Die Fachwerks = Abschätzung nach besonbern Durchschnittserträgen.
- 5) Die Fachwerks : Abschätzung nach Sonber erträgen.

Von diesen fünf verschiedenen Verfahrungsarten kann jebe nicht nur für sich, sondern auch zur Aushülfe einer andern, und alle können in demselben Forste recht füglich neben und hinter einander gebraucht werben. Wer durchaus nur eine einzige bes vorzugt und die andern verwirft, beweist damit seine Kurzsichtigs keit, etwa wie jener Geometer, der mit Kette und Stab die ganze Meßkunst üben wollte.

Summarische Abschätung.

§. 459. Darstellung eines normalen Birthschafts: waldes zu weiteren Erläuterungen.

Um die in den folgenden §§. 460—462. kurz geschilderten Eigenthümlichkeiten der verschiedenen summarischen Abschätzungs= methoden an erläuternden Beispielen besser verdeutlichen zu könsneu, geben wir hier zuvörderst die Darstellung eines normalen Wirthschaftswaldes, welchem das §. 422. I. für die starke Entzstehung mitgetheilte Musterbeispiel zu Grunde liegt. In derselz ben sind die Bestandesmasse, die periodische *) und durchschnittzliche Jahresmehrung für die einzelnen Jahre die zum 50jährigen Bestandesalter, nebst deren Summen von 10 zu 10 Jahren auszgeworfen, so wie die zugehörigen normalen Nutzungs Prozente (nach §. 462. 2.) berechnet worden; die Vorerträge dursten das bei für unsern 3weck unberücksichtigt bleiben.

Bestan- desalter.	Bestandes- masse.	Periodis Durchs sche schnittliche Zahresmehrung.		Summe des Massenvor- rathes.	Summe ber perio- bischen Zahresn	Summe d. burchs schnittl. tehrung.	Rugungs. Prozent.
1 2 3 4 5 6 7 8 9	40 80 120 160 200 240 280 320 360 400	40 40 40 40 40 40 40 40	40 40 40 40 40 40 40 40 40				
	2200	400	400	2200	400	400	0,1818

^{*)} Die periodische, von 10 zu 10 Jahren sich gleich bleibende Jahresmehs rung wurde hier statt der laufenden Jahresmehrung angenommen, theils der Einfachhelt wegen, theils um die Jahlen des Musterbeispieles in §. 422. uns verändert beibehalten zu können.

Beftan-	Bestanbes.	Perlobie!	Durch-	Summe bes Raffenvore	Summte ber perio- biichen	Sureche	Ruhungs. Propert
besalter.	maffe.	Sabres	ntebeung.	rathes.	3abresi	fchuittl. nehrung.	Ricofette H
	101	64	42,2				
	464	64	44,0		-		
	528	64	45,5	1 1			
	592	64	46,9				
	656 · 720	64	48,0]			
	784	64	49,0	1 1			
	848	64	49,9				
	912	64	50,7				
	976	64	51,4				•
	1040	64	52,0	i			
	7520	640	479,6	9720	1040	879,6	
		70	52,9	V.20	1010	010,0	•
	1110	70	58,7	li			
	1180	70	54,8				•
	1250	70	55,0				,
	1320	70	55,6	1 1			
,	1890	70	56,2				
	1460	70	56,7	i			•
	1530 1600	70	57,1		<u> </u>		
	1670	70	57,6]	
	1740	70	58,				
	14250	700	557,1	23970	1740	1436,7	0,0 "
				20010	71.40	22004.	•,•
	1808	68 68	58,3				i I
	1876	68	58,6 58,9				
	1944	68	59,3				
	2012	68	59,5				,
	2080	68	59,7				
	2148	68	59,9	1			
	2916	68	60,1	1 1			
	2284	68	60,8				
	2352 2420	68	60,a				
	21140	680	595,0	45110	2420	2031,7	0,0
	* 45 *	62	60,6				
	2482	62	60,5			i	
	2544	62	60,6	1 1			
	2606	62	60,6				
	2668	62	60,6				
	2780	62	60,6				
	2792 2854	62	60,7			,	
	2916	62	60,7				
	2978	62	60,7	'			
	8040	62	60,8				
	27610	620	606,2	72720	3040	2637,9	0,0

-

§. 460. Summarische Abschätzung nach bem Rutungs: zuwachse.

Diese Abschätzungs Methode bestimmt den Waldmassen= Ertrag bloß nach dem vorgefundenen wirklichen Massen= zuwachse, von dem Grundsatze ausgehend: daß eine jede Waldung, sei sie in vollkommenem Zustande oder nicht, von Jahr zu Jahr gerade so viel Masse nachhaltig abgeben kann, als ihr Jahreszuwachs eben beträgt, ohne an ihrem Stammkapitale zu verlieren. Man schätzt zu ihrer Anwendung den stehenden Massenvorrath und den lausenden Massenzuwachs und beurtheilt nach beiden die weitern Ertragsverhältnisse.

- 1) Die Zuwachsschätzung ist hierbei der hauptsächliche Gesgenstand; sie wird auf dreierlei Weise bewirkt; entweder nach der vorgefundenen Durchschnittsmehrung, oder nach Prozenten einer Normal Ertragstafel, oder nach dem laufenden Zuwachse selbst.
- a) Wendet man die vorgefundene Durchschnitts= mehrung an, so wird von jedem einzelnen Bestande des abzu= schätzenden Waldverbandes Masse und Alter bestimmt, barnach die Durchschnittsmehrung ausgeworfen und beren Summe als Ertrag angenommen. In unserem erläuternden Beispiele (g. 459.) wäre dieselbe also = 2637,9 c'. Sie bleibt stets hinter dem wirkli= den laufenden Zuwachse zuruck (in unserem Beispiele um 3040-2637,9 = 402,1 c' ober circa 16 °), weil, wie schon §. 436. ausführ= licher bargethan, ber geringere Zuwachs ber jugenblichen Alterspe= rioben mit zum Durchschnitt gezogen wird. Diese Abweichung kann, zumal beim Borwalten jungerer, fcmach entstehender Bestände, sehr bedeutend sein, und die Durchschnittsmehrung ift baher als Stellvertreter für ben laufenben Zuwachs ganz unbrauchbar, wenn es auch möglich wäre, von jedem Bestande Massengehalt und mitt= leres Alter durchgängig genau zu erforschen. Letteres aber un= terliegt auch noch manchem Zweifel, zumal in unregelmäßigen Beständen, und zu welchen Abweichungen falsche Ermittelungen in dieser Hinsicht führen können, ist schon §. 385. an einem Bei= spiele gezeigt. — Die fehlerhafte Stellvertretung der laufenden Jahresmehrung durch die Durchschnittsmehrung führt übrigens

stets zu einem kleinern Ergebnisse, was einigermaßen noch zu ih: rer Dulbung gereichen burfte.

- b) Anderwärts hat man, um biesen offenbaren Fehler zu um: gehen, ben fraglichen Buwachs nach bem Massengehalte und Alter ber Bestände mittels ber Prozente einer Normaler tragstafel berechnet. Dürfte man z. B. die Cotta'schen Prozenttafeln *) für die vorliegende Abschätzung eines Buchen: waldes als maßgebend betrachten: so hätte ein 40jähriger Bestand mit 2400 c' Masse $\frac{2400\times2,874}{100}$ = 70 c' laufenden Zuwachs und die Summe bes auf gleiche Beise ermittelten Buwachses von allen Beständen ergabe den Ertrag. Bei biefer Bumachsschätzung begiebt man sich indeß auf drei Abwege: Einmal ift, wie betannt, bie Bestimmung bes Bestandesalters höchft unsicher; zweitens mangelt allen Ertragstafeln die hierzu erforderliche Zuverlässigkeit; endlich brittens kann der wirkliche Zuwachs boch wohl nur zufällig mit einem idealen übereinstimmen, sonft mußten ja auch in der Wirklichkeit alle an Masse und Alter gleichen Bestände derselben Waldgattung in ganz gleich em Zuwachse steben, mas offenbar widersinnig ift.
- c) Der laufende Zuwachs selbst, welchen man nach unserm Verfahren, von Ort zu Ort gehend, mit der Bestandesmasse wirklich ermittelt er würde in unserm Beispiele = 3040 c' sein ist unbedingt die sicherste Grundlage dieser Abschähungss Wethode und legt nebenher auch die Unbrauchbarkeit jener beiden Versahren an den Tag. Nur hält man eine solche Schähung sur weit schwieriger und umständlicher, als sie es wirklich ist, indem dabei das Augenmaß mittels vergleichbarer Proben sehr thätig sein kann.
- 2) Diese Abschätzungsmethode, obschon sie unter allen summarischen in der theoretischen Prüfung am besten besteht, nimmt gerade benjenigen Ertragsfaktor zur Grundlage, dessen Ermitte: lung am unzuverlässigsken ist, und dem deßhalb der kundige Schäf

^{*)} Sie sind in dem Grundriffe der Forstwissenschaft (Dresden und Leipzig) unter & mitgetheilt und darans hier (Taf. 120.) entlehnt.

ger nie eine Entscheidung über bas Borhandene wesentlich einräumt. Zubem bleibt sich biese Größe keinesweges auf längere Beit gleich; benn jebe Hauung, jeder neue Nachwuchs andert den summarischen Massenzuwachs, besonders in einem noch uns vollkommen bestandenen Walde. Durch geeigneten Abtrieb der zuwachsarmen Hölzer, durch fleißige Lüftung der gedrängten Buchse und durch rasche Nachzucht läßt sich derselbe eben so he= ben, als durch Bermahrlosungen herunterbringen. Wenn nun auch diese Methode ein gewisses Auf = und Absteigen des Massen= zuwachses mit in Rechnung nimmt, fo geschieht bies boch nur muthmaßlich und ganz im Allgemeinen. Gie läßt sich nicht dar= auf ein, die Mittel und Wege nach Ort und Zeit zu wurdigen, durch welche der Waldzustand gebessert, der Zuwachs gehoben und darauf hin auch sogleich ber Ertrag gesteigert werben fann, was die Fachwerksabschätzung so gestissentlich leistet.

3) Erwägt man, daß diese Zuwachsabschätzung mit bem Fachwerk gang gleiche Borarbeiten bedarf, jene genauen Aufnah= men aber, die dem örtlichen Betriebe zu so nützlichem Anhalt dienen können, zu weiter nichts gebraucht, als einen summarischen Ertragssatz herauszurechnen, anstatt mit Anwendung einer gar kleinen Mühe noch den ausführlichen Wirthschaftsplan zu ent= werfen, und daß dabei dennoch von einer öftern Wiederholung die Rede ift: so muß es ganz befrembend erscheinen, wenn auf diese Abschätzungsart ein so hoher Werth gelegt wird. Ift hier nicht die Scheu vor einer meisterhaften Aufstellung bes Wirth= schaftsplanes mit im Spiele? Bur selbstständigen Abschätzung burfte fich diese Methobe nur in bem seltenen Falle eignen, wo man entweder jett noch nicht ober ganz und gar nicht im Stande ift, einen geregelten Schlagbetrieb einzurichten, wie in bem Plans terwalde, so wie in einem Waldgemenge von ganz unvereinbaren Holzwüchsen, das sich zuweilen wohl auf den grellesten Stand= ortsverschiedenheiten vorfindet. Hauptsächlich empfehlen wir bies Verfahren als ein vorzügliches Hülfs = und Bewährungsmittel der Fachwerksabschätzung, welcher es zum großen Vorwurfe ge= reicht, daß sie sich bessen nicht längst bediente. — Goll jedoch diese Ertragsregelung mehr Sicherheit und Brauchbarkeit gewin=

nen: so mussen die zur allgemeinen Bergleichung geeigneten Durchschnittsnutzungen und Massennutzungs=Prozente mit ausgeworfen werden, und es mußte ihr das Berthnutzungs = Prozent durchaus zur wirthschaftlichen Richtschnur dienen.

§. 461. Summarische Abschätzung nach dem Rutungs: Prozente.

Die Ertragsabschätzung nach dem Massennutzungs: Prozente stütt sich zwar auch auf den Jahreszuwachs, sie legt aber nicht den im gegebenen Walde eben Statt sindenden Rutzungserwachs zum Grund, sondern ein fremdes, wegen des leichtern Gebrauches in Prozenten des Massenvorzrathes ausgedrücktes Zuwachsverhältniß. Dieses Zuwachs: oder Nutzungs: Prozent nimmt man entweder als ein reales von anderwärts wirklich gefundenen Zuwachsverhältnissen, oder als normales unmittelbar aus einer Normalertragstafel und wendet dasselbe auf den vorgesundenen Massenvorrath an.

1) Anwendung eines realen Nutungs = Prozentes. Sammelt man sich die bei aussührlichen Ertragsabschätzungen gefundenen und in Prozenten ausgedrückten Verhältnisse des Massenvorrathes zum Nutzungsbetrage: so gewinnt man wohl ein, aus der Wirklichkeit gegriffenes Vergleichungsmittel zur kurzen Ertragsabschätzung anderer, in Standort und Waldgattung, Altersverhältniß und Bestandesgüte, Behandlung und Benutzung ganz gleicher Waldungen, von denen hierzu weiter nichts, als der Wassenvorrath bekannt zu sein braucht.

Sesett, der wirkliche Massenvorrath eines genau abgeschähten Forstes sei 55000 Klastern, der bewährte Ertragssatz desselben aber 1320 Klastern: so wäre das reale Nutungs : Prozent = $\frac{1320 \times 100}{55000} = 2,4$. Könnte dasselbe nun auf einen andern, in allen seinen Verhältnissen ähnlichen Forst angewendet werden, dessen Massenvorrath = 200000 Klastern betrüge, so wäre der Ertragssatz desselben = $\frac{200000 \times 2,4}{100} = 4800$ Klastern.

Freilich sind solche Vergleichungsgrößen nicht leicht zu geswinnen; noch unsicherer ist aber ihre Anwendung, weil die Versgleichungs-Gegenstände dem Auge zu entfernt liegen und die Prosentsätze gewöhnlich in zu kurzen Zahlen gegeben und genommen werden. Der Unterschied von 2 und 2½ pCt. scheint z. B. ganzundedeutend, läßt aber doch die Wahl zwischen sehr erheblichen Ertragsunterschieden, so z. B. in dem eben angeführten Beispiele zwischen 4000 und 5000 Klastern. Dies Abschähungsmittel kann also eigentlich nur zu ungefähren Überschlägen dienen, theils wo eine genauere Erhebung des Ertragsvermögens eben nicht thulich ist und man den vorhandenen Massenvorrath nur slüchtig übersrechnet, theils zur Vergleichung der auf andere Weise ermittelten Abschähungsergednisse. Weit vorzüglicher und leichter ist statt bessen die Abschähung nach realen Durchschnittsnuhungen (§. 462. 3.) anzuwenden.

2) Das normale Nugungs = Prozent. soll von einer Rormalertragstafel ausgehoben werden, welche den Standorts verhältnissen, der Waldgattung, Behandlung und Benutzung genau entspricht, und zwar ohne Berücksichtigung des abnormen Baldzustandes. Dieses Abschätzungsversahren, welches zuerst von Hundes hagen begründet und von ihm das rationelle genannt wurde, geht also von dem Grundsate aus: daß sich der jährliche Nachhaltsertrag e zu dem eben vorhandenen wirklichen Massenvorrathe wv verhält, wie der Normalzuwachs nu zu dem Rormalvorrathe nv, oder

$$nv : nz = wv : e,$$

$$\frac{ns}{nv} \times wv = e.$$

nz, das sog. normale Nutzungs=Prozent, wie es eine Normaltafel ergiebt, braucht also nur mit dem wirklich vorgefundenen Massen=vorrathe multiplizirt zu werden, um den Ertrag zu sinden. In unserm Beispiele (§. 459) ist das normale Nutzungs=Prozent

für den 30jährigen Umtrieb = 0,0726,

", 40 " = 0,0536,

", 50 " = 0,0418 *),

und wäre demnach für einen Forst, auf den unser Musterbestand Anwendung sinden dürfte, der wirkliche Massenvorrath zu 40000 Klftrn, gefunden und die Umtriedszeit zu 50 Jahren sestellt: so ergäbe sich als Ertragssatz 40000 × 0,0418 = 1672 Klaftern.

Die Auswahl des normalen Rugungs = Prozentes bleibt indes stets eine misliche Aufgabe, ware man auch wirklich im Befite recht zuverläffiger Ertragstafeln. Denn wer will und kann dabei so auf's Allgemeine hin bestimmen: in welchem Maße die Berjungung beeilt ober verfaumt, die Bachsthumsfraft gehoben ober geschwächt wirb, was Alles natürlich auf bie Umtriebszeit und somit auch auf das Rugungs = Prozent einwirkt; ferner welche Einmischungen frembartiger Hölzer zugelaffen ober befördert werden, so daß die Rormaltafeln ihre Anwendbarkeit ver: lieren; endlich, ob man früher ober später, ftarker ober gelinder ober gar nicht durchforstet; wie viel die Borbereitungshiebe und bie Nachhiebsrückfände auf das Rugungs-Prozent einwirken burften u. s. w.? Bare nun auch die Auswahl der angemessenen Normalertragstafel hinfictlich bes Betriebes gelungen, wer will und kann nun solche ibealen Zuwachsverhaltniffe treffend über: tragen auf jene abnormen Baldzustände, worin sich bier überwiegende Althölzer mit den allerniedrigsten, dort überwiegende Junghölzer mit den allerhöchsten Zuwachs-Prozenten in den abs weichenbsten Bestandesguten sinden? Die Theorie klugelte sich das normale Rutungs-Prozent heraus, um die ihr ftets unbequeme Praris kurz zu umgeben, und gewann für die barauf gegrundete Abschähungsweise manche eifrigen Anhanger, die sich bu schwach fühlten, in die innern Bachsthumsverhaltniffe der Bal: der mit erfahrungskundigem Blicke einzudringen und der kunfti:

^{*)} Eigentlich bezieht fich bies segenannte normale Rugungs : Prozent unt auf die Einheit bes Massenvorratbes. Sollte es als wirkliches Prozent ausge: brudt werben, so muste man noch mit 100 multipliziren, und die obigen 3ahlen ergäben dann 7,26 &; 5,36 &; 4,18 &.

gen Bewirthschaftung in Voraus geeignete Rathschläge zu geben. Es ist nicht schwer, zu beweisen, daß es dieser Methode ebensos wohl an theoretischem Grunde, als an praktischer Anwendbarkeit mangelt.

- 3) Um zunächst die Theorie der Prozent = Abschätzung zu be= urtheilen, darf man nur Folgendes erwägen:
- a) Alle oben dargelegten Mängel der summarischen Abschästung nach dem Zuwachse wohnen ihr in weit größerm Maße bei, weil sie den Zuwachs nicht selbst erhebt, sondern bloß nach frems den Sätzen anspricht.
- b) Solchen, von Normalertragstafeln entnommenen Nustungsfähen mangelt es durchaus an der erforderlichen Gründslichkeit. Wer fähig ist, die Ertragsverhältnisse mit sicherer Hand in der Natur aufzugreifen, der erkennt auch die Trüglichkeit aller Normirungen des Nuhungs-Prozentes und fällt ab von dieser irrigen Lehre. Warum theilte selbst deren Meister keine vollstänzigen Ertragstafeln mit?
- c) Das normale Nutungs-Prozent schwankt in den verschies denen Umtriebsaltern (§. 432 u. 459.) so bedeutend, daß nur wenige Jahrzehnde eine Abweichung von mehren Prozenten zur Folge haben können. Wie höchst verschieden sind aber die Benutungs-alter in unsern Wirthschaftswäldern, und wie dürfte auf dieselben ein gleiches Nutungs-Prozent allgemein angewendet werden, das zumal nach einem idealen Umtriedsalter normirt ist, über dessen sicherm Grunde den Etatsformlern noch ein so undurchdringliches Dunkel vorschwebt?
- d) Dieses normale Nutzungs-Prozent kann auch schon wegen des stets zweiselhaften Ausfalles der Borerträge zu einer sichern Richtschnur nicht wohl dienen. Man will zwar nur den Hauptsertrag festsetzen. Keinesweges läßt sich aber im Lause der Wirthschaft scheiden, was dem Vorertrage und was dem Hauptertrage eigentlich angehört. Die in der letztern Vergangenheit nicht auszgesorsteten Unterstämme mehren z. B. den Hauptertrag, so wie die Vorbereitungshiede denselben bedeutend mindern. Iede summarische Abschähung, die eine solche Sonderung des Hauptertras

ges vom Borertrage eingeht, verirrt sich offenbar in unhaltbare Bestimmungen.

- e) Endlich dürfte es doch wohl weit zweckmäßiger und siches rer sein, gleich die vorsindlichen Holzvorräthe an sich den Abtriebszeiten zuzutheilen, als den von ihnen im Allgemeinen zu entnehmenden Ertragstheil nach solchen, bloß in der Einbildung schwebenden Verhältnissen summarisch zu bestimmen.
- 4) Der Praxis empsiehlt sich dieses normale Nutzungs:Prozent eben so wenig. Denn
- a) alle Vergleichungen, die man mittels der sondernden Abschätzung angestellt hat und anstellen wird, ergeben, daß in einer jeden Waldung der wirkliche Jahreszuwachs, das wirthschaftliche Nuzungs = Prozent und das nor male Nuzungs = Prozent gar bedeutend von einander ab weichen.
- b) Diese, bem Ungefähr zu sehr anheim gegebene Prozentsschätzung bietet burchaus nicht genug Sicherheit und Brauchbarskeit; Niemand kann dieselbe den wechselnden Verhältnissen der Zukunft recht anpassen. Wollte man aber von Zeit zu Zeit nachstariren, wie sich die Bestandes und Wachsthums Werhältnisse des Waldes und die Neinungen der Wirthschafter nur irgend ändern: so nähme das Taxiren kein Ende, und dennoch fände man nie, wo und wiesern gesehlt worden ist, weil sich die ganze Schähung immer nur um die Summe dreht. Dies, und daß sich der Wirthschafter auf die verheißene Nachschähung verläßt, ohne einen wohl geordneten Betriebsplan einhalten zu mussen, gefährdet das Waldvermögen weit mehr, als man glaubt.
- c) Übrigens wäre auch die genaue Bestandesaufnahme zum bloßen Gebrauche des Nutzungs-Prozentes offenbar eine unzwecks mäßige Tarations-Verschwendung. Muß man zum Behuse dies ser Abschätzung den Massenvorrath aufnehmen, so ist es ein Leichtes, an Ort und Stelle auch alsbald den Massenzuwachs zu ermitteln und sich dadurch wenigstens eine minder zweiselhafte Grundlage zu verschaffen, im Falle die Bearbeitung eines ausssührlichen Wirthschaftsplanes nicht den Vorzug gewänne.

Sollen wir nun die Ertrags-Abschätzung nach dem Holznutzungs Prozente in die Grenzen ihrer Brauchbarkeit weisen: so dürfte dieselbe nur zur Vergleichung der Ergebnisse späterer Normalzustände und als bedauerliches Beispiel dienen, wie weit die unpraktische Theorie Herr über das heutige Forstwesen geworden ist.

§. 462. Summarische Abschätung nach allgemeinen Durchschnittsnutungen.

Die Baldabschätzung nach allgemeinen Durchschnittsnutzuns gen nimmt weder den wirklichen, noch einen fremden Zuwachs als unmittelbare Grundlage, sondern bedient sich bloß eines Durchschnittstheiles von dem Massenvorrathe. Bir unterscheiden in dieser Beziehung dreierlei Durchschnittsnutzungen, nämlich: die progressionale, normale und reale, somit auch drei versschiedene Arten der Durchschnittsabschätzung.

1) Abschätung ber progressionalen Durchschnittsnutung eines Waldverbandes. Man nimmt in allen Alterstlassen eine von der ersten Entstehung dis zum Eintritte des Abtriedsalters jährlich ganz gleiche Massensmehrung an und berechnet, wie in §. 88. 2. (wo S: $\frac{n+1}{2}$ = nd), nach dem geschätzen wirklichen Massenvorrathe wv (= S) und der ganzen Umtriedszeit u (= n) einen jährlichen Durchschnitts=Hauptertrag wd (= nd) mittels der schon bekannten Formel:

$$wv: \frac{u+1}{2} = wd,$$

oder kurzer und meift treffender nach:

$$wv: \frac{u}{2} = wd.$$

In unserm Beispiele (§. 459.) ist der Massenvorrath = 72720; für den 50jährigen Umtrieb wäre demnach der Ertragssatz:

$$72720:\frac{50}{2} = 2909 \text{ c'.}$$

Die etwaigen Borerträge konnten baneben nach f. 437. und bem besondern Waldzustande veranschlagt werden.

Da sich eine hierbei vorausgesetzte, ganz gleiche Massenmeh=
rung in der Natur nicht sindet, so kann diese unter dem Namen
der Öftreichschen Kameraltaration längst bekannte und
gebrauchte, neuerlich (von Seper) wieder aufgefrischte Formel
auch nur für Waldungen von starker Entstehung annäherungs=
weise passen, und zwar ganz allein zur Berechnung des Haupt=
ertrages für ein Umtriedsalter, das zwischen die Wendepunkte der
Durchschnittsmehrung und des Durchschnittszuwachses fällt. Übri=
gens kann dieser Progressional=Durchschnitt eigentlich nur zu
überschlägen dienen und etwa als Beiläuser der mittels anderer
Abschähungsmethoden gefundenen Ertragssähe.

- 2) Abschätung ber normalen Durchschnittsnutung. Hierbei hat man keinen andern Zweck, als muthmaßliche Bestimmung des Vollertrages im einstigen Normalzustande des Waldes. Die Forstsläche jeder vorsindlichen Standortsklasse wird summirt und mit dem ihr nach Waldgattung und
 Umtriebszeit zukommenden normalen Durchschnittsertrage vom
 Morgen multiplizirt; die Summe dieser Produkte ergiebt den
 normalen Vollertrag vom Sanzen (§. 455.). Es ist dies eine
 Berechnung, deren Segenstand nur in der Idee beruht; bennoch
 gedenkt Mancher, den gegenwärtigen Waldangriff nach solchen
 höchst unsichern Ergebnissen reguliren zu können. Wir stellen
 biese idealen Durchschnittsnutzungen an den Schluß unserer Wirthschaftsplane, gleichsam als endliches Ziel der beabsichtigten Waldvervollkommnung.
- 3) Abschätung nach realen Durchschnittsnutuns gen. Man sammelt sich die Ertragsergebnisse gut geführter Waldwirthschaften und anderwärtiger Abschätungen ganzer Waldstörper, mit Bemerkung aller dazu beitragenden Forstverhältnisse, drückt jene als jährlichen Durchschnittsertrag in Körperfußen pr. Morgen aus und spricht danach die allgemeine Durchschnittsnutung der fraglichen Waldungen in Semäßheit ihres gegenwärstigen Zustandes ohne Weiteres an. Betrüge z. B. ein solcher erfahrungsmäßig begründeter, jährlicher Durchschnittsertrag pr.

Morgen 36 c', und könnte berselbe auf die abzuschätzende, in Standort, Bestand und Betrieb ähnliche Waldung von 3500 Mg. Flächengröße angewendet werden: so wäre deren Ertragssatz == 3500 × 36 == 126000 c'.

Burben in dem abzuschätzenden Forste mahrend der lettern Jahre die erfolgten Abtriebe nach Schlagfläche und Holzertrag gehörig aufgezeichnet, finden sich auch die vorhandenen schlagba= ren Bestände ben eben abgetriebenen ziemlich gleich, und ruden die jungern Altersklaffen mit der Zeit verhältnismäßig nach: so dienen die seitherigen Abtriebsergebnisse zu einem sehr sichern Schätzungegrunde ber kunftigen Durchschnittsnutzung. Dft findet der mehr auf seine Baldung, als auf die Statistrungs-Künsteleien achtende Praktiker jebe weitere Schatzung ganz überflusfig, wenn er mit einem wohlburchbachten Betriebsplane versehen ift, seinen Abtrieb auf die Fläche basirt und den vorläusig angenommenen Rutungssatz durch ben gewonnenen Ertrag nach und nach mehr berichtigt. Solche Durchschnittsschätzungen leisten in wenigen Za= gen meift mehr Brauchbares, als bie umftanblichften Bearbeitun= gen in mehren Monaten. Sie empfehlen sich überdies, insbeson= bere dem realen Nutungsprozent (§. 461. 1.) gegenüber, burch die Leichtigkeit ihrer Anwendung, da sie nicht den Massenvorrath, fondern nur die Flächengröße als Faktor gebrauchen und etwa nothige Modifikationen in dem Durchschnitteertrage viel sicherer bemeffen und in ihrem Resultate beurtheilt werden konnen, als an bem nur in kleinen Zahlen gegebenen realen Nugungs=Prozente.

Übrigens könnte man bei der Durchschnittsschätzung den mittlern Durchschnittserwachs der vorhandenen schlagbaren Bestände mit zum Anhalt nehmen und die der nächsten Betriebsperiode zugewiesenen Hölzer fachwerksartig mit einschätzen.

Fachwerksabschätzung.

§. 463. Fachwerksschätzung nach besondern Durch: schnittserträgen.

Diese Abschätzungs = Methode erhebt auf dem Grunde eines näher entworfenen Betriebsplanes die örtlichen und periodischen

Abnuhungen bloß nach besondern, vom Morgen und Jahr ermitstelten Durchschnittserträgen. Dabei leisten die Baldmassentas-feln nebst einer angemessenen Mehrungstafel sehr wesentliche Dienste. Dies Einrichtungsgeschäft geht auf folgende Beise von Statten:

- 1) Zuvörderst entwirft man den Betriebsplan und theilt in diesem einer jeden Periode der Einrichtungszeit die passenden Abnuhungsbestände zu, nach Maßgabe der Fläche, des Alsters, der Hiebsfolge und sonstiger Bestimmungsgründe.
- 2) Von den, der Abnutung zunächst überwiesenen Beständen schätt man den Hauptertrag nach der
 eben vorhandenen Bestandesmasse und dem darin besindlichen Durchschnittsertrage. Dieser wird dem Bestande anstatt des laus
 fenden Jahreserwachses (nach §. 88. 1.) bis zur bestimmten Abstriebszeit noch aufgerechnet. Dabei sindet wenigstens eine Übersschätzung nicht leicht Statt, sehlte auch das Ansprechen des Alters um etliche Jahre (§. 411. 423.).
- 3) Bur Einschätzung bes Hauptertrages von ben, ber spätern Abnutzung zugetheilten Beständen bestient man sich der schon vorgefundenen oder auch fremder verzgleichbarer Durchschnittserträge, die in einer kurzen Übersicht zussammengestellt werden können, je nach Waldgattung, Bestandeszgüte und Schlagbarkeitsalter. Mittels dieser ist leicht zu bestimmen, wie viel jede der fraglichen Bestandesabtheilungen in dem angeordneten Abtriebsalter an Schlagbarkeitsertrag vom Rorgen erwarten läßt, nimmt man zumal die schärfern Ertragsfaktoren stit zum Anhalt.
- 4) Die inzwischen nut baren Borerträge können recht füglich von jeder durchforstbaren Altersklasse nach den maßgebenden Umständen durchschnittlich pr. Morgen angesprochen und summarisch ausgeworfen werden.
- 5) Bur kürzern und leichtern Ertragsberechnung stellt man die Abnutungsstächen jeder näher zu schätzenden Bestriebsperiode je nach den pr. Morgen zu erwartenden Ertragssgüten in angemessenen Abstufungen klassenweise zusammen und

multipliziet die Flächensumme einer jeden dieser Ertragsklassen mit der überschriftlich angesetzten Ertragszahl. Diese Produkte ergeben zusammen den periodischen Hauptertrag, welcher, nach hinzurechnung der gleichzeitigen Vorerträge, durch geeignetes Berschieden (Vorziehen oder Zurücktellen) der zu einer solchen Ausgleichung am besten passenden Bestände von Periode zu Periode noch planmäßig gemehrt oder gemindert werden kann.

6) Was die Nutung späterer Zeiten betrifft, so pflegt man dieselbe nach den Abtriedsstächen und Durchschnittserträgen nur erst ungefähr zu überschlagen und es der Zukunft zu überzlassen, mit Ablauf einer jeden weitern Periode die genauere Erztragsabschätzung berichtigend fortzuseten, gestütt auf die indeß gesammelten Erfahrungen. Die Nachhaltigkeit des Angriffes ist durch den Betriedsplan hinlänglich gesichert, wosern derselbe nur allen kunftigen Zeiten die schlagbar bestandenen Abnutzungsstächen gleichmäßig zutheilt.

Diese Abschätzungsmethobe *) hält sich streng an diesenigen Formen und Größen, mit welchen der ausübende Forstwirth am vertrautesten ist; sie räumt dem praktischen Blicke und dem ortsetundigen Urtheile volle Wirksamkeit ein, kürzt die Ertragsberechenung bedeutend ab und kann zu jeder Zeit den veränderten Umsständen leicht angepaßt werden. — Die gleichwüchsigen Waldgatzungen mit reinem Abtried sind das Feld ihrer vorzüglichen Answendbarkeit.

§. 464. Fachwerksabschätzung nach Sonberer= trägen.

Bei dieser eigentlichen Sonderabschätzung wird jede Bestandesabtheilung nach Ertragsfähigkeit, Massengehalt und Zuwachs geschätzt und jeder davon abfallende Ertrag der Versallzeit besonders aufsummirt. Man stellt sich in einem vorläufigen Betriebsplane den vorgefundenen Bestand und den beabsichtigten Betrieb aller Abtheilungen von Ort zu Ort

^{*)} Man dürfte fie die Baierische nennen.

unter die Betriebsverbände, bloß mittels der Fläche und kurzer Andeutungen zusammen, wirft dann einerseits den Dassen Passenge: halt-und Zuwachs, andrerseits den davon in jeder Periode zu erwartenden Holzertrag besonders aus und ergänzt mit die sen Ergebnissen und mit den weitern Bestimmungen über Racht zucht und Pslege den vorläusigen Betriebsplan zum ausführtichen Birthschaftsplan. Dabei ist hauptsächlich Folgendes zu bemerken:

- 1) Der Schätzungszeitraum beginnt in ber Regel mit dem ersten Jahre nach der Schätzung. Das Schätzungsjahr kann nicht wohl zum ersten Wirthschaftsjahre genommen werden. Letteres aber, vielleicht der Finanzperioden wegen, mehre Jahre zurück in die Vergangenheit, oder weiter hinaus in die Zukunft zu verlegen, verursacht gar muhfame und unnöthige, die ganze Naration gleich von vorn herein störenbe Zu = und Abrechnungen. Die von dem kurzern oder langern Umtriebsalter und der Regelmäßigkeit bes Bestandes abhängige Dauer bes Schätzungs: zeitraumes mußte sich zwar bis zum Eintritte bes Waldnormal-Buftandes erstrecken; aber es ift eben nicht nöthig, daß auch bie So wie die Be: Sonderabschätzung so weit fortgeführt werbe. triebsregelung auf eine einfachere Beise bewirkbar ift, bebient man sich auch einer leichtern Abschätzungsart. Übrigens kann in jedem Betriebsverbande besselben Forstes die Größe bes Ab: schätzungszeitraumes, so wie die der Betriebsperioden eine anbere fein.
- 2) Vorläufige Aufstellung summarischer Periobenerträge. Durch diese muß der besondern Ertragseinschätung erst eine gewisse, von den allgemeinen Umständen bedingte Richtung gegeben werden.
- a) Zuvörderst bestimmt man für den nächsten oder in der ersten Periode eintretenden Ertrag eine vorläufige Größe. Diese ist zu bemessen: erstens, nach dem seitherigen Ertrage, dem Berdürfnisse und den allgemeinen Nutzungsverhältnissen; zweitens, nach dem vorgefundenen Waldzustande, besonders in Ansehung

der Altersklassen-Berhaltnisse und der Werthszunahme an den erwachsenen Beständen; drittens, nach einer möglichst genauen summarischen Abschätzung (§. 460. 461. 462. 3.).

- b) Hiernächst bestimmt man nach Maßgabe des Betriebs= planes den Zeitpunkt, wann mit den voll = und folgerecht bestan= denen Altersklassen die Waldvollkommenheit und der bleiben de Vollertrag eintreten könnte. Dieser ist nach §. 462. 2. zu berechnen.
- c) Zu jenem Erstertrage und diesem Lettertrage des Abschätzungszeitraumes bestimmt man dann alle zwischenliegenden Periodenerträge wo möglich als arithmetische Zwischenglies der, nach §. 89. 2.

Eine solche vorläufige Ertragsbestimmung kann zwar selten ganz eingehalten werden; sie befreit aber doch die eigentliche Erstrags=Zusammenstellung einigermaßen von jenem anhaltlosen Einsschäten der Bestände auf's Gerathewohl.

3) Wegen der besondern Ertragsberechnung ist zu bemerken: Die Erträge von den schon ziemlich erwachsenen Beständen werden nach der gefundenen Vorbestandesmasse und dem noch zu erwartenden Nutungszuwachse berechnet; die einstigen Erträge von den Junghölzern setzt man nach der Lokalertragstafel an (§. 406-411.).

Da in eine und dieselbe Periode Erträge von mehren Besstandesabtheilungen zusammenfallen, und es während deß nicht thulich ist, an einem jeden Stücke alljährlich einzeln zu hauen; da es auch nicht voraus bestimmt werden kann, ob die Abnustung den fraglichen Holzbestand mehr zu Ansang oder mehr zu Ende dieser gemeinschaftlichen Abtriebszeit trifft: so berechnet man jeden Ertrag, als erfolgte derselbe zur Mitte der Periode auf ein Mal. Nachher wird die ganze Ertragssumme in die Zahl der Abtriebsjahre getheilt.

Wären z. B. folgende Bestände zur Abnutzung sur bas erste -- Jahrzehnd bestimmt:

```
1) 30,8 Mg. zu 4200 c' Holzhaltigkeit mit 50 c' Zuwachs,
                  ,, 7420 ,,
   2) 25,5
                                             ,, 70 ,,
                                                            "
             ,, ,, 6230 ,,
                                                 60 "
   3) 28,2
                                   "
                                                            "
                                                 65 ,,
                  " 8350 "
   4) 46
                                                            "
so mare bavon zu erwarten (nach §. 88.):
   1) 30.3 \times (4200 + 50 \times 5) = 134835 c',
   2) 25.5 \times (7420 + 70 \times 5) = 198135 "
   3) 28.2 \times (6230 + 60 \times 5) = 184146 "
            \times (8350 + 65 \times 5) = 399050 ,,
   4) 46
```

Auf 130 Morgen zusammen

916166 c'.

Jährlich im Durchschnitte:

91616,6 c' Abtriebsmasse. 13 Mg. Abtriebsfläche und

Für das 2. Jahrzehnd kame ein 15jähriger, für das II. Jahr= zwanzigt ein Bojähriger Zuwachs mit in Anrechnung.

Källt von einem Holzbestande die schlagweise Abnutung in verschiedene Zeiträume, so theilt man biefelbe nach ber Abtriebsfläche und rechnet von jeber ben geeigneten Buwachs. 3. B. von den lettern 46 Mg. , zu 8350 c' holzhaltigkeit mit 65 c' Zuwachs, 16 Mg. im 1. und 30 Mg. im 2. Jahrzehnd geschlagen werben: so truge es davon

bem 1. Jahrzehnbe 16 × (8350 + 65 × 5) = 138800 c', dem 2. Jahrzehnde 30 × (8350 + 65 × 15) = 279750 c'.

Ist aber ein Bestand stammweise auszuhauen und fällt ber Aushieb zum Theil in einen spätern Zeitraum: so wird ber Er= trag bloß nach Maßgabe ber Aushiebszeit angesetzt. Fände sich д. В. in einem Schlage an Samenbaumen auf bem Morgen 2100 c' Holzgehalt mit 40 c' Zuwachs, und die Nachhauung erfolgte wahrscheinlich innerhalb ber nächsten 30 Jahre ziemlich gleichmäßig: so rechnete man zum Holzgehalte ben vollen Bu= wachs auf die halbe Abtriebszeit, nämlich pr. Mg. 2100 + 40 × 30 = 2700 c', und theilte davon jedem der ersten drei Jahr= zehnde $\frac{2700}{9}$ = 900 c' zu (wofern nicht eben ein, nach §. 444.

bestimmtes Zuwachs-Berhältniß gegeben ift).

Fiele bas erste Wirthschaftsjahr mit bem Schätzungsjahre

dusammen, so würde ein voller einjähriger Zuwachs weniger angesetzt. Überhaupt rechnet man den Zuwachs von dem Zeitpunkte der Schästung an.

Beim Ertragsansate spät erfolgender Abtriebe erwägt man nach Maßgabe der steigenden Stammgrundslächenzunahme, wiesfern der Bestand den geschätzten Zuwachs noch als wirkliche Mehsrung in sich aufnehmen kann, und ob nicht mittlerweile Zwischen aushiebe eintreten mussen. Zum Schlusse werden alle einzelnen Holzerträge jeder Periode summirt.

- 4) Der unregelmäßige Ausfall bie ser Perioden summen, theils in ben Verhältnissen unter sich, theils in Bergleich mit den vorläusig aufgestellten Periodenerträgen, macht noch eine geeignete Ertragsausgleichung nöthig (§. 89. 2.), welche sich wo möglich auf jeden Betriebsverband befonders erstreckenzestets den Nutzungsverhältnissen gehörig entsprechen und die Grenzen einer forstmäßigen Waldbehandlung einhalten muß. Man zeichnet sich dazu die versetzbaren Massen gleich bei der Ertragsberechnung aus. Diese Periodenausgleichung hat nicht nur den Massenertrag, sondern auch den Nutzungswerth zu umfassen. Zuletzt wirft man von jeder Betriebsperiode den jährlichen Hauptertrag, Vorertrag und Nebenentfall nebst der Anbausläche als Angriffsesatz aus.
- 5) Die Einordnung der Jahreserträge aus den Betriebsperioden in die allgemeinen Etats = oder Finanzperioden ist übrigens ganz leicht. Geset, das erste Wirthschaftsjahr wäre das sechste einer 12jährigen Etatsperiode, und die Schätzung ers gabe an Jahreserträgen:
 - a) von einem Niederwalde,
 im 1. Jahrfünft 532 Massenklastern,
 ,, 2. ,, 560 ,,
 ,, 3. ,, 576 ,,
 dann fortwährend 600 ,,
 b) von einem Hochwalde,
 im I. Jahrzwanzigt 860 Massenklastern,
 ,, II. ,, 882 ,,

so wurden die Ctatsperioden folgende Durchschnittsertrage zusam= menfassen:

1. Per. zu 7 Jahren:
$$\frac{532 \times 5 + 560 \times 2 + 860 \times 7}{7} = 1400 \text{ Miss.}$$
2. ,, ,, 12 ,,
$$\frac{560 \times 3 + 576 \times 5 + 600 \times 4 + 860 \times 12}{12} = 1440$$
,, ...
3. ,, ,, 12 ,,
$$\frac{600 \times 12 + 860 \times 1 + 882 \times 11}{12} = 1480$$
,,

Die Betriebsperioden könnten also recht füglich neben den Etats = oder Finanzperioden bestehen, und es wäre gar nicht nösthig, die ganzen Forsteinrichtungen auf Finanzabschlüsse zu stellen. Lassen sich doch auch die Domänenpachtungen, fruchtbare und unfruchtbare Jahre, gelinde und kalte Winter, wohlseile und theure Zeiten, Krieg und Frieden keinesweges in die Finanzperioden einzwängen; warum will man gerade dem Forstordner so mühsame Versehungen mit schwerfälligen Zeitmaßen ausbürden und der Forsteinrichtung an ihrer innern Paßlichkeit und Revission einen so beengenden Zwang anlegen, um ein so gar einfasches Rechnungs-Erempel zu umgehen?

- 6) Obgleich die Sonderabschätzung alle Erträge einzeln bestimmt und keinen passüren läßt, dessen Erhebbarkeit nicht geprüft ist: so sollte man dennoch ihre Gesammtergebnisse stets mittels summarischer Abschätzung vergleichend bewähren. Dies geht auch ganz leicht, indem der eben geschätzte Massenvorrath und Zuwachs aller Altersklassen, so wie die Durchschnittsnutzung jedes Betriebs: verbandes und jeder Periode leicht ausgeworfen werden können. Den Ausfall dieser Vergleichungen und den Grund der erschienenen Abweichungen hätte jeder Fachwerksschätzer unbedingt nachzuweisen.
- 7) Zum Schlusse müßte jede ausführlichere Ertragsabschästung, je nach dem ihr eben vorliegenden Zwecke, noch weiter genügende Auskunst ertheilen über den Waldbestandes und Bodenwerth und die Waldnutzungskosten, über den gegenwärtigen und kunftigen Reinertrag und das zu erwartende Werthsnutzungs-Prozent; erforderlichen Falls auch, wosern verschiedene Behandlungs= und Benutzungsweisen zur

Frage kämen, über die Einträglichkeit einer jeden dies fer Betriebsarten. Dhne Darlegung aller wirthschaftlichen Werthsverhältnisse liefert der Schäher nur halbe Arbeit.

§. 465. Borzüge der Fachwerksabschätung.

Bergleichen wir das Fachwerk mit dem summarischen Abstätungsperfahren, so geben sich uns folgende, demselben ganz eigenthümlichen Borzüge zu erkennen, die alle in der gesonderten Behandlung eines jeden Gegenstandes ihren Grund haben.

- 1) Wortheilhaftere Betriebseinrichtungen. Wähzend die Etatsformel nur über das Gesammte ganz oberflächlich bestimmt, sucht die Fachwerksabschätzung alle Wirthschaftsvortheile im Einzelnen so viel als möglich heraus; sie stellt die ärmern Bestände früher zum Abtrieb, trifft Anordnungen zur Förderung der Werthszunahme, trägt Sorge wegen Vertheilung seltener Hölzer, wegen Deckung zeitlicher Ertragsausfälle, und leitet überhaupt allerwärts gewinnbringende Maßregeln ein.
- 2) Größere Walbordnung. Die Fachwerkseinrichtung macht es sich zur hauptsächlichen Aufgabe und gebraucht die gezeignetsten Mittel, den Betrieb aller Orte und Zeiten so zu ordnen und vorzuzeichnen, daß in dem ganzen Walde jeder nur irzgend erreichbare Vollkommenheitszustand bald und sicher hergestellt werde. Das Alles überläßt die summarische Behandlung mehr dem Zusall.
- 3) Genauere Ertragsschätzung. Wenn ber Ertrag von jedem Waldstücke und jeder Zeit mit sorgsältiger Berücksichtigung der im Laufe des Betriebs geanderten Zuwachsverhältnisse besonders geschätzt wird, und zwar mehr nach den wirklich vorshandenen Massen und nicht bloß nach unsichern Tafelwerken: so müssen die Ergebnisse für die Gegenwart und Zukunft ohne Zweisel welt genauer sein, als wenn man das Alles bloß summarisch abthut.
- 4) Sichererer Anhalt. Der ganze Betrieb bewegt sich in bem sichern Fachwerke. Der besonders geschätzte Ertrag eines jeden Stückes kann eben so gesondert wieder entnommen werden; von Det zu Ort, von Jahr zu Jahr kontrolirt der Forstwirth

*

die Ertragsschätzung; kein Schätzungsfehler pflanzt sich fort zur Gefährdung bes Ganzen.

5) Leichtere Berichtigung. Geben sich aber die Mansgel der Ertragsschätzung an Ort und Stelle gleich kund, so der eichtigt sich die Ertragsentnehmung durch eine leichte Vergleichung des örtlichen Soll und Hat von selbst. Zudem ist jede von Zeit und Umständen bedingte Abanderung des Betriebes mittels der Nachberichtigungen (Revisionen) leicht einzurichten; man darf nur die Ertragsgegenstände in dem festen Fachwerke geeigneter stellen. Sanz neue Abschätzungen sind nicht nöthig, wie dei den anhalt: losen Etatsformeln.

Gewährt nun überdies die Fachwerksabschätzung Alles, was von der summarischen nur irgend geleistet werden kann, wenn man ihr diese mit einverleibt: so dürfte wohl an die unbedingte Vorzüglichkeit dieser Methode bei Denen kein Zweisel mehr aufstommen, die, frei von aller Befangenheit, eine Meisterschaft im Anordnen des Forstbetriebes errungen haben.

§. 466. Mängel der Fachwerks = Abschätung.

Wenn von Mängeln der Sonderabschätzung die Rebe ist, so können dies nur solche sein, die in einem mangelhaften Bollzug, oder in einer befangenen Meinung ihren Grund haben, wie etwa folgende:

- 1) Man wirft dieser Methode den größern Aufwand an Zeit und Kosten vor. Jedes andere Schätzungsversahren bes darf jedoch ebenderselben Aufnahmen. Wer dürfte aber die wesnigen Tage, welche zur ausssührlichen Ertragsberechnung und Aufstellung des Wirthschaftsplanes erforderlich sind, einem Seschäfte absparen, das des Waldes beste Behandlung und höchste Benutzung auf viele Jahre hinaus einrichten soll? Auch ist es nicht zu übersehen, daß eine solche Taration ganz besonders geseignet ist, die Forstbeamten zu einem seinern, planmäßigern Bestriebe anzuregen.
- 2) Daß sich die Ertragsabschätzung in die dunkle Zukunft verlor, war allerdings ein Fehlgriff; nicht viel besser ist jett die kurze Abfertigung des je nächsten Jahrzehndes.

Jede Baldschätzung müßte zwar in den völligen Normalzustand eingehen, aber nur anfänglich sondernd, später ganz summarisch.

- 3) Zu hohe Etatisirung, in Folge zu hoch gestellter Ansprüche. Dies ist ein Fehler, den sast alle Schätzungen theilzten, und vor dem der Erfahrene nicht genug warnen kann. Er entsspringt aus dem Vertrauen des Theoretikers in seine Kunst, das auch oft den Praktiker mit hinreißt, sich in Voraussetzungen zu verssteigen, die weder der Waldbestand, noch die Walderziehung ersfüllen können. Das Fachwerk hat jedoch überall Anker, um sich gegen diese Gesahren zu sichern, während die anhaltlosen Etatssformeln untergehen.
- 4) Zudem werden nicht selten einer ganz unnöthigen, oft sogar nachtheiligen Gleichmäßigkeit in Bestandesform und Alter große, unverantwortliche Opfer gebracht; ein Fehler der gehaltlosen Papiersachwerke aus den Händen umsichtsloser Theoretiker.
- 5) Schwierigkeit in Einhaltung des Wirths schaftsplanes. Diefer Vorwurf trifft einerseits die Anordnung und andrerseits die Ausführung des Betriebes. Ist der Forstordner ein Meister im Forstbetriebe, so erscheint ihm die schwierigste Wirthschaftsausgabe leicht; ist der Wirthschafter kein Meister, so sällt ihm auch das Leichteste schwer. Die besten Forsteinrichtungen scheitern oft an Ungeschicklichkeit; man taxire daher vor Allem sein Wirthschafts= Personale. Fehlt es freilich dem Taxator selbst an Wirthschafts= Praxis und sorstlichem Scharsblick, so werden oft theoretische Ansordnungen getroffen, die auch der Geschickteste nicht aussühren kann.
- 6) Mangelhafte Betriebsanordnungen sind ein nur zu gewöhnlicher Fehler des Fachwerkes, von dem sich die summarische Abschätzung ganz lossagt. Und wenn auch der geschickteste und erfahrenste Forstmann zur Gründung des Betriebsplanes berufen wird, so hält sich die weitere Vollsührung der Taration doch selten ganz frei von solchen Misskänden, besonders bei Einrichtung der kurzen Schutzliebsfolgen, welche der gewöhn=

lichen Ertragsberechnung eine so muhsame Detailtheilung verur= sachen.

- 7) Reine Forstbetriebs-Einrichtung hat Dauer und Halt ohne eine der Bodenform angepaßte, fest begrenzte Ortsabtheilung, die dem ganzen Betriebe zum leitenden Rahmen dienen muß. Nicht selten sinden sich die frühern Anordnungen noch brauchbar, aber man ist nicht mehr im Stande, ihre Gegenstände im Walde sicher abzugreifen. Die Meisten haben leider von der Nothwendigkeit einer geregelten Ortsabtheilung im Forsthaushalte noch keinen rechten Begriff.
- 8) Aus ber festen Abtheilung jener umfänglichen Periodenschläge entspringen bagegen vielfache übel. Ein folch' handwerksmäßiges Zusammenlegen ausgebehnter 26= triebsflächen führt zu großen Berluften an ber Holzausnugung, Berwerthung und Abfuhre, zu iconungelosen Niederfällungen unreifer Hölzer, mährend man anderwärts die Überständigkeit einreißen läßt, so wie zu schutlosen, hochst schwierigen und miß= lichen Verjungungen. Die dadurch verurfachte große Ausbreitung der künftigen Alteröstufen sett die Wälder unnothig in Gefahr vor brechenden Stürmen, auszehrenden Winden und verheerenden Insekten und nimmt ben Nachkommen die Möglichkeit, burch turze Schuthiebsfolgen den vielfältigen Wiberwärtigkeiten zu be= gegnen, so baß bann stets neue Unorbnungen im Baldbestanbe einreißen können. Überdies hemmen bie, solchen Schablonenwer= ken anklebenden stabilen Umtriebe jeden feinen Betrieb, der den zufälligen Umständen so unglaublich viel abzugewinnen vermag; kein örtliches Schlagbarkeitsalter, kein Bessergerathen und kein Mißrathen der Bestände kann recht verwendet werden; bie wirthschaftliche Beitung des Rugungszuwachses, diese so wichtige Aufgabe für jeden Forstordner und Forstwirth, ift mittels solcher Periodenzwinger auf immer in Fesseln geschlagen. Bas läßt sich benken, und mas werden die Nachkommen urtheilen über biefe stabilen Umtriebszeiten, womit man ben Balbern ganzer ganterftrecken einerlei Lebensziel fest, fo wie über die permanenten Periodenbefestigungen, womit man die Baldwirthschaften einpfercht,

und über die Verhunzung der naturgemäßen Waldzustände auf Jahrhunderte? Nur das räumliche Fachwerk muß fest bestehen; das zeitliche muß der Zeit gemäß durchaus beweglich bleiben!

9) Übrigens fehlten auch alle Sonderabschätzungen mehr ober minder, daß sie ihre muhsam gewonnenen Aufnahmen nicht auch summarisch anwendeten zur bewährenden Bergleichung der Schätzungsergebniffe; daß sie ferner nur den Massenertrag und nicht die höchste Werthsnutzung zum Ziele ihrer Einrich= tung nahmen, babei nicht einmal bie Größe bes Waldvermögens mit dem Werthsnutungs-Prozente darlegten, also bis jett selbst= zufrieden auf dem halben Wege stehen blieben. In ihren soge= nannten Hauungsplan-Karten wurden bie Mängel bes forstlichen Scharfblickes mit dem Pinsel gedeckt, und ihre Wirthschaftsvor= schriften führten die Wirthschaftsbeamten von einer Berlegenheit in die andere. Dies und nichts Anderes sind die Urfachen, war= rum die Fachwerksmethode, welche unbedingt der größten Boll= kommenheit fähig und zu jeder genauen Werthsbestimmung ganz unentbehrlich ift, in so gar übeln Ruf gerieth!

§. 467. Flächen=Rontrole.

Wenn man die Abnutung und Wiederverjüngung des Waldes auf dessen Flächenausdehnung angemessen vertheilt und stets die Abtriedsstäche mit zur Richtschnur des Angriffs nimmt, ohne jestoch den Betried mittels fester Periodenschläge einzustallen: so ist die Nachhaltigkeit und Gleichmäßigkeit des Waldertrags und die Regelung des künftigen Baldzustandes auf das einsachste und vollkommenste gesichert und zugleich einer jeden Ertrags-Abschätzung und Entnehmung die haltbarste Grundlage gegeben. Zum Beweis diene nur Folgendes:

1) Die Waldbestandessläche ist der Grundfaktor aller Forstertragsschätzungen. Bei jeder Ertragsberechnung multiplizirt man nämlich, sei es mittelbar oder unmittelbar, die Bestandessläche F mit der wahrscheinlichen Ertragsgüte-e und theilt das Produkt in die fraglichen Abtriebsjahre i. Die Grundsormel aller Holzertragsberechnungen ist mithin $\frac{\mathbf{F} \times \mathbf{e}}{\mathbf{i}} = \frac{\mathbf{F}}{\mathbf{i}} \times \mathbf{e}$ und beweis't schon an sich, daß jede Schätzung des jährlichen Walber: trags eine Flächentheilung zum Faktor hat und danach kontrolirt werden kann.

- 2) Nähme man die geschätzte Abtriedsmasse zum alleinigen Maßstab sur den jahrlichen Angriss: so befände man sich die zum vollendeten Abtried eines jeden angehauenen Bestandes in gänzticher Ungewisheit wegen des Erfolgs. Legt man aber die Schläge auch nach der Abtriedsstäche an und theilt sich von $\frac{\mathbf{F}}{\mathbf{i}} \times \mathbf{e}$ den leicht meßbaren Faktor $\frac{\mathbf{F}}{\mathbf{i}}$ von Jahr zu Jahr erst ab: so werden dadurch sowohl die Schritte des Angrisss gesichert, als auch die Fehler der Ertragsschätzung zeitig zur Kenntniß gebracht. Es ist gewiß weit sicherer, den Ertrag nach seinen Faktoren zu nehmen, als im Ganzen. Folglich begründet die Flächentheis lung auch die Ertragsentnehmung in jedem Bestande an sich.
- 3) In jedem Waldverbande soll aber nicht nur jett ein ziemlich gleichmäßiger Ertrag gewonnen, sondern es soll auch für die Zukunft ein völlig geordneter Waldzustand hergestellt werden. Dies bedingt, daß man für alle künftigen Zeiten jett schon vershältnißmäßige Waldslächen folgerecht verjüngt. Die Flächen: theilung ist also auch der künftigen Walbordnung wegen unerläßlich.
- 4) Kände sich die Waldung in Alter und Folge durchgängig geregelt und in gleicher Güte: so triebe man alle Jahre den Flächentheil F vom ältesten Bestande ab; gleiche Abtriedsstächen ergäben dann gleichen Ertrag. Hier begründete also die gleiche Flächene in the ilung ganz alle in den gleich mäßigen Ertrag. Übrigens brauchte die Fläche nur für die Schlaghauungen eingetheilt zu werden; denn hiervon hängen auch alle Vor = und Nachhauungen ab. Diese sind im vorausgesetzten Normalzustande bei gleich geordneter Schlagsläche nicht minder gleich.

- 5) Ist ber gegenwärtige Balbzustand noch unvollkommen, jedoch sogleich vereindar mit der angenommenen Betriebsart: so kann und muß die Nachhaltigkeit und Gleichheit des Abtriebs ebenfalls mit gleicher Flächeneintheilung begründet werden, sobald es das Berhältnis
 der Altersklassen nur irgend gestattet, indem man hier ebenfalls
 den guten und schlechten Bestand gleichmäßig mit vertheilt und
 die Ertragsantheile aller Zeiten noch durch die Bor = und Nachhauungen ausgleicht. Nur die ersten Perioden können zuweilen
 wegen Mangels an schlagbarem Holzbestande noch nicht die volle
 Schlagssäche bekommen. Dem künftigen Umtried ersehen dies
 jedoch die jehigen, in solchem Falle mehr ausgedehnten Anwüchse,
 Schläge und Anbauslächen.
- 6) Selbst bei gänzlicher Unvollkommenheit und Unvereinbarkeit des vorhandenen Waldzustandes mit der neuen Betriebsart, müßte auch lange Zeit in dem ganzen Walde umher ausgehauen werden ohne eigentlichen Schlagbetrieb, wie bei Umformung des Plänterwaldes oder Mittelwaldes in Hochswald, ist die Flächeneintheilung als Basis des Bestriebsplanes und zur herstellung des vollkommesnen Waldzustandes und der hebeingt nöthig. Denn die bloße Ertragsaufstellung gewährt niemals einen Überblick über den Waldzustand einer jeden Zeit; zudem kann Niemand geregelte Anhiebe nach der bloßen Abtriebsmasse anordnen oder anlegen.

Überdies besteht die Nothwendigkeit eines jährlich ganz gleischen Holzertrags nur in der Einbildung; sie ist sogar ganz uns vereindar mit dem Bedürfnisse, das selbst von den verschiedenen Holzsorten in dem einen Jahre mehr, in dem andern weniger verlangt, und nur ein vorsichtiges Zurathhalten der nöthigen Holzvorräthe gebietet.

7) Hierdurch ist nun genugsam erwiesen: daß eine gut angelegte Forstslächen Rontrole nicht nur allen Forstertragsschätzungen, sondern auch jedem gleich mäßigen Abtriebe des vorhandenen Holzvorrathes und jeder künstigen Bestandesordnung zur Grund-lage dienen muß; daß auch die Flächenantheile aller

Beiten, bei vollkommenem und unvollkommenem Waldzustande, wo möglich gleich sein müssen. Abn ungebunden muß sich diese Flächenkontrole innerhalb einer sesten Ortsabtheilung bewegen, geleitet nach dem zeitgemäßen Urtheik reiferer Erfahrung und besserer Einsicht. Sie muß dem aus übenden Forstwirthe stets zum offenkundigen Sicherungsmitte dienen, womit er seinen Forst psichtgetren auch gegen die Missgriffe der Taration überwacht.

§. 468, Flächeneintheilung nach ber Ortsertrags; fähigkeit für ben einstigen Normalzustand.

Weil gleiche Bobenflächen von verschiedener Ertragsfähigkeit bereinst nicht gleiche Erträge abwerfen konnen, so scheint es, als ware mit ber gleich en Flacheneintheilung überhaupt ein gleicher Bukunfteertrag nicht zu begrunden, und man muffe ju biesem Behufe allen Betriebsperioden eine gleiche Gumme von Ertragsfähigkeit zutheilen. Fiele jedoch bei einer solchen Theilung in den einen Theil besserer, in den andern aber geringerer Standort mit verschiedener Abtriebsfläche: fo könnte bies ebenfalls keine Gleichheit im Ertrage gewähren. Denn die Holzarten und Sorten, die Holzpreife und Löhne, ja selbst die Anbaukosten ergaben sich ganz verschie ben, wie es z. B. ber Fall sein wurde auf einem Schlage von 30 Mg. mit 0,8 e gegen einen andern von 60 Mg. mit 0,4 e. In der Theorie müßten also alle kunftigen Perioden nicht nur gleiche Schlagflächen bekommen, sondern in diefen mußten ' sich auch ganz gleiche Theile von einer jeden der vor handenen Standortstlaffen befinden.

Diese Eintheilung der verschiedenen Ortsgüten auf alle Perioden geschieht entweder genau, mittels Berechnung nach der geschätzen Ertragsfähigkeit, oder nur ungefähr, mittels gutsachtlicher Verlezung der Abtriedsstäche einer jeden Periode in Besseres und Geringeres zugleich. Das letztere Versahren erkennt der umsichtige Praktiker stets für znreicheud, einmal, weil die Flächentheilung für jeden Betriedsverband selbstständig abgeschlossen wird, die Ertragsfähigkeit der demselben Betriede zugewiesenen

Forstorte aber nicht leicht fehr bedeutende Abweichungen barbietet, und zweitens, weil es ihm ein Gewohntes und Leichtes ift, die Ausgleichung bes wirklichen Ertrags von Jahr zu Jahr und von Periode zu Periode burch kleinere ober größere Schläge und durch die Vor = und Nachhauungen zu bewirken. Die genaue Eintheilung nach ber Ertragsfähigkeit laffen wir dem Theoretiker. Denn in Erwägung, daß die wirkliche Ergiebigkeit ber Holzbe= stände, schon wegen des mehr oder minder zufälligen Gerathens, mit bem geschätten Normalertrage nie genau übereinstimmen kann; daß es zudem nicht möglich ist, den Normalertrag bloß mittels der, unserm Auge so verborgenen Ertragsfähigkeit genau zu schätzen und auf alle Zeiten gleich zu vertheilen; daß endlich diese Gin= theilung keinen nähern 3weck hat, als ber spätern Zukunft eine eingebildete Normalität zu vererben: durften wir recht füglich diese Flächeneintheilung nach ber geschätzten Ertragsfähigkeit, wo nicht fehr abweichende Standortsverschiedenheiten zusammengefaßt sind, jenen überflussigen Buchergrubeleien zuzählen, die zu weiter nichts nügen, als den Nachkommen einen Beweis unserer Untuchtigkeit in der Praris und unseres Mißtrauens in ihre Geschicklichkeit zu überliefern.

§. 469. Summarische Regelung des Massenvor= rathes.

Findet die summarische Ertragsabschätzung den wirklich en Masser, als den normalen (nv), und gedenkt sie denselben in einem solchen Falle nach und nach auf den normalen Stand zu versetzen: so bestimmt der Tarator die dazu geeignete Aussgleichungszeit (a) und berechnet dann, um wie viel der eben gefundene Ertragssatz inzwischen zu ermäßigen oder zu steigern wäre. Das hierzu dienende Rechnungs-Versahren ändert sich nach den verschiedenen Abschätzungs Methoden und scheidet die zwei Fälle:

wv ist entweder kleiner, oder größer als nv.

1) Regelungsweise ber Zuwachsabschätzung

(§. 460.). Hier sei ber gefundene wirkliche Zuwachs als Ertragssatz wz und ber normale Zuwachs nz.

Erster Fall: wv < nv; mithin $\frac{nv-wv}{n}$ der für den Massenvorrath jährlich erforderliche Mehrungstheil. Um diesen hätte man den geschätzten Ertragssatz wz zu mindern. Der Regelungsangriff e stellte sich also

$$= \frac{wz \times a}{a} - \frac{nv - wv}{a}$$

$$= \frac{wz \times a}{a} - \frac{nv - wv}{a}$$

$$= \frac{wz \times a}{a} - \frac{nv}{a} + \frac{wv}{a} (\S. 35. 2.)$$

$$= \frac{(wv + wz \times a) - nv}{a}$$

Geset, der Normalvorrath sei, wie in dem Beispiele §. 459, = 72720; der Normalzuwachs = 3040; der wirkliche Borrath aber nur 60000 und der wirkliche Zuwachs = 2600, und es solle der Normalzustand innerhalb der ersten 50jährigen Umtriebszeit hergestellt werden: so ist der Ertragssat

$$=\frac{(60000+2600\times50)-72720}{50}=2345.$$

3weiter Fall: wv > nv; mithin wv - nv ber jährliche Minderungstheil des wirklichen Massenvorrathes; also der Regelungsangriff

$$e = wz + \frac{wv - nv}{a}$$

$$= \frac{wz \times a}{a} + \frac{wv}{a} - \frac{nv}{a}$$

$$= \frac{(wv + wz \times a) - nv}{a}.$$

Wäre nun Normalvorrath und Normalzuwachs wie vor, der wirkliche Vorrath aber = 80000 und der wirkliche Zuwachs = 3400: so ist der Ertragssatz

$$=\frac{(80000+3400\times50)-72720}{50}=3545.$$

Der so ausgeworfene Regelungsertrag befaßt freilich bie

Zuwachstheile nicht mit, welche der Massenvorrath in der Zwischenzeit durch den schwächern Angriff gewinnt, oder durch den stärkern verliert. Man darf annehmen, daß dies selben sich wie die bezüglichen Massentheile verhalten, denen sie also entweder mit

$$+\frac{nz-wz}{a}$$
, ober mit $-\frac{wz-nz}{a}$

noch zufallen, und zwar im 1. Jahre einfach, im 2. zweifach, im i. ifach. Der Regelungsangriff stellte sich mithin für jedes Jahr besonders, nämlich:

1. Sall:
$$e = \frac{(w + wz \times a) - nv}{a} + \frac{nz - wz}{a} \times i;$$

II. Fall:
$$e = \frac{(wv + wz \times a) - nv}{a} - \frac{wz - nz}{a} \times i$$

Leicht begreiflich zieht die Minderung des Ertragssatzes einen Zuwachsgewinn und die Mehrung desselben einen Zuwachsverlust am Massenvorrathe nach sich; daher die entgegengesetzten Zeichen der Zuwachstheile.

Für den Beginn des zweiten Jahrzwanzigts, also für das 21. Jahr wäre demnach, das obige Beispiel beibehalten, der Erstragssat:

im I.
$$\Re a \mathbb{I}$$
: 2345 + $\frac{3040 - 2600}{50} \times 21 = 2345 + 184,8 = 2529,8$;

im 11. Fall:
$$3545 - \frac{3400 - 3040}{50} \times 21 = 3545 - 151, 2 = 3393, 8$$
.

Würde für jede Betriebsperiode anstatt der laufenden Wirth= schaftsjahre i das Mitteljahr gesetzt, z. B.:

für das 1. Jahrzehnd i
$$=\frac{(1+10)\times 5}{10}=5,5,$$

für das 2. Jahrzehnd i
$$=\frac{(11+20)\times 5}{10}=15,5$$
 u. s. w.:

so ergäbe sich eine, die Rechnung erleichternde Gleichheit in ben periodischen Jahresbeträgen. So wäre z. B. für den ersten Fall der mittlere Zusatheil vom Zuwachsgewinn für die Jahre des 3040 — 2600

2. Jahrzehnds =
$$\frac{3040-2600}{50} \times 15.5 = 136.4$$
.

Diese Zuwachsausgleichungen haben jedoch zu unsichere und

veränderliche Grundlagen, um die Zuverlässigkeit ihrer Ergebnisse sonderlich einpfehlen zu dürfen. Deist ist zu den dabei beabsichtigten Überschlägen schon der bloße Massentheil genügend. Wäre der Angrissssage (e) gegeben und die Ausgleichungszeit (a) zu suchen, fo würden die Gleichungen leicht danach einzurichten sein.

2) Regelungsweise der Prozentabschätzung (§. 461.). Das Nutungs=Prozent von dem vorhandenen Massenvorzathe sei als Ertragssatzup.

Erster Fall: wv < nv; mithin während ber Ausgleischungszeit jährlich zu erübrigen $\frac{nv-wv}{n}$; dies beträgt an Prozenten von wv, nach dem Ansage:

$$wv: \frac{nv - wv}{a} = 100: p,$$

$$\frac{(nv - wv) \times 100}{a \times wv}.$$

Das Regelungs-Prozent wäre also:

$$np - \frac{(nv - wv) \times 100}{a \times wv}.$$

3 weiter Fall: wv > nv; mithin jährlich mehr zu nehe men wv-nv; dies gäbe zum Regelungs-Prozent

$$np + \frac{(wv - nv) \times 100}{a \times wv}$$

Behalten wir unsere Beispiele bei, so ist (nach §. 461. 2.) pp = 4,18 und das Regelungsprozent bemnach,

für den ersten Fall:

$$4,18 - \frac{(72720 - 60000) \times 100}{50 \times 60000} = 4,18 - 0,424 = 3,756;$$

für den zweiten Fall:

$$4,18 + \frac{(80000 - 72720) \times 100}{50 \times 80000} = 4,18 + 0,182 = 4,862.$$

Hiernach wäre der Ertragssatz im ersten Falle: 60000 × 3,764

= 2253,6, und im zweiten Falle: $\frac{80000 \times 4,862}{100}$ = 3480,6. Man könnte auch das Rusungs-Prozent in den wirklichen Zuwachs

verwandeln und dann wie oben verfahren, besonders wenn die Zuwachstheile mit anzurechnen wären.

·3) Regelungsweise der Durchschnittsabschätzung (§. 462. 1.). Es sei die wirkliche, nach wv berechnete Durchschnittsnutzung als Ertragssatz wd, der Normaldurchsschnitt nd, das Umtriebsalter n und der normale Massenvorrath nv = $nd \times \frac{n}{2}$.

Erster Fall: wv < nv; mithin während der Ausgleischungszeit (a) jährlich weniger zu schlagen $\frac{nv-wv}{a}$; also ber Regelungsangriff:

$$e = wd - \frac{nv - wv}{n}$$

Setzen wir auch hier voraus, der Normalvorrath sei = 72720 und der wirkliche nur = 60000, so ist der Ertragssatz:

$$\frac{60000}{25} - \frac{72720 - 60000}{50} = 2400 - 254,4 = 2145,6.$$

Zweiter Fall: wv > nv; mithin jährlich wv - nv mehr zu schlagen; also ber Regelungsangriff

$$e = wd + \frac{wv - nv}{n}$$

Unser obiges Beispiel beibehaltend, ware für biesen Fall ber Ertragssat:

$$\frac{80000}{25} + \frac{80000 - 72720}{50} = 3200 + 145,6 = 3345,6.$$

In diesen Formeln sindet sich viele Übereinstimmung. Ik der wirkliche Massenvorrath kleiner, als der normale: so wird der Ausgleichungstheil subtrahirt; im Gegensate, addirt. Die Ausgleichungszeit will man gewöhnlich, wie wir auch in unserem Beispiele vorausgesetzt haben, der Umtriedszeit gleich setzen; mehr haben jedoch die Werthsnutzungs = Prozente und das Bedürfnist darüber zu entscheiden. Überhaupt möchte der Fall sehr selten sein, wo ein doch nur in der Idee beruhender Normalvorrath durch Schmälerung des Nachhaltsertrags und mit Beeinträchtigung des gewohnten Einkommens ausgespart werden dürfte, und dann

würde der Taxator viel sicherer gehen, dies vermeintliche Wieder= aufforsten durch eine recht kluge Leitung des Zuwachses einzurich= ten, wozu aber nur das Fachwerk geeignete Mittel und Wege barbietet.

Die summarischen Regelungen des Massenvorrathes sind viel zu oberstächlich und durchaus nicht geeignet, den Normalzustand eines Waldes sicher zu umfassen. Einigen Vorzug verdient ins des doch die auf den wirklichen Zuwachs gegründete Formel wegen ihrer Brauchbarkeit bei der Fachwerksabschätzung; deshalb haben wir sie auch etwas aussührlicher behandelt.

§. 470. Erzielung bes Balbnormal=Buftanbes.

Das weitere Ziel einer jeden Forstbetriebseinrichtung und Ertragsabschätzung ist die wirthschaftliche Herstellung bes Waldnormal=Zustandes zum Nuten der Zukunft, ohne Opfer der Gegenwart. Dieser Vollkommenheits=Zustand beruht theils in dem gesammten Waldvermögen, theils in dem geordneten Waldzustande.

- 1) An dem gesammten Baldvermögen versuchten wir so eben die summarische Regelung, fanden jedoch, daß es berselben an zureichendem Grunde fehlt, und sich kein Bald= eigenthumer auf das verlangte Zurucklegen vom gewohnten und wirklich fälligen Ertrage ohne sichere Gewähr einläßt. Im Fach= werk ist es weit leichter, mittels kluger Anordnungen und gut berechneter Kunstgriffe, die Waldzustände aller Orte und Zeiten gleichsam durch sich selbst zu heben und ber Zeitfolge nach ganz ausführlich darzulegen, wie sich das Waldvermögen seiner Bolls kommenheit von Stufe zu Stufe nahert. Hierbei findet der Taxator auch manche Mittel, an dem vermeintlichen normalen Massenvorrathe noch Vieles zu ermäßigen, mit einem bedeutend kleinern Baldkapitale die vollkommenen Balderträge zu gewin= nen und badurch bie Waldnugungs-Prozente mehr und mehr zu heben.
- 2) Die forstmäßige Orbnung bes Balbzustandes, welche ber gute Forstwirth unerläßlich forbert, ber Etatsformler aber ganz unbeachtet läßt, kann nur burch bie Fachwerkseinrich=

tung ermöglicht werden, mittels eines gut angelegten Betriebs= planes, nach welchem von Periode zu Periode die verhältnißmäßige Waldsläche dermaßen verjüngt wird, daß der Zukunft alle Alters= klassen an innerer Vollständigkeit, äußerer Ausdehnung und gere= gelter Reihesolge vollkommen überliefert werden.

3) Bis jetzt war freilich die Fachwerksabschätzung noch viel zu sehr in ihren Einzelheiten befangen, um nach den gegenwärstigen und künftigen Sesammtzuständen des Waldes recht zu fragen; sie begnügte sich meist mit ihren Periodenzwingern und legte nicht weiter dar, wie dereinst die Waldvollkommenheit erzielt werde, dachte auch eben so wenig daran, sich nebenbei, wenn nur versuchsweise, der summarischen Regelung ihrer Wassenvorräthe zu bedienen, oder von der Nutzung des Waldkapitales Rechenschaft zu geben, obschon ihr alle dazu erforderlichen Masterialien ganz offen in der Hand lagen.

§. 471. Unwendbarkeit der verschiedenen Abschätzungs=Methoden.

Bon obigen fünf verschiedenen Abschätzungs = Methoden hat eine jede ihre besondere Unwendbarkeit, bedingt von dem Wald= zustande, den Schätzungsmitteln, und dem Schätzungs= zwecke. Lassen wir hier die Einrichtung des Wirthschaftsbetriebes als Hauptzweck gelten und beziehen wir uns bloß nebenher auf die nur selten mangelnden Mittel: so dürften sich an die Wald= zustände des schlagweisen Betriebs folgende Urtheile reihen.

- 1) Ziemlich geregelter Waldzustand; einfacher Abtrieb: Hier genügt der Betriebsplan mit summarischer Abschätzung nach alls gemeinen Durchschnittsnutzungen. Der vorläufig aufgestellte Erstragssatz würde im Laufe der Zeit nach der wirklichen Ergiebigkeit aller nachgemessenen Abtriebsslächen berichtigt.
- 2) Minder regelmäßiger Waldzustand, bedeutende Lücken in den Altersklassen, jedoch ohne verwickelten Zwischen = und Um= wandlungsbetrieb: Fachwerksabschätzung nach besondern Durch= schnittserträgen.
 - 3) Ganz unregelmäßiger Baldzuftand mit verwickeltem Be=

triebe und fünstlichen Aushülfsmitteln, aber noch zur planmäßigen Ginrichtung geeignet: Fachwerksabschätzung nach Sondererträgen.

- 4) Höchst ordnungsloser Waldzustand, worin bermalen weder eine bestimmte Schlagführung, noch ein fester Betriebsplan Statt sinden kann; nicht minder im bleibenden Plänterwalde: Sum= marische Abschätzung nach dem Nutzungszuwachse.
- 5) Zu bloßen Ertragsüberschlägen dient die reale ober auch progressionale Durchschnittsnutzung, wenn man nicht vorzieht, die Erträge der nächsten Abtriebe besonders zu schätzen.

Diese verschiedenen Methoden können in demselben Forste recht füglich neben und hinter einander angewendet werden, je nachdem der Betrieb eben mehr oder weniger Anhalt bedarf. Nur muß eine und dieselbe Übersichts : und Nachweisungs:Form die Ergebnisse von allen zusammen paßlich ausnehmen.

§. 472. Gelegentlicher Waldnutungs=Betrieb.

Handelt es sich eben nicht um Regelung des künftigen Baldsangriffs mit Herstellung eines forstmäßigen Altersklassen-Berhältnisses, und will man einem Baldgute, als Kapital betrachtet, nur die höchsten Zinsen abgewinnen, ohne eben ein jährlich gleisches Einkommen zu verlangen: so ist jeder aussührliche Betriebsplan und jede umfassende Ertragsabschätzung entbehrlich. Dan führt in diesem Falle einen zeitgemäßen, freien Nutungsbetrieb, bloß und allein nach Maßgabe der sich darbietenden Berkaufssgelegenheiten und der von Zeit zu Zeit in den nutharen Hölzern zu untersuchenden Werthszunahme Prozente. Nachfrage und Insessuß bestimmen dabei die Haubarkeit. Alle Bäume und Bestände, welche die erforderliche Werthszunahme nicht mehr gewähren, fallen der Ruhung anheim, so weit sich eben ein guter Käufer sindet, wosern es die Nachzucht nur irgend gestattet.

Diese Nutungsweise wird einerseits durch rasche Berjüngung, pflegliche Durchforstung und Erziehung der gesuchtesten Holzsorten mit Gewinnung aller Nebennutungen, andrerseits durch Erzielung aller zeitlichen Verkaufsvortheile höchst einträglich. In den kleizneren Privatwald: Wirthschaften kann man von diesem freien, in Zwischenzeiten auch auszusetzenden Nutungsbetriebe den besten

Sebrauch machen; die Ermittelung bes Werthszunahme-Prozentes kann einem jeben Holzförster mechanisch angelernt werben.

§. 473. Unerläßliche Leistungen einer jeden Walbtaration.

Eine jede Forstertrags-Abschätzung, hat sie zumal die Einrichtung des Betriebs zum hauptsächlichen Zwecke, sollte in ihren Leistungen durchaus folgende Anforderungen befriedigen:

- 1) Zureichende Aufnahme aller Ertragsquellen, welche entspringen aus der Größe und Beschaffenheit des Standsortes und Bestandes und aus allen, das Einkommen weiter bes dingenden äußern Besitz, Absatz und andern Nutungs Werzhältnissen.
- 2) Aufstellung eines meisterhaften, ben Forstvers hältnissen durchaus entsprechenden Betriebsplanes zur Erstragserzeugung und Entnehmung an allen Orten und zu allen Zeiten.
- 3) Herbeiziehung aller thulichen Wirthschafts= kunstgriffe, um für jede Zeit den werthvollesten Ertrag zu erzielen, ohne einen unnöthig großen, gefährdeten Massenvorrath.
- 4) Darlegung der Werthszunahme=Prozente jeder altern Bestandesklasse und der Werthsnutzungs=Prozente jedes Waldverbandes.
- 5) Rasche, sichere und gewinnbringende Bervollkomms nung des vorgefundenen Waldzustandes, so daß während der gegebenen Einrichtungszeit allerwärts die angemessenste Walds gattung mit solgerechter Altersabstusung in wohlgeschlossenen kräfs tigen Wüchsen entstehe.
- 6) Auswahl ber leichtesten Mittel und Wege zur Berbes=
 ferung und Unterhaltung des Waldes, so wie der ge=
 eignetsten Maßregeln zur Sparung aller unnöthigen Waldnutzungs=
 kosten.
- §. 474. Sauptregeln für jede Balbtaration an sich.

An sich selbst hätte jebe Waldtaration folgende allgemeinen Anforderungen zu erfüllen:

- 1) Das Berfahren, sowohl bei der Ermittelung, als bei der Regelung, muß nicht nur zweckmäßig, sondern auch eins fach und leicht, hinlänglich genau und sicher sein.
- 2) Die Betriebseinricht ung soll nur Feststehen: bes zur Grund lage nehmen, und zwar nie etwas Anderes, als die stets verbleibende Abtheilung der Forstorte mit Bestimmung der Betriebsperioden, Betriebsarten, Waldverbande und einstigen Hiebsfolgen; in keinem Falle darf sie ungewisse oder veränderliche Dinge, wie die Umtriebszeiten und Periodensstallungen, Ertragstafeln und Etatsformeln, als Hauptfundamente gebrauchen.
- 3) Alle Anordnungen mussen den Forstverhältenissen, ber örtlichen Erfahrung und der Wissenschaft entsprechen, ohne den kunftigen Betrieb in zeitgemäßer Begegnung unerwarteter Ereignisse und in freier Benutung bessere Einsicht nur irgend zu beschränken. Kein Versehen der Forsttaration darf auf die Forstwirthschaft dauerns den Einfluß haben können.
- 4) Die ertheilten Borschriften müssen kurz und versständlich sein, sich nur auf das Nothwendige beschränken und für alle Betriebs = und Abschätzungsarten unbedingt einerlei Form haben. Alle dazu gehörigen Übersichten sind auf handliche Bogengröße zu beschränken.
- 5) Zede von der Zeit herbeigeführte Abweichung des Betriebes muß durch die leichtesten Mittel wieder eingerichtet werden können, ohne daß die festen Grundlagen im Forste eine wesentliche Veränderung erleiden.
- 6) Die ganze Forsttaration muß wenig kosten, wo möglich fortbauernb bestehen, eine wandernbe Unterrichtsanstalt sein und die Wirthschaft aller Zeiten sinnig beleben.

Dies sind die Hauptbedingungen, welche man jeder Forsts einrichtung stellen sollte; wir haben uns stets bestrebt, sie in Theorie und Praris nach Möglichkeit zu erfüllen, und nur wo die Verwaltung nicht in den Geist der Einrichtung eingehen konnte, waren wir es nicht im Stande.

IV. Waldwerthschätzung.

§. 475. 3wede ber Balbwerthschätzung.

Die Waldwerthschätzung hat den Zweck, den Geldwerth irsgend eines Waldeigenthums zu bestimmen. Dieser kann in mehrsfacher Beziehung zur Frage kommen, theils und vorzugsweise wegen Kauf, Tausch, Erbschaft u. s. w., theils zum Behuse von Expropriationen, theils endlich zur Feststellung des Schadensersfatzes bei Holzentwendungen und Beschädigungen. Obschon die Waldwerthschätzung in allen diesen Fällen von denselben allgesmeinen Grundsätzen ausgeht, so modifizirt sich dennoch das Versfahren einigermaßen nach dem Zwecke; wir werden daher einer gesonderten Betrachtung unterwerfen:

- 1) die eigentliche Waldwerthschätzung im engeren Sinne;
- 2) bie Erpropriation von Walbeigenthum;
- 3) die Schätzung des Schabensersatzes bei Holzentwendungen und Beschätigungen.
 - Daran reihen wir noch:
 - 4) die Werthschätzung von Jagden, und
 - 5) die Schätzung bes Wildschabens.
 - 1. Waldwerthschätzung im engeren Sinne.
 - §. 476. Grundlagen der Baldwerthschätzung.

Der Waldwerth wird zunächst durch die Benutung des Waldvermögens bedingt; diese begründet den zu erwartenden Waldsertrag und ist daher der wesentlichste Gegenstand jeder Waldswerthschätzung; nach ihr basirt sich der Waldwerth, wie nach den Zinsen das Kapital. Obgleich nun der Waldertrag vorzugsweis ein Aussluß des Waldvermögens an sich ist, so hängt er doch nicht von diesem allein ab, sondern wird auch noch von manchen zufälligen Umständen und persönlichen Zweschen mit bestimmt; daher kann es auch in keinem Falle einen unbedingten Waldwerth geben.

Die zufälligen Umstände beherrschen den Werth des

Seldes an sich, die Absetharkeit und den Preis der Walderzeugnisse, die Sicherheit des Holzvorrathes und aller andern Faktoren des Waldwerthes mehr oder minder. Die persönlischen Zwecke machen bald den Seldbesit, bald den Waldbesitz werthvoller und annehmlicher; sie rufen hier die Nothwendigkeit, dort die bloße Reigung hervor, eine Waldung in dieser oder jener Art zu benutzen, ein Waldeigenthum zu erwerden, oder zu veräußern. Auf diese gar mannigfaltigen Verschiedenheiten, welche sich meist in Jahlen gar nicht darstellen lassen, kann der Schätzer keinesweges einzeln eingehen; aber eben darum darf er sich auch nicht mit einem einseitig bedingten Waldwerth begnügen (§. 132.).

Jede Waldwerthschätzung muß auf einem festen Fundamente beruhen und dabei das mehr Zufällige und Personliche bloß als Nebensache ben wesentlichen Werthsverhältnissen mit anpassen, so daß ein jeder der Betheiligten zur Kenntniß des ihn besonders angehenden Werthes gelange. Dieses Fundament bedarf:

- a) eine genaue Ermittelung und Erörterung aller Werths= faktoren;
- b) die Feststellung der eigentlichen Werthsobjekte, nach ihrem Gehalte und ihren Werthsverhältnissen, und
- c) die Aufstellung eines angemessenen Nutzungsplanes. Darauf stützt sich endlich
- d) die eigentliche Werthsberechnung, welche entweder in's Einzelne eingeht, oder auch wohl unter Umständen sich mit summarischer Beranschlagung begnügt.

a. Werthefaktoren.

§. 477. Grundbefit.

Vor Allem hat man die Verhältnisse des Grundbesites, bessen Beziehungen zum Nachbarbesite, die nutbaren Forftgezrechtsamen und lastenden Dienstbarkeiten aller Art mit dem vom Frevel zu befürchtenden Verluste, hauptsächlich auch die etwaigen Beschränkungen der Eigenthumsfreiheit als wesentliche Faktoren des Waldwerthes zu erforschen und aufzunehmen. Zudem ist die Begrenzung, Figur und Grundsstäche sowohl von dem Ganzen, als auch von allen Verschieden:

heiten des Grundes und Bodens, des Holzbestandes und der Nesbenstücke, selbst vom Bereiche der äußern und innern Grundberechtigungen so genau zu ermitteln, als es der gegebene Zweckedingt. Besonders wo es sich um Walderwerbung handelt, darf man weder die vorgelegten Karten und Flächengehaltsnachweisuns gen, noch die angegebenen Grenzen ohne Weiteres als richtig und unbestreitbar annehmen; nicht minder hat man das Eigenthums und Dispositionsrecht des Veräußerers, so wie den etwaigen hypothekarischen Verband des Erwerbungsgegenstandes genau zu erfragen.

§. 478. Standort.

Von jedem näher abgetheilten Forstorte erhebt und beschreibt man die natürliche Beschaffenheit nach Eage, Boden und Ortsgüte, nicht nur in Bezug auf Waldwirthschaft, sondern auch für den etwa möglichen Acker und Wiesendau, oder zu sonstigen Zwecken, und zwar mit näherer Angabe der örtlichen Umstände, namentlich der Belegenheit an Ortschaften, Holzungen, Fluren, so wie mit Andeutungen der angemessenen Holzzucht oder anderartigen Benutzungsweisen. Dazu wirft man noch die durchsschnittliche Ortsgüte vom Ganzen aus und bestimmt vorsläusig den allgemeinen Boden werth.

§. 479. Baldbeftanb.

Von jeder weiter geschiedenen Bestandesabtheilung ist, außer der besondern Ortsgüte nebst Bodenzustand, aufzunehmen: die Bestandes form, das Alter, die Stammgröße, die Stellung und das Wachsthum, mit der Bestandesgüte an Massengehalt und Zuwachsbetrag nebst geeigneten Betriebs=vorschlägen. Hiernach wird vom Ganzen der auf bereitbare Holzvorrath ohne alle weitere Berücksichtigung der Absehdarzteit ausgeworsen nach den in der Gegend gangdaren Nutz und Brennholzsorten von verschiedener Form und Güte. Ebenso auch der laufen de Jahreszuwachs. Dabei ist die Schähung der Nebennutzungen von dem Holzbestande und Waldboden, so wie der besondern Nebengrundsstücke, nicht zu unterlassen.

§. 480. Absatverhältnisse.

Weiter hat man sich in Kenntniß zu setzen von allen äus ßern Verhältnissen, welche im Verkehr auf den örtlichen Werth des Bodens und Bestandes und deren Erzeugnisse wesentlichen Einsluß haben. Sie werden bedingt von der Concurrenz der Nachbarwaldungen, der Holzein= und Aussuhr; Wegsamkeit der Gegend; von dem Nahrungsstande, Verbrauche und Begehr der Anwohner; von der Absetzeit der rohen Forst= und Landzerzeugnisse, nebst den fraglichen Preisen, Arbeitslöhnen u. s. w. im ganzen Absatzereiche des Forstes.

§. 481. Rugungsverhältniffe.

Nächstem wären alle, theils für den Waldbesitzer, theils sür einen jeden betheiligten Dritten mehr oder minder zweckbienlichen Personalverhält nisse auszukundschaften. Diese beziehen sich hauptsächlich auf folgende Gegenstände: Die seitherige Benutzung und die etwaigen Verkaufszwecke von Seiten des Besitzers; die nähern oder entferntern Nutzungszwecke eines jeden der etwaigen Bewerber; die Thulichkeit der Waldzerschlagung; die Erzielung des größten Holz und Werthsertrages, oder des höchsten Geldund Zinsengewinnes bei fortgesetztem Waldbetriebe; die Sicherung des stehenden Holzvorrathes gegen jede Gesahr; die Ergänzung irgend eines andern Wirthschaftsverbandes; anderartiger Gesbrauch zu Ackerbau oder Viehzucht und dergleichen; Selbstverwaltung und Leitung des Wirthschaftsbetriebes, oder irgend ein anderes, besondern Vortheil darbietendes Vorhaben.

§. 482. Berwerthungs = Binsfuß.

Der den Waldwerth bedingende Zinsfuß ist manchen Zufälligkeiten unterworfen und weicht mehr oder minder von dem gemeinüblichen oder demjenigen Zinsfuße ab, der dem täglichen Verkehre zur maßgebenden Richtschnur dient und sich bei gerichtlich verbrieften Darlehen am sichersten zu erkennen giebt. Folgende Werthsverhältnisse begründen diese Abweichungen mehr ober minder:

- 1) Vorzüge des Waldbesites an sich. Das Waldztapital steht offenbar sicherer, als jedes gewöhnliche Darlehen, bes sonders wenn es an wirksamen Maßregeln nicht mangelt zur Steuerung des verderblichen Waldfrevels. Zudem kann der Waldzbesiter seine Nutungsbeträge leichter voraus entnehmen, als der Kapitalist seine Zinsenbezüge, auch auf die Steigung der Waldpreise mehr rechnen, wogegen der herrschende Zinssuß wohl eher sinkt. Freilich ist die Umsetzung großer Waldgüter in bares Geld nicht so leicht zu ermöglichen, zumal nach dem unbedingten Geshaltswerthe.
- 2) Als örtliche Umstände, die auf den Baldwerth bes sondern Einfluß haben, machen sich geltend:
 - a) der bei ähnlichen Grundanschlägen in der Gegend übliche Zinsfuß;
 - b) der Begehr nach Grundbesit;
 - c) die etwaige Beschränkung des Waldeigenthums durch Landesgesetze, Grundberechtigungen u. dergl. m.;
 - d) die Belegenheit des fraglichen Waldgutes, sofern dasselbe ein anderes Besithum mehr ergänzen und vervollkomm= nen kann, oder andere Vortheile darbietet.
- 3) Zufällige Umstände bestimmen balb ben Käufer, balb ben Berkäufer, einen höhern ober niedrigern Zinsfuß anzunehmen. So sucht der Käufer einen höhern Zinsfuß und dadurch einen niedrigern Kaufpreis zu gewinnen, wenn der Berkäufer in Geldzverlegenheit ist und verkaufen muß, oder wegen besonderer Gesfahr ober Unannehmlichkeit gern verkaufen will; auch wenn sich für das Grundstück eben ein anderer Bewerber nicht sindet, vielzleicht, weil es zu groß oder zu klein, oder zu entlegen ist, oder weil die gestellten Kausbedingungen nicht annehmlich sind u. s. w. Der Verkäufer macht dagegen einen niedrigern Zinssuß gelztend, wenn er eben nicht zu verkaufen gedenkt, mehr nach Geswinn trachtet, das fragliche Eigenthum aus besonderer Vorliebe ober wegen eines anderweitigen Gebrauches werther hält; auch wenn sich mehr Käufer einsinden, zumal solche, die ihr Besitzthum ergänzen, ihre Wirthschaft erweitern, ihre baren Gelder

gern anlegen wollen u. s. w. Zudem nimmt wohl auch Mancher an, daß ein reger, feiner Betrieb noch Nutungsquellen eröffnen und Vortheile hervorsuchen könne, die der Schätzer zu erforschen gar nicht im Stande sei.

Den durch die Summe aller eben beitragenden Berthsverhältnisse bedingten Zinsfuß, zur entsprechenden Verwerthung bes Waldes, nennen wir Verwerthung 8 = Zinsfuß.

§. 483. Waldpreise.

Der örtliche Werth und die Preise aller Walderzeugnisse an Bau-, Werk- und Kleinnuthölzern, an Brennhölzern
in Spalt- und Knüppelscheiten, Reisig und Stöcken jeder vorkommenden Werthsgattung, so wie an Nebennutungen aller Art,
mussen zum Behuse der Werthöschätzung genau ermittelt werden. Hierbei darf man aber nicht bloß nach den bestehenden, öfters aus einem umsichtslosen Vertriebe hervorgegangenen Preis
sen allein fragen, besonders wo noch seste Taren Statt fanden;
nicht selten verspricht auch die nächste Zukunft bedeutend höhere
Preise.

Mit den Waldpreisen stehen die Bereitungskosten der Walderzeugnisse in enger Beziehung, und diese werden wieder bestingt von den Arbeitslöhnen der Gegend. Man nimmt davon selbst die üblichen nicht ohne nähere Prüfung an und rechnet sie in der Regel als bloßen Verlag sogleich von den Verkaufspreissen ab.

Wichtig ist die Untersuchung der wirklich Statt sindenden Absetharkeit und Verkäuslichkeit, sowohl überhaupt, als in Bezug auf besondere Sorten. Derjenige würde sich sehr irren, der einen bedeutenden Massenvorrath, zumal in waldreichen Gegenden, entsernt von Flüssen und Straßen, sogleich ausnußen und zu Gelde machen wollte. Es giebt Wälder, wo auch nicht das Geringste mehr abgesetzt werden kann, nämlich um gute Preise, als was die seitherige Abgabe beträgt, und wo also der überschüssige Nuhungstheil von Boden und Massenvorrath ein mehr oder minder unverwerthbares Kapital ist, wosern nicht erst neue Abssawege eröffnet werden.

§. 484. Walbnutungskoften.

Weiter ist aller Kostenauswand, welcher mit dem Besitze und Wirthschaftsbetriebe eines nutbaren Waldgutes ständig verbunden ist, genau zu erörtern, nämlich:

- 1) Die Entrichtung an Steuern und andern Grundabsgaben, an Nutnießungen und andern Bezügen, in barem Gelbe oder Erzeugnissen. Füglicherweise wäre hier der Verlust durch Waldfrevel mit in Rechnung zu stellen, so weit die Ertragsabsschätzung diesen Betrag nicht unmittelbar ausscheibet.
- 2) Die Unterhaltungskosten, welche der Holzanbau, der Wege = und Brückenbau, die Sicherung der Grenzen und überhaupt die ganze Waldpslege in Anspruch nimmt.
- 3) Die Verwaltungskosten an Geld = und Naturalbe= zügen der Waldaufseher und Wirthschafter, der Kassenverwaltung und Forstüberwachung.
- 4) Die Zinsen von dem Betriebskapitale zum Verzlag der Bereitungs und anderer Nutungskosten, welche der Verkaufspreis unmittelbar wieder erset; so auch zu etwaigen Vorschüssen an Unterhaltungs und Verwaltungskosten. Zu diessen Zinsen kann auch der Verlust an nicht punktlich eingehenden Geldern gerechnet werden, so wie jede andere noch mögliche Einbuße.

b. Wertheobjekte.

§. 485. Im Allgemeinen.

Die eigentlichen Werthsobjekte bei der Waldwerthschätzung sind: der Boben, der Holzbestand und die Nebennustungen. Sie kommen entweder einzeln oder in ihrem Gesammt-resultate, als Waldrente, zur Frage, und ihre Werthsverhältznisse modisiziren sich einigermaßen, je nachdem es sich um die Werthsschätzung einzelner Waldgrundstücke oder ganzer Wirthsschaftswaldungen handelt. Wir schicken daher zuvörderst die ersforderlichen Erläuterungen und Betrachtungen über die Werthssobjekte an sich und ihre Verhältnisse voraus.

§. 486. Balbbodenwerthe.

Der Berth bes bloßen Balbbobens an sich hängt hauptsächlich von ber eigenthumlichen Gebrauchsfähigkeit und ber guten Belegenheit ab.

- 1) Man kann den Boden eintheilen in unbedingtes und bedingtes Baldland, bedingtes und unbedingtes Fruchtland. Jenem entspricht der forstliche, diesem ber landwirthschaftliche Bodenwerth.
- a) Als unbedingtes ober natürliches Waldland ist berfelbe nichts Anderes zu tragen fähig, als Holzwuchs, und insofern giebt ihm die Holzzucht allein einen Werth.
- b) Das bedingte Walbland könnte wohl Feldsrückte tragen, liegt jedoch der Landwirthschaft zu wenig an der Hand, um von dieser anders benutt werden zu können, als etwa zur Waldverjungungszeit mit Zwischenfruchtbau ohne weitere Dünzgung.
- c) Das bedingte Fruchtland giebt nach der Balb: rodung ganz arme Außenfelder, denen nicht genug kunstliche Düngung zugewendet werden kann, und die man deshalb zu Zeiten wieder durch Holzzucht von neuem bereichern muß.
- d) Das unbedingte Fruchtland kann wegen seiner Gute und Belegenheit nach der Rodung ununterbrochen zu land: wirthschastlichen Zwecken selbstständig dienen.
- 2) Landwirthschaftlicher Bobenwerth. Der unsbedingte Waldboden muß Waldland bleiben; der bedingte nur so lange, als ihn die Bevölkerung nicht zu Fruchtbau in Anspruch nimmt; von beiden Bodengattungen könnte der landwirthsschaftliche Werth bloß nach dem meist niedrigern Weidewerthe geschätzt werden. Der zu bedingtem und zu unbedingtem Fruchtbau geeignete Waldboden tritt nach der Rodung, welche sich oft schon durch die Wurzeln und die natürliche Düngung bezahlt macht, in den meist höhern Werth gleich guter und gleich belegener Feldgrundstücke, deren ortsüblichen Preise nach andern Verkäusen, daß jedes größere Feilgebot von Neuland diese Preise

herunterdrückt, auch daß hier und da eine eigenmächtige Berwandlung des Waldlandes polizeilichen und privatrechtlichen Einsprüchen begegnet.

- 3) Der forstliche Bobenwerth entspringt aus der Benutung zur Holzzucht; er kommt vorzugsweise zur Frage, wenn es sich um die Acquisition 2c. von geringen Fruchtländern, Wald= blößen und Beideflächen handelt, oder überhaupt, wenn ber von der Bewaldung unbestockten Waldgrundes zu erwartende Gewinn bestimmt werden soll. Dieser Bewaldungswerth ergiebt sich im Jetztwerthe der kunftigen Holz= und Nebennutzungen, nach Abzug des gleichzeitigen Kostenaufwandes *). Wir haben bereits in §. 126. ein erläuterndes Beispiel zu einer solchen forst= lichen Bodenwerthsberechnung gegeben; stellt sich ber entzifferte Bobenwerth über den Kaufpreis, so ift der Überschuß Unterneh= mungsgewinn und kann in Prozenten angeschlagen werden. Betrüge z. B. der Kaufpreis sammt den Anbaukosten, den kapita= lisirten Steuern und sonstigen Nugungskosten 12 Thir., bote die fragliche Bewaldung einen mit 4 pCt. diskontirten Jett= werth von 15 Thir.: so gingen bavon bie 4prozentigen Zinsen (nach 100: 4 = 15: x) $= \frac{4 \times 15}{100} = \frac{6}{10}$ auf jene 12 Tha= ler Erwerbungsaufwand über. Diese wären somit (nach $12:\frac{6}{40}$ = 100 : p) zu $\frac{6\times100}{10\times12}$ = 5 pCt. angelegt, was sich auch aus 12: 15 == 4: x unmittelbar ergiebt. Die stark entstehenden Holzgattungen, welche nicht viel über 40 Jahre zu wachsen brau=
- 4) In der Regel stellt sich der landwirthschaftliche Werth von geringem, oft ganz entlegenem Waldboden, wegen dessen minderer Ergiebigkeit bei unerschwinglichem Arbeits = und Dünsgerauswande, sehr niedrig, und äußert sich nach demselben irgendswo ein größerer Begehr, so entspringt daraus meist Nachtheil;

chen, bieten meist einen nicht unansehnlichen Bewaldungsgewinn.

^{*)} Unter Umständen kann auch wohl noch die durch den Holzandau Statt sindende Bodenbereicherung in Anrechnung kommen.

benn sobald die natürliche Düngkraft des Reulandes ausgebaut ist und das Waldstreusammeln nicht freigegeben wird, verwandelt sich der eingebildete Nugen in beklagenswerthen Schaden.

§. 487. Solzbestanbeswerthe.

Die vorsindliche Holzbestandesmasse einer Waldung hat nach Umständen sehr verschiedene Werthe; wir heben davon als haupts sächlich den Gehaltswerth, Absatzwerth und Nach: haltswerth aus.

- 1) Der Gehaltswerth umfaßt ben zeitlichen Werth des ganzen Holzvorrathes, ohne Rücksicht auf bessen Absetharkeit; man berechnet ihn nach der Summe einer jeden vorhandenen Werthssorte und dem ihr zukommenden Waldpreise. Diese Rechenung läßt sich vereinfachen mittels geeigneter Durchschnittspreise jeder Altersklasse. Wo Massenvorräthe zur Frage kommen, die den laufenden Absat übersteigen, kann der Gehaltswerth leicht begreislich nicht unmittelbar geltend gemacht werden.
- 2) Der Absatzwerth umfaßt die ohne erhebliche Einbuse eben absetzbare Bestandesmasse. So lange derselbe den Gehaltzwerth einer Holzung nicht erreicht, muß sich deren gänzliche Absnutzung oder die Verwirklichung des Gehaltswerthes nach der Größe des Absatzs richten. Dieser Werth bote in einem solchen Falle für größere Waldungen von Jahr zu Jahr eine Rente, die dem vom Absatz bedingten Jahresertrage gleich stände und die zur gänzlichen Erschöpfung des Massenvorrathes dauerte.
- 3) Der Nachhaltswerth ist bedingt durch die von Jahr zu Jahr in einem Wirthschaftswalde gut abkömmliche und in bessen Absathereiche gut verwerthbare Holzmasse. Derselbe kann nicht größer sein, als der Absatwerth; denn wenn in solchem Falle eine nachhaltig zu benutzende Waldung auch mehr Ertrag bietet, so mangelt es an zureichendem Absate um gute Preise.

§. 488. Rebennutungswerthe.

Die Waldnebennutzungen bestehen theils in Abfällen und Ausscheidungen der Holzwüchse selbst, als Früchte, Blätter und Säste; theils in Nebenerzeugnissen vom Watdboden, als Gras, Beibe, Streusel u. s. w.; theils in Biesen, Adern, Hutungen, Steinbrüchen und Erbgruben, Sewässern und andern Nebensgrundstücken. Sie kommen zum Behuse der Waldwerthöschätzung vorzugsweise nur nach ihrem wirklichen *) Werthe in Bestracht. Dieser muß wo möglich nach den lausenden Preisen der Umgegend ermittelt werden, so weit diese in freiem Verkehre von selbst entstanden sind und einen haltbaren Grund haben, keinessweges aber nach den eingeschlichenen Waldpreisen. Ganz unversantwortlich wurde z. B. früher die Waldstreunugung unentgeltzlich zugelassen und dadurch das große Streubedürfniß herbeigessührt. In Folge jener Vernachlässigung darf man jeht diese Rustung kung kaum zu 0,2 bis 0,3 des Strohwerthes ansehen, während dem ökonomischen und dem forstlichen Werthe nach das Doppelte wohl nicht zu viel wäre.

§. 489. Werthsverhältnisse einzelner Walds grundstücke.

Der Werth einzelner Waldgrundstücke, beren Abnuhung kein Hinderniß sindet, besteht in dem zur fraglichen Zeit eben statthafzten Bodenwerthe und Bestandes werthe. Man schätt den Bodenwerth nach den maßgebenden Umständen als Waldsland oder Fruchtland, den Holzbestandes werth aber nach seiner zeitlichen Nutbarkeit. Der erwachsene Holzbestand mit unzureichen der Werthszunahme wird in der Regel nach dem Gehaltswerthe veranschlagt, jedoch mit mehr oder weniger Einduße, im Fall der Ausverkauf ein zu starkes Feilgebot erforderte. Wenn der Verbrauch die größere Abtriedsmasse nicht alse

^{*)} Diesem steht der forst liche Werth der Rebennuhungen gegenüber, welcher nach dem Verluste bestimmt wird, den der Waldbestand durch Ausübung der Nebennuhungen an seiner Ertragsamkeit erleidet. Bei dieser schwierigen, mehr zum Behnse von Ablösungen nöthigen Bestimmung mag sich der Schäher vor Allem der eingewurzelten Borurtheile enthalten. Man hat z. B. schon öfter große Opser zur Ablösung der verrusenen Waldweide gebracht; dessen ungeachtet sinden sich jeht nicht wenig überzeugende Fälle, wo eine beschränkte Wiederzeinräumung derselben dem geordneteren Walde offendar zum besseren Gedeihen diente.

bald um gute Preise aufzunehmen vermag, ist die Abnutung auf mehre Jahre zu vertheilen. Steht das reine Werthszunahme= Prozent des Bestandes noch höher als der Verwerthungs=Zins= suß, wie meist bei den Jung= und Mittelhölzern: so pslegt man den dadurch gewinnbaren höhern Zinsenbezug erst noch zu nuten oder doch mit zu veranschlagen.

§. 490. Werthsverhältnisse ganzer Wirthschafts= walbungen.

Hier handelt es sich ebenfalls zuvörderst um den Bobenswerth und Bestand eswerth, nächstdem aber auch um die davon zu erwartende Rente. In den gewöhnlichen Wirthschaftsswaldungen mangelt nicht nur der Bollbestand im Ganzen, sons dern auch das geordnete Altersklassen-Verhältniß mehr oder mins der; der Boden kann daher seine volle Rente durch den Bestand nicht wohl abwersen, und deßhalb übersteigt hier auch östers der landwirthschaftliche Bodenwerth den sorstwirthschaftlichen, welcher erst mit dem normalen Waldzustande seinen eigentlichen Höhenspunkt erreichen könnte.

Was den Bestandeswerth an sich betrifft, so sind dessen Berhältnisse am besten in Vergleich mit der Normalwaldung zu beurtheilen und zu ordnen. Hauptsächlich kommt hierbei bie überftanbige Nugungsmaffe zur Frage, nämlich biejenige, beren reines Werthszunahme=Prozent unter ben Berwerthungs=Binsfuß gefunken ift. Diese mußte so bald als thulich abgenutt werden, und zwar mit ber eingängigsten beginnend. Man bestimmt bazu einen Zeitraum, in welchem biefe Überstandsmaffe mit bem min= besten Berluste gut absetbar und dabei für die Balder= ziehung gut abkömmlich ift. Bu Ende biefer Nachnugungs= zeit mußten die schwachhaubaren Bolzer ftellvertretend einruden können. Bon da an nähern sich die Werthsverhältnisse mehr den normalen, wenn auch in ben Nachwüchsen, besonders burch die beschleunigte Abnutung überständiger Holzvorräthe, ein neues Mißverhältniß eingetreten ift. Dies läßt sich durch forstliche Runstgriffe, besonders durch Anbau rasch entstehender Waldmassen bielseitig heben.

§. 491. Werthsverhältnisse hinsichtlich bes Werths= nugungs=Prozentes.

Entspricht das Werthsnutzungs prozent einer Wirthschafts waldung dem Verwerthungs-Zinssuße, so gewährt dieselbe auch im Ganzen die erforderliche Boden und Bestandesrente. Zede Waldung dietet in ihrem äußersten Werth snutzungs-Vrozente, stehe dasselbe gegen den Verwerthungs-Zinssuß hoch oder niedrig, ein sehr einfaches Werthschungs-Nitztel. Bezeichnen wir den Gehaltswerth ihres Bodens mit den ihres Massenvorrathes mit mv, ihren Reinertrag mit e und das dadurch bedingte Werthsnutzungs-Prozent mit np: so giebt die daraus gebildete Proportion

$$(b + mv) : e = 100 : np$$

ben Grund zu folgenden Bergleichungen:

Steht das Werthsnutzungs=Prozent np dem Verwerthungs= Zinsfuße vz gleich: so stellt sich der wirkliche Waldwerth W, welcher hervorgeht, wenn man den jährlichen Ertrag c mit dem Verwerthungs=Zinsfuße vz kapitalisirt, genau dem Gehaltswerthe b + mv gleich. Denn ist in den Proportionen

$$\begin{array}{c} \text{np} : 100 = e : (b + mv) \\ \text{vz} : 100 = e : W \\ \hline \text{np} = \text{vz}, \text{ fo muß auch } W = b + mv \text{ fein.} \end{array}$$

Stellt sich np größer als vz, ein durch Steigerung der Werthszunahme wohl zu ermöglichender Fall: so ist W größer als b + mv. Steht im Gegentheile vz höher als np, so ist Wkleiner als b + mv. Stets verhält sich

$$vz : np = (b + mv) : W.$$

Zur Erläuterung nehmen wir an, ein Wald von 1000 Morgen à 20 Thir. = 20000 Thir. Bobenwerth (b) und 20000 Klftrn. Massenvorrath à 2 Thir. = 40000 Thir. Bestandeswerth (mv), liefere an nachhaltigem Reinertrage e=2000 Thir.; sein Werthsznutzungs:Prozent np ist also = 3,33, nach:

$$(20000 + 40000) : 2000 = 100 : 3,33.$$

Wäre nun der herrschende (Verwerthungs =) Zinsfuß vz zusällig auch 3,83, so stellt sich der wirkliche Waldwerth W, den man

burch Kapitalisirung des Reinertrages e erhält, dem eigentlichen Gehaltswerthe = 60000 Thir, gleich; denn es ist

3,88:100 = 2000:60000.

Wäre der Verwerthungs Zinsfuß kleiner, etwa nur 3%, so ist W > als b + mv; denn der jährliche Ertrag entspräche dann einem Werthskapitale W von 66666,6 Thlr., nach:

3:100 == 2000:66666,6 Thir.;

umgekehrt, wenn der Verwerthungs-Zinsfuß höher, etwa auf 3½ %, stände; das Werthskapital W ware dann 57143,3 Thir., nach:

 $3\frac{1}{2}$: 100 = 2000 : 57143,3 Thir.

In alten Fällen aber ift

 $3:3\frac{1}{3}=60000:66666,6$ und

 $3\frac{1}{4}:3\frac{1}{4}=60000:57143,3$

d. h. der herrschende (Verwerthungs =) Zinsfuß verhält sich zum Werthsnutzungs = Prozent wie der zeitliche Boden = und Bestan= deswerth zum wirklichen Waldwerthe.

Findet sich das Werthönutzungs Prozent np niedriger, als der Verwerthungs: Indsuß vz, mithin der Gehaltswerth (b+mv) höher, als der wirkliche Waldwerth W, und läßt sich dasselbe durch geschickte Raßnahmen nicht heben: so liegt der Grund stets in dem mehr oder minder unabsetharen Werthötheile einer solchen Waldung. Diesen eigentlich unverwerthbaren Betrag (b+mv) — W = x kann man veranschlagen und in seinem relativen Werthe von dem Gehaltswerthe abziehen; der Rest ergiebt in (b + mv) — x = W das eigentlich verwerthbare Waldrapital. Bei dem gleichbleibenden Reinertrage e steigt das bezügliche Waldnutzungs-Prozent als wahres Werthen utzungs-Prozent als wahres Werthen utzungs-Prozent als wahres Werthe

(b + mv - x) : e = 100 : wp.

In unserem letten Beispiele wäre der unverwerthbare Bestrag x = (20000 + 40000) - 57143, s = 2856, 7 Thir., und das wahre Werthsnutzungs: Prozent demnach (20000 + 40000 - 2856, 7): 2000 = 100: 3.5.

In großen Waldkörpern steht also das nach dem mehr einsgebildeten ganzen Gehaltswerthe ausgeworfene relative Werthssnuhungs-Prozent weit niedriger, als das von dem verwerthbaren

Waldkapitale bedingte wahre Werthsnutzungs-Prozent. Das Bershältniß zwischen dem wahren und dem eingebildeten Gehaltswersthe ist ziemlich dasselbe, wie bei gesunkenen Papieren das zwischen dem Cours und Nominalwerthe. Diese Betrachtungen führen zu denkwürdigen Aufschlüssen über die Werthsverhältnisse der Wälder.

c. Waldnupungsplan.

§. 492. Überhaupt.

Hat der Taxator alle Werthsfaktoren erforscht, auch den (zeit: lichen) Werthögehalt aller zur Frage kommenben Objekte so weit als nothig festgestellt: so befindet er sich im Stande, über die Art und Beife ber Berthsausnugung einen Plan zu entwerfen, welcher ber eigentlichen Wertheberechnung zur Grundlage bient. Diesem Balbnugungsplane barf er aber keineswegs nur eine einfach gemeine Baldwirthschaft unterstellen. Ihm ift eine ganz andere Aufgabe ertheilt; er soll im Interesse des betheiligten Bertäufers ober Räufers von jeber fraglichen Balbge= brauchsweise ben entsprechenden Werth wohlbegrundet veranschlagen. Dies kann aber nicht anders geschehen, als mittels Unterstellung aller eben anwendbaren, nur irgend vortheilhaften Gewinnunternehmungen. Ja ber umsichtige Walbschätzer richtet jeben seiner Nugungsanschläge noch auf eine gemeinübliche und eine feinere, minder und mehr einträgliche Ausführung.

Walbnutungsweisen, von welchen der Tarator vorzüglich diejenige auszuwählen und zu verfolgen hat, welche den vorliez genden Umständen eben am besten entspricht und zur maßgebenz den Richtschnur dienen müßte oder dürfte. Jede bedingt eine ganz eigene Auswerthung, je nachdem das zu schätende Waldgut in ganz unbeschränktem Grundbesitze einer Zerschlagung anz beim fallen kann, oder in freieigenem Waldbesitze die volle Verzinsung des angelegten Waldapitals abwerfen soll, oder in beschränktem, an die Erhaltung eines gewissen Waldvermögens gebundenen Besitze mit geeigneter Schonung behandelt werzben muß. Hieraus entspringen drei ganz verschiedene Nutzungswerthe, welche wir Waldzerschlagungs verschiedene Mutzungswerthe, welche wir Waldzerschlagungs verschiedene Mutzungs

verzinsungs=Werth und Walbschonungs=Werth nen= nen wollen.

§. 493. Baldzerschlagungs=Berth.

Diefer geht hervor aus einer ganglichen Berichlagung des Waldgutes mit Ausverkauf des Holzvorrathes. Die wichtigsten Bedingungen dieser Baldnutzungsweise sind: Gestattung der Rodung von Seiten ber Landesgesetze und sonstiger (etwa fibeikommissarischer) Berfügungen, vorausgegangene Ablofung ber etwaigen Grundberechtigungen, die Möglichkeit einer bo= heren Nutbarkeit des Waldbodens zu landwirthschaftlichen Erzeugungen, mindere Werthszunahme und gute Verkäuflichkeit des Holzvorrathes, wohl auch Neigung des Waldbesitzers zu einer folden zerstörenden Umwandlung. Die Waldzerschlagung mit gänzlichem Ausverkaufe verspricht nicht selten, ben gewöhnlichen Baldwerthsschätzungen gegenüber, einen hohen Gewinn; sie ift jeboch meift nur in kleinern Stucken rathsam und nur bei ftarterer Nachfrage nach Grundbesitz mit bereiten Arbeitskraften und Geldmitteln ausführbar. Größere Waldungen können nicht leicht zerschlagen werben, und bies kann nur nach und nach geschehen, so daß in der Zwischenzeit noch eine geeignete, von Jahr zu Jahr an Flächenbereich und Ertrag schwindende Waldwirthschaft Statt findet. Je größer ein Unternehmen dieser Art ift, und je mehr dasselbe aus den Granzen des gewöhnlichen Verkehres heraustritt, um so mehr trugen solche, das Waldkapital ausbeutenden Ge= winnschätzungen. Manche schlägt ganz fehl, die Gelder gehen nicht sogleich wieder ein, und bedeutende Einbußen finden Statt. Deßhalb rechnet man in diesem Falle auch wegen Wagniß und Gefährbung geeignete Affekurang-Prozente zu Gute. Der kluge Spekulant findet hierbei jedoch meift seine Rechnung. könnte auch das auf solche Weise auszubeutende Kapital Spes kulations=Werth genannt werben.

§. 494. Walbverzinsungs=Werth.

Die den höchsten Zinsengewinn einbringende Balds wirthschaft, welche alle Haupt = und Nebenerzeugnisse im geeige

netsten Zeitpunkte ausnutt, so bag ihr Reinertrag ben Boben= Bestandeswerth, genügend verzinst und also bas reine Berthenugungs:Prozent minbestens bem angemeffenen Berwerthungs=Zinsfuße gleichkommt, ift diejenige Balbnugungsweise, welche dem Berginsungswerthe entspricht. Ein feiner, Alles klug berechnender, mehr die höchste Kapitalnutung, als die ergiebigste Holzerziehung im Blicke haltender Betrieb macht sich dazu als wesentliches Erforderniß geltend und führt den Schätzer hauptsächlich auf folgende Gesichtspunkte: Minderung bes Mas= senvorrathes, Abkurzung der Umtriebszeit und Beschleunigung bes Holzwuchses mit möglich rascher Hervorziehung ber Holzerträge; Verwandlung aller Holzvorräthe, die eine genugsame Werthezu= nahme nicht mehr barbieten, in einträglicheres Geldkapital; zudem Bermehrung der Nebennutzungen, Steigerung der Waldpreise, Minderung der Waldnutzungskosten u. s. w. Der kleinere Forst= haushalt und ber Privatbesit, besonders in Verbindung mit Landgutern, begunstigen diese feinere Musterforstwirthschaft ganz vorzüglich; sie wird mehr und mehr in's Leben treten, je mehr der Waldeigenthumer seinen Vortheil erkennen und berechnen lernt; ist es bahin gekommen, so burfte ber ihr entsprechenbe hö= here Werth wohl vorzugsweise Privatwaldwerth heißen.

§. 495. Balbschonungs = Werth.

Dieser Werth wird von der gewöhnlichen Forstwirthschaft begründet, welche mehr eine gewisse Waldschonung zur Obliegensheit hat und daher auf den nachhaltig höchsten oder einen sonst bedingten Holzertrag gerichtet ist. Größerer Massenvorzrath, höhere Umtriebszeit, Erziehung stärkerer und besserer Hölzer, oft auch bedingte, mitunter veralterte Holzpreise, zudem ein Gesmisch von Solidität und Stadilität sind der Charakter dieser Verwalter-Wirthschaft. Das reine Einkommen von dem unverssügbaren Waldkapitale steht meist bedeutend niedriger, als der gewerbliche Zinssus. In Staatsforsten, Stiftungs und Komsmunwäldern, bei ausgedehnten Holzungsrechten, besonders mehr innerhalb großer Waldungen, ist diese Benutzungsweise die herrsschende; Mangel an Holzabsatz gestattet oft keine andere. Wir

dürsen den auf solche Weise begründeten Waldwerth auch mit dem Worte Staatsforstwerth bezeichnen und schließlich auf die große Verschiedenheit zwischen Spekulations, Privatwald- und Staatsforstwerth zurückbeuten.

d. Bertheberechnung.

§. 496. Feststellung bes Naturalertrages.

Auf dem Grunde des angemessen aufgestellten Waldnugungsplanes wird nun der zu erwartende Naturalertrag an Holz- und Nebennutungen, so wie von den etwaigen Grundveräußerungen aufgestellt. Diese Aufstellung muß sich auf eine aussührliche Ertragsschätzung stützen, von Ort zu Ort die erwartbaren Erträge in geeigneten Nutungsperioden nachweisen, und zwar mit den Verkaufspreisen, ausschließlich der Bereitungskosten. —

Selten wird übrigens, bei wirklichen Waldverkäufen, die Aufsstellung eines einseitigen Nutzungsplanes genügen; gar oft steht die Wahl unter jenen drei wesentlichen Nutzungsweisen frei, sei es zwischen dem Zerschlagungs und dem Verzinsungsbetriebe, oder zwischen diesem und dem Schonungsbetriebe; oder man kann hier diesen, dort jenen Zwischenweg einschlagen; oder es dürsten doch wenigstens gewisse Theile der Waldung ausnahmsweise einer oder der anderen Spekulation unterliegen. — Für alle diese Fälle muß, nach Maßgabe der getrennt ausgestellten Nutzungspläne, der Naturalertrag nach Maß und Zeit aussschlich dargelegt werden.

§. 497. Feststellung bes Gelbertrages.

Mittels der aufgestellten Naturalerträge, Grundveräußeruns gen und Verkaufspreise, welche jede angenommene Waldnutungsweise während jeder Nutungsperiode erwarten läßt, ist man nun leicht im Stande, die gesammte Geldeinnahme auszuwerfen. Um von dieser den Reinertrag zu scheiden, mussen alle mit dem fraglichen Nutungsbetriebe unzertrennlichen Kosten veransschlagt und in Abzug gebracht werden. Dahin gehören:

- · 1) Bei bem Zerfclagungsbetriebe:
- a) Stwaige Abfindungssummen;

- b) Grundabgaben und sonstige Entrichtungen in der Zwischenzeit;
- c) Zinsen von dem etwa nothigen Borschußkapitale;
- d) Berluft und Einbuße in Folge bes außerorbentlichen Arbeitsbedarfes, Holz- und Bobenverkaufes u. s. w.;
- e) Unterhaltungs = und Berwaltungskoften, so lange die Bal= bung noch besteht.
- 2) Bei fortgesetztem Walbbetriebe würden bagegen zur Frage kommen:
 - a) Grundabgaben und sonstige Entrichtungen;
 - b) Unterhaltungskoften;
 - c) Berwaltungskoften;
 - d) Zinsen vom baren Betriebskapitale;
 - e) Berluste an verfallenen Forderungen, unvorhergesehenen Unstosten u. s. w.

§. 498. Feftstellung bes Bermerthungs : Binsfußes.

Meist wird die Annahme des Verwerthungs-Zinsfußes gleich von vorn herein dem Urtheile des Tarators stillschweigend über-lassen. Dies ermächtigt denselben aber keineswegs, den von ihm eben als annehmlich erachteten Zinsfuß feiner Werthsschäung nur allein unterzulegen. Er muß im Gegentheil seine Rechnung auch nach jedem andern Zinssuße, welcher (§. 482.) von den Beztheiligten nur irgend in Frage gestellt werden könnte, mit anlezgen. Der zwischen den örtlich und zufällig bedingten Prozentzschen mitten inne stehende Zinssuß kann hierbei zunächst als Richtschnur dienen und ist eben so sehr veränderlich nicht; in Deutschlands wohlgeordneten Staatshaushalten dürste man densselben jest recht füglich dem Course unauskündbarer öffentlicher Schuldscheine gleichstellen, also etwa zu 3½.

§. 499. Bertheberechnung.

Hat man nun ben reinen Gelbertrag bes Waldgutes ober Waldstückes nach ber eben statthaften einträglichsten Waldnustungsweise, wohl auch für einen gemeinüblichen und einen fet:

nern Betrieb durch alle Rugungsperioden veranschlagt; hat man zudem einen geeigneten mittlern Verwerthungs-Zinksuß angenommen: so ist die Berechnung der bezüglichen Zerschlas gungs-, Verzinsungs- oder Schonungswerthe eine leichte Ausgabe, welche bereits im VIII. Abschnitte der Arithmetik aussschhrlich gelehrt und durch Musterbeispiele genügend erläutert worden ist. Die dabei nach den verschiedenen Baldnuhungsweissen so sehr verschieden ausfallenden Berthsergednisse dürsten die Überzeugung vollends befestigen, daß man mittels der Zinseszinserechnung, den feinsten Spekulanten überdietend, die verdorgensten Bortheile herausrechnen kann, wenn der Schäher deren Quelle nur erst ausgesucht hat und bazu keineswegs der vorgeschlagenen Bermittelungsrechnungen (§. 131.) bedarf. Öfters ist es zwecksmäßig, besonders bei Zerschlagungs oder Theilungsfragen, die Berthe aller einzelnen Stücke für sich auszustellen.

Da die gar verschiedenen Einflusse der örtlichen und zufälli= gen Umstände auf den Verwerthungszinsfuß im Voraus nicht wohl alle zu bestimmen sind und die Auswahl desselben von den Betheiligten meist erst beim Abschlusse bes Handels getroffen wird: so sührt man die erste und hauptsächliche Werthsberech= nung nach dem vorläufig angenommenen mittlern Berwerthungs-Binsfuße genauer durch, kann jedoch neben bem fo gefundenen Hauptwerthe, zu etwaiger beliebiger Auswahl, noch einige Mitwerthe für ben um & pCt. höher ober niedriger ge= stellten Zinsfuß auswerfen. Dies geht, wenn auch nur annähe= rungsweise, leicht nach bem einfachen, aber umgekehrten Binsfuß= verhältnisse. Wäre z. B. das Verwerthungs = Prozent 3½ und der Hauptwerth W: so nahme man als Mitwerth für 4 pCt., nach $4:3\frac{1}{2}=W:x$, ohne Weiteres $\frac{W\times 3\frac{1}{2}}{4}$; für 3 Prozent, **W**.×3₺ w. x 3½. Ein für ben Zinsfuß von 3½ pCt. gefundener Balb=

 $\frac{W \times 3\frac{1}{2}}{3}$. Ein für ben Zinsfuß von $3\frac{1}{2}$ pCt. gefundener Wald=werth von 10000 Thlr. würde sich demnach stellen:

bei 4 pCt. auf 4: 3½ = 10000: 8750 Thir.;

bei 3 pCt. auf 3:3} = 10000:11666 Ahlr.

Obgleich diese Rechnung zwar nur annähernd ift, so darf sie doch

für den beabsichtigten Gebrauch als völlig zureichend betrachtet werben, indem die weitere Zinsfußannahme, wie überhaupt der ganze Handel meist von persönlicher Ansicht und Willfür der Betheiligten abhängt.

§. 500. Bertheveranschlagung.

Endlich wird ber Werthsanschlag gefertigt mit kurzer Beschreibung ber wesentlich in Frage stehenden, in den vorhergehenden Paragraphen näher betrachteten Gegenstände und mit Dar= legung aller Grunde für die Feststellung der Waldnutzungsweisen, verwerthbaren Erzeugnisse, angenommene Preise, Kosten und Bins= fäte. Der Anschlag selbst muß sich so weit als erforderlich auf Ort und Zeit erstrecken und die Faktoren, Produkte und Sum= men der Werthsberechnung übersichtlich barftellen, so daß der Beurtheilende bis auf die kleinsten Erhebungsquellen prufend zu= ruckgehen kann. Dabei barf ber Schätzer nicht unterlaffen, zu jeber vorgeschlagenen Waldnutungsweise bie aus der Abschätzung hervorgegangenen Durchschnittswerthe vom Morgen auszuwerfen, diese Werthe aber nicht nur unter sich und mit ben aus der seit= herigen Bewirthschaftung entsprungenen Nutzungswerthen, sondern auch mit den gewöhnlichen Kaufpreisen ähnlicher Grundstücke berselben Gegend zu vergleichen. Bubem ift meift noch ein ver= trauliches Gutachten erforberlich über alle Interessen ber Betheis ligten und Mitbewerber in Bezug auf ben fraglichen Sandel.

e. Summarische Baldwertheschätzungen.

§. 501. Überhaupt.

Dfters mangelt es an Zeit und Mitteln zur ausführlichen Werthsschätung; nicht selten finden sich auch die Nutzungsverhältznisse so ungewiß, daß man kaum im Stande ist, das Einzelne nach Ort und Zeit gesondert zu erheben. In solchen Fällen darf wohl eine summarische Werthsschätzung des Bestandes und Bobens genügen. Hierbei nimmt man entweder eine durchgängig zusammengefaßte oder eine nach Bestandesklassen

und Perioden mehr gefonderte Abnutung des vorhandenen Holzbestandes an, nehst einer alsbaldigen Weiterverwerthung des mittlerweile frei werdenden Bodens, und sett voraus, das die bezüglichen Bestandes = und Bodenwerthe während jedes fraglischen Abnutungszeitraumes in jährlich gleichen Theilen einlaufen. Der Holzvorrath wird nach den verschiedenen Bestandesklassen, wenn auch nur durchschnittlich, bestimmt.

§. 502. Summarische Baldwertheschätzung auf bem Grunde einer zusammengefaßten Abnutung.

Die summarische Werthsschätzung mittels zusammenges faßter Bestandes-Abnutzung läßt sich durch ein Beispiel am deutlichsten darstellen. Setzen wir voraus, es fanden sich in einer 300 Mg. großen Holzung auf

20 Mg. mit 51: bis 60jahr, Beft. zu 24 Mfl. an Borr. 480 Mfl.

und mithin an ganzem Holzvorrathe: 3210 Mfl.; man habe den Abnuhungszeitraum auf 50 Jahre gesetzt und den inzwischen noch erfolgenden Holzzuwachs ermittelt: so könnte folzgende Werthsveranschlagung Statt finden.

- 1) Der Massenertrag ist auf brei verschiedenen Wegen zu entziffern.
- a) Man nimmt so weit als thulich ben Jahreszuwachs, wenn auch von allen Bestandesklassen nur summarisch, und rechenet benselben (nach §. 88. 1.) ohne Weiteres auf die halbe Abstriebszeit $\left(\frac{50}{2}\right)$ zum Holzvorrathe. Bei dem jährlichen Inswachs von etwa 132 Mkl. betrüge der Gesammtzuwachs 132 × 25 = 3300 Mkl., und der jährliche Holzertrag stellte sich zu

 $\frac{3210+3300}{50} = 130,2 \, \mathfrak{Mfl}.$

- b) Ober man bestimmt ben Perioden=Zuwachs, wie berselbe nämlich, in Semäßheit eines gleichen Flächenangriffes, jeder Abtriebsperiode burchschnittlich zu Theil würde. 3. B.
 - 1. Jahrzehnd 60 Mg. zu etwa 0,3 Mkl. × 5, beträgt 90 Mkl.

Dies giebt an Gesammtzuwachs 3165 MM.

und zum jährlichen Holzertrag:

$$\frac{3210+3165}{50} = 127,5 \text{ Mfl.}$$

c) Darf man eine Progressional=Mehrung voraussetzen, so ergiebt sich (nach §. 462. 1.) als jährlicher Holzertrag:

$$3210: \frac{50}{2} = 128,4 \text{ Mfl.}$$

Nach biesen Ergebnissen bürfte man ben jährlichen Holzertrag etwa zu 130 Mkl. annehmen.

2) Der nach und nach einlaufende Bestandeswerth ist außer diesem Holzertrage noch von den gegenwärtigen und kunfztigen Holzpreisen bedingt. Diese steigen und fallen, je nachdem die zum Abtried kommenden Bestände mehr oder minder nutbar sind. Meist bleibt die Nutbarkeit bei gleichem Alter ziemlich gleich. Rechnen wir durch alle Zeiten die Massenklaster, nach Abzug der Bereitungskosten, zu 4 Ahlr.: so ergiebt die Holznuzung eine 50 Jahre dauernde Rente von jährlich 130 × 4 — 520 Ahlr. und bei 3 pCt. einen Kapitalwerth von

$$\left(\frac{100}{3} - \frac{100}{3} \times \left(\frac{100}{103}\right)^{60}\right) \times 520 = 13379 \text{ Thir.}$$

3) Den Bobenwerth schätzt man durchschnittlich nach der mittlern Ortsgüte und der geeigneten Nutzungsweise, welsche als geregelte Holzzucht oder als Fruchtbau u. dergl. eintritt, so wie die Abnutzung des vorgefundenen Bestandes den Boben

frei giebt. Wäre bessen künftiger Nutzungswerth pr. Morgen 20 Thlr., so käme auf jedes Abnutzungsjahr (von $\frac{300}{50}$ — 6 Mg.) 6×20 — 120 Thlr. Daraus ergiebt sich an gegenwärtigem Kapitalwerthe zu 3 pCt.:

$$\left(\frac{100}{3} - \frac{100}{3} \times \left(\frac{100}{103}\right)^{50}\right) \times 120 = 3087$$
 Thir.

4) Die von dem vorhandenen Holzbestande noch abfallenden Meben nut ungen, welche nicht in die neue Bodennutung überlaufen, stellen sich als abnehmend aushörende Renten in Rechnung. Gingen z. B. von jedem noch bewaldeten Morgen, nach Abzug der Sammlungskosten, 3 Sgr. nebenster ein: so bestrüge das im 1. Jahre 300 × 3 Sgr. = 30 Thlr., dann in jestem solgenden Jahre, wegen der abgehenden 6 Mg. Schlagsläche, 6 × 3 Sgr. = 0,6 Thlr. weniger, also zuletzt im 50. Jahre noch 0,6 Thlr. Der Jetztwerth dieser Nebennutung ist, ebenfalls zu 3 pCt. berechnet (nach §. 121. 8.): das Rapital einer zu 30 Thlr. anzunehmenden Hauptrente $\frac{100}{3}$ × 30 = 1000 Thlr., mit Abzug einer aus den Stammwerthen des zu 0,6 Thlr. anzgenommenen jährlichen Abganges $\left(\frac{100}{3}$ × 0,6 = 20 Thlr.) gebilbeten, 50 Jahre dauernden Nebenrente

$$\left(\frac{100}{3} - \frac{100}{3} \times \left(\frac{100}{103}\right)^{50}\right) \times 20 = 515 \text{ Thr.},$$
also $1000 - 515 = 485 \text{ Thr.}$

Der Praris wurde es mehr entsprechen, wenn man die Beträge eines jeden Jahrzehndes summarisch auf den mittlern Borwerth führte.

5) Unser Gesammtwerth umfaßte nun, ohne Abzug der weitern Ausgaben:

an Bestandeswerth 13379 Thlr., an späteren Bodenwerth 3087 ,, an Nebenerträgen 485 ,, im Sanzen 16951 Thlr.

§. 503. Summarische Waldwertheschätzung auf bem Grunde einer mehr gesonderten Abnutung.

Ein solches summarisches Abschätzungsverfahren gestattet mehr Genauigkeit, wenn bie Bestanbesabnugung nach 21: tersklassen und Perioden gesondert wird. Man könnte nämlich die mehr erwachsenen Hölzer vornweg nach ihren besondern Massenbeträgen, die Junghölzer aber klassenweise nach allgemeinen Nutungswerthen veranschlagen, in beiden Fällen ein= schließlich bes eben mit frei gegebenen Bobenwerthes. Das oben gebrauchte Beispiel mag hier wieder zur Erläuterung dienen.

1) Dbige mehr erwachsenen Bestände ergaben, in dem nach: sten Jahrzwanzigt mit 10jährigem Zuwachs abgenutt, von

110 Mg. und an jährlichem Wertheinkommen:

> von der Holznutzung $\frac{2525}{20}$ Mfl. \times 4 Thlr. = 505 Thlr., von der Nebennutzung 110 Mg. × 3 Sgr. = 5,5 vom Bobenwerthe $\frac{110}{20}$ Mg. \times 20 Thir. = 110 zusammen: 620,5 Thir.;

somit an Jetztwerth zu 3 pCt. als Rente:

 $620.5 \times (33.888888 - 18.45588) = 9231$ Thir.

2) Die Junghölzer sollten im 50. Altersjahre pr. Mg. er= warten lassen: (23 Mfl. zu 4 Thir. —) 92 Thir. Bestandes: werth mit (50 × 3 Sgr. =) 5 Thlr. angesammelten Neben: • nutungswerth und 20 Thir. Bobenwerth; zusammen also 117 Thir. Dieser von ben verschiedenen Altersklassen nach 25, 35 und 45 Jahren entfallende Morgenwerth gabe an ganzem Zehtwerthe:

50 Mg. × 117 × 0,47761 = 2794 Thir.,
60 ,, × 117 × 0,35538 = 2495 ,,
80 ,, × 117 × 0,26444 = 2475 ,,
190 Mg. zusammen 7764 Thir.

3) Der Sesammtwerth wäre mithin: Von den mehr erwachsenen Beständen 9231 Thlr., von den Junghölzern 7764 ,, ·

Im Ganzen, ziemlich wie der obige: 16995 Thlr.

Solche summarischen Werthsschätzungen gestatten bei aller Einfachheit die genaueste, so wie die oberstächlichste Behandlung ihres Gegenstandes und sichern dabei vor manchen Nißgriffen, indem die Mitanrechnung des, durch den Abtrieb frei gegebenen, Bobenwerthes alle weitern Rutungsanschläge beseitigt.

2. Werthschätzungen behufs der Expropriation.

§. 504. Überhaupt,

Die Expropriationen von Grund und Boben zu Banbstraßen, Eisenbahnen, Kanälen und anderen öffentlichen Bauwerken betreffen nicht selten auch Bäume und Sehölze. Nach
beren Entschäbigungswerthen wird sorgfältig gefragt, sowohl von
ber Behörde, als von dem Eigenthümer. Zur Erledigung dieser
mehr oder minder sorstlichen Aufgabe hat der Tarator die Boben = und Holzwerthe stets getrennt zu behandeln und
ben Berwerthungs=Zinsfuß geeignet zu wählen, sofern
solcher nicht etwa gesetzlich vorgeschrieben ist.

1) Die Schätzung bes Boben = Entschäbigungs= werthes darf und muß in einem solchen Falle diejenige Se= brauchs = und Kulturart zum Grunde legen, welche nach Maß= gabe der Bodenart und Beschaffenheit, so wie der Belegenheit und Rusbarkeit den höchsten Reinertrag thulich und dauernd ver= spricht, wenn auch zuvor das Grundstück mittels der darauf bekindlichen Bäume oder Gehölze weniger einträglich benutzt wurde. In der Regel hat man zwischen den Werthen von Gartenland, Ackerland, Wiese, Holzland und Weideland zu wählen. Ift freislich die Nutungsart des Grundstückes durch irgend eine Dienstsbarkeit unabänderlich bedingt, und muß diese von dem Erwerber besonders mit abgelöst werden: so hebt dies jede willkurliche Wahl einer andern Bebauungsart.

Der vom Grund und Boden geschätzte Reinertrag ober auch ber vom gangbaren Bodenpreise nach einem geeigneten mittlern Jinsfuß berechnete Kapitalabwurf gilt als Bobenrente. Diese wird in allen folgenden Anweisungen zum Schätzen der Entschäsdigungswerthe als schon ermittelt und gegeben vorausgesetzt.

- 2) Die Schähung bes Holzentschäbigungs=Berthes hat es entweder mit Vergangenheits = oder mit Zukunfts=
 beträgen zu thun. Diese sind als für sich angelegte Betriebska=
 pitale anzusehen, um beren Ersah es sich handelt, die aber von
 der ebenfalls abgesondert betrachteten Bodenrente mehr oder weniger mit aufzehren. Aller Polzentschäbigungs=Berth wird ent=
 weber auf dem Grunde der aufgewendeten Erzeugungskosten oder auf dem der erwartbaren Zukunstbnuhungen
 entwickelt. Auf beide zugleich hat der Entschäbigungsberechtigte
 keinen Anspruch; denn mit dem Einen wird das Andere erseht,
 und in diesem Ersahe ist dann auch das eben enteignete Holz an
 sich mit begriffen. Dessen wirklicher Berth gilt nur dann als
 Entschäbigungswerth, wenn ihn die Jehtwerthe der aufgewende=
 ten Erzeugungskosten und der erwartbaren Zukunstsnuhungen
 nicht übersteigen.
- a) Die Erzeugungskosten umfassen die Anlagekosten, die Unterhaltungskosten und den Entgang an
 mittlerweile aufgezehrter Bodenrente, jedoch mit Abzug der
 indeß etwa schon eingegangenen Zwischennutzungen
 von der Anlage; sie dienen zum billigsten Entschädigungsbetrage
 und sinden nur bei jungern Anlagen Statt, von denen die Zukunftsnutzungen noch zu fern liegen und nicht sicher genug veranschlagt werden können.

- b) Bukunftsnutungen. Deren Entschäbigungsbetrag wird hauptsächlich bedingt von der einstigen Holzabnutung und den bis dahin eingehenden Zwischennutungen, nach Abzug des Entganges an aufgezehrter Bodensrente.
- 3) Berwerthungs 3 ins fuß. Da die Expropriation nur wirklich Verwerthbares entschädigt, bei jeder Baum = und Holzanlage aber mancher Spekulationsverlust aus dem unvermeid lichen Mißlingen entspringt, und da ohnehin der Eigenthümer durch die erzwungene Abtretung in seinem Wirthschaftsverbande manchen Nebenverlust erleidet: so hätte die Entschädigungsberech=nung diese Verluste billigerweise durch einen angemessenen Verzwerthungs-Zinssuß zu decken und mithin allen Vergangenheitsauf=wand mit geeignet höhern und alle Zukunftsnuhung mit geeigenet niedrigern Prozentsähen auf die Entschädigungswerthe der Gegenwart zu discontiren.
- §. 505. Schätzung bes Entschäbigungswerthes von ent= eigneten Obstbäumen.

Die Werthsschätzung der Obstbäume liegt zwar außer dem eigentlichen Bereiche des Forstaxators; doch wendet sich die Expropriation auch mit dieser Aufgabe an ihn, weil dies Geschäft ganz nach forstlicher Schätzungsweise vollführt werden muß und Andere wenigstens mit den Werthsberechnungen nicht so leicht umgehen können. Die Ermittelung des Entschädigungswerthes von Obstbäumen ändert sich, je nachdem man entweder noch junge oder schon tragbare Bäume, oder vollständige Obstplantazgen zum Gegenstande hat.

1) Entschädigungswerth für junge Dbstbäume. Hier sind nur die Erzeugungskosten in ihrem dermaligen Kapiztalwerthe zu entschädigen. Diese bestehen aus den Anlagezund Unterhaltungskosten und dem Bodenrentezentzgang, mit Abrechnung des etwaigen Zwischennutzungszungszuhlles.

Beispiel von einer 15jährigen, zu 4 pCt. verwertheten . Obstpstanzung:

- a) Anlagekosten. Jehtwerth von 60 Obststämmen, jeder für 6 Sgr. angekauft, für
 ½ Sgr. gepflanzt und für 1½ Sgr. verwahrt, zusammen für 16 Thlr. angelegt
 = 16 Thlr. × 1,801
 = 28,8 Thlr.
- b) Unterhaltung 8kosten, für Ergäns zung, Reinhaltung und sonstige Pslege, seit der Anlage im Durchschnitt jährlich 25 Sgr.

 = 35 Thir. × 20,825
 = 17,3 ,,
- c) Entgang von der landwirthschaft:
 lichen Bobenrente, an Dünger, Kör:
 nerverlust und dergl., jährlich 8 Sgr.

 = \frac{8}{30} \Thlr. \times 20,825 \qquad = \frac{5,6}{30} \frac{1}{30} \text{Thlr.}
- d) Dagegen hat die anfängliche Obstnu=

 yung während der letzten 5 Jahre abge=

 worfen jährlich 15 Sgr. Diese abzurech:

 nende Zwischennutzung beträgt (§. 111.)

 \frac{15}{36} Thlr. \times 5,633 = 2.8 \times

 Es bleibt also an Entschäbigungswerth: 48,9 Thlr.
- 2) Entschädigungswerth für tragbare Obstbäume. Hat der Obstbaum das eigentliche Fruchtbarkeitsalter erreicht, so dienen die erwartbaren Zukunftsnuhungen zur Schästungsgrundlage, und diese bestehen theils in den Zwischennuzhungen an Obst, nach Abrechnung der Nuhungskosten und des Bodenrente Entganges im Verdämmungsbereiche des Baumes, theils in der Holzabnuhung, wenn die Obstnuhung aufhört, einen Überschuß zu geben. Dieser Nuhungszeitraum muß erfahrungsmäßig bestimmt werden.

Beispiel. Ein Obstbaum halte sich in seiner überschüssi= gen Nutbarkeit wahrscheinlich noch 24 Jahre; dessen dermaliger Rapitalwerth solle nach den erwartbaren Zukunftsnutzungen zu 3 pCt. berechnet werden.

- a) 3mischennugungswerth.
 - 14 Sgr. an jährlichen Obsternten,
 - 5 ,, an jährlichem Bobenrente-Entgang,
 - 9 Sgr. überschüssige Zwischennutzung. Davon beträgt der Jetztwerth: 9 Sgr. × 16,94 == 152 Sgr. Dieser könnte ebensowohl auch perios bisch verschieden angesetzt werden.
- b) Holzabnutungswerth, nach 24 Jahren 32 Sgr. und jett: 32 Sgr. × 0.49 = 16 ,, Gesammter Entschäbigungswerth: 168 Sgr

Befriedigt eine reichlich geschätzte Zukunftsnutzung ben Entschädigungsberechtigten nicht, so läßt sich mit Zuhülfenahme der erwartbaren Zwischennutzungen — wenn man diese in progressischer Wer Abnahme auf die Vergangenheit anwendet — ein Erzeusgungswerth herausrechnen, welcher die Haltbarkeit des gebotenen Zukunstsnutzungswerthes genügend beweis't.

3) Entschäbigungswerth für volle Obstplantagen. Eine solche vollständige Obstpflanzung, wo alt und jung durch einander steht, und deren Erträge als immerwährend gleiche Rensten anzunehmen sind, wird am leichtesten und sichersten summarisch abgeschätt. Dabei ist der jährlich zu erwartende, gesammte Obstnutzungsbetrag, ausschließlich der Nutzungskossten und des gleichzeitigen BodenrentesEntganges, zu ermitteln und festzustellen. Der Holzabnutzungswerth bleibt under rücksichtigt, wosern man die im Laufe der Zeit abgängigen Aste und Bäume zum Unterhaltungsersate aufrechnet.

Betrüge z. B. jährlich im Durchschnitt die Obstnutung ausschließlich der Nutzungskosten

15 Thlr.,
der Bodenrente-Entgang

also die überschüssige Obstnutzung

6 Thlr.:
so stellte sich der 3prozentige Entschädigungs=

werth auf 6 Thlr. × $\frac{100}{3}$ = 200 Thlr.

§. 506. Schätung bes Entschäbigungswerthes von ent= eigneten Köpf= und Schneibelbäumen,

Die Köpf= und Schneidelbäume gewähren ebenfalls zwei wesentlich verschiedene Nutungsformen. Bei jenen sind die Holzabnutungsbeträge, bei diesen die Zwischennutungsbeträge untergeordnet; bei beiden hat man die Nutungsdauer, die periodische Zwischennutung und die endliche Holzabnustung zu bestimmen.

Die Nugungsbauer richtet sich mehr nach bem Zeitpunkte, bis zu welchem ber Köpfbaum eine gewisse Eingängigkeit und ber Schneibelbaum eine bestimmte Brauchbarkeit erreicht. Die durch's Köpfen und Schneibeln von Zeit zu Zeit eintretende Zwisch ennugung wird, nach Abzug bes etwaigen Bobenrentesentganges und ber Nugungskosten, gleich in reinem Gelbertrage entweder als periodische Einnahme angesetzt oder als jährliche Rente vertheilt. Den Holzabnugungsertrag bestimmt man ganz nach forstlicher Schätzungsweise.

Erftes Beifpiel.

Eine Kopfweide werbe alle 7 Jahre geköpft, stehe jetzt im 3ten Köpfjahre und gebe an 3prozentigem Jetztwerthe zu er= warten:

a) überschüssige Zwischennugungswerthe:

Nach 4 Jahren für 8 Sgr. Kopfholz: 8×0,888=7,1 Sgr.

" 11 " " 7 " " 7×0,722=5,1 "

" 18 " " 5 " " 5×0,587=2,9 "

" 25 " " 3 " " 3×0,478=1,4 "

Jusammen: 16,5 Sgr.

b) Holzabnutungswerth nach 25 Jahren 12 Sgr., mithin jett: $12 \times 0,478 = 5,7$ " Betrag des gesammten Entschädigungs= werthes: 22,2 Sgr.

3meites Beispiel.

Hätte man 20 Kopfweiben von ziemlich gleicher Stärke und Bachsbarkeit in eine Berechnungspartie zusammengefaßt und ba-

von 25 Jahre hindurch jährlich 10 Sgr. an Kopfholzzwischen= nutzung und endlich 135 Sgr. an Stammholzabnutzung geschätzt: so ergäbe sich zu 3 pCt.

an Zwischennutzungswerth, $10 \times 17,41 = 174$ Sgr., an Holzabnutzungswerth, $135 \times 0.48 = 65$, an ganzem Entschäbigungswerthe: 239 Sgr.; für jeden Stamm im Durchschnitt etwa 12 Sgr.

Da volle Kopfholzbestände mit wirthschaftlicher Altersabstusfung einen jährlich gleichen Ertrag an Zwischennutzung und Holzsabnutzung ergeben, so ist deren Werth auf dieselbe Weise zu bestechnen, wie bei normalen Waldungen. — Die Werthöschätzung der Schneidelstämme entnimmt von den Kopshölzern die Regeln zum Veranschlagen der Zwischennutzungen und von den Wildsbäumen die zum Veranschlagen der Holzabnutzung.

§. 507. Schätzung bes Entschäbigungswerihes von enteigneten Wildbäumen.

Bei der Enteignung ungestutt erwachsender Wildsbäume kommt bloß der Holzabnutungswerth zur Frage. Dessen Schätzung beschäftigt sich hauptsächlich mit dem gegenwärztigen Massengehalte und Geldwerthe nebst dem Massenzuwachse und der Werthstunahme, und zwar im einsmaligen Betrage. Der abzuziehende Bobenrentes Entsgang ist hier meist unbedeutend. Das Geschäft erstreckt sich entweder auf einzelne Wildbäume oder auf mehre zusammen.

1) Wertheschätzung einzelner Wildbäume. Man bestimmt den gegenwärtigen wirklichen Werth und dazu für mehre fragliche Abnutzungszeiten die Zukunftswerthe mit deren Jetzwerthen. Der höchste unter diesen Jetzwerthen dient als Entzschädigungswerth, wofern er den gegenwärtigen wirklichen Holzwerth übersteigt, was bei einigermaßen erwachsenen Bäumen selzten Statt sindet, zumal wenn durch ihre Werthezunahme ein Bodenrente-Entgang mit gedeckt werden muß.

Beispiel. Hätten sich von einer Ufererle, beren gegenwärstiger Gehaltswerth 44 Sgr. betrüge, bei 3prozentiger Kapitalisi= rung folgende Schätzungswerthe herausgestellt:

für den Ablauf des 10.—20.—30.—40. Jahres, die Holzabnutzungswerthe: 60-80-95-105 Sgr.; davon die Jetztwerthe: 45-44-39-32 Sgr.:

so träte die einträglichste Abnutungszeit gleich nach dem 10. Jahre ein und böte an Entschädigungswerth 45 Sgr.

2) Wertheschätzung mehrer Wilbbäume zusam= men, Um Angerhölzer von vereinzelt wachsenden Wildbäu= men, deren Benutung doch nur stammweise Statt sinden kann, in der Gesammtheit näher zu schätzen, wäre ein eigner Ab= nutungsplan zu entwersen. Dies führte aber in eben so weit= läusige als unsichere Erörterungen, von welchen die weit vorzüg= lichere stammweise Wertheschätzung und Entschädigung sich ganz frei hält. Wollte man in einem solchen Falle die summarische Abschätzung nach dem Nutungszuwachse (§. 460.) anwenden, so könnte der Entschädigungs-Verechtigte an seinem Stammkapitale bedeutend verlieren, indem der Zuwachs jener Hölzer meist unter dem gangbaren Zinssuse steht.

§. 508. Schätzung des Entschädigungswerthes von enteigneten Junghölzern.

Bon jungen Holzwüchsen, die eine wirthschaftliche Rutbarzteit noch nicht erreicht haben, bemißt man den in Frage gestellzten Entschädigungswerth nach den Erzeugungskoften, so lange diese nur irgend noch geltend gemacht werden können, jez doch eben auch unvermischt mit dem ganz für sich zu entschädizgenden Bodenwerthe.

Beispiel. Ein 3 Morgen enthaltender, 16jähriger Kiesfernanwuchs sei dem unfreiwilligen Enteigner mit 4 pCt. zu entschädigen, und zwar in folgenden Kostenbeträgen:

a) Anlagekoften.

Riefernansaat, vor 16 Jahren, pr. Morgen 3½, im Sanzen 10,5 Thir. Davon ber Jetztwerth: 10,5 Thir. × 1,873 = 19,66 Thir.

b) Unterhaltungskoften.

Nachbesserung, vor 14 Jahren 3 Thlr.; Jett= werth:

3 Thir. × 1,732 = 5,2 Thir.

c) Bobenrente=Entgang.

1,2 Thir. jährliche Bobenrente; davon ab

0,4 ,, wegen jährlicher Gras = und Streu= nutung.

0,8 Thlr. jährlich verbleibender Entgang. Defsen Jettwerth:

0,8 Thir. × 22,697 = 18,16 Thir. Sesammter Entschäbigungswerth: 43,02 Thir. Auf den Morgen 14,34 Thir.

§. 509. Schätung des Entschädigungswerthes von enteigneten Althölzern.

Hat sich ber Holzbestand an Masse und Gebrauchswerth erst einigermaßen nutbar ausgeformt, so wird der ihm für irgend einen Zeitpunkt eigenthümliche höchste Zettwerth ohne Weisteres als Entschädigungswerth angenommen, mag derselbe nun in dem wirklichen zeitlichen Gehaltswerthe, oder in irgend einem auf die Gegenwart discontirten Zukunftswerthe bestehen.

Beispiel. Ein angehend haubarer Kiefernbestand in 60jähz rigem Alter sei pr. Morgen geschätzt zu 2400 Kfß. Massengehalt und 70 Thlr. Holzwerth und lasse erwarten mit 3prozentiger Kapitalisirung:

nugungen währenb des		ii.	111.	IV.	Sahrzehnds.
An Durchforstungen u. Streunutzungen: Gleichzeitiger Entgang	24	21	18	15	Groschen.
von der Bodenrente:	12	12	12	12	Grofchen.
Jährlich verbleibender Nugungsüberschuß:	12	9	6	3	Grofden.
b) Erwartbarer Ab= nugungsertrag im	2800	3150	3450	3600	Rfuß.
Schlusse eines ober des andern dieser Jahr= dehnde:	90	105	115	120	Thaler.
c) Zestwerthe beider Zukunftsbeträge. a und b zum	70	80	90	100	Alt.=Jahre.
Von den periodischen Zwischennutzungen: Bon den einmaligen	3,4	5,3	6,2	6 ,6	Thaler.
Abnutungen:	67	5 8	47	37	Thaler.
Wählbare Entschädi= gunge=Jestwerthe	70,4	63,8	53,2	43,6	Thaler.

Unter diesen vier auf die Segenwart zurückgeführten Zustunftswerthen übersteigt kaum der erstere vom 70. Altersjahre mit seinem Zestwerthe den gegenwärtigen wirklichen Holzbestans deswerth; die Zestwerthe der übrigen sinken mit jedem Jahrsehnde, wie an erwachsenen Bäumen (§. 507. 1.).

Um vorläufig zu beurtheilen, ob und wie der nächste Zustunftswerth den wirklich vorhandenen Gehaltswerth überbieten könne, vergleiche man nur die eben zu erwartende Werthszus

nehme sammt Rebennutung des Holzbestandes einerseits mit den Zinsen vom wirklichen Gehaltswerthe sammt der Bobenrente andrerseits. Der überwiegende Betrag einer oder der andern Summe deutet an, ob und wie der fragliche Zustunftswerth steigen oder fallen werde. Wo sich kein weiterer Nutungsüberschuß in Aussicht stellt, gilt der gegenwärtige Geshaltswerth als der höchste Entschädigungswerth.

§. 510. Schätung des Entschädigungswerthes von enteigneten Mittelhölzern.

Bei mitteljährigen, oft noch ganz unreisen Hölzern kann die Werthöschätzung weber von den Erzeugungskosten ausgehen, noch die Zukunftsnutzungen unterstellen, nicht nur wegen der Zweisels haftigkeit beider in zu weiter Ferne liegenden Rechnungsmomente, sondern auch wegen der hieraus entspringenden, zu großen Absweichung der Verwerthungsfaktoren. Es bietet sich hier ein ganz anderes und viel einfacheres Schätzungsmittel dar, nämlich die erfahrungsmäßige Altersdurchschnitts=Nutzung anderer, schon mehr erwachsener Holzbeskände gleicher Art und Wachsbarkeit.

Der obige Kiefernbestand (§. 509.) gab an Durchschnitts= nutzung vom Morgen und Jahre:

im 70. Jahre
$$\frac{20}{70}$$
 = 1,28 Thlr.,

,, 80. ,, $\frac{-10.5}{80}$ = 1,31 ,,

,, 90. ,, $\frac{-10.5}{90}$ = 1.28 ,,

also im Mittelbetrage etwa:, 1,3 Thlr.

Um aber diese als probemäßig angenommene Durchschnittsnutzungweiter auf jüngere Kiefernwüchse von gleicher Entstehung, Haltung und Ertragsamkeit anzuwenden, müßte erst die Bodenrente davon abgezogen werden. Diese betrug im obigen Probebestande pr. Morgen 12 Sgr. — 0,4 Thlr., und mithin verblieb an eiz gentlich bodenrentefreier Durchschnittsnutzung für jedes Alterszighr

Ein Bojahriger Riefernbestand, ber ben Ertrag jenes

Probebestandes erwarten ließe, hätte bemnach pr. Morgen Durchschnitts=Nugungswerth

0,9 Ahlr. × 30 = 27 Ahlr.

Dem 16jährigen Riefernwuchse in §. 508. rechnete biefe Schätzungsweise bei gleichen Werthsverhaltniffen vom Morgen

0,9 Thir. × 16 = 14,4 Thir.

als Durchschnitts-Nutzungswerth zu, was mit dem bortigen Erszeugungswerthe zufällig übereinstimmt.

Obschon diese Schätzungsform den Holzwachsthumsgesetzen nicht ganz entspricht, und zumal den schwach entstehenden Holzsgattungen im Jugendalter einen etwas zu hohen Nutzungswerth zutheilt: so macht sie sich doch gerade bei solchen Auseinanderssetzungen ganz vorzüglich brauchbar.

Dem Entschädigungsberechtigten kann die Thulickeit eines viel einträglicheren Betriebes, zumal in sleißigerer Aufbringung werther Vorerträge und Nebennutzungen, die in jener Haubarsteits-Durchschnittsnutzung gar nicht begriffen sind, keinesweges abgesprochen werden; zudem sichert dies Rechnungsversahren vor größern Mißgriffen; dabei sind die erforderlichen Nutzungssätze leicht aufzusinden und von beiden Theilen eben so leicht als überzeugend zu handhaben.

§. 511. Schätzung des Entschädigungswerthes von enteigneten Ausschlagsholzungen.

Bei eigentlichen Ausschlagsgehölzen ist gewöhnlich nur die periodisch wiederkehrende Bestandesabnutzung zu vergüten nach Abzug der Bodenrente und der Waldnustungskosten; benn eine Nebennutzung kommt selten vor.

Beispiel. Eine Buschholzung in 10jährigem Umtriebe gewähre nach Abzug aller Betriebs = und Unterhaltungskosten bei jeder Schlaghauung 25 Thlr. Abnuhungsertrag. Der 3prozenstige Kapitalwerth dieser Periodenrente ist alsbald nach erfolgtem Abtrieb (§. 118.):

25 Thir. × 2,907 = 72,7 Thir.

Fällt die Enteignung in den Lauf der Umtriebszeit, so muß die= fer Kapitalwerth des eben geräumten Schlages noch für jenen Zwischen = Zeitpunkt umgerechnet werden, und zwar mittels des entsprechenden Nachwerthsfaktors. Um Schlusse des 7. Jahres wäre derselbe (§. 119.)

72,7 Thir. × 1,230 = 89,4 Thir.

Von diesem Kapitalwerthe der Holznutzung hatte man nun den für sich veranschlagten und ebenso auch für sich zu entschädigens den Bodenwerth noch abzuziehen; denn auch in diesem Falle würde das Jusammenfassen desselben mit dem Holzerwachs, schon wegen der mitunter auszuscheidenden Bestandeslücken, nicht immer leicht thusich sein. Überhaupt muß bei allen diesen Werthöschätzungen, schon der Gleichförmigkeit wegen, die Regel sestgehalten werden: dem Entschätzungsberechtigten den Bodenswerth stets besonders anzurechnen.

- 3. Schätzung des Schadensersatzes bei Holzentwendungen und Beschädigungen.
- §. 512. Schätzung bes Schabensersates wegen Stamm= holzentwendungen.

Der Schabensersatz wegen unmittelbar vom Stocke entwendeter Hölzer wird geschätzt nach Maßgabe des Holz= betrages, des wirklichen Holzwerthes und des durch die Ent= wendung verursachten wirthschaftlichen Nebenverlustes.

1) Um den Holzbetrag entwendeter Stämme so gut als thulich anzusprechen, bemißt man zu der fraglichen Holzart die drei Massengehaltssaktoren mittels der noch vorsindlichen Bergleischungsgrößen, nämlich: die Stammstärke, nach der Stärke und Form des Stockes, und wenn auch dieser sehlt, nach mittleren Nachbarstämmen und nach dem Umfange des Stockplazes; die Scheitelhöhe und Stammform, nach den Nachbarstämmen, der ermittelten Stammstärke, der Stocksorm, dem Abstande und Standorte. Auf dem Grunde dieser Ermittelungen wird die Holzmasse berechnet, das Sortenverhältniß beurtheilt und der Sortenbetrag näher bestimmt. Bon mehren Stämmen zusamsmen, oder ganzen Bestandesstücken schätzt man den Holzbetrag

auf gleiche Weife. Bur Bewährung solcher Thatbestände sind glaubhafte Aussagen sehr dienlich.

- 2) Bei Bestimmung des wirklichen Holzwerthes, nach Maßgabe des geschätzen Holzbetrages, legt man in der Rezgel den Marktpreis zum Grunde; denn jede Forstare beruht auf Vertrag oder Vergünstigung, woran- der Forstfrevler, der ohnedies das entwendete Holz meist um den höchsten Preis verzauft, keinen Theil haben kann.
- 3) Wird das entwendete Holz auch im vollen Marktpreise entschäbigt, so verursacht bennoch bessen Herausreißung aus dem Bachsthums = und Wirthschaftsverbande dem Beschäbigten oft noch manchen Nebenverluft. - Dhne die Beurtheilung biefes Rebenverluftes auf Spitfindigkeiten zu bauen und etwa zu Gun= sten des Beschädigten anzuführen, daß das entwendete Holz mit der Zeit vortheilhafter hatte verwendet werden können, etwa zur Gewinnung besserer Ausnutzungs = ober Gelegenheitspreise, so wie durch vorzugsweise Abgabe anderer, mehr rückgangiger Holz= wuchse, ober wohl mittels Benutung des Stockausschlages, ber Besamung ober sonstiger Vortheile, was Alles auf sehr unsichern Gründen beruht und mitunter sogar auf Gegenfätze führen könnte; auch ohne die Diskontirung irgend eines vernichteten Bu= kunftswerthes zu Hulfe zu nehmen, welche von zu fernen und unfichern Grundlagen ausgeht und nicht von Jedem gehandhabt werden kann, dem der Forstschutz obliegt: halten wir uns hier allein an die Entschädigung des nebenbei verursachten Werthezunahmeverluftes. Der Schabensersag, welcher diesen mit einschließt, ergiebt fich aus dem Holzwerthverluste in Berhaltniß des landublichen Zinsfußes zu bem (nach §. 417.) nun verlornen Werthszunahme=Prozente und um= faßt somit zugleich ben Verlust an Bobenrente von dem erledig= ten Standplage.

Wäre z. B. von einem im Mittelwalbschlage entwendeten Standreitel der wirkliche Holzwerth zu 6 Sgr. und der Werthszunahmeverlust zu 7 Prozent geschätzt worden: so verhielte sich bei Aprozentigem Zinsfuße der geschätzte wirkliche Holzwerth als Entwendungswerth zu dem ganzen Schadensersatze

wie 4: 7*), und dieser betrüge mithin $\frac{2}{4} \times 6 = 10.5$ Sgr., nämlich 6 Sgr. wegen Holzwerthsverlustes und 4,5 Sgr. wegen Werthszunahmeverlustes.

Diese Berechnung sett freilich eine unaufhörliche Forts dauer des Werthszunahmeverlustes voraus, welche in der Birklichkeit nicht besteht; allein man kann den spätern Abfall deskelben recht füglich für die übrigen, weniger bestimmbaren Nachtheile des beschädigten Waldbesitzers aufrechnen, dabei aber zur Begegnung von Misbräuchen das höchste Werthszunahmes Prozent nur auf das Doppelte des gangbaren Zinssusses besichränken. Dieses Äußerste übersteigt das Wachsthum und die Werthszunahme solcher Hölzer ohnehin nicht leicht.

Siernach bürfte bei forstwirthschaftlicher Bestimmung des Schabenbersates wegen entwendeter Stammhölzer die einfache Regel gelten: Man bestimme ben Holzbetrag nach den noch ermittelbaren Maßen, den wirklichen Holzwerth nach den Marktpreisen und den Schadenbersatz nach dem Holzwerthe in Verhältniß des landüblichen Zinsfußes zum verlornen Werthszunahme=Prozente. Dabei dürfte aber der Schadenbersatz das Doppelte des Holzwerthes nicht übersteigen.

Diese Regel hält sich in so engen und bestimmten Grenzen und behilft sich mit so einfachen Schätzungsmitteln, daß jeder Forstaufseher leicht und sicher nach ihr taxiren kann; sie ist ein längst gewünschtes Auskunftsmittel unseres Forststrafverfahrens.

§. 513. Schätung des Schabensersates wegen Solzbeschäbigungen.

Die Schätung bes Schabensersates wegen bloßer Beschäbigung an Gehölzen verfolgt zwei verschiedene Bege,

^{*)} Der Entwendungswerth E ist nämlich als Kapital anzuschen, das dem Forste 7 pCt., mithin $E \times_{To}$ abwarf. Der Schadensersaß S, zu 4 pCt., also zu $S \times_{To}$ angelegt, muß jenen Betrag ersehen. Daraus ergiebt sie Gleichung:

 $S \times \frac{4}{100} = E \times \frac{7}{100},$ $S \times 4 = E \times 7,$ $S = E \times \frac{7}{10}.$

je nachbem ber Schaben an eigentlich nutbaren Solzern, oder an jungen Solzwüchsen verübt wurde.

1) Von beschädigten Holzstämmen ist zu schäßen und zu erseten: was der zurückgebliebene Stamm einmal an seinem vorhinnigen vollen Holzwerthe, zum Anstern an seiner kunftigen Werthszunahme verloren hat. Der erstere, einmalige Verlust kann sehr wenig, auch wohl gar keinen wirklichen Nutzungswerth haben, aber doch sehr üble Folgen nach sich ziehen; der letztere und hauptsächliche Verlust tritt als Rente auf, die bis zur dereinstigen wirthschaftlichen Abznutzung des Baumes dauert.

Gefetzt, ein Baum, dessen voller Holzwerth 120 Sgr. betrug, sei entästet worden; man habe die entwendeten Afte an sich zu 20 Sgr. angeschlagen, den Entgang an weiterer Werthszunahme des Baumes aber jährlich zu 3 Prozent geschätzt, und zwar mit 15jähriger Dauer bis zu der daselbst eintretenden Schlaghauung. Davon berechnet sich der Schadensersatz nach 4prozentigem Zinsfuß:

- a) An Entwendungswerth = 20 Sgr.
- b) An Werthszunahmeverluste, jährlichzu 3 pCt., $120 \times _{\overline{180}} = 3,6$ Sgr.*). Da= von der 15jährige 4prozentige Rentenwerth:

3,6 Sgr. × (25 — 13,88) = 40 Sgr. 3usammen: 60 Sgr.

Da in einem solchen Falle die höchste Entschädigung eben auch durch das Doppelte des landüblichen Zinsstußes begrenzt sein müßte (§. 512.), es aber dem Beschädigten frei steht, den zurückgebliebenen Haupttheil des Stammes alsbald niederzuschlasgen und den davon erlösten Holzwerth sammt dem erstatteten Entwendungswerthe zinstragend anzulegen: so dürste man, wesnigstens bei gewöhnlichen Beschädigungen dieser Art, als Werthszunahmeverlust höchstens nur noch den ein fach en Zinsenbetrag

^{*)} Hierbei ist der Werthszunahmeverlust auf das entwendete Astholz, das doch alsbald ersetzt wird, der Kürze wegen mit eingerechnet.

anrechnen. — Bei solchen Beschädigungsfällen kann übrigens der Schabensersatz weit über das Doppelte des entwendeten Holzwerthes steigen und dieser, wie bei bloßen Verletzungen, ganz betragsloß sein. Ist ein Stamm töbtlich verletzt, vielleicht durch Entrindung, so wird der Schadensersatz nach §. 512. berechnet und der noch vorhandene Holzwerth dem Beschädiger gut gesschrieben.

2) Bon beschädigten Holzanwüchsen schättman zum Behuf des Schadensersages einerseits die Wiederherstelz lung kosten, andererseits den Wirthschaftsverlust dis zum Wiedereintritte des frühern unbeschädigten Zustandes. Die Kosten der thulichen Wiederherstellung durch das geeignetste Ausbesserungsmittel nebst den etwaigen weitern Nachbesserungen kann jeder Forstwirth ohne Weiteres leicht veranschlagen. Der Wirthschaftsverlust während der Wiederherstellungszeit umfaßt theils die inzwischen verloren gehende Bodenrente und Bodenkraft, theils den gleichzeitigen Zinsenverlust von allen früher ausgewendeten Erzeugungskosten.

So könnte z. B. die Schabensersatherechnung von einer bjähzrigen Kiefernansaat, beren Wiederherstellungszeit 4 Jahre erforzbere, zu 3 pCt. und pr. Morgen mit solgenden Ansaten durchzgeführt werden:

- a) Alsbaldige Wiederauspflanzung = 25 Ggr.
- b) Jährlicher Berlust während ber nächsten 4 Jahre:
 - 20 Sgr. an Bobenrente u. Bobenkraft. 10 " an Zukunstkzinsen von allen vorher aufgewendeten Anlages und Unterhaltungskosten, einschließlich bes
 mittlerweile bavon schon aufgelausenen Zinsenbetrages.
 - 30 Sgr. Diese 4jährige Rente hat an Jett= werth (§. 115.):

30 Ggr. × (33,33 — 29,61) = 111,6 Ggr. Sanzer Schabensersat pr. Morgen: 136,6 Ggr.

- §. 514. Schätzung bes Schabensersates wegen Holzvermüstungen.
- Die Schätzung bes Schabensersatzes wegen besgangener gänzlicher Verwüstung von Gehölzen andert sich ebenfalls, je nachdem der Verlust in nutbaren Hölzern oder in jungen Holzwüchsen besteht.
- 1) Eine gänzliche Verwüstung vorhandener nutzbarer Holzbestände ist ohne zeitige Begegnung von Seiten des Besitzers kaum möglich, zumal als Gegenstand nachheriger, rechtlich begründeter Schadensersatsforderung. Hierbei bietet sich dem Tarator kein anderer Schätzungsweg dar, als die nähere Ermittelung des Verwüstungszustandes und entwendeten Polzwerthes mit Berücksichtigung der etwa geltend zu maschenden, verlornen sorstwirthschaftlichen Zukunstswerthe, je nach den verschiedenen Benutzungsarten und Zeiten.
- 2) Bei ganzlicher Verwüstung junger Holzerwüchse find zu schäten und zu erseten:
 - Die Anlagekosten, als einmalige Ausgabe auf den Jett= werth berechnet.
 - b) Die seit der Anlage aufgewendeten Unterhaltungs= kosten, nach Abzug der etwaigen gleichzeitigen Zwischen= nutzungen, als Vergangenheitsrente (nach g. 117.) zu kapi= talisiren.
 - c) Der Entgang an Bobenrente und Bobenkraft in ber Zwischenzeit, ebenfalls eine Vergangenheitsrente.
 - d) Der gleichzeitige Berlag an Verwaltungs = und andern ständigen Kosten; nächstdem wohl auch eine Spekulationsvergütung.

Die §g. 504 bis 511, über Expropriations=Entschäbigungen von Holzgrundstücken behandeln diese Werthsfragen aussührlich, wenn auch in etwas anderer Beziehung.

4. Werthschätzung von Jagben.

§. 515. Überhaupt.

Kein Gegenstand der Forstnutzung ist schwieriger zu schäten, als die Jagb auf wilde Thiere, welche ihren Aufenthalt in Wäldern und Feldern nach Willfür nehmen und verändern; deren Angehörigkeit so oft bezweifelt, verletzt und bestritten wird; deren Habhastwerdung so sehr von Glück und Geschicklichkeit abshängt, und deren oft eben so mühsame als kostdare Erlegung Viele für weit werthvoller achten, als die wirkliche Nutzung. Der Werth eines Jagdeigenthums. ist zunächst und hauptssächlich nach dem Jagdbezirke, der Jagdbarkeit, der Jagdbarkeit, der Jagdbarkeit, der Jagdbarkeit,

- 1) Vom Jagbbezirke hat man aufzunehmen und zu besschreiben: Flächengehalt, Figur und Begrenzung; Lage, Boben und Fruchtbarkeit; Ausbehnung, Vertheilung und Kulturzustand von Wald, Feld, Wiese, Weide und Gewässer.
- 2) Jagbbarkeit. Dahin gehören: die Anfässigkeit und Hegbarkeit der verschiedenen Wildgattungen; die Gelegenheit zum Ein= und Auswechsel des Wildes und der eben vorsindliche Wildstand; zudem die äußere Jagdörtlichkeit und Wildhege im ganzen Wechselbereiche.
- 3) Jagdgerechtsame. Hier ist hauptsächlich zu erörtern:
- a) Db Hohe=, Mittel= ober Nieder=Zagd, aus=
 schließlich ober mitberechtigt, Borjagd ober Nachjagd; mit wel= chen Theilhabern und Nachbarn und unter welchen gegenseitigen Beschränkungen; ob unbestritten ober bestritten.
- b) Jagdbienste, an Frohnen zum Treiben, Fahren ober Tragen des Wildes, zum Zubereiten der Salzlecken, Stallungen, Schirme, Fänge u. dergl., gemessen oder ungemessen; so auch an Lieferungen und andern Leistungen behuss der Jagd.
- c) Belast ungen burch Besteuerung, Erbzins, Wildpretsund andere Abgaben, burch Frohngebühren, Wildschabensersat

und andere Bergütungen, so wie Berpflichtung zum Wildabweh: ren, Einfriedigen u. bergl. m.

- 4) Jagbnutung.
- a) Allgemeine Nutungsverhältnisse: Jagdpolizei= Gesetze, Vereinbarkeit der Wildhege mit dem Wald = und Feld= bau, Stimmung der Grundbesitzer gegen die Jagd, Wilddieberei, Jagdliebhaberei und freiwillige Jagdgenossen.
- b) Jagbbetrieb: angemessene Wildhege und Jagdweise; seitherige und erwartbare Jagdausbeute und Wildpreise; Auf= wand für Jagdgehülfen und Jagderfordernisse, Fütterungs= und Unterhaltungskosten, Schuß= und Fanggelb u. s. w.
- c) Jagbertrag an Einnahme und Ausgabe und Reinertrag, und zwar bei Selbstbeschießung, Berwaltung und Berpachtung des Jagdrevieres.
- 5) Der Jagdwerth kommt als realer und relativer in Betracht.
- a) Der reale Werth einer Jagdgerechtsame an sich, beste= hend in dem absoluten Kapitalwerthe des Jagdeinkommens, die= tet wegen der vielen Zufälligkeiten, welchen der Wildstand und die Jagdnutzung unterliegen, selten eine dauernde Sicherheit. Dessen Kapitalisirung nimmt also in der Regel, wo es sich bloß um wirthschaftliche Zwecke handelt, stets einen bedeutend höhern Zinssuß an, als den bei Güterkäusen üblichen.
- b) Der relative Jagdwerth ist in mancherlei weitern Vortheilen bes Jagdinhabers zu suchen, hauptsächlich:
 - a) In der Beabsichtigung, eine, die Jagd ausbeutende, oder boch störende Nachbarschaft los zu werden.
 - β) Wenn ein Jagdrevier durch weitere Ergänzung ober bessere Abrundung mittels fremder Jagdbezirke zu einem geschlosse= nern Jagdgehege erhoben werden kann.
 - ?) In vortheilhafter Erwerbung der Mitjagd zur pfleglichern Behandlung und bessern Benutzung der Jagdbarkeit.
 - d) In vortheilhafter Erwerbung der Jagdgerechtsame von Seisten des Grundbesitzers, um das belastete Walds oder Lands gut freier und einträglicher benutzen zu können.

Endlich im Vorliebewerthe. Dieser ist durch vortheilhafte Verpachtung an vermögende Jagdliebhaber zu gewinnen und von dem Forstwirthe da nicht aus dem Blicke
zu verlieren, wo Landes = und Grundherren in ihren freieigenen Waldungen an einem Wildgehege Vergnügen sinden.

Unter solchen Verhältnissen steigt der relative Zagdwerth oft zu einer Höhe, auf welcher nach dem Reinertrage ebenso wenig, als nach einem Kapitalisirungszinssuße gefragt wird.

5. Schätzung des Wildschadens.

§. 516. Schätzungen des an Holzungen verübten Wildschabens überhaupt.

Rommt Wilbschabensersat hinsichtlich der Wälber und Holzungen zur Frage, so stehen der Schätzung, je nach Alter und Zustand des beschädigten Holzwuchses, drei ganz verschiedene Ermittelungswege offen, wobon jeder zu einem eigenen Schadensersate führt, nämlich zum Ersat der Erzeugungskosten, oder zum Ersat der Wiederherstellungskosten, oder zum Ersat der Durchschnittsnutzung. Füglich kann dabei eine Schätzungsweise die andere bewähren.

- 1) Ersat der Erzeugungskosten. Kann und soll ein Wildschaden durch den verlorenen Erzeugungsaufwand wies der ersetzt werden, so kommen nach §. 514. folgende Jetztwersthe zur Frage:
- a) Die aufgewendeten Anlage = und Unterhaltungs= kosten, nebst den inzwischen davon aufgelaufenen Zinsen.
- b) Der Entgang an Bobenrente und Bobenkraft seit der Anlage.
- c) Etwa noch der gleichzeitige Verlust an nutzlos aufgewendeten Betriebskosten.

Diese Art der Schabensberechnung wäre bei gänzlicher ober theilweiser Vernichtung junger Holzsaaten und Pflanzungen anwendbar und könnte selbst für Naturanwüchse geltend gemacht werden, wenn man diesen einen verhältnismäßigen Anlagewerth beimäße.

- 2) Ersat ber Wiederherstellungskosten. Die Summe aller erforderlichen Wiederherstellungskosten, einschließ: lich des verursachten Wirthschaftsverlustes, entzisserte man nach §. 513. 2. in Gemäßheit folgender Schätzungsgrundlagen:
- a) Die Wiederanbau= und etwaigen weiteren Nach= besserungskosten bis zur Herstellung des früheren, unbe= schädigten Zustandes;
- b) die bis dahin verloren gehende Bodenrente und Bodenkraft;
- c) der gleichzeitige Zinsenverlust von den früher aufge= wendeten Erzeugungskosten.

Dieser Ermittelungsweg dient vorzüglich bei minderer An= wendbarkeit des Erzeugungskosten = Ersates besonders für Mittel= und Niederwaldnachwüchse.

3) Ersat ber Durchschnittsnutung. Ift feit ber Entstehung eines Gehölzes bis zu bessen ganzlicher ober theil= weiser Berftorung ein größerer Zeitraum verflossen und keine ber beiben obigen Entschädigungsweisen recht anwendbar: so bleibt die summarische Bergütung der auf diesen Zeitraum ausgeworfe= nen, nach dem normalen Saubarkeitsertrage berechne= ten Durchschnittsnutzung bas einfachste und sicherste Er= sahmittel. Denn in solchen Rechtsfällen muß stets die Behaup= tung gelten, daß der fragliche Holzwuchs, ohne den erlittenen Bilbschaben, ben seiner Standortsgute entsprechenden Bollertrag abgeworfen hatte. Dabei läßt sich bem arithmetischen Einwande: "ber jett beanspruchte Antheil von der spätern Haubarkeitsnus hung burfte eigentlich nur in seinem derzeitigen Borwerthe ange= rechnet werden", mit gang entschiebenen Grunden entgegnen: ein= mal, daß die hier unterstellte normale Haubarkeits-Durchschnitts= nutung von den früher abfallenden Borerträgen nichts mit um= fasse und keineswegs auf alle, ber Spekulation möglichen, forst= lichen Bornugungen eingehe; zweitens, daß bei biesem einfachen

Ersate der Durchschnittsnutzung kein Verlust an Erzeugungskossen mit in Anrechnung kommt, daß ja auch dis zu dem Haus barkeitseintritte die Holzvreise bedeutend steigen können; drittens, daß ein erheblicher Wildschaden in mehrsacher Hinsicht die ganze Bestandesordnung stört und dadurch noch weitere Wirthschaftssverluste nach sich zieht, die ebenso, wie viele minder auffallende Beschädigungen im Walde umber, gar nicht geschätzt werden können, und endlich, daß auch da, wo irgend ein Zweisel obwalstet, der in seinen Nutzungsrechten Verletzte eine Einduße durchsaus nicht erleiden dürste. Übrigens würde ja der Beschädigte bei einer durch die ganze Umtriedszeit sortgesetzt wiederholten Beschadesverwüstung nicht anders zum vollen Ersate seines Verlusstes gelangen können!

Hierneben hat der Jagdberechtigte dem Jagdleidenden die durch den Wildschaden verursachten Kosten des forstordnungsmästigen Wiederanbaues vollständig zu ersetzen.

Den Ersatz vorübergehender Waldbeschädigungen, die mit der Zeit von selbst wieder verwachsen, schätzt man ebenfalls am leichtesten und sichersten nach der bis zur Wiedererholung verlozrenen Durchschnittsnutzung.

Im Allgemeinen wäre noch zu bemerken: Bei theilweisem Wilbschaden ist genau zu bestimmen, welcher Flächentheil vom Ganzen der Entschädigung unterliegt. Im Mittelwalde wäre zuvörderst der dem Unterwuchse zukommende Flächenantheil und dann wieder von diesem die wirkliche Beschädigungsstäche zu ermitteln.

Bei beschädigten Pflanzungen könnte man die Zahl der verletzten Pflanzen überschlagen und nach dieser die Beschädigungs= fläche auswerfen. Mitunter könnten wohl auch von den vernich= teten jungen Pflanzen mehr oder weniger nach dem eben Statt findenden Pflanzenpreise angerechnet werden.

Im Uebrigen ist leicht einzusehen, daß eine auf gewinnsüchtige Zukunftsnutzungen basirte Wildschadentaration um so weniger gelten kann, als dabei nur junge Wüchse zur Frage kommen, deren zweiselhafte Zukunft gerichtlich wenig Glauben sinden bürfte.

§. 517. Bildschabensersat in Betreff junger Holzwuchse.

·Ganz junge, eben in der Entstehung begriffene Holzanwüchse unterliegen dem Wildschaden am meisten. Diese Zerstörungen werden verübt an bloßen Schlagbesamungen, an Anbauwüchsen und Naturanwüchsen.

- 1) Wird eine erfolgte Schlagbesamung, sei es als Mast oder im eben gekeimten Zustande, vom Wilde aufgezehrt und dadurch die Wiederverjüngung ganz oder nur theilweise vereitelt: so schätt man entweder die Kosten des Ersates durch alsbaldige Saat oder Pstanzung, oder man bestimmt die wahrscheinliche Wiederstehr des nächsten Samenjahres und rechnet auf diese nutlose Iwischenzeit den Verlust an Bodenrente und Bodenkraft und an Kapitalzinsen von dem Schlagbestandeswerthe, so weit diese von der wirklichen Werthszunahme der um so länger beizubehaltenden Samenbäume nicht übertragen werden.
- 2) Würden Holzansaaten ober Anpflanzungen von dem Wilde vernichtet oder beschäbigt, so ermittelt man zuvörderst den betroffenen Flächengehalt und schätzt dann nach §. 516. 1. den Betrag der Erzeugungskosten.
- 3) Von den verletten Naturanwüchsen wäre nur dann ein Erzeugungskostenersat anzurechnen, wenn die Behauptung geltend gemacht werden kann, daß der Wiederandau zwar Regel, solcher aber im vorliegenden Falle durch geschickte, oft nicht min= der kostdare Beihülfe der Natur eben erspart worden sei. Ausberdem hätte man den Wiederherstellungsersat nach §. 516. 2. anzuwenden. Bei dessen Ermittelung ist jedoch nicht zu überses hen: daß von den verdissenen Wüchsen noch manche eingehen und viele sich nicht so dald wieder erholen, daß also die Wiesederherstellungszeit oft bedeutend weiter hinausrückt, als gewöhnslich vorausgesetzt wird.

Hat bloß ein, das Wachsthum zurucksender Verbiß Statt gefunden; so ist es oft am einfachsten und sichersten, auf die Wiesbererholungszeit den Ersat der Durchschnittsnutzung als Entschästigungsbetrag anzurechnen.

§. 518. Wildschabensersat in Betreff stärkerer Holz= aufwüchse.

Die dem Wildverbiß entwachsenen, schon mehr geschlossenen, zum Reinigen vorschreitenden Aufwüchse leiden gewöhnlich nur theilweise durch Schälen und Zerschlagen. Solche Schäden wers den dann ausgehauen und mit hochstämmigen Pflänzlingen ausgebessert. In der Regel ist hier der verhältnißmäßige Wiedersherstellungsersatz nach §. 516. 2. anzurechnen.

Wo das Alter schon mehr vorgeschritten ist, besonders im Rieher: und Mittelwalde, könnte wohl auch für den beschädigten Flächentheil der Ersat der entsprechenden Durchschnittsnutung, nebst den Ausbesserungskosten nach §. 516. 3. in Anspruch genommen und davon das abgeräumte Reisig in Abrechnung geschracht werden. — Hat man die hochstämmigen Pflänzlinge, oder die sonstigen Wiederherstellungsmittel nicht sogleich bei der Hand, dann müßte der Schaden so lange hinaus vergütet werden, die dieselben beizuschaffen sind. — Wenn die Beschädigungen von selbst wieder verwachsen, sallen die Ausbesserungskosten weg.

§. 519. Wilbschabensersat in Betreff ausgeschafteter Junghölzer.

Die mehr gereinigten Gerten = und Stangenhölzer werden hier und da vom Wilde verderblich geschlagen und geschält. Umsfängliche Beschädigungen dieser Art tussen sich gar nicht anders tariren und ersehen, als mittels Bergütung ber verlornen Durchsschnittsnuhung und erforderlichen Wiederanbaukosten nach §. 516. 3. Bei horstweiser Verlehung haut und pflanzt man die beschädigten Stellen aus und rechnet den Werth des gefällten Holzes von dem Entschädigungsbetrage ab. Werden weniger beschädigte horste ausgehalten, so ist von diesen doch wenigstens der Juwachsverlust zu ersehen. — Sind aber die unheilbar verwundeten Stämme nicht horstweise, sondern durchgängig vertheilt und so zahlreich, daß weder eine wieder ersehende Auspslanzung thulich, noch die von selbst erfolgende Ausbildung eines Bollbestandes möglich ist: so überläßt man dem Jagdberechtigten den ganzen vorhan=

denen Bestand gegen die volle Vergütung der verlorenen Durch: schnittsnutzung und Erstattung der Wiederanbaukosten.

Hier und da könnten wohl einige Stamme zur nützlichen Oberholzzucht beibehalten werden.

§. 520. Schätung wiederholter Bildschäben.

Bilbschaben Bieberholungen nach früher schon geleistetem Schabensersate und vollsührter Wieberherstellung machen vor Alztem einen genauen Nachweis ber erstatteten Wildschabensvergüstungen nöthig, damit die neuen Entschädigungen nicht in die alzten erledigten wieder zurückgreisen. Ein solch' wiederholtes Schästungsversahren ändert sich auch hier, je nachdem die Erzeugungszfosten, die Wiederherstellungskosten oder die Durchschnittsnutzung zur Frage kommt; aber keines davon erstreckt sich über die letztere Entschädigungszeit zurück.

- 1) Wo die Erzeugungskoften (§. 516. 1.) zur letten Entschäbigung dienten, stellte man so weit einen, von den früheren schon befriedigten Erzeugungsansprüchen ganz unabhängigen neuen Holzwuchs her. Bei dessen abermaliger Beschäbigung dürfte also jedes, von der jüngsten Entstehung herzuleitende Schästungsverfahren angewendet werden, ohne irgend eine Betheilisgung mit dem vormaligen Schadensersatze.
- 2) Fand aber die lettere Entschädigung nach den Wieder: herstellungskosten (§. 516. 2:) Statt, so kann wegen des dadurch ganz veränderten Werthsverhältnisse über diesen Zeitpunkt zurück ein Erzeugungskostenersat nicht mehr geltend gemacht werden. Wäre nun abermals ein Wiederherstellungsersat anwendbar, dann rechnete man zu den Wiederanbaukosten die in §. 516. unter 2 b. und c. aufgeführten Nebenwerthe, nämlich die weiter verlorene Bodenrente und Bodenkraft mit dem Zinsenverluste von den anfänglich aufgewendeten Erzeugungskosten und zwar auf die neue Entschädigungszeit, von dem vorletzen die zum nächsten Weiedereintritt des früheren Vollbestandes.
- 3) Wird bei wiederholtem Wildschaben Ersatz der Durch= schnittsnutung in Anspruch genommen, so darf dieser eben auch nur von dem Zeitpunkte der letzteren Entschädigung ab ge=

rechnet werden, mag damals diese oder jene Entschädigungsweise Statt gefunden haben. Die Wiederanbaukosten sind aber jedes: mal von neuem nöthig und mithin vollständig zu ersetzen, nebst dem Zuwachsverluste am bleibenden Bestande. —

Wo der Wilbschaden nicht abgestellt werden kann, durch Niederschießen des Wildes oder Umfriedigung der jungen Büchse, da würde es am geeignetsten sein, die Wildschadentaration periodisch, etwa von 5 zu 5 Jahren, zu wiederholen.

§. 521. Schluß.

Geht die Waldwerth - Schätzung auf alle eben anwendbaren Benutungsweisen und angemessenen Prozentsate im Interesse ber Betheiligten ein, ohne nur eine einzige in Frage begriffene Werthsbeziehung unerhoben zu lassen, sollte sie auch brei, sechs ober mehr Ergebnisse aufstellen mussen: so wird nicht nur ihre Aufgabe ganz umfassend gelös't und eine Benutungeweise durch die andere, so wie ein Werthsergebniß durch das andere berichtigt und bewährt, sondern es wird auch dem Besitzer, wie dem Bewerber eine klare Auskunft über die fraglichen Werthsverhältniffe ertheilt und eine ihren Umftanden eben angemessene Wahl ganz frei gegeben. Zubem sichert sich bie Taration im Voraus gegen jeden Vorwurf, der sie durch Nachschätzung oder in Folge einer gewinnreichern Verwerthung berühren könnte. Der Forstarator darf nie aus dem Blicke verlieren, daß bei allen seinen Berthsschätzungen wenig sicherer Grund zu finden ift und bennoch viel auf bem Spiele steht. Ein solch' umfassend gründliches Berfah= ren, wie das hier vorgezeichnete, hat sich seit einer langen Reihe von Sahren in ben vermideltsten Fällen genügend bemahrt, mabrend andere Werthsermittelungen, in Befangenheit und 3weifel schwebend, selbst die Wissenschaft auf Abwege führten.

Wollte man die Waldwerthschätzung nun auch als Leitungs: mittel der Forstwirthschaft mit gebrauchen und stets die Werths: verhältnisse, in welchen diese wirkt und schafft, zur Kenntniß zie: hen und zur Richtschnur nehmen: so würde sich die Waldbehand: lung und Balbbenutzung mit Sicherheit erheben aus ihren schwanstenden Juständen. Überall würde man das Werthszunahmes Prozent im Einzelnen und das Werthsnutzungs-Prozent im Sanzen als beurtheilenden Raßstad anlegen und das Waldvermögen steigern zur höchsten Ergiedigkeit und Einträglichkeit. Niemand würde mehr die irrige, gemeinschädliche Reinung theilen, daß die Walderziehung sich nicht bezahlt mache. Es ist ganz unglaudzlich, welche Massen, Erträge und Werthe den Wäldern abzuzgewinnen sind zur Bereicherung der Gegenwart und Jukunst, wenn man die Kräfte der Natur erforscht und der Forstwirthsschaft diensam macht. Möchte die Forstmathematik hierbei recht sleißig zu Rathe gezogen werden.

Rachweis

einiger forstmathematischen Kunftausbrucke.

- Abschähungs = Zeitraum, ers freckt sich so weit hinaus, als man die zu erwartenden Erträge je nach dem vorgefundenen Waldzus stande näher ermittelt und bestimust. S. 456.
- Abstand, Abstandszahl, die mittslere Entfernung der Stämme eines Bestandes, bemessen nach der gegensseitigen Stammstärke, zur Bestimsmung des Waldschlusses. §. 364.
- Abtriebsalter, in welchem ein Waldbestand, öfters ganz abweischend vom normalen Schlagbarkeitssalter, nach Maßgabe der zufälligen Umstände abgetrieben oder verjüngt werden muß. §. 456.
- Alter, zur Abnutung fraglicher Holzwüchse, Benutungsalter, unterscheibet sich als Haubarkeits-, Schlagbarkeits-, Umtriebsund Abtrichsalter. §. 456.
- Benutungsalter, kommt bei eis nem Holzwuchse ohne nähere Bezies hung mehr überhaupt zur Sprache. S. 416.
- Bestandesabfälle (a), Borers träge, welche ein Holzbestand bis zur eintretenden Abnutung dars bietet.
- Bestanbesauszählung, Ermitztelung ber Bestanbesgüte burch bez sondere Schähung aller Stämme. §. 372 f.

- Bestandes fläche, diejenige Bodensgrundstäche, welche der Bestand wirtslich einnimmt; sie ergiebt sich, wenn man von der Ortsfläche die Lückenfläche abzieht.
- Bestandes form, ist bedingt von Holzart, Wuchs und Schluß.
- Bestandes güte, beruht hauptsäch= lich in bem Massen= und Werthege= halte, mit bem lausenden Jahreszu= wachse, bemessen nach der Forststä= cheneinheit. §. 371.
- Bestanbestlasse, Alterstlasse, Buchs = und Altersabtheilungen ber Waldbestände für ben Betrieb.
- Betriebsplan, giebt die Grund= züge des fünftigen Waldwirthschafts= Betriebes, aber bloß mittels des Flächenangriffs. §. 457.
- Betriebsverband, Waldver: band, Block, ein zu selbstständigem Nachhaltsbetriebe zusammengeordne: tes Waldganze.
- Bobenklassen, braucht man zur Bestimmung örtlicher Bobengüten, wosern die allgemeinen Standortes klassen nicht ohne Weiteres anges wendet werden sollen. §. 389.
- Bobenrente, der jährliche Reiner: trag. Bom Waldboden bestimmt man dieselbe entweder nach dessen landwirthschaftlichem Werthe und dem angemessenen Zinssusse, oder nach dem überschusse, wenn von der

Bestandeswerthszunahme die Zinsen des Bestandeswerthes und die Waldsnutzungskosten abgezogen werden. S. 420.

Discontiren, das Berechnen ges genwärtiger, ober gewissen Zeitpunks ten zugeschriebener Werthe späterer, auch wohl früherer Zahlungsbeträge.

- Durchschnittsertrag, Durch=
 schnittserwachs, der Massen=
 oder Werthsbetrag eines schlagbaren
 Waldbestandes vom Morgen und
 Jahr zu gleichen Theilen, hinsicht=
 lich der Erziehung. §. 435.
- Durchschnittsmehrung, der gleische Antheil jedes Altersjahres an dem zum Hauptertrage gelangenden Holzerwachse eines Waldbestandes. §. 413. 425.
- Durchschnittsnutzung, ber Durchsschnittsabwurf einer Wirthschafts= waldung hinsichtlich des Angrisses.
- Durchschnittszuwachs, ber gleische Antheil jedes Altersjahres an dem gesammten, zum Haupt = und Vorertrage gelangenden, Holzers wachse eines Waldbestandes. S. 425.
- Einrichtungs = Zeitraum, die Zeit, welche der Betriebsplan eines Waldverbandes umfaßt, dis zum vorausgesetzten Eintritte des Normualzustandes. §. 456.
- Entstehung: starke, rascheres Aufwachsen mit ziemlich gleichmäßiger Mehrung; schwache, langsameres Anwachsen mit mehr steigenbem Jahreszuwachs. §. 422.
- Ertragsfähigkeit, des Stands ortes volle Wirksamkeit in Erzeus gung der ihm besonders angemesses nen Holzwüchse und Erträge; der Ortsgüte: Charakter. S. 389.
- Ertragfamkeit, bes Walbes Ersgiebigkeitszustand, ber Ertragsfähigsteit gegenüber. §. 390.
- Ertragsgüte, Ertragsklasse, b. Bestandes geschätzte ober gewährte Ergiebigkeit, ausgebrückt mittels bes jährlichen Durchschnittsertrages von der Flächenmaßeinheit. §. 393.
- Ertragsvermögen, ber gesammte Reichthum eines Walbes in Stand=

- orts = und Bestandesgüte, woraus bessen Ertrag hervorgeht. §. 388.
- Erwachs, vereinigt die Begriffe von Zuwachs und Mehrung an Masse und Werth in Bezug auf Ertrag.
- Formklasse, zur Bestimmung bes Massengehaltes stehenber Bäume, bloß nach ber äußern Baumgestalt, anstatt ber Formzahl. §. 349.
- Formzahl (f), ber Antheil des Stammgehaltes an der bezüglichen Scheitelwalze, das Formhaltigkeits: Verhältniß. §. 348.
- Füllmaße, gegebene Raumgrößen, welche man zum Wegmessen bes fleingemachten Golzes gebraucht, im Gegensaze ber Stuckmaße. §. 338.
- Gehaltshöhe (h), die Höhe einer dem fraglichen Stamme an Grunds fläche und Körperinhalt gleichen Walze. §. 343.
- Sehaltswalze, ber bem Stamme an Grundstäcke G und an Körperinhalt M gleiche Cylinder. §. 343.
- Gehaltswerth bes ganzen Massenbestandes, nach den laufenden Waldpreisen, ohne weitern Bezug auf Absesbarkeit, welche dagegen den Absahwerth bedingt. §. 487.
- Gesammtertrag = Hauptertrag + Vorertrag, das Ergebniß des Ges sammtzuwachses.
- Gesammtzuwachs, der Indes griff von Mehrnngszuwachs zum Hauptertrage + Nebenzuwachs zum Vorertrage. §. 392.
- Gleich wüchsiger Bestand, zieme liche Gleichheit ber Stämme in Alzter und Größe.
- Grundwerth, bas Produkt ber Ortsfläche mit ber Ortsgute.
- Bauabfall, die bei jeder Holzanf: bereitung unvermeiblichen Abgange an Spanen und Benist.
- Haum ober Holzbestand nicht nur höchst nutbar, sondern auch ebenso abkömmlich und verwerthbar ist.
- Sauptbestand, bie herrschenden Stämme eines Bollbestandes; bie

- überwachsenen bilden ben Rebens bestanb.
- Handtertrag, bas Ergebniß ber endlichen Abnutung, im Gegensate von Vorertrag.
- Haupthauung, die verjüngende Abnutung des Bestandes, Schlags hauung mit etwaigen Nachs hauungen; die Vorhauungen lausen voraus.

Dauptholzart, die herrschende eis nes Bestandes, nach welcher sich der Betrieb hauptsächlich richtet; I wis schenholzarten, anderartige Beis mischungen.

- Pohenzuwachsmaß, ist vom Stärstenzuwachs bedingt; es beträgt gestade so viel von der Stammhöhe, als der Stärkezuwachs von der Stammftärke. Hiernach spricht man die Höhenzuwachsklassen zu 1, ½, ½, 1, 0 an. §. 357 u. 359.
- Holznuhung se Prozent, bezeichen et das Verhältniß der jährlichen Abnuhung vom Massenvorrathe eisner Waldung; es kann sich bloß auf den Hauptertrag oder auch mit auf die Vorerträge beziehen. §. 434. 438. Holzausnuhungs: Prozent, das Verhältniß der Sortenzausbeute.
- Jahresmehrung, laufende ober periodische zum Hauptertrag. §. 413.
- Jahreszuwachs, laufender ob. periodischer, der theils als Borsertrag, theils als Hauptertrag zur Ruzung kommt.
- Ie stwerth, der auf den gegenwärstigen oder einen als gegenwärtig gedachten Zeitpunkt discontirte Werth irgend eines spätern oder auch früstern Zahlungsbetrages.
- Lokalertrags «Tafeln, geben ben örtlich erwartbaren Bollertrag an als bedingte Rormalertrags» Tafeln. §. 406.
- Masse (M), ber umfassende Ausbruck für den Golz: und Rindengehalt von Bäumen und Beständen, ohne alle Sortenunterscheidung.
- Massen=, Holzgehalt, von einem Holzbestande oder Baume im Ganzen.

- Massen=, Holzhaltigkeit, ber Betrag in Bezug auf ein gewisses, als Einheit gebachtes Raummaß.
- Massenklaster, Mfl. = 100 Kfuß ber Bestanbesmasse.
- Massenschätzung, das bloße Ans
 sprechen der Bestandesgüten nach
 ber Massenhaltigfeit. §. 381 f.
- Massen = Schlagbarkeitsalter, in diesem giebt ein zur Verjüngung reiser Bestand den höchsten Durch= schnittsertrag an Holzmasse. S. 426.
- Massentafeln, geben den erfahrungsmäßig mittleren Massengehalt an, entweder für einzelne Bäume zu höhe und Stärke (Stammtaseln), S. 350., oder für ganze Bestände zur Mittelhöhe und Abstand (Waldmassentaseln), S. 381.
- Massen vorrath, Holzvorrath, die Summe aller Bestandesmassen einer Walbung. §. 391.
- Massenzuwachs, die wirkliche Ber, mehrung des Massengehaltes nach Abgang des unvermeidlichen Selbst; und Hauabfalles vom Naturzuwachse. S. 357. 392.
- Mehrungs = Prozent, gilt bloß in Bezug auf ben Hauptbestand und bie laufende Jahresmehrung. S. 413.
- Mehrungstafeln, bloß nach ber Mehrung aufgereihete Waldertragstafeln. S. 407.
- Mehrungszuwachs, Mehrung, ber einem Bestande verbleibende Massenzuwachs zum einstigen Hauptertrage, kann als reale, normale, lokale und wieder als altersturchschnittliche, periodische und laufende Mehrung in Betracht kommen. S. 392.
- Mg. = Forststächeneinheit; pr. Mg. = auf ober von ber Forststächenein: beit.
- Mittelstamm, der für eine Ans: zählklasse, nach Stärfe, Sohe und Form, als Mittelgröße (Repräsen: tant) bient. §. 377.
- Rachhieberückstanb, die Maffe der in den Verjüngungeschlägen noch nachzuhauenden Samen: oder Schirm: baume. S. 444.

- Rachwerth, ber spätere Betrag eis nes Werthes, sammt Zwischenzinsen. §. 74. 101.
- Naturzuwachs, die von Jahr zu Jahr neu erzeugte Holz: und Rin: denmasse, ohne Berücksichtigung des gleichzeitigen Selbstabfalles.
- Normalertrages Tafeln, geben den Bollertrag ohne allen Nupungsverluft ganz allgemein und unbedingt an. §. 402—405.
- Normalzumachs, gehört dem Walds normalzumande an und ist als uns bedingter ganz frei von allem Rutungsverlume, als bedingter dagegen dem örtlichen Rutungsvers lume unterworfen. §. 392.
- Rutungsanschlag, erhebt die Eins nahmen und Ausgaben nach allen Wirthschaftszweigen kntweder perios bisch auf die ganze Abschätzungszeit, ober im Laufe der Wirthschaft von Jahr zu Jahr.
- Rutungsverlust, was bei ber Holzausbereitung örtlicher Umstände wegen an der Hiebsmasse noch versloren geht, außer dem unvermeiblichen Selbst = und Hauabfall. §. 391.
- Nutung szuwachses, velcher der Benutung wirklich anheim fällt, heißt auch schlechthin Zuwachs; aus ihm entspringt der Hauptertrag und Vorertrag Gesammtzuswachs.
- Ortsertragsfähigkeit, f. Ertragsfähigkeit.
- Ortssläche, ber ganze Flächenges halt einer Ortsabtheilung = Bestanbessläche + Lückensläche.
- Ortsgüte = Stanbortsgüte, bie allgemeine forstliche Fruchtbarsteit einer bestimmten Ortsabtheilung; nach 10 Klassen in Zehnteln von 0,1 bis 1 anzusprechen. §. 389.
- Periodentente, eine periodisch wies berkehrende gleiche Zahlung.
- Perioden = Rentenwerth, ber Kapitalbetrag von periodisch wies berkehrenden Einnahmen ober Auss gaben. §. 118—120.
- Probenschätzung, die Ermittelung

- ber Bestandesgüte nach wirklich abgemessenen und stamm= weise geschätzten Probestüschen. §. 380.
- Rentenstück, ber bestimmte Abschnitt irgend einer Rente. §. 114 bis 117.
- Rentenwerth, ber Kapitalbetrag einer jährlich ober periodisch wiederkehrenden Einnahme ober Ausgabe. §. 113 u. 118.
- Richthohe Gehaltshöhe.
- Richtwalze = Gehaltswalze.
- Schaft, des Baumes Stammtheil vom Stocke dis zur Krone; beim Rupholzvertrieb auch Stamm ges nannt.
- Scheitelhöhe (H), vom untersten Benutungspunkte bis zum höchsten Sipfel. S. 343.
- Scheitelwalze, eine Walze (G×H), welche mit dem Stamme gleiche Grundsläche und Höhe hat. §. 343.
- Schlag, die Berjüngungs : Hauung im Gegensatze von Vor : und Nach: hauung; auch die zur Berjüngung eben angehauene ober abgetriebene Walbstäche selbst u. s. w.
- Schlagbarkeitsalter, basjenige Berjüngungsalter, worin ein Bestand den höchsten Ertrag darsbietet an Durchschnittsmasse oder Durchschnittswerth, oder aber an höchster Berzinsung. Insosern giebt es eine Massen, Werthsund Berzinsungs Schlagsbarkeit.
- Selbstabfälle, die geringen, forsts wirthschaftlich nicht nutharen, nas türlichen Ausscheidungen der Holzs wüchse.
- Stamm, der Inbegriff aller oberirbischen festen Massentheile eines Baumes; auch wohl der liegende Schaft.
- Stammform, das durch die obere Ausbreitung bedingte Massenhaltigs feites-Verhältniß eines Stammes zu seiner Scheitelwalze, durch die Formszahl oder Formklasse bestimmt. §. 343. So auch Schaftsorm.
- Stammgrunbflache (G), bie ber

- gemessenen Staumstärke zukommenbe Kreisfläche, welche bei allen Stamm = und Bestandesschätzungen als Körpergrundstäche bient. §. 343. 362.
- Stammgrundflächen zuntheil, ber Theil, welchen die gesammte Stammgrundstäche eines Bestandes von der Bestandesstäche einnimmt. S. 362.
- Stammhöhe, die Höhe vom uns tern Benutungspunkte bis zum fraglichen Höhenpunkte.
- Stammstärke (U.D), der Umsfang ober Durchmesser eines Stamsmes, in Brusthöhe genommen. S. 343.
- Stammtafeln, f. Maffentafeln.
- Standortsgüte, in Bezug auf einen bestimmten Ort, Ortsgüte: die dem Waldwuchse mehr oder mins der zuträgliche Ortsbeschaffenheit überhaupt, bestimmt nach 10 verschiedenen Klassen, 0,1 bis 1. S. 389.
- Stärkezuwachsmaß ist ber & Zoll im R, nach welchem man die, dem jüngsten Jahrringe zukommende, mittslere Stärke als Bruchtheil anspricht. S. 359.
 - Stückmaße, gleichmäßig abgepaßte Berkaufshölzer zu bestimmter Bers wendung. §. 340.
 - Um triebsalter, bas mittlere Abstriebsalter eines Waldverbandes, öfsters ganz abweichend von dem normalen Schlagbarkeitsalter.
 - Um triebszeit, normale: das ben ständigen Forstverhältnissen ans gepaßte, durchschnittliche Mass sen 2. Werths 2 oder Berzinsungs2 Schlagbarkeitsalter eines Waldver2 bandes in vollkommenem Zustande. S. 447. Der zeitliche Um trieb, das Umtriebsalter, hängt von den zufälligen Umständen ab.
 - Verwerthungs = Zinsfuß, der verlangte oder gebotene Zinsfuß, welcher bei Verwerthung eines Walds besthes zur Frage kommt. §. 482. 498.
 - Berginsunge: Schlagbarkeite:

- alter, gewährt vom Waldvermögen ben höchsten Zinsenbezug. §. 430.
- Bollbestand, ein der Ertragsfähige feit des Standortes angemessener, vollkommener Waldbestand. Noremalbestand.
- Vollertrag, der Ortsertragsfähigsfeit vollkommen entsprechend, und zwar: un bed ingt, ohne allen eisgentlichen Rupungsverlust; bed ingt, mit dem örtlichen Rupungsverluste. Normalertrag.
- Bollwerthsmorgen, ein Morgen von der besten Ortsgüte, auf die auch jede minder gute Ortssäche reduzirt werden kann. §. 389.
- Vorbestand, in Bezug auf einen spätern Ergiebigkeitszustand (Nachsbestand).
- Borertrag, die mittels der Bors hauung gewinnbaren Bekandesabs gange im Gegensate zum haupts ertrage.
- Borhauungen, welche vor ber Haupthauung Statt sinden, als: Ausläuterungen, Durchforsstungen und Ausplänterunsgen.
- Worwerth, der frühere Betrag eines Werthes, ohne die Zwischenziusen; auf die Gegenwart berechnet, Jest: werth. §. 75. 103.
- Walbkapital = Bestandeswerth + Bobenwerth.
- Waldmassentafeln, f. Maffen: tafeln.
- Waldnormalzustand, die wirths schaftliche Vollkommenheit eines Wals des in Gattung, Alter, Folge und Vollständigkeit aller Theile.
- Malbnutungsfosten, aller mit bem nutbaren Besitze eines Walds gutes verbundene ständige Auswand, ausschließlich der von jeder Einnahs me in alsbaldige Abrechnung zu bringenden Bereitungsfosten. S. 484.
- Walbrente = Bestandes : und Bobenrente zusammen, nach Abzug aller Waldnutzungskosten.
- Walbschonunge : Werth, mehr bem beschränften Walbbe:

site eigen, welcher an Erhaltung eines gewissen Waldzustandes gebuns

den ift. §. 495.

Waldverzinsungs:Werth, macht sich im freien Waldbesitze geltend, wo man die volle Verzinsung des Waldsapitales erzielen darf. §. 494.

Waldzerschlagungswerth, ersgiebt sich im Bereiche bes ganz freien Grundbesitzes durchAusverkauf bes Holzvorrathes und weitere Berwendung d. Waldbodens. (§. 493.)

Werthstlafter, eine Einheit zum fürzern Summiren und Gleichstellen der Geldwerthe verschiedenartiger Holzerträge, von der Hauptholzart entnommen. Zu deren Gedrauche wird von jeder besonders eingeschätzten Holzgattung oder Sorte bestimmt, wie viel ihrer Maßeinheiten einer solchen allgemeinen Werthstlafter gleich sind, und mittels dieses Bestrages wird dann die gesonderte Summe angerechnet.

Werthenusungs = Prozent, bezieht sich auf ben ganzen Wirth= sicht sich auf ben ganzen Wirth= sich aftswalb und bezeichnet das Verhältniß der jährlichen Abnuzung vom Werthevorrathe. S. 439. 441.

Berthes Schlagbarkeitsalter, bietet von einem verjüngbaren Bestande den höchsten Durchschnittsertrag an Holzwerth. S. 429. Werthszunahme ist werbend, wenn ihr Prozent den gewerdlichen Zinsfuß übersteigt und der gewon: nene Überschuß das Stammkapital mehrt; im Gegentheil ist sie zehern b.

Berthezunahme = Prozent, fommt bloß an Bäumen und Holzbeständen in Sonderbetracht und bezeichnet die Steigung ihres Massenwerthes in einem fraglichen Altersjahre. S. 414. 417.

Wirthschaftsplan, ordnet ben Massenangriff auf bem Grunde des Betriebsplanes und bestimmt den örtlichen und periodischen Ertrag auf die Dauer ber Abschähungszeit.

Buwachs, an Bäumen und Bestänsten, kommt in Betracht: a) als altersburchschnittlicher, als periodischer und laufender Jahreszuwachs; b) als reasler, normaler und lokaler Ruhungszuwachs; c) als Wehrungszuwachs zum Hauptertrage, ober als Gesammtzuswachs, wofür man gewöhnlich auch Zuwachs schliechthin gebraucht.

Zuwachsprozent, von dem Hauptsbestande als Kapital und dem vollen Rupungszuwachse als Zinse. §. 425.

3 wisch en bestanb, der innerhalb einer herrschenden Waldgattung bes sindliche anderärtige Bestand.

- A, das in Frage stehende Bestandes: alter.
- n, der eben erfolgende Bestandesabs fall zum Vorertrage.
- D, Durchmeffer.
- d, Differenz, burchschnittlich.
- f, Formzahl, ber Stämme Massenhaltigkeits-Faktor.
- G, Stammgrunbfläche, sowohl von einzelnen, als von mehren Stämsmen.
- H, Scheitelhobe, auch Schafthobe.
- h, Gehaltshöhe.
- K, Kapital.
- M=G×H×f, Massengehalt und Ertrag von Bäumen und Bestänben.
- n, eine gegebene Zeit, auch normal.
- p, Prozente, Bunbertel.
- R, Salbmeffer, Rabine.
- r, Rentenpost.
- U, Umfang.
- v. Vorrath an Maffe ober Werth.
- W, Balze, Cylinder.
- w, Werth, wirklich.
- z, einfache Binfen, auch Buwachs.
- Zz, (auch z'), Binfeszinsen.

- 100 P. Einheitskapital, Kapitalifistungsfat.
- p rozentfat.
- Sa, die Summe aller Vorerträge eis nes Bestandes bis zum fraglichen Zeitpunkte.
- M . Alters : Durchschnittsmehrung.
- M+Sa, AltersDurchschnittszuwachs.
- M'-M, periodische Jahresmehrung.
- M'—(M—a)
 10 periodischer Jahres:
 zuwachs.
- Mv, Maffenvorrath einer Walbung.
- nv, Normalvorrath.
- wv, wirklicher Borrath.
- Mw, Maffenwerth eines Bestanbes.
- Mw durchschnittliche Werthszunah:
 me vom Hauptertrage.
- Mw+Saw, durchschnittliche Werths: zunahme vom Gesammtertrage.

gülfstafeln

ber

Forstmathematik,

zur

Ansmessung, Gehalts - und Werthsschähung

aufbereiteter Hölzer, stehender Bäume und ganzer Waldbestände,

noa

Dr. G. König.

Verzeichniß

her

forstlichen Hulfstafeln.

1.	Walzeninhalts=Tafeln, zur Ausmessung und Berech= nung des Körpergehaltes von Anndhölzern, Bäumen und Waldbeständen	
		1 64
11.	Erfahrungs=Tafeln über den Massengehalt der Waldbäume	65 — 72
HI.	Erfahrungs = Tafeln über den Sortengehalt der Waldbäume	73 — 86
IV.	Holzzuwachse Tafeln, zur Ermittelung des laufenden Jahreszuwachses an Bäumen und Waldbeständen	87—102
v.	Abstands=Tafeln, ber Waldbestände Schluß und Dicht= heit zu bestimmen	103—106
VI.	Baldmaffen=Tafeln zur leichten Bestandesschätzung .	
VII.	Forstliche Verhältniß = Tafeln über den Durch= schnittsertrag und die mittleren Zuwachsprozente der Holzbe= stände; über die Massenhaltigkeit der Holzmaße, Schwinden und Gewicht der deutschen Hölzer; über scharf= und rund=	
	kantigen Beschlag	117-124
TIII.	Bergleichen be übersicht ber wichtigeren deutschen Bald=	
	und Samenmaße	125—132
1X.	Waldwerthberechnungs=Tafeln	133—142

I. Walzeninhalt=Tafeln

zur Ausmessung und Berechnung

hea

Rörpergehaltes

von Rundhölzern, Bäumen und Waldbeständen in zwölftheiligem Maße.

Erläuterungen mit Gebrauchsbeispielen.

- 1) Taf. 2 u. 3: Grundflächens und Körperinhalt der einfußigen Walze zu dem voran stehenden Umfange, in Flächens und Körperfußen zus gleich, für genauere Berechnungen, wo die ausgeführten Tafeln etwa nicht zureichten.
- 2) Taf. 4 bis 56: Walzeninhalt zu dem Um sange. Obenan sieht ber Umfang in Zollen und voran die Länge in Fußen; unten ist auch der Durchmesser mit angefügt.

Wollte man den übersprungenen Walzeninhalt für 1' L. nicht aus der 2. ober 3. Tafel nehmen, so sindet sich derselbe auch hinter 10' ober 100' berselben Stärke. Eine Walze von 96" U. hat, zu 10' L., 50,92, also zu 1' L. 5,09 Kf.

Für Bruchtheile ber Längenzahl nimmt man den Inhalt hinter einer mit 2, 10 ober 100 ergänzten Länge und dividirt denselben wieder durch den gebrauchten Ersgänzungs Faktor. Für 9½' L. und 4' U. sinden sich hinter 19' L. $\frac{24,19}{2}$, wie hinter 95' L. $\frac{120,95}{10} = 12,69$ Ks.

Andere Längenzahlen, als die hier aufgereiheten, werden theilweise angewendet: 100" U. und 67,5' E. umfassen (in 60' und 7,5' L.) 331,57 + 41,44 = 373,01 Rfß.

Rommen Umfänge unter 12" mit Zehnteln vor, so sucht man den Inhalt zu einer 10mal größern, ganzen Umfangszahl und schnelbet von demselben zwei Stellen ab; z. B. für 11.8" U. und 22' L., unter 113" U., $\frac{155.24}{100} = 1.55$ Kfß. Der Inhalt zu den Umsfängen von 1 bis 5" ergiebt sich auf gleiche Weise.

Jusammengehörige Stücke von gleicher Stärke berechnet man wohl mit gesammter Länge, z. B. 16 Klötze von 3½ ' L. enthalten (in 16 × 3½ = 56 ' L.), zu 30 " U., 27,85 Kff., wofür man gewöhnlich 28 Kff. annimmt.

- 3) Taf. 57: Grundflächens und Körperinhalt ber einfußigen Balze zu bem voran stehenden Durchmesser. Gebrauch, wie Taf. 2 und 3.
- 4) Taf. 58 bis 64: Walzeninhalt zu dem Durchmesser. Einrichtung und Gebrauch, wie Taf. 4 bis 56.

Grundfläche (auch Körperinhalt der einfußigen Walze) zu dem voran stehenden Umfange.

Umfg. Zoll,	Inhalt. Fl. u. Kpfß.	Umfg. Zoll.	Inhalt. Fl. u. R pfß.	Umfg. Zoll.	Inhalt. Fl. u. Apff.	Umfg. Zoll.	Inhalt. Fl. u. Apsj.
1.	0,000558	31	0,531069	61	2,056304	91	4,576257
2	0,002210	32	0,565884	62	2,124276	92	4,677387
3	0,004974	33	0,601805	63	2,193354	93	4,779622
4	0,008842	34	0,638880	64	2,263537	94	4,882962
5	0,013816	35	0,676961	65	2,334825	95	4,987408
6	0,019894	36	0,716197	66	2,407219	96	5,092958
7	0,027078	37	0,756539	67	2,480717	97	5,199614
8	0,035368	38	0,797985	68	2,555321	98	5,307375
9	0,044762	39	0,840537	69	2,631030	99	5,416242
10	0,055262	40	0,884194	70	2,707845	100	5,526213
11	0,066867	41	0,928956	71	2,785764	101	5,637290
12	0,079577	42	0,974824	72	2,864789	102	5,749472
13	0,093393	43	1,021797	73	2,944919	103	5,862760
14	0,108314	44	1,069875	74	3,026154	104	5,977152
15	0,124340	45	1,119058	7 5	3,108495	105	6,092650
16	0,141471	46	1,169347	76	3,191941	106	6,209253
17	0,159708	47	1,220741	77	3,276492	107	6,326962
18	0,179049	48	1,273240	7 8	3,362148	108	6,445775
19	0,199496	49	1,326844	79	3,448910	109	6,565694
20	0,221049	50	1,381553	80	3,536777	110	6,686718
21	0,243706	51	1,437368	81	3,625749	111	6,808847
22	0,267469	52	1,494288	82	3,715826	112	6,932082
23	0,292337	53	1,552818	83	3,807008	113	7,056422
24	0,318310	54	1,611444	84	3,899296	114	7,181867
25	0,345388	55	1,671680	85	3,992689	115	7,308417
26	0,373572	56	1,783020	86	4,087187	116	7,486078
27	0,402861	57	1,795467	87	4,182791	117	7,564833
28	0,433255	58	1,859018	88	4,279500	118	7,694699
29	0,464755	59	1,923675	89	4,377814	119	7,825671
30	0,497859	60	1,989437	90	4,476233	120	7,957747

Grundfläche (auch Körperinhalt der einfußigen' Walze) zu dem voran stehenden Umfange.

Umfg.	Inhalt.	Umfg.	Inhalt.	Umfg.	Inhalt.	Umfg.	Inhale
Zoll.	Fl. u. Kpfß.	Zoll.	Fl. u. Kpfß.	Zoll.	Fl. u. Kpfß.	Zoll.	Fl. u. Kpfß.
121	8,090929	151	12,600319	181	18,104427	211	24,603254
122	8,225216	152	12,767763	182	18,305029	212	24,837013
123	8,360608	153	12,936313	183	18,506736	213	25,071877
124	8,497106	154	13,105967	184	18,709548	214	25,307846
125	8,634708	155	13,276727	185	18,913465	215	25,544921
126	8,773416	156	13,448593	186	19,118488	216	25,783101
127	8,913229	157	13,621563	187	19,324615	217	26,022386
128	9,054148	158	13,795639	188	19,531848	218	26,262776
129	9,196172	159	13,970820	189	19,740187	219	26,504272
130	9,339300	160	14,147106	190	19,949630	220	26,746872
131	9,483535	161	14,324497	191	20,160179	221	26,990578
132	9,628874	162	14,502994	192	20,371833	222	27,235390
133	9,775319	163	14,682596	193·	20,584592	223	27,481306
134	9,922869	164	14,863303	194	20,798456	224	27,728328
135	10,071524	165	15,045116	195	21,013426	225	27,976455
136	10,221284	166	15,228033	196	21,229501	226	28,225687
137	10,372150	167	15,412056	197	21,446681	227	28,476025
138	10,524121	168	15,597184	198	21,664967	228	28,727467
139	10,677197	169	15,788418	199	21,884357	229	28,080015
140	10,831378	170	15,970756	200	22,104853	230	29,233668
141	10,986665	171	16,159200	201	22,326454	231	29,488427
142	11,143056	172	16,348749	202	22,549161	232	29,744290
143	11,300554	173	16,589404	203	22,772972	233	30,001259
144	11,459156	174	16,731163	204	22,997889	234	30,259334
145	11,618868	175	16,924028	205	23,223911	235	30,518518
146	11,779676	176	17,117998	206	23,451089	236	30,778798
147	11,941594	177	17,813074	207	23,679271	237	31,040187
148	12,104618	178	17,509254	208	23,908609	238	31,302688
149	12,268746	179	17,706540	209	24,139052	239	31,566283
150	12,438980	180	17,904931	210	24,370601	240	31,830989

8	30 1 =	= 1/8	Fuß.		7	8 301.			
8ff.	. Aff.	2 ff.	Aff.	216	Rif.	213	.Affi.	EFF.	ATE STE
2	0,03	35	0,69	2	0.05	35	0,94	2	
3	0,05	36	0,71	3	0,08	36	0,97	3	0,07 35
4	0,07	37	0.73	4	0,10	37	1.00	4	0,10 36
5	0,09		Q:5	5.	0,13	38	1,02	5	0,14 37
6	0.11	_	Oii	6	0.16	39	1,05	6	0,17 3
7	0.13		0.79	7	0.18	40	-	7	0,21
8	0.13		0.81	8	(f21	41	1.11	8	0,24 4
9		S	G'82	9	0.34	12	1.13	9	0,28 4
10		L	0.83	10	0.2:	43	1-16	10	0,31
11	•	44	O's:	11	Q.23	44	1.19	11	0.35
13	C23	45	(f?è	13	G 253	45	1.21	12	0.38
13	0,23	46	Ø31	13	Q.3 ;	#5	1.24	13	0.42
14	G3:	4.	Cor	14	G2:	4.	Lt:	14	0,45
15	6 73	*	ie.D	15	A 41	1	1.29	15	0.49
16	Us:	49	Q.3 :	16	g es	49		16	0.53
1;	623	30	U++	1:	Q4;	30	LS	I.	35.9
	asi	51	kt:	15	4.85	31	Ls	12	9 .66
19	Wr:	33	1.13	19	di:	芝	Lei	B	G-23
39 39	W.E.	23	1.16	*	4-1-k	恏	Las	7	0.67
32 33	Ac:	• • •	11-	건	M .iri	*	1.05	7	920
#	1.45	•	I id	22	h.i.s	Ã	# #S\$	**	O.T.
*	4-4	%	1 .:	-	アに	*	Li:	#	•
*	1.4	2		24	kin	Y	252		
7.	lies	Ž.	\$ 13	*	No.	×		H	A.P.
*		英	*	**	K-1	美	1.23	7 1	O.M
K) #	l. 3.*	**	3 .	2	r -:		3.23	*	Tai.
# #	I	1	1 14	*	1.	45	3.76	*	C 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
3	ks: Ls	71 7:	3 7	*	r.2	71	2.15	**	A. 34
泵	4	•••		M	L >	• •	3		7.00
王	L:	-3		H.	トベ	Ì	3	H	3.0
-	Li	.	•	*	L ~	12	.		3-9
-	R		-	**	L-19		_	*	
	- •		•	4	F -2		> -		3.3
					in	1		-	

	9	30U —	**/4	Fuß.		10	Zou	•		11	ZoA.	
Ř.	3ff.	RM.	eff.	Ŗfs.	eff.	Rfs.	eff.	Rfs.	eff.	Rfs.	eff.	Rfg.
	2	0,08	35	1,56	2	0,11	35	1,93	2	0,13	35	2,34
•	3	0,18	36	1,61	3	0,16	36	1,98	3	0,20	36	2,40
r.	4	0,17	37	1,65	4	0,22	37	2,04	4	0,26	37	\$,47
	5	0,22	38	1,70	5	0,27	3 8	2,09	5	0,33	38	2,54
•	6	0,26	39	1,74	6	0,33	39	2,15	6	0,40	39	2,60
•	. 7.	0,31	40	1,79	7	0,38	40	2,21	7	0,46	40	2,67
	8	0,35	41	1,83	8	0,44	41	2,26	8	0,53	41	2,74
•	3	0,40	42	1,88	9	0,49	42	2,32	9	0,60	42	2,80
)	0,44	43	1,92	10	0,55	43	2,87	10	0,66	43	2,87
	1	0,49	44	1,96	11	0,60	44	2,43	11	0,73	44	2,94
•	7	0,53	45	2,01	12	0,66	45	2,48	12	0,80	45	3,00
-	•	0,58	46	2,05	13	0,71	46	2,54	13	0,86	46	3,07
-		0,62	47	2,10	14	0,77	47	2,59	14	0,93	47	3,14
-	-	0,67	48	2,14	15	0,82	48	2,65	15	1,00	48	3,20
<u>.</u>		0,71	49	2,19	16	0,88	49	2,70	16	1,06	49	3,27
		0,76	50	2,23	17	0,93	50	2,76	17	1,18	50	3,84
ı	İ	0,80	51	2,28	18	0,99	51	2,81	18	1,20	51	3,41
	İ	0,85	52	2,32	19	1,04	52	2,87	19	1,27	52	3,47
_		0,89	53	2,37	20	1,10	53	2,92	20	1,33	53	3,54
	-	0,94	54	2,41	21	1,16	54	2,98	21	1,40	54	3,61
•	-	0,98	55	2,46	22	1,21	55	3,03	22	1,47	55	3,67
	- 1	1,02	56	2,50	23	1,27	56	3,09	23	1,53	56	3,74
	:	1,07	57	2,55	24	1,82	57	3,14	24	1,60	57	3,81
	-	1,11	58	2,59	25	1,38	58	3,20	25	1,67	58	3,87
•		1,16	59	2,64	26	1,48	59	3,26	26	1,73	59	3,94
		1,20	60	2,68	27	1,49	60	3,31	27	1,80	60	4,01
		1,25	65	2,90	2 8	1,54	65	3,59	28	1,87	65	4,34
	•	1,29	70	3,13	29	1,60	70	3,86	29	1,98	70	4,68
		1,84	75	3,35	30	1,65	75	4,14	30	2,00	75	5,01
		1,38	80	3,58	31	1,71	80	4,42	31	2,07	80	5,84
		1,48	85	3,80	32	1,76	85	4,69	32	2,13	85	5,68
	•	1.47	90	4,02	33	1,82	90	4,97	33	2,20	90	6,01
_		1,52	100	4,47	34	1,87	100	5,52	34	2,27	100	6,68 chm.
-		Boll	Dur	chm.	3,18	B Zou	Du	chm.	3,5	o Zon	Du	chm.

6	33	oa —	:1/8	Fuß.		7 8	Boa.			8 8	Boll.		
Left	5.	Rfs.	LFB.	Rfs.	efs.	Rfs.	eff.	Rff.	efs.	Rfs.	2fs.	Life.	
5	2	0,03	35	0,69	2	0,05	35	0,94	2	0,07	35	1,23	
	1	0,05	36	0,71	3	0,08	3 6	0,97	8	0,10	36	1,27	
	- 1	0,07	37	0,73	4	0,10	37	1,00	4	0,14	37	1,30	
2 1	1	0,09	3 8	0,75	5	0,13	3 8	1,02	5	0,17	3 8	1,34	
	6	0,11	3 9	0,77	6	0,16	39	1,05	6	0,21	39	1,37	
	7	0,13	40	0,79	7	0,18	40	1,08	7	0,24	40	1,41	
1 8	B	0,15	41	0,81	8	0,21	41	1,11	8	0,28	41	1,45	
1	9	0,17	42	0,83	9	0,24	42	1,13	9	0,31	42	1,48	
10	0	0,19	43	0,85	10	0,27	43	1,16	10	0,35	43	1,52	
11	l	0,21	44	0,87	11	0,29	44	1,19	11	0,38	44	1,55	
12	2	0,23	45	0,89	12	0,32	45	1,21	12	0,42	45	1,59	
18	3	0,25	46	0,91	13	0,85	46	1,24	13	0,45	46	1,62	
14	4	0,27	47	0,93	14	0,37	47	1,27	14	0,49	47	1,66	
15	5	0,29	48	0,95	15	0,40	48	1,29	15	0,53	48	1,69	
16	6	0,81	49	0,97	16	0,48	49	1,32	16	0,56	11	1,73	
17	7	0,83	50	0,99	17	0,46	50	1,85	17	0,60	50	1,76	
18	8	0,85	51	1,01	18	0,48	51	1,38	18	0,63	51	1,80	
19	9	0,37	52	1,08	19	0,51	52	1,40	19	0,67	52	1,83	
1 2	0	0,39	58	1,05	20	0,54	53	1,48	20	0,70	53	1,87	
21	- 1	0,41	54	1,07	21	0,56	54	1,46	21	0,74	54	1,90	
2		0,48	55	1,09	22	0,59	55	1,48	22	0,77	55	1,94	
23	- 1	0,45	56	1,11	23	0,62	56	1,51	23	0,81	56	1,98	
24	4	0,47	57	1,13	24	0,64	57	1,54	24	0,84	57	2,01	
2	5	0,49	58	1,15	25	0,67	58	1,57	25	0,88	58	2,05	
20		0,51	59	1,17	26	0,70	59	1,59	26	0,91	59	2,08	
2		0,53	60	1,19	27	0,78	60	1,62	27	0,95	60	2,12	
2	8	0,55	65	1,29	2 8	0,75	65	1,76	28	0,99	65	2,29	
29	ı	0,57	70	1,39	29	0,78	70	1,89	29	1,02	70	2,47	
30	0	0,59	75	1,49	30	0,81	75	2,08	3 0	1,06	75	2,65	
3		0,61	80	1,59	31	0,83	80	2,16	31	1,09	80	2,82	
32		0,63	85	1,69	32	0,86	85	2,80	32	1,18	85	3,00	
8	3	0,65	90	1,79	33	0,89	90	2,43	33	1,16	90	3,18	
34	4	0,67	100	1,98	34	0,92	100	2,70	34	1,20	100	3,53	
1	1,91 Zoll Durchm.				2,2	is ZoU	2,23 Zoll Durchm.			33 1,16 90 3,18 34 1,20 100 3,53 2,55 30U Durchm.			

9.	30N =	3/4	Fuß.		10	Zou		11 30a.			
eff.	RĦ.	efs.	ŖĦ.	eff.	Rfs.	efs.	RIF.	ess.	Rfs.	2f8.	Rfs.
2	0,08	35	1,56	2	0,11	35	1,93	· 2	0,18	35	2,34
3	0,18	36	1,61	3	0,16	36	1,98	3	0,20	36	2,40
4	0,17	37	1,65	4	0,22	37	2,04	4	0,26	37	\$,47
5	0,22	38	1,70	5	0,27	3 8	2,09	5	0,33	38	2,54
6	0,26	39	1,74	6	0,33	39	2,15	6	0,40	39	2,60
7.	0,31	40	1,79	7	0,38	40	2,21	7	0,46	40	2,67
8	0,35	41	1,88	8	0,44	41	2,26	8	0,58	41	2,74
9	0,40	42	1,88	9	0,49	42	2,82	9	0,60	42	2,80
10	0,44	43	1,92	10	0,55	43	2,87	10	0,66	43	2,87
11	0,49	44	1,96	11	0,60	44	2,43	11	0,73	44	2,94
12	0,53	45	2,01	12	0,66	45	2,48	12	0,80	45	3,00
13	0,58	46	2,05	13	0,71	46	2,54	13	0,86	46	3,07
14	0,62	47	2,10	14	0,77	47	2,59	14	0,93	47	3,14
15	0,67	48	2,14	15	0,82	48	2,65	15	1,00	48	3,20
16	0,71	49	2,19	16	0,88	49	2,70	16	1,06	49	3,27
17	0,76	50	2,28	17	0,93	50	2,76	17	1,13	50	3,34
18	0,80	51	2,28	18	0,99	51	2,81	18	1,20	51	3,41
19	0,85	52	2,32	19	1,04	52	2,87	19	1,27	52	3,47
20	0,89	53	2,37	20	1,10	53	2,92	20	1,33	53	3,54
21	0,94	54	2,41	21	1,16	54	2,98	21	1,40	54	3,61
22	0,98	55	2,46	22	1,21	55	3,03	22	1,47	55	3,67
23	1,02	56	2,50	23	1,27	56	3,09	23	1,53	56	3,74
24	1,07	57	2,55	24	1,32	57	3,14	24	1,60	57	3,81
25	1,11	58	2,59	25	1,38	5 8	3,20	25	1,67	58	3, 87
26	1,16	59	2,64	26	1,43	59	3,26	26	1,78	59	3,94
27	1,20	60	2,68	27	1,49	60	3,31	27	1,80	60	4,01
28	1,25	65	2,90	2 8	1,54	65	3,59	28	1,87	65	4,34
29	1,29	70	3,18	29	1,60	70	3,86	29	1,98	70	4,68
30	1,84	75	3,85	30	1,65	75	4,14	30	2,00	75	5,01
31	1,38	80	3,58	31	1,71	80	4,42	31	2,07	80	5,84
32	1,48	85	3,80	32	1,76	85	4,69	32	2,13	85	5,68
33	1	90	4,02	33	1,82	90	4,97	33	2,20	90	6,01
34	1,52	100	4,47	34	1,87	100	5,52	34	2,27	100	6,68
2,8	2,86 30U Durchm.				3,18 Zoll Durchm.			33 2,20 90 6,01 34 2,27 100 6,68 3,50 Soll Durchm.			

6	30a =	1/8	Fuß.		7	Boa.			8 8	3oU.	
efs.	Rfß.	Lfg.	Rfs.	efs.	Rfs.	efs.	Aff.	efs.	Rfs.	eff.	RÑ.
2	0,03	35	0,69	2	0,05	35	0,94	2	0,07	35	1,23
3	0,05	36	0,71	3	0,08	36	0,97	3	0,10	36	1,27
4	0,07	37	0,73	4	0,10	37	1,00	4	0,14	37	1,30
5	0,09	3 8	0,75	5	0,13	3 8	1,02	5	0,17	38	1,34
6	0,11	39	0,77	6	0,16	39	1,05	6	0,21	39	1,87
7	0,18	40	0,79	7	0,18	40	1,08	7	0,24	40	1,41
8	0,15	41	0,81	8	0,21	41	1,11	8	0,28	41	1,45
9	0,17	42	0,83	9	0,24	42	1,13	9	0,31	42	1,48
10	0,19	43	0,85	10	0,27	43	1,16	10	0,35	43	1,52
11	0,21	44	0,87	11	0,29	44	1,19	11	0,38	44	1,55
12	0,23	45	0,89	12	0,32	45	1,21	12	0,42	45	1,59
13	0,25	46	0,91	13	0,35	46	1,24	13	0,45	46	1,62
14	0,27	47	0,93	14	0,37	47	1,27	14	0,49	47	1,66
15	0,29	48	0,95	15	0,40	48	1,29	15	0,53	48	1,69
16	0,81	49	0,97	16	0,48	49	1,82	16	0,56	49	1,78
17	0,83	50	0,99	17	0,46	50	1,85	17	0,60	50	1,76
18	0,85	51	1,01	18	0,48	51	1,38	18	0,63	51	1,80
19	0,37	52	1,08	19	0,51	52	1,40	19	0,67	52	1,83
20	0,89	53	1,05	20	0,54	53	1,43	20	0,70	53	1,87
21	0,41	54	1,07	21	0,56	54	1,46	21	0,74	54	1,90
22	0,48	55	1,09	22	0,59	55	1,48	22	0,77	55	1,94
23	0,45	56	1,11	23	0,62	56	1,51	23	0,81	56	1,98
24	0,47	57	1,13	24	0,64	57	1,54	24	0,84	57	2,01
25	0,49	5 8	1,15	25	0,67	58	1,57	25	0,88	58	2,05
26	0,51	59	1,17	26	0,70	59	1,59	26	0,91	59	2,08
27	0,53	60	1,19	27	0,73	60	1,62	27	0,95	60	2,12
28	0,55	65	1,29	28	0,75	65	1,76	28	0,99	65	2,29
29	0,57	70	1,39	29	0,78	70	1,89	29	1,02	70	2,47
30	0,59	75	1,49	30	0,81	75	2,08	3 0	1,06	75	2,65
81	0,61	80	1,59	31	0,83	80	2,16	31	1,09	80	2,82
32	0,63	85	1,69	32	0,86	85	2,80	32	1,18	85	3,00
83	0,65	90	1,79	33	0,89	90	2,43	3 3	1,16	90	3,18
34	0,67	100	1,98	34	0,92	100	2,70	34	1,20	100	3,53
1,9	1,91 Zoll Durchm.				2,23 Zoll Durchm.			34 1,20 100 3,53 2,55 Zoll Durchm.			

9.	30N —	8/4	Fuß.		10	Zou	•		11	Zoa.	
2f6.	RÑ.	eff.	Rff.	eff.	Rfs.	eff.	Ris.	Lib.	Rfs.	2fg.	Rfs.
2	0,08	35	1,56	2	0,11	35	1,93	2	0,13	35	2,34
3	0,18	36	1,61	3	0,16	36	1,98	3	0,20	36	2,40
4	0,17	37	1,65	4	0,22	37	2,04	4	0,26	37	\$,47
5	0,22	38	1,70	5	0,27	3 8	2,09	5	0,33	38	2,54
6	0,26	39	1,74	6	0,83	39	2,15	6	0,40	39	2,60
7	0,31	40	1,79	7	0,38	40	2,21	7	0,46	40	2,67
8	0,35	41	1,88	8	0,44	41	2,26	8	0,58	41	2,74
9	0,40	42	1,88	9	0,49	42	2,32	9	0,60	42	2,80
10	0,44	43	1,92	10	0,55	43	2,87	10	0,66	43	2,87
11	0,49	44	1,96	11	0,60	44	2,43	11	0,73	44	2,94
12	0,53	45	2,01	12	0,66	45	2,48	12	0,80	45	3,00
13	0,58	46	2,05	13	0,71	46	2,54	13	0,86	46	3,07
14	0,62	47	2,10	14	0,77	47	2,59	14	0,93	47	3,14
15	0,67	48	2,14	15	0,82	48	2,65	15	1,00	48	3,20
16	0,71	49	2,19	16	0,88	49	2,70	16	1,06	49	3,27
17	0,76	50	2,23	17	0,93	50	2,76	17	1,13	50	3,34
18	0,80	51	2,28	18	0,99	51	2,81	18	1,20	51	3,41
19	0,85	52	2,32	19	1,04	52	2,87	19	1,27	52	3,47
20	0,89	53	2,37	20	1,10	53	2,92	20	1,33	53	3,54
21	0,94	54	2,41	21	1,16	54	2,98	21	1,40	54	3,61
22	0,98	55	2,46	22	1,21	55	3,03	22	1,47	55	3,67
23	1,02	56	2,50	23	1,27	56	3,09	23	1,53	56	3,74
24	1,07	57	2,55	24	1,32	57	3,14	24	1,60	57	3,81
25	1,11	58	2,59	25	1,38	58	3,20	25	1,67	58	3,87
26	1,16	59	2,64	26	1,43	59	3,26	26	1,73	59	3,94
27	1,20	60	2,68	27	1,49	60	3,31	27	1,80	60	4,01
28 .	1,25	65	2,90	2 8	1,54	65	3,59	28	1,87	65	4,84
29	1,29	70	3,18	29	1,60	70	3,86	29	1,98	70	4,68
30	1,34	75	3,85	30	1,65	75	4,14	30	2,00	75	5,01
31	1,88	80	3,58	31	1,71	80	4,42	31	2,07	80	5,84
32	1,48	85	3,80	32	1,76	85	4,69	32	2,13	85	5,68
33	1,47	90	4,02	33	1,82	90	4,97	33	2,20	90	6,01
34	1,52	100	4,47	34	1,87	100	5,52	34	2,27	100	6,68
2,8	6 Zou	Dur	chm.	33 1,82 90 4,97 34 1,87 100 5,52 3,18 3oU Durchm.			3,50 Zoll Durchm.				

Grundfläche (auch Körperinhalt der einfußigen Walze) zu dem voran stehenden Umfange.

Umfg.	Inhalt.	Umfg.	Inhalt.	Umfg.	Inhalt.	Umfg.	
Boll.	Fl. u. Kpfß.	Zoll.	Fl. u. Apfß.	Boll.	Fl. u. Apfő.	Zoll.	Fl. u. App
1.	0,000558	31	0,531069	61	2,056304	91	4,576257
2	0,002210	32	0,565884	62	2,124276	92	4,677387
3	0,004974	33	0,601805	63	2,193854	93	4,779622
4	0,008842	34	0,638880	64	2,263537	94	4,882961
5	0,013816	35	0,676961	65	2,384825	95	4,987408
6	0,019894	36	0,716197	66	2,407219	96	5,092958
7	0,027078	37	0,756539	67	2,480717	97	5,199614
8	0,035368	38	0,797985	68	2,555321	98	5,307375
9	0,044762	3 9	0,840537	69	2,631030	99	5,416242
10	0,055262	40	0,884194	70	2,707845	100	5,526213
11	0,066867	41	0,928956	71	2,785764	101	5,637290
12	0,079577	42	0,974824	72	2,864789	102	5,749472
13	0,093393	43	1,021797	73	2,944919	103	5,862760
14	0,108814	44	1,069875	74	3,026154	104	5,977152
15	0,124340	45	1,119058	75	3,108495	105	6,092650
16	0,141471	46	1,169347	76	3,191941	106	6,209253
17	0,159708	47	1,220741	77	3,276492	107	6,326962
18	0,179049	48	1,273240	7 8	3,362148	108	6,445775
19	0,199496	49	1,326844	79	3,448910	109	6,565694
20	0,221049	50	1,381553	80	3,536777	110	6,686718
21	0,248706	51	1,437368	81	3,625749	111	6,808847
22	0,267469	52	1,494288	82	3,715826	112	6,932082
23	0,292337	53	1,552313	83	3,807008	113	7,056422
24	0,318310	54	1,611444	84	3,899296	114	7,181867
25	0,345388	55	1,671680	85	3,992689	115	7,308417
26	0,373572	56	1,783020	86	4,087187	116	7,486073
27	0,402861	57	1,795467	87	4,182791	117	7,564833
28	0,433255	58	1,859018	88	4,279500	118	7,694699
29	0,464755	59	1,923675	89	4,377814	119	7,825671
30	0,497859	60	1,989437	90	4,476233	120	7,957747

Grundfläche (auch Körperinhalt der einfußigen' Walze) zu dem voran stehenden Umfange.

Umfg.	Inhalt.	Umfg.	Inhalt.	Umfg.	Inhalt.	Umfg.	Inhalt
Zoll.	Fl. u. Kpfß.	Zoll.	Fl. u. Kpfß.	Zoll.	Fl. u. Kpfß.	Boll.	Fl. u. Apfß.
121	8,090929	151	12,600319	181	18,104427	211	24,603254
122	8,225216	152	12,767763	182	18,305029	212	24,837013
123	8,360608	153	12,936813	183	18,506736	213	25,071877
124	8,497106	154	13,105967	184	18,709548	214	25,307846
125	8,634708	155	13,276727	185	18,913465	215	25,544921
126	8,773416	156	13,448593	186	19,118488	216	25,783101
127	8,913229	157	13,621563	187	19,324615	217	26,0223 86
128	9,054148	158	13,795639	188	19,531848	218	26,262776
129	9,196172	159	13,970820	189	19,740187	219	26,504272
130	9,339300	160	14,147106	190	19,949680	220	26,746872
131	9,483535,	161	14,324497	191	20,160179	221	26,990578
132	9,628874	162	14,502994	192	20,371833	222	27,235390
133	9,775819	163	14,682596	193	20,584592	223	27,481306
134	9,922869	164	14,863303	194	20,798456	224	27,728328
135	10,071524	165	15,045116	195	21,013426	225	27,976455
136	10,221284	166	15,228033	196	21,229501	226	28,225687
137	10,372150	167	15,412056	197	21,446681	227	28,476025
13 8	10,524121	168	15,597184	198	21,664967	228	28,727467
139	10,677197	169	15,788418	199	21,884857	229	28,980015
140	10,831378	170	15,970756	200	22,104853	230	29,233668
141	10,986665	171	16, 159200	201	22,326454	231	29,488427
142	11,143056	172	16,348749	202	22,549161	232	29,744290
143	11,300554	173	16,539404	203	22, 772972	233	30,001259
144	11,459156	174	16,731163	204	22,997889	234	30,259334
145	11,618863	175	16,924028	205	23,223911	235	30,518518
146	11,779676	176	17,117998	206	23,451039	236	30,778798
147	11,941594	177	17,313074	207	23,679271	237	31,040187
148	12,104618	178	17,509254	208	23 ,908609	238	31,302688
149	12,268746	179	17,706540	209	24,139052	239	31,566288
150	12,433980	180	17,904931	210	24,37,0601	240	31,830989

Grundfläche (auch Körperinhalt der einfußigen Walze) zu dem voran stehenden Umfange.

Umfg.	Inhalt.	Umfg.	Inhalt.	Umfg.	Inhalt.	Umfg.	Inhalt.
Zoll.	Fl. u. Kpff.	Zou.	Fl. u. Kpfß.	Boll.	Fl. u. Apfß.	Boll.	FL. u. Arß
1	0,000558	31	0,531069	61	2,056304	91	4,576257
2	0,002210	32	0,565884	62	2,124276	92	4,677387
3	0,004974	33	0,601805	63	2,193354	93	4,779622
4	0,008842	34	0,638830	64	2,263537	94	4,882962
5	0,013816	35	0,676961	65	2,334825	95	4,987408
6	0,019894	36	0,716197	66	2,407219	96	5,092958
7	0,027078	37	0,756589	67	2,480717	97	5,199614
8	0,035368	38	0,797985	68	2,555321	98	5,307375
9	0,044762	39	0,840537	69	2,631030	99	5,416242
10	0,055262	40	0,884194	70	2,707845	100	5,526213
11	0,066867	41	0,928956	71	2,785764	101	5,637290
12	0,079577	42	0,974824	72	2,864789	102	5,749479
13	0,093393	43	1,021797	73	2,944919	103	5,862760
14	0,108814	44	1,069875	74	3,026154	104	5,977159
15	0,124340	45	1,119058	75	3,108495	105	6,092650
16	0,141471	46	1,169347	76	3,191941	106	6,209253
17	0,159708	47	1,220741	77	3,276492	107	6,326962
18	0,179049	48	1,273240	78	3,362148	108	6,445775
19	0,199496	49	1,326844	79	3,448910	109	6,565694
20	0,221049	50	1,381553	80	3,536777	110	6,686718
21	0,243706	51	1,437368	81	3,625749	111	6,808847
22	0,267469	52	1,494288	82	3,715826	112	6,932082
23	0,292337	53	1,552313	83	3,807008	113	7,056422
24	0,318310	54	1,611444	84	3,899296	114	7,181867
25	0,345388	55	1,671680	85	3,992689	115	7,308417
26	0,373572	56	1,783020	86	4,087187	116	7,486073
27	0,402861	57	1,795467	87	4,182791	117	7,564833
28	0,433255	58	1,859018	88	4,279500		7,694699
29	0,464755	59	1,923675	89	4,377814	119	7,825671
30	0,497859	60	1,989437	90	4,476233	120	7,957747

Grundfläche (auch Körperinhalt der einfußigen' Walze) zu dem voran stehenden Umfange.

Umfg.	Inhalt.	Umfg.	Inhalt.	Umfg.	Inhalt.	Umfg.	Inhalt.
Zoll.	Fl. u. Kpff.	Zoll.	Fl. u. Kpfß.	Boll.	Fl. u. Kpfß.	Boll.	Fl. u. Apfß.
121	8,090929	151	12,600319	181	18,104427	211	24,603254
122	8,225216	152	12,767763	182	18,305029	212	24,837013
123	8,360608	153	12,936313	183	18,506736	213	25,071877
124	8,497106	154	13,105967	18 4	18,709548	214	25,307846
125	8,634708	155	13,276727	185	18,913465	215	25,544921
126	8,773416	156	13,448593	186	19,118488	216	25,783101
127	8,913229	157	13,621563	187	19,324615	217	26,022386
128	9,054148	158	13,795639	188	19,531848	218	26,262776
129	9,196172	159	13,97082 0	189	19,740187	219	26,504272
130	9,339300	160	14,147106	190	19,949630	220	26,746872
131	9, 4835 3 5,	161	14,324497	191	20,160179	221	26,990578
132	9,628874	162	14,502994	192	20,371833	222	27,235390
133	9,775319	163	14,682596	193	20,581592	223	27,481306
134	9,922869	164	14,863303	194	20,798456	224	27,728328
135	10,071524	165	15,045116	195	21,013426	225	27,976455
136 137	10,221284	166	15,228083	196	21,229501	226	28,225687
137	10,372150	167	15,412056	197	21,446681	227	28,476025
138	10,524121	168	15,597184	198	21,664967	228	28,727467
139	10,677197	169	15,788418	199	21,884857	229	28,080015
140	10,831378	170	15,970756	200	22,104853	230	29,233668
141	10,986665	171	16, 15 920 0	201	22,826454	231	29,488427
142	11,143056	172	16,348749	202	22,549161	232	29,744290
143	11,300554	173	16,539404	203	22,772972	233	30,001259
144	11,459156	174	16,731163	204	22,997889	234	30,259334
145	11,618863	175	16,924028	205	23,223911	235	30,518513
146	11,779676	176	17,117998	206	23,451039	236	30,778798
147	11,941594	177	17,813074	207	23,679271	237	31,040187
148	12,104618	178	17,509254	208	23,908609	238	31,302688
149	12,268746	179	17,706540	209	24,139052	239	31,566283
150	12,433980	180	17,904931	210	24,370601	240	31 ,830989

6	30 a =	=1/8	Fuβ.		7	Boa.			8 :	ZoU.	
Lfg.	Rfs.	eff.	Rfp.	Lfg.	Rfs.	Lff.	Rfs.	eff.	Rfs.	網.	.Rff.
2	0,03	35	0,69	2	0,05	35	0,94	2	0,07	35	1,23
3	0,05	36	0,71	3	0,08	3 6	0,97	8	0,10	36	1,27
4	0,07	37	0,73	4	0,10	37	1,00	4	0,14	87	1,30
5	0,09	3 8	0,75	5	0,13	38	1,02	5	0,17	38	1,34
6	0,11	89	0,77	6	0,16	39	1,05	6	0,21	39	1,37
7	0,18	40	0,79	7	0,18	40	1,08	. 7	0,24	40	1,41
8	0,15	41	0,81	8	0,21	41	1,11	8	0,28	41	1,45
9	0,17	42	0,83	9	0,24	42	1,13	9	0,81	42	1,48
10	0,19	43	0,85	10	0,27	43	1,16	10	0,85	43	1,52
11	0,21	44	0,87	11	0,29	44	1,19	11	0,38	44	1,55
12	0,23	45	0,89	12	0,32	45	1,21	12	0,42	45	1,59
18	0,25	46	0,91	13	0,85	46	1,24	13	0,45	46	1,62
14	0,27	47	0,93	14	0,37	47	1,27	14	0,49	47	1,66
15	0,29	48	0,95	15	0,40	48	1,29	15	0,53	48	1,69
16	0,31,	49	0,97	16	0,48	49	1,32	16	0,56	49	1,73
17	0,33	50	0,99	17	0,46	50	1,35	17	0,60	50	1,76
18	0,35	51	1,01	18	0,48	51	1,88	18	0,63	51	1,80
19	0,87	52	1,03	19	0,51	52	1,40	19	0,67	52	1,83
20	0,89	53	1,05	20	0,54	53	1,48	20	0,70	53	1,87
21	0,41	54	1,07	21	0,56	54	1,46	21	0,74	54	1,90
22	0,48	55	1,09	22	0,59	55	1,48	22	0,77	55	1,94
23	0,45	56	1,11	23	0,62	56	1,51	23	0,81	56	1,98
24	0,47	57	1,13	24	0,64	57	1,54	24	0,84	57	2,01
25	0,49	58	1,15	25	0,67	58	1,57	25	0,88	58	2,05
26	0,51	59	1,17	26	0,70	59	1,59	26	0,91	59	2,08
27	0,53	60	1,19	27	0,73	60	1,62	27	0,95	60	2,12
28	0,55	65	1,29	28	0,75	65	1,76	28	0,99	65	2,29
29	0,57	70	1,39	29	0,78	70	1,89	29	1,02	70	2,47
30	0,59	75	1,49	30	0,81	75	2,08	3 0	1,06	75	2,65
3 1	0,61	80	1,59	31	0,83	80	2,16	31	1,09	80	2,82
32	0,63	85	1,69	32	0,86	85	2,80	32	1,18	85	3,00
33	0,65	90	1,79	33	0,89	90	2,43	33		90	3,18
34	0,67	100	1,98	34	0,92	100	2,70	34	1,20	100	3,18 3,53 dm.
1,9	1 Zou	Dur	chm.	2,2	s ZoU	Dur	фm. I	2,5	5 Zou	Dur	dm.

9.	30U =	3/4	Fuß.		10	Zou			11	ZoA.	
efs.	RĦ.	Lib.	Rfs.	Lib.	Rfs.	eff.	Rfs.	ess.	Rfß.	eff.	Rfs.
2	0,08	35	1,56	2	0,11	35	1,93	2	0,13	35	2,34
3	0,18	36	1,61	3	0,16	36	1,98	3	0,20	36	2,40
4	0,17	37	1,65	4	0,22	37	2,04	4	0,26	37	2,47
5	0,22	3 8	1,70	5	0,27	38	2,09	5	0,33	38	2,54
6	0,26	39	1,74	6	0,33	39	2,15	6	0,40	39	2,60
7	0,31	40	1,79	7	0,38	40	2,21	7	0,46	40	2,67
8	0,35	41	1,88	8	0,44	41	2,26	8	0,53	41	2,74
9	0,40	42	1,88	9	0,49	42	2,32	9	0,60	42	2,80
10	0,44	43	1,92	10	0,55	43	2,87	10	0,66	43	2,87
11	0,49	44	1,96	11	0,60	44	2,43	11	0,73	44	2,94
12	0,53	45	2,01	12	0,66	45	2,48	12	0,80	45	3,00
13	0,58	46	2,05	13	0,71	46	2,54	13	0,86	46	3,07
14	0,62	47	2,10	14	0,77	47	2,59	14	0,93	47	3,14
15	0,67	48	2,14	15	0,82	48	2,65	15	1,00	48	3,20
16	0,71	49	2,19	16	0,88	49	2,70	16	1,06	49	3,27
17	0,76	50	2,23	17	0,93	50	2,76	17	1,13	50	3,34
18	0,80	51	2,28	18	0,99	51	2,81	18	1,20	51	3,41
19	0,85	52	2,32	19	1,04	52	2,87	19	1,27	52	3,47
20	0,89	53	2,87	20	1,10	53	2,92	20	1,33	53	3,54
21	0,94	54	2,41	21	1,16	54	2,98	21	1,40	54	3,61
22	0,98	55	2,46	22	1,21	55	3,03	22	1,47	55	3,67
23	1,02	56	2,50	23	1,27	56	3,09	23	1,53	56	3,74
24	1,07	57	2,55	24	1,32	57	3,14	24	1,60	57	3,81
25	1,11	5 8	2,59	25	1,38	58	3,20	25	1,67	58	3,87
26	1,16	59	2,64	26	1,43	59	3,26	26	1,73	59	3,94
27	1,20	60	2,68	27	1,49	60	3,31	27	1,80	60	4,01
28	1,25	65	2,90	28	1,54	65	3,59	28	1,87	65	4,34
29	1,29	70	3,13	29	1,60	70	3,86	29	1,98	70	4,68
30	1,84	75	3,85	30	1,65	75	4,14	30	2,00	75	5,01
31	1,88	80	3,58	31	1,71	80	4,42	31	2,07	80	5,84
32	1,48	85	3,80	32	1,76	85	4,69	32	2,13	85	5,68
33	1,47	90	4,02	33	1,82	90	4,97	33	2,20	90	6,01
34	1,52	100	4,47	34 1,87 100 5,52				34 2,27 100 6,68			
2,8	6 Zou	Dur	chm.	34 1,87 100 5,52 3,18 Zou Durchm.				3,50 Zoll Durchm.			

	12	3oU	= 1	Fuß	•			13	Zoa.		
2個.	Rff.	efs.	Rfs.	Leff.	Rfs.	eff.	Rff.	efs.	Rfs.	2f6.	Aff.
2	0,15	35	2,78	68	5,41	2	0,18	35	3,26	68	6,35
3	0,23	36	2,86	69	5,49	3	0,28	36	3,86	69	6,44
4	0,81	37	2,94	70	5,57	4	0,87	37	3,45	70	6,53
5	0,39	3 8	3, 02	71	5,65	5	0,46	38	3,54	71	6,63
6	0,47	39	3,10	72	5,72	6	0,56	39	3,64	72	6,72
7	0,55	40	3,18	73	5,80	7	0,65	40	3,73	73	6,81
8	0,63	41	3,26	74	5,88	8	0,74	41	3,82	74	6,91
9	0,71	42	3,84	75	5,9 6	9	0,84	42	3,92	75	7,00
10	0,79	43	3,42	76	6,04	10	0,93	43	4,01	76	7,09
11	0,87	44	3,50	77	6,12	11	1,02	44	4,10	77	7,19
12	0,95	45	3,5 8	78	6,20	12	1,12	45	4,20	78	7,28
13	1,03	46	3,66	79	6,28	13	1,21	46	4,29	79	7,37
14	1,11	47	3,74	80	6,3 6	14	1,30	47	4,38	80	7,47
15	1,19	48	3,81	81	6,44	15	1,40	48	4,48	81	7,56
16	1,27	49	3 ,89	82	6,52	16	1,49	49	4,57	82	7,65
17	1,85	50	3,97	83	6,60	17	1,58	50	4,66	83	7,75
18	1,43	51	4,05	84	6,68	18	1,68	51	4,76	84	7,84
19	1,51	52	4,13	85	6,76	19	1,77	52	4,85	85	7,93
20	1,59	53	4,21	86	6,84	20	1,86	. 53	4,94	86	8,03
21	1,67	54	4,29	87	6,92	21	1,96	54	5,04	87	8,12
22	1,75	55	4,37	88	7,00	22	2,05	55	5,13	88	8,21
23	1,83	56	4,45	89	7,08	23	2,14	56	5,23	89	8,31
24	1,90	57	4,53	90	7,16	24	2,24	57	5,82	90	8,40
25	1,98	58	4,61	91	7,24	25	2,33	58	5,41	91	8,49
26	2,06	59	4,69	92	7,32	26	2,42	59 .	5,51	92	8,59
27	2,14	60	4,77	93	7,40	27	2,52	60	5,60	93	8,68
28	2,22	61	4,85	94	7,48	28	2,61	61	5,69	94	8,77
29	2,80	62	4,93	95	7,55	29	2,70	62	5,79	95	8,87
30	2,38	63	5,01	96	7,63	30	2,80	63	5,88	96	8,96
31	2,46	64	5,09	97	7,71	31	2,89	64	5,97	97	9,05
32	2,54	65	5,17	98	7,79	32	2,98	65	6,07	98	9,15
33	2 62	66	5,25	99	7,87	33	3,08	66	6.16	99	9.24
34	2,70	67	5,83	100	7,95	34	3,17	67	6,25	100	9,33
	3,82	Boll	Durd	hm.		-	4,14	Boll	Dur	dym.	

		14	Bou.				15 30	= n	_ 11	/ 4 %	uβ.
2ff.	Afs.	eff.	Rfs.	Lib.	Rfß.	eff.	Rfs.	efs.	Rfß.	efs.	Rfs.
2	0,21	35	3,79	68	7,36	2	0,24	35	4,55	68	8,45
3	0,32	36	3,8 9	69	7,47	3	0,87	36	4,47	11 1	8,57
4	0,43	37	4,00	70	7,58	4	0,49	37	4,60	70	8,70
5	0,54	38	4,11	71	7,69	5	0,62	38	4,72	71	8,82
6	0,64	39	4,22	72	7,79	6	0,74	39	4,84	72	8,95
7	0,75	40	4,33	73	7,90	7	0,87	40	4,97	73	9,07
8	0,86	41	4,44	74	8,01	8	0,99	41	5,09	74	9,20
9	0,97	42	4,54	75	8,12	9	1,11	42	5,22	75	9,32
10	1,08	43	4,65	76	8,23	10	1,24	43	5,34	76	9,44
11	1,19	44	4,76	77	8,34	11	1,36	44	5,47	77	9,57
12	1,29	45	4,87	78	8,44	12	1,49	45	5,59	78	9,69
13	1,40	46	4,9 8	79	8,55	13	1,61	46	5,71	79	9,82
14	1,51	47	5,0 9	80	8,66	14	1,74	47	5,84	1 1	9,94
15	1,62	48	5,19	81	8,77	15	1,86	48	5,9 6	. 1	10,07
16	1,73	49	5,80	82	8,88	16	1,98	49	6,09	1	10,19
17	1,84	50	5,41	83	8,99	17	2,11	50	6,21	83	10,32
18	1,94	51	5,52	84	9,09	18	2,23	51	6,34		10,44
19	2,05	52	5,63	85	9,20	19	2,36	52	6,46		10,56
20	2,16	53	5,74	3 1	9,81	20	2,48	53	6 ,59	<u> </u>	10,69
21	2,27	54	5,84	1 1	9,42	21	2,61	54	6,71	87	10,81
22	2,3 8	1	5,9 5		9,53	22	2,73	55	6,83		10,94
23	2,49	if i	6, 06	89	9,63	23	2,85	56	6,9 6	89	11,06
24	2, 59		6,17	90	9,74	24	2,98	57	7,08		11,19
25	2,70	1	6,2 8	i i	9,85	25	3,10	58	7,21	91	11,81
26	2,81	59	6,89	1	9,96	26	3,23	59	7,33	1	11,43
27	2,9 2	60	6,49	93	10,07	27	3,85	60	7,46		11,56
28	3 ,03	i I	6,60		10,18	28	3,48	61	7,58	1 I	11,68
29	3,14	1	6,71	95	10,28	29	3,60	i i	7,70	t I	11,81
30	3,24	63	6,82		10,89	30	3 ,78	63	7,88	96	11,93
31	3,85	1	6,93	97	10,50	31	3,85	64	7,95	97	12,06
32	3,46	11	7,04		10,61	32	3,97	65	8,08	1	12,18
33	3,57	1	7,14		10,72	33	4,10	1	8,20)	12,30
34		•		_	10,83	34					12,43
	4,46	3ol	Durce 1	hm.		į.	4,77	7 3o	U Dur	фm.	1

,	,	16	Zoa.				· ·	17	Zoa.		
eff.	Rfg.	efg.	Rfs.	eff.	Ris.	efs.	Rff.	eff.	Afß.	2fg.	Rfg.
2	0,28	35	4,95	68	9,62	2	0,81	35	5,58	68	10,86
3	0,42	36	5,09	69	9,76	3	0,47	36	5,74	69	11,01
4	0,56	37	5,28	70	9,90	4	0,63	37	5,90	70	11,17
5	0,70	38	5,87	71	10,04	5	0,79	3 8	6,06	71	11,33
6	0,84	39	5,51	72	10,18	6	0,95	3 9	6,22	72	11,49
7	0,99	40	5,65	73	10,32	7	1,11	40	6,88	73	11,65
8	1,13	41	5,80	74	10,46	8	1,27	41	6,54	74	11,81
9	1,27	42	5,94	75	10,61	9	1,48	42	6,70	75	11,97
10	1,41	43	6 ,08	76	10,75	10	1,59	43	6, 86	76	12,13
11	1,55	44	6,22	77	10,89	11	1,75	44	7,02	77	12,29
12	1,69	45	6,8 6	78	11,08	12	1,91	45	7,18	78	12,45
13	1,83	46	6, 50	79	11,17	13	2,07	46	7,84	79	12,61
14	1,98	47	6,64	80	11,81	14	2,23	47	7,50	80	12,77
15	2,12	48	6,79	81	11,45	15	2,39	48	7,66	81	12,93
16	2,26	49	6,93	82	11,60	16	2,55	49	7,82	82	13,09
17	2,40	50	7,07	83	11,74	17	2,71	50	7,98	83	13,25
18	2,54	51	7,21	84	11,88	18	2,87	51	8,14	84	13,41
19	2,68	52	7,3 5	85	12,02	19	3,03	52	8,30	85	13,57
20	2,82	53	7,49	86	12,16	20	3,19	53	8,46	86	13,73
21	2,97	54	7,63	87	12,30	21	3,3 5	54	8,62	87	13,89
22	3,11	55	7,78	88	12,44	22	3 ,51	55	8,78	88	14,05
23	3,25	56	7,92	89	12,59	23	3,67	56	8,94	89	14,21
24	3,39	57	8,06	90	12,73	24	3,83	57	9,10	90	14,37
25	3,53	5 8	8,20	91	12,87	25	3,99	58	9,26	91	14,53
26	3,67	59	8,34	92	13,01	26	4,15	59	9,42	92	14,69
27	3,81	60	8,48	93	13,15	27	4,31	60	9,58	93	14,85
28	3,96	61	8,62	94	13,29	28	4,47	61	9,74	94	15,01
29	4,10	62	8,77	95	13,48	29	4,63	62	9,90	95	15,17
30	4,24	63	8,91	96	13,58	30	4,79	63	10,06	96	15,88
31	4,38	64	9,05	97	13,72	31	4,95	64	10,22	97	15,49
32	4,52	65	9,19	98	13,86	32	5,11	65	10,38	98	15,65
33	4,66	66	9,33	99	14,00	3 3	5,27	66	10,54	99	15,81
34	4,81	67	9,47	100	14,14	84	5,48	67	10,70	100	15,97
İ	5,09	Bol	A Dur	фт			5,41	Bol	I Dur	dm.	

	18 30)A =	= 11/1	F u	§.	19 3ou.					
efs.	Rfs.	Eff.	Rfs.	eff.	Rfg.	Eff.	Rfs.	efs.	Rfb.	efs.	RfF.
2	0,85	35	6,26	68	12,17	2	0,39	35	6,98	68	13,56
3	0,58	36	6,44	69	12,85	3	0,59	36	7,18	69	13,76
4	0,71	37	6,62	70	12,53	4	0,79	37	7,38	70	13,96
5	0,89	3 8	6 ,80	71	12,71	5	0,99	38	7,58	71	14,16
6	1,07	39	6,98	72	12,89	6	1,19	39	7,78	72	14,36
7	1,25	40	7,16	73	13,07	7	1,39	40	7,97	73	14,56
8	1,48	41	7,34	74	13,24	8	1,59	41	8,17	74	14,76
9	1,61	42	7,52	75	13,42	9	1,79	42	8,87	75	14,96
10	1,79	43	7,69	76	13,60	10	1,99	43	8,57	76	15,16
11	1,96	44	7,87	77	13,78	11	2,19	44	8,77	1	15,86
12	2,14	45	8,05	78	13,96	12	2,89	45	8,97		15,56
13	2,32	46	8,23	79	14,14	13	2,59	46	9,17	1 1	15,76
14	2,50	47	8,41	80	14,32	14	2,79	47	9,87	1	15,95
15	2,68	48	8,59	81	14,50	15	2,99	48	9,57		16,15
16	2,86	49	8,77	82	14,68	16	3,19	49	9,77	82	16,35
17	3,04	50	8,95	83	14,86	17	3,39	50	9,97	i i	16,55
18	3,22	51	9,13	84	15,04	18	3,59	51	10,17	1	16,75
19	3,40	52	9,81	85	15,21	19	3,79	52	10,37	3 4	16,95
20	3,58	53	9,48	86	15,39	20	3,98	53	10,57		17,15
21	3,76	54	9,66	87	15,57	21	4,18	54	10,77	1 i	17,85
22	3 ,93	55	9,84	88	15,75	22	4,38	55	10,97		17,55
23	4,11	56	10,02	89	15,93	23	4,58	56	11,17	89	17,75
24	4,29	57	10,20	90	16,11	24	4,78	Í :	11,87		17,95
25	4,47	5 8	10,38	91	16,29	25	4,98	58	11,57	ll l	18,15
26	4,6 5	59	10,56	1 1	16,47	26	5,18		11,77	1	18,85
27	4,83	60	10,74	93	16,65	B 1	5,3 8		11,96	1 1	18,55
28	5,01	61	10,92	94	16,8 3	3 1	5,58		12,16	1 1	18,75
29	5,19	!	11,10		17,00	1 1	5,78		12,86	1	18,95
3 0	5,37	63	11,28	1	17,18		5,9 8	1 1	12,56	it i	19,15
31	5,55	64	11,45		17,36		6 ,18	i i	12,76	l) :	19,85
32	5,72	65	11,68		17,54	32	6,38		12,96	11 1	19,55
3 3	5,9 0		11,81		17,72		6,58		13,16		19,75
34					17,90	34	6,78	67	13,36	100	19,04
	5,78	Zol	I Durc	ħm.		İ	6,0	5 3 0	A Dur [2		

		20	Zoa.				21 3	oU =	= 1 ³/	4 8	u s .
eff.	Rfs.	efs.	Æff.	eff.	Rfs.	efs.	Rff.	eff.	Rfs.	Leg.	Rfs.
2	0,44	35	7,73	68	15,03	2	0,48	35	8,52	68	16,57
3	0,66	36	7,95	69	15,25	3	0,73	36	8,77	69	16,81
4	0,88	37	8,17	70	15,47	4	0,97	37	9,01	70	17,05
5	1,10	3 8	8,39	71	15,69	5	1,21	3 8	9,26	71	17,30
6	1,32	3 9	8,62	72	15,91	6	1,46	39	9,50	72	17,54
7	1,54	40	8,84	73	16,13	7	1,70	40	9,74	73	17,79
8	1,76	41	9,06	74	16,35	8	1,94	41	9,99	74	18,03
9	1,98	42	9,28	75	16,57	9	2,19	42	10,23	75	18,27
10	2,21	43	9,50	76	16,79	10	2,43	43	10,47	76	18,52
11	2,43	44	9,72	77	17,02	11	2,68	44	10,72	77	18,76
12	2,65	45	9,94	78	17,24	12	2,92	45	10,96	78	19,00
13	2,87	46	10,16	79	17,46	13	3,16	46	11,21	79	19,25
14	3,09	47	10,88	80	17,68	14	3,41	47	11,45	80	19,49
15	3,31	48	10,61	81	17,90	15	3,65	48	11,69	81	19,74
16	3,53	49	10,83	82	18,12	16	3,8 9	49	11,94	82	19,98
17	3475	50	11,05	83	18,34	17	4,14	50	12,18	83	20,22
18	3,97	51	11,27	84	18,56	18	4,3 8	51	12,42	84	20,47
19	4,19	52	11,49	85	18,78	19	4,63	52	12,67	85	20,71
20	4,42	53	11,71	86	19,01	20	4,87	53	12,91	86	20,95
21	4,64	54	11,93	87	19,23	21	5,11	54	13,16	87	21,20
22	4,86	55	12,15	88	19,45	22	5,36	55	13,40	88	21,44
23	5,08	56	12,87	89	19,67	23	5,60	56	13,64	89	21,68
24	5,80	57	12,59	90	19,89	24	5,84	57	13,89	90	21,93
25	5,52	58	12,82	91	20,11	25	6,09	58	14,13	91	22,17
26	5,74	59	13,04	92	20,83	26	6,38	59	14,37	92	22,42
27	5,96	60	13,2 6	93	20,55	27	6,58	60	14,62	93	22,66
28	6, 18	61	13,48	94	20,77	28	6,82	61	14,86	94	22,90
29	6,41	62	13,70	95	20,99	29	7,06	62	15,10	95	23,15
30	6,63	63	13,92	96	21,22	30	7,81	63	15,35	96	23,39
31	6,85	64	14,14	97	21,44	31	7,55	64	15,59	97	23,63
32	7,07	65	14,36	98	21,66	32	7,79	65	15,84	98	23,88
33	7,29	66	14,58	99	21,88	33	8,04		16,08	1	24,12
34	- 7,51	67	14,81	100	22,10	34	8,28	67	16,32	100	24,87
	6,87	Bol	I Durc	hm.	Ì		6,68	30	ll Dur	dm.	

-		22	Zoa.					23	Zoa.		
2fg.	Rfs.	efs.	RF.	eff.	Rfß.	eff.	Rfg.	efs.	Rfs.	Leb.	Rfß.
2	0,53	35	9,86	68	18,18	2	0,58	35	10,23	6 8	19,87
3	0, 80	36	9 ,62	69	18,45	3	0,87	36	10,52	69	20,17
4	1,06	37	9,89	70	18,72	4	1,16	37	10,81	70	20,46
5	1,33	3 8	10,16	71	18,99	5	1,46	3 8	11,10	71	20,75
6	1,60	39	10,43	72	19,25	6	1,75	39	11,40	72	21,04
7	1,87	40	10,69	73	19,52	7	2,04	40	11,69	73	21,34
8	2,13	41	10,96	74	19,79	8	2,33	41	11,98	74	21,63
9	2,40	42	11,23	75	20 ,06	9	2,63	42	12,27	75	21,92
10	2,67	43	11,50	76	20,32	10	2,92	43	12,57	76	22,21
11	2,94	44	11,76	77	20,59	11	3,21	44	12,86	77	22,50
12	3,20	45	12,03	78	20,86	12	3,50	45	13,15	78	22,80
13	3,47	46	12,80	79	21,13	13	3,80	46	13,44	79	23,09
14	3,74	47	12,57	80	21,39	14	4,09	47	13,78	80	23,3 8
15	4,01	48	12,83	81	21,66	15	4,38	4 8	14,03	81	23,67
16	4,27	49	13,10	82	21,93	16	4,67	49	14,32	82	23,97
17	4 ,54	50	13,37	83	22,19	17	4,96	50	14,61	83	24,26
18	4 ,81	51	13,64	84	22,46	18	5,26	51	14,90	84	24,55
19	5,08	52	13,90	85	22,78	19	5,55	52	15,20	85	24,84
20	5,34	53	14,17	86	23,0 0	20	5,84	53	15,49	86	25,14
21	5,61	54	14,44	87	23,26	21	6,13	54	15,78	87	25,43
22	5,8 8	55	14,71	88	23 ,58	22	6,43	55	16,07	88	25,72
23	6 ,15	56	14,97	89	23,8 0	23	6,72	56	16,37	89	26,01
24	6,41	57	15,24	90	24,07	24	7,01	57	16 ,66	90	26,31
25	6 ,68	5 8	15,51	91	24,3 3	25	7,30	58	16,95	91	26,60
26	6 ,95	59	15,78	92	24,60	26	7,60	59	17,24	92	26,89
27	7,22	60	16,04	93	24,87	27	7,89	60	17,54	93	27,18
28	7,48	61	16,31	94	25,14	28	8,18	61	17,83	94	27,47
29	7,75	62	16,5 8	95	25,40	29	8,47	62	18,12	95	27,77
30	8,02	63	16,85	96	25,67	3 0	8,77	63	18,41	96	28,06
31	8,29	64	17,11	97	25,94	31	9,06	64	18,70	97	28,35
32	8,55	65	17,38	98	26,21	32	9,35	65	19,0 0	98	28,64
83	8,82		17,65		26,47	3 3	9,64	1	19,29	10 1	28,94
84					26,74	84			_	-	29,23
			A Dur		ļ			2 30	A Dur	фm.	

	24	Son	= 2	Çu£				25	3oa.		
efs.	Rfs.	eff.	Aff.	eff.	Rfß.	Lfg.	RfB.	eff.	Afg.	eff.	Aff.
2	0,63	35	11,14	68	21,64	2	0,69	35	12,08	68	23,48
3	0,95	36	11,45	69	21,96	3	1,03	36	2 ,43	69	23,88
4	1,27	37	11,77	70	22, 28	4	1,38	37	12,77	70	24,17
5	1,59	3 8	12,09	71	22,60	5	1,72	38	13,12	71	24,52
6	1,90	39	12,41	72	22,91	6	2,07	39	13,47	72	24,86
7	2,22	40	12,73	73	23 ,23	7	2,41	40	13,81	73	25,21
8	2,54	41	13,05	74	23,55	8	2,76	41	14,16	74	25,55
9	2,86	42	13,36	75	23, 87	9	3,10	42	14,50	75	25,90
10	3,18	43	13,68	76	24, 19	10	3,45	43	14,85	76	26,24
11	3,50	44	14,00	11 3	24,50	11	3,79	44	15,19	77	26,59
12	3,81	45	14,32	78	24,82	12	4,14	45	15,54	78	26,94
13	4,13	i (14,64	79	25,14	13	4,49	46	15,88	79	27,28
14	4,45	1 1	14,96	11 1	25,46	14	4,83	47	16,23	80	27,63
15	4,77	48	15,27	81	25, 78	15	5, 18	48	16,57	81	27,97
16	5,09	49	15,59	11	26,10	16	5,52	49	16,92	82	28,32
17	5,41	50	15,91	83	26,41	17	5,87	50	17,26	83	28,66
18	5,72	51	16,23	f) S	26,73		6,21	51	17,61	84	29,01
19	6,04	52	16,55	85	27,05	19	6,56	52	17,96	85	29,85
20	6,86	1 1	16,87	la 1	27,37	20	6,90	53	18,30	86	29,70
21	6 ,68	1 1	17,18	87	27,69	21	7,25	54	18,65	87	30,04
22	7,00	l t	17,50	H (28,01	22	7,59	55	18,99	88	30,39
23	7,82	1 1	17,82	H }	28,82	23	7,94	56	19,34	89	30,73
24	7,63	57	18,14	[]	28,64	24	8,28	57	19,68	90	31,08
25	7,95	1 }	18,46	lł I	28,96	2 5	8,63	58	20,03	91	31,48
26	8,27	59	18,78	ll i	29,2 8	26	8,98	59	20,37	92	31,77
27	8,59	60	19,09	H 3	29,60	1	9,32	60	20,72	93	32,12
28	8,91	61	19,41	H1	29,92	l ł	9,67	61	21,06	94	32,46
29	9,23	62	19,73	l\$	30,23		10,01	62	21,41	95	32,81
30	9,54	63	20,05	14 1	30 ,55		10,36	63	21,75	96	33,15
31	9,86	1	20,37		30 ,87		10,70	64	22,10	- 1	33,50
32	10,18	1 1	20,69]	31,19	32	11,05	65	22,45		33,84
33	10,50		21,00			33	11,39		22,79		34,19
34	10,82	67	21,82	1100	31,88	34	11,74	67	23,14	00	34,53
	7,64	Bol	Durc	hm,			7,96	Bol	I Durch	m.	Ų

		26	Zoll.			27 30a = 21/4 Fuß.					ιβ.
efs.	Afs.	Lefs.	Rfs.	efs.	Rfs.	Les.	RfB.	Lefs.	Rīß.	2fg.	Rfß.
2	0,74	35	13,07	68	25,40	2	0,80	35	14,10	68	27,89
3	1,12	36	13,44	69	25,77	3	1,20	36	14,50	69	27,79
4	1,49	37	13 ,82	70	26 ,15	4	1,61	37	14,90	70	28,20
5	1,86	3 8	14,19	71	26 ,52	5	2,01	3 8	15,30	71	28,60
6	2,24	39	14,56	72	26 ,89	6	2,41	39	15,71	72	29,00
7	2,61	40	14,94	73	27,27	7	2,82	40	16,11	73	29,40
8	2,98	41	15,31	74	27,64	8	3,22	41	16,51	74	29,81
9	3,36	42	15,69	75	28,01	9	3,62	42	16,92	75	30,21
10	3,78	43	16, 06	76	28,3 9	10	4,02	43	17,32	76	30,61
11	4,10	44	16,43	77	28,76	11	4,43	44	17,72	77	31,02
12	4,48	45	16,81	78	29,13	12	4,83	45	18,12	78	31,42
13	4,85	46	17,18	79	29,51	13	5,23	46	18,53	79	31,82
14	5,23	47	17,55	80	29,8 8	14	5,64	47	18,93	80	32,22
15	5,60	4 8	17,93	81	30,25	15	6,04	48	19,33	81	32,63
16	5,97	49	18,30	82	30 ,63	16	6,44	49	19,74	82	33,03
17	6 ,85	50	18,67	83	31,0 0	17	6,84	50	20,14	83	33,43
18	6,7 2	51	19,05	84	31,37	18	7,25	51	20,54	84	33,84
19	7,09	52	19,42	85	31,75	19	7,65	52	20,94	85	34,24
20	7,47	53	19,79	86	32,12	20	8,05	53	21,35	86	34,64
21	7,84	54	20,17	87	32,50	21	8,46	54	21,75	87	35,04
22	8,21	55	20,54	88	32,87	22	8,86	55	22,15	88	35,45
23	8,59	56	20,92	89	33,24	23	9,26	56	22,56	89	35,85
24	8,96	ii i	21,29	1	33 ,62	24	9,66	57	22,96	90	36,25
25	9,33	58	21,66		33 ,99	25	10,07	5 8	23,36	91	36 ,66
26	9,71	59	22,04	1 1	34,36	26	10,47	59	23,76	92	37,06
27	10,08	11 1	22,41	93	34,74	27	10,87	60	24,17	93	37,46
28	10,45	61	22,78	.94	35,11	28	11,28	61	24,57	94	37 ,86
29	10,83	62	23,16	95	35,48	29	11,68	62	24,97	95	38,27
3 0	11,20	63	23 ,58	ŀ	35, 86	30	12,08	63	25,3 8	96	38,67
31	11,58	64	23,90	97	36,23	31	12,48	64	25,78	97	39 ,07
32	11,95	if j	24,28	98	36 ,60	32	12,89	65	26 ,18	98	39,4 8
33	12,82	66	24,65	99	36 ;98	33	13,29	66	26, 58	99	39 ,88
34	12,70	67	25,02	100	37,85	34	13,69	67	26,99	100	40,28
	8,28	Bol	1 Durd	hm.			8,59	30	A Dur	фm.	,

Grundfläche (auch Körperinhalt der einfußigen Walze) zu dem voran stehenden Umfange.

Umfg.	Inhalt.	Umfg.	Inhalt.	Umfg.	Inhalt.	Umfg.	Inhalt.
Zoll.	Fl. u. Apff.	Zell.	Fl. u. Apfß.	Zoll.	Fl. u. Apfß.	Zoll.	Fl. u. Apffe.
1.	0,000558	31	0,531069	61	2,056304	91	4,576257
2	0,002210	32	0,565884	62	2,124276	92	4,677387
3	0,004974	33	0,601805	63	2,193354	93	4,779622
4	0,008842	34	0,638830	64	2,263537	94	4,882962
5	0,013816	35	0,676961	65	2,334825	95	4,987408
6	0,019894	36	0,716197	66	2,407219	96	5,092958
7	0,027078	37	0,756589	67	2,480717	97	5,199614
8	0,035368	3 8	0,797985	68	2,555321	98	5,307375
9	0,044762	39	0,840537	69	2,631030	99	5,416242
10	0,055262	40	0,884194	70	2,707845	100	5,526213
11	0,066867	41	0,928956	71	2,785764	101	5,637290
12	0,079577	42	0,974824	72	2,864789	102	5,749472
13	0,093393	43	1,021797	73	2,944919	103	5,862760
14	0,108314	44	1,069875	74	3,026154	104	5,977152
15	0,124340	45	1,119058	75	3,108495	105	6,092650
16	0,141471	46	1,169347	76	3,191941	106	6,209253
17	0,159708	47	1,220741	77	3,276492	107	6,326962
18	0,179049	48	1,273240	78	3,362148	108	6,445775
19	0,199496	49	1,826844	79	3,448910	109	6,565694
20	0,221049	50	1,381553	80	3,586777	110	6,686718
21	0,248706	51	1,437368	81	3,625749	111	6,808847
22	0,267469	52	1,494288	82	3,715826	112	6,932082
23	0,292337	53	1,552313	83	3,807008	113	7,056422
24	0,318310	54	1,611444	84	3,899296	114	7,181867
25	0,345388	55	1,671680	85	3,992689	115	7,308417
26	0,373572	56	1,783020	86	4,087187	116	7,436073
27	0,402861	57	1,795467	87	4,182791	117	7,564833
28	0,433255	58	1,859018	88	4,279500	118	7,694699
29	0,464755	59	1,923675	89	4,377314	119	7,825671
30	0,497859	60	1,989437	90	4,476233	120	7,957747

Grundfläche (auch Körperinhalt der einfußigen' Walze) zu dem voran stehenden Umfange.

Umfg.	Inhalt.	Umfg.	Inhalt.	Umfg.	,	Umfg.	Inhalt.
Zoll.	Fl. u. Apfß.	Zell.	Fl. u. Kpfß.	Zoll.	Fl. u. Kpfß.	Zoll.	Fl. u. Apfß.
121	8,090929	151	12,600319	181	18,104427	211	24,603254
122	8,225216	152	12,767763	182	18,305029	212	24,837013
123	8,360608	153	12,936313	183	18,506736	213	25,071877
124	8,497106	154	13,105967	184	18,709548	214	25,807846
125	8,634708	155	13,276727	185	18,913465	215	25,544921
126	8,773416	156	13,448593	186	19,118488	216	25,783101
127	8,918229	157	13,621563	187	19,324615	217	26,022386
128	9,054148	158	13,795639	188	19,531848	218	26,262776
129	9,196172	159	13,970820	189	19,740187	219	26,504272
130	9,339300	160	14,147106	190	19,949680	220	26,746872
131	9,483535	161	14,324497	191	20,160179	221	26,990578
132	9,628874	162	14,502994	192	20,371833	222	27,235390
133	9,775319	163	14,682596	193	20,584592	223	27,481306
134	9,922869	164	14,863303	194	20,798456	224	27,728328
135	10,071524	165	15,045116	195	21,013426	225	27,976455
136	10,221284	166	15,228033	196	21,229501	226	28,225687
137	10,372150	167	15,412056	197	21,446681	227	28,476025
138	10,524121	168	L5,597184	198	21,664967	228	28,727467
139	10,677197	169	15,788418	199	21,884857	229	28,980015
140	10,831378	170	15,970756	200	22,104853	230	29,233668
141	10,986665	171	16,159200	201	22,826454	231	29,488427
142	11,143056	172	16,348749	202	22,549161	232	29,744290
143	11,300554	173	16,539404	203	22,772972	233	30,001259
144	11,459156	174	16,731163	204	22,997889	234	30,259334
145	11,618863	175	16,924028	205	23,223911	235	30,518518
146	11,779676	176	17,117998	206	23,451039	236	30,778798
147	11,941594	177	17,818074	207	23,679271	237	31,040187
148	12,104618	178	17,509254	208	23,908609	238	31,802688
149	12,268746	179	17,706540	209	24,139052	239	31,566288
150	12,433980	180	17,904931	210	24,370601	240	31,830989

6	30 a =	1/8	Fuß.		7 (3oa.			8 :	Zoll.	
Lfg.	Rfs.	efs.	Rfß.	Lfg.	Rfß.	eff.	Rfs.	Eff.	Rfs.	Lefs.	Rfs.
2	0,03	35	0,69	2	0,05	35	0,94	2	0,07	35	1,23
3	0,05	36	0,71	3	0,08	3 6	0,97	3	0,10	36	1,27
4	0,07	37	0,73	4	0,10	37	1,00	4	0,14	37	1,30
5	0,09	3 8	0,75	5	0,13	3 8	1,02	5	0,17	38	1,34
6	0,11	39	0,77	6	0,16	39	1,05	6	0,21	39	1,37
7	0,13	40	0,79	7	0,18	40	1,08	7	0,24	40	1,41
8	0,15	41	0,81	8	0,21	41	1,11	8	0,28	41	1,45
9	0,17	42	0,83	9	0,24	42	1,13	9	0,31	42	1,48
10	0,19	43	0,85	10	0,27	43	1,16	10	0,85	43	1,52
11	0,21	44	0,87	11	0,29	44	1,19	11	0,88	44	1,55
12	0,23	45	0,89	12	0,32	45	1,21	12	0,42	45	1,59
18	0,25	46	0,91	13	0,35	46	1,24	13	0,45	46	1,62
14	0,27	47	0,93	14	0,37	47	1,27	14	0,49	47	1,66
15	0,29	48	0,95	15	0,40	48	1,29	15	0,53	48	1,69
16	0,81	49	0,97	16	0,48	49	1,32	16	0,56	49	1,73
17	0,33	50	0,99	17	0,46	50	1,85	17	0,60	50	1,76
18	0,85	51	1,01	18	0,48	51	1,38	18	0,63	51	1,80
19	0,37	52	1,03	19	0,51	52	1,40	19	0,67	52	1,83
20	0,89	53	1,05	20	0,54	53	1,43	20	0,70	53	1,87
21	0,41	54	1,07	21	0,56	54	1,46	21	0,74	54	1,90
22	0,48	55	1,09	22	0,59	55	1,48	22	0,77	55	1,94
23	0,45	56	1,11	23	0,62	56	1,51	23	0,81	56	1,98
24	0,47	57	1,18	24	0,64	57	1,54	24	0,84	57	2,01
25	0,49	5 8	1,15	25	0,67	58	1,57	25	0,88	58	2,05
26	0,51	59	1,17	26	0,70	59	1,59	26	0,91	59	2,08
27	0,53	60	1,19	27	0,73	60	1,62	27	0,95	60	2,12
28	0,55	65	1,29	28	0,75	65	1,76	28	0,99	65	2,29
29	0,57	70	1,39	29	0,78	70	1,89	29	1,02	70	2,47
3 0	0,59	75	1,49	30	0,81	75	2,03	3 0	1,06	75	2,65
31	0,61	80	1,59	31	0,83	80	2,16	31	1,09	80	2,82
32	0,63	85	1,69	32	0,86	85	2,80	32	1,18	85	3,00
33	0,65	90	1,79	33	0,89	90	2,43	3 3	1,16	90	3,18
34	0,67	100	1,98	34	0,92	100	2,70	34	1,20	100	3,58 com.
1,9	1 Zou	Dut	com.	2,2	s Zou	Dur	фm.	2,5	5 Zou	Dur	com.

9.	30U —	8/4	Fuß.		10	Zou	•		11	ZoA.	
efs.	RH.	efs.	Rfg.	Lfg.	Rff.	efs.	Rfs.	१ इ.	Rfs.	2fb.	Rfs.
2	0,08	35	1,56	2	0,11	35	1,93	2	0,18	35	2,34
3	0,13	36	1,61	3	0,16	36	1,98	8	0,20	36	2,40
4	0,17	37	1,65	4	0,22	37	2,04	4	0,26	37	2,47
5	0,22	38	1,70	5	0,27	3 8	2,09	5	0,33	38	2,54
6	0,26	39	1,74	6	0,33	39	2,15	6	0,40	39	2,60
7	0,31	40	1,79	7	0,38	40	2,21	7	0,46	40	2,67
8	0,35	41	1,88	8	0,44	41	2,26	8	0,53	41	2,74
9	0,40	42	1,88	9	0,49	42	2,32	9	0,60	42	2,80
10	0,44	43	1,92	10	0,55	43	2,87	10	0,66	43	2,87
11	0,49	44	1,96	11	0,60	44	2,43	11	0,73	44	2,94
12	0,53	45	2,01	12	0,66	45	2,48	12	0,80	45	3,00
13	0,58	46	2,05	13	0,71	46	2,54	13	0,86	46	3,07
14	0,62	47	2,10	14	0,77	47	2,59	14	0,93	47	3,14
15	0,67	48	2,14	15	0,82	48	2,65	15	1,00	48	3,20
16	0,71	49	2,19	16	0,88	49	2,70	16	1,06	49	3,27
17	0,76	50	2,28	17	0,93	50	2,76	17	1,13	50	3,34
18	0,80	51	2,28	18	0,99	51	2,81	18	1,20	51	3,41
19	0,85	52	2,32	19	1,04	52	2,87	19	1,27	52	3,47
20	0,89	53	2,87	20	1,10	53	2,92	20	1,33	53	3,54
21	0,94	54	2,41	21	1,16	54	2,98	21	1,40	54	3,61
22	0,98	55	2,46	22	1,21	55	3,03	22	1,47	55	3,67
23	1,02	56	2,50	23	1,27	56	3,09	23	1,53	56	3,74
24	1,07	57	2,55	24	1,32	57	3,14	24	1,60	57	3,81
25	1,11	58	2,59	25	1,38	58	3,20	25	1,67	58	3,87
26	1,16	59	2,64	26	1,43	59	3,26	26	1,73	59	3,94
27	1,20	60	2,68	27	1,49	60	3,31	27	1,80	60	4,01
28 .	1,25	65	2,90	28	1,54	65	3,59	28	1,87	65	4,34
29	1,29	70	3,18	29	1,60	70	3,86	29	1,98	70	4,68
30	1,84	75	3,85	30	1,65	75	4,14	30	2,00	75	5,01
31	1,38	80	3,58	31	1,71	80	4,42	31	2,07	80	5,84
32	1,48	85	3,80	32	1,76	85	4,69	32	2,13	85	5,68
33	1,47	90	4,02	3 3	1,82	90	4,97	33	2,20	90	6,01
34	1,52	100	4,47	34	1,87	100	5,52	34	2,27	100	6,01 6,68 com.
2,8	6 ZoU	Dur	фm.	3,1	8 Zou	Dui	ccm.	3,5	o Zou	Du	chm.

	12	3oU	= 1	Zuß	•			18	Zou.		
Lib.	Rff.	Les.	Rfß.	eff.	Rfs.	efs.	Aff.	Leb.	Rfg.	2f5.	Rf\$.
2	0,15	35	2,78	68	5,41	2	0,18	35	3,26	68	6,35
3	0,23	36	2,86	69	5,4 9	3	0,28	36	3,86	69	6,44
4	0,31	37	2,94	70	5,57	4	0,87	37	3,45	70	6,53
5	0,39	38	3, 02	71	5,65	5	0,46	38	3,54	71	6,63
6	0,47	39	3 ,10	72	5,72	6	0,56	39	8,64	72	6,72
7	0,55	40	3 ,18	73	5,80	7	0,65	40	3,73	73	6,81
8	0,63	41	3 ,26	74	5,88	8	0,74	41	3,82	74	6,91
9	0,71	42	3,34	75	5,9 6	9	0,84	42	3,92	75	7,00
10	0,79	43	3,42	76	6,04	10	0,93	43	4,01	76	7,09
11	0,87	44	3,50	77	6,12	11	1,02	44	4,10	77	7,19
12	0,95	45	3, 58	78	6,20	12	1,12	45	4,20	78	7,28
13	1,03	46	3,6 6	79	6,2 8	18	1,21	46	4,29	79	7,37
14	1,11	47	3,74	80	6,8 6	14	1,30	47	4,38	80	7,47
15	1,19	48	3,81	81	6,44	15	1,40	48	4,48	81	7,56
16	1,27	49	3 ,89	82	6,52	16	1,49	49	4,57	82	7,65
17	1,85	50	3,97	83	6,60	17	1,58	50	4,66	83	7,75
18	1,43	51	4,05	84	6,68	18	1,68	51	4,76	84	7,84
19	1,51	52	4,13	85	6,76	19	1,77	52	4,85	85	7,93
20	1,59	53	4,21	86	6,84	20	1,86	. 53	4,94	86	8,03
21	1,67	54	4,29	87	6,92	21	1,96	54	5,04	87	8,12
22	1,75	55	4,37	88	7,00	22	2,05	55	5,13	88	8,21
23	1,83	56	4,45	89	7,08	23	2,14	56	5,23	89	8,31
24	1,90	57	4,53	90	7,16	24	2,24	57	5,82	90	8,40
25	1,98	58	4,61	91	7,24	25	2,33	58	5,41	91	8,49
26	2,06	59	4,69	92	7,32	26	2,42	59	5,51	92	8,59
27	2,14	60	4,77	93	7,40	27	2,52	60	5,60	93	8,68
28	2,22	61	4,85	94	7,48	28	2,61	61	5,69	94	8,77
29	2,30	62	4,93	95	7,55	29	2,70	62	5,79	95	8,87
30	2,38	63	5,01	96	7,68	30	2,80	63	5,88	96	8,96
31	2,46	64	5,09	97	7,71	31	2,89	64	5,97	97	9,05
32	2,54	65	5,17	98	7,79	32	2,98	65	6,07	98	9,15
33	2.62	66	5,25	99	7,87	33	3,08	66	6,16	99	9,24
34,	2,70	67	5,83	100	7,95	34	3,17	67	6,25	100	9,88
l	3,82	Boll	Durd	hm.			4,14	Bol	Dur (chm.	

		14	Zou.				15 30)A =	= 11	4 8	uβ.
2ff.	Rfs.	efs.	Rfs.	Lib.	Rfg.	2fg.	Rfg.	efs.	Rfs.	Eff.	Rfs.
2	0,21	35	3,79	6 8	7,36	2	0,24	35	4,35	68	8,45
3	0,82	36	3, 89	69	7,47	3	0,87	36	4,47	69	8,57
4	0,43	37	4,0 0	70	7,58	4	0,49	37	4,60	70	8,70
5	0,54	38	4,11	71	7,69	5	0,62	38	4,72	71	8,82
6	0,64	39	4,22	72	7,79	6	0,74	39	4 ,84	72	8,95
7	0,75	40	4,33	73	7,90	7	0,87	40	4,97	73	9,07
8	0,86	41	4,44	74	8,01	8	0,99	41	5,09	74	9,20
9	0,97	42	4,54	75	8,12	9	1,11	42	5,22	75	9,32
10	1,08	43	4,65	76	8,23	10	1,24	43	5,84	76	9,44
11	1,19	44	4,76	77	8,34	11	1,36	44	5,47	77	9,57
12	1,29	45	4,87	78	8,44	12	1,49	45	5,59	78	9,69
13	1,40	46	4,9 8	79	8,55	13	1,61	46	5,71	79	9,82
14	1,51	47	5,09	80	8,66	14	1,74	47	5,84	80	9,94
15	1,62	48	5,19	81	8,77	15	1,86	48	5,9 6	81	10,07
16	1,73	49	5,8 0	82	8,8 8	16	1,98	49	6,09	82	10,19
17	1,84	50	5,41	83	8,99	17	2,11	50	6,21	83	10,32
18	1,94	51	5,52	84	9,09	18	2,23	51	6,84	84	10,44
19	2,05	52	5,63	85	9,20	19	2,36	52	6,46	85	10,56
20	2,16	53	5,74	86	9,81	20	2,48	53	6,59	86	10,69
21	2,27	54	5,84	87	9,42	21	2,61	54	6,71	87	10,81
22	2,38	55	5,95	88	9,53	22	2,73	55	6,83	88.	10,94
23	2,49	56	6, 06	89	9,63	23	2,85	56	6,96	89	11,06
24	2,59	57	6,17	90	9,74	24	2,98	57	7,08	90	11,19
25	2,70	58	6,28	91	9,85	25	3,10	58	7,21	91	11,81
26	2,81	59	6,39	92	9,96	26	3,23	59	7,83	92	11,48
27	2,92	60	6,49	93	10,07	27	3,85	60	7,46	95	11,56
28	3,03	61	6,60	94	10,18	28	3,48	61	7,58	94	11,68
29	3,14	62	6,71	95	10,28	29	3,60		7,70		11,81
30	3,24	63	6,82	96	10,39	30	3,73	63	7,88	96	11,93
31	3,85	64	6,93	97	10,50	31	3,85	64	7,95	97	12,06
32	3,46	65	7,04	98	10,61	32	3,97		8,08	1 1	12,18
33	3,57	66	7,14	99	10,72	33	4,10	66	8,20	99	12,30
34	3,68	67	7,25	100	10,83	34	4,22	67	8,83	100	12,43
	4,46	Boll	Durc	ђт.		,	4,77	30)	A Dur	фm.	

,	,	16	Zoa.				,	17	Zou.		
efg.	Rfs.	efg.	Rfß.	2f6.	Rfs.	efs.	Rff.	2f\$.	Rfs.	2fg.	RfB.
2	0,28	35	4,95	68	9,62	2	0,31	35	5,58	68	10,86
3	0,42	il t	5,09		9,76	3	0,47	36	5,74	69	11,01
4	0,56	1	5,23		9,90	4	0,63	37	5,9 0	70	11,17
5	0,70	38	5,87	1 1	10,04	5	0,79	38	6,06	71	11,83
6	0,84	39	5,51	72	10,18	6	0,95	39	6,22	72	11,49
7	0,99	40	5,65	73	10,32	7	1,11	40	6,88	73	11,65
8	1,13	41	5, 80	74	10,46	8	1,27	41	6,54	74	11,81
9	1,27	42	5,94	75	10,61	9	1,48	42	6,70	75	11,97
10	1,41	[] 4	6,08	1	10,75	10	1,59	43	6 ,86	76	12,13
11	1,55	l l	6,22	t I	10,89	11	1,75	44	7,02	77	12,29
12	1,69	45	6,8 6	78	11,08	12	1,91	45	7,18	78	12,45
13	1,83	46	6,50	79	11,17	13	2,07	46	7,84	79	12,61
14	1,98	47	6,64	80	11,81	14	2,23	47	7,50	80	12,77
15	2,12	48	6,79	81	11,45	15	2,39	48	7,66	81	12,93
16	2,26	49	6,93	82	11,60	16	2,55	49	7,82	82	13,09
17	2,40	50	7,07	83	11,74	17	2,71	50	7,98	83	13,25
18	2,54	51	7,21	84	11,88	18	2,87	51	8,14	84	13,41
19	2,68	52	7,35	85	12,02	19	3 ,03	52	8,30	85	13,57
20	2 ,82	53	7,49	86	12,16	20	3,19	53	8,46	86	13,73
21	2,97	54	7,63	87	12,30	21	3,85	54	8,62	87	13,89
22	3,11	55	7,78	88	12,44	22	3,51	55	8,78	88	14,05
23	3,25	56	7,92	89	12,59	23	3,67	56	8,94	89	14,21
24	3,39	57	8,06	90	12,73	24	3,83	57	9,10	90	14,37
25	3, 53	5 8	8,20	91	12,87	25	3,99	58	9,26	91	14,58
26	3,67	59	8,34	92	13,01	26	4,15	59	9,42	92	14,69
27	3,81	60	8,48	93	13,15	27	4,31	60	9,58	93	14,85
28	3,96	61	8,62	94	13,29	28	4,47	61	9,74	94	15,01
29	4,10	62	8,77	95	13,48	29	4,63	62	9,90	95	15,17
30	4,24	63	8,91	96	13,58	30	4,79	63	10,06	96	15,88
31	4,38	64	9,05	97	13,72	31	4,95	64	10,22	97	15,49
32	4,52		9,19		13,86	32	5,11	65	10,38		15,65
33	4,66	66	9,88	99	14,00	33	5,27	66	10,54	99	15,81
34	4,81	67	9,47	100	14,14	34	5,43	67	10,70	100	15,81 15,97
	5,09	Bol	A Dur	фm			5,41	30	A Dun	фm.	•

	18 30)	= 11/1	e Fu	ß.		•	18	Bou.		
eff.	Rfs.	efs.	Rfs.	eff.	Rfs.	eff.	Rfß.	eff.	Rfs.	efs.	Rfs.
2	0,35	35	6,26	68	12,17	2	0,39	35	6,98	68	13,56
3	0,53	36	6,44	69	12,85	3	0,59	36	7,18	69	13,76
4	0,71	37	6,62	70	12,53	4	0,79	37	7,38	70	13,96
5	0,89	38	6,80	71	12,71	5	0,99	38	7,58	71	14,16
6	1,07	39	6,98	72	12,89	6	1,19	39	7,78	72	14,36
7	1,25	40	7,16	73	13,07	7	1,89	40	7,97	73	14,56
8	1,43	41	7,34	74	13,24	8	1,59	41	8,17	74	14,76
9	1,61	42	7,52	75	13,42	9	1,79	42	8,87	75	14,96
10	1,79	43	7,69	76	13,60	10	1,99	43	8,57	76	15,16
11	1,96	44	7,87	77	13,78	11	2,19	44	8,77	77	15,86
12	2,14	45	8,05	78	13,96	12	2,89	45	8,97	78	15,56
13	2,32	46	8,23	79	14,14	13	2,5 9	46	9,17	79	15,76
14	2,50	47	8,41	80	14,32	14	2,79	47	9,37	80	15,95
15	2,68		8,59	1)	14,50	15	2,99	48	9,57	81	16,15
16	2,86	49	8,77	4 1	14,68	1	3,19	1 1	9,77	1	16,35
17	3,04	50	8,95] 1	14,86	17	3,39	50	9,97	83	16,55
18	3,22	51	9,13	§	15,04	18	3,59	51	10,17	[]	16,75
19	3,40	52	9,31	4 !	15,21	19	3,79		10,37	85	16,95
20	3,58	1 }	9,48	1 1	15,39	20	3,98	ą i	10,57	86	17,15
21	3 ,76	54	9,66	1 1	15,57	21	4,18	54	10,77	87	17,85
22	3,93	55	9,84	i I	15,75	22	4,38	55	10,97	88	17,55
23	4,11	56	10,02		15,93	23	4,58	56	11,17	89	17,75
24	4,29	57	10,20	1 1	16,11	24	4,78	57	11,87	90	17,95
25	4,47	58	10,88		16,29	25	4,98	i 1	11,57	91	18,15
26	4,65	59	10,56		16,47	26	5,18	F I	11,77	92	18,85
27	4,83	60	10,74	1	16,65	27	5,3 8	60	11,96	93	18,55
28	5,01	61	10,92		16,83	28	5,58		12,16	1 1	18,75
29	5,19	62	11,10	1	17,00	1	5,78	1	12,36	95	18,95
30	5,37	63	11,28		17,18	I	5,98	1 1	12,56	l I	19,15
31	5,55	64	11,45	1 1	17,36	31	6,18		12,76	97	19,85
32	5,72	65	11,68	ł j	17,54	32	6,88	i l	12,96	1 1	19,55
33	5,90		11,81		17,72	33	6,58		13,16	99	19,75
34	6,08	67	11,99	100	17,90	34	6,78				19,04
L	5,78	Bol	I Durc	ђт.			6,0	ಶ ನಂ	A Dure	•	ı

		20	Zoa.				21 3	oU =	– 1 */	4 81	ı ş.
eff.	Rfs.	Lfg.	Rfs.	eff.	Rfs.	efs.	Rfs.	efs.	Rfs.	eff.	Rfs.
2	0,44	35	7,73	68	15,08	2	0,48	35	8,52	68	16,57
3	0,66	36	7,95	69	15,25	3	0,73	36	8,77	69	16,81
4	0,88	37	8,17	70	15,47	4	0,97	37	9,01	70	17,05
5	1,10	38	8,89	71	15,69	5	1,21	38	9,26	71	17,30
6	1,32	39	8,62	72	15,91	6	1,46	39	9,50	72	17,54
7	1,54	40	8,84	73	16,13	7	1,70	40	9,74	73	17,79
8	1,76	41	9,06	74	16,35	8	1,94	41	9,99	74	18,03
9	1,98	42	9,28	75	16,57	9	2,19	42	10,23	75	18,27
10	2,21	43	9,50	76	16,79	10	2,43	4 3	10,47	76	18,52
11	2,43	44	9,72	77	17,02	11	2,68	44	10,72	77	18,76
12	2,65	4 5	9,94	78	17,24	12	2,92	45	10,96	78	19,00
13	2,87	46	10,16	79	17,46	13	3,16	46	11,21	79	19,25
14	3,09	47	10,88	80	17,68	14	3,41	47	11,45	80	19,49
15	3,81	48	10,61	81	17,90	15	3,65	48	11,69	81	19,74
16	3,53	49	10,83	82	18,12	16	3,8 9	49	11,94	82	19,98
17	3,75	50	11,05	83	18,34	17	4,14	50	12,18	83	20,22
18	3,97	51	11,27	84	18,56	18	4,38	51	12,42	84	20,47
19	4,19	52	11,49	85	18,78	19	4,63	52	12,67	85	20,71
20	4,42	53	11,71	86	19,01	20	4,87	53	12,91	86	20,95
21	4,64	54	11,93	87	19,23	21	5,11	54	13,16	87	21,20
22	4,86	55	12,15	88	19,45	22	5,36	55	13,40	88	21,44
23	5,08	56	12,87	89	19,67	23	5,60	1			21,68
24	5,80	57	12,59	90	19,89	24	5,84	57	13,89		21,98
25	5,52	58	12,82		20,11	25	6,09		14,13	ı	22,17
26	5,74	5 9	13,04	92	20,88	26	6,33	59	14,37	1	22,42
27	5,96	60	13,26	93	20,55	27	6,58		14,62	? i	22,66
28	6,18	15 1	13,48	4 1	20,77	28	6,82	61	14,86	1	22,90
29	6,41	62	13,70	95	20,99	29	7,06	i I	15,10	7 1	23,15
30	6,63	63	13,92	i i	21,22	30	7,31	63	15,35	96	23,89
31	6,85	64	14,14	4 1	21,44	31	7,55		15,59	1 1	23,63
32	7,07	ii 1	14,86		21,66	32	7,79		15,84	1 1	23,88
33	7,29		14,58		21,88	33	8,04	1	16,08		24,12
34					22,10	34					24,87
	6,87	Bol	I Durc	hm.			6,68	30	I Dur	dun.	

		22	Zoa.					23	Zoa.		
2fk	Rfs.	eff.	Rfő.	2fg.	Rfs.	efs.	Afg.	2fg.	Rfß.	efs.	Rfs.
2	0,53	35	9,36	68	18,18	2	0,58	35	10,23	68	19,87
3	0,80	36	9 ,62	69	18,45	3	0,87	36	10,52	69	20,17
4	1,06	37	9,89	70	18,72	4	1,16	37	10,81	70	20,46
5	1,33	3 8	10,16	71	18,99	5	1,46	3 8	11,10	71	20,75
6	1,60	39	10,48	72	19,25	6	1,75	39	11,40	72	21,04
7	1,87	40	10,69	73	19,52	7	2,04	40	11,69	73	21,34
8	2,13	41	10,96	74	19,79	8	2,33	41	11,98	74	21,63
9	2,40	42	11,23	75	20 ,06	9	2,63	42	12,27	75	21,92
10	2,67	43	11,50	76	20,32	10	2,92	43	12,57	76	22,21
11	2,94	44	11,76	77	20,59	11	3,21	44	12,86	77	22,50
12	3,20	45	12,03	78	20,86	12	3,50	45	13,15	78	22,80
13	3,47	46	12,80	79	21,13	13	3,80	46	13,44	79	23,09
14	3,74	47	12,57	80	21,39	14	4,09	47	13,78	80	23,38
15	4,01	48	12,83	81	21,66	15	4,38	48	14,03	81	23,67
16	4,27	49	13,10	82	21,93	16	4,67	49	14,82	82	23,97
17	4,54	50	13,37	83	22,19	17	4,9 6	50	14,61	83	24,26
18	4,81	51	13,64	84	22,4 6	18	5,26	51	14,90	84	24,55
19	5,08	52	13 ,90	85	22,73	19	5,55	52	15,20	85	24,84
20	5,34	53	14,17	86	23,0 0	20	5,84	53	15,49	86	25,14
21	5,61	54	14,44	87	23,26	21	6,13	54	15,78	87	25,48
22	5,8 8	55	14,71	88	23 ,53	22	6,43	55	16,07	88	25,72
23	6,15	56	14,97	89	23,8 0	23	6,72	56	16,37	89	26,01
24	6,41	57	15,24	90	24,07	24	7,01	57	16 ,66	90	26,31
25	6,68	58	15,51	91	24,8 3	25	7,30	58	16,95		26,60
26	6 ,95	59	15,78	92	24,60	26	7,60	59	17,24	1	26, 89
27	7,22	60	16,04	93	24,87	27	7,89	60	17,54	1 1	27,18
28	7,48	61	16,31	94	25,14	28	8,18	61	17,83		27,47
29	7,75	62	16,5 8	95	25,4 0	ŀ	8,47		18,12	i i	27,77
3 0	8,02	63	16,85	96	25,67	30	8,77	63	18,41	1	28,06
31	8,29	64	17,11	97	25,94	31	9,06	1	18,70	li 1	28,35
32	8,55	65	17,38	98	26,21	32	9,35	65	19,00	i 1	
83	8,82		17,65	i i	-	3 3	9,64	1	19,29	lt 1	28,94
84	9,09	67	17,92	100	26,74	34	9,93				29,23
	7,00	Bol	I Dur	hm.			.7,8	2 30	A Dur	фm.	

	24	ZoU	- 7	Fuß				25	Zoa.		
eff.	Rfß.	Leb.	Rfs.	2fg.	Rfg.	Lfb.	Aff.	efs.	Aff.	efg.	Rff.
2	0,63	35	11,14	68	21,64	2	0,69	35	12,08	68	23, 48
3	0,95	36	11,45	69	21,96	3	1,03	36	9 2,48	69	23,83
4	1,27	37	11,77	70	22,28	4	1,38	37	12,77	70	24,17
5	1,59	3 8	12,09	71	22,60	5	1,72	38	13,12	71	24,52
6	1,90	39	12,41	72	22,91	6	2,07	39	13,47	72	24,86
7	2,22	40	12,73	73	23,23	7	2,41	40	13,81	73	25,21
8	2,54	41	13,05	74	23,55	8	2,76	41	14,16	74	25,55
9	2 ,86	42	13,36	75	23, 87	9	3,10	42	14,50	75	25,90
10	3 ,18	43	13,68	76	24,19	10	3,45	43	14,85	76	26,24
11	3,50	44	14,00	77	24,50	11	3,79	44	15,19	77	26,59
12	3,81	45	14,32	78	24,82	12	4,14	45	15,54	78	26,94
13	4,13	46	14,64	79	25,14	13	4,49	46	15,88	79	27,28
14	4,45	47	14,96	80	25,46	14	4,83	47	16,23	80	27,63
15	4,77	48	15,27	81	25, 78	15	5 ,18	48	16,57	81	27,97
16	5,09	49	15,59	82	26,10	16	5,52	49	16,92	82	28,82
17	5,41	50	15,91	83	26,41	17	5,87	50	17,26	83	28,66
18	5,72	51	16,23	84	26,73	18	6,21	51	17,61	84	29,01
19	6,04	52	16, 55	85	27,05	19	6,5 6	52	17,96	85	29,85
20	6,86	53	16,87	86	27,37	20	6 ,90	53	18,30	86	29,70
21	6,68	54	17,18	87	27,69	21	7,25	54	18,65	87	30,04
22	7,00	55	17,50	88	28,01	22	7,59	55	18,99	88	30,39
23	7,82	56	17,82	89	28,82	23	7,94	56	19,84	89	30,73
24	7,63	57	18,14	90	28,64	24	8,28	57	19,68	90	31,08
25	7,95	58	18,46	91	28,96	25	8,63	58	20,03	91	31,43
26	8,27	59	18,78	92	29,2 8	26	8,98	59	20,87	92	31,77
27	8,59	60	19,09	93	29,60	27	9,32	60	20,72	93	32,12
28	8,91	61	19,41	94	29,92	28	9,67	61	21,06	94	32,46
29	9,23	62	19,78	95	30,28	29	10,01	62	21,41	95	32,81
30	9,54	63	20, 05	96	30, 55	3 0	10,36	63	21,75	96	33,15
31	9,86	64	20,37	97	30 ,87	31	10,70	64	22,10	97	33,50
32	10,18	65	20,69	98	31,19	3 2	11,05	65	22,45	98	33,84
33	10,50			99	31,51	33	11,89	66	22,79	99	34,19
34	10,82	67	21,82	1100	31,88	34	11,74	67	23,14	100	34,58
	7,64	Bol	I Durc	hm,		}	7,96	3 · 30	A Dur	фm.	į.

		26	Zou.				27 3	oN =	- 2 1/	4 F1	ıß.
efs.	RfB.	efs.	Afg.	eff.	Rfs.	eff.	Rfő.	efs.	Rfs.	Lib.	Æfß.
2	0,74	35	13,07	68	25,40	2	0,80	35	14,10	68	27,89
3	1,12	36	13,44	69	25,77	3	1,20	1 1	14,50	1	27,79
4	1,49	37	13,82	70	26 ,15	4	1,61	37	14,90	70	28,20
5	1,86	38	14,19	71	26, 52	5	2,01	38	15,30	71	28,60
6	2,24	39	14,56	72	26 ,89	6	2,41	39	15,71	72	29,00
7	2,61	40	14,94	73	27,27	7	2,82	40	16,11	73	29,40
8	2,98	41	15,31	74	27,64	8	3,22	41	16,51	74	29,81
9	3,36	42	15,69	75	28,01	9	3,62	42	16,92	75	30,21
10	3,73	43	16,06	76	28,39	10	4,02	43	17,32	76	30,61
11	4,10	44	16,43	77	28,76	11	4,43	44	17,72	77	31,02
12	4,48	45	16,81	78	29,13	12	4,83	45	18,12	78	31,42
13	4,85	46	17,18	79	29,51	13	5,23	46	18,53	79	31,82
14	5,28	47	17,55	80	29,88	14	5,64	47	18,93	80	32,22
15	5,60	48	17,93	81	30,25	15	6,04	48	19,33	81	32,63
16	5,97	49	18,30	82	30,68	16	6,44	49	19,74	82	33,03
17	6,85	50	18,67	83	31,00	17	6,84	50	20,14	83	33,48
18	6,72	51	19,05	84	31,37	18	7,25	51	20,54	84	33,84
19	7,09	52	19,42	85	31,75	19	7,65	52	20,94	85	34,24
20	7,47	53	19,79	86	32 ,12	20	8,05	53	21,35	86	34,64
21	7,84	54	20,17	87	32,5 0	21	8,46	54	21,75	87	35,04
22	8,21	55	20,54	88	32, 87	22	8,86	55	22,15	88	35,45
23	8,59	56	20,92	89	33,24	23	9,26	56	22,56	89	35,85
24	8,96	57	21,29	90	33,62	24	9,66	57	22,96	90	36,25
25	9,33	58	21,66	91	33,99	25	10,07	58	23,86	91	36,66
26	9,71	59	22,04	92	34,36	26	10,47	59	23,76	92	37,06
27	10,08	60	22,41	93	34,74	27	10,87	60	24,17	93	37,46
28	10,45	61	22,78	.94	35,11	28	11,28	61	24,57	94	37,86
29	10,88	62	23,16	95	35,4 8	29	11,68	62	24,97	95	38,27
80	11,20	63	23 ,53	96	35, 86	30	12,08	63	25,38	96	38,67
31	11,58	64	23,90	97	36,23	31	12,48	64	25, 78	97	39,07
32	11,95	65	24,28	98	36 ,60	32	12,89	65	26,18	98	39,48
33	12,82		24,65	99	36 ,98	33	13,29	66	26,5 8	99	39 ,88
34	12,70	67	25,02	100	37,85	34	13,69	67	26,99	100	40,28
Ħ	8,28	Zou	Durd	hm.			8,59	Bol	A Dur	фm.	

		28	Zoa.					28	Zoa.		
efs.	Æfß.	eff.	Rfß.	efs.	Rfß.	efg.	Rfg.	Lfg.	Rfß.	eff.	Rfs.
2	0,86	35	15,16	68	29,46	2	0,92	3 5	16,26	68	31,60
3	1,29	36	15,59	69	29 ,89	3	1,39	36	16,78	69	32,06
4	1,73	37	16,03	70	30,82	4	1,85	37	17,19	70	32,53
5	2,16	38	16,46	71	30,76	5	2,32	38	17,66	71	32,99
6	2,59	39	16,89	72	31 ,19	6	2,78	39	18,12	72	33,46
7	3 ,03	40	17,33	73	31,62	7	3,25	40	18,59	73	33,92
8	3,46	41	17,76	74	32,06	8	3,71	41	19,05	74	34,39
9	3 ,89	42	18,19	75	32,49	9	4,18	42	19,51	75	34,85
10	4,33	43	18,62	76	32,92	10	4,64	43	19,98	76	35,32
11	4,76	44	19,06	77	33,3 6	11	5,11	44	20,44	77	35,78
12	5 ,19	45	19,49	7 8	33 ,79	12	5,57	45	20,91	78	36,25
13	5,63	46	19,92	79	34,22	13	6 ,04	46	21,37	79	36,71
14	6 ,06	47	20,36	80	34,66	14	6, 50	47	21,84	80	37,18
15	6,49	48	20,79	81	35,09	15	6,97	48	22,30	81	37,64
16	6,93	49	21,22	82	35,52	16	7,43	49	22,77	82	38,10
17	7,36	50	21,66	83	35,95	17	7,90	50	23,23	83	38,57
18	7,79	51	22,09	84	36,39	18	8,36	51	23,70	84	39,03
19	8,23	52	22,52	85	36,82	19	8,83	52	24, 16	85	39, 50
20	8,66	53	22,96	86	37,25	20	9,29	53	24,63	86	39,96
21	9,09	54	23 ,39	87	37,69	21	9,75	54	25,09	87	40,43
22	9,53	55	23,82	88	38,12	22	10,22	55	25,56	88	40,89
23	9,96	56	24,26	89	38,55	23	10,68	56	26,02	89	41,36
24	10,39	57	24,69	90	38,99	24	11,15	57	26,49	90	41,82
2 5	10,83	58	25,12	91	39,42	25	11,61	58	26,95	91	42,29
26	11,26	59	25,56	92	39,85	26	12,08	59	27,42	92	42,75
27	11,69	60	25,9 9	93	40,29	27	12,54	60	27,88	93	43,22
28	12,13	61	26,42	94	40,72	28	13,01	61	28,35	94	43,68
29	12,56	62	26 ,86	95	41,15	29	13,47	62	28,81	95	44,15
3 0	12,99	63	27,29	96	41,59	3 0	13,94	63	29,27	96	44,61
31	13,43	64	27,72	97	42 ,02	31	14,40	64	29,74	97	45,08
32	13,86	6 5	28,16	98	42,45	32	14,87	65	30,20	98	45,54
33	14,29	66	28,59	99	42 ,89	33	15,33	66	30,67	99	46,01
34	14,73	67	29,02	100	43,82	34	15,80	67	31,18	100	46,47
	8,91	Bol	I Durc	ђт.			9,28	30	I Dur	фm.	

	30 3	= No	21/	e Fu	β.			81	Zoa.		
Life.	Afg.	eff.	Rfg.	eff.	Rfs.	eff.	Rfg.	efg.	Rf8.	218.	RfB.
2	0,99	35	17,40	68	33,82	2	1,06	35	18,58	68	36,11
3	1,49	i i	17,90		34,31	3	1,59	36	19,11	69	36,64
4	1,98	37	18,40	70	34 ,81	4	2,12	37	19,64	70	37,17
5	2,48	3 8	18,89	71	35,31	5	2,65	38	20,18	71	37,70
6	2,98	39	19,89	72	35, 80	6	3 ,18	39	20,71	72	38,23
7	3,4 8	40	19,89	73	36, 30	7	3,71	40	21,24	73	38, 76
8	3,97	41	20,39	74	36, 80	8	4,24	41	21,77	74	39 ,29
9	4,47	42	20,88	75	37,30	9	4,77	42	22,80	75	39 ,88
10	4,97	43	21,38	76	37,79	10	5,81	43	22,83	76	40,36
11	5,47	44	21,88	77	38,29	11	5,84	44	23,86	II I	40,89
12	5,96	45	22,38	78	38,79	12	6,37	45	23,89	I4 8	41,42
13	6,46	46	22,87	79	39,29	13	6,90	46	24,42	H)	41,95
14	6,96	47	23,37	80	39, 78	14	7,43	47	24,96	11: 1	
15	7,46	48	23,87	81	40,28	15	7,96	48	25,49	II I	43,01
16	7,95	49	24,37	82	40,78	16	8,49	49	26,02	64 I	43,54
17	8,45	50	24,86	83	41,28	17	9,02	50	26,55	\$I I	44,07
18	8,95	51	25,86	84	41,77	18	9,55	51	27,08	II I	44,60
19	9,44	52	25,86	85	42,27	19	10,09	52	27,61	II š	45,14
20	9,94	53	26,36	86	42,77	20	10,62	53	28,14	II _ I	
21	10,44	54	26, 85	87	43,27	21	11,15	54	28,67		46,20
22	10,94	55	27,35	88	43,76	22	11,68	55	29,20	H 1	
23	11,43	56	27,85	89	44,26	23	12,21	56	29,73	u i	47,26
24	11,93	57	28,34	90	44,76	l 1	12,74	1	30,27	11	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
25	12,48	58	28,84	91	45,25	25	13,27	•	30,80	II I	48,32
26	12,93	59	-	T t	45,75	26	13,80	1. 1	31,83	fi . 1	48,85
27	13,42	1 1		t 1	46,25	1	14,83	1 1	31,86	H I	49,38
28	13,92	61	30,88	i 1	46,75	1	14,86		32,39	 	49,92
29	14,42	1 1	30,88	P	47,24	1 1	15,40	l t	32,92	l	50,45
30	14,92	1 1	31,33	t t	47,74	1	15,98	1 1	33,45	ir _ i	
31	15,41	64	31,88	ł t	48,24	!!	16,46	1 1	33,98	lt i	51,51
32	15,91	65	32,32	1 1	48,74	32	16,99	I i	34,51	II I	52,04
33	16,41	66	32,82	99	49,28	33	17,52	66	35,05	99	52,57
34	34 16,91 67 33,32 100 49,7						18,05	67	35,58	100	53,10
	9,55	Bol	l Durc	hm.		73 34 18,05 67 35,58 100 53,10 9,87 Zou Durchm.					

		32	Zoa.				33 3	oU =	= 2 ³ /	4 Fl	ιβ.
Sfg.	Rfb.	eff.	Æff.	efs.	Afg.	eff.	Rfs.	efs.	Aff.	efs.	Rfs.
2	1,13	35	19,80	68	38,4 8	2	1,20	35	21,06	68	40,92
3	1,69	1 1	20,37	il 3	39,04	3	1,80	l i	21,66	i	41,52
4	2,26	1 1	20,93	70	39,61	4	2,40	1	22,26	1 1	42,12
5	2,82	l l	21,50	: 1	40,17	5	3,00	1 1	22,86	71	42,72
6	3,89	1	22,06	1 1	40,74	6	3,61	39	23,47	72	43,32
7	3,96	1 1	22,63	73	41,30	1	4,21	40	24,07	73	43,93
8	4,52	i i	23,20	74	-41,87	8	4 ,81	41	24,67	74	44,53
9	5,09	42	23,76	75	42,44	9	5,41	42	25,27	75	45,13
10	5,65	43	24,33	76	43,0 0	10	6,01	43	25,87	76	45,73
11	6,22	44	24,89	77	43,57	11	6,61	44	26,47	77	46,33
12	6,79	45	25,46	78	44,13	12	7,22	45	27,08	78	46,94
13	7,85	46	26,03	79	44,70	13	7,82	46	27,68	79	47,54
14	7,92	47	26,59	80	45,27	14	8,42	47	28,28	80	48,14
15	8,48	48	27,16	81	45,83	15	9,02	48	28,88	81	48,74
16	9,05	49	27,72	82	46,4 0	16	9,62	49	29,48	82	49,34
17	9,62	50	28,29	83	46 ,96	17	10,23	50	30 ,09	83	49,94
18	10,18	51	28,86	84	47,53	18	10,83	51	30 ,69	84	50,55
19	10,75	52	29,42	85	48,09	19	11,43	52	31,29	85	51,15
20	11,81	53	29,99	86	48,66	20	12,03	53	31,89	86	51,75
21	11,88	54	30,55	87	49,23	21	12,63	54	32,4 9	87	52,35
22	12,44	55	31,12	88	49, 79	22	13,23	55	33 ,09	88	52,9 5
23	13,01	56	31,68	89	50,8 6	23	13,84	56	33, 70	89	53, 56
24	13,58	57	32,25	90	50,92	24	14,44	57	34,30	90	54,16
25	14,14	58	32,82	91	51,49	25	15,04	58	34,90	91	54,76
26	14,71	59	33 ,38	92	52,0 6	26	15,64	59	35,50	92	55,36
27	15,27	60	33 ,95	93	52,62	27	16,24	60	36,10	93	55,96
28	15,84	61	34,51	94	53,19	28	16,8 5	1 1	36,71	1 1	56 ,56
29	16,41	62	35,08	95	53,75	29	17,45	62	37,31	95	57,17
3 0	16,97	63	35,65	96	54,32	30	18,05	63	37,91	96	57,77
31	17,54	64	36,21	97	54,89	31	18,65	64	38,51	97	58,87
32	18,10	65	36,78	98	55,45	32	19,25	1 !	39,11	98	58,97
33	18,67		37,34		56,02	33	19,85	4 .	39,71	99	59,57
34	19,24	67	37,91	100	56,58	34	20,46	67	40,32	100	60,18
	10,18	3ol	A Dun	фm.		10,50 Zoll Durchm.					

		34	Zoa.					35	Zoa.		
Leb.	Rfs.	efs.	Rfs.	2ff.	Rfg.	Lib.	RfB.	eff.	RfB.	eff.	Rff.
2	1,27	35	22,35	68	43,44	2	1,35	3 5	23,69	68	46,03
3	1,91	36	22,99	69	44,07	3	2,03	36	24,37	69	46,71
4	2,55	37	23 ,63	70	44,71	4	2,70	37	25,04	70	47,38
5	3,19	38	24,27	71	45 ,35	5	3,88	38	25,72	71	48,06
6	3,83	39	24,91	72	45,99	6	4,06	39	26,40	72	48,74
7	4,47	40	25,5 5	73	46,63	7	4,78	40	27,07	73	49,41
8	5,11	41	26,19	74	47,27	8	5,41	41	27,75	74	50,09
9	5,74	42	26,8 3	75	47,91	9	6,09	42	28,43	75	50,77
10	6,3 8	43	27,46	76	48,55	10	6,76	43	29,10	76	51,44
11	7,02	44	28,10	77	49,18	11	7,44	44	29,78	77	52 ,12
12	7,66	45	28,74	78	49,82	12	8,12	45	30,46	78	52, 80
13	8,30	46	29,88	79	50,46	13	8,80	46	31,14	79	53,47
14	8,94	47	30,02	80	51,10	14	9,47	47	31,81	80	54 ,15
15	9,58	48	30,6 6	81	51,74	15	10,15	48	32,49	81	54,83
16	10,22	49	31,30	82	52,3 8	16	10,83	49	33,17		55,51
17	10,86	50	3],94	83	53,02	17	11,50	1 1	33,84	1 1	56,18
18	11,49	51	32,5 8	84	53,6 6	18		; 1	34 ,52	J 1	56,86
19	12,13	52	33,21	85	54,8 0	19	12,86	52	35,20	\$ L	57,54
20	12,77	53	33 ,85	10 h	54,9 3	20	13,53	š	35,87	5 I	58,21
21	13,41	54	34,4 9	1	55,87	21	14,21	54	36,55	1	58,89
22	14,05	55	35 ,13	1 1		22	14,89	ł	37,23	1 1	59,57
23	14,69	56	35,77	89	56 ,85	23	15,57	56	37,90	1 1	60,24
24	15,33	57	36,4 1	90			16,24	57	38,58	1 1	60 ,92
25	15,97	58	37,05	1 1	58,13		i i	l i	39,26	1 1	61,60
26	16,60	1 i	37,69	1 1		26	-	1 1	39,94	92	62,28
27	17,24) I	38,32	1 1	59,41	27	18,27	60	40,61	1 1	62,95
28	17,88	5 <u>1</u>	38, 96	I) i	60,05		18,95	ł l	41,29	1 1	63,68
29	18,52		39,60	li i	60,68			1 1	41,97	1 1	64,31
30	19,16	i i	40,24					1	42,64		64,98
31	19,80	1 1	40,88	()	61,96		20,98	1	43,32	1 1	65,66
32	1	1 1	41,52	11 1	62,60				44,00	I i	66,34
33	21,08	66	42,16	99	63,24	33	22,33	66	44,67	99	67,01
34	21,72	67	42,80	100	63 ,88	88 34 23,01 67 45,35 100 67,69 11,14 3oU Durchm.					
Ħ	10,8	2 30	U Dur	dym.		11,14 Zoll Durchm.					

	36 :	Boll	= 3	Fuß	•			87	Boll.		
Lib.	Rfs.	Lfb.	Æfß.	efs.	Rfs.	eff.	Rfő.	efs.	Afß.	efs.	Rff.
2	1,43	35	25,06	68	48,70	2	1,51	85	26,47	68	51,44
3	2,14	36	25, 78	69	49,41	3	2,26	36	27,23	69	52,20
4	2,86	37	26,49	70	50,13	4	3,02	37	27,99	70	52,95
5	3, 58	38	27,21	71	50,85	5	3 ,78	3 8	28,74	71	53,71
6	4,29	39	27,93	72	51,56	6	4,53	39	29,50	72	54,47
7	5,01	40	28,64	73	52, 28	7	5,29	40	30,26	73	55,22
8	5,72	41	29,36	74	52, 99	8	6, 05	41	31,01	74	55,98
9	6,44	42	30 ,08	75	53,71	9	6,80	42	31,77	75	56,74
10	7,16	43	30 ,79	76	54,4 3	10	7,56	43	32,53	76	57,49
11	7,87	1 1	31,51	77	55,14	11	8,32	44	33,2 8	77	58,25
12	8,59	45	32,22	78	55,86	12	9,07	45	34,04	78	59, 01
13	9,31	46	32,94	79	56,57	13	9,83	46	34,80	79	59,76
14	10,02	47	33,66	80	57,29	14	10,59	47	35,55	80	60,52
15	10,74	48	34,37	81	58,01	15	11,34	48	36,81	81	61,27
16	11,45	49	35,09	82	58,72	16	12,10	49	37,07	82	62,03
17	12,17	50	35,81	83	59,44	17	12,86	50	37,82	83	62,79
18	12,89	51	36,52	84	60,16	18	13,61	51	38,58	84	63,54
19	13,60	52	37,24	85	60,87	19	14,87	52	39,84	85	64,30
20	14,32	53	37,95	86	61,59	20	15,13	53	40,09	86	65,06
21	15,04	54	38,67	87	62,30	21	15,88	54	40,85	87	65,81
22	15,75	55	39 ,39	88	63,02	22	16,64	55	41,60	88	66,57
23	16,47	56	40,10	89	63,74	23	17,40	56	42,86	89	67,33
24	17,18	57	40,82	90	64,45	24	18,15	57	43,12	90	68,08
25	17,90	58	41,58	91	65,17	25	18,91	58	43,87	91	68,84
26	18,62	59	42,25	92	65,89	26	19,67	59	44,63	92	69,60
27	19,38	60	42,97	93	66,60	27	20,42	1 1	45,39	93	70,85
28	20,05	61	43 ,68	94	67,32	28	21,18	, ,	46,14	1	71,11
29	20,76	62	44,40	95	68,03	29	21,93	62	46,90	1 1	71,87
30	21,48	63	45,12	il L	68,75	30	22,69	63	47,66	'f 1	72,62
31	22,20	64	45,88	97	69,47	31	23,45	t 1	48,41	97	73,38
32	22,91	65	46,55	: I	70,18	32	24,20	65	49,17	98	74,14
33	23,68) !	47,26	1 [70,90	33	24,96	l í	49,98	4 5	74,89
34	34 24,85 67 47,98 100 71								50,68	100	
			U Dur			11,78 30U Durchm.					

		38	Boa.				39 30) H =	- 3 1	/ 4 %	uß.
eff.	Rfs.	Lib.	Rfs.	Lfs.	Rfs.	efs.	Rfs.	efs.	Rfs.	2fg.	Rfs.
2	1,59	35	27,92	68	54,26	2	1,68	35	29,41	68	57,15
3	2,39	36	28,72	69	55,06	3	2,52	36	30,25	1 1	57,99
4	3,19	37	29,52	70	55,85	4	3,36	37	31,09	70	58,88
5	3,98	38	30,32	71	56,65	5	4,20	38	31,94	71	59,67
6	4,78	39	31,12	72	57,45	6	5,04	39	32,78	72	60,51
7	5,58	40	31,91	73	58,25	7	5, 88	40	33,62	73	61,35
8	6,38	41	32,71	74	59,05	8	6,72	41	34,46	74	62,19
9	7,18	42	33,51	75	59 ,84	9	7,56	42	35,30	75	63,04
10	7,97	43	34,31	76	60,64	10	8,40	43	36,14	76	63 ,88
11	8,77	44	35,11	77	61,44	41	9,24	44	36,9 8	77	64,72
12	9,57	45	35,90	78	62,24	12	10,08	45	37,82	78	65,56
13	10,37	46	36,70	79	63,04	13	10,92	46	38,66	79	66,40
14	11,17	47	37,50	80	63 ,83	14	11,76	47	39,50	80	67,24
15	11,96	48	38,80	81	64,63	15	12,60	48	40,34	81	68,08
16	12,76	49	39,10	82	65,48	16	13,44	49	41,18	82	68,92
17	13,56	50	39,89	83	66,28	17	14,28	50	42,02	83	69,76
18	14,36	51	40,69	84	67,03	18	15,12	51	42, 86	84	70,60
19	15,16	52	41,49	85	67,82	19	15,97	52	43,70	85	71,44
20	15,95	53	42,29	86	68,62	20	16,81	53	44,54	86	72,28
21	16,75	54	43,09	87	69,4 2	21	17,65	54	45,8 8	87	73,12
22	17,55	55	43,88	88	70,22	22	18,49	55	46,22	88	73,96
23	18,85	56	44,68	89	71,02	23	19,33	56	47,07	89	74,80
24	19,15	57	45,4 8	90	71,81	24	20,17	57	47,91	90	75,64
25	19,94	58	46,28	91	72,61	25	21,01	58	48,75	91	76,4 8
26	20,74	59	47,08	92	73,41	26	21,85	59	49,59	92	77,32
27	21,54	60	47,87	93	74,21	27	22,69	60	50,43	93	78,17
28	22,84	, 61	48,67	94	75,01	28	23,53	61	51,27	94	79,01
29	23,14	62	49,47	95	75,80	29	24,37	62	52,11	95	79,85
30	23,93	63	50,27	96	76,60	30	25,21	63	52,95	96	80,69
31	24,73	64	51,07	97	77,40	31	26,05	64	53,79	97	81,58
32	25,58	65	51,86	98	78,20	32	26, 89	65	54 ,63	98	82,87
33	26,83	66	52,6 6	99	79,00	33	27,73	66	55,47	99	83,21
34	27,13	67	53,46	100	79,79	34	28,57	67	56,81	100	84,05
Ħ	12,1	0 30	A Dur	фm.			12,4	1 30	U Du	chm.	-

		40	Zoll.					41	Zou.		
Lfg.	Rfs.	eff.	Rfs.	११%	Rīß.	eff.	Rfg.	eff.	Rfs.	eff.	Kfb.
2	1,76	35	30,94	68	60,12	2	1,85	35	32,51	68	63,16
3	2,65	36	31,83	69	61,00	3	2,78	36	33,44	69	64,09
4	3,53	37	32,71	70	61,89	4	3,71	37	34,37	70	65,02
5	4,42	38	33,59	71	62,77	5	4,64	38	35,3 0	71	65,95
6	5,30	39	34,48	72	63, 66	6	5, 57	39	36,22	72	66 ,88
7	6,18	40	35,36	73	64,54	7	6,50	40	37,15	73	67,81
8	7,07	41	36,25	74	65,43	8	7,43	41	38,08	74	68,74
9	7,95	42	37,13	75	66 ,31	9	2, 36	42	39,01	75	69 ,67
10	8,84	43	38,02	76	67,19	10	9,28	43	39,94	76	70,60
11	9,72	44	38,90	77	68,08	11	10,21	44	40,87	77	71,52
12	10,61	45	39,78	78	68 ,96	12	11,14	45	41,80	78	72,45
13	11,49	46	40,67	79	69, 85	13	12,07	46	42,73	79	73,38
14	12,37	47	41,55	80	70,73	14	13,00	47	43 ,66	80	74,31
15	13,26	48	42,44	81	71,61	15	13,93	48	44,59	81	75,24
16	14,14	49	43,32	82	72,5 0	16	14,86	49	45,51	82	76,17
17	15,03	50	44,20	83	73,38	17	15,79	50	46,44	83	77,10
18	15,91	51	45,09	84	74,27	18	16,72	51	47,87	84	78,03
19	16,79	52	45,97	85	75,15	19	17,65	52	48,30	85	78,96
20	17,68	53	46 ,86	86	76,04	20	18,57	53	49,23	86	79,89
21	18,56	54	47,74	87	76,92	21	19,50	54	50,16	87	80,81
22	19,45	55	48,63	88	77,80	22	20,43	55	51,09	88	81,74
23	20,33	56	49,51	89	78,69	23	21,86	56	52,02	89	82,67
24	21,22	57	50,39	90	79,57	24	22,29	57	52,95	90	83,60
25	22,10	58	51,28	91	80,46	25	23,22	58	53 ,87	91	84,53
26	22,98	59	52,16	92	81,34	26	24,15	59	. 54 ,80	92	85,46
27	23, 87	60	53,05	93	82,2 2	27	25,08	60	55,78	93	86,39
28	24,75	61	53,98	94	83,11	28	26,01	61	56,66	94	87,32
29	25,64	62	54,82	95	83,9 9	29	26,93	62	57,59	95	88,25
30	26,52	63	55,70	96	84, 88	30	27,86	63	58,52	96	89,18
31	27,41	64	56,5 8	97	85,76	31	28,79	64	59,45	97	90,10
32	28,29	65	57,47	98	86,65	32	29,72	65	60,38	98	91,03
33	29,17	66	58,35	99	87,58	33	30,65	66	61,31	99	91,96
34	30 ,06	67	59,24	100	88,41	34	31,58	67	62,24	100	92,89
	12,7	8 30	N Du	rchm.	,		13,0	5 30	U Du	rфm.	

	42 3	oa =	= 31/	e Fu	5.		•	43	Zoa.		
eff.	Rfg.	Lfğ.	Rfß.	216.	Kſij.	Lfg.	Rfs.	Lfg.	Rfs.	Eff.	Rfs.
2	1,94	35	34,11	68	66,28	2	2,04	35	35,76	68	69,48
3	2,92	36	35,09	69	67,26	3	3 ,06	36	36 ,78	69	70,50
4	3, 89	37	36, 06	70	68,23	4	4,08	37	37, 80	70	71,52
5	4,87	3 8	37,04	71	69,21	5	5,10	38	38,82	71	72,54
6	5,84	39	38,01	72	70,18	6	6,13	39	39,85	72	73, 56
7	6,82	40	38,99	73	71,16	7	7,15	40	40,87	73	74,59
8	7,79	41	39, 96	74	72,13	8	8,17	41	41,89	74	75,61
9	8,77	42	40,94	75	73,11	9	9,19	42	42,91	75	76,63
10	9,74	43	41,91	76	74,08	10	10,21	43	43,9 3	76	77,65
11	10,72	44	42,89	77	75,06	11	11,23	44	44,95	77	78,67
12	11,69	45	43 ,86	78	76,03	12	12,26	45	45,98	78	79,70
13	12,67	46	44,84	79	77,01	13	13,28	46	47,00	79	80,72
14	13,64	47	45,81	80	77,98	14	14,80	47	48,02	80	81,74
15	14,62	48	46, 79	81	78,96	15	15,32	48	49,04	81	82,76
16	15,59	49	47,76	82	79,93	16	16,84	49	50,06	82	83,78
17	16,57	50	48,74	83	80,91	17	17,87	50	51,09	83	84,80
18	17,54	51	49,71	84	81,88	18	18,39	51	52, 11	84	85,83
19	18,52	52	50,69	85	82,85	19	19,41	52	53,13	85	86,85
20	19,49	53	51,66	86	83, 83	20	20,43	53	54,15	86	87,87
21	20,47	54	52,64	87	84,80	21	21,45	54	55,17	87	88,89
22	21,44	55	53 ,61	88	85,78	22	22,47	55	56, 19	88	89,91
23	22,42	56	54, 58	89	86,75	23	23,50	56	57,22	89	90,94
24	23,89	57	55, 56	90	87,73	24	24,52	57	58,24	90	91,96
25	24,37	58	56 ,53	91	88,70	25	25,54	58	59,26	91	92,98
26	25,84	59	57,51	92	89,68	26	26 ,56	59	60,28	1	
27	26,32	60	58,4 8	93	90,65	27	27,58		61,30		
28	27,29	61	59,46	94	91,63	28	28,61	61	62,8 2	94	
29	28,26	62	60,43	95	92,60	1	29,63	l i	63,85	95	
30	29,24	63	61,41	96	93, 58	30	30,65	63	64,37		98,09
31	30,21	64	62,3 8	97	94,55	31	31,67	64	65,39	1	99,11
32	31,19	65	63,36	98	95,53	32	32,69	65	66,41		100,13
33	32,16		64,33	99	96, 50	33	33,71	66	67,48	99	101,15
34	33,14	67	65,31	100	97,48	48 34 34,74 67 68,46 100 102,18 13,69 3oll Durchm.					
	13,37	30	U Dur	фm.			13,6	9 30	U Dur	chm.	

		44	Zoa.				45 3	oll =	- 3 ³/	4 &	uß.
efg.	Rfs.	efs.	Rfs.	efs.	Rfs.	2ff.	Rff.	धिष्ठ.	Rfs.	eff.	STB.
2	2,13	35	37,44	68	72, 75	2	2,23	35	39,16	68	76,09
3	3,20	36	38 ,51	69	73,82	3	3,85	36	40,28	69	77,21
4	4,27	37	39 ,58	70	74 ,89	4	4,47	37	41,40	70	78,33
5	5,34	38	40,65	71	75,96	5	5 ,59	38	42 ,52	71	79,45
6	6,41	39	41,72	72	77,03	6	6,71	39	43,64	72	80,57
7	7,48	40	42,7 9	73	78,10	7	7,83	40	44,76	73	81,69
8	8,55	41	43,8 6	74	79,17	8	8,95	41	45,88	74	82,81
9	9,62	42	44 ,93	75	80,24	9	10,07	42	47,00	75	83,92
10	10,69	43	46,0 0	76	81,31	10	11,19	43	48,11	76	85,04
11	11,76	44	47,07	77	82,37	11	12,30	44	49,23	77	86,16
12	12,83	45	48,14	78	83,44	12	13,42	45	50,35	78	87,28
13	13,90	46	49,21	79	84,51	13	14,54	46	51,47	79	88,40
14	14,97	47	50,2 8	80	85,58	14	15,66	47	52,59	80	89,52
15	16,04	48	51,35	81	86, 65	15	16,78	48	53,71	81	90,64
16	17,11	49	52,4 2	82	87,72	16	17,90	49	54,83	82	91,76
17	18,18	50	53,4 9	83	88,79	17	19,02	50	55,9 5	83	92,88
18	19,25	51	54,5 6	84	89,86	18	20,14	51	57,07	84	94,00
19	20,32	52	55,63	85	90,93	19	21,26	52	58,19	85	95,12
20	21,39	53	56, 70	86	92,00	20	22,38	53	59,31	86	96,23
21	22,46	54	57,77	87	93,07	21	23,50	54	60,42	87	97,35
22	23 ,58	55	58,84	88	94,14	22	24,61	55	61,54	88	98,47
23	24,60	56	59 ,91	89	95,21	23	25,73	56	62,66	89	99,59
24	25,67	57	60, 98	90	96,28	24	26,85	57	63 ,78	90	100,71
25	26,74	58	62,05	91	97,35	25	27,97	5 8	64,90	91	101,85
26	27,81	59	63,12	92	98,42	26	29,09	59	66,02	92	102,95
27	28,88	60	64,19	93	99,49	27	30,21	60	67,14	93	104,07
28	29,95	61	65,26	94	100,56	28	31,33	61	68,26	94	105,19
29	31,02	62	66 ,33	95	101,63	29	32,4 5	62	69,38	95	106,31
3 0	32 ,09	63	67,40	96	102,70	30	33 ,57	63	70,50	96	107,42
31	33,16	64	68,47	97	103,77	31	34,69	64	71,61	97	108,54
32	34,23	65	69,54	98	104,84	32	35,80	65	72,78	98	109,66
33	3 5,80	66	70,61	99	105,91	33	36 ,92	66	73,85	99	110,78
34	36,87	67	71,68	100	106,98	34	38,04	67	74,97	100	111,90
ji d	14,0	1 30	U Dur	dm.			14,3	2 30	N Du	chm.	

		46	Boa.					47	Zou.		
2f5.	RIG.	2ff.	Rff.	eff.	Rff.	eff.	Rfs.	efs.	Rfs.	经情 .	Rfs.
2	2,33	35	40,92	68	79,51	2	2,44	35	42,72	68	83,01
3	3,5 0	36	42,09	69	80,68	3	3,66	36	43,94	69	84,23
4	4,67	37	43,2 6	70	81,85	4	4,88	37	45,16	70	85,45
5	5,84	3 8	44,43	71	83, 02	5	6,10	3 8	46,3 8	71	86,67
6	7,01	39	45,60	72	84,19	6	7,32	39	47,60	72	87,89
7	8,18	40	46,77	73	85,36	7	8,54	40	48,82	73	89,11
8	9,35	41	47,94	74	86,53	8	9,76	41	50 ,05	74	90,33
9	10,52	42	49,11	75	87,70	9	10,98	42	51,27	75	91,55
10	11,69	43	50,2 8	76	88,87	10	12,20	43	52,4 9	76	92,77
11	12,86	44	51,45	77	90,03	11	13,42	44	53,71	77	93,99
12	14,03	45	52,62	7 8	91,20	12	14,64	45	54 ,93	78	95,21
13	15,20	46	53 ,79	79	92,37	13	15,86	46	56 ,15	79	96,43
14	16,87	47	54,95	80	93,54	14	17,09	47	57,87	80	97,65
15	17,54	48	56 ,12	81	.94,71	15	18,31	48	58,59		98,87
16	18,70	49	57,29	82	95,8 8	16	19,58	49	59,81	82	100,10
17	19,87	50	58,46	83	97,05	17	20,75	50	61,03	83	101,32
18	21,04	51	59,63	84	98,22	18	21,97	51	62,2 5	84	102,54
19	22,21	52	60, 80	85	99,39	19	23,19	52	63,47	85	103,76
20	23 ,88	53	61,97	86	100,56	20	24,41	53	64 ,69	86	104,98
21	24,55	54	63,14	87	101,78	21	25,63	54	65,91	87	106,20
22	25,72	55	64, 31	88	102,90	22	26 ,85	55	67,14	88	107,42
23	26,89	56	65,48	89	104,07	23	28,07	56	68,3 6	89	108,64
24	28, 06	57	66,65	90	105,24	24	29,29	57	69 ,58	90	109,86
25	29,23	5 8	67,82	91	106,41	25	30,51	58	70,80	91	111,08
26	30,40	59	68,99	92	107,58	26	31,73	59	72, 02	92	112,30
27	31,57	60	70,16	93	108,74	27	32,9 5	60	73,24	93	113,52
28	32,74	61	71,33	94	109,91	28	34 ,18	61	74,46	94	114,74
29	33 ,91	62	72,49	95	111,08	29	35,40	62	75,68	95	115,97
30	35 ,08	63	73,66	96	112,25	3 0	36,62	63	76, 90	96	117,19
31	36,24	64	74,83	97	113,42	31	37,84	64	78,12	97	118,41
32	37,41	65	76 ,00	98	114,59	32	39 ,06	65	79,34	98	119,63
33	38 ,58				115,76	33	40,28		80,56		120,85
34	34 39,75 67 78,34 100 116,						41,50	67	81,78	100	122,07
	14,6	4 30	U Dur	фm.			14,9	6 Z v	U Dur	фm.	

	48	Zoll	-4	Fuß	•			48	Zoa.		
Leg.	Rfs.	Lfg.	Rfs.	Eff.	Rfb.	eff.	Rfg.	Lfb.	Rfs.	efs.	Rff.
2	2,54	35	44,56	68	86,5 8	2	2,65	35	46,43	68	90,22
3	3 ,81	36	45,83	69	87,85	3	3, 98	36	47,76	69	91,55
4	5,09	37	47,10	70	89,12	4	5,30	37	49,09	70	92, 87
5	6,36	3 8	48,38	71	90,40	5	6,63	3 8	50,41	71	94,20
6	7,63	39	49,65	72	91,67	6	7,96	39	51,74	72	95,53
7	8,91	40	50,92	73	92,94	7	9,28	40	53 ,07	73	96, 85
8	10,18	41	52, 20	74	94,21	8	10,61	41	54,40	74	98, 18
9	11,45	42	53,47	75	95,49	9	11,94	42	55,72	75	99,51
10	12,78	43	54,74	76	96,7 6	10	13,26	43	57,05	76	100,83
11	14,00	44	56 ,02	77	98,03	11	14,59	44	58,38	77	102,16
12	15,27	45	57,29	78	99,31	12	15,92	45	59,70	78	103,49
13	16,55	46	58, 56	79	100,58	13	17,24	46	61,Q3	79	104,82
14	17,82	47	59, 84	80	101,85	14	18,57	47	62,36	80	106,14
15	19,09	48	61,11	81	103,18	15	19,90	48	63,6 8	81	107,47
16	20,37	49	62,38	82	104,40	16	21,22	49	65,01	82	108,80
17	21,64	50	63,66	83	105,67	17	22,55	50	66,34	83	110,12
18	22,91	51	64,93	84	106,95	18	23 ,88	51	67,66	84	111,45
19	24,19	52	66,20	85	108,22	19	25,20	52	68,99	85	112,78
20	25,46	53	67,48	86	109,49	20	26,53	53	70,32	86	114,10
21	26,73	54	68, 75	87	110,77	21	27,86	54	71,64	87	115,43
22	28,01	55	70,02	88	112,04	22	29,19	55	72,97	88	116,76
23	29,28	56	71,30	89	113,31	23	30,51	56	74,30	89	118,08
24	30 ,55	57	72, 57	90	114,59	24	31,84	57	75,62	90	119,41
25	31,83	5 8	73,84	91	115,86	25	33,17	58	76 ,95	91	120,74
26	33 ,10	59	75,12	92	117,13	26	34,49	59	78,28	92	122,06
27	34,37	60	76,39	93	118,41	27	35,82	60	79,61	93	123,39
28	35,65	61	77,66	94	119,68	28	37,15	61	80,93	94	124,72
29	36 ,92	62	78,94	95	120,95	29	38,47	62	82,26	95	126,04
30	38,19	63	80,21	96	122,23	30	39 ,80	63	83,59	96	127,87
31	39,47	64	81,48	97	123,50	31	41,13	64	84,91	97	128,70
32	40,74	65	82,76	98	124,77	32	42,45	65	86,24	98	130,03
33	42,01	66	84,03	99	126,05	33	43,78	66	87,57	99	131,35
34	43,29	67	85,30	100	127,82	34	45,11	67	88,89	100	132,68
	15,2	8 Z o	U Dur	фm.			15,6	0 30	oll Du	rchm.	

		50	Zoa.				51 3	oU =	= 41/	4 8	uß.
eff.	Æfs.	eff.	Rfg.	eff.	Rfs.	eff.	Rfs.	Leb.	Rfß.	efs.	Aff.
2	2,76	35	48,35	68	93,94	2	2,87	35	50,80	68	97,74
3	4,14	36	49,73	69	95,32	3	4,31	36	51,74	69	99,17
4	5 ,52	37	51,11	70	96,70	4	5,74	37	53,1 8	1	100,61
5	6,90	38	52,49	71	98,09	5	7,18	38	54,62	1 1	102,05
6	8,28	39	53, 88	72	99,47	6	8,62	39	56 ,05	1	103,49
7	9,67	40	55,2 6	73	100,85	7	10,06	40			104,92
8	11,05	41	56,64	74	102,28	8	11,49	41	58,93] }	106,36
9	12,43	42	58,02	75	103,61	9	12,93	42	60,86		107,80
10	13,81	43	59,4 0	76	104,99	10	14,37	43	61,80		109,24
11	15,19	44	60, 78	77	106,87	11	15,81	44	63,24		110,67
12	16,57	45	62,16	78	107,76	12	17,24	45	64,68	1 1	112,11
13	17,96	46	63, 55	79	109,14	13	18,68	1 1	66,11	1 1	113,55
14	19,84	47	64,93	80	110,52	14	20,12	1 1	67,55	1	114,98
15	20,72	48	66,81	81	111,90	15	21,56	48	68,99	1	116,42
16	22, 10	49	67,69	82	113,28	16	22,9 9	49	70,43		117,86
17	23,4 8	50	69,07		114,66		24,43	50	71,86		119,80
18	24, 86	51	70,45		116,05		25,87	51	73,30	1 !	120,73
19	26,24	52	71,84	85	117,43	19	27,81	52	74,74		122,17
20	27,63	53	73,22		118,81	20	28,74	53	76, 18	i 1	123,61
21	29,01	54	74, 60	87	120,19	21	30, 18	1 1	77,61	3	125,05
22	30,3 9	55	75,98		121,57	22	31,62	t i	79,05		126,48
23	31,77	56	77,36	89	122,95	23	33,0 5	1 1	80,49		127,92
24	33 ,15	57	78,74	90	124,83		34 ,49	57	81,93		129,36
25	34 ,53	5 8	80,12		125,72	25	35,9 3	58	83,36	1	130,80
26	35,9 2	59	81,51	il e	127,10		37,87	59	84,80	il i	132,23
27	37,30	60	82,89	R	128,48	27	38 ,80	60		i i	133,67
2 8	38,6 8	61	84,27		129,86	1	40,24	61	87,67		135,11
29	40, 06	62	85,65		131,24	1	41,68	1 1	89,11	1 1	136,55
3 0	41,44	63	87,03		132,62	1	43,12	1 1	90,55		137,98
81	42,8 2	64	88,41		134,01	31	44,5 5	64	91,99		139,42
32	44,20	65	89,80		135,89	1	45 ,99	65	93,42	1	140,86
33	45,59		91,18		136,77	33	47,43	66	94,86		142,29
34	46,97	67	92,56	100	138,15	34	48,87	67	96,30	100	143,78
	15,9	2 30	A Dur	фш.		ł	16,2	3 · 30	A Dur	•	#

	——————————————————————————————————————	52	Zoa.	~				53	Boa.		-
eff.	Rfs.	eff.	Rfg.	efs.	Rfs.	efs.	Rfs.	eff.	Rfj.	2f6.	Rff.
2	2,98	35	52,80	68	101,61	2	3,10	35	54,83	68	105,55
3	4,48	36	53,79	ł	103,10	3	4,65	36			107,10
4	5,97	37	55,28	70	104,60	1	6,20	ł	57,43		108,66
5	7,47	3 8	56, 78	71	106,09	5	7,76	1 .	58,98		110,21
6	8,96	39	58,27	72	107,58	i i	9,31	39	60,54	}	111,76
7	10,46	40	59,77		109,08	7	10,86	40	·		113,31
8	11,95	41	61,26]	110,57	8	12,41	41	63,64	74	114,87
9	13,44	42	62, 76	75	112,07	9	13,97	42	65,19		116,42
10	14,94	43	64,25	76	113,56	10	15,52	43		1	117,97
11	16,43	44	65,74	77	115,06	11	17,07	44	68,30		119,52
12	17,98	45	67,24		116,55		18,62	45	1		121,08
13	19,42	46	68, 73		118,04		20,18	46		'	122,63
14	20,92	47	70,23		119,54	14	21,78	47			124,18
15	22,41	48	71,72	81	121,08	15	23,28	48	74,51	•	125,73
16	23,90	49	73,22	82	122,58	16	24,83	49	76,06	4	127,28
17	25,40	50	74,71	83	124,02	17	26,38	50	77,61	l .	128,84
18	26 ,89	51	76,20	84	125,52	18	27,94	51	79,16	i .	130,39
19	28,89	52	77,70	85	127,01	19	29,49	52	80,72	85	131,94
20	29,88	53	79,19	86	128,50	20	31,04	53	82,27	86	133,49
21	31,38	54	80,69	87	130,00	21	32,59	54	83,82	87	135,05
22	32,87	55	82,18	88	131,49	22	34,15	55	85,87	88	136,60
23	34,86	56	83, 68	89	132,99	23	35 ,70	56	86,92	89	138,15
24	35, 86	57	85,17	90	134,48	24	37,25	57	88,48	90	139,70
25	37,35]	86,66	91	135,98	25	38 ,80	58	90,03	91	141,26
26	38,85	tl i	88,16	92	137,47	26	40,86	59	91,58	92	142,81
27	40,84	60	89,65	93	138,96	27	41,91	60	93,18	93	144,86
28	41,84	H I	91,15	1	140,46	28	43,46	61	94,69	94	145,91
29	43,33	fl i	92,64		147,95	29	45,01	62	96,24	95	147,46
30	44,82	18 - 1	94,14	7	143,45	3 0	46,56	63	97,79	96	149,02
81	46,32	N I	95,63		144,94	31	48,12	64	99,34	97	150,57
32	47,81		97,12	1	146,44	32	49,67	65	100,90	98	152,12
33	49,31		98,62		147,93	33	51,22	66	102,45	99	153,67
34	50,80	67	100,11	100	149,42	34					155,23
R	16,5	5 3 0	II Dur	фm.	İ				U Dur		

	54 3	oll =	41 /	• F1	ıß.			55	Boa.		
efs.	Rfs.	efs.	Rfs.	2f6.	Rfs.	eff.	Afg.	eff.	Rfß.	2f6.	Rfs.
2	3,22	35	56,40	68	109,57	2	3,34	35	58,50	68	113,67
3	4,83	1	·		111,18	1 1	5,01	j			115,84
4	6,44	1	59 ,62	1	112,80	4	6,68	I '		T.	117,01
5	8,05	38	61,23	71	114,41	5	8,35	38	63,52	71	118,68
6	9,6 6	39	62 ,84	72	116,02	6	10,03	39	65,19	72	120,36
7	11,28	40	64,45	73	117,63	7	11,70	40	66 ,86	73	122,08
8	12,89	41	66, 06	74	119,24	8	13,37	41	68,53	74	123 ,70
9	14,50	42	67,68	. 75	120,85	9	15,04	42	70,21	75	125,37
10	16,11	43	69,2 9	76	122,46	- 10	16,71	43	71,88	76	127,04
11	17,72	44	70,90	77	124,08	11	18,38	44	73, 55	77	128,71
12	19,33	45	72,51	78	125,69	12	20,06	45	75,22	78	130,39
13	20,94	46	74,12	79	127,30	13	21,73	46	76,89	79	132,06
14	22,56	47	75,78	80	128,91	14	23,40	47	78,56	80	133,78
15	24,17	48	77,84	81	130,52	15	25,07	48	80,24	81	135,40
16	25,78	49	78,96	82	132,13	16	26,74	49	81,91	82	137,07
17	27,39	50	80,57	83	133,74	17	28,41	50	83,58	83	138,74
18	29,00	51	82,18	84	135,86	18	30,09	51	85,25	84	140,42
19	30 ,61	52	83,79	85	136,97	19	31,76	52	86,92	85	142,09
20	32,2 2	53	85,40	86	138,58	20	33,43	53	88,59	86	143,76
21	33,84	54	87,01	87	140,19	21	35,10	54	90,27	87	145,43
22	35,4 5	55	88,62	88	141,80	22	36,77	55	91,94	88	147,10
2 3	37 ,06	56	90,24	89	143,41	23	38,44	56	93,61	89	148,77
24	38,67	57	91,85	90	145,02	24	40,12	57	95,2 8	90	150,45
25	40,28	58	93,4 6		146,64	25	41,79	58	96 ,95	91	152,12
26	41,89	59	95,07	92	148,25	26	43,46	59	98,62	92	153 ,79
27	43,5 0	60	96,68	93	149,86	27	45,18	60	100,80	. 1	155,46
28	45,12	61	98,29	f	151,47	28	46,80	1 1	101,97		157,13
29	46,73	it 1			153,08	29	48,47	1 1	103,64	1 1	158,80
3 0	48,34	ii l	101,52		154,69	3 0	50,15	1	105,81	i 1	160,48
31	49,95	15 1	103,18		156,30	31	51,82		106,98	1 :	162,15
32	51,56	il 1	104,74	1	157,92	32	53,49	65	108,65	i j	163,82
33	53,17		106,85		159,53	33	55,16	1 1	110,83		165,49
34		- •			161,14	14 34 56,83 67 112,00 100 167,16					
	17,1	9 3 0	A Dur	фm.		17,51 Zoll Durchm.					

	- , , , - , ,	56	Zoa.	·			57 3	o¶ =	= 4 8/	4 Fu	ş.
efs.	Rfs.	Leb.	Rfő.	eff.	Rfg.	eff.	Rff.	eff.	RIF.	eff.	Aff.
2	3,46	35	60 ,65	68	117,84	2	3,59	35	62,84	68	122,09
3	5,19	36	62,3 8	69	119,57	3	5,88	36	64,63	69	123, 88
4	6,98	37	64,12	70	121,31	4	7,18	37	66,43	70	125,68
5	8,66	3 8	65 ,85	71	123,04	5	8,97	3 8	68,22	71	127,47
6	10,39	39	67,58	72	124,77	6	10,77	39	70,02	72	129,27
7	12,13	40	69,32	73	126,51	7	12,56	40	71,81	73	131,06
8	13,8 6	41	71,05	74	128,24	8	14,86	41	73,61	74	132,86
9	15,59	42	72, 78	75	129,97	9	16,15	42	75,40	75	134,66
10	17,88	43	74,51	76	131,70	10	17,95	43	77,20	76	136,45
11	19,06	44	76,2 5	77	133,44	11	19,75	44	79,00	77	138,25
12	20,79	45	77,98	78	135,17	12	21,54	45	80,79	78	140,04
13	22,52	46	79,71	79	136,90	13	23,34	1	·	79	141,84
14	24,26	47	81,45	80	138,64	14	25,13	47	84,38	80	143,63
15	25,99	48		1	140,87	15	26,98	48	86,18	81	145,43
16	27,72	49	84,91	82	142,10	16	28,72	49	87,97		147,22
17	29, 46	50	86,65		143,84	17	30 ,52	50	89,77		149,02
18	31,19	51	88,38	li I	145,57	18	32, 31	51	91,56	1 1	150,81
19	32,92	52	90,11		147,30		34,11	52	93,86		152,61
20	34,66	53	91,85		149,03	1	35 ,90	53	95,15	I 7	154,41
·21	36 ,89	54	93,5 8	le l	150,77	21	37,70	54	96,95	1 1	156,20
22		55			152,50	1	39,50	1		1 1	158,00
23	39 ,85			ll i	154,23	23	41,29	1	100,54	ł (159,79
24	41,59		98,78		155,97	24	43,09		102,34	1 i	161,59
25	43,82		100,51		157,70		44,8 8		104,13	t i	163,3 8
26	45,05	1	102,24		159,43	l 1	46 ,68	6 I	105,93	6 I	165,18
27	46,79	il (103,9 8	1	161,17	t I	48,47	1 f	107,72		166,97
28	48,52	L1 3	105,71		162,90		50,27		109,52	1	168,77
29	50,25	li 1	107,44		164,63	1 1	52, 06		111,81	J 1	170,56
30	_	!	109,18	i i	166,36	1	53, 86	i i	113,11	ł ľ	172,36
31	53,72	1	110,91		168,10		55,65		114,91	l í	174,16
32	55,4 5) ł	112,64	1 1	169,83	l I	57,45	t I	116,70		175,95
3 3					171,56	33	59,25		118,50	1	177,75
34					173,30	34					179,54
	17,8	30	A Dur	фm.		}	18,1	4 30	U Dur	chm.	

		5 8	Zoa.					58	Zoll.		
efs.	RfB.	Lib.	Rfs.	efs.	Rfs.	2fb.	Rfs.	Lib.	Rfs.	efs.	Rfs.
2	3,71	35	65,06	68	126,41	2	3,84	35	67,32	68	130,80
.3	5,57	36	66,9 2	69	128,27	3	5,77	36	69,25	69	132,73
4	7,43	37	68,78	70	130,18	4	7,69	37	71,17	70	134,65
5	9,29	38	70,64	71	131,99	5	9,61	38	73,09	71	136,58
6	11,15	39	72,50	72	133, 84	6	11,54	39	75,02	72	138,50
7	13,01	40	74,86	73	135,70	7	13,46	40	76,94	73	140,42
8	14,87	41	76,21	74	137,56	8	15,38	41	78,87	74	142,85
9	16,73	42	78,07	75	139,42	9	17,31	42	80,79	75	144,27
10	18,59	43	79,93	76	141,28	10	19,23	43	82,71	76	146,19
11	20,44	<u> </u>	81,79	77	143,14	11	21,16	44	. 84,64	I	148,12
12	22,30	45	83,65		145,00	12	23,08	45	86,56	i I	150,04
13	24,16		85,51	L	146,86	1	25,00	46	88,48		151,96
14	26, 02	47	87,87		148,72	14	26,93	47	90,41	80	153,89
15	27,88	48	89,23		150,58	15	28,85	48	92,83	1	155,81
16	29,74	H :	,	· K	152,43		30,77	49			157,74
17	31,60		92,95		154,29	17	32,70	50		1	159,66
18	33,4 6	51	94,81		156,15	18	34,62	51	98,10		161,58
19	35,82	52	96 ,66		158,01	19	36,54	•	100,03	1	163,51
20	37, 18	53	98,52	1	159, 87	20	38,47	1	101,95	86	165,48
21	39,03	54	100,38		161,73	21	40,39		103,87	87	167,85
22	40 ,89	55	102,24	88	163,59	22	42, 82		105,80	1 1	169,28
23	42, 75	56	104,10	89	165,45	23	44,24		107,72	1 (171,20
24	44,61	57	105,96	90	167,31	24	46,16	57	109,64	90	173,18
25	46,47	58	107,82	1	169,17	25	48,09		111,57		175,05
26	48,33	59	109,68	l l	171,02	26	50,01	1 1	113,49	1 1	176,97
27	50,19	60	111,54	93	172,88	27	51,93		115,42	1 1	178,90
2 8	52,0 5	61	113,40	94	174,74	28	53, 86		117,34	94	180,82
29	53,9 1	62	115,25	95	176,60	29	55,78	62	119,26	95	182,74
30	55,77	63	117,11	96	178,46	30	57,71	63	121,19	96	184,67
31	57,62	64	118,97	97	180,32	31	59,63	64	123,11	97	186,59
32	59,4 8	65	120, 83	98	182,18	32	61,55	65	125,03	98	188,51
33	61,34		122,69		184,04	3 3	63,48		126,96		190,44
34	63, 20	67	124,55	100	185,90	34	65,40	67	128,88	100	192,86
	18,4	6 3 0	U Dur	chm.	- (34 65,40 67 128,88 100 192,86 18,78 Zou Durchm.					

	60	ZoU	= 5	Fuß	•		<u> </u>	61	l Zoa.		
efs.	Rff.	eff.	Rff.	Lig.	Rfg.	eff.	RfB.	eff.	Rfs.	2ff.	Rfs.
2	3,97	35	69,63	68	135,28	2	4,11	35	71,97	68	139,82
3	5,96	36	71,61	69	137,27	3	6,16	36	74,02		141,88
4	7,95	37	73,60	70	139,26	4	8,22	37	76,08	70	143,94
5	9,94	3 8	75,59	71	141,25	. 5	10,28	38	78,13	71	145,99
6	11,93	39	77,58	72	143,23	6	12,33	39	80,19	72	148,05
7	13,92	40	79,57	73	145,22	7	14,89	40	82,25	73	150,10
8	15,91	41	81,56	74	147,21	8	16,45	41	84,80	74	152,16
9	17,90	42	83,55	75	149,20	9	18,50	42	86,36	75	154,22
10	19,89	43	85,54	76	151,19	10	20,56	43	88,42	76	156,27
11	21,88	44	87,58	77	153,18	11	22,61	44	90,47	77	158,33
12	23 ,87	45	89,52	78	155,17	12	24,67	45	92,53	78	160,39
13	25 ,86	46	91,51	79	157,16	13	26,78	46	94,58	79	162,44
14	27,85	47	93,50	80	159,15	14	28,78	47	96,64	80	164, 50
15	29,84	48	95,49	81	161,14	15	30,84	48	98,70	81	166,56
16	31,83	49	97,48	82	163,13	16	32,90	49	100,75	82	168,61
17	33 ,82	50	99,47	83	165,12	17	34,95	50	102,81		170,67
18	35, 80	1		l.	167,11	18	37,01	51	104,87	84	172,72
19	37,79	li	103,45	ĺ	169,10	19	39 ,06	52	106,92	85	174,78
20	39,78	1)	105,44		171,09	20	41,12	53	108,98	86	176,84
21	41,77	54	107,42	87	173,08	21	43 ,18	54	111,04	87	178,89
22	43 ,76	55	109,41	88	175,07	22	45,28	55	113,09	88	180,95
23	45,75	56	111,40	89	177,06	23	47,29	56	115,15	89	183.01
24	47,74	57	113,89	90	179,04	24	49,85	57	117,20	90	185,06
25	49,78	H .	115,38	91	181,03	25	51,40	58	119,26	91	187,12
26	5 1,72	59	117,87	92	183,02	26	53,46	59	121,82	92	189,17
27	53,71	60	119,36	93	185,01	27	55,52	60	123,87	93	191,23
2 8	55,70	61	121,35	94	187,00	28	57,57	61	125,43	94	193,29
29	57,69	62	123,84	95	188,99	29	59,63	62	127,49	95	195,84
30	59,68	63	125,33	96	190,98	30	61,68	63	129,54	96	197,40
31	61,67	64	127,32	97	192,97	31	63,74	64	131,60	97	199,46
32	63,66	65	129,31	98	194,96	32	65, 80	65	133,65	98	201,51
33	65,65		131,80		196 ,95	33	67 ,85		135,71		203,57
34	67,64	67	133,29	100	198,94	34	69,91	67	137,77	100	205,63
H	19,1	0 30	U Dur	фm.			19,4	2 3	oll Du	r d m	.

	-	62	Zoa.				63 3	e No	5 1/	4 8	uß.
efs.	Rfs.	efs.	Rfg.	Lif.	Rfg.	eff.	Rfs.	Leff.	Rfs.	efs.	Rfg.
2	4,24	35	74,34	68	144,45	2	4,38	35	76,76	68	149,14
3	6,37	36	76,47	69	146,57	3	6,58	36	1		151,34
4	8,49	37	78,59	70	148,69	4	8,77	37	81,15	70	153,58
5	10,62	3 8	80,72	71	150,82	5	10,96	38	83,84	71	155,72
6	12,74	39	82,84	72	152,94	6	13, 16	39	85,54	72	157,92
7	14,86	40	84,97	73	155,07	7	15,85	40	87,78	73	160,11
8	16,99	41	87,09	74	157,19	8	17,54	41	89,92	74	162,80
9	19,11	42	89,21	75	159,82	9	19,74	42	92,12	75	164,50
10	21,24	43	91,34	76	161,44	10	21,93	43	94,31	76	166,69
11	23 ,36	44	93,46	77	163,56	11	24 ,12	44	96,50	77	168,8 8
12	25,49	45	95,59	78	165,69	12	26,32	45	98,70	. 78	171,08
13	27,61	46	97,71	79	167,81	13	28,51	46	100,89	79	173,27
14	29,78		99,84	H	169,94	14	30 ,70	47	103,08	80	175,46
15	31,86		101,96	1	172,06	15	32,90	48	105,28	81	177,66
16	33 ,98	í	104,08		174,19	16	35,09	49	107,47	82	179,85
17	36,11		106,21	11	176,81	17	37,28	50	109,66	83	182,04
18	3 8,23	1	108,33	!	178,43	18	39,4 8	51	111,86	84	184,24
19	40,36		110,46	I	180,56	19	41,67	52	114,05	85	186,43
20	42,4 8		112,58	86	182,68	20	43 ,86	53	116,24	86	188,62
21	44,60		114,71	i.	184,81	21	46 ,06		118,44	1	190,82
22	46,73	i P	116,83	il e	186,93	22	48,25	•	120,63		193,01
23	48,85		118,95		189,06		50,44	56	122,82	89	195,20
24	50,98		121,08		191,18	24	52,64	57	125,02	90	197,40
25	53 ,10		123,20	ll .	193,80	25	54,83		127,21		199,59
26	55,28	1	125,58	H	195,48	26	57,02	I	129,40		201,78
27	57,35	1	127,45		197,55	- 1	59,22		131,60	1 1	203,98
28	59,47	1	129,58	4	199,68		61,41	1	133,79	1	206,17
29	61,60		131,70	ľ	201,80		63 ,60	1 1	135,98	_	208,36
30	63,72		133,82		203,98	3 0	65 ,80		138,18		210,56
31	65,85	i i	135,95	1	206 ,05	31	67,99	i 1	140,87	f 1	212,75
32		!K	138,07	1	208,17	32	70,18	65	142,56	98	214,94
33	70,10	Y .	140,20	1	210,80	33	72,88		144,76		217,14
34	72,22	67	142,32	100	212,42	34	74,57	67	146,95	100	219,88
	19,7	4 30	A Dur	фm,	į	2 34 74,57 67 146,95 100 219,88 20,05 Zoll Durchm.					

		64	Zoa.					65	Zoa.		
Lfg.	Rfß.	efs.	Rfs.	eff.	Rfs.	eff.	Rfs.	efg.	Rfg.	efs.	Rfs.
2	4,52	35	79,22	68	153,92	2	4,66	35	81,71	68	158,76
3	6,79	36	81,48	69	156,18	3	7 00	3 6	84,05	69	161,10
4	9,05	37	83,75	70	158,44	4	9,33	37	86,88	70	163,43
5	11,31	3 8	86,01	71	160,71	5	11,67	38	88,72	71	165,77
6	13, 58	39	88,27	72	162.97	6	14,00	3 9	91,05	72	168,10
7	15,84	40	90,54	73	165,23	7	16,34	40	93,8 9	73	170,44
8	18,10	41	92,80	74	167,50	8	18,67	41	95,72	74	172,77
9	20,37	42	95,06	75	169,76	9	21,01	42	98,06	75	175,11
10	22, 63	43	97,33	76	172,02	10	23,34	43	100.89	76	177,44
11	24,89	44	99,59	77	174,29	11	25 .68	44	102,73	77	179,78
12	27,16	45	101,85	78	176,55	12	28.01	45	105,06	78	182,11
13	29,42	46	104,12	79	178,81	13	30.35	46	107,40	79	184.45
14	31,68	47	106,38	80	181,08	14	32, 68	47	109,73	80	186,78
15	33,9 5	48	108,64	81	183,34	15	35,02	48	112,07	81	189,12
16	36,21	49	110,91	82	185,61	16	37,35	49	114,40	82	191.45
17	38,48	50	113,17	83	187,87	17	39,69	50	116,74		193,79
18	40,74	51	115,44	84	190,13	18	42,02	ll i	119,07	it i	196,12
19	43,00	52	117,70	85	192,4 0	19	44,36		121,41		198,46
20	45,27	53	119,96	86	194,66	20	46,69	!	123,74		200-79
21	47,53	54	122,23	87	196,92	21	49.03	11 2	126.08	1	203,13
22	49,79	55	124,49	88	199,19	22	51,36	ll i	128,41	1	205,46
23	52, 06	56	126,75	89	201,45	23	53 ,70		130,75	M 1	207.79
24	54,32	57	129,02	90	203,71	24	56 ,03	1	133,08	4 1	210,13
25	56, 58	58	131,28) I	205,98	1	58,37	!	135,42		212,46
26	58,85	59	133,54	H. I	208,24	26	60.70		137.75	la l	214,80
27	61,11	60	135,81	1	210,50	1	63,04		140,08	i i	217,13
28	63,37	61	138,07	lt i	212,77	28	65,37	!	142.42		219,47
29	65,64	62	140,33		215,03	Pi	67,71		144.75	:	221,80
30	67,90	63	142,60	96	217,29		70,04	4	147,09		224.14
31	70,16	64	144,86	1	219,56	}	72,87		149,42	. 1	226,47
32	72,43	65	147,13	J. i	221,8 2	32	74,71		151,76	1	228,81
33	74,69		149,39		224.09	33	77,04		154,09		231,14
34	76,96	67	151,65	100	226, 35	34	79.88	67	156,43	100	233,4 8
	20,8	7 30	U Dur	chm.		J	20,6	9 31	N Du	фm.	

	66 3	oU =	= 5 1/	s Fr	β.		 .	6	I Zou.		
efg.	Rfg.	efs.	Rfg.	Leff.	RfB.	eff.	Rfß.	efs.	RfB.	efs.	Rfß.
2	4,81	35	84,25	68	163 ,69	2	4,96	35	86,82	68	168 ,68
3	7,22	36	86, 65	69	166,09	3	7,44	36	89,30	69	171,16
4	9,62	87	89,06	70	168,50	4	9,92	37	91,78	70	173,65
5	12,03	3 8	91,47	71	170,91	5	12,40	38	94,26	71	176,13
6	14,44	39	93 ,88	72	173,31	6	14,88	39	96,74	72	178,61
7	16,85	40	96,2 8	73	175,72	7	17,36	40	99,22	73	181,09
8	19,25	41	98,69	74	178,13	8	19,84	, ,	101,70		183,57
9	21,66	42	101,10	75	180,54	9	22, 32	42	104,19	75	186,05
10	24,07	43	103,51	76	182,94	10	24, 80	43	106,67	76	188,53
11	26,47	44	105,91	77	185,85	11	27,28	44	109,15	! !	191,01
12	28,88	45	108,82	78	187,76	12	29 ,76	45	111,63	l I	193,49
13	31,29	46	110,73	79	190,17	13	32,24	46	114,11	1	195,97
14	33,70	47	113,13	80	192,57	14	34, 73	47	116,59		198,45
15	36,10	48	115,54	81	194,98	15	37,21		119,07	1	200,93
16	38,51	49	117,95	82	197,89	16	39,69	1	121,55	1	203,41
17	40,92		120,36		199,79	17	42,17	1 !	124,03		205,89
18	43,82	•	122,76	1 (202,20	18	44,65		126,51		208,88
19	45,73	ł I	125,17	, ,	204,61	19	47,13	1 1	128,99		210,86
20	48,14		127,58	E 1	207,02	20	49,61		131,47		213,34
21	50 ,55		129,98	1 1	209,42	21	52, 09		133,95		215,82
22	52,9 5	55	132,39	E I	211,83	22	54, 57	1	136,43	1	218,30
23	55,86	56	134,80	ŧ ł	214,24	23	57, 05	1 1	138,92		220,78
24	57,77	57	137,21		216,64	24	59,5 3		141,40		223,26
25	60,18		139,61	1	219,05	25	62,01		143,88	·	225,74
26	62,5 8	1	142 ,02		221,46	26	64,49	1	146,36	18	228,22
27	64,99	1 1	144,43)	223,87	27	66,97	1	148,84	i	230,70
28	67,40		146,84		226,27	28	69,46]	151,32	11	233,18
29	69 ,80		149,24	* 1	228,68	1	71,94	a i	153,80	li	235,66
30	72,21	1	151,65	1	231,09	1	74,42		156,28		238,14
31	74,62	4)	154,06		233, 50	1	76,90	1	158,76	1)	240,62
32	77,03	ig l	156,46	B I	235,9 0	32	79,38	1	161,24	it	243,11
3 3	79,43		158,87	1	238,81	33	81,86	1	163,72	11	245,59
34	_	-			240, 72	72 34 84,34 67 166,20 100 248,07 21,88 30 Wurchm.					
	21,0	1 30	A Dur	chm,	ļ		21,8	8 3	oll Du		

•	(68	Zoa.				69 3	0U =	= 5 ² /	4 81	ıß.
Lib.	Rfs.	Lfg.	Rfb.	Lfs.	Rfs.	efs.	RFB.	8個.	Rfs.	efs.	Rfs.
2	5,11	35	89,43	68	173,76	2	5,26	35	92,08	68	178,91
3	7,66	36	91,99	69	176,31	3	7,89	36	94,71	69	181,54
4	10,22	37	94,54	70	178,87	4	10,52	37	97,34	70	184,17
5	12,77	38	97,10	71	181,42	5	13,15	3 8	99,97	71	186,80
6	15,88	39	99,65	72	183 ,98	6	15,78	39	102,61	72	189,43
7	17,88	40	102,21	73	186,53	7	18,41	40	105,24	73	192,06
8	20,44	41	104,76	74	189,09	8	21,04	41	107,87	74	194,69
9	22,99	42	107,82	75	191,64	9	23,67	42	110,50	75	197,32
10	25,55	43	109,87	76	194,20	10	26,31	43	113,13	76	199,95
11	28,10	44	112,43	77	196,75	11	28,94	44	115,76	77	202,58
12	30 ,66	45	114,98	78	199,31	12	31,57	45	118,89	78	205,22
13	83,21	46	117,54	79	201,87	13	34,20	46	121,02	79	207,85
14	35,77	47	120,10	80	204,42	14	36 ,83	47	123,65	80	210,48
15	38,82	48	122,65	81	206 ,98	15			126,28	II .	213,11
16	40,88	49	125,21	82	209,53	16	42 ,09	49	128,92	H	215,74
17	43,44	1	127,76	11	212,09	17	44,72		131,55	H	218,37
18	45,99		130,32	14	214,64	18	47,35		134,18	{ }	221,00
19	48,55		132,87	t i	217,20		J	li	136 ,81	11	223,63
20	51,10		135,43	11	219,75			ł I	139,44	H	226,26
21	53,66		137,98	ľ	222,31	21	55,2 5	i	142,07	13	228,89
22	1		140,54	li	224,86	1	,		144,70	12	231,53
23	: 1	i.	143,09	l d	227,42		,	18	147,33	11	234,16
24	1	Į.	145,65	11	229,97	•	63,14	i I	149,96	()	236,79
25	·		148,20	Н	232 ,53		65,77	1	152,59	Ħ	239,42
26	·		150,76		235,08	9	68,4 0	i	155,23	li .	242,05
27	68,99		153,31	i I	237,64	g (71,03	1	157,86	11	244,68
28	·	1	155,87	ll .	240,20	1	73,6 6	1	160,49	lł	247,81
29			158,42	1	242,75	i i	76,29	1	163,12	II	249,94
30			160,98	l I	245,31	30	78,93		165,75	ll 4	252,57
31	79,21		163,54		247,86	1 1	81,56	i '	168,38	11	255,20
32		l i	166,09		250,42	, 1	1		171,01	H	257,84
33			168,65	LE	252,97	33	86,82		173,64	. .	260,47
34	86,88	67	171,20	100	255, 58	34	89,45	67	176,27	1100	263 ,10
	21,6	5 3	oll Du	rd)m	•	53 34 89,45 67 176,27 100 263,10 21,96 Zou Durchm.					

		70	Boa.					71	L Zou.		
Lfg.	Æſß.	Lib.	Rfß.	Leb.	Æfÿ.	efs.	Rfs.	efs.	Rfő.	efs.	Rfs.
2	5,41	35	94,77	68	184,13	2	5,57	35	97,50	68	189,43
3	8,12	36	97,48	69	186,84	3	8,35	36	100,28	69	192,21
4	10,83	37	100,19	70	189,54	4	11,14	37	103,07	70	195,00
5	13,58	38	102,89	71	192,25	5	13,92	3 8	105,8 5	71	197,78
6	16,24	39	105,60	72	194,96	6	16,71	39	108,64	72	200,57
7	18,95	40	108,31	73	197,67	7	19,50	40	111,43	73	203,36
8	21,66	41	111,02	74	200,38	8	22,28	41	114,21	74	206,14
9	24,37	42	113,72	75	203 ,08	9	25,07	42	117,00	75	208,93
10	27,07	43	116,48	76	205, 79	10	27,85	43	119,78	76	211,71
11	29, 78	44	119,14	77	208,50	11	30,64	44	122,57	77	214,50
12	32,49	45	121,85	78	211,21	12	33,42	45	125,35	78	217,28
13	35,2 0	46	124,56	79	213,91	13	36,21	46	128,14	79	220,07
14	37,9 0	47	127,26	80	216,62	14	39,00	47	130,93	80	222,86
15	40,61	48	129,97	81	219,83	15	41,78	4 8	133,71	81	225,64
16	43,82	49	132,68	82	222,04	16	44,57	49	136,50	82	228,43
17	46,03	50	135,89	83	224,75	17	47,35	50	139,28	83	231,21
18	48,74	51	138,09	84	227,45	18	50,14	51	142,07	84	234,00
19	51,44	52	140,80	85	230,16	19	52,92	52	144,85	85	236,78
20	54, 15	53	143,51	86	232,87	20	55,71	53	147,64	86	239,57
21	56,8 6	54	146,22	87	235,58	21	58,50	54	150,43	87	242,36
22	59,57	55	148,93	88	238,28	22	61,28	55	153,21	88	245,14
23	62,2 8	56	151,63	89	240,99	23	64,07	56	156,00	89	247,93
24	64,98	57	154,34	90	243,70	24	66,85	57	158,78	90	250,71
25	67,69	5 8	157,05	91	246,41	25	69,64	58	161,57	91	253,50
26	70,40	5 9	159,76		249 ,12	26	72,42	59	164,35	92	256,2 8
27	73,11	60	162,47		251 ,82	27	75,21	60	167,14	93	259,07
28	75, 81	61	165,17	lil .	254,53	28	78,00	61	169,93	94	261 ,86
29	78,52	62	167,88	95	257,24	29	80,78	62	172,71	95	264,64
30	81,23	63	170,59	96	259,95	30	83,57	63	175,50	96	267,43
31	83,94	64	173,30	97	262,66	31	86,35	64	178,28	97	270,21
32	86,65	65	176,00	98	265,36	32	89,14	65	181,07	98	273,00
33		66	178,71	99	268,07	33	91,93	66	183,86	99	275,79
		67	181,42	100	270,78	34	94,71	67	186,64	100	278,57
	22,2	8 30	U Dur	фm.			22,6	0 30	ul Du	c d m.	,

	72	3oU	= 6	Fuf				78	Zou.		
Lib.	Rfs.	Lib.	Rfs.	efs.	Rfs.	eff.	Rfs.	Lfs.	Rfs.	Lfg.	Rfg.
2	5,72	35	100,26	68	194,80	2	5,88	35	103,07	68	200,25
3	8,59	36	103,18	69	197,67	3	8,83	36	106,01	69	203,19
4	11,45	37	105,99	70	200,53	4	11,77	37	108,96	70	206,14
5	14,82	38	108,86	71	203,40	5	·14,72	38	111,90	71	209,08
6	17,18	39	111,72	72	206,26	6	17,66	39	114,85	72	212,03
7	20 ,05	40	114,59	73	209,12	7	20,61	40	117,79	73	214,97
8	22 ,91	41	117,45	74	211,99	8	23, 55	41	120,74	74	217,92
9	25, 78	42	120,32	75	214,85	9	26, 50	42	123,6 8	75	220,86
10	28,64	43	123,18	76	217,72	10	29,44	43	126,63	76	223,81
11	31 ,51	44	126,05	77	220, 58	11	32,39	44	129,57	77	226,75
12	34,37	45	128,91	78	223,4 5	12	35,88	45	132,52	78	229,70
13	37,24	46	131,78	79	226,31	13	3 8,28	46	135,46	79	232,64
14	40, 10	47	134,64	80	229,18	14	41,22	47	138,41	80	235,59
15	42,97	48	137,50	81	232,04	15	44,17	48	141,85	81	238,53
16	45, 83	49	140,37	82	234 ,91	16	47,11	49	144,80	82	241,48
17	48,70	50	143,23	83	237,77	17	50 ,06	50	147,24	83	244,42
18	51,56	51	146,10	84	240,64	18	53, 00	51	150,19	84	247,87
19	54, 48	52	148,96	85	243,50	19	55,9 5	52	153,13	85	250,31
20	57,29	53	151,88	86	246,37	20	58,89	53	156 ,08	86	253,26
21	60, 16	54	154,69	87	249,23	21	61,84	54	159,02	87	256,20
22	63 ,02	55	157,56	88	252,10	22	64,78	55	161,97	88	259,15
23	65 ,89	56	160,42	89	254,9 6	23	67,78	56	164,91	89	262,09
24	68 ,75	57	163,29	90	257,83	24	70,67	57	167,86	90	265,04
25	71,61	58	166,15	91	260,69	25	73,62	58	170,80	91	267,98
26	74,48	59	169,02	92	263,5 6	26	76 ,56	59	173,75	92	270,93
27	77,34	60	171,88	93	266,42	27	79,51	60	176,69	93	273,87
2 8	80,21	61	174,75	94	269,29	28	82,4 5	61	179,64	94	276,82
29	83,07	62	177,61	95	272,15	29	85,40	62	182,58	95	279,76
3 0	85,94	63	180,48	96	275,01	30	88,34	63	185,52		282,71
31	88,80	64	183,84	97	277,88	31	91,29	64	188,47	97	285,65
32	91,67	65	186,21	98	280,74	32	94,23	65	191,41	1 1	288,60
33	94,53	66	189,07	99	283,61	33	97,18	1	194,86		291,54
34	97,40	67	191,94	100	286,47	34	I		197,30		
			U Dur						N Dur		

		74	Zoa.				75 3	oll -	= 6 ¹ /	4 8	uß.
Lib.	Aff.	eff.	Rfs.	efs.	Rfs.	Life.	Rfs.	2f5.	Afg.	efs.	Rfg.
2	6,05	35	105,91	68	205,77	2	6,21	35	108,79	68	211,87
3	9,07	36	108,94	69	208,80	3	9,82	36	111,90	69	214, 48
4	12,10	37	111,96	70	211,83	4	12,43	37	115,01	70	217,59
5	15,18	38	114,99	71	214,85	5	15,54	38	118,12	71	220,70
6	18,15	39	118,01	72	217,88	6	18,65	39	121,23	72	223, 81
7	21, 18	40	121,04	73	220, 90	7	21,75	40	124,33	73	226,91
8	24,20	41	124,07	74	223 ,93	8	24,8 6	41	127,44	74	230,02
9	27,23	42	127,09	75	226, 96	9	27,97	42	130,55	75	233,18
10	30,2 6	43	130,12	76	229,9 8	10	31,08	43	133 ,66	76	236,24
11	33,2 8	44	133,15	77	233,01	11	34, 19	44	136,77	77	239,85
12	36,81	45	136,17	78	236,03	12	37,30	45	139,8 8	78	242,46
13	39,33	46	139,20	79	239 ,06	13	40,41	46	142,99	79	245,57
14	42,3 6	47	142,22	80	242,09	14	43,51	47	146,Q9	80	248,67
15	45,39	48	145,25	81	245,11	15	46,62	48	149,20	81	251,78
16	48,41	49	148,28	82	248,14	16	49,78	49	152,31	82	254 ,89
17	51,44	50	151,80	83	251,17	17	52,84	50	155,42	83	258,00
18	54,47	51	154,83	84	254,19	18	55, 95	51	158,53		261 ,11
19	57,49	52	157,85	85	257,22	19	59, 06	52	161,64	85	264,2 2
20	60,52	53	160,38	86	260,24	20	62, 16	53	164,74	86	267,33
21	63,54	54	163,41	87	263,27	21	65,27	54	167, 85	87	270,48
22	66,57	55	166,43	88	266,80	22	68,8 8	55	170,96	88	273,54
23	69,60	56	169,4 6	89	269,32	23	71,49	56	174,07	89	276,65
24	72,62	57	172,49	90	272,8 5	24	74,60	57	177,18	90	279,76
25	75,65	58	175,51		275,87	25	77,71		180,29	1	282,87
26	78,67	59	178,54	92	278,40		80,82	1 1	183,40		285,9 8
27	81,70		181,56	11	281,43		83, 92	1 1	186,50		2 89,08
28	84,73	ı	184,59	H	284,45	28	87,03	1 (189,61		292,19
29	87,75		187,62		287,4 8	29	90,14	1	192,72	!) [295,80
30	90,78	63	190,64	96	290,51	30	93,2 5	63	195,83	1	298,41
31	93,81		193,67	ł	293,53	31	96,3 6	1	198,94	i i	301,52
32		i I	196,69		296,5 6	32	99,47	1	202 ,05		304,68
33		1	199,72	,	299,5 8		102,58		205,16		307,74
34					302,61	34	105,68	67	208,26	100	310,84
ľ	23,5	5 3	oll Du	rchm.	•	34 105,68 67 208,26 100 310,84 23,87 Zoll Durchm.					

		76	Zoa.	·				77	Zoa.		
Liß.	Rfs.	eff.	Rfs.	Leff.	Rff.	Lfg.	Rfs.	Lib.	Rfb.	efs.	Rfs.
2	6,3 8	35	111,71	6 8	217,05	2	6,55	35	114,67	68	222,80
3	9,57	36	114,90	69	220,24	3	9,82	36	117,95	69	226,07
4	12,76	37	118,10	70	223,43	4	13,10	37	121,23	70	229,35
5	15,95	38	121,29	71	226 ,62	5	16,88	3 8	124,50	71	232,63
6	19,15	39	124,48	72	229,81	6	19,65	39	127,78	72	235,90
7	22,34	40	127,67	73	233, 01	7	22,93	40	131,05	73	239,18
8	25,58	41	130,86	74	236, 20	8	26,21	41	134,33	74	242,46
9	28,72	42	134,06	75	239,39	9	29,48	42	137,61	75	245,73
10	31 ,91	43	137,25	76	242,5 8	10	32, 76	43	140,88	76	249,01
11	35,11	44	140,44	77	245,77	11	36,04	44	144 ,16	•	252,28
12	38,30	45	143,63	78	248,97	12	39,31	45	147,44	78	255,56
13	41,49	46	146,82	79	252, 16	13	42,59	46	150,71	79	258,84
14	44,68	47	150,02	80	255, 35	14	45,87	47	153,99	80	262,11
15	47,87	48	153,21	81	258,54	15	49,14	48	157,27	81	265,39
16	51,07	49	156,40	82	261,78	16			160,54		268,67
17	54,2 6	50	159,59	83	264,93	17	55,70	50	163,82	83	271,94
18	57,45	51	162,78	84	268,12	18	58,97	51	167,10	84	275,22
19	60,64	52	165,98	85	271,31	19	62,25	52	170,37	85	278,50
20	63,83	53	169,17	86	274,50	20	65,52	53	173,65	86	281,77
21	67,03	54	172,86	87	277,69	21	68,80	54	176,93	87	285,05
22	70,23	55	175,55	88	280,89	22	72,08	55	180,20	88	288,33
23	73,41	56	178,74	89	284,08	23	75,85	56	183,48	89	291,60
24	76 ,60	57	181,94	90	287,27	24	78,63	57	186,75	90	294 ,88
25	79,79	58	185,13	91	290,46	25	81,91	58	190,03	91	298,16
26	82,99	59	188,82	92	293,65	26		59	193,31	92	301,43
27	86,1 8	60	191,51	93	296, 85	27	88,46	60	196,58	93	304,71
28	89,37	61	194,70	94	300,04	28	91,74	61	199,86	94	307,99
29	92,56	62	197,90	95	303,23	29	95,01	62	203,14	95	311,26
30	95 ,75	63	201,09	96	306,42	3 0	98,29	63	206,41	96	314,54
31	98,95	64	204,28	97	309,61	31	101,57	64	209,69	97	317,81
32	102,14	65	207,47	98	312,81	32	104,84	65	212,97	98	321,09
11	105,83	l i	210,66	99	316,00	33	108,12	66	216,24	99	324,87
1		19		1	319,19						327,64
			A Dur			·			N Dur		

	78 3	oU =	= 6 1/	* Fi	uß.			78	Zoa.		
Lfg.	Rfb.	eff.	Rfs.	efs.	Rfß.	Lfg.	RfB.	Lib.	Rfb.	Lfs.	Rfß.
2	6,72	35	117,67	68	228,62	2	6,89	3 5	120,71	68	234,52
3	10,08	36	121,03	69	231,98	3	10,84	36	124,16	69	237,97
4	13,44	37	124,89	70	235,35	4	13 ,79	37	127,60	70	241,42
5	16 ,81	38	127,76	71	238,71	5	17,24	38	131,05	71	244 ,87
6	20,17	39	131,12	72	242,07	6	20,69	39	134,50	72	248,32
7	23 ,53	40	134,48	73	245,43	7	24,14	40	137,95	73	251,77
8	26 ,89	41	137,84	74	248,79	8	27,59	41	141,40	74	255,21
9	30,2 5	42	141,21	75	252 ,16	9	31,04	42	144,85	75	258,66
10	33 ,62	43	144,57	76	255,52	10	34, 48	43	148,30	76	262,11
11	36 ,98	44	147,93	77	258 ,88	11	37 ,93	44	151,75	77	265,56
12	40,34	45	151,29	78	262 ,24	12	41,38	45	155,20	78	269 ,01
13	43,70	46	154,65	79	265 ,60	13	44,83	46	158,64	79	272,46
14	47,07	47	158,02	80	268,97	14	48,28	47	162 ,09	80	275,91
15	50,48	48	161,38	81	272,33	15	51,73	48	165,54	81	279,36
16	53, 79	49	164,74	82	275,69	16	55,1 8	49	168,99	82	282 ,81
17	57 ,15	50	168,10	83	279,05	17	58,63	50	172,44	83	286,25
18	60,51	51	171,46	84	282,42	18	62 ,08	51	175,89	84	289,70
19	63,8 8	52	174,83	85	285,78	19	65,52	52	179,34		293,15
20	67,24	53	178,19	86	289,14	20	68,97		182,79		296,60
21	70,60	54	181,55		292,5 0	21	72,42	54	186,24		300 ,05
22	73,9 6	55	184,91	88	295,86	22	75, 87	55	189,69		303,50
23	77,32	56	188,28	89	299,2 3	23	79,32	56	193,13	89	306 ,95
24	80,69	57	191,64	90	302, 59	24	82,77	57	196,58	1	310,40
25	84,05	1	195,00		305 ,95	25	86,22	1 1	200,03		313 ,85
26	87,41	59	198,36	h i	309,31	26	89,67		203, 48		317,29
27	90,77	1 1	201,72	1	312,67	27	93,12	l 1	206 ,93	ł	320,74
28	94,14	1 1	205,09		316,04	28	96,56		210,88		324 ,19
29	97,50		208,45		319,40	29	100,01		213,83		327,64
	100,86		211,81		322, 76	30	103,46		217,28	: :	331,09
12 1	104,22	1 1	215,17		326 ,12	31	106,91		220 ,73	<u> </u>	334 ,54
ff f	107,58	i i	218;53	1	329,4 9	32	110,36		224,17		337,99
33	110,95	66	221,90	99	332, 85	33	113,81	66	227 ,62	99	341,44
34			-	-	336,21	34					344,89
	24,8	B 30	U Dur	фm.			25,15	30	N Du	rd)m	

		80	Bou.	· ·		{	31 30)U =	- 6 °	4 8	uß.
efs.	RfB.	Lefs.	Rfs.	Lfg.	Rfs.	LFB.	Rfß.	efs.	Rfs.	efs.	Rfs.
2	7,07	35	128,78	68	240,50	2	7,25	35	126,90	68	246,55
3		36	127,32	69	244,03	3	10,87	36	130,52	69	250 ,17
4	14,14	37	130, 86	70	247,57	4	14,50	37	134,15	70	253, 80
5	17,68	3 8	134,39	71	251,11	5	18,12	38	137,77	71	257,42
6	21,22	39	137,93	72	254,64	6	21,75	89	141,40	72	261,05
7	24,75	40	141,47	73	258 ,18	7	25,3 8	40	145,03	73	264,67
8	28,29	41	145,00	74	261,72	8	29,00	41	148,65	74	268,30
9	31 ,83	42	148,54	75	265,25	9	32 ,63	42	152,28	75	271,93
10	35 ,36	43	152, 08	76	268,79		36 ,25	1	155,90		275,55
11	38 ,90	44	155,61	77	272,33		39 ,88	a (159,53	1 1	279,18
12	42,44	45	159,15	78	275,86	12		1	163,15		282,80
13	45,97	46	162 ,69	79	279,40	13	47,13	1 1	166,78	1	286,43
14	49,51	47	166,22		282,94	14	50,76	4	170,41		290,06
15	53, 05		169, 76		286,47	15	54,8 8		174,03		293,68
16	56 ,58		173,30		290,01	16	<u> </u>	1 1	177,66		297,81
17	60,12		176,83	i	293,55		61,63	1 1	181,28		300,93
18	1 1		180,87		297,08			1 1	184,91		304,56
19	l I		183 ,91		300,62			1	188,53	l	308,18
20	70,73		187,44	1	304,16		72,51	1	192,16	!	311,81
21	74,27		190,98	1	307,69		76,14	ł :	195,79	I.	315,44
22			194,52	1	311,23		79,76		199,41	!	319,06
23	1	1	198,05		314,77	23			203,04		322,69
24	84,88	·	201,59		318,81	24	87,01		206,66	1 .	326,31
25	i !	ŀ	205,13		321,84		i		210,29	ł	329,94
26	{		208,67		325,8 8	1	l .		213,91	1	333,56
27	95,49		212,20	Į	328,92				217,54		337,19
28	1 4	ŀ	215,74	l e	332,45		101,52	l	221,17	.	340,82
2 1	102,56		219,28		335,99		105,14		224,79		344,44
11	106,10		222,81		339,58		108,77		228,42	ł	348,07
	109,64		226,85	1	343,06		112,39		232,04	j :	351,69
	113,17	1	229,89	ľ	346,60		116,02		235 ,67		355,82
	116,71	1	233,42	1	350,14		119,64		239,29		358,94
34	120,25	67	256,96	100	505,67	34	1 25 ,27 	01	Z4Z ,92	1100	362,57
U	25,4	6 3 0	N Dur	OM.	Į.		23 ,7	8 3 (ou wit i	rym.	

		82	Zoa.	•				83	Boa.		
Life.	Rfs.	Lfs.	Rfs.	Lfß.	RH.	eff.	Rff.	Lets.	Rfs.	Lfg.	Rfs.
2	7,43	35	130,05	6 8	252,67	2	7,61	35	133,24	68	258,87
3	11,14	36	133 ,76	69	256,39	3	11,42	36	137,05	69	262 ,68
4	14,86	37	137,48	70	260,10	4	15,22	37	140,85	70	266 ,49
5	18,57	3 8	141,20	71	263 ,82	5	19,03	38	144,66	71	270,29
6	22,29	3 9	144,91	72	267,53	6	22,84	39	148,47	72	274,10
7	26,01	40	148,63	73	271,25	7	26,64	40	152,28	73	277,91
8	29,72	41	152,84	74	274,97	8	30,45	41	156, 08	74	281,71
9	33,44	42	156, 06	75	278,68	9	34,26	42	159, 89	75	285,52
10	37,15	43	159,78	76	282,4 0	10	38,07	43	163,70	76	289,83
11	40,87	44	163,49	77	286,11	11	41,87	44	167,50	1	293 ,13
12	44,58	45	167,21	78	289,8 3	12	45,68	45	171,81	78	296,94
13	48,30	46	170,92	79	293,5 5	13	49,49	46	175,12	79	300 ,75
14	52,02	47	174,64	80	297,26	14	53,29	47	178,92	80	304,56
15	55,73	48	178,35	81	300,98	15	57,10	48	182,73	81	308,36
16	59,45	49	182,07	82	304,6 9	16	l	49	186,54	82	312,17
17	63,16	50	185,79	83	308,41	17	64,71	50	190,35	83	315,98
18	66,8 8	51	189,50	84	312,12	18	68,52	51	194,15	84	319,78
19	70,60		193,22	85	315,84	19	72,33	52	197,96	85	323,59
20	74,31		196,93	4 I	319 ,56	20	76,14	1	201,77	1 1	327,40
21	78,03	54	200,65	87	323,27	21	79,94	54	205,57	87	331,2 0
22	81,74	55	204,37	88	326, 99	22	83,75	55	209,38	88	335,01
23	85,46	56	208,08	1 1	330 ,70	23	87,56		213,19	89	338,82
24	89,17	57	211,80	1 (334,42	24	91,36	1	216,99	1 1	342,63
25	92,89	1	215,51	§ 1	338,14	25	95,17	1	220, 80	1 1	346,43
26	96,61		219,23	1 1	341,85	26			224,61	1 3	350,24
	100,32	1 1	222,94	1 1	345,57	27	102,78	1 1	228, 42		354,05
	104,04	1 1	226,66	ł 1	349,28		106,59		232,22	I !	3 57,85
a 1	107,75	()	230,38	! I	353, 00	29	110,40		236 ,03	t I	361,66
30	111,47	4	234 ,09	96	356,71		114,21		239,84	i 1	365,47
31	115,19	64	237,81	97	360,43	1	118,01	1	243,64	1 1	369,27
32	118,90	65	241,52	98	364 ,15	32	121,82	i	247,45	ł I	373,08
1	122,62		245,24		367 ,86		125,63		251,26		376,89
34	126,33	-			371,58						
	26,10	30	U Dur	фm,		26,42 Zoll Durchm.					

	84	ZoU	-7	Fuß	•			81	Zoa.		
eff.	Rfs.	eff.	RfB.	Rfs.	Rfb.	efs.	Rfs.	efs.	Afg.	eff.	Aff.
2	7,79	35	136,47	68	265,15	2	7,98	3 5	139,74	68	271,50
3	11,69	3 6	140,37	69	269 ,05	3	11,97	36	143,73	69	275,49
4	15,59	37	144,27	70	272,95	4	15,97	37	147,72	70	279,48
5	19,49	38	148,17	71	276,85	5	19,96	38	151,72	71	283,48
6	23 ,89	39	152,07	72	280,74	6	23 ,95	39	155,71	72	287,47
7	27,29	40	155,97	73	284,64	7	27,94	40	159,70	73	291,46
8	31,19	41	159,87	74	288,54	8	31,94	41	163,70	1	295,45
9	35,09	42	163,77	75	292,44	9	35,9 3	42	167,69	ly i	299,45
10	38,99	43	167,66	76	296,34	10	39 ,92	43	171,68	76	303,44
11	42, 89	44	171,56	77	300,24	11	43,91	44	175,67	77	307,43
12	46,79	45	175,46	78	304,14	12	47,91	45	179,67	78	311,42
13	50,69	46	179,36	79	308,04	13	51,9 0	46	183,66	t i	315,42
14	54,59	47	183,26	80	311,94	14	55,89	47	187,65		319,41
15	58,48	48	187,16	81	315,84	15	59 ,89	48	191,64	81	323,40
16	62,3 8	49	191,06	11	319,74	16	63 ,88		195,64		327,40
17	66,2 8	50	194,96	<i>i</i> 1	323,64	17	67 ,87	i l	199,63		331,39
18	70,18	51	198 ,86	84	327,54	18	71,86		203,62		335,38
19	74,08	52	202 , 76	85	331,44	19	75, 86		207,61		339,37
20	77,98	58	206,66	il .	335,88	20	79 ,85		211,61	R (343,37
21	81,88	54	210,56	II	339,2 3	21	83,84		215,60		347,36
22	85,78	55	214,46	H	343,13	22	87,83		219,59		351,35
23	89,68	H	218,36	l I	347,03	23	91,83		223 ,59	i i	355,34
24	93,58	14	222,2 6	4	350,93	24	95,82		227 ,58	2 1	359,34
25	•	H	226,15	11	354 ,83	25			231,57		363,33
	101,38	10	230, 05	į.	358,73	26			235 ,56		367,32
	105,28	H	233,9 5		362,63		107,80	i i	239 ,56		371,32
	109,18	13	237,85	lł.	366 ,5 4		111,79		243,55	T .	375,31
	113,07	Æ	241,75	i i	370,43	1	115,78	1 1	247,54	4 1	379,30
at j	116,97	u	245,65	L)	374,33		119,78		251,53	i i	383,29
	120,87	I 1	249,55	18	378,23		123,77		255,53		387,29
	124,77	11	253,4 5	13	3 82,13		127,76	1 1	259 ,52	1 1	391,2 8
	128,67		257,85		386,03		131,75	i i	263,51		395,27
34					1	34					399 ,26
	26,7	4 30	A Dur	фm.			27,0	6 30	N Du	фm.	

		86	Zoa.	·			87 3	0A =	= 7 1/	4 8	υβ. .
Lfg.	Rfs.	efs.	Rfß.	efs.	Rfs.	Lfß.	Rfs.	eff.	Rfs.	efs.	Afg.
2	8,17	35	143,05	68	277,92	2	8,36	35	146,89	68	284,42
3	12,26	36	147,13	69	2 82,01	3	12,54	36	150,58	69	288,61
4	16,34	37	151,22	70	286,10	4	16,73	37	154,76	70	292,79
5	20,43	38	155,31	71	290,19	5	20,91	3 8	158,94	71	296,97
6	24,52	3 9	159,40	72	294,27	6	25,09	39	163,12	72	301,16
7	28,61	40	163,48	73	298,36	7	29,27	40	167,81	73	305,84
8	32,6 9	41	167,57	74	302,45	8	33,46	41	171,49	74	309,52
9	36 ,78	42	171,66	75	306, 53	9	37,64	42	175,67	75	313,70
10	40,87	43	175,74	76	310,62	10	41,82	43	179,85	76	317,89
11	44,95	44	179,83	77	314,71	11	46, 01	44	184,04	77	322,07
12	49 ,04	45	183,92	78	318 ,80	12	50,19	45	188,22	78	326,2 5
13	53 ,13	46	188,01	79	322,8 8	13	54,37	46	192,40	79	330,44
14	57,22	47	192,09	80	3 26,97	14	58,55	47	196,59	80	334,62
15	61,30	48	196,18	81	331 ,06	15	62,74	48	200,77	81	33 8,80
16	65,8 9	49	200,27	82	335,14	16	66,92	49	204,95	82	342,9 8
17	69,4 8	50	204,85	83	339,23	17	71,10	50	209,13	83	347,17
18	73,5 6	51	208,44	84	343,82	18	75,29	51	213,82	84	351,3 5
19	77,65	52	212,53	85	347,41	19	79,47	52	217,50	85	355,53
20	81,74	53	216,62	86	351, 49	20	83, 65	53	221,68	86	359,71
21	85,8 3	54	220,70	87	355, 58	21	87,83	54	225,87	87	363 ,90
22	89,91	55	224,79	88	359,67	22	92,02	55	230, 05	88	36 8,08
23	94,00	56	228, 88	89	363, 75	23	96,2 0	56	234 ,23	89	372,26
24	98,09	57	232,9 6	90	367,84	24	100,38	57	238,4 1	90	376,45
25	102,17	58	237 ,05	91	371,93	25	104,56	58	242,60	91	380,63
26	106,26	59	241 ,14	92	376,02	26	108,75	59	246, 78	1 1	384,81
27	110,85	60	245,2 3	93	380,10	27	112,93	60	250,96	1	388,99
28	114,44	61	249, 31	94	384,19	.28	117,11		255, 15	4 I	393,18
29	118,52	62	253,4 0	95	388,28	29	121,30	62	259 ,33	1 1	397,86
30	122,61	63	257,49	96	392,87	30	125,48		263 ,51	3	401,54
31	126,7 0	64	261, 58	97	396, 45	31	129,66	•	267,69	1	405,78
32	130,79	65	265,6 6	98	400,54	32	133, 84	65	271,88	98	409,91
33	134,87	66	269, 75	99	404,63		138, 03	e i	276,06	a l	414,09
34	138,96	67	273,84	100	408,71	71 34 142,21 67 280,24 100 418,27					418,27
1	27,8	7 B0	A Dur	фm.	į		27,6	9 30	A Dui	фm.	44

		88	Zou.					88	Zou.		
Lfß.	Æff.	Lfb.	Rfp.	Lfg.	Rfß.	ध्रह.	Rfß.	eff.	Æfß.	eff.	RFB.
2	8,55	35	149,78	68	291,00	2	8,75	35	153,20	68	297,65
3	12,83	36	154,06	69	295,28	3	13 ,13	36	157,58	69	302,03
4	17,11	37	158,34	70	299,56	4	17,50	37	161,96	70	306,41
5	21,39	38	162,62	71	303, 84	5	21,88	38	166,88	71	310,78
6	25,67	39	166,90	72	308, 12	6	26,2 6	39	170,71	72	315,16
7	29,95	40	171,18	73	312,40	7	30,64	40	175,09	73	319,54
8	34,23	41	175,45	74	316,68	8	35, 01	41	179,46	74	323,92
9	38,51	42	179,78	75	320, 96	9	39,39	42	183,84	75	328,29
10	42,79	43	184,01	76	325,24	10	43,77	43	188,22	76	332,67
11	47,07	44	188,29	7-7	329 ,52	11	48,15	44	192,60	77	337,05
12	51,85	45	192,57	78	333 ,80	12	52 ,52	45	196,97	78	341,43
13	55,63	46	196,85	79	338, 08	13	56,9 0	46	201,35	79	345,80
14	59,91	47	201,18	80	342,36	14	61,28	47	205,73	80	350,18
15	64,19	48	205,41	81	346,63	15	65, 65	48	210,11	81	354,56
16	68,47	49	209,69	82	350,91	16	70,08	U	214,48		358,93
17	72,75	50	213,97	83	355,19	17	74,41	50	218,86	83	363,31
18	77,03	51	218,25	84	359,47	18	78,79	51	223,24	84	367,69
19	81,31	52	222,53	85	363,75	19	83,16	52	227,62	85	372,07
20	85, 59	53	226,81	86	368,03	20	87,54	53	231,99	86	376,44
21	89,86	54	231,09	87	372,31	21	91,92	54	236,37	87	380,82
22	94,14	5 5	235,37	88	376,59	22	96,30	55	240,75	88	385,20
23	98,42	56	239,65	89	380,87	23	100,67	56	245,12	89	389,58
24	102,70	57	243 ,93	90	385,15	24	105,05	57	249,50	90	393, 95
25	106,98	58	248,21	17	389,43		109,48		253, 88	91	398,33
26	111,26	59	252,49	1	393,71		113,81	i .	258 ,26	92	402,71
27	115,54	60	256,77		397,99		118,18	!	262,63	93	407,08
28	119,82	61	261,04	l t	402,27		122,56	61	267,01	94	411,46
29	124,10	62	265 ,32	l C	406,55	29	126,94	62	271,89	95	415,84
30	128,88	63	269,60	!	410,83		131,31	63	275,77	96	420,22
31	132,66	64	273,88	H	415,11		135,69	64	280,14	97	424,59
32	136,94	65	278,16	И	419,89	32	140,07	65	284,52	98	428,97
33	141,22	66	282,44	99	423,67	33	144,45	66	288,90	99	433,35
34	145,50	67	286,72	100	427,95	34	148,82	67	293,27	100	437,73
J	28,0	1 30	N Dui	фm.	•				oll Du		

	90 3	oU =	- 7 1/:	e Fu	β.			91	Zoa.		
efs.	Rfß.	eff.	Rfs.	Lfb.	Rfs.	Lfg.	Rfs.	efs.	Rfg.	LFB.	Afg.
2	8,95	35	156,66	68	304,38	2	9,15	35	160,16	68	311,18
3	13,42	36	161,14	69	308, 85	3	13,72	36	164,74	69	315,76
4	17,90	37	165,62	70	313,83	4	18,30	37	169,82	70	329,33
5	22, 38	38	170,09	71	317 ,81	5	22,8 8	3 8	173,89	71	324,91
6	26, 85	39	174,57	72	322,2 8	6	27,45	39	178,47	72	329,49
7	31,83	40	179,04	73	326, 76	7	32, 03	40	183,05	73	334 ,06
8	35, 80	41	183,52	74	331,24	8	36, 61	41	187,62	74	338,64
9	40, 28	42	188,00	75	335,71	9	41,18	42	192,20	75	343,21
10	44,76	43	192,47	76	340 ,19	10	45, 76	43	196,77	76	347, 79
11	49,23		196,95	l t	344,6 6		50,83	H	201,85		352,87
12	53 ,71	45	201,48	78	349,14	12	54, 91	45	205 ,93	78	356,94
13	58,19	46	205,90	79	353,62	13	59,49	46	210,50	79	361,52
14	62 ,66	·	210,88		358, 09	14	64, 06	li i	215 ,08		366, 10
15			214,85	il .	362,57	15	68,64	(1	219,66	H	370,67
16		1	219,88	! }	367,0 5		-	i i	224,23	ll e	375,25
17	76, 09	50	223 ,81	1	371,52		77,79	lk .	228,81		379 ,82
18		•	22 8,28	19	376,00	i i		l i	233,8 8	lt .	384,40
19		lt .	232, 76	11	380,47			li .	237 ,96		388,98
20			237,24	11	384,9 5				242,54	14	393, 55
21	94,00	ì	241,71	14	389,43		·	11	247,11	li	398 ,13
22	98,47		246 ,19	II	393, 90	l i	100,67	13	251,69		402,71
	102,95		250,66	i i	398,8 8		105,25	Į.	256,27		407,28
	107,42		255,14	li i	402,8 6		109,88	ll.	260,84		411,86
	111,90		259,62		407,83		114,40	il	265,42	15	416,48
	116,38	1	264 ,09	l l	411,81	1	118,98	B	269,99	[]	421,01
	120,85	i i	268,57		416,28		123,55	l l	274,57	15	425,59
	125,33		273,05	15	420,76		128,13		279,15	ll l	430,16
1	129,81		277,52	i i	425,24		132,71	i e	283,72	ll '	434,74
	134,28		282,00	11	429,71		137,28	1	288,30	!	439,82
	138,76		286,47	li	434 ,19		141,86	1	292, 88		443,89
	143,23		290,95		438,67		146,44	1	297,45	i i	448,47
33	147,71	66	295,43	99	443,14	33	151,01	66	302,03	99	453,04
34	152,19	67	299,90	100	447,62	34	155,59	67	306,60	100	457,62
M.	28,6	30	U Dur	dym.			28,9	7 3	oll Du	rdym.	, i

	<u> </u>	92	Zou.				93 3	ou =	_ '7 °/	4 8	uß.
eff.	Æfß.	eff.	Rfs.	Lfg.	Rfs.	efs.	Rfs.	Lfs.	RfB.	efs.	Afg.
2	9,35	35	163,70	68	318,06	2	9,55	35	167,28	68	325,01
3	14,03	36	168,88	69	322, 73	3	14,83	3 6	172,06	69	329 ,79
4	18,70	37	173,06	70	327,41	4	19,11	37	176,84	70	334, 57
5	23,3 8	3 8	177,74	71	332 ,09	5	23 ,89	38	181,62	71	339,35
6	28, 06	39	182,41	72	336,77		28,67	39	186,40	72	344 ,13
7	32,74	40	187,09	73	341,44	7	33,4 5	40	191,18	73	848 ,91
8	37,41	41	191,77	74	346,12	8		II	195,96		353,69
9	42, 09	42	196,45	75	350, 80	9	43,01	42	200,74	75	358,47
10	46,77	43	201,12		355,4 8	10	47,79	(I	205,52	1	363,25
11	51,45	44	205,80		360, 15	11	52, 57	1	210,30		368,03
12	56,12	45	210,48	78	364 ,83	12	57,3 5		215,08		372,81
13	60 ,80	46	215,15	79	369,51	13			219,86		377,58
14	65,4 8	47	219,83	80	374,19	14			224,64	ji i	382,36
15	70,16	1	224,51	t :	378,86	15			229 ,42		387,14
16	74,83	49	229,19	Į į	383,54		_	1	234,20	18	391,92
17	79 ,51	50	233 ,86		388,22	17	81,25	1	238,9 8	4	396 ,70
18	84,19		23 8,54		392, 90	18			243,76		401,48
19	88,87		243 ,22	ł	397,57	19			248,54		406,26
20	93,54	IB .	247,90		402,25	20	·		253,81		411,04
21	98,22	l)	252,57		406,93		100,37		258,09	1	415,82
1	102,90	ll .	257,2 5		411,61		105,15		262 ,87		420,60
	107,57	1	261 ,93	1	416,28		109,93		267,65		425,38
	112,25	11	266 ,61	1	420,96	1	114,71		272,48		430,16
	116,93	II.	271,28		425,64	ľ	119,49		277,21		434,94
	121,61	li .	275,96		430,31		124,27		281,99	l l	439,72
1	126,28	i i	280,64		434,99	1	129,04	1	286,77	1	444,50
	130,96	1	285,32	ł	439,67		133,82	1	291,55		449,28
1 1	135,64	II	289,9 9		444,85		138,60	ll l	296,88	7	454,06
	140,82	H	294,67	•	449,02	:	143,88		301,11	1	458,84
	144,99	H	299,35		453,70		148,16	11	305,89	1	463,62
1 4	149,67	li	304,03		458,8 8		152,94	li	310,67	19	468,40
	154,35		308,70		463 ,06		157,72	14	315,45		473,18
84	159,08	67	 313, 88	100	467,73	34	162,50	67	320,23	100	477,96
	29,2	8 30	U Dur	фm.		29,60 Zoll Durchm.					

	<u>-</u> ,	94	Zoa.					95	Zoa.		
Liß.	Rff.	efs.	Rfs.	eff.	RfB.	ध्रिष्ठ.	Rff.	efs.	Rfs.	eff.	Rfő.
2	9,76	35	170,90	68	332,04	2	9,97	35	174,55	68	339,14
3		36	175,78	69	336,92	3	14,96	36	179,54	69	344,13
4	19,53	37	180,66	70	341,80	4	19,94	37	184,53	70	349,11
5	24,41	38	185,55	71	346,69	5	24,93	3 8	189,52	71	354, 10
6	29,29	39	190,43	72	351,57	6	29,92	39	194,50	72	359, 09
7	34 ,18	40	195,81	73	356,45	7	34,91	40	199,49	73	364 .08
8	39 ,06	41	200,20	74	361,33	8	39 ,89	41	204,4 8	74	369, 06
9	43,94	42	205,08	75	366 ,22	9	44 ,88	42	209,47	75	374 ,05
10	48,82	43	209,96	76	371,10	10	49,87	43	214,45	76	379,04
11	53,71	44	214,85	77	375,98	11	54 ,86	44	219,44		384 .08
12	58,59	45	219,78	78	380,87	12	59,84	45	224,43		389,01
13	63,47	46	224,61	79	385,75	13	64,83	46	229,42	79	394 ,00
14	68,36	47	229,49	80	390,63	14	69,82	47	234,40	80	398,9 9
15	73,24	48	234,3 8	81	395,51	15	74,81	48	239,8 9) :	403,98
16	78,12	49	239,26	82	400,40	16	79,79	49	244,88	1 1	408,96
17	83,01	50	244,14	83	405,28	17	84,78	50	249,37		413,95
18	87,89	51	249,03		410,16	18	89,77	51	254 ,85		418,94
19	92,77	52	253,91	85	415,05	19	94,76	52	259,84		423,9 2
20	97,65	53	258, 79	1	419,93	20	l l		264,83]	428,91
21	102,54	54	263 ,67		424,81		104,78	1 1	269,32	i i	433,90
22	107,42	55	26 8,56		429,70	-	109,72	55	274,80		43 8,89
23	112,30	56	273,44		434 ,58		114,71	56	279,29	1	443,87
· 24	117,19	57	278,32		439,46	1	119,69		284,28		448,86
25	122,07		283 21		444,34	1 1	124,68		289,26		453,8 5
26	126,95	J !	288,09		449,28		129,67	t i	294,25		458,84
	131,83	l j	292,97	1	454,11		134,66		299,24		463,82
28	136,72	1	297,86		458,99		139,64		304,23	1	468 ,81
29	141,60		302,74	1	463 ,88		144,63		309,21		473,80
30	146,48	1 :	307,62	1	468 ,76	1	149,62	1 1	314,20		478,79
31	151,87	l i	312,50		473.64		154,60	ł d	319,19		483,77
32	156,25	1	317,89	1 1	478,53	l i	159,59		324,18	ł I	488,76
33	161,13	66	322,27	99	483,41		164 ,58		329,16		493,75
84	166,02	67	327,15	100	488,29	34	169,57	67	334,15	100	498,74
	29,9	2 30	A Dut	фm.	l	1	30,2	4 3	oll Du	rchm.	

	96	Zoll	-8	Fuß	•		 	97	Jou.	,	
eff.	Rfs.	eff.	Rfs.	218.	Rfs.	Lfg.	Rfs.	efs.	Rfb.	eff.	Rff.
2	10,18	35	178,25	68	346,32	2	10,89	35	181,98	68	353,57
3	15,27	36	183,34	69	351,41	3	15,59	36	187,18	69	358,77
4	20,37	37	188,43	70	356, 50	4	20,79	37	192,38	70	363, 97
5	25,46	3 8	193,53	71	361, 60	5	25,9 9	38	197,58	71	369 ,17
6	30, 55	39	198,62	72	366 ,69	6	31, 19	39	202,78	72	374,37
7	35, 65	40	203,71	73	371,78	7	36,3 9	40	207,9 8	73	379,57
8	40,74	41	208,81	74	376, 87	8	41,59	41	213,18	74	384,77
9	45,83	42	213,90	75	381,97	9	46,79	42	218,38	75	389, 97
10	50,92	43	218,99	76	387,06	10	51,9 9	43	223,58	76	395,17
1.1	56 ,02	44	224,09	77	392, 15	11	57,1 9	44	228, 78	77	400,36
12	61,11	45	229 ,18	78	397,25	12	62,3 9	45	233,9 8	78	405,56
13	66,2 0	46	234,27	79	402,34	13	67 ,59	f I	239, 18		410,76
14	71,80	47	239, 36	80	407,43	14	72, 79		244,8 8	1	415,96
15	76,8 9	48	244,4 6	81	412 ,52	15	77,99)	249 ,58		421,16
16	81,48	49	249,55	82	417,62	16	83 ,19	49	254, 78	82	426,36
17	26, 58	50	254,64	H	422,71	17	88,39	1 1	259,9 8	†	431,56
18	}	51	259,74		427,80		,		265,18		436,76
19	·	J1	264 ,83	ll .	432,9 0		•	1	270,37		441.9 6
1	101,85	!	269 ,92	il .	437,99	20]	1 I	275,57	1 1	447,16
i i	106,95	1)	275,01	N	443,08	21			280,77	ł	452,36
	112,04	11	280,11		448,17		114,39	i l	285,97		457,56
ll i	117,13	H	285,20	i I	453,27		119,59	1 1	291,17	1	462,76
	122,2 3	i1	290,29	1	458,8 6	ì	124,79	1 i	296,3 7	1 1	467,96
H	127,82	{ }	295,39	1	463,45		129,99	1 1	301,57	1 1	473,16
li l	132,41	łi	300,48		468,55		135,18	1 1	306,77	1 1	478,36
	137,50	1)	305,57	1	473,64		140,88	1 1	311,97	1	483,56
li i	142,60	(1	310,67	!	478,73	1	145,58		317,17	1 1	488,76
	147,69	11	315,76	H	483 ,83	i i	150,78	1 1	322,37	1 1	493,96
	152,78	11	320, 85	1	488,92	1	155,98	1 1	327,57	1 1	499,16
86 8	157,88	H	325,94		494,01	31	161,18	,	332,77	l I	504,36
1	162,97	i I	331 ,04	1	499,11	32	166,3 8	1 -	337 ,97		509,56
33	168 ,06	66	336 ,18	99	504 ,20	33	171,58	66	343,17	99	514,76
34	173,16	67	341,22	100	509,29	34	176,78	67	348,87	100	519,96
	30,5	6 30	A Dur	chm.			30 ,8	8 31	oll Dur	com.	ļ

•		98	330 a.				99 3	oU =	= 8 1/	48	uβ.
eff.	Rff.	eff.	Rfs.	eff.	Rfs.	efs.	Rfs.	efs.	Rfs.	eff.	Rfs.
2	10,61	35	185,75	68	360, 90	2	10,83	35	189,56	68	368,80
3	15,92	36	191,06	69	366,2 0	3	16,24	36	194,98	69	373,72
4	21,22	37	196,37	70	371,51	4	21,66	37	200,40	70	379,18
5	26,53	38	201,68	71	376 ,82	5	27,08	38	205,81	71	384, 55
6	31,84	39	206 ,98	72	382, 13	i i		39	211,23	72	389, 96
7	37,15	40	212,29	73	387,4 3				216,64	73	395,3 8
8	42,45	ij .	217,60		392,74	8			222,06	\$∤	400,80
9	47,76	18	222, 90		398, 05	ł l			227,48	3 1	406,21
10	53,07		228,21	I	403,86				232 ,89	ŧi	411,63
11	58,8 8		233 ,52		408,66				238,81	ii _	417,05
12	63,6 8	45	238 ,83	78	413,97	12		il	243 ,78	li	422,46
13	68,9 9	1	244,18		419,28			ll .	249,14	11	427,88
14	·		249,44	4	424 ,59		75,82	47	254,56]	433 ,29
15	79,61	48	254 ,75	81	429, 89	15	81,24	48	259,97	81	438,71
16	84,91	1	260, 06		435,20	16	86 ,65	49	265,8 9	11	444,13
17	90,22		265,8 6	83	440,51	17	·	II.	270,81	83	449,54
18	,	l i	270,67		445 ,81	18			276,22	11	454,96
	100,84		275,98	,	451,12		102,90		281,64	łf	460,88
	106,14		281,29		456,43		108,82	J	287 ,06	11	465,79
	111,45		286 ,59	l	461,74		113,74	 	292,47	16	471,21
6 i	116,76		291,90		467,04		119,15	1	297,89	11	476,62
	122,06		297,21	{	472,35		124,57	4	303,3 0	[]	482,04
	127,37	1	302,52		477,66		129,98	l.	308, 72	Jł.	487,46
	132,68		307,82	4	482,97		135,40		314,14	11	492,87
	137,99		313,18	1 !	488,27		140,82	1	319,55	11	498,29
	143,29	3	318,44	1	493,58		146,23	1	324 ,97	ił .	503,71
	148,60	1	323,75		498,89		151,65		330,\$9	li	509,12
	153 ,91		329, 05		504,20		157,07	1	335 ,80]1	514,54
1	159,22		334,36	ł I	509, 50	l i	162,48	1 .	341,22		519,95
	164,52	7	339,67	.	514 ,81		167,90		346 ,63	l I	525,87
	169,83		344,97	1	520,12	ľ	178,81		3 5 2, 05	U	530,79
	175,14		850,2 8	1	525,48		178,73	1	357,47		536,20
34		_			530,78	34	•		-		541,62
H	31 ,1	9 30	A Dur	dm.	1		31 ,5	1 30	oll Du	rchm.	

	100	30	a.		101	30	a.	16	% 3. =	= 8	1/28.
Lfg.	Rfß.	Lefs.	Rfß.	Lfs.	Rfs.	efs.	Rfß.	Eff.	Rfs.	Lib.	Rìß.
2	11,05	3 5	193,41	2	11,27	35	197,30	2	11,49	35	201,23
3	16,57	36	198,94	3	16,91	36	202,94	3	17,24	36	206,98
4	22 ,10	37	204,46	4	22,54	37	208,57	4	22,99	37	212,73
5	27,63	38	209,99	5	28, 18	38	214,21	5	28,74	38	218,47
6	33,15	39	215 ,52	6	33 ,82	39	219, 85	6	34,49	39	224,22
7	38 ,68	40	221,04	7	39,4 6	40	225,49	7	40,24	40	229,97
8	44,20	41	226 ,57	8	45,09	41	231 ,12	8	45,99	41	235,72
9		1	232, 10		1	l i	236 ,76		_ •		241 ,47
10		5	237,62	10	56,37		242 ,40	i	·	16 :	247,22
11	1		243 ,15		62 ,01		24 8,04	11	63,24	1	252,97
12			248,67	12	,		253,67	12	·	1	258,72
13			254,20	13	· '		259,31	13	·	12	264,47
14	4 1	4	259 ,73	14	,		264 ,95	14	•	II.	270,22
15			265 ,25	15	i i		270,58				275,97
16			270 ,78		· ·		276,22				281,72
17	}		276,31	17		\$	281 ,86		· ·	lt	287,47
18	1	ĺ	281,83		101,47		287,50		103,49		293,22
	104,99		287,36		107,10	1	293,13	i	109,28	H	298,97
	110,52		292,88		112,74		298,77		114;98		304,72
[]	116,05		298,41		118,38	1	304,41	ľ	120,73		310,47
	121,57		303,94		124,02		310,05	1 1	126,48		316,22
1	127,10	1 :	309,46	_	129,65		315,68		132,28	lb i	321,97
	132,62	1	314,99		135,29	1	321,82	1	137,98		327,71
VI I	138,15	1	320,52		140,93	l i	326,96		143,73	!	333,46
:1	143,68		326,04		146,56	i I	332,60	1	149,48		339,21
	149,20		331,57		152,20	1	338,23		155,28		344,96
	154,78		359,20	1	157,84		366,42	1	160,98	1	373,71
l l	160,26		386 ,83		163,48		394,61	l 1	166,78	U - 1	402,46
	165,78	i	414,46		169,11		422,79		172,48	!!	431,21
	171,31		442,09		174,75		450,98		178,28		459,95
][176,83		469,72		180,39	1	479,16		183 ,98	1	488,70
33	182,36	90	497,35	33	186,03	90	507,85	33	189,78	90	517,45
34	187,89	100	552,62	34	191,66	100	563,72	34	195,48	100	574,94 rom.
31 ,	,83 Zol	Di	ırdym.	32,	15 300	Di	ırdım.	32,	47 30B	Du	rchm.

	108	30	a.		104	30	a.	10	5 3.=	-8	³ /4 F.
efs.	Æff.	eff.	Rfß.	Lfg.	Æfß.	efs.	Rfs.	eff.	Riß.	efs.	Rfs.
2	11,72	35	205,19	2	11,95	35	209,20	2	12,18	35	213,24
3	17,58	36	211,05	3	17,98	36	215,17	3	18,27	36	219,88
4	23,45	37	216,92	4	23,90	37	221,15	4	24,87	37	225,42
5	29,31	3 8	222, 78	5	29,88	38	227,13	5	30,46	38	231 ,52
6	35,17		228,64	6	35,86	39	233, 10	6	36,55	39	237,61
7	41,03	40	234,51	7	41,84	40	239 ,08	7	42 ,64	40	243,70
8	46,90	41	240,87	8	47,81	41	245 ,06	8	48,74	41	249,79
9	52, 76	42	246,23	9	53,79	42	251,04	/9	54,88	42	255,89
10	58,62	43	252,09	10	59,77	43	257,01	10	60,92	43	261,98
11	64,49	44	257,96	11	65,74	44	262,9 9	11	67,01	li l	268,07
12	70,85	45	263 ,82	12	71,72	45	268,97	12	73,11	45	274,16
13	76,21	46	269 ,68	13	77,70	46	274,94	13	79,20	46	280,26
14	82,07	47	275,54	14	83 ,68	47	280,92	14	85,29	47	286,35
15	87,94	48	281,41	15	89,65	48	286,90	15	91,88	48	292,44
16	93,80	49	287,27	16	95,68	49	292, 88	16	97,48	49	298,53
17	99,66	50	293,13	17	101,61	50	298 ,85		103,57	lt	304,63
18	105,52	51	299,00	18	107,58	51	304,83	18	109,66	51	310,72
19	111,39	52	304,86	19	113,56	52	310,81	19	115,76	52	316,81
20	117,25	53	310,72	20	119,54	53	316,78	20	121,85	53	322,91
21	123,11	54	316,58	21	125,52	54	322, 76	21	127,94	54	329,00
22	128,98	55	322,45	22	131,49	55	328,74	22	134,03	55	335, 09
23	134,84	56	328,31	23	137,47	56	334,72	23	140,18	56	341, 18
24	140,70	57	334,17	24	143,45	57	340 ,69	24	146,22	57	347,28
25	146,56	58	340 ,04	25	149,42	58	346,67	25	152,81	58	353,37
26	152,48	59	345,90	26	155,40	59	352 ,65	26	158,40	59	359,46
27	158,29	60	351,76	27	161,88	60	358,62	27	164,50	60	365 ,55
	164,15		3 81,07	28	167,86	•	388,51	28	170,59	65	396,02
	170,02	1	410,89	29	173,33	I .	418,40	29	176,68	70	426,48
ł R	175,88		439,70	i i	179,31		448,28	30	182,77	75	456,94
1	181,74	•	469 ,02		185,29	1	478,17	31	188,87	80	487,41
	187,60	•	498,33	· '	191,26		508 ,05		194,96	13	517,87
	193,47	1	527,64		197,24	t	537,94	1	201,05	18	548,38
				_		3			i		609,26
32,	79 30 0	Di	ırdın.	33,	10 30 N	Di	ırdın.	33,	42 ZoI	I D1	ırdım.

	112	30	a.		113	30	a.	11	4 3. =	-8	1/28.
eff.	Rfs.	LfB.	Rfg.	Lib.	Rfb.	Lfß.	Aff.	efs.	Rfß.	eff.	Aff.
2	13 ,86	35	242,62	2	14,11	3 5	246,97	2	14,36	35	251,36
3	20,79	36	249 ,55	3	21,16	36	254,03	3	21,54	36	258 ,54
4	27,72	37	256,4 8	4	28,22	37	261, 08	4	28,72	37	265,72
5	34 ,66	3 8	263,4 1	5	35,28	3 8	268,14	5	35, 90	38	272,91
6	41,59	39	270,85	6	42,83	39	275,20	6	43,09	1	280,01
7	48,52	40	277,28	7	49,8 9	40	282, 25	7	50,27	1	287,27
8	55,45	41	284,21	8	56,45		289,31	8	57,45		294,45
9	· •	1	291 ,14	9			296,8 6	9	64,63	ll i	301,63
10	69,82	43	298,07	10	70,56		303 ,42	10	71,81		308,82
11	76,25		305,01	11	77,62	1	310,48	11	79,00		316,00
12			311,94		i i		317,58	12	86,18		323,18
13	90,11		318,87	13	•		324 ,59	13	93,36		330,36
14	· ·		325 ,80	14	, i		331,65				337,54
	103,98		332 ,78		105,84		33 8,70		107,72	1	344,72
	110,91	1	339,67		112,90		345,76		114,90	<u>d</u> 1	351,91
1	117,84	1	346,60		119,95		352 ,82		122,09		359,09
	124,77	1	353,53		127,01		359 ,87		129,27	1	366,27
	131,70		360,46		134,07		366 ,93		136,45	5 (373,45
ł	138,64	•	367,40	1	141,12		373,99	-	143,63		380,63
	145,57	i i	374,88		148,18		381,04		150,81		387,83
	152,50		381,26		155,24		388,10		158,00		395,00
	159,48	l .	388,19		162,29		395,15		165,18	1 1	402,18
Maria de la compansión de la compansión de la compansión de la compansión de la compansión de la compansión de	166,36	l .	395,12) I	169,85		402,21		172,36		409,36
1	173,30		402,06		176,41		409,27		179,54		416,54
' 1	180,28		408,99		183,46		416,32		186,72		423,73
	187,16		415,92		190,52		423,88		193,91	. ,	430,91
84 1	194,09	1	450,58	_	197,57		458,66		201,09		466,82
	201,08		485,24		204,63		493,94		208,27		502,73
	207,96	ł	519,90		211,69		529,28		215,45	1 1	5 38 ,64
	214,89	1	554,5 6		218,74	1	564 ,51		222,63		574,54 010.45
	221,82	1	589,22		225 ,80		599,79		229,81	85	610,45
33	228,75	90	623,8 8	33	232 ,86	90	635 ,07	33	237,00	90	646,8 6
34	235,69	100	693,20	34	259,91	100	705,64	34	244,18	IW	110)10
N 35,	,65 30 U	N WI	irdim.	35,	97 Zou	Di	ır d m.	36,	29 Zoll	Du	trhu.

	109	Bo	a.		110	Bo	ar i	11	13	- 8	1/49
Lig.	Æf\$.	8fF.	足情 .	eff.	Rfß.	8億.	Rif.	2個.	Affi.	efg.	统机
2	13,13	35	229,79	2	13,87	35	234,02	2	13,61	35	238,
3	19,69	36	236,86	8	20,06	36	240,72	3	20,42	36	245,1
4	26,26	37	242,93	4	26,74	37	247,40	4	27,28	37	251,9
5	32,82	38	249,49	5	33,43	38	254,09	5	34,04	38	258,7
6	39,89	39	256 ,06		40,12	39	260,78		40,85	39	265,5
7	45,95		262,62			40	267,46	7	47,66	40	272,8
8	52,52		269,19	1	1 1	1	274,15		54,47	41	279,1
9	59,09		275,75		1	ır	280,84			T I	285,9
10	· ' I		282,32	10	1 1		287,52		*		292,7
11	72,22		288,89	11	73,55		294,21	11	74,89	N .	299,5
12			295,45			ľ	300,90				306,
13			302,02	13	1	l[307,58		88,51		313,20
14	1 1	r	308,58	14			314,27	14	95,82	H	320,0:
15			315,15		100,80		320,96				326,8
16	105,05		321,71		106,98		327,64		108,94	н	333,61
	111,61		328,28		113,67		334,38		115,75		340,41
	118,18		334,85		120,86		341,02		122,55	41.	347,20
	124,74		341,41 347,98		127,04		347,70		129,86	IL	354,06
	131,81 137,87		354,54		1 53 ,73 1 40 ,42		354,89 361,08		136,17	••	360,86 367,61
	144,44		361,11		147,10		367,76		1 42,9 8 1 49, 79	н	374,48
41	151,01	3	367,67		153,79		374,45		156,60		381,29
	157,57	,	374,24		160,48	1	381,14		163,41		388,10
	164,14		380,81		167,16	1	387,82		170,22	н	394,91
	170,70		387,87		173,85		394,51		177,03		401,72
	177,27		393,94		180,54		401,20		183,83	19	408,58
	183,88		426,76		187,22	1	434,63		190,64	H .	442,57
	190,40		459,59	i	193,91		468,07		197,45	ľ	476,61
			492,42		200,80		501,50				510,66
			525,25		207,28		534,98				544,70
			558,08		213,07		568,87		217,88		
	216,66		, i			1	601,80			N .	612,79
			656,56	1			668,67				680,88
	70 ZoN				01 3 0T				88 30 I		

	118	30	a.		119	30	a.	I	3.	==]	Og.
Lib.	Rfs.	eff.	Rf8.	efs.	Rfs.	efs.	Æfß.	eff.	RFF.	2fs.	Aff.
2	15,38	35	269,31	2	15,65	3 5	273, 89	2	15,91	3 5	278,52
3	23, 08	3 6	277,00	3	23,47	36	281,72	3	23 ,87	5 6	286,47
4	30,77	37	284,70	4	31,30	37	289,54	4	31,83	37	294,43
5	38,47	38	292 ,89	5	39,12	38	297,37	5	39 ,78	3 8	302,39
6		ŀ	300 ,09		46 ,95		305 ,20		47,74	39	310,35
7	53 ,86		307,78		54,77	4	313,02		55,70	le l	318,31
8		ł	315,48		62, 60	1	320 ,85	8	63 ,66	1	326,26
9			323,17	9	70,48	il I	328 ,67	9	1	Pi .	334,22
10		•	330,87	10	,		336 ,50			16	342,18
11		f	338,56		·		344,32				350 ,14
12			346,26			1	352,1 5	12	1		358,09
	100,03		353,95	13			359,9 8		103,45		366 ,05
1	107,72	l	361,6 5	14			367 ,80		111,40		374 ,01
	115,42		369,34		117,88		375,63		119,86	•	381,97
	123,11		377,04		125,21	1	383,45	l	127,82	•	389,92
	130 ,80		384,73		133,03	3	391,28		135,28	4 1	397,88
	138,50		392,42		140,86		399 ,10		143,23		405,84
	146,19		400,12		148,68		406,93	1	151,19		413,80
1	153,89	1	407,81		156 ,51		414,76		159 ,15	3 (421,76
	161,58		415,51		164,33		422,58		167,11	1	429,71
1	169,28	1	423,20		172,16		430,41	_	175,07	1	437,67
	176,97	1	430 ,90	l	179,99		438,23		183,02		145,63
	184,67		438,59		187,81	i	446,06		190,98	t 1	153,59
	1 92,8 6		446,29	1	195,64		453 ,88		198,94	a :	161,54
	200 ,06	1	453,98	i 1	203,46	•	461,71		206,90	1	69,50
1	207,75	j	461,68		211,29		469,54		214,85		77,46
	215,45		500 ,15		219,11		508,66		222,81	1 1	17,25
	223,14		538 ,62		226,94		547,79		230,77	1 1	57,04
	230,84 238,58		577,10		234 ,77 242 ,59	:	586,92	i i	238 ,78	•	96,83
	246,23	Ĭ	615,57 654,04			i i	626 ,05		246 ,69	4 1	36,62
	253,92	1	692,52	•	250,42 258,24		665 ,18		254,64	1	76,40
		IW An	769,47	24	DER AP	100	704,31	00 14	262 ,60	100	16,19
			ndm.								

	115	u.		116	30	a.	11	7 3. =	= 9	3/4 F.	
Lfs.	Rff.	eff.	Rfő.	eff.	Aff.	Lfg.	Æfß.	efs.	Afg.	eff.	Rfß.
2	14,61	35	255,79	2	14,87	35	260 ,26	2	15,12	35	264, 76
3	21,92	3 6	263, 10	3	22,30	36	267 ,69	3	22,69		272,33
4	29,23	37	270,41	4	29,74	37	275,18	4	30,25		279,89
5	36,54	38	277,71	5	37,18	3 8	282,57	5	37,82		287,46
6	43 ,85	1	285 ,02		44,61	39	290, 00	6	45,3 8	í i	295,02
7	51,15	40	292,33	7	52 ,05		297,44	7	52,95	4	302 ,59
8	58,46	41	299,64	8	59,48	41	304, 87	8		1	310,15
9	65,77	42	306,95	9	66,92	42	312,31	9		[]	317,72
10	73 ,08	43	314,26	10	i i		319,75	10	_		325, 28
11	80,89		321,57	11	81,79		327,18	11	83,21		332 ,85
12			328 ,87	12	' I		334 ,62	12			340,41
13	95,00		336 ,18		96 ,66	1	342 ,05	13	98,84		347,98
	102,31	i	343,49		104,10		349,49		105,90	i i	355,54
15	109,62	48	350, 80	15	111,54	48	356,93		113,47		363,11
	116,93		358,11		118,97	i I	364 ,86		121,08		370,67
R1	124,24		365,42		126,41	1	371 ,80		128,60		378,24
	131,55	•	372,72		133,84	1	379,23		136,16	i	385 ,80
}	138,85		380 ,03	1	141,28	1	386,67	1	143,78	KI I	393,87
	146,16		387,84		148,72		394,11		151,29	4	400,93
	153,47		394,65		156,15		401,54		158,86		408,50
	160,78	1 1	401,96		163,59		408,98		166,42	T .	416,06
	168,09	1	409,27		171,02		416,41		173,99		423,68
1	175,40		416,57	1	178,46	4 1	423,85		181,55		431,19
	182,71		423,88		185,90		431,29	1	189,12		438,76
	190,01	i I	431,19		193,33	B .	438,72		196,68	1	446,82
	197,32	1 1	438,50		200,77	1	446,16		204,25		453 ,88
	204,63	•	475,04		208,20		483,84		211,81		491,71
	211,94		511,58		215,64		520,52		219,38		529,58
Į į	219,25		548,13		223,08		557,70		226,94		567,36
1	226,56	4	584,67	1	230,51	1 1	594 ,88		234 ,50		605,18
	233 ,86		621,21		237 ,95	, I	632 ,06	1	242,07	i l	643 ,01
	241,17		657,75	. 1	245,89	1 1	669,24		249,63		680,83
34	248,48	1100	730,84	34	252,82	100	743,60	34	257,20	100	756,48
36 ,	,61 ZoU	Di	irdym.	36 ,	,92 30 0	ı Dı	ırom.	37,	24 Hol	l Di	urchm.

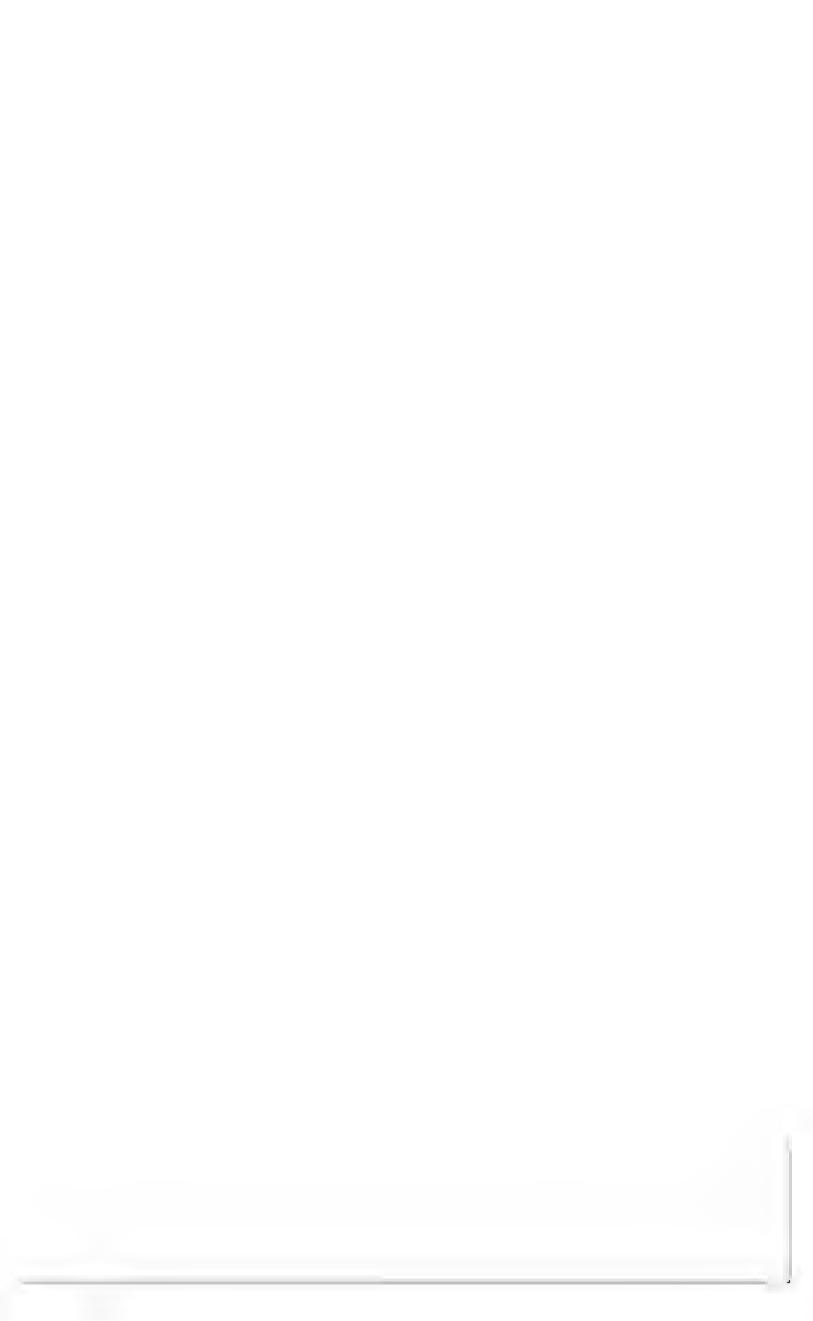
_

	118	Bo	α.		119	Bo	a.	I	:0 3.	=]	Og.
eff.	Яij.	網.	Яij.	eff.	Rfg.	₽f#.	Āij.	effi.	.保情.	2f#.	RIL
2	15,38	85	269,31	2	15,65	3 5	273,89	2	15,91	85	278,52
3	23 ,08	56	277,00	3	23,47	36	281,72	3	23,87	36	286,47
4	30,77	37	284,70	4	31,50	37	289,54	4	31,68	37	294,43
5	38,47	88	292,89	5	39,12	38	297,37	5	39,78	38	302,39
6	46,16	39	300,09	6	46,95	39	305,20	6	47,74	39	310,35
7	53, 86	40	307,78	7	54,77	40	313,02	7	55,70	40	318,51
8	61,55	41	315,48	8	62,60	41	320,85	8	63,66	41	326,26
9	69,25	42	323,17	9	70,48	42	328,67	9	71,61	42	334,22
10	76,94	43	330,87	10	78,25	43	336,50	10	79,57	43	342,18
11	84,64	44	338,56	11	86,08	44	344,32	11	87,63	44	350,14
12	92,88	45	346,26	12	93,90	45	352,15	12	95,49	45	358,09
H 1	100,03		353 ,95	13	101,73	46	359,98	13	103,45	46	366 ,05
14	107,72	47	361,65	14	109,55	47	367,80	14	111,40	47	374,01
15	115,42	48	369,84	15	117,88	48	375,63	15	119,86	48	381,97
	123,11		377,04		125,21	49	383,45	16	127,82	49	589,92
	130,80		384,78	-	133,03	50	591,28	17	135,28		397,88
	138 ,50		392,42		140,86	51	399,10	18	143,23	51	405,84
	146,19		400,12	19	148,68	52	406,98	19	151,19	52	413,80
	153,89		407,81		156,51		414,76	20	159,15	53	421,76
	161,58	H	415,51		164,88		422,58		167,11		429,71
	169,28		423,20		172,16	55	430,41	22	175,07	55	437,67
	176,97		430,90		179,99	56	438,23				445,63
	184,67		438,59		187,81		446,06	-	190,98	57	453,59
	192,86		446,29		195,64		453,88				461,54
	200,06		453,98		203,46		461,71	I			469,50
			461,68		211,29		469,54				477,46
	215,45		500,15		219,11	_	508,66				517,25
	223,14		538,62		226,94		547,79				557,04
			577,10		234,77		586,92				596,88
			615,57		242,59		626, 05				636,62
			654,04		250,42		665,18				676,40
			692,52		258,24		704,81				716,19
			769,47			_	782,56	'	_		795,77
37,	se Hol	Di	ndm.	37,	88 ZoU	DI	irchm.	38,	20 Zoll	Du	гфия.

11	Zoa.	11	130U.	12	Zoa.	12	Z3oU.	18	Zou.	18	1 30a.
2f6.	RfB.	eff.	Aff.	efs.	Rfs.	eff.	Afs.	eff.	RfB.	eff.	Aff.
2	1,31	2	1,44	2	1,57	2	1,70	2	1,84	2	1,98
3	1,97	3	2,16	3	2,35	3	2,55	3	2,76		2,98
4	2,63	4	2,88	4	3,14	4	3,40	4	3,68		3,97
5	3,29	5	3,60	5	3,92	5	4,26	5	4,60		4,97
6	3,95	6	4,32	6	4,71	6	5,11	6	5,58		5,96
7	4,61	7	5,04	7	5,49	7	5,96	7	6,45		6,95
8	5,27	8	5,77	8	6,28	8	6,81	8	7,87	8	7,95
9	5,93	9	6,49	9	7,06	9	7,66	9	8,29	9	8,94
10	6,59	10	7,21	10	7,85	10	8,52	10	9,21	10	9,94
11	7,25	11	7,93	11	8,63	11	9,87	11	10,13	11	10,98
12	7,91	12	8,65	12	9,42	12	10,22	12	11,06	12	11,92
13	8,57	13	9,87	13	10,21	13	11,07	13	11,98	13	12,92
14	9,23	14	10,09	14	10,99	14	11,98	14	12,90	14	13,91
15	9,89	15	10,81	15	11,78	15	12,78	15	13,82	15	14,91
16	10,55	16	11,54	16	12,56	16	13,68	16	14,74	16	15,90
17	11,21	17	12,26	17	13,85	17	14,48	17	15,66	17	16,89
18	11,87	18	12,98	18	14,13	18	15,83	18	16,59	18	17,89
19	12,53	19	13,70	19	14,92	19	16,19	19	17,51	19	18,88
20	13,19	20	14,42	20	15,70	20	17,04	20	18,48	20	19,88
21	13,85	21	15,14	21	16,49	21	17,89	21	19,85	21	20,87
22	14,51	22	15,86	22	17,27	22	18,74	22	20,27	22	21,86
23	15,17	23	16,59	23	18,06	23	19,60	23	21,20	23	22,86
24	15,88	24	17,31	24	18,84	24	20,45	24	22,12	24	23,85
25	16,49	25	1	25	19,63		21,80	25	23,04	25	24,85
26	17,15	26	•	ł	20,42	1	22,15	26	23,9 6	26	25,84
27	17,81	27	19,47	27	21,20	27	23,00	27	24,8 8	27	26,83
28	18,47	28	`	1			23,86	28	25,80	28	27,83
29	19,13	29	1		22,77	29	24,71	29	26,73	29	28,82
30	19,79	30	21,63	30	23,56	30	25,56	30	27,65	30	29,82
31	20,45	31	22,86		24,84	31	-26,41	31	28,57	31	30,81
32	21,11	32	23,08	32	25,1 3	32	27,27	32	29,49	32	31,80
33	21,77	33	23,80	33	25,91	83	28,12	33	30,41	33	32,80
34	22,43	34	24,52	34	26,70	34	28,97	84	31,88	34	33,79 1 3. U.
34,5	6 3. U.	36,1	8 3. U	37,7	0 3. U.	39,	7 3. U.	40,8	4 3. U.	42,4	1 3. u .

8	Boll.	81	Boa.	9	Bou.	9 ⁵	Zoa.	10	Zoa.	10	<u>₹</u> 30¶.
Life.	Æff.	१ हि.	RIB.	₽ff.	Æfÿ.	efß.	Aff.	%	Rff.	219.	Aff.
2	0,69	2	0,78	2	0,88	2	0,98	2	1,09	2	1,20
5	1,04	8	1,18	3	1,82	8	1,47	8	1,68	8	1,80
4	1,89	4	1,57	4	1,76	4	1,96	4	2,18	4	2,40
5	1,74	5	1,97	5	2,20	5	246	5	2,72	5	3,00
6	2,09	6	2,86	6	2,65	6	2,9 5	6	3,27	6	8,60
7	2,44	7	2,75	7	3,09	7	3,44	7	3,81	7	4,20
8	2,79	8	3,15	8	3,58	8	3,93	8	4,36	8	4,81
0	8,14	9	3,54	9	3,97	9	4,49	9	4,90	9	5,41
10	3,49	10	3,94	10	4,41	10	4,92	10	5,45	10	6,01
11	3,83	11	4,88	11	4,85	11	5,41	11	5,99	11	6,61
12	4,18	12	4,72	12	5,80	12	5,90	12	6,54	12	7,21
13	4,58	13	5,12	13	5,74	13	6,89	13	7,09	13	7,81
14	4,88	14	5,51	14	6,18	14	6,89	14	7,63	14	8,41
15	5,23	15	5,91	15	6,62	15	7,88	15	8,18	15	9,01
10	5,58	16	6,80	16	7,06	16	7,67	16	8,72	16	9,62
17	5,98	17	6,69	17	7,51	17	8,86	17	9,27	17	10,22
18	6,28	18	7,09	18	7,95	18	8,86	18	9,81	18	10,83
19	6,68	19	7,48	19	8,89	19	9,85	19	10,86	19	11,42
20	6,98	20:	7,88	20	8,88	20	9,84	20	10,90	20	12,02
21	7,83	21	8,27	21	9,27	21	10,33	21	11,45	21	12,62
22	7,67	22	8,66	22	9,71	22	10,82	22	11,99	22	13,22
23	8,02	23	9,06	23	10,16	23	11,32	23	12,54	23	13,83
24	8,87	24	9,45	24	10,60	24	11,81	24	13,08	24	14,48
25	8,72	25	9,85	25	11,04	25	12,30	25	13,63	25	15,03
26		26	10,24	26	11,48	26	12,79	26	14,18	26	15,63
27	9,42	27	10,68	27	11,93	27	18,29	27	14,72	27	16,23
28	9,77	28	11,08	28	12,87	28	13,78	28	15,27	28	16,85
29	10,12	29	11,42	29	12,81	29	14,27	29	15,81	29	17,43
80	10,47	30	11,82	30	13,25	30	14,78	30	16,86	30	18,03
31	10,82	81	12,21	31	13,69	31	15,25	31	16,90	81	18,64
32	11,17	32	12,61	32	14,18	32	15,78	32	17,45	82	19,24
33	11,51	33	13,00	33	14,57	33	16,24	33	17,99	83	19,84
54	11,86	34	13,89	84	15,09	34	16,78	34	18,54	34	20,44
25,	18 3. U .	26,7	o 3. u.	28,2	7 3. U.	29,8	4 3. U.	31,4	1 3. U .	32,	8 3. U.

17	. Zou.	17	ZZoU.	18	Boa.	18	1 30A.	19	Bou.	18	ZZoU.
eff.	Affi.	eff.	RIB.	2ff.	Rfs.	efs.	Rfő.	र्शह.	Rfp.	८१६.	Rfs.
2	3 ,15	2	3,34	2	3,58	2	3,78	2	3,93	2	4,14
3	4,72	3	5,01	3	5,80	3	5,60	3	5, 90	3	6,22
4	5,80	4	6,68	4	7,06	4	7,46	4	7,87	4	8,29
5	7,88	5	8,35	5	8,83	5	9,33	5	9,84	5	10,36
6	9,45	6	10,02	6	10,60	6	11,20	6	11,81	6	12,44
7	11,03	7	11,69	7	12,37	7	13,06	7	13,78	7	14,51
8	12,61	8	13,36	8	14,18	8	14,93	8	15,75	8	16, 59
9	14,18	9	15,03	9	15,90	9	16,80	9	17,72	9	18,66
10	15,76	10	16,70	10	17,67	10	18,66	10	19,68	10	20,73
11	17,33	11	18,37	11	19,48	11	20,53	11	21,65	11	22,81
12	18,91	12	20,04	12	21,20	12	22,40	12	23,62	12	24,88
13	20,49	13	21,71	13	22,97	13	24,26	13	25,59	13	26,96
14	22,06	14	23,38	14	24,74	14	26,13	14	27,56	14	29,03
15	23,64	15	25,05	15	26 ,50	15	28,00	15	29,53	15	31,10
16	25,22	16	26,72	16	28,27	16	29,86	16	31,50	16	33, 18
17	26,79	17	28,89	17	30,04	17	31,73	17	33,47	17	35,25
18	28,37	18	30 ,06	18	31,80	18	33,60	18	35,44	18	37,83
19	29,94	19	31,73	19	33,57	19	35,46	19	37,41	19	39,40
20	31,52	20	33,40	20	35,34	20	37,33	20	39,37	20	41,47
21	33,10	21	35,07	21	37,11	21	39,20	21	41,34	21	43,55
22	34,67	22	36,74	22	38 ,87	22	41,06	22	43,81	22	45,62
23	36,25	23	38,41	23	40,64	23	42,98	23	45,28	23	47,70
24	37,83	24	40 ,08	24	42,41	24	44,80	24	47,25	24	49,77
25	39,40	25	41,75	25	44,17	25	46 ,66	25	49,22	25	51,84
26	40,98	26	43,42	26	45,94	26	48,53	26	51,19	26	53,92
27	42,55	27	45,09	27	47,71	27	50,40	27	53 ,16	27	55,99
28	44,18	28	46 ,76	28	49,48	28	52, 26	28	55, 13	28	58,07
29	45,71	29	48,43	29	51,24	29	54 ,13	29	57,09	29	60,14
30	47,28	30	50,11	30	53, 01	30	56, 00	30	59, 06	30	62,21
31	48,86	31	51, 78	31	54 ,78	31	57,86	31	61,03	31	64,29
32	50,44	32	53,45	32	56,54	32	59,78	32	63,00	32	66,86
33	52,01	33	55,12	33	58,31	3 3	61,60	33	64,97	33	68,44
34	53 ,59	34	56,79	34	60,08	34	63,46	34	66,94	34	70,51 63. U.
53,4	3. U.	54,9	8 3. U.	56,5	5 3. U.	58,1	2 3. U.	59,6	9 3. U.	61,2	6 3. U.



20	Zoa.	D.	14 B	TI.	Boll.	71	LBoIL.	40	Bou.	22	goa.
eff.	Rfj.	eff.	Rfğ.	2f\$.	Яfβ.	efg.	Rfp.	efs.	Rij.	eff.	Æff.
2	4,86	2	4,58	2	4,81	2	5,04	2	5,27	2	5,52
3	6,54	3	6,87	3	7,21	3	7,56	8	7,91	3	8,28
4	8,72	4	9,16	4	9,62	4	10,08	4	10,55	4	11,04
5	10,90	5	11,46	5	12,02	5	12,60	5	13,19	5	13,80
6	13,08	6	13,75	6	14,43	6	15,12	6	15,88	6	16,56
7	15,27	7	16,04	7	16,83	7	17,64	7	18,47	7	19,32
8	17,45	. 8	18,33	8	19,24	8	20,16	8	21,11	8	22,08
9	19,68	9	20,62	9	21,64	9	22,69	9	23,75	9	24,85
10	21,81	10	22,82	10	24,05	10	25,21	10	26,89	10	27,61
11	23,99	11	25,21	11	26,45	11	27,78	11	29,03	11	30,37
12	26,17	12	27,50	12	28,86	12	30,25	12	31,67	12	33,13
13	28,36	13	29,79	13	31,26	13	32,77	13	34,51	13	35,89
14	30,54	14	32,08	14	33,67	14	35,29	14	36,95	14	38,65
15	32,72	15	34,88	15	36,07	15	37,81	15	39,59	15	41,41
16	34,90	16	36,67	16	38,48	16	40,88	16	42,23	16	44,17
17	37,08	17	38,96	17	40,88	17	42,86	17	44,87	17	46,93
18	39,26	18	41,25	18	43,29	18	45,88	18	47,51	18	49,70
19	41,45	19			45,70	19	47,90	19	50,15	19	52,46

	109	30	a.		110	30	a.	11	13. =	= 8	1/48.
efs.	Afs.	efs.	Rfs.	efs.	Rfs.	efs.	Rfő.	efs.	Rfs.	efs.	Rfg.
2	13,13	35	229,79	2	13,87	35	234,03	2	13,61	35	238,80
3	19,69	36	236,36	3	20,06	36	240,72	3	20,42	36	245,11
4	26,26	37	242,93	4	26,74	37	247,40	4	27,28	37	251,92
5	32 ,82	38	249 ,49	5	33,4 3	38	254 ,09	5	34,04	38	258,78
6	39,8 9		256 ,06		40,12	39	260, 78	6	40,85		265 ,54
7	45,95		262 ,62		46, 80		267,46	7	47,6 6		272,35
8	52 ,52		269 ,19		! · .	i	274,15	8	54,47		279,16
9	59, 09		275, 75		''	1 .	280,84	9			285, 97
10	65,65		282,32		l 1	.	287,52	10	68,08	li e	292 ,78
11	72,22	•	288,89		73,5 5		294,21	11	74,89	ł	299,58
12		I .	295,45		•		300,90	12	•	il	306 ,89
13		1	302 ,02		/		307, 58	13	88,51		313,20
14	91,91	1	308, 58	ł .	_ ,	i	314,27	14	- ,	i l	320,01
15	98,48	3	315 ,15		100,80		320, 96		102,13	li .	326,82
	105,05		321,71		106,98		327,64		108,94	L II	333,63
	111,61	.	328,28		113,67	ł .	334 ,83		115,75		340,44
}	118,18	f	334,85		120,86	•	341,02		122,55	11	347,25
	124,74		341,41		127,04	<u> </u>	347,70		129,36	H	354,06
1	131,81		347,98		133,73		354,89	ľ	136,17	15	360,86
	137,87	il	354,54		140,42		361 ,08		142,98		367,67
	144,44	1	361,11		147,10		367 ,76		149,79		374,48
	151,01	1	367,67		153,79		374,45		156,60	17	381,29
i 1	157,57	il.	374,24		160,48		381,14		163,41	II	388,10
2	164,14		380,81		167,16	ľ	387,82		170,22	14	394,91
	170,70		387,87		173,85		394,51		177,03	H	401,72
P 1	177,27	i l	393,94		180,54	1	401,20		183,83	lt	408,53
1	183,88		426 ,76		187,22		434,63		190,64	H	442,57
) i	190,40	1	459 ,59		193,91		468,07		197,45	H	476,61
	196,97	!	492,42		200,80	1	501,50		204,26	rı	510,66
1	203,58		525,2 5		207,28		534,98		211,07		544,70
, ,	210,10		558 ,08	ĺ	213,97	1	568,87		217,88		578,75
	216,66			55	220,6 6	90	601,80	35	224,69	90	612,79
34	225,38	TOO	000,56	54	22/,34	IOO	008,67	34	251,50	100	680,88 1rchm.
54,	70 30 U	Wit.	iram.	35,	oi zol	DI	iraym.	35,	ss Zol	l Di	irdm.

28	Bott.	29	304	34	BoIL	31	BoII.	37	301	33	Boll.
₽ff.	Æij.	5 <u>L</u> F	增	eis.	ATL.	2 7€	雅博	6∰.	章师.	7年	
2	8,55	2	9,17	2	9,81	2	10,48	2	11,17	2	11,87
3	12,82	3	13,76	3	14,72	3	15,72	3	16,75	3	17,81
4	17,10	4	18,34	4	12,63	4,	20,96	4'	22,34	4	23,75
5	21,38	5:	22,93	5	24,54	5,	26,20	5	27,92	5	29,69
6			27,52		29,45		31,44		33,51	6	35,63
7	29,93	7	32,10	7	34,36	7	36,69	7	39 ,09	7	41,57
8	34,20	8	36,69	8	39,26	8	41,93	8	44,68	8	47,51
9	38,48	9	41,28	9	44,17	9	47,17	9	50,26	9	53,45
10	42,76	10	45,86	10	49,08	10	52,41	10	55,85	10	59,35
11	47,03	11	50,45	11	53,99	11	57,6 5	11	61,43	11	65,33
12	51,\$1	12	55,04	12	58,90	12	62,89	12	67,02	12	71,27
13	55,58	13	59,63	13	63,81	13	68,13	13	72,60	13	77,21
14	59,86	14	64,21	14	68,72	14	73,*8	14	78,19	14	83,15
15	64,14	15	68,80	15	73,63	15	78,62	15	83,77	15	89,00
16	68,41	16	73,39	16	78,53	16	83,86	16	89,36	16	95,63
17	72,69	17	77,97	17	83,44	17	89,10	17	94,94	17	LOO,97
18	76,96	18	82,56	18	88,35	18	94,34	18	100,53	18	LO6,91
19	81,24	19	87,15	19	93,26	19	99,58	19	106,11	19	112,85
20	85,52	20	91,73	20	98,17	20	104,82	20	111,70	20	118,79
21	89,79	21	96,32	21	103,08	21	110,07	21	117,28	21	24,73
22					107,99		-		22,87	. T	130,47
23	98,34	23	05,49	23	112,90	23	120,55	23	28,45	23	36,61
24	102,62	24	10,08	24	117,80	24	125,79	24	L34,04	24	42,54
25	106,90	25	14,67	25	122,71	25	131,03	25	L 39 ,62	25	148,48
26	111,17	26	19,26	26	1 2 7,62	26	136,27	26	145,21	26	54,42
27	115,45	27	23,84	27	132,53	27	141,51	27	150,79	27 1	60,36
28	119,72	28	28,48	28	137,44	28	146,76	28	(56,3 8	28 1	66,30
29	124,00	29	33,02	29	142,35	29	152,00	29	L61,96	29 1	72,24
30	128,28	80 1	37,60	30	147,26	3 0	157,24	30	167,55	30 1	78,18
31	132,55	31	42,19	31	152,17	31	162,48	31	173,13	31 1	84,12
32	1 36 ,83	32]	46,78	52	157,07	32	167,72	32	178,72	32 1	90,06
83	141,10	maix	M1.28	33	161.98	33	172.96	33	84.30	33 1	96.00

	115	30	a.		116	30	a.	11	73. =	= 8	³/ 4 F.
efs.	Rfs.	ess.	Rfß.	ess.	Rff.	eff.	Rfs.	efs.	Rfß.	eff.	Rfs.
2	14,61	35	255,79	2	14,87	35	260,26	2	15,12	35	264 ,76
3	21,92	36	263 ,10	3	22,30	36	267,69	3	22,69	36	272,83
4	29,23	37	270,41	4	29,74	37	275,18	4	30,25	37	279,89
5	36,54	3 8	277,71	5	37,18	38	282,57	5	37,82	38	287,46
6	43 ,85	39	285,02	6	44,61	39	290,00	6	45,3 8		295,02
7	51,15	40	292,3 3	7	52 ,05	40	297,44	7	52,95	4	302 ,59
8	58,46	41	299,64	8	59,4 8	41	304, 87	8	60,51	PI I	310 ,15
9			306 ,95	9		4	312, 31	9	68, 08		317,72
10	73 ,08	43	314,26	10	· ·	H	319 ,75			i	325, 28
11	80,89		321 ,57	11	-		327,18		83,21	H	332,85
12		45	328 ,87	12	89 ,23	i i	334 ,62	12		i i	340,41
13			336, 18	13	96 ,66	1	342 ,05	13	,	II I	347,98
	102,31		343 ,49			•	349,49		105,90		355,54
	109,62		350 ,80			t i	356 ,93		113,47		363,11
	116,93		358,11	1	118,97		364 ,36		121,08	N 1	370,67
	124,24		365,4 2		126,41		371 ,80		128,60		378,24
	131,55		372 ,72		133,84		379,23		136 ,16	1 1	385 ,80
	138,85		380 ,03	1	141,28	1	386 ,67		143,78	H I	393,37
•	146,16		387,84		148,72		394,11		151,29	14 1	400,93
	153,47		394 ,65		156,15		401,54		158,86	1	408,50
	160,78		401,96		163,59		408,98		166,42		416,06
21	168,09		409,27		171,02	l l	416,41		173,99		423,68
	175,40		416,57		178,46		423,85	1	181,55		431,19
	182,71) :	423,88		185,90	•	431,29		189,12		438,76
31 1	190,01	1	431,19		193,33		438,72		196,68		446,82
	197,32		438 ,50		200,77		446,16		204,25		453,88
	204,63		475,04	'	208,20	1	483,84		211,81	1	491,71
	211,94	,	511,58		215,64	l l	520 ,52		219,38		529,53
	219,25	l i	548,13		223 ,08		557,70		226,94	15 1	567,36
	226,56	1	584,67		230 ,51		594 ,88		234 ,50		605,18
	233 ,86	i 1	621,21		237 ,95		632 ,06		242,07	11 1	643,01
33	241,17	90	657,75	33	245,89	90	669,24		249,63		680,83
34	248,48	100	730,84	34	252,82	100	743,60			•	756,48
I 36	,61 Zo U	Di	ırdım.	3 6,	92 Zol	Di	ırchm.	37,	24 Bol	Di	rchm.

	118	30	a.		119	30	a.	I	90 g.	==]	## ## ## ## ## ## ## ## ## ## ## ## ##		
efs.	Rfs.	Eff.	Rfs.	efs.	Rfg.	eff.	Rfs.	2ff.	RfB.	275.	Rff.		
2	15,38	35	269 ,31	2	15,65	3 5	273 ,89	2	15,91	35	278,52		
3	23,08	3 6	277,00	3	23,47	36	281,72	3	23,87	3 6	286,47		
4	30,77	37	284,70	4	31,30	37	289,54	4	31,83	37	294,43		
·5	38,47	38	292,89	5	39,12	3 8	297,37	5	39 ,78	3 8	302,39		
6	46,16	39	300 ,09	6	46,95	39	305 ,20	6	47,74	39	310,35		
7	53 ,86	40	307,78	7	54,77	40	313,02	7	55,70	40	318,31		
8	61,55	41	315,48	8	62 ,60	41	320, 85	8	63,6 6	41	326 ,26		
9	69,25	42	323,17	9	70,48	42	328,67	. 9	71,61	42	334,22		
10	ľ	43	330 ,87	10	l	1	336 ,50		79 ,57	43	342 ,18		
11		44	338,56	11	86, 08	44	344,32	11	87,53	44	350,14		
12	1		346 ,26	•	93,90	45	352,1 5	12	95 ,49	45	358,09		
	100,03	1	353 ,95		101,78		359,9 8	-	103,45	46	366 ,05		
1	107,72	li	361,6 5		109,55		367 ,80	l .	111,40	1			
	115,42	Į.	369,34		117,38	1	375,63	i	119,86		381,9 7		
	123,11	"	377,04		125,21	ł	383,45		127,82	49	389,92		
	130,80		384,73		133,03		391,2 8		135,28	50	397, 88		
•	138,50		392,42		140,86	Ä.	399 ,10		143,23	11 1	405,84		
	146,19	1	400,12		148,68		406,93		151,19	1 ì	413,80		
	153,89		407,81	20	156 ,51		414,76		159,15	H 1	421,76		
	161,58	N	415,51	1	164,33	I	422 ,58		167,11		429,71		
1	169,28		423,20		172,16	B	430,41	ľ	175,07	1	437,67		
	176,97	1	430,90		179,9 9		43 8,23		183,02		445,63		
•	184,67	1	438,59		187,81		446 ,06		190,98	ne i	453,59		
4	192,36		446,29	•	195,64	8	453 ,88		198,94		461,54		
	200,06	1	453,98		203 ,46		461,71		206 ,90		469,50		
•	207,75	13	461,68		211,29		469,54		214,85		477,46		
	215,45		500,15	2	219,11		508,66		222,81	l t	517,25		
	223,14	i	538,62		226,94		547,79		230,77		557,04		
7	230 ,84	l I	577,10		234,77		586,92		238 ,73		596,83		
	238,53	_	615,57		242 ,59		626,0 5		246 ,69		636,62		
	246,28		654,04		250,42		665 ,18	į i	254,64	1	676,40		
	253,92		692 ,52		258,24		704,31		262,60		716,19		
			769,47							-	t contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to the contract to		
3 7,	56 Hol	Di	erchm.	1 37,	88 Zoll	Di	irdym.	38,	20 Jol	Du	róm.		

Grundfläche (auch Körperinhalt ber einfußigen Walze) zu dem voranstehenden Durchmesser.

0.4	Q. Y. Y.	01	Quarter CA	O.L.	Ontall	04	Quita14
Dom.	Inhalt.	Dom.	Inhalt.	Dom.	Inhalt.	Dom.	Inhalt. Fl. u. A pff.
Boll.	Fl. u. Kpfß.	Boll.	Fl. u. Kpff.	Boll.	FL u. Kpff.	Boll.	
1	0,001364	151	1,310360	301	5,073727	451	11,291462
1	0,005454	16	1,896263	31	5,241442	46	11,540990
11/2	0,012272	16 1	1,484898	311	5,411884	461	11,793244
2	0,021817	17	1,576250	32	5,585054	47	12,048226
21	0,034088	171	1,670885	.32 1	5,760950	471	12,805985
3	0,049087	18	1,767146	33	5,989574	48	12,566371
31	0,066818	181	1,866684	331	6,120924	48 1	12,829533
4	0,087266	19	1,968949	34	6,305002	49	13,095423
41	0,110447	191	2,078942	341	6,49 1807	$49\frac{1}{2}$	13,364040
5	0,136354	20	2,181662	3 5	6,681889	50	13,6353 85
5 1	0,164988	201	2,292108	351	6,873597	$50\frac{1}{2}$	13,909456
6	0,196350	21	2,405282	36	7,068583	51	14,186254
61/2	0,230438	211	2,521183	361	7,266296	511	14,465780
7	0,267254	22	2,639810	37	7,466737	52	14,748032
71	0,306796	$22\frac{1}{2}$	2,761165	371	7,669904	521	15,083012
8.	0,349066	23	2,885247	38	7,875798	53	15,320718
81	0,8 94063	234	3,012056	381	8,084420	$53\frac{1}{2}$	15,611152
9	0,441786	24	3,141593	39	8,295768	54	15,904313
91	0,492237	241	3,273856	391	8,509843	541	16,200201
10	0,545415	25	3,408846	4 0	8,726646	55	16,498816
101	0,601320	251	3,546564	40½	8,946176	55½	16,800158
11	0,659958	26	3,687008	41	9,168488	56	17,104227
114	0,721312	261	3,830179	411	9,393417	56½	17,411023
12	0,785398	27	3,976078	42	9,621127	57	17,720546
121	0,852212	$27\frac{1}{2}$	4,124704	421	9,851565	571	18,032796
13	0,921752	28	4,276057	43	10,084731	58	18,847774
131	0,994020	281	4,430186	431	10,820623	58 1	18,665478
14	1,069014	29	4,586948	44	10,559242	59	18,985910
141	1,146736	291	4,746477	441	10,800588	5 91	19,309068
15	1,227185		4,908738	45	11,044662		19,684954
	_,		•	•	-	[8]	1

[8]

Gehaltshöhen und Formzahlen ber Linde und Esche, bes Aborns und ber Ulme.

Н.	I.	I ¹ /a.	II.	H1/2	III.	IV.	V.	H.
15	8,38	8,69	9,00	9,38	9,75	[0, 65	11,83	15
20	11,10	11,52	11,94	12,44	12,94	14,14	15,70	20
25	13,79	14,82	14,85	15,47	16,10	17,60	19,54	25
30	16,44	17,08	17,72	18,47	19,22	21,02	23,84	50
Fr.	0,548	0,569	0,590	0,615	0,649	0,700	0,778	30
3 5	19,05	19,81	20,57	21,44	22,32	24,42	27,10	35
40	21,68	22,50	23,88	24,88	25,88	27,78	30,88	40
45	24,17	25,16	26,16	27,28	28,41	31,11	34,52	45
50	26,68	27,79	28,90	80,15	31,40	34,40	38,18	50
Ž£,	0,588	0,555	0,578	0,608	0,628	0,688	0,763	50
55	29,14	30,88	31,62	33,00	34,87	37,67	41,80	55
60	31,58	32,94	34,81	35,81	37,81	40,91	45,88	60
65	33,97	35,46	36,96	38,58	40,21	44,11	48,92	65
70	36,88	37,95	59, 58	41,83	43,08	47,28	52,43	70
Pz.	0,519	0,542	0,565	0,590	0,615	0,675	0,749	50
75	38,65	40,41	42,17	44,04	45,92	50,42	_	75
80	40,94	42,88	44,72	46,72	48,72	53,52	-	80
85	43,19	45,22	47,25	49,87	51,50	56,40		85
90	45,41	47,57	49,74	51,99	54,24	59,64	— .	90
Fx.	0,504	0,528	0,552	0,577	0,602	0,662		90
95	47,58	49,89	52,20	54,58	56,96	_		95
100	49,72	52,18	54,63	57,18	59,68	-	-	100
105	51,83	54,48	57,08	59,66	62,28	-	_	105
110	53,90	56,65	59,40	62,15	64,90			110
F2.	0,490	0,515	0,540	0,565	0,590		_	110

11	Zou.	11	izou.	12	Soll.	12	ZZou.	18	Soll	12	Z3oa.
efs.	Afg.	eff.	Aff.	eff.	Rfs.	eff.	Rfs.	eff.		eff.	
-		, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,							Aff.		Rfs.
2	1,31	2	1,44	2	1,57	2	•	t I	1,84		•
3	1,97	3	2,16	3	2,35	3		1	2,76	1 - 1	2,98
4	2,63	ı t	2,88	4	3,14	4	3,40		3,68		3 ,97
5	3,29	1	3,60	5	3,92	5			4,60		4,97
6	3,95	6	4,32		4,71	6	i i	6	5,58		5,96
7	4,61	7	5,04	7	5,49	7	5,96		6,45		6,95
8	5,27	8	5,77	8	6,2 8	8	6, 81	8	7,87	8	7,95
9	5,98	9	6,49	9	7,06		7,66	9	8,29		8,94
10	6,59	10	7,21	10	7,85	10	8,52	10	9,21	10	9,94
11	7,25	11	7,93	11	8,63	11	9,87	11	10,13	1	10,98
12	7,91	12	8,65	12	9,42		10,22	12	11,06		11,92
13	8,57	13	9,87	13	10,21	13	11,07	13	11,98	13	12,92
14	9,23	i ;	10,09	14	10,99	14	11,98	14	12,90	1	18,91
15	9,89	15	10,81	15	11,78	15	12,78	15	13,82	15	14,91
16	10,55	16	11,54	16	12,56	16	13,68	i 1	14,74	16	15,90
17	11,21	17	12,26	17	13,85	17	14,48	17	15,66	17	16,89
18	11,87	18	12,98	18	14,13	18	15,83	18	16,59	18	17,89
19	12,53	19	13,70	19	14,92	19	16,19	19	17,51	19	18,88
20	13,19	20	14,42	20	15,70	20	17,04	20	18,48	20	19,88
21	13,85	21	15,14	21	16,4 9	21	17,89	21	19,85	21	20,87
22	14,51	22	15,86	22	17,27	22	18,74	22	20,27	22	21,86
23	15,17	23	16,59	23	18,06	23	19,60	23	21,20	23	22,86
24	15,83	24	17,31	24	18,84	24	20,45	24	22,12	24	23,85
25	16,49	25	18,03	25	19,63	25	21,80	25	23,04	25	24,85
26	17,15	26	18,75	26	20,42	26	22,15	26	23,96	26	25,84
27	17,81	27	19,47	27	21,20	27	23,00	27	24,8 8	27	26,83
28	18,47	28	20,19	28	21,99	28	23,8 6	28	25,8 0	28	27,83
29	19,13	29	20,91	29	22,77	29	24,71	29	26,73	29	28,82
3 0	19 ,79	30	21,63	30	23,5 6	30	25,5 6	30	27,65	30	29,82
3 1	20,45	31	22,8 6	31	24,84	31	-26,41	31	28,57	31	30 ,81
32	21,11	32	23,0 8	32	25, 13	32	27,27	32	29,49	32	31,80
33	21,77		23 ,80		25,91	33	28,12		30,41	33	32,80
34	22,43	84	24,52	34	26,70	34	28,97	34	31,33	34	33,79 1 3. U.
34,5	6 3. U.	36,1	8 3. U.	37,7	0 3. U.	39,2	7 3. U.	40,8	4 3. U.	42,4	1 3. U.

Gehaltshöhen und Formzahlen ber Tanne und Fichte.

Н.	I.	I ¹ /2.	II.	II¹/s	III.	IV.	V.	H.
15	8,87	8,67	8,97	9,84	9,70	10,60	7,60	15
20	11,08	11,48	11,88	12,37	12,85	14,05	10,05	20
25	18,75	14,25	14,75	15,86	15,96	17,46	12,46	25
80	16,39	16,99	17,59	18,51	19,02	20,82	14,82	30
Pz.	0,546	0,566	0,586	0,610	0,634	0,694	0,494	30
35	18,98	19,68	20,88	21,21	22,05	24,15	17,15	3 5
40	21,54	22,84	23,14	24,08	25,02	27,42	19,42	40
45	24,05	24,95	25,85	26,91	27,96	30,66	21,66	45
50	26,58	27,53	28,58	29,69	30,85	33 ,85	23,85	50
Fs.	0,530	0,550	0,570	0,598	0,617	0,677	0,477	50
55	28,97	30,07	31,17	32,44	33,70	37,00	26,00	55
60	31,87	32 ,57	53,77	35,14	36,51	40,11	28,11	60
65	33,78	35,08	36,83	37,80	39,27	43,17	30,17	65
70	36,08	37,45	38,85	40,42	42,00	46,20	32,20	70
Ps.	0,515	0,585	0,555	0,577	0,600	0,660	0,460	70
75	38,83	39,88	41,38	43,00	44,67	49,17	34,17	175
80	40,57	42,17	48,77	45,54	47,31	52,11	36,11	80
85	42,77	44,47	46,17	48,04	49,90	55,00	38,00	85
90	44,98	46,73	48,53	50,49	52,45	57,85	39 ,85	90
Pt.	0,499	0,519	0,539	0,561	0,582	0,642	0,442	90
95	47,06	48,96	50,86	52,91	54,96			95
100	49,14	51,14	53,14	55,28	57,42			100
110	53,19	55,89	57,59	59,91	62,23	_		110
120	57,08	59,48	61,88	64,87	66,85	<u> </u>	_	120
Fg.	0,475	0,495	0,515	0,536	0,557	_	_	120

17	. Boa.	17	ZZoU.	18	Boll.	18	ZZoU.	19	Zou.	19	ZZou.
eff.	Rfs.	Eff.	Ris.	eff.	Rfs.	efs.	Rfß.	eff.	Rfs.	2fg.	Rfs.
2	3,15	2	3,34	2	3,53	2	3,78	2	3,93	2	4,14
3	4,72	3	5,01	3	5,80	3	5,60	3	5,90	3	6,22
4	5,30	4	6 ,68	4	7,06	4	7,46	4	7,87	4	8,29
5	7,88	5	8,35	5	8,83	5	9,33	5	9,84	5	10,36
6	9,45	6	10,02	6	10,60	6	11,20	6	11,81	6	12,44
7	11,03	7	11,69	7	12,37	7	13,06	7	13,78	7	14,51
8	12,61	8	13,36	8	14,13	8	14,93	8	15,75	8	16,59
9	14,18	9	15,03	9	15,90	9	16, 80	9	17,72	9	18,66
10	15,76	10	16,70	10	17,67	10	18,66	10	19,68	10	20,73
11	17,33	11	18,37	11	19,48	11	20,53	11	21,65	11	22,81
12	- 18,91	12	20,04	12	21,20	12	22,40	12	23,62	12	24,88
13	20,49	13	21,71	13	22,97	13	24,26	13	25,59	13	26,96
14	22,06	14	23,38	14	24,74	14	26,13	14	27,56	14	29,03
15	23,64	15	25,05	15	26 ,50	15	28,00	15	29,53	15	31,10
16	25,22	16	26,72	16	28,27	16	29,86	16	31,50	16	33, 18
17	26,79	17	28,39	17	30,04	17	31,73	17	33,47	17	35,25
18	28,37	18	30,06	18	31,80	18	33,60	18	35,44	18	37,83
19	29,94	19	31,78	19	33,57	19	35,46	19	37,41	19	39,40
20	31,52	20	33,40	20	35,34	20	37,33	20	39,37	20	41,47
21	33,10	21	35,07	21	37,11	21	39,20	21	41,84	21	43,55
22	34,67	22	36,74	22	38,87	22	41,06	22	43,31	22	45,62
23	36,25	23	38,41	23	40,64	23	42,93	23	45,28	23	47,70
24	37,83	24	40,08	24	42,41	24	44,80	24	47,25	24	49,77
25	39,40	25	41,75	25	44,17	25	46,66	ľ	49,22	a 1	51,84
26	40,98	26	43,42		45,94		48,53	1	51,19		53,92
27	42,55		45,09		47,71	27	50,40	1	53,16	3 (55,99
28	44,13	28	46,76		49,48		52, 26	B I	55,18		58,07
29	45,71	29	48,43		51,24		1		57,09		60,14
30	47,28	30	'	30	53,01	30		5 I	59,06	1	
31	48,86	31	51,78	I 1	54, 78		57,86		61,08		64,29
32	50,44	32		32	56,54			5 I	63,00	1	66,36
33	52,01	33	55,12		58,81			1 1	64,97	33	68,44
			56,79	34							
53,41	3. u.	54,9	8 3. U.	56,5	5 3. U.	58,1	23. U.	59,6	9 3. U.	61,2	70,51 63. U.

20	ZoU.	20	$\frac{1}{2}3.$	21	Zoa.	21	IZoU.	22	Zoa.	22	<u> </u>
eff.	Rf\$.	Lfg.	Rfß.	efs.	Rfs.	efs.	Rfs.	efs.	Rfs.	eff.	Rfg.
2	4,36	2	4,58	2	4,81	2	5,04	2	5,27	2	5,52
3	6,54	3	6,87	3	7,21	3	7,56	3	7,91	3	8,28
4	8,72	4	9,16	4	9,62	4	10,08	4	10,55	4	11,04
5	10,90	5	11,46	5	12,02	5	12,60	5	13,19	5	13,80
6	13,08	6	13,75	6	14,43	6	15,12	6	15,83	6	16,56
7	15,27	7	16,04	7	16,83	7	17,64	7	18,47	7	19,32
8	17,45	- 8	18,33	8	19,24	8	20,16	8	21,11	8	22,08
9	19,63	9	20,62	9	21,64	9	22,69	9	23,75	9	24,85
10	21,81	10	22, 92	10	24,05	10	25,21	10	26,3 9	10	27,61
11	23,9 9	11	25,21	11	26,45	11	27,73	11	29,03	11	30,87
12	26,17	12	27,50	12	28,86	12	30,25	12	31,67	12	33,13
13	28,36	13	29,79	13	31,26	13	32,77	13	34,81	13	35,89
14	30,54	14	32,0 8	14	33 ,67	14	35,29	14	36, 95	14	38,65
15	32,72	15	34,88	15	36, 07	15	37,81	15	39,59	15	41,41
16	34,90	16	36,67	16	38,48	16	40,83	16	42,23	16	44,17
17	37,08	17	38,96	17	40,88	17	42,86	17	· 44 ,87	17	46,93
18	39,26	18	41,25	18	43,29	18	45,88	18	47,51	18	49,70
19	41,45	19	43,5 5	19	45,70	19	47,90	19	50,15	19	52,46
20	43,63	20	45,84	20	48,10	20	50,42	20	52 ,79	20	55,22
21	45, 81	21	48,18	21	50,51	21	52,94	21	55,43	21	57,98
22	47,99	22	50,42	22	52,91	22	55,46	22	58,07	22	60,74
23	50,17	23	52,71	23	55,32	23	57,98	23	60,71	23	63,50
24	52,85	24	55,01	24	57,72	24	60,5 0	24	63,8 5	24	66,26
25	54 ,54	25	57,80	25	60,13	25	63 ,02	25	65,99	25	69,02
26	56,72	26	59,59	26	62,53	26	65,55	26	68,63	26	71,79
27	58,90	27	61,88	27	64,94	27	68,07	27	71,27	27	74,55
28	61,08	28	64,17	28	67,34	28	70,59	28	73,91	28	77,31
29	63,26	29	66,47	29	69, 75	29	73,11	29	76,55	29	80,07
30	65,44	30	68,76	30	72,15	30	75,63	3 0	79,19	30	82,83
31	67,63	31	71,05	31	74,56	31	78,15	31	81,83	31	85,59
32	69 ,81	32	73,84	32	76,96	82	80,67	32	84,47	82	88,85
33	71,99	83	75,63	83	79,87				87,11	3 3	91,11
34	74,17	84	77,98	34	81,77	84	85,72	34	89,75	34	93,87 8 3, U.
62,8	8 3. U.	64,4	0 3, u.	65,8	7 3. U.	67,5	43. U.	69,1	1 3. U.	70,6	8 3. U.

28	Zoa.	23	IZ3oU.	24	Boa.	25	Boa.	26	Zoa.	27	Boa.
eff.	RfF.	efs.	Rfs.	eff.	Rfs.	Lib.	Rfß.	216.	Rfs.	efs.	LIF.
2	5,77	2	6,02	2	6,28	2	6 ,81	2	7,37	2	7,95
3	8,65	3	9,03	3	9,42	3	10,22	3	11,06	3	11,92
4	11,54	4	12,04	4	12,56	4	13,63	4	14,74	4	15,90
5	14,42	5	15,06	5	15,70	5	17,04	5	18,43	5	19,88
6	17,81	6	18,07	6	18,84	6	20,45	6	22,12	6	23, 85
7	20,19	7	21,08	7	21,99	7	23 ,86	7	25, 80	7	27,88
8	23, 08	8	24,09	8	25,13	8	27,27	8	29,49	8	31 ,80
9	25 ,96	9	27,10	9	28,27	9	30,67	9	33,18	9	35, 78
10	28,85	10	30,12	10	31,41	10	34,08	10	36 ,87	10	39,76
11	31,78	11	33,13	11	34,55	11	37,49	11	40,55	11	43,73
12	34,62	12	36,14	12	37,69	12	40,90	12	44,24	12	47,71
13	37,50	13	39,15	13	40,84	13	44,81	13	47,93	13	51,68
14	40,89	14	42,16	14	43,9 8	14	47,72	14	51,61	14	55,66
15	43,27	15	45,18	15	47,12	15	51,13	15	55,30	15	59,64
16	46,16	16	48,19	16	50,26	16	54,54	16	58,99	16	63,61
17	49,04	17	51,20	17	53,40	17	57,9 5	17	62,67	17	67,59
18	51,93	18	54,21	18	56,54	18	61,85	18	66,86	18	71,56
19	54,81	19	·	19	59,69	19	64,76	19	70,05	19	75,54
20	57,70	20	60,24	20	62,83	20	68,17	20	73,74	20	79,52
21	60,59		63,25	21	65,97	21	71,58	21	77,42	21	83,49
22	63,47	1	66,26	i 1	69,11	22	74,99	22	81,11	•	87,47
23	66,86	23	69,27		72,25	23	78,40		84,80	23	91,44
24	69,24	24	72,28		75,89	24	81,81	24	88,48	24	95,42
25	72,13		, i		78,53	25	85,22	1	92,17	25	99,40
26	75,01	26		26	81,68	26	88,62		95,86	26	103,87
- 27	77,90	27	81,32		84,82	27	92,03		99,54	27	107,35
28	80,78		84,33	1	87,96		95,44	. 1	103,23	28	111,88
29	83,67	ľ			91,10			1	106,92	5 i	115,30
30	86,55	ľ		1			102,26		110,61		119,28
31	89,44	1	93,87	31	97,88	! }	105,67		114,29	1	123,25
32	92,32		·	1 1	100,53		109,08	1	117,98	e i	127,23
33	95,21	33	·	i i	103,67	[112,49		121,67	l	131,21
	•								-		
72,2	6 3. U.	73,8	102,40 3 3.U.	75,4	0 3. U.	78,5	43. U.	81,6	8 3 . u .	84,8	23. U.

28	Zoa.	29	Bott	30							
Life.	Æf9.	£fβ.∫	Яfß.	€ff.	Æff.	2年.	ЯĦ.	Lip.	R 18.	紀報.	.研究
2	8,55	2	9,17	2	9,81	2	10,48	2	11,17	2	11,87
3	12,82	8	13,76	3	14,72	3	15,72	3	16,75	3	17,81
4	17,10	4	18,84	4	12,68	4	20,96	4	22,34	4	23,75
5	21,38	5	22,98	5	24,54	5	26,20	5	27,92	5	29,60
6	25,65	6	27,52	6	29,45	6	81,44	6	83,51	6	35,63
7	29,98	7	32,10	7	34,36	7	36,69	7	39,09	7	41,57
8	34,20	8	36,69	8	39,26	8	41,93	8	44,68	8	47,51
9	38,48	9	41,28	9	44,17	9	47,17	9	50,26	9	53,45
10	42,76	10	45,86	10	49,08	10	52,41	10	55,85	10	59,39
11	47,08	11	50,45	11	53,99	11	57,65	11,	61,43	11	65,88
12	51,81	12	55,04	12	58,90	12	62,89	12	67,02	12	71,21
13	55,58	18	59,63	13	63,81	13	68,13	13	72,60	13	77,21
14	59, 86	14	64,21	14	68,72	14	73,88	14	78,19	14	83,15
15	64,14	15	68,80	15	73,68	15	78,62	15	83,77	15	89,09
16	68,41	16	73,39	16	78,53	16	83,86	16	89,36	16	95,01
17	72,69	17	77,97	17	83,44	17	89,10	17	94,94	17	100,97
18	76,96	18	82,56	18	88,85	18	94,84	18	100,58	18	106,91
19	81,24	19	87,15	19	93,26	19	99,58	19	106,11	19	112,85
20	85,52	20	91,73	20	98,17	20	104,82	20	111,70	20	118,79
21	89,79	21	96,82	21	103,08	21	110,07	21	117,28	21	124,73
22	94,07	22	100,91	22	107,99	22	115,81	22	122,87	22	130,67
23	98,84	23	105,49	23	112,90	23	120,55	23	128,45	23	136,61
24	102,62	24	110,08	24	117,80	24	125,79	24	134,04	24	142,54
25	106,90	25	114,67		122,71	! I	131,08	25	139,62	25	148,48
26	111,17	1 1	119,26	1 I	127,62	: 1	136,27		145,21	26	154,42
27	115,45	1 1	123,84		132,53		141,51		150,79		160,36
28	119,72	28	128,43	28	137,44	28	146,76	28	156,88	28	166,50
29	124,0 0		133,02		142,85		152,00	29	161,96	29	172,24
30	128,28		137,60		147,26		157,24		167,55	30	178,18
31	132,55		142,19		152,17		162,48	. 1	173,18	31	184,12
32	1 36,8 8	1	146,78		157,07		167,72		178,72	32	190,06
33	141,10	1	151,86		161,98	83	172,96	33	184,80	3 3	196,00
1	145,88			- 1	166,89		178,20		189,89	34	201,94
										·	673. U.

II. Erfahrungs=Tafeln

über ben

Massengehalt der Waldbäume,

von jeder Holzart angebend:

die Gehaltshöhen zu den außen stehenden Scheitelhöhen H in Zußen mittler Größe, nebst den Formzahlen, nach fünf verschiedenen Gehalts = und Korm = Klassen.

LRL In mehr gebrangtem, burftigem Stanbe, schmächtig und pibig.

IL Rl. In mäßigem Schlusse, mehr fraftig und ftammhaft.

III. Kl. In raumlichem und lichterm Stande, schaft= und fronenvoll. IV. Kl. In freierm Stande, kurzer, breiter und dichter beastet.
V. Kl. In einzelnem Stande, niedrig und weit ausgebreitet. Die Nabelholzstämme stehen hier ausnahmsweise ohne alles Aftholz; einschließlich besselben fallen sie ber IV. Kl. anheim; die Nadelzweige find in keiner Klasse mit begriffen.

Erläuterung mit Gebrauchsbeispielen.

Die feltenern Rlassen IV und V wurden kenntlich abgesondert, und zwischen den andern wurden noch Übergangsstufen eingeschaltet. Der Anfangspunkt zur Scheitelhöhe liegt um 1 bes Stockburchmeffers über ber Bobenfläche; die Gehaltshöhenzahl begreift also das eigentliche Erdholz nicht mit. Zu der hier befindlichen Gehaltshöhe sucht man ben Golzmaffen-Gehalt in ber Walzentafel unter ber bezüglichen Stammftarte. 3. B.

1) Eine Buche II. Kl. mit 70' H hatte 40,55 zur Gehaltshöhe und bei 4' U.

zum Massengehalt 51,62 Rff.

- 2) Eine Fichte, ganz einzeln erwachsen, hatte ohne alles Aftholz unter V. Kl. ju 50' H nur 23,85 Gehaltshöhe und bei 4½' U. 38,48 Rff. Einschließlich bes vors ausgesetzten Nupungsverlustes wurden biesem Stamme in der IV. Klasse mit 33,85 Ges haltshöhe 54,54 Kff. zukommen können.
- 3) Fallen beizubehaltende Scheitelhöhen zwischen die hier von 5 zu 5 Fuß angenom= menen, so berechnet man die zugehörige Gehaltshöhe nach dem dazwischen befindlichen Differenztheile. Eine Eiche von 83' H, II. Kl., hat zur Gehaltshöhe

$$46,98 + \frac{49,58 - 46,98}{5} \times 3 = 48,52.$$

- 4) Wo die Scheitelhöhen der Tafeln eben nicht zureichen, sucht man die fragkiche Gehaltshöhe nach der letten Differenz. Eine 130' hohe Fichte II. Kl. hatte nach der lettern Steigung über 110 hinaus auf jebe 5' Scheitelhohe 2,21 Gehaltshöhenzunahme, also zur Gehaltshöhe $57,59 + 2,21 \times 4 = 66,88$.
- 5) Hätte in einem Riefernbestande die ausgezählte Stärkenklasse von 3½ ' U. an 173 Stammen im Durchschnitte 65 'H und II. Kl. (32,68 Gehaltshöhe): so ergabe bie Walzentafel:

Bur gefammten Stammgrunbstäche von 100 Stammen 97,48 TE. 73 71,16 ven im Gangen 168,64 Fff. und dies multiplizirt mit der Gehaltshöhe 32,65 an Maffengehalt: 5502,72 Rff.

Gehaltshöhen und Formzahlen ber Eiche in angemessenem Stanborte.

-	F	Ta.	-	TTA	-	11 11 7	. 37	77
Н.	1.	I ¹ /3.	II.	II¹/2	III.	17.	V.	H.
15	8,68	9,06	9,45	9,97	10,50	11,83	13,31	15
20	11,50	-12,01	12,58	13,28	13,98	15,70	17,66	20
25	14,28	14,98	15,58	16,45	17,88	19,53	21,97	25
80	17,02	17,81	18,60	19,65	20,70	23,32	26,25	30
Fz.	0,567	0,593	0,620	0,655	0,690	0,777	0,875	30
35	19,78	20,65	21,58	22,80	24,03	27,08	30,47	35
40	22,40	23,46	24,53	25,93	27,33	30,80	34,66	40
45	25,08	26,24	27,45	29,02	30,60	34,48	38,81	45
50	27,62	28,97	30,33	32,08	33,83	38,12	42,91	50
Fs.	0,552	0,579	0,606	0,641	0,676	0,762	0,858	50
55	30,18	31,68	33,18	35,10	37,08	41,78	46,97	55
60	32,70	34,85	36,00	38,10	40,20	45,80	51,00	60
65	35,18	36,98	38,78	41,05	43,88	48,88	54,97	65
70	37,62	39,57	41,58	43,98	46,43	52,32	58,91	70
Fz.	0,587	0,565	0,598	0,628	0,668	0,747	0,841	20
75	40,03	42,14	44,25	46,87	49,50	55,78	_	75
80	42,40	44,66	46,93	49,73	52,58	59,20	-	80
85	44,78	47,15	49,58	52,88	55,58	62,58	—	85
90	47,02	49,61	52,20	55,85	58,50	65,92	-	90
Ŧs.	0,522	0,551	0,580	0,615	0,650	0,732	_	90
95	49,28	52,08	54,78	58,10	61,43	_		95
100	51,50	54,41	57,88	60,83	64,38	- 1	_	100
105	53,68	56,76	59,85	63,52	67,20			105
110	55,82	59,07	62,33	66,18	70,08	-	-	110
Fs.	0,507	0,537	0,566	0,601	0,686	-	_	110

Gehaltshöhen und Formzahlen der Waldbuche und Hainbuche.

Н.	I.	I ¹ /9.	II.	111/2	III.	IV.	V.	Н.
15	8,53	8,88	9,22	9,67	10,12	11,24	12,57	15
20	11,30	11,77	12,23	12,83	13,48	14,92	16,68	20
25	14,03	14,62	15,21	15,96	16,71	18,56	20,76	25
30	16,73	17,44	18,16	19,06	19,96	22,17	24,79	3 0
Fz.	0,557	0,581	0,605	0,635	0,665	0,739	0,826	30
35	19,39	20,23	21,07	22,12	23,17	25,74	28,79	35
40	22,01	22,98	23,95	25,15	26,35	29,28	32,74	40
45	24,60	25,70	26 ,80	28,15	29,50	32,79	36,66	45
50	27,15	28,38	29,61	31,11	32,61	36,26	40,54	50
¥z.	0,548	0,567	0,592	0,622	0,652	0,725	0,810	50
55	29,66	31,03	32,40	34,05	35,70	39,69	44,38	55
60	32,13	33,64	35,15	36 ,95	3 8,75	43,09	48,18	60
65	34,57	36,22	37,87	39,82	41,77	46,46	51,94	65
70	36,97	38,76	40,55	42,65	44,75	49,79	55,66	70
Fz.	0,528	0,558	0,579	0,609	0,639	0,711	0,795	40
75	39,84	41,27	43,20	45,45	47,70	53,08		75
80	41,66	43,74	45,82	48,22	50,62	56,34	_	80
85	43,95	46,18	48,41	50,96	53 ,51	59,57		85
90	46,21	48,59	50,96	53,66	56,36	62,76	-	90
Fz.	0,513	0,539	0,566	0,596	0,626	0,697		90
95	48,42	50,96	53,49	56,34	59, 19			95
100	50,60	53,29	55,97	58,97	61,97		-	100
105	52,75	55,59	58,48	61,58	64,73	-		105
110	54,85	57,85	60,86	64,16	67,46			110
fz.	0,498	0,525	0,553	0,583	0,613			110

Gehaltshöhen und Formzahlen ber Linde und Esche, bes Aborns und ber Ulme.

H.	I.	Ī1/a.	II.	II1/a	III.	IV.	V.	Н.
15	8,38	8,69	9,00	9,88	9,75	LO,65	11,83	15
20	11,10	11,52	11,94	12,44	12,94	14,14	15,70	20
25	13,79	14,82	14,85	15,47	16,10	17,60	19,54	25
3 0	16,44	17,08	17,72	18,47	19,22	21,02	23,84	30
Ps.	0,548	0,569	0,590	0,615	0,640	0,700	0,778	30
85	19,05	19,81	20,57	21,44	22,32	24,42	27,10	85
40	21,68	22,50	23,88	24,88	25,88	27,78	30,88	40
45	24,17	25,16	26,16	27,28	28,41	81,11	34,52	45
50	26,68	27,79	28,90	80,15	31,40	34,40	88,18	50
Pz.	0,588	0,555	0,578	0,603	0,628	0,688	0,768	50
55	29,14	30,88	31,62	33,00	34,87	37,67	41,80	55
60	31,58	32,94	34,81	35,81	37,31	40,91	45,88	60
65	33,97	35,48	36,96	38,58	40,21	44,11	48,92	65
70	36,33	37,95	39,58	41,88	43,08	47,28	52,43	70
Pz.	0,519	0,542	0,565	0,590	0,615	0,675	0,749	50
75	38,65	40,41	42,17	44,04	45,92	50,42		75
80	40,94	42,88	44,72	46,72	48,72	53,52		80
85	43,19	45,22	47,25	49,87	51,60	56,60		85
90	45,41	47,57	49,74	51,99	54,24	59,64	 .	90
Fz.	0,504	0,528	0,552	0,577	0,602	0,662		90
95	47,58	49,89	52,20	54,58	56,96		_	95
100	49,72	52,18	54,63	57,18	59,68		-	100
105	51,83	54,48	57,08	59,66	62,28	_		105
110	53,90	56,65	59,40	62,15	64,90	-	- 1	110
Px.	0,490	0,515	0,540	0,565	0,590	_		110

Gehaltshöhen und Formzahlen der Aspe, Pappel und Erle.

Н.	I.	I ¹ /2.	II.	II ¹ /2	III.	IV.	V.	H.
15	8,23	8,51	8,78	9,08	9,38	10,13	11,16	15
-20	10,91	11,28	11,65	12,05	12,45	13,45	14,81	20
25	13,55	14,02	14,48	14,98	15,48	16,78	18,42	25
3 0	16,15	16,72	17,29	17,89	18,49	19,99	22,00	-80
Fr.	0,588	0,557	0,576	0,596	0,616	0,666	0,733	30
3 5	18,72	19,39	20,06	20,76	21,46	23,21	25,55	3 5
40	21,25	22,03	22,80	23,60	24,40	26,40	29,05	40
45	23,75	24,63	25,52	26,42	27,32	29,57	32,52	45
50	26,21	27,20	28,20	29,20	30,20	32,70	35,96	50
Fr.	0,524	0,544	0,564	0,584	0,604	0,654	0,719	50
55	28,64	29,74	30,85	31,95	33,05	3 5,80	39,86	55
60	31,02	32,25	33,47	34,67	3 5,87	38,87	42,72	6 0
6 5	33,38	34,72	36,05	37,35	38,65	41,90	46,05	65
70	35,70	37,15	38,61	40,01	41,41	44,91	49,35	70
Fz.	0,510	0,530	0,551	0,571	0,591	0,641	0,705	70
75	37,98	39,56	41,14	42,64	44,14	47,89		75
80	40,23	41,93	43,63	45,23	46,88	50,88		80
85	42,44	44,27	46,10	47,80	49,50	53,75		85
90	44,61	46,57	48,53	50,33	52,18	56 ,68		80
Fz.	0,495	0,517	0,539	0,559	0,579	0,629		90
95	46,75	48,84	50,93	52,83	54,78			95
100	48,85	51,08	53,30	55,80	57,30			100
105	50,92	53 ,28	55,65	57,75	59 ,85	_		105
110	52,96	55,46	57,96	60,16	62,36	-		110
Pz.	0,481	0,504	0,526	0,546	0,566	••••		110

Gehaltshöhen und Formzahlen ber Tanne und Fichte.

								i.
Н.	I.	I ¹ /9.	II.	II ² /8	III.	IV.	V.	Н,
15	8,87	8,67	8,97	9,34	9,70	10,60	7,60	15
20	11,08	11,48	11,88	12,87	12,85	14,05	10,05	20
25	13,75	14,25	14,75	15,86	15,96	17,46	12,46	25
30	16,89	16,99	17,59	18,31	19,02	20,82	14,82	30
Fz.	0,546	0,568	0,586	0,610	0,634	0,694	0,494	30
85	18,98	19,68	20,88	21,21	22,05	24,15	17,15	35
40	21,54	22,84	23,14	24,08	25,02	27,42	19,42	40
45	24,05	24,95	25,85	26,91	27,96	30 ,66	21,66	45
50	26,53	27,53	28,53	29,69	30,85	33 ,85	23,85	50
¥2.	0,580	0,550	0,570	0,598	0,617	0,677	0,477	50
55	28,97	30,07	31 ,17	32,44	33,70	37 ,00	26,00	55
60	31,37	32,57	33,77	35,14	36,51	40,11	28,11	60
65	33,78	35,08	36,33	37,80	39,27	43,17	30,17	65
70	36,08	37,45	38,85	40,42	42,00	46,20	32,20	70
Pz.	0,515	0,535	0,555	0,577	0,600	0,660	0,460	30
75	58,83	39,88	41,88	43,00	44,67	49,17	34,17	75
80	40,57	42,17	48,77	45,54	47,81	52,11	36,11	80
85	42,77	44,47	46,17	48,04	49,90	55,00	58,00	85
90	44,98	46,73	48,53	50,49	52,45	57,85	39,85	90
Pt.	0,499	0,519	0,559	0,581	0,582	0,642	0,442	90
95	47,06	48,96	50,86	52,91	54,96	, <u>.</u>		95
100	49,14	51,14	53,14	55,28	57,42		_	100
110	53,19	55,89	57,59	59,91	62,23		<u> </u>	110
120	57,08	59,48	61,88	64,87	66,85	_		120
řs.	0,475	0,495	0,515	0,588	0,557	-	_	120

Gehaltshöhen und Formzahlen ber Lärche und Kiefer.

Н.	I.	I ¹ /2.	II.	II ¹ /2	111.	IV.	V.	H.
15	7,36	7,66	7,96	8,40	8,85	10,01	6,75	15
20	9,76	10,16	10,56	11,15	11,78	13,26	8,93	20
25	12,13	12,68	13,18	13,85	14,58	16,47	11,08	25
30	14,47	15,07	15,67	16,58	17,40	19,65	13,20	30
Fz.	0,482	0,502	0,522	0,551	0,580	0,655	0,440	30
35	16,78	17,48	18,18	19,18	20,18	22,77	15,28	3 5
40	19,06	19,86	20,66	21,80	22,98	25,86	17,38	40
45	21,31	22,21	23,11	24,38	25,65	28,91	19,35	45
50	23,54	24,54	25,54	26,93	28,83	31,91	21,88	50
řs.	0,470	0,490	0,510	0,538	0,566	0,638	0,426	50
55	25,78	26,88	27,98	29,46	30,98	34,88	23,28	55
60	27,90	29,10	30,30	31,95	33 ,60	37 ,80	25,20	60
65	30,03	31,83	32,63	34,41	36 ,18	40,68	27,08	65
70	32,14	33,54	34,94	36,88	38,78	43,51	28,93	70
Pz,	0,459	0,479	0,499	0,526	0,558	0,621	0,413	40
75	34,22	35,72	37,22	39,23	41,25	46,31	30,75	75
80	36,26	37,86	39,46	41,60	43,78	49,06	32 ,53	80
85	38,28	39 ,98	41,68	43,93	46 ,18	51,78	34,28	85
90	40,27	42,07	43,87	46,23	48,60	54 ,45	36, 00	90
Ps.	0,447	0,467	0,487	0,513	0,540	0,605	0,400	90
95	42,23	44,13	46,03	48,51	50,98		_	95
100	44,16	46,16	48,16	50,75	53,33			100
110	47,94	50,14	52,34	55,14				110
120	51,60	54 ,00	56,40	59,40	_	_		120
Ps.	0,480	0,450	0,470	0,495	•			120

Gehaltshöhen und Formzahlen der Birke.

H.	I.	I ¹ /2.	II.	II ¹ /2	III.	IV.	V.	H.
15	7,14	7,38	7,62	7,84	8,07	8,67	9,54	15
20	9,44	9,76	10,08	10,38	10,68	11,48	12,64	20
25	11,68	12,09	12,50	12,87	13,25	14,25	15,68	25
3 0	13,89	14,38	14,88	15,88	15,78	16,98	18,69	3 0
Pr.	0,468	0,479	0,496	0,511	0,526	0,566	0,623	30
3 5	16,04	16,63	17,22	17,74	18,27	19,67	21,64	35
40	18,16	18,84	19,52	20,12	20,72	22,32	24,56	40
4 5	20,22	21,00	21,78	22,45	23,13	24,98	27,42	45
50	22,25	23,12	24,00	24,75	25,50	27,50	30,25	50 .
Fz.	0,445	0,462	0,480	0,495	0,510	0,550	0,605	50
55	24,22	25,20	26,18	27,00	27,88	30,08	33,02	55
60	26,16	27,24	28,32	29,22	30,12	32,52	35,76	60
6 5	28,04	29,28	30,42	31,89	32 ,37	34,97	_	65
70	29,89	31,18	32,48	33,53	34,58	37,38	_	70
Ps.	0,427	0,445	0,464	0,479	0,494	0,584		30
75	31,68	33,09	34,50	35,62	36,75	39,75	-	75
80	33,44	34,96	36,48	37,68	3 8,88	42, 08	-	80
85	35,14	36, 78	38,42	39 ,69	40,97		_	85
90	36,81	38,56	40,82	41,67	43,02		-	90
Fx.	0,409	0,428	0,448	0,463	0,478			90
							,	

III. Erfahrungs = Tafeln

über ben

Sortengehalt der Waldbäume.

Erläuterung mit Gebrauchsbeispielen.

- 1) Taf. 74 bis 76: Gehaltshöhen der Baumschäfte mit unbestimms ter Entgipfelung. Von oben herein sind die gewöhnlich vorkommenden Baums arten namentlich auf die fünf Schaftgehalts-Klassen und Übergangsstusen bezogen; außers halb stehen die Schafthöhen. Auf Taf. 76 fande man z. B. für einen Tannenschaft, MIL Al. und 90' H, zur Gehaltshöhe 55,78; dazu ergäbe die Walzentafel bei 6' U zum Schaftgehalt 160 Kfs.
- 2) Taf. 77 bis 81: Gehalt ber Nabelholzbaustämme in Körperfußen. Oben steht die Stammstärfe in Umfangssußen mit den drei angenommenen Gehalts: Massen I, II und III; vorn herunter die Länge der Baustämme von 5 zu 5 Fuß. Jester dieser Zimmerstämme wird bei & der in Brusthöhe gemessenen Stammstärse entsgipselt. Hiernach hätte z. B. ein Tannenstamm, III. Kl. von 6' U und 95' H, 160 Ks. Taf. 76 gab denselben Schaftgehalt schon bei 90' H, weil die zu besonder tem Gebrauche abgegebenen Schäfte gewöhnlich stärser entgipselt werden.
 - 3) Taf. 82 und 83: Knüppelholzgehalt in Körperfußen.
 - 4) Taf. 84 und 85: Reisholzgehalt in Körperfußen.

Einen wie den andern sindet man nach der Holzart und Polzgehalts Rlasse und nach der oben darüber stehenden Stammstärke in Umfangssußen. Kommt z. B. einer Eiche von 5' U im Knüppelholze die IV. und im Reisholze die II. Holzges halts-Klasse zu: so beträgt jenes 17,75 Kfg. und dieses 11,45 Kfg.

5) Taf. 86: Stockholzgehalt in Körperfußen von Haust den und Robestöcken, jede Sorte in fünf Nutungeklassen, nach Maßgabe der Stocks und Wurzelhaltigkeit und der Ausbringung. Voran sieht die Stammstärke in Umfangssußen. Eine frei erwachsene Buche von 5x Fuß Umfang würde hiernach in IV. Kl. 18,79 Kfß. Robestockholz geben können.

Gehaltshöhen ber Baumschäfte mit unbestimmter Entgipfelung.

				Tan	ne, Fic	te.		
	ſ		Giche,	Buche,	Linde.			
		&ãr	che, Rie	fer , Ef	the.			
ığe.	206	orn, Aé	spe, Uln	ne,				Spe.
ftþ	Pappel,	Kirjch	, Erle.					ftb
Schafthobe.	Bi	rte.		•				Shafthobe.
8	T.	II.	II ½.	III.	III <u>1</u> .	IV.	V.	8
11	10,94	10,96	10,96	10,97	10,97	10,98	10,99	11
12	11,87	11,91	11,92	11,98	11,94	11+96	11,98	12
13	12,78	12,84	12,86	12,88	12,90	12,92	12,96	13
14	13,66	13,76	13,79	13,82	13,85	18,88	13,98	14
15	14,52	14,68	14,71	14,75	14,79	14,83	14,90	15
16	15,86	15,55	15,61	15,67	15,72	15,77	15,85	16
17	16,18	16,42	16,50	16,57	16,64	16,69	16,80	17
18	16,97	17,28	17,38	17,47	17,54	17,61	17,74	18
19	17,74	18,12	18,24	18,35	18,44	18,52	18,67	19
20	18,50	18,95	19,10	19,22	19,83	19,43	19,60	20
21	19,22	19,76	19,93	20,08	20,20	20,82	20,51	21
22	19,93	20,56	20,76	20,93	21,07	21,20	21,42	22
23	20,62	21,34	21,57	21,76	21,93	22,07	22,32	23
24	21,28	22,11	22,87	22,59	22,77	22,98	23,21	24
25	21,92	22,86	23,16	23,40	23,61	23,79	24,10	25
26	22,54	23,60	23,98	24,20	24,48	24,68	24,97	26
27	23,14	24,82	24,69	24,99	25,25	25,47	25,84	27
28	23,71	25,03	25,44	25,77	26,05	26,29	26,70	28
29	24,26	25,72	26,17	26,54	26,84	27,11	27,55	29
30	24,80	26,40	26,90	27,30	27,68	27,98	28,40	3 0

Gehaltshöhen der Baumschäfte mit unbestimmter Entgipfelung.

Н.	I.	11.	$11\frac{1}{2}$.	111.	$III_{\frac{1}{2}}$.	IV.	V.	Н.
31	25,30	27,06	27,60	28,04	28,40	28,71	29,23	31
32	25,79	27,71	28,30	28,77	29,16	29,50	30,06	32
3 3	26,26	28,34	28,98	29,49	29,92	30,28	30 ,88	3 3
34	26,70	28,96	29,65	30,20	30,66	31,05	31,69	34
3 5	27,12	29,56	30,31	30,90	31,39	31,81	32,50	3 5
36	27,52	30,15	30,95	31,59	32,11	32,56	33,29	36
37	27,90	30,72	31,58	32,26	32 ,82	33 ,30	34,08	37
3 8	28,25	31,28	32,20	32,93	. 33,52	34 ,03	34 ,86	3 8
39	28,58	31,82	32, 80	33,58	34,21	34 ,75	35,63	3 9
40	28,90	32,85	33,40	34,22	34 ,90	35,47	36,4 0	40
41	29,18	32,86	33,97	34,85	35, 56	36,17	37,15	41
42	29,45	33,36	34,54	35,47	36,22	36 ,86	37,90	42
43	29,70	33,84	35, 09	36, 07	36, 87	37,55	38,64	43
44	29,92	34,31	35,68	36,67	37 ,51	38,22	39,37	44
45	30,12	34,76	36,16	37,25	38,14	3 8,89	40,10	45
46	30,30	35,20	36,67	37,82	38,76	39,54	40,81	46
47	'30,46	35,62	37,17	38,38	39,37	40,19	41,52	47
48	30,59	36,03	37,66	38,93	39, 96	40,83	42,22	4 8
49	30,70	36,42	38,13	39,47	40,55	41,46	42,91	49
50	30 ,80	36 ,80	38,60	40,00	41,13	42 ,08	43 ,60	50
51		37,16	39,04	40,51	41,70	42,68	44,27	51
52		37,51	39,48	41,01	42,25	43,2 8	44,94	52
53	-	37,84	39, 90	41,50	42, 80	43,87	45,60	53
54		38,16	40,31	41,98	43,88	44,46	46,25	54
55		38,46	40,71	42,45	43 ,86	45,03	46 ,90	55
56		38,75	41,09	42 ,91	44,37	45 ,59	47,58	56
57	_	39,02	41,46	43,35	44, 88	46,14	48,16	57
58		39,28	41,82	43,79	45,87	46 ,69	48,78	58
59	_	39,52	42,16	44,21	45,86	47,22	49,89	59
60		39,75	42,50	44,62	46,33	47,75	50,00	60

Gehaltshöhen ber Baumschäfte mit unbestimmter Entgipfelung.

							
H.	I.	II.	$II_{\frac{1}{2}}$.	III.	$III\frac{1}{2}$.	IV.	V.
62	_	40,16	43,12	45,41	47,24	48,77	51,1
64	_	40,51	43,69	46,15	48,12	49,75	52,3
66	_	40,80	44,21	46,84	48,95	50,70	53,4
68	_	41,08	44,68	47,49	49,74	51,60	54,
70		41,20	45,10	48,10	50,50	52,48	55,6
72		_	45,46	48,65	51,20	53,31	56,€
74			45,77	49,16	51,87	54,10	57,€
76		_	46,03	49,63	52,50	54,86	58,2
78	_		46,24	50,95	53 ,09	55,58	59,
80	_	_	46,40	50,42	53,63	56,27	60,4
82	_	_	_	50,75	54,13	56,91	61,
84				51,08	54,59	57,52	62,
86	<u> </u>	_		51,26	55,01	58,09	62,
88	_		-	51,45	5 5,39	58,62	63,
90				51,60	55,78	59,12	64,
92					56,03	59,57	65,
94	_				56,28	59 ,99	65,
96			-		56,49	60,37	66,
98		-			56,67	60,72	67,0
100	-	-		_	56, 80	61,03	67,
102	` -	-			→	61,29	68 ,
104				-		61,53	68,
106	-			-	-	61,72	69 ,
108	-	-			-	61,88	69,
110		-	-	_		62 ,00	70,
112	-	-	- 1	_	_	_	70,1
114	-			-			70,
116	_	_	-	_	- 1	_	71,
118	-	_ [-	-	_	-	71,:
120		_		_	-	_	71,0

Gehalt ber Nabelholz=Baustämme in Körperfußen.

Länge.	3/4 8	zuß Un	fang.	18	uß Um	fang.	11/4	Fuß U	mfang.		
Fuß.	I.	П.	III.	I.	II.	ш.	I.	Н.	Ш.		
20	0,4	0,5	0,6	0,8	0,9	1,0	1,3	1,5	1,6		
25	0,6	0,6	0,7	1,0	1,2	1,3	1,7	1,8	2,0		
30	0,7	0,8	0,8	1,8	1,4	1,5	2,0	2,2	2,4		
35	0,8	0,9	1,0	1,5	1,6	1,8	2,3	2,6	2,8		
40	0,9	1,0	1,1	1,7	1,8	2,0	2,6	2,9	3,2		
45	1,0	1,1	1,3	1,9	2,1	2,8	3,0	3,3	3,6		
50	1,1	1,8	1,4	2,1	2,3	2,5	3,3	3,6	3 ,9		
55	1,8	1,4	1,5	2,3	2,5	2,7	3,6	3,9	4,8		
60	1,4	1,5	1,6	2,5	2,7	3,0	3,9	4,8	4,7		
65	1,5	1,6	1,8	2,7	2,9	3,2	4,2	4,6	5,0		
70	1,6	1,7	1,9	2,9	3,1	3,4	4,5	4,9	5,8		
75	1,7	1,9	2,0	3,1	3,3	3,6	4, 8	5,2	5,7		
80	1,8	2,0	2,1	3,3	3,5	3,8	5,1	5,6	6,0		
Eange.	11/2	Fuß Ur	nfang.	13/4	Fuß U	mfang.	2 8				
gus.	I.	П.	ш.	I.	П.	Ш.	I.	II.	III.		
25	2,4	2,7	3,0	3,3	3,7	4,0	4,3	4,8	5,3		
30	2,9	3,2	3,5	3,9	4,4	4,8	5,2	5,7	6,3		
35	3,3	3,7	4,1	4,6	5,1	5,6	6,0	6,6	7,3		
40	3,8	4,2	4,6	5,2	5,8	6,3	6,8	7,5	8,3		
45	4,3	4,7	5,2	5,8	6,4	7,1	7,6	8,4	9,2		
50	4,7	5,2	5,7	6,5	7,1	7,8	8,5	9,3	10,2		
55	5,2	5,7	6,2	7,1	7,8	8,5	9,8	10,2	11,1		
60	5,6	6,2	6,7	7,7	8,4	9,2	10,1	11,0	12,0		
65	6,1	6,7	7,2	8,3	9,1	9,8	10,9	11,9	12,9		
70	6,5	7,1	7,7	8,9	9,7	10,5	11,6	12,7	13,7		
75	7,0	7,6	8,2	9,5	10,3	11,1	12,4	13,5	14,6		
80	7,4	8,0	8,6	10,1	10,9	11,8	13,2	14,3	15,4		
85	7,8	8,5	9,1	10,7	11,5	12.4	14,0	15,1	16,2		

Gehalt ber Rabelholz-Bauftamme in Körperfußen.

	Suga.	2 ¹ /4	Fuß U	nfang.	21/3	Fuß Ui	nfang.	23/4	Fuß Ui	nfang.
	N.	I.	Ц.	ш.	·I.	П.	III.	I.	Ц.	Ш.
	80	6,5	7,8	8,0	8,1	9,0	9,9	9,8	10,9	12,0
	85	7,6	8,4	9,2	9,4	10,4	11,4	11,4	12,6	13,8
	40	8,7	9,6	10,5	10,7	11,8	12,9	12,9	14,3	15,7
	45	9,7	10,7	11,7	12,0	13,2	14.4	14,5	16,0	17,5
	50	10,7	11,8	12,9	13,3	14,6	15,9	16,0	17,7	19,8
	55	11,7	12,9	14,0	14,5	15,9	17,3	17,6	19,3	21,0
	60	12,8	14,0	15,2	15,8	17,8	18,8	19,1	20,9	22,7
	65	13,8	15,0	16,8	17,0	18,6	20,1	20,6	22,5	24,4
	70	14,8	16,1	17,4	18,2	19,9	21,5	22,1	24,0	26,0
	75	15,7	17,1	18,5	19,4	21,1	22,8	23,5	25,6	27,6
	80	16,7	18,1	19,5	20,6	22,4	24,1	25,0	27,1	29,2
	85	17,7	19,1	20,5	21,8	23,6	25,4	26,4	28,6	30,7
	WO	18,6	20,1	21,5	23,0	24, 8	26,6	27,8	30,0	32,2
	Rain	3 8	uß Um	fang.	32/4	Fuß U	nfang.	31/2	Fuß U	mfang.
	Rainge. S	3 F	uß Um	fang. III.	3º/4 I.	Fuß U:	nfang. III.	3º/2 I.	¥αβ U: Π.	mfang. III.
	98				<u>-</u> -					· -
	^{द्र} हे है धर्क.	I.	П.	Ш.	I.	П.	Ш.	I.	II.	ш.
•	95 8116.	I. 13,5	II.	11I. 16,5	I. 15,9	II. 17,6	III.	I. 18,5	II. 20,4	III. 22,4
•	% 8⊯. 35 40	I. 13,5 15,4	15,0 17,0	111. 16,5 18,7	I. 15,9 18,1	II. 17,6 20,0	111. 19,3 21,9	I. 18,5 21,0	20,4 23,2	111. 22,4 25,4
•	等 8時 85 40 45	1. 13,5 15,4 17,3	15,0 17,0 19,0	111. 16,5 18,7 20,8	1. 15,9 18,1 20,3	17,6 20,0 22,4	111. 19,3 21,9 24,4	I. 18,5 21,0 23,5	20,4 23,2 25,9	22,4 25,4 28,4
•	85 40 45 50	1. 13,5 15,4 17,8 19,1	15,0 17,0 19,0 21,0	111. 16,5 18,7 20,8 22,9	1. 15,9 18,1 20,3 22,4	11. 17,6 20,0 22,4 24,7	111. 19,3 21,9 24,4 26,9	I. 18,5 21,0 23,5 26,0	20,4 23,2 25,9 28,6	22,4 25,4 28,4 31,2
*	% 815 40 45 50 55	1. 13,5 15,4 17,8 19,1 20,9	15,0 17,0 19,0 21,0 23,0	111. 16,5 18,7 20,8 22,9 25,0	I. 15,9 18,1 20,3 22,4 24,6	11. 17,6 20,0 22,4 24,7 27,0	111. 19,3 21,9 24,4 26,9 29,3	I. 18,5 21,0 23,5 26,0 28,5	20,4 23,2 25,9 28,6 31,8	22,4 25,4 28,4 31,2 34,0
*	% 8ss. 40 45 50 55 60	1. 13,5 15,4 17,3 19,1 20,9 22,7	15,0 17,0 19,0 21,0 23,0 24,9	111. 16,5 18,7 20,8 22,9 25,0 27,0	1. 15,9 18,1 20,8 22,4 24,6 26,7	11. 17,6 20,0 22,4 24,7 27,0 29,2	111. 19,3 21,9 24,4 26,9 29,3 31,7	I. 18,5 21,0 23,5 26,0 28,5 30,9	20,4 23,2 25,9 28,6 31,8 33,9	22,4 25,4 28,4 31,2 34,0 36,8
*	% 816. 35 40 45 50 55 60 65	1. 13,5 15,4 17,8 19,1 20,9 22,7 24,5	15,0 17,0 19,0 21,0 23,0 24,9 26,8	111. 16,5 18,7 20,8 22,9 25,0 27,0 29,0	1. 15,9 18,1 20,3 22,4 24,6 26,7	11. 17,6 20,0 22,4 24,7 27,0 29,2 31,4	111. 19,3 21,9 24,4 26,9 29,3 31,7 34,1	I. 18,5 21,0 23,5 26,0 28,5 30,9 33,4	20,4 23,2 25,9 28,6 31,8 33,9 36,4	22,4 25,4 28,4 31,2 34,0 36,8
*	815 40 45 50 55 60 65 70	1. 13,5 15,4 17,3 19,1 20,9 22,7 24,5 26,8	15,0 17,0 19,0 21,0 23,0 24,9 26,8 28,6	111. 16,5 18,7 20,8 22,9 25,0 27,0 29,0 30,9	I. 15,9 18,1 20,3 22,4 24,6 26,7 30,8	11. 17,6 20,0 22,4 24,7 27,0 29,2 31,4 33,6	111. 19,3 21,9 24,4 26,9 29,3 31,7 34,1 36,3	I. 18,5 21,0 23,5 26,0 28,5 30,9 33,4 35,8	20,4 23,2 25,9 28,6 31,8 33,9 36,4 39,0	22,4 25,4 28,4 31,2 34,0 36,8 10,6 42,1
•	816. 85 40 45 50 55 60 65 70 75	1. 13,5 15,4 17,3 19,1 20,9 22,7 24,5 26,8 28,0	15,0 17,0 19,0 21,0 23,0 24,9 26,8 28,6 30,4	111. 16,5 18,7 20,8 22,9 25,0 27,0 29,0 30,9 32,9	I. 15,9 18,1 20,3 22,4 24,6 26,7 30,8 32,9	11. 17,6 20,0 22,4 24,7 27,0 29,2 31,4 33,6 35,7	111. 19,3 21,9 24,4 26,9 29,3 31,7 34,1 36,3 38,6	I. 18,5 21,0 23,5 26,0 28,5 30,9 33,4 35,8 38,2	20,4 23,2 25,9 28,6 31,8 33,9 36,4 39,0 41,4	22,4 25,4 25,4 28,4 31,2 34,0 36,8 10,6 42,1 44,7
•	816. 85 40 45 50 55 60 65 70 75 80	1. 13,5 15,4 17,3 19,1 20,9 22,7 24,5 26,8 28,0 29,7	11. 15,0 17,0 19,0 21,0 23,0 24,9 26,8 28,6 30,4 32,2	111. 16,5 18,7 20,8 22,9 25,0 27,0 29,0 30,9 32,9 34,7	I. 15,9 18,1 20,3 22,4 24,6 26,7 30,8 32,9 34,9	11. 17,6 20,0 22,4 24,7 27,0 29,2 31,4 33,6 35,7 37,8	111. 19,3 21,9 24,4 26,9 29,3 31,7 34,1 36,3 38,6 40,7	I. 18,5 21,0 23,5 26,0 28,5 30,9 33,4 35,8 38,2 40,5	20,4 23,2 25,9 28,6 31,8 33,9 36,4 39,0 41,4 43,9	22,4 25,4 25,4 28,4 31,2 34,0 36,8 42,1 44,7 47,3

Gehalt der Nabelholz=Baustämme in Körperfußen.

Sånge.	33/4	Fuß U	mfang.	4 8	uß Um	fang.	41/4	Fuß U	mfang	
Fuß.	I.	П.	III.	I.	П.	III.	I.	П.	Ш.	
40	24,1	26,7	29,2	27,5	30,3	33,2	31,0	34,3	37,5	
45	27,0	29,8	32, 6	30,7	33,9	37,0	34,7	38,3	41,8	
50	29,9	32,9	35,9	34,0	37,4	40,8	38,4	42,2	46,1	
55	32,7	35,9	39,1	37,2	40,9	44,5	42,0	46,1	50,2	
60	35,5	38, 9	42,3	40,4	44,8	48,1	45,7	50,0	54,8	
65	38,3	41,8	45,4	43 ,6	47,6	51,6	49,2	53,7	58,3	
70	41,1	44,7	48,4	46,7	50,9	55,1	52 ,8	57,5	62,2	
75	43,8	47,6	51,4	49,8	54,1	58,4	56,3	61,1	66,0	
80	46,5	50,4	54 ,3	52,9	57,8	61,7	59,7	64,7	69,7	
85	49,2	53,1	57,1	56, 0	60,5	65, 0	63,2	68,8	73,4	
60	51,8	55,8	59,9	59,0	63,5	68,1	66 ,6	71,7	76,9	
95	54,4	58,5	62 ,6	61,9	66,6	71,2	69,9	75,2	80,4	
100	57,0	61,1	65,2	64,9	69,6	74,2	73,3	78,5	83,8	
	41/2	Fuß U	mfang.	43/4	Fuß U	mfang.	5 %	uß Un	fang.	
gr. Fuß.	I.	II.	Ш.	I.	II.	Ш.	I.	II.	III.	
45	38,9	42,9	46,9	43,4	47,8	52,8	48,1	53,0	57,9	
50	43,1	47,4	51,7	48,0	52 ,8	57,6	53 ,2	58,5	63,8	
55	47,1	51,7	56,3	52,5	57,6	62,7	58,2	63,9	69,5	
60	51,2	56 ,0	60,9	57,0	62,4	67,8	63,2	69,2	75,2	
65	55,2	60,3	65,3	61,5	67,2	72,8	68,2	74,4	80,7	
70	59,2	64,4	69,7	65,9	71,8	77,7	73,1	79,6	86,1	
75	63,1	68 ,5	74,0	70,8	76,4	82,4	77,9	84,6	91,3	
80	67,0	72,6	78,2	74,6	80,9	87,1	82,7	89,6	96,5	
85	70,8	76,5	82,2	78,9	85,8	91,6	87,5	94,5	101,6	
	II		040	83,2	89,6	96,1	92,2	99,3	106,5	
90	74,6	80,4	86,2	CO12	1	,	•	1 • • •	[,	
95	74,6 78,4	84,3	90,1	87,4	93,9	100,4	96,8	104,1	111,3	
2 1 t						•	1		1 1	

Gehalt ber Nabelholz=Bauftamme in Rörperfußen.

1	Edinge.	51/4	Zuß U	mfang.	51/2	Ruß U	mfang.	53/4	Ruf U	mfang.
1	8년. 영화	I.	II.	ПІ.	Ī.	II.	Ш.	I.	П.	П.
Ì	50	58,6	64,5	70,3	64,8	70,8	77,2	70,3	77,8	84,4
ı	65	64,2	70,4	76,7	70,5	77,3	84,1	77,0	84,5	92,0
ı	60	69,7	76,8	82,9	76,5	83,7	90,9	83,6	91,5	99,4
1	65	75,2	82,0	88,9	82,5	90,1	97,6	90,2	98,4	106,7
ı	70	80,6	87,7	94,9	88,4	96,3	104,1	96,6	105,2	113,8
1	75	85,9	93,3	100,7	94,8	102,4	110,5	103,1	111,9	120,8
ı	80	91,2	98,8	106,4	100,1	108,4	116,8	109,4	118,5	127,6
ı	85	96,4	104,2	112,0	105,8	114,4	122,9	115,7	125,0	134,3
ı	90	101,6	109,5	117,4	111,5	120,2	128,9	121,9	131,4	140,8
ı	95	106,7	114,7	122,7	117,2	125,9	134,7	128,0	137,6	147,2
ı	TOO	111,8	119,9	127,9	122,7	131,5	140,4	134,1	143,8	153,4
ı	105	116,8	124,9	132,9	128,2	137,1	145,9	140,2	149,8	159,5
ł	110	121,8	129,8	137,9	133,7	142,5	151,8	146,1	155,8	165,4
		<u> </u>	l	<u> </u>		1	1	<u> </u>	l	
ı	Sán	6 8	uß Un	fang.	6 1/4	Fuß U	mfang.	61/2	Fuß 1.1	mfang.
	Lange.	6 %	uß Un	fang.	6 1/4 I.	%иβ Ц │ П.	mfang.	6¹/₃ I.	Fuß U	mfang.
	&ánge. 4.			, -		,				
	Bus.	I.	П.	III.	I.	П.	III.	I.	II.	l III
	8us. 55	I. 83,9	1I. 92,0	III. 100,1	I. 91,0	П. 99,8	III.	I. 98,4	II. 108,0	117,5
	55 60 65	I. 83,9 91,1	92,0 99,6	111. 100,1 108,2	I. 91,0 98,8	99,8 108,1	111. 108,7 117,5 126,1	I. 98,4 106,9	108,0 117,0	117,5 127,0
	55 60 65 70	I. 83,9 91,1 98,2	92,0 99,6 107,2	111. 100,1 108,2 116,2 123,9	I. 91,0 98,8 106,5	99,8 108,1 116,3	111. 108,7 117,5 126,1 134,5	I. 98,4 106,9 115,2	11. 108,0 117,0 125,8	117,5 127,0 136,4
	55 60 65 70 75	I. 83,9 91,1 98,2 105,2	92,0 99,6 107,2 114,6	111. 100,1 108,2 116,2 123,9	I. 91,0 98,8 106,5 114,2	99,8 108,1 116,3 124,3	111. 108,7 117,5 126,1 134,5	I. 98,4 106,9 115,2 123,5	11. 108,0 117,0 125,8 134,5	117,5 127,0 136,4 145,5
	55 60 65 70 75 80	I. 83,9 91,1 98,2 105,2 112,2	92,0 99,6 107,2 114,6 121,9	111. 100,1 108,2 116,2 123,9 131,6	I. 91,0 98,8 106,5 114,2 121,8	99,8 108,1 116,3 124,8 132,8	111. 108,7 117,5 126,1 134,5 142,7	I. 98,4 106,9 115,2 123,5 131,7	11. 108,0 117,0 125,8 134,5 143,1	117,5 127,0 136,4 145,5 154,4
	55 60 65 70 75 80 85	I. 83,9 91,1 98,2 105,2 112,2 119,1	92,0 99,6 107,2 114,6 121,9 129,1	111. 100,1 108,2 116,2 123,9 131,6 139,0	I. 91,0 98,8 106,5 114,2 121,8 129,3	99,8 108,1 116,3 124,8 132,8 140,0	111. 108,7 117,5 126,1 134,5 142,7 150,8	I. 98,4 106,9 115,2 123,5 131,7 139,8	11. 108,0 117,0 125,8 134,5 143,1 151,5	117,5 127,0 136,4 145,5 154,4 163,1 171,7 180,0
	55 60 65 70 75 80 85 90	I. 83,9 91,1 98,2 105,2 112,2 119,1 126,0	92,0 99,6 107,2 114,6 121,9 129,1 136,1	111. 100,1 108,2 116,2 123,9 131,6 139,0 146,3	I. 91,0 98,8 106,5 114,2 121,8 129,3 136,7	99,8 108,1 116,3 124,8 132,8 140,0 147,7	111. 108,7 117,5 126,1 134,5 142,7 150,8 158,7	I. 98,4 106,9 115,2 123,5 131,7 139,8 147,8	11. 108,0 117,0 125,8 134,5 143,1 151,5 159,8 167,9 175,9	117,5 127,0 136,4 145,5 154,4 163,1 171,7 180,0 188,1
	55 60 65 70 75 80 85 90	I. 83,9 91,1 98,2 105,2 112,2 119,1 126,0 132,7	92,0 99,6 107,2 114,6 121,9 129,1 136,1 143,0	III. 100,1 108,2 116,2 123,9 131,6 139,0 146,3 153,4	I. 91,0 98,8 106,5 114,2 121,8 129,3 136,7 144,0	99,8 108,1 116,3 124,8 132,8 140,0 147,7 155,2	111. 108,7 117,5 126,1 134,5 142,7 150,8 158,7 166,4 173,9 181,3	I. 98,4 106,9 115,2 123,5 131,7 139,8 147,8 155,8 163,6 171,4	11. 108,0 117,0 125,8 134,5 143,1 151,5 159,8 167,9 175,9	1117,5 127,0 136,4 145,5 154,4 163,1 171,7 180,0 188,1 196,1
	55 60 65 70 75 80 85 90 95 100	I. 83,9 91,1 98,2 105,2 112,2 119,1 126,0 132,7 139,4 146,1 152,6	92,0 99,6 107,2 114,6 121,9 129,1 136,1 143,0 149,9	111. 100,1 108,2 116,2 123,9 131,6 139,0 146,3 153,4 160,8	I. 91,0 98,8 106,5 114,2 121,8 129,3 136,7 144,0 151,8	99,8 108,1 116,3 124,8 132,3 140,0 147,7 155,2 162,6	111. 108,7 117,5 126,1 134,5 142,7 150,8 158,7 166,4 173,9 181,3 188,4	I. 98,4 106,9 115,2 123,5 131,7 139,8 147,8 155,8 163,6 171,4 179,1	11. 108,0 117,0 125,8 134,5 143,1 151,5 159,8 167,9 175,9 183,7 191,5	1117,5 127,0 136,4 145,5 154,4 163,1 171,7 180,0 188,1 196,1 203,8
	55 60 65 70 75 80 85 90 95 100 105 110	I. 83,9 91,1 98,2 105,2 112,2 119,1 126,0 132,7 139,4 146,1	92,0 99,6 107,2 114,6 121,9 129,1 136,1 143,0 149,9 156,6	111. 100,1 108,2 116,2 123,9 131,6 139,0 146,3 153,4 160,8 167,1	I. 91,0 98,8 106,5 114,2 121,8 129,3 136,7 144,0 151,8 158,5	99,8 108,1 116,3 124,8 132,8 140,0 147,7 155,2 162,6 169,9	111. 108,7 117,5 126,1 134,5 142,7 150,8 158,7 166,4 173,9 181,3	I. 98,4 106,9 115,2 123,5 131,7 139,8 147,8 155,8 163,6 171,4 179,1 186,7	11. 108,0 117,0 125,8 134,5 143,1 151,5 159,8 167,9 175,9	1117,5 127,0 136,4 145,5 154,4 163,1 171,7 180,0 188,1 196,1

Gehalt der Nabelholz-Baustämme in Körperfußen.

Ednge.	G 3/4	Zuß U	mfang.	7 8	uß Um	fang.	71/4	Fuß U	mfang.	
Fuß.	I.	II.	III.	I.	II.	III.	I.	II.	III.	
60	115,2	126,1	137,0	123,9	135,6	147,3	133,0	145,5	158,1	
65	124,8	135,7	147,0	133,6	145,9	158,1	143,4	156,5	169,6	
70	133,2	145,0	156,9	143,2	156,0	168,7	153,7	167,3	,	
75	142,0	154,8	166,5	152,8	165,9	179,1	163,9	178,0	192,1	
80	150,8	163,4	175,9	162,2	175,7	189,2	174,0	188,5	203,0	
85	159,4	172,3	185,1	171,5	185,8	199,1	183,9	198,8	213,6	
90	168,0	181,1	194,1	180,7	194,7	208, 8	193 ,8	208,9	223,6	
95	176 ,5	189,7	202,9	189,8	204,0	218,2	203,6	218,8	234,1	
100	184,9	198,2	211,5	198,8	213,1	227,4	213,3	228,6	243 ,9	
105	193,2	206,5	219,8	207,7	222,1	236,4	222,8	238,2	253 ,6	
110	201,4	214,7	227,9	216,6	230,9	245,2	232,3	247,6	263,0	
115	209,5	222,7	235,9	225,8	239,5	253,7	241,7	256,9	272,1	
120	217,5	230,5	243,6	233,9	247,9	262,0	250,9	266,0	281,0	
Lang	71/2 8	zuß Ur	nfang.	73/4	Fuß Ur	nfang.	8 %1	ıß Um	fang.	
gus.	I.	II.	ПІ.	I.	П.	III.	I.	п.	III.	
60	142,3	155,7	169,2	151,9	166,3	180,6	161,9	177,2	192,5	
65	153,4	167,5	181,6	163,8	178,8	193,9	174,6	190,6	206,6	
70	164,5	179,1	193,7	175,6	191,2	206,8	187,1	203,8	220,4	
75	175,4	190,5	205,6	187,3	203,4	219,5	199,5	216,7	23379	
80	186,2	201,7	217,2	198,8	215,4	231,9	211,8	229,5	247,1	
85	196,8	212,7	228,6	210,2	227,1	244,0	224,0	242,0	260,1	
90	207,4	223,5	239,7	221,5	238,7	255,9	236,0	254,3	272,7	
95	217,9	234,2	250,5	232,7	250,1	267,5	247,9	266,5	285,0	
100	228,2	244,7	261,1	243,7	261,2	278,8	259,7	278,4	297,0	
105	238,5	254,9	271,4	254,6	272,2	289 ,8	271,3	290,1	308 ,8	
110	248,6	265,0	281,4	265,5	283,0	300,5	282,9	301 ,5	320,2	
115	258,6	274,9	291,2	276,2	293,6	311,0	294,8	312,8	331,4	
120	268,5	284,6	300,8	286,7	303,9	321,1	305,5	323,9	342,2	

Anüppelholzgehalt in Rörperfußen.

Stamm	umf.	2	21/2	3	31/2	4	41/2	5	51
	I.	2,00	2,87	3,00	3,87	5,00	6,87	8,00	9,
	II.	2,25	2,96	4,00	5,84	7,00	8,96	11,25	
Eiche.	Ht.	2,50	3,56	5,00	6,81	9,00	11,56	14,50	1
	īV.	2,75	4,15	6 ,00	8,28	11,00	14,15		Ι.
	V.	3,00	4,75	7,00	9,75	1 1		21,00	25,
	14	i 'I	l	2,80	l ' ł) i		l	I
Buche,	11.	I ⁻ ,		3,72	4,98	. ,)		
Linde.	111.	2,40	3,35	4,65	6,28	1 1	()	3 1	۱
1	1 V .	2,65	I (5,57	7,62	!	12,91	16,15	4
	V.	2,90	4,47	6,50	8,97	11,90	15,27	19,10	<u> </u>
	1.	1,80	1	2,60	3,80	4,20	l 1	ll	۱ ـ ـ
Efche.	11.	l - 1	1 1	3,40	4,44		7,25		
Aborn.	ш	2,80	3,10	4,20	5,58	· · · I			امدا
Ulme.	IV.	2,55	3,60	5,00	6,72	8,77	11,15	13,87	بمحال
	V.	2,80	4,11	5,80	7,86	10,80	13,11	16,30	_
	L	1,70	1,96	2,40	3,01	3,80	4,76	5,90	
Aspe.	II.	1,95	2,40	3,07	3,94	5,02	6,30	7,80	
Pappel.	III.	2,20	2,85	3,75	4,88	6,25	7,85	9,70	11,
Grie.	IV.	2,45	3,80	4,42	5,81	7,47	9,40	11,60	
	V.	2,70	3,75	5,10	6,75	8,70	10,95	13,50	_
	I.	1,80	1,82	1,86	1,94	207	2,27	2,57	
Nabel=	H.	1,97	2,01	2,10	2,26	2,52	2,92	3, 51	4.5
holz.	III.	2,15	2,21	2,84	2,58	2,97	3,57	4,46	5,1
40.	IV.	2,82	2,40	2,58	2,90	3,42	4,22	5,40	7,0
1	V.	2,50	2,60	2,82	3,22	3,87	4,87	6, \$5	8,
	I.	1,60	1,82	2,20	2,72	3,40	4,22	5,20	6, ³
	II.	1,85	2,21	2,75	3,45	4,32	5,86	6,57	7,9
te,	Ш.	2,10	2,60	3,30	4,18	5,25	6,50	7,95	9,5 11,5
	IV.	2,85	2,99	3,85	4,90	6,17	7,64	-,	11,1
	V.	2,60	3,38	4,40	5,68	7,10	8,78	10,70	12,8

Knüppelholzgehalt in Körperfußen.

	6	G1/3	7	71/2	8	81/2	9	91/2	10	Riaffe
	12,00	14,87	17,00	19,87	23 ,00	26,37	30 ,00	33 ,62	37,25	I.
I	16,75	19,96	23 ,50	27,34	31,50	35 ,96	40,75	45,53	50,31	II.
I	21,50	25,56	30,00	34,81	40 ,00	45, 56	51,50	57,48	63 ,87	HII.
	26,25	31,15	36, 50	42,28	48,50	55 ,15	62 ,25	69,34	76,43	IV.
1	31,00	36, 75	43,00	49,75	57,00	64,75	73,00	81,25	89,50	V.
I	10,90	13,03	15,40	17,98	20,80	23,83	27,10	30,36	33,62	I.
	15,20	18,09	21,27	24,73	28,47	32, 49	36 ,80	41,10	45,40	II.
ł	19,50	23,15	27,15	31,48	36 ,15	41,15	46 ,50	51,84	57,18	III.
ł	23,80	28,21	33,02	38,22	43,82	49, 81	56,20	62 ,58	68,96	IV.
I	28,10	33,27	38,90	44,97	51,50	58,47	65, 90	73,32	80,75	V.
	9,80	11,70	13,80	16,10	18,60	21,10	23,60	23,60	23,60	I.
	13,30	15,80	18,55	21,54	24,77	28,00	31,24	31,24	31,24	11.
	16,80	19,90	23,30	26,98	30,95	34,91	38, 88	38 ,88	38,88	III.
	20,30	24,00	28,05	32,42	37,12	41,82	46,58	46,53	46,53	IV.
	23,80	28,11	32,80	37,86	43,30	48,73	54,17	54,17	54,17	V.
	8,70	10,36	12,20	14,08	15,87	15,87	15,87	15,87	15,87	I.
	11,40	13,50	15,82	18,14	20,45	20,45	20,45	20,45	20,45	II.
	14,10	16,65	19,45	22,24	25,03	25,03	25,03	25,03	25,03	III.
	16,80	19,80	23,07	26,34	29,61	29,61	29,61	29,61	29,61	IV.
	19,50	22,95	26,70	30,45	34,20	34 ,20	34,20	34,20	34,20	V.
	3,57	4,35	5,37	6,69	8,36	10,38	12,40	12,40	12,40	I.
	5,51	7,07	9,12	11,76	15,10	19,14	23,62	23,62	23,62	II.
	7,46	9,80	12,87	16,88	21,84	27,90	34,84	34,84	34 ,84	III.
	9,40	12,52	16,62	21,90	28,58	36 ,66	46, 05	46,05	46 ,05	IV.
`	11,85	15,25	20,87	26,97	35,32	45,42	57,27	57,27	57,27	V.
	7,60	8,87	10,15	10,15	10,15	10,15	10,15	10,15	10,15	I.
	9,50	11,04	12,59	12,59	12,59	12,59	12,59	12,59	12,59	II.
	11,40	13,21	15,08	15,08	15,03	15,03	15,08	15,08	15,03	III.
	13,30	15,89	17,48	17,48	17,48	17,48	17,48	17,48	17,48	IV.
	15,20	17,56	19,92	19,92	19,92	19,92	19,92	19,92	19,92	V.

Reisholzgehalt in Körperfußen.

Stamm	ımf.	8	2 1/2	3	3 1/2	4	41/2	5	5 ¹ />
	Ī.,	1,60	2,00	2,80	3,95	5,40	7,10	9,00	11,05
	11.	2,20	2,70	3,70	5,14	6,95	9,07	11,45	14,01
Eiche.	H1.	2,80	3,40	4,60	6,83	8,50	11,05	13,90	16,97
	ĮŲ.	3,40	4,10	5,50	7,52	10,05	13,02	16,35	19,98
	V	4,00	4,80	6,40	8,70	11,60	15,00	18,80	22,90
	1.	1,50	1,87	2,62	8,70	5,05	6,62	8,37	10,25
Buche .	II.	2,07	2,54	3,48	4,82	6,51	8,48	10,66	13,01
} }	111.	2,65	3,21	4,58	5,95	7,97	10,33	<u>12,96</u>	15,77
Binbe.	IV.	3,22	3,8 8	5,19	7,07	9,48	12,19	15,25	18,53
	V.	3, 80	4,55	6,05	8,20	10,90	14,05	17,65	21,80
	J.	1,40	1,75	2,45	3,45	4,70	6,15	7,75	9,45
Efce.	. fl.	1,95	2,88	3,26	4,51	6,07	7,89	9,89	12,01
Ahorn.	III.	2,50	3,02	4,07	5,57	7,45	9,68	12,08	14,57
Ulme.	IV.	-	3,66	4,88	6,68	8,82	11,87	14,17	17,13
	V.	3,60	4,30	5,70	7,70	10,20	13 ,10	16,30	19,10
	I.		1,62	2,27	8,20	4,85	5,67	7,12	8,65
Aspe.	11.		2,28	8,04	4,20	5,68	7,29	9,10	11,01
Pappel.	III.	_,	2,83	3,81	5,20	6,92	8,91	11,08	13,37
Erle.	IV	_, .	8,44	4,58	6,20	8,21	10,58	13,06	15,78
	V.	8,40	4,05	5,85	7,20	9,50	12,15	15,05	18,10
	ľ	0,60	0,80	1,20	1,77	2,50	3,35	4,30	5,32
Nabel.	II	1,15	1,48	2,01	2,84	3,90	5,15	6,56	8,10
4	111.	.	2,07	2,62	3,91	5,80	6,95	8,83	10,88
holz.	IV.	_,	2,71	3,63	4,98	6,70	8,75	11,08	13,66
	₹.	2,80	3,85	4,45	6,05	8,10	10,55	13,35	16,45
	I.	1,20	1,50	2,10	2,95	4,00	5,20	6,50	7,88
	Ħ,	1,65	2,02	2,77	8,83	5,15	6,65	8,27	9,96
Birte.	III.	- 2, 10	2,55	3,45	4,72	6,80	8,10	10,05	12,07
	IV.	2,55	3,07	4,12	5,61	7,45	9,55	11,82	14,18
	₹.	3,00	3,60	4,80	6,50	8,60	11,00	13,60	16,80

Reisholzgehalt in Körperfußen.

6	6 ¹ /2	7	7 1/2	8	8 1/2	8	91/2	10	Rlaffe
13,20	15,40	17,60	19,80	22,00	24,20	26,40	28,60	30,80	I.
16,70	19,45	22,20	24,95	27,70	30,45	33,20	35,95	38,70	H.
20,20	23,50	26, 80	30, 10	33,40	36,70	40,00	43,30	46,60	III.
23, 70	27,55	31,40	35,25	39,10	42,95	46, 80	50,65	54,50	IV.
27,20	31,60	36 ,00	40,40	44,80	49,20	53,60	58,00	62,4 0	V.
12,20	14,17	16,15	18,12	20,10	22,07	24,05	26,02	28,00	I.
15,45	17,91	20,39	22,85	25,82	27,79	30,26	32,78	35,20	II.
18,70	21,66	24,63	27,58	30,55	33,51	36,47	39,48	42,40	III.
21,95	25,40	28,87	32,31	35,77	39,28	42,6 8	46,14	49,60	
25, 20	29,15	33,10	37,05	41,00	44,95	48,90	52,85	56 ,80	V.
11,20	12,95	14,70	16,45	18,20	19,95	21,70	21,70	21,70	I.
14,20	16,88	18,57	20,76	22,95	25,13	27,82	27,32	27,82	II.
17,20	19,82	22,45	25,07	27,70	30,32	32, 95	32, 95	32,95	III.
20,20	23 ,26	26,32	29,38	32,45	35,51	38,57	38,57	38,57	IV.
23,20	26 ,70	30,20	33,70	37,20	40,70	44,20	44,20	44,20	V.
10,20	11,75	13,30	14,85	16,40	16,40	16,40	16,40	16,40	I.
12,95	14,88	16,82	18,76	20,70	20,70	20,70	20,70	20,70	II.
15,70	18,02	20,35	22,67	25,00	25, 00	25,00	25, 00	25, 00	III.
18,45	21,16	23,87	26, 58	29,30	29,30	29,30	29,30	29,30	D 1
21,20	24,30	27,40	30 ,50	33,60	33,60	33 ,60	33 ,60	33,60	V.
6,40	7,50	8,60	9,70	10,80	11,90	13,00	13,00	13,00	J.
9,75	11,46	13,21	14,98	16, 78	18,56	20,85	20,35	20,35	II.
13,10	15,42	17,82	20,27	22,75	25,22	27,70	27,70	27,70	l î
16,45	19,38	22,43	25,56	28,73	31 ,88	35,05	1	35,05	[
19,80	23,85	27,05	30,85	34 ,70	38,55	42,40	42,40	42,40	V.
9,20	10,55	11,90	11,90	11,90	11,90	11,90	11,90	11,90	I.
11,65	13,84	15,02	15,02	15,02	15,02	15,02	15,02	15,02	1
14,10	16,13	18,15	18,15	18,15	18,15	18,15	18,15	18,15	1:
16,55	18,92	21,27	21,27	21,27	21,27	21,27		21,27	IV.
19,00	21,70	24,40	24,40	24,40	24,40	24,40	24,40	24,40	V.

Stockholzgehalt in Körperfußen.

Stamm: Umfang.		Ş	austöd	le.			R	obeftöd	fe.	
Ø≓ Fuß.	I.	II.	III.	IV.	V.	I.	II.	III.	IV.	V.
11/2	0,81	0,86	0,41	0,46	0,51	0,58	0,69	0,81	0,92	1,04
2	0,57	0,66	0,76	0,85	0,95	1,13	1,34	1,55	1,76	1,98
$2\frac{1}{2}$	0,92	1,07	1,23	1,38	1,54	1,93	2,27	2,62	2,97	3,32
3	1,36	1,59	1,82	2,05	2,29	2,99	3,51	4,03	4,55	5,08
31	1,90	2,22	2,55	2,88	3,21	4,82	5,06	5, 80	6,54	7,28
4	2,54	2,99	3,43	3 ,88	4,32	5,93	6,93	7,98	8,93	9,94
41/2	3,22	3,78	4,35	4,91	5,47	7,88	9,14	10,45	11,76	13,08
5	3,97	4,67	5,87	6,06	6,76	10,08	11,70	13,37	15,04	16,72
5 1	4,81	5,65	6,50	7,84	8,18	12,54	14,62	16,71	18,79	20,88
6	5,72	6,73	7,78	8,78	9,74	15,37	17,92	20,47	23,02	25,58
$6\frac{1}{2}$	6,72	7,90	9,07	10,25	11,43	18,58	21,60	24,68	27,76	30,84
7	7,79	9,16	10,52	11,89	13,25	22,03	25,69	29,35	33 ,01	36 ,68
71/2	8,95	10,51	12,08	13,65	15,21	25,88	30,19	34,50	38,81	43,12
8	10,18	11,96	13,75	15,53	17,31	30 ,09	35,11	40,13	45,15	50,18
81/2	11,49	13,51	15,52	17,53	19,54	34,67	40,47	46,27	52,07	57,88
9	12,89	15,14	17,40	19,65	21,91	39,63	46,28	52,93	58,58	66,24
91	14,36	16,87	19,39	21,90	24,41	44,98	52,55	60,13	67,70	75,28
10	15,91	18,70	21,48	24,27	27,05	50,73	59,30	67,87	76,44	85,02

IV. Holzzuwachs=Tafeln

zur Ermittelung

des lanfenden Jahreszuwachses

an Bäumen und Waldbeständen.

Erläuterung mit Gebrauchsbeispielen.

1) Taf. 88 u. 89: Hier findet man zuvörderft das ganze Göhenzuwach 62 maß zu dem fest angenommenen halbzolligen Jahrringstärken: maße in Werkzollen, für jede obenan stehende Umfangstärke und voran stehende Scheitelhohe. Bon einem Stamme zu 23. U und 60. H beträgt dasselbe 68 3oll.

2) Taf. 96 u. 91: Der volle Söhenzuwachs in Zollen zum jüngsten Jahreinge wird hinter jenem voran stehenden Söhenzuwachsmaße und unter ber obenan stehenden jüngsten Jahreingstärke aufgesucht, mit dem wirklichen Höhenzuwachse verglichen und hiernach die Höhenzuwachstlasse zu 1, 3/4, 1/2, 1/4 oder Obestimmt. Finden sich zu obigem Höhenzuwachsmaße von 68 Zoll auf dem äußersten Zoll 11 Jahreinge, so kommt auf einen jeden (68: 11) etwa 6 Zoll voller Höhenzuwachs, und ein wirklicher Höhenzuwachs von 3 Zoll entspräche der Höhenzuwachsstlasse der J. — Man sindet die Inzahlen zu dem voran stehenden Höhenzuwachsmaße von 1 die 20 hinter den 10mal größern Borzahlen, auch alle ohne Unterschied mittels Die visson des Höhenzuwachsmaßes durch die auf dem Stärkenzuwachsmaße besindliche Jahreringzahl.

3) Taf. 92 bis 102: Prozente des Holzzuwachses. Diese sucht man hier von oben herein nach der Umfangstärke und der Höhenzuwachstlasse, von der Seite herein nach dem Stärkenzuwachse. Obiger Stamm von 23. U, A

Stärken- und & Sobenzuwachs hatte 2,16 pCt., also von 24 c' Maffengehalt

$$\frac{24 \times 2{,}16}{100} = 0{,}5184 \text{ c}'$$

zum laufenben einjährigen Massenzuwachse.

Hatten die zu Taf. II. im 5. Beispiele berechneten 173 Kiefern von 34° U, 65 H, III. Klasse noch 14 Stärken= und 3" wirklichen Höhenzuwachs gehabt: so betrüge ihr Höhenzuwachsmaß 58", ihr voller 1jähriger Höhenzuwachs 4", ihre Höhenzuwachstiasse und ihr Massenzuwachs 1,46 pCt. Dies gabe von den 5500 Kfg. Massenges

halt 80,3 Aff. Zuwache.

Käme eine in diesen Taseln nicht besindliche Jahreingstärke vor, so wäre die ihr ansgehörige Jahl nach dem Betrage einer andern gegebenen Stärke leicht zu berechnen. Wäre z. B. das Höhenzuwachsmaß 30", so betrüge davon der volle ljährige Juwachs auf $\frac{1}{3}$ Jahreingstärke $30 \times \frac{1}{3} = 3\frac{1}{3}$ "; auf $\frac{1}{3}$, $30 \times \frac{1}{3} = 10$ "; auf $\frac{2}{3}$, $30 \times \frac{2}{3} = 20$ "; auf $\frac{1}{3}$, $30 \times \frac{1}{3} = 40$ ". Ju 2' U und $\frac{1}{3}$ Höhenzuwachs wären die Prozente des Holzuwachses auf $\frac{1}{3}$ Jahreingstärke 10.9; also auf $\frac{2}{3}$ das Doppelte, $2 \times 10.9 = 21.8$; auf $1\frac{1}{3} = \frac{1}{3}$, $4 \times 10.9 = 43.6$, oder auch 32.7 auf 1 und dazu 10.9 auf $\frac{1}{3} = 43.6$. Es lassen sich also diese Zuwachstaseln für jeden, in einer andern Bruchsorm aus:

Ge lassen sich also diese Zuwachstaseln sur seden, in einer andern Bruchsorm ausgedrückten Stärkenzuwachs gebrauchen. Auch sind dieselben ohne Weiteres auf Zehntels maß anzuwenden: man darf nur den wirklichen Höhenzuwachs nach Zwölstelsußen bes stimmen und dazu dem Zuwachsstädichen zu des Fußes zur Maßeinheit geben, was

beides neben bem Gebrauche des zehntheiligen Dages recht gut bestehen kann.

Ganzes Höhenzuwachsmaß in Zollen zu bem halbzolligen Jahrringstärkenmaße.

					Der	Stär	nme	5. 7				
Höhe.			•									
Fuß.	1/4	1/2	<u>8</u>	1	114	11/2	18/4	2	21/4	3 ½	2 3/4	3
10	125	62	41	31	25	20	17	15	13	12	11	10
15	188	94	62	47	37	31	26	23	20	18	17	15
20	251	125	83	62	50	41	3 5	31	27	25	22	20
25	314	157	104	78	62	52	44	39	34	31	28	26
30	376	188	125	94	7 5	62	53	47	41	37	34	31
35	439	219	146	109	87	73	62	54	48	43	39	36
40	502	251	167	125	100	83	71	62	55	50	45	41
45	565	282	188	141	113	94	80	70	62	56	51	47
50	628	314	209	157	125	104	89	7 8	69	62	57	52
55	691	34 5	230	172	138	115	98	86	76	69	62	57
60	753	376	251	188	150	125	107	94	83	75	68	62
65	816	408	[163	136			90	81	74	68
70	879	439	293	219	175	146	125	109	97	87	79	73
75	942	471	314	235	188	157	134	117	104	94	85	78
80	1005	502	33 5	251	201	167	143	125	111	100	91	83
85	1068	534	356	267	213	178	152	133	118	106	97	89
90	1130	1			226	188		141	125	113	102	94
95	1193	596	l	298	238	198			132	119	108	99
100	1256	1	418		251	209			139	125	114	104
105	1319		439		263	ì	- 6		146	ľ	l.	- 18
110	1382	691	460	345	276	230	197	172	153	138	125	115
115	1445	722	1	361	289	240			160	!	131	120
120	1507	753	502	376	301	251	215		167	150	137	125
125	1570	785	- 1	392	314	261	224		174	157	142	130
130	1633	1		408							ŀ	136

Ganzes Höhenzuwachsmaß in Zollen zu bem halbzolligen Jahrringstärkenmaße.

	Der Stämme Umfangstärke in Fußen.														
Höhe.				n.											
Zus.	$3\frac{1}{2}$	4	41/2	5	51/2	6	7	8	8	10	11	13			
10	8	7	6	6	5	5	4	3	3	3	2	2			
15	13	11	10	9	8	7	6	5	5	!	ļ	3			
20	17	15	13	12	11	10	8	7	6	6	5	5			
25	22	19	17	15	14	13	11	9	8	7	7	6			
3 0	26	23	20	18	17	15	13	11	10	9	8	7			
3 5	31	27	24	21	19	18	15	13	12	10	9	, 9			
40	3 5	31	27	25	22	20	17	15	13	12	11	10			
45	40	35	31	28	25	23	20	17	15	14	12	11			
50	44	39	34	31	28	26	22	19	17	15	14	13			
55	49	43	38	34	31	28	24	21	19	17	15	14			
60	53	47	41	37	34	31	26	23	. 20	18	17	15			
65	5 8	51	45	40	37	34	29	25	22	20	18	17			
70	62	54	48	43	39	36	31	27	24	21	19	18			
75	67	58	52	47	42	89	3 3	29	26	23	21	19			
80	71	62	55	50	45	41	3 5	31	27	25	22	20			
85	76	6 6	59	53	48	44	38	33	29	26	24	22			
90	80	70	62	56	51	47	40	35	31	28	25	23			
95	85	74	66	59	54	49	42	37	3 3	29	27	24			
100	89	78	69	62	57	52	44	39	34	31	28	26			
105	94	82	73	65	59	54	47	41	36	3 2	29	27			
110	98	86	76	69	62	57	49	43	3 8	34	31	28			
115	103	90	80	72	65	60	51	45	40	3 6	3 2	30			
120	107	94	83	75	68	62	53	47	41	37	34	31			
125	112	98	87	78	71	65	56	49	43	39	3 5	32			
130	116	102	90	81	74	68	58	51	45	40	37	34			

									-		
Dobengu-	An	theil	bes ji	ingiter	1 Jah	rringe	es von	bem	1/2 B	oll im	R.
machsmas' in Bollen.	1/4	1/6	1/8	1/10	1/12	1/14	1/16	1/18	1/20	1/22	1/24
22	5,5	3,6	2,7	2,2	1,8	1,5	1,8	1,2	1,1	1,0	0,9
24	6,0	4,0	3,0	2,4	2,0	1,7	1,5	1,3	1,2	1,0	1,0
26	6,5	4,3	3,2	2,6	2,1	1,8	1,6	1,4	1,3	1,1	1,0
28	7,0	4,6	3,5	2,8	2,3	2,0	1,7	1,5	1,4	1,2	1,1
30	7,5	5,0	5,7	3,0	2,5	2,1	1,8	1,6	1,5	1,3	1,2
32	8,0	5,8	4,0	3,2	2,6	2,2	2,0	1,7	1,6	1,4	1,3
34	8,5	5,6	4,2	3,4	2,8	2,4	2,1	1,8	1,7	1,5	1,4
36	9,0	6,0	4,5	3,6	3,0	2,5	2,2	2,0	1,8	-1,8	1,5
88	9,5	6,8	4,7	3,8	3,1	2,7	2,8	2,1	1,9	1,7	1,5
40	10,0	6,6	5,0	4,0	3,8	2,8	. 2,5	2,2	2,0	1,8	1,6
42	10,5	7,0	5,2	4,2	3,5	3,0	2,6	2,8	2,1	1,9	1,7
44	11,0	7,3	5,5	4,4	8,6	3,1	2,7	2,4	2,2	2,0	1,8
46	11,5	7,6	5,7	4,6	3,8	3,2	2,8	2,5	2,3	2,0	1,9
48	12,0	8,0	6,0	4,8	4,0	3,4	3,0	2,6	2,4	2,1	2,0
50	12,5	8,3	6,2	5,0	4,1	3,5	3,1	2,7	2,5	2,2	2,0
52	13,0	8,6	6,5	5,2	4,8	3,7	3,2	2,8	2,6	2,8	2,1
. 54	13,5	9,0	6,7	5,4	4,5	3,8	_3,8	3,0	2,7	2,4	2,2
56	14,0	9,3	7,0	5,6	4,6	4,0	3,5	8,1	2,8	2,5	2,3
58	14,5	9,6	7,2	5,8	4,8		3,6	5,2	2,9	2,6	2,4
60	15,0	10,0	7,6	6 ,0	5,0	4,2	3,7	3,8	3,0	2,7	2,5
62	15,5	10,3	7,7	6,2	5,1	4,4	3,8	3,4	8,1	2,8	2,5
64	16,0		8,0	6,4	5,8	4,5	4,0	3,5	3,2	2,9	2,6
66	16,5	11,0	8,2	6,6	5,5	4,7	4,1	3,6	3,8	8,0	2,7
68	17,0	11,3	8,5	6,8	5,6	4,8	4,2	3,7	8,4	8,0	2,8
70	17,5	11,6	8,7	7,0	5,8	5,0	. 4,3	3,8	3,5	3,1	2,9
72	18,0	12,0	9,0	7,2	6,0	5,1	4,5	4,0	8,6	3,2	3,0
74	18,5		9,2	7,4	6,1	5,2	4,6	4,1	8,7	3,8	3,0
76	19,0	12,6	9,5	7,6	6,3	5,4	4,7	4,2	3 ,8	3,4	3,1
78	19,5	13,0	9,7	7,8	6,5	5,5	4,8	4,8	3,9	8,5	3,2
80.	20,0	13,\$	10,0	8,0	6,6	5,7	5,0	4,4	4,0	3,6	3,3



Ganzes Sobenzu-	N	ntheil	des jü	ingster	ı Fah	rringe	8 von	bem]	l/2 30	ll im	R.
ma dsmas in Zollen.	1/4	1/6	1/8	1/10	1/12	1/14	1/16	1/18	1/20	1/22	1/24
82	20,5	13,6	10,2	8,2	6,8	5, 8	5,1	4,5	4,1	3,7	3,4
84	21,0	14,0	10,5	8,4	7,0	6,0	5,2	4,6	4,2	3,8	3,5
86	21,5	14,8	10,7	8,6	7,1	6,1	5#8	4,7	4,8	3,9	3,5
88	22,0	14,6	11,0	8,8	7,3	6,2	5,5	4 ,8	4,4	4,0	3,6
90	22,5	15,0	11,2	9,0	7,5	6,4	5,6	5,0	4,5	4,0	3,7
92	23,0	15,3	11,5	9,2	7,6	6,5	5,7	5,1	4,6	4,1	3,8
94	23,5	15,6	11,7	9,4	7,8	6,7	5,8	5,2	4,7	4,2	. 3,9
96	24,0	16,0	12,0	9,6	8,0	6,8	6,0	5,3	4,8	4,3	4,0
98	24,5	16,3	12,2	9,8	8,1	7,0	6,1	5,4	4,9	4,4	4,0
100	25,0	16,6	12,5	10,0	8,3	7,1	6,2	5,5	5,0	4,5	4,1
102	25,5	17,0	12,7	10,2	8,5	7,2	6,3	5,6	5,1	4,6	4,2
104	26,0	17,3	13,0	10,4	8,6	7,4	6,5	5,7	5,2	4,7	4,3
106	26,5	17,6	13,2	10,6	8,8	7,5	6,6	5 ,8	5,3	4,8	4,4
108	27,0	18,0	13,5	10,8	9,0	7,7	6,7	6,0	5,4	4,9	4,5
110	27,5	18,3	13,7	11,0	9,1	7,8	6,8	6,1	5,5	5,0	4,5
112	28,0	18,6	14,0	11,2	9,3	8,0	7,0	6,2	5,6	5,0	4,6
114	28,5	19,0	14,2	11,4	9,5	8,1	7,1	6,3	5,7	5,1	4,7
116	29,0	19,8	14,5	11,6	9,6	8,2	7,2	6,4	5,8	5,2	4,8
118	29,5	19,6	14,7	11,8	9,8	8,4	7,3	6,5	5,9	5,3	4,9
120	30,0	20,0	15,0	12,0	10,0	8,5	7,5	6,6	6,0	5,4	5,0
122	30,5	20,3	15,2	12,2	10,1	8,7	7,6	6,7	6,1	5,5	5,0
124	31,0	20,6	15,5	12,4	10,3	8,8	7,7	6 ,8	6,2	5,6	5,1
126	31,5	21,0	15,7	12,6	10,5	9,0	7,8	7,0	6,3	5,7	5,2
128	32,0	21,3	16,0	12,8	10,6	9,1	8,0	7,1	6,4	5,8	5,3
130	32,5	21,6	16,2	13,0	10,8	9,2	8,1	7,2	6,5	5,9	5,4
140	35,0	23,3	17,5	14,0	11,6	10,0	8,7	7,7	7,0	6,3	5,8
150	37,5	25,0	18,7	15,0	12,5	10,7	9,3	8,3	7,5	6, 8	6,2
160	40,0	26 ,6	20,0	16,0	13,3	11,4	10,0	8,8	8,0	7,2	6,6
180	45,0	30,0		1 i	15,0	12,8	1		9,0	8,1	7,5
200	50,0	33,8	25,0	20,0	16,6	14,2	12,5	11,1	10,0	9,0	8,8

ben & 3		u -/4. ber H				unb	ս <u>ի</u> ն :	Jahrring. Sis			
Jahre Bon b	1	*/ _#	1/9	1/4	0	1	3/4	1/2	2/4	•	Jahrr von b
1	342	309	275	242	209	160	146	132	118	104	1
	171	154	137	121	104	80,2	73,3	66,8	59,3	52,8	1/2
1/8	114	103	91,9	80,8	69,7	53,5	48,8	44,2	39,5	34,8	1/8
1/4	85,6	77,8	68,9	60,6	52,8	40,1	36,6	33,1	29,4	26,1	1/4
1/5	68,5	61,8	55,1	48,5	41,8	32,1	29,8	26,5	23,7	20,9	1/5
1/6	57,1	51,5	45,9	40,4	34,8	26,7	24,4	22,1	19,7	17,4	1/6
1/7	48,9	44,1	39,4	34,6	29,9	22,9	20,9	18,9	16,9	14,9	1/7
1/8	42,8	38,6	34,4	30,3	26,1	20,0	18,3	16,5	14,8	13,0	1/8
1/9	38,0	34,3	30,6	26,9	23,2	17,8	16,2	14,7	13,1	11,6	1/9
1/10	34,2	30,9	27,5	24,2	20,9	16.0	14,6	13,2	11,8	10,4	1/10
1/11	31,1	28,1	25,0	22,0	19,0	14,5	13,3	12,0	10,7	9,51	1/11
1/12	28,5	25,7	22,9	20,2	17,4	13,3	12,2	11,0	9,88	8,72	1/12
1/13	26,3	23,7	21,2	18,6	16,1	12,3	11,2	10,2	9,12	8,05	1/13
1/14	24,4	22,0	19,7	17,8	14,9	11,4	10,4	9,47	8,47	7,47	1/14
1/15	22,8	20,6	18,8	16,1	13,9	10,7	9,77	8,84	7,90	6,97	1/15
1/16	21,4	19,8	17,2	15,1	13,0	10.0	9,16	8,28	7,41	6,54	1/16
1/17	20,1	18,1	16.2	14,2	12,8		8,62	7,80	6,97	6,15	1/17
	19,0	17,1	15,3	13,4	11,6		8,14	7,86	6,59	5,81	1/18
1/19	18,0	16,2	14,5	12,7	11,0	8,45	7,71	6,98	6,24	5,50	1/19
1/20	17,1	15,4	13,7	12,1	10,4		7,33	6,63	5,93	5,23	1/20
1/21	16,8	14,7	13,1	11,5	9,96	7.64	6,98	6,81	5,64	4,98	1/21
	15,5	14,0	1	11,0	9,51		6,66	6,02	5,89	4,75	1/22
' '	14,8	13,4	11,9	10,5	9,10		6,37	5,76	5,15	4,55	1/23
	14,2		11,4	10,1	8,72	,	6,10	5,52	4,94	4,86	1/24
	13,7			9,70	8,37		5,86	5,30	4,74	4,18	1/25

rring: Std		ber H		_					110 S i		Jahrring-Sie bon bem 🛊 B
Soft For a	1	2/4	1/2	2/4	•	1	3/4	1/2	1/4	•	Jahre von b
1/8 1/4	105 52,8 35,2 26,4	96,7 48,3 32,2 24,1	87,7 43,8 29,2 21,9	78,7 39,3 26,2 19,6	69,7 34,8 23,2 17,4	89,4 26,8	72,2 36,1 24,0 18,0	65,6 32,8 21,8 16,4	58,9 29,4 19,6 14,7	52,8 26,1 17,4 18,0	1 1/2 1/3 1/4
1/5 1/6 1/7 1/8 1/9	21,1 17,6 15,1 18,2 11,7 10,5	19,8 16,1 13,8 12,0 10,7	14,6 12,5 10,9 9,75	15,7 13,1 11,2 9,84 8,75	13,9 11,6 9,96 8,79 7,75	13,1 11,2 9,86 8,77	12,0 10,3 9,03 8,08	10,9 9,37 8,20 7,29	9,83 8,42 7,37 6,55	8,72 7,47 6,54 5,81	1/6 1/7 1/8 1/9
1/11 1/12 1/13 1/14	9,61 8,81 8,18 7,55 7,04	9,67 8,79 8,06 7,44 6,91 6,44	8,77 7,97 7,81 6,75 6,26 7,85	7,87 7,16 6,56 6,05 5,62 5,25	6,97 6,84 5,81 5,86 4,98 4,65	7,17 6,57 6,07	7,22 6,57 6,02 5,56 5,16 4,81	5,96 5,47 5,04 4,68 4,37	5,89 5,86 4,91 4,53 4,21 3,98	4,75 4,86 4,02 3,73 3,48	1/10 1/11 1/12 1/13 1/14 1/15
1/17 1/18 1/19	6,60 6,21 5,87 5,56 5,28	6,04 5,69 5,87 5,09 4,88	4,87 4,61	4,92 4,68 4,87 4,14 3,98	4,86 4,10 3,87 5,67 3,48	4,64 4,88 4,15	4,51 4,25 4,01 3,80 3,61	4,10 3,86 3,64 3,45 3,28	3,68 3,46 3,27 3,10 2,94	3,27 3,07 2,90 2,75 2,61	1/16 1/17 1/18 1/19 1/20
1/22 1/23 1/24	5,08 4,80 4,59 4,40 4,22	4,60 4,89 4,20 4,03 3,86	3,98 3,81 3,65	3,75 3,58 3,42 3,38 3,15	3,32 3,17 3,08 2,90 2,79	3,58 3,48 3,28	· ·	3,12 2,98 2,85 2,73 2,62	2,80 2,68 2,56 2,45 2,85	2,49 2,37 2,27 2,18 2,09	1/21 1/22 1/23 1/24 1/25

rring-Stärf ben § Bol		٠.	a Fuß öhenz	_			*		Umf6 1110 9 1		Jahrring.Stur
Sahrr von de	1	3/4	1/3	1/4	•	1	3/4	1/1	1/4	•	3afrr
1	63,0	57,7	52,4	47,1	41,8	52,4	48,0	43,6	39,2	34,8	1
1/2	31,5	28,8	26,2	23,5	20,9	26,2	24,0	21,8	19,6	17,4	1/2
1/3	21,0	19,2	17,4	15,7	13,9	17,4	16,0	14,5	13,0	11,6	1/2
1/4	15,7	14,4	13,1	11,7	10,4	13,1	12,0	10,9	9,82	8,72	1/4
1/5	12,6	11,5	10,4	9,48	8,87	10,4	9,61	8,78	7,85	6,97	1/5
1/6	10,5	9,62	8,74	7,85	6,97	8,74	8,01	7,27	6,54	5,81	1/6
1/7	9,00	8,24	7,49	6,73	5,98	7,49	6,86	6,28	5,61	4,98	1/7
1/8	7,87	7,21	6,55	5,89	5,28	6,55	6,00	5,45	4,91	4,86	1/8
1/9	7,00	6,41	5,82	5,23	4,65	5,82	5,84	4,85	4,86	3,87	1/9
1/10	6,80	5,77	5,24	4,71	4,18	5,24	4,80	4,86	3,92	3,48	1/10
1/11	5,72	5,24	4,76	4,28	3,80	4,76	4,87	3,97	3,57	3,17	1/11
1/12	5,25	4,81	4,87	3,92	3,48	4,37	4,00	3,63	3,27	2,90	1/12
1/13	4,84	4,44	4,08	3,62	3,22	4,03	3,69	3,85	3,02	2,68	1/13
1/14	4,50	4,12	3,74	3,36	2,99	3,74	3,48	3,11	2,80	2,49	1/14
1/15	4,20	3,84	3,49	3,14	2,79	8,49	3,20	2,91	2,61	2,32	1/15
1/16	3,93	3,60	3,27	2,94	2,61	8,27	3,00	2,73	2,45	2,18	1/16
1/17	3,70	3,89	3,08	2,77	2,46	3,08	2,82	2,56	2,81	2,05	1/17
1/18	3,50	3,20	2,91	2,61	2,82	2,91	2,67	2,42	2,18	1,93	1/18
1/19	3,81	3,08	2,76	2,48	2,20	2,76	2,58	2,29	2,06	1,83	1/19
1/20	3,15	2,88	2,62	2,85	2,09	2,62	2,40	2,18	1,96	1,74	1/20
1/21	3,00	2,74	2,49	2,24	1,99	2,45	2,28	2,07	1,87	1,66	1/21
	2,86	2,62	2,38	2,14	1,90		2,18	1,98	1,78	1,58	1/92
1	2,74	2,51	1_	2,05	1,82		2,09	1,89	1,70	1,51	1/23
	2,62	2,40	2,18	1,96	1,74		2,00	F,81	1,68	1,45	1/24
	2,52	2,80	2,09	1,88	1,67		1,92	1,74	1,57	1,39	1/25

3u 1 4 8uß Umfang nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nub der HöhenzuwRiaffe: nu	a de la company
1 44,9 41,1 37,4 33,6 29,9 39,3 36,0 32,7 29,4 26 1/2 22,4 20,5 18,7 16,8 14,9 19,6 18,0 16,3 14,7 13 1/3 14,9 13,7 12,4 11,2 9,96 13,1 12,0 10,9 9,81 8,7 1/4 11,2 10,2 9,35 8,41 7,47 9,82 9,00 8,18 7,36 6,8 1/5 8,98 8,23 7,48 6,73 5,98 7,86 7,20 6,54 5,89 5,5 1/6 7,49 6,86 6,23 5,61 4,98 6,55 6,00 5,45 4,90 4,3 1/7 6,42 5,88 5,84 4,80 4,27 5,61 5,14 4,67 4,20 3,73 4,91 4,50 4,09 3,68 3,27 2,8 1/9 4,99 4,57 4,15 3,74 3,86 2,99 3,93 3,60 3,27 2,94 2,6	3ahrring:Starte bon bem & Boll.
1/2 22,4 20,5 18,7 16,8 14,9 19,6 18,0 16,3 14,7 13 1/8 14,9 13,7 12,4 11,2 9,96 13,1 12,0 10,9 9,81 8,7 1/4 11,2 10,2 9,35 8,41 7,47 9,82 9,00 8,18 7,36 6,8 1/5 8,98 8,23 7,48 6,73 5,98 7,86 7,20 6,54 5,89 5,5 1/6 7,49 6,86 6,23 5,61 4,98 6,55 6,00 5,45 4,90 4,3 1/7 6,42 5,88 5,84 4,80 4,27 5,61 5,14 4,67 4,20 3,73 4,91 4,50 4,09 3,68 3,2 1/9 4,99 4,57 4,15 3,74 3,82 4,86 4,00 3,68 3,27 2,94 2,6 1/10 4,49 4,11 3,74 3,86 2,99 3,93 3,60 3,27 2,94 2,6 <th>Salta Bost</th>	Salta Bost
1/8 14.9 13.7 12.4 11.2 9.96 13.1 12.0 10.9 9.81 8.7 1/4 11.2 10.2 9.35 8.41 7.47 9.82 9.00 8.18 7.36 6.6 1/5 8.98 8.23 7.48 6.73 5.98 7.86 7.20 6.54 5.89 5.5 1/6 7.49 6.86 6.23 5.61 4.98 6.55 6.00 5.45 4.90 4.3 1/7 6.42 5.88 5.84 4.80 4.27 5.61 5.14 4.67 4.20 3.73 4.91 4.50 4.09 3.68 3.2 1/9 4.99 4.57 4.15 3.74 3.82 4.36 4.00 3.68 3.27 2.9 1/10 4.49 4.11 3.74 3.86 2.99 3.93 3.60 3.27 2.94 2.6	1 1
1/4 11,2 10,2 9,35 8,41 7,47 9,82 9,00 8,18 7,36 6,8 1/5 8,98 8,23 7,48 6,73 5,98 7,86 7,20 6,54 5,89 5,5 1/6 7,49 6,86 6,23 5,61 4,98 6,55 6,00 5,45 4,90 4,3 1/7 6,42 5,88 5,84 4,80 4,27 5,61 5,14 4,67 4,20 3,73 4,91 4,50 4,09 3,68 3,2 1/8 5,61 5,14 4,67 4,20 3,73 4,91 4,50 4,09 3,68 3,2 1/9 4,99 4,57 4,15 3,74 3,82 4,86 4,00 3,68 3,27 2,9 1/10 4,49 4,11 3,74 3,86 2,99 3,93 3,60 3,27 2,94 2,6	0 1/2
1/5 8,98 8,23 7,48 6,73 5,98 7,86 7,20 6,54 5,89 5,5 1/6 7,49 6,86 6,23 5,61 4,98 6,55 6,00 5,45 4,90 4,3 1/7 6,42 5,88 5,84 4,80 4,27 5,61 5,14 4,67 4,20 3,7 1/8 5,61 5,14 4,67 4,20 3,73 4,91 4,50 4,09 3,68 3,27 1/9 4,99 4,57 4,15 3,74 3,82 4,86 4,00 3,68 3,27 2,8 1/10 4,49 4,11 3,74 3,86 2,99 3,93 3,60 3,27 2,94 2,6	2 1/3
1/6 7,49 6,86 6,23 5,61 4,98 6,55 6,00 5,45 4,90 4,5 1/7 6,42 5,88 5,84 4,80 4,27 5,61 5,14 4,67 4,20 3,73 4,91 4,50 4,09 3,68 3,27 1/9 4,99 4,57 4,15 3,74 3,82 4,86 4,00 3,68 3,27 2,8 1/10 4,49 4,11 3,74 3,86 2,99 3,93 3,60 3,27 2,94 2,6	4 1/4
1/7 6,42 5,88 5,84 4,80 4,27 5,61 5,14 4,67 4,20 3,73 4,91 4,50 4,09 3,68 3,2 1/9 4,99 4,57 4,15 3,74 3,82 4,86 4,00 3,68 3,27 2,8 1/10 4,49 4,11 3,74 3,86 2,99 3,93 3,60 3,27 2,94 2,6	8 1/5
1/8 5,61 5,14 4,67 4,20 3,78 4,91 4,50 4,09 3,68 3,27 1/9 4,99 4,57 4,15 3,74 3,82 4,86 4,00 3,68 3,27 2,8 1/10 4,49 4,11 3,74 3,86 2,99 3,93 3,60 3,27 2,94 2,6	6 1/6
1/9 4,99 4,57 4,15 3,74 3,82 4,86 4,00 3,68 3,27 2,8 1/10 4,49 4,11 3,74 3,86 2,99 3,93 3,60 3,27 2,94 2,6	3 1/7
1/10 4.49 4.11 3.74 3.86 2.99 3.93 3.60 3.27 2.94 2.6	7 1/8
	0 1/9
1/11/4 00 9 74 19 40 19 00 19 19 0- 19 0- 19 0- 19 0-	1 1/10
1/11 4,08 3,74 3,40 3,06 2,71 3,57 3,27 2,97 2,67 2,8	7 1/11
1/12 3,74 3,43 3,11 2,80 2,49 3,27 3,00 2,72 2,45 2,1	8 1/12
1/13 3,45 3,16 2,87 2,58 2,80 3,02 2,77 2,51 2,26 2,6	1 1/13
$\frac{1}{14}$ 3,21 2,94 2,67 2,40 2,18 2,80 2,57 2,88 2,10 1,8	6 1/14
1/15 2,99 2,74 2,49 2,24 1,99 2,62 2,40 2,18 1,96 1,7	4 1/15
1/16 2,80 2,57 2,88 2,10 1,86 2,45 2,25 2,04 1,84 1,6	3 1/16
1/17 2,64 2,42 2,20 1,98 1,75 2,31 2,11 1,92 1,78 1,5	8 1/17
1/18 2,49 2,28 2,07 1,87 1,66 2,18 2,00 1,81 1,68 1,4	
1/19 2,36 2,16 1,96 1,77 1,57 2,06 1,89 1,72 1,55 1,3	7 1/19
1/20 2,24 2,05 1,87 1,68 1,49 1,96 1,80 1,63 1,47 1,5	0 1/20
1/21 2,14 1,96 1,78 1,60 1,42 1,87 1,71 1,55 1,40 1,5	4 1/91
1/22 2,04 1,87 1,70 1,53 1,35 1,78 1,63 1,48 1,38 1,1	8 1/22
1/28 1,95 1,79 1,62 1,46 1,80 1,70 1,56 1,42 1,28 1,1	2
1/24 1,87 1,71 1,55 1,40 1,24 1,68 1,50 1,86 1,22 1,0	
1/25 1,79 1,64 1,49 1,84 1,19 1,57 1,44 1,80 1,17 1,0	

reingsStärte dem 4 Boll.		_	L Fuß öhenzi	_			_	Suß Suß		Jahreing. Starft ben bem & Boll	
Safire von de	1	3/4	1/2	1/4	•	1	3/4	1/9	1/4	0	Sept.
1	34,9	32,0	29,0	26,1	23,2	31,4	28,8	26,1	23,5	20,9	1
1/2	17,4	16,0	14,5	13,0	11,6	15,7	14,4	13,0	11,7	10,4	1/2
1/8	11,6	10,6	9,69	8,72	7,75	10,4	9,60	8,72	7,85	6,97	1/3
1/4	8,78	8,00	7,27	6,54	5,81	7,85	7,20	6,54	5,88	5,28	1/4
1/8	6,98	6,40	5,81	5,28	4,65	6,28	5,76	5,23	4,71	4,18	1/5
1/8	5,82	5,83	4,84	4,86	3,87	5,28	4,80	4,86	3,92	3,48	1/6
1/7	4,98	4,57	4,15	3,73	3,82	4,48	4,11	3,74	3,86	2,99	1/7
1/8	4,86	4,00	3,65	3,27	2,90	3,92	3,60	3,27	2,94	2,61	1/8
1/9	3,88	3,55	3,23	2,90	2,58	3,49	3,20	2,90	2,61	2,32	1/9
1/10	3,49	3,20	2,90	2,61	2,32	3,14	2,88	2,61	2,85	2,09	1/10
1/11	3,17	2,91	2,64	2,87	2,11	2,85	2,61	2,38	2,14	1,90	1/11
1/12	2,91	2,66	2,42	2,18	1,98	2,61	2,40	2,18	1,96	1,74	1/12
1/18	2,68	2,46	2,23	2,01	1,78	2,41	2,21	2,01	1,81	1,61	1/13
1/14	2,49	2,28	2,07	1,86	1,66	2,24	2,05	1,87	1,68	1,49	1/14
1/15	2,82	2,18	1,98	1,74	1,55	2,09	1,92	1,74	1,57	1,35	1/15
1/16	2,18	2,00	1,81	1,68	1,45	1,96	1,80	1,63	1,47	1,80	1/16
	2,05	1,88	1,71	1,53	1,86		1,69	1,54	1,38	1,28	1/17
1/18	1,94	1,77	1,61	1,45	1,29	1,74	1,60	1,45	1,80	1,16	1/18
1/19	1,88	1,68	1,53	1,87	1,22	1,65	1,51	1,87	1,23	1,10	1/19
1/20	1,74	1,60	1,45	1,80	1,16	1,57	1,44	1,80	1,17	1,04	1/20
1/21	1,66	1,52	1,38	1,24	1,10	1,49	1,87	1,24	1,12	0,99	1/21
, ·	1,58	1,45	1,52	1,18	1,05		1,30	1,19	1.	0,95	1/22
4	1,51	1,39	1.	١	1,01		1,25	1,18	1,02	0,91	1/23
	1,45	1,33	1,21		0,96	1,80	1,20	1,09	0,98	0,87	1/24
	1,89	1,28			0,93	1,25	1,15	l	0,94	0,88	1/95

Prozente bes Holzzuwachses.

Jahreing-Starn von bem 3-ff.		_	a Fuß öhenzi	_)	g laffe:	3ahrring. Starte			
Bahrr von b	1	2/4	1/2	1/4	•	1	8/4	1/2	1/4	•	Sabr
1	28,5	26,1	23,7	21,4	19,0	26,1	23,9	21,8	19,6	17,4	1
1/2	14,2	13,0	11,8	10,7	9,51	13,0	11,9	10,9	9,81	8,72	1,
1/8	9,52	8,72	7,98	7,13	6,84	8,72	7,99	7,27	6,54	5,81	1,
1/4	7,14	6,54	5,94	5,\$5	4,75	6,54	5,99	5,45	4,90	4,86	1,
1/5	5,71	5,28	4,75	4,28	3,80	5,28	4,79	4,86	3,92	3,48	1/
1/6	4,76	4,36	3,96	3,56	3,17	4,86	3,99	3,68	3,27	2,90	1,
1/7	4,08	3,74	3,89	3,05	2,71	_ ′	3,42	3,11	2,80	2,49	1,
1/8	3,57	3,27	2,97	2,67	2,87		2,99	2,72	2,45	2,18	1/
1/9	3,17	2,90	2,64	2,87	2,11	2,90		2,42	2,18	1,98	1/
,	2,65	2,61	2,87	2,14	1,90	2,61	_	2,18	1,96	1,74	1/
1/11	2,59	2,38	2,16	1,94	1,78	2,38	2,18	1,98	1,78	1,58	1/
	2,38	2,18	1,98	1,78	1,58	2,18	1,99	1,81	1,68	1,45	1
1/13	2,19	2,01	1,83	1,64	1,46	2,01	1,84	1,67	1,50	1,84	1
	2,04	1,87	1,69	1,52	1,85	1,87	1,71	1,55	1,40	1,24	1,
	1,90	1,74	1,58	1,42	1,26	1,74	1,59	1,45	1,80	1,16	1,
1/16	1,78	1,68	1,48	1,88	1,18	1,63	1,49	1,86	1,22	1,09	1,
	1,68	1,54	1,89	1,25	1,11		1,41	1,28	1,15	1,02	1
	1,58	1,45	1,82	1,18	1,05		1,33	1,21	1,09	0,96	1
,	1,50	1,87	1,25	1,12	1,00		1,26	1,14	1,08	0,91	1
	1,42	1,80	1,18	1,07	0,95		1,19	1,09	0,98	0,87	1
1/21	1,86	1,24	1,18	1,01	0,90	1,24	1,14	1,08	0,98	0,83	1
	1,29	1,19	1,08	0,97	0,86		1,09	0,99	0,89	0,79	1
	1,24	1,18	1,08	0,93	0,82		1,04	0,94	0,85	0,75	1
	1,19	1,09	0,99	0,89	0,79		0,99	0,90	0,81	0,72	1
	1,14	1,04	0,95	0,85	0,76		0,95	0,87	0,78	0,69	1

Jahring.Stürke von bem & Boll.		•	Fuß öhenzi	_			_	Fuß 1 öhenzi	·		Jahreing.Starte
Sabre von b	1	3/4	1/8	1/4	0	1	3/4	1/3	2/4	0	Jahr von d
1	22,4	20,5	18,6	16,8	14,9	19,6	17,9	16,8	14,7	13,0	1
1/2	11,2	10,2	9,34	8,41	7,47	9,81	8,99	8,17	7,86	6,54	1/2
1/3	7,47	6,85	6,23	5,60	4,98	6,54	5,99	5,45	4,90	4,86	1/3
1/4	5,60	5,14	4,67	4,20	3,78	4,90	4,49	4,08	3,68	3,27	1/4
1/5	4,48	4,11	3,73	3,86	2,99	3,92	3,59	3,27	2,94	2,61	1/5
1/6	3,78	3,42	3,11	2,80	2,49	3,27	2,99	2,72	2,45	2,18	1/6
1/7	3,20	2,98	2,67	2,40	2,18	2,80	2,57	2,88	2,10	1,86	1/7
1/8	2,80	2,57	2,83	2,10	1,86	2,45	2,24	2,04	1,84	1,63	1/8
1/9	2,49	2,28	2,07	1,86	1,66	2,18	1,99	1,81	1,63	1,45	1/9
1/10	2,24	2,05	1,86	1,68	1,49	1,96	1,79	1,63	1,47	1,30	1/10
1/11	2,03	1,86	1,69	1,52	1,85	1,78	1,63	1,48	1,38	1,18	1/11
a r	1,86	1,71	1,55	1,40	1,24	1,63	1,49	1,36	1,22	1,09	1/12
1/13	[,72	1,58	1,48	1,29	1,15	Į,51	1,38	1,25	1,18	1,00	1/13
1/14	1,60	1,46	1,83	1,20	1,06	1,40	1,28	1,16	1,05	0,93	1/14
1/15	1,49	1,87	1,24	1,12	0,99	1,30	1,19	1,09	0,98	0,87	1/15
1/16	1,40	1,28	1,16	1,05	0,93	1,22	1,12	1,02	0,92	0,81	1/16
	1,81	1,20	1,09	0,98	0,87		1,05	0,96	0,86	0,76	1/17
1/18	1,24	1,14	1,03	0,93	0,88		0,99	0,90	0,81	0,72	1/18
1/19	1,18	1,08	0,98	0,88	0,78	1,03	0,94	0,86	0,77	0,68	1/19
1/20	1,12	1,02	0,98	0,84	0,74	0,98	0,89	0,81	0,78	0,65	1/20
1/21	1,06	0,97	0,89	0,80	0,71	0,93	0,85	0,77	0,70	0,62	1/21
	1,01	0,98	(0,76	0,67	_ `	0,81	0,74	0,66	0,59	1/22
41	0,97	0,89	0,81	0,78	0,65		0,78	0,71	0,64	0,56	1/23
	0,93	0,85	0,77	0,70	0,62	0,81	0,74	0,68	0,61	0,54	1/24
1/25	0,89	0,82	0,74	0,67	0,59	0,78	0,71	0,65	0,58	0,52	1/25

Jahrring:Stärke von bem & Boll.		•	Suß öhenzi			l			imfan 1w.=Rl		Jahrrlng:Stärke von dem ½, Zoll.
Jahrr von b	1	3/4	1/2	1/4	•	1	3/4	1/2	1/4	0:	Zahr von
1	17,4	15,9	14,5	13,0	11,6	15,7	14,3	13,0	11,7	10,4	1
1/2	8,72	7,99	7,26	6,54	5,81	7,85	7,19	6,54	5,88	5,23	1/2
1/3	5,81	5,33	4,84	4,36	3,87	5,23	4,79	4,86	3,92	3,48	1/3
1/4	4,36	3,99	3,63	3,27	2,90	3,92	3,59	3,27	2,94	2,61	1/4
1/5	3,48	3,19	2,90	2,61	2,32	3,14	2,87	2,61	2,35	2,09	1/5
1/6	2,90	2,66	2,42	2,18	1,93	2,61	2,39	2,18	1,96	1,74	.1/6
1/7	2,49	2,28	2,07	1,86	1,66	2,24	2,05	1,86	1,68	1,49	1/7
1/8	2,18	1,99	1,81	1,63	1,45	1,96	1,79	1,63	1,47	1,30	1/8
1/9-	1,93	1,77	1,61	1,45	1,29	1,74	1,59	1,45	1,30	1,16	1/9
1/10	1,74	1,59	1,45	1,30	1,16	1,57	1,48	1,30	1,17	1,04	1/10
1/11	1,58	1,45	1,82	1,18	1,05	1,42	1,80	1,18	1,07	0,95	1/11
1 1 '	1,45	1,33	1,21	1,09	0,96	1,30	1,19	1,09	0,98	0,87	1/12
	1,34	1,23	1,11	1,00	0,89	1,20	1,10	1,00	0,90	0,80	1/13
1 1	1,24	1,14	1,08	0,93	0,83	1,12	1,02	0,93	0,84	0,74	1/14
11	1,16	1,06	0,96	0,87	0,77	1,04	0,95	0,87	0,78	0,69	¹ /15
1/16	1,09	0,99	0,90	0,81	0,72	0,98	0,89	0,81	0,73	0,65	1/16
41	1,02	0,94	0,85	0,76	0,68	0,92	0,84	0,76	0,69	0,61	1/17
	0,96	0,88	0,80	0,72	0,64	0,87	0,79	0,72	0,65	0,58	1/18
1 !	0,91	0,84	0,76	0,68	0,61	0,82	0,75	0,68	0,61	0,55	1/19
	0,87	0,79	0,72	0,65	0,58		0,71	0,65	0,58	0,52	1/20
1/21	0,83	0,76	0,69	0,62	0,55	0,74	0,68	0,62	0,56	0,49	1/21
	0,79	0,72	0,66	0,59	0,52	·	0,65	0,59	0,53	0,47	1/22
	0,75	0,69	0,68	0,56	0,50	0,68	0,62	0,56	0,51	0,45	1/23
	0,72	0;66	0,60	0,54	0,48	0,65	0,59	0,54	0,49	0,43	1/24
	0,69	0,63	0,58	0,52	0,46	0,62	0,57	0,52	0,47	0,41	1/25

TOO

Prozente bes Holzzuwachses.

Prozente bes Holzzuwachses.

cm 1	unb	ber H	öhenz	.w	asse:	unb			lmfan 11021		Jahreing-Stürke von bem & Boll.
Jahreing: E	1	3/4	2/2	1/4	0	4	3/4	11/2	1/4	0	Sahr ven d
1	11,2	10,2	9,84	8,41	7,47	9,81	8,99	8,17	7,85	6,54	1
1/2	5,60	5,14	4,67	4,20	3,78	4,90	4,49	4,08	3,67	3,27	1/2
1/8	3,78	3,42	3,11	2,80	2,49		2,99	2,72	2,45	2,18	1/8
1/4	2,80	2,57	2,88	2,10	1,86		2,24	2,04	1,88	1,63	1/4
1/5	2,24	2,05	1,86	1,68	1,49	1,96	1,79	1,65	1,47	1,80	1/5
1/6	1,86	1,71	1,55	1,40	1,24	1,68	1,49	1,86	1,23	1,09	1/6
1/7	1,60	1,46	1,88	1,20	1,06	1,40	1,28	1,16	1,05	0,95	1/7
1/8	1,40	1,28	1,16	1,05	0,98	1,22	1,12	1,02	0,91	0,81	1/8
1/9	1,24	1,14	1,08	0,98	0,88	1,09	0,99	0,90	0,81	0,72	1/9
1/10	1,13	1,02	0,0\$	0,84	0,74	0,98	0,89	0,81	0,78	0,65	1/10
1/11	1,01	0,98	0,84	0,76	0,67	0,89	0,81	0,74	0,66	0,59	1/11
1/12	0,93	0,85	0,77	0,70	0,62	0,81	0,74	0,68	0,61	0,54	1/12
1/13	0,86	0,79	0,71	0,64	0,57	0,75	0,69	0,62	0,56	0,50	1/13
1/14	0,80	0,78	0,66	0,60	0,58	0,70	0,84	0,58	0,52	0,46	1/14
1/15	0,74	0,68	0,62	0,56	0,49	0,85	0,59	0,54	0,49	0,48	1/15
1/16	0,70	0,64	0,58	0,52	0,46	0,61	0,56	0,51	0,45	0,40	1/16
		I .	l '	1	0,48			0,48	, ·	0,58	1/17
1/18	0,62	ļ	I . '	i _ '	0,41	0,54	0,49	0,45	0,40	0,36	1/18
1/19	0,59	0,54	0,49	0,44	0,89	0,51	0,47	0,48	0,\$8	0,54	1/19
1/20	0,56	0,51	0,46	0,42	0,87	0,49	0,44	0,40	0,36	0,82	1/20
1/21	0,58	0,48	0,44	0,40	0.85	0.46	0,42	0,38	0,85	0,81	1/21
	0,50		1	[_	0,88		l _ '	0,87	0,88	0,29	1/22
	0,48	0,44	l	1	0,82		0,89	0,85	0,81	0,28	1/23
	0,46	0,42	0,88	0,85	0,31	0,40	1 -	0,34	0,80	0,27	1/24
	0,44	0,41	0,87	0,88	0,29	0,89	ł .	0,82	0,29	0,26	1/25

Prozente des Holzzuwachses.

ng-Stårf m 🛊 Boll		u Đ ber H		_					Umfa uw-R		Jahrring, Står! von beni & Boll
3ahrring:	1	*/*	1/3	1/4	•	1	⁸ /±	1/8	1/4	•	Jahrr von be
1	8,72	7,99	7,26	6,54	5,81	7,85	7,19	6,54	5,88	5,23	1
1/2	4,86	3,99	3,63	3,27	2,90	3,92	3,59	3,27	2,94	2,61	1/2
1/3	2,90	2,66	2,42	2,18	1,98	2,61	2,89	2,18	1,96	1,74	1/3
1/4	2,18	1,99	1,81	1,63	1,45	1,96	1,79	1,63	1,47	1,30	1/4
1/5	1,74	1,59	1,45	1,80	1,16	1,57	1,43	1,80	1,17	1,04	1/5
1/6	1,45	1,88	1,21	1,09	0,96	1,80	1,19	1,09	0,98	0,87	1/6
1/7	1,24	1,14	1,03	0,03	0,83	1,12	1,02	0,93	0,84	0,74	1/7
1/8	1,09	0,99	0,90	0,81	0,72	0,98	0,89	0,81	0,78	0,65	1/8
1/9	0,96	0,88	0,80	0,72	0,64	0,87	0,79	0,72	0,65	0,58	1/9
1/10	0,87	0,79	0,72	0,65	0,58	0,78	0,71	0,65	0,58	0,52	1/10
1/11	0,79	0,72	0,66	0,59	0,52	0,71	0,65	0,59	0,58	0,47	1/11
1/12	0,72	0,66	0,60	0,54	0,48	0,65	0,59	0,54	0,49	0,43	1/12
1/18	0,67	0,61	0,55	0,50	0,44	0,60	0,55	0,50	0,45	0,40	1/13
1/14	0,62	0,57	0,51	0,46	0,41	0,56	0,51	0,46	0,42	0,87	1/14
1/15	0,58	0,58	0,48	0,48	0,88	0,52	0,47	0,43	0,89	0,34	1/15
1/16	0,54	0,49	0,45	0,40	0,86	0,49	0,44	0,40	0,86	0,32	1/16
1/17	0,51	0,47	0,42	0,88	0,84	0,46	0,42	0,38	0,84.	0,80	1/17
1/18	0,48	0,44	0,40	0,86	0,82	0,48	0,89	0,86	0,32	0,29	1/18
1/19	0,45	0,42	0,38	0,84	0,30	0,41	0,87	0,84	0,30	0,25	1/19
1/20	0,43	0,89	0,86	0,82	0,29	0,89	0,85	0,82	0,29	0,26	1/20
1/21	0,41	0,88	0,84	0,81	0,27	0,87	0,84	0,31	0,28	0,24	1/21
1/22	0,89	0,86	0,88	0,29	0,26	0,35	0,82	0,29	0,26	0,23	1/22
1/23	0,87	0,84	0,81	0,28	0,25	0,34	0,81	0,28	0,25	0,22	1/93
1/64	10.00	10	A a A	0.67	اممما	۰۰۰ ا	ممما	10.00	10.04	الممدا	1 tox

V. Abstands-Tafeln,

ber

Waldbestände Schluß und Dichtheit

zu bestimmen.

Erläuterung mit Gebrauchsbeispielen.

Boran steht die Abstandszahl ober die Entsernung der Stämme nach ihrem mittlern Umfange bemessen; hintenan sindet man den dazu gehörigen Antheil, welchen die Stammgrundstächen son der Bestandesstäche einnimmt; dazwischen ist der ebenmäßige Stammgrund flächen. Sehalt mehrer Rächenmaße mit aufgereiht. Leicht läßt sich der Betrag jeder andern, in gemeinen Fußen ausgedrückten Forstslächeneinheit nach dem allgemeinen Stammgrundstächen Antheile zu einer solchen Reihe aussummiren.

1) In einem Buchen bestande habe man von je einem ausgesuchten Nachbarstamme zum andern folgende Abstandsmaße gefunden:

21'	Ū	zu	3 ′	U,	Entfernung	15',	mithin	Abstand	5,45,	
3	**	"	23	**	**	16	n	•	5,57,	
23	**	***	31	17	**	161	er .	er	5,50,	
31	W	PF	37	**	*	181	nt	**	5,48,	
							4.64 4.1.	0410	00	

also den Durchschnitts-Abstand: P = 5,5.

2) Der Massengehalt dieses Bestandes, von 75 'H, II. Formkl. und 43,2 Gehalts: höhe, ware auf dem preuß. Morg. zu 67 g' Stammgrundskäche 43,2 × 67 == 2894 Kfß.

- 3) Sollte derselbe Bestand eben verjüngt werden, und erforderte die Schlagstellung den Abstand 7, also an Stammgrundstäche 42 q': so hätte man 43,2 × 42 = 1814 Kff. stehen zu lassen und 2894 1814 = 1080 Kff. zu schlagen.
- 4) Ware dieser zu 7 Abstand gestellte Schlagbestand von 3' burchschnittlicher Umsfangstärke und mit z Stärkenzuwachs nach 10 Jahren wieder zu berichtigen; betrüge also die dahin der Stärkenzuwachs zo des halben Jolles im Haldmesser oder 2" im Durchmesser, etwa z Fuß im Umfang: so stellte sich inzwischen der Abstand dei der ansfänglichen Entsernung von $7 \times 3 = 21'$ auf $\frac{21}{3\frac{1}{2}} = 6$; mithin stiege die Stammsgrundsläche von $6^2: 7^2$ oder 36: 49, und der Schlagbestand könnte dann wieder von seiner Stammgrundsläche zz abgeden. Die fraglichen Bestandesmassen lassen sich leicht bestimmen, wenn man den Höhenzuwachs und die etwaige Formveränderung mit in Rechnung nimmt.

Abstands = Berhältnisse.

Abstand in Umfängen.	Star Tuß 3	mmgrui u den L bon	nbfL.s Raßen	Stamms grunds flächens Antheil.	Abstand in Umsängen.	guß !	n ben l von	Naßen	grunds flächens Autheil.
Abstand to	Breußen	Baiern Baben Darmftabt	Beimat		Abstand i	Prenfen	Bakern Baben Darmftabt	Beimar	
28,21	2,5	4	3,5	0,0001	5,58	66,0	102	91,4	0,00255
19,92	5,1	8	7,1	0,0002	5,58	67,8	104		0,00260
16,29	7,7	12	10,7	0,0008	5,48	68,6	106	1	0,00265
14,10	10,3	16	14,3	0,0004	5,43	69,9	108		0,00270
12,61	12,9	20	17,9	0,0005	5,38	71,2	110	98,5	0,00275
11,52	15,8	24	21,5	0,0006	5,88	72,5	112	100,3	o .
10,66		28		0,0007	5,28		114	102,1	la C
9,97	20,7	32	_	0,0008	5,24	75,1	116	103,9	o
9,40		36		0,0009	5,19	76,4	118	105,7	С
8,92		40	85,8	0,0010	5,15	77,7	120	107,5	C
8,51	28,5	44	39,4	0,0011	5,11	79,0	122	109,3	ā
8,14	31,1	48	43,0	0,0012	5,07	80,8	124	111,1	0,00310
7,82	53,6	52	46,5	0,0018	5,03	81,6	126	112,9	0,00315
7,54	36,2	56	50,1	0,0014	4,99	82,9	128	114,6	0,00820
7,28	38,6	60	53,7	0,0015	4,95	84,2	130	116,4	0,00325
7,05	41,4	64	57,8	0,0016	4,91	85,5	132	118,2	0,00386
6,84	44,0	68	60,9	0,0017	4,87	86,8	134	120,0	0,00235
6,65	46,6	72	64,5	0,0018	4,84	88,1	136	121,8	0,00840
6,47	49,2	76	68,0	0,0019	4,80	89,4	138	123,6	0,00845
6,81	51,8	80	71,6	0,0020	4,77	90,7	140	125,4	(_
6,16	54,4	84	75,2	0,0021	4,73	92,0	142	127,2	c .
6,01	57,0	88	78,8	0,0022	4,70	93,8	144	129,0	K .
		!!		اما			- 444	486.	L

Abstands - Berhältnisse.

Abstand in Umfängen.	Star Fuß z	nmgrui u ben 2 von	ıbfL.= Raßen	Stamms grunds flächens Anthell.	Abstanb in Umfängen.	Fuß 31	ningrui u ben L von		Stamme grunds flächens Antheil.
Abstand	Preußen	Baiern Baben Darmftabt	- Weimar		Abstant i	Preußen	Baiern Baben Darmifabt	Wetmar	
4,58	98,4	,	136,1	0,00380	3,97				0,00505
4,55	99,7	154	137,9	0,00885	3,95		204		0,00510
4,52	101,0	156	139,7	0,00890	3,93	133,4	206	184,5	0,00515
4,49	102,8	158	141,5	0,00395	3,91	134,7	208	186,3	0,00520
4,46	103,6	160	143,8	0,00400	3,89	136 ,0	210	188,1	0,00525
4,48	104,9	162	145,1	0,00405	3,87	137,3	212	189,9	0,00530
4,41	106,2	164	146,9	0,00410	3,85		214		0,00585
4,38	107,5	166	148,7	0,00415	3,84	139,9	216	193,6	0,00540
4,85	108,8	168	150,5	0,00420	3,82			195,8	0,00545
4,32	110,1	170	152,3	0,00425	3,80	142,5	220	197,1	0,00550
4,30	111,4	172	154,1	0,00480	3,78	143,8	222	198,9	0,00555
4,27	112,7	174	155,9	0,00485	3,77	145,1			0,00560
4,25	114,0	176	157,6	0,00440	3,75	146,4	226	202,5	0,00565
4,23	115,8	178	159,4	0,00445	3,74	147,7	228		0,00570
4,21	116,6	180	161,2	0,00450	3,72	149,0	230		0,00575
4,18	117,9	182	163,0	0,00455	3,70	150,8	232	207,8	0,00580
4,16	119,2	184	164,8	0,00460	3,68	151,6	234	209,6	0,00585
4,13	120,5	186	166,6	0,00465	8,67	152,9	236	211,4	0,00590
4,11	121,8	188	168,4	0,00470	3,65	154,2	238	213,8	0,00595
4,08	123,1	190	170,2	0,00475	8,64	155,5	240	215,0	0,00600
4,07	124,4	192	172,0	0,00480	3,62	156,8	242	216,8	0,00605
4,05	125,7	194	173,8	0,00485	5,61	158,1	244		0,00619
4,08	127,0	196	175,6	0,00490	3,59	159,4	246	220,4	0,00615
4,01	128,8	198	177,4	0,00495	3,58	160,7	248	222,2	0,00420
8,99									

Abstands = Verhältnisse.

Abstand in Umfängen.	Fuß 31	nugrur 1 ben I von		Stamm: grund: flåchen: Antheil.	Abstanb in Umfängen.	Fuß 31	umgrui 1 ben L von		Stamms grunds fläcken: Antheil.
Abstrand	Preußen	Baiern Baben Darmftabt	Beimar		Abstand	Breußen	Baierte Baben Darmitabt	Weimar	
3,55			225,7	0,00680	3,23	1	304	272,9	0,0076
3,54		254	227,5	0,00835	3,21	199,5	308		0,0077
3,58	165,8	256	229,3	0,00640	3,19	202,1	312	279,5	0,0078
3,51	167,1	258	231,1	0,00645	3,17	204,7	316	283.1	0,0079
3,50	168,4	260	232,9	0,00650	3,15	207,8	320	286,7	0,0080
3,48	169,7	262	234,7	0,00655	3,18	209,9	324	290,3	0,0081
3,47	171,0	264	236,5	0,00660	3,12	212,5			0.0082
3,46		266	238,3	0,00665	3,10	215,1	332		0,0083
3,45	l	268	240,1	0,00670	5,08	217,7	336	301,0	0,0084
3,48	174,9	270	241,9	0,00675	3,06	220,3	340	304,6	0,0085
3,42	176,2	272	243,7	0,00680	3,04	222,9	344	308,2	0,0086
3,41	177,5	274	245,5	0,00685	3,02	225,5	348	311,8	0,0087
3,40	178,8	276	247,2	0,00690	3,01	228,0	352	315,8	0,0088
3,38	180,1	278	249,0	0,00695	2,99	230,6	856	318,9	0,0089
3,87	181,4	280	250,8	0,00700	2,97	233,2	360	322,5	0,0090
3,86	182,7	282	252,6	0,00705	2,96	235,8	384	326, 1	0,0091
3,85	184,0	284	254,4	0,00710	2,94	238,4	368	329,7	0,0092
3,88	185,8	286	256,2	0,00715	2,93	241,0	372	333,8	0,0098
3,82	186,6	288	258,0	0,00720	2,91	243,6	376	336,8	0,0094
8,31	187,9	290	259,8	0,00725	2,89	246,2	380	340,4	0,0095
3,80	189,2	292	261,6	0,00730	2,86	248,8	384	344,0	0,0096
3,29		294	263,4	0,00735	2,86	251,4	388	347,6	0,0097
3,28	191,8	296	265,2	0,00740	2,85	254,0	392	351,2	0,0098
3,27	198,1	298	267,0	0,00745	2,84	256,6	396	354,8	0,0099
امم م	404 4	800	000 h	h 1	G and	DITE A	ADM	969 1	0 4 4 4 4

VI. Waldmassen=Tafeln

zur leichten

Bestandes. Schätzung,

in preußischem Maße.

Erläuterung mit Gebrauchsbeispielen.

Es greifen je zwei Seiten in einander. Voran steht die mittlere Bestandes: höhe, hintenan die mittlere Stammformzahl der gewöhnlichen Waldbestände, Unter den auch wörtlich bezeichneten Schlußflassen und Klassenabtheiluns gen sindet sich hinter der Abstandszahl der Massengehalt pr. Morgen in Körpersusen.

- 1) Beispiele von einem Riefernbeftanbe.
 - a) Zur Klasse IIc mit 60' H ergeben sich 2331 Kff. Massengehalt.
 - b) Zur gleichen Klasse und 63. H, 2331 $+\frac{2598-2331}{5} \times 3 = 2491$ Kff.
 - c) Zwhichen Klasse IIo und IIIa zu 60. H, $\frac{2526 + 2331}{2} = 2428$ Kfs.
 - d) Zu II. Kl. 60' H und 0,52 Stammform gehörten nach der Proportion 0,494: 0,52 = 2331: M

$$\frac{0.52 \times 2331}{0.494} = 2453 \text{ Aff. Massengehalt,}$$

was man and bei 62½ ' H ziemlich nahe gefunden hatte.

2) Es sei ein mehr räumlicher, zu IIb gehöriger Mittelwaldbestand von Buchen in drei verschiedene Höhenklassen gesondert, und es nehme der 25' hohe Unsterwuchs 0,5, das 45' hohe Mittelholz 0,2 und das 60' hohe Oberholz 0,3 der Besstandesstäche ein: so beträgt der Massengehalt an

Unterwuchs 643 × 0,5 = 321,5 Kff., Mittelholz 1331 × 0,2 = 266,2 " Oberholz 1931 × 0,8 = 579,3 " Zusammen: 1167 Kff.

3) In einem zu IIIc geschloffenen Bestande von Buch en mit Tannen sände sich, daß die 85' hohen Buchen 0,6 und die 95' hohen Tannen 0,4 von der gesammten Bestandesstäche einnähmen. Dies ergäbe an

Buchenholz 4140 × 0,6 = 2484 Kff., Tannenholz 6422 × 0,4 = 2568 ,

Zusammen pr. Mg.: 5052 Kff. Massengehalt.

Massengehalt ber Eichen- und

١	Sub.			In	Rör	erf	nßen	preußi	fchen	Ma	ğe s 31	ır ne	benan
1	preuß	I.	Raj	e. 9	ichter	Sta	ıb.	II. <i>\$</i>	lasse.	924	umlich	er St	anb.
ı	Dittelhobe preuß. Buß.	eart	ligit.	şiemî.). (iát.		licht.	gang 1	• Čuni,	_). rkunt,	ritoes	rdamil.
ı	335 (4	Жbft.	Stup.	₩bft.	Afuß.	₩6ft.	Rjuj.	\$16 PL	Rfuß.	Abft.	Afri	Mbp	Rfuß.
١	5	10,84	61	9,66	70	9,11	78	8,68	87	8,24	95	7,90	104
ı	10	9,80	134	9,16	153	8,65	172	8,20	192	7,82	211	7,49	230
۱	15	9,40	218	8,78	249	8,28	280	7,86	312	7,49	343	7,18	374
ı	20	9,06	310	8,48	354	7,99	399	7,58	443	7,23	488	6,92	532
	25	8,80	409	8,22	467	7,75	526	7,36	584	7,01	643	6,71	701
1	30	8,58	512	8,02	586	7,57	659	7,18	732	6,84	805	6,55	879
ı	35	8,40	619	7,86	707	7,42	795	7,08	884	6,70	972	6	
	40	8,24	730	7,71	83 5	7,27	939	6,89	1043	6,57	1148	6	
ı	45	8,07	847	7,57	968	7,14	1089	6,76	1210	6,45	1331	6	
ı	50	7,94	969	7,48	1108	7,01	1246	6,64	1385	6,84	1329	G.	
ı	55	7,80	1097	7,30	1254	6,89	1410	6,58	1567	6,28	1723	5.	
ı	60	7,67	1229	7,18	1405	6,77	1580	6,42	1756	6,12	1081	5	
I	65	7,55	1366	7,06	156t	6,66	1756	6,32	1951	6,02	2146	5.	
ı	70	7,44	1507	6,95	1723	6,56	1938	6,22	2154	5,98	2369	5,68	2585
ı	75	7,32	1654	6,85	1891	6,46	2127	6,13	2364	5,84	2		
ı	80	7,23	1796	6,77	2 052	6,38	2309	6,05	2565	5,77	2		
	85	7,16	1932	6,70	2208	6,82	2484	5,99	2760	5,71	5		
	90	7,11	206 0	6,65	2355	6,27	2649	5,95	2943	5,67	N.		
	95	7,08	2180	6,62	2491	6,24	2902	5,92	3114	5,64	3425	5,40	3737]
	100	7,06	2289	6,60	261 5	6,22	2942	5,90	3269	5,68	3596	5,39	923



											1	2
teben	ben 2	Mitt	elþö	þе,	X 6 ft (anbs.	nup	For	mza	ђĽ.		Stammforne. Bahl.
III. S	tiane.	(Se	Angle L	ener (Stand.	IV. s	laffe.	Ø¢.	brāng	ter @	tanb	g 3
		1	b	•	.	4	le .	1		, ,	10	9 %
ı —	$\overline{}$		gefchl. Afw9.				Afrik.					Rittlere
					<u> </u>							
7,58		7,30	i	7,05		6,88		6,63		6,44		0,626
7,19		6,98		6,70		6,48		6,29		6,11		0,622
6,89		6,64		6,42		6,21		6,03		5,85		0,618
6,63	576	6,40	621	6,18	665	5,99	709	5,81	754	5,64	798	0,614
6,44	760	6,21	818	6,01	877	5.82	935	5,64	993	5,48	1052	0,610
6.29			1025					1				0,606
6,17			1237						ŀ			0,602
1 1			1461	·								0,598
				· .						1		
5,98	1573	5,72	1694	5,58	1815	5,85	1936	5,19	2057	5,04	2178	0,594
5,88	1800	5,62	1939	5,48	2077	5,25	2216	5,10	2354	4,95	2493	0,590
5,78	2037	5,52	2193	5,88	2350	5,16	2507	5,01	2663	4,87	2820	0,586
5,63	2282	5,48	2458	5,25	2633	5,08	2809	4,93	2984	4,79	3160	0,582
5 34	0536	5.84	2732	5 16	9097	5.00	2100	4 85	2217	4 71	2519	0,578
			3015									0,574
1 1					3545			l				0,570
					3848							0,566
3,30	0000	0,11	J.182	2002	0010	25,10	4100	2,02	1001	3,0.	3010	0,000
5,25	3588	5,06	3864	4,89	4140	4,73	4416	4,59	4692	4,46	4968	0,562
5,22	382 6	5,08	4121	4,86	4415	4,70	4709	4,56	5004	4,48	5298	0,558
5,19	4048	5,00	4359	4,88	4671	4,68	4982	4,54	5294	4,41	5605	0,554
5,18	4250	4,99	4577	4,82	4904	4,67	5231	4,58	5558	4,40	5885	0,550
11						-				1	l	H

Massengehalt ber Fichten= unb

Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Company Comp	benai
5 8,78 79 8,16 90 7,70 101 7,80 113 6,96 124 6,66 10 8,30 174 7,76 199 7,82 223 6,94 248 6,62 272 6,38 15 7,95 282 7,43 322 7,01 363 6,63 403 6,34 444 6,07 20 7,65 403 7,17 461 6,76 518 6,40 576 6,11 684 5,84 25 7,42 535 6,94 611 6,54 687 6,20 764 5,91 840 5,66 30 7,22 674 6,74 771 6,36 867 6,04 963 5,75 1060 5,51 35 7,04 821 6,59 938 6,21 1055 5,89 1172 5,62 1289 5,38 40 6,91 972 6,45 1111 6,08 1250 5,77 1389 5,51 1528 5,27	anb.
5 8,78 79 8,16 90 7,70 101 7,80 113 6,96 124 6,66 10 8,30 174 7,76 199 7,82 223 6,94 248 6,62 272 6,38 15 7,95 282 7,43 322 7,01 363 6,63 403 6,34 444 6,07 20 7,65 403 7,17 461 6,76 518 6,40 576 6,11 684 5,84 25 7,42 535 6,94 611 6,54 687 6,20 764 5,91 840 5,66 30 7,22 674 6,74 771 6,36 867 6,04 963 5,75 1060 5,51 35 7,04 821 6,59 938 6,21 1055 5,89 1172 5,62 1289 5,38 40 6,91 972 6,45 1111 6,08 1250 5,77 1389 5,51 1528 5,27	egimen).
10 8,30 174 7,76 199 7,32 223 6,94 248 6,62 272 6,33 15 7,95 282 7,43 322 7,01 363 6,63 403 6,34 444 6,07 20 7,65 403 7,17 461 6,76 518 6,40 576 6,11 684 5,84 25 7,42 535 6,94 611 6,54 687 6,20 764 5,91 840 5,66 30 7,22 674 6,74 771 6,36 867 6,04 963 5,75 1060 5,51 35 7,04 821 6,59 938 6,21 1055 5,89 1172 5,62 1289 5,38 40 6,91 972 6,45 1111 6,08 1250 5,77 1389 5,51 1528 5,27 45 6,79 1126 6,34 1287 5,98 1448 5,67 1609 5,41 1770 5,18 <	Rins
15 7,95 282 7,48 322 7,01 363 6,68 403 6,34 444 6,07 20 7,65 403 7,17 461 6,76 518 6,40 576 6,11 634 5,84 25 7,42 535 6,94 611 6,54 687 6,20 764 5,91 840 5,66 30 7,22 674 6,74 771 6,36 867 6,04 963 5,75 1060 5,51 35 7,04 821 6,59 938 6,21 1055 5,89 1172 5,62 1289 5,38 40 6,91 972 6,45 1111 6,08 1250 5,77 1389 5,51 1528 5,27 45 6,79 1126 6,34 1287 5,88 1656 5,57 1840 5,92 2024 5,09 55 6,56 1456 6,14	135
20 7,65 403 7,17 461 6,76 518 6,40 576 6,11 634 5,84 25 7,42 535 6,94 611 6,54 687 6,20 764 5,91 840 5,66 30 7,22 674 6,74 771 6,36 867 6,04 963 5,75 1060 5,51 35 7,04 821 6,59 938 6,21 1055 5,89 1172 5,62 1289 5,38 40 6,91 972 6,45 1111 6,08 1250 5,77 1389 5,51 1528 5,27 45 6,79 1126 6,34 1287 5,98 1448 5,67 1609 5,41 1770 5,18 50 6,67 1288 6,24 1472 5,88 1656 5,57 1840 5,82 2024 5,09 55 6,56 1456 6,14 1664 5,78 1872 5,48 2080 5,23 2288 5,00 <	297
25	484
30 7,22 674 6,74 771 6,36 867 6,04 963 5,75 1060 5,51 35 7,04 821 6,59 938 6,21 1055 5,89 1172 5,62 1289 5,38 40 6,91 972 6,45 1111 6,08 1250 5,77 1389 5,51 1528 5,27 45 6,79 1126 6,34 1287 5,98 1448 5,67 1609 5,41 1770 5,18 50 6,67 1288 6,24 1472 5,88 1656 5,57 1840 5,32 2024 5,09 55 6,56 1456 6,14 1664 5,78 1872 5,48 2080 5,23 2288 5,00 60 6,45 1630 6,04 1863 5,69 2096 5,40 2329 5,15 2562 4,93 65 6,85 1811 5,94 2070 5,60 2329 5,32 2588 5,07 2847 4,85<	691
35 7,04 821 6,59 938 6,21 1055 5,89 1172 5,62 1289 5,38 40 6,91 972 6,45 1111 6,08 1250 5,77 1389 5,51 1528 5,27 45 6,79 1126 6,34 1287 5,98 1448 5,67 1609 5,41 1770 5,18 50 6,67 1288 6,24 1472 5,88 1656 5,57 1840 5,92 2024 5,09 55 6,56 1456 6,14 1664 5,78 1872 5,48 2080 5,23 2288 5,00 60 6,45 1630 6,04 1863 5,69 2096 5,40 2329 5,15 2562 4,93 65 6,35 1811 5,94 2070 5,60 2329 5,82 2588 5,07 2847 4,85 70 6,26 1999 5,86 2284 5,52 2570 5,24 2856 5,00 3142 4	917
40 6,91 972 6,45 1111 6,08 1250 5,77 1389 5,51 1528 5,27 45 6,79 1126 6,34 1287 5,98 1448 5,67 1609 5,41 1770 5,18 50 6,67 1288 6,24 1472 5,88 1656 5,57 1840 5,32 2024 5,09 55 6,56 1456 6,14 1664 5,78 1872 5,48 2080 5,23 2288 5,00 60 6,45 1630 6,04 1863 5,69 2096 5,40 2329 5,15 2562 4,93 65 6,35 1811 5,94 2070 5,60 2329 5,82 2588 5,07 2847 4,85 70 6,26 1999 5,86 2284 5,52 2570 5,24 2856 5,00 3142 4,78 75 6,17 2193 5,78 2506 5,44 2819 5,16 3132 4,93 3445 <td< td=""><td>1156</td></td<>	1156
45 6,79 1126 6,34 1287 5,98 1448 5,67 1609 5,41 1770 5,18 50 6,67 1288 6,24 1472 5,88 1656 5,57 1840 5,32 2024 5,09 55 6,56 1456 6,14 1664 5,78 1872 5,48 2080 5,23 2288 5,00 60 6,45 1630 6,04 1863 5,69 2096 5,40 2329 5,15 2562 4,93 65 6,35 1811 5,94 2070 5,60 2329 5,82 2588 5,07 2847 4,85 70 6,26 1999 5,88 2284 5,52 2570 5,24 2856 5,00 3142 4,78 75 6,17 2193 5,78 2506 5,44 2819 5,16 3132 4,93 3445 4,71 80 6,01 2598 5,62 2969 5,29 3340 5,02 3711 4,79 4082 <t< th=""><th>1407</th></t<>	1407
50 6,67 1288 6,24 1472 5,88 1656 5,57 1840 5,32 2024 5,09 55 6,56 1456 6,14 1664 5,78 1872 5,48 2080 5,23 2288 5,00 60 6,45 1630 6,04 1863 5,69 2096 5,40 2329 5,15 2562 4,93 65 6,35 1811 5,94 2070 5,60 2329 5,32 2588 5,07 2847 4,85 70 6,26 1999 5,86 2284 5,52 2570 5,24 2856 5,00 3142 4,78 75 6,17 2193 5,78 2506 5,44 2819 5,16 3132 4,93 3445 4,71 80 6,09 2392 5,70 2784 5,86 3076 5,09 3418 4,06 3759 4,65 85 6,01 2598 5,62 2969 5,29 3340 5,02 3711 4,79 4082 <t< td=""><td>1667</td></t<>	1667
50 6,67 1288 6,24 1472 5,88 1656 5,57 1840 5,32 2024 5,09 55 6,56 1456 6,14 1664 5,78 1872 5,48 2080 5,23 2288 5,00 60 6,45 1630 6,04 1863 5,69 2096 5,40 2329 5,15 2562 4,93 65 6,35 1811 5,94 2070 5,60 2329 5,82 2588 5,07 2847 4,85 70 6,26 1999 5,86 2284 5,52 2570 5,24 2856 5,00 3142 4,78 75 6,17 2193 5,78 2506 5,44 2819 5,16 3132 4,93 3445 4,71 80 6,09 2392 5,70 2784 5,86 3076 5,09 3418 4,06 3759 4,65 85 6,01 2598 5,62 2969 5,29 3340 5,02 3711 4,79 4082 <t< th=""><th>1931</th></t<>	1931
55 6,56 1456 6,14 1664 5,78 1872 5,48 2080 5,23 2288 5,00 60 6,45 1630 6,04 1868 5,69 2096 5,40 2329 5,15 2562 4,93 65 6,85 1811 5,94 2070 5,60 2329 5,82 2588 5,07 2847 4,85 70 6,26 1999 5,86 2284 5,52 2570 5,24 2856 5,00 3142 4,78 75 6,17 2193 5,78 2506 5,44 2819 5,16 3132 4,93 3445 4,71 80 6,09 2392 5,70 2784 5,86 3076 5,09 3418 4,86 3759 4,66 85 6,01 2598 5,62 2969 5,29 3340 5,02 3711 4,79 4082 4,59	ł
65 6,85 1811 5,94 2070 5,60 2329 5,82 2588 5,07 2847 4,85 70 6,26 1999 5,86 2284 5,52 2570 5,24 2856 5,00 3142 4,78 75 6,17 2193 5,78 2506 5,44 2819 5,16 3132 4,93 3445 4,71 80 6,09 2392 5,70 2784 5,86 3076 5,09 3418 4,66 3759 4,65 85 6,01 2598 5,62 2969 5,29 3340 5,02 3711 4,79 4082 4,59	2496
70 6,26 1999 5,86 2284 5,52 2570 5,24 2856 5,00 3142 4,78 75 6,17 2193 5,78 2506 5,44 2819 5,16 3132 4,93 3445 4,71 80 6,09 2392 5,70 2784 5,86 3076 5,09 3418 4,86 3759 4,65 85 6,01 2598 5,62 2969 5,29 3340 5,02 3711 4,79 4082 4,59	2795
75 6,17 2193 5,78 2506 5,44 2819 5,16 3132 4,93 3445 4,71 80 6,09 2392 5,70 2784 5,86 3076 5,09 3418 4,66 3759 4,65 85 6,01 2598 5,62 2969 5,29 3340 5,02 3711 4,79 4082 4,59	3106
80 6,09 2392 5,70 2784 5,86 3076 5,09 3418 4,86 3759 4,65 85 6,01 2598 5,62 2969 5,29 3340 5,02 3711 4,79 4082 4,59	3427
85 6,01 2598 5,62 2969 5,29 3340 5,02 3711 4,79 4082 4,59	3759
	4101
	4453
90 5,98 2799 5,56 3199 5,28 3599 4,96 3999 4,73 4399 4,58	4799
95 5,88 2997 5,49 3425 5,18 3853 4,92 4281 4,69 4709 4,49	5137
100 5,88 3187 5,45 3642 5,14 4097 4,88 4553 4,65 5008 4,45	5463
105 5,79 3370 5,42 3851 5,12 4332 4,85 4814 4,62 5295 4,42	5777
110 5,77 3543 5,89 4049 5,08 4555 4,82 5061 4,59 5567 4,40	6073
115 5,75 3705 5,87 4235 5,07 4764 4,81 5294 4,58 5823 4,89	
120 5,74 8855 5,86 4406 5,06 4957 4,80 5508 4,57 6058 4,88	6609

Tannen=Bestände pr. Morgen.

stehen	den !	Mitt	telhö	ђе,	Abst.	nbs	= unb	For	cm z a	ħ1.		Mittlere
III. 9	Klasse.	Ge	[chloss	ener (Stand.	IV. S	elasse.	Ø€.	dräng	ter C	stand.	ස යු ල
a)o	ai ana f	No.		36	8	B.	_	De .	_	•	e Stammform: Zahl.
etwas Abst.		Abst.	geschl- Kfuß.	ganz Abst.	geschl. Kjus.	Aph.	gebr. Kfuß.	Noft.	gebr.	ganz Abst.		ıforn
							<u> </u>			<u> </u>		ī
6,41 6,08		6,17 5,86		5, 96 5, 66		5,77 5,48	!	5,60 5, 3 2	i	5,17		0,579 0,576
5,83		5,62		5,43		5,25		5,10		4 ,95]	0,573
5,62	_	5,41	i i	5,23		5,06		4,91		•	,	0,570
								<u> </u>	1			
5,44		i ' 1	1069	Ì	}				t		† ·	0,567
'			1348 1642					•	ŀ	1		0,564 0,561
1	1		1944			•		•	•	8	ŀ	0,558
		1	<u> </u>	1	<u> </u>		 	<u> </u>	<u> </u>	<u>. </u>	<u> </u>	
1 1		-	1	1	2414				Í	1		0,555
			2576		~ ~ ~ ~		1 .	ľ	i .		l.	0,552
1			2912 2061				1		i	6	1	0,549
4,74	502 C	4,57	3261	4,41	3494				<u> </u>	<u> </u>		0,546
1 1			1	_	3882				1	ł ·	1	0,543
1 1			3998	,				· ·	L	•	İ	0,540
1 1		,	4385	·		•			l	•	t	0,537
4,46	4443	4,30	4785	4,16	5127	4,02	5468	3,90	5810	3,79	6152	0,534
4,40	4824	4,24	5195	4,10	5567	3,97	593 8	3,85	630 9	3,74	6680	0,531
4,35	5199	4,19	5599	4,05	5999	3,92	6399	3,81	6799	3,70	7199	0,528
4,31	5565	4,15	5993	4,01	6422		l	8	J		ł	0,525
4,27	5919	4,12	6374	3,98	6829	3,85	7284	3,74	7740	3,63	8195	0,522
4,25	6258	4,10	6739	3,96	7221	3,83	7702	3,72	8184	3,61	8665	0,519
4,23	6579	4,03	7085	3,94	7592	1		ľ	ł		ļ	0,516
4,22	6882	4,07	7411	3,93	7940	3,80	8469	3,69	8999	3,58	9528	0,513
4,21	7160	4,06	7711	3,92	8262	3,79	8812	3,68	9363	3,58	9914	0,510

Massengehalt ber Riefern- und

Lärchen-Bestände pr. Morgen.

	den L Klasse.				Ab ft d Stand.						itanh	Rittlere
ritoas	· [1	h. h gejdhl.		gricht.		la	1	de gebr.	4	≫ gebr.	re Stammform. Zahl
AP4	Afus.	Abs.	Rfuß.	Abst.	Sint.	和6世	Mus.	₩bft.	Afuß.	ЖЫ р.	Rhd.	Į į
,92	114	6,66	123	6,44	132	6,24	140	6,05	149	5,88	158	0,527
3,58	2 56	6,28	275	6,07	295	5,88	315	5,70	334	5,54	354	0,524
6,21	420	5,99	453	5,78	485	5,60	517	5,43	550	5,28	582	0,521
5,95	606	5,74	652	5,54	699	5,87	746	5,20	792	5,06	839	0,518
5,75	809	5,54	871	5,85	933	5,18	995	5,02	1058	4,88	1120	0,515
5,57	1026	5,87	1105	5,19	1184	5,02	1263	4,87	1342	4,78	1421	0,512
5,48	1254	5,23	1351	5,05	1447	4,89	1544	4,75	1640	4,61	1737	0,509
5,80	1491	5,11	1605	4,94	1720	4,78	1835	4,64	1949	4,51	2064	0,506
5,20	1733	5,01	1866	4,84	1999	4,69	2132	4,55	2266	4,42	2399	0,508
5,11	1986	4,92	2139	4,75	2292	4,60	2444	4,47	2597	4,34	2750	0,500
5,02	2250	4,83	2423	4,67	2597	4,52	2770	4,39	2943	4,26	3116	0,497
4,98	2526	4,75	2720	4,59	2914	4,44	3108	4,81	3303	4,19	8497	0,494
4,85	2814	4,68	3031	4,52	3247	4,87	3463	4,24	3680	4,12	3894	0,491
4,78	3096	4,61	3334	4,45	3572	4,81	3811	4,18	4048	4,07	4287	0,488
4,73	3376	4,56	3635	4,40	3895	4,26	4155	4,13	4414	4,02	4674	0,485
4,68	3648	4,51	3928	4,36	4209	4,22	4490	4,09	4770	3,98	5051	0,482
4,65	3911	4,48	4212	4,33	4512	4,19	4813	4,06	5114	3,95	5415	0,479
4,62	4161	4,45	4481	4,50	4802	4,17	5122	4,04	5442	3,93	5762	0,476

114

Massengehalt ber Erlen = und andern mehr

. Buğ.			3n s	dörp	erfuf	gen p	reuß	ifchen	Ma	Be 8 31	ur ne	ebenan
prand	I.	. Klass	e. Li	H ter	Stand.		П.	Rlaffe	. 98	ăumlic	her C	Stand.
Mittelhöhe preuß.	ganz	la licht.	şiemi.	i. Cidjt.	ektroa 6	(lájt.	ganj	to count.	jieml.	edumi.	etwas	e. råuml
뚧	ЯЬA.	Rfuß.	መ ኦስ.	Kfuß.	916ft.	Rhis.	¥6ft,	Rfuß.	186 %.	Rfuß.	U6R.	Rfus.
5	11,57	46	10,80	53	10,18	59	9,66	66	9,22	73	8,81	79
10	10,88	103	10,18	118	9,60	133	9,11	148	8,69	162	8,31	177
15	10,40	170	9,72	194	9,16	218	8,68	242	8,29	266	7,92	291
20	9,99	243	9,34	277	8,81	312	8,35	347	7,97	3 82	7,62	417
25	9,66	3 21	9,05	367	8,58	413	8,09	459	7,72	505	7,88	551
30	9,42	403	8,81	461	8,31	518	7,89	576	7,52	634	7,20	691
35	9,24	486	8,64	556	8,15	625	7,73	695	7,87	764	7,06	834
40	9,05	574	8,47	656	7,99	738	7,58	820	7,23	903	6,92	985
45	8,90	666	8,52	761	7,84	856	7,44	952	7,09	1047	6,79	1142
50	8,74	762	8,17	871	7,70	980	7,80	1089	6,96	1198	6,67	1307
55	8,58	862	8,02	985	7,57	1108	7,18	1232	6,84	13 55	6,55	1478
60	8,43	966	7,89	1104	7,44	1242	7,05	1380	6,78	1518	6,44	1656
_							_					\dashv
65	8,32	1067	7,78	1219	7,34	1371	6,96	1524	6,64	1676	6,36	1829
70	8,24	1162	7,71	1328	7,27	1494	6,89	1660	6,57	1827	6,30	1995
75	8,19	125	7,86	1431	7,28	1610	6,85	1789	6,58	1968	6,26	2147

weichen Laubholz=Bestände pr. Morgen.

steher	tben !	Mit	telþi	ђе,	Apl	anbs	- unb	Fo	em 3 a	6 L		Witties.
Ш.	Riaffe	. G	ကြယ်ဂျိ	ener (Stand.	IV. S	Elaffe.	(Se	brång	ter ©	tand.	55 G
etwas	gelaji.] șiemi.	gefchl.		Bo gefthl.	etwai	gebr.	jiemi.	gebr.	Dant	gedt.	e Stammforms Zahl.
₹6pt.	Rfuß.	Mbs.	Rfuß.	ЯбR.	Kfuß.	朝6款.	Struß.	ЯЫĮt.	Afuß.	Mbft.	Rfup.	, til
8,47	86	8,17	92	7,90	99	7,64	106	7,41	112	7,20	119	0,596
7,99	192	7,70	207	7,44	222	7,20	236	6,99	251	6,79	266	0,592
7,62	315	7,84	339	7,10	363	6,87	387	6,66	412	6,48	436	0,588
7,83	453	7,06	486	6,82	521	6,61	555	6,41	590	6,23	625	0,584
7,10	596	6,84	642	6,61	6 88	6,40	734	6,21	780	6,03	826	0,580
6,92	749	6,66	806	6,44	864	6,24	922	6,05	979	5,88	1037	0,576
6,78	903	6,58	973	6,81	1042	6,11	1112	5,98	1181	5,76	1251	0,572
6,64	1067	6,41	1149	6,19	1231	5,99	1313	5,81	1395	5,64	1477	0,568
6,52	1237	6,29	1332	6,08	1427	5,88	1523	5,70	1618	5,54	1713	0,564
6,40	1415	6,17	1524	5,97	1633		Į					0,560
6,29	1601	6,06	1724	5,86	1847	5,67	1971	5,50	2094	5,85	2217	0,556
6,18	1794	5,96	1932	5,76	2070	5,58	2208	5,41	2346	5,26	2484	0,552
6,10	1981	5,88	2133	5,68	2286	5,50	243 8	5,84	2591	5,19	2743	0,548
6,05	2159	5,88	2325	5,63	2491	5,45	2657	5,29	2822	5,14	2989	0,544
6,01	2325	5,79	2504	5,59	2683	5,42	2862	5,26	3041	5,11	3220	0,540
5,99	2477	5,77	266 8	5,57	2858	5,40	3049	5,24	3239	5,09	3430	0,586

Massengehalt der Birken=Bestände pr. Morgen.

preuß. Fuß.	In R	örper te he nde	fußen m Mit	telhö	ischen A he, Al 13ah L	Naßes 6 stant	zur nel 8= unt	benan	Mittlere &
). 15e	I. Kl Lichter		II. K Rāum Sta	licher	III. S Geschlie Sta	Mener	IV. S Gebrä Sta	ngter	Sahl.
ଞ	Apt.	Kfuß.	N6A.	Afuß.	916A.	Kfus.	Abk.	Rfuß.	ä
5	12,47	34	10,64	47	9,44	59	8,56	73	0,516
10	11,72	77	9,99	106	8,86	135	8,04	164	0,512
15	11,14	128	9,52	175	8,43	222	7,66	270	0,508
20	10,73	181	9,16	249	8,12	317	7,36	385	0,504
25	10,42	239	8,88	32 8	7,88	418	7,14	507	0,500
30	10,18	298	8,68	409	7,70	521	6,99	633	0,496
35	9,96	359	8,50	494	7,54	629	6,83	764	0,492
40	9,75	425	8,32	584	7,38	743	6,69	903	0,488
45	9,56	494	8,16	679	7,24	864	6,56	1049	0,484
50	9,38	565	8,00	777	7,10	989	6,44	1201	0,480
55	9,22	640	7,86	880	6,96	1120	ì		0,476
60	9,10	711	7,75	978	6,87	1244	6,23	1511	0,472
65	9,01	777	7,69	1069	6, 81	1360	6,18	1652	0,468
70	8,96	837	7,65	1151	6, 78	1465	6,15	1779	0,464

VII. Forstliche VerhältnißTafeln

•

Aber

ben Durchschnitts-Ertrag und die mittleren Zuwachsprozente ber Holzbestände; über die Massenhaltigkeit der Holzmaße; über Schwinden und Gewicht der deutschen Hölzer, und über die scharf- und rundkantige Beschlagskärke.

Erläuterung mit Gebrauchsbeifpielen.

- 1) Taf. 118 u. 119: Durchschnitte Ertragstafel über alle Waldgats tungen Deutschlands; hauptsächlich zur Vergleichung ber verschiedenen Waldergiedigkeiten und zur Bestimmung fünstiger Golzerträge. Hiernach ware z. B. von einer Larchens anlage in gutem Standorte (zu 0,7) und in 50jährigem Alter pr. Mg. zu rechnen auf $67.4 \times 50 = 2870$ Ksp. Hauptertrag und $(70-57.4) \times 50 = 630$ Ksp. Borertrag.
- 2) Aaf. 120: Prozenttafel bes Holzzuwachses, nach Cotta. Sie giebt bas Juwachsprozent für bie von 10 zu 10 Jahren fleigenden Altersftusen ber genannten Holzbestände an; die Zwischennugung blieb babei unberückschigt. Hiernach hatte ein 100jahr. Buchenbestand von 3660 o' Masse $\frac{3660 \times 1,315}{100} = 48,129$ o' laufenden Zuwachs.
- 3) Taf. 121: Der Bolgmaße Maffenhaltigfeit in Theilen ihres wirts lichen Rauminhaltes, nach Golglange und Form. Ein Beifpiel ift unter ber Tafel gegeben.
- 4) Taf. 122: Schwindungs=Berhaltniffe ber Golger nach ben vers fciebenen Sartegraben, welche man burch bie Gigenschwere naber zu bestimmen suchte. Ein Beifpiel bagu finbet fich unter ber Tafel.
- 5) Taf. 123: Mittleres Gewicht ber Bolger und zwar fammt ber Rinde und gang gran gemeffen; blog zu forfilichen Zweden, alfo ohne Berückschis gung bes nachherigen Schwindens im Austrocknen; bas Reifig nur bis zum völlig lufts trocknen Juftand, über welchen hinaus diese unreife Holzsorte wenig Gewichtsverluft hat.
- 6) Tafel 124: Die icharfe und rund tantige Geviertftarte zu bem eben nutbaren Durchmeffer und Umfang, wobei alfo Rinbe und Splint nicht mit anzurechnen maren.

Durchschnittsüber alle Waldgattungen Deutschlands,

Baldgattungen,	Die C	ertragofäh	igfeit bes	Stanbort	e8, fo wi
worin die genannten Holzarten vorherrschen.	O,1 duperft gering	O,2 febr gering	O,8 gering	O.4 gering miftelmäßig	⊕, 5 mittelmößig
Hochwald von Gichen Walbbuchen Ahorn, Eschen, Ulmen .				19,2 24 ,8 18,4 23, 2	2529 2829
Hainbuchen			11,413,2 18 2 1	2428	3035
Tannen	8,811 7,5 9 8,210	1518	26,483 22,527 24,680	8086	4455 87,545 4150
Bent. Buchen, Eichen, Birfen) und Rabelholy mit Oberbeftanb			2124	2888	8549
Mittelwald von Buchen mitAb., Cich., Salw. rc. Eichen mit Buch., Biet., Asp. rc.			1214,4	1619,2 15,216,4	f d
Riederwald von Gem. Buchen, Aborn, Cichen et. Eichen mit Buch., Birt., Nep. 2c. Birten Grien	8,6 4,4 5 6	7,2 8,8 1012	10,212,6 10,813,2 910,8 1518 8,410,2	14,417,6 1214,4 2024	1822 1518 2530 1417
Plänterwald von Buchen		1	10,813,2 1822,5		1812 1812 3087,5

Ertragstafel zu einem Morgen in Körperfußen preußischen Maßes.

die Ertrag	gfamteit be	es Waldbe	:stanbes is	t:	Schlagbarteitsalter
O ,6 gut mitteiniähig	O,7 gut	O ,8 febr gut	O ,9 dußerst gut	A gang ausgrjucht.	nach Maßgabe ber Stanborteverhältniffe,
3089 27,684,8 25,281,2 22,826,4 3642 55,879,8 52,866 4554 49,260	61,677 52,563 57,470	4052 86,846,4 88,641,6 80,485,2 4856 74,494,4 70,488 6072 65,690	4558,5 41,452,2 87,846,8 83,7.,106,9 79,299 67,581 78,890	50 65 46 58 42 52 98118 68110 75 90 82100	80 bis 110 70 bis 100 60 bis 80 40 bis 50 50 bis 70 80 bis 110 70 bis 100 60 bis 90
	1			1	#Rittelivalb, 20 bis 40 20 bis 30
21,6 26 ,4 18 2 1,6 30 86 16,8 2 0,4	28,829,4 25,230,8 2125,2 3542 19,623,8 31,537,8	28,835,2 2428,8 4048 22,427,2	82,489,6 	36 44 	15 bis 25 15 bis 20 15 bis 25
	25,280, 8 4257, 5		, , ,		Plänterwald. de Schlaghauung.

Prozenttafel bes Holzzuwachses, nach Cotta

	20	6,761	8,235	5,094	4,989	9,177	6,494	11,690	6,601	I
ŀ	30	4,455	5,849	3,416	3,333	5,389	4,331	5,372	4,175	
I	40	3,360	3,789	2,577	2,500	3,760	3,165	4,078	2,874	İ
	50	2,708	2,931	2,074	1,998	2,621	2,404	3,811	2,150	l
İ	60	2,277	2,341	1,738	1,578	1,979	1,850	2,746	1,691	
ŀ	70	1,964	1,991	1,429	1,227	1,552	1,487	2,114	1,372	
ŀ	80	1,729	1,712	1,055	0,983	1,282	1,280	1,678	1,135	
	90	1,536	1,478	0,715	0,785	1,088	1,038	1,293	0,950	
	100	1,382	1,315	0,580	0,523	0,991	0,872	1,119	0,798	
	110	1,128	1,113	į		0,902	0,720	0,984	0,871	
	120	0,959	0,885			0,806	0,588	0,833	0,497	
!	130	0,827	0,724			0,642	0,476	0,692	0,881	
İ	140	0,718	0,648			0,899	0,378	0,576	0,288	
ł	150	0,631	0,578]						
1	160	0,575	0,524							
ŀ	170	0,527								
	180	0,486								
	190	0,435								
	200	0,375								
Į	'					<u> </u>				

Der Holzmaße Maffenhaltigkeit in Theilen ihres wirklichen Rauminhaltes.

,	dei te			Ø	Spalt	Iti cheite.	نه نه			O#	Anfippelfcheite.	fceit	۵,
	, Bui		Berabe.			Rrumme.		Pro	Anotige.	@ er	Gerabe.	Rrn	grumme.
	#	Orobe.	Grobe. Mittelm.	Riare.	Grobe.	Mittelm.	Rfare.	Grobe,	Mittelin.	Starte.	Comate.	Charte.	&chmade.
	61	0,84	0,76	0,68	0,17	0,70	0,68	81'0	0,66	0,64	62,0	0,61	0,56
	20	0,83	0,75	0,67	0,765	0,685	0,615	0,70	0,64	0,625	0,575	0,59	0,54
	e	0,82	0,74	99,0	0,74	0,67	0,60	0,68	0,62	0,61	0,56	0,57	0,52
	48	0,81	0,78	0,65	0,725	0,655	0,585	99'0	0,60	0,595	0,545	0,55	0,50
	4	0,80	0,72	0,64	12'0	0,64	0,57	0,64	0,58	0,58	0,58	0,53	0,48
	₩	0,79	0,71	0,63	0,695	0,625	0,555	0,62	0,56	0,565	0,515	0,51	0,46
	20	0,78	0,70	0,62	89'0	0,61	0,54	09'0	0,54	0,55	0,50	0,49	0,44
	5	0,77	0,69	0,61	0,665	0,595	0,525	0,58	0,52				
	0	0,78	0,68	0,60	0,65	0,58	0,51	0,56	0,50	L			
t6]	Das Reiebolg hat an Daffe O,30 bis	191041	at an M	affe 0,30		O.s. vom Rauminhalte bee Bunbes.	inhalte be	6 Bunbe		ī			
	Das Stodbolg hat an Daffe 0,36 bis	£ 6013	hat an D	daffe 0,86		0,00 vom Rauminhalte bes Stocholzmaßes.	ninhalte be	e Stock	polymaßes	- ا			

3. B. Bon einer Klafter geraben, mittelmäßig ftart gespaltenem Scheitholze, zu 4' Scheitlange, 6' Breite, 6' Gobe unb 1/4' ibermaß, ware der Holgehalt (4 X 6 X 62) X 0,713 = 108 Rfuß.

Schwindungs. Berhaltniffe ber beutschen Bald: und Felbhölzer.

	ආ	1 +	, - ,	,	_			
ì	٠,	ē	1	-	-	1	1	
					0,956	0,965	0,976	
					0,992 0,971 0,955	0,994 0,982	0,996 0,987 0,976	
	=	I	I	il	0,992	0,994	0,996	
	3m				_			
	Sartegrab	h Maßgabe bes g nen Gewichtes.	fehr bart 16 66 96 19 (b. pr.	hart 11 bis 64 19th, pr.	nittelbart mbis so Ph. pr.	n e i ch 19 bis se tip. pr.	ebr weich sie wich p.	

Kafterte Scheithols fest fich zwar nicht fo zusammen, wegen ber gegenfeitigen Spannung; foll aber ein solcher Gtoß fortgefegt werden, und ift dabei eine Solfe von 6 Buf zu gewahren: fo muß man im grünen Buftande Diese = 6.4 Buf Riafterhobe geben. Birtenicheltholg, bas feinem lebenbigen Bewichte nach zu bem mittelharten gegort, fcwbiebet in ber Duerflache bis gum vollig luftrodnen Buftande von 1 : 0,000, verllert alfo inzwischen 0,060 von feinem utfprunglichen Rovpergehalte. Das aufge-

Mittleres Gewicht ber beutschen Walds und Feldhölzer vom preußischen Körperfuße in preußischen Pfunden, sammt ber Rinde grün abgemessen.

6.1		Derb	holz:		Reis	holz:
Holzarten.	grůn.	ans troden.	luft: trotten.	ausge: troanet.	grūn.	lufts trocten.
Eiche	68	59	50	41	60	40
Balbbuche	63,9	55,6	47,3	39	57	39
Painbuche	65,2	57,6	50	42,4	58	40
Ahorn	62	54	46	3 8	54	37
Efce	61	58	45	37	54	36
Ulme	61,2	58	44,8	36,6	54	36
Birte	58	50	42	34	51	33
Erle	54,6	45,6	36,6	27,6	47	28
Linbe	52,3	43,8	35,8	26,8	45	27
Aspe	50,8	42,2	34,1	26	44	26
Pappel	50	41,5	33	24,5	42	24
Weibe	51	42,8	34,6	26,4	43	25
Tanne	54,6	46,5	38,4	30,8	59	33
Ficte	52,4	44	35,6	27,2	60	84
Riefer	57	48	39	3 0	57	31
Barde	55	46,2	37,4	28,6	58	32

Im Buch en wal de wiegt die genn aufgesehte Klafter von 100 Kfuß holzgehalt 100 × 63,0 = 6300 Pfund, im lufttroduen Buftanbe nur 4730. Die Gewichtevers minderung in der Zwischenzeit beträgt alfo 26 pCt. und 100 Fuhren mindern fich so mit auf 74. Kein unbebeutender Bortheil in wirthschaftlichem Betracht.

Die scharf- und rundkantige Geviertstärke zu bem eben nutbaren Durchmesser und Umfang.

Durch: meffer.	Umfang.	Scharft. Stärke,	Runbf. Stärfe.	Durch: meffer.	Umfang.	Scarft. Stärfe.	Rundf. Starfe.
Boll,	30II.	ЭoU.	Bott.	Boa.	Bon.	30 1 .	BoIL.
1	8,1416	0,7071	0,8	31	97,3896	21,9201	24,8
2	6,2832	1,4142	1,6	32	100,5312	22,6272	25,6
3	9,4248	2,1213	1	33	[03,6728	23,8343	26,4
4	12,5664	2,8284	3,2	84	106,8144	24,0414	27,2
5	15,7080	3,5855	4,0	3 5	109,9560	24,7485	28,0
6	18,8496	4,2426	4,8	36	113,0976	25,4556	25,8
7	21,9912	4,9497	5,6	37	116,2393	26,1627	29,6
8	25,1328	5,6568	6,4	38	119,3808	26,8698	30,4
9	28,2744	6,3639		39	122,5224	27,5769	31,2
10	31,4160	7,0710	8,0	40	125,6640	28,2840	32,0
11	34,5576	7,7781	8,8	II 1	128,8056	28,9911	32,8
12	37,6992	8,4852	9,6	42	131,9472	29,6982	33,6
13	40,8408	9,1928	10,4	43	135,0888	30,4053	34,4
14	43,9824	9,8994	11,2	44	138,2804	31,1124	35,2
15	47,1240	10,6065	1 1	45	141,3720	31,8195	36,0
16	50,2656	11,3136	12,8	46	144,5136	32,5266	36,8
17	53,4072	12,0207	13,6	47	147,6552	33,2837	37,6
18	56,5188	12,7278	14,4	48	150,7968	33,9408	38,4
19	59,6904	13,4349	15,2	49	153,9884	34,6479	
20	62,8820	14,1420	16,0	50	157,0800	35,8550	
21	65,9786	14,8491	16,8	51	160,2216	36,0621	40.8
22	69,1152	15,5562	17,6	52	163,8682	36,7692	41,6
23	72,2568	16,2633	18,4	53	166,5048	37,4768	42,4
24	75,3984	16,9704	19,2	54	169,6464	38,1834	43,2
25	78,5400	17,6775		55	172,7880	38,8905	

VIII. Bergleichende Übersicht

ber

wichtigsten Waldmaße.

Erläuterung mit Bebrauchebeifpielen.

1) Taf. 126 u. 127; Überficht ber wichtigften Längen : und Flächeumaße. An fich verständlich. Die beigegebenen Faktoren zur Berwandlung in preuß. Maß geswähren eine leichtere Bergleichung; ihre Anwendung zur Reduktion gegebener Längen und Flächen in preuß. Maß besteht in einfacher Multiplikation; z. B. 714 bad. Fuße — 714 × 0,956 — 682,664 preuß. Fuße; und eben so 215 weim. Acker — 215×1,116 — 239,64 preuß. Morgen. — Wäre preuß. Maß gegeben, so könute man dies burch Division mit bem betreffenden Faktor in das bezügliche frembe Maß verwandeln; z. B.

239,94 preuß. Morgen = $\frac{239,94}{1,116}$ = 215 weim. Ader.

Anmerkung. Diese Tafel enthält übrigens nur bie Balbflachenmaße; in einis gen ganbern, 3. B. in Braunschweig, Sachsen-Roburg und Gotha, Medleuburg-Schwerin, Oldenburg, im Saalfelb'schen, in Frankfurt a/M., bestehen baneben noch Feldmorgen von abweichender Größe.

- 2) Taf. 128 enthält bie Faktoren zur gegenseitigen Berwandlung ber Flåschenmaße. Die in berselben Horizontallinie stehenden Zahlen geben an, wie viel Theile von dem Flächenmaße des darüber genaunten Landes auf die Flächeneinheit des mit A bezeichneten Staates kommen; also z. B. 1 bad. Morgen = 1,057 bair. Tageswerk = 1,079 braunschw. Morgen u. s. f. Demnach sind 210 bad. Morgen = 210 × 1,079 = 226,58 braunschw. Morgen. Chen so ist 1 diterreich. Joch = 1,599 bad. Morgen = 1,689 bair. Tagewerk = 1,826 würtemberg. Morgen u. s. f. f.; und bemnach sind z. B. 72 österreich. Joch = 72 × 1,689 = 121,608 bair. Tagewerk.
- 3) Taf. 129 enthalt die Faktoren zur gegenseitigen Berwandlung der Forsterträge. Diese Tafel ist nach denselben Grundsähen wie Tas. 128 construkt. Es ist demnach 1 weimar, o' auf 1 weimar, Acker = 1,049 bad, o' auf 1 bad. Morgen = 0,787 kas. o' auf 1 kas. Acker = 0,660 preuß, o' auf 1 preuß. Morgen u. s. w., und solglich würde ein Forstertrag von 3000 weim, o' auf den welm. Acker = 3000 × 0,660 = 1950 preuß, o' auf 1 pr. Morgen betragen.
- 4) Taf. 130, 131, 132 geben nachweisung über die gebrauchlichften Solgschlichts maße (Rlaftern, Steden) fo wie über diejenigen Fruchtmaße und Gewichte, welche beim Golgsamen ober fonft ofter jur Frage tommen. Ihre Anwendung bebarf feiner Erlanterung.

Vergleichende Übersicht ber wichtigsten

		1genma			ächenm	aß.	
Ramen der Staaten 1c.	Der Lan enthä parlfer Linten	lt:	Die geomett. Längenrutbe entb von vor- fteb. Buben	Bezeichnung.		rfiflader enthalt : Ofue	pon ben
Anh.:Bernburg " &Cothen,	139,13	I	12	Rorgen	180	25920	Rozge
Wertfus Rettens, " Dessau Baben	129,58 139,13 139,13 132,989 129,38	0,981 1 1 0,956 0,930	12 12 10	Morgen Norgen Norgen Zagwert	180 180 400 400	25920 25920 40000 40000	1,410
Braunschweig Bremen Frankf, a/M. 1881.	126,5 128,268	0,907 1,437	16 10	Waldmorg. Waldmorg.	160 160	40960 16000	1,306
	129,484	0,981		Morgen (Kalenberg, Mg.	120 160	30720 40960	
Deff. Darmftabt	126,3	0,907	14 10 ant	Ader Morgen	150 400	29400 40000	
Peff Domb., 2816. Retteni.		0,907 1,100		Feld = und Walbmg.	160	16000	0.747
Beidehobenzoll. Lippe:Detmold Ghaumb.	128,34	0,913 0,922 0,924	10 16 16	Morgen Morgen Morgen	384 120 120	38400 30720 30720	1,234
Medib. : Schwe:		0,927 0,913					
Redib. Strelit, Becki.	129,0 139,13	0,927	16	Waldmorg.	100	25600	
Naffau, Betti.	128,82 132,988 221,648	0,926 0,956 1,593		Morgen Morgen	100	25600 10000	
Offreich mit " 1 tenftein							

Olbenburg Preußen Reuß-Eber und Lobe

Längen= und Flächenmaße.

	L & ä i	igenmo	ıß.	용	ächenm	aß.	
Ramen	Der Lan enthä		geomete. 1genruthe 1. von voer 5. Fußen	m		orfifiacher enthält:	neinheit
ber Staaten 2c.	parifer Linien.	von bem preuß. Suße	Die ger Längen enth. vor Keb. Fr	Bezeichnung.	ORuth.	OFupe	vondem preus. Morgen
	,	0,913	1 -	Scheffel	120	30720	
Reuß Greiz	125,23	0,900	1	Acter	160	40960	1,280
Reuß-Schleiz Wi.	139,13	0,900 1	12	Morgen	160	23040	0.889
Sachsen (Kgr.)	125,537	0,902		Acter	300	69008;	
Sachsen=Altenb.		0,902	20	Acter	200	80000	2,513
S.=Coburg, Bi.	134,75	0,969	10	Warana na	100	05000	•
	139,13 125,23	0 ,900	12	Waldmorg.	180	25920	L
	127,5	0,916	! !	Waldacker	160 '	40960	1,327
S.=Meiningen:							
Dp. Sonneberg	134,75	0,969	14	Acter	160	31360	1,135
" Meiningenu. Salzungen, Wi.	195.52	0,902					
Rf.	134,75	0,969		Acter	160	31360	1,135
» Hildburghau=							
jen, Wif.	127,5	0,916					
	134,75	0,969	, ;	Ader	160	31360	1,135
Dp. Saalfeld, 281.		0,900	K I	Walhmana	180	 อรถอก	,
Rf. Sachsen=Weimar	139,13 125.0	1 0 ,898	12 16	Waldmorg, Acker	140	25920 35840	
Schwarzb. = Ru-		0,000					
dolstadt		0,899	16	Acter	160	40960	1,278
Schw.=Sonbers=							
hausen: Oberherrschaft	195.28	0,900	14	Acter	160	31360	0.980
Unterh., Wf.	127,5	0,916		****			
9 4.	125,24	0,900		Ader	120	23520	
Balbect Wirtembers	129,0 127,0	0,927 0,913		Morgen Morgen	180 384	46080 38400	
Würtemberg	141,0	U,710	10	wivigen	UOT	00700	1,203
Dänemart	139,09	1	10	Tonne	525,7	52570	2,027
England, Fot	135,114		$16\frac{1}{2}$	Acre	160	43560	1,585
Frankreich, metre	443,296	3,186		Hectare	100 Ares	10000 _Metr.	3,917
Rußland, Arfchine	315,266	2,266	3 auf d. Sasche	Defätine	2400	21600	4,279
Schweben	131,587	0,946	16	Tonne	2183	56000	1,93

Faktoren zur Berwandlung ber Flächenmaße.

	ı	ľ							ı				
Baiern.	Brauns (concig.	Danno.	Beffen. Ralfel.	D. Darm. Rabi und Raffau.	Dedlen. bug.	Derrich mit Liech, benftein.	Breufen (mitanb., Coburgu.,	Stonige. Cachlen.	Cachiene Altene bung.	Cachlen. Gotha.	& Det. ning. ex-	Cachfen. Weimat.	Mütem. beig mit hobeng.
1,057	1,079	1,874	1,511	1,440	1,661	0,626	1,410	0,651	0,561	1,063	1,242	1,263	1,142
₹,000	1,022	1,300	1,430	1,869	1,572	0,592	1,334	0,616	0,531	1,006	1,176	1,196	1,081
0,979	000,	1,278	1,400	1,334	1,539	0,580	1,806	0,608	0,520	0,984	1,151	1,171	1,058
0,769	0,786	000	1,100	1,048	1,209	0,455	1,027	0,474	0,409	0,774	0,905	0,920	0,832
0,699	0,714	0,909	1,000	0,958	1,099	0,414	0,933	0,431	0,871	0,703	0,822	0,836	0,756
0,734	0,750	0,954	1,049	1,000	1,153	0,434	0,979	0,452	0,890	0,738	0,863	0,877	0,798
0,636	0,650	0,827	0,910	0,867	000,	0,877	0,849	0,892	0,888	0,640	0,748	0,761	0,688
1,689	1,726	2,196	2,416	2,302	2,666	1,000	2,254	1,040	0,897	1,699	1,986	2,020	1,826
0,749	0,765	0,974	1,072	1,021	1,178	0,444	1,000	0,461	0,398	0,754	0,881	0,896	0,810
1,624	1,699	2,111	2,323	2,214	2,553	0,982	2,168	1,000	0,863	1,683	1,910	1,942	1,756
1,888	1,924	2,448	2,698	2,566	2,959	1,115	2,518	1,159	₫,000	1,893	2,214	2,251	2,036
0,994	1,016	1,298	1,492	1,355	1,563	0,589	1,327	0,612	0,528	1,000	1,169	1,189	1,075
0,850	0,869	1,106	1,216	1,159	1,887	0,503	1,185	0,524	0,452	0,855	000₺	1,017	0,819
0,886	3 0,854	1,087	1,196	1,140	1,815	0,495	1,118	0,515	0,444	0,841	0,983	000	0.904
0,925	0,945	1,202	1,328	1,263	1,454	0,648	1,234	0,569	0,491	0,930	1,088	1.106	1000
				ı							-	•	î

Faktoren zur Berwanblung ber Holzerträge.

Baben. B	Batern.	sunva di	A											
973		ichroetg.	Der.	Seffen. Raffet.	Desfens Darms Kadt.	Redib., Schwe, rin.	Raffau.	றிருவு.	Preußen.	Ronige. Sachsen.	Sachlen. Alten. burg.	Sachlen. Gotha.	Sachsen. Beimar.	Wûrtem≠ berg.
9.7	1,028	1,077	0,789	0,750	1,200	0,692	0,694	1,367	0,619	1,828	2,119	1,127	0,958	1,005
	000,	1,047	0,767	0,730	1,167	0,673	0,676	1,330	0,603	1,778	2,061	1,097	0,927	0,978
0,929	0,955	000,	0,783	0,697	1,115	0,643	0,645	1,269	0,575	1,698	1,968	1,047	0,886	0,934
1,268	1,303	1,865	1,000	0,951	1,521	0,877	0,880	1,783	0,785	2,317	2,686	1,429	1,209	1,275
1,338	1,870	1,435	1,051	1,000	1,599	0,922	0,925	1,821	0,825	2,435	2,823	1,502	1,250	1,840
0,833	0,857	0,897	0,657	0,625	1,000	0,577	0,579	1,189	0,516	1,523	1,786	0,937	0,794	0,838
1,445	1,485	1,556	1,140	1,084	1,734	1,000	1,004	1,975	0,895	2,641	3,062	1,629	1,878	1,458
1,440 1	1,480	1,550	1,136	1,081	1,728	0,996	1,000	1,968	0,892	2,632	3,051	1,628	1,878	1,448
0,732 0	0,752	0,788	0,577	0,549	0,878	0,506	0,508	1,000	0,453	1,337	1,550	0,825	0,698	0,786
814	1,660	1,738	1,278	1,212	1,937	1,117	1,121	2,206	1,000	2,951	3,421	1,820	1,539	1,628
0,547	0,582	0,589	0,432	0,411	0,657	0,879	0,380	0,748	0,839	1,000	1,159	0,617	0,522	0,550
0,472	0,485	0,508	0,872	0,354	0,566	0,327	0,328	0,645	0,292	0,863	1,000	0,532	0,450	0,474
0,887	0,912	0,955	0,700	0,666	1,065	0,614	0,616	1,212	0,549	1,621	1,880	1,000	0,846	0,892
1,049	1,078	1,129	0,827	0,787	1,259	0,726	0,728	1,434	0,650	1,917	2,223	1,182	₩,000	1,055
0,995	1,028	1,071	0,786	0,747	1,194	0,688	0,691	1,359	0,616	1,818	2,108	1,120	0,948	1,000

Bergleichenbe Übersicht ber wichtigsten Holzschichtmaße.

Breußen	Riafter									auch Anhalt.
Baben u. Raffau		6' (-	_			,	144	1,164	
Balern	**	6/ (¥	129	,38	126	0,938	
Braunfdweig	Malter	41	5' '	4	ħ.	120	3,5	80	0,557	
Sannover .	Rlafter	6	6 ' '	4	À	12	,48	144	1,075	die falenberg, Rlafter == 6' 6' 4'.
1	Malter	4-1	51	4/ □	à	12	1,48	80	0,597	befonbere am Barge.
BeffensRaffel	Rlafter	5/ (5′	64	à	12	,54	150	1,070	in Rieber: u. Dberbeff.
		6	6'	4/	à	12	5,4	144		im Fulbaifden.
i i		6	61	44	Ł	12	3,43	144	• ′	im Sanaulfden.
Deff. Darmftabt	Steden	54	5,	4	À	110	,82	100		
Medl.:Shwerin	Faben	317	P (1	8 u, 4)	¥.	126	97	147 196		
" Strelit	[_	6	6	4	¥	125	`	144		
Didenburg	,,	6.6	/(2	u. 7 1	À	18	1,16	72		in Birtenf. 44' 8. 44.
Oftreich	Rlafter	6	6'	8/	à	14	1,18	108		
Sachfen, Rgr.	,	6' (108		
€.:Altenburg		6	64	2'			- 1	108		in Rlofterlandnig unb hummelebain.
		6 (4	ì	123	.54	144		im altenb. Forftamte.
SRoburg	ŀ _	84 (6	4			•	144		
S. Botha	.,	6 4	64	8.			-	108		
C.: Meiningen :	"	ł								
Dep.Salgungen	_	8 (B' (81	à	12	5.5	126		
" Meiningen	",	6		-		12	-	126		
- Silbburg.	"			•		12		144		Mmt Rombild.
hausen	67	6' 1	6, 4	44	Ł	124	3	144		Revier Dberftabt.
								144		Amt Bilbbgh, Gelbburg.
" Conneberg		6' (¥	12	5,5	144		Gief. u.Rev.Troftabi.
" Saalfelb		1		-	è	125	,5	126		im Ante Grafenthal
6.:Weimar		6' (8' :	31,	¥	12:	•	126		lm Beimar'fden.
	,,	54'	54	84	À	123	•	105,9		im Gifenad'icen.
							- (108		
Com.=Rubolft.		6'6	'(8	,84,4)	à	123	,1 }	176		
:		ı					- (144		
" Sonbersh.						125		64		in ber Unterherrschaft.
	Rlafter			-		12:		126		in ber Oberherrschaft.
Bürtemberg -	#	6/ (B* 4	4.	ž	127	1	144		nuch Bobengollern.

Bergleichende Überficht mehrer Fruchtmaße.

	Die	Maßeinhei	it	
Ramen der Staaten.	heißt und umfaßt:	halt pariser Rorper= zolle:	beträgt in preußlichen Scheffeln :	Anmerlungen.
Preußen	Scheffel 4 Biert, ju 4 Dh.	2770,7	1	(34 Schffl. = 1 Bispel; ber berliner Scheffel = 0,996.
Baben	Walter 10 Sefter 211 16 Mäßlein.	7561,8	2,729	
Baiern	Scheffel 6 Mg. in i Bier-	11209,6	4,046	
Braunschweig .	Himten 4 Bierfas zu 4M8.	1570,1	0,567	40 htmten == 1 2Bispel.
Hannover	Himten Epint 311 4600p.	1570,4	0,567	6 himten = 1 Raiter.
Heffen-Kaffel .	Scheffel 8 Mg. gu 4 Malen.	4051,6	1,462	8 Cheffel = 1 Malier,
Deffen Darmftabt	Gimmer 4 Rumpf gu 4 Bejdetb.	1613,2	0,582	4 Simmer == 1 Malier,
Medlenburg	Scheffel	1960,5	0,707	13 Scheffel = 1 Dromt.
Öftreich	Mege == 16 Magel.	8100,8	1,119	30 Mehen = 1 Muth.
Rgr. Sachsen .	Scheffel 4 Duant ju 4 Mp.	5229,6	1,887	13 Scheffel = 1 Maliet.
G.=Altenburg .	Scheffel 4 Blett. ju 4 MB.	7089,0	2,558	U
SSotha	Scheffel = 8 Megen,	4402,2	1,589	
SMeiningen .	Maß = 4 Depen.	1053,0	0,880	
S.:Weimar	Scheffel 4 Bleet, ju 4 Mg.	3880	1,400	
Würtemberg .	Simri 4 Dierling zu 4 Möhlein.	1116,8	0,408	8 Simel = 1 Scheffel.
Frankreich	Bectolitre	5041,25	1.819	Rac bem nenen Mat-

Bergleichenbe Übersicht mehrer Gewichte.

Preußen	Pfund 110 ju 1 Guir. 29 ju 1 Stein.	467,7		
Baben	Pfund 100 ju 1 Cnte.	500	1,069	Bollgewicht ber beutschen Bereins-Staaten.
Baiern	Pfund 200 ju 1 Cntz.	560	1,197	das alte nürnberger Bib. = 1,00 preuß. Pib.
Braunschweig .	Pfund 100 zu 1 Entr.	467,7	1	
Hannover	Pfund 100 ju 1 Cntr.	467,7	1	(
BeffeniKaffel .	Pfund 108 ju 1 Cnir.	467,8 484,2	1 1,035	leichtes Pfb. fcmerres Pfb.
Heffen=Darmftabt	Pfund 100 ju 1 Cnir.	500	1,069	(frankfurter Entr.)108 preuß. Bfb., leicht;)100 Bfb. 3n 1,00 preuß., (chwer.
Medlenburg .	Pfund 119 ju 1 Entr.	484,7	1,086	
Östreich	Pfund 100 ju 1 Cntr.	560	1,197	
Kgr. Sachsen .	Pfund 110 ju 1 Cnir.	467,1	0,998	(Dies ift das alte leipe) ziger Gewicht. Reuerlich das Joliges wicht?

Waldwerth, Berechnungs, Tafeln.

Erläuterung mit Gebrauchsbeispielen.

Der nachfte Gebrauch biefer Salfstafeln ift unter einer jeben befonbers gezeigt. Sier wurde man nur Beifpiele ju lofen haben fur bie ftudweife Rentenberechnung. Jedes derfelben ift burch eine Beitscala erläutert und burch Beibehaltung einer Ginnahme von 50 Thir., eines 4prog. Binefußes und 10jahriger Berioben vereinfacht.

- 1) Ithiwerthe verschiedener Jahresrenten, von Laf. C.
- a) Pinteres Rentenftud, nad 10 Jahren eintretenb:

× (100) = 16,88012. Dies mit 50, giebt 844,6 Thir.

b) Borberes Rentenftud, bem 1. Jahrzehnd angehörig:

100 - 100 - 100 - 100 | 100 | 25 - 16,88912. Dies mit 50, giebt 405,5 Thir.

c) Mittleres Rentenftad vom 2. Jahrzehnb:

 $\frac{100}{4} \times \left(\frac{100}{104}\right)^{\frac{1}{10}} - \frac{100}{4} \times \left(\frac{100}{104}\right)^{\frac{20}{10}} = 16,88918 - 11,40969 = 5,47948, \text{ unb bies}$

mit ber Rentenpoft 50 multipligirt, giebt 273,s Thir. 2) Jehtwerthe verichledener Beriobenrenten, von Saf. D mit A.

a) 3m Anfangepuntte ber Bwifchengeit:

0.....1.....1 ∞

1,0419 - 1 = 2,08928. Dies mit 50, glebt 104,1 Thir.

b) Am Enbe bes 4. 3ahres:

0...*...1...*...1...*...1...*

1,0410 - 1 × 1,044 = 2,08998 × 1,16988 = 2,425976. Dies mit 50 multipligirt, giebt 121,8 Ihlr.

c) 3m Anfange einer Beriobe, wenn jebes 8., 9. unb 10. 3ahr 50 Thir. abwirft:

0......111......111 ∞

 $\frac{1}{1_{.04^{10}-1}} \times (1_{.0816}+1_{.04}+1) = 2_{.08228} \times 3_{.1216} = 6_{.80804}.$

•	Jahre.	Prozent.	Brogent.	Prozent.	Prozent.	Brogent.
	Ī	1,03000	1,08500	1,04000	1,04500	1,05000
		1,06090	1,07122	1,08160	1,09202	1,10250
		1,09278	1,10872	1,12486	1,14117	1,15762
		1,12551	1,14752	1,16986	1,19252	1,21551
		1,15927	1,18768	1,21665	1,24618	1,27628
	_	1,19405	1,22925	1,26582	1,30226	1,34010
•	7	1,22987	1,27228	1,31593	1,36086	1,40710
		1,26677	1,31681	1,86857	1,42210	1,47745
		1,80477	1,36290	1,42331	1,48609	1,55138
		1,34391	1,41060	1,48024	1,55297	1,62889
		1,38423	1,45997	1,58945	1,62285	1,71034
		1,42576	1,51107	1,60108	1,69588	1,79586
		1,46853	1,56395	1,66507	1,77220	1,88565
		1,51259	1,61869	1,73167	1,85195	1,97993
		1,55797	1,67535	1,80094	1,98528	2,07893
		1,60470	1,78398	1,87298	2,02237	2,18287
		1,65285	1,79467	1,94790	2,11338	2,29202
		1,70248	1,85749	2,02581	2,20848	2,40662
		1,75850	1,92250	2,10685	2,30786	2,52695
		1,80611	1,98978	2,19112	2,41171	2,65330
		1,86029	2,05943	2,27876	2,52024	2,78596
		1,91810	2,13151	2,86991	2,68365	2,92526
		1,97858	2,20611	2,46471	2,75217	3,07152
		2,03279	2,28832	2,56330	2,87601	8,22510
		2,09377	2,36324	2,66583	3,00544	3,38635

ren, u spreche

ber Einheit zu $\left(\frac{100+p}{100}\right)^n$.

M Jahre.	p=3 Prozent.	P=31/2 Prozent.	P=4 Prozent.	P=41/2 Prozent.	P=5 Prozent.
26	2,15659	2,44595	2,77246	3,14068	3,53567
27	2,22129	2,53156	2,88336	3,28201	3,73346
2 8	2,28792	2,62016	2,99869	3,42970	3,92013
29	2,85656	2,71187	3,11864	3,58404	4,11614
30	2,42726	2,80678	3,24339	3,74532	4,32194
31	2,50008	2,90502	3,37312	3,91886	4,53804
32	2,57508	3,00670	3 ,50805	4,08998	4,76494
33	2,65233	3 ,11198	3,64837	4,27403	5,00319
34	2,78190	3,22085	3,79430	4,46636	5,25335
3 5	2,81386	3,83358	3,94608	4,66785	5,51601
40	3,26203	3,95924	4,80100	5,81637	7,08999
45	3,78159	4,70283	5,84115	7,24825	8,98501
50	4,38389	5,58489	7,10665	9,08265	11,46740
55	5,08213	6,63310	8,64682	11,25632	14,63563
60	5,89158	7,87803	10,51957	14,02743	18,67919
65	6,82996	9,35663	12,79866	17,48078	23,83990
70	7,91779	11,11274	15,57152	21,78417	30,42643
75	9,17889	13,19844	18,94513	27,14704	38,83269
80	10,64084	15,67559	23,04963	33 ,83016	49,56145
85	12,88565	18,61768	28,04338	42,15853	63,25436
90	14,30039	22,11195	34,11906	52,58721	80,73038
95	16,57807	26,26205	41,51103	65,47093	103,03470
100	19,21852	31,19105	50,50449	81,58870	131,50130
110	25,82807	43,99801	74,75892	126,70480	214,20170
120	34,71075	62,06346	110,66140	196,76870	348,91210

Die Jahl 1 hat 30 Jahre nachher mit 4 pCt. Zinseszinsen zum Werthe $\left(\frac{104}{100}\right)^{30} = 3,24339$; die Zahl 320 also: $320 \times 3,24339 = 1037,88$.

M Jahre.	p=3 Prozent.	p=81/2 Projent.	p=4 Prozent.	P=41/2 Prozent.	p=5 Brojent.
1	0,97087	0,96618	0,96154	0,95694	0,95238
2	0,94260	0,98351	0,92456	0,91573	0,90703
3	0,91514	0,90194	0,88900	0,87680	0,86384
4	0,88849	0,87144	0,85480	0,88856	0,82270
5	0,86261	0,84197	0,82193	0,80245	0,78353
6	0,83748	0,81350	0,79081	0,76790	0,74621
7	0,81809	0,78599	0,75992	0,78483	0,71068
8	0,78941	0,75941	0,73069	0,70818	0,67684
9	0,76642	0,73873	0,70259	0,67290	0,64461
10	0,74409	0,70892	0,67556	0,64393	0,61391
11	0,72242	0,68495	0,64958	0,61620	0,58468
12	0,70188	0,66178	0,62460	0,58966	0,55684
13	0,68095	0,68940	0,60057	0,56427	0,53032
14	0,68112	0,61778	0,57748	0,58997	0,50507
15	0,64186	0,59689	0,55526	0,51672	0,48102
16	0,62817	0,57671	0,58891	0,49447	0,45811
17	0,60502	0,55720	0,51887	0,47818	0,43680
18	0,58789	0,58886	0,49863	0,45280	0,41552
19	0,57029	0,52016	0,47464	0,48330	0,39573
20	0,55368	0,50257	0,45689	0,41464	0,37689
21	0,53755	0,48557	0,48888	0,89679	0,85894
22	0,52189	0,46915	0,42196	0,87970	0,34185
23	0,50669	0,45329	0,40573	0,86335	0,82558
24	0,49198	0,48796	0,89012	0,84770	0,31007
25	0,47761	0,42315	0,87512	0,83278	0,29530

Obenan fieht p ber Binefuß in Prozenten; voran fieht n bie Angahl von Jahren, um wleviel früher bie fragliche Post erhoben wirb. Die Ingahlen find die entsprechenden ben früheren Berthe von 1.

ber Einheit zu $\left(\frac{100}{100} + p\right)^n$.

Th Zahre.	p=3 Prozent.	p=31/2 Prozent.	P-4. Prozent.	P=41/2 Prozent.	P-5 Prozent.
26	0,46869	0,40884	0,86069	0,31840	0,28124
27	0,45019	0,39501	0,34682	0,30469	0,26785
28	0,43708	0,38165	0,33348	0,29157	0,25509
29	0,42435	0,36875	0,32065	0,27901	0,24295
30	0,41199	0,35628 .	0,30832	0,26700	0,23138
31	0,89999	0,84428	(),29646	0,25550	0,22036
32	0,38834	0,83259	0,28506	0,24450	0,20987
33	0,87703	0,82134	0,27409	0,23397	0,19987
34	0,86605	0,81048	0,26355	0,22390	0,19035
35	0,35538	0,29998	0,25342	0,21425	0,18129
40	0,80656	0,25257	0,20829	0,17193	0,14205
75	0,26444	0,21266	0,17120	0,18796	0,11180
50	0,22811	0,17905	0,14071	0,11071	0,08720
55	0,19677	0,15076	0,11566	0,08884	0,06833
60	0,16973	0,12693	0,09506	0,07129	0,05353
65	0,14641	0,10688	0,07813	0,05721	0,04195
70	0,12630	0,08999	0,06422	0,04590	0,08287
75	0,10895	0,07577	0,05278	0,03684	0,02575
80	0,09398	0,06879	0,04338	0,02956	0,02018
85	0,08107	0,05871	0,03566	0,02372	0,01581
90	0,06998	0,04522	0,02931	0,01903	0,01239
95	0,06082	0,03808	0,02409	0,01527	0,00970
100	0.05208	0.08208	A 01980	0.01928	£ 00760

C. Jahres=Rentenwerthe

Th Zahre.	p=3 Prozent.	P=31/2 Prozent.	p=4 Prozent.	p=4 ¹ / ₃ Prozent.	p= 5 Prozent.
0	33,33338	28,57148	25,00000	22,22222	20,00000
1	32,86245	27,60524	24,03847	21,26528	19,04762
2	31,41986	26,67174	23,11391	20,34955	18,14058
3	30,50478	25,76980	22,22491	19,47825	17,27676
4	29,61624	24,89836	21,37011	18,63469	16,45405
5	28,75868	24,05689	20,54819	17,83234	15,67058
6	27,91614	23,24289	19,75787	17,06435	14,92431
7	27,10306	22,45690	18,99796	16,32952	14,21363
8	26 ,81365	21,69749	18,26727	15,62634	13,53679
9	25,54724	20,96376	17,56468	14,95343	12,89218
10	24,80314	20,25485	16,88912	14,80950	12,27827
11	24,08072	19,56990	16,23954	13,69330	11,6\$359
12	23, 37934	18,90812	15,61494	13,10364	11,13675
13	22,69839	18,26872	15,01437	12,53937	10,60643
14	22,03728	17,65094	14,43689	11,99989	10,10186
15	21,89541	17,05405	13,88168	11,48267	9,62034
16	20,77225	16,47734	13,84772	10,98820	9,16223
17	20,16723	15,92014	12,83435	10,51503	8,72593

ber Einheit zu $\frac{100}{p} \times \left(\frac{100}{100+p}\right)^n$.

Id Iahre.	P=3 Prozent.	P=31/2 Prozent.	P=4. Prozent.	P=41/2 Prozent.	P=5 Prozent.
26	15,45651	11,68111	9,01725	7,07561	5,62481
27	15,00632	11,28610	8,67044	6,77092	5,85697
28	14,56925	10,90444	8,33696	6,47934	5,10187
29	14,14490	10,53569	8,01631	6,20033	4,85893
30	13,73292	10,17942	7,70799	5,93333	4,62755
31	13,83293	9,88519	7,41158	5,67788	4,40719
32	12,94459	9,50260	7,12647	5,43333	4,19782
33	12,56756	9,18126	6,85237	5,19936	3,99745
34	12,20152	8,87078	6,58882	4,97546	3,80709
35	11,84614	8,57080	6,83541	4,76121	3,62581
40	10,21858	7,21689	5,20724	3,82063	2,84091
45	8,81464	6,07601	4,27998	3,06587	2,22598
50	7,60359	5,11584	3,51783	2,46021	1,74407
5 5	6,55893	4,30740	2,89140	1,97420	1,86653
60	5,65779	3,62672	2,37652	1,58420	1,07071
65	4,88046	3,05360	1,95833	1,27124	0,83893
70	4,20993	2,57105	1,60550	1,02011	0,65732
75	3,63152	2,16476	1,31960	0,81859	0,51508
80	3,13258	1,82267	1,08462	0,65688	0,40354
85	2,70219	1,53464	0,89148	0,52711	0,31618
90	2,88094	1,29218	0,78278	0,42298	0,24774
95	2,01069	1,08794	0,60225	0,33942	0,19411
100	1,73444	0,91601	0,49500	0,27237	0,15209
110	1,29058	0,64938	0,33441	0,17539	0,09387
120	0,96032	0,46036	0,22591	0,11294	0,05782

Die jährliche Einnahme von 1 hat bei 3 pCt. Zinseszinsen, beginnt sie im 21. Jahre, jest, 20 Jahre früher, zum Werthe $\frac{100}{3} \times \left(\frac{100}{103}\right)^{20} = 18,45588$; eine solche Rente von 225 ist also: 225 \times 18,45588 = 4152,57 werth.

D. Berioben=Rentenwerthe

	IN Jahre.	p=3 Prozent.	P-31/2 Prozent.	p=4 Brozent.	P=41/2 Prozent.	P-5 Prozent.
		33,88838	28,57148	25,00000	22,22222	20,00000
		16,42036	14,04001	12,25505	10,86661	9,75610
		10,78435	9,19811	8,00871	7,08386	6,84417
		7,96756	6,77865	5,88730	5,19429	4,64024
		6,27849	5,82808	4,61570	4,06204	3,61949
	Ī	5,15826	4,86195	3,76906	3,80840	2,94035
		4,85021	3,67270	3,16525	2,77114	2,45640
		3,74856	3,15649	2,71320	2,36910	2,09444
		3,28114	2,75561	2,36238	2,05721	1,81580
		2,90769	2,43548	2,08228	1,80842	1,59009
	Ī	2,60259	2,17406	1,85878	1,60551	1,40778
		2,84874	1,95669	1,66881	1,43702	1,25G51
		2,13432	1,77319	1,50360	1,29501	1,12911
I	14	1,95088	1,61631	1,36678	1,17878	1,02048
1	15	1,79222	1,48072	1,24858	1,06919	0,92685
	16	1,65370	1,86243	1,14550	0,97812	0,84540
ı	17	1,58175	1,25838	1,05497	0,89817	0,77598
1	18	1,42868	1,16620	0,97484	0,82749	0,71092
1	19	1,32718	1,08401	0,90847	0,76461	0,65490
I	20	1,94058	1,01032	0,88955	0,70886	0,80485
	21	1,16240	0,94391	0,78200	0,65779	0,55992
	22	1,09158	0,88378	0,72997	0,61212	0,51941
	23	1,02718	0,82911	0,68278	0,57072	0,48274
H	24	0,96825	0,77928	0,68967	0,58304	0,44943
K	25	0,91426	0,78355	0,60030	0,49864	0,41905

e۱

ber Einheit zu $\frac{1}{\left(\frac{100+p}{100}\right)^n-1}$

IN Inhre.	p=3 Prozent.	p=31/2 Prozent.	P-4 Prozent.	P=4*/2 Prozent.	P=5 Brozent.
26	0,86461	0,69159	0,56419	0,46714	0,89129
27	0,81881	0,65298	0,68097	0,43821	0,86584
28	0,77644	0,61722	0,50033	0,41157	0,84245
29	0,78716	0,58416	0,47200	0,38699	0,82091
30	0,70064	0,55847	0,44575	0,86426	0,80103
31	0,66868	0,52493	0,42158	0,84819	0,28264
32	0,63489	0,49833	0,39872	0,32368	0,26561
33	0,60521	0,47850	0,37759	0,30548	0,24980
34	0,57740	0,45028	0,85787	0,28849	0,23511
35	0,55131	0,42853	0,83948	0,27268	0,22148
40	0,44208	0,88792	0,26309	0,20762	0,18556
45	0,85951	0,27010	0,20656	0,16004	0,12528
50	0,29552	0,21811	0,16376	0,12449	0,09558
55	0,24497	0,17752	0,13078	0,09750	0,07334
60	0,20448	0,14589	0,10505	0,07676	0.05656
65	0,17158	0,11966	0,08475	0,06068	0,04378
70	0,14455	0,09888	0,06863	0,04811	0,08898
75	0,12227	0,08198	0,05572	0,08824	0,02648
80	0,10872	0,06814	0,04585	0,03046	0,02059
85	0,08822	0,05676	0,03698	0,02480	0,01608
90	0,07518	0,04787	0,08019	0,01940	0,01254
95	0,06419	0,08958	0,02468	0,01551	0,00980
100	0,05489	0,08812	0,02020	0,01241	0,00766
110	0,04028	0,02826	0,01856	0,00795	0,00469
120	0,02966	0,01688	0,00912	0,00511	0,00287

Die periodisch ausseigende Cinnahme von 1 hat, bei 5 pCt. Zinseszinsen, mit 24jähriger Zwischenzeit, im Beginn berfelben, zum Werthe $\frac{1}{(\frac{188}{3})^{24}-1}=0.44942$; eine solche Periodeneinnahme von 320 ift also: $320\times0.44942=143.81$ werth.

E. Bergangenheits = Rentenwerthe ber Einheit. §. 117.

IA Zahre.	P-3 Propent.	P=\$1/2 Projent,	Prozent.	P=41/2 Projent.	P-5 Brozent.
1	1,03000	1,03500	1,04000	1,04500	1,05000
2	2,09090	2,10622	2,12160	2,13702	2,15250
3	3,18368	5,21494	3,24646	3,27819	8,31012
4	4,30914	4,86246	4,41632	4,47071	4,52563
5	5,46841	5,55014	5,68297	5,71689	5,80191
6	6,66246	6,77989	6,89829	7,01915	7,14201
7	7,89288	8,05167	8,21422	8,38001	8,54911
8	9,15910	9,36848	9,58279	9,80211	10,02656
9	10,46887	10,78138	11,00610	11,28820	11,57789
10	11,80778	12,14198	12,48684	12,84117	13,20678
11	13,19201	13,60195	14,02579	14,46402	14,91712
12	14,61777	15,11802	15,62682	16,15990	16,71298
13	16,08680	16,67697	17,29189	17,93210	18,59863
14	17,59889	18,29566	19,02356	19,78405	20,57856
15	19,15686	19,97101	20,82450	21,71938	22,65749
16	20,76156	21,70499	22,69748	23,74170	24,84036
17	22,41441	23,49966	24,64588	25,85508	27,13238
18	24,11684	25,85715	26,67119	28,06856	29,53900
19	25,87034	27,27965	28,77894	30,87142	52,06595
20	27,67645	29,26948	30,96916	32,78818	34,71925
21	29,58674	31,82886	33,24792	35,80337	37,50521
22	31,45284	33,46037	35,61788	37,98702	40,48047
23	33,42642	35,66648	38,08254	40,68919	43,50199
24	35,45921	37,94980	40,64584	43,56520	46,72709
25	37,55298	40,81804	43,31167	46,57064	50,11844
- 30	49,00260	53,42936	58,32821	63,75239	69,76078
3 5	62,27585	69,00744	76,59813	85,16397	94,83631
40	77,66319	87,50936	98,82634	111,84669	126,83974
4.5	95,50188	109,48383	125,87035	145,09821	167,58514
50	116,18068	135,58261	158,77352	186,58566	219,81527

Drud ber Engelhard-Repher'schen hofbuchbruderei in Gotha.

'n

-

•
.

¥

-





3 2044 102 889 979

